

## 目录

类欧几里得.....	2
杜教 BM 板子(求递推式).....	2
并查集 整体维护 .....	3
Trie xor 后小于 limit 最大值 .....	4
DP 套 DP .....	4
虚树 .....	6
C(n,n).....	7
SPLAY_NEW .....	7
积性函数 .....	10

## 类欧几里得

一定注意前面是 a,后面是 b,线段树一定要注意顺序

$f(a,b,c,n)=\sigma\{(a+b)/c\}; \quad (0 \rightarrow n)$

$g(a,b,c,n)=\sigma\{(a+b)/c \times i\}; \quad (0 \rightarrow n)$

$h(a,b,c,n)=\sigma\{((a+b)/c)^2\}; \quad (0 \rightarrow n)$

let  $m=(a \times n+b)/c$ ;

推导 f:

$a=0$ :

return  $b/c \times (n+1)$

$a>c||b>c$ :有一部分是规律的;

return  $(a/c) \times n(n+1)/2 + (b/c) \times (n+1) + f(a\%c,b\%c,c,n)$

else:直接算,这个东西是个梯形中的点数,反过来算就可以了

$f(a,b,c,n)=\sum_{i=0 \rightarrow n} \sum_{j=0 \rightarrow m-1} [(a+b)/c \geq j+1]$

$f(a,b,c,n)=\sum_{i=0 \rightarrow n} \sum_{j=0 \rightarrow m-1} [a \geq cj+c-b]$

$f(a,b,c,n)=\sum_{i=0 \rightarrow n} \sum_{j=0 \rightarrow m-1} [a > cj+c-b-1]$

$f(a,b,c,n)=\sum_{i=0 \rightarrow n} \sum_{j=0 \rightarrow m-1} [i > (cj+c-b-1)/a]$

$f(a,b,c,n)=\sum_{j=0 \rightarrow m} (n-(cj+c-b-1)/a)$

$f(a,b,c,n)=n \times m - f(c,c-b-1,a,m-1)$ ;

推导 g:

$a=0$ :

return  $b/c \times n(n+1)/2$  (sigma 的是 i)

$a>c||b>c$ :有一部分是规律的;

$g(a,b,c,n)=(a/c) \times n(n+1)(2n+1)/6 + (b/c) \times n(n+1)/2 + g(a\%c,b\%c,c,n)$

else:

$g(a,b,c,n)=\sum_{i=0 \rightarrow n} i \times \sum_{j=0 \rightarrow m} [(a+b)/c \geq j]$

$g(a,b,c,n)=\sum_{i=0 \rightarrow n} i \times \sum_{j=0 \rightarrow m-1} [i > (cj+c-b-1)/a]$

然后把这个 i 放进去求和

$g(a,b,c,n)=1/2 \times \sum_{j=0 \rightarrow m-1} (n+1+(cj+c-b-1)/a) \times (n-(cj+c-b-1)/a)$

$g(a,b,c,n)=1/2 \times \sum_{j=0 \rightarrow m-1} n(n+1)-(cj+c-b-1)/a - [(cj+c-b-1)/a]^2$

$g(a,b,c,n)=1/2 \times [n(n+1) \times m - f(c,c-b-1,a,m-1) - h(c,c-b-1,a,m-1)]$

推导 h:

$a=0$ :

return  $(b/c)^2 \times n(n+1)$  (sigma 的是 i)

$a>c||b>c$ :有一部分是规律的;

$h(a,b,c,n)=(a/c)^2 \times n(n+1)(2n+1)/6 + (b/c)^2 \times n(n+1) + (a/c) \times (b/c) \times n(n+1) + h(a\%c,b\%c,c,n) + 2 \times (a/c) \times g(a\%c,b\%c,c,n) + 2 \times (b/c) \times f(a\%c,b\%c,c,n)$

else:

$n^2 \times 2 \times n(n+1)/2 - n \times 2 \times (\sum_{i=0 \rightarrow n} i) - n$

有了思路我们来推 h

$h(a,b,c,n)=\sum_{i=0 \rightarrow n} (2 \times (\sum_{j=1 \rightarrow (a+b)/c} j) - (a+b)/c)$

可以想到交换主体。

板子 ???

$h(a,b,c,n)=\sum_{j=0 \rightarrow m-1} (j+1) \times \sum_{i=0 \rightarrow n} [(a+b)/c \geq j+1] - f(a,b,c,n)$

$h(a,b,c,n)=\sum_{j=0 \rightarrow m-1} (j+1) \times \sum_{i=0 \rightarrow n} [i > (cj+c-b-1)/a] - f(a,b,c,n)$

$h(a,b,c,n)=\sum_{j=0 \rightarrow m-1} (j+1) \times (n-(cj+c-b-1)/a) - f(a,b,c,n)$

$h(a,b,c,n)=n \times m(m+1) - 2g(c,c-b-1,a,m-1) - 2f(c,c-b-1,a,m-1) - f(a,b,c,n)$

## 杜教 BM 板子(求递推式)

#include <cstdio>

#include <cstring>

#include <cmath>

#include <algorithm>

#include <vector>

#include <string>

#include <map>

#include <set>

#include <cassert>

using namespace std;

#define rep(i,a,n) for (int i=a;i<n;i++)

#define per(i,a,n) for (int i=n-1;i>=a;i--)

#define pb push\_back

#define mp make\_pair

#define all(x) (x).begin(),(x).end()

#define fi first

#define se second

#define SZ(x) ((int)(x).size())

typedef vector<int> VI;

typedef long long ll;

typedef pair<int,int> PII;

const ll mod=1000000007;

ll powmod(ll a,ll b) {ll res=1;a%=mod; assert(b>=0);

for(;b>>=1){if(b&1)res=res\*a%mod;a=a\*a%mod;}return res;}

// head

int \_n;

namespace linear\_seq {

const int N=10010;

ll res[N],base[N],\_c[N],\_md[N];

vector<int> Md;

void mul(ll \*a,ll \*b,int k) {

rep(i,0,k+k) \_c[i]=0;

rep(i,0,k) if (a[i]) rep(j,0,k) \_c[i+j]=(\_c[i+j]+a[i]\*b[j])%mod;

for (int i=k+k-1;i>=k;i--) if (\_c[i])

rep(j,0,SZ(Md)) \_c[i-k+Md[j]]=(\_c[i-k+Md[j]]-

```

_c[i]*_md[Md[j]])%mod;
    rep(i,0,k) a[i]=_c[i];
}
int solve(ll n,VI a,VI b) { // a 系数 b 初值 b[n+1]=a[0]*b[n]+...
//    printf("%d\n",SZ(b));
    ll ans=0,pnt=0;
    int k=SZ(a);
    assert(SZ(a)==SZ(b));
    rep(i,0,k) _md[k-1-i]=-a[i];_md[k]=1;
    Md.clear();
    rep(i,0,k) if (_md[i]!=0) Md.push_back(i);
    rep(i,0,k) res[i]=base[i]=0;
    res[0]=1;
    while ((1ll<<pnt)<=n) pnt++;
    for (int p=pnt;p>=0;p--) {
        mul(res,res,k);
        if ((n>>p)&1) {
            for (int i=k-1;i>=0;i--) res[i+1]=res[i];res[0]=0;
            rep(j,0,SZ(Md)) res[Md[j]]=(res[Md[j]]-
res[k]*_md[Md[j]])%mod;
        }
    }
    rep(i,0,k) ans=(ans+res[i]*b[i])%mod;
    if (ans<0) ans+=mod;
    return ans;
}
VI BM(VI s) {
    VI C(1,1),B(1,1);
    int L=0,m=1,b=1;
    rep(n,0,SZ(s)) {
        ll d=0;
        rep(i,0,L+1) d=(d+(ll)C[i]*s[n-i])%mod;
        if (d==0) ++m;
        else if (2*L<=n) {
            VI T=C;
            ll c=mod-d*powmod(b,mod-2)%mod;
            while (SZ(C)<SZ(B)+m) C.pb(0);
            rep(i,0,SZ(B)) C[i+m]=(C[i+m]+c*B[i])%mod;
            L=n+1-L; B=T; b=d; m=1;
        } else {
            ll c=mod-d*powmod(b,mod-2)%mod;
            while (SZ(C)<SZ(B)+m) C.pb(0);
            rep(i,0,SZ(B)) C[i+m]=(C[i+m]+c*B[i])%mod;
            ++m;
        }
    }
}

```

```

    }
    return C;
}
int gao(VI a,ll n) {
    VI c=BM(a);
    c.erase(c.begin());
    rep(i,0,SZ(c)) c[i]=(mod-c[i])%mod;
    for (int v:c) printf("%d ",v);puts("");
    return solve(n,c,VI(a.begin(),a.begin()+SZ(c)));
}
};

int main() {
    int
k=linear_seq::gao(VI{7,16,25,50,84,159,277,511,906,1651,2952,5348,9601,173
45,31199,56288,101341},10);
    for (scanf("%d",&_);;_--) {
        scanf("%d",&n);
        printf("%d\n",linear_seq::gao(VI{0,1,1,2,3,5,8,13,21,34},n-1));
    }
}

```

## 并查集 整体维护

```

struct Edge {
    int u,v,val;
} edge[maxn];
int head[maxn];
bool cmp(Edge &A,Edge &B){
    return A.val<B.val;
};
int fa[maxn];
ULL sum[maxn],cnt[maxn];
inline int getfa(int x){
    if (fa[x]==x) return x;
    int y=getfa(fa[x]);
    if (fa[x]!=y) sum[x]+=sum[fa[x]];
    fa[x]=y;
    return y;
}
int solve(){
    int n,m;
    scanf("%d%d",&n,&m);
    int i;

```

板子 ???

```
REP(i,m)
    scanf("%d%d%d",&edge[i].u,&edge[i].v,&edge[i].val);
sort(edge,edge+m,cmp);
FOR(i,1,n) fa[i]=i,sum[i]=0,cnt[i]=1;
REP(i,m){
    int x=getfa(edge[i].u),y=getfa(edge[i].v);
    if (x==y) continue;
    if (cnt[x]>cnt[y]) swap(x,y);
    sum[y]+=cnt[x]*edge[i].val;
    sum[x]+=cnt[y]*edge[i].val;
    sum[x]-=sum[y];fa[x]=y;
    cnt[y]+=cnt[x];
}ULL ans=0;
FOR(i,1,n){
    int x=getfa(i);
    ULL val=sum[i];
    if (x!=i) val+=sum[x];
    ans^=(ULL)i*val;
}static int x=0;;
printf("Case #d: %llu\n",++x,ans);
return 0;
}

int main() {
    int T;
    scanf("%d",&T);
    while (T-->0) solve();
    return 0;
}
```

## Trie xor 后小于 limit 最大值

```
//x xor v->max;
//没注释的是 v<limit
//注释的是 xor 后小于 limit
//计数问题有个套路:
//先算出全部,然后 for 一边容斥
int nxt[maxn*20*10][2],tot;
int cnt[maxn*20*10];
LL xornum,limit;
void Ins(int &now,int k,int val){
    if (!now) now=++tot;
    cnt[now]+=val;
    if (k==-1) return;
    int c=(xornum>>k)&1;
```

```
    Ins(nxt[now][c],k-1,val);
}
LL Que(int now,int k,bool mark){//mark:have limit
    if (!now||!cnt[now]) return -INFF;
    if (k==-1) return 0;
    int c=(xornum>>k)&1,lim=(limit>>k)&1;
    LL ret=-INFF;
    if (!lim&&mark){
        return (c<<k)+Que(nxt[now][0],k-1,mark);
    //    return Que(nxt[now][c],k-1,mark);
    }else {
        ret=(1ll<<k)+Que(nxt[now][c^1],k-1,mark&&!(c&1));
        if (ret<0) ret=Que(nxt[now][c],k-1,mark&&(c&1));
    //    ret=(1ll<<k)+Que(nxt[now][c^1],k-1,mark);
    //    if (ret<0) ret=Que(nxt[now][c],k-1,0);
    }return ret;
}
```

## DP 套 DP

```
//题意:麻将胡牌的可能种数
//为了不数漏,方法是这样的:
//首先考虑每个可能情况选择的个数,只可能有 3*3*2=18 种
//然后把状态压一下,每种牌型可能的 1<<18 的状态!
//对这个 1<<18 的状态进行转移
void print2(int x){
    int i;
    rREP(i,18) putchar(((x>>i)&1)+'0');
}int encode(int n_2,int n_1,int have2){//start from n-2 | n-1
    int ret=0;
    ret=ret*3+n_2;
    ret=ret*3+n_1;
    ret=ret*2+have2;
    return ret;
}void decode(int e,int &n_2,int &n_1,int &have2){
    have2=e%2;e/=2;
    n_1=e%3;e/=3;
    n_2=e%3;e/=3;
}
void printstatus(int e){
    int n_2,n_1,have2;
    decode(e,n_2,n_1,have2);
    printf(" %d %d %d ",n_2,n_1,have2);
}
int getnextstatus(int status,int k){
```

板子 ???

```
int nxtstatus=0,n;
int n_2,n_1,have2;
int x_2,x_1,xave2;
REP(n,18) if ((status>>n)&1){
    decode(n,n_2,n_1,have2);
    x_2=n_1;x_1=k-n_2-n_1;xave2=have2;
    if (x_1>=0){
        int x=encode(x_2,x_1%3,xave2);
        nxtstatus|=(1<<x);
    }
    //
    printstatus(n);printf("->");printstatus(x);printf("(+%d)",k);puts("");
    if (!have2&&x_1-2>=0){
        int x=encode(x_2,x_1-2,1);
        nxtstatus|=(1<<x);
    }
    //
    printstatus(n);printf("->");printstatus(x);printf("(+%d)",k);puts("");
    }
}
//    printf("get:%d->%d (k=%d)\n",status,nxtstatus,k);
return nxtstatus;
}
queue<int> Q;
int id[1<<18][7],val[1007];
int tot;
int nxt[1007][7];
void initDP(){
    int i,j,tot=0;
    int k;//this_number
    Q.push(1);id[0]=++tot;
    while (Q.size()){
        int status=Q.front();Q.pop();
        FOR(k,0,4){//只考虑这里产生 2~
            int nxtstatus=getnextstatus(status,k);
            if (!id[nxtstatus])
id[nxtstatus]=++tot,val[tot]=nxtstatus,Q.push(nxtstatus);
            nxt[id[status]][k]=id[nxtstatus];
        }
    }
    //    printf("%d\n",tot);
    //    REP(i,(1<<18)) if (id[i]){
    //        printf("(%-2d): ",id[i]);
    //        print2(i);puts("");
    //        REP(j,18) if ((i>>j)&1) printstatus(j);puts("");
    //    }
    //    FOR(i,1,tot){
```

```
//        printf(" %-2d : ",i);
//        print2(val[i]);puts("");
//        REP(j,18) if ((val[i]>>j)&1) printstatus(j);puts("");
//    }
}
int dp[207][207][78];
inline void update(int &x,int y){
    ((x+=y)>M)&&(x-=M);
}
int solve(int n,int m){
    int i,j,k,t;
    FOR(i,0,n+3) FOR(j,0,m) FOR(t,0,68) dp[i][j][t]=0;
    dp[0][0][1<<id[encode(0,0,0)]]=1;
    FOR(i,0,n+3){
        int MAX;
        if (i<n) MAX=4;else MAX=0;
        FOR(j,0,m){
            FOR(t,1,tot) if (dp[i][j][t]){
                FOR(k,0,MAX){
                    int nxtpos=nxt[t][k];
                    //        printf("%d->%d; k=%d\n",t,id[nxtstauts],k);
                    update(dp[i+1][j+k][nxtpos],dp[i][j][t]);
                }
            }
        }
    }
    int ret=0;
    //    FOR(t,1,tot) printf("%d: %d\n",t,dp[n+3][m][t]);
    FOR(t,1,tot){
        if ((val[t]>encode(0,0,1))&1){
            update(ret,dp[n+3][m][t]);
        }
        //        printf("t=%d\n",t);
    }
    return ret;
}
int main() {
    int T;
    initDP();
    scanf("%d",&T);
    while (T--){
        int n,m;
        static int x=0;
        scanf("%d%d",&n,&m);
        printf("Case #d: %d\n",++x,solve(n,m));
    }
}
```

```

return 0;
}

```

## 虚树

// 题意:问最少去掉几个未标记点可以把所有的标记点全分开

// 做法:建虚树然后树上 DP

// 虚树板子,注意:sort 过程可以提到外边去

```

struct Edges {
    int to; LL len; int next;
    Edges(int _to=0,LL _len=0,int _next=0):to(_to),len(_len),next(_next) {}
} edge[maxn*2]; int etot;
int head[maxn];
int fa[maxn];
LL uplen[maxn];
int id[maxn],dfn[maxn],idtot;
inline void addedge(int u,int v,LL len) {
    edge[++etot]=Edges(v,len,head[u]); head[u]=etot;
}
namespace LCA { //内部和外部 dfn 不同...
    int dep[maxn]; LL len[maxn];
    int st_dfn[maxn],tot;
    int ST[maxn*2][20]; //only L
    void dfs(int x,int f,int d,LL l) {
        int i; dep[x]=d; len[x]=l;
        st_dfn[x]=++tot; ST[tot][0]=x;
        ::id[++idtot]=x; ::dfn[x]=idtot;
        for (i=head[x]; ~i; i=edge[i].next) if (edge[i].to!=f) {
            int v=edge[i].to;
            ::fa[v]=x; ::uplen[v]=edge[i].len;
            dfs(v,x,d+1,l+edge[i].len);
            ST[++tot][0]=x;
        }
    }
}
int t_t[maxn*2];
inline void initST(int n) {
    int i,j;
    FOR(i,1,n*2) t_t[i]=t_t[i>>1]+1;
    FOR(i,1,n*2) {
        rep(j,1,t_t[i]) {
            int u=ST[i][j-1],v=ST[i-(1<<(j-1))][j-1];
            ST[i][j]=dep[u]<dep[v]?u:v;
        }
    }
}

```

```

}
inline int lca(int x,int y) {
    x=st_dfn[x]; y=st_dfn[y];
    if (x>y) swap(x,y);
    int t=t_t[y-x+1]-1;
    x=ST[x+(1<<t)-1][t]; y=ST[y][t];
    return dep[x]<dep[y]?x:y;
}
inline LL dis(int x,int y) {
    return len[x]+len[y]-2*len[lca(x,y)];
}
}

namespace vtree {
    int S[maxn],top;
    int pid[maxn],mark[maxn];
    int vid[maxn],vfa[maxn];
    LL vlen[maxn];
    int cmp(int x,int y) {
        return dfn[x]<dfn[y];
    }
    void addedge(int u,int v) {
        vfa[v]=u; vlen[v]=LCA::dis(u,v);
    }
    int m;
    void vbuild(int n) {
        int i; m=0;
        sort(pid+1,pid+1+n,cmp);
        S[top=1]=pid[1];
        mark[pid[1]]=1;
        FOR(i,2,n) {
            int f=LCA::lca(pid[i-1],pid[i]);
            while (top&&LCA::dep[S[top]]>LCA::dep[f]) {
                int v; vid[++m]=v=S[top--];
                if (top&&LCA::dep[S[top]]>LCA::dep[f])
                    addedge(S[top],v);
                else addedge(f,v);
            } if (!top||S[top]!=f) S[++top]=f;
            S[++top]=pid[i]; mark[pid[i]]=1;
        } while (top-1) addedge(S[top-1],S[top]),vid[++m]=S[top--];
        vid[++m]=S[1];
        reverse(vid+1,vid+m+1);
    }
    void vclear() {
        int i;
    }
}

```

```

        FOR(i,1,m) mark[vid[i]]=0;
    }
}

int ans;
int cnt[maxn];
void solve() {
    int i;
    FOR(i,1,vtree::m) cnt[vtree::vid[i]]=0;
    rFOR(i,1,vtree::m) {
        int x=vtree::vid[i];
        if (vtree::mark[x]) ans+=cnt[x],cnt[x]=1;
        else if (cnt[x]>1) ans++,cnt[x]=0;
        if (i>1) cnt[vtree::vfa[x]]+=cnt[x];
    }
}

int vis[maxn];
int main() {
    int i;
    int n,q;
    scanf("%d",&n);
    FOR(i,1,n) head[i]=-1;
    FOR(i,1,n-1) {
        int u,v;
        scanf("%d%d",&u,&v);
        addedge(u,v,1); addedge(v,u,1);
    } LCA::dfs(1,0,0,0);
    LCA::initST(n);
    scanf("%d",&q);
    while (q--) {
        int m,mark=0;
        scanf("%d",&m);
        FOR(i,1,m) scanf("%d",&vtree::pid[i]);
        FOR(i,1,m) vis[vtree::pid[i]]=1;
        FOR(i,1,m) if (vis[fa[vtree::pid[i]]]) mark=1;
        FOR(i,1,m) vis[vtree::pid[i]]=0;
        if (mark) {puts("-1"); continue;}
        vtree::vbuild(m);
        ans=0;
        solve();
        vtree::vclear();
        printf("%d\n",ans);
    }
    return 0;
}

```

## C(n,n)

```

LL inv[1000002]; //inverse
LL fac[1000002]; //Factorial

// 求出的是 ax+by=1 的解(a,b 正负不限,而且挺小的);
// d(gcd)=1 时存在逆元;(d!=1)&&(num%d)时,num*a/d 可认为逆元
// (x+p)%p 为逆元
// DP:C[i][j]=(C[i-1][j-1]+C[i][j-1])%M
void exgcd(LL a,LL b,LL &d,LL &x,LL &y){
    if (!b) {d=a;x=1;y=0;}
    else {exgcd(b,a%b,d,y,x);y-=a/b*x;}
}

// 前面那个线性求逆元的 log 版 2333
int getinv(int n){
    if (n==1) return 1;
    return (M-M/n)*(getinv(M/n))%M;
}

LL C(int n,int m){
    return fac[n]*inv[m]%M*inv[n-m]%M;
}

//Lucas 扩展 : Kummer 定理 :
//C(n,k)中的 p 的幂次的为 p 进制下 n-k 借位次数
//e.g 求 C(n,0)...C(n,n)的 lcm%(1e9+7)
//做法:考虑每个素因子,n 转化为 p 进制后,除了最后的为 p-1 的都可以借
位
//ans=pow(p,k)的乘积
LL lucas(LL n,LL m){ //注意 MOD 不能太大=_=! Mlogn
    return m==0?1:1ll*C(n%M,m%M)*lucas(n/M,m/M)%M;
}

int main(){
    int i;
    fac[0]=1;
    FOR(i,1,1000000) fac[i]=i*fac[i-1]%M;
    inv[0]=inv[1]=1;
    FOR(i,2,1000000) inv[i]=(M-M/i)*inv[M%i]%M;
    FOR(i,1,1000000) inv[i]=inv[i]*inv[i-1]%M; // inv(n!)
    printf("%l64d",C(10,3));
}

```

## SPLAY\_NEW

```

int A[maxn];
struct splay_tree{
    struct node{
        int val,min,max,add,size,son[2]; //add=lazy
        bool rev;
        void init(int _val){ //开始时 T[i].val==a[i-1](线性的);
            val=min=max=_val; size=1;
            if (_val==INF) max=-INF;
            add=rev=son[0]=son[1]=0;
        }
    }T[maxn*2]; //内存池
    int fa[maxn*2],root,tot;
    void pushup(int x){
        T[x].min=T[x].max=T[x].val; T[x].size=1;
        if (T[x].val==INF) T[x].max=-INF;
        if (T[x].son[0]){
            T[x].min=min(T[x].min,T[T[x].son[0]].min);
            T[x].max=max(T[x].max,T[T[x].son[0]].max);
            T[x].size+=T[T[x].son[0]].size;
        }
        if (T[x].son[1]){
            T[x].min=min(T[x].min,T[T[x].son[1]].min);
            T[x].max=max(T[x].max,T[T[x].son[1]].max);
            T[x].size+=T[T[x].son[1]].size;
        }
    }
    void pushdown(int x){
        if (x==0) return;
        if (T[x].add){
            if (T[x].son[0]){
                T[T[x].son[0]].val+=T[x].add;
                T[T[x].son[0]].min+=T[x].add;
                T[T[x].son[0]].max+=T[x].add;
                T[T[x].son[0]].add+=T[x].add;
            }
            if (T[x].son[1]){
                T[T[x].son[1]].val+=T[x].add;
                T[T[x].son[1]].min+=T[x].add;
                T[T[x].son[1]].max+=T[x].add;
                T[T[x].son[1]].add+=T[x].add;
            }
            T[x].add=0;
        }
        if (T[x].rev){

```

```

            if (T[x].son[0]) T[T[x].son[0]].rev^=1;
            if (T[x].son[1]) T[T[x].son[1]].rev^=1;
            swap(T[x].son[0],T[x].son[1]);
            T[x].rev=0;
        }
    }
    void rotate(int x,int kind){ //zig(1->) zag(0<-)都行
        int y=fa[x],z=fa[y];
        T[y].son[!kind]=T[x].son[kind],fa[T[x].son[kind]]=y;
        T[x].son[kind]=y,fa[y]=x;
        T[z].son[T[z].son[1]==y]=x,fa[x]=z;
        pushup(y);
    }
    void splay(int x,int goal){ //node x->goal's son
        if (x==goal) return;
        while (fa[x]!=goal){
            int y=fa[x],z=fa[y];
            pushdown(z),pushdown(y),pushdown(x);
            int rx=T[y].son[0]==x,ry=T[z].son[0]==y;
            if (z==goal) rotate(x,rx);
            else{
                if (rx==ry) rotate(y,ry);
                else rotate(x,rx);
                rotate(x,ry);
            }
        }
        pushup(x);
        if (goal==0) root=x;
    }
    int select(int pos){ //getnode
        int u=root;
        pushdown(u);
        while (T[u].son[0].size!=pos){ //这里由于头节点有个-INF 所以
            if (pos<T[u].son[0].size) u=T[u].son[0];
            else{
                pos-=T[u].son[0].size+1;
                u=T[u].son[1];
            }
        }
        return u;
    }
    //下面是自己写的一点常用函数
    void update(int l,int r,int val){

```



板子 ???

```
int u=select(l-1),v=select(r+1);
splay(u,0);
splay(v,u);
T[T[v].son[0]].min+=val;
T[T[v].son[0]].max+=val;
T[T[v].son[0]].val+=val;
T[T[v].son[0]].add+=val;//lazy
}

void reverse(int l,int r){
    int u=select(l-1),v=select(r+1);
    splay(u,0);splay(v,u);
    T[T[v].son[0]].rev^=1;
}

void revolve(int l,int r,int x){//l~r->循环往后 x 位
    int u=select(r-x),v=select(r+1);
    splay(u,0);splay(v,u);
    int tmp=T[v].son[0];T[v].son[0]=0;
    pushup(v);pushup(u);
    u=select(l-1),v=select(l);
    splay(u,0);splay(v,u);
    fa[tmp]=v;
    T[v].son[0]=tmp;
    pushup(v);pushup(u);
}

void cut(int l,int r,int x){//l~r->去掉的 x 位置后 //HDU3487
    int u=select(l-1),v=select(r+1);
    splay(u,0);splay(v,u);
    int tmp=T[v].son[0];
    T[v].son[0]=0;
    pushup(v);pushup(u);
    u=select(x);v=select(x+1);
    splay(u,0);splay(v,u);
    fa[tmp]=v;
    T[v].son[0]=tmp;
    pushup(v);pushup(u);
}

int query_min(int l,int r){
    int u=select(l-1),v=select(r+1);
    splay(u,0);
    splay(v,u);
    return T[T[v].son[0]].min;
}

void insert(int x,int val){
    int u=select(x),v=select(x+1);
    splay(u,0); splay(v,u);
```

```
    ++tot;if (tot==maxn) tot=1;
    T[tot].init(val); fa[tot]=v;
    T[v].son[0]=tot;
    pushup(v);pushup(u);
}

void erase(int x){
    int u=select(x-1),v=select(x+1);
    splay(u,0);
    splay(v,u);
    T[v].son[0]=0;
    pushup(v);pushup(u);
}

void exchange(int l1,int r1,int l2,int r2){//r1-l1+1?=r2-l2+1 OK
    if (l1>l2){swap(l1,l2);swap(r1,r2);}
    int u=select(l1-1),v=select(r1+1);
    splay(u,0);splay(v,u);
    int tmp=T[v].son[0];T[v].son[0]=0;
    pushup(v);pushup(u);
    l2-=T[tmp].size;r2-=T[tmp].size;
    int _u=select(l2-1),_v=select(r2+1);
    splay(_u,0);splay(_v,_u);
    fa[tmp]=_v;
    swap(T[_v].son[0],tmp);
    pushup(_v);pushup(_u);
    u=select(l1-1),v=select(l1);
    splay(u,0);splay(v,u);
    fa[tmp]=v;
    T[v].son[0]=tmp;
    pushup(v);pushup(u);
}

int dfs(int x,int k){//小于 k 的值个数,会被卡
    if (x==0) return 0;
    if (T[x].min!=INF&&T[x].min>=k) return 0;
    if (T[x].max!=-INF&&T[x].max<k) return T[x].size;
    int ret=T[x].val<k;
    if (T[x].son[0]) ret+=dfs(T[x].son[0],k);
    if (T[x].son[1]) ret+=dfs(T[x].son[1],k);
    return ret;
}

int query(int l,int r,int k){//小于 k 的值个数,会被卡 应该套主席树(但是
    太长, 两个 log)
    int u=select(l-1),v=select(r+1);
    splay(u,0);splay(v,u);
    return dfs(T[v].son[0],k);
}
```

板子 ???

```
int delbuf[maxn],bufs;
int build(int l,int r){//add_list
    if (l>r) return 0;
    ++tot;if (tot==maxn) tot=1;
    int ret=delbuf[tot];
    int mid=(l+r)/2;
    T[ret].init(A[mid]);
    if (l==r) return ret;
    int ls=build(l,mid-1);
    int rs=build(mid+1,r);
    if (ls) fa[ls]=ret,T[ret].son[0]=ls;
    if (rs) fa[rs]=ret,T[ret].son[1]=rs;
    pushup(ret);
    return ret;
}
void del(int x){
    if (x==0) return;
    bufs++;if (bufs==maxn) bufs=1;
    delbuf[bufs]=x;
    del(T[x].son[0]);
    del(T[x].son[1]);
}
void Del(int l,int r){
    int u=select(l-1),v=select(r+1);
    splay(u,0);splay(v,u);
    del(T[v].son[0]);
    T[v].son[0]=0;
    pushup(v);pushup(u);
}
void init(int n){
    int i; tot=0;
    REP(i,maxn) delbuf[i]=i;
    rFOR(i,1,n) A[i+1]=A[i];
    A[1]=A[n+2]=-INF;
    root=build(1,n+2);
    fa[root]=0; T[0].init(-INF);
    fa[0]=0;T[0].son[1]=root;T[0].size=0;
}
}T;
```

## 积性函数

$n=\sigma\{\phi(d)[d|n]\}$  将  $\phi$  看作容斥系数

$[n=1]=\sigma\{\mu(d)[d|n]\}$  将  $i/n$  化为最简分数

这里可以把 gcd 或者 lcm 的式子提出来!

$1\cdots n$  的与  $n$  互质数和  $n*\phi(n)/2$

然后, 经过推导可能将某些式子化成简单形式就能做了 qwq 完全不会, 智商不够没办法……