

第6回：物価連動国債のキャッシュフローと名目利回り (その1)

(1月26日 2-3節にゼロインフレ率の説明を追加)

第5回記事ではYTMベースのBreak-even Inflation (以下 BEI)を算出した。今回はBEIでインフレが発生した場合 (つまり 前回算出した1.777%で、インフレが発生した場合)、物価連動国債 (以下 物国) の名目利回りはベンチマーク国債の利回り 2.052%になるかを確認する。

この確認作業は、インフレ後の物国のキャッシュフローの作成と利回り算出となるが、この2つの作業は物国を理解する王道である。

かなり長い記事となり、我慢が必要となることを最初に断っておく。

1. Reference CPI (適用指数)、 Index Ratio (連動係数)

初めに物国のキャッシュフロー作成の下準備をする。

- 物国キャッシュフローの基礎となる**生鮮食品を除く全国消費者物価指数** (以下 CPI) は総務省から、前月分のデータが**毎月20日前後**に発表され、CPIの数値は [政府統計ポータルサイト e-Stat](#) で確認できる
- 財務省は発表されたCPIを基に、 **物価連動国債（10年）の適用指数及び連動係数** という次のExcelを公表

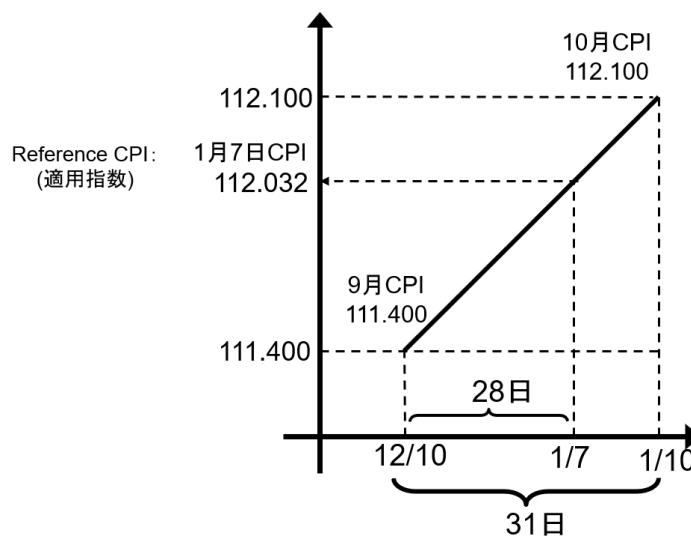
	A	B	G	H	I	J	K	L
1	令和7年12月10日～令和8年1月10日の適用指数・連動係数							
2			連動係数					
3		基準CPI /	第25回	第26回	第27回	第28回	第29回	第30回
4		適用指数	102.2	101.1	100	104.1	106.4	109.6
5	2025/12/10	111.400	1.11412	1.12624	1.11400	1.07012	1.04699	1.01642
6	2025/12/11	111.423	1.11435	1.12648	1.11423	1.07035	1.04721	1.01663
7	2025/12/12	111.445	1.11457	1.12670	1.11445	1.07056	1.04742	1.01683
	(途中省略)							
29	2026/1/3	111.942	1.11954	1.13172	1.11942	1.07533	1.05209	1.02137
30	2026/1/4	111.965	1.11977	1.13195	1.11965	1.07555	1.05230	1.02158
31	2026/1/5	111.987	1.11999	1.13218	1.11987	1.07576	1.05251	1.02178
32	2026/1/6	112.010	1.12022	1.13241	1.12010	1.07598	1.05273	1.02199
33	2026/1/7	112.032	1.12044	1.13263	1.12032	1.07620	1.05293	1.02219
34	2026/1/8	112.055	1.12067	1.13286	1.12055	1.07642	1.05315	1.02240
35	2026/1/9	112.077	1.12089	1.13309	1.12077	1.07663	1.05336	1.02260
36	2026/1/10	112.100	1.12112	1.13332	1.12100	1.07685	1.05357	1.02281
37	(注: 表示をコンパクトに編集した)							

まず、このExcelについて 説明するが、物国の取引日 / 受渡日は第5回記事同様 2026年1月6日 / 7日とする。重要な点は、**受渡日のCPI**がB33セルの112.032と算出されている点である。

1-1. Reference CPI (適用指数) B33セル：112.032

- 物国が参照するCPIは3ヶ月前のデータ。このことを「**3ヶ月ラグ**のCPI」などと言う

- B5セル 111.40 : 2025/12/10 (A5セル) の3ヶ月前の2025年9月10日のCPIが111.40を意味
- B36セル 112.10 : 同様に2026/1/10 (A36セル) の3ヶ月前の2025年10月10日のCPIが112.10
 - 本来のCPIの解釈にしたがえば、9月CPIが111.40、10月CPIが112.10であり、9月10日や10月10日という**各月10日**のCPIではない
 - たぶん、この10日は物国の利払日が10日なため、適当に財務省が決めたものか？
 - 欧米の標準仕様は月初の1日で、この違いがあとあと コーディングに影響
- B6～B35セル : 2025/12/11～2026/1/9の各日付けのCPIは111.40と112.10を単純に線形補間した値
 - これら補間したCPIを **Reference CPI (適用指数)**と呼ぶ
 - 下は2026年1月7日のReference CPI計算のイメージ図



(図6-0 : Reference CPI 適用指数)

- この線形補間は次式のように 初めにウェイト w を算出し、

$$w = \frac{1/7 - 12/10}{1/10 - 12/10} = \frac{28\text{日}}{31\text{日}}$$

- この w を利用して、

$$(1 - w) \times 111.400 + w \times 112.100 = 112.032$$

- テキスト p.11 脚注4 式(1.3) に線形補間の原型の式を記したが、その右辺が上のウェイトに対応
- このウェイト算出で注意すべき点は2025/12/10～2026/1/10を使うこと。3ヶ月ラグの期間 2025/9/10～10/10ではない (ここはよく間違える！)

- 線形補間の式は使わないとすぐに忘れるので、メモしておく

$$y(x) = (1 - w) y_0 + w y_1, \quad \text{ウエイト } w := \frac{x - x_0}{x_1 - x_0} \quad (6-1)$$

- 同値な形： $y(x) = y_0 + \frac{x-x_0}{x_1-x_0}(y_1 - y_0)$ (テキスト p.11 脚注4 と同じ式)
- ウエイトは12/10からの経過日数に対応し、12/10では $w = 0$ 、1/10では $w = 1$

1-2. Base CPI (基準CPI) L4セル : 109.6

- G4~L4セル : 102.2, ... , 109.6 物国25回債~30回債が発行された時のCPI
 - CPIの改定があれば、このBase CPIの値は改定されるが、それ以外は不変
 - 図6-1の2行目では、baseCPIとせず、発行時CPIとしてのissCPIという変数名を使用 (baseという用語が他の状況で使われるため)

1-3. Index Ratio (連動係数) L33セル : 1.02219

- Index Ratioは次式のように、Reference CPI ÷ Base CPIで算出
 - 発生したインフレの結果として、物国額面の増減を表す数値

$$\text{Index Ratio (連動係数)} = \frac{\overset{\text{(適用指数)}}{Ref.CPI}}{\underset{\text{(基本CPI)}}{BaseCPI}} = \frac{112.032}{109.6} = 1.02219 \quad (6-2)$$

- 上式ではインフレーションにより、額面が1.0から1.02219に増加

1-4. 2つのクリーン価格 : Real clean price と Clean price

- 第5回 2節では市場で取引されている価格 97.55 を実質価格 (Real Clean Price)と呼んだ
- 物国のClean Price (クリーン価格) はIndex Ratioを使い、次式で算出する

$$\text{クリーン価格} = \text{Real Clean Price} \times \text{Index Ratio} \quad (6-3)$$

- つまり、物国は2つの利回り(名目と実質)に対応し、2つのクリーン価格を持つ
- 実質価格 に対応し、クリーン価格を名目価格とも言う
- このクリーン価格に経過利息を加算したものがダーティー価格であり、受渡代金となる (ダーティー価格は1つのみ)

2. CPI指数オブジェクト、インフレカーブ オブジェクト

2-1. Reference CPI (適用指数)、Index Ratio (連動係数) の算出

まず、図6-1の出力結果が第1節のReference CPI、Index Ratioと一致している点を確認しよう。それぞれの数値は14行、15行目で計算されている。

- 14行目 `refCPI` : CPIクラス (C++の構造体) の静的メソッド `laggedFixing` で3ヶ月ラグでの2026年1月7日のReference CPIを算出 (静的メソッドはテキスト p.7を参照)
 - 14行目 右辺先頭の `round` はCPI指数を少数3桁へラウンド (財務省ルール)
- 15行目 `ixRTO` : Index Ratioを式(6-2)より、`refCPI ÷ issCPI` で算出
 - 同様に先頭の `round` でindex Ratioを少数5桁へラウンド (財務省ルール)

14行目の`laggedFixing`メソッドは最近追加されたようで、ドキュメントが間に合っていないが、**QuantLib.pyファイル**では次のようなコードである (QuantLib.pyファイルはテキスト p.7を参照)

```
23730 @staticmethod
23731 def laggedFixing(index, date, observationLag, interpolationType):
23732     r"""laggedFixing(ext::shared_ptr< ZeroInflationIndex > const & index,
        Date date, Period observationLag, CPI::InterpolationType
        interpolationType) -> Real"""
23733     return _QuantLib.CPI_laggedFixing(index, date, observationLag,
        interpolationType)
```

- 引数は4つで、(CPIインデックス、ターゲットの日付、3ヶ月ラグ、補間方法)
- 図6-1の14行目で与えた4つの変数から、これらの引数の内容を推測しよう。以下が簡単な説明 (ds9, lag3M, cpiLNRはmyABBRの短縮形、図6-2参照)
 - `cpiIX` : 10行目で作成されたCPI指数のオブジェクト
 - `aSt1DT` : adjusted settle dateの略で5行目で作成。
 - 本来の受渡日 (`st1DT`) 2026年1月7日から9日 (`ds9`) を引いた日付 (`ds`はdaysの略)
 - `lag3M` : ラグ3ヶ月を意味する短縮形
 - ラグ0ヶ月の `lag0M` もmyABBRでは定義
 - `cpiLNR` : CPIの補間を線形に指定する短縮形 (LNRはlinearの略)
 - 1ヶ月単位でCPIが更新されるため、月内を線形補間させる
 - 補間計算を行わない `cpiFLT` もmyABBRで定義

2-2. ZeroInflationIndexクラスのCPI指数オブジェクト

では図6-1のコードを1行目から見て行く

- 2,3行目 初期値設定 : 3ヶ月ラグで参照する9月と10月のCPIを `stCPI`, `enCPI` に設定 (`st`, `en` は `stard`, `end` の略)
 - Quantlibでは、CPIデータは月初～月末とするため、`年`, `月` という日付で設定
- 5,6行目 `ds9`による調整 : 毎月10日という日本のCPIの日付を欧米の標準仕様に修正するため、取引日と受渡日から9日 (`ds9`) を引いて、`aTrdDT`, `aStlDT` に設定 (`a`は`adjusted`の略)
 - `setEvDT(aTrdDT)` によって、QuantLibのシステム日付も9日前に修正
 - この修正法は、図6-0で示した「Reference CPI計算のイメージ図」の日付を9日ずらしても同じ計算となり、結果は正しい
 - 国債の場合、利払い日・償還日が曜日に関係なく、固定されているため、このようなシフトが可能
- 9,10,11行目 CPI指数オブジェクトの設定 : **ZeroInflationIndexコンストラクタ**によって、日本のCPI指数オブジェクト `cpiIX` を作成
 - コンストラクタの引数に関しては、QLPドキュメントの説明 (下図) と10,11行目を見較べて、推測しよう (QLPドキュメントはテキスト p.6を参照)

```
class ZeroInflationIndex(familyName: str, region: ql.Region, revised: bool, frequency: ql.Frequency,
availabilityLag: ql.Period, currency: ql.Currency, h: ql.ZeroInflationTermStructureHandle | None)
```

Base class for zero inflation indices.

- Parameters:**
- **familyName** (`str`) – The name of the zero inflation index family (e.g., "CPI", "HICP").
 - **region** (`ql.Region`) – The geographical region for which the index is published.
 - **revised** (`bool`) – Whether the index can be revised after publication.
 - **frequency** (`ql.Frequency`) – The frequency with which the index is published (e.g., Monthly, Quarterly).
 - **availabilityLag** (`ql.Period`) – The lag between the reference period and the publication date.
 - **currency** (`ql.Currency`) – The currency in which the index is quoted.
 - **h** (`Optional[ql.ZeroInflationTermStructureHandle]`) – (Optional) The zero inflation term structure handle used for forecasting.

(若干の補足説明)

- 第2引数 `jpRegion` : `myABBR`モジュールで、`CustomRegion`コンストラクタを使い、`ql.CustomRegion("Japan", "JP")` と定義
- 第3引数 `revisedF` : `myABBR`モジュールで `False` を指定し、CPI指数が改定がされていないと設定

- 第5引数 `lag0M` : インデックス自体にラグは無いので、`myABBR`モジュールで、`ql.Period('0M')` を設定
 - QLPドキュメントの説明とは異なる。ここを `lag3M` にするとエラーで身動きできなくなる
- 第7引数 `infCvHDL` : 9行目で設定した空のインフレカーブ用ハンドル
 - インフレカーブの設定は2-3節で行う
 - 空のハンドルの設定はTiborと同じで、テキスト p.43の図2.3 7,8行目 を参照
- 12行目 `cpiIX.addFixing` : 9月と10月に確定したCPI値を `cpiIX` オブジェクトに登録
 - `addFixing`メソッドはTiborと同じで、テキスト p.59 2.4.4節 を参照
 - `jDT(yy,mm,1)` と毎月1日を指定 (ここを10日にしても、1日でフィクシングされる)
- 13行目 `lastFixingDate` : 最後にフィクシングした日付を戻すメソッド
 - 12行目で9月と10月のCPI値をフィクシングさせたので、最後にフィクシングした日付は2025年10月1日

2-3. ゼロインフレ率 と インフレカーブ 設定

直前に説明した13行目 `lastFixingDate`メソッド が意味することは「`cpiIX` オブジェクトは10月1日以降のインフレデータを持っていない」ことである。インフレカーブの設定は、その日付以降の**将来のインフレ率**を `cpiIX` に教える。

図6-3の2行目 `ZeroInflationCurve` はインフレカーブを作成する最も簡便なコンストラクタである。

- CPI指数を作成した `ZeroInflationIndex` やこの `ZeroInflationCurve` の名前の由来である**Zero coupon inflation rate** (以下 ゼロインフレ率) の定義は式(6-4)の z_t となる。(金利の場合も、ゼロクーポンレートをゼロレートと言う点は同じ)
 - 基準日 b と時点 t のCPIをそれぞれ I_b 、 I_t 、 $[b, t]$ 間の年数を τ として、**ゼロインフレ率 z_t** は次式より算出

$$I_t = I_b(1 + z_t)^\tau \quad (6-4)$$

- I_b を左辺に移せば、式(6-2)のIndex Ratioが左辺に現れる。右辺はゼロインフレ率 z_t を使って、増減した物価額面が計算される

$$\frac{I_t}{I_b} = (1 + z_t)^\tau$$

- 図6-3では BEI 1.7770% を ゼロインフレ率に設定し、インフレカーブとするコード

- つまり、10月1日以降 物国額面は年率1.7770% で増加させる設定となる

```

1  # インフレカーブ (BEIでフラットカーブを設定)
2  infCvOBJ = ql.ZeroInflationCurve( aStlDT,
3  | | | | | [enCpiDT,enCpiDT+pD('10y')], [beiRT,beiRT], freqM, dcA365) #dcA365n
4  infCvHDL.linkTo(infCvOBJ)
5  # カーブ表示
6  dfInfCv = pd.DataFrame( infCvOBJ.nodes(),columns=["node", "rate"] )
7  dfInfCv.node = dfInfCv.node.map(lambda x: x.ISO())
8  dfInfCv[:5].style.format({"rate": "{:.4%}"})

```

✓ 0.0s

Python

	node	rate
0	2025-10-01	1.7770%
1	2035-10-01	1.7770%

(図6-3：インフレカーブ オブジェクト)

コードを簡単に説明しておく。

- 3行目：日付リスト `[enCpiDT,enCpiDT+pD('10y')]` とインフレ率リスト `[beiRT,beiRT]` を与えて、インフレカーブのオブジェクト `infCvOBJ` を作成
 - 日付リストでは、2025年10月1日から10年間を指定し、インフレ率は第5回記事で計算した `beiRT=1.7770%` をフラットで設定
 - インフレカーブの日数計算法は `dcA365` とした (`dcA365n` の可能性もある)
- 5行目 `infCvHDL.linkTo(infCvOBJ)`：図6-1の9行目で作成した空のハンドル `infCvHDL` へ `infCvOBJ` オブジェクトをリンク
 - `infCvHDL` ハンドルは `cpiIX` オブジェクト作成時の引数であった (同図 11行目)
 - このリンクにより、`cpiIX` オブジェクトはフォワードCPIの算出が可能になる
- 6～8行 `infCvOBJ.nodes`：作成された `infCvOBJ` オブジェクトは金利カーブと同様な `nodes` メソッドを持ち、`nodes` 情報を出力 (`nodes` の例は、テキスト 図2.3など 参照)

3. 物国の名目利回りとオブジェクト

長い準備が終わり、図6-4の2～4行目で物国30回債用のインフレで元本が増大する物国オブジェクトの作成にたどり着けた。

Python

(図6-4：物国オブジェクトとプライシング)

- 9行目の `cleanPrice` メソッドは、名目価格(Clean Price)を戻し、99.73804円
- 実質価格は式(6-3)より、9行目 2つ目のコードで `rClnPRC=clnPRC/ixRTO` で手計算

- 9行目で計算された名目価格 `cInPRC` を11行目の `bondYield` メソッドに与え、名目利回り 2.052% を算出

3-2. CPiBond クラスとメソッド

では 図6-4 のコードで残った部分を確認する。

- 2行 `iScdOBJ` : 第5回記事で使った `mu.makeJGB` 関数 は使わず、 `Schedule` コンストラクタ を手打ちし、物国30回債用の `iScdOBJ` オブジェクトを作成 (`i` は `inflation` の略)
 - 注意すべきは、`effDT` と `matDT` を `ds9` で調整させている
 - その他は `mu.makeJGB` 関数 の `Schedule` コンストラクタ と同じ
- 3,4行 `iBndOBJ` : **CPiBondコンストラクタ** によって、物国30回債の `iBndOBJ` を作成

このコンストラクタの引数に関しては、QLPドキュメントの説明 (下図) と3, 4行目を見較べて、推測しよう

```
q1.CPiBond(settlementDays, notional, growthOnly, baseCPI, contractObservationLag, inflationIndex,
observationInterpolation, fixedSchedule, fixedRates, fixedDayCounter, fixedPaymentConvention)
```

- 3番目の引数 **growthOnly** は常に `False` とし、図6-2で `gwONLY=False` を設定
- その他の引数は自明であろう
- 6,7行 : 6行目でディスカウントカーブを作成し、7行目で `iBndOBJ` オブジェクトにエンジンをセット
 - この手順は テキスト 図4.11 (p.128) と同じ
 - 注意すべきはディスカウントカーブの受渡日が `ast1DT` としている。つまりディスカウントカーブも9日間シフトさせている
- テキスト 図4.11 では `NPV` メソッドで利含み価格を計算させているが、エンジンを搭載した債券オブジェクトの場合、この図6-4の9,10行目のように `cleanPrice`, `accruedAmount`, `dirtyPrice` 等は引数無しで計算できる
 - テキスト 図4.3 (p.115) では、エンジンを持たない債券オブジェクトを使い、これらのメソッドを計算させた点と比較

3-3. 物国30回債のキャッシュフロー表 概観

図6-5は 物国30回債の `iBndOBJ` オブジェクトを用い、2, 3行目で `mu.cpiBondCashFlow` 関数 から、キャッシュフロー表を出力させた。4行目ではキャッシュフロー表の `amount` 列と `DF` 列から、クリーン価格を手計算させ、図6-4と同じ価格 99.73804を得ている。

```

1 # cash flows
2 dfBND = mu.cpiBondCashFlow(iBndOBJ, yts=dsCvOBJ, past=1)
3 display( dfBND.style.format(fmtFUT) )
4 HCcInPRC = (dfBND.amount *dfBND.DF).sum() - accAMT
5 print(f'(hc) cInPRC:{HCcInPRC:.5f}')

```

✓ 0.0s

Python

	payDate	accruStart	accruEnd	cpi	coupon	amount	DF
0	2025-09-01	nan	nan	nan	nan%	nan	1.000000
1	2026-03-01	2025-09-01	2026-03-01	112.430475	0.0051%	0.0025	0.996538
2	2026-09-01	2026-03-01	2026-09-01	113.422284	0.0052%	0.0026	0.986335
3	2027-03-01	2026-09-01	2027-03-01	114.428365	0.0052%	0.0026	0.976400
(途中省略)							
18	2034-09-01	2034-03-01	2034-09-01	130.598284	0.0060%	0.0030	0.837710
19	2035-03-01	2034-09-01	2035-03-01	131.756719	0.0060%	0.0030	0.829272
20	2035-03-01	nan	nan	nan	nan%	120.2160	0.829272

(hc) cInPRC:99.73804

(図6-5：物国30回債キャッシュフロー表)

このキャッシュフロー表から、まず 理解すべき点を列挙する。

- 最も重要な列が、キャッシュフロー表 中央にある**cpi列**。この列はBEI 1.7770%でインフレが発生した場合の将来のCPIを式(6-4)で計算した値で、1-1節の Reference CPI(適用指数) となる
- 左3列の日付は9日間シフトさせたもので、本来はすべてが 10日
 - index20の物国30回債の債券償還日はpayDate列の日付を 9 日間シフトさせ、2035年3月10日
 - 1日 という表示が嫌いな場合、下のコードのように データフレーム上で9日を足して表示させれば済む

```

1 # 日付を10日に戻す (dfBNDのコピーでの処理)
2 dfBND2 = dfBND.copy()
3 for cc in ['payDate', 'accruStart', 'accruEnd'] :
4     dfBND2[cc] = pd.to_datetime(dfBND2[cc]) + pd.Timedelta(days=ds9)
5     dfBND2[cc] = dfBND2[cc].dt.strftime("%Y-%m-%d")
6 dfBND2.style.format(fmtFUT)

```

- index20は物国30回債の償還価格が 120.2160 と算出
 - この償還価格は Index Ratio(連動係数) として、 償還日CPI 131.756719 ÷ 発行時CPI 109.60 から計算

- 各利払い日の増大した元本額は、`cpi`列の各利払い日CPIから `Index Ratio` を計算すれば済む
- 各利払い額は `増大した元本額 × クーポン(0.005%)` で計算
- 図6-4で出力された `名目利回り(nominalYLD) 2.0520%` は`payDate`列と`amount`列から計算した年2回複利利回り (この手計算例は次回記事で説明)

この第6回記事はかなり長くなったので、この辺りで一旦休憩し、残りは第7回記事で説明しよう。

- 上記コードはテキストの[サポートページ](#) より、取得可能。(ファイル名は`infBond-JP.ipynb`, `myABBR.py`, `myUtil.py`)