Propriété 1. L'équation de la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse a est :

$$y = f'(a)(x - a) + f(a)$$

Dans chaque cas, déterminez l'équation réduite de la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse a.

a.
$$f(2) = 1$$
 et $f'(2) = 3$ pour $a = 2$.

b.
$$f(-3) = 2$$
 et $f'(-3) = 4$ pour $a = -3$.

c.
$$f(6) = 5$$
 et $f'(6) = -1$ pour $a = 6$.

d.
$$f(\frac{1}{2}) = 3$$
 et $f'(\frac{1}{2}) = 2$ pour $a = \frac{1}{2}$.

Fonction dérivée

Définition 1. Dire que f est dérivable sur Isignifie que $f^{\prime}(x)$ existe pour tout x de I. La fonction qui à x associe f'(x) est appelée fonction dérivée de f et est notée f'.

Soit f la fonction qui à x associe x^2+3x-7 . On admettra que f'(x)=2x+3. Déterminez l'équation réduite de la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse :

b. -1

c. 3

Propriété 2. Les fonctions suivantes sont dérivables sur \mathbb{R} .

f(x)	f'(x)
m	0
\boldsymbol{x}	1

f(x)	f'(x)
mx	m
mx + p	m

f(x)	f'(x)
x^2	2x
x^3	$3x^2$

Calculez les nombres dérivés des fonctions suivantes en 3 et en -2.

$$f_1(x)=3$$
 $f_2(x)=2x+1$ $f_3(x)=x^2$

lacksquare On considère la fonction f définie par $f(x) = x^2$. Déterminez l'équation réduite de la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse a.

a=5

a=-2

a=3

a=-4

E5 On considère la fonction f définie par $f(x)=x^3$. Déterminez l'équation réduite de la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse a.

a = 5

a = -2

a = 3

a=-4

lacksquare On considère la fonction f définie par $f(x)=x^2$. Dans un repère d'unités graphiques 1pour 1cm sur l'axe des abscisses et 2 pour 1cm sur l'axe des ordonnées, tracez la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse :

a=-3

a = -1

a=2

 \blacksquare On considère la fonction f définie par $f(x)=x^3$. Dans un repère d'unités graphiques 1pour $1\,\mathrm{cm}$ sur l'axe des abscisses et 10 pour $1\,\mathrm{cm}$ sur l'axe des ordonnées, tracez la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse : a = -1a=2

Fonctions dérivées et opérations

Propriété 3. Soit u une fonction dérivable sur un intervalle I et k un réel, alors : $(ku)' = k \times u'$

E8 Calculez les fonctions dérivées.

 $\overline{f_1(x)} = 3x^2 \quad f_2(x) = 2x^3 \quad f_3(x) = -5x^2 \quad f_4(x) = -4x^3 \quad$

 $f_5(x) = 7x^2$ $f_6(x) = -5x^3$

Calculez les fonctions dérivées.
$$f_1(x)=rac{1}{4}x^2$$
 $f_2(x)=-rac{2}{3}x^3$ $f_3(x)=rac{5x^2}{6}$ $f_4(x)=-rac{4x^3}{6}$

Propriété 4. Soit u et v deux fonctions dérivables sur un intervalle I et k une constante, alors:

$$(u+v)' = u' + v'$$
 et $(u-v)' = u' - v'$

E10 Calculez les fonctions dérivées.

 $f_1(x) = 4x^2 + 2x$ $f_2(x) = 9x^2 - 5$ $f_3(x) = 7x^3 + 3x^2$

 $f_4(x) = -6x^3 + 2x$ $f_5(x) = -3x^2 + 2x$

Ell Calculez les fonctions dérivées.

 $f_2(x) = -3x^3 + 4x^2 - 5$ $f_1(x) = x^3 - 2x + 7$

 $f_3(x) = 2x^3 - 3x^2 + 4x$ $f_4(x) = -5x^3 + 3x - 4$

 $f_5(x) = 7x^3 - 2x^2 + 5$ $f_6(x) = -4x^3 + 4x^2 - 9x$

Application de la dérivation

Propriété 5. Soit f une fonction dérivable sur un intervalle I. Si sur I, f est :

- ullet croissante, alors f' est positive sur I ;
- ullet décroissante, alors f' est négative sur I.

E12 Dans chaque cas, recopiez et complétez le signe de la fonction dérivée f^\prime de la fonction f ; puis écrire les valeurs connues de f.

а.



