Formelsammlung Echtzeit Bildverarbeitung

Mario Felder

11. Mai 2014

Inhaltsverzeichnis

1	Einführung 1		
	1.1	Rasterung	1
	1.2	Nachbarschaftsrelationen und Abstand	3
	1.3	Globale Charakterisierung von Bildern	4
		8	4
		1.3.2 Mittelwert	4
		1.3.3 Varianz	4
2	Pur	ktoperationen und Bildverknüpfungen	7
	2.1	Transformationstabellen (LUT)	7
	2.2	Lineare und nichtlineare Grauwerttransformationen	8
		2.2.1 Spreizung	8
			9
	2.3	Histogrammausgleich	9
	2.4	Arithemtische und logische Bildverknüpfungen 1	0
		2.4.1 Differenzbildung zur Motiondetektion 1	0
		0 0	2
		2.4.3 Hintergrundschätzung durch statistische Analyse 1	3
3	Filt	eroperatoren im Ortsraum 1	5
4	Fou	rier-Transformation 1	7
5	Segmentierung und Merkmalsextraktion 19		
б	Lini	en-Segmentierung und Merkmalseytraktion 2	1

INHALTSVERZEICHNIS

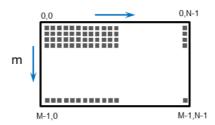
7	Farbe	23
8	Anwendungen	25

Einführung

Die Bilddaten können mathematisch als Matrix beschrieben werden:

$$I = \begin{bmatrix} I_{m,n} \end{bmatrix}$$
mit $0 \leq m \leq M-1$ und $0 \leq n \leq N-1$

Achtung: MATLAB verwendet das Intervall $\left[1,N\right]$ bzw. $\left[1,M\right]$



1.1 Rasterung

Die Rasterung ist ein Mass für die Detailtreue eines Bildes. Bei gegebener CCD- bzw. CMOS-Sensorgrösse (M x N Pixel) wird die Auflösung

KAPITEL 1. EINFÜHRUNG

durch die geometrische Abbildung bestimmt.

Dabei gelten folgende Zusammenhänge:

$$\frac{1}{g} + \frac{1}{b} = \frac{1}{f} \qquad \Leftrightarrow \qquad b = \frac{f \cdot g}{g - f}$$

f: Brennweite

b: Bildweite

g: Gegenstandweite

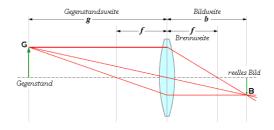
Häufig ist $g \gg b$ und es kann somit b = f gesetzt werden.

Weiter ergibt sich daraus:

$$\frac{B}{G} = \frac{b}{q}$$

B: Bildgrösse

G: Gegenstandsgrösse



Auflösung bei einem Sensor mit NxM Pixel Auflösung:

$$G_b = \frac{g \cdot W}{b \cdot N}$$
$$G_h = \frac{g \cdot H}{b \cdot M}$$

 G_b : Auflösung in $\frac{mm}{Pixel}$ (Breite) G_h : Auflösung in $\frac{mm}{Pixel}$ (Höhe)

W: Breite des Sensors [mm] H: Höhe des Sensors [mm] N: Horizontale Pixel M: Vertikale Pixel

1.2 Nachbarschaftsrelationen und Abstand

Vierer-Nachbarschaft:

	m-1,n	
m, n-1	m, n	m, n+1
	m+1, n	

Achter-Nachbarschaft:

m-1, n-1	m-1,n	m-1, n+1
m, n-1	m, n	m, n+1
m+1, n-1	m+1,n	m + 1, n + 1

Euklidische Abstandsnorm:

$$d(I_{m,n}, I_{p,q}) = \sqrt{(m-p)^2 + (n-q)^2}$$

Maximum Abstandsorm:

$$d(I_{m,n}, I_{p,q}) = max(|m-p|, |n-q|)$$

1.3 Globale Charakterisierung von Bildern

1.3.1 Histogramm

Das Histogramm gibt die absolute oder relative $p_I(g)$ Häufigkeit aller Grauwerte $g \in [0, 255]$ eines Bildes an.

Relative Häufigkeit:

$$0 \le p_I(g) \le 1$$
, $\forall g$
$$\sum_g p_I(g) = 1$$

Kumulative Häufigkeit:

$$h_I(g) = \sum_{g' \le g} p_I(g')$$
 , $h_I(255) = 1$

1.3.2 Mittelwert

$$\mu_I = \frac{1}{M \cdot N} \sum_{m,n} I_{m,n} = \sum_{q} g \cdot p_I(g)$$

1.3.3 Varianz

$$\sigma_I^2 = \frac{1}{M \cdot N} \sum_{m,n} (I_{m,n} - \mu_I)^2 = \sum_{g} (g - \mu_I)^2 \cdot p_I(g)$$

```
%read image
Image = imread('sample.png');

%using formula
[M, N] = size(Image);
mu = sum(Image(:))/(M*N)

sd = sum((double(Image(:)) - mu).^2)/(M*N);
sd = sqrt(sd)
```

```
mu = mean2(Image)
sd = std2(Image)

wusing the histogram
[Count, Value] = imhist(Image);
RelCount = Count/sum(Count);
mu = sum(Value .* RelCount)

sd = sqrt(sd)
%with MATLAB function
mu = mean2(Image)
the sum = sum(Image);
and sum = sum(Image);
and sum = sum(Value .* RelCount);
and sum = sum(Value - mu).^2 .* RelCount);
and sum = sqrt(sd)
```

Lösung in C:

```
1 | for(int m = 0; m < M; m++) 
    for (int n = 0; n < N; n++){
2
3
      sum += Image[m][n];
     }
4
5 }
_{6} mu_I = sum/(M*N);
7
8
  /**
9
10 * TODO
11 *
12 **/
```

Punktoperationen und Bildverknüpfungen

2.1 Transformationstabellen (LUT)

Jedem Grauwert $g \in G$ wird einen Grauwert $g' \in G'$ über eine Abbildung f zugeordnet:

$$f: G \to G'$$
 , $f(g) = g'$

```
% % Wread image
Image = imread('sample.png');

% WLUT for inverse image
5 LUT_Inv = uint8([255:-1:0]);

% % apply LUT
8 ImageInv = intlut(Image, LUT_Inv);

% UUT for screener
11 LUT_Scr = uint8(1.5*[0:255]);

% apply LUT
```

```
14 ImageScr = intlut(Image, LUT_Scr);
```

2.2 Lineare und nichtlineare Grauwerttransformationen

Eine allgemeine lineare Grauwerttransformation lässt sich in folgender Notation schreiben:

$$f: [0, 255] \to [0, 255] \in \mathbb{R}$$

$$f(g) := \begin{cases} 0 & \text{,falls } (g + c_1) \cdot c_2 < 0 \\ 255 & \text{,falls } (g + c_1) \cdot c_2 > 255 \\ (g + c_1) \cdot c_2 & \text{,sonst}(c_1, c_2 \in \mathbb{R}) \end{cases}$$

2.2.1 Spreizung

Sind die Grauwerte eines Bildes auf das Intervall $[g_1, g_2]$ beschränkt, so kann durch Anwendung der linearen Grauwerttransformation als Spreizung die werte auf das gesamte Intervall [0, 255] verteilt werden:

$$f: [0, 255] \to [0, 255] \in \mathbb{R}$$

$$f(g) := \begin{cases} 0 & \text{,falls } g < g_1 \\ 255 \cdot \frac{g - g_1}{g_2 - g_1} & \text{,falls } g \in [g_1, g_2]. \\ 255 & \text{,falls } g > g_2 \end{cases}$$

```
%read image
Image = imread('sample.png');

%LUT for spreading gray values
LUT_Spread = uint8(([0:255]-50)*2);

%apply LUT
ImageSpread = intlut(Image, LUT_Spread);
```

2.2.2 Gammakorrektur

Ein wichtiges Beispiel der nichtlinearen Grauwerttransfomration ist die Gammakorrektur. Der Ursprung dieser nitlinearen Korrektur der Grauwert liegt in der Nichtlinearität von Aufnahme- und Darstellungssystemen.:

$$f: [0,255] \to [0,255] \in \mathbb{R}$$
$$f(g) := 255 \cdot \left(\frac{g}{255}\right)^{\gamma}$$

Lösung in MATLAB:

```
%read image
Image = imread('sample.png');

%LUT for gamma correcture
LUT_Gamma = uint8(255*([0:255]/255).^0.5);

%apply LUT
ImageGammad = intlut(Image, LUT_Gamma);
```

2.3 Histogrammausgleich

Die Idee des Histogrammausgleichs ist, die Grauwerte so zu verteilen, dass jeder gleich häufig vorkommt. Dies kann allerdings nicht ganz erreicht werden, da die Grauwerte diskret sind. Näherungsweise kann die kumulierte Häufigkeit $h_I(g)$ herangezogen werden. Bei einer konstanten absoluten Häufigkeit, würde die kumulierte Häufigketi linear anwachsen.

Die entsprechende Transformation:

$$f:[0,255] \to [0,255] \in \mathbb{R}$$

KAPITEL 2. PUNKTOPERATIONEN UND BILDVERKNÜPFUNGEN

$$f(g) := g_{max} \cdot \sum_{g'=0}^{g} p_I(g')$$

Lösung in MATLAB:

```
%read image
Image = imread('sample.png');

{
Hist, Val] = imhist(Image);
CumHist = cumsum(Hist)/sum(Hist);

*
**LUT for histogram equalization
LUT_Equ = uint8(CumHist*255);

**apply LUT
ImageEqu = intlut(Image, LUT_Equ);
```

2.4 Arithemtische und logische Bildverknüpfungen

Während die Punktoperationen auf Einzelbildern vor allem der besseren optischen Darstellung von Bildern dienen, eröffnen Punktoperationen auf mehreren Bildern ein grosses Repertoire an Methoden, die schon erste einfache Computer Vision Anwendungen erlauben.

2.4.1 Differenzbildung zur Motiondetektion

Eine Methode zur Change Detektion basiert auf der Berechnung von Differenzbildern. Dabei wird vorausgegangen, dass eine Serie von Bildern als Funktion der Zeitstempel aufgnommen werden:

$$I(t) = I(t_k) = I(k \cdot \Delta t) = I_k$$

Differenzbild Berechnung:

$$\Delta I_{k+n} = \frac{1}{2} \cdot (255 + I_{k+n} - I_k) = \frac{1}{2} \cdot (255 + I((k+n) \cdot \Delta t) - I(k \cdot \Delta t))$$

Auf das Differenzbild kann noch eine Schwellwertioperation agewandt werden:

$$f:[0,255] \to \{0,255\}$$

$$f(g) := \begin{cases} 0 & \text{, falls } g < g_1 \lor g > g_2 \\ 255 & \text{, falls } g \in [g_1, g_2] \end{cases}$$

mit
$$g_1 = 128 - threshold$$
,
 $g_2 = 128 + threshold$

```
function [ThreshImage, DiffImage] =
      MotionDetektionFunct(ImageAct, ImageOld)
  global Threshold
5 %this is the threshold value (chosen manually)
  Threshold = 15;
8 %cast
 ImageAct = double(ImageAct);
  ImageOld = double(ImageOld);
11
12 %calcuate difference image
 DiffImage = (255 + ImageAct - ImageOld)/2;
13
15 %calculate the threshold image
 ThreshImage = (abs(DiffImage - 128) > Threshold);
17
18 DiffImage = uint8(DiffImage);
```

2.4.2 Hintergrundschätzung durch gleitenden Mittelwert

Ziel ist es, eine möglichst exakte Hypothese des unbeweglichen Hintergrundes $B(t_k) = B(k \cdot \Delta t) = B_k$ der Bilder I_k zu ermitteln. Angenommen, dass der Hintergrund jedes Pixels mehrheitlich sichtbar ist, kann durch ein einfaches gleitendes Mittel eine brauchbare Hypothese B_k bestimmt werden:

$$B_k = \alpha \cdot B_{k-1} + (1 - \alpha) \cdot I_k$$
 , $a \in]0, 1[$

Eine plötzlich auftretende stationäre Änderung in der Bildfolge I_k ist nach $n \cdot \Delta t$ Zeitshcritten zu folgendem Anteil p in die Hintergrundhypothese B_k integriert:

$$p = 1 - \alpha^n$$

```
function [ThreshImage, DiffImage, BackGround] =
GleitendesMittelFunct(ImageAct, BackGround, Params)

%make everything double
BackGround = double(BackGround);
ImageAct = double(ImageAct);

%calcuate forground estimate
DiffImage = abs(BackGround-ImageAct);

%estimate new background as sliding average
BackGround = Params.AvgFactor*BackGround+...

(1-Params.AvgFactor)*ImageAct;

%calculate the threshold image
ThreshImage = DiffImage > Params.Threshold;
```

2.4.3 Hintergrundschätzung durch statistische Analyse

Die grundlegende Idee ist, für jedes Pixel individuell die Helligkeitsschwankungen zu messen und durch ein einfaches statistisches Modell zu approximieren. Letzteres besteht in einer Gauss'schen Approximation der Grauwertfluktuationen des Pixels durch das Paar aus Mittelwert und Varianz (μ,σ) . Hierbei wird für jedes Pixel individuell die Schätzung von Mittelwert und Varianz über die Zeitschritte $k\cdot \Delta t$ folgendermassen durchgeführt:

$$\mu_k = \alpha \cdot \mu_{k-1} + (1 - \alpha) \cdot I_k$$

$$\sigma_k = \alpha \cdot \sigma_{k-1} + (1 - \alpha) \cdot (\mu_k - I_k)^T \cdot (\mu_k - I_k) \qquad , \alpha \in]0, 1[$$

Das Aufdatieren erfolgt nur, wenn sich der Mittelwert μ_k und aktueller Pixelwert I_k nur um weniger als $thr \cdot \sigma_k$ unterscheiden.

KAPITEL 2. PUNKTOPERATIONEN UND BILDVERKNÜPFUNGEN

Filteroperatoren im Ortsraum

Fourier-Transformation

Segmentierung und Merkmalsextraktion

KAPITEL 5. SEGMENTIERUNG UND MERKMALSEXTRAKTION

Linien-Segmentierung und Merkmalsextraktion

KAPITEL 6. LINIEN-SEGMENTIERUNG UND MERKMALSEXTRAKTION

Farbe

Anwendungen