Ce devoir est constitué de trois exercices : les deux premiers sont à faire en Python, le dernier en SQL.

I Polynôme et dictionnaire

Soit $P = \sum_{k=0}^{n} a_k X^k$ un polynôme. On représente P par un dictionnaire p tel que, pour tout $k \in [0, n]$, si $a_k \neq 0$ alors p[k] vaut a_k (on ne stocke pas les coefficients nuls de P). Dit autrement, p[k] contient le coefficient de degré k de P.

- 1. Définir le dictionnaire représentant le polynôme $7 + 3X^2 X^5$.
- 2. Écrire une fonction degre renvoyant le degré d'un polynôme.
- 3. Écrire une fonction derive qui renvoie la dérivée P' d'un polynôme P.
- 4. Définir une fonction somme(p, q) renvoyant un dictionnaire représentant la somme des deux polynômes p et q. Quelle est sa complexité en fonction des degrés n_1 et n_2 de p et q?
- 5. Faire de même avec une fonction produit(p, q).
- 6. Écrire une fonction evalue(x, p) renvoyant P(x), si possible avec O(n) multiplications, où $n = \deg(P)$.