Semaine 12 du 18 décembre 2017 (S51)

Suites numériques (première partie).

- 1. Vocabulaire.
- 2. Limite d'une suite réelle.
- 2.1. Définition et premières propriétés.
- 2.2. Opérations sur les limites.
- a. Étude de $(u_n + v_n)_{n \in \mathbb{N}}$.
- b. Étude de $(u_n v_n)_{n \in \mathbb{N}}$.
- c. Étude de $\left(\frac{1}{u_n}\right)_{n\in\mathbb{N}}$.
- d. Étude de $(|u_n|)_{n\in\mathbb{N}}$.
- e. Étude de $(\max(u_n, v_n))_{n \in \mathbb{N}}$.
- f. Exemples de formes indéterminées.
- 2.3. Limites et suites extraites.
- 2.4. Limites et inégalités.
- 3. Résultats de convergence.
- 3.1. Composition.
- 3.2. Utilisation d'inégalités.
- a. Techniques d'encadrement.
- b. Suites monotones.
- c. Suites adjacentes.
- 3.3. Théorème de Bolzano-Weierstrass.

La démonstration de ce théorème est hors-programme et, de ce fait, n'est pas exigible. On pourra demander à un étudiant de donner une idée de démonstration, à base de dessins et sans détails techniques.

4. Traduction séquentielle de certaines propriétés.

Le reste du chapitre sera au programme de la semaine suivante.