

Segundo parcial

NOTA: este parcial es a libro abierto. El parcial se califica con una nota numérica de 1 a 10. Se requiere ≥ 4 en ambos parciales para aprobar la materia. Para promocionar se requiere nota ≥ 6 en ambos parciales y promedio ≥ 7 .

Ejercicio 1. En este ejercicio supondremos que un **polinomio** está representado con una lista de coeficientes, de tal modo que el n -ésimo coeficiente de la lista acompaña al término de grado n . Por ejemplo, la lista `[3, 2, -5, 0, 9, 7]` representa el polinomio $7X^5 + 9X^4 - 5X^2 + 2X + 3$. Escribir una función:

```
compilePolinomio :: [Int] -> [Op]
```

que recibe una lista de coeficientes que representan un polinomio y produce código de tres direcciones para calcular el valor del polinomio *usando sólo dos registros* y almacenando el resultado en el registro r_0 . Las operaciones son las siguientes:

```
type Reg = Int          -- los registros se identifican con un número entero (r0, r1, r2, ...)

data Op = Mov Reg Int    -- ri := c          : almacena una constante numérica en ri
      | Add Reg Reg Reg  -- ri := rj + rk     : suma dos registros rj y rk, almacenando el resultado en ri
      | MulX Reg Reg     -- ri := rj * X      : multiplica rj por X y almacena el resultado en ri
```

Importante: se deben usar sólo dos registros (digamos r_0 y r_1).

Ejercicio 2. Una variable se considera **insegura** en un punto del programa si su valor puede depender de datos provistos por el usuario. Los datos ingresados por el usuario se leen con la función `read()`. Consideraremos una variante del análisis de flujo de datos para aproximar el **conjunto de variables inseguras**. Notar que el análisis es de tipo *may-forward*. En una asignación de la forma “ $x := \text{read}()$ ” la variable x pasa a ser insegura. En una asignación de la forma “ $x := y \otimes z$ ” la variable x pasa a ser insegura si y es insegura o si z es insegura; en caso contrario x deja de ser insegura. Calcular el conjunto de variables inseguras en cada punto del siguiente programa:

```
1  x := read()    4  label_A:      7  z := read()    10  z := x * x
2  y := 2          5  y := y + z    8  jump label_A    11  jump label_B
3  z := y          6  label_B:      9  x := 3
```

Ejercicio 3. Considerar el cálculo- λ extendido con una operación $\mu x.t$ (conocida como operador de punto fijo). Las reglas de tipado se extienden del siguiente modo:

$$\frac{\Gamma, x : A \vdash t : A}{\Gamma \vdash \mu x.t : A} \text{ T-FIX}$$

Suponiendo que hay un tipo `Int` y una constante $F : \text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int}$.

- Proponer un tipo para completar el agujero ?1 y dar una derivación para el juicio: $\vdash \mu x. \lambda y. F y (x y) : \text{?1}$.
- Proponer un tipo para completar el agujero ?2 y dar una derivación para el juicio: $\vdash \lambda y. (\mu x. y (F x)) : \text{?2}$.

Justificar todas las respuestas.