#### F3A MP 2019

### Refroidissement du supraconducteur

# A. Premier et deuxième principes dans un écoulement

# A.1 Signification

Système : Le diazote

 $\overline{h}$ : enthalpie massique  $\rightarrow h_e$ : en entrée de l'organe /  $h_s$ : en sortie

s : entropie massique, mêmes notations

s<sub>c</sub> : entropie créée par unité de masse suite à des phénomènes irréversibles

wu : travail utile par unité de masse (travail autre que le travail des forces de pression)

q : transfert thermique par unité de masse

T<sub>ext</sub> : température extérieur (à la surface de l'organe)

# A.2. Hypothèse

L'écoulement est permanent, les grandeurs dans la partie étudiée ne dépendent pas du temps.

On peut aussi négliger les variations d'énergie cinétique

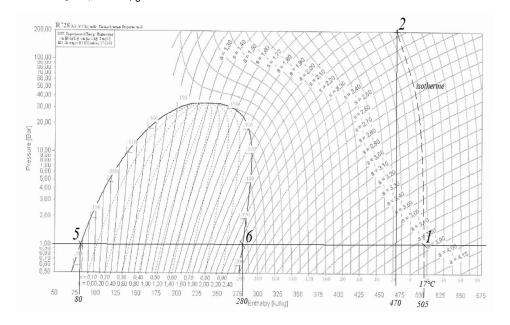
# B. Etude du cycle Analyse

E1 P<sub>1</sub> = 1 bar 
$$\xrightarrow{\text{Compression}}$$
 E2 P<sub>2</sub> = 200 bar  $\xrightarrow{\text{Refroidissement}}$  E3 P<sub>3</sub> = P<sub>2</sub> = 200 bar  $\xrightarrow{\text{Détente}}$  E4 P<sub>4</sub> = P<sub>1</sub>  
T<sub>1</sub> = 290K Isotherme T<sub>2</sub> = T<sub>1</sub> = 290K Isobare T<sub>3</sub> < T<sub>2</sub> liquide/vapeur

Puis retour à l'état 1 par un échauffement isobare

#### B.1 Le cycle

Point 1:  $P_1 = 1$  bar;  $T_1 = 290$  K =  $17^{\circ}$ C Point 2:  $P_2 = 200$  bar;  $T_2 = 290$  K =  $17^{\circ}$ C Point 5:  $P_5 = P_4 = P_1 = 1$  bar; liquide saturant Point 6:  $P_6 = P_1 = 1$  bar; gaz saturant



#### **B.2.** Les valeurs

Par lecture graphiques:

Point	1	2	5	6
h (kJ/kg)	505	470	80	280
S (kJ/kg/K)	3,85	2,15	-0,05	2,45

# B.3. Modèle du gaz parfait

Pour un gaz parfait, l'enthalpie ne dépend que de la température selon la 2<sup>éme</sup> loi de Joule.

Ainsi si la température est constante alors l'enthalpie est constante.

Dans un diagramme (*P,h*), les isothermes et isenthalpiques d'un gaz parfait sont des droites parallèles et verticales.

# B.4. Domaine de validité

Sur le diagramme les isothermes sont des droites verticales à basses pressions pour  $P \le 1$  bar. Dans ce domaine le diazote pourra être considéré comme un gaz parfait.

# B.5. Transformation de 1→2

Transformation réversible : s<sub>c</sub> = 0 J/K/Kg

Transformation isotherme :  $T_{ext} = T_1 = constante$ 

Second principe pour un système ouvert en écoulement permanent :  $s_2 - s_1 = \frac{q_{12}}{T_1}$ 

D'où  $q_{12} = T_1(s_2 - s_1) = -493 \text{ kJ/kg}$ 

# B.6. Travail pour le compresseur

Premier principe pour un système ouvert en écoulement permanent :  $h_2 - h_1 = q_{12} + w_{12}$ 

D'où  $w_{12} = h_2 - h_1 - q_{12} = 458 \text{ kJ/kg}$ 

# B.7. Transformation de 3→4

Il n'y a pas de pièce mobile, donc pas de travail utile : w<sub>34</sub> = 0 J/kg

Le système est de plus calorifugé q<sub>34</sub> = 0 J/kg

Premier principe pour un système ouvert en écoulement permanent :  $h_4 - h_3 = 0$  J/kg

C'est une détente isenthalpique

#### B.8. Expression de ha

h<sub>5</sub> est l'enthalpie massique du liquide dans les conditions de l'état 4.

h<sub>6</sub> est l'enthalpie massique du gaz dans les conditions de l'état 4.

h est une fonction d'état extensive et additive :

d'où  $h_4 = v h_5 + (1-v) h_6$ 

# B.9. Expression de y

La transformation  $3\rightarrow 4$  est isenthalpique :  $h_4 = h_3$ 

On nous indique  $h_3 - h_2 + (1-y)(h_1 - h_6) = 0$ 

D'où  $yh_5 + (1-y) h_6 - h_2 + (1-y) (h_1 - h_6) = 0$ 

Soit  $yh_5 - h_2 + (1 - y)h_1 = 0$ 

Ainsi  $y = \frac{h_2 - h_1}{h_3 - h_1} = 8.2 \%$ 

# B.10. Le travail pour 1 kg de diazote liquide

II faut  $w_{12}$  = 458 kJ pour obtenir 0,082 kg de diazote liquide.

Ainsi il faut  $W = \frac{w_{12}}{v} = 5,6MJ$  pour obtenir 1 kg de  $N_{2(1)}$ 

### B.11. Le point 4

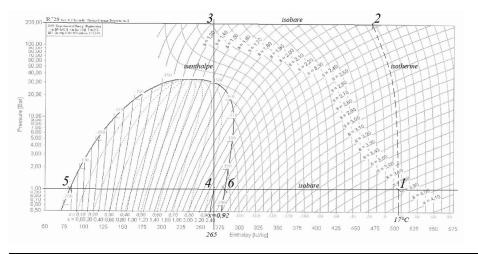
Le point 4 est tel que : P<sub>4</sub>=P<sub>1</sub>=1 bar et y=0,08 donc le titre en vapeur x=0,92

On détermine graphiquement :  $h_4 = 265 \text{ kJ/kg et s}_4 = 2,25 \text{ kJ/K/Kg}$ 

# B.12. Le point 3

Le point 3 est tel que :  $P_3$ =200 bar et  $h_4$  =  $h_3$ 

On détermine graphiquement :  $h_3 = h_4 = 265 \text{ kJ/kg et s}_4 = 1,25 \text{ kJ/K/kg}$ 



# B.13. Variation d'entropie dans le détendeur

Transformation  $3\rightarrow 4$ :  $\Delta s = s_4 - s_3 = 1,0 \text{ kJ/kg/K}$ 

Second principe pour un système ouvert en écoulement permanent :  $s_4 - s_3 = \frac{q_{34}}{T_{\rm total}} - s_c$ 

Or le détendeur est calorifugé, q<sub>34</sub> = 0J

D'où  $s_c = \Delta s = 1, \hat{a} kJ/kg/K$ 

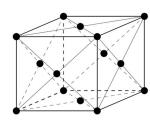
Il faut donc dépenser 1,9€

La transformation est irréversible sans doute à cause de l'importante variation de pression.

#### B.14. Le coup pour obtenir 101

On veut obtenir 10 I soit une masse  $m = \rho V$ . Or pour 1 kg il faut une énergie W =  $w_{12}/y$ On doit alors fournir  $W_T = \frac{w_{12}}{v} \rho V = 45,3 \text{MJ}$ Or 1kWh = 3,6 MJ coute 0,15€

### C.1 La maille CFC



### C.2. Nombre d'atomes par maille

Le fer 
$$\alpha$$
 : Z =  $\underbrace{8x1/8}_{\text{sommets}}$  +  $\underbrace{1x1}_{\text{interieur}}$  = 2  $\Leftrightarrow$   $\underbrace{\mathbf{Z}_{\alpha} = \mathbf{2}}_{\mathbf{Z}_{\alpha} = \mathbf{2}}$ 
Le fer  $\gamma$  : Z =  $\underbrace{8x1/8}_{\text{sommets}}$  +  $\underbrace{6x1/2}_{\text{faces}}$  = 4  $\Leftrightarrow$   $\underbrace{\mathbf{Z}_{\gamma} = \mathbf{4}}_{\mathbf{Z}_{\gamma} = \mathbf{4}}$ 

# C.3. Le contact entre les atomes

Le fer  $\alpha$  : 2 atomes sont en contact sur la diagonale du cube

D'où 
$$4r = \sqrt{3}a$$

Le fer  $\gamma$ : 2 atomes sont en contact sur la diagonale d'une face du cube

# C.4. La masse volumique

Pour une maille 
$$\rho = \frac{ZM}{N_a a^3}$$

Le fer 
$$\alpha$$
:  $\rho_{\alpha} = \frac{2x \, 56 \, 10^{3} x \, 3\sqrt{3}}{6.02 \, 10^{23} x \, 64x (124 \, 10^{-12})^{3}} \Leftrightarrow \rho_{\alpha} = 7 \, 922 \, kg/m^{3}$ 
Le fer  $\gamma$ :  $\rho_{\gamma} = \frac{4x \, 56 \, 10^{-3} x \, 2\sqrt{2}}{6.02 \, 10^{23} x \, 64x (124 \, 10^{-12})^{3}} \Leftrightarrow \rho_{\gamma} = 8 \, 625 \, kg/m^{3}$ 

Le fer 
$$\gamma$$
:  $\rho_{\gamma} = \frac{4x \ 56 \ 10^{-3} x 2 \sqrt{2}}{6.02 \ 10^{23} x 64 x (124 \ 10^{-12})^3} \Leftrightarrow \rho_{\gamma} = 8 \ 625 \ kg/m$ 

#### C.5 Nombres d'atomes

Baryum: 
$$8x1/8 + 1x1 = 2 \Leftrightarrow \mathbf{Z}_{Ba} = \mathbf{2}$$

$$\frac{\text{Fer}}{\text{faces latérales}} : \underbrace{2x4x1/2}_{\text{faces latérales}} = 4 \Leftrightarrow \mathbf{Z}_{\text{Fe} = 4}$$

Arsenic: 
$$\underbrace{4X2x1/4}_{\text{arêtes verticales}} + \underbrace{2x1}_{\text{intérieur}} = 4 \Leftrightarrow \overline{\textbf{Z}_{Ba} = \textbf{4}}$$

# C.6. Formule de l'alliage : BaFe<sub>2</sub>As<sub>2</sub>

# D. Stabilité du fer

# D.1. Les couples de l'eau

$$H_2O/H_2 = H^+/H_2$$

Demi-équation : 
$$2H^+ + 2e^- \xrightarrow{\leftarrow} H_{2(g)}$$

Potentiel : E = E°<sub>1</sub> + 0,03 Log 
$$\frac{[H_3O^+]^2}{P_{H_2/P^+}}$$

A la frontière 
$$P_{H2} = P^{\circ} = 1$$
 bar  $\Leftrightarrow E_{F1} = -0.06pH$ 

### O<sub>2</sub>/H<sub>2</sub>O

Demi-équation : 
$$O_{2(g)} + 4H + 4e - \stackrel{\rightarrow}{\leftarrow} 2H_2O$$

Potentiel : E = 
$$E^{\circ}_{2} + \frac{0,06}{4} \text{Log}[H_{3}O^{+}]^{4}P_{O_{2}/P^{\circ}}$$

Potentiel : E = E°<sub>2</sub> +  $\frac{0.06}{4}$  Log[H<sub>3</sub>O<sup>+</sup>]<sup>4</sup>P<sub>O<sub>2</sub>/P°</sub>
A la frontière P<sub>O2</sub> = P° = 1 bar  $\Leftrightarrow$  **E**<sub>F2</sub> = **1,23 - 0,06pH** 

### D.2. Identification

Plus le potentiel est élevé et plus le nombre d'oxydation (no) est grand

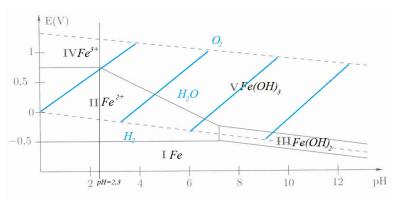
Plus le pH est élevé et plus il y a des ions HO-

Les no : F

 $Fe^{3+}$  et  $Fe(OH)_{3(s)}$  no = III

 $Fe^{2+}$  et  $Fe(OH)_{2(s)}$  no = II

Fe no = 0



# D.3. Pente de la frontière II/V

C'est le couple Fe(OH)3(s)/Fe2+

Demi-équation : Fe(OH)<sub>3(s)</sub> + 3H<sup>+</sup> + e<sup>- $\rightarrow$ </sup> Fe<sup>2+</sup> + 3H<sub>2</sub>O

Potentiel : E =  $E^{\circ}_{Fe(OH)3(s)/Fe\acute{e}=} + 0.06 \text{ Log} \frac{[H_3O^+]^3}{[Fe^{2^+}]}$ 

Frontière : au premier grain de  $Fe(OH)_{3(s)}$  on a  $[Fe^{2+}] = C_0$ 

D'où  $E_F = E^{\circ}_{Fe(OH)3(s)/Fe\acute{e}} - 0.06 \ LogC_0 - 0.18 \ pH$ 

On a donc une frontière de pente -0,18 V/unité de pH

#### D.4. Le pH frontière entre IV/V

Réaction : Fe(OH)<sub>3(s)</sub>  $\rightarrow$  Fe<sup>3+</sup> + 3 HO  $\rightarrow$  K<sub>s</sub> = [Fe<sup>3+</sup>][HO<sup>-</sup>]<sup>3</sup>

A la frontière on a le premier grain de précipité et [Fe<sup>3+</sup>] = C<sub>0</sub>

Le K<sub>S</sub> étant vérifié on a K<sub>S</sub> =  $C_0^{\frac{K_0^2}{2}}$ 

D'où  $pH = \frac{1}{3}(-LogC_0 - pK_s) + pK_e = 2,3$ 

# E. <u>Détermination de la composition</u>

# E.1. Réaction du fer

A pH = ° le fer n'est pas stable dans l'eau

La réaction :  $\mathbf{Fe} + 2\mathbf{H}_3\mathbf{O}^+ \xrightarrow{\sim} \mathbf{Fe}^{3+} + \mathbf{H}_{2(g)} + \mathbf{H}_2\mathbf{O}$ 

Constante d'équilibre : K =  $\frac{\left[Fe^{2+}\right]P_{H_2}/P'}{\left[H_3O^+\right]^2}$ 

A l'équilibre il y a égalité des potentiels :  $E^{\circ}_{Fe2+/Fe}$  + 0,03 Log $[Fe^{2+}]$  = 0,03 Log $\frac{[H_30^+]^2}{P_{H_3/P^+}}$ 

D'où  $LogK = \frac{-E^{\circ}_{Fe2+/Fe}}{0.03} \Leftrightarrow K = 10^{14.7}$ 

#### E.2. Deux électrodes

On ne peut mesurer qu'une différence de potentiel. Il faut donc une deuxième électrode de référence.

### E.3. Réaction de dosage

Elle doit être totale (ou quasi totale) rapide et avoir une écriture connue

#### E.4. La réaction de dosage

 $MnO_4^- + 5Fe^{2+} + 8H_3O^+ \stackrel{\longrightarrow}{\sim} Mn^{2+} + 5Fe^{3+} + 12 H_2O$ 

# E.5. Visualisation de l'équivalence

Avant l'équivalence tous les ions MnO<sub>4</sub> violes apportés sont transformés en Mn<sup>2+</sup> incolores.

A l'équivalence il n'y a plus de Fe<sup>2+</sup> et la couleur violette va persister.

# E.6. Quantité initiale en Fe<sup>2+</sup>

Graphiquement on a V<sub>eq</sub> = 10 mL

On à l'équivalence  $N_{ox}V_{ox} = N_{red} V_{red}$  soit  $5C_1V_{eq} = n(Fe^{2+})$ 

D'où  $n(Fe^{2+}) = 5 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$ 

# E.7. Valeur de y

On a 5 10<sup>-2</sup> mol de fer pour 0,25 mol de baryum dans une pastille.

où  $y = \frac{x}{2} = \frac{1}{2}$ 

#### Exercice 1

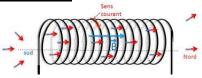
# 1. Solénoïde long

Il faut calculer le rapport L/R.

On a L/R = 25 > 10

On peut donc considérer le solénoïde comme long

# 2. Représentation



# 3. Le champ magnétique

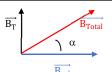
Pour un solénoïde **B** =  $\mu_0$   $I_1^N$  = 7,5 10<sup>-5</sup> **T** 

# 4.1. Position de l'aiguille en absence de courant

L'aiguille sera orientée selon le champ magnétique terrestre soit perpendiculairement à l'axe du solénoïde.

# 4.2. Angle de rotation

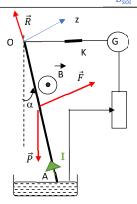
L'aiguille va s'orienter selon le champ magnétique total : Avec les orientations choisies on a tg  $\alpha = \frac{B_T}{B_{sol}} \Leftrightarrow \alpha = 14.9 \degree = 0,26$  rad



# Exercice 2

# 1. Bilan des forces

Il y a : La réaction en O R Le poids en G $\vec{P}$ La force de Laplace  $\vec{F}$ 



# 2. Le sens du courant

On utilise la règle de la main droite

# 3. Condition d'équilibre

Référentiel R galiléen Système : la tige Forces : voir 1

<u>Loi</u> condition d'équilibre :  $\sum \vec{F} = \vec{0}$ <u>Projection</u> : sur Oz

La force de Laplace :  $\vec{F} = I \vec{L} \wedge \vec{B} \Leftrightarrow F = IBL$ 

D'où IBL = mgsin $\alpha$ Ainsi sin $\alpha = \frac{IBL}{mg} \Leftrightarrow \alpha = 0.92 \text{ rad} = 52.8^{\circ}$