## Probabilités conditionnelles

Dans une grande compétition internationale de sports électroniques, deux jeux dominent la scène : "Legends of Battle" (LoB) et "Strategic Conquest" (SC). Les participants sont soit spécialisés dans LoB, soit dans SC, et chaque joueur a un statut qui peut être soit "amateur", soit "professionnel". On choisit au hasard un joueur parmi les participants à la compétition. Nous définissons A comme l'événement "le joueur est spécialiste de LoB" et B comme l'événement "le joueur est professionnel".

- a. Traduisez les informations suivantes en probabilités
- Les spécialistes de "Legends of Battle" (LoB) constituent  $55\,\%$  des joueurs ;
- $36\,\%$  des joueurs sont des spécialistes de LoB avec le statut professionnel ;
- $64\,\%$  des spécialistes de SC ont le statut professionnel.
- **b.** À l'aide de pourcentages, traduire par une phrase les probabilités suivantes : P(B)=0.648,  $P(B\cap\overline{A})=0.288$  et  $P_B(A)=\frac{5}{0}$ .
- ${f c.}$  Dressez un tableau croisé des probabilités entre A et B.

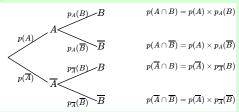
Un placebo est une substance inactive qui ressemble à un médicament mais qui ne contient pas de principe actif.

Des personnes atteintes d'une maladie ont accepté de participer à un essai clinique pour tester l'efficacité de certains traitements. Deux médicaments et un placebo sont testés. Les participants sont répartis en trois groupes : un groupe de contrôle qui reçoit le placebo, et deux groupes expérimentaux qui reçoivent l'un des deux médicaments. Notons  $M_i$  pour  $i \in \{1,2,3\}$ 

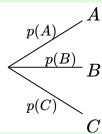
l'événement "le participant a reçu le médicament i" sachant que nous ne connaissons pas à l'avance lequel est le placebo. Notons A l'événement "le participant a vu son état s'améliorer". Voici les informations dont on dispose :

- Le quart des participants a été traité avec le médicament 1;
- $5\,\%$  des participants ont reçu le médicament 1 sans voir leur état s'améliorer ;
- ullet  $60\,\%$  des participants ont vu leur état s'améliorer ;
- La moitié des participants ayant vu leur état s'améliorer ont pris le médicament 2;
- Les deux tiers des participants ayant pris le médicament 3 n'ont pas vu leur état s'améliorer.
- La moitié des patients n'ayant pas vu leur état s'améliorer ont pris le placebo.
- a. Traduisez les informations précédentes en probabilités
- **b.** Calculez  $P(\overline{A})$ ,  $P(A \cap M_1)$ .
- c. Calculez la probabilité qu'un participant ait pris le médicament 2 et que son état se soit amélioré.
- **d.** Calculez la probabilité qu'un participant ait pris le médicament 3.
- **e.** Un participant a vu son état s'améliorer. Calculez la probabilité qu'il ait pris le médicament 3.
- **f.** Dressez un tableau croisé des probabilités entre l'événement A et les événements  $M_i$ .
- g. En déduire le numréo du placebo.
- h. Pour déterminer l'efficacité d'un médicament par rapport au placebo, on compare les probabilités conditionnelles que son état s'est amélioré sachant qu'il a pris un médicament. Quel médicament semble le plus efficace ?

d'un univers  $\Omega$ . On peut modéliser les probabilités conditionnelles par un arbre pondéré.

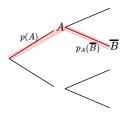


• La somme des probabilités des branches issues d'un même nœud est égale à 1. Par exemple, p(A)+p(B)+p(C)=1.



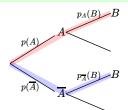
 La probabilité d'un chemin est le produit des probabilités des branches qui le composent.

Par exemple,  $p(A \cap \overline{B}) = p(A) \times p_A(\overline{B})$ .

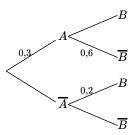


 La somme des probabilités des chemins qui mènent à un même événement est égale à la probabilité de cet événement.
Par exemple,

$$p(B)=p(A\cap B)+p(\overline{A}\cap B)=p(A) imes p_A(B)+p(\overline{A}) imes p_{\overline{A}}(B)$$
 .



dessous.



- **b.** En déduire un tableau croisé des probabilités de A et B.
- **c.** Recopiez et complétez l'arbre pondéré cidessous.

