MIT 6.006 学习笔记(1)

00 前言

之前说过会在每个Lecture学习完之后写一篇总结性的笔记,这篇文章作为第一篇。Lecture 1的学习时间大概为4: 20,包括阅读CLRS上相关章节(之前阅读过,所以这部分跳过),看Lecture的视频(没有字幕,虽然有的地方没有听得懂,但是总体上还是听懂了的),看Lecture Note(基本上就是记录课堂上教授的讲课内容,自己再看一遍复习一下),看Recitation的视频(相当于Lecture的补充内容),看Recitation Note,完成Problem Set(这个还没有全部做完),基本上的学习流程就是这个。

笔记和作业目前全部都是写在纸上的,因为还不会TeX。之后学了会把笔记慢慢 地电子化。

01 Lecture 1 Summary

Lecture 1与其他课程一样,一开始都是介绍了一下这门课是做什么的(「算法于数据结构」),将会讲一些什么内容(总共会讲8个module,每个module会有一个Problem Set),然后用 Peak Finding 这个算法来作为例子讲解,引出了一个比较重要的Algorithm Technology: Divide and Conquer。Recitation部分介绍了三种Asymptotic Notation(θ 、O、 Ω),然后对Peak Finding作为例子进行分析。

02 Course Overview

- Efficient procedures for solving large scale problems
- Scalability
- Classical data structures and classical algorithms
- Real implementations in Python

03 Course Content

Module	Problem Set
Algorithmic Thinking	Peak Finding

Sorting & Trees	Event Simulation
Hashing	Genome Comparison
Numerics	RSA Encryption
Graphs	Rubib's Cube
Shortest Path	Caltech -> MIT
Dynamic Programming	Image Compression
Advanced Topics	

04 Asymptotic Complexity

这一部分介绍了三种Asymptotic Notation:

• θ : Upper Bound & Lower Bound

• O: Upper Bound

• Ω: Lower Bound

即对于函数g(x),当同时有上界和下界的时候我们使用 θ 记号,当仅有上界时使用 O(大O记号),当仅有下界时使用 Ω 记号。这样说可能不是很好理解,我们可以使用几个具体的函数来说明一下。

θ 记号

假设我们有函数

$$g(x) = 1.1x^{2} + (10 + sin(x)) \cdot x^{1.5} + 6006$$
$$f(x) = x^{2}$$

如果画出图像就可以发现(还没想好用什么工具来画图,之后补上,可以在 Recitation Note中找到图像),f(x)是g(x)的下界(函数g(x)的图像下端无限趋近于f(x)),1.2f(x)是g(x)的上界(g(x)的图像上端无限趋近于1.2f(x)),当然,倍数关系并不完全准确,这里只是说明一下这个意思。

所以, 我们可以得到以下关系:

$$g(x) = \theta(x^2)$$

同理,我们可以知道O和 Ω 的关系。在这门课程中,通常使用大O记号来代替 θ 记