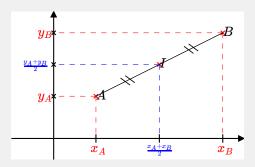
Rappel : Considérons deux nombres réels a et b. Le milieu de l'intervalle $[a\:;\:b]$ est donné par la formule ci-dessous.



$$I\left(rac{x_A+x_B}{2}\,\,;\,\,rac{y_A+y_B}{2}
ight)$$



0n considère les points A(3;2), B(-4;4), C(-2;-1) et D(1;-3) et les points I, J, K et L, milieux respectifs des segments [AB], [BC], [CD] et [AD].

a. Calculez les coordonnées de $I,\ J,\ K$ et L. Exemples :

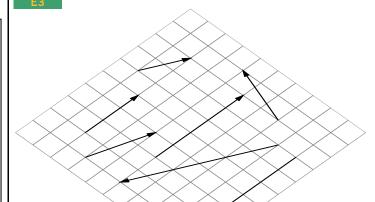
I est le milieu de I est le milieu de I

- **b.** En déduire les coordonnées de \overrightarrow{IJ} et \overrightarrow{LK} .
- **c.** Que peut-on en déduire sur IJKL ?

Définition : Deux vecteurs non nuls \overrightarrow{u} et \overrightarrow{v} sont dits colinéaires s'il existe un nombre réel k tel que $\overrightarrow{u}=k\overrightarrow{v}$.

On convient de plus que le vecteur nul est colinéaire à tout vecteur.

Propriété: Deux vecteurs non nuls et colinéaires ont la même direction.



- a. Indique les noms des vecteurs sachant que :
- \overrightarrow{u}_1 , \overrightarrow{u}_2 et \overrightarrow{u}_3 sont colinéaires et \overrightarrow{u}_1 et \overrightarrow{u}_2 sont de même sens.
- La norme de \overrightarrow{u}_2 est plus grande que celle de \overrightarrow{u}_1 .
- \circ \overrightarrow{u}_4 et \overrightarrow{u}_5 sont colinéaires et de sens opposés.
- $\circ \ \overrightarrow{u}_6$ et \overrightarrow{u}_7 ne sont pas colinéaires mais sont de même norme.
- **b.** Écrire une égalité vectorielle pour chaque cas de colinéarité sous la forme $\overrightarrow{u}_i=k\overrightarrow{u}_j$.

Rappel : Soit un vecteur \overrightarrow{u} de coordonnées $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ dans une base $(\overrightarrow{i},\overrightarrow{j})$ et soit un nombre réel k. Le vecteur $k\overrightarrow{u}$ a pour coordonnées dans cette même base $\begin{pmatrix} & \\ & \end{pmatrix}$.

Les coordonnées des vecteurs de cet exercice sont données dans une base (\vec{i},\vec{j}) .

Exemple 1: Considérons les vecteurs $\overrightarrow{u} \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \end{pmatrix}$ et $\overrightarrow{v} \begin{pmatrix} -12 \\ 8 \end{pmatrix}$. On a : $-4\overrightarrow{u} = \begin{pmatrix} -4 \times \\ -4 \times \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \\ \end{pmatrix}$. D'où $\overrightarrow{v} = \underbrace{\overrightarrow{u}}$. Donc les vecteurs \overrightarrow{u} et \overrightarrow{v} sont colinéaires.

Montrez dans chaque cas, que les vecteurs \overrightarrow{u} et \overrightarrow{v} sont colinéaires.

a.
$$\overrightarrow{u} \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \end{pmatrix}$$
 et $\overrightarrow{v} \begin{pmatrix} 4 \\ -6 \end{pmatrix}$

b.
$$\overrightarrow{u} \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \end{pmatrix}$$
 et $\overrightarrow{v} \begin{pmatrix} 3 \\ -6 \end{pmatrix}$

c.
$$\overrightarrow{u}$$
 $\begin{pmatrix} 12 \\ -18 \end{pmatrix}$ et \overrightarrow{v} $\begin{pmatrix} -0.12 \\ 0.18 \end{pmatrix}$

d.
$$\overrightarrow{u}igg(rac{3\sqrt{2}}{-2\sqrt{2}}igg)$$
 et $\overrightarrow{v}igg(rac{-6}{4}igg)$

Sachant que $3\overrightarrow{u}=7\overrightarrow{v}$, les vecteurs \overrightarrow{u} et \overrightarrow{v} sont-ils colinéaires ?

Même question si $3\overrightarrow{u}+5(\overrightarrow{v}+\overrightarrow{u})=\overrightarrow{0}$.