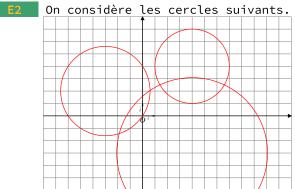
Equation d'un cercle

Propriété : Soit un cercle de centre A et de rayon r. Un point M appartient à ce cercle si et seulement si $\overrightarrow{AM}^2=r^2$. On en déduit que l'équation du cercle de centre $A(x_A;y_A)$ et de rayon r est :

$$(x-x_A)^2 + (y-y_A)^2 = r^2$$

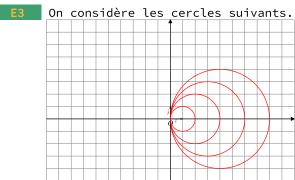
Soit un cercle de centre A(2;3) et de rayon 5. On considère le point M(x;y) appartenant à ce cercle.

- **a.** Exprimer \overline{AM} en fonction de x et y.
- **b.** En déduire une équation du cercle.
- **c.** Le point B(5;7) appartient-il à ce cercle ? Justifier.
- **d.** Quels sont les points du cercle d'abscisse -2 ?



Le cercle \mathscr{C}_1 passe par le point A(1;4), le cercle \mathscr{C}_2 passe par le point B(-6;4) et le cercle \mathscr{C}_3 passe par le point C(-2;-2).

- a. Déterminez une équation de chaque cercle.
- **b.** Le point D(2;2) appartient-il à un cercle ? Justifiez.
- c. Le cercle \mathscr{C}_2 coupe l'axe des abscisses en deux points E et F. Déterminez les coordonnées de E et F.



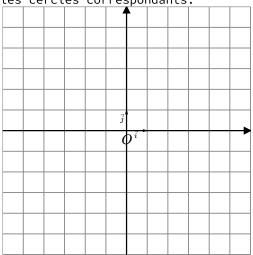
- a. Déterminez une équation de chaque cercle.
- **b.** On effectue une rotation de centre O et d'angle 90° dans le sens direct. Déterminez les équations des cercles obtenus.
- c. On effectue une symétrie axiale d'axe (Oy). Déterminez les équations des cercles obtenus.
- ${f d.}$ On effectue une homothétie de centre O et de rapport 1,5. Déterminez les équations des cercles obtenus.

Propriété : Tout cercle admet une équation cartéseinne de la forme $ax^2 + by^2 + cx + dy + e = 0$.

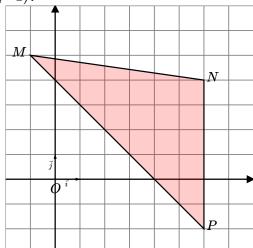
Pour chaque équation, déterminez si c'est l'équation d'une cercle et si oui, déterminez son centre et son rayon.

- a. $x^2 + y^2 4x + 6y + 9 = 0$
- **b.** $x^2 + y^2 + 6x 10y + 34 = 0$
- c. $x^2+y^2-2x-4y+4=0$
- d. $x^2 + y^2 + 6x 8y + 9 = 0$

Tracez les cercles correspondants.



Considérons les points M(-1;5), N(6;4) et P(6;-2).



On se propose de déterminez une équation du cercle circonscrit au triangle MNP.

- **a.** Calculer les coordonnées du milieu de [MN].
- **b.** Déterminez une équation de la médiatrice de $\lceil MN
 ceil$.
- ${f c.}$ Déterminez une équation de la médiatrice de [MP] .
- ${f d}$. En déduire les coordonnées du centre du cercle circonscrit au triangle MNP .
- e. Calculer le rayon de ce cercle.
- f. En déduire une équation de ce cercle.
- On considère le cercle de diamètre [AB] où A(1;3) et B(7;-5).
- **a.** Déterminez une équation cartésienne de ce cercle.
- **b.** Soit M(x;y) un point du cercle. Exprimez $\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB}$
- **c.** Que peut-on en déduire sur le triangle MAB ?