# Colle PCSI 6: Nombres complexes et sommes

#### November 9, 2016

### Colle 1

LUHRING (cours: 7, exo: 6, note: 13/20): écrit ln(i) puis ln(nombre négatif)... oublie que l'égalité des arguments est seulement modulo 2pi. Sinon bien.

**Exercice 1.** Formule pour  $\sum_{p}^{q} \lambda^{k}$ .

Puis: que connais-tu comme transformation complexe?

**Exercice 2.** Résoudre  $e^z + 2e^{-z} = i$  (je les aide en disant de multiplier par  $e^z$ et de poser  $Z = e^z$ ).

# Colle 2

MAMEDOV Djémali (cours: 4, exo: 6, note: 10/20): ne se souvient pas des formule d'euler, ni de la méthode pour somme cos(kx). Brouillon.

Alizée Brouillard (cours: 9, exo: 7: note: 16/20): cours très bien connu, se souvient parfaitement de la démonstration de  $\sum_{k=1}^n \cos(kx)$ .

**Exercice 1**. Formule pour  $\sum_{p}^{q} k$ . Puis: Racines n -ièmes complexes?

**Exercice 2.** Calculer  $\sum_{k=1}^{n} cos(kx)$  puis  $\sum_{k=1}^{n} kcos(kx)$ .

Exercice 3. Montrer que trois points A, B, C d'affixes a, b, c forment un triangle équilatéral ssi  $a + jb + cj^2 = 0$  ou  $a + cj + bj^2 = 0$ 

# Colle 3

MIGOT (cours: 6, exo: 6, note: 12/20): écrit exp(ab) = exp(a)exp(b). Bouaza Yakoub (cours: 4, exo: 6, note: 10/20): approximatif sur les racines n ièmes. Peu familier avec l'exponentielle et ses formules.

Exercice 1. Forme complexe d'une rotation Formule de Moivre et d'Euler?

Exercice 2. Somme et produit des racines n ième de l'unité.

**Exercice 3**. Nature de la transformation  $z \mapsto \frac{\sqrt{3}}{2}z + \frac{i}{2}z$ ?