## Q1

Rappel : la notation  $x \longmapsto 3x$  définie une fonction qui à tout nombre x associe le nombre 3x.

$$x \longmapsto 3x$$

Par exemple au nombre 2, la fonction associe le nombre  $3 \times 2 = 6$ . Le résultat 6 est appelé l'image de 2 par cette fonction.

Considérons une fonction f telle que l'image de 7 est 14 par cette fonction. Quelle(s) fonction(s) répond(ent) à cette condition dans la liste suivante ?

$$f_1:x\longmapsto 2x$$

$$f_2:x\longmapsto x^2$$

$$f_3:x\longmapsto x+7$$

$$egin{aligned} f_4:x&\longmapsto x-7\ f_6:x&\longmapstorac{x}{2}\ f_8:x&\longmapsto 14 \end{aligned}$$

$$f_3:x\longmapsto x+7 \ f_5:x\longmapsto 14-x$$

$$f_6: x \longmapsto \frac{x}{2}$$

$$f_7: x \longmapsto -x^2$$

$$f_8:x\longmapsto \overset{ au}{1}$$

## **Q2**

Rappel : on écrit f(2)=3 pour signifier que l'image de 2 par f est 3.

Les fonctions citées dans cet exercice sont celles de l'exercice précédent. Quelles sont les phrases vraies parmi les suivantes ?

- **a.** L'image de -5 par  $f_1$  est -3.
- **b.** Le nombre 36 a pour image 6 par la fonction  $f_2$ .
- **c.**  $f_2(-7)$  est négatif
- d.  $f_6(-7) < -3$ .
- **e.** Le nombre 1 est l'image de  $\frac{1}{2}$  par  $f_1$ .
- **f.** On a  $f_4(10,5) = f_5(10,5)$  donc  $f_4$  et  $f_5$  sont identiques.
- **g.** Pour chacune des fonctions  $f_1$  à  $f_8$ , -2 est l'image d'un nombre.

Q3 Les fonctions citées dans cet exercice sont celles de l'exercice précédent. Recopier et compléter les phrases suivantes.

- **a.** L'image de ... par la fonction  $f_1$  est 15.
- **b.** Le nombre -5 a pour image  $\dots$  par la fonction  $f_2$ .
- **c.** 8 est l'image de ... par la fonction  $f_3$ .
- **d.**  $f_3(10) = \dots$  ;  $f_3(\dots) = 10$  ;  $f_4(10) = \dots$  ;  $f_4(...) = 10$
- **e.**  $f_3(-10) = \dots$ ;  $f_3(\dots) = -10$ ;  $f_4(-10) = \dots$ ;  $f_4(\ldots) = -10$

Considérons la fonction  $f: x \longmapsto (x+1)^2 - (x^2+1)$ .

- **a.** Calculez les images des nombres -1, 0, 1, 2et 3 par f.
- **b.** Quelle conjecture peut-on émettre ?
- **c.** Développer et réduire l'expression de f(x).
- d. La conjecture est-elle prouvée ?
- e. Calculez f(583),  $f\left(\frac{4}{5}\right)$ ,  $f\left(\frac{7}{2}\right)$  et  $f\left(\frac{3}{8}\right)$ .

**a.** Considérons la fonction  $f:x\longmapsto rac{7x-3}{4-8x}$ . Montrez que l'image de -1 par f est  $-\frac{5}{\epsilon}$ .

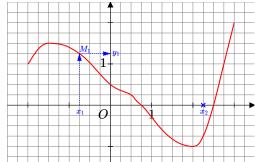
**b.** Expliquez pourquoi  $f\left(rac{1}{2}
ight)$  n'est pas définie.

Existe-t-il d'autres valeurs de x pour lesquelles f(x) n'est pas définie ?

- c. Considérons la fonction définie par  $g(x)=6x^2-7x+9$ , montrez que  $g\left(rac{1}{2}
  ight)=7.$
- **d.** Considérons la fonction définie par  $h(x)=rac{2^x}{\sqrt{x}}$ . Montrez que 4 a pour image 8 par h.
- **e.** Pour quels nombres la fonction h n'est-elle pas définie ?

## Lecture de l'image

Q4 On considère la représentation graphique de la fonction f ci-dessous.



- **a.** Pour lire l'image de  $x_1$  par f , on suit le chemin suivant :  $x_1 o M_1 o y_1$ . Dessinez le chemin pour déterminer l'image de  $x_2$  par f.
- b. Vérifiez à l'aide d'un chemin que l'image par f de 0.5 est 0.25.

Rappel : on a f(0,5)=0,25, par conséquent le point de coordonnées  $(0,5\;;\;0,25)$  appartient à la courbe représentative de f.

- **c.** Traduire f(-2)=1. Quels sont les coordonnées du point que l'on peut en déduire et qui appartient à la courbe représentative de f ?
- d. Déterminez par lecture graphique la valeur de f(3). Qu'est-ce que cela signifie pour l'image de f par ce nombre ?
- **e.** Pourquoi f(3,5) ou f(-3) ne sont-ils pas définis ?

Rappel : l'ensemble des nombres pour lesquels la fonction est définie s'appelle le domaine de définition de la fonction ou l'ensemble de définition. Il s'agit souvent d'un intervalle.

f. Quel est le domaine de définition de la fonction f ?