E1 Questions de cours :

a. Complétez le tableau suivant :

Nature de la suite	Forme explicite	Récurrence	Raison	Premier terme
Arithmétique			r=9	$u_0=5$
Géométrique			q=7	$v_0=2$

b. Calculez les trois premiers termes de la suite définie par $u_0=1$ et $u_{n+1}=2u_n+1$ pour tout entier naturel n.

c. Calculez les trois premiers termes de la suite définie par $v_n=n^2+1$ pour tout entier naturel n.

d. Pour chaque suite, indiquez si elle semble arithmétique, géométrique ou ni l'un ni l'autre. Justifiez.

$$\circ \ u_0 = 0.5 \quad u_1 = 1.5 \quad u_2 = 4.5 \quad u_3 = 13.5$$

$$\circ \ v_0 = 1, \quad v_1 = 2, \quad v_2 = 5, \quad v_3 = 10$$

$$w_0 = 6$$
, $w_1 = 4.3$, $w_2 = 2.6$, $w_3 = 0.9$

e. Pour chaque suite arithmétique ou géométrique de la question précédente, écrivez la forme explicite de la suite.

Une maladie touche 0.2~% d'une population. Un laboratoire propose un test afin de dépister cette maladie. Lorsqu'un individu est atteint par la maladie, le test est positif dans 95~% des cas. Lorsqu'un individu est sain, le test est positif dans 2~% des cas. On choisit au hasard un individu dans la population et on lui fait passer le test. On note :

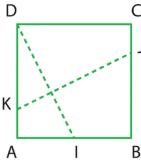
- ullet M l'événement "l'individu est atteint par la maladie",
- ullet T l'événement "le test est positif".

Calculer la probabilité que le test soit positif.

lacksquare Résoudre l'inéquation $3x^2+6x-90<15$.

Dans un carré ABCD de côté 6, on construit le milieu I du segment $\left[AB\right]$ et les points J et K tels que :

$$\overrightarrow{AK} = \frac{1}{4}\overrightarrow{AD}$$
 et $\overrightarrow{CJ} = \frac{1}{4}\overrightarrow{CB}$.



Démontrez que les droites (DI) et (JK) sont perpendiculaires.