

## Primer parcial

NOTA: este parcial es a libro abierto. Se permite tener cualquier material manuscrito o impreso, pero no se permite el uso de dispositivos electrónicos. El parcial se califica con una nota numérica de 1 a 10. Se requiere  $\geq 4$  en ambos parciales para aprobar la materia. Para promocionar se requiere nota  $\geq 6$  en ambos parciales y promedio  $\geq 7$ .

**Ejercicio 1.** La siguiente gramática  $G_1 = (\{P, C, E\}, \{\text{id}, \text{while}, :=, +, \{, \}\}, \mathcal{P}, P)$  describe la sintaxis de los programas ( $P$ ), comandos ( $C$ ) y expresiones ( $E$ ) de un lenguaje de programación. El conjunto  $\mathcal{P}$  de producciones está dado por:

$$\begin{aligned} P &\rightarrow \epsilon \mid PC \\ C &\rightarrow \text{id} := E \mid \text{while } E \ P \mid \{P\} \\ E &\rightarrow \text{id} \mid \text{id} + \text{id} \end{aligned}$$

- Demostrar que  $G_1$  es ambigua.
- Proponer una gramática  $G_2$  que genere el mismo lenguaje que  $G_1$  pero que sea LL(1). Armar la tabla LL(1) y mostrar que no tiene conflictos.

**Ejercicio 2.** Dada la siguiente expresión regular en el alfabeto  $\{a, b, c\}$ :

$$R = (a|b)^*c(a|b)^*c$$

- Proponer una gramática SLR que genere el lenguaje  $\mathcal{L}(R)$ . Armar la tabla SLR.
- Analizar sintácticamente la cadena  $acbc$  usando la tabla SLR armada.

**Ejercicio 3.** Sean  $L_1 = \{\alpha \in \{a, b\}^* \mid |\alpha|_a > 2\}$  y  $L_2 = \mathcal{L}(a(a|b)^*b)$ . Dar una expresión regular para el lenguaje  $L_1^c \cap L_2^c$ . Recordar que  $L^c$  denota el complemento de  $L$ , es decir  $L^c = \{\alpha \in \{a, b\}^* \mid \alpha \notin L\}$ .

**Ejercicio 4.** Si  $L \subseteq \Sigma^*$  es un lenguaje cualquiera, llamamos  $L^{[2]}$  al lenguaje que resulta de concatenar un número par de palabras de  $L$ :

$$L^{[2]} = \{\alpha_1 \dots \alpha_n \mid n \geq 0 \text{ es par y para todo } 1 \leq i \leq n \text{ se tiene } \alpha_i \in L\}$$

Por ejemplo, si  $L = \{aa, bc\}$  entonces  $aabcbcaa \in L^{[2]}$  pero  $aabcbc \notin L^{[2]}$ . Más en general, llamamos  $L^{[k]}$  al lenguaje que resulta de concatenar un número de palabras de  $L$  que sea múltiplo de  $k$ .

$$L^{[k]} = \{\alpha_1 \dots \alpha_n \mid n \geq 0 \text{ es un múltiplo de } k \text{ y para todo } 1 \leq i \leq n \text{ se tiene } \alpha_i \in L\}$$

Demostrar que si  $L$  es un lenguaje regular, entonces para todo  $k \geq 2$  se tiene que  $L^{[k+1]} \setminus L^{[k]}$  es regular. Recordar que  $A \setminus B$  denota la diferencia de conjuntos, es decir  $A \setminus B = \{x \mid x \in A \wedge x \notin B\}$ .

Justificar todas las respuestas.