

**Q1** Soit  $f$  une fonction dérivable sur un intervalle  $I$  et  $a$  un réel de  $I$ . Donner la formule qui donne l'équation de la tangente à la courbe représentative de la fonction  $f$  au point d'abscisse  $a$ .

**Q2** Complétez le tableau suivant.

Fonctions	$f(x)$	Dérivable sur ...	$f'(x)$
constante			
identité			
linéaire			
affine			
carrée			
cube			
inverse			
racine carrée			

**Q3** Donnez les conditions de dérivabilité si nécessaire et les formules de dérivations dans chacune situation.

- Dérivée de la somme de deux fonctions.
- Dérivée du produit par une constante.
- Dérivée du produit de deux fonctions.
- Dérivée du carré d'une fonction.
- Dérivée de l'inverse d'une fonction.

**E1** Soit  $f$  la fonction définie et dérivable sur  $]0; +\infty[$  par  $f(x) = 4x^3 - 2x^2 + 8 + \frac{4}{x} - 3\sqrt{x}$ . Montrez que l'équation de la tangente à la courbe représentative de  $f$  au point d'abscisse 1 est  $y = \frac{5x + 17}{2}$ .

**E2** En choisissant la formule la plus adaptée, calculer la dérivée des fonctions suivantes sur  $I$ .

- $f(x) = 5\sqrt{x}$  sur  $I = ]0; +\infty[$ .
- $f(x) = 5x - \frac{8}{x}$  sur  $I = \mathbb{R}^*$ .
- $f(x) = (2x^3 - 3x + 1)(x^2 - 1)$  sur  $I = \mathbb{R}$ .
- $f(x) = \frac{1}{4x^2 + 8}$  sur  $I = \mathbb{R}$ .

**E3** Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = (x - 3)(x + 4)$ .

- Développer l'expression de  $f(x)$ .
- Calculer  $f'(x)$  de deux manières différentes.
- En déduire l'équation réduite de la tangente à la courbe représentative de  $f$  en  $-2$ .
- Factorisez  $f(x) - (ax + b)$  où  $y = ax + b$  est l'équation réduite de la tangente à la courbe représentative de  $f$  au point d'abscisse  $-2$ .
- En déduire la position relative de la courbe représentative de  $f$  par rapport à sa tangente en  $-2$ .