Planejamento de trajetória em ambientes com prioridades dinâmicas

Heitor L. Polidoro
Universidade de São Paulo
ICMC - Instituto de Ciências Matemáticas
e de Computação
São Carlos - SP, Brasil
heitor.polidoro@gmail.com

Dr. Prof. Denis F. Wolf
Universidade de São Paulo
ICMC - Instituto de Ciências Matemáticas
e de Computação
São Carlos - SP, Brasil
denis@icmc.usp.br

Resumo—A robótica móvel é uma área de pesquisa que está obtendo grande atenção da comunidade científica. O desenvolvimento de robôs móveis autônomos, que sejam capazes de interagir com o ambiente, aprender e tomar decisões corretas para que suas tarefas sejam executadas com êxito é o maior desafio em robótica móvel. O desenvolvimento destes sistemas inteligentes e autônomos consiste em uma área de pesquisa multidisciplinar considerada recente e extremamente promissora que envolve; por exemplo, inteligência artificial, aprendizado de máquina, estimação estatística e sistemas embarcados. Dentro desse contexto, esse trabalho aborda o problema de navegação e monitoramento de ambientes utilizando robôs móveis. Dada uma representação do ambiente (mapa topológico) e uma lista com urgências de cada uma das regiões do mapa, o robô deve estimar qual o percurso mais eficiente para monitorar esse ambiente. Uma vez que a urgência de cada região não visitada aumenta com o tempo, o trajeto do robô deve se adaptar a essas alterações. Entre as diversas aplicações práticas desse tipo de algoritmo, destaca-se o desenvolvimento de sistemas de segurança móveis inteligentes.

Keywords-Robótica Móvel; Prioridades dinâmicas;

I. Introduction

A robótica é uma tecnologia utilizada para auxiliar ou substituir o homem em tarefas que o ser humano não é capaz de executar; em tarefas que podem ser automatizadas; em tarefas em ambientes com alto grau de periculosidade, como fundo do mar, incêndios, desarmamento de bombas, áreas com contaminação radioativa ou com gases tóxicos e em tarefas repetitivas como uma linha de produção industrial, por exemplo.

Dentre as muitas definições de robô podemos destacar:

- Dispositivo ou máquina que realiza funções normalmente associadas a seres humanos [1];
- Máquinas que, além de serem capazes de reproduzir tarefas e movimentos implícitos em sua construção, complementam a parte mecânica com dispositivos eletrônicos inteligentes [1];
- Órgão mecânico versátil equipado com atuadores e sensores sob o controle de um sistema computacional [2] e
- Simplesmente um agente artificial e ativo cujo ambiente é o mundo físico [3].

Inicialmente os robôs eram utilizados somente para automação industrial, fixados em posições específicas na linha de montagem, os braços robóticos podem mover-se a uma grande velocidade e precisão para realizar tarefas repetitivas. No entanto esses robôs apresentam uma fundamental desvantagem que é a falta de mobilidade. Um manipulador fixo tem alcance limitado que depende de onde foi colocado enquanto que robôs móveis são capazes de locomoverem-

se pela fábrica [4]. Com a evolução tecnológica os robôs passaram a ser utilizados em outras áreas como: medicina de precisão, ambientes perigosos, ambientes insalubres, na área de entretenimento, serviços domésticos, etc. Nesse contexto surgiram as pesquisas para o desenvolvimento de robôs móveis autônomos, que sejam capazes de atuar em ambientes reais e reagir a situações desconhecidas de forma inteligente [5].

A robótica consiste em uma área multidisciplinar de pesquisa, envolvendo desde elementos de engenharia mecânica, elétrica, computação até áreas de humanas como psicologia e estudos comportamentais. O que diferencia a robótica móvel de outras áreas de pesquisa em robótica, é a sua ênfase nos problemas relacionados com locomoção em ambientes complexos, que se modificam dinamicamente, compostos tanto por obstáculos fixos quanto por obstáculos móveis. Para operar nesses ambientes o robô deve ser capaz de adquirir e utilizar conhecimento sobre o ambiente, tais como: estimar posições dentro do ambiente (sua posição, de um obstáculo, de um landmark, de uma meta), reconhecer obstáculos, e responder em tempo real às situações que podem ocorrer nesses ambientes. As tarefas de perceber o ambiente, localizar-se no ambiente e mover pelo ambiente são problemas fundamentais da robótica móvel [6].

A robótica móvel, além de ser uma área de grande potencial científico, tem atraído a atenção de empresas de tecnologia que cada vez mais investem no desenvolvimento de produtos; como por exemplo os robôs que realizam trabalhos domésticos autonomamente, entre os quais o robô aspirador de pó e o robô cortador de grama.

Normalmente, a navegação é a principal tarefa a ser executada por um robô móvel. Esta consiste na localização do robô no ambiente, planejamento de um caminho entre a posição inicial e o destino final e a execução do movimento pelo caminho planejado. Esta tarefa pode ser mais, ou menos complexa, dependendo do ambiente em que o robô se encontra [7] e das informações que ele possui.

A motivação deste projeto é desenvolver um sistema de monitoramento de ambientes internos. Existem diversas aplicações práticas para esse tipo de aplicação. Dentre elas, pode-se citar o desenvolvimento de um robô vigia que monitora um ambiente, dando ênfase para áreas de maior importância; um robô que monitora a temperatura e umidade de ambientes onde esse fator é crítico; um robô que faz coleta de lixo ou correspondência; um robô para fazer limpeza de ambientes; um robô para fazer entregas de remédios a pacientes em um hospital e etc.

II. Desenvolvimento e Resultados

Para determinar a trajetória do robô foram criadas duas soluções, uma Offline (seção II-C1) e outra em Tempo Real seção (II-C4), essas soluções serão confrontadas em dois critérios de avaliação (seção II-A), um baseado no Grau de Urgência Total e o outro baseado na freqüência relativa de cada sala.

A. Critérios de Avaliação

Os algoritmos e estratégias serão então testados e avaliados. As avaliações consistem na comparação dos algoritmos e estratégias. Serão utilizados dois critérios de comparação, um critério comparando a frequência relativa de cada sala com sua prioridade relativa, onde o melhor resultado é aquele em que a freqüência relativa se aproximar mais da prioridade relativa, pois se uma sala (a) possui uma prioridade com valor duas vezes maior que uma sala (b), a sala (a) deve ser visitada com o dobro de frequência do que a sala (b). Esse cálculo é feito somando as diferenças quadráticas entre a prioridade relativa e a frequência relativa de cada sala $(\sum_{i=0}^{n} (P_i/P_t - F_i/F_t)^2)$. Isto indica que o algoritmo ou estratégia se manteve fiel à definição do problema: Areas de maior importância devem ser visitadas mais frequentemente.

O segundo critério é um gráfico mostrando a progressão da somatória dos graus de urgência de todas as salas $(\sum_{i=0}^n U_i)$, no qual o melhor resultado consiste em manter o menor valor da somatória dos graus de urgência; mostrando que o algoritmo ou estratégia levou o robô às salas

com maior eficiência. O grau de urgência U é calculado multiplicando-se a prioridade relatica da sala P/P_t pelo tempo decorrido desde a última visita t ($U_i = P_i/P_t \times t_i$). A casa visita o t é zerado.

B. Metodologia

Para a solução do problema descrito, o robô tem uma descrição completa do ambiente em que atua (mapa). Foram utilizados somente dois sensores: Odômetro para localizar o robô no mapa e o LASER para o desvio de obstáculos. O controle do robô foi desenvolvido utilizando a biblioteca Player/Stage. Para desvio de obstáculos utilizou-se a técnica VFH que já vem implementada no Player e se mostrou suficiente para o projeto.

Cada ambiente tem um mapa topológico. O robô deve utilizar esse mapa para se locomover de uma sala para outra no ambiente. Para os algoritmos e estratégias determinarem a seqüência de salas a serem visitadas, é considerado um grafo completo com todas as salas, pois para determinar o melhor caminho entre uma sala e outra será utilizado o algoritmo de Dijkstra no mapa topológico.

Como um dos critérios de avaliação está relacionado ao tempo que o robô fica sem visitar as salas é possível deduzir que a solução seja um ciclo.

Considera-se:

- Um ambiente com S salas;
- Um ciclo hamiltoniano C qualquer;
- C_i é a i-ésima sala visitada no ciclo;
- Uma velocidade constante do robô (tanto linear quanto angular);
- Δt_i o tempo para sair da sala i e chegar na sala i+1.

Como o tempo de viagem entre as mesmas salas é constante todos os Δt_i são constantes, portanto o tempo total do ciclo T é constante $(\sum_{i=1}^{S} \Delta t_i = cte)$. Se o tempo do ciclo é constante, o tempo que o robô demora para revisitar cada sala é constante igual a T. Mas isso não é interessante para solução do problema pois o grau de urgência de cada sala é diferente, então

se uma sala tem uma prioridade muito alta, seu grau de urgência vai ser muito alto até o robô revisitá-la.

Para resolver esse problema, basta fazer com que o robô revisite essa(s) sala(s) mais de uma vez no ciclo. Então supondo um ciclo de tamanho n sendo $n \geq S$ o tempo total do ciclo continua constante $(\sum_{i=1}^n \Delta t_i = cte)$. Portanto a solução do problema consiste em encontrar esse ciclo.

C. Soluções

Foram definidos dois tipos de soluções: uma solução offline, ou seja, a solução é calculada em um computador e depois informada ao robô qual seqüência de sala ele deve seguir, essa seqüência não é alterada. E a outra é uma solução tempo real, ou seja, o robô define para qual sala deve ir durante a execução do algoritmo, baseando suas decisões no que está acontecendo no momento. A solução offline é dividida em duas partes: Gerador, que cria possíveis seqüências de salas ótimas, e o Avaliador que analisa e computa uma nota para as seqüências de salas criadas pelo Gerador

- 1) Offline: Esse método consiste em explorar as diversas possíveis combinações de seqüências de salas para encontrar a seqüência ótima antes de informar ao robô qual seqüência de salas deve seguir. Um programa chamado gerador, seguindo uma determinada heurística, gera as possíveis seqüências de salas, essas seqüências são fornecidas ao programa avaliador que, baseado no critério de maior Grau de Urgência Total, analisa a seqüência e retorna uma avaliação ao gerador que tomará a decisão de: descartar a seqüência, preservar a seqüência para gerar futuras seqüências ou guardar a seqüência como possível seqüência ótima.
- 2) Gerador: O programa chamado gerador é utilizado para gerar os candidatos à seqüência de salas ótima do mapa analisado. Esses candidatos são avaliados pelo programa avalidador e de acordo com a avaliação o gerador irá guardar a seqüência como possível ótima, descartar ou continuar utilizando essa seqüência para gerar novas seqüências.

O programa **gerador** utiliza uma classe (tipo de variável) chamada *Agente* contendo os seguintes atributos:

- vertice: Vértice no qual o agente se encontra no momento:
- caminho: Vetor de salas que guarda a seqüência de salas que o agente percorreu até chegar no vértice atual;
- avaliacao: Avaliação da seqüência de salas do agente;
- tempo: Tempo em segundos que o robô levou para percorrer a seqüência de salas até o vértice atual.

O gerador recebe apenas um parâmetro como entrada: o nome do mapa que quer achar a seqüência ótima. O programa inicia criando uma seqüência percorrendo as salas na ordem numérica (Sala 1, sala 2...) e classificada como possível ótima. A seguir o programa cria um Agente em cada sala do mapa para explorar as possibilidades do robô começar em cada sala, esses agentes são organizados em uma fila de candidatos.

O laço principal do programa consiste em retirar um agente da fila e para cada sala i é criado um novo agente, simulando que o agente retirado da fila navegou até a sala i. Em cada novo agente é atualizada a seqüência de salas visitadas e o agente é reavaliado. Se a avaliação for um valor negativo o agente é inserido na fila de agentes. Se o valor retornado for 0 (zero) o agente é descartado. Caso o avaliador retorne um valor positivo e esse valor é menor que a avaliação da atual següência ótima, o novo agente contendo a següência melhor é guardado como possível sequência ótima. Como o algoritmo somente insere na fila os agentes que podem gerar següências ótimas, o critério de parada é quando não existe mais agentes na fila, o programa então retorna o agente com a sequência ótima.

Exemplo: Em ambiente com quatro salas o gerador vai criar um *agente* e coloca-lo em cada sala. Então a fila de *agentes* ficaria da seguinte

forma (Agente/caminho):

$$(A/1)(B/2)(C/3)(D/4)$$
 (1)

Seguindo o laço principal, o gerador remove o primeiro agente da fila, no caso é o agente **A**, cria uma cópia do agente **A** para cada sala, e simula que esses agentes navegaram até sua sala correspondente, atualizando o caminho que esse agente percorreu para chegar a essa sala e a avaliação desse caminho.

$$(B/2)(C/3)(D/4)(E/1,2)(F/1,3)(G/1,4)$$
 (2)

Após feito isso o gerador recomeça o ciclo, removendo o primeiro agente da fila (no caso agente **B**), criando outros agentes e inserindo-os na fila de acordo com a avaliação adquirida (agentes **H**, **I** e **J**).

$$\frac{(C/3)(D/4)(E/1,2)(F/1,3)(G/1,4)}{(H/2,1)(I/2,3)(J/2,4)}$$
 (3)

O gerador permanece nesse ciclo até que não exista mais *agente* na fila.

3) Avaliador: O programa chamado avaliador é utilizado para avaliar os candidatos a seqüência de salas ótima do mapa analisado gerado pelo programa gerador (Seção II-C2) e retorna para o gerador um valor numérico. Baseado nesse valor o gerador irá guardar a seqüência como possível ótima, descartar ou continuar utilizando essa seqüência para gerar novas seqüência.

O avaliador recebe três parâmetros como entrada:

- O nome do mapa onde o caminho será avaliado;
- Um vetor de vértices, representando a sequência de salas a ser avaliada;
- Um valor opcional de limite para a avaliação.

Com esses parâmetros o avaliador inicia a simulação do robô navegando pelo mapa. A velocidade linear, que determina a velocidade com que o robô anda para frente ou para trás, é definida pela constante SIMULACAO_VEL como

1 m/s. A velocidade angular, que determina a velocidade com que o robô vira, é definida pela constante SIMULACAO_ROT como 0,5 rad/s. O tempo que o robô demora para visitar uma sala é definido pela constante VISITAR_SALA como 5 s. Todos esses valores foram definidos arbritrariamente.

Durante a simulação, a cada visita de sala o avaliador mede o Grau de Urgência Total e salva o maior valor, esse valor vai ser a avaliação do caminho neste mapa. Após a simulação o avaliador verifica se a avaliação do caminho for maior que o limite fornecido o valor 0 (zero) é retornado, se nenhum limite for fornecido o avaliador utiliza o valor do maior inteiro do compilador. Se o caminho não visita todas as salas o avaliador retorna a avaliação com valor negativo, se todas as salas foram visitadas o avaliador verifica se o caminho é um loop, ou seja, se o caminho começa e termina no mesmo vértice, caso contrário ele também retorna a avaliação em valor negativo. Se o caminho for um loop, visita todas as salas e o valor da avaliação for menor que o limite fornecido (ou menor que o maior inteiro do compilador), o valor da avaliação, maior Grau de Urgência Total em todo o percurso, é retornado pelo avaliador.

Para critério de parada o avaliador compara o estado das salas, ou seja, se para cada sala, o Grau de Urgência e o número de visitas é o mesmo ao término do caminho.

4) Tempo Real: A solução em tempo real inicia as prioridades de todas as salas em zero, cada sala recebe um valor correspondente à chance dessa sala gerar uma emergência. Emergência é quando a sala solicita que o robô vá visitá-la, como uma lixeira cheia ou a sala não ser visitada por um tempo mínimo determinado por exemplo. A cada emergência gerada a prioridade da sala é acrescida de uma unidade. O robô segue o paradigma de ir à sala de maior grau de urgência, visita a sala e procura a próxima sala de maior grau de urgência.

A chance de emergência que cada sala recebe é proporcional às prioridades, para fazer o cálculo basta dividir a prioridade da sala pela soma das prioridades do mapa.

$$p_s = \frac{P_s}{\sum_{i=1}^{TotalSalas} P_i} \tag{4}$$

Isso faz com que a soma das chances seja igual a um. Por exemplo, se em um mapa de quatro salas as prioridades forem (Tabela I):

Tabela I Exemplo de prioridades

Sala	Prioridade
1	5
2	1
3	4
4	5

Suas chances de gerar uma emergência ficaram da seguinte forma (Tabela II):

Tabela II Exemplo de chances de emergência

Sala	Chance
1	0,333
2	0,067
3	0,267
4	0,333

D. Resultados

Para a solução em Tempo Real, por se tratar de uma solução baseada em números aleatórios, foram executados 100 repetições em cada mapa.

Para os testes foram criados sete mapas, cada qual com uma peculiaridade diferente como mostra a tabela III

Tabela III Mapas para testes

Designação	N# de Salas	Prioridades
A	4	Iguais
В	4	Diferentes
C	5	Diferentes
D	5	Diferentes
E	6	Iguais
F	6	Diferentes
G	8	Diferentes

Na seqüência são mostrados os resultados em cada mapa:

Mapa A: Com quatro salas de prioridades iguais (Tabela IV) e ligação entre todas as salas (Figura 1):

Tabela IV Prioridades do Mapa A.

Sala	Prioridade
1	1
2	1
3	1
4	1



Figura 1. Grafo do Mapa A e B.

A sequência de salas a serem visitadas gerada pelo gerador foi: 1 2 4 3.

As prioridades relativas finais da solução em Tempo Real foram próximas às prioridades relativas iniciais do mapa, como mostra a Tabela V.

-	Sala	Offline	Tempo Real
	1	0,25	0,24989
ĺ	2	0,25	0,24860
	3	0,25	0,25224
	4	0,25	0,24927

A Tabela VI mostra que as freqüências relativas tanto da solução Offline quanto da solução em Tempo Real foram próximas às prioridades relativas iniciais do mapa. A tabela mostra também que a solução Offline foi melhor que a solução em Tempo Real através da diferença quadrática.

O gráfico (Figura 2) mostra que a solução em Tempo Real depois de estabilizar teve um desempenho inferior à solução Offline.

Como o Mapa A é relativamente pequeno (dois metros quadrados) e a seqüência gerada pela solução *Offline* é visitar as salas no sentido anti-horário, o robô leva exatamente o mesmo

Tabela VI Freqüências Relativas do Mapa A.

	Sala	Offline	Tempo Real
	1	0,25021	0,25114
	2	0,24993	0,25263
	3	0,24993	0,24877
	4	0,24993	0,24746
ĺ	Dif. Quad.	0,00000	0,00002

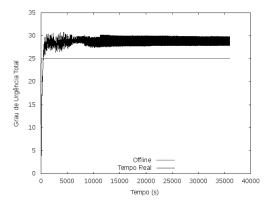


Figura 2. Gráfico do Mapa A.

tempo para ir de uma sala à outra. Como as prioridades iniciais do mapa são todas iguais e para gerar o gráfico foram tiradas medidas (Grau de Urgência Total) de dez em dez segundos, coincidiu de o robô a cada dez segundos estar no mesmo lugar no mapa, por isso o gráfico do Mapa A para a solução Offline é uma linha.

Mapa B: Com quatro salas com prioridades diferentes (Tabela VII) e ligação entre todas as salas (Figura 1):

Tabela VII Prioridades do Mapa B.

Sala	Prioridade
1	1
2	1
3	5
4	5

A sequência de salas a serem visitadas gerada pelo gerador foi: 1 3 4 2 4 3.

As prioridades relativas finais da solução em Tempo Real foram próximas às prioridades relativas iniciais do mapa, como mostra a Tabela

Tabela VIII Prioridades relativas do Mapa B.

Sala	Offline	Tempo Real
1	0,08333	0,08470
2	0,08333	0,08331
3	0,41667	0,41141
4	0,41667	0,42058

A Tabela IX mostra as freqüências relativas das soluções Offline e em Tempo Real. Notase que as freqüências relativas das salas 1 e 2 da solução Offline são aproximadamente o dobro das suas respectivas prioridades relativas iniciais do mapa, porém, em números absolutos, é uma diferença de aproximadamente 0,08. E as freqüências relativas da solução em Tempo Real são próximas às suas respectivas prioridades relativas iniciais do mapa. A tabela mostra também que a solução em Tempo Real foi melhor que a solução offline através da diferença quadrática.

Tabela IX Freqüências Relativas do Mapa B.

Sala	Offline	Tempo Real
1	0,16677	0,10130
2	0,16677	0,09994
3	0,33323	0,40206
4	0,33323	0,39670
Dif. Quad.	0,02785	0,00121

O gráfico do Mapa B (Figura 3), diferentemente do gráfico do Mapa A (Figura 2), ilustra que a solução *Offline* manteve o Grau de Urgência Total dentro de uma faixa, entre dez e trinta aproximadamente, mas seu desempenho também foi superior à solução em Tempo Real.

Mapa C: Com cinco salas que formam um X (Prioridades na Tabela X) com ligações entre as salas das pontas (Figura 4):

A seqüência de salas a serem visitadas gerada pelo gerador foi: 1 2 4 5 3 2 4 5 3.

As prioridades relativas finais da solução em Tempo Real foram próximas às prioridades relativas iniciais do mapa, como mostra a Tabela XI.

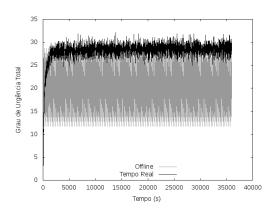


Figura 3. Gráfico do Mapa B.

 $\begin{array}{c} {\rm Tabela~X} \\ {\rm Prioridades~do~Mapa~C~e~D.} \end{array}$

Sala	Prioridade
1	1
2	5
3	5
4	5
5	5



Figura 4. Grafo do Mapa C.

Tabela XI Prioridades relativas do Mapa C.

Sala	Offline	Tempo Real
1	0,04762	0,04983
2	0,23810	0,24044
3	0,23810	0,23870
4	0,23810	0,23501
5	0,23810	0,23602

A Tabela XII mostra que freqüência relativa da sala 1 na solução Offline foi maior que o dobro da sua prioridade relativa inicial do mapa, entretanto, a diferença numérica absoluta é aproximadamente 0,06. As freqüências relativas das salas restantes da solução Offline e as freqüências relativas de todas as salas da solução em Tempo Real foram próximas às

prioridades relativas iniciais do mapa. A tabela XII mostra também que a solução Tempo Real foi melhor que a solução *Offline* através da diferença quadrática.

Sala	Offline	Tempo Real
1	0,11134	0,05670
2	0,22234	0,23729
3	0,22200	0,23807
4	0,22234	0,23210
5	0,22200	0,23583
Dif. Quad.	0,00508	0,00012

O gráfico (Figura 5) mostra que a solução em Tempo Real depois de estabilizar teve um desempenho inferior à solução *Offline*.

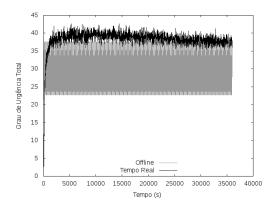


Figura 5. Gráfico do Mapa C.

Mapa D: Com cinco salas em formato de X (Prioridades iguais ao mapa anterior indicados na Tabela X) com somente a sala do meio ligando as outras (Figura 6):



Figura 6. Grafo do Mapa D.

A sequência de salas a serem visitadas gerada pelo gerador foi: 1 2 3 4 5.

As prioridades relativas finais da solução em Tempo Real foram próximas às prioridades relativas iniciais do mapa, como mostra a Tabela XIII.

Tabela XIII Prioridades relativas do Mapa D.

Г	Sala	Offline	Tempo Real
Г	1	0,04762	0,04598
	2	0,23810	0,23794
	3	0,23810	0,24530
	4	0,23810	0,23984
	5	0,23810	0,23094

A Tabela XIV mostra que as freqüências relativas da solução Offline foram aproximadamente todas iguais, isso se deve ao fato de que a seqüência de salas a serem visitadas gerada pelo gerador manda o robô visitar cada sala apenas uma única vez dentro do loop. Na mesma tabela pode-se ver também que as freqüências relativas da solução em Tempo Real foram próximas às prioridades relativas iniciais do mapa. A tabela mostra também que a solução Tempo Real foi melhor que a solução Offline através da diferença quadrática.

Tabela XIV Freqüências Relativas do Mapa D.

Sala	Offline	Tempo Real
1	0,20009	0,05481
2	0,20009	0,23908
3	0,20009	0,23633
4	0,20009	0,23275
5	0,19965	0,23703
Dif. Quad.	0,02906	0,00009

O gráfico (Figura 7) mostra que a solução em Tempo Real depois de estabilizar teve um desempenho inferior à solução *Offline*.

Mapa E: Com seis salas de prioridades iguais (Tabela XV) em formato de espinha de peixe (Figura 8):

A sequência de salas a serem visitadas gerada pelo gerador foi: 1 5 2 6 3 7.

As prioridades relativas finais da solução em Tempo Real foram próximas às prioridades relativas iniciais do mapa, como mostra a Tabela XVI.

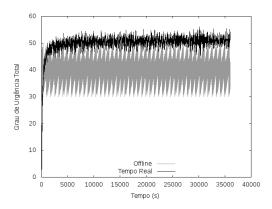


Figura 7. Gráfico do Mapa D.

Tabela XV Prioridades do Mapa E.

Sala	Prioridade
1	2
2	2
3	2
5	2
6	2
7	2



Figura 8. Grafo do Mapa E e F.

Tabela XVI Prioridades relativas do Mapa E.

Sala	Offline	Tempo Real
1	0,16667	0,16990
2	0,16667	0,16613
3	0,16667	0,16571
5	0,16667	0,16339
6	0,16667	0,16720
7	0,16667	0,16768

A Tabela XVII mostra que as frequências relativas tanto da solução *Offline* quanto a em Tempo Real foram próximas às prioridades relativas iniciais do mapa. A Tabela XVII mostra também que a solução *Offline* foi melhor que a solução Tempo Real através da diferença qua-

drática.

Tabela XVII Freqüências Relativas do Mapa E.

Sala	Offline	Tempo Real
1	0,16694	0,16869
2	0,16694	0,16483
3	0,16640	0,16692
5	0,16694	0,16832
6	0,16640	0,16179
7	0,16640	0,16945
Dif. Quad.	0	0,00004

O gráfico (Figura 9) mostra que a solução em Tempo Real depois de estabilizar teve um desempenho inferior à solução *Offline*.

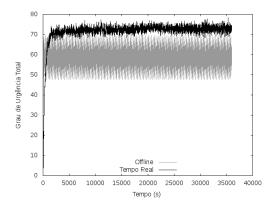


Figura 9. Gráfico do Mapa E.

Mapa F: Com seis salas de prioridades diferentes (Tabela XVIII) em formato de espinha de peixe (Figura 8):

Tabela XVIII Prioridades do Mapa F.

Sala	Prioridade
1	5
2	1
3	2
5	2
6	1
7	1

A sequência de salas a serem visitadas gerada pelo $\tt gerador$ foi: 1 2 6 5 1 7 3 5.

As prioridades relativas finais da solução em Tempo Real foram próximas às prioridades re-

lativas iniciais do mapa, como mostra a Tabela XIX.

Tabela XIX Prioridades relativas do Mapa F.

Sala	Offline	Tempo Real
1	0,41667	0,41297
2	0,08333	0,08386
3	0,16667	0,16624
5	0,16667	$0,\!17418$
6	0,08333	0,07849
7	0,08333	0,08427

A Tabela XX mostra que as freqüências relativas da solução Offline foram diferentes das prioridades relativas iniciais do mapa, visitando as salas 1 e 5 o dobro de vezes que as demais salas, pois na seqüência determinada pelo gerador as salas 1 e 5 aparecem duas vezes cada uma. Todavia as freqüências relativas da solução em Tempo Real foram próximas às prioridades relativas iniciais do mapa. A Tabela XX mostra também que a solução Tempo Real foi melhor que a solução Offline através da diferença quadrática.

Tabela XX Freqüências Relativas do Mapa F.

Sala	Offline	Tempo Real
1	0,25000	0,35364
2	0,12500	0,10119
3	0,12500	0,17144
5	0,25000	0,17798
6	0,12500	0,09488
7	0,12500	0,10087
Dif. Quad.	0,04167	0,00488

O gráfico (Figura 10) mostra que a solução em Tempo Real depois de estabilizar teve um desempenho inferior à solução *Offline*.

Mapa G: Com oito salas de prioridades diferentes (Tabela XXI) simulando um apartamento real (Figura 11):

A sequência de salas a serem visitadas gerada pelo gerador foi: 1 12 9 11 5 7 3 4.

As prioridades relativas finais da solução em Tempo Real foram próximas às prioridades relativas iniciais do mapa, como mostra a Tabela XXII.

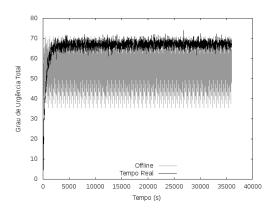


Figura 10. Gráfico do Mapa F.

Tabela XXI Prioridades do Mapa G.

Sala	Prioridade
1	5
3	5
4	3
5	3
7	5
9	4
11	4
12	4

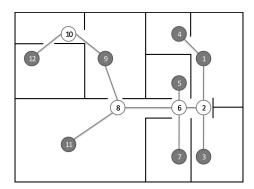


Figura 11. Grafo do Mapa G.

A Tabela XXIII mostra que as freqüências relativas da solução *Offline* foram aproximadamente todas iguais, isso se deve ao fato de que a seqüência de salas a serem visitadas gerada pelo gerador manda o robô visitar cada sala apenas uma única vez dentro do *loop*, porém as maiores diferenças numéricas são as das sala 4 e 5 que

Tabela XXII Prioridades relativas do Mapa G.

	0.00	
Sala	Offline	Tempo Real
1	0,15152	0,15426
3	0,15152	0,15233
4	0,09091	0,08996
5	0,09091	0,08924
7	0,15152	0,14934
9	0,12121	$0,\!12566$
11	0,12121	0,12133
12	0,12121	0,11789

são aproximadamente 0,03. Na mesma tabela pode-se ver também que as frequencias relativas da solução em Tempo Real foram próximas às prioridades relativas iniciais do mapa. A Tabela XXIII mostra também que a solução em Tempo Real foi melhor que a solução Offline através da diferença quadrática.

Tabela XXIII Freqüências Relativas do Mapa G.

Sala	Offline	Tempo Real
1	0,12525	0.14970
3	0,12475	0,15172
4	0,12475	0.09717
5	0,12475	0,09447
7	0,12475	0,14197
9	0,12525	0,12442
11	0,12525	0,12004
12	0,12525	0,12050
Dif. Quad.	0,00446	0,00016

O gráfico (Figura 12) mostra que a solução em Tempo Real depois de estabilizar teve um desempenho inferior à solução Offline.

1) Análise Comparativa: Foi calculada uma média do Grau de Urgência Total de cada solução em cada mapa com os últimos dez mil segundos (Tabela XXIV); analisando essa média nota-se que existe uma tendência de que quanto maior o número de salas mais eficiente será a solução Offline em relação à solução em Tempo Real, como mostra o gráfico na Figura 13.

III. CONCLUSÃO

Analisando os testes pode-se constatar que:

 Segundo o critério de avaliação de frequência relativa, a solução em Tempo Real foi

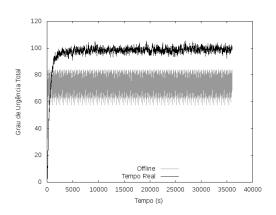


Figura 12. Gráfico do Mapa G.

Mapa		
(N# de Salas)	Offline	Tempo Real
A (4)	25,000	28,150
B (4)	20,980	28,346
C(5)	28,905	38,753
D (5)	39,719	50,326
E (6)	58,527	72,622
F (6)	55,557	66,711
G (8)	73,318	100,217

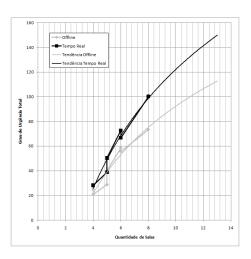


Figura 13. Tendência de Desempenho

superior à solução *Offline*, pois foi mais eficiente em cinco dos sete testes e na soma total das diferenças quadráticas (0,10812

- da solução Offline contra 0,00652 da solução em Tempo Real);
- Segundo o critério de avaliação de Grau de Urgência Total a solução Offline foi melhor que a solução em Tempo Real em todos os testes realizados e o gráfico da Figura 13 mostrou que existe um tendência de que quanto maior o número de salas maior será a eficiência da solução Offline em relação à solução em Tempo Real.

Era esperado que a solução Offline tivesse um desempenho pior que a solução em Tempo Real no critério de avaliação de freqüência relativa, pois a avaliação das seqüências de salas à visitar é baseada somente no Grau de Urgência Total; e o desempenho das soluções segundo o critério de avaliação de Grau de Urgência Total mostra que o robô, seguindo uma heurística simples, tem um desempenho inferior do que uma solução que determina a seqüência de salas a serem visitadas, baseada no Grau de Urgência Total, antes de colocar o robô no ambiente.

Por fim, o que determina qual solução deve ser utilizada depende da aplicação. Se para a aplicação a freqüência relativa for mais importante do que manter o Grau de Urgência baixo, deve-se escolher a solução em Tempo Real, porém se para a aplicação for mais importante manter o Grau de Urgência baixo deve-se escolher a solução *Offline*, que foi baseada no Grau de Urgência Total.

Para dar continuidade ao projeto o próximo é explorar a utilização de mais de um robô para realizar a tarefa, cada robô monitorar um conjunto de salas divididas por prioridade ou proximidade, ou todos os robôs podem monitorar todas as salas etc.

Referências

- A. A. D. Medeiros, "Introdução à robótica," Natal, RN, Brasil, Jul. 1998, pp. 56-65.
- [2] J. C. Latombe, Robot Motion Planning. Kluwer Academic Publishers, 1991.
- [3] S. J. Russell, P. Norvig, and J. F. Canny, Artificial Intelligence. Prentice Hall, 2003.

- [4] R. Siegwart and I. R. Nourbakhsh, Introduction to Autonomous Mobile Robots. MIT Press, 2004.
- [5] S. Thrun, "Probabilistic robotics," Commun. ACM, vol. 45, no. 3, pp. 52–57, 2002. [Online]. Available: http://portal.acm.org/citation.cfm?id=504729.504754
- [6] F. J. Heinen and F. Osório, "Sistema de controle híbrido para robôs móveis autônomos," WT-DIA/SBIA - Workshop De Teses E Dissertações D Inteligência Artificial, 2002, 2002.
- [7] D. P. F. Pedrosa, A. A. D. Medeiros, and P. J. Alsina, "Sistema de navegação para robôs móveis autônomos," *Latin American Knowledge Harvester*, Oct. 2001. [Online]. Available: http://lakh.unm.edu/handle/10229/14268