Nom et prénom :

 $\underline{\text{Note}}$ :

Déterminer l'ensemble de définition de la fonction  $x \mapsto \ln(1-x^2)$ .

Soit  $A, B \subset \mathbb{R}$ , soit  $f: A \to \mathbb{R}$  et  $g: B \to \mathbb{R}$  vérifiant  $\forall x \in A, f(x) \in B$ . Supposons que f et g sont décroissantes. Que peut-on dire de  $g \circ f$ ? Le démontrer. Énoncer le théorème de la bijection, pour une fonction f définie sur un segment [a,b]. Quelle fonction peut-on alors définir à partir de f?

Soit a < b deux réels et  $f : [a, b] \to \mathbb{R}$ . Supposons que la réciproque de f, notée  $f^{-1}$ , existe. Sous quelles conditions  $f^{-1}$  est-elle dérivable? Donner dans ce cas la formule donnant la dérivée de  $f^{-1}$ .