

**Cálculo Diferencial****Inicio 13 de enero****Inf. Wsap: a907q609u242**

1. Resolver la inecuación:

$$\frac{5x-1}{4} - \frac{3x-13}{10} < \frac{5x+1}{3}$$

- A.  $\langle 0, \infty \rangle$       B.  $\langle 1, \infty \rangle$       C.  $\langle -1, \infty \rangle$   
 D.  $\langle -\infty, 0 \rangle$       E.  $\mathbb{R}$

2. Si
- $c \in \mathbb{R}$
- y la ecuación en
- $x$
- se reduce a una bi-cuadrada:

$$\frac{(x^3 + c^2x)(x^3 - c^2x)}{(x^3 + c^3)(x^3 - c^3)} = \frac{20}{21} \text{ cuyas raíces son}$$

 $x_i; i = 1, 2, 3, 4.$ 

Calcule

$$M = \frac{\prod_{i=1}^4 x_i}{\sum_{i,j=1}^4 x_i x_j}; \forall i \neq j$$

- A.  $-20C^2$       B.  $20C^2$       C.  $-20C^4$       D.  $-C^2$   
 E. 1

3. La ecuación:

$$(a+b-c)(a-b)x^4 + (b+c-a)(b-c)x^2 + (c+a-b)(c-a) = 0, \text{ admite por raíces: } x_1 = 1, x_2 = i.$$

Halle un valor de:

$$E = \frac{(a+2b)(b+2c)(c+2a)}{(a+b+c)(ab+bc+ca)}$$

- A. 1      B. 2      C. 3      D. 4      E. 5

4. De las proposiciones que a continuación se dan indique sus respectivos valores de verdad sobre la ecuación:

$$x^6 - 4x^5 + x^4 - x^2 + 4x - 1 = 0$$

- I. El número de raíces enteras es 2.  
 II. El número de raíces racionales es 4.  
 III. El número de raíces irracionales es 2.

- A. VVF      B. FVV      C. VFV      D. VVV  
 E. VVF

5. Al resolver la ecuación

$x^4 + 2x^3 - 6x^2 + 2x + 1 = 0$ , se puede afirmar que la suma de las raíces reales negativas, es:

- A. -6      B. -5      C. -4      D. -3      E. -2

6. Si una ecuación recíproca de cuarto grado tiene como raíces
- $x_1 = \frac{1}{3}$
- y
- $x_2 = \frac{1}{2}$
- , determine la suma de los coeficientes de dicha ecuación, siendo el coeficiente independiente 6.

- A. 2      B. 3      C. 4      D. 5      E. 6

7. Indique la suma de los cuadrados de las soluciones de la ecuación

$$2x^4 - 5x^3 + 5x - 2 = 0$$

- A.  $25/4$       B.  $23/4$       C.  $21/4$       D.  $19/4$   
 E.  $17/4$

8. Sean los conjuntos

$A = \{x \in \mathbb{R}^+ / \frac{2}{x+1} < 3\}; \mathbb{R}^+$  números reales positivos.

$B = \{x \in \mathbb{R}_0^+ / 25 > x^2\}; \mathbb{R}_0^+$  números reales no negativos.

Calcule  $A \cap B^C \cap \mathbb{R}$ ,  $\mathbb{R}$  números reales.

- A.  $[-2, 2]$       B.  $[5, \infty)$       C.  $[0, 1]$       D.  $\langle 1/4, 5 \rangle$   
 E.  $[2, \infty)$

9. Resolver

$$\frac{4x}{3} + \frac{1}{9} < \frac{7x}{6} + \frac{x}{2} + \frac{7}{18}$$

- A.  $\langle -5/6, +\infty \rangle$       B.  $\langle -\infty, 5/6 \rangle$       C.  $[5/6, +\infty)$   
 D.  $[-5/6, +\infty)$       E.  $\mathbb{R}$

10. Halle el conjunto solución de la inecuación:

$$\frac{x^2 - 5x + 4}{x - 1} \leq 0$$

- A.  $\langle -\infty, 1] \rangle$       B.  $\langle -\infty, 1 \rangle \cup \langle 1, 4 \rangle$   
 C.  $\langle -\infty, 1 \rangle \cup \langle 1, 4 \rangle$       D.  $\langle -\infty, 4] \rangle$       E.  $\langle -\infty, 4 \rangle$

11. Al resolver el sistema
- $\frac{3x-2}{1-a} < 4x+5; \frac{2x+3}{1+a} \geq x-2$
- se obtuvo como solución
- $\langle -\frac{3}{7}, 9] \rangle$
- , halle "a".

- A.  $\frac{5}{4}$       B.  $\frac{7}{3}$       C. 2      D. 3      E.  $\nexists a$

12. Se define el conjunto

$$A = \left\{ a \in \mathbb{Z} / \forall x \in \mathbb{R}; -3 < \frac{x^2 + ax - 2}{x^2 - x + 1} < 2 \right\}$$

Halle  $n(A)$

A. 0   B. 1   C. 2   D. 3   E. 4

13. Determine el conjunto solución de:

$$(x^2 - 4)(x + 3)(2x + 3) > 0$$

si dicho conjunto es  $\langle -\infty, a \rangle \cup \langle b, c \rangle \cup \langle d, \infty \rangle$ ,  
halle  $E = a + b + 2c + d$ .

A. -9   B. -8   C. -7   D. -6   E. -5

14. Si  $M$  es el conjunto solución de la inecuación

$$\frac{(x-1)^2(x-6)^7}{(x-5)^4} < 0 \text{ entonces el conjunto } M \text{ es}$$

A.  $\langle -\infty, 6 \rangle$    B.  $\langle -\infty, 6 \rangle - \{5\}$    C.  $\langle -\infty, 6 \rangle - \{1\}$   
D.  $\langle -\infty, 6 \rangle - \{1, 5\}$    E.  $\langle 1, 5 \rangle \cup \{5, 6\}$

15. Halle el conjunto solución de la siguiente inecuación

$$\frac{(x^2 - 16)(x - 3)^3(x^2 + 4)^2(x + 1)(x + 8)}{(x^2 + 9x + 8)(x^3 - 64)(\sqrt[3]{x - 1})}$$

A.  $[-4, 1] \cup [3, \infty)$   
B.  $[-4, -1] \cup \langle -1, 1] \cup [3, \infty)$   
C.  $[-4, 1] \cup [3, 4] \cup \langle 4, \infty)$   
D.  $[-4, -1] \cup \langle -1, 0] \cup \langle 0, 1] \cup [3, \infty)$   
E.  $(x - 4)^2 + y^2 = 1$