

通識計算機程式設計期末考

6/29/2018

試題共 7 題，兩面印製 30 頁，滿分 103

1. 當前個人電腦已經相當普及，一個人擁有兩部以上的電腦裝置，並不少見。

這些電腦裝置的作業系統未必完全相同，例如：在辦公室應用Windows，出外攜帶運行iOS的iPad。這時可能的困擾，便是如何讓iPad也能讀取Windows產生的檔案，或讓Windows讀你在iPad寫下的文稿。本題如圖1類別圖所示：主程式中，呼叫**CreateAndOpen**產生及開啟連結Windows及iOS 檔案的**TextReader**陣列，並將各個**TextReader**連結的檔案內容移入記憶緩衝器**buffer**。這是因為磁碟檔案讀寫很花時間，因此通常先將檔案內容抄到記憶緩衝器，之後的讀寫都利用記憶緩衝器，提高效率。隨後利用函式**ReadAndDisplay**由**buffer**讀取、顯示讀出的Windows及iOS Text檔內容。整個程式執行時的主控台畫面如圖2。當然，假設**using System;**敘述已經包含於程式中。

- (a) 撰寫介面 **TextReader**，宣告的函式為 **FileName`Open`Close`Read**。這五個函式，呼叫時都不需要參數，但 **FileName** 要傳回字串，**Read** 要傳回字串陣列。(3%)
- (b) 撰寫實作 **TextReader** 之 **WindowsTextReader** 類別建構式：設定成員變數 **fileName** 等於建構式參數(圖 2 例中為字串"**wtr**")，並且在主控台螢幕顯示如圖 2 之第一行訊息。(6%)
- (c) 撰寫 **WindowsTextReader** 中的成員函式 **Open** 及 **GetData**。函式 **Open** 先在主控台顯示一行訊息，內容如圖 2 第 2 行。其次呼叫成員函式 **GetData**。函式 **GetData** 將檔案內容移入記憶緩衝器 **buffer**。這裡簡化問題，假設 Windows 檔案內容等於字串陣列{"**Hello!**", "**World.**"}, 直接於 **GetData**，將此陣列設值給 **buffer** 即可。**GetData** 也要顯示如圖 2 第三行的訊息。(6%)
- (d) 建立類別 **WindowsTextReader** 中的成員函式 **Read**，先顯示訊息如圖 2 第 7 行，再傳回 **buffer**。(6%)
- (e) 寫類別 **Program** 中的函式 **CreateAndOpen** 及 **ReadAndDisplay**。函式 **CreateAndOpen** 先建立 **TextReader** 陣列。第一個元素是 **WindowsTextReader** 物件，對應的檔案名稱是"**wtr**"，第二個元素是 **iOSTextReader** 物件，對應的檔案名稱是"**atr**"。接著呼叫這兩個元素物件的成員函式 **Open**。至於函式 **ReadAndDisplay**，則依次呼叫兩個陣列元素物件的 **Read** 函式，再以 **Read** 函式傳回的字串陣列，呼叫如下函式 **Display**。(6%)

```

static void Display(string[] contents) {
    int nTerms = contents.Length;
    for(int i = 0; i < nTerms; ++i) {
        Console.Write(contents[i] + " ");
    }
    Console.WriteLine();
}
}

```

- (f) 完成類別 **Program** 之主程式 **Main**。假定 **WindowsTextReader** 類別的所有成員函式均已完成。而 **iOSTextReader** 類別，也已經以類似 **WindowsTextReader** 類別的方式，實作完畢，可以直接引用。(3%)

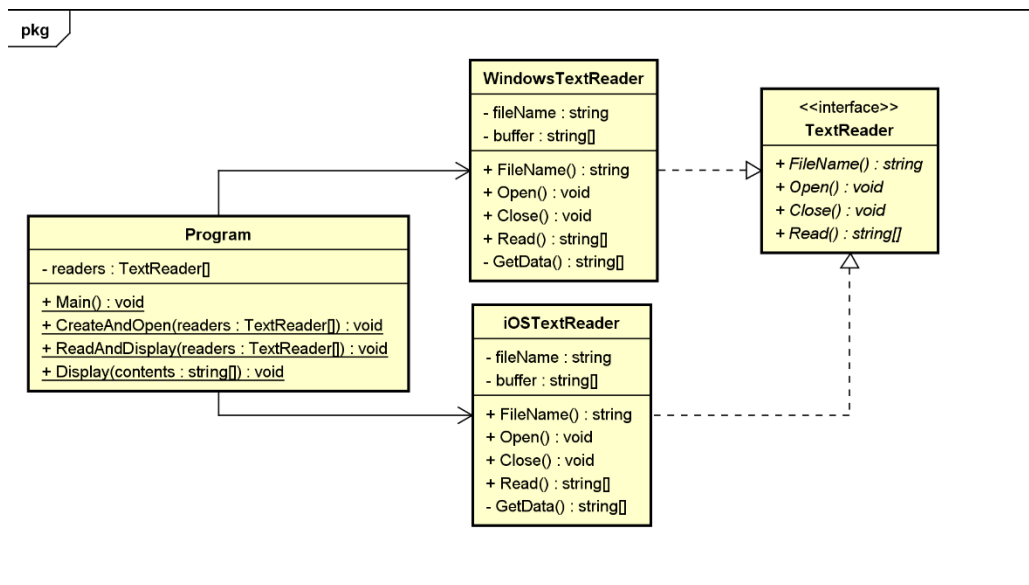


圖 1. 第 1 題對應的 UML 類別圖

```

C:\WINDOWS\system32\c...  -  □  ×
Windows Text Reader: set file to be wtr
Windows Text Reader: Open file wtr
Windows Text Reader: Get data
iOS Text Reader : Set file to be atr
iOS Text Reader: Open file atr
iOS Text Reader: Get data
Windows Text Reader: Read from buffer
Hello! World.
Windows Text Reader: Close file wtr
iOS Text Reader: Read from buffer
Apple iPad
iOS Text Reader: Close file atr
請按任意鍵繼續 . . .

```

圖 2. 第 1 題程式碼，執行時的主控台螢幕畫面

2. 找出以下程式片段之錯誤，並予更正.

(a) (3%) 一個錯誤

```
class Vector2D {
    private double x;
    private double y;
    public Vector2D(double x, double y) {
        this.x = x;
        this.y = y;
    }
    public double Magnitude() {
        return Math.Sqrt(x * x + y * y);
    }
    public float Magnitude() {
        return (float)Math.Sqrt(x * x + y * y);
    }
}
```

(b) (3%) 一個錯誤

```
class Parents {
    private string dad;
    private string mom;
    private int pension;
    private int cash;
    public Parents(string dad, string mom, int pension) {
        this.dad = dad;
        this.mom = mom;
        this.pension = pension;
        cash = pension;
    }
    virtual public void PayBill(int bill) {
        cash -= bill;
    }
}

class Child : Parents {
    private string name;
```

```

private int income;
private int balance;
public Child(string dad, string mom, int pension,
    string name, int income) : base(dad, mom, pension) {
    this.name = name;
    this.income = income;
    balance = income;
}
override public void PayBill(int bill) {
    balance -= bill;
    if(balance < 0) {
        balance += cash;
    }
}
}

```

(c) (3%) 一個錯誤。

```

class Airplane {
    abstract public void Fly();
}
class Boeing747_300 : Airplane {
    override public void Fly() {
        Console.WriteLine("Carry 300+ travellers.");
    }
}

```

(d) (3%) 一種錯誤

```

abstract class Radio {
    abstract public void PlayMusic();
}
abstract class Clock {
    abstract public void SetAlarm();
}
class RadioClock : Radio, Clock {
    public override void SetAlarm() {
        Console.WriteLine("Alarm is set");
    }
}

```

```

        public override void PlayMusic() {
            Console.WriteLine("Lullaby is played");
        }
    }
}

```

(e) (3%) 一種錯誤

```

class Car {
    private int nCarsProduced = 0;
    public Car() {
        Console.WriteLine("A car is produced in Detroit");
        ++nCarsProduced;
    }
    public Car(string city) {
        Console.WriteLine("A car is produced in " + city);
        ++nCarsProduced;
    }
    public int Total() {
        return nCarsProduced;
    }
}

class Program {
    static void Main(string[] args) {
        Car ford = new Car();
        Car toyota = new Car("Aichi-ken, Japan");
        Car luxgen = new Car("Miaoli county, Taiwan");
        Console.WriteLine("Total number of cars produced = {0}",
            Car.Total());
    }
}

```

3. 試寫出下列程式的輸出 (12%)

```

// Problem3
using System;
namespace Problem3 {

```

```

class Program {
    static void Main(string[] args) {
        int RailLength = 6;
        int pick = 1;
        int itd;
        int coincidence;
        JeffressModel barn_owl = new JeffressModel(RailLength, pick);
        for (int t = 0; t < 10; ++t) {
            barn_owl.FindMaxResponse(out itd, out coincidence);
            Console.WriteLine(
                "t = {0}, itd = {1}, coincidence = {2}",
                t, itd, coincidence);
            barn_owl.Update();
        }
    }
}

//Jeffress Model
using System;

namespace Problem3 {
    public class JeffressModel {
        private int railLength;
        private ForwardLine upperRail;
        private BackwardLine lowerRail;

        public JeffressModel(int railLength, int pick) {
            this.railLength = railLength;
            int[] impulse = ImpulseSignal(pick);
            upperRail = new ForwardLine(railLength, impulse);
            lowerRail = new BackwardLine(railLength, impulse);
        }

        public void Update() {
            upperRail.Update();
            lowerRail.Update();
        }
    }
}

```

```

    public int NextSample(int pickUpLoc) {
        int outSampU = upperRail.Access(pickUpLoc);
        int outSampL = lowerRail.Access(pickUpLoc);
        int outSamp = outSampU * outSampL;
        return outSamp;
    }

    public void FindMaxRespos(out int itd, out int coincidence {
        int td = 0;
        int maxAmp = 0;
        int outSamp = 0;
        for(int pickUpLoc = 0; pickUpLoc < railLength; ++pickUpLoc){
            outSamp = NextSample(pickUpLoc);
            if(outSamp > maxAmp) {
                maxAmp = outSamp;
                td = 2 * pickUpLoc - railLength;
            }
        }
        itd = td;
        coincidence = maxAmp;
    }

    private int[] ImpulseSignal(int pick) {
        int[] pulse = new int[railLength];
        for (int i = 0; i < railLength; ++i) {
            pulse[i] = 0;
        }
        pulse[pick] = 1;
        return pulse;
    }
}

// DelayLine
using System;
using System.Collections.Generic;

```

```

namespace Problem3 {
    public class DelayLine {
        protected int length;
        protected List<int> data;
        protected int pointer;

        public DelayLine(int length, int[] initialShape) {
            this.length = length;
            data = new List<int>();
            for (int i = 0; i < length; ++i) {
                data.Add(initialShape[i]);
            }
        }

        public virtual void Update() { }

        public int Access(int pickUpLoc) {
            int outLoc = pointer + pickUpLoc;
            while (outLoc < 0) outLoc += length;
            while (outLoc > length - 1) outLoc -= length;
            return data[outLoc];
        }
    }

    public class ForwardLine : DelayLine {
        public ForwardLine(int length, int[] initialShape) :
            base(length, initialShape) {
            pointer = 0;
        }

        public override void Update() {
            pointer = ++pointer;
            pointer = (pointer > length) ? 0 : pointer;
        }
    }

    public class BackwardLine : DelayLine {
        public BackwardLine(int length, int[] initialShape) :

```



```

        base(length, initialShape) {
            pointer = length - 1;
        }

        public override void Update() {
            pointer = --pointer;
            pointer = (pointer < 0.0) ? length : pointer;
        }
    }
}

```

4. 試寫出以下程式在下列狀況時的主控台螢幕輸出。

- (a) (3%) 檔案 **test.aiml** 尚未建立。
- (b) (3%) 檔案 **test.aiml** 已在正確位置，且內容為

```

<?xml version = "1.0" encoding = "UTF-8"?>
<aiml version="1.0.1" encoding = "UTF-8"?>
    <category>
        <pattern> HELLO ALICE </pattern>
        <template>
            Hello User
        </template>
    </category>
</aiml>

```

- (c) (3%) 檔案 **test.aiml** 已在正確位置，且內容為

```

<?xml version = "1.0" encoding = "UTF-8"?>
<category>
    <pattern> HELLO ALICE </pattern>
    <template>
        Hello User
    </template>
</category>
</aiml>

```

(d) (3%) 檔案 `test.aiml` 已在正確位置，且內容為

```
<?xml version = "1.0" encoding = "UTF-8"?>
<aiml version="1.0.1" encoding = "UTF-8"?>
  <category>
    <pattern> HELLO ALICE
    <template>
      Hello User
    </template>
  </category>
</aiml>
=====

// Problem4
using System;
using System.IO;
using System.Runtime.Serialization;
using System.Runtime.Serialization.Formatters.Binary;
namespace Problem4 {
  class Program {
    static void Main(string[] args) {
      try {
        string fileName = "test.aiml";
        SimpleChatbot alice = new SimpleChatbot(fileName);
        Console.WriteLine();

        BinaryFormatter formatter = new BinaryFormatter();
        FileStream output = new FileStream("alice_aiml.chat",
          FileMode.Create, FileAccess.Write);
        formatter.Serialize(output, alice);
        output.Close();
        Console.WriteLine();

        FileStream input = new FileStream("alice_aiml.chat",
          FileMode.Open, FileAccess.Read);
        Object obj = formatter.Deserialize(input);
        if (obj.GetType() == alice.GetType()) {
          SimpleChatbot bot = (SimpleChatbot)obj;
          Console.WriteLine("XML version: " + bot.XML_VERSION);
        }
      }
    }
  }
}
```

```

        Console.WriteLine("AIML version: " + bot.AIML_VERSION);
        Console.WriteLine("Chat category pattern: " +
            bot.PATTERNS[0]);
        Console.WriteLine("Chat category template: " +
            bot.TEMPLATES[0]);
    }
    else {
        throw new SerializationException();
    }
} catch (AbnormalParsingException e) {
    Console.WriteLine(e);
} catch (FileNotFoundException) {
    Console.WriteLine("File not found");
} catch (SerializationException) {
    Console.WriteLine(
        "Error in serializing/deserializing objects");
} catch (IOException) {
    Console.WriteLine("Can not open or close file");
} catch (Exception e) {
    Console.WriteLine(e.Message);
}
}
}

// SimpleChatbot
using System;
using System.IO;
namespace Problem4 {
    [Serializable]
    class SimpleChatbot {
        private string xml_version;
        private string aiml_version;
        private string[] contents;
        private string[] categories;
        private string[] patterns;
        private string[] templates;
    }
}

```

```

public SimpleChatbot(string fileName) {
    try {
        xml_version = XMLVersion(fileName);
        aiml_version = AIMLVersion(fileName);
        ParseForElements(fileName, "<aiml", "</aiml>", out contents);
        ParseForElements(contents, "<category>", "</category>",
            out categories);
        ParseForElements(categories, "<pattern>", "</pattern>",
            out patterns);
        ParseForElements(categories, "<template>", "</template>",
            out templates);
    } catch (Exception e) {
        Console.WriteLine(
            "Throw an exception from constructor of SimpleChatbot");
        throw e;
    }
}

public string XML_VERSION { get { return xml_version; } }
public string AIML_VERSION { get { return aiml_version; } }
public string[] PATTERNS { get { return patterns; } }
public string[] TEMPLATES { get { return templates; } }

private string XMLVersion(string fileName) {
    return GetVersion("<?xml", fileName, 0, 5);
}

private string AIMLVersion(string fileName) {
    return GetVersion("<aiml", fileName, 1, 3);
}

private static string GetVersion(string tag, string fileName,
    int nSkip, int idx) {
    string content = "";
    int length = 0;
    string line = "";
    bool beginMarkFound = false;
    bool endMarkFound = false;
    int begin = -1;

```

```

int end = -1;
char[] delimiters = new char[] { ' ', '=', '\'"' };
try {
    StreamReader input = new StreamReader(fileName);
    Console.WriteLine("GetVersion " + tag + " : Open file");
    try {
        for(int i = 0; i < nSkip; ++i) {
            input.ReadLine();
        }
        line = input.ReadLine();
        begin = line.IndexOf(tag);
        beginMarkFound = (begin >= 0);
        if (!beginMarkFound) {
            throw new AbnormalParsingException(
                "Symbol " + tag + " not found");
        }
        begin += tag.Length;

        end = line.IndexOf("?>");
        endMarkFound = (end >= 0);
        if (!endMarkFound) {
            throw new AbnormalParsingException(
                "Symbol \"?>\" not found");
        }
        length = end - begin;
        if (length < 0) {
            throw new AbnormalParsingException(
                "Abnormal" + tag + " header");
        }
        content = line.Substring(begin, length);
        string[] terms = content.Split(delimiters);
        return terms[idx];
    }
    catch (AbnormalParsingException e) {
        Console.WriteLine(
            "Throw an abnormal-parsing exception from" +
            " GetVersion :" + tag);
        throw e;
    }
}

```

```

    } catch (Exception e) {
        Console.WriteLine(
            "Throw an exception from inner try-catch in" +
            " GetVersion : " + tag);
        throw e;
    } finally {
        Console.WriteLine(
            "Enter inner finally in function GetVersion : " + tag);
        input.Close();
        Console.WriteLine("Close file");
    }
} catch (AbnormalParsingException e) {
    Console.WriteLine(
        "Throw an abnormal-parsing exception from" +
        " outer try-catch in GetVersion : " + tag);
    throw e;
} catch (FileNotFoundException e) {
    Console.WriteLine(
        "Throw a file-not-found exception from" +
        " outer try-catch in GetVersion : " + tag);
    throw e;
} catch (Exception e) {
    Console.WriteLine(
        "Throw an exception from" +
        " outer try-catch in GetVersion: " +tag);
    throw e;
}
}

```

```

private void ParseForElements(
    string fileName, string beginMark, string endMark,
    out string[] elements) {
    string content = "";
    int length = 0;
    string line = "";
    bool beginMarkFound = false;
    bool endMarkFound = false;
    int begin = -1;

```

```

int end = -1;
const int MAX_N_ELEMENTS = 10;
elements = new string[MAX_N_ELEMENTS];
int nElements = 0;

try {
    StreamReader input = new StreamReader(fileName);
    Console.WriteLine("ParseForElements: Open file");
    try {
        while (!input.EndOfStream) {
            line = input.ReadLine();
            if (beginMarkFound) {
                begin = 0;
            } else {
                begin = line.IndexOf(beginMark);
                if (begin < 0) continue;
                beginMarkFound = true;
                begin = begin + beginMark.Length;
            }

            if (!endMarkFound) {
                end = line.IndexOf(endMark);
                if (end < 0) {
                    end = line.Length - 1;
                } else {
                    endMarkFound = true;
                }
                length = end - begin + 1;
                if (length > 0) {
                    content += line.Substring(begin, length);
                }
            } else {
                beginMarkFound = false;
                endMarkFound = false;
                begin = -1;
                end = -1;
            }
        }
    }
}

```

```

        elements[nElements] = content;
        nElements++;
        if (beginMarkFound && !endMarkFound)
            throw new AbnormalParsingException(
                endMark.Substring(1, endMark.Length - 1) + " not found");
    } catch (AbnormalParsingException e) {
        Console.WriteLine(
            "Throw an abnormal-parsing exception" +
            " from ParseForElements");
        throw e;
    } catch (Exception e) {
        Console.WriteLine(
            "Throw an exception from" +
            " inner try-catch in ParseForElements");
        throw e;
    } finally {
        Console.WriteLine(
            "Enter inner finally in ParseForElements");
        input.Close();
        Console.WriteLine("Close file");
    }
} catch (AbnormalParsingException e) {
    Console.WriteLine(
        "Throw an abnormal-parsing exception" +
        " from outer try-catch in ParseForElements");
    throw e;
} catch (FileNotFoundException e) {
    Console.WriteLine(
        "Throw a file-not-found exception" +
        " from outer try-catch in ParseForElements");
    throw e;
} catch (Exception e) {
    Console.WriteLine(
        "Throw an exception from" +
        " outer try-catch in ParseForElements");
    throw e;
}
}

```



```

private void ParseForElements(
    string[] categories, string beginMark, string endMark,
    out string[] elements) {
    string content;
    int length;
    bool beginMarkFound;
    bool endMarkFound;
    int begin;
    int end;
    const int MAX_N_ELEMENTS = 10;
    elements = new string[MAX_N_ELEMENTS];
    int nElements = 0;

    for (int i = 0; i < categories.Length; ++i) {
        try {
            content = categories[i];
            if (content == null) continue;
            beginMarkFound = false;
            endMarkFound = false;
            begin = content.IndexOf(beginMark);
            if (begin >= 0) {
                beginMarkFound = true;
                begin += beginMark.Length;
            }
            end = content.IndexOf(endMark) - 1;
            if (end >= 0) {
                endMarkFound = true;
                length = end - begin + 1;
                if (length > 0) {
                    elements[nElements] = content.Substring(begin, length);
                    nElements++;
                }
            }
            if (beginMarkFound && !endMarkFound) {
                throw new AbnormalParsingException(
                    endMark.Substring(1, endMark.Length - 1) +
                    " not found");
            }
        }
    }
}

```

```

        if (!beginMarkFound && endMarkFound) {
            throw new AbnormalParsingException(
                beginMark.Substring(1, endMark.Length - 1) +
                " not found");
        }

    } catch (AbnormalParsingException e) {
        Console.WriteLine(
            "Enters ParseForElements with string arrays");
        Console.WriteLine(e);
    } catch (Exception e) {
        Console.WriteLine(
            "Enters ParseForElements with string arrays");
        Console.WriteLine(e);
    }
}

}

}

}

// AbnormalParsingException
using System;

namespace Problem4 {
    public class AbnormalParsingException : ApplicationException {
        private string message;
        public AbnormalParsingException(string message): base() {
            this.message = message;
        }
        public override string ToString() {
            return message;
        }
    }
}

```

5. 依據以下描述及程式框架，完成 C#之 Unity 腳本程式。(6%)

程式描述：建立繞全域坐標系 y 軸不停旋轉之金幣。

利用 Unity 使用介面，完成金幣外形與場景設計，如圖 3。

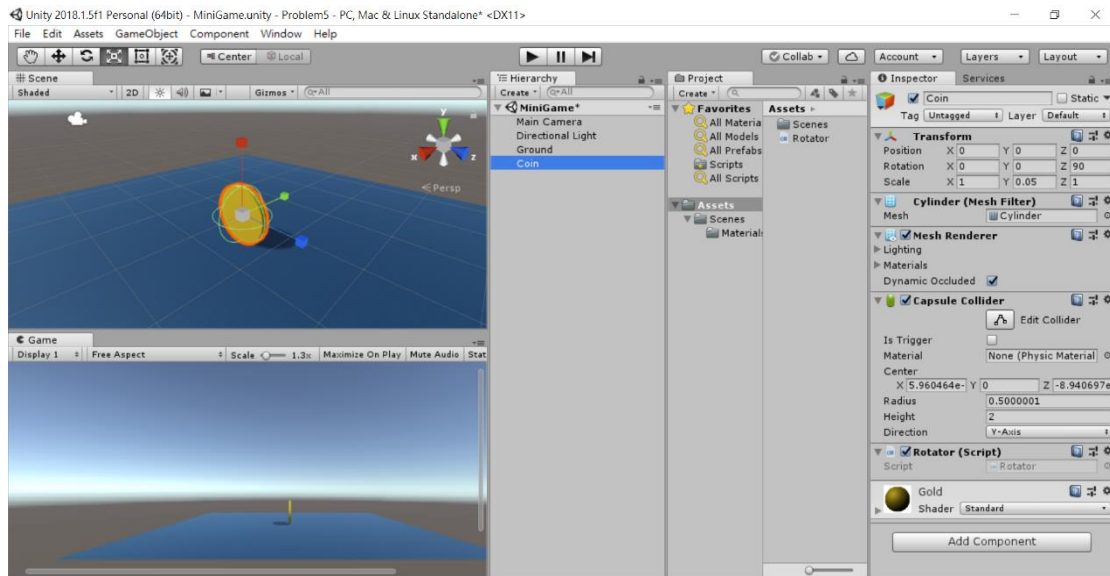


圖 3. 旋轉金幣之外形與場景設計

金幣旋轉的 C# 腳本程式敘述為:

```
transform.Rotate(new Vector3(50, 0, 0) * Time.deltaTime);
```

請指出這一行敘述，應該放在以下程式框架中的哪一個位置？這是單選題，回答選項 A、B、C、D、E 之一即可。

```
using System.Collections;
using System.Collections.Generic;
using UnityEngine;
public class Rotator : MonoBehaviour {
    void Start () {
        //*****
        (A)
        //*****
    }
    void Awake () {
        //*****
        (B)
        //*****
    }
    void FixedUpdate () {
        //*****
        (C)
        //*****
    }
```

```

void OnTriggerEnter(Collider other) {
    //*****
    (D)
    //*****
}

void Update () {
    //*****
    (E)
    //*****
}
}

```

6. 近年來人工智慧(Artificial Intelligence, AI)的研究突飛猛進，應用日漸廣泛。深入了解後，可以知道這一波的 AI 進展，主要建構於機器學習(Machine Learning, ML)理論與技術的長足進步。簡單的說，智慧表現可以想成是一個複雜的黑箱函數。愈有「智慧」的表現，需要越多的參數，參與黑箱函數的計算。黑箱函數的參數越多，越需要更多黑箱行為的觀察數據，也就是更多輸入與對應輸出的配對資料。同時，大量的數據，也就越需要強力有效的硬體計算，才能藉由機器學習，準確求出黑箱函數中的大量參數，進而得到我們希望達成的「智慧」反應。這些需求的滿足，由於網路的發達，巨量資料可以由網際網路輕易取得，加上計算能力超強的圖形處理單元(Graphic Processing Unit, GPU)計算機架構技術成熟，已經不是太困難的問題。這些因素的湊合，導致了人工智慧領域的復興。

機器學習的概念，可以用圖 4 來說明：

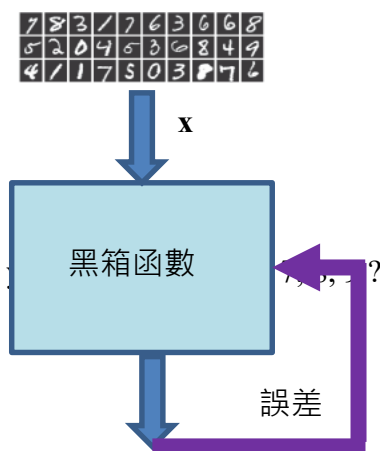


圖 4. 機器學習的概念

假定要開發手寫郵遞區號的自動辨識系統，則必須先收集大量的手寫數字影像，建立資料庫(例如美國國家標準局 NIST 所建的 The MNIST of hand-writing digits, <http://yann.lecun.com/exdb/mnist/>)。資料庫中的每個影像，都附帶有其代表的數字數值(稱為標籤, label)。

接著設計一個以若干參數表出的黑箱函數(例如類神經網路, Artificial Neural Networks, ANN)，以手寫數字影像為輸入 \mathbf{x} ，辨識結果為輸出 y 。其次，將收集的影像通過黑箱函數，由黑箱函數計算出此一數字影像代表哪一個數字。由於目前黑箱函數的參數，並不能夠使黑箱函數辨識大部分手寫影像，因此對於第 n 個影像資料 \mathbf{x}_n ，其輸出 y 不等於對應於 \mathbf{x}_n 的應有標籤 y_n 。

不正確的黑箱函數，藉由 y 和 y_n 的誤差，可以採用某種方式，調整黑箱函數內的參數內容。反覆進行如上步驟，把所有測試資料跑完一趟，稱為完成一個 epoch。進行許多個 epoch 之後，最終能使所有資料產生的誤差，大部分可以忽略。此時的黑箱函數，就具備了辨識手寫數字的「智慧」(當然，此處稱為「智能」較佳)。這種反覆修正黑箱函數參數的過程，通常稱為「訓練」(training)，或「學習」(learning)。

訓練後的黑箱函數，就不再調整函數中的參數，直接用來辨識新的手寫數字影像。這時用另外一組影像及標籤，讓黑箱函數辨識，統計其辨識成功率，就稱為驗證(validation)。驗證過程中的手寫數字影像，應該與測試資料不同，表示黑箱函數的訓練結果，具備推廣(generalization)所學知識的能力。當然，驗證的錯誤率會高於訓練資料的辨識錯誤率。猶如學生反覆練習課本習題，如果考題都出自課本，一定會得到高分；但碰到大型考試，如會考、學測，考題通常與課本習題不同，成績有很大機會，比只考兩三課習題的小考低。

訓練與驗證後的黑箱函數，隨後應用於未知標籤的實際問題，即是機器學習的「測試」(testing)階段。

實際上的機器學習，通常需要構想一個「損失函數」(loss function)，為黑箱函數參數與訓練資料的函數。進行訓練時，反覆依照損失函數的變化，調整黑箱函數參數(即是「學習」)，計算對應損失函數值。通常損失函數達到最小值時，對應的黑箱函數參數即是最能符合需求的一組參數。

從損失函數調參數的一種常用基本方法，稱為梯度下降法(gradient descent)。要說明梯度的概念，先介紹等高線：某高度的水平面，與山坡面的交線，便是山坡等高線，如圖 5 所示。

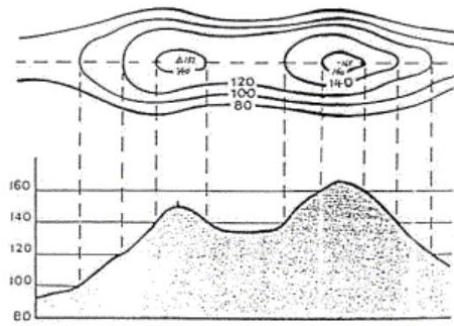


圖 5. 等高線觀念 (取自 <http://anniehank.pixnet.net/blog/post/22884725-%E5%9C%8B%E4%B%80--%E7%AD%89%E9%AB%98%E7%B7%9A%E5%9C%B0%E5%BD%A2%E5%9C%96%E5%92%8C%E5%89%96%E9%9D%A2%E5%9C%961>)

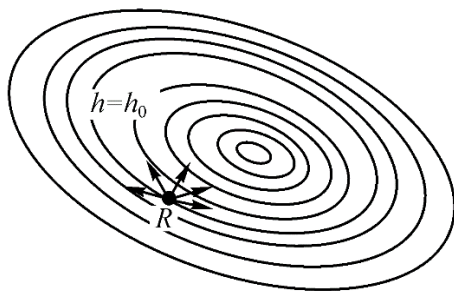


圖 6. 梯度概念

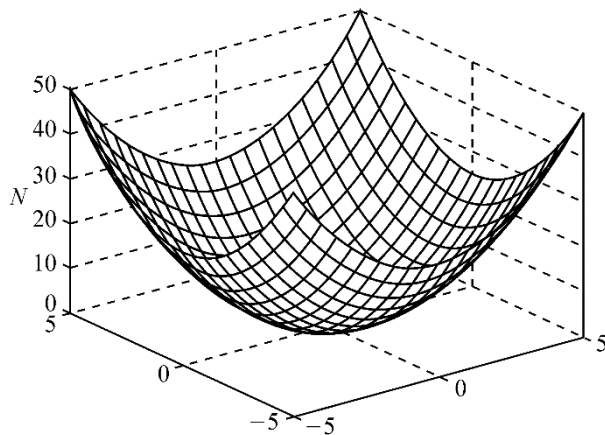


圖 7. 代表山谷的曲面

假設圖 6 代表山峰的等高線圖，且越小圈的等高線，代表越大的高度。令圖中高度 $h = h_0$ 等高線上的一點 R ，由 R 出發，選擇不同的方向向上爬。由圖可看出：在 R 點選擇垂直等高線的方向(五個箭頭標示中，中間往上的箭頭)往上爬，能夠在相同水平距離內，穿越最多條等高線，即升高最多。

所以山坡某點等高線的垂直方向向量，代表該點山高變化最陡峭的方向，稱作梯度(gradient)。

如果把圖 6 看成如圖 7 的山谷曲面等高線圖，則越小圈的等高線，代表越低的高度。這時圖 6 中，由 R 點下降最快的方向(垂直於等高線，面向谷底，同樣是五個箭頭標示中，中間往上的箭頭)，就是 R 點與梯度相反的方向。由山谷曲面上任一點出發，沿著梯度反方向前進一段距離，可以更接近谷底。反覆此一步驟，使每個步驟都沿梯度相反方向前進一小段距離，若干步後，應該就離谷底不遠。如果每個步驟都使用相同的前進距離，在接近谷底的地方，很容易會衝過頭，使高度不再穩定下降，反而升高。這時就要退回至前一步驟，並且縮短前進距離。這就是梯度下降法的概念。如果山谷曲面相當於損失函數，谷底的點座標，就是黑箱函數參數的最佳值。

以上所介紹的梯度下降法，可以寫成以下 C#程式:

```
// 假設黑箱參數只有 a 和 b
struct ParameterVector2D
{
    public double a;
    public double b;
    public ParameterVector2D(
        double parameter_a, double parameter_b)
    {
        a = parameter_a;
        b = parameter_b;
    }
}

ParameterVector2D GradientDescent(
    ParameterVector2D p0, // 起始黑箱參數
    int nEpochs,         // 執行 epoch 數上限
    double gamma          // 每一步驟前進距離起始值
)
{
    ParameterVector2D p = new ParameterVector2D(p0.a, p0.b);
    ParameterVector2D previous_p =
        new ParameterVector2D(0.0, 0.0);
```

```

double precision = 1.0e-6;
int epoch = 0;
ParameterVector2D grad = new ParameterVector2D(0.0, 0.0);
double previous_loss = 1.0e6;
double loss = LossFunction(p);
double loss_error = Math.Abs(loss - previous_loss);

// 主迴圈
while (loss > precision && loss_error > precision &&
    epoch < nEpochs)
{
    previous_p = p;
    previous_loss = loss;
    grad = ComputeLossFunctionGradient(p); // 計算梯度
    p.a -= (grad.a * gamma); // 調整 a 參數
    p.b -= (grad.b * gamma); // 調整 b 參數
    loss = LossFunction(p);
    Console.WriteLine(
        "epoch = {0}, p = ({1}, {2}), loss = {3} \n",
        epoch, p.a, p.b, loss);
    if (loss > previous_loss) // 檢驗損失函數值是否上升
    {
        gamma *= 0.5; // 前進距離減半
        p = previous_p; // 回到前一點
        loss = previous_loss;
    }
    else
    {
        loss_error = Math.Abs(loss - previous_loss);
        epoch++;
    }
}
return p;
}

```

其次當然就是如何定義損失函數，以及計算其梯度。一般來說，機器學習的問題，大致有兩類：迴歸(regression)與分類(classification)。上述梯度下降法程式碼，在這兩類問題都適用；但請注意，你可以修改其內容與格式，不必完全套用，以便應

用於你自己所設計的程式架構。

迴歸問題與統計學裡面的迴歸分析差不多。以圖 8 為例，假設黑箱函數為 $y = ax + b$ ，希望找到的參數 a, b ，能夠使直線方程式 $y = ax + b$ ，盡量擬合(fit) N 個訓練資料點 (x_n, y_n) , $n = 1, 2, \dots, N$ (圖中直線)。

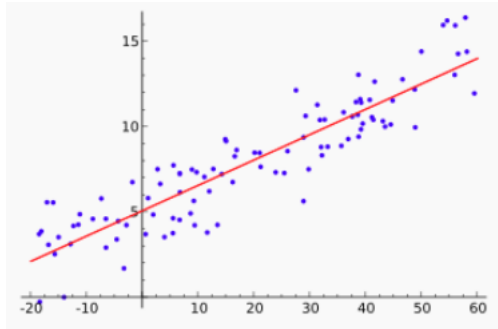


圖 8. 線性迴歸問題示意 (取自 https://en.wikipedia.org/wiki/Linear_regression)

這種情況下，平均平方誤差(Mean Square Error)是常用的損失函數：

$$L(a, b) = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N (y_n - ax_n - b)^2$$

如果找到的參數 a, b 使損失函數最小，代表由 a, b 決定的直線 $y = ax + b$ ，與所有訓練點的 y 座標誤差平方和最小。同時，平均平方誤差對於 a, b 的梯度(一個 **ParameterVector2D** 物件)可以導出

$$\text{grad. } a = -\frac{2}{N} \sum_{n=1}^N x_n (y_n - ax_n - b)$$

$$\text{grad. } b = -\frac{2}{N} \sum_{n=1}^N (y_n - ax_n - b)$$

以上損失函數與梯度的數學式，可以分別轉換為如下的C#程式敘述片段:

```
// loss function - mean square error
int n_td = td.Length;
double loss = 0.0;
double term = 0.0;
for(int n = 0; n < n_td; ++n)
{
```

```

        term = td[n].y - p.a * td[n].x - p.b;
        loss += (term * term);
    }
    loss /= n_td;

    // gradient - mean square error
    int n_td = td.Length;
    double term = 0.0;
    for (int n = 0; n < n_td; ++n)
    {
        term = p.a * td[n].x + p.b - td[n].y;
        grad.a += (term * td[n].x);
        grad.b += term;
    }
    grad.a *= (2.0 / n_td);
    grad.b *= (2.0 / n_td);

```

此處的 `td` 是 `LabeledData` 之 `struct` 物件陣列，而 `LabeledData` 的宣告如下：

```

struct LabeledData
{
    public double x; // data
    public double y; // label or predicted value

    public LabeledData(double data, double label)
    {
        x = data;
        y = label;
    }
}

```

至於分類問題，黑箱函數的目標，是把輸入的 \mathbf{x} 分成兩類，其標籤 y 分別以 0 和 1 表示。假定黑箱函數的參數同樣只有 a 和 b ，輸入 x ，輸出為

$$y = \begin{cases} 1, & \sigma(ax + b) > 0.5 \\ 0, & \sigma(ax + b) < 0.5 \end{cases} \text{。此處sigmoid函數 } \sigma(z) = \frac{1}{1+e^{-z}}, \text{ 代表一個 } S \text{ 形狀}$$

的曲線，如圖 9 所示。由於 $\sigma(ax + b)$ 介於 0 和 1 之間，可以解釋為標籤等於

1 的機率。其值如果大於 0.5，表示標籤為 1 的機率，高於標籤為 0 的機率 $1 - \sigma(ax + b)$ 。

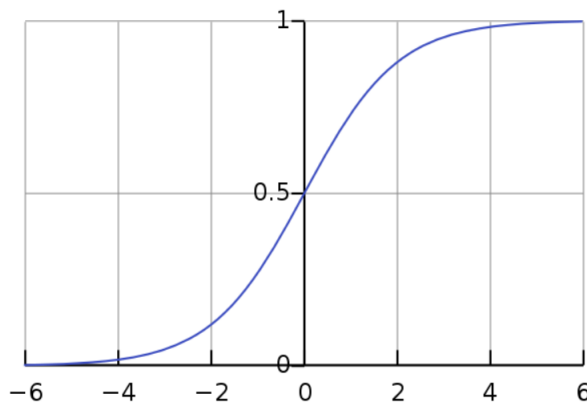


圖 9. sigmoid函數曲線(取自 https://en.wikipedia.org/wiki/Sigmoid_function)

對於這種分類問題，常用的損失函數為交叉熵(cross entropy)

$$L(a, b) = -\frac{1}{N} \sum_{n=1}^N [y_n \ln \hat{y}_n + (1 - y_n) \ln(1 - \hat{y}_n)]$$

$$\hat{y}_n = \frac{1}{1 + \exp(-ax_n - b)}$$

(參看 https://en.wikipedia.org/wiki/Cross_entropy)。

對應的梯度為

$$\text{grad. a} = - \sum_{n=1}^N \left[\left(\frac{y_n}{\hat{y}_n} + \frac{1 - y_n}{1 - \hat{y}_n} \right) \hat{y}_n' x_n \right]$$

$$\text{grad. b} = - \sum_{n=1}^N \left[\left(\frac{y_n}{\hat{y}_n} + \frac{1 - y_n}{1 - \hat{y}_n} \right) \hat{y}_n' \right]$$

$$\hat{y}_n' = \sigma'(ax + b) = \sigma(ax + b)[1 - \sigma(ax + b)]$$

轉換為 C#程式片段：

```
// loss function - cross entropy
int n_td = td.Length;
double loss = 0.0;
```

```

double term = 0.0;
double z = 0.0 ;
double y_hat = 0.0;
for (int n = 0; n < n_td; ++n)
{
    z = p.a * td[n].x + p.b;
    y_hat = Sigmoid(z);
    term = td[n].y * Math.Log(y_hat) +
           (1.0 - td[n].y)*Math.Log(1.0 - y_hat);
    loss += term;
}
loss /= (-n_td);

// gradient - cross entropy
int n_td = td.Length;
double z = 0.0;
double y_hat = 0.0;
double y_hat_prime = 0.0;
double term = 0.0;
for (int n = 0; n < n_td; ++n) {
    z = p.a * td[n].x + p.b;
    y_hat = Sigmoid(z);
    y_hat_prime = y_hat * (1.0 - y_hat);
    term = td[n].y / y_hat + (1.0 - td[n].y) / (1.0 - y_hat);
    grad.a += (term * y_hat_prime * td[n].x);
    grad.b += (term * y_hat_prime);
}
grad.a *= (-1.0 / n_td);
grad.b *= (-1.0 / n_td);

```

本題希望你充分應用前述內容，撰寫 C# 程式：經由 10 組訓練資料，以梯度下降法，分別學習平均平方誤差與交叉熵模型，算出黑箱函數參數 a, b 。再以 5 組驗證資料，求出平均驗證誤差。主控台螢幕的輸出如圖 10。兩種模型的訓練資料及驗證資料宣告如下，答案卷上可以適當註明，並直接引用，不必重新抄寫。之前提供的 **struct** 類別 **LabeledData** 與 **ParameterVector2D** 的宣告亦同。

```

LabeledData[] trainingDataForRegression =
{
    new LabeledData(-5.00, -1.87),
    new LabeledData(-4.00, -1.52),
    new LabeledData(-3.00, -1.10),
    new LabeledData(-2.00, -0.71),
    new LabeledData(-1.00, -0.29),
    new LabeledData(0.00, 0.08),
    new LabeledData(1.00, 0.53),
    new LabeledData(2.00, 0.86),
    new LabeledData(3.00, 1.32),
    new LabeledData(4.00, 1.67)
};

```

```

LabeledData[] validationDataForRegression =
{
    new LabeledData( 7.90, 3.26),
    new LabeledData( 7.64, 3.16),
    new LabeledData(-2.45, -0.88),
    new LabeledData(-0.75, -0.20),
    new LabeledData( 2.40, 1.06)
};

```

```

LabeledData[] trainingDataForClassification =
{
    new LabeledData(-5.00, 0.00),
    new LabeledData(-4.00, 0.00),
    new LabeledData(-3.00, 0.00),
    new LabeledData(-2.00, 0.00),
    new LabeledData(-1.00, 0.00),
    new LabeledData( 0.00, 1.00),
    new LabeledData( 1.00, 1.00),
    new LabeledData( 2.00, 1.00),
    new LabeledData( 3.00, 1.00),
    new LabeledData( 4.00, 1.00)
};

```

```

LabeledData[] validationDataForClassification =
{
    new LabeledData( 7.90, 1.00),
    new LabeledData( 7.64, 1.00),
    new LabeledData(-2.45, 0.00),
    new LabeledData(-0.75, 0.00),
    new LabeledData( 2.40, 1.00)
};

```

```

cmd 選取 C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
Mean Square Error Loss Model
Training data
(-5.00, -1.87) (-4.00, -1.52) (-3.00, -1.10) (-2.00, -0.71) (-1.00, -0.29)
(0.00, 0.08) (1.00, 0.53) (2.00, 0.86) (3.00, 1.32) (4.00, 1.67)

Validata data
(7.90, 3.26) (7.64, 3.16) (-2.45, -0.88) (-0.75, -0.20) (2.40, 1.06)

nEpochs = 10
parameters a = 0.40, b = 0.10
Average validation error = 0.01

=====
Cross Entropy Model
Training data
(-5.00, 0.00) (-4.00, 0.00) (-3.00, 0.00) (-2.00, 0.00) (-1.00, 0.00)
(0.00, 1.00) (1.00, 1.00) (2.00, 1.00) (3.00, 1.00) (4.00, 1.00)

Validation data
(7.90, 1.00) (7.64, 1.00) (-2.45, 0.00) (-0.75, 0.00) (2.40, 1.00)

nEpochs = 10
parameters a = 0.49, b = 0.11
Average validation error = 0.40
請按任意鍵繼續 . . .

```

圖 10. 程式執行主控台畫面一例

本題滿分 25 分，全部程式集中寫成一個大 **Main** 函式，不區分其他函式者，最高得 18 分；善用函式者，最高得 20 分；能利用虛擬碼或 UML 類別圖思考，適當劃分類別(class)者，最高得 22 分；善用類別多型(polymorphism)者，最高得 25 分。(25%)

7. 請寫下本課程教學「待改進」之處及改進方法建議。(3%)