Puissances

Propriété 1. Soit $a\in\mathbb{R}^*$ et $m,n\in\mathbb{Z}.$ Alors :

$$a^m imes a^n = a^{m+n} \qquad rac{a^m}{a^n} = a^{m-n} \qquad (a^m)^n = a^{m imes n}$$

El Écrivez les résultats des expressions suivantes sous forme d'une puissance :

a.
$$5^3 imes 5^4$$

b.
$$5 imes 5^2$$

d.
$$5^2 imes 5^{-6}$$

$$e. \frac{5^6}{52}$$

c.
$$(-5)^2 imes(-5)^6$$
 f. $rac{5^2}{5^6}$ i. $rac{5^{-6}}{5^{-2}}$

$$g \cdot \frac{5^{-2}}{5^6}$$

e.
$$\frac{5}{5^2}$$

f.
$$\frac{5^2}{56}$$

$$\frac{{\sf g.} \ \overline{5^6}}{{\sf j.} \ (5^2)^3}$$

k.
$$5^{2^3}$$

1.
$$\frac{5^{-2}}{5^{-2}}$$

E2 Écrivez les résultats sous la forme d'une puissance : a. $2^9 imes 4^8$

b.
$$8^4 imes 2^8$$

c.
$$2^5 imes 16^3$$

d.
$$32^3 \times 2^7$$

e.
$$2^3 imes 64^5$$

f.
$$128^2 \times 2^7$$

g.
$$2^{10} imes 256^4$$

h.
$$512^3 imes 2^9$$

i.
$$2^8 imes 1024^2$$

Propriété 2. Soit $a \in \mathbb{R}^*$, $b \in \mathbb{R}^*$ et $n \in \mathbb{Z}$. Alors:

$$a^n imes b^n = (a imes b)^n \qquad rac{a^n}{b^n} = \left(rac{a}{b}
ight)^n$$

E3 Calculez en utilisant les propriétés sur les opérations avec les puissances.

a.
$$-2^4 imes 5^4$$

b.
$$2^{-3} imes 5^{-3}$$

c.
$$(-5)^4 imes 2^4$$

d.
$$(-2)^3 \times (-5)^3$$

e.
$$(-5)^3 \times 2^3$$

f.
$$(-5)^{-4} \times (-2)^{-4}$$

E4 Calculez en utilisant les propriétés sur les opérations avec les puissances.

a.
$$\frac{81^{\frac{1}{2}}}{0^2}$$

$$9^2$$

$$c \cdot \frac{3^4}{3^4}$$

d.
$$\frac{27^4}{0^4}$$

Écriture fractionnaire