a. Qu'appelle-t-on une base de vecteurs dans le plan ?

**b.** Qu'appelle-t-on une base orthonormée ?

c. Quelles sont les coordonnées d'un vecteur dans une base du plan ?

d. Qu'appelle-t-on un repère du plan ?

e. Qu'appele-t-on un repère orthonormé ?

f. Quelles sont les coordonnées d'un point dans un repère du plan ?

El Pour chaque vecteur, donnez ses

coordonnées dans la base (i,j).

a. 
$$ec{u}_1=2ec{i}-7ec{j}$$

b. 
$$ec{u}_2=4ec{j}+8ec{i}$$
  
d.  $ec{u}_4=ec{i}-ec{j}$   
f.  $ec{u}_6=2ec{i}+3ec{i}$ 

c. 
$$ec{u}_3=2(-2ec{i}+3ec{j})$$

$$\mathbf{d.} \ \vec{u}_4 = \vec{i} - \vec{j}$$

e. 
$$\vec{u}_{5} = \frac{2(-2i+3j)}{2}$$
  
g.  $\vec{u}_{7} = 4\vec{j} - 7\vec{j}$ 

f. 
$$ec{u}_6=2ec{i}+3ec{i}$$

g. 
$$ec{u}_7=4ec{j}\stackrel{z}{-}7ec{j}$$

h. 
$$ec{u}_8=rac{ec{i}}{\sqrt{25}}-rac{3}{15}ec{i}$$

i. 
$$ec{u}_9 = rac{4^3 ec{i} + 2^8 ec{j}}{8^2}$$

j. 
$$ec{u}_{10}=4(ec{i}-ec{j})+2ec{i}$$

E2 Dans chaque cas, déterminez les

coordonnées du vecteur  $\vec{u}$  dans la base (i,j).

a. 
$$5\vec{u}+\vec{i}=2\vec{j}+4\vec{u}$$

b. 
$$\vec{u}+2\vec{i}=\vec{j}+3i$$

c. 
$$4(ec{u}+ec{j})=-3ec{i}+3ec{u}$$

$$\begin{array}{ll} {\sf a.} \; 5\vec{u} + \vec{i} = 2\vec{j} + 4\vec{u} & {\sf b.} \; \vec{u} + 2\vec{i} = \vec{j} + 3\vec{u} \\ {\sf c.} \; \; 4(\vec{u} + \vec{j}) = -3\vec{i} + 3\vec{u} & {\sf d.} \; \frac{\vec{u} + \vec{i}}{2} = \frac{\vec{j} + \vec{u}}{3} \end{array}$$

a. Placez dans un repère orthonormé les points A(2;1), B(5;1), C(-1;3), D(7;3) et E(2; -2).

b. Déterminer par lecture graphique les coordonnées des vecteurs suivants.

 $\overrightarrow{AB}$   $\overrightarrow{AC}$   $\overrightarrow{AD}$   $\overrightarrow{AE}$   $\overrightarrow{BC}$   $\overrightarrow{BD}$   $\overrightarrow{BE}$   $\overrightarrow{CD}$   $\overrightarrow{CE}$   $\overrightarrow{DE}$ 

c. Retrouver les résultats de la question précédente par le calcul.

d. Calculer les coordonnées des vecteurs suivants puis contrôler le résultat avec la figure.

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$$
  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$   $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AE}$   $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AD}$   $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AE}$   $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AD}$   $\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BD}$   $\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BE}$   $\overrightarrow{BD} + \overrightarrow{BE}$   $\overrightarrow{CD} + \overrightarrow{CE}$ 

## Q2

a. Quelles sont les coordonnées de la somme de deux vecteurs ?

b. Quelles sont les coordonnées du produit d'un vecteur par un nombre ?

On considère  $ec{u}egin{pmatrix}2\\-1\end{pmatrix}$  et  $ec{v}egin{pmatrix}1\\2\end{pmatrix}$  .

**a.** Calculez les coordonnées de  $3\vec{u}+2\vec{v}$ .

**b.** Calculez les coordonnées de  $3\vec{u}-2\vec{v}$ .

**c.** Tracez les vecteurs  $3\vec{u}$ ,  $2\vec{v}$  puis contrôlez le résultat précédent.

03

a. Comment déterminer la norme d'un vecteur à partir de ses coordonnées ?

**b.** Que peut-on dire de la norme du produit d'un vecteur  $ec{u}$  par un nombre k ?

c. Comment calculer la norme de la somme de deux vecteurs ?

d. Comment déterminer la distance entre deux points à partir de leurs coordonnées ?

E5 Dans chaque cas déterminez la norme du vecteur  $ec{u}$ . Toutes les coordonnées sont exprimées dans une base orthonormée (i,j).

a. 
$$\vec{u} \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix}$$

a. 
$$\vec{u} \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix}$$
 b.  $\vec{u} \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \end{pmatrix}$  c.  $\vec{u} = 3\vec{i} - 4\vec{j}$  d.  $\vec{u} = \vec{i} + \vec{j}$ 

c. 
$$ec{u} = \overset{\hat{}}{3}ec{i} - 4ec{j}$$

d. 
$$ec{u}=\overset{\smile}{ec{i}}+ec{j}$$

**e.** 
$$\vec{u}=\vec{a}-\vec{b}$$
 si  $\vec{a}\begin{pmatrix}1\\2\end{pmatrix}$  et  $\vec{b}\begin{pmatrix}5\\-1\end{pmatrix}$  **f.**  $\vec{u}=-6\vec{a}$  si  $\vec{a}\begin{pmatrix}-3\\-4\end{pmatrix}$ 

f. 
$$ec{u}=-6ec{a}$$
 si  $ec{a}egin{pmatrix} -3 \ -4 \end{pmatrix}$ 

g. 
$$u=-3ec{a}+4ec{b}$$
 si  $ec{a}inom{1}{2}$  et  $ec{b}inom{-1}{3}$ 

 $oxed{\mathsf{E6}}$  On considère les points  $A(5\,;\,7)\,,\,\,B(3\,;\,7)\,,$ C(-6; -2), D(-6; 3), E(-1; 2), F(3; 1),G(2;5), H(-4;1), I(4;-2), J(-2;5),K(-1; 1), L(1; -2) et M(5; 5).

**a.** Calculer AB.

**b.** Calculer CD.

**c.** Montrer que EFG est isocèle.

**d.** Montrer que HIJ n'est pas rectangle.

**e.** Montrer que KLM est rectangle.

**f.** Calculer le périmètre de ABC.

E7 La formule de Héron permet de calculer l'aire d'un triangle :

$$\mathcal{A} = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$$

où p est le demi-périmètre du triangle et  $a,\ b$  et c sont les longueurs des côtés du triangle. Toutes les coordonnées sont exprimées dans un repère orthonormé (O,i,j). On considère les points A(-1; 3), B(5; 7), C(5; -3) et H(0; 2).

**a.** Montrer que ABH est rectangle.

b. En déduire un calcul de l'aire du triangle ABC.

**c.** Calculer BC, p, p-a, p-b et p-c.

**d.** Montrer que  $p(p-a)=30\sqrt{2}+30$  et  $(p-b)(p-c) = 30\sqrt{2} - 30.$ 

f e. En déduire l'aire du triangle ABC à l'aide de la formule de Héron.