Nom et prénom :

Note:

Énoncer la formule de Taylor-Young.

Donner les DL à l'ordre  $n \in \mathbb{N}$  et au voisinage de 0 de  $e^x$ ,  $\frac{1}{1+x}$  et de  $\ln(1+x)$ . Donner le DL à l'ordre 3 et au voisinage de 0 de  $(1+x)^{\alpha}$ , avec  $\alpha \in \mathbb{R}$ .

Donner le DL à l'ordre 5 et au voisinage de 0 de  $\sin x$ .

Donner le  $\mathrm{DL}_2(0)$  de  $\frac{x}{\ln(1+x)}$  puis celui de  $\frac{x\mathrm{e}^{\,x}}{\ln(1+x)}$ .

Donner la définition du noyau d'un morphisme de groupes et la propriété le reliant à l'injectivité d'un morphisme.