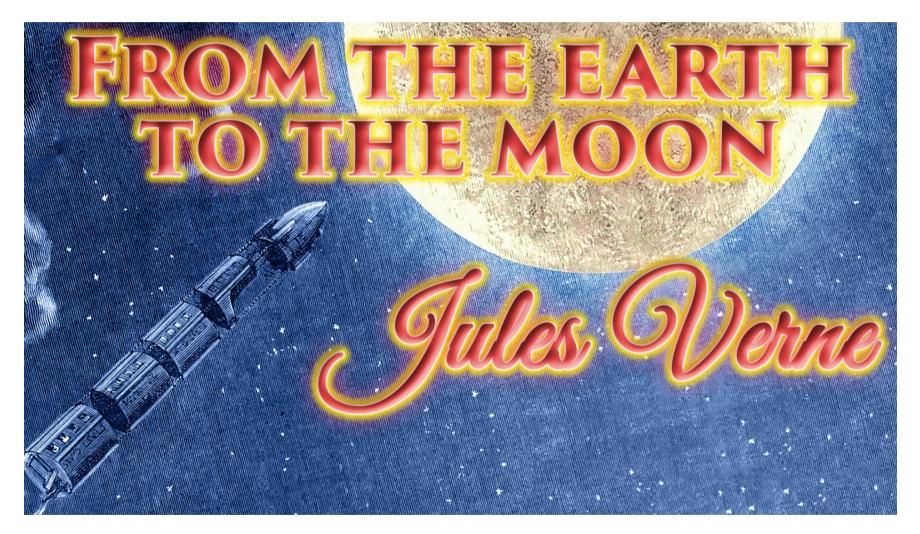
In [1]: %load\_ext autoreload
%autoreload 2





Nel libro di Jule Verne "Dalle Terra alla Luna"...



■ ...Il veicolo con i protagonisti viene "sparato" verso la Luna





### Durante il viaggio, la navicella è soggetta a forze gravitazionali

Esse sono regolate dalla legge di gravitazione di Newton:

$$F_{12} = -G \frac{m_1 m_2}{r_{12} \|r_{12}\|}$$

- $lacksquare F_{12}$  è la forza esercitata dal corpo 2 sul corpo 1
- lacksquare lacksquare è la costante di gravitazione
- lacksquare  $m_1$  ed  $m_2$  sono le masse del corpo 1 e 2
- $ightharpoonup r_{12}$  è la distanza dal corpo 1 al corpo 2, i.e.

$$r_{12} = x_1 - x_2$$

lacksquare  $x_1$  e  $x_2$  sono le posizioni (scalari) di 1 e 2 (la forma vettoriale è diversa)





#### Si desidera modellare il moto della navicella

- Assumiamo per semplicità che la Terra e la Luna siano in fisse
- Quindi la nave viaggerà lungo una traiettoria verticale
- Il moto sarà regolato dell'equazione differenziale:

$$\ddot{x} = \frac{1}{m_s} (F_{se} + F_{sm})$$

- $lacktriangleright m_S$  è la massa della navicella
- lacksquare  $F_{se}$  è l'attrazione esercitata dalla Terra sulla navicella
- $lacksquare F_{sm}$  è l'attrazione esercitata dalla Luna sulla navicella



#### Nel complesso, il sistema è descritto dell'ODE

$$\begin{pmatrix} \dot{x} \\ \dot{v} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} v \\ \frac{1}{m_s} (F_{se} + F_{sm}) \end{pmatrix}$$

Con:

$$F_{se} = -G \frac{m_s m_e}{x|x|}$$

$$F_{sm} = -G \frac{m_s m_m}{(x-D)|x-D|}$$

Dove  $oldsymbol{D}$  è la distanza tra il centro della Terra e della Luna





## Prima di tutto, procediamo a caricare i dati del problema

Potete farlo usando la cella seguente:

```
In [2]: G = 6.67408e-11 # Costante di gravitazione universale
    ME = 5.972e24 # Massa della Terra
    MM = 7.34767309e22 # Massa della Luna
    MS = 800 # Massa del "satellite"
    D = 384400e3 # Distanza Terra-Luna

    rE = 6371e3 # Raggio della Terra
    rM = 1737e3 # Raggio della Luna
    v0a = 11000
    v0b = 11100
```





#### Nel modulo sol.moonshot si definisca una classe:

```
class Dstate:
    def __init__(self, G, ME, MM, MS, D):
        ...

def __call__(self, X, t):
        ...
```

...Che rappresenti la funzione che definisce l'ODE

- Il metodo call deve calcolare le derivate
- ...E restiuirle sotto forma di numpy.array

Nella cella seguente:

- Si utilizzi la classe per calcolare il gradiente
- ... Per lo stato  $(r_E, v_{0,a}) = (6371e3, 11000)$ ed il tempo iniziale  $t_0 = 0$

#### Nel modulo sol.moonshot si definisca una funzione:

```
def simulate(f, X0, t)
```

...Che si simuli il comportamento della navicella:

- La funzione deve restituire una tupla contenente (nell'ordine):
  - La matrice con gli stati visitati
  - Il vettore con i valori del tempo
- La funzione deve anche disegnare un grafico utilizzando

```
base.util.plot_state_evolution
```

## Si utilizzi la funzione per determinare il comportamento della navicella

- Per un periodo di 3.5 giorni
- ...A partire dallo stato iniziale  $(r_E, v_{0,a}) = (6371e3, 11000)$

### Si utilizzi di nuovo simulate per simulare il comportamento della navicella

- Per un periodo di 3.03 giorni
- ... A partire dallo stato iniziale  $(r_E, v_{0,b}) = (6371e3, 11100)$

```
In [7]: from scipy.integrate import odeint
         X0 = np.array([rE, v0b])
         t2 = np.linspace(0, 3600 * 24 * 3.03, 3600 * 24 * 4)
         X2, t2 = moonshot.simulate(dstate, <math>X0, t2)
            1e8
            3.5
                                                                                                                 10000
                                                                                                                 8000
          × 2.0
                                                                                                                 6000 >
            1.5
                                                                                                                 4000
                                                                                                                 2000
```

#### Nel modulo sol.moonshot si definisca una funzione:

```
def goal_reached(X, D, rM)
```

- Che restituisca:
  - lacktriangle II valore lacktriangle se la quota massima raggiunta è superiore a  $D-r_M$
  - Il valore False altrimenti

Si stampino a video il risultato per le due simulazione precedenti

```
In [8]: g1 = moonshot.goal_reached(X, D, rM)
    print(f'Obiettivo raggiunto per la prima simulazione: {g1}')

g2 = moonshot.goal_reached(X2, D, rM)
    print(f'Obiettivo raggiunto per la seconda simulazione: {g2}')

Obiettivo raggiunto per la prima simulazione: False
    Obiettivo raggiunto per la seconda simulazione: True
```



