# Colle MP: topologie

### 18 octobre 2017

# Colle 1

Stepan (11) : ne connaît pas bien les définitions, veut toujours se ramener à la frontière pour une raison que j'ignore.

 $\operatorname{GUIILEMAUD}$  Tom (13) : ne se souvient pas bien de la définition d'un intérieur. Assez bien sinon.

KORDYLAS Layla (11) : ne connait pas bien la preuve (et la définition d'ouvert/fermé)

Sarion Manon (12): ne connait pas bien sa preuve

#### Exercice 1. Question cours

**Exercice 2**. On suppose que A est une partie convexe d'un espace vectoriel normé E. (a) Montrer que  $\bar{A}$  est convexe. (b) L'intérieur de A est-elle convexe?

Exercice 3. Mq l'intérieur d'un SEV est soit vide, soit l'espace entier.

## Colle 2

NADAL Julien (11) : ne connaît pas bien la définition de norme equivalente BONNETAIN Baptiste (14) :

Robin DUCHENE (12) : ne connait pas bien la preuve. mélange les définitions COMBES Perrine (12) : a du mal avec la déf de normes équivalentes

### Exercice 1. Question cours

**Exercice 2**. Est-ce que la norme 1, 2 et la norme sup sur  $\mathbb{R}^2$  sont équivalentes (et mq ce sont bien des normes)

Est-ce que la norme  $1,\ 2$  et la norme sup sur les fct continues de  $0,\ 1$  dans R sont équivalentes (et mq ce sont bien des normes)

### Colle 3

Abdel (12) : ne connaît pas bien la définition d'adherence AMRANE Paul (14) : Bien

DAUDEY Clément (14): Sérieux SCHWARTZBROD Luc (10): ne connait pas les definitions MISCHLER Anicia (15):

Exercice 1. Question cours

Exercice 2. La somme de 2 normes est-elle une norme?

Exercice 3. Soient U et V deux ouverts denses d'un espace vectoriel normé E

- . (a) Établir que  $U \cap V$  est encore un ouvert dense de E .
- (b) Est-ce toujours vrai si on enlève ;; ouvert ¿¿?
- $(\mathbf{c})$  En déduire que la réunion de deux fermés d'intérieurs vides est aussi d'intérieur vide.