# Upute za Projekt iz HMO-a 2016./17.

#### Energetski učinkovito raspoređivanje virtualnih mrežnih funkcija

## Definicija problema

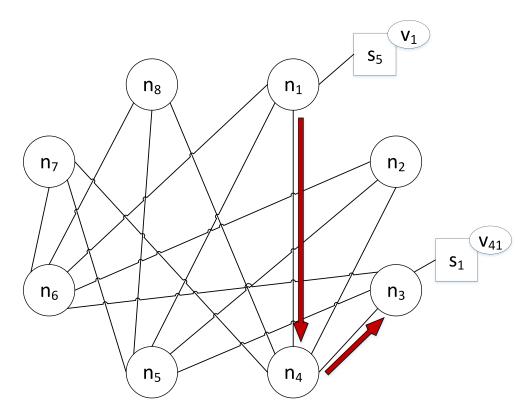
5G mreže nove generacije oslanjat će se na virtualizirane podatkovne centre za izvršavanje mrežnih funkcija. Virtualizacija mrežnih funkcija donijet će značajne uštede u smislu troškova infrastrukture i složenosti upravljanja. Kako bi se minimizirala potrošnja energije potrebne za rad računalne i mrežne infrastrukture, potrebno je izgraditi optimizacijski model koji smješta mrežne funkcije na što povoljniju lokaciju, usmjerava podatke na što povoljniji način, uzimajući u obzir mrežnu topologiju, ograničene računalne i mrežne resurse.

U konkretnom zadatku, mreža se sastoji od čvorova na koje su spojeni poslužitelji te veza između čvorova. Virtualne mrežne funkcije izvršavaju se kroz uslužni lanac koji čini niz komponenti smještenih na poslužiteljima. Komponente međusobno komuniciraju putem spomenute mreže kako bi bila pružena usluga definirana lancem. Čvorovi, poslužitelji i veze koje pritom niti jedna komponenta ne koristi mogu se isključiti, čime se štedi energija. Za zadanu mrežnu topologiju i zadane lance usluga potrebno je rasporediti komponente virtualnih mrežnih funkcija na zadane poslužitelje te odrediti puteve usmjeravanja prometa između komponenti, pri čemu se **minimizira** potrošnja energije potrebne za rad infrastrukture.

### Instanca problema

Instanca problema definira čvorove i njihovu potrošnju energije. Također, opisane su veze između čvorova, zajedno s obilježjima tih veza: kapacitetom, potrošnjom energije i kašnjenjem. Zadan je i smještaj poslužitelja po čvorovima te njihova potrošnja energije i dostupni resursi. Instanca definira uslužne lance, zadane kao niz komponenti koje se u lancu koriste. Pojedinačne komponente zadane su sa svojim zahtjevima za resursima. Komponenta "troši" resurse poslužitelja na koji je smještena, a komunikacija između dvije susjedne komponente u uslužnom lancu "troši" dio kapaciteta svih veza na putu između čvorova na kojima se komponente nalaze. Veze su dvosmjerne te je instancom zadan kapacitet za svaki smjer.

U primjeru sa slike poslužitelj  $s_5$  spojen je na čvor  $n_1$ , a poslužitelj  $s_1$  na čvor  $n_3$ . Uslužni lanac definiran je kao niz od dvije komponente,  $v_1$  i  $v_{41}$ . Slika prikazuje primjer njihovog smještaja na definirane poslužitelje te put kojim se promet od  $v_1$  do  $v_{41}$  usmjerava.



U nastavku je opisana ulazna datoteka instance problema.

```
// broj poslužitelja
numServers = 28;

// broj komponenti virtualnih mrežnih funkcija
numVms = 44;

// broj vrsta poslužiteljskih resursa
numRes = 2;

// broj čvorova
numNodes = 8;

// broj uslužnih lanaca
numServiceChains = 62;

// maksimalna potrošnja energije na poslužitelju
```

```
// indeks označava broj poslužitelja
P_{\max} = [270.0, 220.0, 190.0, 220.0, 190.0, 290.0, 270.0, 260.0, 280.0, 180.0, 190.0, \dots]
// minimalna potošnja energije na poslužitelju
// ukoliko je utilizacija procesora 0%
P_{\min} = [108.0, 66.0, 38.0, 66.0, 38.0, 116.0, 108.0, 78.0, 112.0, 36.0, 38.0, 36.0, 32.0, \dots]
// zahtjevi svake komponente za oba resursa
// index je oznaka komponente
req = [
// dostupnost oba resursa na poslužitelju
// index je oznaka poslužitelja
av = [
[2.0,1.2,0.8,1.2,0.8,2.4,2.0,1.8,2.0,0.8,1.2,0.8,0.6,1.8,1.8,2.0,1.8,2.4,0.6,...
[3.2,1.6,1.2,1.6,1.2,1.6,3.2,2.2,3.2,1.2,1.6,1.2,0.8,2.2,2.2,3.2,2.2,1.6,0.8,\dots]
// lokacija poslužitelja na čvorovima
// redak označava poslužitelj, a stupac čvor
al = Γ
[0,0,1,0,0,0,0,0]
[0,1,0,0,0,0,0,0]
[1,0,0,0,0,0,0,0]
[0,1,0,0,0,0,0,0]
. . .
// definicije uslužnih lanaca
// redak predstavlja lanac, a vrijednost 1 na i-tom mjestu u retku
// označava uključenost komponente i u lanac
sc = [
. . .
// potrošnja energije na čvorovima 1-8
P = [480,350,290,350,290,600,480,600];
// definicija veza između čvorova
// <prvi čvor, drugi čvor, kapacitet, potrošnja energije, kašnjenje>
```

# Model energetski učinkovitog raspoređivanja virtualnih mrežnih funkcija

Za matematičko definiranje problema potrebno je definirati sve korištene varijable:

Ulazni	Opis
parametar	
$\overline{S}$	skup poslužitelja
V	skup komponenti virtualnih mrežnih funkcija
N	skup čvorova
L	skup veza
C	skup uslužnih lanaca
$a_{rs}$	količina resursa $r$ dostupna na poslužitelju $s$
$a_{rv}$	količina resursa $r$ zahtjevana od komponente $v$
$P_n$	statička potrošnja energije na čvoru $n$
$P_s^{min}$	minimalna potrošnja na poslužitelju $s$
$P_s^{max}$	maksimalna potrošnja na poslužitelju $s$
$b^{v_i,v_j}$	zahtijevana propusnost između komponenti $v_i$ i $v_j$
$b_{i,j}$	kapacitet veze $(i, j)$
$P_{i,j}$	potrošnja energije veze $(i,j)$
$l_{ij}$	kašnjenje na vezi $(i,j)$
$l_c$	maksimalno kašnjenje koje tolerira uslužni lanac c

Varijable	Opis
odluke	
$\overline{x_{vs}}$	1ako je komponenta $v$ smještena na poslužitelj $s,$ inače $0$
$y_s$	1 ako je poslužitelj $s$ aktivan, inače $0$
$z_n$	1 ako je čvor $n$ aktivan, inače $0$
$f_{i,j}^{v_1,v_2}$	1 ako se promet $b^{v_i,v_j}$ proslijeđuje vezom $(i,j)$ , inače 0
$w_{i,j}$	1 ako se veza $(i,j)$ koristi za prijenos prometa, inače 0

Potrošnja energije svakog poslužitelja s linearno raste s porastom utilizacije procesora u rasponu  $[P_s^{min}, P_s^{max}]$ . Utilizacija procesora se pritom računa zbrajanjem zahtjeva za procesorskim resursima svih komponenti smještenih na poslužitelj i dijeljenjem s ukupno dostupnim procesorskim resursima na poslužitelju. U konkretnoj instanci možete pretpostaviti da prvi resurs predstavlja procesorske resurse. Potrošnja energije svakog aktivnog čvora n iznosi  $P_n$ , a potrošnja energije svake aktivne veze iznosi  $P_{i,j}$  te je neovisna o količini prometa koji prenosi.

Ukoliko kroz čvor ne prolazi nikakav mrežni promet niti ima aktivnih poslužitelja na čvoru, čvor se može ugasiti te tada ne troši energiju (neaktivno stanje). Poslužitelji se smatraju neaktivnima ukoliko na njima nije smještena niti jedna komponenta virtualnih mrežnih funkcija. Veze također mogu biti neaktivne, ukoliko ne prenose nikakav promet.

Funkcija cilja zadanog problema može se matematički zapisati kao:

$$\min \sum_{s \in S} [P_s^{min} \cdot y_s + (P_s^{max} - P_s^{min}) \cdot \frac{1}{a_{rs}} \cdot \sum_{v \in V} a_{rv} \cdot x_{vs}] + \sum_{n \in N} P_n \cdot z_n + \sum_{(i,j) \in L} P_{ij} \cdot w_{ij}$$

gdje r predstavlja procesorske resurse. Funkcija sumira potrošnju energije uzrokovanu korištenjem resursa na poslužiteljima, potrošnju energije na aktivnim mrežnim čvorovima te potrošnju energije na aktivnim vezama između čvorova.

Ograničenja ovoga problema mogu se definirati sljedećim matematičkim izrazima:

Izraz		Opis
	$\sum_{s \in S} x_{vs} = 1, v \in V$	Svaka komponenta $v$ smještena je na točno jedan poslužitelj.
	$y_s \le \sum_{v \in V} x_{vs}, s \in S$	Ukoliko nema komponenti na poslužitelju $s,$ poslužitelj nije aktivan.

$x_{vs} \le y_s, s \in S, v \in V$	Ukoliko je neka komponenta smještena na poslužitelj $s$ , poslužitelj je aktivan.
$\sum_{v \in V} a_{rv} \cdot x_{vs} \le a_{rs} \cdot y_s, s \in S, r \in R$	Ukupni resursi zahtijevani od strane svih komponenti smještenih na nekom poslužitelju ne smiju prekoračiti količinu resursa dostupnu na tom poslužitelju.
$\sum_{(v1,v2)\in\cup_{C\in\{C\}}C} b^{v_1,v_2} \cdot f^{v_1,v_2}_{ij} \le b_{ij}w_{ij}, (i,j)\in L$	Ukupan promet koji prolazi vezom $(i,j)$ mora biti manji od kapaciteta te veze. Ukoliko se neki promet $b^{v1,v2}$ prenosi preko veze $(i,j)$ , tada ta veza mora biti označena kao aktivna.
$w_{ij} \le z_i, w_{ij} \le z_j, (i,j) \in L$	Ukoliko u čvor ulazi ili iz čvora izlazi aktivna veza, čvor je aktivan.
$f_{ij}^{v1,v2} \le z_i, f_{ij}^{v1,v2} \le z_j, (i,j) \in L$	Ukoliko promet ulazi ili izlazi iz čvora, čvor je aktivan.
$\sum_{(i,j)\in L} l_{ij} \cdot f_{ij}^{v1,v2} \le L_C^{v1,v2}, C \in C, (v1,v2) \in C$	Za svaki uslužni lanac suma kašnjenja između susjednih komponenata lanca mora biti manja ili jednaka maksimalnom dozvoljenom kašnjenju za taj uslužni lanac.

# Projektni zadatak

- 1. Smislite i implementirajte heuristiku za rješavanje opisanog problema.
- 2. Izvedite svoj algoritam za zadanu instancu problema.
- 3. Pohranite svojih 10 najboljih rješenja, dobivenih bez vremenskog ograničenja izvođenja algoritma.
- 4. Pohranite rješenja dobivena nakon 1 minutu, 5 minuta i 1 sat izvođenja implementirane heuristike (dodatna 3 rješenja).

- 5. Načinite izvještaj koja opisuje Vaš algoritam. Izvještaj bi trebao uključivati:
  - Opis problema
  - Opis primijenjenog algoritma, tj. heuristike (prikaz rješenja, funkcija cilja/prikladnosti, način dobivanja početnog rješenja, kriterij zaustavljanja i veličina iteracije, elementi dizajna specifični za odabranu heuristiku...)
  - Pseudokod primijenjenog algoritma
  - Opis dobivenih rezultata i diskusija (npr. utjecaj određenih parametara heuristike na kvalitetu rješenja, vrijeme izvođenja algoritma)
  - Kratki zaključak (Potencijalna poboljšanja?)

\*napomena: datoteke s dobivenim najboljim rješenjima moraju imati:

- naziv koji se sastoji od ključne riječi "res-x-" i vašeg prezimena, pri čemu je x redni broj rješenja (npr. res-1-orsolic.txt)
- svaka datoteka treba sadržavati informacije o smještaju komponenti na poslužitelje te putevima usmjeravanja za susjedne komponente u uslužnim lancima, u sljedećem formatu:

```
x=[
[0,0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,...]
[0,0,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,...]
...
[1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,...]
];
routes={
<7,9,[1,4,2]>,
<5,11,[7,6]>,
...
};
```

U danom primjeru rješenja, komponenta 1 smještena je na poslužitelj 7, komponenta 2 na poslužitelj 3, a komponenta 44 na poslužitelj 1. Dobiveni put između komponente 7 i 9 prolazi čvorovima 1, 4 i 2, što znači da je komponenta 7 smještena na čvoru 1, a komponenta 9 na čvoru 2. Komunikacija između komponenti 5 i 11 odvija se putem čvorova 7 i 6.