目录

	头文件	1
数学		2
	波利亚定理	2
	快速沃尔什变换	6
	类欧几里得	8
	欧拉函数、欧拉降幂	11
	矩阵相关	11
数据	结构	12
	CDQ 分治	12
	KD-TREE	22
	分块	26
	笛卡尔树	30
	分块	31
	莫队	34
	线段树	36
	整体二分	37
	字典树	38
	主席树	44
	并查集	48
	splay	48
	link-cut tree	54
图论		60
	2-SAT	60
	LCA	62
	点分治	62
	二分图	66
	三元环、四元环	67
	树剖	69
	虚树	73
	树分块	76
	强连通分量	78
	树的同构	79
字符	串	80
	KMP	80
	最小表示法	80
	AC 自动机	81
	后缀自动机	85
	hiho 版	85
	SAM(hiho-struct 版-无说明)	90
	后缀数组	92
	序列自动机	93
DP		94

	dp 套 dp	94
	决策单调性	95
	树形依赖 DP	96
	斯坦纳树	97
	四边形不等式	99
	斜率优化	100
	树形 DP	102
	概率 DP	104
	数位 DP	105
	插头 DP	106
	nlogn 最长上升子序列	112
网络	· ···································	112
	上下界网络流	
	最小割	116
随机		
	图随机化	118
基础	t&常用	119
	二维单调队列	
	离散化	

头文件

```
Il gcd(Il a,Il b){return b?gcd(b,a%b):a;}
template<typename T>inline T abs(T a) {return a>0?a:-a;}
template<class T> inline
void read(T& num) {
    bool start=false,neg=false;
    char c;
    num=0;
    while((c=getchar())!=EOF) {
         if(c=='-') start=neg=true;
         else if(c>='0' && c<='9') {
              start=true;
              num=num*10+c-'0';
         } else if(start) break;
    if(neg) num=-num;
inline int powMM(int a,int b,int M){
    int ret=1;
    a%=M;
    while (b){
```

```
if (b&1) ret=1LL*ret*a%M;
         b >> = 1;
         a=1LL*a*a%M;
    return ret:
}
inline int add(int x,int y){
     x\%=MOD;y\%=MOD;return (1LL*x+y)\%MOD;
inline int add(int x,int y){
x+=y;if(x>=MOD)x-=MOD;return x;
inline void addi(int &x,int y)
y\%=MOD;x+=y;if(x>=MOD)x-=MOD;
inline int mul(int x,int y){return 1LL*x*y%MOD;}
inline void addi(int &x,int y){
x\% = MOD; y\% = MOD; (x+=y)\% = MOD;
inline void muli(int &x,int y){
x\%=MOD;y\%=MOD;x=1LL*x*y\%MOD;if(x<0)x+=MOD;
inline void mod(int &x){if(x<0){
x\%=MOD;x=(x+MOD)\%MOD;}
II mul(II a , II b, II Q){
    return (a * b - (II) ((long double)a * b / Q) * Q) % Q;
}
#define debug
clock_t t1 = clock();
fprintf(stderr, "%ld ms\n", clock() - t1);
```

数学

波利亚定理

计算置换的循环数,是这一算法的瓶颈.如果能够快速计 算出各置换的循环数,就可以大大提高程序的运行效率 旋转:n 个点顺时针(或逆时针)旋转 i 个位置的置换,循环 数为 gcd(n,i)

翻转:

n 为偶数时,

对称轴不过顶点:循环数为 n/2

对称轴过顶点:循环数为 n/2+1

n 为奇数时,循环数为(n+1)/2

正方体棱 UVA10601

首先重要的是要弄清楚正方体的旋转, 共 24 种变换。

1、静止不动, 那么就是 12 个循环, 每个循环节长度为

- 2、通过两个对立的顶点,分别旋转 120, 240,有 4 组 顶点, 在每一次旋转当中, 可以发现分为4个循环, 每 个循环节长度为 3, 直观的说, 就是有 3条边是交换的, 颜色必须一样。
- 3、通过两个对立面的中心, 分别旋转 90, 180, 270 度。 有3组面

在每次旋转 90 度和 270 度的时候。可以发现分为 3 个 循环,每个循环节长度为4

在每次旋转 180 度的时候,可以发现分为 6 个循环,每 个循环节长度为2

4、通过两条对立的棱的中心, 分别旋转 180 度, 有 6 组 棱

在每次旋转的时候,分为6个循环,每个循环节长度为 2

正方体顶点

例3 正方体的8个顶点各镶一颗钻石,有 m 种不同颜色的钻石可供选用,求不 同的嵌法种数(假设8个顶点彼此是没有区别的).

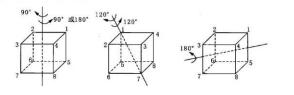
解 如图 1-11, $N_8=\{1,2,3,4,5,6,7,8\}$, N_8 上的群 G=|P1, P2, ···, P24|, G中置换可分为5类(图1-12).

I 类. 使正方体不动的置换 $P_1 = I = (1)(2)(3)(4)(5)(6)(7)$ (8),故 $C(P_1) = 8$.

Ⅱ类.以正方体对面中心连线为轴旋转±90°,这类置换有6 个: P_2 , P_3 , ..., P_7 , 每一个可写成 2 个 4 阶轮换之积. 例如 P_2 = (1 234)(5678), $\& C(P_i) = 2(i=2,3,\cdots,7)$.

Ⅲ类.以正方体两个对面中心连线为轴旋转 180°,这类置换 有 3 个: P_8 , P_9 , P_{10} , 其中每一个都能写成 4 个 2 阶轮换的乘积. 例如 P_8 = (1 3)(2 4)(5 7)(68), $\text{th} C(P_i) = 4(i = 8,9,3)$.

Ⅳ类.以正方体对角线为轴旋转±120°,这类置换有8个:P11,P12,…,P18,其中每 一个都可写成 2 个 1 阶轮换与 2 个 3 阶轮换的乘积. 例如 P₁₁ = (1)(7)(254)(368), 故 $C(P_i) = 4(i = 11, 12, \dots, 18).$



 \mathbb{V} 类.以正方体的两条对棱中点为轴旋转 180° ,这类置换有 6 个: P_{19} , P_{20} , \cdots , P_{24} , 其中每个都是 4 个 2 阶轮换的乘积. 例如 $P_{19} = (15)(28)(37)(46)$,故 $C(P_i) = 4(i = 10)$ $19, 20, \cdots, 124)$

由定理(1),得不同的嵌入方法数为

$$M = \frac{1}{24} \sum_{i=1}^{24} m^{C(P_i)} = \frac{1}{24} (m^8 + 6m^2 + 3m^4 + 8m^4 + 6m^4)$$
$$= \frac{1}{24} m^2 (m^6 + 17m^2 + 6).$$

正方体面

例4 给定正方体,对其表面染色,每面只染一种颜色,有 m 种颜色可供使用.问 共有多少种不同的方法?

解 $N_6 = \{1, 2, \dots, 6\}$,这里,1,2,3,4,5,6分别表示正方体的 上、下及四周的 4 个面(图 1 - 13),同上例 N_6 的置换群 $G = \{P_1,$ P2,…,P24,G中置换分为5类(图1-12).

I 类. 使正方体不动的置换 $P_1 = I_1 = (1)(2)(3)(4)(5)(6)$, 故 $C(P_1) = 6.$

II 类. 以正方体两个对面中心的连线为轴旋转±90°, 这类置换

有6个: P2, P3, …, P7, 其中每一个都可看成2个1阶轮换与1个4 阶轮换的乘积. 例如 $P_2 = (1)(2)(3456)$, 故 $C(P_i) = 3(i=2,3,\cdots,7)$.

Ⅲ类.以正方体两个对面的中心的连线为轴旋转 180°,这类置换有 3 个: P8, P9, P_{10} ,其中每一个都能看成 2 个 1 阶轮换与 2 个 2 阶轮换的乘积. 例如 P_{11} = (1)(2)(35) (46), $\& C(P_i) = 4(i = 8,9,10)$.

 ${\mathbb N}$ 类.以正方体的一条对角线为轴旋转 ± 120°,这类置换有 8 个: P_{11} , P_{12} , ..., P_{18} , 其中每一个都可看成 2 个 3 阶轮换的乘积. 例如 P_{11} = (136)(254), 故 $C(P_i)$ = 2(i =

V类. 以正方体的一组对棱中点的连线为轴旋转 180°, 这类置换有 6 个: P.19, $P_{20},\cdots,P_{24},$ 其中每个都能看成 3 个 2 阶轮换的乘积. 例如 P_{19} = (12)(34)(56), 故 $C(P_i) = 3(i = 19, 20, \dots, 24).$

于是,由定理(1)得不同的染色方法数为

$$M = \frac{1}{|G|} \sum_{i=1}^{24} m^{C(P_i)} = \frac{1}{24} (m^6 + 6m^3 + 3m^4 + 8m^2 + 6m^3)$$
$$= \frac{1}{24} m^2 (m^4 + 3m^2 + 12m + 8).$$

POJ1286-3 色染可旋转可翻转的项链

```
LL modxp(LL a,LL b) {
    LL res=1;
    while(b!=0) {
         if(b&1) res*=a;
         a=a*a;
         b>>=1:
    }
    return res;
}
int main() {
    LL n,i;
    LL ans;
    while(~scanf("%lld",&n)) {
         if(n==-1) break;
         if(!n){}
              puts("0");
              continue;
         }//不要掉了这种情况
         ans=0:
         for(i=1; i <= n; i++)
              ans+=modxp(3,gcd(n,i));
         if(n&1) {
              ans+=modxp(3,n/2+1)*n;
         } else {
              ans+=modxp(3,n/2+1)*(n/2);
              ans+=modxp(3,n/2)*(n/2);
         }
```

```
printf("%IId\n",ans/(n*2));
    }
     return 0;
}
        UVA 10601-立方体棱染色
例2-
int T:
int a[10], b[10];
II C[20][20];
void init()
     C[0][0] = 1;
     for(int i = 1; i < 15; ++i) {
          C[i][0] = C[i][i] = 1;
          for(int j = 1; j < i; ++j) {
               C[i][j] = C[i - 1][j] + C[i - 1][j - 1];
         }
    }
}
II work(int k)
{//每 k 条边必须相同, 分成 12/k 组(以对边中点为轴旋
转 180°是分成 5 组)
     memcpy (b, a, sizeof(a));
     int sum = 0;
     for (int i = 1; i <= 6; ++i) {
          if(b[i] % k) return 0;
          b[i] /= k;
          sum += b[i];
    }
    If res = 1;
     for (int i = 1; i <= 6; ++i) {
          res \star= C[sum][b[i]];
          sum -= b[i];
    }
     return res:
}
Il solve()
{
     If res = 0;
     //静止
     res += work(1);
```

```
//以相对面中心为轴
    res += (II)3 * 2 * work(4); //旋转 90°和 270°
    res += (II)3 * work(2); //旋转 180°
    // 以对顶点为轴,可以旋转 120°或 240°
    res += (II)4 * 2 * work(3);
    // 以对边种点为轴,只能旋转 180°
    for(int i = 1; i <= 6; ++i) {
        for(int i = 1; i <= 6; ++i) {
            if(a[i] == 0 || a[j] == 0) continue;
            a[i]--; a[i]--; //将 a[i]和 a[i]设为选择的两
条对边的颜色
             res += (II)6 * work(2); //剩下的是 5 个循环
长度为2的循环,6代表对边选择情况
            a[i]++; a[j]++;
        }
    }
    return res:
}
int main()
    init();
    scanf("%d", &T);
    while (T--) {
        memset (a, 0, sizeof(a));
        for (int i = 0; i < 12; ++i) {
            int tmp;
            scanf ("%d", &tmp);
             a[tmp]++;
        printf("则ld\n", solve() / 24); // 最后还要除以总
的置换数:24
    }
    return 0;
例3-
       UVA11255-限制个数的染可旋转可翻转项链-
       burnside
int T:
LL C[MAXN][MAXN];
void getC(){
    for(int i=0;i<MAXN;i++){
        C[i][0]=C[i][i]=1;
        for(int j=1;j<i;j++) C[i][j]=C[i-1][j]+C[i-1][j-1];
    }
```

```
int gcd(int a,int b){
    return a%b?qcd(b,a%b):b;
LL cal(int a,int b,int c,int l,int m){
    if(a<0||b<0||c<0) return 0;
    if(a%|||b%|||c%|) return 0;
    a/=1:
    b/=1;
    return C[m][a]*C[m-a][b];
                            //从 m 个循环中选 a
个用颜色 a, 从剩下的中选 b 个用颜色 b, 再剩下的用
颜色 c
}
int main(){
     freopen("in.txt","r",stdin);
    getC();
    scanf("%d",&T);
    while(T--){
        int a,b,c;
        scanf("%d%d%d",&a,&b,&c);
        int n=a+b+c;
        LL ans=0;
        //旋转
        for(int i=0;i< n;i++){
            int l=gcd(i,n);
            ans+=cal(a,b,c,n/l,l);
        }
        //翻转
        //n 为奇数,分别选一种颜色的珠子穿过对称
轴, 这个珠子可以有 n 个位置
        if(n\%2){}
            ans+=cal(a-1,b,c,2,n/2)*n;
            ans+=cal(a,b-1,c,2,n/2)*n;
            ans+=cal(a,b,c-1,2,n/2)*n;
        }
        //n 为偶数
        else{
                                         //对称轴
            ans+=cal(a,b,c,2,n/2)*(n/2);
不穿过珠子,有 n/2 种对称轴
            //对称轴穿过 2 种颜色珠子, 有 n 种对称
轴
            ans+=cal(a-1,b-1,c,2,n/2-1)*n;
            ans+=cal(a-1,b,c-1,2,n/2-1)*n;
            ans+=cal(a,b-1,c-1,2,n/2-1)*n;
            //对称轴穿过2个同样颜色的珠子,有 n/2
```

```
种对称轴
                                                                    int row.col:
               ans+=cal(a-2,b,c,2,n/2-1)*(n/2);
                                                                    matrix(){}
               ans+=cal(a,b-2,c,2,n/2-1)*(n/2);
                                                                    matrix(int
                                                                                                                    r,int
               ans+=cal(a,b,c-2,2,n/2-1)*(n/2);
                                                               _c):row(_r),col(_c){memset(e,0,sizeof(e));}
                                                                    matrix operator * (const matrix &tem)const{
          printf("%IId\n",ans/(2*n));
                                                                         matrix ret=matrix(row,tem.col);
     }
                                                                         for(int i=1;i<=ret.row;i++)</pre>
     return 0;
                                                                             for(int j=1;j \le ret.col;j++)
}
                                                                                  for(int k=1;k \le ret.col;k++)
        HDU2865-k 种颜色染中心有一点的环相邻颜
例4-
                                                               addi(ret.e[i][j],mul(e[i][k],tem.e[k][j]));
        色不同可旋转的方案数
                                                                         return ret:
                                                                    }
int n,k,f1,f2,f3,prime[MAX],phi[MAX],p[MAX];
                                                                    void getE(){
                                                                         for(int i=1;i \le row;i++)
void init(){
     phi[1]=1;
                                                                             for(int j=1;j <= col;j++)e[i][j]=(i==j);
     for(int i=2; i < 100000; i++)
          if(!p[i]){
                                                               }xi,an;
               prime[++prime[0]]=i;phi[i]=i-1;
                                                               matrix m_qpow(matrix tem,int x){
         }
                                                                    matrix ret=matrix(tem.row,tem.row);
          for(int
                                                                    ret.getE();
j=1;j < prime[0]&&i*prime[j] < =100000;j++){
                                                                    while(x){
               p[i*prime[j]]=1;
                                                                         if(x&1)ret=ret*tem;
              if(i\%prime[j]==0){
                                                                         x>>=1;tem=tem*tem;
                   phi[i*prime[j]]=phi[i]*prime[j];break;
                                                                    }
                                                                    return ret;
              }
              else phi[i*prime[j]]=phi[i]*phi[prime[j]];
                                                               }
                                                               int getf(int d){
         }
     }
                                                                    if(d==1)return f1;
                                                                    else if(d==2)return f2;
}
Il getphi(int x){
                                                                    else if(d==3)return f3;
     if(x \le 100000) return phi[x];
                                                                    else return (an*m_qpow(xi,d-3)).e[1][1];
     Il re=x;
                                                               }
     for(int
                                                               int main(){
i=1;x>1\&\&i<=prime[0]\&\&prime[i]*prime[i]<=x;++i)
                                                                    init();
          if(x\%prime[i]==0){
                                                                    xi.col=2;xi.row=2;
              re=re*(prime[i]-1)/prime[i];
                                                                    an.col=2;an.row=1;
              while(x%prime[i]==0)x/=prime[i];
                                                                    while(~scanf("%d%d",&n,&k)){
                                                                         int ans=0;
     if(x>1)re=re*(x-1)/x;
                                                                         xi.e[1][1]=k-3;xi.e[1][2]=1;
     return re%MOD;
                                                                         xi.e[2][1]=k-2;xi.e[2][2]=0;
}
                                                                         f2=mul(k-1,k-2);
const int m_num=10;
                                                                         f1=k-1LL:
struct matrix{
                                                                         f3=mul(f2,k-3);
     int e[m_num][m_num];
                                                                         an.e[1][1]=f3;an.e[1][2]=f2;
```

```
for(int i=1;i*i<=n;i++){
          if(n\%i = = 0){
             addi(ans,mul(getphi(n/i),getf(i)));
             if(i*i!=n)
                addi(ans,mul(getphi(i),getf(n/i)));
         }
      }
      addi(ans,MOD-mul(getphi(n),k-1));
      muli(ans,mul(k,powMM(n,MOD-2,MOD)));
      printf("%d\n",ans);
   }
   return 0:
快速沃尔什变换
   以下的各个模板中 dwt 中的/2 结合具体情况转化
为2的逆元
   也可以不在过程中除以 2 转为在求完之后直接除
以数组长度 (2<sup>k</sup>)
   并且有一个 trick 为 过程中取模就直接以
(2<sup>k</sup>*MOD) 为模
   这样最后就可以直接除以 2^k 了
   不过这样乘法取模过程中可能会溢出 | 需要使用
常用模板文件夹下的防溢出乘法
/*
   最速版 非递归 速度远超其他 DWT 只需加一个除
2 操作 这里 FWT 展示的是不取模的 DWT 展示的是取
模的
   使用是 for(int i=0;i<n;i++)a[i]=a[i]*b[i] 这里也可
```

以加取模操作 在模意义下不影响结果

{

template<typename T>void FWT(T* a,int len)

for (T i = 0; i < len; i += I)

for (int hI = 1, I = 2; I <= len; hI = I, I <<= 1)

hl; ++j, ++x, ++y) t = *x + *y, *y = *x - *y, *x = t; return;

template<typename T>void DWT(T* a,int len,int inv)

for (register T t, j = 0, *x = a + i, *y = x + hl; j <

```
for (T i = 0; i < len; i += I)
                             for (register T t, j = 0, *x = a + i, *y = x + hl; j <
h|_{1}^{2} + h|_{2}^{2} + h|_{3}^{2} + h|_{4}^{2} + h|_
mul(inv,add(*x,MOD - *y)), *x = t; return;
}
/*
               不通过 DWT 直接 O(n)获取 某一下标的 DWT 后
 的结果 cnt[i]表示 i 的二进制 1 的个数 可以预处理出来
               addi(int &x,int y) 修改 x 的值 (模意义下)
               模可能会产生问题(毕竟是模意义的 hash 处理 但
概率很小) 可以多 hash 解决
*/
int cnt[MAX];
int get(int* a,int len,int pos){
               int re=0:
               for(int i=0;i<len;i++)
                             if(cnt[i&pos]&1)addi(re,MOD-a[i]);
                             else addi(re,a[i]);
               return re:
}
/*
               递归 n 稍大一点就很慢了
template<typename T> void fwt(T *a,int l,int r)
               if(l==r)return;
               int n=(r-l+1)/2, mid=l+n-1;
               fwt(a,l,mid);fwt(a,mid+1,r);
               for(int i=1;i \le mid;i++)
               {
                             T x=a[i],y=a[i+n];
                             a[i]=x+y;a[i+n]=x-y;
              }
template<typename T> void dwt(T *a,int l,int r)
               if(I==r)return;
               int n=(r-l+1)/2, mid=l+n-1;
               dwt(a,l,mid);dwt(a,mid+1,r);
               for(int i=1;i \le mid;i++)
                             T x=a[i],y=a[i+n];
```

for (int hl = 1, l = 2; l <= len; hl = l, l <<= 1)

```
a[i]=(x+y)/2;a[i+n]=(x-y)/2;
    }
}
/*
    以上为^运算
    &运算: fwt(a)=(fwt(a0+a1), fwt(a1))
             dwt(a)=(dwt(a0-a1), dwt(a1))
    or 运算 fwt(a)=(fwt(a0), fwt(a0+a1))
             dwt(a)=(dwt(a0), dwt(a1-a0))
*/
/*
    非递归版
    其中 UFWT 仅适用于 a^k 这种 如果不是的话需要
改一下
    只需要把 inv 设成 2^(MOD-2)即可 即 2 的逆元
*/
void FWT()
{
    for(int d=1;d<len;d<<=1)
        for(int i=0;i<len;i+=(d<<1))
             for(int j=0;j<d;j++)
             {
                 int x=a[i+j],y=a[i+j+d];
                 a[i+j]=(x+y)\%p, a[i+j+d]=(x-y+p)\%p;
            }
}
void UFWT()
{
    for(int d=1;d<len;d<<=1)
        for(int i=0;i<len;i+=(d<<1))
            for(int j=0;j<d;j++)
                 int x=a[i+j],y=a[i+j+d];
a[i+j]=1|i*(x+y)*inv*p,a[i+j+d]=(1|i*(x-y)*inv*p+p)*p;
}
```

```
/*
     非递归 传数组版 注意这个区间是左闭右开的!
*/
void Transform(int I, int r, LL a[]) // [I, r)
{
     if(l == r - 1) return;
     int len = (r - 1) >> 1;
     int m = I + len;
     Transform(I, m, a);
    Transform(m, r, a);
     for(int i = 1; i < m; i + +)
         LL x1 = a[i], x2 = a[i + len];
         a[i] = (x1 - x2 + MOD) \% MOD;
         a[i + len] = (x1 + x2) \% MOD;
    }
}
void ReTranform(int I, int r, LL a∏)
     if(l == r - 1) return;
     int len = (r - l) >> 1;
     int m = I + len;
     for(int i = I; i < m; i + +)
    {
         LL y1 = a[i], y2 = a[i + len];
         a[i] = (y1 + y2) * Inv2 % MOD;
         a[i + len] = (y2 - y1 + MOD) * lnv2 % MOD;
    }
     ReTranform(I, m, a);
     ReTranform(m, r, a);
}
```

例1- hiho1230

/*

题意:有 2*n+1 个人,第一遍给每个人先发 [0,m]中任意值的钱,第二遍再给每个人发 x 元,

x 的范围为[L,R]。问有多少种第一遍发钱的方法使得: 存在 x 使得这些人的钱的异或值在第二遍发完之后为 0。

解法: 首先暴力打表发现如果某一方案可行,则第二遍发钱的值 x 一定唯一。(并不会证,但发现 2*n+1 为奇数时有该性质)

然后就可以转化为: 先枚举 x, 然后求给每个人发[x, x+m]

```
元钱. 使得他们异或值为0的方案数。
*/
Il inv:
int a[MAX];
void fwt(int *a,int l,int r)//左闭右闭
    if(l==r)return;
    int n=(r-l+1)/2, mid=l+n-1;
    fwt(a,l,mid);fwt(a,mid+1,r);
    for(int i=1;i < mid;i++)
    {
         \parallel x=a[i],y=a[i+n];
         a[i]=(x+y)%MOD;a[i+n]=(x-y+MOD)%MOD;
    }
}
void dwt(int *a,int l,int r)
    if(l==r)return;
    int n=(r-l+1)/2, mid=l+n-1;
    dwt(a,l,mid);dwt(a,mid+1,r);
    for(int i=I;i<=mid;i++)</pre>
         \parallel x=a[i],y=a[i+n];
         a[i]=(x+y)%MOD*inv%MOD;a[i+n]=(x-i)
y+MOD)%MOD*inv%MOD;
Il cal(int l,int r,int n)
    int N=1;
    while (N < = r)N < < = 1;
    for(int i=0;i<N;i++)a[i]=(i<=r\&\&i>=I)?1:0;
    fwt(a,0,N-1);//左闭右闭 故需要-1
    for(int i=0;i<N;i++)a[i]=powMM(a[i],n,MOD);
    dwt(a,0,N-1);
    return (a[0]+MOD)%MOD;
}
int n,m,l,r;
int main()
{
    inv=powMM(2,MOD-2,MOD);
    while(~scanf("%d%d%d%d",&n,&m,&l,&r))
    {
         n=2*n+1:
         II ans=0;
```

```
i=l;i<=r;i++)(ans+=cal(i,m+i,n))%=MOD;//枚举取的 k
         printf("%lld\n",ans);
    }
    return 0;
}
例 2-2018 牛客暑期多校第九场 A
template<typename T>void FWT(T* a,int len)
     for (int hl = 1, l = 2; l <= len; hl = l, l <<= 1)
         for (T i = 0; i < len; i += I)
         for (register T t, j = 0, *x = a + i, *y = x + hl; j <
hl; ++j, ++x, ++y) t = add(*x, *y), *y = add(*x, MOD - *y),
*x = t; return;
template<typename T>void DWT(T* a,int len,int inv)
    for (int hl = 1, l = 2; l <= len; hl = l, l <<= 1)
         for (T i = 0; i < len; i += I)
         for (register T t, i = 0, *x = a + i, *y = x + hl; i < 0
hl; ++j, ++x, ++y) t = mul(add(*x , *y),inv), *y =
mul(inv,add(*x,MOD - *y)), *x = t; return;
}
int a[MAX],b[MAX],inv,n;
int main()
     read(n);
     for(int i=0;i< n;i++)read(a[i]);
     for(int i=0;i< n;i++)read(b[i]);
     FWT(a,n);FWT(b,n);
     inv=powMM(2,MOD-2,MOD);
    for(int
               i=0;i<n;i++)a[i]=mul(powMM(a[i],MOD-
2,MOD),b[i]);
     DWT(a,n,inv);
    for(int i=0;i< n;i++)printf("%d\n",a[i]);
     return 0;
类欧几里得
一定注意前面是 a,后面是 b,线段树一定要注意顺序
f(a,b,c,n)=sigma\{(ai+b)/c\};
                               (0->n)
g(a,b,c,n)=sigma\{(ai+b)/c*i\};
                               (0->n)
```

 $h(a,b,c,n) = sigma\{((ai+b)/c)^2\}; (0->n)$

let m=(a*n+b)/c; 推导 f: a=0return b/c*(n+1)a>=c||b>=c:有一部分是规律的; return (a/c)*n(n+1)/2+(b/c)*(n+1)+f(a%c,b%c,c,n)else:直接算,这个东西是个梯形中的点数,反过来算就 可以了 $f(a,b,c,n) = \sum_{i=0}^{\infty} i=0 - m-1 [(ai+b)/c > = j+1]$ $f(a,b,c,n) = \sum_{i=0}^{\infty} i=0 - n \sum_{i=0}^{\infty} j=0 - m-1 [ai > cj + c - b]$ $f(a,b,c,n) = \sum_{i=0}^{\infty} i=0 - n \sum_{j=0}^{\infty} j=0 - m-1 [ai > cj + c - b-1]$ $f(a,b,c,n) = \sum_{i=0}^{n} i=0 - n \sum_{j=0}^{n} i=0 - m-1 [i>(c_j+c-b-1)/a]$ $f(a,b,c,n) = \sum_{i=0}^{\infty} i=0 - m (n - (c_i + c - b - 1)/a)$ f(a,b,c,n)=n*m-f(c,c-b-1,a,m-1);推导 g: a = 0: return b/c*n(n+1)/2 (sigma 的是 i) a>=cllb>=c:有一部分是规律的; g(a,b,c,n)=(a/c)*n(n+1)(2n+1)/6+(b/c)*n(n+1)/2+g(a%c,b%c,c,n)else: $g(a,b,c,n) = \sum_{i=0}^{n} i = 0 - n i * \sum_{j=0}^{n} j = 0 - m$ [(ai+b)/c>=i] $q(a,b,c,n) = \sum_{i=0}^{n} i=0 - n i * \sum_{i=0}^{n} i=0 - m-1 [i > (ci+c-b-1)/a]$ 然后把这个i放进去求和 $g(a,b,c,n)=1/2*\sum_{j=0}^{\infty} j=0->m-1 (n+1+(cj+c-b-1)/a)*(n-b-1)/a$ (cj+c-b-1)/a) $g(a,b,c,n)=1/2*\sum_{j=0}^{\infty} j=0->m-1 \quad n(n+1) - (cj+c-b-1)/a [(cj+c-b-1)/a]^2$

g(a,b,c,n)=1/2*[n(n+1)*m-f(c,c-b-1,a,m-1)-h(c,c-b-1)]

-1,a,m-1)

推导 h: a = 0: return (b/c)^2*(n+1) (sigma 的是 i) a>=cllb>=c:有一部分是规律的; $h(a,b,c,n)=(a/c)^2*n(n+1)(2n+1)/6+(b/c)^2*(n+1)+(a/c)$ *(b/c)*n(n+1)+h(a%c,b%c,c,n)+2*(a/c)*g(a%c,b%c,c,n)+2*(b/c)*f(a%c,b%c,c,n)c,c,n)else: $n^2=2*n(n+1)/2-n=2(\sum i=0->n i)-n$ 有了思路我们来推 h $h(a,b,c,n) = \sum_{i=0}^{n} i=0 - n (2(\sum_{i=1}^{n} - 2(ai+b)/c_i) - (ai+b)/c_i)$ 可以想到交换主体。 $h(a,b,c,n) = \sum_{i=0}^{\infty} j=0 - m-1$ $(i+1)* \sum i=0->n$ [(ai+b)/c>=j+1]-f(a,b,c,n) $h(a,b,c,n) = \sum_{i=0}^{n} i=0 - m-1 (i+1) * \sum_{i=0}^{n} i=0 - m-1$ 1)/a]-f(a,b,c,n) $h(a,b,c,n) = \sum_{j=0}^{\infty} j=0 - m-1 (j+1)*(n - (cj+c - b - 1)/a) - m-1$ f(a,b,c,n)h(a,b,c,n)=n*m(m+1)-2g(c,c-b-1,a,m-1)-2f(c,c-b-1,a,m-1)1,a,m-1)-f(a,b,c,n)例1-BZOJ3817-无理数斜率的 f 函数求解 int T,t,n,r; double R; int calc(int a,int b,int c,int n){ if(!n)return 0;

int T,t,n,r;
double R;
int calc(int a,int b,int c,int n){
 if(!n)return 0;
 int _gcd=gcd(a,gcd(b,c));
 a/=_gcd;b/=_gcd;c/=_gcd;//约分
 II m=((II)a*R+b)/c,sum=(II)n*(n+1)/2*m;//a>=c 或
b>=c 的部分
 b-=m*c;//d-[d]
 m=((II)a*R+b)/c*n;//矩形的右上角交点的 y 值(下
取整)
 sum+=n*m;//加上矩形的

```
值减去上三角形 (将其竖置) 的
                                                          II calc(II n,II a,II b,II c){
    //这里只考虑斜率为无理数的情况 因此不会有矩
                                                               II re=0;
形对角线上的交点
                                                               if(!n)return re;
                                                               if(c<0){
int main()
                                                                   II tem=(-c+a-1)/a;
                                                                   re-=tem*n;c+=tem*a;
    read(T);
                                                              }
                                                               if(c/a>0||b/a>0){}
    while(T--){
         read(n);read(r);
                                                                   re+=c/a*n;re+=b/a*n*(n+1)/2;
         R = sart(r);
                                                                   c%=a:b%=a:
         t=(int)R;
         if(t*t==r)printf("%d\n",t&1?(n&1?-1:0):n);
                                                               II new_n=(b*n+c)/a;
                        printf("%d\n",n-(((calc(1,0,1,n)-
                                                               re+=new_n*(n+1)-calc(new_n,b,a,b-c-1);
         else
(calc(1,0,2,n) << 1)) << 1));
                                                               return re;
                                                          }
    }
    return 0;
                                                          Il a,b,c,ans;
}
                                                          int main()
例2-
       BZOJ2987-f 函数的变形-方法 1: 转化为 f 函数
                                                               read(a);read(b);read(c);
                                                               II minn=(c-a)/b, tmp=(b+a-1)/a;
Il calc(II n,II a,II b,II c){
                                                               ans-=tmp*(minn+1)*minn/2;
                                                               ans+=c/a+c/b+1;//某个为0的情况 + 均为0的情
    II re=0:
                                                          况
    if(n<0)return re;
    if(a>c||b>c){}
                                                               cout << ans+calc(minn,a,tmp*a-b,c);
         re+=n*(n+1)/2LL*(a/c);
                                                               return 0;
         re + = (n+1)*(b/c);
                                                          }
         a%=c;b%=c;
    }
                                                          例 4-BZOJ2187-非典型性类欧几里德
    II new_n=(a*n+b)/c;
                                                          inline void simplify(II &a,II &b){
    re+=new_n*n-calc(new_n-1,c,c-b-1,a);
                                                               II g=gcd(a,b);a/=g;b/=g;
    return re;
}
                                                          pll solve(|| p1,|| q1,|| p2,|| q2){
II a,b,c,ans;
                                                               simplify(p1,q1);simplify(p2,q2);
int main()
                                                               \parallel a=p1/q1+1,b=(p2+q2-1)/q2-1;
{
                                                               if(a \le b) return mp(a,1);
                                                               if(p1==0)return mp(1,(II)(q2/p2)+1);
    read(a);read(b);read(c);
    II minn=(c-a)/b, tmp=(b+a-1)/a;
                                                               if(p1 <= q1 \& p2 <= q2){
    ans-=tmp*(minn+1)*minn/2;
                                                                   pll re=solve(q2,p2,q1,p1);
    ans+=c/a+c/b+1;//某个为0的情况 + 均为0的情
                                                                   swap(re.first,re.second);
况
                                                                   return re;
    cout<<ans+calc(minn-1,tmp*a-b,c+tmp*a-b,a);</pre>
                                                              }
    return 0;
                                                               \parallel t=p1/q1;
}
                                                               pll re=solve(p1%q1,q1,p2-t*q2,q2);
                                                               re.first+=re.second*t:
例3-
       BZOJ2987-f 函数的变形-方法 2: 现推迭代式
                                                               return re;
```

```
II a,b,c,d;
int main()
    pll ans=solve(a,b,c,d);
        printf("%lld/%lld\n",ans.first,ans.second);
    return 0;
欧拉函数、欧拉降幂
欧拉降幂-例 1-BZOJ3884
题目大意: 求 2^(2^(2^(2^(2^...)))) mod p 的值
Solution
那么我们有:
2^{2^{2^{2^{\cdots}}}} \mod p
=2^k(2^{2^{2^{2^{n}}}-k} \bmod q)
由于 q 是奇数,故 q 与 2 互质,可以套用欧拉定理
2^k (2^{2^{2^{2^{n}}}-k} \bmod q)
= 2^k (2^{(2^{2^{2^m}}-k) \mod \varphi(q)} \mod q)
指数上是和一开始的式子同样的形式,可以递归做下去
容易发现除第一次外模数都是偶数,故每次递归模数都会至少除
掉 2。因此在不超过 \Theta(\log_2 p) 次递归之后,模数就会变成 1。
由于任何数 mod 1 的结果都是 0, 故此时递归结束, 回溯并计算
结果即可。
如果使用线性筛计算欧拉函数,时间复杂度 \Theta(p+T\log_2 p)
如果每次 \Theta(\sqrt{p}) 计算欧拉函数,时间复杂度 \Theta(T\log_2 p\sqrt{p})
实践中后者速度完爆前者。
如果通过递推的方式依次计算 mod 1~mod 1000W 的值,时间复
杂度为\Theta(p), 由于常数太大实测 TLE (blog. csdn. net/PoPoQQQ
int phi(int x){
    int ans=x;
    for(int i=2,lim=sqrt(x)+1;i< lim;i++)
    if(!(x%i)){
        ans-=ans/i;
        while(!(x\%i))x/=i;
```

return x>1?ans-ans/x:ans;

```
int f(int x){
    if(x==1)return 0;
     int p=phi(x);
     return powMM(2,f(p)+p,x);
}
int t;
int main()
     read(t);
    while(t--){
         int x;read(x);
         printf("%d\n",f(x));
    }
    return 0;
矩阵相关
const int m num=5;//矩阵的大小
/*
     矩阵 e[i][i]表示第 i 行第 i 列的矩阵元素的值
struct matrix
{
     double e[m_num][m_num];
     int row,col;
     matrix(){}
     matrix(int
                                                   _r,int
_c):row(_r),col(_c){memset(e,0,sizeof(e));}
     matrix operator * (const matrix &tem)const
         matrix ret=matrix(row,tem.col);//新形成的矩阵
规模为 左行右列
         for(int i=1;i<=ret.row;i++)</pre>
              for(int j=1;j \le ret.col;j++)
                   for(int k=1;k \le col;k++)
                       ret.e[i][j]+=1LL*e[i][k]*tem.e[k][j];
         return ret:
    }
     matrix operator + (const matrix &tem)const
         matrix ret=matrix(row,col);
         for(int i=1;i \le row;i++)
              for(int
j=1;j<=col;j++)ret.e[i][j]+=e[i][j]+tem.e[i][j];
```

```
return ret:
     }
     void getE()//化为单位阵
          for(int i=1;i \le row;i++)
               for(int j=1;j < col;j++)e[i][j]=(i==j?1:0);
     }
};
matrix m_qpow(matrix tem,int x)//矩阵快速幂
{
     matrix ret=matrix(tem.row,tem.row);
     ret.getE();
     while(x)
     {
          if(x&1)ret=ret*tem;
          x >> = 1; tem = tem * tem;
     }
     return ret;
}
double det(double a[][MAXN],int n)
     int i, j, k, sign = 0;
     double ret = 1;
     for(i = 0; i < n; i++)
     for(i = 0; i < n; i++) b[i][i] = a[i][i];
     for(i = 0; i < n; i++)
          if(sgn(b[i][i]) == 0)
          {
               for(j = i + 1; j < n; j++)
                    if(sgn(b[j][i])!=0)
                          break;
               if(j == n)return 0;
               for(k = i; k < n; k++)
                    swap(b[i][k],b[j][k]);
               sign++;
          ret *= b[i][i];
          for(k = i + 1; k < n; k++)
               b[i][k]/=b[i][i];
          for(j = i+1; j < n; j++)
               for(k = i+1; k < n; k++)
                    b[j][k] -= b[j][i]*b[i][k];
     }
```

```
if(sign & 1)ret = -ret;
return ret;
```

数据结构

CDQ 分治

CDQ 分治-例 1-二维偏序问题-洛谷 P3374

/*

}

给定一个 N 个元素的序列 a, 初始值全部为 0, 对 这个序列进行以下两种操作:

操作 1: 格式为 $1 \times k$, 把位置 \times 的元素加上 k (位置从 1 标号到 N)。

操作 2:格式为 $2 \times y$,求出区间[x,y]内所有元素的和。

说明:

这是一个经典的树状数组问题,可以毫无压力地秒掉,现在,我们用 CDQ 分治解决它——带修改和查询的问题。

我们把他转化成一个二维偏序问题,每个操作用一个有序对(a,b)表示,其中 a 表示操作到来的时间, b 表示操作的位置,

时间是默认有序的, 所以我们在合并子问题的过程中, 就按照 b 从小到大的顺序合并。

问题来了:如何表示修改与查询?

具体细节请参见代码,这里对代码做一些解释,请配合代码来看。

我们定义结构体 Query 包含 3 个元素: type, idx, val, 其中 idx 表示操作的位置, type 为 1 表示修改, val 表示"加上的值"。

而对于查询,我们用前缀和的思想把他分解成两个操作: sum[1,y]-sum[1,x-1],即分解成两次前缀和的查询。

在合并的过程中, type 为 2 表示遇到了一个查询的 左端点 x-1, 需要把该查询的结果减去当前"加上的值的 前缀和",

type 为 3 表示遇到了一个查询的右端点 y, 需要把查询的结果加上当前"加上的值的前缀和", val 表示"是第几个查询"。

这样, 我们就把每个操作转换成了带有附加信息的

```
有序对(时间,位置),然后对整个序列进行 CDQ 分治。
```

有几点需要注意:

```
对于位置相同的操作, 要先修改后查询。
代码中为了方便, 使用左闭右开区间。
合并问题的时候统计"加上的值的前缀和",只能统计左
边区间内的修改操作、改动查询结果的时候、只能修改
右边区间内的查询结果。因为只有左边区间内的修改值
对右边区间内的查询结果的影响还没有统计。
代码中, 给定的数组是有初始值的, 可以把每个初始值
变为一个修改操作。
*/
int n,m;
struct Query{
   int type,idx;
   Il val;
   bool operator<(const Query &rhs)const{//按照位置
从小到大排序,修改优先于查询
      return idx==rhs.idx?type<rhs.type:idx<rhs.idx;
   }
}query[MAX];
int gidx,aidx;
II ans[MAX];//答案数组
Query tmp[MAX]://归并用临时数组
void cdg(int L,int R){//左闭右开
   if(R-L<=1)return;
   int M=(L+R)>>1; cdq(L,M); cdq(M,R);
   II sum=0;
   int p=L,q=M,o=0;//由左侧向右侧合并
   while(p<M &&q<R){
      if(query[p]<query[q]){//只统计左边区间内的
修改值
          if(query[p].type==1)sum+=query[p].val;
          tmp[o++]=query[p++];
      else{//只修改右边区间内的查询结果
          if(query[q].type==2)ans[query[q].val]-
=sum;
          else
if(query[q].type==3)ans[query[q].val]+=sum;
          tmp[o++]=query[q++];
   }
```

```
while(p < M)tmp[o + +]=query[p + +];
     while(q < R){
         if(query[q].type==2)ans[query[q].val]-=sum;
if(query[q].type==3)ans[query[q].val]+=sum;
         tmp[o++]=query[q++];
    }
     for(int i=0;i<o;++i)query[i+L]=tmp[i];//顺便把序排
了?
}
int main()
{
     read(n);read(m);
     for(int i=1;i <= n;i++){
         query[qidx].idx=i;query[qidx].type=1;
         scanf("\ld",\&query[qidx].val);++qidx;
    }
    for(int i=0;i < m;++i){
         int type;read(type);
         query[qidx].type=type;
if(type==1)scanf("%d%lld",&query[qidx].idx,&query[qidx]
.val);
         else{//把查询操作分为两部分
              int I,r;read(I);read(r);
              query[qidx].idx=I-
1;query[qidx].val=aidx;++qidx;
query[qidx].type=3;query[qidx].idx=r;query[qidx].val=ai
dx;
              ++aidx:
         }
         ++qidx;
    }
     cdq(0,qidx);
    for(int i=0;i < aidx;++i)printf("%||d\n",ans[i]);
     return 0:
}
```

CDQ 分治-例 2-三维偏序问题

/*

平面上有 N 个点,每个点的横纵坐标在[0,1e7]之间,有 M 个询问,

每个询问为查询在指定矩形之内有多少个点,矩形用(x1,y1,x2,y2)的方式给出,其中(x1,y1)为左下角坐标,

```
(x2,y2)为右上角坐标。
*/
struct Query{
    int type,x,y,w,aid;//w 表示对查询结果贡献(+还是
-), aid 是"第几个查询"
    bool operator<(const Query &rhs)const{
        return x==rhs.x?type<rhs.type:x<rhs.x;
}query[MAX];
int n,m,qidx,aidx,maxy;
void addq(int type,int x,int y,int w,int aid){
    query[qidx++]=(Query){type,x,y,w,aid};
}
int ans[MAX];
//尽管 BIT 查询会出现坐标为 0, 而函数中都从 1 开始
or 结束 但无影响只要有 0 就返回 0 即可
namespace BIT{
    int arr[MAX];
    inline int lowbit(int num){return num&(-num);}
    void add(int idx,int val){
        while(idx<=maxy){
             arr[idx]+=val;idx+=lowbit(idx);
    }
    int query(int idx){
        int ans=0;
        while(idx){
             ans+=arr[idx];
             idx-=lowbit(idx);
        return ans;
    }
    void clear(int idx){
        while(idx<=maxy){
             if(arr[idx])arr[idx]=0;
             else break;
             idx+=lowbit(idx);
        }
    }
Query tmp[MAX];
void cdq(int L,int R){//左闭右开
    if(R-L<=1)return;
    int M=(R-L)>>1; cdq(L,M); cdq(M,R);
    int p=L,q=M,o=L;
```

```
while(p<M&&q<R){
         if(query[p]<query[q]){
             if(query[p].type==0)BIT::add(query[p].y,1);
             tmp[o++]=query[p++];
         }
         else{
if(query[q].type==1&&query[q].w)ans[query[q].aid]+=q
uery[q].w*BIT::query(query[q].y);
             tmp[o++]=query[q++];
         }
    }
    while(p < M)tmp[o + +]=query[p + +];
    while(q < R){
if(query[q].type==1&&query[q].w)ans[query[q].aid]+=q
uery[q].w*BIT::query(query[q].y);
         tmp[o++]=query[q++];
    }
    for(int i=L;i<R;i++){
         BIT::clear(tmp[i].y);//清空树状数组
         query[i]=tmp[i];
    }
}
int main()
    read(n);read(m);
    while(n--){
         int x,y;
         read(x);read(y);++x;++y;//为了方便(防止出现
负数), 把坐标转化为[1,1e7+1]
         addq(0,x,y,0,0);maxy=max(maxy,y);//修改操作
无附加信息
    }
    while(m--){
         int xl,yl,xr,yr;
         read(xl);read(yl);read(xr);read(yr);
         ++x|;++y|;++xr;++yr;
         addq(1,xl-1,yl-1,1,aidx);
         addq(1,xl-1,yr,-1,aidx);
         addq(1,xr,yl-1,-1,aidx);
         addq(1,xr,yr,1,aidx);
         ++aidx:
         maxy=max(maxy,yr);
    }
```

```
cdq(0,qidx);
     for(int i=0;i<aidx;i++)printf("%d\n",ans[i]);</pre>
     return 0:
CDQ 分治-例 3-动态逆序对-BZOJ3295
int n,m,cnt,qcnt;
int lo[MAX],id[MAX],val[MAX];
II ans[MAX];
inline int lowbit(int x){return x&(-x);}
void add_suf(int lo,int v){
     while(lo<=n)val[lo]+=v,lo+=lowbit(lo);
}
void add_pre(int lo,int v){
     while(lo)val[lo]+=v,lo-=lowbit(lo);
}
int query_pre(int lo){
     --lo:int re=0:
     while(lo)re+=val[lo],lo-=lowbit(lo);
     return re;
}
int query_suf(int lo){
     ++lo;int re=0;
    while(lo<=n)re+=val[lo],lo+=lowbit(lo);
     return re:
}
void clear suf(int lo){
     while(lo <= n\&\&val[lo])val[lo]=0,lo += lowbit(lo);
}
void clear_pre(int lo){
     while(lo&&val[lo])val[lo]=0,lo-=lowbit(lo);
}
struct Query{
     int t,x,y,opt;
     bool operator<(const Query &q)const{
          return x<q.x;
}qs[MAX],tmp[MAX];
bool cmp(const Query &a,const Query &b){
     return a.t<b.t;
}
void addq(int t,int x,int y,int opt){
     qs[++qcnt]=Query{t,x,y,opt};
}
void cdq(int l,int r){
     if(I==r)return;
```

```
int mid=(1+r)/2;
     cdq(I,mid);cdq(mid+1,r);
     int lp=l,rp=mid+1,tp=l;
     while(lp<=mid&&rp<=r){
          if(qs[lp] < qs[rp]){
               add_pre(qs[lp].y,1);
               tmp[tp++]=qs[lp++];
          }
          else{
               if(qs[rp].opt)
                    ans[qs[rp].opt]+=query_suf(qs[rp].y);
               tmp[tp++]=qs[rp++];
          }
    }
     while(lp <= mid)tmp[tp ++ ]=qs[lp ++ ];
     while(rp<=r){
if(qs[rp].opt)ans[qs[rp].opt]+=query_suf(qs[rp].y);
          tmp[tp++]=qs[rp++];
    }
     for(int i=l;i<=r;i++)clear_pre(tmp[i].y);
     for(int i=r;i>=l;i--){
          if(tmp[i].t \le mid)
               add_suf(tmp[i].y,1);
          else if(tmp[i].opt)
               ans[tmp[i].opt]+=query_pre(tmp[i].y);
    }
     for(int i=1;i < r;i++)qs[i]=tmp[i],clear_suf(tmp[i].y);
}
int main(){
     read(n);read(m);
     for(int u,i=1;i <= n;i++)read(u),lo[u]=i;
     for(int u,i=0;i < m;i++)read(u),id[u]=n-i;
     for(int i=1;i <= n;i++){}
          int temt=id[i];if(!temt)temt=++cnt;
          addq(temt,lo[i],i,id[i]?id[i]:0);
    }
     sort(qs+1,qs+1+qcnt,cmp);
     II tot=0;
     for(int i=1;i \le n-m;i++)
          tmp[i]=qs[i];
     sort(tmp+1,tmp+1+n-m);
     for(int i=1;i < = n-m;i++)
```

```
solve(I,mid);
     {
                                                                    solve(mid+1,r);
         tot+=query_suf(tmp[i].y);
         add_pre(tmp[i].y,1);
                                                                    int top=0;
                                                                    for(int i=l;i<=mid;i++){//k is increasing 维护左侧
     for(int i=1;i<=n-m;i++)clear_pre(qs[i].y);
                                                               点的下凸包
     cdq(1,qcnt);
     ans[n-m]=tot;
                                                               while(top>=2&&dy(q[i],sta[top])*dx(sta[top],sta[top-
     for(int i=n-m+1;i < =n;i++)ans[i]+=ans[i-1];
                                                               1]) < dy(sta[top], sta[top-1]) * dx(q[i], sta[top])) - - top;
     for(int i=n;i>n-m;i--)printf("%||d\n",ans[i]);
                                                                        sta[++top]=q[i];
     return 0:
                                                                   }
                                                                    int j=1;
CDQ 分治-例 4-CDQ 斜率优化-BZOJ2726
                                                                    for(int i=mid+1; i <=r; i++){
int n,s;
II t[MAX],f[MAX],dp[MAX],T[MAX],F[MAX];
                                                               while(j < top\&\&q[i].k*dx(sta[j],sta[j+1]) < dy(sta[j],sta[j+1])
struct node{
     II k,x,y,pos,pd;//pd??
                                                                        dp[q[i].pos]=min(dp[q[i].pos],sta[j].y-
                                                               sta[j].x*q[i].k+F[n]*(T[q[i].pos]+s));
     node(II pos=0):pos(pos){
         k=T[pos];
                                                                   }
    }
                                                                   11=1,12=mid+1;
     void get(){
         x=F[pos];y=dp[pos]-
                                                                    for(int i=1;i<=r;i++)
F[n]*T[pos]+F[pos]*T[pos]-s*F[pos];
    }
                                                               if((cmp(q[11],q[12])||(12>r))&&|1<=mid)now[i]=q[11++];
     bool operator <(const node&rhs)const{
                                                                        else now[i]=q[12++];
         return k<rhs.k;
                                                                    for(int i=1;i < =r;i++)q[i]=now[i];
                                                               }
}q[MAX],now[MAX],sta[MAX];
                                                               int main()
bool cmp(const node &lhs,const node &rhs){
     return lhs.x<rhs.x||(lhs.x==rhs.x&&lhs.y<rhs.y);</pre>
                                                                    read(n);read(s);
}
                                                                    for(int i=1;i < =n;i++)
Il dy(const node &a,const node &b){
                                                                        read(t[i]),read(f[i]),dp[i]=INFF;
     return a.y-b.y;
                                                                    for(int i=1;i <=n;i++)T[i]=T[i-1]+t[i],F[i]=F[i-1]+f[i];
                                                                    for(int i=0;i <=n;i++)q[i]=node(i);
}
Il dx(const node &a,const node &b){
                                                                    sort(q,q+n+1);
     return a.x-b.x;
                                                                    solve(0,n);
                                                                    printf("%lld\n",dp[n]);
}
void solve(int l,int r){
                                                                    return 0;
     if(l==r){}
                                                               }
                                                               CDQ 分治-例 5-CDQ 分治斜率优化-BZOJ1492
         q[l].get();return;
                                                               const int N=1e5+10;
     int mid=(1+r)/2, |1=1, |2=mid+1;
                                                               const double inf=1e20;
     for(int i=1;i <=r;i++)
                                                               //const double eps=1e-8;
         if(q[i].pos \le mid)now[l1++]=q[i];
                                                               struct Pt{
         else now[12++]=q[i];
                                                                    double x,y,a,b,k,r;
     for(int i=1;i < =r;i++)q[i]=now[i];
                                                                    int id;
```

```
bool operator <(const Pt &rhs)const{
          return k>rhs.k;
                                                                       for(int i=1;i < =r;i++)p[i]=t[i];
    }
                                                                  }
}p[N],t[N];
                                                                  int main()
double f[N];
                                                                  {
int n,top,st[N];
                                                                       scanf("%d%lf",&n,&f[0]);
double slop(int a,int b){
                                                                       for(int i=1; i < =n; i++){
     if(!b)return -inf;
                                                                            scanf("%|f%|f%|f",&p[i].a,&p[i].b,&p[i].r);
                                                                            p[i].k=-p[i].a/p[i].b;p[i].id=i;
     if(fabs(p[a].x-p[b].x)<eps)return inf;
     return (p[b].y-p[a].y)/(p[b].x-p[a].x);
                                                                       }
}
                                                                       sort(p+1,p+n+1);
void solve(int l,int r){
                                                                       solve(1,n);
     if(l==r){}
                                                                       printf("%.3f",f[n]);
          f[I]=max(f[I],f[I-1]);
                                                                       return 0;
          p[I].y=f[I]/(p[I].a*p[I].r+p[I].b);
                                                                  }
                                                                  CDQ 分治-例 7-分治 FFT-HDU5730
          p[l].x=p[l].y*p[l].r;
          return:
                                                                  struct cpx {
                                                                       double x,y;
     int mid=(1+r)>>1, j=1, |1=1, |2=mid+1;
                                                                       cpx(double a=0,double b=0):x(a),y(b) {}
     for(int i=1;i < =r;i++){
                                                                  };
          if(p[i].id \le mid)t[l1++]=p[i];
          else t[12++]=p[i];
                                                                  cpx operator + (cpx a,cpx b) {return cpx(a.x+b.x,a.y+b.y);}
    }
                                                                  cpx operator - (cpx a,cpx b) {return cpx(a.x-b.x,a.y-b.y);}
     for(int i=1;i < = r;i++)p[i]=t[i];
                                                                  cpx operator * (cpx a,cpx b) {return cpx(a.x*b.x-
                                                                  a.y*b.y,a.x*b.y+a.y*b.x);}
     solve(I,mid);
     top=0;
     for(int i=1;i < = mid;i++){
                                                                  const int maxn=500005;
          while(top>1&&slop(st[top-
1],st[top])<slop(st[top-1],i)+eps)--top;
                                                                  char buf[maxn];
          st[++top]=i;
                                                                  int n;
                                                                  cpx A[maxn],B[maxn];
     st[++top]=0;
                                                                  int dp[MAX],cnt[MAX];
     for(int i=mid+1; i <=r; i++){
                                                                  Il num[maxn];
while(j < top\&\&slop(st[j],st[j+1]) + eps > p[i].k) + +j;
                                                                  void DFT(cpx* a,int n,int d=1) {
                                                                       for(int i=(n>>1), j=1; j< n; j++) {
f[p[i].id] = max(f[p[i].id], p[st[j]].x*p[i].a+p[st[j]].y*p[i].b);
                                                                            if(i < j) swap(a[i],a[j]);
                                                                            int k;for(k=(n>>1);i\&k;i^=k,k>>=1);
                                                                            i^=k:
     solve(mid+1,r);
    11=1,12=mid+1;
                                                                       }
     for(int i=1;i < =r;i++){
                                                                       for(int m=2;m<=n;m<<=1) {
          if((((p[l1].x < p[l2].x))|)(fabs(p[l1].x - p[l2].x)))
                                                                            cpx w=cpx(cos(pi*2/m*d),sin(pi*2/m*d));
p[l2].x < eps&&p[l1].y < p[l2].y ))||l2 > r )&&l1 < = mid)
                                                                            for(int i=0;i< n;i+=m) {
               t[i]=p[11++];
                                                                                  cpx s=cpx(1,0);
                                                                                  for(int j=i;j<(i+(m>>1));j++) {
          else t[i]=p[12++];
```

```
int find(int x){
                    cpx u=a[i],v=s*a[i+(m>>1)];
                                                                       if(fa[x]!=x){
                    a[j]=u+v;a[j+(m>>1)]=u-v;
                                                                            int y=fa[x];
                    s=s*w;
               }
                                                                            stk1[++tp]=x;stk2[tp]=y;
          }
                                                                            fa[x]=find(fa[x]);
     }
                                                                       }
     if(d==-1) for(int i=0;i< n;i++) a[i].x=a[i].x/n;
                                                                       return fa[x];
                                                                  }
void cdq(int l,int r){
                                                                  void solve(int l,int r){
     if(l==r)return;
                                                                       int now=tp;
     int mid=(1+r)/2;
                                                                       if(l==r){}
     cdq(I,mid);
                                                                            bool re=1;
     int n=1; while (n< r-l+1)n< <=1;
                                                                            for(int i=1;i \leq qs[l].num;i++)
     for(int i=0; i< n; i++)A[i]=B[i]=cpx();
     for(int i=1;i < mid;i++)A[i-1].x=dp[i];
                                                                  if(find(a[qs[l].c[i]].x)!=find(a[qs[l].c[i]].y)){re=0;break;}
     for(int i=0;i < r-1;i++)B[i].x = cnt[i];
                                                                            ans[l]=re;
     DFT(A,n);DFT(B,n);
                                                                            while(tp!=now)fa[stk1[tp]]=stk2[tp],--tp;
     for(int i=0; i< n; i++)A[i]=A[i]*B[i];
                                                                            return;
     DFT(A,n,-1);
                                                                       }
     for(int i=mid+1;i <=r;i++)
                                                                       int mid=(1+r)>>1;
          addi(dp[i],(int)trunc(A[i-I].x+0.5));
                                                                       ++tcnt;
     cdq(mid+1,r);
                                                                       for(int i=1;i <= mid;i++)
}
                                                                            for(int j=1;j <=qs[i].num;j++)
int main()
                                                                                 a[qs[i].c[j]].tim=tcnt;
                                                                       for(int i=mid+1;i <=r;i++)
{
     while(scanf("%d",&n)&&n){
                                                                            for(int j=1;j <=qs[i].num;j++)
          for(int
                                                                                 if(a[qs[i].c[j]].tim!=tcnt){
i=1;i \le n;i++)read(cnt[i]),cnt[i]%=MOD,dp[i]=cnt[i];
                                                                  f1=find(a[qs[i].c[j]].x),f2=find(a[qs[i].c[j]].y);
          cdq(1,n);
          printf("%d\n",dp[n]%MOD);
                                                                                      if(f1!=f2){
                                                                                           stk1[++tp]=f1;stk2[tp]=fa[f1];
     }
     return 0;
                                                                                           fa[f1]=f2;
}
                                                                                      }
CDQ 分治-例 8-图连通性 CDQ-BZOJ3237
                                                                       solve(I,mid);
struct node{
                                                                       while(tp!=now)fa[stk1[tp]]=stk2[tp],tp--;
     int x,y,tim;
                                                                       tcnt++;
                                                                       for(int i=mid+1;i <=r;i++)
}a[MAX];
struct Query{
                                                                            for(int j=1;j <=qs[i].num;j++)
     int num,c[5];
                                                                                 a[qs[i].c[j]].tim=tcnt;
}qs[MAX];
                                                                       for(int i=1;i < = mid;i++)
                                                                            for(int j=1;j <=qs[i].num;j++)
int tcnt,tp;
                                                                                 if(a[qs[i].c[j]].tim!=tcnt){
bool ans[MAX];
int fa[MAX],stk1[MAX<<2],stk2[MAX<<2];
                                                                  f1=find(a[qs[i].c[j]].x),f2=find(a[qs[i].c[j]].y);
```

```
if(f1!=f2){}
                                                               int arr[MAXN];
                                                               inline int lowbit( int num ) { return num&(-num); }
                       stk1[++tp]=f1;stk2[tp]=fa[f1];
                      fa[f1]=f2;
                                                               void add( int idx ) {
                  }
                                                                   for(; idx \le n; idx += lowbit(idx)) arr[idx]++;
             }
                                                               }
    solve(mid+1,r);
                                                               int query( int idx ) {
}
                                                                   int ans = 0;
int main()
                                                                   for(; idx; idx -= lowbit(idx)) ans += arr[idx];
{
                                                                   return ans;
    int n.m.k:
                                                               }
                                                               void clear( int idx ) {
    read(n);read(m);
    for(int i=1;i <= n;i++)fa[i]=i;
                                                                   for(; idx \le n; idx += lowbit(idx)) arr[idx] = 0;
    for(int
                                                               }
i=1;i<=m;i++){read(a[i].x);read(a[i].y);a[i].tim=0;}
                                                          }
    read(k);
    tcnt=1,tp=0;
                                                          II ans = 0;
    for(int i=1; i <= k; i++){
         read(qs[i].num);
                                                          Item tmp3d[MAXN];
         for(int j=1;j \leq qs[i].num;j++){
                                                          ltem tmp2d[MAXN];
                                                          void cdq3d(int L, int R) { // 对第二维分治,按照第三维
             read(qs[i].c[j]);
             a[qs[i].c[j]].tim=tcnt;
                                                           合并
         }
                                                               if(R-L \le 1) return;
                                                               int M = (L+R) > 1; cdq3d(L,M); cdq3d(M,R);
    }
    for(int i=1;i <= m;i++)
                                                               int p = L, q = M, o = L;
         if(a[i].tim!=tcnt){
                                                               while(p < M && q < R) { // 因为第二维是"左边全
                                                           都是 L. 右边全都是 R", 所以略去第二维的标号
             int f1=find(a[i].x),f2=find(a[i].y);
             if(f1!=f2)fa[f1]=f2;
                                                                   if(tmp2d[p].d3 < tmp2d[q].d3)
                                                                              tmp2d[p].part
                                                                                                       LEFT
         }
                                                                        if(
    solve(1,k);
                                                          BIT::add(tmp2d[p].d4);
    for(int i=1;i < = k;i++)
                                                                        tmp3d[o++] = tmp2d[p++];
         puts(ans[i]?"Connected":"Disconnected");
                                                                   } else {
                                                                        if( tmp2d[q].part == RIGHT ) ans +=
    return 0;
                                                           BIT::query(tmp2d[q].d4);
CDQ 分治-例 9-CDQ 套 CDQ 四维偏序-COGS2479
                                                                        tmp3d[o++] = tmp2d[q++];
                                                                   }
int n;
                                                               while(p < M) tmp3d[o++] = tmp2d[p++];
                                                               while (q < R)
struct Item {
    int d1,d2,d3,d4,part; // 分别表示每一维的数据,
                                                                   if( tmp2d[q].part == RIGHT ) ans +=
part 为第一维重标号之后的值
                                                          BIT::query(tmp2d[q].d4);
}a[MAXN];
                                                                   tmp3d[o++] = tmp2d[q++];
const int LEFT = 0;
const int RIGHT = 1;
                                                               for(int i = L; i < R; ++i) { // 清空树状数组
                                                                           tmp3d[i].part
                                                                                                      LEFT
                                                                   if(
namespace BIT { // 树状数组相关
                                                           BIT::clear(tmp3d[i].d4);
```

)

)

```
tmp2d[i] = tmp3d[i];
    }
}
void cdq2d(int L, int R) { // 对第一维分治,按照第二维
    if(R-L \le 1) return;
    int M = (L+R) > 1; cdq2d(L,M); cdq2d(M,R);
    int p = L, q = M, o = L;
    while( p < M \&\& q < R ) {
         if( a[p].d2 < a[q].d2) {
              a[p].part = LEFT; // 重标号
              tmp2d[o++] = a[p++];
         } else {
              a[q].part = RIGHT;
              tmp2d[o++] = a[q++];
         }
    }
    while (p < M)
         a[p].part = LEFT;
         tmp2d[o++] = a[p++];
    }
    while (q < R)
         a[q].part = RIGHT;
         tmp2d[o++] = a[q++];
    }
    for(int i = L; i < R; ++i) a[i] = tmp2d[i]; // tmp2d 为
"复制的那一份"
     cdq3d(L,R);
}
int main() {
    freopen( "partial_order.in", "r", stdin );
    freopen( "partial_order.out", "w", stdout );
    scanf( "%d", &n );
    for( int i = 0; i < n; ++i) {
         a[i].d1 = i;
         scanf( "%d", &a[i].d2 );
    for(int i = 0; i < n; ++i) scanf( "%d", &a[i].d3);
    for(int i = 0; i < n; ++i) scanf( "%d", &a[i].d4);
    cdq2d(0,n);
    printf( "%lld\n", ans );
    return 0;
}
```

```
CDO 分治-例 10-带插入查询的四维偏序-HDU5126
int n;
struct node{
     int d1,d2,d3,d4,part,opt,val;
}a[MAX],tmp3d[MAX],tmp2d[MAX];
const int LEFT=0;
const int RIGHT=1;
namespace BIT{
    int arr[MAX];
    inline int lowbit(int x){return x&-x;}
    void add(int idx){
         for(;idx<=n;idx+=lowbit(idx))++arr[idx];</pre>
    }
    int query(int idx){
         int re=0;
         for(;idx;idx-=lowbit(idx))re+=arr[idx];
         return re:
    void clear(int idx){
for(;idx<=n&&arr[idx];idx+=lowbit(idx))arr[idx]=0;
}
int ans[MAX];
bool cmp1(int x,int y){
     return
tmp2d[x].d3 < tmp2d[y].d3||(tmp2d[x].d3 = tmp2d[y].d3||
&&tmp2d[x].opt<tmp2d[y].opt);
}
bool cmp2(int x,int y){
a[x].d2 < a[y].d2||(a[x].d2 = = a[y].d2 & a[x].opt < a[y].opt);
}
void cdq3d(int l,int r){
     if(l==r)return;
     int mid=(I+r)/2;cdq3d(I,mid);cdq3d(mid+1,r);
    int p=1,q=mid+1,o=1;
    while(p \le mid \& q \le r){
         if(cmp1(p,q)){}
              if(tmp2d[p].part==LEFT&&!tmp2d[p].opt)
                   BIT::add(tmp2d[p].d4);
              tmp3d[o++]=tmp2d[p++];
         }
```

else{

```
if(tmp2d[q].part==RIGHT&&tmp2d[q].opt)
ans[tmp2d[q].opt]+=tmp2d[q].val*BIT::query(tmp2d[q].
d4);
              tmp3d[o++]=tmp2d[q++];
         }
    }
    while(p \le mid)tmp3d[o + +]=tmp2d[p + +];
    while(q \le r){
         if(tmp2d[q].part==RIGHT&&tmp2d[q].opt)
ans[tmp2d[q].opt]+=tmp2d[q].val*BIT::query(tmp2d[q].
d4);
         tmp3d[o++]=tmp2d[q++];
    }
    for(int i=1;i < =r;i++)
         if(tmp3d[i].part==LEFT&&!tmp3d[i].opt)
              BIT::clear(tmp3d[i].d4);
         tmp2d[i]=tmp3d[i];
    }
}
void cdq2d(int I,int r){
    if(l==r)return;
    int mid=(1+r)/2;
    cdq2d(I,mid);cdq2d(mid+1,r);
    int p=1,q=mid+1,o=1;
    while(p \le mid \& q \le r){
         if(cmp2(p,q)){}
              a[p].part=LEFT;
              tmp2d[o++]=a[p++];
         }
         else{
              a[q].part=RIGHT;
              tmp2d[o++]=a[q++];
         }
    }
    while(p<=mid)
         a[p].part=LEFT,tmp2d[o++]=a[p++];
    while(q \le r)
         a[q].part=RIGHT,tmp2d[o++]=a[q++];
    for(int i=1;i <=r;i++)a[i]=tmp2d[i];
    cdq3d(I,r);
bool cmp(const node& lhs,const node& rhs){
```

```
if(lhs.d1!=rhs.d1)return lhs.d1<rhs.d1;
     else if(lhs.d2!=rhs.d2)return lhs.d2<rhs.d2;
     else if(lhs.d3!=rhs.d3)return lhs.d3<rhs.d3;
     else if(lhs.d4!=rhs.d4)return lhs.d4<rhs.d4;
     else return lhs.opt<rhs.opt;
}
int t;
vector<int>v;
int cnt,opt,acnt;
int main()
{
     read(t);
     while(t--){
          read(n);cnt=acnt=0;
          v.clear();
          for(int i=0;i< n;i++){
               read(opt):
               if(opt==1){
                    a[cnt].d1=i;
read(a[cnt].d2);read(a[cnt].d3);read(a[cnt].d4);a[cnt].opt
=0:
                   v.pb(a[cnt].d4);++cnt;
              }
               else{
                   int sx,sy,sz,ex,ey,ez;
read(sx);read(sy);read(sz);read(ex);read(ey);read(ez);
                   v.pb(sz-1);v.pb(ez);++acnt;
                    a[cnt++]=node{i,ex,ey,ez,0,acnt,1};
                    a[cnt++]=node{i,sx-1,ey,ez,0,acnt,-
1};
                    a[cnt++]=node{i,ex,sy-1,ez,0,acnt,-
1};
                    a[cnt++]=node{i,ex,ey,sz-1,0,acnt,-
1};
                    a[cnt++]=node{i,sx-1,sy-}
1,ez,0,acnt,1};
                    a[cnt++]=node{i,sx-1,ey,sz-
1,0,acnt,1};
                    a[cnt++]=node{i,ex,sy-1,sz-
1,0,acnt,1};
                    a[cnt++]=node{i,sx-1,sy-1,sz-}
1,0,acnt,-1};
              }
```

```
void insert(int k){
                                                                     int p=root;D=0;
         sort(v.begin(),v.end());
         v.erase(unique(v.begin(),v.end()),v.end());
                                                                     while(1){
         for(int
                                                                          up(p,k);
i=0;i<cnt;i++)a[i].d4=lower_bound(v.begin(),v.end(),a[i].
                                                                          if(a[k].d[D] \le a[p].d[D])
d4)-v.begin()+1;
                                                                               if(!a[p].l){a[p].l=k;return;}
         sort(a,a+cnt,cmp);
                                                                               p=a[p].l;
                                                                          }
         n=v.size();
                                                                          else if(!a[p].r){
                                                                               a[p].r=k;return;
         cdq2d(0,cnt-1);
                                                                          }
         for(int
                                                                          else p=a[p].r;
i=1;i < = acnt;i++)printf("%d\n",ans[i]),ans[i]=0;
                                                                          D^=1;
    }
                                                                     }
    return 0;
                                                                }
}
                                                                int getdis(int k){
                                                                     int res=0:
KD-TREE
                                                                     if(x < a[k].min[0])res += a[k].min[0]-x;
例1-
        BZOJ2648-插点查询最近曼哈顿距离
                                                                     if(x>a[k].max[0])res+=x-a[k].max[0];
struct arr{
                                                                     if(y < a[k].min[1])res + = a[k].min[1] - y;
     int d[2],min[2],max[2],l,r;
                                                                     if(y>a[k].max[1])res+=y-a[k].max[1];
};
                                                                     return res:
int D,root,x,y,ans,n,m,tot,op;
                                                                }
inline int cmp(arr a,arr b){
                                                                void ask(int k){
                                                                     int d0=abs(a[k].d[0]-x)+abs(a[k].d[1]-y);
    return
a.d[D] < b.d[D] | (a.d[D] = b.d[D] & a.d[D^1] < b.d[D^1];
                                                                     if(d0<ans)ans=d0;
                                                                     int dl=(a[k].l)?getdis(a[k].l):INF;
}
arr a[MAX];
                                                                     int dr=(a[k].r)?getdis(a[k].r):INF;
inline void up(int k,int s){//ÓÃs üĐÂk
                                                                     if(dl<dr){
                                                                          if(dl<ans)ask(a[k].l);
    a[k].min[0]=min(a[k].min[0],a[s].min[0]);
    a[k].max[0]=max(a[k].max[0],a[s].max[0]);
                                                                          if(dr<ans)ask(a[k].r);
    a[k].min[1]=min(a[k].min[1],a[s].min[1]);
                                                                     }
     a[k].max[1]=max(a[k].max[1],a[s].max[1]);
                                                                     else{
                                                                          if(dr<ans)ask(a[k].r);
}
int build(int l,int r,int dd){
                                                                          if(dl<ans)ask(a[k].l);
    D=dd;int mid=(I+r)>>1;
                                                                     }
    nth_element(a+l+1,a+mid+1,a+r+1,cmp);
                                                                }
     a[mid].min[0] = a[mid].max[0] = a[mid].d[0];
     a[mid].min[1]=a[mid].max[1]=a[mid].d[1];
                                                                int main(){
                                                                     scanf("%d%d",&n,&m);
    if(I!=mid)a[mid].I=build(I,mid-1,dd^1);
    if(mid!=r)a[mid].r=build(mid+1,r,dd^1);
                                                                     for(int i=1;i < = n;i++)
                                                                          scanf("%d%d",&a[i].d[0],&a[i].d[1]);
    if(a[mid].l)up(mid,a[mid].l);
    if(a[mid].r)up(mid,a[mid].r);
                                                                     if(n)root=build(1,n,0);
     return mid:
                                                                     for(int i=1;i <= m;i++){
}
                                                                          scanf("%d",&op);
```

```
if(op = = 1){}
                                                                    if(t[mid].ls)pushup(mid,t[mid].ls);
              ++n;
                                                                    if(t[mid].rs)pushup(mid,t[mid].rs);
              scanf("%d%d",&a[n].d[0],&a[n].d[1]);
                                                                    return mid;
              a[n].min[0]=a[n].max[0]=a[n].d[0];
                                                               }
              a[n].min[1]=a[n].max[1]=a[n].d[1];
                                                               int check(int x){
              insert(n);
                                                                    int re=0;
         }
                                                                    re+=(A*t[x].min[0]+B*t[x].min[1]<C);
         else if(op==2){
                                                                    re+=(A*t[x].min[0]+B*t[x].max[1]<C);
              ans=INF;
                                                                    re+=(A*t[x].max[0]+B*t[x].min[1]<C);
              scanf("%d%d",&x,&y);
                                                                    re+=(A*t[x].max[0]+B*t[x].max[1]<C);
              ask(root);
                                                                    return re;
              printf("%d\n",ans);
                                                               }
         }
                                                               Il query(int x){
    }
                                                                    if(!x||!check(x))return 0;
     return 0;
                                                                    if(check(x)==4)return t[x].sum;
}
                                                                    II re=0;
例2-
        BZOJ2850-多次询问 ax+by≤c 的点权值和
                                                                    if(A*t[x].v[0]+B*t[x].v[1]<C)re+=t[x].s;
struct kd{
                                                                    re+=query(t[x].ls)+query(t[x].rs);
     int ls,rs,min[2],max[2],v[2];
                                                                    return re;
     Il sum,s;
                                                               }
     kd(int
                                                               int main(){
                              a,int
                                                     b.int
c)\{ls=rs=0;min[0]=max[0]=v[0]=a;min[1]=max[1]=v[1]=
                                                                    scanf("%d%d",&n,&m);
b;s=sum=c;}
                                                                    for(int i=1;i <=n;i++)
     kd(){}
                                                                         scanf("%d%d%d",&a,&b,&c);
}t[MAX];
                                                                         t[i]=kd(a,b,c);
int n,m,D,root,a,b,c;
                                                                    }
II A,B,C;
                                                                    root=build(1,n,0);
bool cmp(kd a,kd b){
                                                                    for(int i=1;i<=m;i++){
                                                                         scanf("%IId%IId%IId",&A,&B,&C);
     return
(a.v[D] == b.v[D])?(a.v[D^1] < b.v[D^1]):(a.v[D] < b.v[D]);
                                                                         printf("%lld\n",query(root));
                                                                    }
void pushup(int x,int y){
                                                                    return 0;
     for(int i=0; i<=1; i++){
                                                               }
                                                                       BZOJ4066-强制在线询问矩形内点权值和
                                                               例3-
         t[x].max[i]=max(t[x].max[i],t[y].max[i]);
         t[x].min[i]=min(t[x].min[i],t[y].min[i]);
                                                               int opt,D,m=10000;
                                                               int sx,sy,ex,ey;
     t[x].sum+=t[y].sum;
                                                               Il lastans:
}
                                                               struct node{
int build(int l,int r,int d){
                                                                    int ls,rs,min[2],max[2],v[2];
     if(l>r)return 0;
                                                                    Il sum,s;
     int mid=(1+r)>>1;
                                                                                                                     b.int
                                                                    node(int
                                                                                              a,int
     D=d;
                                                               c)\{ls=rs=0; min[0]=max[0]=v[0]=a; min[1]=max[1]=v[1]=a\}
     nth_element(t+l,t+mid,t+r,cmp);
                                                               b;s=sum=c;}
     t[mid].ls=build(l,mid-
                                                                    node(){}
1,d^1;t[mid].rs=build(mid+1,r,d^1);
                                                                    int &operator∏(int x){
```

```
return v[x];
    }
    friend bool operator==(node a,node b){
         return a[0]==b[0]\&\&a[1]==b[1];
    }
    friend bool operator<(node a,node b){
         return a[D]!=b[D]?a[D]<b[D]:a[D^1]<b[D^1];
}tmp[MAX];
bool in(int X1,int Y1,int X2,int Y2)
{
     return sx<=X1&&X2<=ex&&sv<=Y1&&Y2<=ev:
bool out(int X1,int Y1,int X2,int Y2)
    return sx>X2||ex<X1||sy>Y2||ey<Y1;
}
struct kdt{
    node t[MAX],tem;
    int root,n;
    void pushup(int x){
         int I=t[x].ls,r=t[x].rs;
         for(int i=0; i<=1; i++){
              t[x].max[i]=t[x].min[i]=t[x][i];
              if(I){
                   t[x].max[i]=max(t[x].max[i],t[l].max[i]);
                   t[x].min[i]=min(t[x].min[i],t[l].min[i]);
              }
              if(r){
                   t[x].max[i]=max(t[x].max[i],t[r].max[i]);
                   t[x].min[i]=min(t[x].min[i],t[r].min[i]);
              }
         t[x].sum=t[x].s+t[l].sum+t[r].sum;
    }
    int build(int l,int r,int d){
         if(l>r)return 0;
         int mid=(1+r)>>1;
         D=d:
         nth_element(t+l,t+mid,t+r);
         t[mid].ls=build(l,mid-1,d^1);
         t[mid].rs=build(mid+1,r,d^1);
         pushup(mid);
         return mid;
    }
```

```
void insert(int &k,bool D){
          if(!k){
               k=++n:
               t[k][0]=t[k].min[0]=t[k].max[0]=tem[0];
               t[k][1]=t[k].min[1]=t[k].max[1]=tem[1];
          }
          if(tem==t[k]){}
               t[k].s+=tem.s;t[k].sum+=tem.s;
               return;
          }
          if(tem[D] < t[k][D])insert(t[k].ls,D^1);
          else insert(t[k].rs,D^1);
          pushup(k);
     }
     Il query(int k){
          if(!k)return 0;
          II re=0:
if(in(t[k].min[0],t[k].min[1],t[k].max[0],t[k].max[1]))
               return t[k].sum;
if(out(t[k].min[0],t[k].min[1],t[k].max[0],t[k].max[1]))
               return 0;
          if(in(t[k][0],t[k][1],t[k][0],t[k][1]))
               re+=t[k].s;
          re+=query(t[k].ls);
          re+=query(t[k].rs);
          return re;
     }
}a;
int main(){
     int ns;
     read(ns);
     while(1){
          read(opt);
          if(opt==3)break;
          read(sx);read(sy);
          sx^=lastans;sy^=lastans;
          if(opt==1){
               a.tem.min[0]=a.tem.max[0]=a.tem[0]=sx;
               a.tem.min[1]=a.tem.max[1]=a.tem[1]=sy;
               read(ex);
               ex^=lastans;
```

```
int cmp_NO;
             a.tem.s=a.tem.sum=ex:
                                                           inline bool cmp(point x,point y){
             a.insert(a.root,0);
             if(a.n==m){
                                                                return x.a[cmp_NO]<y.a[cmp_NO];
                                                           }
                  a.root=a.build(1,a.n,0);
                  m+=10000;
             }
                                                           inline II dis(point x,point y){
         }
                                                                II ret=0;
         else if(opt==2){
                                                                for (int i=0;i< m;i++)
             read(ex);read(ey);
                                                                    ret+=(x.a[i]-y.a[i])*(x.a[i]-y.a[i]);
             ex^=lastans;ey^=lastans;
                                                                return ret:
             lastans=a.query(a.root);
                                                           }
             printf("%lld\n",lastans);
         }
                                                           inline void bulid_kdt(int L,int R,int d){
    }
                                                                if (L>R) return;
    return 0;
                                                                int mid=(L+R)>>1;
                                                                cmp_NO=d;
}
       HDU4347-m 维查询曼哈顿最近 k 个点(非自
例4-
                                                                nth_element(p+L,p+mid,p+R+1,cmp);
        己写的)
                                                                p[mid].div=d;
const int N=50007;
                                                                if (L==R)
const int K=6;
                                                                    p[L].lef=true;
                                                                    return;
int n,m;
                                                                bulid_kdt(L,mid-1,(d+1)%m);
struct point{
                                                                bulid kdt(mid+1,R,(d+1)\%m);
    int a[K];
                                                           }
    int div; // 按哪个维度划分
    bool lef; // 是否是叶子节点
                                                           priority_queue<point> que;
    II dis; // 离询问点的距离。注意这个在读入建树时
                                                           int num, nownum;
不会用到, 在进入队列时才用到
                                                           Il ans;
    void print(){
         printf("%d",a[0]);
                                                           inline void find kd(int L,int R){
         for (int i=1;i < m;i++)
                                                                if (L>R) return;
             printf(" %d",a[i]);
         puts("");
                                                                int mid=(L+R)>>1;
    }
                                                                II d=dis(p[mid],tar);
    bool operator < (const point &t) const{
                                                                if (p[mid].lef){//是叶子节点
         return dis<t.dis:
                                                                    if (nownum<num){</pre>
    }
                                                                         nownum++;
    point(){}
                                                                         que.push(point(p[mid],d));
    point(point &t,ll d){
                                                                         ans=max(ans,d);
         for (int i=0;i< m;i++) a[i]=t.a[i];
         dis=d;
                                                                    else if (ans>d){
    }
                                                                         que.pop();
}p[N],tar;
                                                                         que.push(point(p[mid],d));
                                                                         ans=que.top().dis;
```

```
point pp=que.top();
         return;
                                                                que.pop();
    }
                                                                put();
                                                                pp.print();
    int t=tar.a[p[mid].div]-p[mid].a[p[mid].div];
                                                           }
    if (t>0){//优先选这一侧的
         find_kd(mid+1,R);
                                                           int main(){
         if (nownum<num){</pre>
                                                                while (~scanf("%d%d",&n,&m)){
             nownum++;
                                                                    for (int i=0; i< n; i++){
             que.push(point(p[mid],d));
                                                                         for (int j=0; j < m; j++)
                                                                             scanf("%d",&p[i].a[j]);
             ans=max(ans,d);
             find_kd(L,mid-1);
                                                                         p[i].lef=false;
         }
                                                                    }
         else {
                                                                    bulid kdt(0,n-1,0); // 这一步相当于将原数
             if (ans>d){
                                                           组重新排了个序, 先访问到的点放在中间
                  que.pop();
                  que.push(point(p[mid],d));
                  ans=que.top().dis;
                                                                    int q;
             }
                                                                    scanf("%d",&q);
             if (ans>t*t)//可能有更小的
                                                                    while (q--){
                  find_kd(L,mid-1);
                                                                         for (int i=0;i< m;i++)
         }
                                                                             scanf("%d",&tar.a[i]);
    }
                                                                         while (!que.empty()) que.pop();
    else {
                                                                         scanf("%d",&num);
         find_kd(L,mid-1);
                                                                         nownum=0;
                                                                         ans=-1;
         if (nownum<num){
             nownum++;
                                                                         find_kd(0,n-1);
             que.push(point(p[mid],d));
                                                                         printf("the closest %d points are:\n",num);
             ans=max(ans,d);
                                                                         put();
             find_kd(mid+1,R);
                                                                    }
         }
         else{
                                                                return 0;
             if (ans>d){
                                                           }
                  que.pop();
                                                           分块
                  que.push(point(p[mid],d));
                                                           例 1-ZOJ4053-nsqrtn 查询区间逆序对个数
                  ans=que.top().dis;
             }
                                                           int SIZ=150:
             if (ans>t*t)
                                                           const int CNT=158:
                  find_kd(mid+1,R);
                                                           int t,n,tot;
                                                           int a[MAX],bel[MAX],cnt[MAX],st[MAX],en[MAX];
         }
    }
                                                           int lim;
                                                           II tp[MAX][CNT];
inline void put(){
                                                           II pre[MAX],bck[MAX];
                                                           II dp[CNT][CNT];
    if (que.empty()) return;
```

}

```
Il ans:
int s1,s2;
                                                                           return ans;
II q1[MAX],q2[MAX];
                                                                      }
struct BIT{
                                                                       inline int query_bck(int x){
     int a[MAX];
                                                                           int ans=0;
     inline int lowbit(int x){return x&-x;}
                                                                           while(x<=lim){
                                                                                ans+=a[x];x+=lowbit(x);
     inline void ins_bck(int x){//��
          for(;x \le lim;x + = lowbit(x)) + +a[x];
                                                                           return ans;
     }
                                                                      }
                                                                      void clear_bck(int x){
     inline void ins_pre(int x){
          for(x>0;x-=lowbit(x))++a[x];
                                                                           while(x<=lim){
     }
                                                                                if(a[x])a[x]=0;else break;
     inline void del_pre(int x){
                                                                                x += lowbit(x);
          for(;x>0;x-=lowbit(x))--a[x];
                                                                           }
     }
                                                                      }
                                                                       void clear_pre(int x){
     inline int find_pre(int x){//C� J�� � x� � � � ...
                                                                           while(x){
          while (x\&\&!a[x]) x^=lowbit(x);
                                                                                if(a[x])a[x]=0;else break;
          if (!x) return 0;
                                                                                x-=lowbit(x);
          int t=lowbit(x)>>1,y=a[x];
                                                                           }
                                                                      }
          while (t){
               if (y-a[x-t]) y-=a[x-t];
                                                                      void clear(){
               else{y=a[x-t];x=x-t;}
                                                                           memset(a,0,sizeof(a));
               t >> = 1;
                                                                      }
                                                                 }pts,bit,pts2;//pts 为加的点
                                                                 struct node{
          return x;
     }
                                                                      int val,id;
     inline
                                                find_bck(int
                                                                       bool operator<(const node &z)const{
                            int
                                                                           if(val!=z.val)return val<z.val;
x){//�������x����C...
                                                                           else return id<z.id;
          while (x \le \lim \&\& !a[x]) x + = lowbit(x);
                                                                      }
          if (x>lim) return lim+1;
                                                                 }c[MAX];
          int t=lowbit(x) >> 1, y=a[x];
                                                                 void cal1(){
          while (t){
                                                                       for(int j,i=1;i<=n;i=j){
               if (y-a[x+t]) y-=a[x+t];
                                                                           j=i;
               else{y=a[x+t];x=x+t;}
                                                                           while(j \le n\&\&c[j].val = = c[i].val){
                                                                                 int who=c[i].id,st=bel[who]+1;
               t>>=1:
                                                                                while(st<=tot)tp[who][st]=cnt[st],++st;
                                                                                 ++j;
          return x;
     inline int query_pre(int x){
                                                                           for(int s=i;s<j;++s)++cnt[bel[c[s].id]];
          int ans=0;
                                                                      }
          while(x){
                                                                      for(int i=1;i < tot; i++)cnt[i]=0;
               ans+=a[x];x-=lowbit(x);
```

```
bck[j]=l;//sum2 记录后比其小的
void cal2(){
     for(int j,i=n;i>=1;i=j){
                                                                                     bit.ins_bck(a[j]);
          i=i;
                                                                               }
          while(j \ge 1\&\&c[j].val = = c[i].val){
                                                                          }
                int who=c[j].id,st=bel[who]-1;
                                                                          //每个块内排序
               while(st \ge 1)tp[who][st]+=cnt[st],--st;
                                                                          for(int i=1;i <= tot;i++){
                                                                               int l=st[i],r=en[i]>n?n:en[i];
                --j;
                                                                               for(int j=1;j<=r;j++){
          for(int s=j+1; s <= i; ++s)++cnt[bel[c[s].id]];
                                                                                     c[j].id=j;c[j].val=a[j];
                                                                               }
     for(int i=1;i < = tot;i++)cnt[i]=0;
                                                                               sort(c+l,c+r+1);
}
                                                                          }
int qs(int id1,int id2){
                                                                          for(int i=1;i \le tot;i++)dp[i][i]=pre[en[i]>n?n:en[i]];
                                                                          for(int i=1;i < =tot-1;i++)
l1=st[id1],r1=min(n,en[id1]),l2=st[id2],r2=min(n,en[id2]);
                                                                               for(int j=i+1;j \le tot;j++)
     int lo1=l1,lo2=l2,re=0;
                                                                                     dp[i][j]=qs(i,j);
     while(lo1<=r1&&lo2<=r2){
                                                                          for(int i=tot;i>=1;i--)
          if(c[lo1].val < = c[lo2].val) + + lo1;
                                                                               for(int j=i+1;j <=tot;j++)
          else\{++lo2;re+=r1-lo1+1;\}
                                                                                     dp[i][j]+=dp[i][j-1]+dp[i+1][j]-dp[i+1][j-1]
     }
                                                                     1];
     return re;
                                                                    }
}
                                                                     II eme(){
void init(){
                                                                          int i=1,j=1;
     for(int i=1;i <= tot;i++)
                                                                          II t=0;
          for(int j=st[i]-1;j>=1;j--)
                                                                          while(i <= s1\&\&j <= s2){
                if(j\%SIZ)tp[j][i] + = tp[j+1][i];
                                                                               if(q1[i] <= q2[j]) ++i;
     for(int i=1;i <= tot;i++)
                                                                               else{
          for(int j=en[i]+1;j <=n;j++)
                                                                                     ++i;
                if(j\%SIZ!=1)tp[j][i]+=tp[j-1][i];
                                                                                     t + = s1 - i + 1;
     for(int i=1;i <= n;i++)
                                                                               }
          for(int j=1;j < = tot;j++){
                                                                          }
                tp[i][j]+=tp[i][j-1];
                                                                          return t;
                                                                    }
     for(int i=1;i \le tot;i++)
                                                                    Il ask(int x,int l,int r){
          bit.clear();
                                                                          s1=s2=0;
          int I=0;
                                                                          II t=pre[r];
          for(int j=st[i];j<=n\&\&j<=en[i];j++){
                                                                          if(I!=st[x])t-=pre[I-1];
                                                                          for(int i=st[x];i \le en[x] \& i \le en;i++)
                I+=bit.query_bck(a[i]+1);
                pre[j]=l;//sum 记录前比其大的
                                                                               if (c[i].id < l)q1[++s1]=c[i].val;
                bit.ins_pre(a[j]);
                                                                          for(int i=st[x];i \le en[x] \& i \le en;i++)
                                                                               if (c[i].id > = 1 \& c[i].id < = r) q2[++s2] = c[i].val;
          bit.clear();
                                                                          t=eme();
          I=0;
                                                                          return t;
          for(int j=min(n,en[i]);j>=st[i];j--){
                I+=bit.query_pre(a[j]-1);
                                                                     Il query(int l,int r){
```

```
if(I>r)return OLL;
                                                                           it=lower_bound(z.begin(),z.end(),lin);
    s1=s2=0;
                                                                           z.erase(it);
    int bl=bel[l],br=bel[r];
                                                                           if(l+1 \le tem-1)
    if(bl==br)
                                                                               z.insert(-query(I+1,tem-1));
         return ask(bl,l,r);
                                                                           if(tem+1 < = r-1)
    II re=dp[bI+1][br-1];
                                                                               z.insert(-query(tem+1,r-1));
    re+=bck[l];re+=pre[r];
                                                                           ans=-(*z.begin());
    for(int i=st[bl];i<=en[bl]&&i<=n;i++)
                                                                           printf("%lld",ans);
         if (c[i].id > = 1) q1[++s1] = c[i].val;
                                                                           pts.ins_bck(tem);pts2.ins_pre(tem);
    for(int i=st[br];i<=en[br]&&i<=n;i++)
                                                                      }
                                                                      printf("\n");
         if (c[i].id <= r) q2[++s2] = c[i].val;
    re+=tp[l][br-1]-tp[l][bl]+tp[r][br-1]-tp[r][bl]+eme();
                                                                      for(int i=1;i < =n;i++)
                                                                           for(int j=1;j < =tot;j++)tp[i][j]=0;
    return re;
}
                                                                      for(int i=1;i < =tot;i++)
multiset<II>z;
                                                                          for(int i=1;i < tot; i++)dp[i][i]=0;
multiset<|l>::iterator it;
                                                                      for(int i=1;i <=n;i++)pre[i]=bck[i]=0;
int main(){
                                                                 }
    read(t);
                                                                 return 0;
    while(t--){
                                                            }
                                                            例 2-CF1129D-将数组划分成若干段每段只出现 1 次的
         read(n); lim=n+1;
         SIZ=max(350,(n+CNT-2)/(CNT-1));
                                                             数的个数不大于 k 的方案数
                             i=1;i < =CNT-1;i++)st[i]=(i-
                                                             const int B=318.Bcnt=318:
         for(int
1)*SIZ+1,en[i]=i*SIZ;
                                                            int n,k,ans;
         z.clear();
                                                            int
         for(int
                     i=1;i \le n;i++)read(a[i]),bel[i]=1+(i-
                                                            pre[MAX],dp[MAX],tag[Bcnt],las[MAX],sum[MAX];//pre[i]
                                                             下标 i 前一个出现该位置值的位置
1)/SIZ,c[i].val=a[i],c[i].id=i;
         tot=1+(n-1)/SIZ;
                                                            int val[Bcnt][MAX];//某块 i 中只作为后缀的开始出现一
         sort(c+1,c+1+n);
                                                            次的数为 i 的位置的 dp 值之和
                                                            int bel(int x){return (x-1)/B+1;}//返回 x 在的块的 ID
         cal1();cal2();
         init();
         pts.clear();pts2.clear();
                                                            void Ins(int u,int v){
         ans=query(1,n);
                                                                 int id=bel(u);
         printf("%lld",ans);
                                                                 sum[u]-=tag[id];
         z.insert(-ans);
                                                                 addi(ans,v);
         pts2.ins_pre(n+1);
                                                                 addi(val[id][n+sum[u]],v);
         for(int q=1;q<=n;q++){
              printf(" ");
                                                            void update(int pos,int v){//单点加 val
                                                                 int id=bel(pos);
              Il tem:
                                                                 if(sum[pos]+tag[id]<=k)//原本是<=k的
              read(tem);
                                                                      subi(ans,dp[pos-1]);//修改原先对 ans 的影响
              if(q==n)break;
                                                                 subi(val[id][sum[pos]+n],dp[pos-1]);//修改原先对
              tem^=ans;
                                                            val 的影响
              assert(tem>=1&&tem<=n);
              int
                                                                 sum[pos]+=v;
l=pts.find_pre(tem),r=pts2.find_bck(tem);
                                                                 if(sum[pos]+tag[id]<=k)addi(ans,dp[pos-1]);</pre>
              II lin=-query(I+1,r-1);
                                                                 addi(val[id][sum[pos]+n],dp[pos-1]);
```

```
int main(){
void update_b(int L,int R,int v){//整个区间[L,R]进行更新
                                                                 while(scanf("%d",&n)&&n){
                                                                      for(int i=1;i <= n;i++)scanf("%d",&a[i]);
     if(L>R)return;
    int bl=bel(L),br=bel(R);
                                                                      for(int i=1;i <=n;i++)|s[i]=rs[i]=fa[i]=0;
    if(bl+1>=br)//在同一个块中
                                                                      top=0;ans=0;
         for(int i=L;i<=R;i++)update(i,v);
                                                                      for(int i=1;i <= n;i++){
    else{
                                                                           if(!top||a[i]>=a[stk[top]]){
         for(int i=L;i<=bl*B;i++)update(i,v);//修改区间
                                                                               rs[stk[top]]=i;
的头部非完整块
                                                                               fa[i]=stk[top];
         for(int i=(br-1)*B+1;i<=R;i++)update(i,v);// 修
                                                                               stk[++top]=i;
改区间的尾部非完整块
                                                                          }
         for(int i=bl+1;i<br;i++)
                                                                           else{
              if(\sim v)subi(ans,val[i][k-tag[i]+n]);
                                                                               while(top>=1&&a[stk[top]]>a[i])--
              else addi(ans,val[i][k-tag[i]+1+n]);
                                                             top;
              taq[i]+=v;
                                                                               rs[stk[top]]=i;fa[i]=stk[top];
                                                                               ls[i]=stk[top+1];fa[stk[top+1]]=i;
         }
    }
                                                                               rs[i]=0;
}
                                                                               stk[++top]=i;
int main(){
                                                                          }
    read(n);read(k);
                                                                      }
    for(int u,i=1;i <= n;i++){
                                                                      int rt=1;while(fa[rt])rt=fa[rt];
         read(u);pre[i]=las[u];las[u]=i;
                                                                      dfs(rt);
                                                                      printf("%lld\n",ans);
    }
    dp[0]=1;//从1转移
                                                                 }
    lns(1,1);
                                                                 return 0;
    for(int i=1; i <= n; i++){
                                                            }
         update_b(pre[i]+1,i,1);
         update_b(pre[pre[i]]+1,pre[i],-1);
                                                                     HDU6044-给定作为最小的区间求合法排列数
         lns(i+1,dp[i]=ans);
                                                             namespace fastIO {
    }
                                                                 #define BUF_SIZE 100000
    printf("%d\n",dp[n]);
                                                                 //fread -> read
    return 0;
                                                                 bool IOerror = 0:
}
                                                                 inline char nc() {
                                                                      static char buf[BUF_SIZE], *p1 = buf + BUF_SIZE,
笛卡尔树
                                                             *pend = buf + BUF_SIZE;
例1-
        HDU1506-最大子矩形
                                                                      if(p1 == pend) {
int n,top;
                                                                           p1 = buf;
int a[MAX],stk[MAX],ls[MAX],rs[MAX],fa[MAX],siz[MAX];
                                                                           pend = buf + fread(buf, 1, BUF_SIZE, stdin);
                                                                           if(pend == p1) {
Il ans:
void dfs(int now){
                                                                               IOerror = 1;
    siz[now]=1;
                                                                               return -1;
    if(ls[now])dfs(ls[now]),siz[now]+=siz[ls[now]];
                                                                          }
    if(rs[now])dfs(rs[now]),siz[now]+=siz[rs[now]];
                                                                      }
     ans=max(ans,1LL*siz[now]*a[now]);
                                                                      return *p1++;
}
                                                                 }
```

```
inline bool blank(char ch) {
          return ch == ' ' || ch == '\n' || ch == '\r' || ch ==
'\t';
     }
     inline void read(int &x) {
          char ch:
          while(blank(ch = nc()));
          if(IOerror)
          return;
          for(x = ch - '0'; (ch = nc()) >= '0' && ch <= '9';
x = x * 10 + ch - '0');
     }
     #undef BUF_SIZE
};
int fi[MAX],inv[MAX];
int Case,n,lo;
bool ava:
void init(){
     fi[0]=1;
     for(int i=1;i<MAX;i++)fi[i]=mul(fi[i-1],i);
     inv[MAX-1]=powMM(fi[MAX-1],MOD-2,MOD);
     for(int i=MAX-2;i>=0;i--)inv[i]=mul(inv[i+1],i+1);
}
int C(int a,int b){
     return mul(fi[a],mul(inv[b],inv[a-b]));
}
struct node{
     int I,r,id;
     bool operator<(const node &z)const{
          return !!=z.l?l<z.l:r>z.r;
     }
}a[MAX];
int dfs(int l,int r){
     if(!ava)return 0;
     if(l>r)return 1;
     if(a[lo].!!=I||a[lo].r!=r){ava=0;return 0;}
     int mid=a[lo++].id;
     int re=mul(C(r-l,mid-l),dfs(l,mid-1));
     muli(re,dfs(mid+1,r));
     return re;
}
int main(){
     init();
     while(1){
          fastIO::read(n);
```

```
if(fastIO::IOerror)break;
          for(int i=1;i < = n;i++)fastIO::read(a[i].l);
          for(int i=1;i<=n;i++)fastlO::read(a[i].r),a[i].id=i;</pre>
          sort(a+1,a+1+n);
          ava=1;lo=1;
          printf("Case \#%d: %d\n", ++Case, dfs(1,n));
     }
     return 0;
}
分块
        ZOJ4053-nsgrtn 查询区间逆序对个数
例1-
int SIZ=150;
const int CNT=158;
int t,n,tot;
int a[MAX],bel[MAX],cnt[MAX],st[MAX],en[MAX];
int lim;
II tp[MAX][CNT];
II pre[MAX],bck[MAX];
II dp[CNT][CNT];
Il ans:
int s1.s2:
II q1[MAX],q2[MAX];
struct BIT{
     int a[MAX];
     inline int lowbit(int x){return x&-x;}
     inline void ins_bck(int x){//�� ��
          for(;x \le lim;x + = lowbit(x)) + +a[x];
     inline void ins_pre(int x){
          for(x>0;x-=lowbit(x))++a[x];
     }
     inline void del_pre(int x){
          for(;x>0;x-=lowbit(x))--a[x];
     }
     inline int find_pre(int x){//C� J�� x�� ��.
          while (x\&\&!a[x]) x^=lowbit(x);
          if (!x) return 0;
          int t=lowbit(x) >> 1, y=a[x];
          while (t){
              if (y-a[x-t]) y-=a[x-t];
               else{y=a[x-t];x=x-t;}
```

```
t>>=1:
                                                                  }pts,bit,pts2;//pts 为加的点
          }
          return x;
                                                                  struct node{
    }
                                                                       int val,id;
     inline
                            int
                                                find_bck(int
                                                                       bool operator<(const node &z)const{
                                                                            if(val!=z.val)return val<z.val;
x){//�������x����C..
                                                                            else return id<z.id:
          while (x \le \lim \& a[x]) x + = lowbit(x);
                                                                       }
          if (x>lim) return lim+1;
                                                                 }c[MAX];
          int t=lowbit(x) >> 1, y=a[x];
                                                                  void cal1(){
          while (t){
                                                                       for(int j,i=1;i<=n;i=j){
               if (y-a[x+t]) y-=a[x+t];
                                                                            i=i:
               else{y=a[x+t];x=x+t;}
                                                                            while(j \le n\&\&c[j].val = = c[i].val){
               t >> = 1;
                                                                                 int who=c[j].id,st=bel[who]+1;
                                                                                 while(st<=tot)tp[who][st]=cnt[st],++st;</pre>
          }
          return x;
                                                                                 ++j;
                                                                            }
    }
     inline int query_pre(int x){
                                                                            for(int s=i;s<j;++s)++cnt[bel[c[s].id]];
          int ans=0;
                                                                       for(int i=1;i < =tot;i++)cnt[i]=0;
          while(x){
               ans+=a[x];x-=lowbit(x);
                                                                 }
                                                                  void cal2(){
          return ans;
                                                                       for(int j,i=n;i>=1;i=j){
    }
                                                                            j=i;
     inline int query_bck(int x){
                                                                            while(j \ge 1\&\&c[j].val = = c[i].val){
                                                                                 int who=c[i].id,st=bel[who]-1;
          int ans=0;
                                                                                 while(st \ge 1)tp[who][st]+=cnt[st],--st;
          while(x \le \lim)
               ans+=a[x];x+=lowbit(x);
                                                                                 --j;
                                                                            }
          }
          return ans;
                                                                            for(int s=j+1;s<=i;++s)++cnt[bel[c[s].id]];
     void clear_bck(int x){
                                                                       for(int i=1;i \le tot;i++)cnt[i]=0;
          while(x<=lim){
                                                                 }
               if(a[x])a[x]=0;else break;
                                                                 int qs(int id1,int id2){
               x + = lowbit(x);
                                                                  l1=st[id1],r1=min(n,en[id1]),l2=st[id2],r2=min(n,en[id2]);
    }
                                                                       int lo1=I1,lo2=I2,re=0;
     void clear_pre(int x){
                                                                       while(lo1<=r1&&lo2<=r2){
          while(x){
                                                                            if(c[lo1].val \le c[lo2].val) + +lo1;
                                                                            else{++lo2;re+=r1-lo1+1;}
               if(a[x])a[x]=0;else break;
               x-=lowbit(x);
                                                                       }
          }
                                                                       return re;
    }
                                                                 }
     void clear(){
                                                                  void init(){
                                                                       for(int i=1;i <= tot;i++)
          memset(a,0,sizeof(a));
```

```
for(int j=st[i]-1;j>=1;j--)
               if(j\%SIZ)tp[j][i]+=tp[j+1][i];
     for(int i=1;i < = tot;i++)
          for(int j=en[i]+1;j<=n;j++)
               if(j\%SIZ!=1)tp[j][i]+=tp[j-1][i];
     for(int i=1;i <=n;i++)
          for(int j=1;j <=tot;j++){
               tp[i][j]+=tp[i][j-1];
          }
     for(int i=1;i < = tot;i++){
          bit.clear();
          int I=0:
          for(int j=st[i];j<=n\&\&j<=en[i];j++){
               I+=bit.query_bck(a[j]+1);
               pre[j]=I;//sum 记录前比其大的
               bit.ins_pre(a[j]);
          }
          bit.clear();
          1=0;
          for(int j=min(n,en[i]);j>=st[i];j--){
               I+=bit.query_pre(a[j]-1);
               bck[i]=I;//sum2 记录后比其小的
               bit.ins_bck(a[j]);
          }
    }
     //每个块内排序
     for(int i=1;i \le tot;i++){
          int l=st[i],r=en[i]>n?n:en[i];
          for(int j=1;j<=r;j++){
               c[j].id=j;c[j].val=a[j];
          sort(c+l,c+r+1);
     for(int i=1;i < tot;i++)dp[i][i]=pre[en[i]>n?n:en[i]];
     for(int i=1;i < tot-1;i++)
          for(int j=i+1;j <=tot;j++)
               dp[i][j]=qs(i,j);
     for(int i=tot;i>=1;i--)
          for(int j=i+1;j <=tot;j++)
               dp[i][j]+=dp[i][j-1]+dp[i+1][j]-dp[i+1][j-1]
1];
II eme(){
     int i=1,j=1;
     II t=0;
```

}

```
while(i <= s1\&\&j <= s2){
           if(q1[i] <= q2[j]) ++i;
           else{
                ++j;
                t + = s1 - i + 1;
          }
     }
     return t;
}
Il ask(int x,int l,int r){
     s1=s2=0;
     II t=pre[r];
     if(I!=st[x])t-=pre[I-1];
     for(int i=st[x];i \le en[x] \&\&i \le en;i++)
           if (c[i].id < l)q1[++s1]=c[i].val;
     for(int i=st[x];i\leq=en[x]&&i\leq=n;i++)
           if (c[i].id > = 1 \& c[i].id < = r) q2[++s2] = c[i].val;
     t-=eme();
     return t;
}
Il query(int l,int r){
     if(I>r)return OLL;
     s1=s2=0;
     int bl=bel[l],br=bel[r];
     if(bl==br)
           return ask(bl,l,r);
     Il re=dp[bl+1][br-1];
     re+=bck[l];re+=pre[r];
     for(int i=st[bl];i\leq=en[bl]&&i\leq=n;i++)
           if (c[i].id > = I) q1[++s1] = c[i].val;
     for(int i=st[br];i\leq=en[br]\&\&i\leq=n;i++)
           if (c[i].id <= r) q2[++s2] = c[i].val;
     re+=tp[l][br-1]-tp[l][bl]+tp[r][br-1]-tp[r][bl]+eme();
     return re;
}
multiset<II>z;
multiset<|l>::iterator it;
int main(){
     read(t);
     while(t--){
           read(n);lim=n+1;
           SIZ=max(350,(n+CNT-2)/(CNT-1));
           for(int
                                  i=1;i <= CNT-1;i++)st[i]=(i-
1)*SIZ+1,en[i]=i*SIZ;
```

z.clear();

```
i=1;i \le n;i++)read(a[i]),bel[i]=1+(i-
                                                                  记录莫队中的每一个查询的结构体
1)/SIZ,c[i].val=a[i],c[i].id=i;
         tot=1+(n-1)/SIZ;
                                                             */
         sort(c+1,c+1+n);
                                                             struct node
         cal1();cal2();
         init();
                                                                  int al, ar, bel, id;
         pts.clear();pts2.clear();
                                                             }qs[MAX];
         ans=query(1,n);
                                                             /*
         printf("%lld",ans);
                                                                  对查询排序
         z.insert(-ans);
                                                             bool cmp(node x,node z)
         pts2.ins_pre(n+1);
         for(int q=1;q<=n;q++)
              printf(" ");
                                                                  return x.bel==z.bel?x.ar<z.ar:x.bel<z.bel;
              Il tem;
              read(tem);
                                                             int cnt[MAX],sum[MAX];
              if(q==n)break;
                                                             int ans[MAX];
                                                             /*
              tem^=ans:
              assert(tem>=1&&tem<=n);
                                                                  莫队示例:
                                                                  求数组区间 mex
                                                             */
l=pts.find_pre(tem),r=pts2.find_bck(tem);
              II lin=-query(I+1,r-1);
                                                             int main()
              it=lower_bound(z.begin(),z.end(),lin);
              z.erase(it);
                                                                  scanf("%d%d",&n,&m);
              if(I+1 \le tem-1)
                                                                  for(int i=1;i < = n;i++)
                   z.insert(-query(I+1,tem-1));
              if(tem+1 < = r-1)
                                                                       scanf("%d",&a[i]);
                   z.insert(-query(tem+1,r-1));
                                                                       if(a[i]>n)a[i]=n;
              ans=-(*z.begin());
              printf("%lld",ans);
                                                                  int siz=sqrt(n);
              pts.ins_bck(tem);pts2.ins_pre(tem);
                                                                  for(int i=1;i < = m;i++)
                                                                  {
         printf("\n");
                                                                       scanf("%d%d",&qs[i].al,&qs[i].ar);
         for(int i=1;i < = n;i++)
                                                                       qs[i].bel=(qs[i].al-1)/siz;qs[i].id=i;
              for(int j=1;j < =tot;j++)tp[i][j]=0;
                                                                  }
         for(int i=1;i < =tot;i++)
                                                                  sort(qs+1,qs+1+m,cmp);
              for(int j=1; j < =tot; j++)dp[i][j]=0;
                                                                  /*
         for(int i=1;i <=n;i++)pre[i]=bck[i]=0;
                                                                       对于下标从1开始的情况
    }
                                                                       lol 初始设置为 1 lor 初始设置为 0
    return 0;
}
                                                                  int lol=1,lor=0;siz=sqrt(n+1);
草队
                                                                       每次莫队调整 I 和 r 的位置
        求区间 mex
例1-
int n,m;
                                                                  for(int i=1;i \le m;i++)
int a[MAX];
```

```
while(lol>qs[i].al)--
lol,sum[a[lol]/siz]+=(!cnt[a[lol]]),++cnt[a[lol]];
                                                                //s 作为右端点 搜索向左 gcd 为 t 的最远位置
                                                                int Rsearch(int s,int l,int r,int t){
while(lor < qs[i].ar)++lor,sum[a[lor]/siz]+=(!cnt[a[lor]]),+
                                                                     int re, mid;
                                                                     while(I<=r)
+cnt[a[lor]];
          while(lol<qs[i].al)--cnt[a[lol]],sum[a[lol]/siz]-
=(!cnt[a[lol]]),++lol;
                                                                          mid=(1+r)/2;
          while(lor>qs[i].ar)--cnt[a[lor]],sum[a[lor]/siz]-
                                                                          if(query(mid,s)==t){
=(!cnt[a[lor]]),--lor;
                                                                               re=mid;r=mid-1;
         int st=0:
                                                                          }
         for(int
                                                                          else I=mid+1;
i=0;i<=siz;i++,st+=siz)if(sum[i]<siz)break;
                                                                     }
          while(cnt[st])++st;
                                                                     return re;
          ans[qs[i].id]=st;
                                                                int Lsearch(int s,int l,int r,int t){
    }
     for(int i=1;i < = m;i++)
                                                                     int re, mid;
          printf("%d\n",ans[i]);
                                                                     while(I<=r)
}
                                                                          mid=(I+r)/2;
例2-
        求区间的所有子区间 gcd 和-hdu5381
                                                                          if(query(s,mid)==t){
int rgcd[MAX][15],a[MAX];
                                                                               re=mid;l=mid+1;
vector<pii>vr[MAX],vl[MAX];
                                                                          else r=mid-1;
int t,n,m;
II an[MAX];
struct node
                                                                     return re;
{
                                                                //计算 s 为右端点的贡献 t 为当前区间的左端点
     int al, ar, bel, id;
     bool operator <(const node &t)const
                                                                Il rcal(int s,int t)
    {
                                                                {
          if(bel==t.bel)return ar<t.ar;
                                                                     II re=0;
          else return bel<t.bel;
                                                                     int lo=s;
    }
                                                                     for(int i=0;i<vr[s].size();i++){
}qs[MAX];
                                                                          re+=1LL*(lo-
void init()
                                                                max(t, vr[s][i].second)+1)*(vr[s][i].first);
                                                                          lo=vr[s][i].second-1;
                                                                          if(lo<t)break;
     for(int i=1;i <=n;i++)rgcd[i][0]=a[i];
     for(int i=1;(1<< i)<=n;i++)
                                                                     }
         for(int j=1; j < =n; j++)
                                                                     return re;
               if(j+(1<< i)-1<=n)rgcd[j][i]=gcd(rgcd[j][i-1])
1, rgcd[i+(1<<i-1)][i-1];
                                                                Il Ical(int s,int t)
int query(int l,int r)
                                                                     II re=0;
{
                                                                     int lo=s;
     int k=(int)log2(r-l+1);
                                                                     for(int i=0;i<vI[s].size();i++){
     return gcd(rgcd[l][k],rgcd[r-(1<< k)+1][k]);
                                                                          re+=1LL*(min(t,vl[s][i].second)-
```

```
lo+1)*vl[s][i].first;
                                                                                   an[qs[i].id]=sum;
          lo=vl[s][i].second+1;
                                                                             }
          if(lo>t)break;
                                                                             for(int i=0;i< m;i++)
     }
                                                                                   printf("%lld\n",an[i]);
     return re;
                                                                        }
}
                                                                        return 0;
int main()
                                                                   }
     read(t);
                                                                   线段树
     while(t--){
                                                                   HDU6183-灵活运用线段树
          read(n);int siz=sqrt(n);
          for(int i=1;i <=n;i++)read(a[i]);
                                                                   int rt[100],I[MAX],r[MAX],v[MAX];
          init();
                                                                   int tot,y1,y2,X,opt;
          for(int i=1;i<=n;i++){
                                                                   bool flag;
               int r=i;
                                                                   void ins(int &t,int L,int R,int y,int x)
               vl[i].clear();
                                                                   {
               while(r <= n)
                                                                        if(!t){}
                     int who=query(i,r);
                                                                             t=++tot;
                     r=Lsearch(i,r,n,who);
                                                                             v[t]=x;
                     vl[i].pb(mp(who,r));
                     ++r;
                                                                        if(v[t]>x)v[t]=x;
               }
                                                                        if(L==R)return;
                                                                        int mid=(L+R)/2;
          for(int i=n;i>=1;i--)
                                                                        if(y \le mid)ins(I[t],L,mid,y,x);
                                                                        else ins(r[t],mid+1,R,y,x);
               int I=i;
               vr[i].clear();
                                                                   void ask(int t,int L,int R)
               while(I>=1){}
                     int who=query(I,i);
                                                                        if(flag||!t)return;
                     I=Rsearch(i,1,I,who);
                                                                        if(y1 \le L\&\&R \le y2){
                     vr[i].pb(mp(who,l));--l;
                                                                             if(v[t] \le X)flag = 1;
               }
                                                                             return;
                                                                        }
          read(m);ll sum=0;
                                                                        int mid=(L+R)/2;
                                                                        if(y1<=mid)ask(I[t],L,mid);</pre>
          for(int i=0;i < m;i++){
                read(qs[i].al);read(qs[i].ar);qs[i].id=i;
                                                                        if(y2>mid)ask(r[t],mid+1,R);
               qs[i].bel=(qs[i].al-1)/siz;
                                                                   }
                                                                   int main()
          sort(qs,qs+m);
                                                                   {
          int lol=1,lor=0;
                                                                        while(~scanf("%d",&opt))
          for(int i=0;i < m;i++){
               while(lol>qs[i].al)--lol,sum+=lcal(lol,lor);
                                                                             if(opt==3)return 0;
               while(lor<qs[i].ar)++lor,sum+=rcal(lor,lol);</pre>
                                                                             else if(opt==0){
               while(lol<qs[i].al)sum-=lcal(lol,lor),++lol;
                                                                                   for(int i=0; i<=50; i++)rt[i]=0;
               while(lor>qs[i].ar)sum-=rcal(lor,lol),--lor;
                                                                                   for(int i=1;i < tot;i++)|[i]=r[i]=0;
```

```
tot=0:
          }
                                                                            for(int i=sl;i<=sr;i++)if(qs[i].opt)ans[qs[i].id]=l;
          else if(opt==1){
                                                                            return:
               int x,y,v;
                                                                       int mid=(1+r)>>1;
read(x);read(y);read(v);ins(rt[v],1,1000000,y,x);
                                                                       int pl=0,pr=0;
                                                                       for(int i=sl;i<=sr;i++){
          }
          else if(opt==2){
                                                                            if(!qs[i].opt){
               read(X);read(y1);read(y2);
               int ans=0:
                                                                  if(qs[i].x \le mid)adds(qs[i].id,1),ql[pl++]=qs[i];
               for(int i=0; i<=50; i++){
                                                                                 else qr[pr++]=qs[i];
                    flaq=0:
                                                                            }
                    ask(rt[i],1,1000000);
                                                                            else{
                    if(flag)++ans;
                                                                                 int cnt=sum(qs[i].y)-sum(qs[i].x-1);
               }
                                                                                 if(cnt \ge qs[i].k)ql[pl + +] = qs[i];
               printf("%d\n",ans);
                                                                                 else qs[i].k-=cnt,qr[pr++]=qs[i];
                                                                            }
                                                                       }
     return 0;
                                                                       for(int i=0;i< pl;i++)if(!ql[i].opt)clear(ql[i].id);
}
                                                                       for(int i=0;i<pl;i++)qs[sl+i]=ql[i];
                                                                       for(int i=0;i< pr;i++)qs[sl+pl+i]=qr[i];
整体二分
                                                                       solve(sl,sl+pl-1,l,mid);solve(sl+pl,sr,mid+1,r);
整体二分-例 1-静态第 k 小-POJ2104
                                                                  }
int n,m,ecnt;
                                                                  int main(){
int ans[MAX],ar[MAX];
                                                                       read(n);read(m);
                                                                       for(int u,i=1;i<=n;i++){
inline int lowbit(int x){return x&(-x);}
void adds(int lo,int v){
                                                                            read(u);addq(u,-1,-1,i,0);
     while(lo <= n)ar[lo]+=v,lo+=lowbit(<math>lo);
                                                                       }
}
                                                                       for(int l,r,k,i=1;i<=m;i++){
int sum(int lo){
                                                                            read(l);read(r);read(k);
     int re=0;
                                                                            addq(l,r,k,i,1);
     while(lo)re+=ar[lo],lo-=lowbit(lo);
                                                                       }
                                                                       solve(1,ecnt,-INF,INF);
     return re;
                                                                       for(int i=1;i \le m;i++)
}
void clear(int lo){
                                                                            printf("%d\n",ans[i]);
     while (lo \le n\&\&ar[lo])ar[lo] = 0, lo + = lowbit(lo);
                                                                       return 0;
}
                                                                  }
struct Query{
                                                                  整体二分-例 2-动态第 k 小-ZOJ2112
     int x,y,k,id,opt;
}qs[MAX],ql[MAX],qr[MAX];
                                                                  int n,m,ecnt;
inline void addq(int x,int y,int k,int id,int opt){
                                                                  char op[20];
     qs[++ecnt]=Query{x,y,k,id,opt};
                                                                  int ans[MAX],ar[MAX];
}
                                                                  inline int lowbit(int x){return x&(-x);}
void solve(int sl,int sr,int l,int r){
                                                                  void adds(int lo,int v){
     if(sl>sr)return;
                                                                       while(lo <= n)ar[lo]+=v,lo+=lowbit(lo);
```

```
int sum(int lo){
     int re=0:
     while(lo)re+=ar[lo],lo-=lowbit(lo);
     return re:
}
//void clear(int lo){
       while (lo < n\&ar[lo]) ar [lo] = 0, lo + = lowbit(lo);
//}
struct Query{
     int x,y,k,id,opt;
}qs[MAX],qI[MAX],qr[MAX];
inline void addq(int x,int y,int k,int id,int opt){
     qs[++ecnt]=Query{x,y,k,id,opt};
}
void solve(int sl,int sr,int l,int r){
     if(sl>sr)return;
     if(l==r){}
          for(int i=sl;i<=sr;i++)if(qs[i].opt)ans[qs[i].id]=l;
          return;
     }
     int mid=(1+r)>>1;
     int pl=0,pr=0;
     for(int i=sl;i<=sr;i++){
          if(!qs[i].opt){
if(qs[i].x \le mid)adds(qs[i].id,qs[i].y),ql[pl++]=qs[i];
                else qr[pr++]=qs[i];
          }
          else{
                int cnt=sum(qs[i].y)-sum(qs[i].x-1);
               if(cnt \ge qs[i].k)ql[pl++]=qs[i];
                else qs[i].k-=cnt,qr[pr++]=qs[i];
          }
     }
     for(int i=0;i<pi;i++)if(!q[i].opt)adds(q[i].id,-q[i].y);
     for(int i=0;i<pl;i++)qs[sl+i]=ql[i];
     for(int i=0;i< pr;i++)qs[sl+pl+i]=qr[i];
     solve(sl,sl+pl-1,l,mid);solve(sl+pl,sr,mid+1,r);
}
int a[MAX];
int t,aidx;
int main(){
     read(t);
     while(t--)
```

```
ecnt=aidx=0;
          read(n);read(m);
          for(int i=1;i <= n;i++){
                read(a[i]);addq(a[i],1,-1,i,0);
          }
          for(int I,r,k,i=1;i<=m;i++){
                scanf("%s",op);
                if(op[0]=='Q')
                     read(l);read(r);read(k);
                     addq(I,r,k,++aidx,1);
                }
                else{
                     read(I);read(r);
                     addq(a[l],-1,-1,l,0);
                     a[l]=r;
                     addq(a[l],1,-1,l,0);
               }
          }
          solve(1,ecnt,0,INF);
          for(int i=1;i \le aidx;i++)
                printf("%d\n",ans[i]);
     }
     return 0;
}
```

字典树

可持久化字典树

```
int a[MAX],b[MAX],rt[MAX];
int bin[30];//2^i
struct trie{
    int cnt;//结点 id
    int ch[MAX*25][2],sum[MAX*25];
    int insert(int x,int val){//插入值 val x 为前版本的结
    int re,y;re=y=++cnt;
    for(int i=23;i>=0;i--)//固定位数 保证位对齐
    {
        ch[y][0]=ch[x][0];ch[y][1]=ch[x][1];
        sum[y]=sum[x]+1;
        int t=val&bin[i];t>>=i;
        x=ch[x][t];
```

ch[y][t]=++cnt;

```
y=ch[y][t];
        }
        sum[y]=sum[x]+1;
        return re;
    }
    int query(int l,int r,int val){//询问在 l、r 结点之间 与
                                                      0
val 异或最大的结果
        int re=0;
        for(int i=23;i>=0;i--){
            int t=val&bin[i];t>>=i;
            if(sum[ch[r][t^1]]-sum[ch[l][t^1]])
                re+=bin[i],r=ch[r][t^1],l=ch[l][t^1];
                                                      为v
            else r=ch[r][t],l=ch[l][t];
                                                          }
        }
        return re;
}trie:
裸的字典树
/*极其容易 MLE 版本 */
struct Trie
{
    int ch[MAX_NODE][sigma_size];//点数、"字母"种数
    int val[MAX NODE];
    int num;//结点总数
    Trie(){num=1;memset(ch[0],0,sizeof(ch[0]));}// 初始
时仅有根节点
                                                              }
    int idx(char c)//返回对应字符的编号
    {
                                                          }
        return c-'a';
    }
    clear 函数, 初始化 trie
                                                      &ans)
    void clear() { num = 1; memset(ch[0], 0,
                                                          {
sizeof(ch[0])); }
        插入字符串 s,附加信息为 v。注意 v 必须非 0.
因为0代表:本结点不是单词结点
    void insert(char *s,int v)
        int u=0,len=strlen(s);
        for(int i=0;i<len;i++)
```

```
int c=idx(s[i]);
        if(!ch[u][c])//结点不存在
            memset(ch[num],0,sizeof(ch[num]));
            val[num]=0;//中间节点的附加信息为
            ch[u][c]=num++;//新建结点
        u=ch[u][c];//往下走
    val[u]=v;//字符串的最后一个字符的附加信息
 查询字符串的"附加信息"
 查询过程中间中断返回 0
int check(char *s)
    int u=0,len=strlen(s);
    for(int i=0;i<len;i++)
        int c=idx(s[i]);
        if(!ch[u][c])
            return 0;
        u=ch[u][c];
    return val[u];
找字符串 s 的长度不超过 len 的前缀
void find_prefixes(const char *s,int len,vector <int>
    int u=0;
    for(int i=0;i<len;i++)
        if(s[i]=='\0')
            break;
        int c=idx(s[i]);
        if(!ch[u][c])
            break;
        u=ch[u][c];
        if(val[u]!=0)//过程中所有找到的全都 push
```

```
进去
               ans.push_back(val[u]);
                                                       }
                                                   };
   }
                                                   //Trie *tri=new Trie(0); 以此来建 Trie
};
                                                   BZOJ3261-可持久化字典树例 1
/*不易 MLE 版本 */
                                                   题意:
struct Trie {
                                                   给定一个非负整数序列 {a}, 初始长度为 N。
    bool isWord;
                                                        M 个操作,有以下两种操作类型:
   Trie* child[26];
    Trie(bool isWord):isWord(isWord)
                                                   1、Ax:添加操作,表示在序列末尾添加一个数x,序
                                                   列的长度 N+1。
        memset(child,0,sizeof(child));
                                                   2 、Q I r x: 询问操作, 你需要找到一个位置 p, 满足
   }
                                                   I<=p<=r, 使得:
    void addWord(string &s)
                                                   a[p] xor a[p+1] xor ··· xor a[N] xor x 最大,输出最大是
                                                   多少。
   {
        Trie*cur =this:
                                                   每次加点将 trie 树的这条链的权都+1
        for(char c: s)
                                                   修改当然是新建一个结点(类可持久化线段树)
                                                   然后查询的时候判断一个结点存在, 只要做区间减法判
           Trie* next=cur->child[c-'a'];
            if(next==nullptr)
                                                   权是否非 0
               next=cur->child[c-'a']=new
                                                   即若 sum[r]-sum[l-1]=0 则该结点不存在
                                                   实现的时候数列开始加入一个数 0 会比较好处理
Trie(false);
            cur=next;
                                                   */
        cur->isWord=true;
                                                   int bin[30];
                                                   int n,m;
    int checkstr(string s)//返回字符串在字典树中最长
                                                   int a[MAX],b[MAX],rt[MAX];
前缀
                                                   struct trie{
   {
                                                       int cnt;//结点 id
        Trie*cur=this;int re=0;
                                                       int ch[MAX*25][2],sum[MAX*25];
        for(char c:s)
                                                       int insert(int x,int val){
                                                           int re,y;re=y=++cnt;
                                                           for(int i=23;i>=0;i--)//固定位数
           Trie* next=cur->child[c-'a'];
            if(next==nullptr)break;
            else{cur=next;++re;}
                                                               ch[y][0]=ch[x][0]; ch[y][1]=ch[x][1];
                                                               sum[y]=sum[x]+1;
        }
        return re;
                                                               int t=val\&bin[i];t>>=i;
                                                               x=ch[x][t];
   }
    ~Trie()
                                                               ch[y][t]=++cnt;
                                                               y=ch[y][t];
        for(int i=0; i<26; ++i)
                                                           }
                                                           sum[y]=sum[x]+1;
            if(child[i])
                                                           return re:
               delete child[i];
                                                       }
```

```
int query(int l,int r,int val){
                                                              struct node
         int tmp=0;
         for(int i=23;i>=0;i--){
                                                                   int to,nxt;
              int t=val&bin[i];t>>=i;
                                                              }edg[MAX<<2];
              if(sum[ch[r][t^1]]-sum[ch[l][t^1]])
                                                              int n,m,ecnt;
                   tmp+=bin[i],r=ch[r][t^1],l=ch[l][t^1];
              else r=ch[r][t],l=ch[l][t];
                                                              int h[MAX];
         return tmp;
    }
}trie;
int main()
                                                                   h[u]=ecnt;
{
                                                              }
    bin[0]=1;
                                                              struct trie{
    for(int i=1;i<30;i++)bin[i]=bin[i-1]<<1;
                                                                   int cnt;
    read(n);read(m);
    ++n;
    for(int i=2;i <= n;i++)read(a[i]);
    for(int i=1;i <=n;i++)b[i]=b[i-1]^a[i];
    for(int i=1;i <= n;i++)
         rt[i]=trie.insert(rt[i-1],b[i]);
    char ch[5];
    int I,r,x;
    while(m--)
         scanf("%s",ch);
         if(ch[0]=='A'){}
              ++n;
              read(a[n]);b[n]=b[n-1]^a[n];
              rt[n]=trie.insert(rt[n-1],b[n]);
                                                                  }
         }
         else{
              read(l);read(r);read(x);
              printf("%d\n",trie.query(rt[I-1],rt[r],b[n]^x));
         }
    }
    return 0;
}
                                                              c][!t];
HDU4757-可持久化字典树例 2
                                                                            }
    题意: 给定树 每次问(u,v)路径上的点权值与 x 异或
中的最大值
    做法就是按 dfs 序插点就好了
                                                                            }
*/
                                                                       }
```

```
int a[MAX],bin[25];
int fa[MAX][20],dep[MAX],rt[MAX];
void add_edge(int u,int v)
    edg[++ecnt]=node{v,h[u]};
    int ch[MAX*20][2],sum[MAX*20];
    int insert(int pre,int val){
         int re,now;re=now=++cnt;
         for(int i=18; i>=0; i--){
ch[now][0]=ch[pre][0];ch[now][1]=ch[pre][1];
              sum[now]=sum[pre]+1;
              int t=val&bin[i];t>>=i;
              pre=ch[pre][t];
              ch[now][t]=++cnt;
              now=ch[now][t];
         sum[now]=sum[pre]+1;
         return re;
    int query(int u,int v,int anc,int w,int val){
         int re=0;
         for(int i=18; i>=0; i--){
              int t=val&bin[i];t>>=i;
              if(sum[ch[u][t^1]]+sum[ch[v][t^1]]-
sum[ch[anc][!t]]-sum[ch[w][!t]]>0){
re+=bin[i];u=ch[u][!t];v=ch[v][!t];w=ch[w][!t];anc=ch[an]
              else{
u=ch[u][t];v=ch[v][t];anc=ch[anc][t];w=ch[w][t];
```

```
return re:
                                                                   return 0:
    }
}trie;
                                                              例 3-wannafly-wintercamp-2019-Day7-F
void dfs(int u,int pre)
                                                              int n,m;
                                                              int dcnt,ans;//字典树结点个数
     fa[u][0]=pre;
                                                              int cnt[MAX<<1],dp[105][2],nxt[MAX][2];//字典树
     rt[u]=trie.insert(rt[pre],a[u]);
                                                              int mcnt[100][2];//小于等于 m 的数中二进制下第 i 位为
     for(int i=1;i <=18;i++)fa[u][i]=fa[fa[u][i-1]][i-1];
                                                              i的数的个数
     for(int i=h[u];i;i=edg[i].nxt){
                                                              void insert(int k){
                                                                   int lo=0;//字典树的位置
         int to=edg[i].to;
         if(to==pre)continue;
                                                                   for(int i=31;i>=0;i--){
         dep[to]=dep[u]+1;
                                                                        int val=(k>i)&1;
         dfs(to,u);
                                                                        if(!nxt[lo][val])nxt[lo][val]=++dcnt;
    }
                                                                        addi(dp[i][val],cnt[nxt[lo][!val]]);
}
                                                                        lo=nxt[lo][val];++cnt[lo];
int lca(int u,int v)
                                                                   }
     if(dep[u]<dep[v])swap(u,v);</pre>
                                                              inline || cal_1(|| x){//小于等于 x 的奇数个数
     int cha=dep[u]-dep[v];
                                                                   return (x+1)/2;
     for(int i=18; i>=0; i--)if(cha&(1<< i))u=fa[u][i];
                                                              }
     if(u==v)return u;
                                                              void get_mcnt(ll val){//对于 val 计算 mcnt
     for(int i=18; i>=0; i--)
                                                                   for(int i=0; i<=31; i++){
                                                                        Il ge=(val>>i);//数位 dp 无 lim 的部分(包含 0)
         if(fa[u][i]!=fa[v][i])u=fa[u][i],v=fa[v][i];
     return fa[u][0];
                                                                        if(ge==0)break;
}
                                                                        || num=cal_1(ge-1);//无 || 部分该位置为 1 的
int main()
                                                              个数
                                                                        addi(mcnt[i][1],(num<<i)%MOD);</pre>
{
     bin[0]=1; for(int i=1; i <= 20; i++)bin[i]=bin[i-1] << 1;
                                                                        addi(mcnt[i][0],((ge-num)<<i)%MOD);</pre>
                                                                        Il limcnt=(val-(ge<<i)+1)%MOD;//有 lim 的数
     while(~scanf("%d%d",&n,&m))
    {
                                                              的个数
         trie.cnt=0;
                                                                        if(val&(1<<i))addi(mcnt[i][1],limcnt);
         ecnt=0;memset(h,0,sizeof(h));
                                                                        else addi(mcnt[i][0],limcnt);
         for(int i=1;i <=n;i++)read(a[i]);
                                                                        sub(mcnt[i][0],1);
         for(int u,v,i=1;i< n;i++){
                                                                   }
                                                              }
read(u);read(v);add_edge(u,v);add_edge(v,u);
                                                              int main(){
         }
                                                                   read(n);read(m);
         dfs(1,0);
                                                                   for(int i=1;i < = n;i++){
         for(int u,v,x,i=1;i<=m;i++){
                                                                        int k;read(k);insert(k);
              read(u);read(v);read(x);
              int c=lca(u,v),anc=fa[c][0];
                                                                   get_mcnt(m);
                                                                   for(int i=0; i<=31; i++)
printf("%d\n",trie.query(rt[u],rt[v],rt[c],rt[anc],x));
                                                                        addi(ans,add(mul(m-
                                                              mcnt[i][1],dp[i][0]),mul(dp[i][1],mcnt[i][1]) ));
    }
                                                                   printf("%d\n",ans);
```

```
return 0:
}
例 4-LOJ517
const int MAXN=2e5+5;
int n,m,k,sort_val,tot_val;
int tcnt,rt,pcnt;
int opt;
int cnt[MAX][31],pre[MAXN][31],sum[31],bval[MAXN];
vector<int>pts;
struct Trie{
     int ls,rs,ncnt;
     Trie(int
                           ls=0.int
                                                   rs=0.int
_ncnt=0):ls(_ls),rs(_rs),ncnt(_ncnt){}
}t[MAX];
inline void insert(int dep,int val,int& lo){
     if(!lo){
          lo=++tcnt;t[lo]=Trie(0,0,0);
     ++t[lo].ncnt;
     for(register int i=0;i<31;i++)
          if(val&(1<<i))++cnt[lo][i];
     if(dep==-1)
          return;
     if(val&(1<<dep))
          insert(dep-1,val,t[lo].rs);
     else insert(dep-1,val,t[lo].ls);
inline II query_pre(int x){
     II re=0;
     for(register int i=0;i<31;i++){
          if(tot_val&(1<< i))re+=(1LL*(x-
pre[x][i] << (1LL*i));
          else re+=1LL*pre[x][i]<<(1LL*i);
     }
     return re;
}
inline II query_pts(){
     for(int u:pts)
          for(register int i=0;i<31;i++)sum[i]+=cnt[u][i];
     II re=0;
     for(register int i=0; i<31; i++){
          if(tot_val&(1<< i))re+=(1LL*(k-sum[i]))<< i;
          else re+=1LL*sum[i]<<i;
     }
     return re;
```

```
void dfs(int dep,int lo,int qcnt){
     if(qcnt<=0)return;
     if(qcnt==t[lo].ncnt){
          pts.pb(lo);return;
     }
     if(dep==-1){
          for(int i=0; i<31; i++){
               sum[i]+=qcnt*(cnt[lo][i]?1:0);
          }
          return;
     }
     if(sort_val&(1<<dep))swap(t[lo].ls,t[lo].rs);</pre>
     if(t[lo].ls){
          int ls=t[lo].ls;
          if(t[ls].ncnt<qcnt){pts.eb(ls);dfs(dep-
1,t[lo].rs,qcnt-t[ls].ncnt);}
          else dfs(dep-1,t[lo].ls,qcnt);
     }
     else dfs(dep-1,t[lo].rs,qcnt);
     if(sort_val&(1<<dep))swap(t[lo].ls,t[lo].rs);</pre>
}
inline II get_pre(int x){
     memset(sum,0,sizeof(sum));
     if(!x)return OLL;
     k=x;
     pts.clear();
     II re=0;
     if(x>t[rt].ncnt){
          if(rt)
          pts.pb(rt);
          k=t[rt].ncnt;
          re+=query_pre(x-t[rt].ncnt);
     }
     else dfs(30,rt,x);
     re+=query_pts();
     return re;
}
int main(){
     read(n);
     for(int u,j=1;j<=n;j++){
          read(u);
          bval[++pcnt]=u;
          for(register int i=0;i<31;i++)
                pre[pcnt][i]=pre[pcnt-1][i]+((u>>i)&1);
```

```
read(m);
                                                              int query(int l,int r,int x,int y,int k)
    while(m--){
                                                                   if(I==r)return I;
         read(opt);
         if(opt==1){
                                                                   int mid=(1+r)>>1;
              int u;read(u);
                                                                   int sum=T[T[y].l].sum-T[T[x].l].sum;
              bval[++pcnt]=(u^=tot_val);
                                                                   if(sum>=k)return query(l,mid,T[x].l,T[y].l,k);
              for(register int i=0;i<31;i++)
                                                                   else return query(mid+1,r,T[x].r,T[y].r,k-sum);
                   pre[pcnt][i]=pre[pcnt-
                                                              }
1][i]+((u>>i)&1);
                                                              int a[maxn];
                                                              vector<int>v;
         else if(opt==2){
                                                              int getid(int x)//返回离散化后的排名(按值从小到大)
              int u,v;read(v);read(u);
              printf("%lld\n",get_pre(u)-get_pre(v-1));
                                                                   return lower_bound(v.begin(),v.end(),x)-v.begin()+1;
                                                              }
         else if(opt==3){}
                                                              int main()
              int u;read(u);tot_val^=u;
                                                              {
                                                                   scanf("%d%d",&n,&m);
         else if(opt==4){
                                                                   for(int i=1;i <=n;i++)
              sort_val=tot_val;
                                                                   {
              while(pcnt)
                                                                        scanf("%d",&a[i]);v.pb(a[i]);
                   insert(30,bval[pcnt--],rt);
                                                                   }
         }
    }
                                                              sort(v.begin(),v.end());v.erase(unique(v.begin(),v.end()),v.
    return 0;
                                                              end());
}
                                                                   for(int i=1;i <=n;i++)
                                                                        update(1,n,rt[i],rt[i-1],getid(a[i]));
                                                                   for(int u,vs,k,i=1;i\leq=m;i++)
主席树
                                                                   {
主席树——区间第 k 大值
                                                                        scanf("%d%d%d",&u,&vs,&k);
const int maxn=1e5+5;
                                                                        printf("%d\n",v[query(1,n,rt[u-1],rt[vs],k)-1]);
struct node
                                                                   }
                                                                   return 0;
{
    int l,r,sum;
                                                              }
}T[maxn*40];
                                                              动态第k小
int rt[maxn];
int cnt;
                                                              struct node
int n,m;
void update(int l,int r,int &x,int y,int pos)
                                                                   int kind,x,y,z;
{
                                                              }query[MAX];
    T[++cnt]=T[y];++T[cnt].sum;x=cnt;
                                                              int ts,n,q,m,tot;
    if(l==r)return;
                                                              int a[MAX],od[MAX],t[MAX];
    int mid=(1+r)>>1;
                                                              int T[MAX],lson[M],rson[M],s[M],bs[MAX];
    if(pos<=mid)update(I,mid,T[x].I,T[y].I,pos);</pre>
                                                              int use[MAX];
    else update(mid+1,r,T[x].r,T[y].r,pos);
                                                              char opt[10];
```

```
inline int lowbit(int x)
{
     return x&(-x);
int build(int l,int r)
     int rt=tot++;
     s[rt]=0;
     if(1!=r){}
          int mid=(1+r)/2;
         //原本下一行没有 Ison\rson 的赋值 感觉不对?
          lson[rt]=build(l,mid);rson[rt]=build(mid+1,r);
     return rt;
}
int Insert(int rt,int pos,int val)
     int
                                      re=tot++, l=0, r=m-
1,newrt=re;s[newrt]=s[rt]+val;
     while(I<r)
     {
          int mid=(1+r)/2;
          if(pos<=mid){
              lson[newrt]=tot++;rson[newrt]=rson[rt];
              newrt=Ison[newrt];rt=Ison[rt];r=mid;
         }
          else{
              lson[newrt]=lson[rt];rson[newrt]=tot++;
               newrt=rson[newrt];rt=rson[rt];l=mid+1;
          s[newrt]=s[rt]+val;
     }
     return re;
}
int sum(int x)
{
     int re=0;
     for(int i=x;i>0;i-=lowbit(i))
     {
          re+=s[lson[use[i]]];
     return re;
}
int Query(int ql,int qr,int k)
```

```
int I=0,r=m-1,mid,rtI=T[qI-1],rtr=T[qr];
     for(int i=ql-1;i>0;i-=lowbit(i))use[i]=bs[i];
     for(int i=qr;i>0;i-=lowbit(i))use[i]=bs[i];
     while(I<r)
     {
          int mid=(1+r)/2;
                    tem=sum(qr)-sum(ql-1)+s[lson[rtr]]-
s[lson[rtl]];
          if(tem > = k){}
               for(int
                                               i=qI-1;i>0;i-
=lowbit(i))use[i]=lson[use[i]];
               for(int
                                                 i=qr;i>0;i-
=lowbit(i))use[i]=lson[use[i]];
               rtl=lson[rtl];rtr=lson[rtr];
               r=mid;
          }
          else{
               k-=tem;
               for(int
                                               i=qI-1;i>0;i-
=lowbit(i))use[i]=rson[use[i]];
               for(int
                                                 i=qr;i>0;i-
=lowbit(i))use[i]=rson[use[i]];
               rtl=rson[rtl];rtr=rson[rtr];l=mid+1;
          }
    }
     return I;
void upd(int x,int who,int d)
    while(x \le n)
          bs[x]=Insert(bs[x],who,d);
          x + = lowbit(x);
    }
inline int lo(int x){return lower_bound(t,t+m,x)-t;}
int main()
     scanf("%d",&ts);
    while(ts--)
          scanf(''%d%d'',&n,&q);m=tot=0;
          for(int
i=1;i<=n;i++)scanf("%d",&a[i]),t[m++]=a[i];
          for(int i=1;i < =q;i++)
```

```
int mid=(1+r)/2;
                                                                      lson[re]=build(I,mid);rson[re]=build(mid+1,r);
               scanf("%s",opt);
                                                                      sum[re]=sum[lson[re]]+sum[rson[re]];
               if(opt[0]=='Q'){}
                                                                      return re;
query[i].kind=1;scanf("%d%d%d",&query[i].x,&query[i].y,
                                                                 }
&query[i].z);
                                                                 void pushup(int rt,int l,int r)
              }
                                                                 {
               else{
                                                                      int mid=(1+r)/2;
                                                                      sum[rt]=sum[lson[rt]]+sum[rson[rt]]+(1LL*mid-
query[i].kind=0;scanf("%d%d",&query[i].x,&query[i].y);t[m
                                                                 I+1)*lazy[lson[rt]]+(1LL*r-mid)*lazy[rson[rt]];
++]=query[i].y;
                                                                      return;
                                                                 }
                                                                 int Insert(int rt,int il,int ir,int l,int r,ll d)
          sort(t,t+m);m=unique(t,t+m)-t;
          T[0]=build(0,m-1);
                                                                      int ntr=tot++;lazy[ntr]=lazy[rt];
          for(int i=1;i <= n;i++){
                                                                      if(1>=i1\&\&r<=ir){}
               T[i]=Insert(T[i-1],Io(a[i]),1);
                                                                 lazy[ntr]=lazy[rt]+d;sum[ntr]=sum[rt];lson[ntr]=lson[rt];r
          for(int i=1;i<=n;i++)bs[i]=T[0];
                                                                 son[ntr]=rson[rt];return ntr;
          for(int i=1;i < =q;i++)
                                                                      int mid=(1+r)/2;
                                                                      if(il<=mid)
                                                                           lson[ntr]=Insert(lson[rt],il,ir,l,mid,d);
if(query[i].kind)printf("%d\n",t[Query(query[i].x,query[i].y,
query[i].z)]);
                                                                      else lson[ntr]=lson[rt];
                                                                      if(ir>mid)
               else{
                    upd(query[i].x,lo(a[query[i].x]),-1);
                                                                           rson[ntr]=Insert(rson[rt],il,ir,mid+1,r,d);
                                                                      else rson[ntr]=rson[rt];
                    upd(query[i].x,lo(query[i].y),1);
                    a[query[i].x]=query[i].y;
                                                                      pushup(ntr,l,r);
              }
                                                                      return ntr;
         }
                                                                 Il query(int rt,int ql,int qr,int l,int r,ll add)
     return 0;
}
                                                                      if(1>=ql\&\&r<=qr){}
                                                                           return (add+lazy[rt])*(r-l+1LL)+sum[rt];
可持久化动态区间和
                                                                      int mid=(1+r)/2;
int n,m,tot,TM;
int T[MAX<<2],lson[MAX*40],rson[MAX*40];</pre>
                                                                      II re=0;
II lazy[MAX*40],sum[MAX*40];
char opt[10];
                                                                 if(ql<=mid)re+=query(lson[rt],ql,qr,l,mid,add+lazy[rt]);</pre>
int build(int l,int r)
                                                                 if(qr>mid)re+=query(rson[rt],ql,qr,mid+1,r,add+lazy[rt]);
     int re=tot++;lazy[re]=sum[re]=0;
                                                                      return re;
     if(l==r){}
                                                                 }
          scanf("%lld",&sum[re]);return re;
                                                                 bool st;
    }
                                                                 int main()
```

```
int mid=(1+r)/2;
                                                                      if(lo<=mid)insert(T[k].l,lo,l,mid);
    while(~scanf("%d%d",&n,&m))
    {
                                                                      else insert(T[k].r,lo,mid+1,r);
          if(st)printf("\n");st=1;
                                                                 }
          tot=TM=0;
                                                                 Il query(int rl,int rr,int &cnt,int l,int r){
          T[0]=build(1,n);
                                                                      if(!cnt||rl==rr)return OLL;
          while(m--){
                                                                      if(T[rr].cnt-T[rl].cnt<=cnt){</pre>
               scanf("%s",opt);
                                                                           cnt-=T[rr].cnt-T[rl].cnt;
               if(opt[0]=='C'){}
                                                                           return T[rr].sum-T[rl].sum;
                    int
                                                        I.r:II
                                                                      }
d; scanf("%d%d%IId",&I,&r,&d); T[TM+1] = Insert(T[TM],I,r,1,
                                                                      if(l==r){}
n,d);++TM;
                                                                           int ge=min(cnt,T[rr].cnt-T[rl].cnt);
              }
                                                                           cnt-=ge;
               else if(opt[0]=='Q')\{
                                                                           return 1LL*ge*l;
                                                                      }
                    int
I,r;scanf("%d%d",&I,&r);printf("%IId\n",query(T[TM],I,r,1,n,0)
                                                                      int cnt_r=T[T[rr].r].cnt-T[T[rl].r].cnt;
));
                                                                      int mid=(1+r)/2;
                                                                      Il re=query(T[rl].r,T[rr].r,cnt,mid+1,r);
               else if(opt[0]=='H'){
                                                                      re+=query(T[rl].l,T[rr].l,cnt,l,mid);
                    int
                                                                      return re;
l,r,t; scanf("%d%d%d",&l,&r,&t); printf("%lld\n",query(T[t],l,r,
                                                                 }
1,n,0));
                                                                 int n,q;
                                                                 II pre[MAX];//前缀和
              }
               else{
                                                                 int ql[MAX*5],qr[MAX*5],qk[MAX*5];
                                                                 Il ans[MAX*5];
                    int
t;scanf("%d",&t);TM=t;tot=T[TM+1];
                                                                 int a[MAX];
              }
                                                                 int main(){
                                                                      read(n);read(q);
                                                                      for(int i=1;i <=n;i++)
         }
    }
                                                                           read(a[i]),pre[i]=pre[i-1]+a[i];
     return 0;
}
                                                                 i=1;i <=q;i++)read(ql[i]),read(qr[i]),read(qk[i]),ans[i]=pre[
                                                                 qr[i]]-pre[ql[i]-1];
例 1-wannafly-wintercamp-2019-Day5-C-查询区间
最多 k 次某数除 2 后的最小和
                                                                      for(int i=30;i>=0;i--){
struct node{
                                                                           tcnt=0; lim=1 << (i+1);
     int I,r,cnt;
                                                                           int minlim=1<<i;
     Il sum;
                                                                           for(int j=1; j <= n; j++){
}T[MAX*100];
                                                                                rt[i]=rt[i-1];
int tcnt,lim;
                                                                                while((a[j]-a[j]/2) > = minlim)
int rt[MAX];
                                                                                     insert(rt[j],a[j]-a[j]/2,1,lim),a[j]/=2;
void insert(int &k,int lo,int l,int r){
     T[++tcnt]=T[k];k=tcnt;//可以避免初始化整个主席
                                                                           for(int j=1;j <=q;j++)
树结点池
                                                                                if(qk[i])
     ++T[k].cnt;T[k].sum+=lo;
                                                                                     ans[j]-=query(rt[ql[j]-
     if(I==r)return;
                                                                 1],rt[qr[j]],qk[j],1,lim);
```

```
splay
     for(int j=1;j \le q;j++)printf("%||d\n",ans[j]);
                                                                0.普通 splay 模版
     return 0:
}
                                                                int ch[N][2], par[N], val[N], cnt[N], size[N], ncnt, root;
并查集
                                                                bool chk(int x) {
例 1-wannafly-wintercamp2019-Day3-I
                                                                      return ch[par[x]][1] == x;
int fa[MAX];
                                                                }
int val[MAX];
inline int getfa(int x){
                                                                void pushup(int x) {
     if(fa[x]==x)return x;
                                                                      size[x] = size[ch[x][0]] + size[ch[x][1]] + cnt[x];
     int y=getfa(fa[x]);
                                                                }
     if(fa[x]!=y)
          muli(val[x],val[fa[x]]);
                                                                void rotate(int x) {
                                                                      int y = par[x], z = par[y], k = chk(x), w = ch[x][k^1];
     fa[x]=y;
     return y;
                                                                     ch[y][k] = w; par[w] = y;
}
                                                                      ch[z][chk(y)] = x; par[x] = z;
int n,m,mi;
                                                                      ch[x][k^1] = y; par[y] = x;
int v1 3,v2 3;
                                                                      pushup(y); pushup(x);
int main(){
                                                                }
     read(n);read(m);
                                                                void splay(int x, int goal = 0) {
     mi=powMM(3,n,MOD);
    v1_3 = powMM(3,MOD-2,MOD);
                                                                     while (par[x] != goal) {
    v2 3=mul(2,powMM(3,MOD-2,MOD));
                                                                          int y = par[x], z = par[y];
     for(int i=1;i <= n;i++)fa[i]=i,val[i]=1;
                                                                          if (z != goal) {
     while(m--){
                                                                                if (chk(x) == chk(y)) rotate(y);
         int opt;
                                                                               else rotate(x);
          read(opt);
                                                                          }
          if(opt==1){
                                                                          rotate(x);
              int x,y;
                                                                     }
               read(x);read(y);
                                                                      if (!goal) root = x;
               muli(val[x],v2_3);muli(val[y],v1_3);
                                                                }
               muli(val[y],powMM(val[x],MOD-2,MOD));
              fa[y]=x;
                                                                void insert(int x) {
         }
                                                                     int cur = root, p = 0;
          else{
                                                                     while (cur && val[cur] != x) {
              int x;read(x);
                                                                          p = cur;
                                                                          cur = ch[cur][x > val[cur]];
              int rt=getfa(x);
              int ans=mul(val[x],mi);
                                                                     }
               if(x!=rt)muli(ans,val[rt]);
                                                                     if (cur) {
               printf("%d\n",ans);
                                                                          cnt[cur]++;
         }
                                                                     } else {
    }
                                                                          cur = ++ncnt;
     return 0;
                                                                          if (p) ch[p][x > val[p]] = cur;
}
                                                                          ch[cur][0] = ch[cur][1] = 0;
```

```
par[cur] = p; val[cur] = x;
          cnt[cur] = size[cur] = 1;
     }
     splay(cur);
}
void find(int x) {
     int cur = root;
     while (ch[cur][x > val[cur]] \&\& x != val[cur]) {
          cur = ch[cur][x > val[cur]];
     }
     splay(cur);
}
int kth(int k) {
     int cur = root;
     while (1) {
          if (ch[cur][0] && k <= size[ch[cur][0]]) {
               cur = ch[cur][0];
         k -= size[ch[cur][0]] + cnt[cur];
               cur = ch[cur][1];
         } else {
               return cur;
         }
     }
}
int pre(int x) {
     find(x);
     if (val[root] < x) return root;
     int cur = ch[root][0];
     while (ch[cur][1]) cur = ch[cur][1];
     return cur;
}
int succ(int x) {
     find(x);
     if (val[root] > x) return root;
     int cur = ch[root][1];
     while (ch[cur][0]) cur = ch[cur][0];
     return cur;
}
void remove(int x) {
```

```
int last = pre(x), next = succ(x);
    splay(last); splay(next, last);
    int del = ch[next][0];
    if (cnt[del] > 1) {
         cnt[del]--;
         splay(del);
    }
    else ch[next][0] = 0;
}
int n, op, x;
int main() {
    scanf("%d", &n);
    insert(0x3f3f3f3f);
    insert(0xcfcfcfcf);
    while (n--) {
         scanf("%d%d", &op, &x);
         switch (op) {
             case 1: insert(x); break;
             case 2: remove(x); break;
                                         printf("%d\n",
             case
                       3:
                              find(x);
size[ch[root][0]]); break;
             case 4: printf("%d\n", val[kth(x+1)]); break;
             case 5: printf("%d\n", val[pre(x)]); break;
             case 6: printf("%d\n", val[succ(x)]); break;
         }
    }
}
例 1-NOI2005-维修数列
//以下 splay 先插入了两个-INF(一个在前一个在后)
所以下标实际 (不算-INF) 从 1 开始 但建线段树不包含
两个 INF
int
size[MAX],sum[MAX],upd[MAX],rev[MAX],la[MAX],ra[M
AX],gss[MAX];
int val[MAX],ch[MAX][2],par[MAX],ncnt,root;
queue<int>q;
//回收 x 子树(线段树中对应的子树?)
void recycle(int x){
    if(ch[x][0])recycle(ch[x][0]);
    if(ch[x][1])recycle(ch[x][1]);
    q.push(x);
//使用垃圾回收机制的创建新结点
```

```
sum[r]=val[x]*size[r];
inline int newNode(int x){
     int cur;
                                                                            la[r]=ra[r]=max(sum[r],0);
     if(q.empty())cur=++ncnt;
                                                                            gss[r]=val[x]<0?val[x]:sum[r];
                                                                       }
     else cur=q.front(),q.pop();
     ch[cur][0]=ch[cur][1]=par[cur]=0;
                                                                  }
     val[cur]=sum[cur]=gss[cur]=x;
                                                                  if(rev[x]){
     la[cur]=ra[cur]=max(0,x);
                                                                       rev[I]^{=1};rev[r]^{=1};rev[x]=0;
     upd[cur]=rev[cur]=0;
                                                                       swap(la[l],ra[l]);swap(la[r],ra[r]);
     size[cur]=1;
                                                                       swap(ch[l][0],ch[l][1]);
     return cur;
                                                                       swap(ch[r][0],ch[r][1]);
}
                                                                  }
//x 在其 fa 的哪个方向上(0 左 1 右 儿子)
                                                             }
inline bool chk(int x){
                                                             //splay 操作 将 x 结点移动到 goal 的子节点 (默认 goal
     return ch[par[x]][1]==x;
                                                             是 0 表示将 x 移动到根)
}
                                                             inline void splay(int x,int goal=0){
//线段树中的 pushup
                                                                  while(par[x]!=goal){
inline void pushup(int x){
                                                                       int y=par[x],z=par[y];
     int l=ch[x][0], r=ch[x][1];
                                                                       if(z!=goal){
     size[x]=size[l]+size[r]+1;//??一个结点只有一个点?
                                                                           if(chk(x) = chk(y))rotate(y);
     sum[x]=sum[l]+sum[r]+val[x];
                                                                            else rotate(x);
     la[x]=max(la[l],sum[l]+val[x]+la[r]);
                                                                       }
     ra[x]=max(ra[r],sum[r]+val[x]+ra[l]);
                                                                       rotate(x);
     gss[x]=max(ra[l]+val[x]+la[r],max(gss[l],gss[r]));
                                                                  }
}
                                                                  if(!goal)root=x;
//单次旋转 将 x 旋转到其 fa 的位置
                                                             }
inline void rotate(int x){
                                                             //建立二叉(类线段树用 splay 维护)
     int y=par[x],z=par[y],k=chk(x),w=ch[x][k^1];
                                                             int build(int l,int r,int *arr){
     ch[y][k]=w;par[w]=y;
                                                                  if(I>r)return 0;
     ch[z][chk(y)]=x;par[x]=z;
                                                                  int mid=(I+r)>>1,cur=newNode(arr[mid]);
     ch[x][k^1]=y;par[y]=x;
                                                                  if(l==r)return cur;
     pushup(y);pushup(x);
                                                                  if((ch[cur][0]=build(l,mid-1,arr)))par[ch[cur][0]]=cur;
}
//下传 lazy 标记(这里是 lazy 和 rev)
                                                             if((ch[cur][1]=build(mid+1,r,arr)))par[ch[cur][1]]=cur;
inline void pushdown(int x){
                                                                  pushup(cur);
     int l=ch[x][0],r=ch[x][1];
                                                                  return cur;
     if(upd[x]){}
                                                             }
         upd[x]=rev[x]=0;
                                                             //查询第 k 个
         if(I){
                                                             inline int kth(int k){
              upd[l]=1;val[l]=val[x];
                                                                  int cur=root;
              sum[l]=val[x]*size[l];
                                                                  while(1){
              la[I]=ra[I]=max(sum[I],0);
                                                                       pushdown(cur);
              gss[l]=val[x]<0?val[x]:sum[l];
                                                                       if(ch[cur][0]&&k<=size[ch[cur][0]])
         }
                                                                            cur=ch[cur][0];
         if(r){
                                                                       else if(k>size[ch[cur][0]]+1){
                                                                            k-=size[ch[cur][0]]+1;cur=ch[cur][1];
              upd[r]=1;val[r]=val[x];
```

```
int w=ch[v][0];
                                                                upd[w]=1;val[w]=z;sum[w]=size[w]*z;
         else return cur;
    }
                                                                la[w]=ra[w]=max(0,sum[w]);
                                                                gss[w]=z<0?z:sum[w];
//在 x 位置后插入 y
                                                                pushup(v);pushup(u);
inline void insert(int x,int y){
                                                           }
    int u=kth(x+1),v=kth(x+2);
                                                           int n,m;
                                                            int arr[MAX];
    splay(u);splay(v,u);
                                                            char buf[35];
    ch[v][0]=y;par[y]=v;
    pushup(v);pushup(u);
                                                            int main(){
}
                                                                read(n);read(m);
//查询数组 x 开始 y 个元素之间的和
                                                                for(int i=2;i<=n+1;i++)read(arr[i]);
inline int qsum(int x,int y){
                                                                gss[0]=val[0]=0xcfcfcfcf;
    int u=kth(x),v=kth(x+y+1);
                                                                arr[1]=arr[n+=2]=0xcfcfcfcf;
    splay(u);splay(v,u);
                                                                build(1,n,arr);root=1;
    return sum[ch[v][0]];
                                                                while(m--){
}
                                                                     scanf("%s",buf);
//最大子段和
                                                                     int x,y,z;
inline int qgss(){
                                                                     switch((buf[2]+buf[1])^*buf){
                                                                          case 'G'^('E'+'T')://查询区间和
    return gss[root];
}
                                                                              scanf("%d%d", &x, &y);
//删除数组 x 开始 y 个元素
                                                                              printf("%d\n", qsum(x, y));
inline void remove(int x,int y){
                                                                              break:
                                                                          case 'M'^('A'+'X')://查询最大子段和
    int u=kth(x),v=kth(x+y+1);
                                                                              printf("%d\n", qgss());
    splay(u);splay(v,u);
    recycle(ch[v][0]);
                                                                              break;
                                                                          case 'R'^('E'+'V')://reverse 区间
    ch[v][0]=0;
    pushup(v);pushup(u);
                                                                              scanf("%d%d", &x, &y);
}
                                                                              reverse(x, y);
                                                                              break;
//翻转整个区间相当于翻转每个区间的两部分
inline void reverse(int x,int y){
                                                                          case 'M'^('A'+'K')://更新区间
    int u=kth(x),v=kth(x+y+1);
                                                                              scanf("%d%d%d", &x, &y, &z);
    splay(u);splay(v,u);
                                                                              update(x, y, z);
    int w=ch[v][0];
                                                                              break;
    if(!upd[w]){//若非整体更新
                                                                          case 'D'^('E'+'L')://删除区间
                                                                              scanf("%d%d", &x, &y);
         rev[w]^=1;
         swap(ch[w][0],ch[w][1]);
                                                                              remove(x, y);
         swap(la[w],ra[w]);
                                                                              break:
                                                                          case 'I'^('N'+'S')://插入新区间(对应于一
         pushup(v);pushup(u);
                                                            个子树)
    }
}
                                                                              scanf("%d%d", &x, &y);
//将[x,y]区间更新为 z
                                                                              memset(arr, 0, sizeof arr);
inline void update(int x,int y,int z){
                                                                              for (int i = 1; i <= y; i++) {
    int u=kth(x),v=kth(x+y+1);
                                                                                   scanf("%d", arr+i);
    splay(u);splay(v,u);
                                                                              }
```

```
insert(x, build(1, y, arr));
                                                                           rotate(x);
                    break;
                                                                      }
          }
                                                                      if(!goal)root=x;
     }
                                                                 }
     return 0;
                                                                 int build(int l,int r,int *arr){
}
                                                                      if(l>r)return 0;
例 2-牛客 2018 第 3 场 C
                                                                      int mid=(I+r)>>1,cur=newNode(arr[mid]);
int size[MAX],val[MAX],ch[MAX][2],par[MAX];
                                                                      if(l==r)return cur;
int ncnt,root;
                                                                      if((ch[cur][0]=build(l,mid-1,arr)))par[ch[cur][0]]=cur;
queue<int>q;
                                                                 if((ch[cur][1]=build(mid+1,r,arr)))par[ch[cur][1]]=cur;
void recycle(int x){
     if(ch[x][0])recycle(ch[x][0]);
                                                                      pushup(cur);
     if(ch[x][1])recycle(ch[x][1]);
                                                                      return cur;
     q.push(x);
                                                                 }
}
                                                                 inline int kth(int k){
inline int newNode(int x){
                                                                      int cur=root;
     int cur:
                                                                      while(1){
     if(q.empty())cur=++ncnt;
                                                                           if(ch[cur][0]&&k<=size[ch[cur][0]])
     else cur=q.front(),q.pop();
                                                                                cur=ch[cur][0];
     ch[cur][0]=ch[cur][1]=par[cur]=0;
                                                                           else if(k>size[ch[cur][0]]+1)
                                                                                k-=size[ch[cur][0]]+1,cur=ch[cur][1];
     val[cur]=x;
     size[cur]=1;
                                                                           else return cur:
                                                                      }
     return cur;
}
                                                                 }
inline bool chk(int x){
                                                                 inline void insert(int x,int y){
     return ch[par[x]][1]==x;
                                                                      int u=kth(x+1),v=kth(x+2);
}
                                                                      splay(u);splay(v,u);
inline void pushup(int x){
                                                                      ch[v][0]=y;par[y]=v;
     int l=ch[x][0], r=ch[x][1];
                                                                      pushup(v);pushup(u);
     size[x]=size[l]+size[r]+1;
                                                                 inline int remove(int x,int y){
inline void rotate(int x){
                                                                      int u=kth(x),v=kth(x+y+1);
     int y=par[x],z=par[y],k=chk(x),w=ch[x][k^1];
                                                                      splay(u);splay(v,u);
     ch[y][k]=w;par[w]=y;
                                                                      int re=ch[v][0];
     ch[z][chk(y)]=x;par[x]=z;
                                                                 //
                                                                        recycle(ch[v][0]);
     ch[x][k^1]=y;par[y]=x;
                                                                      ch[v][0]=0;
     pushup(y);pushup(x);
                                                                      pushup(v);pushup(u);
}
                                                                      return re;
inline void splay(int x,int goal=0){
                                                                 }
                                                                 void dfs(int now){
     while(par[x]!=goal){
          int y=par[x],z=par[y];
                                                                      if(ch[now][0])dfs(ch[now][0]);
          if(z!=goal){
                                                                      if(val[now] > = 1)
               if(chk(x)==chk(y))rotate(y);
                                                                           printf("%d ",val[now]);
               else rotate(x);
                                                                      if(ch[now][1])dfs(ch[now][1]);
          }
                                                                 }
```

```
if(r)minv[x]=min(minv[x],minv[r]),maxv[x]=max(maxv[x],
int n.m:
int a[MAX],b[MAX];
                                                               maxv[r]);
int main(){
                                                               }
                                                               inline void rotate(int x){
     read(n);read(m);
     for(int i=2;i <= n+1;i++)a[i]=i-1;
                                                                    int y=par[x], z=par[y], k=chk(x), w=ch[x][k^1];
     a[1]=a[n+=2]=0xff3f3f3f;
                                                                    ch[y][k]=w;par[w]=y;
     build(1,n,a);root=1;
                                                                    ch[z][chk(y)]=x;par[x]=z;
     while(m--){
                                                                    ch[x][k^1]=y;par[y]=x;
                                                                    pushup(y);pushup(x);
         int x,y;
          read(x);read(y);
                                                               inline void pushdown(int x){
          if(x==1)continue;
          int z=remove(1,x-1);
                                                                    int l=ch[x][0],r=ch[x][1];
                                                                    if(lazy[x]){
          insert(y,z);
     }
                                                                         if(I){}
     dfs(root);
                                                                              lazy[l]+=lazy[x];
     return 0;
                                                                              minv[l]+=lazy[x];maxv[l]+=lazy[x];
                                                                              val[l]+=lazy[x];
}
                                                                              sum[l]+=lazy[x]*size[l];
例 3-维护区间和、最值及区间翻转-2019MW-camp-
                                                                         }
                                                                         if(r){
Day4-K
int size[MAX],rev[MAX],lazy[MAX];
                                                                              lazy[r]+=lazy[x];
int ch[MAX][2],par[MAX];
                                                                              minv[r]+=lazy[x];maxv[r]+=lazy[x];
II minv[MAX],maxv[MAX],val[MAX],sum[MAX];
                                                                              val[r]+=lazy[x];
int ncnt,root;
                                                                              sum[r]+=lazy[x]*size[r];
inline int newNode(int x){
                                                                         }
     int cur=++ncnt;
                                                                         lazy[x]=0;
     ch[cur][0]=ch[cur][1]=par[cur]=0;
                                                                    }
     val[cur]=sum[cur]=minv[cur]=maxv[cur]=x;
                                                                    if(rev[x]){
                                                                         rev[1]^{=1};rev[r]^{=1};rev[x]=0;
     lazy[cur]=0;
     size[cur]=1;
                                                                         swap(ch[l][0],ch[l][1]);
     rev[cur]=0;
                                                                         swap(ch[r][0],ch[r][1]);
                                                                    }
     return cur;
}
inline bool chk(int x){
                                                               inline void splay(int x,int goal=0){
     return ch[par[x]][1]==x;
                                                                    while(par[x]!=goal){
}
                                                                         int y=par[x],z=par[y];
void pushup(int x){
                                                                         if(z!=goal){
     int l=ch[x][0],r=ch[x][1];
                                                                              if(chk(x) = chk(y))rotate(y);
     size[x]=size[l]+size[r]+1;
                                                                              else rotate(x);
                                                                         }
     sum[x]=sum[l]+sum[r]+val[x];
     minv[x]=maxv[x]=val[x];
                                                                         rotate(x);
if(I)minv[x]=min(minv[x],minv[I]),maxv[x]=max(maxv[x],
                                                                    if(!goal)root=x;
maxv[l]);
                                                               int build(int l,int r,int *arr){
```

```
if(I>r)return 0:
     int mid=(I+r)>>1,cur=newNode(arr[mid]);
     if(I==r)return cur;
     if((ch[cur][0]=build(l,mid-1,arr)))par[ch[cur][0]]=cur;
if((ch[cur][1]=build(mid+1,r,arr)))par[ch[cur][1]]=cur;
     pushup(cur);
     return cur;
}
inline int kth(int k){
     int cur=root;
     while(1){
          pushdown(cur);
if(ch[cur][0]&&k<=size[ch[cur][0]])cur=ch[cur][0];
          else if(k>size[ch[cur][0]]+1){
               k-=size[ch[cur][0]]+1;cur=ch[cur][1];
          else return cur;
     }
inline void query(int x,int y){
     int u=kth(x),v=kth(y+2);
     splay(u);splay(v,u);
     int I=ch[v][0];
     printf("%||d %||d %||d\n",sum[|],minv[|],maxv[|]);
inline void reverse(int x,int y){
     int u=kth(x),v=kth(y+2);
     splay(u);splay(v,u);
     int w=ch[v][0];
     rev[w]^=1;
     swap(ch[w][0],ch[w][1]);
     pushup(v);pushup(u);
}
inline void update(int x,int y,int c){//Çø¼ä¼óc
     int u=kth(x),v=kth(y+2);
     splay(u);splay(v,u);
     int w=ch[v][0];
     minv[w]+=c;maxv[w]+=c;val[w]+=c;lazy[w]+=c;
     sum[w]+=1LL*size[w]*c;
     pushup(v);pushup(u);
}
int n,m;
int a[MAX];
```

```
char opt[10];
int main(){
    read(n);
    for(int i=2;i \le n+1;i++)read(a[i]);
    minv[0]=minv[n+2]=INF;
    \max_{0}=\max_{n+2}-1NF_{n+2}
    build(1,n,a);root=1;
    read(m);
    while(m--){
        int l.r.v:
        scanf("%s%d%d",opt,&I,&r);
        if(opt[0]=='c'){}
            read(v);
            update(l,r,v);
        }
        else if(opt[0]=='r')reverse(l,r);
        else query(l,r);
    return 0;
}
link-cut tree
模版-例 3-BZOJ2631-动态维护树结构及路径加乘查询
使用 LCT 求 LCA
第一个点 expose (即 access)
第二个点 expose (即 access)
最后一次把虚边变成实边的位置
考虑第一次先将第一个点 access 则根到其路径为一条
实边
第二次 access 时, 是想使第二个点到根的路径变成实边,
与原本的实路径一定有交
int n,m;
int
val[MAX],sum[MAX],size[MAX],mval[MAX],aval[MAX],fa[
MAX],rev[MAX];
int ch[MAX][2],stk[MAX];
void cal(int k,int mulv,int addv){//用 mulv\addv 更新 k 结
点
    if(!k)return;
    val[k]=(val[k]*mulv+addv)%MOD;
    sum[k]=(sum[k]*mulv+addv*size[k])%MOD;
    aval[k]=(aval[k]*mulv+addv)%MOD;//要下传的加的
数的标记
```

mval[k]=mval[k]*mulv%MOD;//要下传的乘标记

```
bool isroot(int k){//是否是所在 splay 的根
    return ch[fa[k]][0]!=k&&ch[fa[k]][1]!=k;
void pushup(int k){//由子节点更新父节点的 pushup
                                                              }
    int l=ch[k][0],r=ch[k][1];
                                                          }
    sum[k]=(sum[l]+sum[r]+val[k])%MOD;
    size[k]=(size[l]+size[r]+1)%MOD;
}
void pushdown(int k){//父节点根据其标记向下更新
    int l=ch[k][0],r=ch[k][1];
    if(rev[k]){//整个区间需要反转
         rev[k]^{=1};rev[l]^{=1};rev[r]^{=1};
         swap(ch[k][0],ch[k][1]);
    }
                                                          }
    int tem_mul=mval[k],tem_add=aval[k];
    mval[k]=1;aval[k]=0;
                                                          是否合法)
    if(tem_mul!=1||tem_add!=0){
         cal(l,tem_mul,tem_add);
                                                          }
         cal(r,tem_mul,tem_add);
                                                          是否合法
    }
}
void rotate(int x){//旋转 x 至其 fa 的位置
                                                          是x
    int y=fa[x],z=fa[y],l,r;
    I=(ch[y][1]==x);r=I^1;
                                                          }
                                                          int main(){
    if(!isroot(y))ch[z][ch[z][1]==y]=x;
    fa[x]=z;fa[y]=x;fa[ch[x][r]]=y;
    ch[y][l]=ch[x][r];ch[x][r]=y;
    pushup(y);pushup(x);
}
void splay(int x){//旋转 x 至其在的 splay 的根
                                                              }
    int top=0;stk[++top]=x;
    for(int i=x;!isroot(i);i=fa[i])
         stk[++top]=fa[i];//将要更新的路径入栈
    while(top)pushdown(stk[top--]);// 一路向下
pushdown 更新
    while(!isroot(x)){
         int y=fa[x],z=fa[y];
         if(!isroot(y)){
             if(ch[y][0]==x^ch[z][0]==y)rotate(x);
             else rotate(y);
         }
         rotate(x);
    }
}
                                                                   }
```

```
void access(int x){//将 x 到根的路径的边变为实边
    for(int i=0;x;i=x,x=fa[x]){
        splay(x);ch[x][1]=i;pushup(x);//强行修改了其右
儿子 需要 pushup
void makeroot(int x){//将 x 设置为新的真·树根
    access(x);splay(x);//此时 x 只有左儿子无右儿子(因
为 x 为该路径的深度最大点)
    rev[x]^=1;//反转 x 到原本的真·树根的路径
void split(int x,int y){//将 y 设置成真·树根 并将 x 放到辅
助树的根 方便处理
    makeroot(y);access(x);splay(x);
void link(int x,int y){//连接 x\y 这条边 (未在函数中判断
    makeroot(x);fa[x]=y;
void cut(int x,int y){//切断 x/y 这条边 同样未判断操作
    makeroot(x);access(y);splay(y);//此时ch[y][0]就应该
    ch[y][0]=fa[x]=0;
    read(n);read(m);
    for(int i=1;i <= n;i++)val[i]=sum[i]=mval[i]=size[i]=1;
    for(int u,v,i=1;i< n;i++){
        read(u);read(v);link(u,v);
    char opt[10];
    while(m--){
        scanf("%s",opt);
        int u,v;read(u);read(v);
        if(opt[0]=='+'){//u 到 v 的路径加 c
            int c;read(c);
            split(u,v);//此时 u 只有左儿子无右儿子
            //且 u 的左子树即为要更新的路径
            cal(u,1,c);
        else if(opt[0]=='-'){//切断 u v 加新边 u' v'
            cut(u,v);read(u);read(v);
            link(u,v);
```

```
else if(opt[0]=='*'){//u 到 v 的路径乘 c
                                                                       int y=par[x],z=par[y];
              int c;read(c);
                                                                       if(!isroot(y)){
              split(u,v);cal(u,c,0);
                                                                            if(ch[y][0] = x^ch[z][0] = y)
         }
                                                                                 rotate(x);
         else if(opt[0]=='/'){//求 u 导 v 的路径的权值和
                                                                            else rotate(y);
              split(u,v);printf("%d\n",sum[u]);
                                                                       }
         }
                                                                       rotate(x);
                                                                  }
    }
                                                             }
    return 0;
                                                             void access(int x){
                                                                  int t=0;
例 1-BZOJ2049-动态删边加边查询连通性(保证连通只
                                                                  while(x){
有是树)
                                                                       splay(x);
int n,m;
                                                                       ch[x][1]=t;
int par[MAX],ch[MAX][2];
                                                                       t=x;x=par[x];
int stk[MAX];//pushdown 的栈
                                                                  }
bool rev[MAX];
inline bool isroot(int x){//是否是该 splay 的根
                                                              //将 x 设为根后 x 到原本根的路径的点的深度发生了反
     return ch[par[x]][0]!=x\&&ch[par[x]][1]!=x;
                                                              转
                                                              //这里的 rever 函数实际上是重设真实树根
}
void pushdown(int k){
                                                              void rever(int x){
    int l=ch[k][0], r=ch[k][1];
                                                                   access(x);
    if(rev[k]){
                                                                  splay(x);
         rev[k]^{=1};rev[l]^{=1};rev[r]^{=1};
                                                                   assert(ch[x][1]==0);
         swap(ch[k][0],ch[k][1]);
                                                                  rev[x]^=1;
    }
}
                                                              void link(int x,int y){
void rotate(int x){
                                                                   rever(x);par[x]=y;splay(x);
    int y=par[x],z=par[y],l,r;
                                                             }
    if(ch[y][0]==x)l=0;
                                                              void cut(int x,int y){
    else I=1;
                                                                   rever(x);access(y);splay(y);
    r=I^1:
                                                                   ch[y][0]=par[x]=0;
    if(!isroot(y)){
                                                              }
         if(ch[z][0]==y)ch[z][0]=x;
                                                             int find(int x){
         else ch[z][1]=x;
                                                                   access(x);splay(x);
                                                                  int y=x;while(ch[y][0])y=ch[y][0];
    par[x]=z;par[y]=x;par[ch[x][r]]=y;
                                                                   return y;
    ch[y][l]=ch[x][r];ch[x][r]=y;
                                                             }
                                                              char opt[10];
}
void splay(int x){
                                                              int main(){
    int top=0;stk[++top]=x;
                                                                   read(n);read(m);
    for(int i=x;!isroot(i);i=par[i])
                                                                  while(m--){
         stk[++top]=par[i];
                                                                       scanf("%s",opt);
    for(int i=top;i;i--)pushdown(stk[i]);
                                                                       int u,v;read(u);read(v);
    while(!isroot(x)){
                                                                       if(opt[0]=='C')link(u,v);
```

```
else if(opt[0]=='D')cut(u,v);
                                                                                 if(ch[y][0]==x^ch[z][0]==y)rotate(x);
          else{
                                                                                 else rotate(y);
               if(find(u)==find(v))puts("Yes");
                                                                           }
               else puts("No");
                                                                           rotate(x);
          }
                                                                      }
     }
                                                                 }
     return 0;
                                                                 void access(int x){
                                                                      int t=0;
}
                                                                      while(x){
例 2-BZOJ2002-维护 splay 子树大小
                                                                           splay(x);ch[x][1]=t;
                                                                           t=x;x=fa[x];
int n,m;
//par、fa 分别是辅助树和实际树的父亲结点
                                                                      }
int next[MAX],fa[MAX],ch[MAX][2],size[MAX],stk[MAX];
bool rev[MAX];
                                                                 void rever(int x){
inline bool isroot(int k){
                                                                      access(x);splay(x);rev[x]^=1;
     return ch[fa[k]][0]!=k&&ch[fa[k]][1]!=k;
                                                                 }
                                                                 void link(int x,int y){
}
inline void pushup(int k){
                                                                      rever(x);fa[x]=y;splay(x);
     size[k]=size[ch[k][0]]+size[ch[k][1]]+1;
                                                                 }
                                                                 void cut(int x,int y){
}
void pushdown(int k){
                                                                      rever(x);access(y);splay(y);ch[y][0]=fa[x]=0;
     int l=ch[k][0], r=ch[k][1];
                                                                 }
                                                                 int main(){
     if(rev[k]){
          rev[k]^{=1};rev[l]^{=1};rev[r]^{=1};
                                                                      read(n);
          swap(ch[k][0],ch[k][1]);
                                                                      for(int i=1;i <= n;i++){
                                                                           int x;read(x);
     }
}
                                                                           fa[i]=x+i;size[i]=1;
void rotate(int x){
                                                                           if(fa[i]>n+1)fa[i]=n+1;
                                                                           next[i]=fa[i];
     int y=fa[x],z=fa[y],l,r;
     if(ch[y][0]==x)l=0;else l=1;r=l^1;
                                                                      }
     if(!isroot(y)){
                                                                      size[n+1]=1;
          if(ch[z][0]==y)ch[z][0]=x;
                                                                      read(m);
          else ch[z][1]=x;
                                                                      for(int i=1;i <= m;i++){
                                                                           int opt;read(opt);
     }
     fa[x]=z;fa[y]=x;fa[ch[x][r]]=y;
                                                                           if(opt==1){
     ch[y][l] = ch[x][r]; ch[x][r] = y;
                                                                                 rever(n+1);int u;read(u);++u;
     pushup(y);pushup(x);
}
                                                                 access(u);splay(u);printf("%d\n",size[ch[u][0]]);
void splay(int x){
                                                                           }
     int top=0;stk[++top]=x;
                                                                           else{
     for(int i=x;!isroot(i);i=fa[i])stk[++top]=fa[i];
                                                                                 int x,y;read(x);read(y);++x;
     for(int i=top;i;i--)pushdown(stk[i]);
                                                                                 int tar=min(n+1,x+y);
     while(!isroot(x)){
                                                                                 cut(x,next[x]);link(x,tar);next[x]=tar;
          int y=fa[x],z=fa[y];
                                                                           }
                                                                      }
          if(!isroot(y)){
```

```
return 0:
}
例 4-UOJ207-询问路径集合是否都经过某边
ID,n,m,father[MAXN],tag[MAXN],tr[MAXN][2],top,stack[
MAXN],cnt;
int sum[MAXN],val[MAXN],S;
//sum 表示子树内所有的点的异或和,val 表示 x 加上虚
儿子子树的异或和
struct node{ int x,y,z; }e[MAXN];
inline bool isroot(int x){
     return (tr[father[x]][0]!=x) \&\& (tr[father[x]][1]!=x);
}
inline void update(int x){
    sum[x]=sum[tr[x][0]]^sum[tr[x][1]]^val[x];
    }
inline int getint(){
    int w=0,q=0; char c=getchar(); while((c<'0'||c>'9')
&& c!='-') c=getchar();
    if(c=='-') q=1,c=getchar(); while (c>='0'&&c<='9')
w=w*10+c-'0',c=getchar(); return q?-w:w;
inline void pushdown(int x){
    if(tag[x]==0) return;
    int I=tr[x][0],r=tr[x][1];
    tag[I]^=1; tag[r]^=1; swap(tr[x][0],tr[x][1]);
    tag[x]=0;
}
inline void rotate(int x){
    int y=father[x],z=father[y];
    int l,r; l=(tr[y][1]==x); r=l^1;
    if(!isroot(y)) tr[z][(tr[z][1]==y)]=x;
    father[x]=z; father[y]=x;
    tr[y][l] = tr[x][r]; father[tr[x][r]] = y; tr[x][r] = y;
    update(y); update(x);
}
inline void splay(int x){
    top=0; stack[++top]=x;
                                 i=x;!isroot(i);i=father[i])
    for(int
stack[++top]=father[i];
    for(int i=top;i>=1;i--) pushdown(stack[i])/*!!!不是
top 啊!!!*/;
```

```
int y,z;
    while(!isroot(x)) {
         y=father[x]; z=father[y];
         if(!isroot(y)) {
             if((tr[z][0]==y) \land (tr[y][0]==x)) rotate(x);
             else rotate(y);
         }
         rotate(x);
    }
}
inline void access(int x){
    int last=0;
    while(x){
         splay(x);
         val[x]^=sum[tr[x][1]];//把原来的右儿子加入虚
儿子的统计中
         //而对于 sum 数组即整个子树没有变化, 所以
无需考虑
         val[x]^=sum[last];//把原来是虚儿子的去掉
         tr[x][1]=last;//!!!
         update(x);//!!!顺序
         last=x; x=father[x];
    }
}
inline void move_to_root(int x){
    access(x);
    splay(x);
    tag[x]^=1;
}
inline void link(int x,int y){
    move_to_root(x);
    move_to_root(y);//!!!必须要把 y 也变成根,不然修
改了 y 之后修改不到 y 的祖先, 把 y 变成根节点就可以
只修改自己了
    father[x]=y; val[y]^=sum[x];//加入 x 的贡献
    update(y);
}
inline void cut(int x,int y){
    move_to_root(x);
```

```
access(y);
     splay(y);assert(tr[y][0]==x);
                                                               int n,m;
     tr[y][0]=father[x]=0;
     update(y);//此处 update 的时候也可以消除 x 的贡
献
}
                                                               }
inline void modify(int x,int vaL){
     access(x); splay(x);
     val[x]^=vaL; sum[x]^=vaL;//只要修改自己就好了
}
                                                                    }
inline bool query(int x,int y){
                                                               }
     move_to_root(x); access(y);
     return val[y] = S?1:0;
}
                                                               }
inline void work(){
     srand(time(NULL));
     ID=getint(); n=getint(); m=getint(); int type,x,y;
     for(int i=1;i<n;i++) x=getint(),y=getint(),link(x,y);</pre>
     while(m--) {
          type=getint();
                                                               }
          if(type==1) {
              x=getint(); y=getint(); cut(x,y);
              x=getint(); y=getint(); link(x,y);
         }
          else if(type==2) {
              x=getint(); y=getint();
              e[++cnt].x=x;/*!!!*/
                                               e[cnt].y=y;
e[cnt].z=(rand()%10000+1)*(rand()%100000+1);
               modify(x,e[cnt].z);
                                        modify(y,e[cnt].z);
S^=e[cnt].z;
          else if(type==3) {
                             S^=e[x].z;
              x=getint();
                                                                    }
              modify(e[x].x,e[x].z); modify(e[x].y,e[x].z);
         }
          else {
              x=getint(); y=getint();
              if(query(x,y)) puts("YES");
              else puts("NO");
         }
                                                                    }
    }
}
```

```
例 5-树重新连边动态求 LCA-2019MWcamp-Day4-A
int ch[MAX][2],fa[MAX],rev[MAX],stk[MAX];
bool isroot(int k){
     return ch[fa[k]][0]!=k&&ch[fa[k]][1]!=k;
void pushdown(int k){
     int l=ch[k][0],r=ch[k][1];
     if(rev[k]){
         rev[k]=0;rev[l]^=1;rev[r]^=1;
         swap(ch[k][0],ch[k][1]);
bool chk(int k){
     return ch[fa[k]][1]==k;
void rotate(int x){
     int y=fa[x],z=fa[y],l,r;
    l=chk(x);r=l^1;
     if(!isroot(y))ch[z][chk(y)]=x;
     fa[x]=z;fa[y]=x;fa[ch[x][r]]=y;
     ch[y][l]=ch[x][r];ch[x][r]=y;
void splay(int x){
     int top=0;stk[++top]=x;
    for(int i=x;!isroot(i);i=fa[i])
         stk[++top]=fa[i];
    while(top)pushdown(stk[top--]);
    while(!isroot(x)){
         int y=fa[x],z=fa[y];
         if(!isroot(y)){
              if(ch[y][0]==x^ch[z][0]==y)rotate(x);
               else rotate(y);
         }
         rotate(x);
int access(int x){
    int re=x;
     for(int i=0;x;i=x,x=fa[x]){
         splay(x);ch[x][1]=i;
         re=x;
     return re;
```

```
void makeroot(int x){
                                                            2-SAT 问题是这样的: 有 n 个布尔变量 xi,另有 m 个
    access(x);splay(x);
                                                        需要满足的条件,每个条件的形式都是
    rev[x]^=1;
                                                            "xi 为真/假或者 xj 为真/假"。比如"x1 为真或者 x3
}
                                                        为假"、"x7 为假或者 x2 为假"都是合法的条件。
void link(int x,int y){//将 x 连接到 y 的下面
                                                            这里或指的是两个条件至少有一个是正确的
    makeroot(x);
    fa[x]=y;
}
                                                        const int maxn=1e5+5;
                                                        struct TwoSAT
void cut(int x,int y){
    makeroot(x);access(y);splay(y);
    ch[y][0]=fa[x]=0;
                                                            int n;
}
                                                            vector<int>G[maxn*2];
int lca(int x,int y){
                                                            bool mark[maxn*2];
    makeroot(1);
                                                            int S[maxn*2],c;//s 数组存储当前被标记的点
                                                            bool dfs(int x)
    access(x);
    return access(y);
                                                            {
                                                                if(mark[x^1])return false;//真假同时被标记, 逻
}
int par[MAX];
                                                        辑矛盾
int main(){
                                                                if(mark[x])return true;//记忆化
                                                                mark[x]=1;
    read(n);
    for(int i=2; i <= n; i++){
                                                                S[c++]=x;
        read(par[i]);link(i,par[i]);
                                                                for(int i=0;i<G[x].size();i++)
                                                                     if(!dfs(G[x][i]))return false;//同一个强连通
    }
                                                        分量应该同一种颜色
    read(m);
    while(m--){
                                                                return true;
        char opt[10];
                                                            }
        scanf("%s",opt);
                                                            void init(int n)
        int u,v;
        read(u);read(v);
                                                                this->n=n;
        if(opt[0]=='C'){}
                                                                for(int i=0;i<n*2;i++)G[i].clear();
             cut(u,par[u]);
                                                                memset(mark,0,sizeof(mark));
            link(u,par[u]=v);
                                                            }
        }
                                                            //x=xval or y=yval
        else{
                                                                x 为 xval 或者 y 为 yval 需要有一个满足
             printf("%d\n",lca(u,v));
                                                            void add_clause(int x,int xval,int y,int yval)
    }
    return 0;
                                                                x=x*2+xval;y=y*2+yval;
                                                                G[x^1].push_back(y);
                                                                G[y^1].push_back(x);
图论
                                                            bool solve()
2-SAT
                                                                for(int i=0; i<n*2; i+=2)
2-SAT
```

2-SAT-例题 1-BZOJ3495 前缀优化建图(使用 Tarjan 判 2-SAT)

/*

有 n 个点, m 条边和 K 个国家(国家里的点已知)。 每个国家只能选一个点作为首都, 并且要保证最后所有 边的两端至少有一个点是首都, 问是否存在方案。

做法:

每个点是首都或不是首都,只有两个状态,所以是 2-SAT 问题。m 条边的限制很容易转化,就是每个国家只能选一个点为首都比较奇怪。

其实这是典型的前后缀优化建图,这里以前缀优化建图 为例:

首先我们先增加 n 个点, 令 i 的新增节点为 i+n 。然后对于一个国家.

假设有 w 个点,那么该国家中的第 i 个点(设为 A[i]) 的新增点 A[i]+n

表示该国家中 1~ i 的点是否有被选的节点,即代表前缀 i 中是否有被选的节点。

那么我们可以得到以下关系式:

1. A[i-1]+n 选了, A[i]+n 必定选了; A[i]+n 没选,

A[i-1]+n 必定没选(前缀之间的关系)。

A[i] 选了, A[i-1]+n 必定没选; A[i-1]+n 选了,
 A[i] 必定没选 (一个国家只能有一个首都)。

```
后缀优化建图原理是一样的,只不过这道题并不需要后
缀优化。
最后刷 2-SAT 判断是否存在解即可。
struct node{
    int to,nxt;
}edg[MAX<<1];
int n,m,k,dcnt,ecnt,top,scc_cnt;
int dfn[MAX],h[MAX],low[MAX],scc[MAX],stk[MAX];
bool instk[MAX];
void add_edge(int u,int v){
     edg[++ecnt]=node{v,h[u]};
    h[u]=ecnt;
}
void Tarjan(int x){
     dfn[x]=low[x]=++dcnt;stk[++top]=x;instk[x]=1;
     for(int i=h[x];i;i=edg[i].nxt){
         int to=eda[i].to;
         if(!dfn[to])Tarjan(to),low[x]=min(low[x],low[to]);
         else if(instk[to])low[x]=min(low[x],dfn[to]);
    }
     if(dfn[x]==low[x]){
         ++scc_cnt;int y;
         do
                                             y=stk[top-
-],instk[y]=0,scc[y]=scc cnt;while(y!=x);
    }
}
bool Two_SAT(){
    for(int i=0;i<4*n;i++)if(!dfn[i])Tarjan(i);
     for(int i=0; i<4*n; i+=2)
         if(scc[i]==scc[i^1])return false;
}
int main()
     read(n);read(m);read(k);
     for(int x,y,i=1;i <= m;i++){
         read(x); read(y); --x; --y;
add_edge(x << 1, y << 1^1); add_edge(y << 1, x << 1^1);
     for(int i=0;i< n;i++)
add_edge(i << 1^1, i+n << 1^1), add_edge(i+n << 1, i << 1);
     for(int i=1; i < = k; i++){
```

```
int w,x,lst;read(w);
          for(int j=0;j< w;j++,lst=x){
               read(x); --x;
               if(j){
                    add_edge(x+n << 1, |st+n << 1);
                    add_edge(lst+n<<1^1,x+n<<1^1);
                    add_edge(x << 1^1, lst + n << 1);
                    add edge(lst+n << 1^1, x << 1);
               }
          }
     }
     if(Two_SAT())printf("TAK\n");
     else printf("NIE\n");
     return 0;
}
LCA
vector <int> G[N];
int seq[N], tin[N], fa[N], dep[N], top[N], son[N], sz[N],
label:
void dfs1(int u, int father) {
     fa[u] = father;
     son[u] = 0; sz[u] = 1;
     for(auto v : G[u]) {
          if(v == father) continue;
          dep[v] = dep[u] + 1;
          dfs1(v, u);
          sz[u] += sz[v];
          if(sz[v] > sz[son[u]])
               son[u] = v;
     }
}
void dfs2(int u, int anc) {
     top[u] = anc; tin[u] = ++ label;
     seq[label] = u;
     if(son[u]) dfs2(son[u], anc);
     for(auto v : G[u]) {
          if(v == fa[u] || v == son[u])
               continue:
          dfs2(v, v);
```

}

```
inline int lca(int u, int v) {
     while(top[u] ^ top[v]) {
        if(dep[top[u]] < dep[top[v]]) swap(u, v);
        u = fa[top[u]];
     }
     return dep[u] < dep[v] ? u : v;
}</pre>
```

点分治

点分治-例 1-POJ1987-树上两点距离小于等于 k 的对数

/*

POJ 1741

题意:

多组测试数据,每次输入 n、m,和一棵 n 个点的有边权的树,

问你满足 x 到 y 距离小于等于 m 的无序点对(x,y)的 个数是多少。

做法:

如果我们已经知道了此时所有点到根的距离 a[i], a[x] + a[y] <= k 的(x, y)对数就是结果,

这个可以通过排序之后 O(n)的复杂度求出。然后根据分治的思想,分别对所有的儿子求一遍即可,

但是这会出现重复的——当前情况下两个点位于 一颗子树中,那么应该将其减掉

(显然这两个点是满足题意的,为什么减掉呢? 因为在对子树进行求解的时候,会重新计算)。

在进行分治时,为了避免树退化成一条链而导致时间复杂度变为 O(N^2),每次都找树的重心,这样,

所有的子树规模就会变的很小了。时间复杂度 O(Nlog^2N)。

树的重心的算法可以线性求解。

```
*/
struct node
{
    int to,dis,nxt;
}edg[MAX<<2];</pre>
```

int n,ecnt,tot,rt,k;//tot 为某一时刻的树上总点数 rt 为重心

int h[MAX],siz[MAX],f[MAX];//f[i]记录当前状态 i 点最大

```
子树的大小
int a[MAX],d[MAX];//d 数组记录某点到根节点的距离
bool vi[MAX];
int an;
void add_edge(int u,int v,int d)
    edg[++ecnt]=node{v,d,h[u]};
    h[u]=ecnt;
}
void dfs(int now,int fa)//找重心 计算 siz
    siz[now]=1;f[now]=0;
    for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt)
    {
        int to=edg[i].to;
        if(!vi[to]&&to!=fa){
dfs(to,now);siz[now]+=siz[to];f[now]=max(f[now],siz[to]);
    }
    f[now]=max(tot-siz[now],f[now]);
    if(f[now]<f[rt])rt=now;</pre>
}
void pre(int now,int prre)//计算每一点到根节点距离
    a[++a[0]]=d[now];
    for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt)
        int to=edg[i].to;
        if(!vi[to]&&to!=prre){
             d[to]=d[now]+edg[i].dis;pre(to,now);
        }
    }
//初始 d[now]=ds 以此为基准(保证每点深度不变)
int cal(int now,int ds)//计算以某一点为根 有多少
a[i]+a[j]<=k 的点对(可能在一条链上)
    int re=0;
    d[now]=ds;a[0]=0;pre(now,0);
    sort(a+1,a+a[0]+1);
    int I=1,r=a[0];
    while(I<r)
    {
        if(a[1]+a[r] <= k)re+=r-1,++1;
```

```
else --r:
    }
    return re;
}
void solve(int x)//求解以 x 为根的个数
     an+=cal(x,0);vi[x]=1;//初始为所有个数(包含在一
个子树内的) 标记 vi[x] 切断树
     for(int i=h[x];i;i=edg[i].nxt)
    {
         int to=edg[i].to;
         if(!vi[to]){
              an-=cal(to,edg[i].dis);tot=siz[to];rt=0;// 去
掉在一个子树的
              dfs(to,0);solve(rt);
         }
    }
int main()
{
     #ifdef debug
         freopen("2.in","r",stdin);
     #endif // debug
     read(n);
    for(int u,v,w,i=1;i< n;i++)
    {
         read(u);read(v);read(w);
         add_edge(u,v,w);add_edge(v,u,w);
    }
    read(k);f[0]=n+1;
    tot=n;
    dfs(1,0);
    solve(rt);
     printf("%d\n",an);
     return 0;
}
点分治-例 2-POJ2114-树上两点距离恰等于 k 的个数
struct node
{
    int to,nxt,dis;
    node(){};
     node(int
                           _to,int
                                               _nxt,int
_dis):to(_to),nxt(_nxt),dis(_dis){};
}edg[MAX<<2];
```

```
int n,m,ecnt,k,rt,an,tot;
int h[MAX],siz[MAX],f[MAX],d[MAX],a[MAX];
bool vi[MAX];
void add_edge(int u,int v,int d)
    edg[++ecnt]=node(v,h[u],d);
    h[u]=ecnt;
void dfs(int now,int fa)//找重心
                                                                 }
{
    siz[now]=1;f[now]=0;
    for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt)
                                                             }
    {
         int to=edg[i].to;
         if(!vi[to]&&to!=fa)
dfs(to,now),siz[now]+=siz[to],f[now]=max(f[now],siz[to]);
    f[now]=max(f[now],tot-siz[now]);
    if(f[now]<f[rt])rt=now;</pre>
void cal_dis(int now,int fa)
{
    a[++a[0]]=d[now];
                                                                 }
    for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt)
                                                             }
    {
         int to=edg[i].to;
         if(!vi[to]&&to!=fa)
              d[to]=d[now]+edg[i].dis,cal_dis(to,now);
    }
int cal_num(int now,int pred)
    int re=0;
    d[now]=pred;a[0]=0;cal_dis(now,0);
    sort(a+1,a+a[0]+1);
    int I=1,r=a[0];
    while(I<r)
    {
         if(a[l]+a[r]==k){//只统计和恰为 k 的
              if(a[l]==a[r]){
                  re+=(r-l+1)*(r-l)/2;break;//深度相等
深度为此的个数设为 x 则有 C(x,2)对
              int i=I,j=r;
```

```
while(a[i]==a[l])++i;
              while(a[j]==a[r])--j;
              re+=(i-l)*(r-j);//深度不同 乘法原理 两种
个数的乘积
              l=i;r=j;
         }
         else if(a[l]+a[r]< k)++l;
         else --r;
     return re;
void solve(int x)
     an+=cal_num(x,0);vi[x]=1;
     for(int i=h[x];i;i=edg[i].nxt)
         int to=edg[i].to;
         if(!vi[to]){
              an-
=cal_num(to,edg[i].dis);tot=siz[to];rt=0;
              dfs(to,0);solve(rt);
         }
int main()
     #ifdef debug
         freopen("2.in","r",stdin);
     #endif // debug
     while(scanf("%d",&n)&&n)
         ecnt=0;memset(vi,0,sizeof(vi));
         memset(h,0,sizeof(h));
         for(int v,d,i=1;i <=n;i++)
         {
              while(scanf("%d",&v)&&v){
                   scanf("%d",&d);
                   add_edge(i,v,d);add_edge(v,i,d);
              }
         while(scanf("%d",&k)&&k){
              an=0;rt=0;
              memset(vi,0,sizeof(vi));
              f[0]=n+1;tot=n;
```

```
if(!vi[to]\&\&to!=fa)
              dfs(1,0);solve(rt);
              puts(an>0?"AYE":"NAY");
                                                                           d[to]=(1LL*d[now]*a[to])%MOD;
         puts(".");
                                                                           dfs(to,now);
    }
                                                                      }
                                                                  }
    return 0;
}
                                                             void query(int x,int ID)
点分治-例 3-字典序最小的两点使路径上点的积为 k
                                                                  x=1LL*inv[x]*k%MOD;
struct node
                                                                  int y=mp[x];
{
                                                                  if(!y)return;
                                                                  if(y>ID)swap(y,ID);
    int to,nxt;
}edg[MAX<<2];
                                                                  if(y < an1||(y = an1 & ID < an2))
                                                                      an1=y,an2=ID;
inv[M],a[MAX],h[MAX],f[MAX],siz[MAX],id[MAX],temd[
MAX],d[MAX],mp[M];
                                                             void solve(int now)
int n,k,ecnt,rt,tot,an1,an2,dcnt;
bool vi[MAX];
                                                                  vi[now]=1;mp[a[now]]=now;
void add_edge(int u,int v)
     edg[++ecnt]=node{v,h[u]};
                                                                      int to=edg[i].to;
    h[u]=ecnt;
                                                                      if(!vi[to])
}
void getrt(int now,int fa)
{
    f[now]=0;siz[now]=1;
                                                                           dfs(to,now);
    for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt)
    {
         int to=edg[i].to;
         if(!vi[to]\&\&to!=fa){
                                                                           dfs(to,now);
                                                             一个点
getrt(to,now);siz[now]+=siz[to];f[now]=max(f[now],siz[t
0]);
                                                                           {
    f[now]=max(f[now],tot-siz[now]);
                                                                           }
    if(f[now]<f[rt])rt=now;</pre>
                                                                      }
}
                                                                  }
void dfs(int now,int fa)
                                                                  mp[a[now]]=0;//清空 map
    temd[++dcnt]=d[now];id[dcnt]=now;
    for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt)
                                                                  {
    {
                                                                      int to=edg[i].to;
         int to=edg[i].to;
                                                                      if(!vi[to])
```

```
m<=20000), 其中每条边的权值为 min(u,v)。一个一般
                                                         图的匹配对应一个边集, 求 mex(匹配对应边集)的最大
             dcnt=0;d[to]=(1LL*a[now]*a[to])%MOD;
                                                         值。
             dfs(to,now);
                                                         int n,m,ecnt,cnt,ans,now;
             for(int j=1;j <= dcnt;j++)mp[temd[j]]=0;
        }
                                                         bool used[MAX];
    }
                                                         int head[MAX],match[MAX];
    for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt)
                                                         struct node{
                                                             int nxt,to;
        int to=edg[i].to;
                                                             node(){}
        if(!vi[to])
                                                             node(int _nxt,int _to):nxt(_nxt),to(_to){}
                                                         }edg[MAX<<1];</pre>
             rt=0;tot=siz[to];
                                                         void add_edge(int u,int v){
             getrt(to,0);
                                                             edg[++ecnt]=node(head[u],v);
             solve(rt);//开始去处理某个子树的重心
                                                             head[u]=ecnt;
        }
                                                         }
    }
                                                         vector<int>G[MAX];//完整的原图
                                                         bool dfs(int v){//找增广路
                                                             used[v]=1;
int main()
                                                             for(int u=head[v];u;u=edg[u].nxt){
                                                                  int to=edg[u].to;
    inv[1]=1;
                                                                  if(to<=now)continue;
    for(int i=2;i<1000009;i++)
                                                                  int w=match[to];
        inv[i]=1LL*(MOD-inv[MOD%i])*(MOD/i)%MOD;
                                                                  if(!w||(!used[w]&&dfs(w))){
    while(~scanf("%d%d",&n,&k))
                                                                      match[v]=to;
                                                                      match[to]=v;
        memset(h,0,sizeof(h));ecnt=0;an1=an2=INF;
                                                                      return true;
        memset(vi,0,sizeof(vi));
                                                                  }
        for(int i=1;i \le n;i++)read(a[i]);
                                                             }
        for(int u,v,i=1;i< n;i++)
                                                             return false;
        {
                                                         }
                                                         int main(){
                                                             read(n);read(m);
read(u);read(v);add_edge(u,v);add_edge(v,u);
                                                             for(int u,v,i=1;i<=m;i++){
        }
        rt=0;f[0]=n+1;tot=n;
                                                                  read(u);read(v);
        getrt(1,0);solve(rt);
                                                                  if(u>v)swap(u,v);
        if(an1==INF)printf("No solution\n");
                                                                  ++u;++v;
        else printf("%d %d\n",an1,an2);
                                                                  G[u].eb(v);
    }
    return 0;
                                                             for(int i=1;i<=n;i++){//枚举左侧的上界 左边点的
}
                                                         个数
                                                                  int who=match[i];
二分图
                                                                  now=i;
例 1-wannafly winter camp 2019 Day8 B
                                                                  head[i]=0;
题意:
                                                                  if(who){
给定一个 n 个点的一般图, m 条边(n<=10000,
                                                                      match[who]=0;match[i]=0;
```

```
--cnt:
                                                                    vis[a] = 1:
                                                                    //扫一遍与 a 相连的所有点, 为下面提供 O(1)
             memset(used,0,sizeof(used));
                                                           判两点是否存在连边
             if(dfs(who))++cnt;
                                                                    for(int i = 0; i < G[a].size(); ++i)
         for(int u:G[i]){
                                                                    bel[G[a][i]] = a;
             add_edge(i,u);add_edge(u,i);
                                                                    for(int i = 0; i < G[a].size(); ++i)
                                                                    {
         memset(used,0,sizeof(used));
                                                                         int b = G[a][i];
         if(dfs(i))++cnt;
                                                                         if(vis[b]) continue;
         if(cnt!=i){
                                                                         if(deg[b] \le x)
             ans=i-1;
             break:
                                                                             //如果 b 度数<=sqrt(m), 则枚举 b 的
                                                           所有边
         }
    }
                                                                             for(int j = 0; j < G[b].size(); ++j)
    printf("%d\n",ans);
                                                                                  int c = G[b][j];
    return 0;
                                                                                  if(bel[c] == a) ++ans;
                                                                             }
三元环、四元环
                                                                         }
nsqrtn 版
                                                                         else
#include <bits/stdc++.h>
                                                                             //如果 b 度数>sqrt(m), 则枚举 a 的
#define LL long long
                                                           所有边
using namespace std;
const int bas = 1e5+1;
                                                                             for(int j = 0; j < G[a].size(); ++j)
const int maxn = 1e5+5;
vector<int> G[maxn];
                                                                                  int c = G[a][j];
int n, m;
                                                                                  if(_hash.find(1ll*b*bas+c)
                                                                                                               !=
//unordered_set<LL> _hash;
                                                           _hash.end())
set<LL> _hash;
                                                                                  ++ans;
int deg[maxn], vis[maxn];
                                                                             }
int bel[maxn];
                                                                        }
void init()
                                                                    }
{
                                                               //统计后每个三元环的每条边都会被统计一次, 所
    for(int i = 1; i <= n; ++i)
                                                           以应该/3
                                                                printf("%lld\n", ans/3);
         deg[i] = bel[i] = vis[i] = 0;
         G[i].clear();
                                                           }
                                                           int main()
}
void work()
                                                                int t, u, v;
                                                               while(~scanf("%d %d", &n, &m))
    int x = sqrt(1.0*m);
    LL ans = 0;
                                                                    init(); _hash.clear();
                                                                    for(int i = 1; i \le m; ++i)
    for(int a = 1; a <= n; ++a)
```

```
scanf("%d %d", &u, &v);
           ++deg[u], ++deg[v];
           G[u].push_back(v);
           G[v].push_back(u);
           _hash.insert(1ll*u*bas+v);
           _hash.insert(1ll*v*bas+u);
       }
       work();
   }
   return 0:
2019MW camp Day5 F
题意: 给 n 个点 m 条边的图, 求路径(x1,x2,x3,x4,x5)
数: 使得 x1 x2 x3 x4 x5 互不相同。
做法:
Dp[i][j]表示从某个起点走 i 步后到 j 的方案数(相邻两
步走的边不一样,即不能走一步之后往回走)
界 dp[0][j]=1
转移 dp[i][i]= Σ (与 i 相邻的所有 x) dp[i-1][x] -
dp[i-2][j]* (max (0,i-2)?deg[j]-1: deg[j]) 其中
deg[x]表示 x 的度数
 (上述与 0 取 max 是因为可能有负数 i-2>0 时 deg
要减 1 是因为对于已经走过边才到的点 就不能往回走
了)
vector<int>edg[MAX],hnxt[MAX];//原图 与 rank 比其大
的点连的情况
int128 qua[MAX],tri[MAX],trisum[MAX];//每个点在四元
环、三元环内的情况个数
bool vi[3][MAX];//走 i 步能否到 j
int deg[MAX],rank[MAX],id[MAX];
int128 cnt[MAX];
int128 dp[MAX][5];//从 i 走 j 步的方案数 (相邻两次方向
不同)
set<int>tem;
int n,m;
bool cmp(int x,int y){
   return deg[x]<deg[y];
}
inline void print(int128 x){
   if(x==0){printf("0\n");return;}
   int now=(int)(x\%10);
   x/=10:
   if(x)print(x);
   printf("%d",now);
```

```
int main(){
     read(n);read(m);
     for(int u,v,i=1;i<=m;i++){
         read(u);read(v);
         edg[u].eb(v);edg[v].eb(u);
         ++deg[u];++deg[v];
     for(int i=1;i <= n;i++)dp[i][1]=deg[i],dp[i][0]=1;
     for(int i=2;i<=4;i++){//步数
         for(int j=1; j < =n; j++)
              for(int u:edg[i])
                   dp[j][i]+=dp[u][i-1];
              dp[j][i]-=dp[j][i-2]*max(0,(i-2?deg[j]-
1:deg[i]));//相邻两步不同
         }
    for(int i=1; i <= n; i++)id[i]=i;
     sort(id+1,id+1+n,cmp);//按 deg 由小到大排序
     for(int i=1;i<=n;i++)rank[id[i]]=i;//deg 大的 rank 大
     for(int i=1;i < = n;i++){
         for(int u:edg[i])
               if(rank[i]<rank[u])hnxt[i].eb(u);// 只保存
dea 比其大 (rank 高) 的
    }
    for(int i=1; i < =n; i++){
         for(int u:edg[i])vi[1][u]=1;
         for(int u:edg[i]){
              for(int v:hnxt[u]){
                   if(rank[v]>rank[i])
                        ++cnt[v];
              }
         }
         tem.clear();
         for(int u:edg[i]){
              for(int v:hnxt[u]){
                   if(rank[v]<=rank[i])continue;</pre>
                   qua[u]+=cnt[v]-1;
                   tem.insert(v);
                   if(vi[1][v]) + tri[u], + tri[v], + tri[i];
              }
         }
         for(int u:tem){
               qua[i]+=cnt[u]*(cnt[u]-1)/2;
               qua[u]+=cnt[u]*(cnt[u]-1)/2;
```

```
if(v == fa[u] || v == son[u])
         for(int v:tem)cnt[v]=0;
                                                                         continue;
         tem.clear();
                                                                    dfs2(v, v);
         for(int u:edg[i])vi[1][u]=0;
                                                                }
    }
                                                           }
    for(int i=1;i <=n;i++)tri[i]/=2;
    for(int i=1;i <= n;i++)trisum[i]=-2*tri[i];
                                                           inline int lca(int u, int v) {
    for(int i=1;i <=n;i++)
                                                                while(top[u] ^ top[v]) {
         for(int u:edg[i])
                                                                    if(dep[top[u]] < dep[top[v]]) swap(u, v);
             trisum[i]+=tri[u];
                                                                    u = fa[top[u]];
    for(int i=1;i <= n;i++){
         int128
                        ans=dp[i][4]-2*(deg[i]-1)*tri[i]-
                                                                return dep[u] < dep[v] ? u : v;
2*trisum[i]-2*qua[i];
         print(ans);
                                                           树剖-链修改查询
         printf("\n");
                                                           /*
                                                                HDU 3966
    }
                                                                题意:给一棵树,并给定各个点权的值,然后有3
    return 0:
}
                                                           种操作:
                                                                IC1 C2 K: 把 C1 与 C2 的路径上的所有点权值加上
树剖
                                                           Κ
树剖+LCA
vector <int> G[N];
                                                                D C1 C2 K: 把 C1 与 C2 的路径上的所有点权值减
                                                           夫 K
int seq[N], tin[N], fa[N], dep[N], top[N], son[N], sz[N],
                                                                OC: 查询节点编号为 C 的权值
label;
                                                                线段树维护即可
void dfs1(int u, int father) {
    fa[u] = father;
                                                           */
    son[u] = 0; sz[u] = 1;
                                                           struct node
    for(auto v : G[u]) {
         if(v == father) continue;
                                                                int to,nxt;
                                                           }edg[MAX<<1];</pre>
         dep[v] = dep[u] + 1;
         dfs1(v, u);
                                                           int n,m,p,ecnt,dcnt;
         sz[u] += sz[v];
         if(sz[v] > sz[son[u]])
                                                           h[MAX],a[MAX],top[MAX],dep[MAX],son[MAX],fa[MAX],
             son[u] = v;
                                                           sz[MAX],dfn[MAX],who[MAX];
                                                           void add_edge(int u,int v)
    }
}
                                                           {
                                                                edg[++ecnt]=node{v,h[u]};
void dfs2(int u, int anc) {
                                                                h[u]=ecnt;
    top[u] = anc; tin[u] = ++ label;
                                                           }
    seq[label] = u;
                                                           void dfs1(int u,int pre)
    if(son[u]) dfs2(son[u], anc);
    for(auto v : G[u]) {
                                                                fa[u]=pre;son[u]=0;sz[u]=1;
```

```
for(int i=h[u];i;i=edg[i].nxt){
          int to=edg[i].to;if(to==pre)continue;
          dep[to]=dep[u]+1;
          dfs1(to,u);
          sz[u]+=sz[to];
          if(sz[to]>sz[son[u]])
               son[u]=to;
     }
}
void dfs2(int u,int anc){
     top[u]=anc;dfn[u]=++dcnt;who[dcnt]=u;
     if(son[u])dfs2(son[u],anc);
     for(int i=h[u];i;i=edg[i].nxt){
          int to=edg[i].to;
          if(to==fa[u]||to==son[u])continue;
          dfs2(to,to);
     }
}
int sum[MAX*4],lazy[MAX<<2];
void pushup(int x){
     sum[x]=sum[x<<1]+sum[x<<1|1];
}
void build(int x,int l,int r){
     lazy[x]=0;
     if (l==r){
          sum[x]=a[who[l]];
          return;
     int mid=(1+r)/2;
     build(x<<1,l,mid);
     build(x < 1 \mid 1, mid + 1, r);
     pushup(x);
}
void pushdown(int k,int l,int r)
{
     int mid=(1+r)/2;
     sum[k << 1] += lazy[k]*(mid-
l+1);sum[k<<1|1]+=lazy[k]*(r-mid);
     |azy[k < 1] + = |azy[k]; |azy[k < 1]| + = |azy[k];
     lazy[k]=0;
}
void update(int x,int l,int r,int L,int R,int val){//negative
     if (1 <= L \& R <= r)
          sum[x]+=val*(R-L+1);
          lazy[x]+=val;
          return;
```

```
if(lazy[x])pushdown(x,L,R);
     int mid=(L+R)/2;
     if (mid \ge 1) update(x < 1,l,r,L,mid,val);
     if (r>mid) update(x<<1|1,l,r,mid+1,R,val);
     pushup(x);
}
//int query(int x,int I,int r,int L,int R){
//
       if (!sum[x]) return 0;
//
     if (1 \le L \&R \le r) return sum[x];
//
     int mid=(L+R)/2, ret=0;
//
     if (mid \ge 1) ret+=query(x<<1,l,r,L,mid);
//
     if (r>mid) ret+=query(x<<1|1,I,r,mid+1,R);
//
     pushup(x);
//
     return ret;
//}
int query(int x,int lo,int l,int r)
     if(l==r)return sum[x];
     if(lazy[x])pushdown(x,l,r);
     int mid=(I+r)/2,re;
     if(lo<=mid)re=query(x<<1,lo,l,mid);
     else re=query(x << 1|1,lo,mid+1,r);
     pushup(x);
     return re;
}
char opt[15];
int main()
{
     while(~scanf("%d%d%d",&n,&m,&p))
          ecnt=dcnt=0;
          memset(h,0,sizeof(h));
          for(int i=1;i <=n;i++)read(a[i]);
          for(int u,v,i=1;i< n;i++){
read(u);read(v);add_edge(u,v);add_edge(v,u);
          dfs1(1,0);dfs2(1,1);
          build(1,1,n);
          while(p--){
               scanf("%s",opt);
               if(opt[0] = = 'Q'){}
                    int w;read(w);w=dfn[w];
                    printf("%d\n",query(1,w,1,n));
```

```
}
                                                                         dis[to]=edg[i].val;
              else{
                                                                         dfs1(to,u);
                   int u,v,val;
                                                                         sz[u]+=sz[to];
                   read(u);read(v);read(val);
                                                                         if(sz[to]>sz[son[u]])
                   if(opt[0]=='D')val=-val;
                                                                              son[u]=to;
                   while(top[u]!=top[v])
                                                                    }
                   {
                                                               void dfs2(int u,int anc)
if(dep[top[u]]<dep[top[v]])swap(u,v);</pre>
                                                                    top[u]=anc;dfn[u]=++dcnt;who[dcnt]=u;
update(1,dfn[top[u]],dfn[u],1,n,val);
                                                                    if(son[u])dfs2(son[u],anc);
                        u=fa[top[u]];
                                                                    for(int i=h[u];i;i=edg[i].nxt)
                   if(dep[u]>dep[v])swap(u,v);
                                                                         int to=edg[i].to;
                   update(1,dfn[u],dfn[v],1,n,val);
                                                                         if(to==fa[u]||to==son[u])continue;
              }
                                                                         dfs2(to,to);
                                                                    }
                                                               }
    return 0;
                                                               inline int lca(int u,int v){
}
                                                                    while(top[u]!=top[v]){
                                                                         if(dep[top[u]]<dep[top[v]])swap(u,v);</pre>
树剖-链最大值、修改、置负
                                                                         u=fa[top[u]];
struct node
{
                                                                    return dep[u]<dep[v]?u:v;
    int to,nxt,val;
                                                               }
}edg[MAX<<1];</pre>
                                                               int Max[MAX<<2],Min[MAX<<2],lazy[MAX<<2];
                                                               void push(int k)
int t,ecnt,dcnt,n;
int
                                                                    if(!lazy[k])return;
h[MAX],top[MAX],dep[MAX],son[MAX],fa[MAX],sz[MAX
                                                                    lazy[k << 1]^=1; lazy[k << 1|1]^=1; lazy[k]=0;
],dfn[MAX],who[MAX];
                                                                    int da=Max[k<<1],xiao=Min[k<<1];
int x[MAX],y[MAX],val[MAX],dis[MAX];
                                                                    Max[k << 1] = -xiao; Min[k << 1] = -da;
                                                                    da=Max[k<<1|1],xiao=Min[k<<1|1];
char opt[105];
void add_edge(int u,int v,int val)
                                                                    Max[k << 1|1] = -xiao, Min[k << 1|1] = -da;
                                                               }
    edg[++ecnt]=node{v,h[u],val};
                                                               void build(int k,int l,int r)
    h[u]=ecnt;
                                                               {
                                                                    if(l==r){Max[k]=Min[k]=dis[who[l]];lazy[k]=0;return;}
void dfs1(int u,int pre)
                                                                    int mid=(1+r)/2;
{
                                                                    lazy[k]=0;
    fa[u]=pre;son[u]=0;sz[u]=1;
                                                                    build(k << 1, l, mid); build(k << 1|1, mid+1, r);
    for(int i=h[u];i;i=edg[i].nxt)
                                                                    Min[k]=min(Min[k<<1],Min[k<<1|1]);
    {
                                                                    Max[k] = max(Max[k << 1], Max[k << 1|1]);
         int to=edg[i].to;if(to==pre)continue;
         dep[to]=dep[u]+1;
                                                               int query(int k,int l,int r,int ql,int qr)
```

```
if(I>=ql&&r<=qr)return Max[k];
     int mid=(1+r)/2;
     int re=-INF;
     push(k);
                                                               }
     if(ql<=mid)re=max(re,query(k<<1,l,mid,ql,qr));
     if(qr>mid)re=max(re,query(k<<1|1,mid+1,r,ql,qr));
                                                               {
     return re;
}
int Query(int u,int v)
     int re=-INF:
    while(top[u]!=top[v])
    {
          re=max(re,query(1,2,n,dfn[top[u]],dfn[u]));
          u=fa[top[u]];
    }
                                                               }
     if(dfn[v]+1 \le dfn[u])
                                                               int main()
          re=max(re,query(1,2,n,dfn[v]+1,dfn[u]));//同一
                                                               {
条链上就是连续的!
     return re:
}
void change(int k,int lo,int l,int r)
                                                                     read(t);
     push(k);
     if(l==r){}
          Max[k]=dis[who[l]];Min[k]=dis[who[l]];
          return;
    }
     int mid=(1+r)/2;
     if(lo<=mid)change(k<<1,lo,l,mid);
     else change(k < 1 | 1, lo, mid + 1, r);
     Min[k] = min(Min[k << 1], Min[k << 1|1]);
                                                                         }
     Max[k] = max(Max[k << 1], Max[k << 1|1]);
void update(int k,int l,int r,int ul,int ur)
{
                                                                         {
     push(k);
     if(l>=ul\&&r<=ur){}
          lazy[k]^=1;
          int da=Max[k],xiao=Min[k];
          Max[k] = -xiao; Min[k] = -da;
          return;
     int mid=(1+r)/2;
```

```
if(ul<=mid)update(k<<1,l,mid,ul,ur);
     if(ur>mid)update(k<<1|1,mid+1,r,ul,ur);
     Max[k]=max(Max[k<<1],Max[k<<1|1]);
     Min[k] = min(Min[k << 1], Min[k << 1|1]);
void Update(int u,int v)
     while(top[u]!=top[v])
          if(dep[top[u]]<dep[top[v]])swap(u,v);</pre>
          update(1,2,n,dfn[top[u]],dfn[u]);
          u=fa[top[u]];
     if(dfn[u]<dfn[v])swap(u,v);</pre>
     if(dfn[v]+1 \le dfn[u])
          update(1,2,n,dfn[v]+1,dfn[u]);
     #ifdef debug
          freopen("in.txt","r",stdin);
          freopen("out.txt","w",stdout);
     #endif // debug
     while(t--){
          memset(h,0,sizeof(h));
          ecnt=dcnt=0;
          read(n);
          for(int i=1;i< n;i++){
               read(x[i]);read(y[i]);read(val[i]);
               add_edge(x[i],y[i],val[i]);
               add_edge(y[i],x[i],val[i]);
          dfs1(1,0);dfs2(1,1);
          build(1,2,n);
          while(scanf("%s",opt)&&opt[0]!='D')
               int u,v,c;read(u);read(v);
               if(opt[0] = = 'Q'){}
                    c=lca(u,v);
                    #ifdef debug
                         printf("c=%d\n",c);
                    #endif // debug
printf("%d\n",max(Query(u,c),Query(v,c)));
```

```
fa[now][0]=pre;dfn[now]=++ecnt;
                                                             else if(opt[0]=='C'){
                 u=(dfn[x[u]]>dfn[y[u]]?x[u]:y[u]);
                                                        1];
                 dis[u]=v;
                                                             for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt)
                 change(1,dfn[u],2,n);
             }
                                                                 int to=edg[i].to;
             else
                                                                 if(to==pre)continue;
                 Update(u,v);
                                                        val[to]=min(val[now],1LL*edg[i].dis);dep[to]=dep[now]+
        }
                                                        1:
    }
                                                                 dfs(to,now);
    return 0:
                                                            }
}
                                                        bool cmp(int a,int b){return dfn[a]<dfn[b];}
                                                        inline int lca(int x,int y)
虎树
                                                        {
虚树 BZOJ2286
                                                             if(dep[x]<dep[y])swap(x,y);</pre>
/*
                                                             int cha=dep[x]-dep[y];
    bzoj 2286
                                                             for(int i=18; i>=0; i--)
    题意:
                                                                 if(cha&(1<< i))x=fa[x][i];
    给定一棵树, 每条边都有一定权值。若干次询问,
                                                             if(x==y)return x;
每次给出 m 个点, 要求去掉权值和最小的一些边, 使得
                                                             for(int i=18; i>=0; i--)
1与这些点不连通
                                                                 if(fa[x][i]!=fa[y][i])x=fa[x][i],y=fa[y][i];
*/
                                                             return x==y?x:fa[x][0];
struct node
                                                        }
                                                        inline
                                                                        void
                                                                                       add(int
                                                                                                        u,int
{
                                                        v{if(u=v)return ;edg[++ecnt]=node(v,hd[u]);hd[u]=ec
    node(){};
    node(int
                                             _dis,int
                          _to,int
                                                        inline void dp(int x)
_nxt):to(_to),dis(_dis),nxt(_nxt){};
    node(int _to,int _nxt):to(_to),nxt(_nxt){};
                                                        {
    int to,dis,nxt;
                                                             II tem=0; f[x]=val[x];
}edg[MAX<<1];
                                                             for(int i=hd[x];i;i=edg[i].nxt){
int n,ecnt,c,m,tot,top;
                                                                 dp(edg[i].to);
                                                                 tem+=f[edg[i].to];
int x,y,z;
int h[MAX],hd[MAX];//val:根节点到某点路径上最短的边
长
                                                             hd[x]=0;//退出时顺便清空
int dep[MAX],fa[MAX][20],dfn[MAX],que[MAX],stk[MAX];
                                                             if(!tem)f[x]=val[x];//叶子节点 val[x]就是将该点去
II f[MAX],val[MAX];
                                                        掉的最小花费
void add_edge(int u,int v,int cost)//原树的图
                                                             else if(tem<f[x])f[x]=tem;
{
                                                        void solve()//断绝根节点到1的路径??
    edg[++ecnt]=node(v,cost,h[u]);
    h[u]=ecnt;
                                                        {
}
                                                             read(m);
void dfs(int now,int pre)
                                                             for(int i=1;i<=m;i++)read(que[i]);
                                                             sort(que+1,que+1+m,cmp);//按 dfs 序排序
```

```
tot=0;que[++tot]=que[1];
                                                            int n,q,ecnt,vcnt,dcnt,ccnt,top,tot,LCA;
    for(int
i=2;i<=m;i++)if(lca(que[i],que[tot])!=que[tot])que[++to
                                                            h[MAX],f[MAX],fa[MAX][20],siz[MAX],dfn[MAX],dep[MA
                                                            X];
t]=que[i];
    //在下面的肯定不用计算 只要切断上部的即可
                                                            int
    top=0;stk[++top]=1;
                                                            bel[MAX],stk[MAX],a[MAX],b[MAX],g[MAX],c[MAX],ans[
    ecnt=0;//清空图
                                                            MAX];
    int grand;//LCA
                                                            void add edge(int u,int v){//原树加边
    for(int i=1;i \le tot;i++)
                                                                 if(u==0)|v==0||u==v)return;
         grand=lca(stk[top],que[i]);
                                                                 edg[++ecnt]=node{v,h[u]};
                                                                 h[u]=ecnt;
         while(1){
              if(dep[stk[top-1]]<=dep[grand]){
                                                            }
                  add(grand,stk[top]);top--;
                                                            void addedge(int u,int v){//虚树加边
                  if(stk[top]!=grand)stk[++top]=grand;
                                                                 if(u==0)|v==0||u==v)return;
                                                                 vtg[++vcnt]=node{v,f[u]};
                  break;
              }
                                                                 f[u]=vcnt;
                                                            }
              add(stk[top-1],stk[top]);--top;
                                                            void dfs(int now,int pre){
         if(stk[top]!=que[i])stk[++top]=que[i];// 在同一
                                                                 siz[now]=1;dfn[now]=++dcnt;
子树
                                                                 for(int i=1;i<=18;i++)fa[now][i]=fa[fa[now][i-1]][i-
    }
                                                            1];
                                                                 for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt){
     --top;
    while(top)add(stk[top],stk[top+1]),--top;// 剩 余 的
                                                                      int to=edg[i].to;
记得连上
                                                                      if(to==pre)continue;
    dp(1);
                                                                      fa[to][0]=now;dep[to]=dep[now]+1;
     printf("\ld\n",f[1]);
                                                                      dfs(to,now);siz[now]+=siz[to];
}
                                                                 }
int main()
                                                            }
                                                            inline int lca(int u,int v){
    read(n);
                                                                 if(dep[u]<dep[v])swap(u,v);</pre>
    for(int i=1;i< n;i++){
                                                                 int cha=dep[u]-dep[v];
         read(x);read(y);read(z);
                                                                 for(int i=18;i>=0;i--)if(cha&(1<<i))u=fa[u][i];
         add_edge(x,y,z);add_edge(y,x,z);
                                                                 if(u==v)return u;
                                                                 for(int i=18; i>=0; i--)
    }
    val[1]=INFF;ecnt=0;dep[1]=0;
                                                                      if(fa[u][i]!=fa[v][i])u=fa[u][i],v=fa[v][i];
    dfs(1,0);
                                                                 return fa[u][0];
    read(c);
    while(c--)solve();
                                                            inline int getdis(int x,int y){return dep[x]+dep[y]-
                                                            2*dep[lca(x,y)]; }
    return 0;
}
                                                            //使用子树更新该点
                                                            void dfs1(int now,int pre){
虚树-例 2-BZOJ3572
                                                                 int d1,d2;g[now]=siz[now];
struct node{
                                                                 c[++ccnt]=now;
    int to,nxt;
                                                                 for(int i=f[now];i;i=vtg[i].nxt){
}edg[MAX<<1],vtg[MAX<<1];</pre>
                                                                      int to=vtg[i].to;
```

```
if(to==pre)continue;
         dfs1(to,now);
         if(bel[to]==0)continue;
         if(bel[now]==0){bel[now]=bel[to];continue;}
d1=getdis(bel[to],now);d2=getdis(bel[now],now);
if(d1<d2||(d1==d2&&bel[to]<bel[now]))bel[now]=bel[t
0];
    }
}
//使用父节点更新该点
void dfs2(int now,int pre){
    int d1,d2;
    for(int i=f[now];i;i=vtg[i].nxt){
         int to=vtg[i].to;
         if(to==pre)continue;
         if(bel[to]==0){bel[to]=bel[now];}
         else{
d1=getdis(bel[to],to);d2=getdis(bel[now],to);
              if(d1>d2||(d1==d2\&\&bel[to]>bel[now]))
                  bel[to]=bel[now];
         dfs2(to,now);
    }
}
//处理每一条边
void solve(int pre,int now){
    int son=now,mid=now,d1,d2,nex;
    for(int i=18; i>=0; i--)
         if(dep[fa[son][i]]>dep[pre])son=fa[son][i];
    g[pre]-=siz[son];
    if(bel[pre]==bel[now]){
         ans[bel[pre]]+=siz[son]-siz[now];
         return;
    }
    for(int i=18; i>=0; i--){
         nex=fa[mid][i];
         if(dep[nex]<=dep[pre])continue;
d1=getdis(nex,bel[pre]);d2=getdis(nex,bel[now]);
         if(d1>d2||(d1==d2\&\&bel[now]<bel[pre]))
              mid=nex:
    }
```

```
ans[bel[pre]]+=siz[son]-siz[mid];
     ans[bel[now]]+=siz[mid]-siz[now];
bool cmp(int x,int y){
     return dfn[x]<dfn[y];
}
//建虚树 前几行读入关键点
void build(){
     read(tot);
     for(int i=1;i < tot;i++)read(a[i]),b[i]=a[i];
     for(int i=1;i < =tot;i++)bel[a[i]]=a[i];
     sort(a+1,a+1+tot,cmp);
     top=vcnt=0;
     if(bel[1]!=1)stk[++top]=1;
     for(int i=1;i <= tot;i++){
          if(top==0){stk[++top]=a[i];continue;}
          LCA=lca(stk[top],a[i]);
          while(1){
               if(dep[stk[top-1]]<=dep[LCA]){
                    addedge(LCA,stk[top]);--top;
                    if(stk[top]!=LCA)stk[++top]=LCA;
                    break:
               addedge(stk[top-1],stk[top]);--top;
          }
          if(stk[top]!=a[i])stk[++top]=a[i];
     while(top>1)addedge(stk[top-1],stk[top]),--top;
     top=ccnt=0;
     dfs1(1,0);dfs2(1,0);
     for(int i=1;i < = ccnt;i++)
          for(int j=f[c[i]];j;j=vtg[j].nxt)
               solve(c[i],vtg[i].to);
     for(int i=1;i < = ccnt;i++)
          ans[bel[c[i]]]+=g[c[i]];
     for(int i=1;i \le tot;i++)printf("%d",ans[b[i]]);
     printf("\n");
     for(int i=1;i < = ccnt;i++)
          ans[c[i]]=f[c[i]]=g[c[i]]=bel[c[i]]=0;
}
int main()
{
     read(n);
     for(int u,v,i=1;i< n;++i){
          read(u);read(v);add_edge(u,v);add_edge(v,u);
```

```
}
                                                                           while(top!=bot)id[stk[top--]]=cnt;
    dfs(1,0);
                                                                      }
    read(q);
                                                                  }
    while(q--)build();
    return 0;
                                                              stk[++top]=now;
}
                                                         }
                                                         int main()
树分块
                                                              scanf("%d%d",&n,&b);
                                                              if(n<b)return 0*printf("0\n");</pre>
    树分块
                                                              for(int i=1;i< n;i++)
    BZOJ 1086
                                                              {
    给出一棵树,求一种分块方案,使得每个块的大小
                                                                  int u,v;scanf("%d%d",&u,&v);add(u,v);add(v,u);
size \in [B,3B]_{\circ}
                                                              }
    每个块还要选一个省会,省会可以在块外,但是省
                                                              dfs(1,0,0);
会到块内任何一个点路径上的所有除了省会的点都必
                                                              while(top)
须属于这个块。n≤1000。
                                                                  id[stk[top--]]=cnt;
    注意: 分完块以后每个块并不一定连通
                                                              printf("%d\n",cnt);
*/
                                                              for(int i=1;i \le n;i++)printf("%d",id[i]);printf("\n");
                                                              for(int i=1;i<=cnt;i++)printf("%d ",cap[i]);</pre>
int n,b;
                                                         }
int tot;
                                                         树分块莫队
struct node
                                                         int n,m;
    int to,nxt;
                                                         int
}edg[MAX];
                                                         bin[20],fa[MAX][20],bel[MAX],a[MAX],cnt[MAX],edg_cnt
int h[MAX],id[MAX],cap[MAX],cnt;
                                                          ,root,dep[MAX];
void add(int u,int v)
                                                         int dfn[MAX],dfs_id;
{
                                                         int sum;
    edg[++tot]=node{v,h[u]};
                                                         int siz,block_cnt;
                                                         int stk[MAX],top;
    h[u]=tot;
}
                                                         bool vi[MAX];
int stk[MAX],top;
                                                         struct node
void dfs(int now,int fa,int bot)
                                                         {
                                                              int to,nxt;
                                                         }edg[MAX<<1];</pre>
    for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt)
                                                         int head[MAX];
    {
                                                         void add(int u,int v)
         int to=edg[i].to;
         if(to!=fa)
                                                         {
         {
                                                              edg[++edg_cnt]=node{v,head[u]};
             dfs(to,now,top);
                                                              head[u]=edg_cnt;
                                                         }
             if(top-bot>=b)
                                                         void dfs(int now,int bot)
                                                              dfn[now]=++dfs_id;
                 cap[++cnt]=now;
```

(a 被视为

```
//
                                                                //
                                                                            printf("%d %d %d %d\n",u,v,dep[u],dep[v]);
       printf("now=%d\n",now);
                                                                          if(dep[u]>dep[v])reverse(u),u=fa[u][0];
//
       system("pause");
     for(int
                                                                          else reverse(v),v=fa[v][0];
i=1;i < 16\&dep[now] > = bin[i];i++)fa[now][i] = fa[fa[now]]
                                                                     }
w][i-1][i-1];
                                                                }
     for(int i=head[now];i;i=edg[i].nxt)
                                                                struct nod
     {
                                                                {
          int to=edg[i].to;
                                                                     int u,v,a,b,id;
                                                                     bool operator<(const nod& z)const
          if(to!=fa[now][0])
                                                                          if(bel[u]!=bel[z.u])return bel[u]<bel[z.u];</pre>
               dep[to]=dep[now]+1;
               fa[to][0]=now;
                                                                          else return dfn[v]<dfn[z.v];
               dfs(to,top);
                                                                     }
                                                                }qs[MAX];
               if(top-bot>=siz)
                                                                int an[MAX];
                    ++block_cnt;
                                                                /*
                                                                     BZOJ3757 求路径上不同颜色点个数
                    while(top!=bot)
                                                                b 除了a=b=0)
                         bel[stk[top--]]=block_cnt;
                                                                */
                                                                int main()
               }
                                                                {
          }
                                                                //
                                                                       freopen("6.in","r",stdin);
                                                                //
                                                                       freopen("out.txt","w",stdout);
     stk[++top]=now;
                                                                     bin[0]=1;
}
                                                                     for(int i=1;i<20;i++)bin[i]=bin[i-1]<<1;
int lca(int u,int v)
                                                                     scanf("%d%d",&n,&m);
                                                                     siz=sqrt(n);
     if(dep[u]>dep[v])swap(u,v);
                                                                     for(int i=1;i<=n;i++)scanf("%d",&a[i]);
     int dif=dep[v]-dep[u];
                                                                     for(int i=1;i <= n;i++)
     for(int i=0;bin[i] <= dif;i++)
                                                                     {
          if(dif&bin[i])v=fa[v][i];
                                                                          int
     for(int i=16; i>=0; i--)
                                                                u,v;scanf("%d%d",&u,&v);if(u&&v){add(u,v);add(v,u);}else
          if(fa[u][i]!=fa[v][i])u=fa[u][i],v=fa[v][i];
                                                                {if(!u)root=v;if(!v)root=u;}
     if(u!=v)return fa[v][0];
     return v;
                                                                //
                                                                       printf("root=%d\n",root);
                                                                //
}
                                                                       system("pause");
int reverse(int u)
                                                                     dfs(root,0);
                                                                       printf("??\n");
                                                                //
     if(!vi[u])vi[u]=1,++cnt[a[u]],sum+=(cnt[a[u]]==1);
                                                                     ++block_cnt;
     else vi[u]=0,--cnt[a[u]],sum-=(!cnt[a[u]]);
                                                                     while(top)
                                                                          bel[stk[top--]]=block_cnt;
void solve(int u,int v)
                                                                     for(int i=1;i <= m;i++)
{
                                                                     {
     while(u!=v)
                                                                scanf("%d%d%d%d",&qs[i].u,&qs[i].v,&qs[i].a,&qs[i].b),qs[i]
```

```
.id=i:
          if(dfn[qs[i].u]>dfn[qs[i].v])swap(qs[i].u,qs[i].v);
     }
     sort(qs+1,qs+1+m);
     int t=lca(qs[1].u,qs[1].v);
//
       printf("??\n");
     solve(qs[1].u,qs[1].v);
     reverse(t);
     an[qs[1].id]=sum-
(cnt[qs[1].a]&&cnt[qs[1].b]&&qs[1].a!=qs[1].b);
     reverse(t);
     for(int i=2;i <= m;i++)
//
            printf("i=%d\n",i);
          solve(qs[i-1].u,qs[i].u);
          solve(qs[i-1].v,qs[i].v);
          t=lca(qs[i].u,qs[i].v);
          reverse(t);
          an[qs[i].id]=sum-
(cnt[qs[i].a]&&cnt[qs[i].b]&&qs[i].a!=qs[i].b);
          reverse(t);
     }
     for(int i=1;i <= m;i++)
          printf("%d\n",an[i]);
}
```

强连通分量

codeforces 1137C

题意:

n 个城市,每个城市有一个博物馆,给定 d 天每个博物馆的是否开放(一周 d 天)。一个人第 1 天在第 1 个城市开始出发,每天走到一个相邻的城市,无限长的时间下,这个人最多能够看多少博物馆。

用(城市, 周几) 描述状态, 建图进行连边。tarjan 缩点, 统计每个 tarjan 上的不同博物馆的个数, 如果不同 scc 上不存在相同的博物馆,则就直接变成了一个 DAG 上dp 的问题。可以证明,对一个城市 x,如果(x,t)可以通过该图中的一些路径到达(x,t')则(x,t')也一定可以到达(x,t)。那么就证明了不同 SCC,如何一个是另一个能到达的,二者上一定不存在相同的博物馆。在实际 tarjan时,只需要从(1,0) (第1个城市,模d下第0天)开始 DFS 即可。并且在 DFS 过程中,出栈统计强连通分量时,就可以直接来 DP。(比较巧妙的 trick) int

```
pre[MAX][52],lowlink[MAX][52],sccno[MAX][52],dfn,scc_
pii S[MAX*52];
int dp[MAX*52];
bool ava[MAX][52],have[MAX];
int n,m,d,ecnt;
struct node{
     int nxt,to;
}edg[MAX<<1];
int head[MAX];
int top;
vector<int>tm:
bool vi[MAX][55];
void dfs(int u,int day){
     pre[u][day]=lowlink[u][day]=++dfn;
    S[++top]=mp(u,day);assert(top<51*MAX);
    vi[u][day]=1;
    int nxt_day=(day+1)%d;
    for(int i=head[u];i;i=edg[i].nxt){
         int v=edg[i].to;
         if(!pre[v][nxt_day]){
              dfs(v,nxt_day);
lowlink[u][day]=min(lowlink[u][day],lowlink[v][nxt day]);
         else
if(vi[v][nxt_day])lowlink[u][day]=min(lowlink[u][day],pre[
v][nxt_day]);
    }
     if(lowlink[u][day]==pre[u][day]){
         ++scc cnt;
         int mor=0,nowans=0;
         tm.clear();
         for(;;){
              int x=S[top].first,y=S[top].second;--top;
              int nxt=(y+1)\%d;
              for(int i=head[x];i;i=edg[i].nxt){
                   int v=edg[i].to;
                   mor=max(mor,dp[sccno[v][nxt]]);
              if(ava[x][y]){
                   nowans+=1-have[x];
                   if(!have[x])tm.eb(x);have[x]=1;
              vi[x][y]=0;
```

```
/*
            sccno[x][y]=scc_cnt;
                                                         加边
            if(x==u\&\&day==y)break;
                                                    */
        for(int u:tm)have[u]=0;
                                                    void add_edge(int u,int v){
        tm.clear();
                                                         nxt[++ecnt]=h[u];ts[ecnt]=v;
        dp[scc_cnt]=nowans+mor;
                                                         h[u]=ecnt;
   }
                                                    }
                                                    /*
}
inline void add_edge(int u,int v){
                                                         找树的重心
    edg[++ecnt].nxt=head[u];
                                                    */
                                                    void findrt(int now,int fa){
    edg[ecnt].to=v;
    head[u]=ecnt;
                                                         siz[now]=1;dp[now]=0;
}
                                                         for(int i=h[now];i;i=nxt[i]){
char a[55];
                                                            int to=ts[i];
bool used[MAX];
                                                            if(to!=fa){
int ans;
                                                                 findrt(to,now);
                                                                 siz[now]+=siz[to];
int main(){
    scanf("%d%d%d",&n,&m,&d);
                                                                 if(siz[to]>dp[now])dp[now]=siz[to];
    for(int u,v,i=1;i<=m;i++)
                                                            }
        scanf("%d%d",&u,&v);add_edge(u,v);
                                                        if(n-siz[now]>dp[now])dp[now]=n-siz[now];
   }
    for(int i=1;i <= n;i++){
                                                         if(dp[now]<mx)mx=dp[now];</pre>
        scanf("%s",a);
                                                    }
                                                    /*
        for(int i=0;i< d;i++)ava[i][i]=a[i]-'0';
   }
                                                         从重心开始 dfs 得出整个树的括号表示 (即单个叶
    dfs(1,0);
                                                    子节点用一对括号表示)
                                                         其中每个结点的一对括号里面各子树的顺序为由
    printf("%d\n",dp[sccno[1][0]]);
    return 0;
                                                    字典序小到大
                                                    */
}
                                                    void dfs(int now,int fa){
树的同构
                                                         qs[now]="(";
例 1-BZOJ4337-求树的同构
                                                         for(int i=h[now];i;i=nxt[i]){
题意: 给 m 个树, 依次输出每个树在所有树中与其同构
                                                            int to=ts[i];
的树的编号的最小值。
                                                            if(to!=fa)dfs(to,now);
 (n < 50 m < 50)
                                                        }
做法:
                                                        int lo=0;
对于一棵无根树,它的重心个数不超过2。
                                                         for(int i=h[now];i;i=nxt[i]){
枚举每个重心, 以重心为根求出这棵有根树的最小表示,
                                                            int to=ts[i];
然后取字典序最大的即可。
                                                            if(to!=fa)q[lo++]=qs[to];
对于有根树的最小表示, 可以看成括号序列, 每次把子
树的括号序列按字典序排序后依次串连起来即可。
                                                        if(lo>1)sort(q,q+lo);
                                                         for(int i=0;i<10;i++)qs[now]+=q[i];
int n,t,mx,ecnt;
                                                         qs[now]+=")";
int h[MAX],nxt[MAX],ts[MAX],siz[MAX],dp[MAX];
                                                    }
```

string qs[MAX],q[MAX],val[MAX];

/*

```
读入并 hash 一棵树
*/
string solve(){
     string re="";
     read(n);
     mx=n; for(int i=1; i <= n; i++)h[i]=0;
     for(int i=1; i <= n; i++){
          int fa;read(fa);
          if(fa)add_edge(i,fa),add_edge(fa,i);
     }
     findrt(1,0);
     for(int i=1;i<=n;i++){}
          if(dp[i]==mx){
                dfs(i,0);
                if(qs[i]>re)re=qs[i];
          }
     }
     return re;
}
int main(){
     read(t);
     for(int i=1;i <=t;i++)val[i]=solve();
     for(int i=1;i < =t;i++)
     {
          int j,k;
          for(j=k=i;j;j--)
                if(val[i]==val[i])k=j;
          printf("%d\n",k);
     }
     return 0;
}
```

字符串

KMP

性质: 如果 len% (len-next[len-1]) ==0, 则字符串中必存在最小循环节, 且循环次数即为 len/ (len-next[len-1]);

证明: 在前 len 个字符组成的字符串, 存在最小循环节k, 那么 next[len-1]=len-k; (为什么呐? 因为 next 数组的定义就是最大前后缀相同的子串的长度, len 的总长度减去最小循环节, 比如有 3 个循环节, 减去一个剩下两个, 就是最大循环节) 那么循环次数就是 len/ (lennext[len-1]);因为 len-next[len-1]=k;所以得出公式;

```
int f[MAX];
string x;
void getf(string x,int m)//m 为串的长度 下标从 1 开始
{
     f[0]=f[1]=0;
     for(int i=2, j=0; i < =m; i++)
          while(j\&\&x[j+1]!=x[i])
               j=f[j];
          if(x[i+1]==x[i])
              j++;
          f[i]=j;
     }
bool kmp(string x,string y)//在 y 中匹配 x (即 y 比 x 长)
     getf(x,x.size());
     for(int i=1,j=0;i \le y.size();i++)
          while(j\&\&x[j+1]!=y[i])
               j=f[j];
          if(x[j+1]==y[i])
              j++;
          if(i>=x.size())
               return true;
     }
     return false;
```

最小表示法

最小表示法是求与某个字符串循环同构的所有字符串中,字典序最小的串是哪个。

设 i、j 是两个"怀疑是最小的位置",比如说如果你比较到了 jdrakioi 的两个 i,你目前还不知道从哪个 i 开始的字符串是最小的。

设 k 表示, k i 往后数和从 j 往后数,有多少是相同的。 开始时先设 i=0, j=1, k=0。

每次都对 i+k、j+k 进行一次比较。

比较完 i+k 和 j+k, 如果两个字符相等, 那么显然 k++。 如果不相等, 那么哪边比较大, 哪边就肯定不是最小的了, 同时把 k 重置为 0。

如果出现了i、j重合的情况,把j往后移动一位。 最后输出i、j较小的那个就好了。

```
本质上还是利用比较得到的大小关系的性质, 来加速比
较 n 个长度为 n 的字符串。使之达到 O (n) 的复杂度
int n,i,t,a[N << 1];
int minrep(){
    int i=0, j=1, k=0, t;
    while(i < n\&\&j < \&\&k < n){
         if(t=a[(i+k)\%n]-a[(j+k)\%n]){
             if(t>0)i+=k+1;
             else j+=k+1;
             if(i==j)++j;
             k=0;
         else k++;
    }
    return i<j?i:j;
}
int main(){
for(scanf(''%d'',&n);i< n;i++)scanf(''%d'',&a[i]),a[i+n]=a[i];
    for(t=minrep(),i=0;i< ni;++)printf(i< n-1?"%d
":"%d",a[i+t]);
```

AC 自动机

例 1-HDU2825-AC 自动机上 DP

题意:

给 m 个单词构成的集合, 统计所有长度为 n 的串中, 包含至少 k 个单词的方案数。

}

dp[i][i][k]表示在 AC 自动机上走了 i 步, 当前在 j 点,已 包含串的状态为k的方案数。

```
const int SIGMA SIZE=26;
const int MAXNODE=110;
struct AhoCorasickAutomata
{
    int ch[MAXNODE][SIGMA_SIZE];//Trie 树
    int f[MAXNODE];//fail 函数
    int val[MAXNODE];//每个字符串的结尾结点都有非
0的val
    int num;//trie 树编号(亦为包含根结点的当前 size)
   //初始化
   void init()
   {
        num=1;
        memset(ch[0],-1,sizeof(ch[0]));
```

```
//返回字符对应编号
int idx(char c)
{
    return c-'a';
}
//插入权值为 v 的字符串
void insert(char *s,int v)
    int u=0,n=strlen(s);
    for(int i=0;i< n;i++)
         int c=idx(s[i]);
         if(ch[u][c]==-1)
              memset(ch[num],-1,sizeof(ch[num]));
              val[num]=0;
              ch[u][c]=num++;
         u=ch[u][c];
    }
    val[u]|=v;
//计算 fail 函数
void getFail()
    queue <int> que;
    f[0]=0;
    for(int c=0;c<SIGMA_SIZE;c++)</pre>
    {
         int u=ch[0][c];
         if(u!=-1)
              f[u]=0; que.push(u);
         else ch[0][c]=0;
    while(!que.empty())
         int r=que.front();que.pop();
         if(val[f[r]])
              val[r]|=val[f[r]];
         for(int c=0;c<SIGMA_SIZE;c++)
              int u=ch[r][c];
              if(u==-
```

```
1){ch[r][c]=ch[f[r]][c];continue;}
                                                              for(int s=0; s< tot; s++)
                que.push(u);
                int v=f[r];
                                                                   if(num[s]<k)continue;
//
                  while(v&&ch[v][c]==-1)//类似 kmp
                                                                   for(int i=0;i<AC.num;i++)
的过程
                                                                       an=(an+dp[n][i][s])%MOD;
//
                      v=f[v];
                                                              }
                f[u]=ch[v][c];
                                                              printf("%lld\n",an);
            }
                                                          }
        }
                                                          return 0;
    }
                                                      }
                                                      例 2-ZOJ3228-AC 自动机上 DP
}AC;
int n,m,k;
char tem[20];
                                                          ZOJ 3228
II dp[26][105][1024];
                                                          题目大意: 首先给你一下母串, 长度不超过 10^5,
                                                      然后有 N(10^5) 次查询,
II num[1024],an;
int main()
                                                          每次查询有两种命令, 0或者1, 然后加一个子串,
                                                      询问母串里面有多少个子串,
{
                                                          0表示可以重复,1表示不可以重复。
    num[0]=0;
    for(int i=1;i<1024;i++)num[i]=num[i>>1]+(i\&1);
    while(scanf("%d%d%d",&n,&m,&k)&&n)
                                                      */
                                                      int cnt[MAX][2];
    {
                                                      int las[MAX];
        int tot=(1 << m);
                                                      const int SIGMA_SIZE=26;
        AC.init();
        an=0;
                                                      const int MAXNODE=610000;
        for(int
                                                      struct AhoCorasickAutomata
i=1;i<=m;i++){scanf("%s",tem);AC.insert(tem,1<<(i-1));}
                                                      {
        AC.getFail();
                                                          int ch[MAXNODE][SIGMA_SIZE];//Trie 树
        for(int i=0;i < = n;i++)
                                                          int f[MAXNODE];//fail 函数
            for(int j=0;j \le AC.num;j++)
                                                          int val[MAXNODE];//每个字符串的结尾结点都有非
                for(int s=0; s<=tot; s++)dp[i][j][s]=0;
                                                      0的val
        dp[0][0][0]=1;
                                                          int last[MAXNODE]://输出链表的下一个单词结点
        for(int i=0;i<n;i++)//步数
                                                          int dep[MAXNODE];
                                                          int num;//trie 树编号(亦为包含根结点的当前 size)
            for(int j=0;j<AC.num;j++)//当前位置
                for(int s=0;s<tot;s++)//当前状态
                                                          //初始化
                                                          void init()
                     if(!dp[i][j][s])continue;//无当前状
                                                          {
态
                                                              num=1:
                     for(int k=0; k<26; k++)
                                                              memset(ch[0],-1,sizeof(ch[0]));
                                                          }
                                                          //返回字符对应编号
dp[i+1][AC.ch[j][k]][s|AC.val[AC.ch[j][k]]]+=dp[i][j][s];
                                                          int idx(char c)
                                                          {
dp[i+1][AC.ch[j][k]][s|AC.val[AC.ch[j][k]]]%=MOD;
                                                              return c-'a';
                                                          //插入权值为 v 的字符串
                }
```

```
int insert(char *s,int& v)
     int u=0,n=strlen(s);
                                                                   }
     for(int i=0;i< n;i++)
         int c=idx(s[i]);
         if(ch[u][c]==-1)
                                                          //
              memset(ch[num],-1,sizeof(ch[num]));
              val[num]=0;
              dep[num]=dep[u]+1;
                                                         //
              ch[u][c]=num++;
         }
         u=ch[u][c];
    }
     if(!val[u])
                                                          程
     val[u]=++v;
     return val[u];
}
//递归打印以结点 | 结尾的所有字符串
void print(int j,int pos)
                                                                        }
                                                                   }
     if(j)
                                                              }
    {
          cnt[val[j]][0]++;
         if(las[val[j]]==-1||las[val[j]]+dep[j]<=pos)
                                                              {
         {
              las[val[j]]=pos;
              cnt[val[j]][1]++;
         }
          print(last[j],pos);
    }
//计算 fail 函数
void getFail()
{
     queue <int> que;
     f[0]=0;
     for(int c=0;c<SIGMA_SIZE;c++)</pre>
         int u=ch[0][c];
                                                                   }
         if(u!=-1)
                                                              }
                                                         }AC;
         {
              f[u]=0;que.push(u);last[u]=0;
         }
                                                          char a[MAX];
```

```
else
                ch[0][c]=0;
        while(!que.empty())
            int r=que.front();que.pop();
              if(val[f[r]]&&)val[r]
            for(int c=0;c<SIGMA SIZE;c++)
                int u=ch[r][c];
                  if(u==-1)continue;
                if(u==-
1){ch[r][c]=ch[f[r]][c];continue;}
                que.push(u);
                int v=f[r];
                while(v&&!ch[v][c])//类似 kmp 的过
                     v=f[v];
                f[u]=ch[v][c];
                last[u]=val[f[u]]?f[u]:last[f[u]];
    //在 T 中中模板
    int find(char *T)
        int n=strlen(T);
        int u=0;//当前结点编号,初始为根结点
        for(int i=0;i<n;i++)//文本串当前指针
            int c=idx(T[i]);
              while(u&&!ch[u][c])u=f[u];//顺着失配指
针走, 直到可以匹配或回到根节点
            u=ch[u][c];
            if(val[u])
                 print(u,i);
            else if(last[u])//明白了 如果当前恰为某串
末尾 则直接 print 从其开始 不然从当前后缀作为某串
的位置开始 print
                 print(last[u],i);
```

```
if(ch[u][to]==-1){
int n,num;
int kind[MAX],id[MAX],Case;
                                                                                   ch[u][to]=++num;
char tem[30];
                                                                                   memset(ch[num],-1,sizeof(ch[num]));
int main()
                                                                              u=ch[u][to];
    while(~scanf("%s",a))
                                                                         }
                                                                         pos[i]=u;
         AC.init();
         num=0;
                                                                    void getFail(){
         scanf("%d",&n);
                                                                         queue<int>que;
         for(int i=1;i < =n;i++)
                                                                         for(int i=0;i<SIGMA_SIZ;i++){</pre>
                                                                              if(ch[0][i]==-1)ch[0][i]=0;
              scanf("%d",&kind[i]);
                                                                              else que.push(ch[0][i]),f[ch[0][i]]=0;
              scanf("%s",tem);
                                                                         }
              id[i]=AC.insert(tem,num);
                                                                         while(!que.empty()){
                                                                              int r=que.front();que.pop();
                                                                              for(int c=0;c<SIGMA_SIZ;c++){
         AC.getFail();
         for(int i=0;i<=num;i++)</pre>
                                                                                   int u=ch[r][c];
              las[i]=-1;
                                                                                   if(u==-1){}
         for(int i=0;i <= num;i++)
                                                                                        ch[r][c]=ch[f[r]][c];continue;
              for(int j=0; j<=1; j++)cnt[i][j]=0;
         AC.find(a);
                                                                                   que.push(u);
         printf("Case %d\n",++Case);
                                                                                   f[u]=ch[f[r]][c];
         for(int i=1;i < =n;i++)
              printf("%d\n",cnt[id[i]][kind[i]]);
                                                                         }
         printf("\n");
                                                                    }
    }
                                                               }ac;
                                                               int ecnt,tcnt;
例 3-BZOJ3881
                                                               int
                                                               h[MAX],nxt[MAX],to[MAX],fa[MAX][20],LOG[MAX],st[M
const int SIGMA SIZ=26;
                                                               AX],en[MAX],dep[MAX];
const int MAXNODE=2e6+5;
                                                               int va[MAX];
                                                               void add_edge(int u,int v){
int pos[MAX];
struct AhoCorasickAutomata{
                                                                    to[++ecnt]=v;nxt[ecnt]=h[u];h[u]=ecnt;
    int ch[MAXNODE][SIGMA_SIZ];
                                                               void dfs(int x){
    int f[MAXNODE];
    int num=0;
                                                                    st[x]=++tcnt;
                                                                              i=1;i<=LOG[dep[x]];i++)fa[x][i]=fa[fa[x][i-
    void init(){
                                                                    for(int
                                                               1]][i-1];
         num=0;
         memset(ch[0],-1,sizeof(ch[0]));
                                                                    for(int i=h[x];i;i=nxt[i]){
                                                                         int ts=to[i];
    void insert(char *s,int i){
                                                                         fa[ts][0]=x;dep[ts]=dep[x]+1;dfs(ts);
         int n=strlen(s),u=0;
                                                                    }
         for(int i=0;i< n;i++){
                                                                    en[x]=tcnt;
              int to=s[i]-'a';
```

```
inline int lca(int u,int v){
                                                                              scanf("%s",a);int lo=0;
     if(dep[u]<dep[v])swap(u,v);</pre>
                                                                              int len=strlen(a);cnt=0;
     int dis=dep[u]-dep[v];
                                                                              for(int i=0;i<len;i++){
     for(int i=LOG[dis];i>=0;i--)
                                                                                   lo=ac.ch[lo][a[i]-'a'];
          if(dis\&(1<< i))u=fa[u][i];
                                                                                   tem[cnt++]=lo;
     if(u==v)return u;
                                                                              }
     for(int i=LOG[dep[u]];i>=0;i--)
                                                                              sort(tem,tem+cnt,cmp);
                                                                              for(int i=0;i < cnt;i++){
if(dep[u] > = (1 < i) \& fa[u][i]! = fa[v][i])u = fa[u][i],v = fa[v][i];
                                                                                   int who=tem[i];
     return fa[u][0];
                                                                                   add(st[who],1);
}
                                                                              }
int n,lim,m,opt;
char a[MAX];
                                                                              for(int i=0;i<cnt-1;i++){
inline void add(int x,int val){
                                                                                   int u=tem[i],v=tem[i+1];
     for(int i=x;i<=\lim;i+=i&(-i))
                                                                                   int LCA=lca(u,v);
     {
                                                                                   add(st[LCA],-1);
                                                                              }
          va[i]+=val;
     }
                                                                         }
}
                                                                         else{
inline int query(int x){
     int re=0;
                                                                              int id;read(id);
     for(int i=x;i;i-=i&(-i))re+=va[i];
                                                                              int lo=pos[id];
     return re;
                                                                              printf("%d\n",query(en[lo])-query(st[lo]-
                                                               1));
}
bool cmp(int x,int y){
                                                                         }
     return st[x]<st[y];
                                                                    }
                                                                    return 0;
int tem[MAX],cnt;
int main(){
                                                               后缀自动机
     read(n);
     ac.init();
                                                               hiho 版
     for(int i=1;i <= n;i++){
          scanf("%s",a);
                                                                    模版部分
          ac.insert(a,i);
     }
                                                               const int MAXL=2000005;
     ac.getFail();
     for(int i=1;i <= ac.num;i++){
                                                               const int MAXCH=26;
          add_edge(ac.f[i],i);LOG[i]=LOG[i>>1]+1;
                                                               char s[MAXL];
                                                               char CH='a';
     }
                                                               int tot=0;//tot 为总结点数
     read(m);
     dfs(0);
     lim=tcnt;
                                                               maxlen[MAXL],minlen[MAXL],trans[MAXL][MAXCH],slin
     while(m--){
                                                               k[MAXL];
          read(opt);
                                                                /*
          if(opt==1){
                                                                     一些非必要的功能属性
```

```
若去掉 还需在函数中修改
*/
int ind[MAXL];//树中子节点个数
                                                    }
int edpts[MAXL];//结点的 endpos 个数
bool pre[MAXL];//是否为前缀所在结点
/*
                                                    {
    声明新结点的函数 未知初值的 值可用-1 代替 未
知初值的引用 可用 NULL 代替
                                                       ++ind[0];
int new state(int maxlen,int minlen,int * trans,int slink)
                                                       return z:
                                                    }
   maxlen[tot]=_maxlen;
   minlen[tot]=_minlen;
   for(int i=0;i<MAXCH;i++)
                                                拆分x
                                                    {
       if(_trans==NULL)
           trans[tot][i]=-1;
       else trans[tot][i]=_trans[i];
                                                       ++ind[x];
   }
                                                       return z;
   slink[tot]=_slink;
   return tot++;
}
   在 u 结点后加入字符 ch
                                                    ind[y]+=2;
int add char(char ch,int u)
                                                    slink[x]=y;
   int c=ch-CH;
                                                    slink[z]=y;
   /*
                                                    int w=v;
   建广义自动机即插完一个串后 回到 root (0)
   之后在这里下一行不做修改
   或加入 (2018.8.3UPD:完全不用加这句话!)
                                                原本较短的部分
   if(trans[u][c]!=-
                                                    {
1&&maxlen[trans[u][c]]==maxlen[u]+1)return
trans[u][c];
   若没有 if 成功则继续下述操作
    (以下是之前的错误认识: 个人感觉加上判断会好
一些 不然会出现 maxlen<minlen 的奇怪的点 (e.g. 加
                                                    return z:
入两次"a"这个串))
                                                }
                                                /*
   */
   int z=new_state(maxlen[u]+1,-1,NULL,-1);
                                                    拓扑排序
   pre[z]=true;//该结点必为包含原串前缀的结点
   int v=u;
                                                节点往下的例子
   while(v!=-1\&\&trans[v][c]==-1)
                                                */
```

```
trans[v][c]=z;
       v=slink[v];
   if(v==-1)//最简单的情况, suffix-path(u->s)上都没
有对应字符 ch 的转移
       minlen[z]=1;
       slink[z]=0;
   int x=trans[v][c];
   if(maxlen[v]+1==maxlen[x])//较简单的情况,不用
       minlen[z]=maxlen[x]+1;
       slink[z]=x;
   int y=new_state(maxlen[v]+1,-1,trans[x],slink[x]);//
最复杂的情况, 拆分 x
   slink[y]=slink[x];
   minlen[x]=maxlen[y]+1;
   minlen[z]=maxlen[y]+1;
   while(w!=-1&&trans[w][c]==x)//该部分字符串长
度越来越短 一定都是要转移到 v 的 因为 v 保留的是 x
       trans[w][c]=y;
       w=slink[w];
   minlen[y]=maxlen[slink[y]]+1;
   获得每个结点的 endpos 个数
   该种 topsort 是从叶子结点往上的排序 下文有从根
```

```
void getEndPtCount() {
                                                          scanf("%s",s);
    queue<int> q;
                                                           tot=1://tot=0的表示空串的结点 故需先设 tot=1
    for(int i=1;i<tot;i++)
                                                      使得新结点从1开始编号
    if(!ind[i])
        q.push(i);
                                                          n=strlen(s);
    while(!q.empty()) {
                                                          for(int i=0;i< n;i++)
        int u = q.front();
                                                              pres=add_char(s[i],pres);//逐个加入结点
        q.pop();
        if(pre[u])edpts[u]++;
                                                          /*
                                                              求解字符串中所有不同子串个数
        edpts[slink[u]] += edpts[u];
        if( !--ind[slink[u]] ) q.push(slink[u]);
    }
                                                          for(int i=1;i<tot;i++)//所有结点下标范围为 [0,tot)
}
                                                      0 为空串结点 故从 1 开始计算
/*
                                                              an+=1LL*maxlen[i]-minlen[i]+1;
    另一种 toposort
                                                          printf("\ld\n",an);
*/
void toposort()
                                                               求解字符串中每个长度子串出现最多的次数
    for(int i=0; i<=n; i++)cnt[i]=0;
                                                          */
    for(int i=1;i < tot;i++)
                                                          getEndPtCount();
        ++cnt[maxlen[i]];
                                                          for(int i=1;i<tot;i++)//所有结点下标范围为 [0,tot)
                                                      0 为空串结点 故从 1 开始计算
    for(int i=1;i <= n;i++)
        cnt[i]+=cnt[i-1];
    for(int i=tot-1; i>0; --i)
                                                      anlen[maxlen[i]]=max(anlen[maxlen[i]],edpts[i]);
        lo[cnt[maxlen[i]]--]=i;
                                                          for(int i=n;i>=1;i--)
}
                                                              anlen[i]=max(anlen[i],anlen[i+1]);
/*
                                                          for(int i=1;i <=n;i++)
    使用示例:
                                                              printf("%d\n",anlen[i]);
    求解字符串中所有不同子串个数 hihocoder 1445
                                                     }
    & 求解字符串中每个长度子串出现最多的次数
hihocoder 1449
int anlen[MAXL];
int n;
Il an;
int main()
                                                      /*
                                                          根节点向下 topsort 的例子
{
    /*
                                                          hihocoder 1457
        初始化部分
                                                      */
                                                      const int MAXL=2000005;
    int pres=new_state(0,0,NULL,-1);
                                                      const int MAXCH=11;
//
     memset(trans, -1, size of(trans));
                                                      string s,tem;
//
     memset(slink,-1,sizeof(slink));
                                                      char CH='0';
                                                      int tot=0;//tot 为总结点数
    /*
        通用过程代码部分
                                                      int
```

```
maxlen[MAXL],minlen[MAXL],trans[MAXL][MAXCH],slin
                                                             ++ind[0];
k[MAXL];
                                                             return z;
/*
                                                         }
    一些非必要的功能属性
                                                         int x=trans[v][c];
    若去掉 还需在函数中修改
                                                         if(maxlen[v]+1==maxlen[x])//较简单的情况,不用
                                                     拆分 x
*/
int ind[MAXL];//树中子节点个数
                                                         {
int edpts[MAXL];//结点的 endpos 个数
                                                             minlen[z]=maxlen[x]+1;
bool pre[MAXL];//是否为前缀所在结点
                                                             slink[z]=x;
                                                             ++ind[x];
    声明新结点的函数 未知初值的 值可用-1 代替 未
                                                             return z;
知初值的引用 可用 NULL 代替
                                                         }
*/
                                                         int y=new_state(maxlen[v]+1,-1,trans[x],slink[x]);//
int new_state(int _maxlen,int _minlen,int *_trans,int _slink)
                                                     最复杂的情况,拆分x
                                                         slink[y]=slink[x];
    maxlen[tot]=_maxlen;
                                                         ind[y]+=2;
    minlen[tot]=_minlen;
                                                         minlen[x]=maxlen[y]+1;
    for(int i=0;i<MAXCH;i++)
                                                         slink[x]=y;
   {
                                                         minlen[z]=maxlen[y]+1;
        if(_trans==NULL)
                                                         slink[z]=y;
            trans[tot][i]=-1;
                                                         int w=v;
        else trans[tot][i]=_trans[i];
                                                         while(w!=-1&&trans[w][c]==x)//该部分字符串长
                                                     度越来越短 一定都是要转移到 y 的 因为 y 保留的是 x
   }
                                                     原本较短的部分
    slink[tot]=_slink;
    return tot++;
                                                         {
}
                                                             trans[w][c]=y;
/*
                                                             w=slink[w];
    在 u 结点后加入字符 ch
                                                         minlen[y]=maxlen[slink[y]]+1;
*/
int add_char(char ch,int u)
                                                         return z;
{
                                                     }
                                                     /*
    int c=ch-CH:
    int z=new_state(maxlen[u]+1,-1,NULL,-1);
                                                         拓扑排序
    pre[z]=true;//该结点必为包含原串前缀的结点
                                                         获得每个结点的 endpos 个数
    int v=u;
   while(v!=-1\&\&trans[v][c]==-1)
                                                     void getEndPtCount() {
                                                         queue<int> q;
   {
                                                         for(int i=1;i < tot;i++)
        trans[v][c]=z;
                                                         if(!ind[i])
        v=slink[v];
                                                             q.push(i);
    if(v==-1)//最简单的情况, suffix-path(u->s)上都没
                                                         while( !q.empty() ) {
有对应字符 ch 的转移
                                                             int u = q.front();
   {
                                                             q.pop();
        minlen[z]=1;
                                                             if(pre[u])edpts[u]++;
        slink[z]=0;
                                                             edpts[slink[u]] += edpts[u];
```

```
if(!--ind[slink[u]]) q.push(slink[u]);
    }
}
/*
    使用示例:
    求解字符串中所有不同子串个数
    & 求解字符串中每个长度子串出现最多的次数
*/
int cnt[MAXL];
ll val_num[MAXL];//到每个结点 valid 的个数
II sum[MAXL];//每个结点的和
void init_dag()
{
    for(int i=0;i < = tot;i++)
         for(int j=0; j<11; j++)
             if(trans[i][j]>0)
                 ++cnt[trans[i][j]];
}
void topsort()
    queue<int>q;
    for(int i=0;i< tot;i++)
         if(cnt[i]==0)
             q.push(i);
             val_num[i]=1;
             sum[i]=0;
        }
    }
    while(!q.empty())
    {
         int now=q.front();
         q.pop();
         for(int k=0; k<11; k++)
             if(trans[now][k]>0)
             {
                 int j=trans[now][k];
                 if(k<10)
                 {
val_num[j]=(val_num[j]+val_num[now])%MOD;
```

```
sum[j]=(sum[j]+sum[now]*10LL%MOD+k*val_num[now]
%MOD)%MOD;
                 }
                  --cnt[j];
                 if(!cnt[j])q.push(j);
             }
        }
    }
}
int n;
Il an:
int main()
{
    /*
         初始化部分
    int pres=new_state(0,0,NULL,-1);
    /*
         通用过程代码部分
    */
    cin>>n;
    for(int i=0;i< n;i++)
    {
         cin>>tem;
         if(i)s+=":";
         s+=tem;
    }
    n=s.length();
    for(int i=0;i< n;i++)
         pres=add_char(s[i],pres);//逐个加入结点
    init_dag();
    topsort();
    /*
         求解字符串中所有不同子串个数
    */
    for(int i=1;i < tot;i++)
         an=(an+sum[i])%MOD;
    printf("%lld\n",an);
}
```

SAM(hiho-struct 版-无说明)

```
const int MAXL=2e6+5:
const int MAXCH=26;
const char CH='a';
struct SAM
{
    int
maxlen[MAXL],minlen[MAXL],trans[MAXL][MAXCH],slin
k[MAXL];
    int ind[MAXL];//树中子节点个数
    int edpts[MAXL];//结点的 endpos 个数
    bool pre[MAXL];//是否为前缀所在结点
    int tot;
    int new_state(int _maxlen,int _minlen,int *_trans,int
_slink)
   {
        maxlen[tot]=_maxlen;
        minlen[tot]=_minlen;
        for(int i=0;i<MAXCH;i++)</pre>
            if(_trans==NULL)
                trans[tot][i]=-1;
            else trans[tot][i]=_trans[i];
        slink[tot]=_slink;
        return tot++;
   }
    int add_char(char ch,int u)
   {
        int c=ch-CH;
        /*
            建广义自动机即插完一个串后 回到 root
 (0)
            在这里下一行不做修改
            或加入(2018.8.3UPD:完全不用加这句话!)
            if(trans[u][c]!=-
1&&maxlen[trans[u][c]]==maxlen[u]+1)return
trans[u][c];
            若没有 if 成功则继续下述操作
        */
        int z=new_state(maxlen[u]+1,-1,NULL,-1);
        pre[z]=true;//该结点必为包含原串前缀的结点
        int v=u;
```

```
while(v!=-1\&\&trans[v][c]==-1)
            trans[v][c]=z;
            v=slink[v];
        if(v==-1)//最简单的情况, suffix-path(u->s)上
都没有对应字符 ch 的转移
        {
            minlen[z]=1;
            slink[z]=0;
            ++ind[0];
            return z:
        }
        int x=trans[v][c];
        if(maxlen[v]+1==maxlen[x])//较简单的情况,
不用拆分x
        {
            minlen[z]=maxlen[x]+1;
            slink[z]=x;
            ++ind[x];
            return z;
        }
        int
                         y=new_state(maxlen[v]+1,-
1,trans[x],slink[x]);//最复杂的情况,拆分 x
        ind[y]+=2;
        minlen[x]=maxlen[y]+1;
        slink[x]=y;
        minlen[z]=maxlen[y]+1;
        slink[z]=y;
        int w=v;
        while(w!=-1&&trans[w][c]==x)// 该部分字符
串长度越来越短 一定都是要转移到 y 的 因为 y 保留的
是x原本较短的部分
        {
            trans[w][c]=y;
            w=slink[w];
        minlen[y]=maxlen[slink[y]]+1;
        return z;
    }
};
后缀自动机-例 2(BZOJ3473) - onenote
int n.k:
```

```
const int MAXL=2e6+5:
                                                                        slink[x]=y;
                                                                        minlen[z]=maxlen[y]+1;
string s[MAXL];
const int MAXCH=26;
                                                                        slink[z]=y;
const char CH='a';
                                                                        int w=v;
struct SAM{
                                                                        while(w!=-1\&\&trans[w][c]==x){
    int
                                                                             trans[w][c]=y;
maxlen[MAXL],minlen[MAXL],trans[MAXL][MAXCH],slin
                                                                             w=slink[w];
k[MAXL];
    int c[MAXL],a[MAXL];
                                                                        minlen[y]=maxlen[slink[y]]+1;
    int last[MAXL],cnt[MAXL];
                                                                        return z;
    II dp[MAXL];
                                                                   }
    int tot:
                                                                    void toposort(){
    int new_state(int _maxlen,int _minlen,int *_trans,int
                                                                        for(int i=1;i<tot;++i)++c[maxlen[i]];
_slink){
                                                                        for(int i=1;i < tot;i++)c[i]+=c[i-1];
                                                                        for(int i=tot-1;i>=1;--i)a[c[maxlen[i]]--]=i;
         maxlen[tot]=_maxlen;
         minlen[tot]=_minlen;
                                                                   }
         for(int i=0;i<MAXCH;i++){
                                                                    void solve(){
              if(_trans==NULL)trans[tot][i]=-1;
                                                                        Il ans=0;int u;
              else trans[tot][i]=_trans[i];
                                                                        for(int i=1; i <= n; ++i){
         }
                                                                             u=0;
         slink[tot]=_slink;
                                                                             for(int j=0;j < s[i].size();j++){
         return tot++;
                                                                                  u=trans[u][s[i][i]-CH];
    }
                                                                                  int now=u;
    int add_char(char ch,int u){
                                                                                  while(now!=-1&&last[now]!=i)
         int c=ch-CH;
                                                               ++cnt[now],last[now]=i,now=slink[now];
         int z=new_state(maxlen[u]+1,-1,NULL,-1);
         int v=u;
                                                                             }
         while(v!=-1\&\&trans[v][c]==-1){
                                                                        }
              trans[v][c]=z;
                                                                        toposort();
              v=slink[v];
                                                                        cnt[0]=0;
                                                                        for(int i=1; i < tot; ++i)
         if(v==-1){}
              minlen[z]=1;
                                                               u=a[i],dp[u]=dp[slink[u]]+(cnt[u]>=k?maxlen[u]-
              slink[z]=0;
                                                               minlen[u]+1:0);
              return z;
                                                                        for(int i=1; i <= n; ++i){
                                                                             u=0;ans=0;
         int x=trans[v][c];
                                                                             for(int j=0;j<s[i].size();j++){
         if(maxlen[v]+1==maxlen[x]){
                                                                                  u=trans[u][s[i][i]-CH];
              minlen[z]=maxlen[x]+1;
                                                                                  ans+=dp[u];
              slink[z]=x;
                                                                              printf("%lld ",ans);
              return z;
         }
                                                                        }
         int
                             y=new_state(maxlen[v]+1,-
                                                                   }
1,trans[x],slink[x]);
                                                               }sam;
         minlen[x]=maxlen[y]+1;
                                                               int main()
```

```
if(k)k--:
                                                                         j=sa[rank[i]-1];while(str[i+k]==str[j+k])k++;
    read(n);read(k);
    int pres=sam.new_state(0,0,NULL,-1);
                                                                         height[rank[i]]=k;
    for(int i=1; i <= n; ++i){
                                                                    }
         cin >> s[i];
                                                               }
                                                                int sa[MAXN],st[MAXN];
         pres=0;
         for(int j=0;j<s[i].size();j++)
                                                                int rank[MAXN],height[MAXN];
                                                                int RMQ[MAXN];
               pres=sam.add_char(s[i][j],pres);
    }
                                                                int mm[MAXN];
    sam.solve();
                                                                int best[20][MAXN];
    return 0;
                                                                void initRMQ(int n){
}
                                                                     for(int i=1;i <= n;i++)RMQ[i]=height[i];
                                                                     mm[0]=-1;
后缀数组
                                                                     for(int i=1;i <= n;i++)
例 1-BZOJ5073
                                                                         mm[i]=((i&(i-1))==0)?mm[i-1]+1:mm[i-1];
const int MAXN=2e5+5;
                                                                     for(int i=1;i <=n;i++)best[0][i]=i;
int t1[MAXN],t2[MAXN],c[MAXN];
                                                                     for(int i=1;i < =mm[n];i++)
bool cmp(int *r,int a,int b,int l){
                                                                         for(int j=1;j+(1<< i)-1<=n;j++){
     return r[a] = r[b] \& & r[a+1] = r[b+1];
                                                                              int a=best[i-1][i];
                                                                               int b=best[i-1][j+(1<< i-1)];
}
void da(int str[],int sa[],int rank[],int height[],int n,int m){
                                                                               if(RMQ[a]<RMQ[b])best[i][j]=a;
    str[n++]=0;
                                                                               else best[i][j]=b;
    int i,j,p,*x=t1,*y=t2;
                                                                    }
    for(i=0;i< m;i++)c[i]=0;
                                                               }
    for(i=0;i< n;i++)c[x[i]=str[i]]++;
                                                               int askRMQ(int a,int b){
    for(i=1;i < m;i++)c[i]+=c[i-1];
                                                                     int t;t=mm[b-a+1];
    for(i=n-1;i>=0;i--)sa[--c[x[i]]]=i;
                                                                     b = (1 < t) - 1;
    for(j=1;j<=n;j<<=1){}
                                                                     a=best[t][a];b=best[t][b];
         p=0;
                                                                     return RMQ[a]<RMQ[b]?a:b;
         for(i=n-j;i< n;i++)y[p++]=i;
                                                               }
         for(i=0;i< n;i++)if(sa[i]>=j)y[p++]=sa[i]-j;
                                                                int lcp(int a,int b){
         for(i=0;i < m;i++)c[i]=0;
                                                                     a=rank[a];b=rank[b];
         for(i=0;i< n;i++)c[x[y[i]]]++;
                                                                     if(a>b)swap(a,b);
         for(i=1;i < m;i++)c[i]+=c[i-1];
                                                                     return height[askRMQ(a+1,b)];
         for(i=n-1;i>=0;i--)sa[--c[x[y[i]]]]=y[i];
                                                               }
         swap(x,y);
                                                                char str[MAXN],str2[MAXN];
         p=1;x[sa[0]]=0;
                                                                int n,m,k;
         for(i=1;i< n;i++)
                                                                int len:
              x[sa[i]] = cmp(y,sa[i-1],sa[i],j)?p-1:p++;
                                                                int dp[MAXN][102];
         if(p>=n)break;
                                                                int main(){
                                                                     int T;
         m=p;
    }
                                                                     read(T);
    int k=0;n--;
                                                                     while(T--){
    for(i=0;i \le n;i++)rank[sa[i]]=i;
                                                                         read(n);read(m);read(k);
    for(i=0;i< n;i++){}
                                                                         scanf("%s",str);scanf("%s",str2);
```

```
len=0:
                                                                     ans[len]=min(ans[len],mp(min(lt,lo),max(lt,lo)));
         for(int i=0;i< n;i++)st[len++]=str[i]-'a'+1;
                                                                stk[++top]=len,id[top]=lt;
         st[len++]=27;
                                                                stk[++top]=n+1,id[top]=lo;
         for(int i=0;i< m;i++)st[len++]=str2[i]-'a'+1;
                                                           }
         da(st,sa,rank,height,len,28);
                                                           int main(){
         for(int i=1;i<=len;i++)RMQ[i]=height[i];
                                                                scanf("%s",s);
         memset(dp,0,sizeof(dp));
                                                                n=strlen(s);
         initRMO(len);
                                                                for(int i=0;i< n;i++)a[i]=s[i]-'a'+1;
         for(int i=0;i< n;i++)
                                                                da(a,sa,rank,height,n,26+1);
             for(int t,j=0;j<=k;j++)
                                                                stk[0] = -1;
                                                                for(int i=0;i < = n;i++)
dp[i+1][j]=max(dp[i+1][j],dp[i][j]),t=lcp(i,dp[i][j]+n+1),d
                                                                     ans[i]=mp(n+1,n+1);
p[i+t][j+1] = max(dp[i+t][j+1],dp[i][j]+t);
                                                                for(int i=1;i <= n;i++){
         int i;
                                                                     int lo=sa[i]+1,len=height[i];
         for(i=1;i<=k;i++)
                                                                     ad(len,lo);ad(n-lo+1,lo);
             if(dp[n][i]==m)break;
                                                                }
         puts(i \le k?"YES":"NO");
                                                                ad(0,n+1);
                                                                read(qs);
    return 0;
                                                                while(qs--){
}
                                                                     int val;read(val);
                                                                     if(ans[val].fi==n+1)puts("-1-1");
例 2-2019 bytedance MW camp Day3 I
                                                                     else
题意: 询问 k 使得 lcp(si,sj)=k 且 lcp(si,sj)字典序最小的
                                                           printf("%d %d\n",ans[val].first,ans[val].second);
情况下(i,i)最小
做法: 求出 height 后, 按字典序由小到大插入 height,
                                                                return 0;
使用单调栈维护。
char s[MAX];
                                                           序列自动机
int a[MAX];
                                                           例 1-wannafly-wintercamp-Day3-J
int rank[MAXN],height[MAXN],sa[MAXN];
int stk[MAX],id[MAX],top;
                                                           //序列自动机: 假设 y 之后第一次出现位置为 nxt[x][y]
pii ans[MAX];
                                                           //f[x]=f[x]+f[nxt[x][y]]; 所以只与 head 是几有关
                                                           //trans[head][last(nextvalue)]
int qs;
bool used[MAX];
                                                           //保存的是第一个 head 处的值
                                                           struct matrix{
int n;
void ad(int len,int lo){
                                                                int trans[30][30];
    int lt=n+1;//small val
                                                                bool have[30];
    while(stk[top]>=len){
         if(lt!=n+1&&!used[stk[top]])
                                                           matrix(){memset(trans,0,sizeof(trans));memset(have,0,siz
                                                           eof(have));}
ans[stk[top]]=min(ans[stk[top]],mp(min(lt,id[top]),max(lt
                                                           };
,id[top])));
                                                           matrix mul(matrix A,matrix B){
         if(stk[top]!=len)used[stk[top]]=1;
                                                                matrix ret;
         lt=min(lt,id[top]);--top;
                                                                for(int i=0; i<=26; i++){
                                                                     if(A.have[i]){
    if(lt!=n+1&&lo!=n+1&&!used[len])
                                                                          for(int j=0; j<=26; j++){
```

```
if(B.have[i])
                                                                    int re=0:
                        for(int k=0; k<=26; k++)
addi(ret.trans[i][k],(int)mul(A.trans[i][j],B.trans[j][k]));
                   else addi(ret.trans[i][j],A.trans[i][j]);
                                                                    return re;
                                                               }
              }
                                                   for(int
          else
j=0;j<=26;j++)addi(ret.trans[i][j],B.trans[i][j]);
                                                                    n 2=v:
     for(int i=0;i<=26;i++)ret.have[i]=A.have[i]|B.have[i];
                                                               能转移到的状态
     return ret;
}
                                                                    int nxt_st=0;
matrix getMat(int c){
     c-='a';
     matrix re;re.have[c]=1;
     for(int i=0;i<=26;i++)re.trans[c][i]=1;
     return re;
}
int n;
char a[2005];
int main(){
     read(n);
     scanf("%s",a);
     matrix ans=getMat(a[n-1]);
     int re=0;
     for(int
                                            i=n-2; i>=0; i-
                                                                             }
-)ans=mul(ans,mul(getMat(a[i]),ans));
                                                                        }
     for(int i=0;i<26;i++)addi(re,ans.trans[i][26]);
                                                                   }
     printf("%d\n",re);
     return 0;
                                                               }
}
DP
dp 套 dp
        HDU5548-麻将胡牌情况数
int t,n,m,tot;
int
                                                               xt_st);
id[(1<<18)|5],nxt[1008][8],val[1008],dp[207][207][78];//
dp[i][j][k] 看到第 i 种牌时 已选 j 张,状态集为 k
                                                                        }
queue<int>que;
                                                                   }
inline int encode(int n_2,int n_1,int have2){//start from n-
```

2 / n-1 /if have a pair

```
re=re*3+n_2;
     re=re*3+n 1;
     re=re*2+have2;
inline void decode(int v,int &n_2,int &n_1,int &have2){
     have2=v%2;v>>=1;
     n_1=v\%3;v/=3;
int get_nxt_st(int st,int cnt){//得到 从 st 该位选 cnt 个
    int n 2,n 1,have2;
    int x_2,x_1,xave2;
     for(int n=0; n<18; n++){
         if(st&(1<< n)){
              decode(n,n 2,n 1,have2);
              x_2=n_1;x_1=cnt-n_2-n_1;xave2=have2;
              if(x_1>=0){
                  int new_st=encode(x_2,x_1\%3,xave2);
                  nxt_st = (1 < new_st);
                  if(!have2\&\&x 1>=2){}
                       new_st=encode(x_2,x_1-2,1);
                       nxt st = (1 < new st);
                  }
     return nxt st;
void initDP(){//初始化状态转移
     que.push(1);id[0]=++tot;
     while(!que.empty()){
         int st=que.front();que.pop();
         for(int cnt=0;cnt <=4;cnt++){
              int nxt_st=get_nxt_st(st,cnt);
if(!id[nxt_st])id[nxt_st]=++tot,val[tot]=nxt_st,que.push(n
              nxt[id[st]][cnt]=id[nxt_st];
}
```

```
pre[i]=max(pre[i-1],d[i]);
int solve(){
                                                                                if(c[k]==a[j])pre[j]=max(pre[j],d[j-
     memset(dp,0,sizeof(dp));
     dp[0][0][1<<id[0]]=1://0 0 0 的状态 encode 结果就
                                                             1]+1);
是 0 所以 id[0]
     for(int i=0; i <= n+2; i++){
                                                                           trans[i][k]=0;
         int lim=(i<n?4:0);//该位最多能取的数量
                                                                           for(int
                                                                                              j=0; j< n; j++)if(pre[j+1]-
         for(int j=0;j<=m;j++)//已取的数量
                                                             pre[j])trans[i][k]|=(1<< j);
              for(int t=1;t<=tot;t++)//所有的可能状态
                                                                  }
                   if(dp[i][j][t])
                        for(int k=0;k<=lim;k++)//枚举这
                                                             }
一位具体取多少
                                                             int main(){
                                                                  read(t);
addi(dp[i+1][j+k][nxt[t][k]],dp[i][j][t]);
                                                                  while(t--){
    }
                                                                       scanf("%s",a+1);n=strlen(a+1);
     int re=0;
                                                                       init();
     for(int i=1;i < =tot;i++)
                                                                       read(m);
         if(val[i]&2)//出现了对子
              addi(re,dp[n+3][m][i]);
                                                             memset(ans,0,sizeof(ans));memset(dp,0,sizeof(dp));
                                                                       dp[0][0]=1;int p=0;
     return re;
}
                                                                       for(int i=1; i <= m; i++, p^{=1}){
int main(){
                                                                            memset(dp[p^1],0,sizeof(dp[p^1]));
                                                                            for(int j=0; j<(1<< n); j++)
     initDP();
      cout<<tot<<endl;//总共只有 68 种状态
//
                                                                                for(int k=0;k<4;k++)
                                                                                     addi(dp[p^1][trans[j][k]],dp[p][j]);
     read(t);
     for(int Case=1;Case<=t;Case++){</pre>
                                                                      }
                                                                       for(int i=0; i<(1<< n); i++)
         read(n);read(m);
         printf("Case #%d: %d\n",Case,solve());
                                                                            addi(ans[cnt[i]],dp[p][i]);
    }
                                                                       for(int i=0;i < = n;i++)
     return 0;
                                                                            printf("%d\n",ans[i]);
}
                                                                  }
                                                                  return 0;
例2-
        HDU4899-LCS 为 m 的序列个数
                                                             }
int n,m,t;
char a[20],c[10]="AGCT";
                                                             决策单调性
                                                             决策单调性-例 1-BZOJ1010
trans[(1<<15)|5][4],cnt[1<<15|5],dp[2][1<<15|5],ans[20
],d[20],pre[20];
                                                             int n.L:
                                                             int I[MAX],stk[MAX],st,en;
                                                             II a[MAX],sum[MAX],dp[MAX];
void init(){
     for(int i=0; i<(1<< n); i++){
                                                             //由 j 点 dp 更新 i 点
         if(i)cnt[i]=cnt[i^{(i\&-i)]}+1;
                                                             Il turn(int j,int i){
         for(int
                                                                  \parallel x=i-j+sum[i]-sum[j]-1;
j=0; j<n; j++)d[j+1]=d[j]+(bool)(i&(1<< j));
                                                                  return dp[j]+(x-L)*(x-L);
         for(int k=0; k<4; k++){
              for(int j=1; j <=n; j++){
                                                             //确定某点 x 应该在哪个决策区间中
```

```
int find(int x)
                                                            int n.m.dcnt.ecnt:
                                                            int h[SZ],siz[SZ],dp[SZ][SZ],fa[SZ],w[SZ],v[SZ];
                                                            int dfn[SZ],dwho[SZ];//dfsĐòµÄ±à°Å
    int left=st,right=en,mid,re=1;
    while(left<=right){
                                                            struct node{
         mid=(left+right)/2;
                                                                int to,nxt;
         if(|[stk[mid]]==x)return mid;
                                                                node(){};
         if(I[stk[mid]]<x)re=mid,left=mid+1;</pre>
                                                                 node(int _to,int _nxt):to(_to),nxt(_nxt){};
                                                            }edg[SZ<<1];
         else right=mid-1;
    }
                                                            void add_edge(int who){
    return re:
                                                                int f=fa[who];
}
                                                            //
                                                                  if(!f)return;
int main()
                                                                 edg[++ecnt]=node(who,h[f]);
                                                                 h[f]=ecnt;
    read(n);read(L);
                                                            }
    for(int i=1;i <= n;i++)read(a[i]),sum[i]=sum[i-1]+a[i];
                                                            void dfs(int now){
                                                                 siz[now]=1;dfn[now]=++dcnt;dwho[dcnt]=now;
    st=en=1;l[1]=1;
    for(int i=1;i <= n;i++){
                                                                 for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt){
         dp[i]=turn(stk[find(i)],i);//由对应的决策点确定
                                                                     int to=edg[i].to;
该点
                                                                     dfs(to);siz[now]+=siz[to];
         while(st<=en&&
                                                    &&
                                                                }
                                 I[stk[en]]>i
turn(i,l[stk[en]])<turn(stk[en],l[stk[en]]) )--en;</pre>
           if(!en)//栈中已没有确定的决策区间 整个区
                                                            int main(){
间均为此 可以去掉
                                                                 read(n);read(m);
//
           {
                                                                for(int
//
               stk[++en]=i;l[i]=i;continue;
                                                            i=1;i <=n;i++)read(fa[i]),read(v[i]),w[i]=1,add_edge(i);
//
                                                                dfs(0);
         //不然二分最后一个决策 寻找更新的位置
                                                                 for(int
         int left=max(i+1,l[stk[en]]),right=n;
                                                            i=0; i<=m; i++)dp[dcnt+1][i]=dp[dcnt+2][i]=-
                                                            1000000000;
         while(left<=right){
              int mid=(left+right)/2;
                                                                 dp[dcnt+1][0]=0;
                                                                 for(int i=dcnt;i>=1;i--)
if(turn(i,mid)>turn(stk[en],mid))left=mid+1;
                                                                     int lo=dwho[i];
              else right=mid-1;
                                                                     for(int j=0; j <= m; j++){
                                                                          if(j < w[lo])dp[i][j] = max(dp[i + siz[lo]][j],0);
         }
         //如果 i 整体比前一个决策差
         if(turn(i,left)>turn(stk[en],left))continue;
                                                            dp[i][j]=max(max(dp[i+siz[lo]][j],dp[i+1][j-
         stk[++en]=i,I[i]=left;
                                                            w[lo]]+v[lo]),0);
                                                                     }
    printf("%IId\n",dp[n]);
                                                                }
    return 0;
                                                                 printf("%d\n",dp[1][m]);
                                                                 return 0;
                                                            }
树形依赖 DP
                                                                    树上过根的最大权连通块背包-原版
        P2014-树上过根的最大权连通块背包
                                                            #include <iostream>
#define SZ 5004
                                                            #include <stdio.h>
```

```
int dfn[SZ],dwho[SZ];//dfsĐòµä±à°Å
#include <stdlib.h>
#include <string.h>
                                                             struct node{
#include <memory.h>
                                                                  int to,nxt;
using namespace std;
                                                                  node(){};
                                                                  node(int _to,int _nxt):to(_to),nxt(_nxt){};
//w=weight v=value
#define SZ 5004
                                                             }edg[SZ<<1];
int n,m,fa[SZ],w[SZ],v[SZ],fc[SZ],nc[SZ],siz[SZ],dp[SZ][SZ];
                                                             void add_edge(int who){
int st[SZ],t=0,dl[SZ];
                                                                  int f=fa[who];if(!f)return;
void ass(int x) {int f=fa[x]; if(f) nc[x]=fc[f], fc[f]=x;}
                                                                  edg[++ecnt]=node(who,h[f]);
void dfs(int p)
                                                                  h[f]=ecnt;
{
                                                             }
    siz[p]=1; st[p]=++t; dl[t]=p;
                                                             void dfs(int now){
    for(int c=fc[p];c;c=nc[c])
                                                                  siz[now]=1;dfn[now]=++dcnt;dwho[dcnt]=now;
    {
                                                                  for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt){
         dfs(c); siz[p]+=siz[c];
                                                                       int to=edg[i].to;
    }
                                                                       dfs(to);siz[now]+=siz[to];
                                                                  }
}
#define
                FO(x)
                               {freopen(#x".in","r",stdin);
freopen(#x".out","w",stdout);}
                                                             int main(){
int main()
                                                                  read(n);read(m);
                                                                  for(int
{
                                                             i=1;i < =n;i++)read(fa[i]),read(w[i]),read(v[i]),add_edge(i);
    scanf("%d%d",&n,&m);
    for(int i=1;i <= n;i++) scanf("%d%d%d",fa+i,w+i,v+i),
                                                                  dfs(1);
ass(i);
                                                                  for(int
                                                                               i=0;i<=m;i++)dp[n+1][i]=dp[n+2][i]=-
    dfs(1);
                                                             1000000000;
    for(int p=0;p<=m;p++) dp[n+1][p]=dp[n+2][p]=-
                                                                  dp[n+1][0]=0;
1000000000;
                                                                  for(int i=n;i>=1;i--){
    dp[n+1][0]=0; //原来这里忘了写
                                                                       int lo=dwho[i];
    for(int i=n;i>=1;i--)
                                                                       for(int j=0; j <= m; j++){
    {
                                                                            if(j < w[lo])dp[i][j] = max(dp[i+siz[lo]][j],0);
         int x=dl[i];
         for(int p=0;p \le m;p++)
                                                             dp[i][j]=max(max(dp[i+siz[lo]][j],dp[i+1][j-
                                                             w[lo]]+v[lo]),0);
              if(p < w[x]) dp[i][p] = max(dp[i + siz[x]][p], 0);
                                                                       }
dp[i][p]=max(max(dp[i+siz[x]][p],dp[i+1][p-
                                                                  printf("%d\n",dp[1][m]);
w[x]]+v[x]),0);
                                                                  return 0;
                                                             }
    }
                                                             斯坦纳树
    printf("%d\n",dp[1][m]);
                                                                     BZOJ2595-必须包含若干点的最小曼哈顿生成
}
                                                             例1-
例3-
       树上过根的最大权连通块背包-复刻版
                                                                     树
#define SZ 5004
                                                             int n,m,k;
int n,m,dcnt,ecnt;
                                                             int a[10][10],f[10][10][1<<10];
int h[SZ],siz[SZ],dp[SZ][SZ],fa[SZ],w[SZ],v[SZ];
                                                             struct tup{
```

```
int first.second.thd:
                                                                   a[i][j]){
     tup(int
                          _fst=0,int
                                                                                                  f[i][j][sta]=f[i][j][s]+f[i][j][sta-
                                                   _sec=0,int
_thd=0):first(_fst),second(_sec),thd(_thd){}
                                                                   s]-a[i][j];
                                                                                                  pre[i][j][sta]=tup(i,j,s);
}pre[10][10][1<<10],zero;
                                                                                             }
queue<pii>que;
int vis[10][10];
                                                                                       }
void spfa(int sta){
                                                                                       if(f[i][j][sta]!=INF){
     const static int dx[4]=\{1,-1,0,0\},dy[4]=\{0,0,1,-1\};
                                                                                             que.push(mp(i,j));vis[i][j]=1;
                                                                                       }
     while(!que.empty()){
          pii
u=que.front();que.pop();vis[u.first][u.second]=0;
                                                                                  spfa(sta);
          for(int k=0; k<4; k++){
                                                                        }
               int x=dx[k]+u.first,y=dy[k]+u.second;
                                                                        int x,y;
               if(x<0||y<0||x>=n||y>=m)continue;
                                                                        for(int
                                                                                                            i=0;i< n;i++)for(int
                                                                   j=0;j< m;j++)if(!a[i][j]){x=i;y=j;break;}
if(f[x][y][sta]>f[u.first][u.second][sta]+a[x][y]){
                                                                        printf("%d\n",f[x][y][(1 < < k)-1]);
                                                                        dfs(x,y,(1 << k)-1);
f[x][y][sta]=f[u.first][u.second][sta]+a[x][y];
                                                                        for(int i=0;i< n;i++)
                    pre[x][y][sta]=tup(u.first,u.second,sta);
                                                                             for(int j=0;j< m;j++){
                                                                                  if(!a[i][j])putchar('x');//景点
if(!vis[x][y])que.push(mp(x,y)),vis[x][y]=1;
                                                                                  else if(vis[i][j])putchar('o');//有人
               }
                                                                                  else putchar('_');
          }
                                                                                  if(j==m-1)puts('''');
     }
                                                                        }
}
                                                                        return 0;
void dfs(int i,int j,int sta){
                                                                   }
     if(i==INF||pre[i][j][sta].thd==0)return;
     vis[i][j]=1;tup tp=pre[i][j][sta];
                                                                   例2-
                                                                            BZOJ4774-给定图要求选边使得 i 与 n-i+1 连
     dfs(tp.first,tp.second,tp.thd);
                                                                            通(i≤d)
     if(tp.first==i&&tp.second==j)dfs(i,j,sta-tp.thd);
                                                                   struct node{
}
                                                                        int to,nxt,weight;
int main(){
                                                                        node(){};
     read(n);read(m);
                                                                        node(int
                                                                                                  _to,int
     memset(f,0x3f,sizeof(f));
                                                                   _weight):to(_to),nxt(_nxt),weight(_weight){};
//
       fill(&f[0][0][0],&f[10][10][1<<10],INF);
                                                                   }edg[MAX<<1];</pre>
     for(int i=0;i< n;i++)
                                                                   int n,m,d,ecnt,tot;
          for(int j=0;j< m;j++){
                                                                   int h[MAX],dp[257][MAX],tp[20];
               scanf("%d",&a[i][j]);
                                                                   void add_edge(int u,int v,int w){
                                                                        edg[++ecnt]=node(v,h[u],w);
               if(!a[i][j])f[i][j][1 << (k++)]=0;
                                                                        h[u]=ecnt;
     for(int sta=1;sta<(1<< k);sta++){
                                                                   }
          for(int i=0;i< n;i++)
                                                                   struct qs{
               for(int j=0;j< m;j++){
                                                                        int lo,val;
                    for(int s=sta\&(sta-1);s;s=sta\&(s-1)){
                                                                        qs(){};
                          if(f[i][j][sta]>f[i][j][s]+f[i][j][sta-s]-
                                                                        qs(int _lo,int _val):lo(_lo),val(_val){}
```

_nxt,int

```
bool operator<(const qs& z)const{return val>z.val;}
                                                                    return 0:
};
priority_queue<qs>que;
                                                               四边形不等式
int main(){
                                                               四边形不等式(HDU3516)
     read(n);read(m);read(d);
     for(int u,v,w,i=1;i <= m;i++){
                                                               struct point{
         read(u);read(v);read(w);
                                                                    int x,y;
         add_edge(u,v,w);add_edge(v,u,w);
                                                               }a[MAX];
    }
                                                               int dis(point a,point b,point c,point d){
     tot = (1 < < d);
                                                                    return (c.x-a.x)+(b.y-d.y);
     memset(dp,0x3f,sizeof(dp));
                                                               }
     memset(tp,0x3f,sizeof(tp));
                                                               int n;
     for(int i=1;i < =d;i++)
                                                               int dp[MAX][MAX],s[MAX][MAX];
         dp[1 << i-1][i] = dp[1 << i-1+d][n+1-i] = 0;
                                                               int main()
     for(int i=1;i < tot*tot;i++){
                                                               {
         int *tem=dp[i];
                                                                    while(~scanf("%d",&n)){
         for(int j=(i-1)&i;j>(i^j);j=(j-1)&i){//中间的条件
                                                                         for(int i=1;i <= n;i++)read(a[i].x),read(a[i].y);
永远取不到等号
                                                                         for(int i=1;i <=n;i++)s[i][i]=i;
              for(int
                                                                         memset(dp,0,sizeof(dp));
k=1,*11=dp[j],*12=dp[i^j];k<=n;++k)
                                                                         for(int len=2;len<=n;len++)</pre>
                   tem[k]=min(tem[k],l1[k]+l2[k]);
                                                                              for(int st=1;st+len-1 <= n;st++){
                                                                                   int en=st+len-1;
         for(int k=1;k\leq n;k++)
                                                                                   dp[st][en]=INF;
              if(tem[k]<INF)que.push(qs(k,tem[k]));
                                                                                  for(int
                                                                                                               i=s[st][en-
                                                               1;i <= s[st+1][en] & (en;i++){
         while(!que.empty()){
              qs now=que.top();que.pop();
                                                               if(dp[st][i]+dp[i+1][en]+dis(a[st],a[i],a[i+1],a[en])<dp[st][
              int pos=now.lo;
              if(now.val>tem[pos])continue;
                                                               en]){
              for(int j=h[pos];j;j=edg[j].nxt){
                   int
                                                               dp[st][en] = dp[st][i] + dp[i+1][en] + dis(a[st],a[i],a[i+1],a[en])
to=edg[j].to,td=tem[pos]+edg[j].weight;
                                                               ]);
                                                               //
                                                                                                   if(i==en)continue;
if(tem[to]>td)tem[to]=td,que.push(qs(to,tem[to]));
                                                               //
                                                                                                            cout << st << "
                                                               "<<i<<" "<<i+1<<" "<<en<<endl;
              }
                                                                                                 s[st][en]=i;
         if((i&(tot-1))==(i>>d)){}
                                                                                           }
              int lin=INF;
                                                                                  }
              for(int j=1;j<=n;j++)lin=min(lin,tem[j]);</pre>
                                                                         printf("%d\n",dp[1][n]);
              tp[i>>d]=lin;
         }
                                                                    }
                                                                    return 0;
     for(int i=1;i < tot;i++)
         for(int j=(i-1)\&i;j>(i^j);j=(j-1)\&i)
                                                               四边形不等式-例 2-POJ1160
              tp[i]=min(tp[i],tp[j]+tp[i^j]);
                                                               int n,m;
     printf("%d\n",tp[tot-1]!=INF?tp[tot-1]:-1);
                                                               int dp[32][303];
```

```
int a[305];
                                                            struct convex_hull{
int w[303][303];
                                                                typedef pll point;
                                                           #define x first
int s[32][303];
int getw(int i,int j){
                                                           #define y second
    if(i>=j)return 0;
                                                                point p[MAX];
    if(w[i][j])return w[i][j];
                                                                int head,tail;///站着上头下尾
    return w[i][j]=a[j]-a[i]+getw(i+1,j-1);
                                                                convex_hull():head(0),tail(0){}
                                                                inline void init(){
}
int main()
                                                                     head=tail=0;
{
    while(~scanf("%d%d",&n,&m)){
                                                                inline II cross(point &p,point &q,point &r){
         for(int i=1;i <=n;i++)read(a[i]);
                                                                     return (q.x-p.x)*(r.y-p.y)-(q.y-p.y)*(r.x-p.x);
         memset(dp,0x3f,sizeof(dp));
                                                                }
         for(int i=1;i < =n;i++)
                                                                inline void insert(II x,II y){
             dp[1][i]=getw(1,i),s[1][i]=1;//此 s 实际不是
                                                                     point q(x,y);
最后位置 而是用于循环中确定范围
                                                                     while(head>tail+1&&cross(p[head-
         for(int i=2:i<=m:++i){
                                                            1],p[head],q)<=0)--head;
              s[i][n+1]=n;//尽管无意义 但因为循环中
                                                                     p[++head]=q;
出现 s[i][i+1] 为划定范围 加上此
                                                                }
                                                                ///在查询点需要的斜率单调时 得到用谁来转移当
             for(int j=n; j>i; --j){
                  for(int k=s[i-1][j];k <=s[i][j+1];++k)
                                                            前的 dp 值
                                                                inline void update(II x){
                                                                     while(head>tail+1&&(p[tail+2].y-
                       if(dp[i-
                                                           p[tail+1].y) <= 2*x*(p[tail+2].x-p[tail+1].x))++tail;
1|[k]+qetw(k+1,j)< dp[i][j])
                           dp[i][j]=dp[i-
                                                           #undef x
1][k]+getw(k+1,j);
                           s[i][j]=k;
                                                           #undef y
                       }
                                                           }hull;
                  }
                                                           int main(){
             }
                                                                read(n);read(m);
                                                                pre=1;
         printf("%d\n",dp[m][n]);
                                                                for(int i=1;i <=n;i++)
                                                                     read(p[i]);p[i]+=p[i-1];
    }
    return 0;
                                                                }
                                                                for(int i=1;i < =n;i++)
                                                                     dp[now][i]=p[i]*p[i];
斜率优化
                                                                for(int j=2; j <= m; j++){
斜率优化-例 1-SDOI2016-征途
                                                                     swap(now,pre);
给 n 个数,将其分成 m 段,使所有段长度平方和最小。
                                                                     memset(dp[now],0x3f,sizeof(dp[now]));
int n,m,now,pre;
                                                                     hull.init();
II p[MAX];
                                                                     II tem=getY(j-1);
int dp[2][MAX];
                                                                     hull.insert(p[j-1],tem);
Il getY(int id){
                                                                     for(int i=j;i <= n;i++){
    return dp[pre][id]+p[id]*p[id];
                                                                         hull.update(p[i]);
}
```

```
px=hull.p[hull.tail+1].fi,dpval=hull.p[hull.tail+1].se-
px*px;
             dp[now][i]=dpval+(p[i]-px)*(p[i]-px);
             hull.insert(p[i],getY(i));
        }
    }
    printf("%IId\n",m*dp[now][n]-p[n]*p[n]);
    return 0;
}
斜率优化+CDQ 分治-例 2-POJ1180
用 pre[i]表示 w 的前缀和,容易推出 dp[i]=min{ dp[j]
+(h[i]-h[i])^2 +(pre[i-1]-pre[i])
但是这里 h[i]不单调递增,于是需要使用 CDQ 分治来
分治的做,采用归并排序 nlog 即可。
int n;
inline || sqr(|| x){return x*x;}
struct node{
    II h,w,pre,dp,id,y;
    bool operator <(const node & z)const{
         if(h!=z.h)
             return h<z.h;
         return id<z.id:
    }
    Il getY(){
         return dp-pre+h*h;
}a[MAX],tmp[MAX];
struct convex_hull{
    typedef pll point;
#define x first
#define y second
    point p[MAX];
    int head,tail;
    convex_hull():head(0),tail(0){}
    inline void init(){
         head=tail=0:
    }
    inline II cross(point &p,point &q,point &r){
         return (q.x-p.x)*(r.y-p.y)-(q.y-p.y)*(r.x-p.x);
    inline void insert(ll x,ll y){
         point q(x,y);
         while(head>tail+1&&cross(p[head-
1,p[head],q)<=0)--head;
```

```
p[++head]=a:
     }
     inline void update(II x){
          while(head>tail+1&&(p[tail+2].y-
p[tail+1].y <= 2*x*(p[tail+2].x-p[tail+1].x))
               ++tail:
     }
#undef x
#undef y
}hull;
void CDQ(int I,int r){
     if(l==r){}
          a[l].y=a[l].getY();
          return;
     }
     int mid=(1+r)/2;
     int stl=l,str=mid+1;
     for(int i=1;i<=r;i++){
          if(a[i].id \le mid)tmp[stl++]=a[i];
          else tmp[str++]=a[i];
     }
     for(int i=1;i < =r;i++)a[i]=tmp[i];
     CDQ(I,mid);
     hull.init();
     for(int i=1;i < mid;i++)
          hull.insert(a[i].h,a[i].y);
     for(int i=mid+1; i <=r; i++){
          hull.update(a[i].h);
          ll X=hull.p[hull.tail+1].fi,Y=hull.p[hull.tail+1].se;
          a[i].y=Y-2*a[i].h*(X-a[i].h)-a[i].w;
          a[i].dp=min(a[i].dp,a[i].y+a[i].pre-sqr(a[i].h));
     }
     CDQ(mid+1,r);
     stl=l,str=mid+1;
     int lo=l;
     while(stl<=mid&&str<=r){
          if(a[stl].h==a[str].h)
               if(a[st].y < a[str].y)tmp[lo++] = a[stl++];
               else tmp[lo++]=a[str++];
          }
          else{
               if(a[stl].h<a[str].h)
                    tmp[lo++]=a[stl++];
               else tmp[lo++]=a[str++];
```

```
}
   while(stl<=mid)tmp[lo++]=a[stl++];
   while(str < = r)tmp[lo++]=a[str + +];
   for(int i=1;i < =r;i++)
      a[i]=tmp[i];
}
int main(){
   read(n);
   for(int i=1;i <=n;i++)
      read(a[i].h);
   for(int i=1;i <= n;i++){
      read(a[i].w);a[i].pre=a[i-1].pre+a[i].w;a[i].id=i;
      a[i].dp=INFF/2LL;
   }
   a[1].dp=0;
   sort(a+1,a+1+n);
   CDQ(1,n);
   for(int i=1;i <=n;i++)
      if(a[i].id==n)printf("%IId\n",a[i].dp);
   return 0;
}
树形 DP
例 0-2018 牛客暑期多校第 6 场 G
题意: 给定一棵树。n 个点重构为一个完全图, 任意两
点之间的边定义为树上两点之间的长度。求这个新图
中任意两点最大流之和。
做法: 最大流显然转化为最小割。即求 S 到 T 中边的
和的最小值。由于总和一定,也就是求S中的和与T
中的和两者之和的最大值。显然除了 s 和 t 外, 其余点
都在同一个集合中时其和最大。那么我们就是要 min
 {s 到其他点距离之和, t 到其他点距离之和}。
这个可以通过两次 dfs 进行树上 DP 来处理。求出所有
的之后排序,从小到大,第 i 小的贡献为 n-l (其在 n-i
个点对中作为答案进行贡献)。总和会超过 long long,
使用两个 long long 模拟一下大数即可。
树上 DP。先 DP 每个点到其子树所有点的距离之和。
再 dp 每个点到其非子树中的点距离之和。二者求和即
可。
const II lim=1e15;
int t,n,ecnt;
struct node{
```

II x0,x1;

```
void init(){
          x0=x1=0;
     }
     void add(II z){
          x0+=z/\lim;
          x1+=z\%lim:
          if(x1 \ge \lim)x0 + x1/\lim,x1\% = \lim;
     }
     void print(){
          if(x0)printf("%IId%015IId\n",x0,x1);
          else printf("%lld\n",x1);
     }
}ans;
struct nod{
     int to,nxt;
     Il val:
     nod(){}:
     nod(int _to,int _nxt,ll _val):to(_to),nxt(_nxt),val(_val){};
}eda[MAX<<1];</pre>
int h[MAX],siz[MAX];
II dp[MAX],fp[MAX];
void add_edge(int u,int v,ll w){
     edg[++ecnt]=nod(v,h[u],w);
     h[u]=ecnt;
}
void dfs1(int now,int fa){
     siz[now]=1;dp[now]=0;
     for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt){
          int to=edg[i].to;if(to==fa)continue;
          Il ju=edg[i].val;
          dfs1(to,now);
          dp[now] + = dp[to] + ju * siz[to];
          siz[now]+=siz[to];
     }
void dfs2(int now,int fa){
     for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt){
          int to=edg[i].to;
          if(to==fa)continue;
          Il ju=edg[i].val;
          fp[to]=ju*(n-2LL*siz[to])+fp[now]+dp[now]-
dp[to];
          dfs2(to,now);
     dp[now]+=fp[now];
```

```
int main()
{
     read(t);
     for(int Case=1;Case<=t;Case++){</pre>
          read(n);
          memset(h,0,sizeof(h));
          ecnt=0;
          for(int u,v,i=1;i< n;i++){
               II w:
               read(u);read(v);read(w);
               add_edge(u,v,w);add_edge(v,u,w);
          dfs1(1,0);dfs2(1,0);
          sort(dp+1,dp+1+n);
          ans.init();
          printf("Case #%d: ",Case);
          for(int i=1;i < n;i++)ans.add(dp[i]*(n-i));
          ans.print();
     }
```

例 2- 2019 wannafly winter camp Day3 E 题意:

一棵 n 个点的树,有 n 种有根树。进行 m 次操作,每次操作给定一个值 x,加入一个以 x 为根的最初树的有根树。将加入前的树复制 n 份,将其根连到以 x 为根的有根树的各个节点上。对于 m 次操作,以及最初状态(最初以 1 为根),输出最大独立集的大小。n<=1e5

做法:

首先,对于固定的一棵树,既可以简单的树形 DP,也可以有如下贪心策略:

选择所有叶子节点作为独立集中的元素, 抹去其父节点, 直到所有点均被选过或被抹去了, 此时选的点数目即为 最大独立集的大小。

注意到,题目给定的操作,实际上只与加点前的树的根节点在上述贪心策略中是否被选中有关。

如果加点前的树的根节点被选中了,则其父节点都应该被抹去,即新加入的某个以 x 为根的 n 个点的树的所有点均被抹去了,且新形成的树的根节点没有被选。即此时新的 ans'=ans*n

如果加点前的树的根节点没有被选中,则相当于没有任何影响的处理此时以 x 为根的 n 个点的树。

此时新的 ans'=ans*n+ n 个点的树的最大独立集的大小,新的树的根节点是否被选只与最初 n 个点状态下以 x 为根的有根树的贪心策略下最大独立集中 x 有没有被选有

关。

于是,我们只需要预先树形 DP 出整棵树的最大独立集大小、以每个点分别为根的有根树贪心策略的最大独立集中根节点是否有被选即可。通过两次 dfs 即可。

使用的变量如下:

int dp[MAX];//以 i 为根的子树取最大独立集 i 选(1)or 不选(0)

int tp[MAX];//整棵树除了以i为根的子树的部分i的父节点是否选

int cnt[MAX];//以 i 为根的子树中的各个儿子结点的子树的根选的个数

int rt[MAX];//以 i 为根的整棵树最大独立集中 i 是否选 1 表示选了

int n,m;

vector<int>edg[MAX];

int dp[MAX];//以 i 为根的子树取最大独立集 i 选(1)or 不选(0)

int tp[MAX];//整棵树除了以i为根的子树的部分i的父 节点是否选

int cnt[MAX];//以 i 为根的子树中的各个儿子结点的子树的根选的个数

int rt[MAX];//以 i 为根的整棵树最大独立集中 i 是否选 1 表示选了

```
int stans;//初始的树的最大独立集大小void dfs dp(int now,int fa){
```

```
stans+=dp[now];

}

void dfs_tp(int now,int fa){
    cnt[now]+=tp[now];
    rt[now]=!cnt[now];
    for(int u:edg[now]){
        if(u==fa)continue;
        cnt[now]-=dp[u];
        tp[u]=!cnt[now];
        dfs_tp(u,now);
        cnt[now]+=dp[u];
```

}

```
for(int i=0;i<ecnt[now];i++){}
int ans;
                                                          int to=e[now][i];
int main(){
                                                          if(to==fa)continue;
   read(n);read(m);
                                                          dfs(to,now);
   for(int u,v,i=1;i< n;i++){
                                                          for(int j=0;j<acnt;j++){//当前节点颜色
       read(u);read(v);
                                                              II tot=0:
       edg[u].eb(v);edg[v].eb(u);
                                                              for(int
                                                   k=0;k<acnt;k++)tot+=dp[to][a[k]]*ava[a[j]][a[k]];
   }
   dfs_dp(1,0);
                                                              dp[now][a[j]]*=tot;
   dfs_tp(1,0);
                                                          }
   printf("%d\n",stans);ans=stans;
                                                      }
   bool rtst=rt[1];//根节点的状态
                                                  }
   for(int u,i=1;i <= m;i++){
                                                  int main(){
       read(u);
                                                       read(n);read(m);
       if(!rtst)//根节点未选
                                                       for(char u,v,i=1;i<=m;i++){}
           muli(ans,n),addi(ans,stans),rtst=rt[u];
                                                          read(u);read(v);--u;--v;
       else muli(ans,n),rtst=0;//根节点已被选
                                                          ava[u][v]=ava[v][u]=1;
       printf("%d\n",ans);
   }
                                                       for(char u,v,i=1;i< n;i++)
   return 0;
                                                          read(u);read(v);--u;--v;
                                                          e[u][ecnt[u]++]=v;
例 3- ZJOI2016 小星星
                                                          e[v][ecnt[v]++]=u;
题意:
                                                      }
给一棵 n 个点的树和一个 n 个点 m 条边的无向图。
                                                       int tot=1 << n;
问有多少种方案把树上的节点——对应到一个无向图
                                                       for(int i=1;i < tot;i++){
上的节点,
                                                          acnt=0;
且树上两点间有边时,他们在无向图上对应的两个点之
                                                          int now=i;
间也要有边。
                                                          int ge=n;
n≤17
                                                          for(char j=0;j<n;j++)
做法: 原有的 m 条边实际相当于树上边的限制关系。用
                                                              if((now>>j)&1)
dp[i][i]表示,树上的第i个点为根的子树,i对应原图中
                                                                  a[acnt++]=i,--ge;
的第 i 个点,的合法分配方式数。这样很容易得到一个
                                                          sum=0:
n^3 的 dp。但是这个 dp 无法满足: 一个对应只出现一
                                                          dfs(0,-1);
次。解决这一问题的方法,显然就是容斥。
                                                          for(char i=0;i<acnt;i++)sum+=dp[0][a[i]];
容斥只需枚举实际可用的原图中的点的集合。这是 2<sup>n</sup>
                                                          if(ge&1)ans-=sum;
种集合。于是总复杂度 O(2<sup>n</sup>*n<sup>3</sup>)考虑到远远不满,
                                                          else ans+=sum;
因此这样就已经可以做了。
                                                       printf("\ld\n",ans);
int n.m:
                                                       return 0;
bool ava[20][20];
char e[20][20],ecnt[20];
                                                  }
char a[20],acnt;
                                                   概率 DP
II dp[20][20];
                                                   1、2019 wannafly winter camp Day4-H
Il ans,sum;
                                                   题意: 6 个人大富翁, 按顺序依次掷骰子, 给定每个人
void dfs(int now,int fa){
   for(char i=0;i<acnt;i++)dp[now][a[i]]=1;
                                                   掷出 1-6 的概率,第一个到某个位置的人买到该地。求
```

500 轮后每个人地数的期望。(地为长度为 n 的环, 所有人都从 1 出发, 第二次到 1 才能买 1)

做法:

难点 1: dp 什么?这里选择的 dp 是用 dp[i][j][k]表示第 i 个人在前 j 轮,没到过第 k 个位置的概率。其转移即为 dp[i][j][k]=sigma(dp[i][j-1][k-l]) // l: 1——6。并且 dp[i][j-1][k]-dp[i][j][k]即为第 i 个人在第 j 轮第一次到达 k 的概率。

难点 2: 上述 dp 时,尽管题目说了出发时在 1 并不能 买地,但转移上述时,1 是在最开始就到过的。用[0,n-1]的i 表示实际到过某地i+1的概率(最开始都到过了 0,即对应原图中的 1)。用下标为 n 表示第一次能买 1 这块地的概率。

再枚举一下每个人每个轮第一次到某个位置的概率, 计算最终答案即可。

double dp[7][505][505];//第 i 个人在第 j 轮之前没到过 第 k 个位置的概率

```
double p[7][7];
int n;
double ans[7];
int main(){
    read(n);
    for(int i=1; i < =6; i++)
         for(int j=1;j<=6;j++)scanf("%|f",&p[i][j]);
    for(int i=1;i<=6;i++){//人}
         for(int j=1;j<=n;j++)dp[i][0][j]=1;//第 0 轮没到
过任何一个点
         dp[i][0][0]=0;//第 0 轮到过 0
         for(int j=1;j<=500;j++){//轮数
              dp[i][i][0]=0;//全都到过 0
              for(int k=1;k<=n;k++)//位置
                  for(int t=1;t<=6;t++)//步数
                       dp[i][j][k] + = p[i][t] * dp[i][j-1][(k-1)]
t+n*6)%n];//n 可能很小 t 最大为 6 所以 6*n
    }
    for(int i=1;i<=6;i++)//人
         for(int j=1;j<=500;j++)//轮
              for(int k=1;k<=n;k++){//位置
                  double pos=1;
                  for(int t=1;t<i;t++)pos*=dp[t][j][k];
                  for(int t=i+1;t<=6;t++)pos*=dp[t][j-
1][k];
                  pos*=dp[i][j-1][k]-dp[i][j][k];
```

```
ans[i]+=pos;
}
for(int i=1;i<=6;i++)printf("%.3f\n",ans[i]);
return 0;
}</pre>
```

数位 DP

{

1、小于等于 n 的不出现 49 的数字的个数

II dp[30][2];//第几位 上一位是不是 4

int dig[30];//最大范围的每一位数 下标从 1 开始 下标 为 1 表示个位的数

II DP(int wei,bool si,bool lim)//第几位 上一位是否为 4 是否仍在边界限制(e.g. 范围 568 到此时前两位为 56 即有限制)

if(!wei)return 1;//此为到 0 位不需要特别判断的直接返回 1 (个数)

if(!lim&&dp[wei][si]!=-1)return dp[wei][si];//之前计 算过直接返回

```
int da=9;//该位最大的数值
Il re=0;
if(lim)da=dig[wei];//若有边界限制 上界取为边界
for(int i=0;i<=da;i++)
{
    if(si&&i==9)continue;//不能出现 49
    re+=DP(wei-1,i==4,lim&&(i==da));
}
```

if(!lim)dp[wei][si]=re;//若无边界限制 可以更新该位的值 (若有限制的话 此值随数的变化而变 无需记忆)

```
忆)
    return re;
}
|| cal(|| x)
{
    int wei=0;
    while(x)//求出每一位的数码
    {
        dig[++wei]=x%10;x/=10;
    }
    return DP(wei,0,1);
}
int t;
|| n;
int main()
```

```
memset(dp,-1,sizeof(dp));//dp 数组初始化为-1
    scanf("%d",&t);
    while(t--)
        cin>>n;
        cout << (n-cal(n)+1LL) << "\n";
    }
    return 0;
}
2-小干等干 n 的二进制下各位为 0/1 的数的个数
inline II cal_1(II x){//小于等于 x 的奇数个数
    return (x+1)/2;
}
void get_mcnt(ll val){//对于 val 计算 mcnt
    for(int i=0; i<=31; i++){
        Il ge=(val>>i);//数位 dp 无 lim 的部分(包含 0)
        if(ge==0)break:
        Il num=cal_1(ge-1);//无 lim 部分该位置为 1 的
个数
        addi(mcnt[i][1],(num<<i)%MOD);</pre>
        addi(mcnt[i][0],((ge-num)<<i)%MOD);</pre>
        Il limcnt=(val-(ge<<i)+1)%MOD;//有 lim 的数
的个数
        if(val&(1<<i))addi(mcnt[i][1],limcnt);
        else addi(mcnt[i][0],limcnt);
        sub(mcnt[i][0],1);
    }
插头 DP
例 1-HDU1693
```

题意:在 n*m 的矩阵中,有些格子有树,没有树的格子不能到达,找一条或多条回路,吃完所有的树,求有多少种方法。

做法: dp[i][j][k]表示到第 i 行第 j 列的格子后插头状况 (轮廓线) 为 k 的方案数。

最开始纠结的是初始化问题。其实为了代码方便,可以初始化 f[0][m][0]=1,这样在处理换行的时候就会自动把这个顺延到第一行。换行处理就左移一下,因为前一行的最后一个(右插头)和当前行的第一个(右插头)必定是空的。

做法 1-简短版

```
int t,n,m;
int a[15][15];
II dp[15][15][(1<<14)|1];
```

```
int main(){
    read(t);
    for(int Case=1;Case<=t;Case++){</pre>
        memset(dp,0,sizeof(dp));
        read(n);read(m);
        int tot=1 < < (m+1);
        for(int i=1;i < =n;i++)
             for(int j=1;j \le m;j++)read(a[i][j]);
        dp[0][m][0]=1;
        for(int i=1; i <= n; i++){
             ///m 个格子, 轮廓线共 m+1 部分
             ///新的一行,原本编号i的轮廓变为i+1.
新的编号为0的轮廓线均为0
             for(int k=0; k<(1<< m); k++)
                 dp[i][0][k << 1] = dp[i-1][m][k];
             for(int j=1;j<=m;j++){
                 for(int k=0;k<tot;k++){///到该格子时
的轮廓线
                      bool
                                         lef=((k>>(i-
1))&1),up = ((k > j)&1);
                      int x=((1<<(j-1))|(1<< j));
                      if(!a[i][i]){//不能放
                          if(!lef&&!up)//不能有插头
                               dp[i][i][k]+=dp[i][i-
1][k];
                      else if(lef^up){//恰有一个插头
                          dp[i][j][k]+=dp[i][j-1][k];
                          dp[i][j][k^x] + = dp[i][j-1][k];
                      }
                      else//没有或同时有两个插头
                          dp[i][j][k^x] + = dp[i][j-1][k];
                 }
             }
        }
        printf("Case %d: There are %lld ways to eat the
trees.\n",Case,dp[n][m][0]);
    }
做法 2-使用之前冗长模板版
const int HASH=10007;
const int STATE=1000010;
const int MAXD=15:
int code[MAXD],maze[MAXD][MAXD];
```

```
struct HASHMAP
                                                        int i.st=0:
                                                        for(i=0;i<=m;i++)
{
    int head[HASH],next[STATE],state[STATE],size;// 链
                                                        {
表形式 head 通过取模进行了一种索引 提高查询效率
                                                            st << =1; st = code[i];
    long long f[STATE];//到某状态的个数
                                                        }
    void init()
                                                        return st;
                                                    }
    {
                                                    /*
        size=0;memset(head,-1,sizeof(head));
                                                        可作为通用的读入函数
    }
                                                        注意需要在右侧、下策边界设一圈代表不可"到达"
    void push(int st,long long ans)//达到第 i 种状态的
方式加 ans 个
                                                    的数
    {
                                                    */
        int i,h=st%HASH;//h 为哈希过后的编码 作为索
                                                    void init()
引
                                                    {
        for(i=head[h];i!=-1;i=next[i])
                                                        int i,j;
            if(st==state[i])//若成功找到
                                                        scanf("%d%d",&N,&M);
                                                        for(i=1;i<=N;i++)
                                                            for(j=1;j<=M;j++)
                f[i]+=ans;
                return;
                                                                scanf("%d",&maze[i][j]);
                                                        for(int i=1;i<=N;i++)maze[i][M+1]=0;
            }
        //未找到,需自己创建
                                                        for(int i=1;i <=M;i++)maze[N+1][i]=0;
        f[size]=ans;//达到该状态的方法数即为 ans
                                                    }
        state[size]=st;//其具体编码
                                                    /*
                                                        换行的时候移位
        next[size]=head[h];
        head[h]=size++;
                                                    */
                                                    void shift(int *code,int m)
}hm[2];//滚动数组,节省空间
                                                        int i;
    对 st 进行解码,将结果保存在 code 数组中,其长
                                                        for(i=m;i>0;i--)code[i]=code[i-1];
度为 m
                                                        code[0]=0;
                                                    }
                                                    /*
void decode(int *code,int m,int st)
                                                        处理可以放的格子
{
                                                        i 行, j 列, 当前滚动数组的状态
    int i;
    for(i=m;i>=0;i--)
                                                    void dpblank(int i,int j,int cur)
        code[i]=st&1;
                                                    {
        st>>=1:
                                                        int k,left,up;
                                                        for(k=0;k<hm[cur].size;k++)</pre>
    }
}
/*
                                                            decode(code,M,hm[cur].state[k]);
    将当前的长度为 m 的 code 数组进行编码
                                                            left=code[j-1];//左侧是否有连
                                                            up=code[j];//上侧是否有连
int encode(int *code,int m)
                                                            if(left&&up)//11 -> 00
```

```
code[i-1]=code[i]=0;
             if(j==M)shift(code,M);
hm[cur^1].push(encode(code,M),hm[cur].f[k]);
        else if(left||up)//01 或 10
             if(maze[i][j+1])//可以向右侧连 并且并不
涉及换行 无需 shift
             {
                 code[j-1]=0; code[j]=1;
hm[cur^1].push(encode(code,M),hm[cur].f[k]);
             if(maze[i+1][j])
                 code[i-1]=1;code[i]=0;
                 if(j==M)shift(code,M);
hm[cur^1].push(encode(code,M),hm[cur].f[k]);
        else//00 -> 11 必须两个都可以连
             if(maze[i][j+1]&&maze[i+1][j])
             {
                 code[j]=code[j-1]=1;
hm[cur^1].push(encode(code,M),hm[cur].f[k]);
             }
    }
}
    不能放的格子
    i 行, j 列, 当前滚动数组的状态
void dpblock(int i,int j,int cur)
{
    int k;
    for(k=0;k<hm[cur].size;k++)</pre>
        decode(code,M,hm[cur].state[k]);
        code[j-1]=code[j]=0;
        if(j==M)shift(code,M);
```

```
hm[cur^1].push(encode(code,M),hm[cur].f[k]);
    }
}
void solve()
    int i,j,cur=0;
    long long ans=0;
    hm[cur].init();
    hm[cur].push(0,1);//dp 前初始化 仅状态 0 的个数
为1(即当下)
    for(i=1;i<=N;i++)
        for(j=1;j<=M;j++)
             hm[cur^1].init();//滚动数组的初始化
             if(maze[i][j])dpblank(i,j,cur);
             else dpblock(i,j,cur);
             cur^=1:
    for(i=0;i<hm[cur].size;i++)</pre>
        ans+=hm[cur].f[i];
    printf("There are %164d ways to eat the trees.\n",ans);
}
int main()
{
    int T;
    int iCase=0;
    scanf("%d",&T);
    while(T--)
    {
        iCase++;
        printf("Case %d: ",iCase);
        init();
        solve();
    }
    return 0;
例 2-URAL1519
题意:
给你一个 m * n 的棋盘,有的格子是障碍,问共有多少
条回路使得经过每个非障碍格子恰好一次 .m, n ≤ 12。
做法 1-摘自网上博客
#define II long long
#define hash ddf
using namespace std;
int n,m,x[15][15],cur,pre,ex,ey;
```

```
int st[2][300010];Il ans[2][300010],re;
int tot[2],bit[20],state[300010],st_tot,hash=300000;
struct edge{
    int to,next;
}a[300010];
void insert(int sta,ll val){
      cout<<"insert "<<sta<<endl;</pre>
    int p=sta\(\)hash,i;
    for(i=state[p];i;i=a[i].next){
         if(st[cur][a[i].to]==sta){
              ans[cur][a[i].to]+=val;return;
    }
    tot[cur]++;
    a[++st_tot].to=tot[cur];
     a[st_tot].next=state[p];
state[p]=st_tot;st[cur][tot[cur]]=sta;ans[cur][tot[cur]]=val;
}
int main(){
    int i,j,k,l,now,down,right;ll val;char s[20];
     scanf("%d%d",&n,&m);
     for(i=1;i<=n;i++){
         scanf("%s",s);
         for(j=0;j< m;j++)
              if(s[i]=='.')
                   x[i][j+1]=1,ex=i,ey=j+1;
    }
    for(i=1;i<15;i++) bit[i]=i<<1;
    cur=0;tot[cur]=1;ans[cur][1]=1;st[cur][1]=0;
    for(i=1;i<=n;i++)
         for(j=1;j<=tot[cur];j++) st[cur][j]<<=2;
         for(j=1;j<=m;j++)
//
                cout<<"begin "<<i<ends<<j<endl;
              st_tot=0;memset(state,0,sizeof(state));
              pre=cur;cur^=1;tot[cur]=0;
              for(k=1;k\leq=tot[pre];k++){
                   now=st[pre][k];val=ans[pre][k];
                   down=(now>>bit[j-
1])%4;right=(now>>bit[j])%4;
                                   cout<<"
                                                    from
"<<now<<ends<<ri>right</ti>
<<endl;
                   if(!x[i][j]){
                        if(!down&&!right){
```

```
insert(now,val);continue;
                         }
                   }
                    else if(!down&&!right){
                         if(x[i][j+1]\&\&x[i+1][j])
                              insert(now+(1<<bit[j-
1])+((1<<bit[j])<<1),val);
                    else if(!down&&right){
                         if(x[i][j+1]) insert(now,val);
                         if(x[i+1][j])
                             insert(now-
right*(1<<bit[j])+right*(1<<bit[j-1]),val);
                   }
                    else if(down&&!right){
                         if(x[i+1][j]) insert(now,val);
                         if(x[i][i+1])
insert(now+down*(1<<bit[j])-down*(1<<bit[j-1]),val);
                    else if(down==1&&right==1){
                         int cnt=1;
                         for(|=j+1;|<=m;|++){
                              if((now>>bit[I])%4==1)
cnt++;
                              if((now >> bit[I])\%4 == 2) cnt-
                             if(!cnt){
                                   insert(now-(1<<bit[l])-
(1 < bit[j]) - (1 < bit[j-1]), val);
                                   break;
                             }
                         }
                   }
                    else if(down==2&&right==2){
                         int cnt=1;
                         for(|=j-2;|>=0;|--){
                              if((now >> bit[I])\%4 == 2)
cnt++;
                              if((now >> bit[I])\%4 == 1) cnt-
                              if(!cnt){
insert(now+(1<<bit[])-((1<<bit[j])<<1)-((1<<bit[j-
1])<<1),val);
```

```
state[size]=st;//其具体编码
                            break:
                        }
                                                            next[size]=head[h];
                    }
                                                            head[h]=size++;
                }
                else if(down==2&&right==1){
                                                   }hm[2];//滚动数组,节省空间
                    insert(now-((1<<bit[j-1])<<1)-
(1<<bit[j]),val);
                                                        对 st 进行解码,将结果保存在 code 数组中,其长
                }
                                                    度为 m
                else if(down==1&&right==2){
                                                    */
                    if(i==ex\&\&i==ey) re+=val;
                                                    void decode(int *code,int m,long long st)
                }
            }
                                                        int i:
        }
                                                        for(i=m;i>=0;i--)
    }
    printf("%lld\n",re);
                                                            code[i]=st&7;
                                                            st >> = 3;
}
做法 2-冗长模版版
                                                       }
const int HASH=30007;
                                                   }
const int STATE=1000010;
                                                    /*
                                                        将当前的长度为 m 的 code 数组进行编码
const int MAXD=15;
int N,M,ex,ey;//ex\ey 非必需
int code[MAXD],maze[MAXD][MAXD];
                                                    long long encode(int *code,int m)
int ch[MAXD];
                                                    {
struct HASHMAP
                                                        int i;
                                                        int cnt=1;
{
    int head[HASH],next[STATE],size;//链表形式 head
                                                        memset(ch,-1,sizeof(ch));
通过取模进行了一种索引 提高查询效率
                                                        ch[0]=0;
    long long f[STATE],state[STATE];//到某状态的个数
                                                        II st=0;
    void init()
                                                        for(i=0;i<=m;i++)
    {
        size=0;memset(head,-1,sizeof(head));
                                                            if(ch[code[i]]==-1)ch[code[i]]=cnt++;
                                                            code[i]=ch[code[i]];
    void push(long long st,long long ans)//达到第 i 种
                                                            st << = 3;
状态的方式加 ans 个
                                                            st|=code[i];
    {
                                                       }
        int i,h=st%HASH;//h 为哈希过后的编码 作为索
                                                        return st;
引
                                                   }
        for(i=head[h];i!=-1;i=next[i])
                                                    /*
            if(st==state[i])//若成功找到
                                                        可作为通用的读入函数
                                                        注意需要在右侧、下策边界设一圈代表不可"到达"
            {
                                                    的数
                f[i]+=ans;
                return;
                                                    */
            }
                                                    char lin[20];
        //未找到,需自己创建
        f[size]=ans;//达到该状态的方法数即为 ans
                                                        读入数据,将状态图记录在 maze 中
```

```
void init()
                                                                   }
                                                                   else//左、上并未连通 则合并
{
    ex=ey=0;
    memset(maze,0,sizeof(maze));
                                                                       code[i-1]=code[i]=0;
    for(int i=1;i \le N;i++)
                                                                       for(int s=0;s<=M;s++)
                                                                           if(code[s]==up)code[s]=left;
    {
        scanf("%s",lin);
                                                                       if(j==M)shift(code,M);
        for(int j=0;j<M;j++)
            if(lin[j]=='.'){maze[i][j+1]=1;ex=i;ey=j+1;}
                                                      hm[cur^1].push(encode(code,M),hm[cur].f[k]);
    }
}
                                                               }
/*
                                                               else if(left||up)//01 或 10
    换行的时候移位
    不想改变 code
                                     可以采用
                           数组
                                                                   int t=left?left:up;
                                                                   if(maze[i][j+1])//可以向右侧连 并且并不
encode(code,j==M?M-1:M);的方式
                                                      涉及换行 无需 shift
void shift(int *code,int m)
{
                                                                       code[j-1]=0; code[j]=t;
    int i;
    for(i=m;i>0;i--)code[i]=code[i-1];
                                                      hm[cur^1].push(encode(code,M),hm[cur].f[k]);
    code[0]=0;
}
                                                                   if(maze[i+1][j])
/*
    处理可以放的格子
                                                                       code[j-1]=t;code[j]=0;
    i 行, i 列, 当前滚动数组的状态
                                                                       if(j==M)shift(code,M);
void dpblank(int i,int j,int cur)
                                                      hm[cur^1].push(encode(code,M),hm[cur].f[k]);
{
    int k,left,up;
                                                               }
    for(k=0;k<hm[cur].size;k++)</pre>
                                                               else//00 -> 11 必须两个都可以连
        decode(code,M,hm[cur].state[k]);
                                                                   if(maze[i][i+1]&&maze[i+1][i])
        left=code[j-1];//左侧是否有连 及其连通编号
        up=code[j];//上侧是否有连 及其连通编号
                                                                       code[j]=code[j-1]=13;
        if(left&&up)//11 -> 00
                                                      hm[cur^1].push(encode(code,M),hm[cur].f[k]);
            if(left==up)//左、上已经连通
            {
                                                               }
                                                          }
                if(i==ex\&\&j==ey)
                                                      }
                                                      /*
                     code[j-1]=code[j]=0;
                     if(j==M)shift(code,M);
                                                           不能放的格子
                                                          i 行,j 列,当前滚动数组的状态
hm[cur^1].push(encode(code,M),hm[cur].f[k]);
```

```
//用二分查找的方法找到一个位置,使得num>b[i-1]并
void dpblock(int i,int j,int cur)
                                                       且 num<b[i],并用 num 代替 b[i]
                                                       int Search(int num,int low,int high)
    int k:
    for(k=0;k<hm[cur].size;k++)</pre>
                                                           int mid;
        decode(code,M,hm[cur].state[k]);
                                                           while(low<=high)
        code[j-1]=code[j]=0;
        if(j==M)shift(code,M);
                                                               mid=(low+high)/2;
        hm[cur^1].push(encode(code,M),hm[cur].f[k]);
                                                               if(num>=b[mid]) low=mid+1;
    }
                                                               else
}
                                                                    high=mid-1;
void solve()
                                                           }
                                                           return low;
    int i,j,cur=0;
                                                       }
    long long ans=0;
                                                       int DP(int n)
    hm[cur].init();
                                                       {
    hm[cur].push(0,1);//dp 前初始化 仅状态 0 的个数
                                                           int i,len,pos; b[1]=a[1];
为1(即当下)
                                                           len=1;
    for(i=1;i<=N;i++)
                                                           for(i=2;i<=n;i++)
        for(j=1;j<=M;j++)
                                                               if(a[i]>=b[len])//如果 a[i]比 b[]数组中最大还大
                                                       直接插入到后面即可
             hm[cur^1].init();//滚动数组的初始化
             if(maze[i][j])dpblank(i,j,cur);
                                                               {
             else dpblock(i,j,cur);
                                                                    len=len+1; b[len]=a[i];
             cur^=1;
                                                               else//用二分的方法在 bll数组中找出第一个比
    for(i=0;i<hm[cur].size;i++)</pre>
                                                       a[i]大的位置并且让 a[i]替代这个位置
        ans+=hm[cur].f[i];
                                                               {
    printf("%I64d\n",ans);
                                                                    pos=Search(a[i],1,len);
}
                                                                    b[pos]=a[i];
int main()
                                                               }
                                                           }
    while(~scanf("%d%d",&N,&M))
                                                           return len;
    {
        init();
                                                       网络流
        if(!ex)
             printf("0\n");
                                                       上下界网络流
        else solve();
    }
                                                       例 1-SGU194-无源汇有上下界可行流
    return 0;
                                                       namespace Maxflow{
}
                                                           typedef int type;
nlogn 最长上升子序列
                                                           const int INF=0x3f3f3f3f3f:
                                                           const int maxn=4e4;
const int MAXN=500010;
```

int a[MAXN],b[MAXN];

struct node{

int to;type cap;int nxt;int id;

```
node(int _to=0,type _cap=0,int _nxt=0,int
_id=0):to(_to),cap(_cap),nxt(_nxt),id(_id){}
    }edg[maxn*50];
    int head[maxn],tot;
    void addedge(int from,int to,type cap,int _id=0,type
rcap=0){
         edg[tot]=node(to,cap,head[from],_id);
         head[from]=tot++;
edg[tot]=node(from,rcap,head[to]);head[to]=tot++;
    int dep[maxn],cur[maxn];
    bool bfs(int s,int t,int n){
         static int Q[maxn],ST,ED;
         memset(dep+1,0,sizeof(int)*n);
         ST=0;ED=-1;
         Q[++ED]=s;dep[s]=1;
         while(ST<=ED){
              int u=Q[ST++];
              for(int i=head[u];~i;i=edg[i].nxt){
                   int to=edg[i].to;
                   if(!dep[to]&&edg[i].cap){
                       Q[++ED]=to;dep[to]=dep[u]+1;
                  }
              }
         return dep[t]!=0;
    type dfs(int x,const int &t,type flow=INF){
         if(x==t||flow==0)return flow;
         type ret=0;
         for(int i=cur[x];~i;i=edg[i].nxt){
if(dep[x]+1==dep[edg[i].to]&&edg[i].cap){
                   type
f=dfs(edg[i].to,t,min(flow,edg[i].cap));
                   edg[i].cap-=f;edg[i^1].cap+=f;
                   ret+=f;flow-=f;cur[x]=i;
                   if(flow==0)break;
              }
         if(!ret)dep[x]=0;
         return ret;
    type maxflow(int s,int t,int n){
```

```
type ret=0;
          while(bfs(s,t,n)){
              type f;
               memcpy(cur+1,head+1,n*sizeof(int));
              while((f=dfs(s,t))>0)ret+=f;
          }
          return ret;
    }
    void init(int n){
          memset(head+1,-1,sizeof(int)*n);tot=0;
    }
}
int d[MAX],ans[MAX];
int n,m;
int main(){
     read(n);read(m);
     Maxflow::init(n+2);
     for(int u,v,l,r,i=1;i <= m;i++){
          read(u);read(v);read(l);read(r);
          d[u]-=I;d[v]+=I;
          Maxflow::addedge(u,v,r-l,i);
          ans[i]=I;
    }
     int S=n+1,T=n+2;
     int sum_in=0,sum_out=0;
     for(int i=1;i <= n;i++){}
          if(d[i]>0){
               sum_out+=d[i];
              Maxflow::addedge(S,i,d[i]);
         }
          else if(d[i]<0){
              sum_in-=d[i];
              Maxflow::addedge(i,T,-d[i]);
         }
    }
if(sum_in!=sum_out||Maxflow::maxflow(S,T,n+2)!=sum_i
n)
          puts("NO");
     else{
          puts("YES");
          for(int i=0;i<Maxflow::tot;i++)</pre>
              if(Maxflow::edg[i].id)
ans[Maxflow::edg[i].id]+=Maxflow::edg[i^1].cap;
```

```
for(int i=1;i <= m;i++)
               printf("%d\n",ans[i]);
     }
     return 0;
}
例 2-POJ2396-有源汇有上下界可行流
int
ans[404][24],a[404],low[404][24],up[404][24],deg[404];
int n,m,t,k;
inline void op(int x,int y,char opt,int z){
     if(opt=='>')
          low[x][y]=std::max(low[x][y],z+1);
     else if (opt=='<')
          up[x][y]=std::min(up[x][y],z-1);
     else{
          low[x][y]=max(low[x][y],z);
          up[x][y]=min(up[x][y],z);
     }
}
char opt;
int main(){
     read(t);
     while(t--){
          read(n);read(m);
          for(int i=1;i < =n;i++)
               for(int
j=1;j<=m;j++)low[i][j]=0,up[i][j]=INF;
          for(int i=1;i <= n+m+2;i++)deg[i]=0;
          for(int i=1;i < = n+m;i++)read(a[i]);
          read(k);
          while(k--){
               int x,y,z;
               read(x);read(y);
while(opt=getchar(),opt!='='&&opt!='<'&&opt!='>');
               read(z);
               if(!x&&!y)
                    for(int i=1;i <= n;i++)
                         for(int j=1;j <=m;j++)op(i,j,opt,z);
               else if(!x)
                    for(int i=1;i <= n;i++)op(i,y,opt,z);
               else if(!y)
                    for(int i=1;i \le m;i++)op(x,i,opt,z);
               else op(x,y,opt,z);
          }
```

```
bool an=1:
         for(int i=1;i <= n\&\&an;i++)
               for(int j=1;j \le m\&\&an;j++)
                   if(low[i][j]>up[i][j])an=0;
         if(!an){
               puts("IMPOSSIBLE");
               if(t)puts("");
               continue;
         }
         int s=n+m+1, t=n+m+2;
         int ss=t+1,tt=ss+1;
         Maxflow::init(tt):
         Maxflow::add_edge(t,s,INF);
         for(int i=1;i <= n;i++)
              for(int j=1;j<=m;j++){
                   int l=low[i][j],r=up[i][j];
                   ans[i][j]=I;
                   Maxflow::add_edge(i,j+n,r-l,i*400+j);
                   dea[i+n]+=1;dea[i]-=1;
         for(int i=1;i <=n;i++)deg[i]+=a[i],deg[s]-=a[i];
         for(int
                              i=n+1;i <=n+m;i++)deg[i]-
=a[i],deg[t]+=a[i];
         int sum in=0,sum out=0;
         for(int i=1; i < =t; i++){
              if(deg[i]>0){
sum_in+=deg[i];Maxflow::add_edge(ss,i,deg[i]);
              else if(deg[i]<0){
                   sum out-
=deg[i];Maxflow::add_edge(i,tt,-deg[i]);
         }
if(sum_in!=sum_out||Maxflow::maxflow(ss,tt,tt)!=sum_in)
               puts("IMPOSSIBLE");
         else{
               for(int i=0;i<Maxflow::tot;i+=2){</pre>
                   int id=Maxflow::edg[i].id;
                   if(id){
                        int x=id/400,y=id%400;
ans[x][y]+=Maxflow::edg[i^1].cap;
                   }
```

```
for(int i=1;i <=n;i++)
                                                            }
                                                            例 4-SGU176-有源汇最小流并输出各边流量
                  for(int j=1;j <= m;j++)
                       printf("%d%c",ans[i][j],j==m?'\n':'
                                                            int n,m;
');
                                                            int deg[MAX];
                                                            int an[MAX],pre[MAX],now[MAX];
         if(t)puts("");
                                                            int main(){
                                                                 while(~scanf("%d%d",&n,&m)){
    }
}
例 3-LOJ117-有源汇有上下界最小流(有局限性)
                                                                      Maxflow::init(n+2);
int n,m,s,t;
                                                                      memset(an,0,sizeof(an));
II deg[MAX];
                                                                      memset(deg,0,sizeof(deg));
int main(){
                                                                      for(int u,v,z,c,i=1;i<=m;i++){
    while(~scanf("%d%d%d%d",&n,&m,&s,&t)){
                                                                           read(u);read(v);read(z);read(c);
         int S=n+1,T=n+2;
                                                                           if(!c)Maxflow::add_edge(u,v,z,i);
         Maxflow::init(n+2);
                                                                           else{
         memset(deg,0,sizeof(deg));
                                                                               deg[u]-=z;deg[v]+=z;
         for(int u,v,z,i=1;i<=m;i++){
                                                                               an[i]=z;
             II c;
                                                                          }
              read(u);read(v);read(z);read(c);
                                                                      }
              Maxflow::add_edge(u,v,c-z);
                                                                      int ans=0;
              deg[u]-=z;deg[v]+=z;
                                                                      int sum_in=0,sum_out=0;
                                                                      int s=n+1,t=n+2;
         II sum in=0,sum out=0;
                                                                      int now=Maxflow::tot;
         int now=Maxflow::tot;
                                                                      for(int i=1;i <= n;i++){
         for(int i=1; i < =n; i++){
                                                            if(deg[i]>0)sum_in+=deg[i],Maxflow::add_edge(s,i,deg[i]
if(deg[i]>0)sum_in+=deg[i],Maxflow::add_edge(S,i,deg[i
                                                            );
]);
                                                                                                if(deg[i]<0)sum_out-
                                                                           else
              else
                                   if(deg[i]<0)sum_out-
                                                             =deg[i],Maxflow::add_edge(i,t,-deg[i]);
=deg[i],Maxflow::add_edge(i,T,-deg[i]);
                                                            //
         Maxflow::add_edge(t,s,INFF);
                                                                      int tmp=Maxflow::maxflow(s,t,n+2);
                                                                      Maxflow::add_edge(n,1,INF);
if(sum_in!=sum_out||Maxflow::maxflow(S,T,n+2)!=sum_i
n)
                                                            if(sum_in!=sum_out||tmp+Maxflow::maxflow(s,t,n+2)!=s
              printf("please go home to sleep\n");
                                                            um_in)
         else{
                                                                           printf("Impossible\n");
              Il ans=Maxflow::edg[Maxflow::tot-1].cap;
                                                                      else{
              for(int i=now;i<Maxflow::tot;i++)</pre>
                                                                           ans=Maxflow::edg[Maxflow::tot-1].cap;
                  Maxflow::edg[i].cap=0;
                                                                           for(int i=0;i<Maxflow::tot;i++)</pre>
              ans-=Maxflow::maxflow(t,s,n+2);
                                                                               if(Maxflow::edg[i].id)
              printf("%lld\n",ans);
                                                            an[Maxflow::edg[i].id]=Maxflow::edg[i^1].cap;
         }
    }
                                                                           printf("%d\n",ans);
```

```
for(int i=1;i <= m;i++){
                                                                          for(int i=now;i<Maxflow::tot;i++)</pre>
                  printf("%d ",an[i]);
                                                                               Maxflow::edg[i].cap=0;
             }
                                                                          ans-=Maxflow::maxflow(n,1,n+2);
              printf("\n");
                                                                          if(ans<0){
         }
                                                                               Maxflow::add_edge(s,1,-ans);
    }
                                                                               Maxflow::maxflow(s,n,n+2);
                                                                               ans=0:
}
例 4-SGU176-有源汇最小流并输出各边流量-方法 2
                                                                          for(int i=0;i<Maxflow::tot;i++)</pre>
int n.m:
                                                                               if(Maxflow::edg[i].id)
int deg[MAX];
int an[MAX],pre[MAX],now[MAX];
                                                            an[Maxflow::edg[i].id]=Maxflow::edg[i^1].cap;
int main(){
                                                                          printf("%d\n",ans);
                                                                          for(int i=1;i<=m;i++){
    while(~scanf("%d%d",&n,&m)){
                                                                               printf("%d ",an[i]);
         Maxflow::init(n+2);
         memset(an,0,sizeof(an));
                                                                          printf("\n");
         memset(deg,0,sizeof(deg));
                                                                     }
         for(int u,v,z,c,i=1;i<=m;i++){
                                                                }
              read(u);read(v);read(z);read(c);
             if(!c)Maxflow::add_edge(u,v,z,i);
                                                            }
              else{
                                                            最小割
                  deg[u]-=z;deg[v]+=z;
                                                            例 1-判断最小割是否唯一-bzoi3258
                  an[i]=z;
             }
                                                            int t,n,m;
                                                            int ecnt1,ecnt2,eid,dcnt;
                                                            int head1[MAX],head2[MAX],a[MAX];
         int ans:
         ans=-Maxflow::maxflow(n,1,n+2);
                                                            int lev[MAX],cur[MAX];
         int sum_in=0,sum_out=0;
                                                            int dfn[MAX],low[MAX],scc,bel[MAX];
         int s=n+1,t=n+2;
                                                            II dis[2][MAX];
         int now=Maxflow::tot;
                                                            struct node{
         for(int i=1;i <= n;i++){
                                                                 int to,nxt,val;
                                                                 node(){}
if(deg[i]>0)sum_in+=deg[i],Maxflow::add_edge(s,i,deg[i]
                                                                 node(int
                                                                                        _to,int
);
                                                            _val):to(_to),nxt(_nxt),val(_val){}
              else
                                  if(deg[i]<0)sum_out-
                                                            }edg1[MAX],edg2[MAX];
=deg[i],Maxflow::add_edge(i,t,-deg[i]);
                                                            inline void add_edge1(int u,int v,int w){
                                                                 edg1[++ecnt1]=node(v,head1[u],w);
                                                                 head1[u]=ecnt1;
         Maxflow::add_edge(n,1,INF);
                                                            }
if(sum_in!=sum_out||Maxflow::maxflow(s,t,n+2)!=sum_i
                                                            inline void add_edge2(int u,int v,int w){
n)
                                                                 edg2[++ecnt2]=node(v,head2[u],w);
              printf("Impossible\n");
                                                                 head2[u]=ecnt2;
         else{
                                                                 edg2[++ecnt2]=node(u,head2[v],0);
              ans+=Maxflow::edg[Maxflow::tot-1].cap;
                                                                 head2[v]=ecnt2;
```

nxt,int

```
void dij(int st){
     priority_queue<pli,vector<pli>,greater<pli>>que;
     int id=(st==1?0:1);
     memset(dis[id],0x3f,sizeof(dis[id]));
     que.push(mp(0,st));dis[id][st]=0;
     while(!que.empty()){
          int who=que.top().se;
          Il d=que.top().fi;que.pop();
          if(dis[id][who]<d)continue;
          for(int i=head1[who];i;i=edg1[i].nxt){
               int to=edg1[i].to,val=edg1[i].val;
               if(dis[id][to]>dis[id][who]+val){
                    dis[id][to]=dis[id][who]+val;
                    que.push(mp(dis[id][to],to));
              }
         }
    }
}
inline bool bfs(){
     queue<int>que;
     memset(lev,0,sizeof(lev));
     lev[1]=1;que.push(1);
     while(!que.empty()){
          int x=que.front();que.pop();
          for(int i=head2[x];i;i=edg2[i].nxt){
               int to=edg2[i].to;
               if(lev[to]||!edg2[i].val)continue;
              lev[to]=lev[x]+1;
               if(to==n)return 1;
               que.push(to);
         }
    }
     return 0;
}
inline int dinic(int x,int low){
     if(x==n)return low;
     int tmp=low;
     for(int &i=cur[x];i;i=edg2[i].nxt){
          int to=edg2[i].to;
          if(lev[to]!=lev[x]+1||!edg2[i].val)continue;
          int res=dinic(to,min(tmp,edg2[i].val));
          if(!res)lev[to]=0;
                                    tmp-=res,edg2[i].val-
          else
=res,edg2[i^1].val+=res;
```

```
if(!tmp)return low;
    }
     return low-tmp;
}
stack<int>stk;
bool ing[MAX];
void tarjan(int x){
     dfn[x]=low[x]=++dcnt;
     stk.push(x);inq[x]=1;
     for(int i=head2[x];i;i=edg2[i].nxt){
          if(!edg2[i].val)continue;
          int to=edg2[i].to;
          if(!dfn[to])tarjan(to),low[x]=min(low[x],low[to]);
          else if(inq[to])low[x]=min(low[x],dfn[to]);
    }
     if(low[x]==dfn[x]){
          ++scc:
          while(1){
               int y=stk.top();stk.pop();
               inq[y]=0;bel[y]=scc;
               if(x==y)break;
          }
    }
}
int main(){
     read(t);
     while(t--){
          read(n);read(m);
          memset(head1,0,sizeof(head1));
          memset(head2,0,sizeof(head2));
          ecnt1=0;ecnt2=1;
          for(int i=1;i < n;i++)read(a[i]);
          a[n]=INFF;
          while(m--){
               int u,v,w;
               read(u);read(v);read(w);
               add_edge1(u,v,w);add_edge1(v,u,w);
          }
          dij(1);dij(n);eid=n;
          for(int i=1;i< n;i++)
               for(int j=head1[i];j;j=edg1[j].nxt){
                    int to=edg1[j].to,val=edg1[j].val;
                    if(dis[0][i]+val+dis[1][to]==dis[0][n]){
                         ++eid:
                         add_edge2(i,eid,a[i]);
```

```
add_edge2(eid,to,a[to]);
                   }
         II ans=0;
while(bfs()){memcpy(cur,head2,sizeof(head2));ans+=din
ic(1,INF); }
         memset(dfn,0,sizeof(dfn));
         memset(inq,0,sizeof(inq));
         dcnt=scc=0:
         for(int i=1;i \le eid;i++)
              if(!dfn[i])tarjan(i);
         bool flag=0;
         for(int i=2;i \le ecnt2\&\&!flag;i+=2)
              if(edg2[i].val)continue;//没有满流
              int x=edg2[i^1].to,y=edg2[i].to;
              if(bel[x]==bel[y])continue;
              if(bel[x]!=bel[1]||bel[y]!=bel[n])flag=1;
         }
         if(flag)printf("No %lld\n",ans);
         else printf("Yes %lld\n",ans);
    }
    return 0;
}
```

随机化

图随机化

例1- 随机化边权判连通图去掉一些边后是否连通-BZOJ3569

```
int ecnt,n,m,q,k,cnt;
int dp[MAX],h[MAX],fa[MAX],eval[MAX],a[50];
bool v_vi[MAX],e_vi[MAX];//点是否使用过 边是否使用过

struct node{
    int to,nxt,val;
}edg[MAX<<1];
void add_edge(int u,int v){
    edg[++ecnt]=node{v,h[u],0};
    h[u]=ecnt;
}
void dfs(int now,int pre){
    v_vi[now]=1;
    for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt){
        int to=edg[i].to;
```

```
if(to==pre||v_vi[to])continue;
          fa[to]=now;e_vi[i>>1]=1;
          dfs(to,now);
    }
}
void dfs2(int now){
     for(int i=h[now];i;i=edg[i].nxt){
          int to=edg[i].to;
          if(fa[to]!=now)continue;
          dfs2(to);
          eval[i>>1]^=dp[to];
          dp[now]^=dp[to];
    }
}
int main()
{
     read(n);read(m);
     ecnt=1;
     for(int u,v,i=1;i<=m;i++){
          read(u);read(v);add_edge(u,v);add_edge(v,u);
    }
     dfs(1,0);
     srand(19260817);
     for(int i=1;i <= m;i++){
          if(e_vi[i])continue;
          eval[i]=rand()%MOD+1;
          dp[edg[i<<1].to]^=eval[i];</pre>
          dp[edg[i << 1|1].to]^=eval[i];
    }
     dfs2(1);
     read(q);
     while(q--){
          read(k);
          bool ans=1;
          memset(a,0,sizeof(a));
          for(int u,i=1;i<=k;i++){
              read(u);u^=cnt;u=eval[u];
               for(int j=31;j>=0;j--){
                   if(!(u&(1<<j)))continue;
                   if(!a[j]){a[j]=u;break;}
                   u^=a[j];
              ans&=(u!=0);
          cnt+=ans;
```

```
puts(ans?"Connected":"Disconnected");
}
return 0;
}
```

基础&常用

二分模拟乘法-用于乘起来会超 LL 的取模意义乘

```
法运算
|| multmod(|| a,|| b){
            a%=MOD;b%=MOD;
            if(b<0)b+=MOD;
            if(a<0)a+=MOD;
            || re=0;
            while(b){
                if(b&1LL){
                    re+=a;if(re>=MOD)re-=MOD;
                }
                a=a<<1;
                if(a>=MOD)a-=MOD;
                b=b>>1;
            }
            return re;
}
```

二维单调队列-例: 处理出所有 nn 方阵中最大值

```
int n,m,k;
int x[1005][1005];
int maxh[1005][1005],maxl[1005][1005];
int que[1005], st, en;
void getmax(int len,int z[1005][1005])//连续长度为 len
的区间
{
     for(int i=1;i <= n;i++){
          st=1,en=0;
          for(int j=1;j<=m;j++){
              while (st \le en \& que[st] + len - 1 < j) + +st;
              while(st \le en\&\& que[en] \le z[i][j]) --en;
              que[++en]=z[i][j];
              maxh[i][j]=que[st];
         }
    }
     for(int i=1;i <= m;i++){
          st=1,en=0;
          for(int j=1; j <=n; j++){
```

```
while(st \le en\&\& que[st] + len - 1 < j) ++st;
               while( st<=en&& que[en]<=maxh[j][i] )--
en;
               que[++en]=maxh[j][i];
               maxl[j][i]=que[st];
          }
     }
}
int main()
     read(n);read(m);read(k);
     for(int i=1;i < = n;i++)
          for(int j=1;j <=m;j++)read(x[i][j]);
     getmax(k,x);
     int an=0;
     for(int i=k;i <=n;i++)
          for(int j=k;j \le n;j++)an=max(an,maxl[i][j]);
     printf("%d\n",an);
     return 0;
}
离散化
int n;
int a[MAX];
vector<int>v;
int getid(int x){return lower_bound(v.begin(),v.end(),x)-
v.begin()+1;}
int main()
     for(int i=1;i \le n;i++)v.pb(a[i]);
sort(v.begin(),v.end());v.erase(unique(v.begin(),v.end()),v.
end());
}
```