

DS₁

Logique et arithmétique

Mathématiques discrètes 2024 - 2025

2024 - 2025

Question 1 Modifier les valeurs et donner deux solution possibles

la table de vérité suivante est celle d'une fonction logique f à trois variables x et y et z.

\boldsymbol{x}	y	z	f(x, y, z)
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	1

on peut avoir

$$f(x,y,z) = x \wedge y \wedge z \qquad f(x,y,z) = x \vee y \vee z \qquad f(x,y,z) = x \wedge y \vee z \qquad f(x,y,z) = x \vee y \wedge z$$

Question 2

- calculs avec priorité et puissance
- simplification et addition de racine carrée
- sqrt(2)⁵
- factorisation par n+1 avec 1
- sommes
- pair / impair
- puissance 0

Question 3

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$$
 vaut :

Question 4

On remplace n par n+1 dans l'expression n^2-2n-1 , on obtient :

$$n^2 - 2n - 2$$

$$n^2 - 2n + 2$$
 $n^2 - 2$

$$n^2 - 2$$

$$n^{2} + 2$$

Question 5

une simplification de $\sqrt{32}$ est :

$$4\sqrt{2}$$

$$2\sqrt{8}$$

$$4\sqrt{8}$$

$$8\sqrt{2}$$

Ouestion 6

$$3 \times (-4)^2$$
 vaut :

48

-144

144

-24

Question 7

La moitié de 4⁸ est :

 2^{8}

 4^4

 4^7

aucun de ces résultats

Question 8

Si on remplace n par 0 dans l'expression $\left(1-\frac{\sqrt{2}}{3}\right)^n$ on obtient :

$$1 - \frac{\sqrt{2}}{3}$$

une erreur de calcul

0

Question 9

On factorise par n+1 l'expression $n^2-1-(n+1)(n+2)$ on obtient :

$$-3(n+1)$$

$$3(n+1)$$

$$-(n+1)$$

$$(n+1)(n+3)$$

Question 10

2+4+6+...+2n peut s'écrire sous la forme :

$$n(n+1)$$

$$\sum_{k=1}^{n} 2k$$

$$2 \times \sum_{k=1}^{n} k$$

$$\sum_{k=0}^{n} 2k$$

Question 11

Soit $n \in \mathbb{N}, \frac{1}{n} - \frac{1}{n+2}$ se simplifie en

$$\tfrac{1}{n(n+2)}$$

$$\frac{2}{n(n+2)}$$

$$-\frac{1}{n+1}$$

aucune de ces formes

Question 12

 $(2x-3)^2$ se développe en :

$$2x^2 - 6x + 9$$

$$4x^2 - 12x + 9$$

$$2x^2 - 6x + 9$$

Aucune des formes précédentes

Question 13

L'ensemble des solutions de l'équation $9x^2 - 5 = 0$ sont :

$$S = \left\{ \sqrt{\frac{5}{9}} \right\}$$

$$S = \left\{ \frac{\sqrt{5}}{3} \right\}$$

$$S = \left\{ \frac{\sqrt{5}}{3} \right\}$$
 $S = \left\{ \sqrt{\frac{5}{9}}, -\frac{\sqrt{5}}{3} \right\}$ $\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{9}}$

$$\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{9}}$$

Question 14

la forme factorisée de $x^2 - 4x + 4$ est :

- 1. $(x-2)^2$
- 2. $(x+2)^2$
- 3. (x-2)(x+2)
- 4. Aucune des formes précédentes

Question 15

Soit a et b deux entiers relatifs. On dit que a divise b si et seulement si :

- 1. Il existe un entier relatif k tel que $a = k \times b$.
- 2. b est un multiple de a.
- 3. a est un diviseur de b.
- 4. Toutes les réponses précédentes sont correctes.

Question 16

Lesquelles de ces propriétés sont fausses?

1. Si a divise b et b divise c, alors a divise c.

- 2. Si a divise bc alors a divise b et a divise c.
- 3. Si a divise b, alors a divise -b.
- 4. Si a divise 0, alors a = 0.

Question 17

Un nombre est divisible par 4 si et seulement si :

- 1. Son chiffre des unités est pair.
- 2. La somme de ses chiffres est divisible par 4.
- 3. Les deux derniers chiffres forment un nombre divisible par 4.
- 4. Aucun de ces critères n'est suffisant

Question 18

Laquelle de ces propriétés est vraie?

- 1. Si a divise b, alors b divise a.
- 2. Si a divise b et c divise b, alors (a+c) divise b.
- 3. Si a divise b et a divise c, alors a divise tout nombre de la forme kb + lc, où k et l sont des entiers.
- 4. Si a divise b, alors a est inférieur à b.

Question 19

Le nombre d'entiers relatifs multiples de 3 compris entre -50 et 50 est

- 1. 16
- 2. 17
- 3. 32
- 4. 33

Le reste de la division de 12345 par 7 est $12345 = 7 \times 1762 + 11$

- 1. 7
- 2. 4
- 3. 1762
- 4. 11

Question 20

Le quotient de la division euclidienne de n par 5 est 12. Les valeurs possibles de n sont :

- 1. 5, 10, 15, 20
- 2. les entiers de 60 à 65
- 3. 0, 1, 2, 3, 4
- 4. 60, 61, 62, 63, 64

Question 21

Les restes possible dans une division par 5 sont :

- 1. 0, 1, 2, 3, 4
- 2. 1, 2, 3, 4, 5
- 3. -1, -2, -3, -4, 0, 1, 2, 3, 4
- 4. 0, 1, 2, 3, 4, 5

Question 22

183214 est divisible par :

- 1. 2
- 2. 3
- 3. 11

Question 23

Quelle est la loi de De Morgan pour la négation d'une conjonction?

- 1. $\neg (A \land B) \equiv \neg (A) \land \neg (B)$
- 2. $\neg (A \land B) \equiv \neg (A) \lor \neg (B)$
- 3. $\neg (A \land B) \equiv A \lor B$
- 4. Aucune des réponses précédentes

Question 24

Simplifier l'expression suivante : $A \wedge A$

- 1. 0
- 2. 1
- 3. *A*
- 4. $\neg(A)$

Question 25

Quelle est la loi d'identité pour l'opération ∨ ?

- 1. $A \lor 0 \equiv A$
- 2. $A \lor 1 \equiv 1$
- 3. $A \lor A \equiv A$
- 4. $A \lor \neg(A) \equiv 1$

Question 26

Simplifier : $(A \lor B) \land \neg(A)$

- 1. B
- 2. A
- 3. 0
- 4. 1

Question 27

Quelle est la forme développée de la fonction logique

$$F = (\neg A \land B) \lor (A \land \neg B)$$

- 1. $(\neg A \lor B) \land (A \lor \neg B)$
- 2. $(A \lor B) \land (\neg A \lor \neg B)$
- 3. $(\neg A \land \neg B) \lor (A \land B)$
- 4. Aucune des réponses précédentes

Question 28

Quelle expression est équivalente à $A \land (A \lor B)$?

- 1. *A*
- 2. *B*
- 3. $A \wedge B$
- 4. $A \lor B$

Question 29

Quelle loi permet de transformer $(A \land B) \lor (A \land C)$ en $A \land (B \lor C)$?

- 1. Loi de De Morgan
- 2. Loi distributive
- 3. Loi d'absorption

4. Loi d'identité

Question 30

Soit P et Q deux propositions. Si $P\Rightarrow Q$ est vraie et $Q\Rightarrow P$ est fausse, alors :

- 1. P est une condition nécessaire et suffisante pour Q.
- 2. P est une condition nécessaire mais pas suffisante pour Q.
- 3. P est une condition suffisante mais pas nécessaire pour Q.
- 4. Aucune des propositions ci-dessus n'est vraie.

Question 31

Considérons l'affirmation suivante : "Pour qu'un nombre soit divisible par 6, il est nécessaire et suffisant qu'il soit divisible par 2 et par 3." Cette affirmation est :

- 1. Vraie.
- 2. Fausse.
- 3. Indécidable.
- 4. Dépend du nombre considéré.

Question 32

Si "être un oiseau" est une condition nécessaire pour "voler", alors :

- 1. Tous les oiseaux volent.
- 2. Tous les animaux qui volent sont des oiseaux.
- 3. Aucun oiseau ne vole.
- 4. Aucun animal qui vole n'est un oiseau.

Question 33

Soit P et Q deux propositions. La contraposée de $P\Rightarrow Q$ est :

- 1. $Q \Rightarrow P$
- 2. $\neg(P) \Rightarrow \neg(Q)$
- 3. $\neg(Q) \Rightarrow \neg(P)$
- 4. $P \Rightarrow Q$

Question 34

Qu'est-ce qu'une proposition logique ?

- 1. Une phrase qui exprime une opinion.
- 2. Une phrase qui peut être vraie ou fausse, mais pas les deux à la fois.
- 3. Une phrase qui contient au moins un connecteur logique.
- 4. Une phrase interrogative.

Question 35

" x^2 est toujours un nombre positif ou nul". Cette phrase est-elle :

- 1. Une proposition logique.
- 2. Une proposition mathématique.
- 3. un prédicat
- 4. Aucune des réponses précédentes

Question 36

Quelle est la négation de la proposition "Tous les hommes sont mortels"?

- 1. Tous les hommes ne sont pas mortels.
- 2. Certains hommes ne sont pas mortels.

- 3. Tous les hommes sont immortels.
- 4. Aucune des réponses précédentes

Question 37

si un entier naturel d divise 2n + 1 et 3n + 2 alors :

- 1. d divise n
- 2. d divise n+1
- 3. d = 1

Question 38

Le reste dans la division euclidienne de 2^{2023} par 2 est :

- 1. 0
- 2. 1
- 3. 2
- 4. sans calculatrice, je ne peux pas savoir.

Question 39

Pour tout k entier relatif, le nombre 2k + 5 est :

- 1. un multiple de 5.
- 2. impair.
- 3. divisible par 2.
- 4. divisible par 5.

Question 40

La phrase $x \in \mathbb{R}, x^2 - 2x - 3 = 0$ est :

- 1. vraie.
- 2. fausse.
- 3. un prédicat.
- 4. une proposition.

Question 41

 $\frac{2}{3}$ appartient à l'ensemble :

- 1. Q.
- 2. Z.
- 3. N.
- 4. D.

Question 42

Lequel de ces nombres est un multiple de 11 :

- 1. 524 368
- 2. 524 369
- 3. 524 370
- 4. 524 371

Question 43

Soit x un nombre réel, et $P(x): x^2 = 4$, Q(x): x = 2.

- 1. P(x) est suffisant pour Q(x).
- 2. P(x) est nécessaire pour Q(x).
- 3. P(x) est nécessaire et suffisant pour Q(x).

4. P(x) n'est ni nécessaire ni suffisant pour Q(x).

Question 44

Les solutions du système: $\begin{cases} 2x+1=0\\ 3x-2=0 \end{cases}$ sont :

- 1. $S = \{-\frac{1}{2}, \frac{3}{2}\}$ 2. $S = \{-\frac{1}{2}, \frac{2}{3}\}$
- 3. Il y a une infinité de solutions
- 4. Il n'y a pas de solution

Question 45

Une simplification de $A \oplus A$ est :

- 1. 0
- 2. 1
- 3. $\neg A$
- 4. *A*

Question 46

la contraposée de la proposition "Si x est un nombre pair, alors x^2 est pair" est :

- 1. Si x^2 est impair, alors x est impair.
- 2. Si x est impair, alors x^2 est impair.
- 3. Si x est impair, alors x^2 est pair.
- 4. Si x^2 est pair, alors x est impair.

Question 47

Le reste d'un entier naturel n dans la division par 12 est 7 donc :

- 1. n est impair.
- 2. le reste de la division de n par 6 est 1.
- 3. le reste de la division de n par 3 est 1.
- 4. n est divisible par 12.