Semaine 1 du 19 septembre (S38)

Nombres complexes

1. Corps des nombres complexes

Le terme de corps a été donné mais n'est pas censé être assimilé par les étudiants à ce point de l'année.

1.1. Construction à partir de $\mathbb R$

Donnée aux élèves mais non exigible.

1.2. Propriétés des lois + et \times

Les notions et le vocabulaire algébrique (groupes, anneaux, corps etc.) ne sont pas censés êtres assimilées par les étudiants à ce point de l'année.

1.3. Interprétation géométrique

1.4. Conjugué et module d'un nombre complexe

2. Groupe $\mathbb U$ des nombres complexes de module 1

2.1. Définition et caractérisation

2.2. Forme trigonométrique d'un nombre complexe

2.3. Racines $n^{\text{èmes}}$

Aucune théorie sur les polynômes n'a été développée, tous les résultats sur les polynômes ont été admis.

3. Équations du second degré

- 3.1. Calcul des racines carrées d'un complexe sous forme algébrique
- 3.2. Résolution des équations du second degré

4. L'exponentielle complexe

- 4.1. Définitions et premiers résultats
- 4.2. Un peu de technique
- a. Formules trigonométriques

Les formules sont plus à savoir retrouver qu'à connaître par cœur, surtout à ce moment de l'année.

b. Technique de l'angle moitié

c. Factorisation

Les formules de sommation géométrique et du binôme de Newton ont été données sans démonstration.

d. Linéarisation