DS n° 06 : Fiche de calculs

Durée : 60 minutes, calculatrices et documents interdits

Nom et prénom :		Note:	
-----------------	--	-------	--

Porter directement les réponses sur la feuille, sans justification.

I. Polynômes

Soit
$$P = X^6 - 2X^5 - 39X^4 - 191X^3 - 211X^2 - 132X + 57$$
. Alors $P(9) =$ (1)

Soit $n \in \mathbb{N}$ tel que $n \ge 3$. Le reste de la division euclidienne de $X^n - X + 2$ par $(X + 1)^2$ est :



Dans $\mathbb{C}[X]$, effectuer la division euclidienne de $X^2-3iX-5(1+i)$ par X-1+i:

$$X^{2} - 3iX - 5(1+i) = \times (X-1+i) + \tag{3}$$

Soit $A = X^6 - 2X^5 + 2X^4 - 3X^3 + 3X^2 - 2X$ et $B = X^4 - 2X^3 + X^2 - X + 1$. Calculer:

$$PGCD(A, B) = \boxed{ . (4)}$$

Une relation de Bézout pour A et B est

$$PGCD(A, B) = \tag{5}$$

La multiplicité de 1 dans $6X^5 - 17X^4 + 3X^3 + 33X^2 - 37X + 12$ est (6)

II. Fractions rationnelles

Décomposer la fraction rationnelle suivante dans $\mathbb{C}(X)$:

$$\frac{X^2}{(X-1)^2(X+1)^3} = \tag{7}$$

Déterminer une primitive de la fonction suivante (on ne précisera pas l'ensemble de définition).

$$\int \frac{6x^2 - 2x + 10}{x^3 - x^2 + x - 1} \, \mathrm{d}x = \tag{8}$$

Calculer, pour $n \in \mathbb{N}^*$:

$$\sum_{p=1}^{n} \frac{2}{p^3 + 3p^2 + 2p} = \tag{9}$$

III. Dérivation

Soit $f: x \mapsto \operatorname{Arcsin}\left(\frac{4x^2 - 7x + 1}{x + 1}\right)$.

Avec
$$n \in \mathbb{N}, \ n \geqslant 2, \frac{\mathrm{d}^n}{\mathrm{d}x^n}(x\sin x) =$$

$$-\mathbf{FIN} -$$