

递归与栈：解决表达式求值

胡船长

初航我带你，远航靠自己

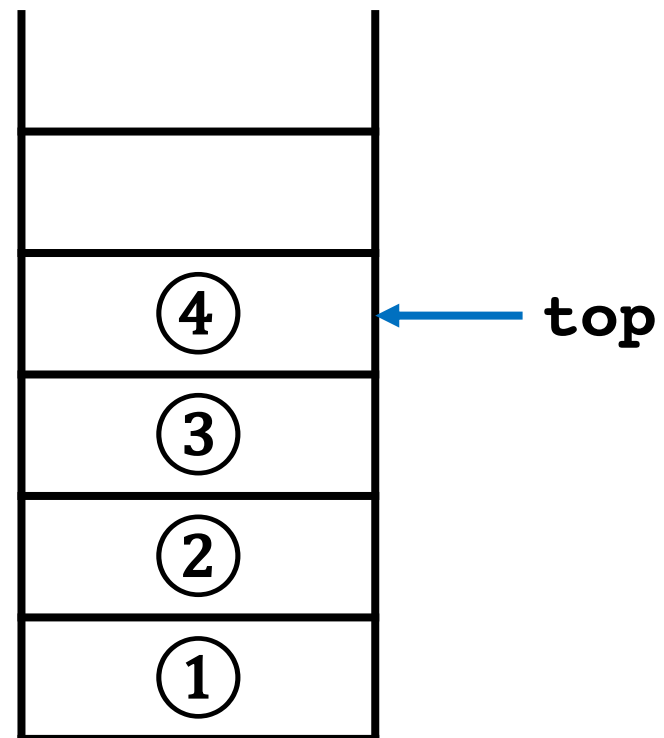
栈基础知识

大约用时：（ 40 mins ）

下一部分：栈的典型应用场景

栈

- 1、 size = 5
- 2、 top = 3
- 3、 data_type = xxx

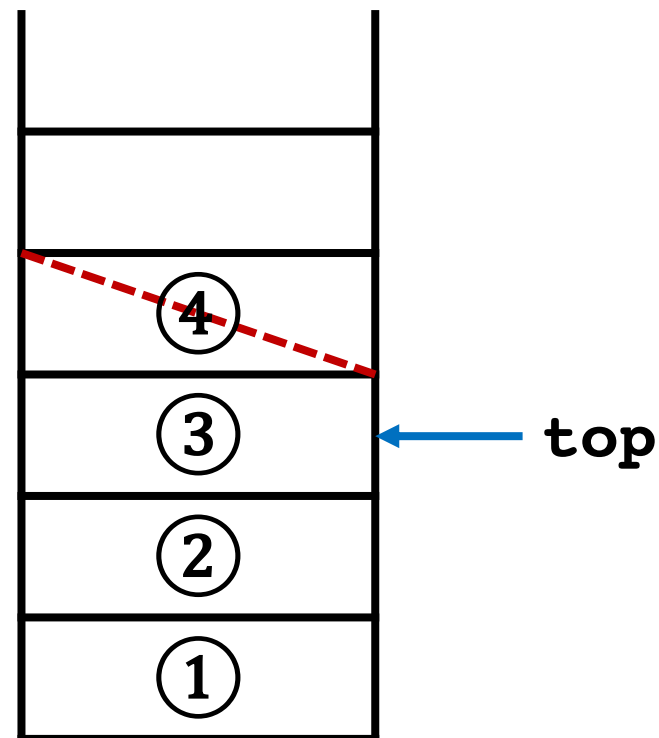


栈-出栈

1、 size = 5
2、 top = 3
3、 data_type = xxx



1、 size = 5
2、 top = 2
3、 data_type = xxx

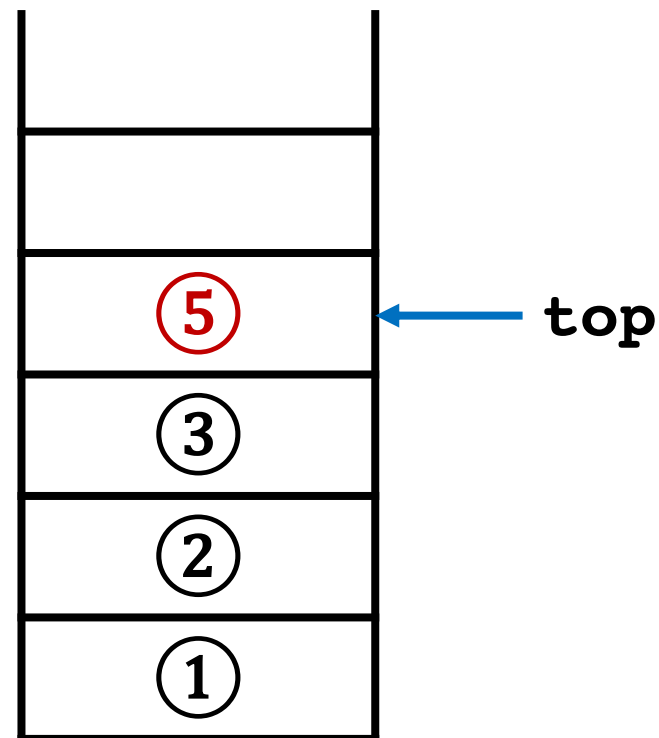


栈-入栈

1、 size = 5
2、 top = 2
3、 data_type = xxx



1、 size = 5
2、 top = 3
3、 data_type = xxx



栈适合解决什么问题？

LEETCODE 20 : 括号匹配

Given a string containing just the characters '(', ')', '{', '}', '[' and ']', determine if the input string is valid.

The brackets must close in the correct order, "()" and "{}[]" are all valid but "([)" and "(])" are not.

LEETCODE 20 : 括号匹配

思考:

问题简化成只有一种括号, 怎么做?

想到用栈的同学, 在简化问题中, 能不能不用栈?

LEETCODE 20 : 括号匹配

1、((()())())

2、(())()()

3、(()())

LEETCODE 20 : 括号匹配

- 1、((()())()) **TRUE**
- 2、(())()() **FALSE**
- 3、(()()) **FALSE**

LEETCODE 20 : 括号匹配

结论：

- 1、在任意一个位置上，左括号数量 \geq 右括号数量
- 2、在最后一个位置上，左括号数量 $==$ 右括号数量
- 3、程序中只需要记录左括号数量和右括号数量即可

LEETCODE 20 : 括号匹配

```
1 bool isValid(char *s) {  
2     int32_t lnum = 0, rnum = 0;  
3     int32_t len = strlen(s);  
4     for (int32_t i = 0; i < len; i++) {  
5         switch (s[i]) {  
6             case '(': ++lnum; break;  
7             case ')': ++rnum; break;  
8             default : return false;  
9         }  
10        if (lnum >= rnum) continue;  
11        return false;  
12    }  
13    return lnum == rnum;  
14 }
```

存在问题:

程序能不能更优化?

思考:

rnum 变量一定是需要的么?

LEETCODE 20 : 括号匹配

```
1 bool isValid(char *s) {  
2     int32_t lnum = 0;  
3     int32_t len = strlen(s);  
4     for (int32_t i = 0; i < len; i++) {  
5         switch (s[i]) {  
6             case '(': ++lnum; break;  
7             case ')': --lnum; break;  
8             default : return false;  
9         }  
10        if (lnum >= 0) continue;  
11        return false;  
12    }  
13    return lnum == 0;  
14 }
```

LEETCODE 20 : 括号匹配

思考:

- 1、我们获得了怎样新的思维方式?
- 2、+1 可以等价于『进』, -1可以等价于『出』
- 3、一对()可以等价于一个完整的事件
- 4、((()))可以看做事件与事件之间的完全包含关系
- 5、由括号的等价变换, 得到了一个新的数据结构

LEETCODE 20 : 括号匹配

栈

可以处理具有**完全包含**关系的问题

经典的栈实现方法

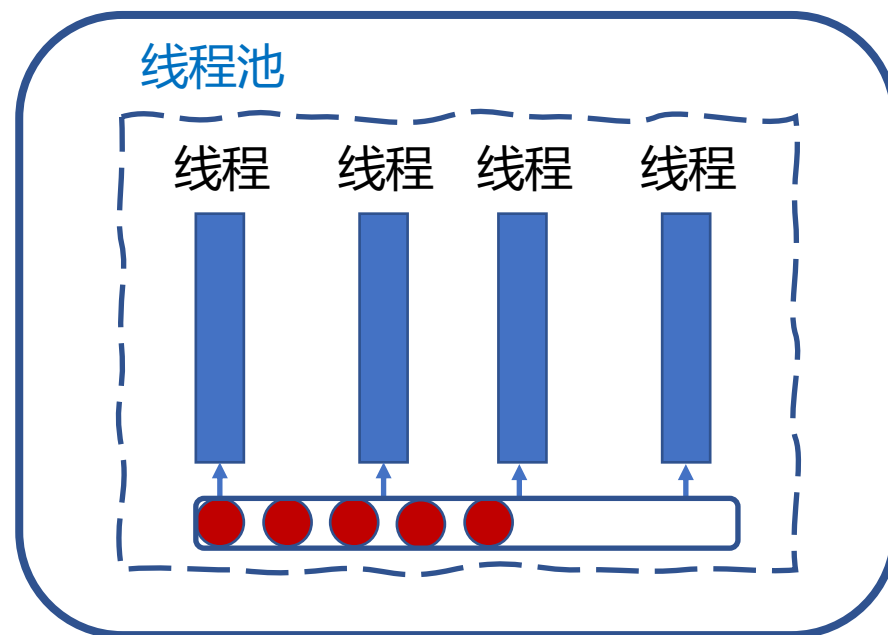
栈的典型应用场景

大约用时：（ 20 mins ）

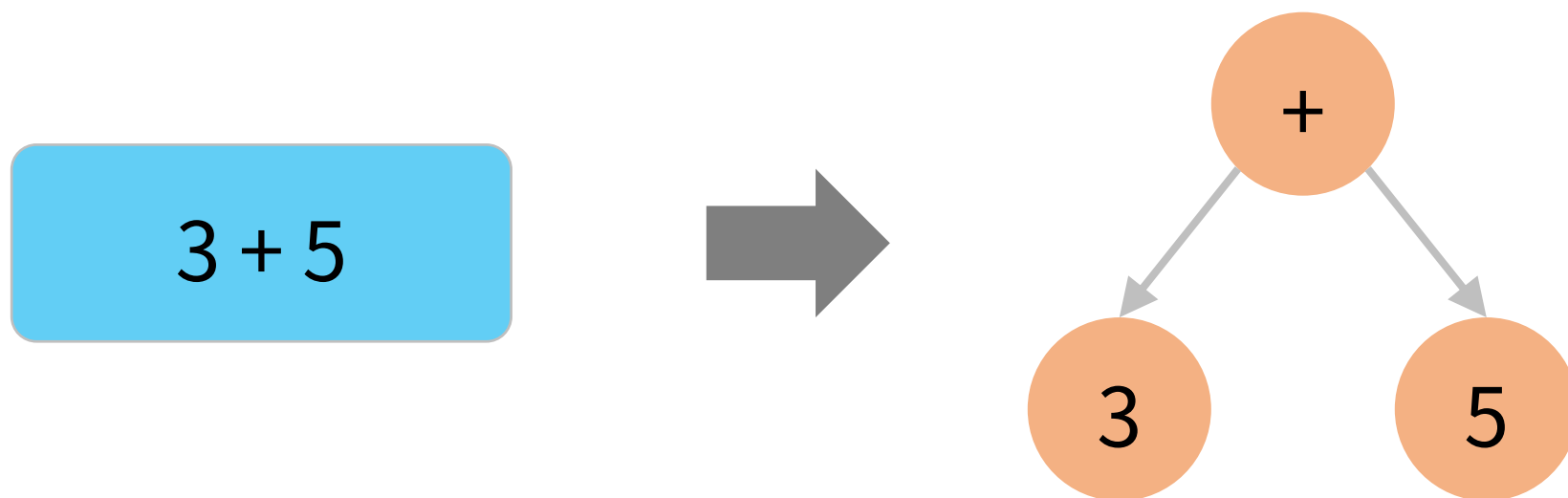
下一部分：经典面试题-栈的基本操作

场景一：操作系统中的线程栈

进程

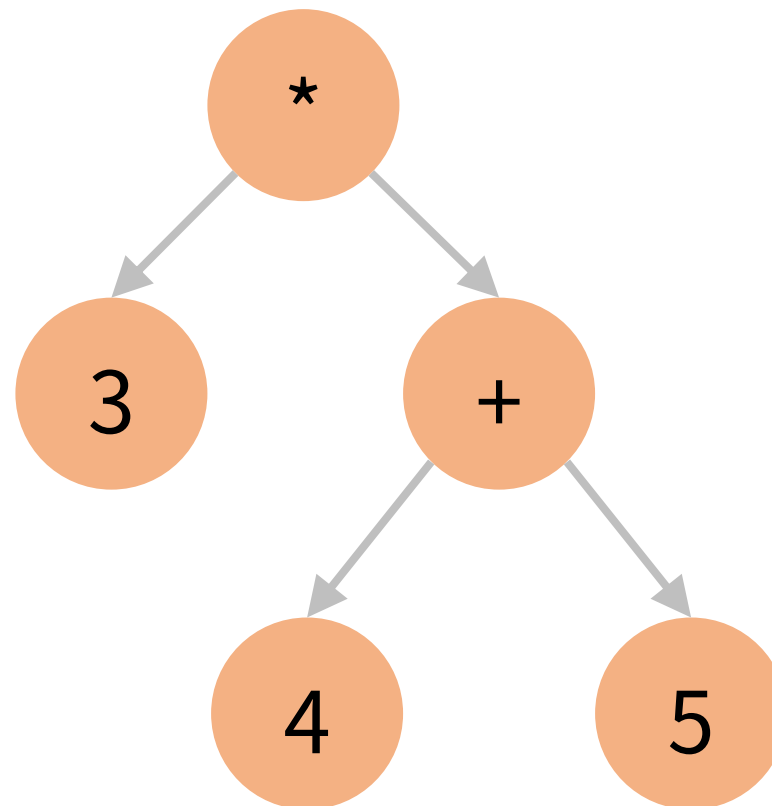
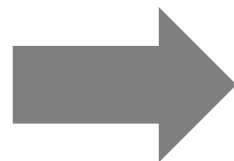


场景二：表达式求值



场景二：表达式求值

$3 * (4 + 5)$



场景二：表达式求值（板书）



经典面试题-栈的基本操作

大约用时：（ 40 mins ）

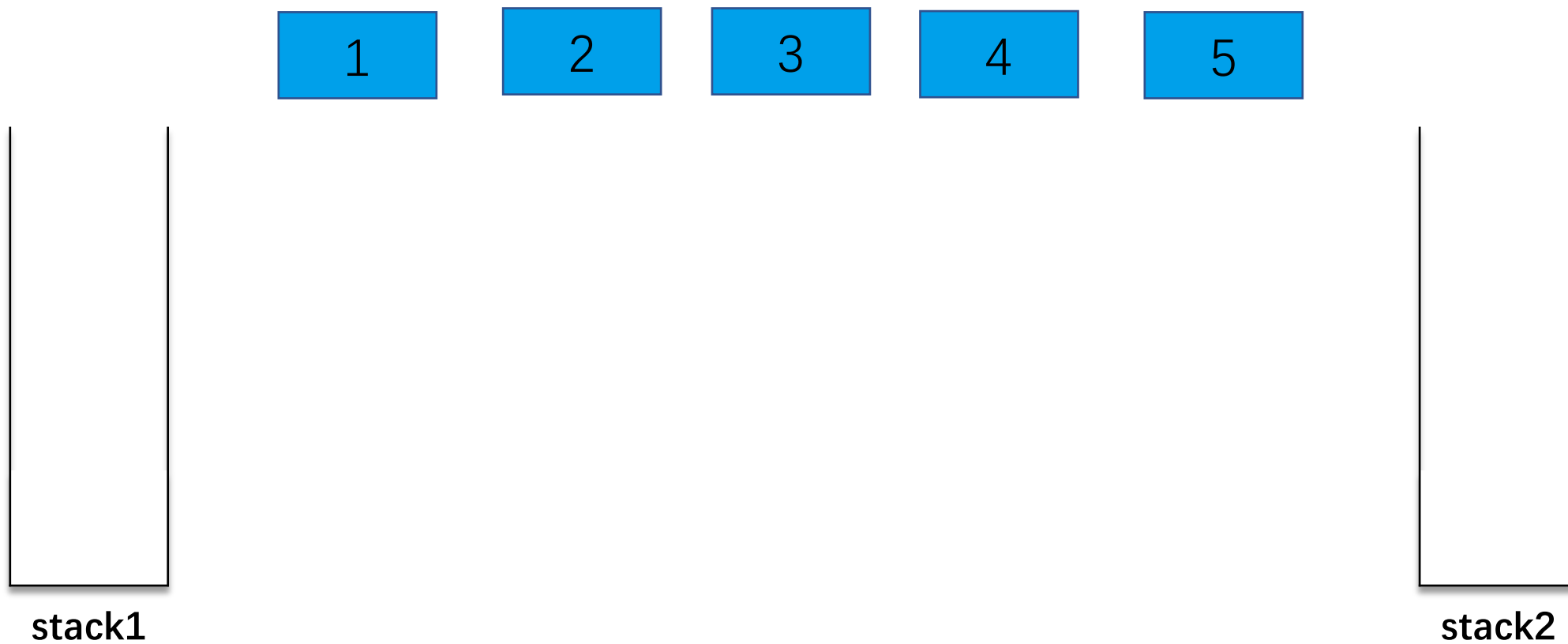
下一部分：经典面试题-栈结构扩展应用

面试题03.04.化栈为队

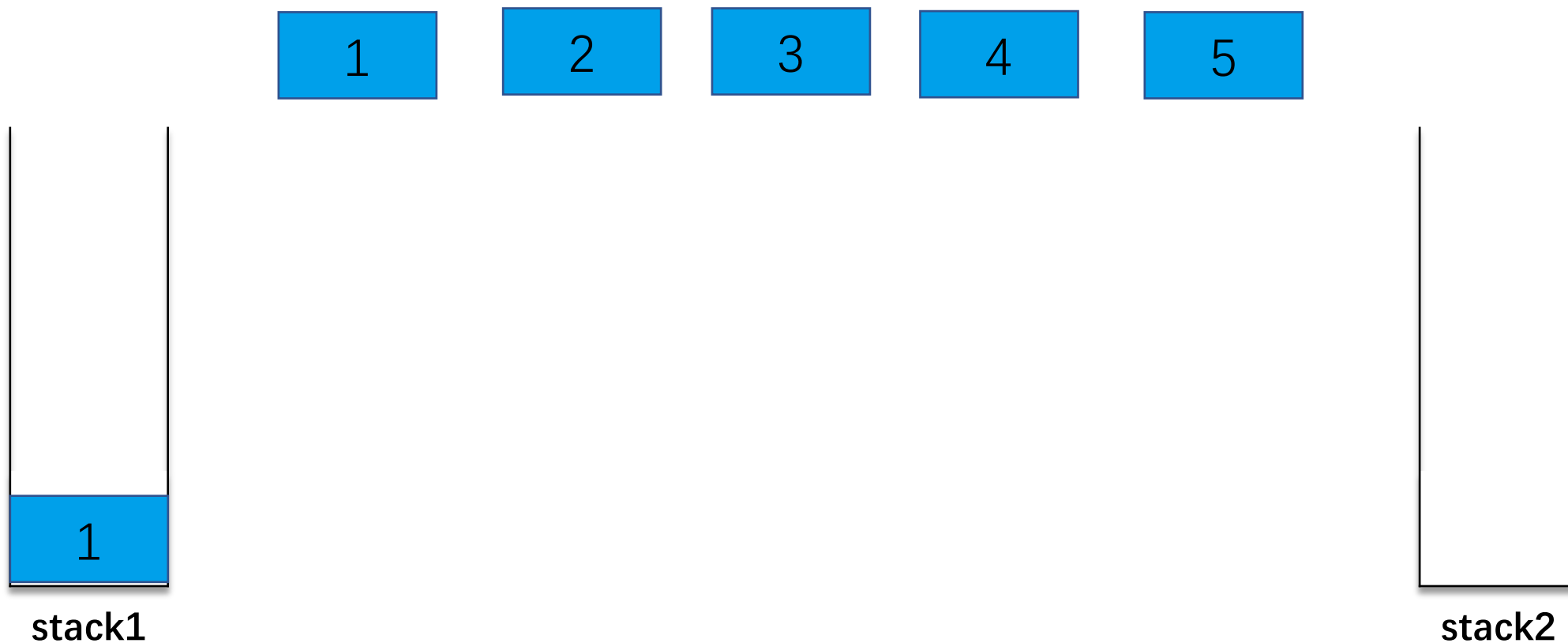
门徒计划，带你开启算法精进之路



首先举例，我们有上面这样的一个队列，然后对它进行push/pop/peek/empty四个操作

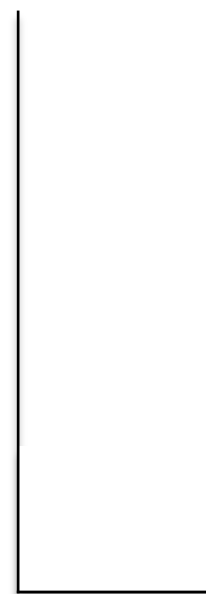
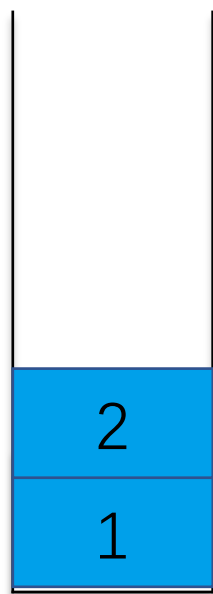


首先创建两个栈：栈1是stack1，栈2是stack2;首先一开始，两个栈都是空的。栈1是stack1，栈2是stack2



接着，我们执行第一个操作： `push to top`；然后我们的`push`操作就是，往 `stack1` 里面`push`一个操作

LeetCode-03.04 化栈为队

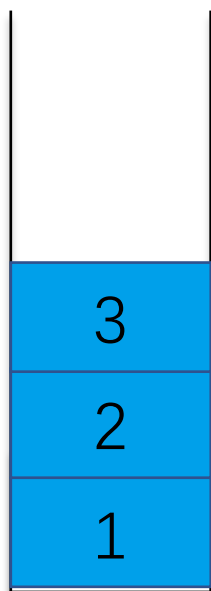


stack1

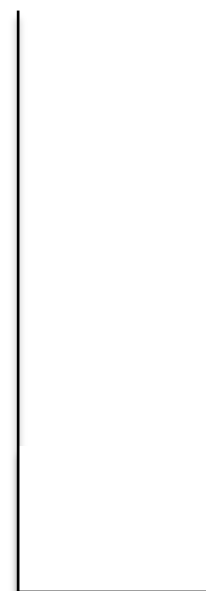
stack2

接着，依次往 stack1 里面push

LeetCode-03.04 化栈为队



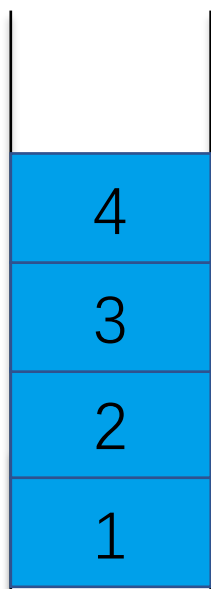
stack1



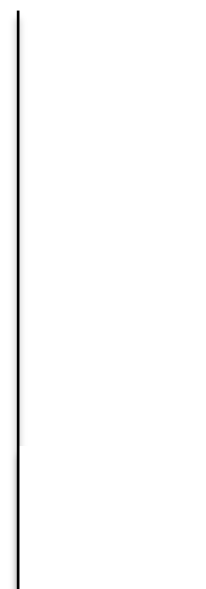
stack2

接着，依次往 stack1 里面push

LeetCode-03.04 化栈为队



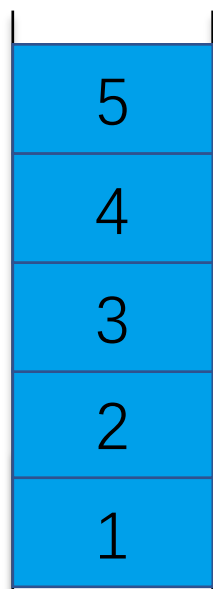
stack1



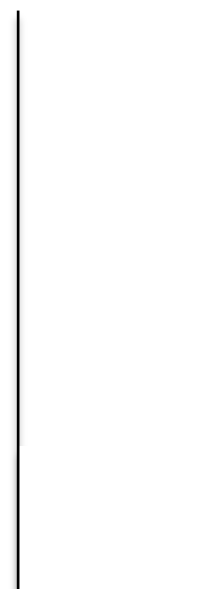
stack2

接着，依次往 stack1 里面push

LeetCode-03.04 化栈为队

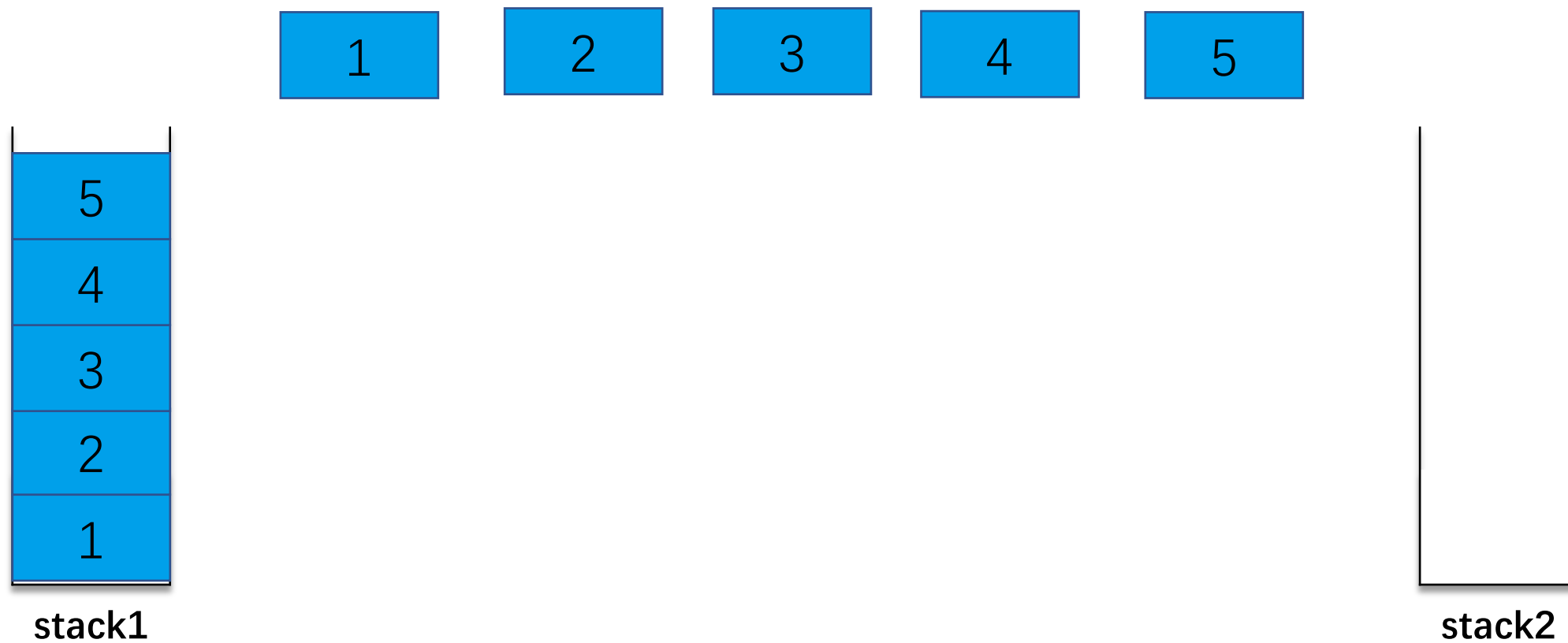


stack1



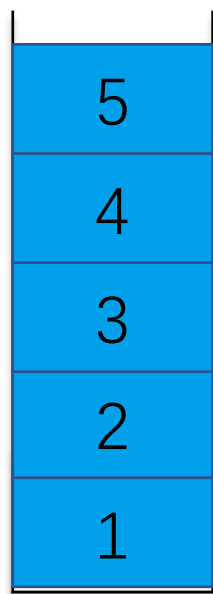
stack2

接着，依次往 stack1 里面push

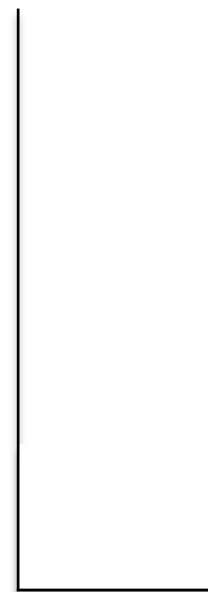


此时，队列里面的元素，依次加入到了 stack1 里

LeetCode-03.04 化栈为队

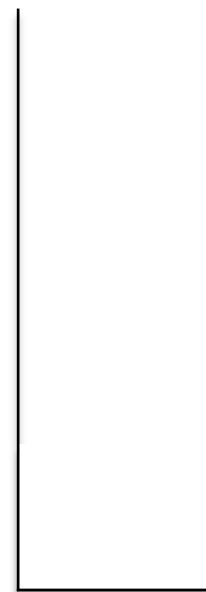
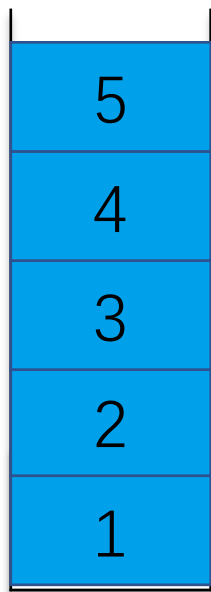


stack1

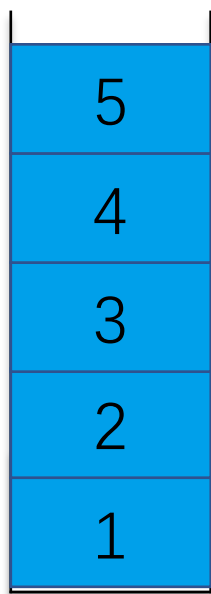


stack2

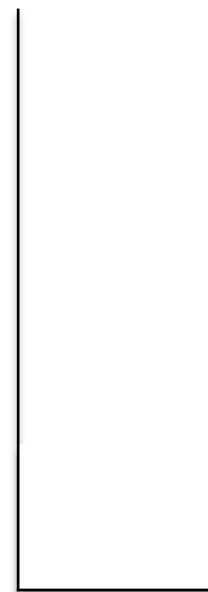
此时，执行第二个操作: pop from top



首先要判断：stack2 长度 是否等于0

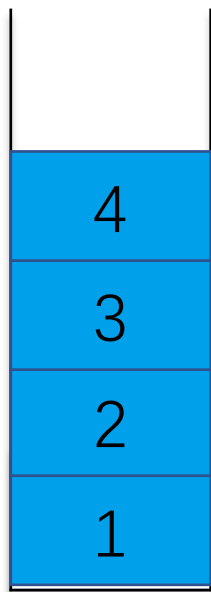


stack1

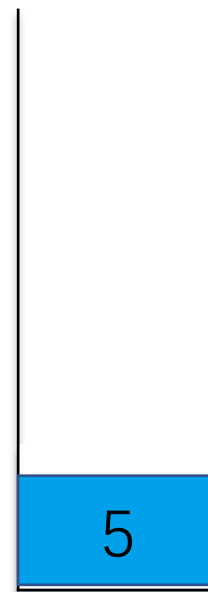


stack2

如果stack2的长度等于0，就在stack1的长度不为0 的时候，对stack1进行pop删除操作

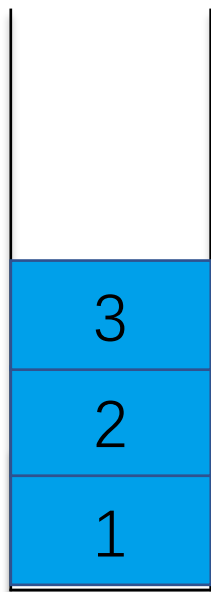


stack1

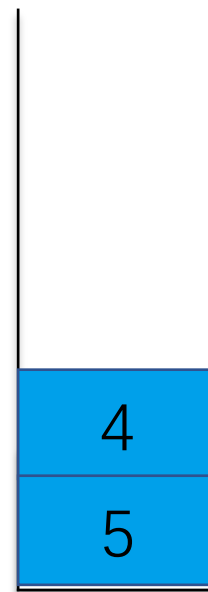


stack2

因为栈的特性是，先进后出，后进先出；第一个删除的便是后进去的元素5

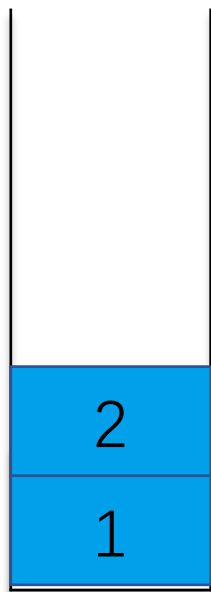


stack1

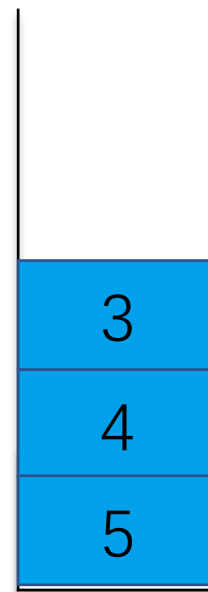


stack2

依次将stack1里面删除的元素，添加到stack2的里面



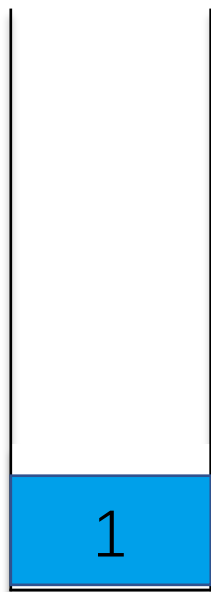
stack1



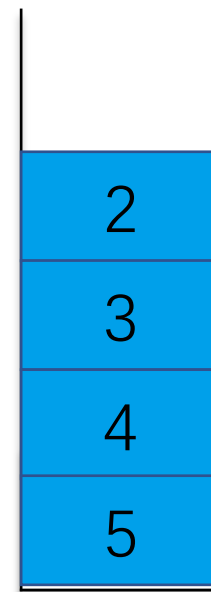
stack2

接着，重复上面的操作

LeetCode-03.04 化栈为队



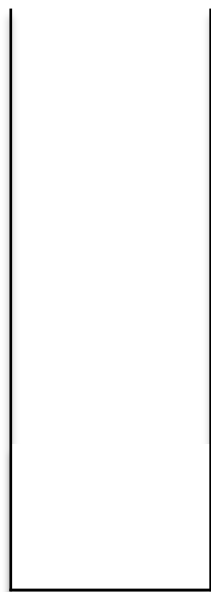
stack1



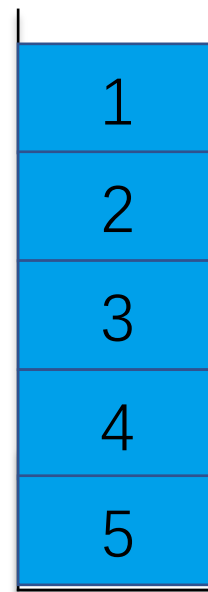
stack2

接着，重复上面的操作

LeetCode-03.04 化栈为队



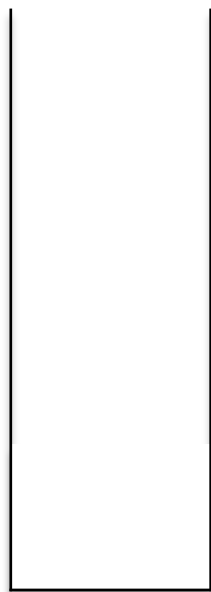
stack1



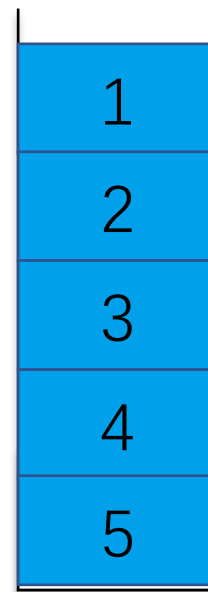
stack2

接着，重复上面的操作

LeetCode-03.04 化栈为队



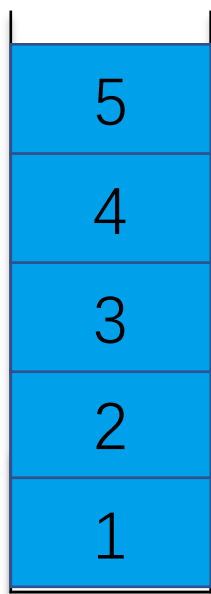
stack1



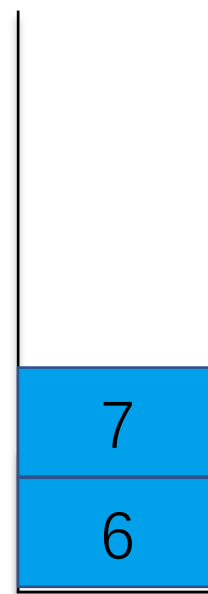
stack2

直到，stack1的长度为空的时候停止

LeetCode-03.04 化栈为队



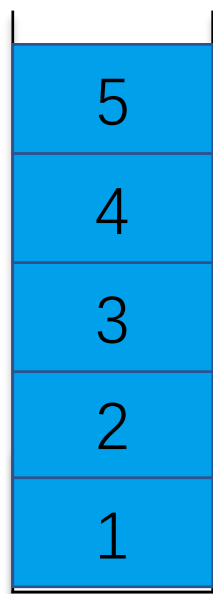
stack1



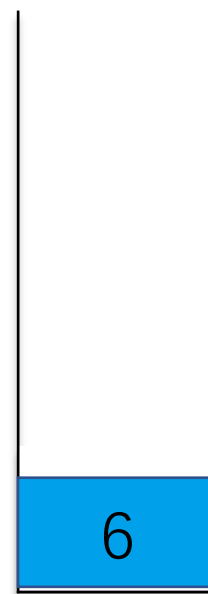
stack2

如果stack2的长度不等于0

LeetCode-03.04 化栈为队



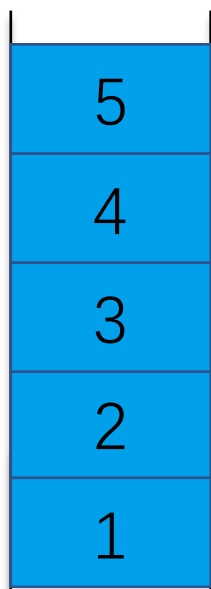
stack1



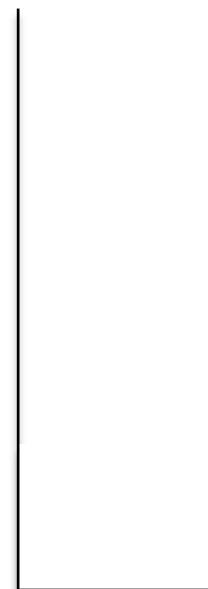
stack2

我们就先将stack2里面的进行删除

LeetCode-03.04 化栈为队



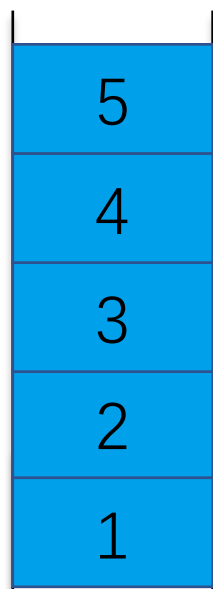
stack1



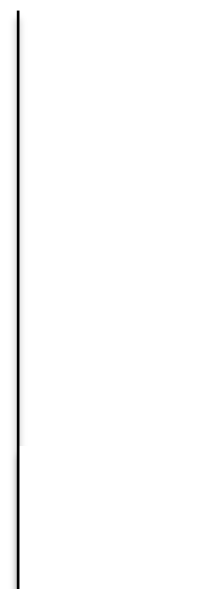
stack2

我们就先将stack2里面的进行删除

LeetCode-03.04 化栈为队



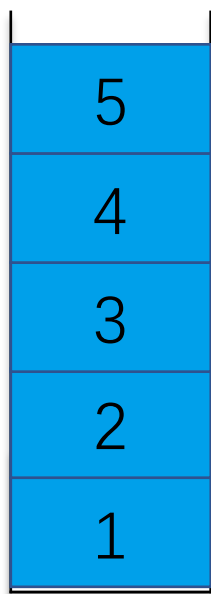
stack1



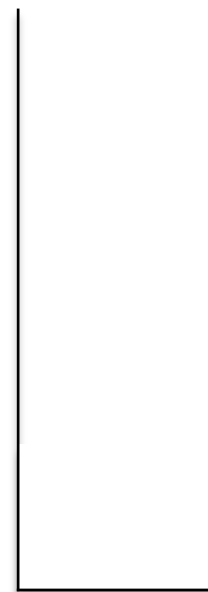
stack2

一步一步删除后，直到 stack2 为空

LeetCode-03.04 化栈为队

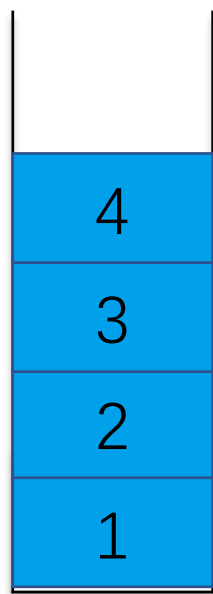


stack1

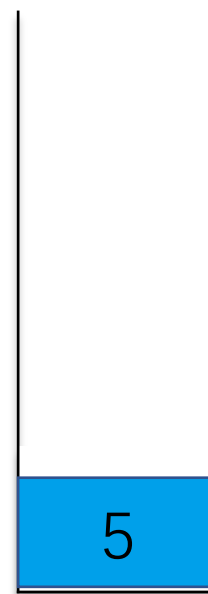


stack2

然后再重复stack2 的长度等于0时的操作

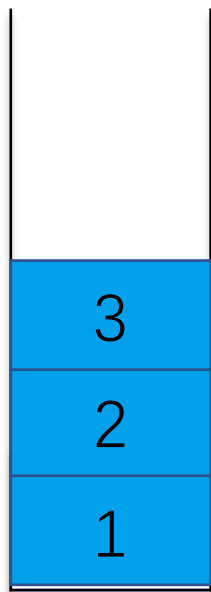


stack1

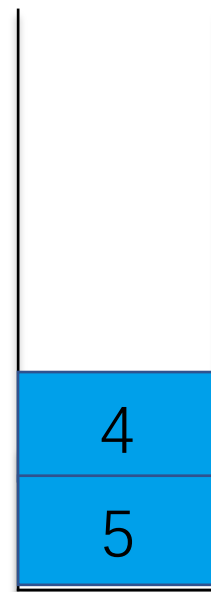


stack2

就是再将stack1里面的元素删除，添加到是stack2里面，直到，stack1的长度为空

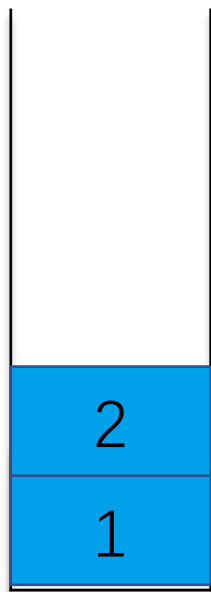


stack1

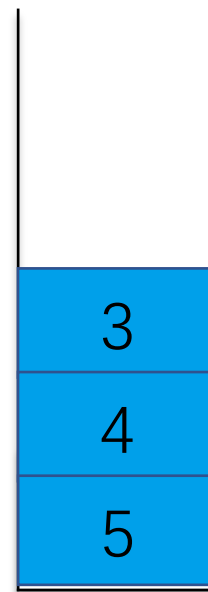


stack2

不断重复此操作，直到，stack1的长度为空



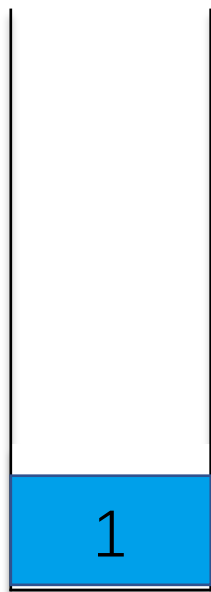
stack1



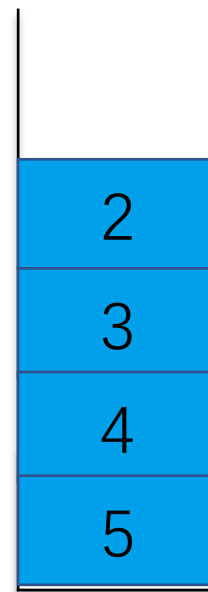
stack2

不断重复此操作，直到，stack1的长度为空

LeetCode-03.04 化栈为队



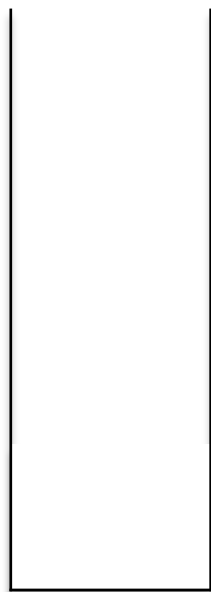
stack1



stack2

不断重复此操作，直到，stack1的长度为空

LeetCode-03.04 化栈为队



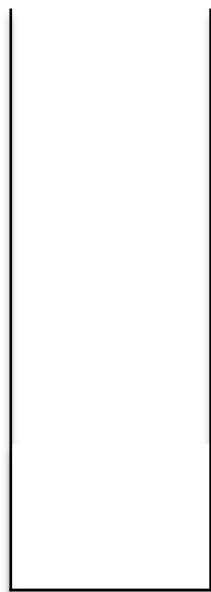
stack1



stack2

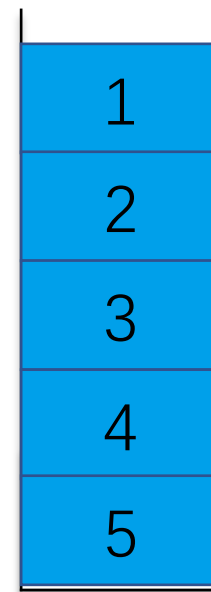
不断重复此操作，直到，stack1的长度为空

LeetCode-03.04 化栈为队

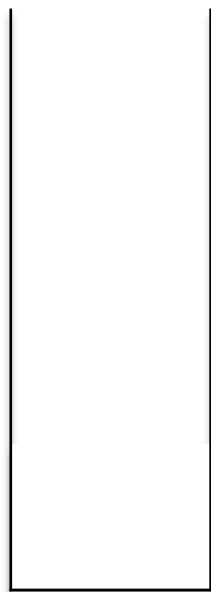


stack1

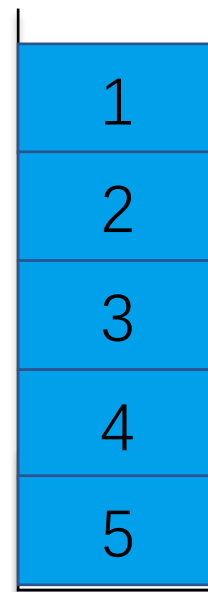
最后，stack1的长度为空



stack2

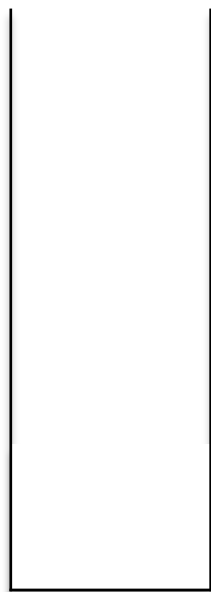


stack1

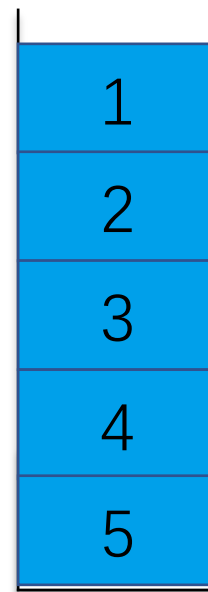


stack2

接着，执行第三个操作: peek from top



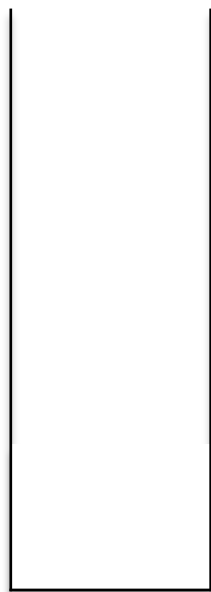
stack1



stack2

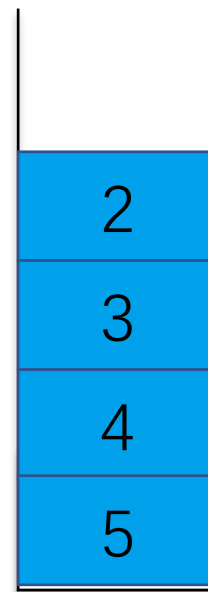
还是判断stack2的长度是否为0，不为0，就自我删除

LeetCode-03.04 化栈为队



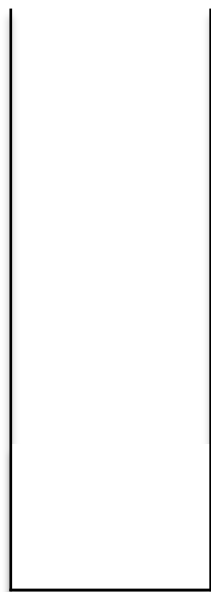
stack1

不断地尾部删除



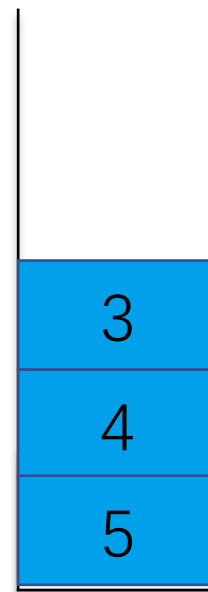
stack2

LeetCode-03.04 化栈为队



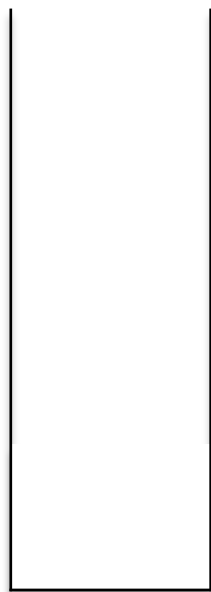
stack1

不断地尾部删除



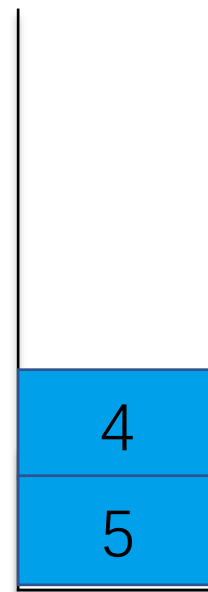
stack2

LeetCode-03.04 化栈为队



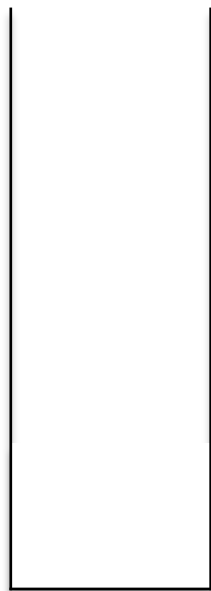
stack1

不断地尾部删除



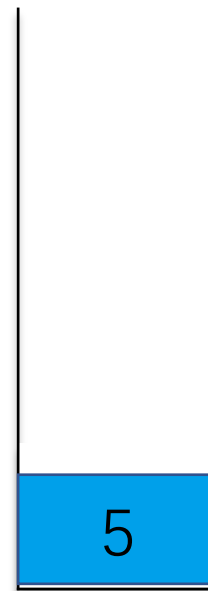
stack2

LeetCode-03.04 化栈为队



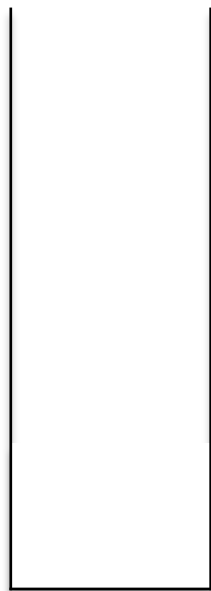
stack1

不断地尾部删除

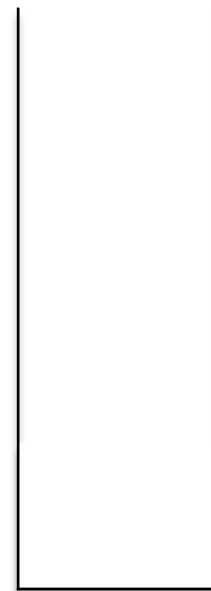


stack2

| LeetCode-03.04 化栈为队

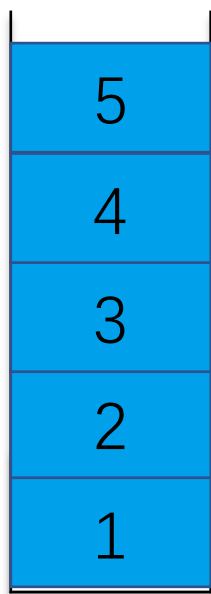


stack1

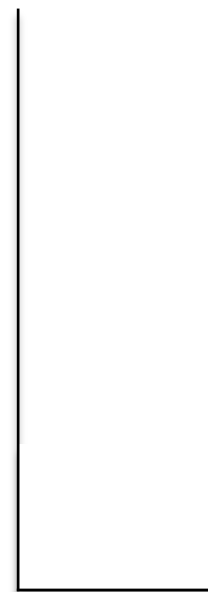


stack2

直到, `stack2.length = 0;`

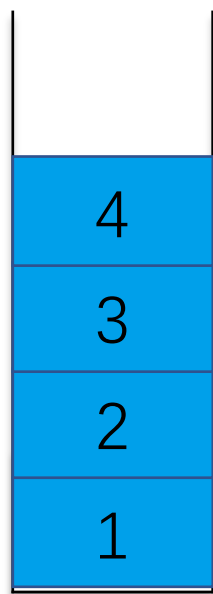


stack1

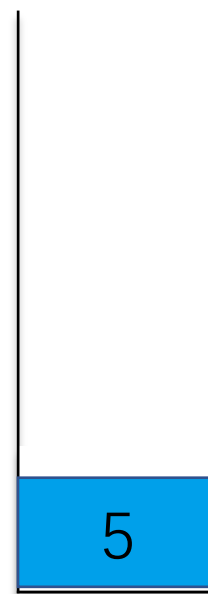


stack2

第二种情况，如果 stack2 的长度为0，还是将stack1从尾部删除，添加到 stack2

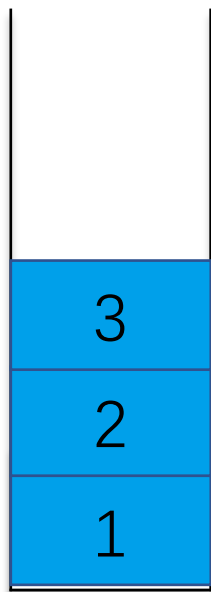


stack1

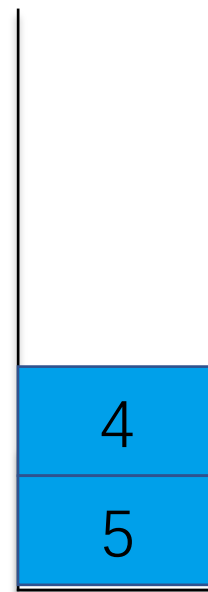


stack2

第二种情况，如果 stack2 的长度为0，还是将stack1从尾部删除，添加到 stack2

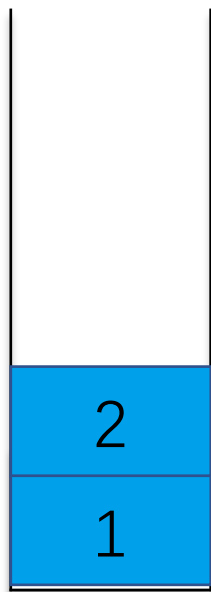


stack1

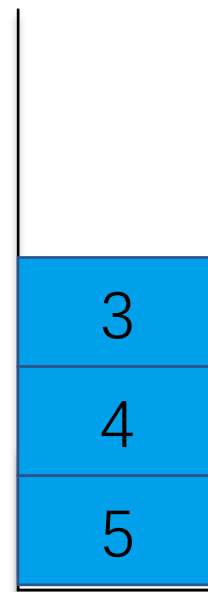


stack2

第二种情况，如果 stack2 的长度为0，还是将stack1从尾部删除，添加到 stack2

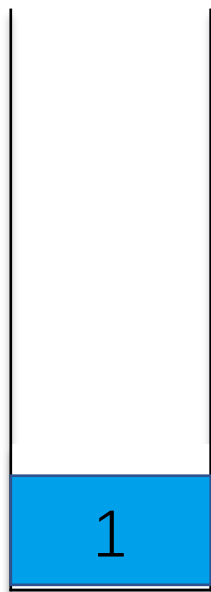


stack1

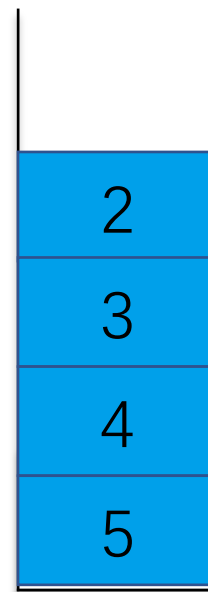


stack2

第二种情况，如果 stack2 的长度为0，还是将stack1从尾部删除，添加到 stack2

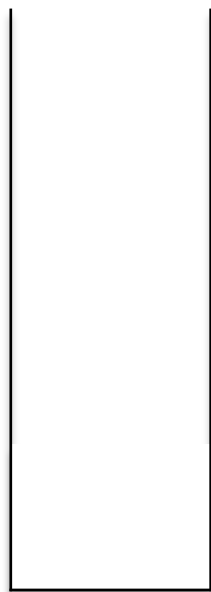


stack1

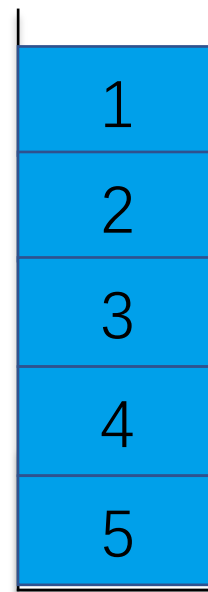


stack2

第二种情况，如果 stack2 的长度为0，还是将stack1从尾部删除，添加到 stack2

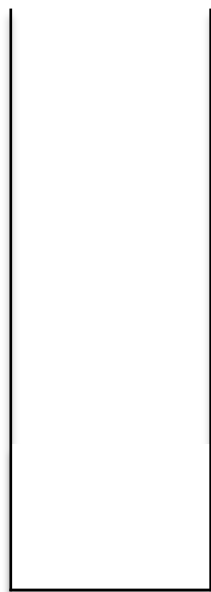


stack1

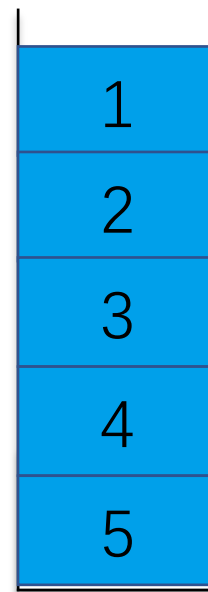


stack2

第二种情况，如果 stack2 的长度为0，还是将stack1从尾部删除，添加到 stack2

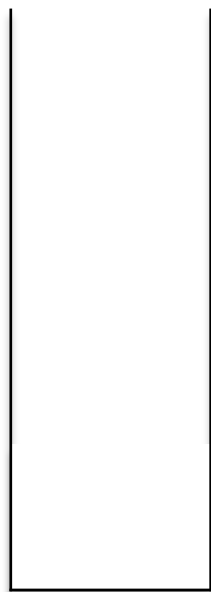


stack1

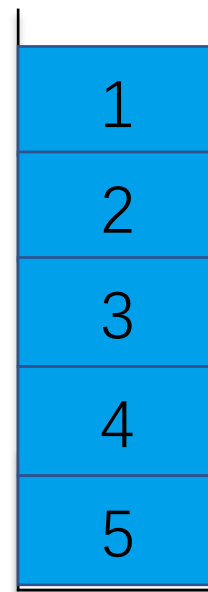


stack2

直到，stack1为空，说明全部元素添加到 stack2

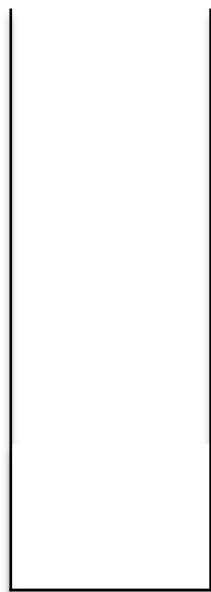


stack1



stack2

这里的peek方法是查看，在前端里面，这里的操作和刚刚的pop的操作是一样的

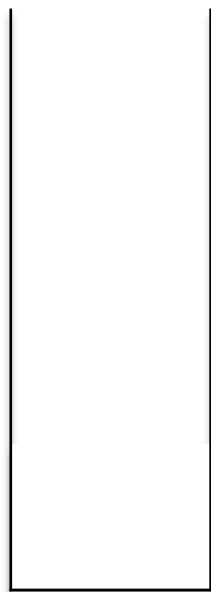


stack1

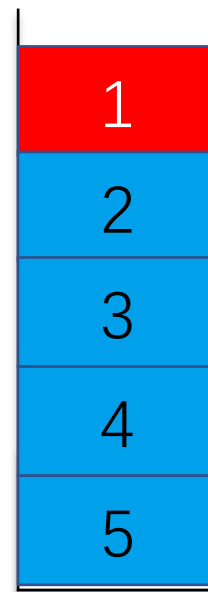


stack2

到了这里，**需要注意** peek 和 pop 的**返回值**不同

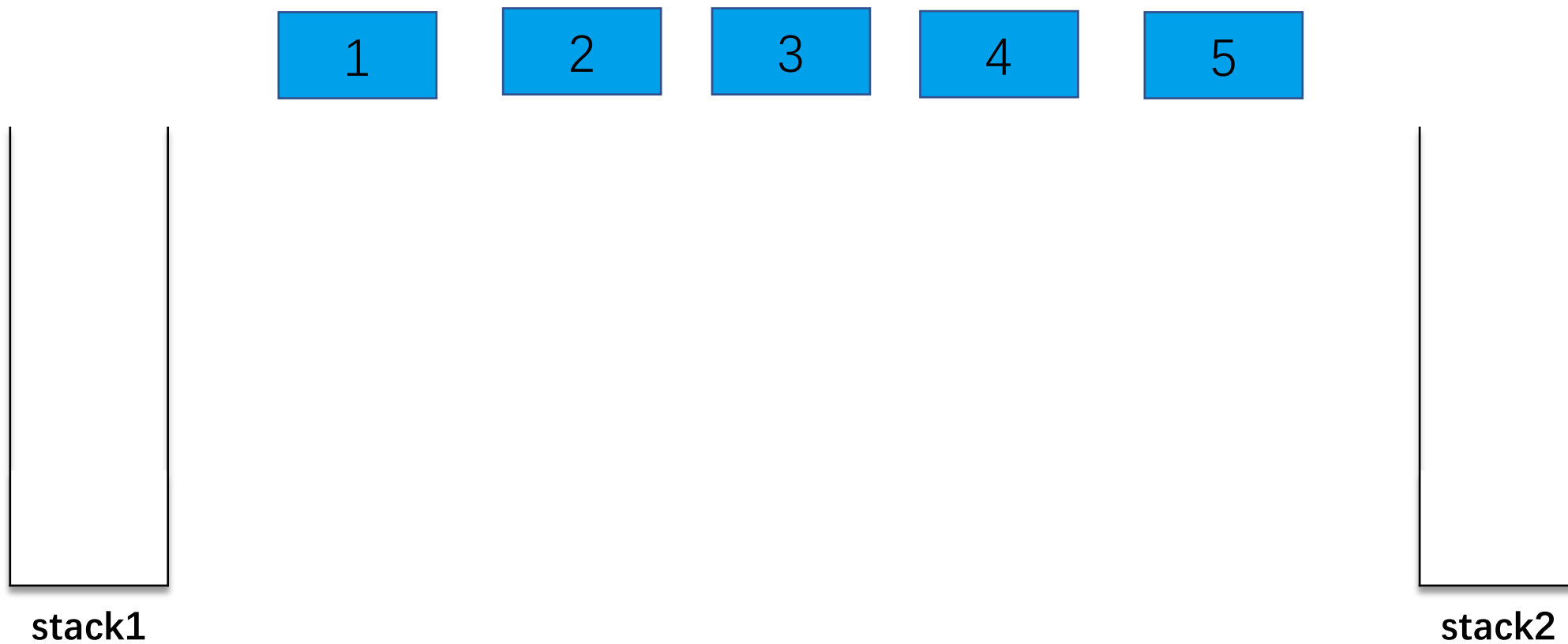


stack1



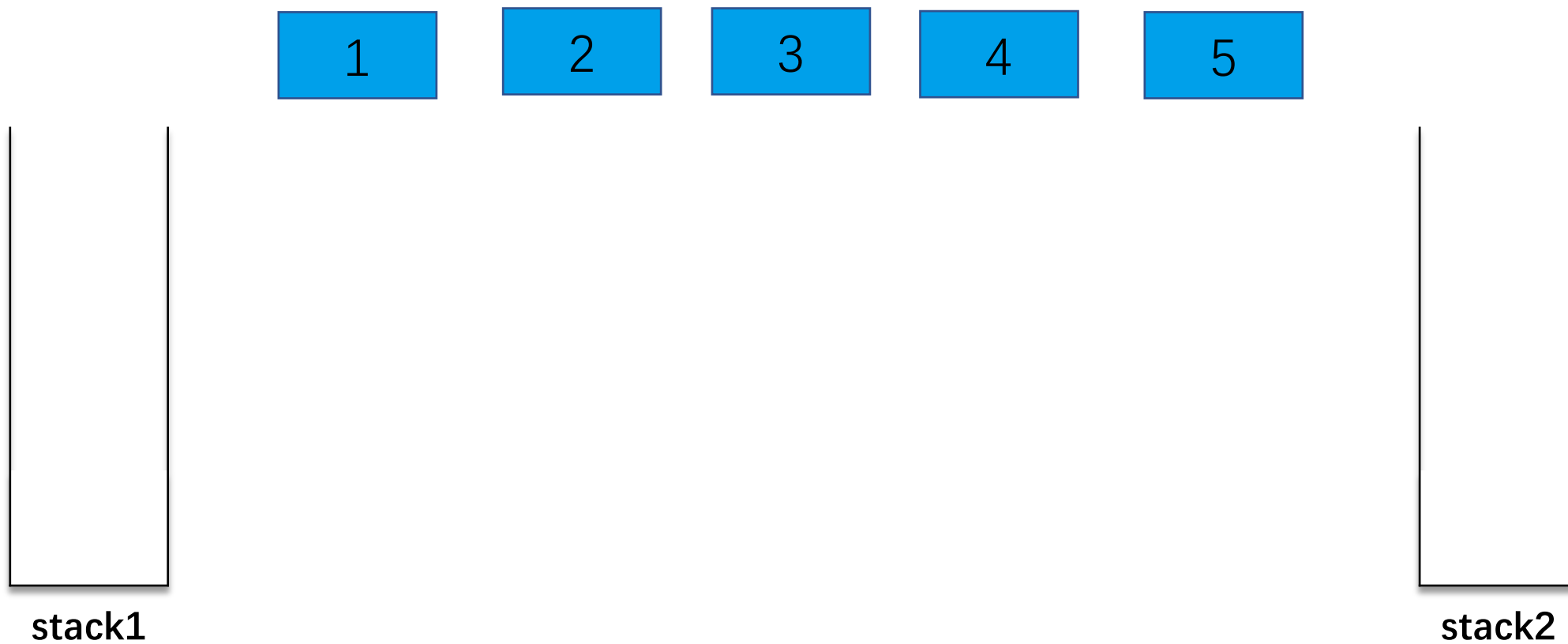
stack2

peek 返回 stack2回栈顶的元素，就是length-1 个元素



最后一个操作是：empty ,这个方法是最最后进行判断队列为空

LeetCode-03.04 化栈为队



empty 只是最后返回，stack1和 stack2的长度都为0时候

682.棒球比赛

门徒计划，带你开启算法精进之路

| LeetCode-682 棒球比赛



844.比较含退格的字符串

门徒计划，带你开启算法精进之路

| LeetCode-844 比较含退格的字符串



946.验证栈序列

门徒计划，带你开启算法精进之路

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列

1	2	3	4	5
---	---	---	---	---

popped序列

4	5	3	2	1
---	---	---	---	---

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列

1	2	3	4	5
---	---	---	---	---

popped序列

4	5	3	2	1
---	---	---	---	---



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



遍历一次入一次stack

左边操作中

popped序列



右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



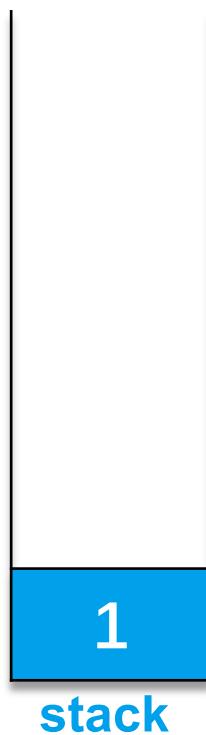
pushed序列



遍历一次入一次stack

左边操作中

popped序列



右边操作中

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



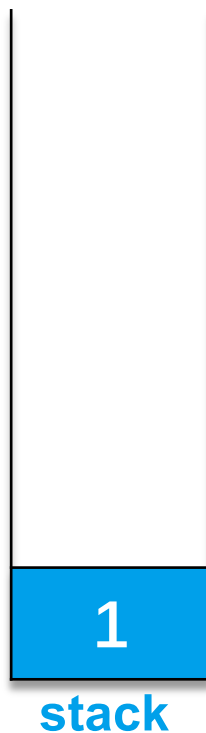
左边操作中

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束遍历

右边操作中



LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



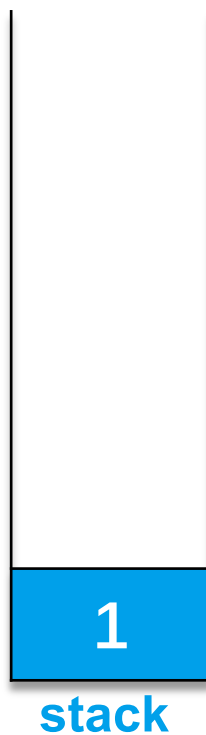
遍历一次入一次stack

左边操作中

popped序列



右边操作中



LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



遍历一次入一次stack

左边操作中

popped序列



右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



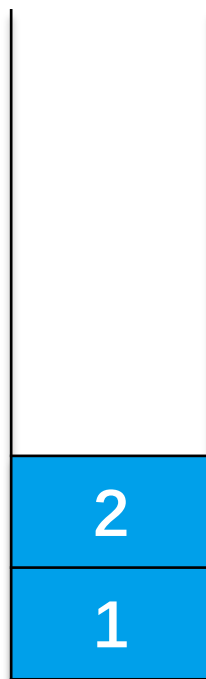
左边操作中

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束遍历

右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



遍历一次入一次stack

左边操作中

popped序列



右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



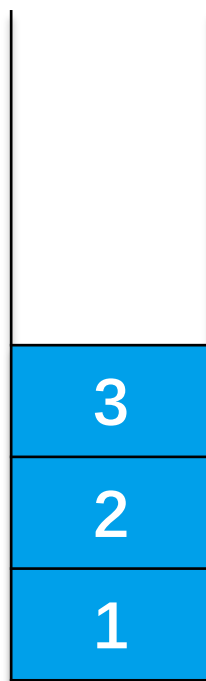
遍历一次入一次stack

左边操作中

popped序列



右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



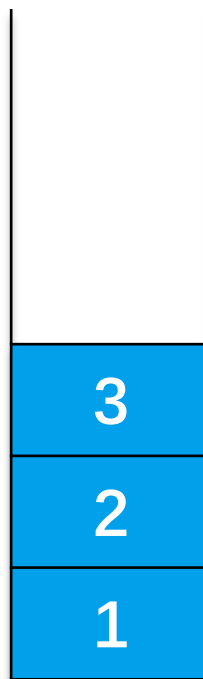
左边操作中

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



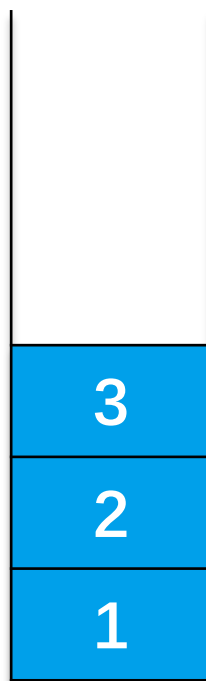
遍历一次入一次stack

左边操作中

popped序列



右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



遍历一次入一次stack

左边操作中

popped序列



右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



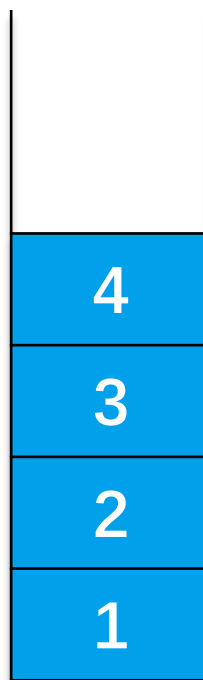
左边操作中

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



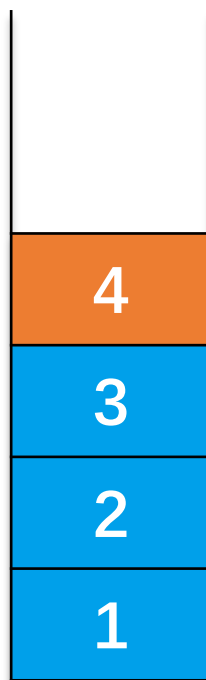
左边操作中

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中



stack

1	2	3	4	5
---	---	---	---	---



3
2
1

	5	3	2	1
--	---	---	---	---



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



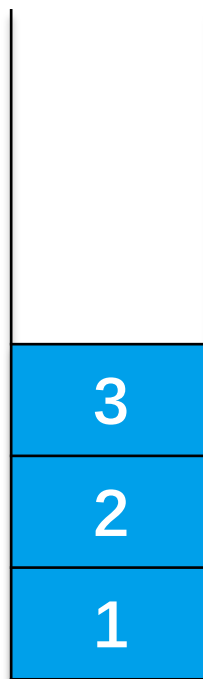
左边操作中

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列

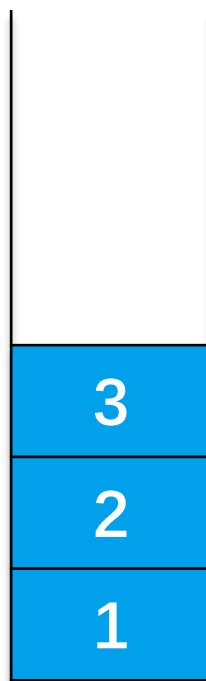


pushed序列



遍历一次入一次stack

左边操作中



stack

popped序列



右边操作中

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



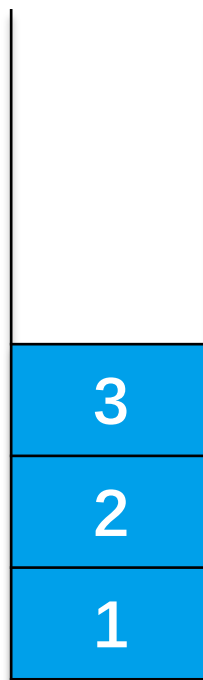
遍历一次入一次stack

左边操作中

popped序列



右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



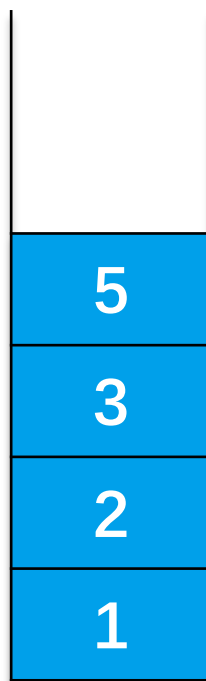
遍历一次入一次stack

左边操作中

popped序列



右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



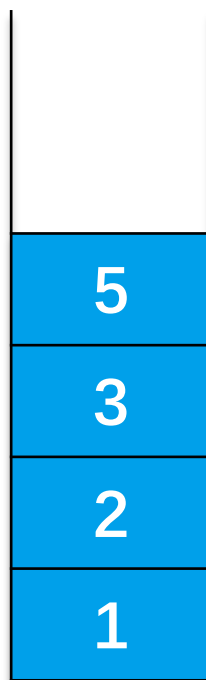
左边操作中

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



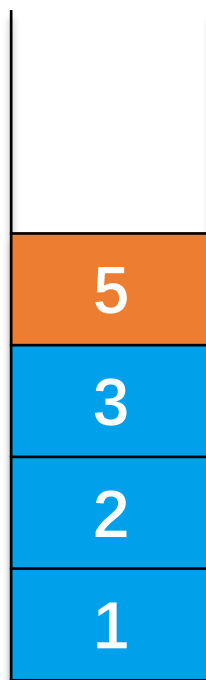
左边操作中

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



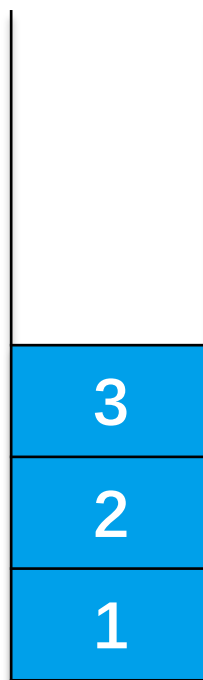
左边操作中

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



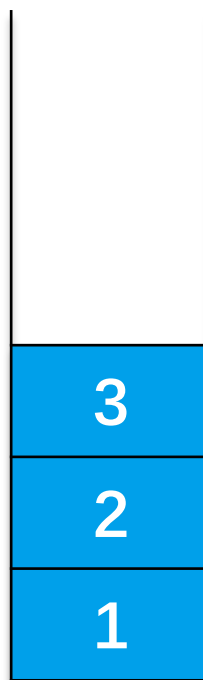
左边操作中

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



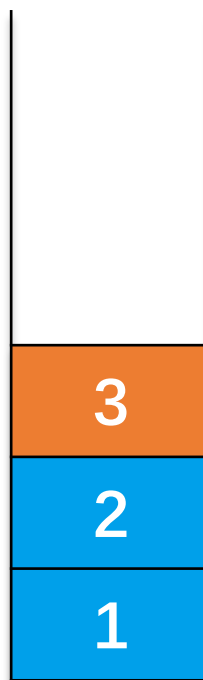
左边操作中

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



左边操作中

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束



stack

右边操作中

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



左边操作中

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中



stack

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



左边操作中

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中



stack

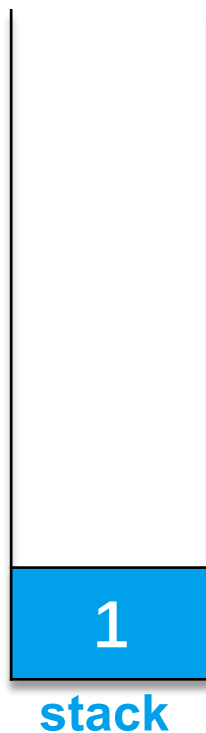
LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



左边操作中



popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中

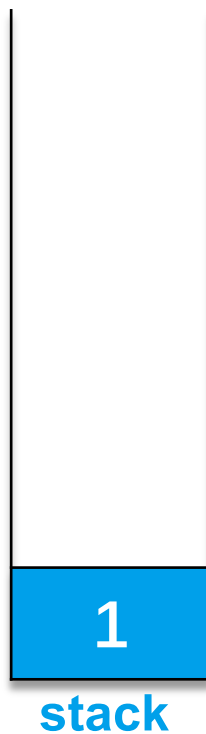
LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



左边操作中



popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中

LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



左边操作中



stack

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中

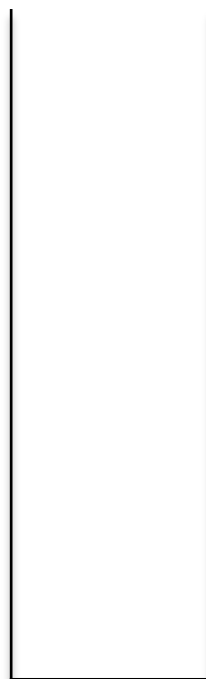
LeetCode-946 验证栈序列



pushed序列



左边操作中



stack

popped序列



stack栈顶值与popped对应值：
相等：出栈，继续遍历popped
不等：结束

右边操作中

经典面试题-栈结构扩展应用

大约用时：(60 mins)

下一部分：经典面试题-智力发散题

20.有效的括号

门徒计划，带你开启算法精进之路



给定一个只包括 '(' , ')' , '{' , '}' , '[' , ']' 的字符串 s ，判断字符串是否有效。

有效字符串需满足：

- 1.左括号必须用相同类型的右括号闭合。
- 2.左括号必须以正确的顺序闭合。



我们遍历给字符串s。

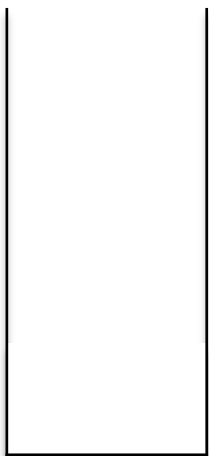
当我们遇到一个左括号时，我们会希望在后面的字符中，有一个相同类型的右括号将其闭合。
由于后遇到的左括号要先闭合，因此我们可以将这个左括号放入栈顶。



当我们遇到一个右括号时，我们就可以去出栈顶的左括号，判断两个括号是否能闭合。如果不是相同类型的括号或者栈中没有括号，我们这个字符串就是无效的。

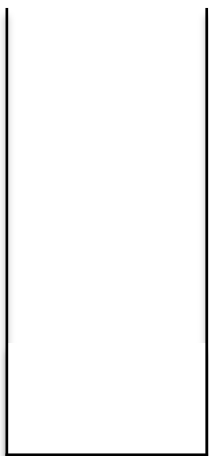


为了能快速的判断括号的类型，我们可以创建一个Map来帮助我们。
创建一个栈来存储我们的左括号。



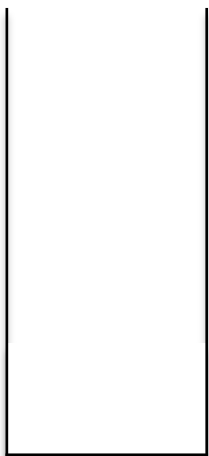
key	val
)	(
]	[
}	{

为了能快速的判断括号的类型，我们可以创建一个Map来帮助我们。
创建一个栈来存储我们的左括号。



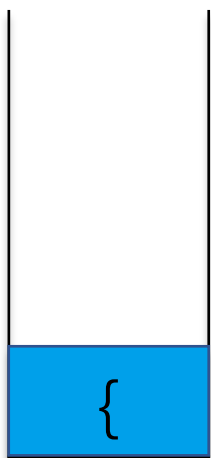
key	val
)	(
]	[
}	{

开始遍历我们的字符串，如果是左括号，我们就将该字符加入到栈中。
如果是右括号，我们就将判断栈顶的元素和当前的元素是否能完全闭合。



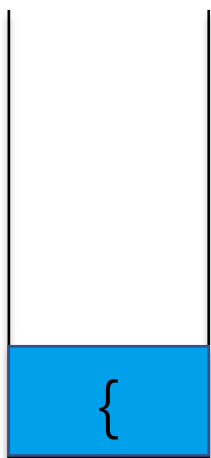
key	val
)	(
]	[
}	{

开始遍历我们的字符串，如果是左括号，我们就将该字符加入到栈中。
如果是右括号，我们就将判断栈顶的元素和当前的元素是否能完全闭合。



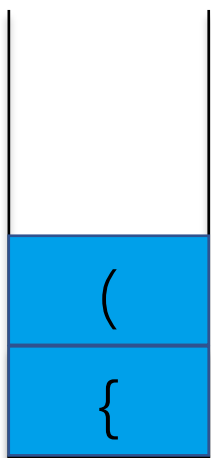
key	val
)	(
]	[
}	{

开始遍历我们的字符串，如果是左括号，我们就将该字符加入到栈中。
如果是右括号，我们就将判断栈顶的元素和当前的元素是否能完全闭合。



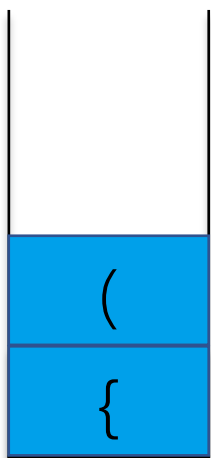
key	val
)	(
]	[
}	{

开始遍历我们的字符串，如果是左括号，我们就将该字符加入到栈中。
如果是右括号，我们就将判断栈顶的元素和当前的元素是否能完全闭合。



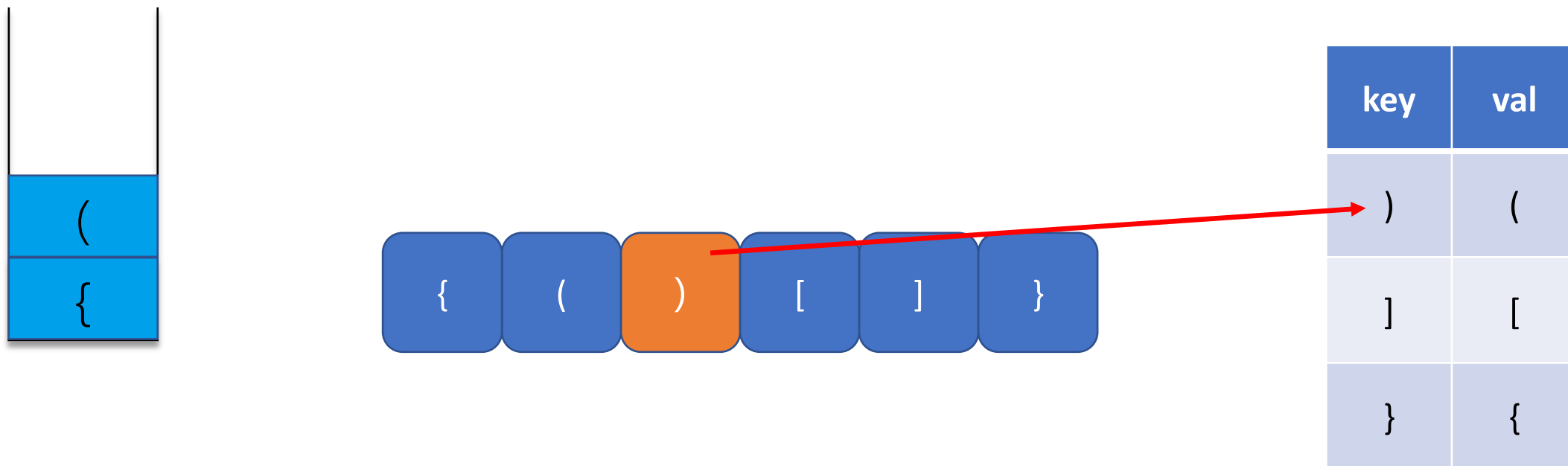
key	val
)	(
]	[
}	{

开始遍历我们的字符串，如果是左括号，我们就将该字符加入到栈中。
如果是右括号，我们就将判断栈顶的元素和当前的元素是否能完全闭合。

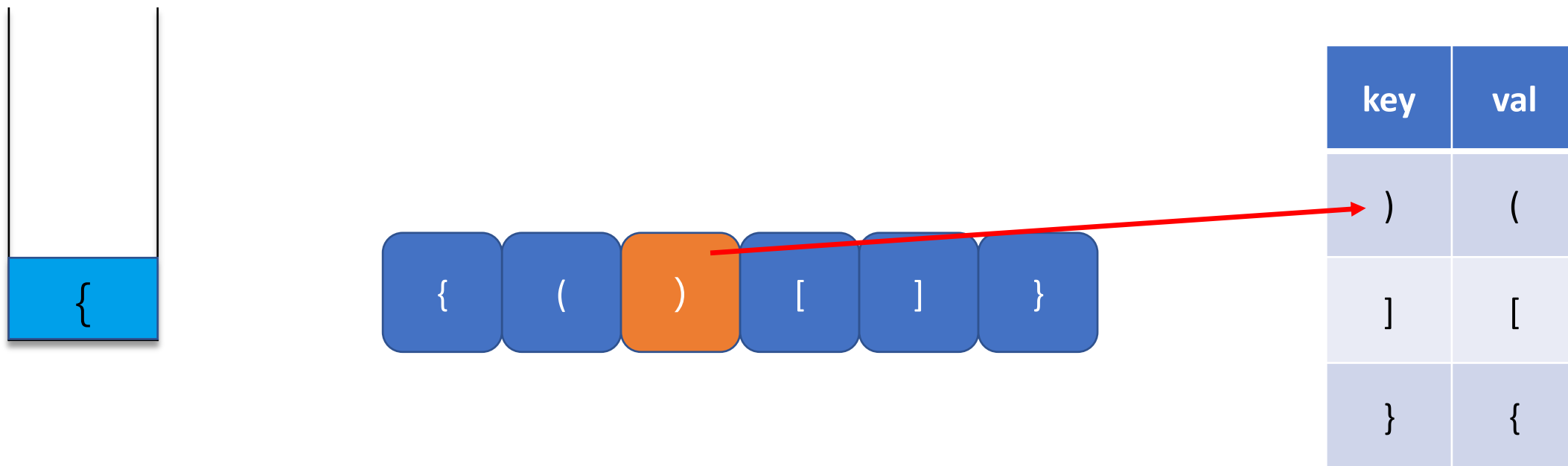


key	val
)	(
]	[
}	{

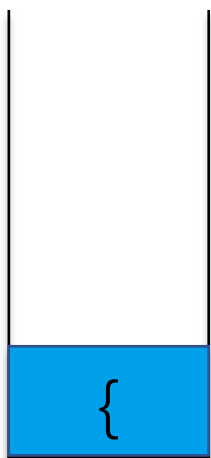
开始遍历我们的字符串，如果是左括号，我们就将该字符加入到栈中。
如果是右括号，我们就将判断栈顶的元素和当前的元素是否能完全闭合。



开始遍历我们的字符串，如果是左括号，我们就将该字符加入到栈中。
如果是右括号，我们就将判断栈顶的元素和当前的元素是否能完全闭合。

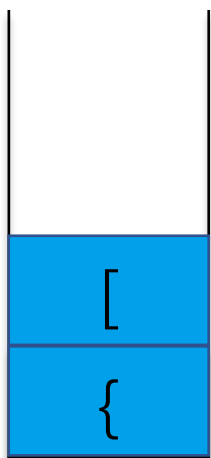


开始遍历我们的字符串，如果是左括号，我们就将该字符加入到栈中。
如果是右括号，我们就将判断栈顶的元素和当前的元素是否能完全闭合。



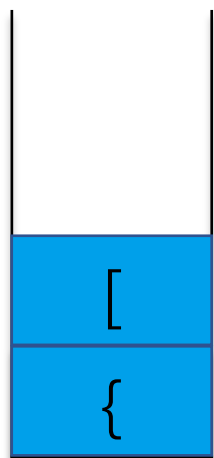
key	val
)	(
]	[
}	{

开始遍历我们的字符串，如果是左括号，我们就将该字符加入到栈中。
如果是右括号，我们就将判断栈顶的元素和当前的元素是否能完全闭合。



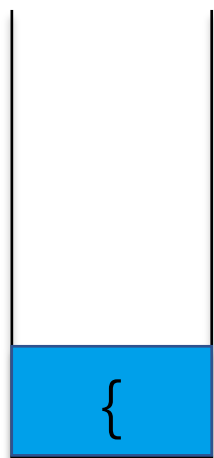
key	val
)	(
]	[
}	{

开始遍历我们的字符串，如果是左括号，我们就将该字符加入到栈中。
如果是右括号，我们就将判断栈顶的元素和当前的元素是否能完全闭合。



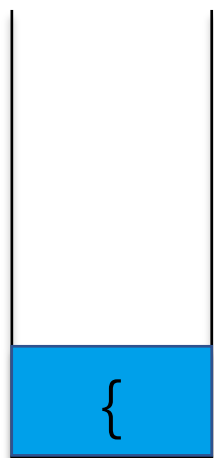
key	val
)	(
]	[
}	{

开始遍历我们的字符串，如果是左括号，我们就将该字符加入到栈中。
如果是右括号，我们就将判断栈顶的元素和当前的元素是否能完全闭合。



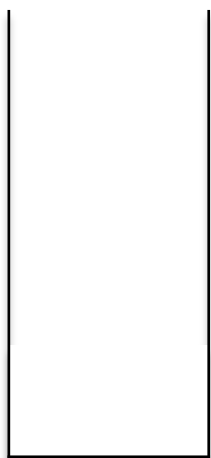
key	val
)	(
]	[
}	{

开始遍历我们的字符串，如果是左括号，我们就将该字符加入到栈中。
如果是右括号，我们就将判断栈顶的元素和当前的元素是否能完全闭合。



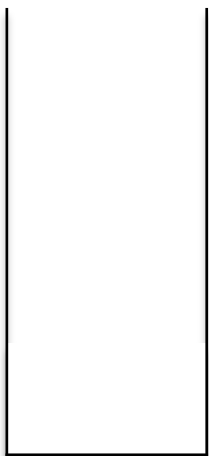
key	val
)	(
]	[
}	{

开始遍历我们的字符串，如果是左括号，我们就将该字符加入到栈中。
如果是右括号，我们就将判断栈顶的元素和当前的元素是否能完全闭合。



key	val
)	(
]	[
}	{

开始遍历我们的字符串，如果是左括号，我们就将该字符加入到栈中。
如果是右括号，我们就将判断栈顶的元素和当前的元素是否能完全闭合。



key	val
)	(
]	[
}	{

开始遍历我们的字符串，如果是左括号，我们就将该字符加入到栈中。
如果是右括号，我们就将判断栈顶的元素和当前的元素是否能完全闭合。

1021.删除最外层的括号

门徒计划，带你开启算法精进之路

| LeetCode-1021 删除最外层的括号



1249.移除无效的括号

门徒计划，带你开启算法精进之路

| LeetCode-1249 移除无效的括号



145.二叉树的后续遍历

门徒计划，带你开启算法精进之路

| LeetCode-145 二叉树的后续遍历



331.验证二叉树的前序序列化

门徒计划，带你开启算法精进之路

| LeetCode-331 验证二叉树的前序序列化



227.基本计算器II

门徒计划，带你开启算法精进之路

| LeetCode-227 基本计算器II



经典面试题-智力发散题

大约用时：（ 40 mins ）

下一部分：答疑解惑-留作业

636.函数的独占时间

门徒计划，带你开启算法精进之路

| LeetCode-636 函数的独占时间



1124.表现良好的最长时间段

门徒计划，带你开启算法精进之路

| LeetCode-1124 表现良好的最长时间段



答疑解惑-留作业

大约用时：（ 5 mins ）

下一部分：大家晚安

每天都想干翻这个世界
到头来，被世界干的服服帖帖

大家晚安
--船长