Semaine 20 du 15 mars (S11)

Analyse asymptotique.

- 1. Comparaison asymptotique de suites.
- 1.1. Définitions : notations de Landau.
- 1.2. Opérations.
- **1.2a.** *o* **et** *O*.
- 1.2b. Équivalents.
- 1.3. Exemples classiques (formulaire).

La formule de Stirling est au programme, elle n'a pas été démontrée en cours (la démonstration fait l'objet d'un DM).

2. Comparaison de fonctions.

- 2.1. Définitions.
- **2.1a.** *o* **et** *O*.
- 2.1b. Équivalents.
- 2.2. Opérations.
- **2.2a.** *o* **et** *O*.
- 2.2b. Équivalents.

3. Développements limités.

- 3.1. Définition et premières propriétés.
- 3.2. Opérations sur les DL.
- 3.2a. Somme.
- 3.2b. Produit.
- 3.2c. Composition.
- 3.2d. Quotient.
- 3.3. Intégration et dérivation.
- 3.4. Formule de Taylor-Young.
- 3.5. Applications.
- 3.5a. Calculs de limites et d'équivalents.
- 3.5b. Allure d'une courbe au voisinage d'un point.
- 3.5c. Prolongement de fonction.
- 3.5d. Développements asymptotiques.
- 3.5e. Branche infinie d'une courbe d'équation y = f(x).

Aucune connaissance théorique sur les échelles de comparaison n'est exigible. Les étudiants doivent savoir comparer en pratique des fonctions en utilisant les résultats de croissances comparées.