

flibのU-matrixは何をやっている?

given: $\{(\mathbf{z}_n, \mathbf{x}_n)\}_{n=1}^N$ と \mathcal{O} 近傍程度

ただし, $\mathbf{z}_n \in \mathbb{R}^L$, $\mathbf{x}_n \in \mathbb{R}^D$

← SOMで推定した潜在変数

あと離散化した トド座標の集合 $\{\mathbf{z}_k\}_{k=1}^K$

仮定.

$$f(\mathbf{z}) = \sum_{n=1}^N r(\mathbf{z}, \mathbf{z}_n) \mathbf{x}_n \quad \leftarrow \text{カーネル正規化を用いて回帰する.}$$

$$\text{ただし, } r(\mathbf{z}, \mathbf{z}_n) = \frac{h(\mathbf{z}, \mathbf{z}_n)}{g(\mathbf{z})}$$


$$h(\mathbf{z}, \mathbf{z}_n) = \exp\left(-\frac{1}{2\sigma^2} \|\mathbf{z} - \mathbf{z}_n\|^2\right)$$

$$g(\mathbf{z}) = \sum_{n=1}^N h(\mathbf{z}, \mathbf{z}_n)$$

求めるもの.

$$\left. \frac{\partial f(\mathbf{z})}{\partial \mathbf{z}} \right|_{\mathbf{z}=\mathbf{z}_k}$$

$D \times L$

=  $\mathbf{z}_k = 1, \dots, K$ まで求めて
ただの偏微分なので $\nabla f(\mathbf{z})$ 求めておき、
今は忘れた(笑)

$$\left\| \left. \frac{\partial f(\mathbf{z})}{\partial \mathbf{z}} \right|_{\mathbf{z}=\mathbf{z}_k} \right\|_F^2$$

$\mathbf{z}_k = 1, \dots, K$ まで求めて、その値を \mathbf{A} に代入して

↑ $\nabla f(\mathbf{z}) = \mathbf{A} \mathbf{z}$ として
 $\mathbf{A} = (a_{ij})$ として
 $\|\mathbf{A}\|_F^2 = \sum_i \sum_j a_{ij}^2$