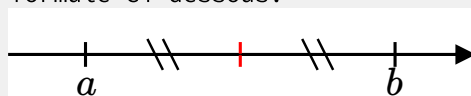


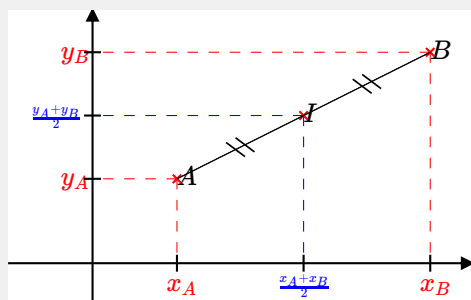
Rappel : Considérons deux nombres réels  $a$  et  $b$ . Le milieu de l'intervalle  $[a; b]$  est donné par la formule ci-dessous.



E1

**Propriété :** Dans un repère donné, considérons les points  $A(x_A; y_A)$  et  $B(x_B; y_B)$ . Les coordonnées  $I$  du milieu du segment  $[AB]$  sont données par la formule :

$$I\left(\frac{x_A + x_B}{2}; \frac{y_A + y_B}{2}\right)$$



E2

On considère les points  $A(3; 2)$ ,  $B(-4; 4)$ ,  $C(-2; -1)$  et  $D(1; -3)$  et les points  $I$ ,  $J$ ,  $K$  et  $L$ , milieux respectifs des segments  $[AB]$ ,  $[BC]$ ,  $[CD]$  et  $[AD]$ .

a. Calculez les coordonnées de  $I$ ,  $J$ ,  $K$  et  $L$ .

Exemples :

$I$  est le milieu de  $J$  est le milieu de  
 $[AB]$  \_\_\_\_\_

$$\begin{array}{ll} I\left(\frac{x_A +}{2}; \frac{y_A +}{2}\right) & J\left( \quad ; \quad \right) \\ I\left(\frac{3 +}{2}; \frac{y_A +}{2}\right) & J\left( \quad ; \quad \right) \\ I\left( \quad ; \quad \right) & J\left( \quad ; \quad \right) \\ I\left( \quad ; \quad \right) & J\left( \quad ; \quad \right) \end{array}$$

b. En déduire les coordonnées de  $\overrightarrow{IJ}$  et  $\overrightarrow{LK}$ .

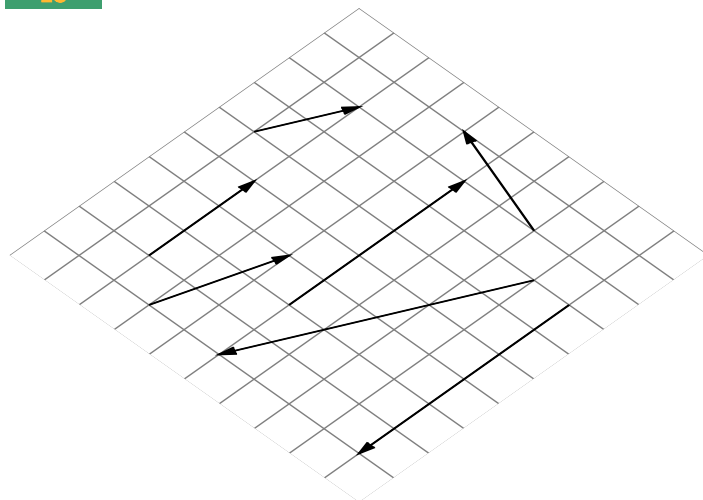
c. Que peut-on en déduire sur  $IJKL$  ?

**Définition :** Deux vecteurs non nuls  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  sont dits colinéaires s'il existe un nombre réel  $k$  tel que  $\vec{u} = k\vec{v}$ .

On convient de plus que le vecteur nul est colinéaire à tout vecteur.

**Propriété :** Deux vecteurs non nuls et colinéaires ont la même direction.

E3



- a. Indique les noms des vecteurs sachant que :
- $\vec{u}_1$ ,  $\vec{u}_2$  et  $\vec{u}_3$  sont colinéaires et  $\vec{u}_1$  et  $\vec{u}_2$  sont de même sens.
  - La norme de  $\vec{u}_2$  est plus grande que celle de  $\vec{u}_1$ .
  - $\vec{u}_4$  et  $\vec{u}_5$  sont colinéaires et de sens opposés.
  - $\vec{u}_6$  et  $\vec{u}_7$  ne sont pas colinéaires mais sont de même norme.
- b. Écrire une égalité vectorielle pour chaque cas de colinéarité sous la forme  $\vec{u}_i = k\vec{u}_j$ .

**Rappel :** Soit un vecteur  $\vec{u}$  de coordonnées  $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$  dans une base  $(\vec{i}, \vec{j})$  et soit un nombre réel  $k$ . Le vecteur  $k\vec{u}$  a pour coordonnées dans cette même base  $\begin{pmatrix} \quad \\ \quad \end{pmatrix}$ .

E4

Les coordonnées des vecteurs de cet exercice sont données dans une base  $(\vec{i}, \vec{j})$ .

**Exemple 1 :** Considérons les vecteurs  $\vec{u} \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} -12 \\ 8 \end{pmatrix}$ . On a :  $-4\vec{u} = \begin{pmatrix} -4 \times 3 \\ -4 \times (-2) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -12 \\ 8 \end{pmatrix}$ . D'où  $\vec{v} = \underline{\quad} \vec{u}$ . Donc les vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  sont colinéaires.

Montrez dans chaque cas, que les vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  sont colinéaires.

- $\vec{u} \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} 4 \\ -6 \end{pmatrix}$
- $\vec{u} \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} 3 \\ -6 \end{pmatrix}$
- $\vec{u} \begin{pmatrix} 12 \\ -18 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} -0,12 \\ 0,18 \end{pmatrix}$
- $\vec{u} \begin{pmatrix} 3\sqrt{2} \\ -2\sqrt{2} \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} -6 \\ 4 \end{pmatrix}$

E5

Sachant que  $3\vec{u} = 7\vec{v}$ , les vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  sont-ils colinéaires ?

Même question si  $3\vec{u} + 5(\vec{v} + \vec{u}) = \vec{0}$ .

