

Propriété 1. L'équation de la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse a est :

$$y = f'(a)(x - a) + f(a)$$

E1 Dans chaque cas, déterminez l'équation réduite de la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse a .

- a. $f(2) = 1$ et $f'(2) = 3$ pour $a = 2$.
 b. $f(-3) = 2$ et $f'(-3) = 4$ pour $a = -3$.
 c. $f(6) = 5$ et $f'(6) = -1$ pour $a = 6$.
 d. $f(\frac{1}{2}) = 3$ et $f'(\frac{1}{2}) = 2$ pour $a = \frac{1}{2}$.

Fonction dérivée

Définition 1. Dire que f est dérivable sur I signifie que $f'(x)$ existe pour tout x de I . La fonction qui à x associe $f'(x)$ est appelée *fonction dérivée* de f et est notée f' .

E2 Soit f la fonction qui à x associe $x^2 + 3x - 7$. On admettra que $f'(x) = 2x + 3$. Déterminez l'équation réduite de la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse :

- a. 2 b. -1 c. 3 d. -4

Propriété 2. Les fonctions suivantes sont dérivables sur \mathbb{R} .

$f(x)$	$f'(x)$	$f(x)$	$f'(x)$	$f(x)$	$f'(x)$
m	0	mx	m	x^2	$2x$
x	1	$mx + p$	m	x^3	$3x^2$

E3 Calculez les nombres dérivés des fonctions suivantes en 3 et en -2.

$$f_1(x) = 3 \quad f_2(x) = 2x + 1 \quad f_3(x) = x^2 \quad f_4(x) = x^3$$

E4 On considère la fonction f définie par $f(x) = x^2$. Déterminez l'équation réduite de la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse a .

$$a = 5 \quad a = -2 \quad a = 3 \quad a = -4$$

E5 On considère la fonction f définie par $f(x) = x^3$. Déterminez l'équation réduite de la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse a .

$$a = 5 \quad a = -2 \quad a = 3 \quad a = -4$$

E6 On considère la fonction f définie par $f(x) = x^2$. Dans un repère d'unités graphiques 1 pour 1cm sur l'axe des abscisses et 2 pour 1cm sur l'axe des ordonnées, tracez la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse :

$$a = -3 \quad a = -1 \quad a = 2 \quad a = 4$$

E7 On considère la fonction f définie par $f(x) = x^3$. Dans un repère d'unités graphiques 1 pour 1cm sur l'axe des abscisses et 10 pour 1cm sur l'axe des ordonnées, tracez la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse :

$$a = -3 \quad a = -1 \quad a = 2 \quad a = 4$$

Fonctions dérivées et opérations

Propriété 3. Soit u une fonction dérivable sur un intervalle I et k un réel, alors :

$$(ku)' = k \times u'$$

E8 Calculez les fonctions dérivées.

$$f_1(x) = 3x^2 \quad f_2(x) = 2x^3 \quad f_3(x) = -5x^2 \quad f_4(x) = -4x^3$$

$$f_5(x) = 7x^2 \quad f_6(x) = -5x^3$$

E9 Calculez les fonctions dérivées.

$$f_1(x) = \frac{1}{4}x^2 \quad f_2(x) = -\frac{2}{3}x^3 \quad f_3(x) = \frac{5x^2}{6} \quad f_4(x) = -\frac{4x^3}{6}$$

Propriété 4. Soit u et v deux fonctions dérivables sur un intervalle I et k une constante, alors :

$$(u + v)' = u' + v' \quad \text{et} \quad (u - v)' = u' - v'$$

E10 Calculez les fonctions dérivées.

$$f_1(x) = 4x^2 + 2x \quad f_2(x) = 9x^2 - 5 \quad f_3(x) = 7x^3 + 3x^2$$

$$f_4(x) = -6x^3 + 2x \quad f_5(x) = -3x^2 + 2x$$

E11 Calculez les fonctions dérivées.

$$f_1(x) = x^3 - 2x + 7 \quad f_2(x) = -3x^3 + 4x^2 - 5$$

$$f_3(x) = 2x^3 - 3x^2 + 4x \quad f_4(x) = -5x^3 + 3x - 4$$

$$f_5(x) = 7x^3 - 2x^2 + 5 \quad f_6(x) = -4x^3 + 4x^2 - 9x$$

Application de la dérivation

Propriété 5. Soit f une fonction dérivable sur un intervalle I . Si sur I , f est :

- croissante, alors f' est positive sur I ;
- décroissante, alors f' est négative sur I .

E12 Dans chaque cas, recopiez et complétez le signe de la fonction dérivée f' de la fonction f ; puis écrire les valeurs connues de f .

a.

x	-4	-1	2	4,5
$f'(x)$				
f	-5		12	7

b.

x	-4	-2	1	4,5
$f'(x)$				
f	-12	-5	-7	2

c.

x	-4	-1	2	4,5
$f'(x)$		0		
f	10	2	-7	15