10주차(2/3)

XOR 신경망 모델링

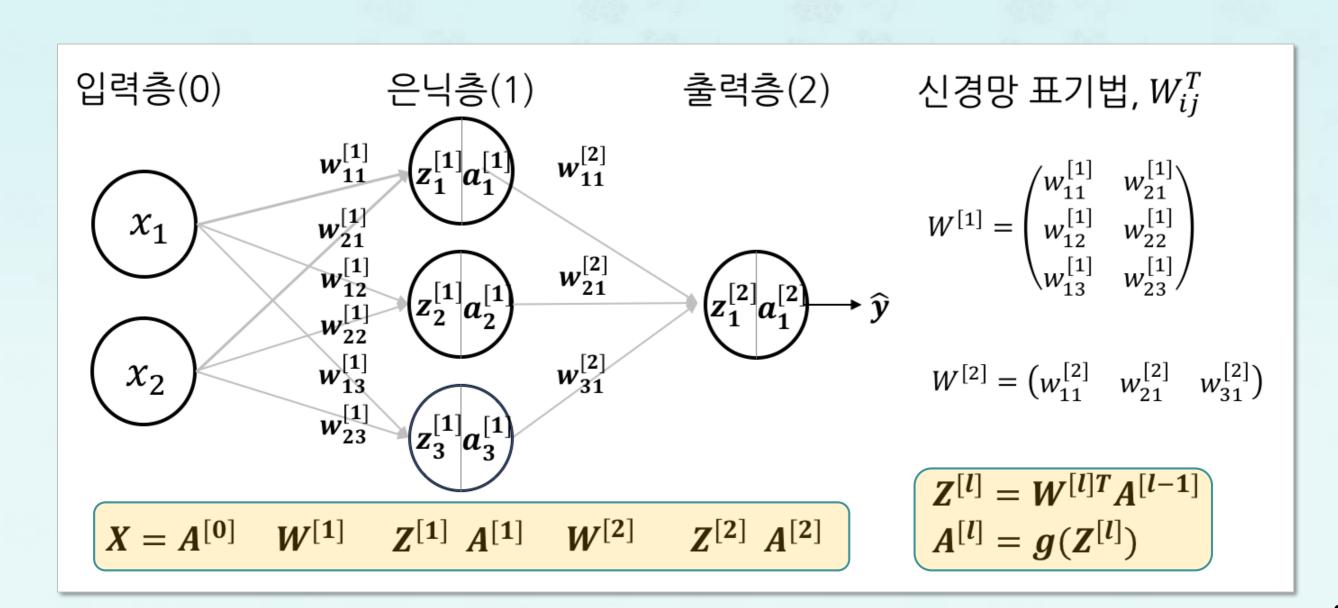
파이썬으로배우는기계학습

한동대학교 김영섭교수

XOR 신경망 모델링

- 학습 목표
 - XOR 신경망을 처리하기 위해 입력자료 행렬을 구성한다.
 - XOR 신경망을 처리하기 위해 가중치 행렬을 구성한다.
 - XOR 신경망 행렬의 형상을 일반화 한다.
 - XOR 신경망 객체를 코딩한다.
- 학습 내용
 - 입력과 출력
 - 각층의 노드수
 - 가중치
 - 일반화
 - XOR 객체 구현

XOR 신경망 모델링





- 입력 자료 특성
 - 꽃잎의 길이
 - 꽃잎의 너비
 - 꽃받침의 길이
 - 꽃받침의 너비



■ 입력 자료의 특성

- ▶ 꽃잎의 길이
- 꽃잎의 너비
- 꽃받침의 길이
- 꽃받침의 너비

HRIUZHVirginica

$$X \in \mathbb{R}^{4 \times m}$$

$$X = \begin{pmatrix} x_1^{(1)} & x_1^{(2)} & x_1^{(3)} & \cdots & x_1^{(m)} \\ x_1^{(1)} & x_2^{(2)} & x_2^{(3)} & \cdots & x_2^{(m)} \\ x_2^{(1)} & x_2^{(2)} & x_2^{(3)} & \cdots & x_2^{(m)} \\ x_3^{(1)} & x_3^{(2)} & x_3^{(3)} & \cdots & x_3^{(m)} \\ x_4^{(1)} & x_4^{(2)} & x_4^{(3)} & \cdots & x_4^{(m)} \end{pmatrix}$$







MIE1+Setosa

141772+Versicolor

H31U7+Virginica

- 입력 자료의 특성
 - 꽃잎의 길이
 - 꽃잎의 너비
 - 꽃받침의 길이
 - ▶ 꽃받침의 너비

$$X \in \mathbb{R}^{4 \times m}$$

$$X = \begin{pmatrix} x_1^{(1)} & x_1^{(2)} & x_1^{(3)} & \cdots & x_1^{(m)} \\ x_1^{(1)} & x_2^{(2)} & x_2^{(3)} & \cdots & x_2^{(m)} \\ x_2^{(1)} & x_2^{(2)} & x_2^{(3)} & \cdots & x_2^{(m)} \\ x_3^{(1)} & x_3^{(2)} & x_3^{(3)} & \cdots & x_3^{(m)} \\ x_4^{(1)} & x_4^{(2)} & x_4^{(3)} & \cdots & x_4^{(m)} \end{pmatrix}$$

$$X \in \mathbb{R}^{m \times 4}$$

$$X = \begin{pmatrix} x_1^{(1)} & x_2^{(1)} & x_3^{(1)} & x_4^{(1)} \\ x_1^{(2)} & x_2^{(2)} & x_3^{(2)} & x_4^{(2)} \\ x_1^{(3)} & x_2^{(3)} & x_3^{(3)} & x_4^{(3)} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ x_1^{(m)} & x_2^{(m)} & x_3^{(m)} & x_4^{(m)} \end{pmatrix}$$

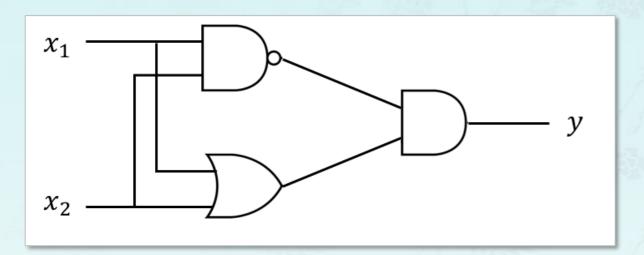


- 클래스 레이블
 - 세토사
 - 버시칼라
 - 버지니카

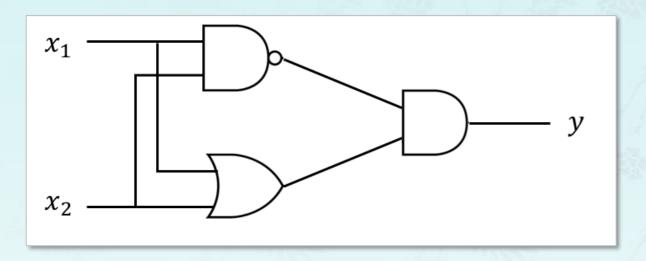


- 클래스 레이블
 - 세토사
 - 버시칼라
 - 버지니카

$$y \in \mathbb{R}^{1 \times m}$$
$$y = \begin{pmatrix} y^{(1)} & y^{(2)} & \cdots & y^{(m)} \end{pmatrix}$$



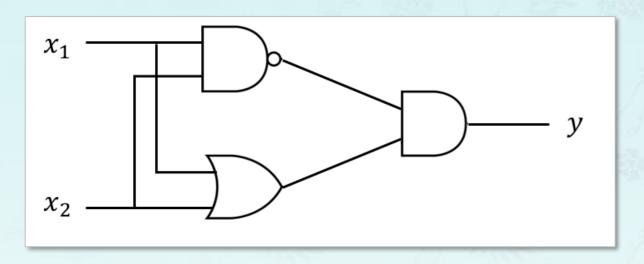
- 입력 자료의 특성
 - x_1
 - \mathbf{x}_2



- 입력 자료의 특성
 - \mathbf{x}_1
 - x₂

$$X \in \mathbb{R}^{2 \times 4}$$

$$X = \begin{pmatrix} x_1^{(1)} & x_1^{(2)} & x_1^{(3)} & x_1^{(4)} \\ x_1^{(1)} & x_2^{(2)} & x_2^{(3)} & x_2^{(4)} \end{pmatrix}$$
$$= \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$



- 클래스 레이블
 - True (1)
 - False (0)

$$y \in \mathbb{R}^{1 \times 4}$$

$$y = (y^{(1)} \ y^{(2)} \ y^{(3)} \ y^{(4)})$$

= $(0 \ 1 \ 1 \ 0)$

$$X \in \mathbb{R}^{2 \times 4}$$

$$X = \begin{pmatrix} x_1^{(1)} & x_1^{(2)} & x_1^{(3)} & x_1^{(4)} \\ x_2^{(1)} & x_2^{(2)} & x_2^{(3)} & x_2^{(4)} \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

```
import numpy as np
X = np.array([[0, 0, 1, 1], [0, 1, 0, 1]])
y = np.array([[0, 1, 1, 0]])
print('X.shape={}, y.shape={}'.format(X.shape, y.shape))
print(X)
print(y)
```

$$y \in \mathbb{R}^{1 \times 4}$$

 $y = (y^{(1)} \ y^{(2)} \ y^{(3)} \ y^{(4)})$
 $= (0 \ 1 \ 1 \ 0)$

$$X \in \mathbb{R}^{2 \times 4}$$

$$X = \begin{pmatrix} x_1^{(1)} & x_1^{(2)} & x_1^{(3)} & x_1^{(4)} \\ x_2^{(1)} & x_2^{(2)} & x_2^{(3)} & x_2^{(4)} \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$y \in \mathbb{R}^{1 \times 4}$$

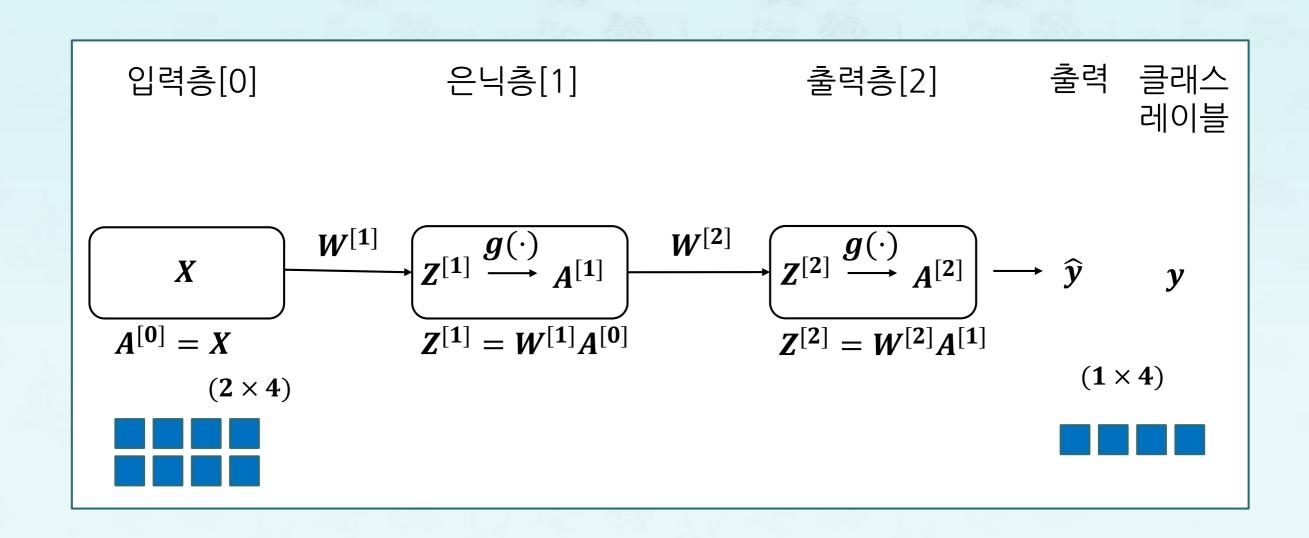
$$y = (y^{(1)} \ y^{(2)} \ y^{(3)} \ y^{(4)})$$

$$= (0 \ 1 \ 1 \ 0)$$

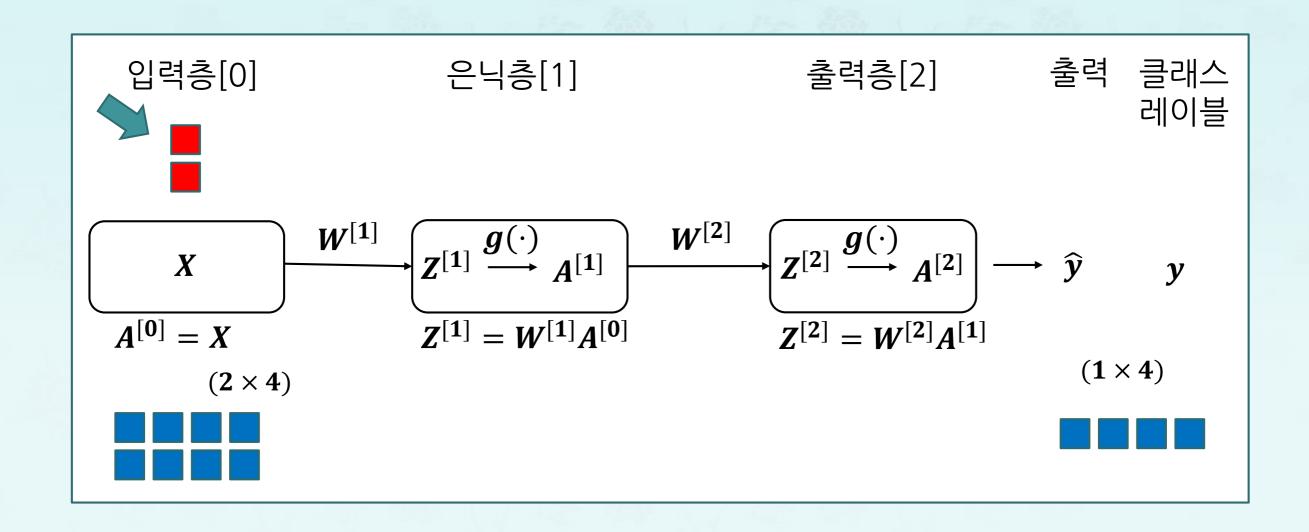
```
import numpy as np
X = np.array([[0, 0, 1, 1], [0, 1, 0, 1]])
y = np.array([[0, 1, 1, 0]])
print('X.shape={}, y.shape={}'.format(X.shape, y.shape))
print(X)
print(Y)
```



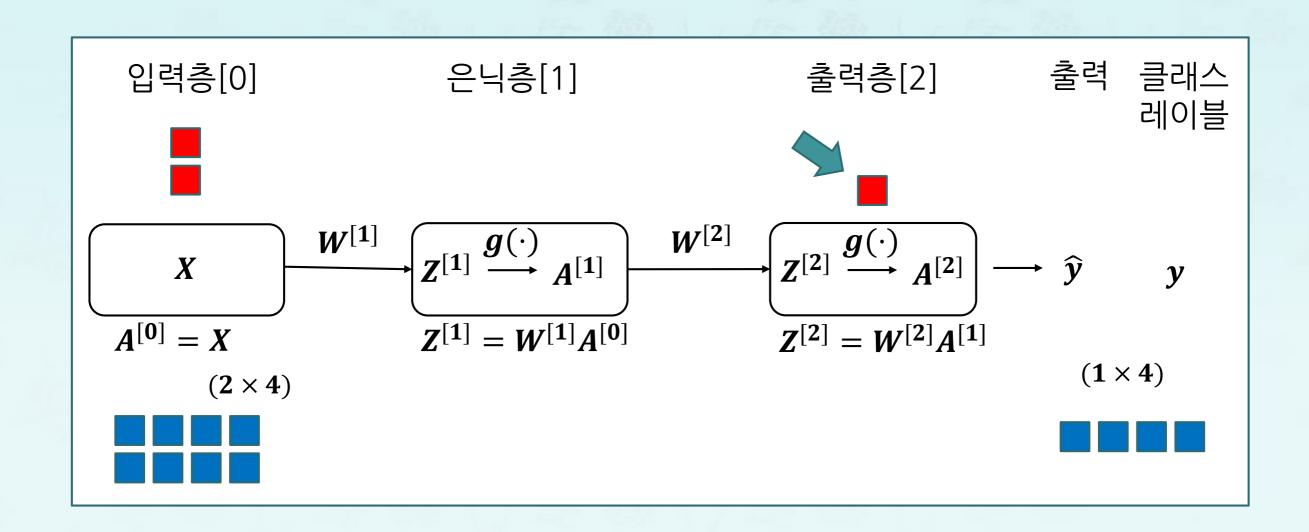
```
X.shape=(2, 4), y.shape=(1, 4)
[[0 0 1 1]
  [0 1 0 1]]
[[0 1 1 0]]
```



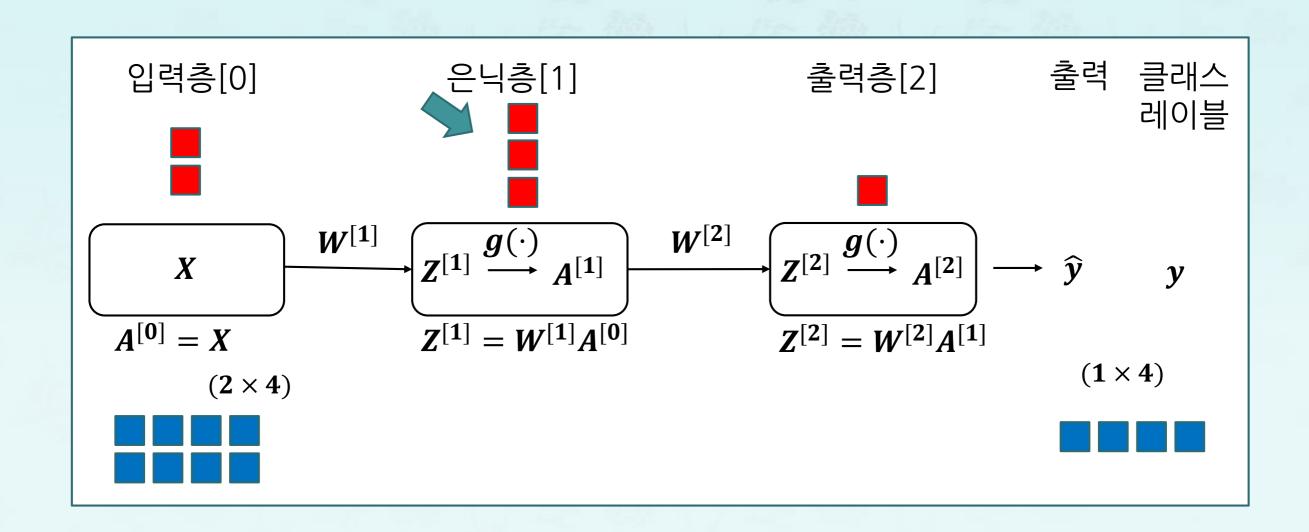
각 층의 노드 수: 입력층



각 층의 노드 수: 출력층



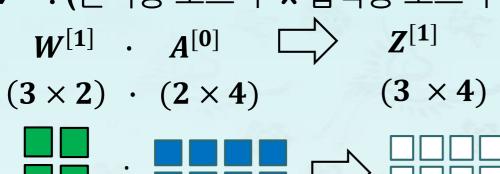
각 층의 노드 수: 은닉층



■ $W^{[1]}$: (은닉층 노드 수 x 입력층 노드 수)

$$W^{[1]} \cdot A^{[0]}$$
 $(? \times ?) \cdot (2 \times 4)$

■ W^[1]: (은닉층 노드 수 x 입력층 노드 수)

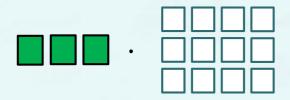


$$W^{[1]} \cdot A^{[0]} \longrightarrow Z^{[1]}$$
 $(3 \times 2) \cdot (2 \times 4) \qquad (3 \times 4)$

■ W^[2]: (출력층 노드 수 x 은닉층 노드 수)

$$W^{[2]} \cdot A^{[1]}$$

(?×?) · (3×4)

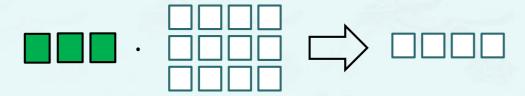


$$W^{[1]} \cdot A^{[0]} \longrightarrow Z^{[1]}$$
 $(3 \times 2) \cdot (2 \times 4) \qquad (3 \times 4)$

■ W^[2]: (출력층 노드 수 x 은닉층 노드 수)

$$W^{[2]} \cdot A^{[1]} \longrightarrow Z^{[2]}$$

$$(1 \times 3) \cdot (3 \times 4) \qquad (4 \times 1)$$



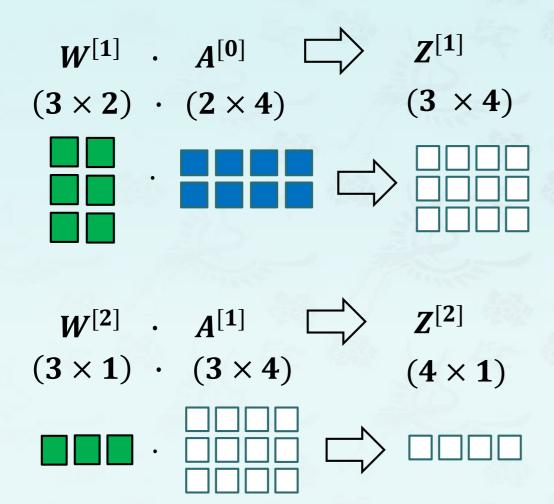
가중치: 행렬의 형상 구현

$$W^{[1]} \cdot A^{[0]} \longrightarrow Z^{[1]}$$
 $(3 \times 2) \cdot (2 \times 4) \qquad (3 \times 4)$

```
import numpy as np
n_x = X.shape[0]
n_y = Y.shape[0]
n_h = 3
np.random.seed(1)
W1 = 2*np.random.random((n_h, n_x)) - 1
W2 = 2*np.random.random((n_y, n_h)) - 1
```

$$W^{[2]} \cdot A^{[1]} \longrightarrow Z^{[2]}$$
 $(1 \times 3) \cdot (3 \times 4) \qquad (4 \times 1)$

가중치: 행렬의 형상 구현



```
import numpy as np
n_x = X.shape[0]
n_y = Y.shape[0]
n_h = 3
np.random.seed(1)
W1 = 2*np.random.random((n_h, n_x)) - 1
W2 = 2*np.random.random((n_y, n_h)) - 1
```

```
print("W1: {}".format(W1))
print("W2: {}".format(W2))
```



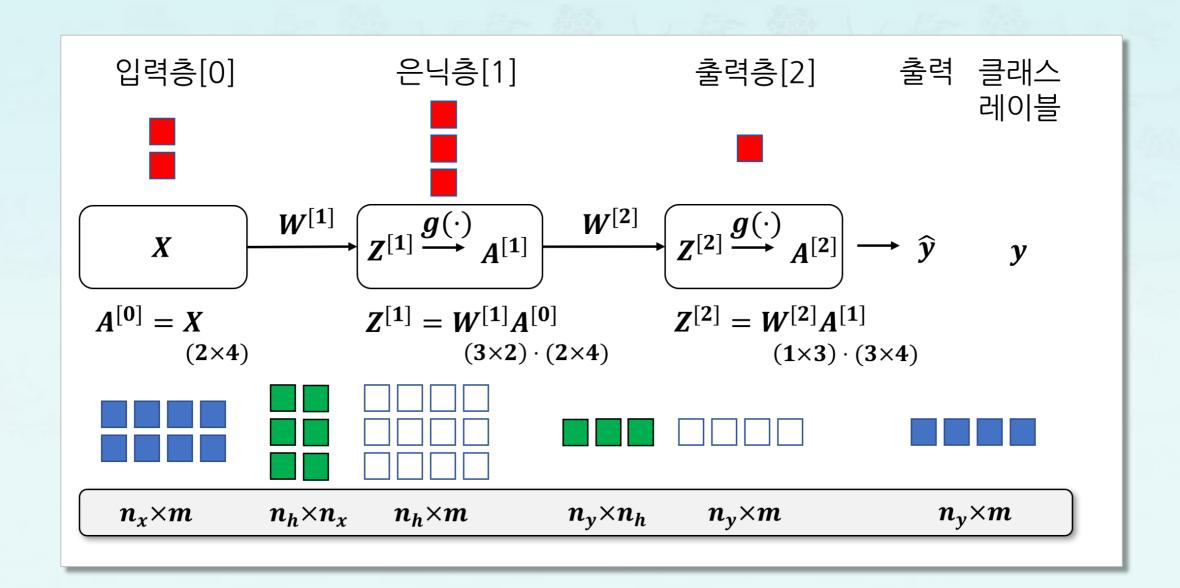
```
W1: [[-0.16595599 0.44064899]

[-0.99977125 -0.39533485]

[-0.70648822 -0.81532281]]

W2: [[-0.62747958 -0.30887855 -0.20646505]]
```

신경망 행렬: 형상 일반화



XOR 객체 구현: 클래스 이름

XOR 객체 구현: 클래스 이름

- 클래스
 - 이름: NeuralNetwork

```
class NeuralNetwork():
           This class implements a multi-perceptron
           with backpropagation. This handles a simple logics
           such as OR, AND, NAND, and NOR gates, including XOR.
       def __init__(self, net_arch, eta=0.1, epochs=10000,
                    random seed=1):
           self.layers = len(net arch)
           self.net arch = net arch
           self.eta = eta
           self.epochs = epochs
12
           self.random seed = random seed
       def g(self, x):
           return 1/(1 + np.exp((-x)))
       def g prime(self, x):
           return self.g(x) * (1 - self.g(x))
19
20
       def fit(self, X, Y):
```

XOR 객체 구현: 생성자

- 클래스
 - 이름: NeuralNetwork
 - 생성자: __init__()
 - net_arch : 신경망 구조
 - Ex. [2, 3, 1] 혹은 [2, 3, 4, 1]
 - eta : 학습률
 - epochs : 반복 횟수
 - random_seed : 랜덤 시드

```
class NeuralNetwork():
          This class implements a multi-perceptron
           with backpropagation. This handles a simple logics
           such as OR, AND, NAND, and NOR gates, including XOR.
       def init (self, net arch, eta=0.1, epochs=10000,
                    random seed=1):
           self.layers = len(net arch)
           self.net arch = net arch
10
           self.eta = eta
11
           self.epochs = epochs
12
           self.random seed = random seed
13
14
       def g(self, x):
15
           return 1/(1 + np.exp((-x)))
16
       def g prime(self, x):
18
           return self.g(x) * (1 - self.g(x))
19
20
       def fit(self, X, Y):
```

XOR 객체 구현: 활성화 함수

- 클래스
 - 이름: NeuralNetwork
 - 생성자: __init__()
 - 활성화 함수: g()

```
class NeuralNetwork():
           This class implements a multi-perceptron
           with backpropagation. This handles a simple logics
           such as OR, AND, NAND, and NOR gates, including XOR.
       def init (self, net arch, eta=0.1, epochs=10000,
                    random seed=1):
           self.layers = len(net arch)
           self.net arch = net arch
           self.eta = eta
           self.epochs = epochs
12
           self.random seed = random seed
       def g(self, x):
           return 1/(1 + np.exp((-x)))
16
       def g prime(self, x):
18
           return self.g(x) * (1 - self.g(x))
19
20
       def fit(self, X, Y):
```

XOR 객체 구현: 활성화 함수 미분

- 클래스
 - 이름: NeuralNetwork
 - 생성자: __init__()
 - 활성화 함수: g()
 - 활성화 함수 미분 : g_prime()

```
class NeuralNetwork():
          This class implements a multi-perceptron
           with backpropagation. This handles a simple logics
           such as OR, AND, NAND, and NOR gates, including XOR.
       def init (self, net arch, eta=0.1, epochs=10000,
                    random seed=1):
           self.layers = len(net arch)
           self.net arch = net arch
           self.eta = eta
           self.epochs = epochs
12
           self.random seed = random seed
13
14
       def g(self, x):
15
           return 1/(1 + np.exp((-x)))
16
       def g prime(self, x):
18
           return self.g(x) * (1 - self.g(x))
19
20
       def fit(self, X, Y):
```

XOR 객체 구현: 활성화 함수 미분

- 클래스
 - 이름: NeuralNetwork
 - 생성자: __init__()
 - 활성화 함수: g()
 - 활성화 함수 미분 : g_prime()

```
class NeuralNetwork():
           This class implements a multi-perceptron
           with backpropagation. This handles a simple logics
           such as OR, AND, NAND, and NOR gates, including XOR.
       def init (self, net arch, eta=0.1, epochs=10000,
                    random seed=1):
           self.layers = len(net arch)
           self.net arch = net arch
           self.eta = eta
           self.epochs = epochs
12
           self.random seed = random seed
13
14
       def g(self, x):
           return 1/(1 + np.exp((-x)))
16
       def g prime(self, x):
18
           return self.g(x) * (1 - self.g(x))
       def fit(self, X, Y):
```

XOR 신경망 모델링

- 학습 정리
 - XOR 신경망의 구조를 설계하기
 - XOR 신경망 행렬의 형상을 일반화 하기
 - XOR 신경망 객체를 코딩하기

■ 9-3 XOR 신경망 구현

10주차(2/3)

XOR 신경망 모델링

파이썬으로배우는기계학습

한동대학교 김영섭교수