Propriétés : Soit $a,\ b$ des nombres réels et n un entier. On a :

$$e^0 = 1$$
 $e^1 = e$ $e^{-a} = \frac{1}{e^a}$ $e^{a+b} = e^a \times e^b$ $e^{a-b} = \frac{e^a}{e^b}$ $e^{an} = (e^a)^n$

Écrire les nombres suivants sous forme d'une puissance de e :

Simplifiez les expressions suivantes :

$$\frac{\mathrm{e}^{-1} \times \left(\mathrm{e}^{0,2}\right)^{-2}}{\mathrm{e} \times \mathrm{e}^{-1,4}}$$

$$\left(rac{\left(\mathrm{e}^{rac{4}{3}}
ight)^3 imes\mathrm{e}^{-rac{2}{3}}}{\mathrm{e}^{rac{5}{6}}}
ight)^2$$

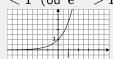
Simplifiez les expressions suivantes sous la forme e^{A} :

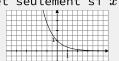
E4 Développez puis simplifiez les
expressions suivantes :

$$e^{x} (e^{x} + e^{-x})$$
 $(e^{x} + e^{-x})^{2}$ $(e^{-5x} + e^{2x}) (e^{-5x} - e^{2x})$

Propriétés : Soit x un nombre réel. On a :

- Pour tout x, $e^x > 0$ et $e^{-x} > 0$;
- $\mathrm{e}^x > 1$ (ou $\mathrm{e}^{-x} < 1$) si et seulement si x > 0 ;
- $\mathrm{e}^x < 1$ (ou $\mathrm{e}^{-x} > 1$) si et seulement si x < 0.





E5 Déterminez le signe des expressions suivantes :

$$f_1(x)=4\mathrm{e}^x-x\mathrm{e}^x$$

$$f_2(x) = x^2 \mathrm{e}^{-x} + 5 x \mathrm{e}^{-x}$$

$$f_3(x)=x^2\mathrm{e}^x-9\mathrm{e}^x$$

$$f_4(x)=x\mathrm{e}^x-\mathrm{e}^{x+1}$$

<u>E6</u> Déterminez le signe des expressions suivantes à l'aide d'une factorisation :

$$f_1(x)=\mathrm{e}^x-\mathrm{e}^{2x}$$
 $f_2(x)=\mathrm{e}^{2x}-\mathrm{e}$ $f_3(x)=\mathrm{e}^{-x}-\mathrm{e}^x$

On se propose de déterminer le signe de l'expression $\mathrm{e}^{2x}+3\mathrm{e}^x-4$.

- **a.** Résoudre l'équation $X^2 + 3X 4 = 0$.
- **b.** En déduire une factorisation de l'expression $e^{2x} + 3e^x 4$.
- c. Conclure.

Propriété : Pour tous réels a et b, $\mathrm{e}^a = \mathrm{e}^b$ si et seulement si a = b.

Résolvez les équations suivantes : $e^x=e^{2x+1} \quad e^xe=e^{3x+2} \quad e^{x^2-2x}=\frac{1}{e} \quad 5e^{7x+21}-1=4$

Propriété : Pour tous réels a et b, $\mathrm{e}^a < \mathrm{e}^b$ si et seulement si a < b.

Résolvez les inéquations suivantes : $e^{2x+1} < e^{8x-1} \qquad e^{7x-3} < e^{4x^2} \qquad 2e^{12x-36} + 3 \leqslant 5$

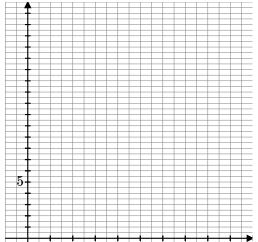
ElO On considère la fonction f définie sur $\mathbb R$ par $f(x)=20\mathrm{e}^{-0,346\,5x}$.

a. Montrez que pour tous réels x, $f(x+2)=e^{-0.693x}f(x)$.

b. Sachant que $e^{-0.693} pprox 0,5$, complétez le tableau de valeurs suivant :

x	0	2	4	6
f(x)				

 ${f c.}$ Tracez la fonction f dans le repère suivant.



E11 On considère les fonctions suivantes définies sur $\mathbb R$:

$$f(x) = e^{0.5x}$$
 $g(x) = e^{1.2x}$ $h(x) = e^{2x}$ $i(x) = e^{-0.5x}$ $j(x) = e^{-1.2x}$ $k(x) = e^{-2x}$

- **a.** Comparer les fonctions f, g et h.
- **b.** Comparer les fonctions i, j et k.
- **c.** En déduire à quelles fonctions correspondent les courbes en les repassant d'une couleur différente.