Rappresentazione informazione Elementi di aritmetica dei computer Organizzazione della memoria e codici correttori

Salvatore Orlando

Arch. Elab. - S. Orlando 1

Codifica o codice

- Dati:
- un Alfabeto A (ad esempio, alfabeto binario: A={0,1})
- s dati distinti $D=\{d_0, d_1, ..., d_{s-1}\}$

una codifica (o codice) fornisce una corrispondenza tra

- sequenze (stringhe, configurazioni) di simboli in A, ed
- i vari dati d_i∈ D
- Solitamente, i codici fanno riferimento a sequenze di simboli di lunghezza
- Alfabeto di N simboli e

Sequenze di Iunghezza K

- N^K configurazioni possibili
 Rispetto ad un *alfabeto binario*
- numero totale di configurazioni: 2^K
- 2^k >= s (dove sè la cardinalità dell'insieme D)
- Es.: se D comprende le 26 lettere dell'alfabeto inglese (s=26)
- sono necessari almeno sequenze di K simboli binari, con K >= 5,

poiché $2^4 = 16 < 26 < 32 = 2^5$

Arch. Elab. - S. Orlando 3

Arch. Elab. - S. Orlando 4

Rappresentazione dell'informazione

- Differenza tra simbolo e significato
- la cifra (lettera) usata per scrivere è un simbolo che rappresenta l'informazione
- il concetto di numero (suono) corrisponde al significato dell'informazione
- Per comunicare/rappresentare informazioni è quindi necessario usare dei simboli
- necessaria una convenzione (rappresentazione, codifica o codice) per associare i simboli con il loro significato
- Per codificare l'informazione solitamente si usa un alfabeto di simboli
- Alfabeto = insieme finito di simboli adottati per rappresentare informazione
- Es: per rappresentare numeri nei calcolatori elettronici
 - Alfabeto binario: {0, 1}
- Simboli associati con stati elettrici facilmente distinguibili
- es.: conducibilità o meno di un transistor

Arch. Elab. - S. Orlando 2

Codifica dei numeri

- Codifica informazioni non numeriche può essere effettuata in maniera semi arbitraria.
- Basta fissare una convenzione per permettere di riconoscere i dati
- Es. Codice ASCII American Standard Code for Information
 Exchange è una codifica di caratteri alfanumerici su sequenze di simboli binari di lunghezza k=8
- Codifica dei numeri
- accurata, perché è necessario effettuare operazioni (sommare, moltiplicare ecc.) usando le rappresentazioni dei numeri
- di solito si adotta il sistema di numerazione arabica, o posizionale

Sistema di codifica posizionale

- Sistema di numerazione arabica in base 10 (B=10)
- cifre (simboli) appartenenti all'alfabeto di 10 simboli A={0,1,...,9}
- simboli con valore diverso in base alla posizione nella stringa di simboli in A (unità, decine, centinaia, migliaia, ecc.)
- Per codificare i numeri naturali in una generica base B
- fissare un alfabeto A di B simboli
- fissare una corrispondenza tra
- i B simboli di $A \Leftrightarrow i$ primi B numeri naturali (0,1,2,...,B-1)
- numeri maggiori di B rappresentabili come stringhe di simboli $d_i \in A :$
- d_{n-1} ... d₁ d₀
- valore numerico della stringa, dove la significatività delle cifre è espressa in base alle varie potenze di B:
- $B^{n-1} * d_{n-1} + ... + B^1 * d_1 + B^0 * d_0$

Arch. Elab. - S. Orlando 5

Conversione inversa

- Da base 10 a base B
- Procedimento per divisione
- Sia dato un certo numero N rappresentabile in base B come stringa di n simboli d_{n-1} ... d₁ d₀ il cui valore è:

$$N = B^{n-1} * d_{n-1} + ... + B^{1} * d_{1} + B^{0} * d_{0}$$

- Se dividiamo per B
- otteniamo d₀ come resto

- Resto: d_0 , $0 <= d_0 < B$
- possiamo iterare il procedimento, ottenendo d_1 , d_2 , d_3 ecc. fino ad ottenere un Quoziente = 0

Elntantoché è vero che (Q>0), ripeti:
$$\frac{Q}{4}$$
 R fintantoché è vero che (Q>0), ripeti: $\frac{Q}{4}$ 0 $\frac{R}{10}$ = 100 $_2$ Q = Q / B; // Q div B 1 1 1 $\frac{1}{1}$ 1

Arch. Elab. - S. Orlando 7

Arch. Elab. - S. Orlando 8

Numeri naturali in base 2

- Alfabeto binario A={0,1}, dove i simboli sono detti bit, con 0
 corrispondente al numero zero ed 1 al numero uno
- Nei calcolatori i numeri sono rappresentati come sequenze di bit di lunghezza finita
- numeri rappresentati in notazione arabica, con base B=2 (numeri binari)
- $d_{n-1} \dots d_1 d_0 \text{ dove } d_i \in \{0,1\}$
- Con stringhe di n bit, sono rappresentabili 2ⁿ dati (numeri diversi)
- dal numero 0 al numero 2ⁿ-1
- Valore numerico corrispondente, dove la significatività delle cifre è espressa sulla base di una potenza di B=2:
- $-2^{n-1} d_{n-1} + ... + 2^{1} d_1 + 2^{0} d_0$
- Es: per trovare il valore della stringa di simboli 1010 in base 2
- $-1010_2 = 1*8 + 0*4 + 1*2 + 0*1 = 10_{10}$

Arch. Elab. - S. Orlando 6

Rappresentazioni ottale ed esadecimale

- Ottale: B = 8
- Esadecimale: B = 16
- Usate per facilitare la comunicazione di numeri binari tra umani, o tra il computer e il programmatore
- Esiste infatti un metodo veloce per convertire tra base 8 (o base 16)
 e base 2, e viceversa

Rappresentazione ottale

- B = 8, $A = \{0,1,2,3,4,5,6,7\}$
- Come convertire:
- Sia dato un numero binario di 10 cifre: d₀ ... d₁ d₀, il cui valore è:

$$\sum_{i=0}^{r} 2^i \cdot d_i$$

- Raggruppiamo le cifre: da destra, a 3 a 3
- − Poniamo in evidenza la più grande potenza di 2 possibile: $(2^0 d_9) 2^9 + (2^2 d_8 + 2^1 d_7 + 2^0 d_6) 2^6 + (2^2 d_5 + 2^1 d_4 + 2^0 d_3) 2^3 + (2^2 d_2 + 2^1 d_7 + 2^0 d_0) 2^0$
- I termini tra parentesi sono numeri compresi tra 0 e 7
- si possono far corrispondere ai simboli dell'alfabeto ottale
- I fattori messi in evidenza corrispondono alle potenze di B=8:
 2°=8° 2³=8¹ 2°=8²
- Da binario ad ottale: $1001010111_2 = 1001010 111 = 1127_8$
- Da ottale a binario: $267_8 = 010 \ 111 = 10110111_2$

Arch. Elab. - S. Orlando 9

Numeri naturali (interi) binari

- Il processore che studieremo (MIPS) rappresenta i numeri interi su 32 bit (32 bit = 1 word)
- I numeri interi (unsigned) rappresentabili su 32 bit sono allora:

Rappresentazione esadecimale

- B = 16, A = $\{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,a,b,c,d,e,f\}$
- Come convertire:
- − Si dato un numero binario di 10 cifre: d₉ ... d₁ d₀, il cui valore è:

$$\sum_{i=0}^9 2^i \cdot d_i$$

- Raggruppiamo le cifre: da destra, e a 4 a 4
- Poniamo in evidenza la più grande potenza di 2 possibile:
 (2¹ d₉+2º d₈) 2⁸ + (2³ d₇+2² d₆+2¹ d₅+2⁰ d₄) 2⁴ + (2³ d₃+2² d₂+2¹ d₁+2⁰ d₀) 2⁰
- I termini tra parentesi sono numeri compresi tra 0 e 15
- si possono far corrispondere ai simboli dell'alfabeto esadecimale
- I fattori messi in evidenza corrispondono alle potenze di B=16:
 2°=16° 2⁴=16¹ 2²=16²
- Da binario ad esadecimale: $1001011111_2 = 10 0101 1111 = 25f_{16}$
- Da esadecimale a binario: $a67_{16} = 1010 \ 0110 \ 0111 = 101001100111_2$

Arch. Elab. - S. Orlando 10

Algoritmo di somma di numeri binari

- Per la somma di numeri rappresentati in binario possiamo adottare la stessa procedura usata per sommare numeri decimali
- sommare via via i numeri dello stesso peso, più l'eventuale riporto:
- La tabella per sommare 3 cifre binarie è la seguente:

	0		0	_	0	_	_	-	
	0	-	-	0	-	0	0	-	
ë	0	_	0	_	0	_	0	-	
d T	0	0	_	-	0	0	-	-	
90 90	0	0	0	0	_	_	_	-	

Arch. Elab. - S. Orlando 11

Esempio di somma

- L'algoritmo impiegato dal calcolatore per effettuare la somma è simile a quella carta e penna
- le cifre sono prodotte una dopo l'altra, da quelle meno significative a quelle più significative

Arch. Elab. - S. Orlando 13

Sottrazione e numeri relativi

- L'algoritmo impiegato nei calcolatori per sottrarre numeri binari
- è diverso da quello carta e penna, che usa la ben nota nozione di "prestito" delle cifre
- Non viene impiegata l'ovvia rappresentazione in modulo e segno per rappresentare i numeri relativi
- si usa invece una particolare rappresentazione dei numeri negativi
- Questa particolare rappresentazione permette di usare lo stesso algoritmo efficiente già impiegato per la somma
- In pratica, nel calcolatore si usa lo stesso circuito
- sia per la somma di numeri naturali (unsigned)
- sia per la somma di numeri relativi (signed)

Arch. Elab. - S. Orlando 15

Overflow

 L'overflow si verifica quando il risultato è troppo grande per essere rappresentato nel numero finito di bit messo a disposizione dalle rappresentazioni dei numeri

⇒ il riporto fluisce fuori

Es.: la somma di due numeri di n-bit produce un numero non rappresentabile su n bit

Arch. Elab. - S. Orlando 14

Possibili rappresentazioni

Two's Complement	0 + = 000	001 = + 1	010 = + 2	011 = + 3	100 = - 4	101 = - 3	110 = - 2	111 = - 1
One's Complement	0 + = 000	001 = + 1	010 = +2	011 = +3	100 = - 3	101 = - 2	110 = - 1	111 = - 0
Modulo e Segno	0 + = 000	001 = + 1	010 = +2	011 = + 3	100 = - 0	101 = - 1	110 = - 2	111 = - 3

- Problemi:
- bilanciamento: nel Complemento a Due, nessun numero positivo corrisponde al più piccolo valore negativo
- numero di zeri: le rappresentazioni in Modulo e Segno, e quella in Complemento a Uno, hanno 2 rappresentazioni per lo zero
- semplicità delle operazioni: per il Modulo e Segno bisogna prima guardare i segni e confrontare i moduli, per decidere sia il segno del risultato, e sia per decidere se bisogna sommare o sottrarre.
 Il Complemento a uno non permette di sommare numeri negativi.
- Qual è quindi la migliore rappresentazione e perché?

Complemento a 2

- La rappresentazione in complemento a 2 è quella adottata dai calcolatori per i numeri con segno (signed)
- Il bit più significativo corrisponde al segno (0 positivo, 1 negativo)
- MIPS: Numeri relativi (signed) su 32 bit:

```
maxint
                                                             Arch. Elab. - S. Orlando 17
                                                                                    0000 0000 0000 0000 0000 000 = - 2,147,483,648 ten
                                                                                                 1111 1111 1111 1111 1110<sub>two</sub> = + 2,147,483,646<sub>ten</sub>
               0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000_{\text{two}} = 0_{\text{ten}}
                                                                                     1000 0000 0000
                                                       0111 1111 1111
                                                                                                                                                                                                                    Bit di segno
```

Complemento a 2

- Il valore corrispondente alla rappresentazione dei numeri positivi è quella
- Per quanto riguarda i numeri negativi, per ottenere direttamente il valore di un numero negativo su n posizioni, basta considerare
- il bit di segno (=1) in posizione n-7 con peso: -2 $^{n+1}$
- tutti gli altri bit in posizione i con peso 2i
- Dimostrazione:
- - N viene rappresentato in complemento a 2 dal numero unsigned 2ⁿ-INI
- supponiamo che 2n-|N| corrisponda alla n-upla

1 d_{n-2} ... d₁ d₀ ⇒

$$2^{n_{-}}|N| = 2^{n_{-1}} + 2^{n_{-2}} + \dots + 2^{1*} d_1 + 2^{0*} d_0$$

 $-|N| = -2^{n_{-1}} + 2^{n_{-2}} + \dots + 2^{1*} d_1 + 2^{0*} d_0$
 $-|N| = -2^{n_{-1}} + 2^{n_{-2}} d_{n_{-2}} + \dots + 2^{1*} d_1 + 2^{0*} d_0$

Arch. Elab. - S. Orlando 19

Complemento a 2

- Rappresentazione di numeri in complemento a 2 su n bit dei numeri signed:
- ; 0
- 2ⁿ⁻¹-1 numeri positivi:
- (001)
- (01.....11) 2ⁿ⁻¹-1 (massimo)
- 2n-1 numeri negativi
- -|N| rappresentato dal numero unsigned ottenuto tramite la seguente operazione:

- $2^{n} 2^{n-1} = 2^{n-1}$ • -2ⁿ⁻¹ (minimo):

(1.....1) (10.....0) 2_n-1

Arch. Elab. - S. Orlando 18

Complemento a 2

- Dato un numero positivo N, con bit di segno uguale a 0
- Per ottenere la rappresentazione in complemento a 2 di -N è possibile impiegare equivalentemente
- Alg. 1: inverti tutti i bit (ovvero Complementa a uno) e somma 1
- Alg. 2: inverti tutti i bit a sinistra della cifra "1" meno significativa

Regole per complementare a 2

Esempio Alg. 1

Esempio Alg. 2

Arch. Elab. - S. Orlando 21

1-q

Regole per complementare a 2

Alg. 1: inverti tutti i bit e somma 1 (dimostrazione - continuazione)

$$2^{n-2} * d_{n-2} + ... + 2^{1} * d_{1} + 2^{0} * d_{0}$$

Quindi il valore del numero negativo -N sarà uguale a

$$= (2^{n-1}-1) - (2^{n-1}-1) - 2^{n-2} * d_{n-2} - \dots - 2^0 * d_0 =$$

$$= (2^{n-2}+1) - (2^{n-1}-1) - (2^{n-1}-1) - (2^{n-1}-1) - (2^{n-2}+1) - (2^{n-1}-1) - (2^{n-2}-1) - (2^{n-1}-1) -$$

sottraendo (2ⁿ⁻²-1) Sommando e

⇒ Invertendo tutti i bit della rappresentazione di N otteniamo 1(1- d_{n-2})...(1 - d₀)

- 2ⁿ⁻² + 2ⁿ⁻² * (1- d_{n-2}) + ... + 2⁰ * (1 - d₀) Sommando 1, otteniamo proprio il valore di -N sopra derivato

Arch. Elab. - S. Orlando 23

Regole per complementare a 2

Alg. 1: inverti tutti i bit e somma 1 (dimostrazione)

- La rappresentazione in complemento a 2 del numero negativo -|N| è: 1 d_{n-2} ... d₁ d₀,
- Il valore è:

```
Sommando e
                                                                    sottraendo 1
                                                                             |N| = 2^{n-1} - 2^{n-2} * d_{n-2} - ... - 2^1 * d_1 - 2^0 * d_0 = 4

= (2^{n-1}-1)+1 - (2^{n-2} * d_{n-2} + ... + 2^1 * d_1 + 2^0 * d_0) = 4

4 (2^{n-2} * 1 + ... + 2^1 * 1 + 2^0 * 1) -
-|N| = -2^{n-1} + 2^{n-2} * d_{n-2} + ... + 2^{1*} d_1 + 2^{0*} d_0
                                                                                                                                                                                                                   (2^{n-2} * d_{n-2} + ... + 2^{1} * d_{1} + 2^{0} * d_{0}) + 1 =
                                                                                                                                                                                                                                                              = (2^{n-2} * (1-d_{n-2}) + ... + 2^{0*} (1-d_0)) + 1
                                                         Allora:
```

 $2^{n-1} - 1 = \sum_{i=1}^{n-2} 2^{i}$ poiché (serie geometrica): $1 - q^{n+1}$ $\sum_{i=0}^{n} q^{i} = -$

⇒ Invertendo tutti i bit della rappresentazione di -|N| otteniamo Il valore del numero complementato (positivo) è: 0(1-d_{n-2})...(1 - d₀) dove 0=1-d_{n-1}

Sommando 1, otteniamo proprio il valore di |N| sopra derivato $2^{n-2} * (1-d_{n-2}) + ... + 2^{0} * (1-d_0)$

Arch. Elab. - S. Orlando 22

Estensione del numero bit della rappresentazione

Regola: copiare il bit più significativo (bit di segno) negli altri bit

```
0010 -> 0000 0010
                           1010 -> 1111 1010
```

- L'estensione del bit di segno funziona anche per i numeri negativi
- il complemento a 2 del numero negativo 1010 è 110, indipendentemente dal numero di 1 iniziali (es. 1...1010)
- Esempio di applicabilità dell'estensione del segno:
- un operando di una istruzione macchina può essere più corto di una word (32 bit)
- l'operando deve essere esteso nella corrispondente rappresentazione a 32 bit prima che i circuiti della CPU possano effettuare l'operazione aritmetica richiesta dall'istruzione

Addizioni & Sottrazioni

- Operazioni di numeri binari in complemento a 2 sono facili
- sottraiamo usando semplicemente l'algoritmo dell'addizione
- il sottraendo (negativo) deve essere espresso in complemento a 2
- Esempio:

Sottrazione dei valori assoluti vs Somma dei numeri relativi in compl. 2

0111+	1010=	0001
7 +	= (9-)	1
0111-	0110=	0001
7 -	=9	1

Arch. Elab. - S. Orlando 25

Scoprire gli Overflow

- No overflow se somma di numeri con segno discorde
- No overflow se sottrazione di numeri con segno concorde
- Overflow se si ottiene un numero con segno diverso da quello aspettato, ovvero se si sommano algebricamente due numeri con segno concorde, e il segno del risultato è diverso. Quindi otteniamo overflow
- se sommando due positivi si ottiene un negativo
- se sommando due negativi si ottiene un positivo
- se sottraendo un negativo da un positivo si ottiene un negativo
- se sottraendo un positivo da un negativo si ottiene un positivo
- Considera le operazioni A + B, e A B
- Può verificarsi overflow se B è 0 ?
- Può verificarsi overflow se A è 0 ?

Arch. Elab. - S. Orlando 27

Addizioni & Sottrazioni

- Per sottrarre N1 N2 (numeri di n-bit), N1>0 e N2>0
- sommiamo (N1 + (2ⁿ N2)) mod 2ⁿ
- Perché questo tipo di somma algebrica funziona ?
 Perché in questo caso non possiamo avere un overflow ?
- se N1 > N2, il risultato dovrà essere positivo. Otterremo un bit di peso n che non verrà considerato (a causa del modulo 2^n)

```
che non verrà considerato (a causa del modulo 2") 

\Rightarrow (N1 + 2^n - N2) \mod 2^n = N1 - N2 \qquad \text{poiché} \ (N1 + 2^n - N2) > 2^n
7 - 01111 + \\
6 = \frac{1010}{10001}
```

- se N1 < N2, il risultato dovrà essere negativo. Il modulo non avrà effetto, poiché (N1 + 2^n N2) < 2^n
- \Rightarrow (N1 + 2ⁿ N2) mod 2ⁿ = 2ⁿ (N2 N1), che corrisponde proprio alla rappresentazione in complemento a 2 di (N2 N1)>0

```
\begin{array}{ccc}
5 - & 0101 + \\
6 = & 1010 = \\
-1 & 1111
\end{array}
```

Arch. Elab. - S. Orlando 26

Scoprire gli Overflow

- Somma algebrica di due numeri positivi A e B la cui somma non può essere rappresentata su n bit in complemento a 2
- Overflow se A+B>=2ⁿ⁻¹

A=01111 B=00001 (OVERFLOW ⇒ due ultimi riporti discordi) A=01100 B=00001 (NON OVERFLOW ⇒ due ultimi riporti concordi)

01111+ 01100+ 00001= 00001= 10000

- Somma algebrica di due numeri negativi A e B la cui somma non può essere rappresentata su n-bit in complemento a 2
- Overflow se |A|+|B|>2ⁿ⁻¹

A=10100 B=10101 (OVERFLOW ⇒ due ultimi riporti discordi)

A=10111 B=11101 (NON OVERFLOW ⇒ due ultimi riporti concordi)

			Arch. Elab S. Orlando 28
77	10111+	11101=	10100
PH	10100+	10101=	01001

Numeri razionali (a virgola fissa)

- Numeri con la virgola (o con il punto, secondo la convenzione anglosassone)
- Nel sistema di numerazione posizionale in base B, con n cifre intere e m cifre frazionarie:

$$d_{n-1} \dots d_1 d_0$$
, $d_{-1} d_{-2} \dots d_{-m}$
Significatività:

$$B^{n-1}*d_{n-1} + ... + B^1*d_1 + B^0*d_0 + B^{-1}*d_1 + B^{-2}*d_2 + ... + B^{-m}*d_m$$

- La notazione con n+m cifre è detta a virgola fissa (fixed point)
- Conversione da base 10 a base 2
- 10,5_{dieci}

Arch. Elab. - S. Orlando 29

Numeri razionali (a virgola mobile)

- La notazione a virgola fissa (es.: n=8 e m=8) non permette di rappresentare numeri molto grandi o molto piccoli
- per numeri grandi
- utile spostare la virgola a destra e usare la maggior parte dei bit della rappresentazione per la parte intera
- per numeri piccoli
- utile spostare la virgola a sinistra e usare la maggior parte dei bit della rappresentazione per la parte frazionaria
- parte frazionaria non rappresentabile su m=8 bit Notazione in virgola mobile, o FP (Floating Point) • 0,000000000000000
 - si usa la notazione scientifica, con l'esponente per far fluttuare la virgola
- Segno, Esponente, Mantissa ⇒ (-1)^S * 10^E * M +100 * 0,121 +102 * 0,141 - 103 * 0.911
- Standard ⇒ Mantissa rappresentata come numero frazionario, con parte intera uguale a 0

Arch. Elab. - S. Orlando 32

Conversione della parte frazionaria

- Vogliamo convertire in base 2 a partire da una base B
- La parte frazionaria in base 2 che vorremmo ottenere sarà:

- se moltiplichiamo per 2, la virgola si sposta a destra

dopo aver moltiplicato per 2, la parte intera il processo di moltiplicazione deve essere diventa del numero diventa d **d**₋₁ , **d**₋₂ ... **d**_{-m}

iterato con la nuova parte frazionaria (fino a quando la parte frazionaria diventa nulla)

di 0,43 _{dieci}	Cifre frazionarie	d ₋₁	d .2	e-p	d -4	d -5	9-p	²⁻ p	⁸⁻ p	d ₋₉	
di 0,43 _{dieci}	Cif	0	_	1	0	1	_	1	0	0	
di o	*2	0,86	1,72	1,44	0,88	1,76	1,52	1,04	0,08	0,16	
		0,43	0, 86	0, 72	0, 44	0, 88	0, 76	0, 52	0, 04	0, 08	0, 16

Arch. Elab. - S. Orlando 30 0,011011100...due

Numeri razionali (a virgola mobile)

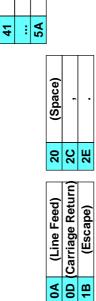
- In base 2, l'esponente E si riferisce ad una potenza di 2
- Segno, Esponente, Mantissa ⇒ (-1)^S * 2^E * M
- Dati i bit disponibili per la rappresentazione FP, si suddividono in
- 1 bit per il segno
- gruppo di bit per E
- gruppo di bit per M



rappresentazione, quando parleremo delle operazioni FP e dei circuiti Torneremo alla rappresentazione FP, e allo standard IEEE 754 di corrispondenti

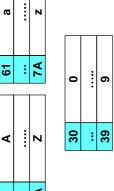
Rappresentazione informazione alfanumerica

- Per rappresentare le lettere (maiuscole, minuscole, punteggiature, ecc.) è necessario fissare uno standard
- L'esistenza di uno standard permette la comunicazione di documenti elettronici (testi, programmi, ecc.), anche tra tra computer differenti
- ASCII (American Standard Code for Information)
- in origine ogni carattere una stringhe 7 bit
- 128 caratteri, da 0 a 7F
- codici da 0 a 1F usati per caratteri non stampabili (caratteri di controllo)



O V

1B



Arch. Elab. - S. Orlando 33

JNICODE

- Gruppi di codici (code points) consecutivi associati ai più importanti alfabeti
- 336 al Latino, 256 al cirillico, ecc.
- Molti gruppi di codici assegnati a cinese, giapponese e coreano
- 1024 per i simboli fonetici
- 20992 per gli ideogrammi (Han) usati in cinese e giapponese
- 11156 per le sillabe Hangul usate in coreano
- cinesi e giapponesi richiedono nuovi ideogrammi per le parole nuove (modem, laser, smileys) e quindi nuovi codici
- molti problemi ancora aperti ...

ASCII e evoluzioni

- Codici ASCII esteso a 8 bit
- 256 codici diversi non bastano a coprire i set di caratteri usati, ad esempio, nelle lingue latine, slave, turche, ecc.
- IS (International Standard) con concetto di code page
- IS 8859-7 è il codice ASCII a 8 bit per Latin-1 (esempio l'inglese o l'italiano con le lettere accentate ecc.)
- IS 8859-2 è il codice ASCII a 8 bit per Latin-2 (lingue latine slave cocoslovacco, polacco, e ungherese)

UNICODE

- ulteriore estensione (IS 10646) con codici a 16 bit (65536 codici diversi)
- standard creato da un consorzio di gruppi industriali
- i codici che vanno da 0000 a 00FF corrispondono a /S 8859-1
- per rendere più facile la conversione di documenti da ASCII a UNICODE

Arch. Elab. - S. Orlando 34

Istruzioni machina e codifica binaria

- Le istruzioni macchina, ovvero il linguaggio che la macchina (processore) comprende, hanno bisogno anch'esse di essere codificate in binario
 - devono essere rappresentate in binario in accordo ad un formato ben
- Il linguaggio macchina è molto restrittivo
- il processore che studieremo sarà il MIPS, usato da Nintendo, Silicon **Graphics**, Sony
- l'ISA del MIPS è simile a altre architetture RISC sviluppate dal 1980
- le istruzioni aritmetiche del MIPS permettono solo operazioni elementari (add, sub, mult, div) tra coppie di operandi a 32 bit
- le istruzioni MIPS operano su particolari supporti di memoria denominati registri, la cui lunghezza è di 32 bit = 4 Byte

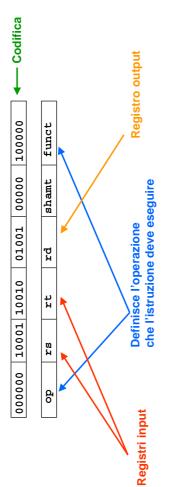
Formato (codifica) delle istruzioni macchina

Esempio:

add \$9, \$17, \$18 (semantica: \$9=\$17+\$18)

dove i registri sono identificati dai numeri 9, 17, 18

Formato delle istruzioni:



Arch. Elab. - S. Orlando 37

Numeri binari magici

- 2³ = 8 (8 bit = 1 Byte B)
 2⁵ = 32 (32 bit = 1 Word)
 La dimensione della word dipende dal processore. Esistono processori dove la Word è di
 - $2^6 = 64$ bit (oppure di $2^4 = 16$ bit) $2^{10} = 1024$ (K Kilo Migliaia - KB (kilobytes) - Kb (kilobits)) 2^{20} (M Mega Milioni - MB)
 - 2²⁰ 2³⁰
- (G Giga Miliardi GB) (T Tera Migliaia di Miliardi - TB)

2⁴⁰

(P Peta Milioni di Miliardi - PB)

8 bit (1 B) è un'unità fondamentale:

- è l'unità di allocazione della memoria
- codici ASCII e UNICODE hanno dimensione, rispettivamente, 1 B e 2 B

Informazione e memoria

- L'informazione, opportunamente codificata, ha bisogno di essere memorizzata nel calcolatore per essere utilizzata.
- In particolare i programmi (e i dati) devono essere trasferiti nella memoria principale del computer per l'esecuzione
- Organizzazione della memoria
- sequenza di celle (o locazioni) di lunghezza prefissata

8 bits of data

- ogni cella è associata con un numero (chiamato indirizzo)
- se un indirizzo è espresso come numero binario di m bit
 - sono indirizzabili 2^m celle diverse (da 0 a 2^m -1)
 indirizzi consecutivi ⇒ celle contigue
- nelle memorie attuali, ogni cella di memoria è lunga
 - 2³=8 bit = 1 Byte (memoria indirizzabile al Byte)
 I Byte consecutivi sono organizzate in gruppi
- ogni gruppo è una Word
- processori a 64 bit (Word di 8 Bytes) e a 32 bit (Word di 4 Bytes)
- le istruzioni aritmetiche operano su Word
- la dimensione della Word stabilisce qual è il massimo intero rappresentabile

Arch. Elab. - S. Orlando 38

Codici per correggere o scoprire errori

- Le memorie elettroniche (o magnetiche come i dischi) memorizzano bit usando meccanismi che possono occasionalmente generare errori
- es.: un bit settato ad 1 viene poi letto uguale a 0, o viceversa
- Formalizziamo il concetto di errore in una codifica a n bit
- C codifica corretta, C' codifica letta
- Distanza di Hamming tra le codifiche
- H(C, C') : numero di cifre binarie differenti a parità di posizione
- Possibili situazioni
- H(C, C')=0 : significa che C e C' sono uguali (OK)
- H(C, C')=1 : significa che C e C' differiscono per 1 solo bit
 - H(C, C')=2 : significa che C e C' differiscono per 2 soli bit
- • •

Parità

- Per scoprire gli errori singoli, ovvero per accorgersi se H(C, C')=1
- aggiungiamo bit di parità alla codifica
- bit aggiuntivo posto a 1 o a 0
- affinché il numero di bit 1 nelle varie codifiche sia pari (dispari)
- se si verifica un errore singolo (un numero di errori dispari) in C', allora il numero di bit 1 non sarà più pari
- purtroppo, con un singolo bit di parità, non scopriremo mai un numero di errori doppio, o in generale pari
- In verità, usare un bit di parità significa usare una codifica non minimale nella rappresentazione dell'informazione
- una codifica minimale usa tutte stringhe possibili
- in questo si usano solo la metà delle stringhe permesse su n+1 bit
- la distanza "minima" di Hamming tra coppie di codifiche permesse è 2
- es.: n=2 con 1 bit di parità (no. bit pari)
- Stringhe (codifiche) permesse
- 000 011 101 110
- Stringhe (codifiche) non permesse

Arch. Elab. - S. Orlando 41

Distanza di Hamming e codici correttori

- E' possibile definire una codifica *non* minimale su *m bit* per correggere o scoprire errori
- La distanza di Hamming della codifica è definita come:
- la distanza di Hamming "minima" tra le varie coppie di codici validi
- Nota che la distanza di Hamming in una codifiche minimale è 1
- Codifica non minimale su 6 bit con distanza di Hamming uguale a 3
 solo 4 codici validi: 000000 000111 111000 111111
 - solo 4 codici validi: 000000 000111 111000
 H(000000,000111)=3 H(000000,111000)=3
 H(000000,111111)=6 H(000111,111000)=6
 H(000111,11111)=3
- la codifica di sopra permette di
- scoprire fino a 2 errori
- es.: se siamo sicuri che ci possono essere al massimo 2 errori, la distanza tra una stringa corretta C e la stringa erronea C' è 2 < 3.
 C' non può essere scambiato per un codice corretto perché la distanza di Hamming del codice è 3.
- correggere fino a 1 errore
- es.: 010000 è più vicino a 000000

Arch. Elab. - S. Orlando 43

Codici correttori

- In generale, possiamo avere più di un bit per correggere o scoprire possibili errori multipli
 - errori multipli - n sono i bit della codifica minimale
- − m sono i bit della codifica estesa, m>n
- -r = m n sono i bit ridondanti che estendono la codifica minimale
- solo 2ⁿ delle 2^m codifiche possibili sono valide
- per ogni codifica su n bit, i rimanenti r bit ridondanti possono essere codificati soltanto in modo fisso affinché la codifica sia valida e corretta
- se singolo bit di parità
- 1+u=m
- solo 2ⁿ delle 2ⁿ⁺¹ codifiche possibili sono valide (solo metà)

Arch. Elab. - S. Orlando 42

Distanza di Hamming e codici correttori

- Per scoprire fino a derrori su singoli bit
- è necessario che la distanza di Hamming della codifica sia d+1
- supponiamo di avere una codifica siffatta
- supponiamo che C' sia una codifica erronea di C tale che: 1 < H(C,C') ≤ d
- C' non può essere scambiato per una codifica valida, perché in questo caso dovrebbe essere vero che: H(C,C') ≥ d+1
- Per correggere fino a d'errori su singoli bit
- è necessario che la distanza di Hamming della codifica sia 2d+1
- supponiamo di avere una codifica siffatta
- supponiamo che C' sia una codifica erronea di C tale che:
 - 1 < H(C,C') ≤ d
- C' non può essere scambiato per una codifica valida, perché in questo caso dovrebbe essere vero che: H(C,C') ≥ 2d+1
- poiché C è la codifica valida più vicina a C', possiamo pensare che C sia la codifica corretta e correggere l'errore

Codici correttori

- Esiste un algoritmo dovuto a Hamming (1950) che permette di determinare una codifica con un numero minimo di bit di ridondanza per la correzione degli errori
- Esempio:
- Numero minimo di check bit (bit ridondanti) per correggere errori singoli (d=1)
 - I check bit devono essere configurati in modo che la distanza di Hamming tra le codifiche valide sia 2d+1=3

Word size	Check bits	Total size	Percent overhead
8	4	12	20
16	5	21	31
32	9	38	19
64	7	71	11
128	8	136	9
256	6	265	4
512	10	522	2