Nom: Correcteur: Note:

Soit $a, b \in \mathbb{Z}^*$. Que peut-on dire d'un multiple commun à a et b? Quelle relation simple existe-t-il entre le PGCD et le PPCM de a et de b?

Donner une expression du PGCD et du PPCM de deux entiers à partir de leurs décompositions en produits de facteurs premiers (on pourra utiliser les valuations p-adiques). Appliquer cela à 756 et 600.

Soit $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}\in\mathbb{R}^{\mathbb{N}}$, soit $\ell_1,\ell_2\in\mathbb{R}$ tels que $u_n\xrightarrow[n\to+\infty]{}\ell_1$ et $u_n\xrightarrow[n\to+\infty]{}\ell_2$. Montrer que $\ell_1=\ell_2$.

Soit $n \in \mathbb{N}^*$. Rappeler la définition de « racine n^{e} de l'unité » et donner l'ensemble des racines n^{es} de l'unité.