## W04

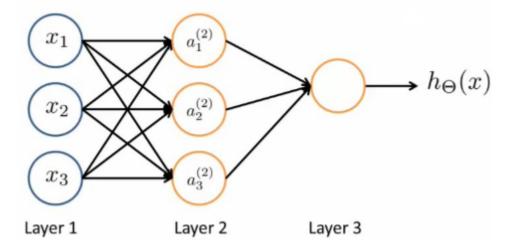
#### Fekete Máté

### 2020 Április

# Tartalomjegyzék

1	Neurális hálózatok	2
<b>2</b>	Neurális hálózatok - Osztályozás több osztállyal	3

#### 1 Neurális hálózatok



A neurális hálózatok rétegkre bomlanak, amik ezen belül neuronokra. Az első réteg mindig a bemenet, az utolsó a kimenet, illetve közte tetszőleges mennyiségű rejtett réteg.

Két réteg közötti kapcsolatot a neuronjaik (csúcsaik) közötti  $\theta$ súlyok adnak meg.

Jelölések:

 $a_i^{(j)}$  - a j-edik réteg i-edik neuronjának "aktivációja"

A  $a_0^{(j)}$  alakú neutronokat eltolásnak nevezzük, ezeknek valamilyen konstans az értéke

 $\theta^{(j)}$ - a súlyok mátrixa, amik a j-edik és j+1-edik réteget kötik össze

$$a_1^{(2)} = g(\theta_{1,0}^{(1)} \cdot x_0 + \theta_{1,1}^{(1)} \cdot x_1 + \theta_{1,2}^{(1)} \cdot x_2 + \theta_{1,3}^{(1)} \cdot x_3)$$

Tehát a második réteg első neuronjának értéke az előző (jelen esetben a bemeneti) réteg páronként vett érték-súly szorzatainak összegére hívott, már ismert szigmoid (aktivációs) függvény.

Pl.:  $\theta_{1,1}^{(1)}$  jelen esetben az  $x_1$ -ből  $a_1^{(2)}$ -be való átment súlya, ezt megszorozzuk  $x_1$  értékével és ha épp az  $a_1^{(2)}$  értéket számoljuk, akkor ugyan ezt megtesszük minden 1. rétegbeli értékkel, majd a kapott értékeket összeadjuk.

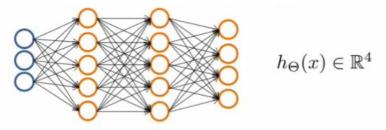
Ugyan ilyen mintára:

$$a_{2}^{(2)} = g(\theta_{2,0}^{(1)} \cdot x_{0} + \theta_{2,1}^{(1)} \cdot x_{1} + \theta_{2,2}^{(1)} \cdot x_{2} + \theta_{2,3}^{(1)} \cdot x_{3})$$

$$a_{3}^{(2)} = g(\theta_{3,0}^{(1)} \cdot x_{0} + \theta_{3,1}^{(1)} \cdot x_{1} + \theta_{3,2}^{(1)} \cdot x_{2} + \theta_{3,3}^{(1)} \cdot x_{3})$$

$$h_{\theta}(x) = a_{1}^{(3)} = g(\theta_{1,0}^{(2)} \cdot a_{0}^{(2)} + \theta_{1,1}^{(2)} \cdot a_{1}^{(2)} + \theta_{1,2}^{(2)} \cdot a_{2}^{(2)} + \theta_{1,3}^{(2)} \cdot a_{3}^{(2)})$$

#### 2 Neurális hálózatok - Osztályozás több osztállyal



Ha egy olyan osztályozási problémánk van, amiben egy példa több mint két kategória egyikébe tartozik, minden osztályunkhoz lesz egy neuron a kimeneti rétegünkben (jelen esetben ez 4 osztályt jelent).

Tfh. meg szeretnénk állapítani egy képről, hogy mi szerepel rajta.

A négy opciónk a következő:

Gyalogos, autó, motorkerékpár, kamion

Azt szeretnénk hogy a kimenetünk valami ilyesmi módon nézzen ki:

$$h_{\theta}(x) \approx \begin{bmatrix} 1\\0\\0\\0 \end{bmatrix} h_{\theta}(x) \approx \begin{bmatrix} 0\\1\\0\\0 \end{bmatrix} h_{\theta}(x) \approx \begin{bmatrix} 0\\0\\1\\0 \end{bmatrix} h_{\theta}(x) \approx \begin{bmatrix} 0\\0\\1\\0 \end{bmatrix}$$
ha gyalogos autó motor kamion