Nom: Correcteur: Note:

On peut remarquer que pour tout entier naturel non nul k,  $\ln\left(1+\frac{1}{k}\right) = \ln(k+1) - \ln(k)$ .

Soit  $n \in \mathbb{N}^*$ , quel type de formule/simplification voit-on apparaı̂tre dans la somme  $\sum_{k=1}^n \ln\left(1+\frac{1}{k}\right)$ ? Donner une expression simplifiée de cette somme.

Soit  $n \in \mathbb{N}$  et  $z \in \mathbb{C}$ . Donner la valeur des sommes suivantes :  $\sum_{k=1}^{n} k$ ,  $\sum_{k=1}^{n} k^2$  et  $\sum_{k=0}^{n-1} z^k$ .

Énoncer la formule du binôme de Newton. Construire le triangle de Pascal jusqu'à la ligne permettant de développer  $(a+b)^5$  et écrire ce développement.

Rappeler la définition de  $x^a$  en précisant pour quelles valeurs de x et de a cela a un sens. Montrer la formule :  $x^{ab} = (x^a)^b$ .