射频电路开发培训



第七讲 射频晶体管设计理论

主讲: 汪 朋

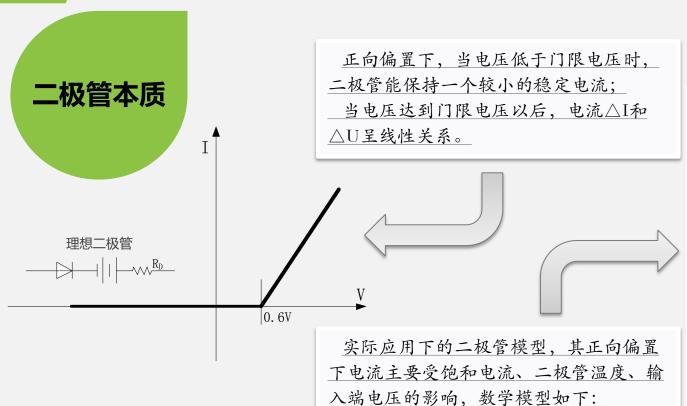
QQ: 3180564167



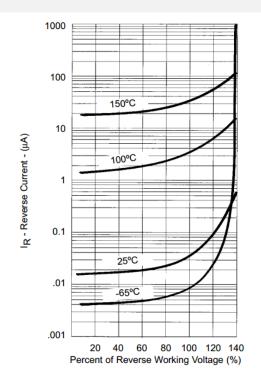
01	结型二极管分析
02	晶体管原理分析
03	晶体管S参数和Y参数
04	LNA设计理论

结型二极管分析

Part



 $I = I_s(e^{qV/KT} - 1) \approx I_s e^{qV/KT}$



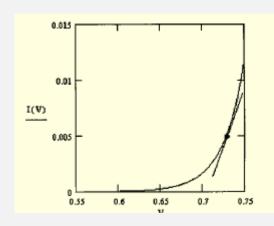


对于uV级的电压,如果直接加载到二极管,则二极管的电流近似为0,如果加载到已经在偏置条件下的二极管,则电流和电压成一定的数学关系,IV曲线上任意一点的斜率即为当前电阻值

$$R_{in} = \frac{26}{I(\textit{mA})}$$

注: 26为半导体系数

$$\frac{kT}{q} \approx 0.026$$



对于工作在反向击穿区的二极管, 其负极的电 流值为正极的β倍

Part

射频晶体管原理

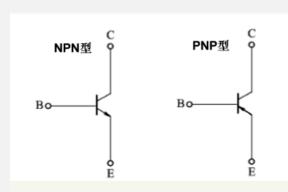


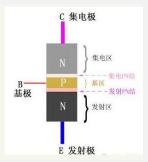
射频晶体管分类:

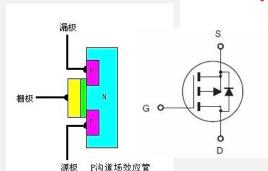
双极性晶体管(BJT)和场效应晶体管(FET);

FET属于电压控制型,通过栅极充电产生电磁场来改变沟道特性,使晶体管导通或者关闭。

BJT属于电流控制型,通过电流流经晶体管来维持导通







MOSFET 增强型 (EMOS) P沟道 (PMOS) 和沟道 (NMOS) 和沟道 (NMOS) P沟道 (PMOS)

晶体管等效 电路 Rbb: 基极电阻, 值为几十欧姆;

Rbe: 輸入电阻, 正向偏置下基极与发射极之间的结电阻, 约1000欧

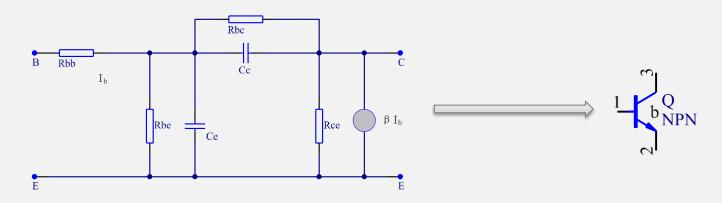
<u>姆;</u>

Rbc: 反馈电阻, 基极与集电极之间的结电阻, 约5M欧姆;

Rce: 输出电阻, 由输出端回向集电极看的电阻, 约100欧姆;

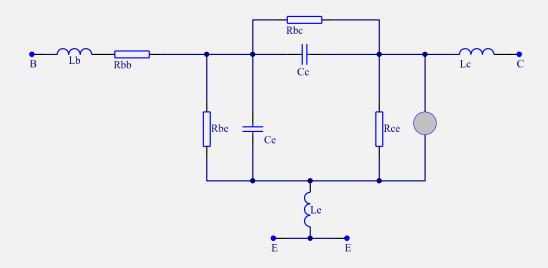
Ce: 发射级扩散电容, 由晶体管本身的材料特性决定;

Cc: 反馈电容, 反向偏置下集电极与基极之间的结电容, 约3pF



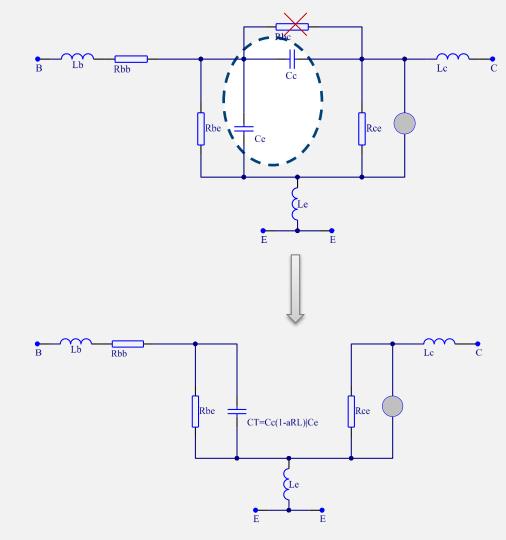
晶体管等效 电路

高频下需要考虑线路寄生电感等效模型

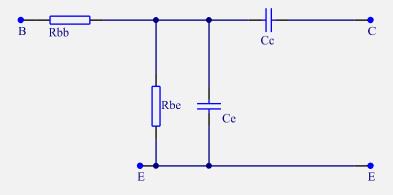




$$Z_{in} = jwL_b + R_{bb} + \frac{\frac{1}{jwC_T}R_{be}}{\frac{1}{jwC_T + R_{be}}} + jwL_e$$









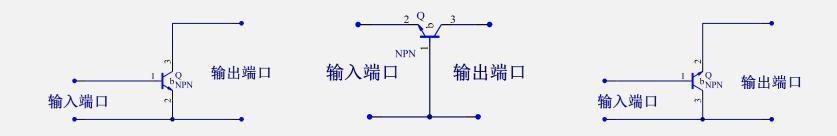
B 晶体管S参数和Y参数

晶体管Y参数

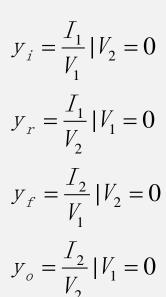
Y参数描述的是:一定频率和偏置条件下晶体管的特性,Y参数数学描述如下:

$$Y = G \pm jB$$

Y参数的意义:为设计者提供了一个可以直接利用的器件模型,可采用该模型完成相应器件的设计



二端口网络Y 参数





晶体管S参数

Y参数为: 利用输入输出电压和电流表征二端口网络的工作特性;

S参数为: 利用每个端口的归一化入射波和反射波描述二端口网络的工作特性

$$b_1 = S_{11}a_1 + S_{12}a_2$$

 $b_2 = S_{21}a_1 + S_{22}a_2$
如果 $a_2 = 0: S_{11} = \frac{b_1}{a_1} | a_2 = 0$
如果 $a_1 = 0: S_{22} = \frac{b_2}{a_2} | a_1 = 0$
如果 $a_1 = 0: S_{12} = \frac{b_1}{a_1} | a_2 = 0$
如果 $a_1 = 0: S_{12} = \frac{b_1}{a_2} | a_1 = 0$

基于BJT的LNA设计理论



LNA主要性能指标:

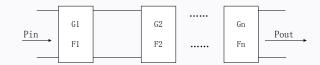
中心频率:

通频带:

增益最大值下降3dB时对应的频率宽度;

噪声因子:

$$F = \frac{N_s + N_i}{N_s}$$



$$NF(dB) = \frac{(SNR)_{in}}{(SNR)_{out}}$$

噪声系数:
$$NF(dB) = \frac{(SNR)_{in}}{(SNR)_{out}} \qquad F = F_1 + \frac{F_2 - 1}{G_1} + \frac{F_3 - 1}{G_1 G_2} + \dots$$

增益:

理益:
稳定性:
$$\begin{cases} k = \frac{1 - |S_{11}|^2 - |S_{22}|^2 + |\Delta|^2}{2 |S_{12}||S_{21}|} > 1 \\ 1 - |S_{11}|^2 > |S_{12}||S_{21}| \\ 1 - |S_{11}|^2 > |S_{12}||S_{21}| \end{cases}$$

$$|\Delta| = |S_{11}S_{22} - S_{12}S_{21}|$$



偏置电路设计目标(BE的正向二极管工作在正向导通状态, BC的二极管工作在反向击穿状态):

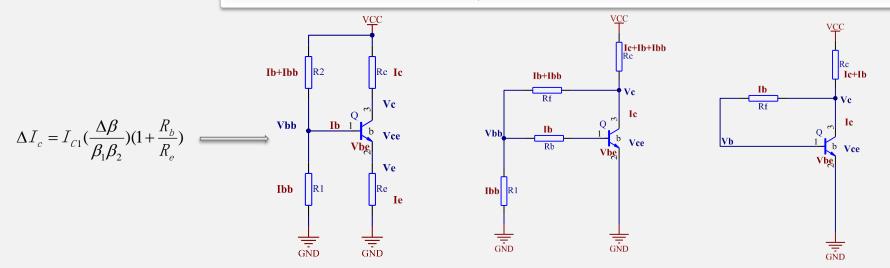
- (1) 使晶体管工作在放大区;
- (2) 较高的温度稳定性,即使△Vbe和△β波动最小。

分析:

$$\Delta I_c \approx -\frac{\Delta V_{be} I_c}{V_{e}}$$

因此:偏置电路的设计关键在于发射极电压Ve的设计

设计方法: 根据预期指标要求, 通过数据手册需找合适的Ic和Vc



Vce

Ib+Ibb

Rf

Vbb

Ibb R1

Ib+Ibb Vbb Ibb

Q

長 假设:
$$Ic = 10mA, VC = 10V, VCC = 20V, \beta = 50$$
 假定: $Vbb = 2.5V, Ibb = 1mA$

Vc $Ib = \frac{Ic}{\beta} = \frac{10mA}{50} = 0.2mA$

Le $Rb = \frac{Vbb - Vbe}{2.5V + 2.5V - 2.5V} = \frac{2.5V - 0.7V}{2.5V}$

Ib

 $Rf = \frac{Vc - Vbb}{10V - 2.5V}$

VCC-VC

Ib + Ibb = 0.2 mA + 1 mA

Ibb

0.2 mA

Ic + Ibb + Ib 10mA + 1mA + 0.2mA

20V - 10V

Re =
$$\frac{Ve}{Ie} = \frac{2.5V}{10mA} = 250\Omega$$

Ve
 $Rc = \frac{VCC - VC}{IC} = \frac{20V - 10V}{10mA} = 1000\Omega$

Re
 $Ib = \frac{Ic}{\beta} = \frac{10mA}{50} = 0.2mA$
 $VBB = Ve + Vbe = 2.5V + 0.7V = 3.2V$

 $Ie = Ib + Ic \Rightarrow Ie \approx IC;$

设定 VE = 2.5V

设计求解:

设定 Ibb = 15 mA $R1 = \frac{VBB}{Ibb} = \frac{3.2V}{15mA}$ $= 213.3\Omega$ $R2 = \frac{VCC - VBB}{}$ 20 - 3.2Ib + Ibb2mA + 15mA

假设: $Ic = 10 \text{ mA}, VC = 10 \text{ V}, VCC = 20 \text{ V}, \beta = 50$

S参数进行 LNA设计

S参数的作用:

- (1) 稳定性计算;
- (2) 最大资用增益计算;
- (3) 输入输出阻抗计算;
- (4) 最佳源阻抗和负载阻抗;
- (5) 转换增益计算;

稳定性分析:

中间变量: $D_s = S_{11}S_{22} - S_{12}S_{21}$

稳定因子
$$K: K = \frac{1+|D_s|^2-|S_{11}|^2-|S_{22}|^2}{2|S_{21}||S_{12}|}$$

对于分立元件放大器的设计, 其输入和输出阻抗是由设计者 根据增益、噪声系数、稳定性 等指标自行选择和设定,即输 入输出阻抗不是唯一的,不同 的输入输出阻抗所对应的性能 是完全不一样的

如果K>1,则器件对于任何源和负载的组合都是无条件稳定的;如果K<1,则潜在不稳定 K<1的改进方法:

- (1)重新选择静态工作点;
- (2)更换晶体管;
- (3)优化电路设计。



最大资用增益MAG概念:

共轭匹配条件下的晶体管所能获得的最大增益 S参数下最大增益的计算:

$$\begin{split} B_1 &= 1 + |S_{11}|^2 - |S_{22}|^2 - |D_s|^2 \\ MAG &= 10 \log \frac{|S_{21}|}{|S_{12}|} + 10 \log |K \pm \sqrt{K^2 - 1}| \end{split}$$

利用S参数进行双共轭匹配 (K>1)

共轭匹配时的负载反射系数, 需先计算中间变量:

$$C_2 = S_{22} - (D_s S_{11}^*)$$

$$B2 = 1 + |S_{22}|^2 - |S_{11}|^2 - |D_S S_{11}^*|^2$$

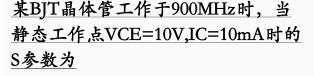
反射系数模:

$$|\Gamma_L| = \frac{B_2 \pm \sqrt{B_2^2 - 4|C_2|^2}}{2|C_2|}$$

源反射系数:

$$\Gamma_{S} = \left[S_{11} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_{L}}{1 - (\Gamma_{L} \bullet S_{22})}\right]^{*}$$

S参数设计实 例



$$S_{11} = 0.4 \angle 162^{\circ}, S_{22} = 0.35 \angle -39^{\circ},$$

 $S_{12} = 0.04 \angle 60^{\circ}, S_{21} = 5.2 \angle 63^{\circ}$

放大器终端阻抗为50欧姆,设计晶体 管获得最大增益时的输入输出匹配 网络。

①代数形式:

F₁F₂ = (a₁ + jb₁)(a₂ + jb₂) = (a₁a₂ - b₁b₂) + j(a₂b₁ + a₁b₂) ②指数形式:

 $F_1F_2 = |F_1|e^{j\theta_1} \cdot |F_2|e^{j\theta_2}$

 $|F_1||F_2|e^{j(\theta_1+\theta_2)}$ ③极坐标形式:

 $F_1 F_2 = |F_1| \angle \theta_1 \cdot |F_2| \angle \theta_2$ $= |F_1| |F_2| \angle \theta_1 + \theta_2$

①代数形式:

 $\frac{F_1}{F_2} = \frac{a_1 + jb_1}{a_2 + jb_2} = \frac{(a_1 + jb_2) \cdot (a_2 - jb_2)}{(a_2 + jb_2) \cdot (a_2 - jb_2)}$ $= \frac{a_1a_2 + b_1b_2}{(a_2)^2 + (b_2)^2} + j\frac{a_2b_1 - a_1b_2}{(a_2)^2 + (b_2)^2}$

②指数形式:

 $\frac{F_1}{F_2} = \frac{|F_I|e^{j\theta_I}}{|F_2|e^{j\theta_2}} = \frac{|F_I|}{|F_2|}e^{j(\theta_I - \theta_2)}$

③极坐标形式:

 $\frac{F_1}{F_2} = \frac{|F_I| \angle \theta_I}{|F_2| \angle \theta_2} = \frac{|F_I|}{|F_2|} \angle \theta_I - \theta_2$

(1)计算在该工作点上的稳定性

$$D_s = S_{11}S_{22} - S_{12}S_{21} = (0.4 \angle 162^\circ)(0.35 \angle -39^\circ) - (0.04 \angle 60^\circ)(5.2 \angle 63^\circ)$$
$$= 0.068 \angle -57^\circ$$

$$=0.068\angle -57$$

$$K = \frac{1 + |D_{s}|^{2} - |S_{11}|^{2} - |S_{22}|^{2}}{2|S_{21}||S_{12}|} = \frac{1 + |0.068|^{2} - |0.4|^{2} - |0.35|^{2}}{2|0.04||5.2|} = 1.74 > 1$$

由于K>1,因此绝对稳定

(2)最大资用增益计算

$$B_1 = 1 + |S_{11}|^2 - |S_{22}|^2 - |D_S|^2 = 1 + 0.4^2 - 0.35^2 - 0.068^2 = 1.03$$

$$MAG = 10\log \frac{|S_{21}|}{|S_{12}|} + 10\log |K \pm \sqrt{K^2 - 1}| = 10\log \frac{|5.2|}{|0.04|} + 10\log |1.74 - \sqrt{1.74^2 - 1}|$$

$$= 16 \text{ IdB}$$

(3) 计算最大资用增益时的反射系数

$$C_2 = S_{22} - (D_s S_{11}^*) = (0.35 \angle -39^\circ) - (0.068 \angle -57^\circ)(0.4 \angle -162^\circ) = 0.377 \angle -39^\circ$$

$$B2 = 1 + |S_{22}|^2 - |S_{11}|^2 - |D_SS_{11}|^4 = 1 + 0.35^2 - 0.4^2 - 0.068^2 = 0.96$$

$$\Rightarrow |\Gamma_L| = \frac{|B_2| \pm \sqrt{B_2^2 - 4|C_2|^2}}{2|C_2|} = \frac{0.96 \pm \sqrt{0.96^2 - 4|0.377|^2}}{2|0.377|} = 0.487$$

$$\Gamma_L = 0.487 \angle 39^\circ$$
 (Γ_L 相角与 $C2$ 为相反数)

$$\Gamma_S = [S_{11} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_L}{1 - (\Gamma_L \bullet S_{22})}]^* = 0.522 \angle 162^\circ$$

$$\Rightarrow Z_S = 50*(0.32 - j0.14) = 16 - j7\Omega, Z_L = 50*(1.6 + j1.28) = 80 + j64\Omega$$

对于源:

要求50Ω源阻抗变换为16-j7Ω输入阻抗

S参数转换增 益计算

转换增益是单级放大器在理想条件下的实际增益

$$G_T = \frac{|S_{21}|^2 (1 - |\Gamma_S|^2)(1 - |\Gamma_L|^2)}{|(1 - S_{11}\Gamma_S)(1 - S_{22}\Gamma_L) - S_{12}S_{21}\Gamma_S\Gamma_L|^2}$$

意义:

在设计之前用于检查所选晶体管的增益是否能满足预期要求。

S参数等增益 圆与固定增益 设计

增益的大 小由匹配 电路决定 固定增益意义:对于级联LNA,要求第一级增益为固定值,避免后级出现负载过载, 因此通常要求增益不能为最大增益,而双共轭匹配会使增益过大;

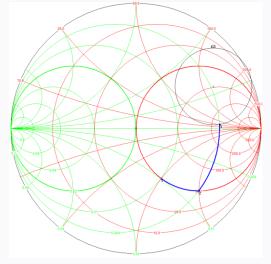
可控的固定增益实现方法:采用选择性失配的的方式控制增益,通过等增益圆进行

第二级



等增益圆理论绘制:

- (1) 中间值 D_2 计算: $D_2 = |S_{22}|^2 |D_S|^2$
- (2) 中间值C2计算: $C_2 = S_{22} D_S S_{11}^*$
- (3) 计算G:G = $\frac{$ 所需增益(w)}{|S_{21}|^2}
- (4) 增益圆圆心位置: $r_o = \frac{GC_2^*}{1 + D_2G}$
- (5) 计算半径: $p_o = \frac{\sqrt{1-2K \mid S_{12}S_{21} \mid G + \mid S_{12}S_{21} \mid^2 G^2}}{1+D_2G}$



S参数等增益 圆与固定增益 设计

源端按照最优源反射系数进行匹配,负载端按照9dB增益圆进行匹配

$$\Gamma_{S} = \left[S_{11} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_{L}}{1 - (\Gamma_{L} \bullet S_{22})}\right]^{*}$$

负载端匹配:

ZL=50-j50匹配到9dB等

增益圆;

源匹配:

Zs=35-j60Ω匹配到 $0.105 \angle 160^{\circ}$

晶体管工作于250MHz,VCE=5V,IC=5mA,该条件下S参数为

S11=0.277<-59°, S22=0.848<-31°, S12=0.078<93°, S21=1.92<64°,设计要求增

<u> 益为9dB,源阻抗为Zs=35-j60Ω,负载是ZL=50-j50,稳定</u>

$$DS = 0.324 \angle -64.8^{\circ}$$

$$D_2 = |S_{22}|^2 - |D_S|^2 = 0.614$$

$$C_2 = S_{22} - D_S S_{11}^* = 0.768 \angle -33.9^\circ$$

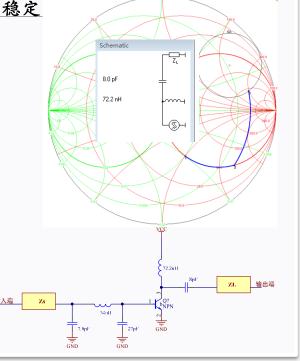
先把9dB转换为增益真值,10lg(增益)=9dB⇒增益=7.94

$$G = \frac{$$
所需增益(w)}{|S_{21}|^2} = \frac{7.94}{1.92^2} = 2.15

圆心位置:
$$r_o = \frac{GC_2^*}{1 + D_2G} = 0.712 \angle 33.9^\circ$$

计算半径:
$$p_o = \frac{\sqrt{1 - 2K |S_{12}S_{21}|G + |S_{12}S_{21}|^2 G^2}}{1 + D_2G} = 0.285$$

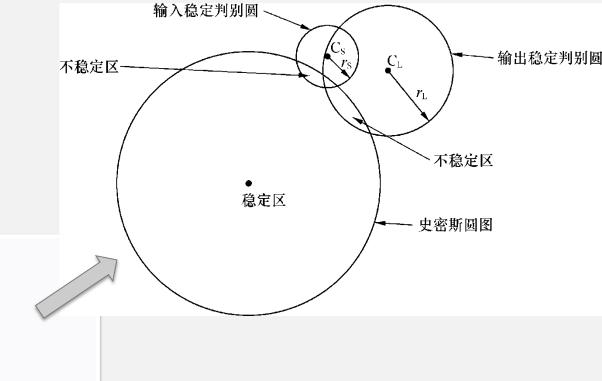
$$\Gamma_S = \left[S_{11} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_L}{1 - (\Gamma_L \bullet S_{22})}\right]^* = 0.105 \angle 160^\circ$$



S参数稳定性 设计

稳定圆绘制

- (1) 中间值 C_1 计算: $C_1 = S_{11} D_S S_{22}^*$
- (2) 中间值C2计算: $C_2 = S_{22} D_S S_{11}^*$
- (3) 输入稳定圆圆心位置: $r_{s1} = \frac{C_1^*}{|S_{11}|^2 |D_s|^2}$
- (4) 输入稳定圆半径: $p_o = \left| \frac{S_{12}S_{21}}{|S_{11}|^2 |D_L|^2} \right|$
- (5) 输入稳定圆圆心位置: $r_{s1} = \frac{C_2^*}{|S_{22}|^2 |D_s|^2}$
- (6) 输入稳定圆半径: $p_o = \left| \frac{S_{12}S_{21}}{|S_{22}|^2 |D_o|^2} \right|$



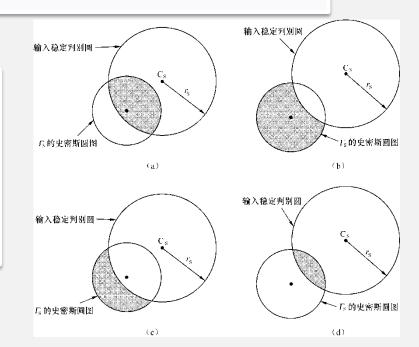


若(|S11|<1,则史密斯圆图中心点(ΓL=0点)在稳定区域内。分2种情况。

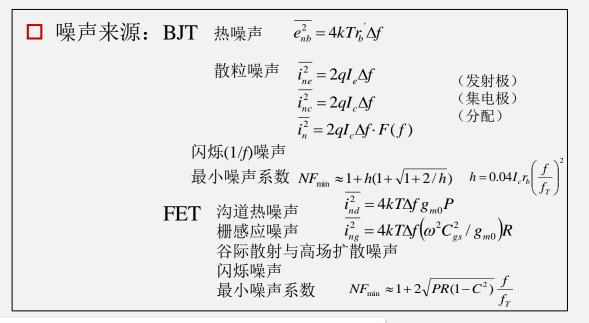
- ① 若輸入稳定判別圆包含史密斯圆图中心点(如图 (a) 所示), FL的稳定区域在输出稳定判别圆内。FL的稳定区域是史密斯圆图单位圆内输出稳定判别圆内的区域, 是图 (a) 中的阴影区。
- ② 若输入稳定判别圆不包含史密斯圆图中心点(如图 (b) 所示), FL的稳定区域在输出稳定判别圆外。FL的稳定区域是史密斯圆图单位圆内输出稳定判别圆外的区域, 是图 (b) 中的阴影区。

$\dot{A}(|S11)|>1$,则史密斯圆图中心点($\Gamma L=0$ 点)在稳定区域外。分2种情况。

- ①若输入稳定判别圆包含史密斯圆图中心点(如图 (c) 所示), FL 的稳定区域在输出稳定判别圆外。FL的稳定区域是史密斯圆图单位圆内输出稳定判别圆外的区域、是图 (c) 中的阴影区。
- ②若输入稳定判别圆不包含史密斯圆图中心点(如图 (d) 所示), IL的稳定区域在输出稳定判别圆内。IL的稳定区域是史密斯圆图单位 圆内输出稳定判别圆内的区域,是图 (d) 中的阴影区。



S参数最佳噪 声系数设计



噪声系数在设计之初通过偏置点确定和源阻抗确定获得,也可以在设计中通过噪声系数圆确定相应的阻抗点;

噪声系数的设计本质是通过合理选择阻抗和匹配电路确定

通过数据手册确定最佳源阻抗后,可以计算输出端最佳共轭反射系数

$$\Gamma_{L} = \left[S_{22} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_{S}}{1 - (\Gamma_{S} \bullet S_{11})}\right]^{*}$$

声系数设计

噪声系数在Fk与源反射系数的关系:

$$\left|\Gamma_{s}-\Gamma_{opt}\right|^{2}=(1-\left|\Gamma_{s}\right|^{2})\cdot\left|1+\Gamma_{opt}\right|^{2}\cdot\left(\frac{F_{k}-F_{\min}}{4R_{n}/Z_{0}}\right) \begin{array}{c} NF_{\min} & \text{最小噪声系数} \\ R_{n} & \text{等效噪声电阻} \\ \Gamma_{opt}=\left|\Gamma_{opt}\right|e^{j\theta_{opt}}$$
最佳的信源反射系数

NF_{min} 最小噪声系数

进一步配方整理可得:

$$\left| \Gamma_{s} - \frac{\Gamma_{opt}}{1 + Q_{k}} \right|^{2} = \frac{Q_{k}^{2} + Q_{k} (1 - \left| \Gamma_{opt} \right|^{2})}{(1 + Q_{k})^{2}} \quad \text{ The }, \quad Q_{k} = \left| 1 + \Gamma_{opt} \right|^{2} \cdot \left(\frac{F_{k} - F_{\min}}{4R_{n} / Z_{0}} \right)$$

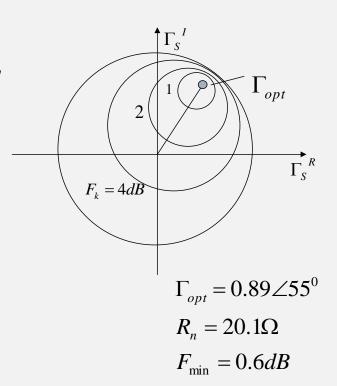
- □ F_{ι} 选定后, Q_{ι} 为常数。
- \square 将上述方程标在 Γ 。的Smith圆图上:

$$\left|\Gamma_{s}-d_{F_{k}}\right|^{2}=(\Gamma_{s}^{R}-d_{F_{k}}^{R})^{2}+(\Gamma_{s}^{I}-d_{F_{k}}^{I})^{2}=r_{F_{k}}^{2}$$

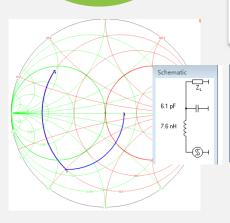
圆心:
$$d_{F_k} = d_{F_k}^{R} + jd_{F_k}^{I} = \frac{\Gamma_{opt}}{1 + Q_k} \quad \text{半径:} \quad r_{F_k} = \sqrt{\frac{Q_k^2 + Q_k(1 - \left|\Gamma_{opt}\right|^2)}{(1 + Q_k)^2}}$$

S参数最佳噪 声系数设计

- □ 若给出一系列 F_k 值,在 圆图上对应一系列等F 圆:
 - = 当 $F_k = F_{min}$ 时,可得最小噪声系数。此时 $Q_k = 0$,圆心坐标 $d_{Fk} = \Gamma_{opt}$,而且 $r_{Fk} = 0$ 。
 - 所有等噪声圆的圆心都 落在原点与Γ_{opt}点的连线 上。
 - 噪声系数越大,则圆心 距离原点越近而且圆半 径越大。



S参数最佳噪 声设计实例



某BJT晶体管工作于900MHz时,当静态工作点 V_{CE} =10 $V_{,I_{C}}$ =5mA时的S参数为

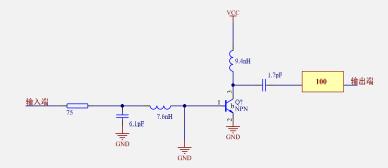
$$S_{11} = 0.4 \angle 162^{\circ}, S_{22} = 0.35 \angle -39^{\circ}, S_{12} = 0.04 \angle 60^{\circ}, S_{21} = 5.2 \angle 63^{\circ}$$

<u>最佳源发射系数为:</u> $\Gamma_S = 0.7 \angle 140^\circ$

设计一个工作在900MHz,源阻抗为75欧姆和负载阻抗为100欧姆的低噪声放大器, 并求解放大器增益。

稳定因子判断K=1.74>1,因此绝对稳定输入匹配网络设计:75欧姆匹配到 Γ_S

$$\Gamma_L = \left[S_{22} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_S}{1 - \left(\Gamma_S \bullet S_{11}\right)}\right]^* = 0.04 \angle 60.7^\circ$$



THANK YOU!!