## Feuille d'exercice n° 06 : Intégration pour les équations différentielles - fiche d'entraînement

Exercice 1 Calculer les primitives suivantes :

1) 
$$\int_{-\infty}^{x} t^3 \sqrt{4 + t^4} \, dt$$

$$2) \int^x \frac{\mathrm{d}t}{t \ln t}$$

3) 
$$\int_{-\infty}^{x} \frac{(t+5) dt}{\sqrt{t+4}}$$

4) 
$$\int_{-\infty}^{x} t e^{-t/10} dt$$

**5)** 
$$\int_{-\infty}^{x} t^2 e^{-t/10} dt$$

$$6) \int^x t^2 \ln t \, \mathrm{d}t$$

7) 
$$\int^x t^n \ln t \, dt$$
 (avec  $n \in \mathbb{Z}$ )

8) 
$$\int_{-\infty}^{x} t^2 \sin t \, dt$$

**9)** 
$$\int_{0}^{x} t^{3} e^{-t^{2}} dt$$

**10)** 
$$\int_{-\infty}^{x} t^3 \sqrt{1+t^2} \, dt$$

11) 
$$\int_{-\infty}^{x} Arcsin(t) dt$$

12) 
$$\int_{-\infty}^{\infty} Arcsin^2(t) dt$$

**13)** 
$$\int_{-\infty}^{x} \operatorname{Arctan}(t) dt$$

**14)** 
$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{\sqrt{9-t^2}}{t^2} dt$$

$$15) \int^x \frac{\mathrm{d}t}{t\sqrt{1-t^2}}$$

$$16) \int^x \frac{\mathrm{d}t}{t\sqrt{a^2 + t^2}}$$

**17)** 
$$\int_{-\infty}^{x} \sqrt{4+t^2} \, dt$$

**18)** 
$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{\mathrm{d}t}{a^2 - t^2}$$

$$19) \int^x \frac{\sqrt{t^2 - a^2}}{t} \, \mathrm{d}t$$

**20)** 
$$\int^x \frac{\mathrm{d}t}{(a^2 + t^2)^2}$$

**Exercice 2** En notant g une primitive de f, et h une primitive de g, calculer :

1) 
$$\int_{-\infty}^{x} t^3 f(t^2) dt$$

**2)** 
$$\int_{-\infty}^{\infty} t^{2n-1} f(t^n) dt$$

**Exercice 3** Dans les primitives suivantes, trouver un entier n qui permette un calcul par changement de variable, et calculer la primitive :

$$1) \int^x t^n \sqrt{1-t^4} \, \mathrm{d}t$$

2) 
$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{t^n}{\sqrt{1-t^4}} dt$$
 (il y a deux choix naturels possibles pour  $n$ )

3) 
$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{t^n}{1+t^{10}} dt$$
 (il y a deux choix naturels possibles pour  $n$ )

4) 
$$\int^x \frac{t^6}{1+t^n} dt$$
 (il y a deux choix naturels pos-

sibles pour n)

$$5) \int^x t^n e^{-t^2} dt$$

**6)** 
$$\int_{-\infty}^{x} t^n e^{2t^5} dt$$

7) 
$$\int_{-\infty}^{x} t^5 \sqrt{1-t^n} \, dt$$

8) 
$$\int_{-\infty}^{x} \frac{t^{6}}{\sqrt{1-t^{n}}} dt$$
 (il y a deux choix naturels possibles pour  $n$ )

$$9) \int^x \frac{\mathrm{d}t}{t^n \ln t}$$

$$10) \int^x \frac{\mathrm{d}t}{t^n (\ln t)^7}$$

$$\mathbf{11)} \int_{-\infty}^{\infty} t^n \sin(t^6) \, \mathrm{d}t$$

$$\mathbf{12)} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{\sin^n t \cos t}{\sqrt{3 + \sin^4 t}} \, \mathrm{d}t$$

$$\mathbf{13)} \int_{-\infty}^{x} \frac{\sin^3 t \cos t}{\sqrt{3 + \sin^n t}} \, \mathrm{d}t$$