Note:

Nom et prénom :

Soit  $a, b, n \in \mathbb{Z}$ . Donner les définitions quantifiées des propositions « $a \mid b$ » et « $a \equiv b \mid n \mid$ ».

Soit  $(a,b) \in \mathbb{Z}^2 \setminus \{(0,0)\}$ , soit d = PGCD(a,b) et  $a',b' \in \mathbb{Z}$  vérifiant a = da' et b = db'. Énoncer le théorème de Bézout sur le couple (a,b). On donnera les deux versions. Que peut-on dire sur a' et b'? Le démontrer en utilisant le théorème de Bézout.

Énoncer et démontrer le lemme de Gauss.

Soit  $n \in \mathbb{N}^*$  et  $z \in \mathbb{C}$ . Que vaut  $\sum_{k=0}^{n-1} z^k$ ?