

Nom et prénom :Note :

Soit $I \subset \mathbb{R}$ non minoré, $a \in \overset{\circ}{I}$, $f : I \rightarrow \mathbb{R}$ et $\ell \in \mathbb{R}$. Donner les définitions quantifiées de « f tend vers $+\infty$ en a », de « f tend vers ℓ en $-\infty$ » et de « f tend vers ℓ à gauche en a ».

Soit $I \subset \mathbb{R}$, $f : I \rightarrow \mathbb{R}$, $a \in \overset{\circ}{I}$ et $\ell \in \mathbb{R}$. Quel lien y a-t-il entre « $f(x) \xrightarrow[x \rightarrow a]{} \ell$ » et les limites à droite et à gauche de f en a ?

Soit $I, J \subset \mathbb{R}$, soit $f : I \rightarrow \mathbb{R}$ et $g : J \rightarrow \mathbb{R}$ avec $f(I) \subset J$. Supposons $+\infty \in \bar{J}$, soit $a \in I$ et $\ell \in \mathbb{R}$ tels que $f(x) \xrightarrow{x \rightarrow a} +\infty$ et $g(x) \xrightarrow{x \rightarrow +\infty} \ell$. Montrer que $g(f(x)) \xrightarrow{x \rightarrow a} \ell$.

Donner l'ensemble des suites réelles (u_n) vérifiant : pour tout $n \in \mathbb{N}$, $u_{n+2} + u_{n+1} + u_n = 0$.