

Résolution d'inéquations

E1

a. Résolvons l'inéquation  $h(x) > 0$  par le calcul :

$$h(x) > 0$$
$$\frac{3}{4}x - \frac{7}{4} > 0$$
$$3x - 7 > 0 \quad \text{en multipliant par 4}$$
$$3x > 7 \quad \text{en ajoutant 7}$$
$$x > \frac{7}{3} \quad \text{en divisant par 3}$$

L'ensemble des solutions de l'inéquation  $h(x) > 0$  est donc l'intervalle  $]\frac{7}{3}; +\infty[$ .

b. Résolvons l'inéquation  $h(x) \leq 1$  par le calcul :

$$h(x) \leq 1$$
$$\frac{3}{4}x - \frac{7}{4} \leq 1$$
$$3x - 7 \leq 4 \quad \text{en multipliant par 4}$$
$$3x \leq 11 \quad \text{en ajoutant 7}$$
$$x \leq \frac{11}{3} \quad \text{en divisant par 3}$$

L'ensemble des solutions de l'inéquation  $h(x) \leq 1$  est donc l'intervalle  $]-\infty; \frac{11}{3}]$ .

La fonction  $f$

$$f(x) = \frac{1}{10}x^3 - \frac{1}{36}x^2 - \frac{131}{60}x + \frac{10}{9}$$

Tableau de valeurs

E2 La calculatrice permet d'obtenir le tableau de valeurs de la fonction  $f$  pour les valeurs de  $x$  comprises entre  $-4$  et  $4$  avec un pas de  $1$ . Les valeurs sont approchées à  $10^{-2}$  près.

$x$	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
$f(x)$	3	4,71	4,57	3,17	1,11	-1	-2,57	-2,99	-1,67

Image

E3

- a. L'image de  $-2$  par la fonction  $f$  est environ  $4,57$ . La courbe représentative de  $f$  coupe l'axe des ordonnées au point de coordonnées  $(-2; 4,57)$ .
- b. L'image de  $1$  par la fonction  $f$  est  $-1$ . En effet par lecture graphique, la courbe représentative de  $f$  passe par le point  $A$  de coordonnées  $(1; -1)$ .
- c. L'image de  $0$  par la fonction  $f$  est  $\frac{10}{9}$ . La courbe représentative de  $f$  coupe l'axe des ordonnées au point de coordonnées  $(0; \frac{10}{9})$ .

Antécédent

E4

- a. La courbe représentative de  $f$  semble passer par les points de coordonnées  $(-4; 3)$  et  $(-0,9; 3)$  par lecture graphique. Donc  $3$  semble posséder pour antécédents  $-4$  et  $-0,9$  par la fonction  $f$ .
- b. La calculatrice permet d'être plus précis en donnant les valeurs de la fonction entre  $-1$  et  $-0,5$  avec un pas de  $0,1$ . Les valeurs sont approchées à  $10^{-2}$  près.

$x$	-1	-0,9	-0,8	-0,7	-0,6	-0,5
$f(x)$	3,17	2,98	2,79	2,59	2,39	2,18

- c. La courbe représentative de  $f$  semble remonter et pourrait passer par un autre point d'ordonnée  $3$  après  $5$ . La calculatrice permet de trouver qu'il semble y avoir un autre antécédent de  $3$  par la fonction  $f$  entre  $5,18$  et  $5,19$ .

$x$	5,15	5,16	5,17	5,18	5,19
$f(x)$	2,79	2,84	2,9	2,96	3,01

Donc la  $3$  possède au moins trois antécédents par la fonction  $f$  :  $-4$ , environ  $-0,9$  et environ  $5,19$ .

La fonction  $g$

$$g(x) = \frac{11}{20}x^2 + \frac{17}{20}x - \frac{12}{5}$$

Positions relatives de courbes

E5

- a. La courbe représentative de  $g$  semble couper la droite représentative de  $h$  au point de coordonnées  $(-1,3; -2,7)$  par lecture graphique et au point  $A$  de coordonnées  $(1; -1)$ . Donc l'équation  $g(x) = h(x)$  semble avoir pour solutions  $-1,3$  et  $1$ . En affichant les tableaux de valeurs des deux fonctions entre  $-2,5$  et  $-1$  avec un pas de  $0,1$ , on peut trouver une valeur plus précise.

$x$	1,5	-1,4	-1,3	-1,2	-1,1
$h(x)$	-2,88	-2,8	-2,73	-2,65	-2,58
$g(x)$	-2,44	-2,51	-2,58	-2,63	-2,67

- b. L'ensemble des solutions de l'inéquation  $g(x) \leq h(x)$  est l'ensemble des abscisses des points de la courbe représentative de  $g$  situés en dessous de la courbe de  $h$ . L'ensemble des solutions de l'inéquation  $g(x) \leq h(x)$  semble être l'intervalle  $[-1,2; 1]$ .