Interencia Estadística.

Ejercicio 1.

3

X = { Valor de la carta tomada}

 $P(x>13) = 1 - P(x \le 13) = 1 - \frac{13}{29} = \frac{16}{29}$

5) Sea X NU (19,20,...,29), su función de densidad es

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{11} & \text{para } x = 19, 20, ..., 29 \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Primer momento: $ECXJ = \sum_{x=19}^{29} x \frac{1}{11} = \frac{19+20+\cdots+29}{11} = \frac{19+29}{2}$

Segundo momento:
$$E[X^2] = \sum_{X=19}^{29} x^2 \frac{1}{11} = \frac{(19)^2 + \dots + (29)^2}{11}$$

$$= \frac{(19)^2 + (19)(29) + (29)^2}{3} = \frac{1753}{3}$$

Tercer momento
$$E[X^3] = \frac{1}{311} \sum_{i=0}^{3} (19)^i (29)^{3-i}$$

 $= \frac{1}{4} [(29)^3 + (19)(29)^2 + (19)^2 (29) + 19^3]$
 $= \frac{1}{4} [57,696]$
 $= 14,424$

C) El resultado que Eustakio obliene puede ser describo como X ~ U (1,...20)

$$V(X) = E(X) - (E(X))^2$$

= 24 - 1763

d) X = { blor obtaids al lanzar un dado

$$E(X) = \sum_{i=1}^{6} \alpha_i \frac{1}{6} = \frac{1}{6} (1+2+3+4+6+6) = \frac{7}{6}$$

Ejercicio 4

 $X = \{N \text{ imero de manzanas } \text{ frescas que tomó} \}$ exito= manzana fresca
nómero de observaciones n=3

número de observaciones n=3 número de observaciones posibles N=12

El problema se puede ser modelado con una distribución hipergeométrica: tenemos 3 observaciones de 16 posibles y la probabilidad de éxito cambia en "cada paso" (si sale una fresca la probabilidad de encontrar otra es menor) Por lo tento X N Hiper (16, 12, 3)

La fonción de probabilidad está duda por

$$f(x) = \frac{\binom{12}{x} \binom{16-12}{3-x}}{\binom{16}{3}}, \quad 0 \le x \le 3$$

$$E[X] = \frac{n.K}{N} = \frac{3.12}{16} = \frac{3.43}{4.3} = 3$$

Problema 3

Sea p = 0.1 la probabilidad de que un bit sea carrompido $X = \{N \text{ imero de bits corrompidos}\}$

El problema nos dice que los errores son independientes; la $v.a \times distribuye$ binomial con n=12 y p=0.1

$$P(x \le 2) = P(x=0) + P(x=1) + P(x=2)$$

$$= \binom{2}{0} (1-p)^{12} + \binom{12}{1} p (1-p)^{11} + \binom{12}{2} p^{2} (1-p)^{10}$$

$$= (.9)^{12} + \frac{121}{(12-1)!1!} (.1) (.9)^{11} + \frac{12!}{(12-2)!2!} (.1)^{2} (.9)^{10}$$

$$= (.9)^{12} + 12 (.1) (.9)^{11} + \frac{12\cdot11}{2} (.1)^{2} (.9)^{10}$$

$$= .8891$$

Ohora, la probabilidad de que un paquete contenga 3 o mais bits corruptos es:

PCX >3] = 1-PCX <3] = 1-8891=01109

Delinamos

Y = {Número de paquetes que tienen 30 más bits corruptos}
p = 0.1109 (la probabilidad de que un paquete
contenga 30 más bits corruptos)

 $P[Y \ge 1] = 1 - P[Y = 0]$ $= 1 - \binom{6}{6} p^{0} (1-p)^{6} = 1 - \frac{6!}{(6-0)!0!} (0.1109)^{0} (0.889)^{6}$ $= 1 - (0.8891)^{6}$ = 0.4939

Por lo que la probabilidad de que di menos un paquete tenga 3 o más bits corruptos es de 0.4939

c Cuól es la probabilidad de que Y excederá su media por mais de dos desuiaciones estándar?

 $\mu_{Y} = E[Y] = np = 6(0.7109) = 0.6654$ $U_{Y}^{2} = E[X^{2}] - (E[X])^{2} = npq = 6(.1109)(0.8891)$ = 0.5916 $U_{Y}^{2} = 0.7691$

PCY>(My+207)]=PCY>209]=1-PCY \(2)

Camo estamas en un casa discreto y estamas contando el nómero de paquetes can 3 o más bits carruptos $1 - PCY \le 2.09 = 1 - (PLY = 0] + PCY = 1] + PCY = 2]$ $= 1 - \binom{6}{0} p^{0} (1-p)^{6} + \binom{6}{1} p (1-p) + \binom{1}{2} p^{2} (p)^{4}$ $= 1 - (0.8891)^{6} - \frac{6!}{5!} \frac{(0.1109)(.8896)^{6}}{5!}$ $= \frac{6!}{4!} \frac{(0.1109)^{2}}{(0.8896)^{4}}$ $= 0.4939 - 6(0.1109)(0.8896)^{4}$

Fjercicio 2

Sea X = { Demanda por el artículo } X ~ U (0,1, --, N)

5 = { Articulos producidos }

Como X varia entre O y N, entarces 5 también está entre

ahora plantearemes como se ve la vilidad

Utilidad (X) = { gX - z(5-X) si X ≤ 5 (La demanda es menor o igual a lo producido) (Sg (La demanda es mayor a la

producido)

 $\mathbb{F}\left[\text{Utilidad}(X)\right] = \sum_{i=0}^{5} P_{i}\left(gx_{i} - z(S - x_{i})\right) + \sum_{i=5+1}^{N} SgP_{i}$ $=\frac{5}{2}\frac{1}{NH}(9x_i-z(5-x_i))+\sum_{k=5H}^{N}59\frac{1}{NH}$

 $=9\sum_{i=0}^{5}x_{i}\frac{1}{N+1}-\sum_{i=0}^{5}\frac{26}{N+1}+\sum_{i=0}^{5}x_{i}\frac{2}{N+1}+\frac{59}{N+1}(N-6)$

= 9 S(St1) + Z(St1) + Z S(St1) + S9 (N-S)

$$\frac{\partial E(u)}{\partial S} = \frac{g}{[2(NH)]} + \frac{2}{2(NH)} \left[2SH \right] + \frac{2}{NH} + \frac{(N-S)g}{NH} - \frac{Sg}{NH} = 0$$

$$\frac{1}{1} + \frac{(N-S)g}{NH} - \frac{Sg}{NH} = 0$$

$$\frac{1}{1} + \frac{1}{1} + \frac{$$

$$5 = \frac{2Ng - 3z - g}{2g - 2z}$$