

>>



[17-18] Appunti Porto

Formulari

Ordini di grandezza

Descrivere le misure - precisione → misura accurata (errore metà/pollici)
 misura precisa (fluttua. statistiche)

Mecanica: capire i movimenti delle forze

- ↳ CINEMATICA: descrive il moto
- ↳ DINAMICA: influenza delle forze
- ↳ CONSERV. ENERGETICA
- LX → CAUSE DEL MOTO: forze esterne

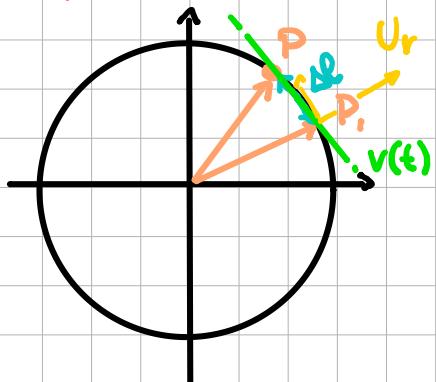
Punti materiali x
 semplificare

massa totale
 macchina

NO estensione

↳ SISTEMA DI RIFERIMENTO: uso assi ortogonali con radiente

Moto circolare



$$P_x = P \cdot \cos \alpha \quad P_y = P \cdot \sin \alpha$$

$$\text{Velocità angolare} \quad \omega_m = \frac{\Delta \alpha}{\Delta t} \quad \omega = \frac{d\alpha}{dt} = \frac{\nu}{R}$$

$$\text{Velocità} \quad \vec{v}(t) = |\vec{v}(t)| = \omega(t)R$$

$$\text{Accelerazione} \quad \vec{a} = \frac{\nu^2}{R} \vec{U}_n = \frac{\nu^2}{R} = \omega^2 R = \omega \nu \quad \Rightarrow \quad s(t) = s_0 + \nu t \\ \text{MCU} \quad a_m = \frac{\Delta \omega}{\Delta t} \quad a(t) = a_0 + \omega t$$

Periodo

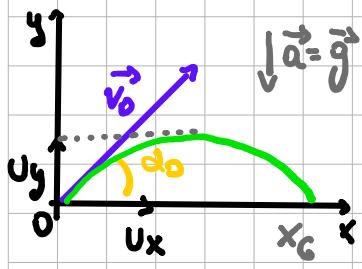
$$T = \frac{2\pi R}{\nu} = \frac{2\pi}{\omega}$$

$$\text{Accelerazione angolare media} \quad a_m = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$$

Accelerazione angolare istantanea

$$a = \frac{d\omega}{dt} = \frac{1}{R} a_T \Rightarrow \text{normale} = \omega^2 R \quad \text{tangenziale} = \omega R$$

Moto parabolico



$$\begin{cases} U_x = U_0 \cos \theta_0 \\ U_y = U_0 \sin \theta_0 - gt \end{cases}$$

Se lanciato da h:

$$\begin{cases} x = x(t) = (U_0 \cos \theta_0) t \\ y = y(t) = (U_0 \sin \theta_0) t - \frac{1}{2} g t^2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x(0) = 0 \\ y(0) = h \\ U_x(0) = U_0 \\ U_y(0) = 0 \end{cases} \quad \begin{cases} x(t) = U_0 t \\ y(t) = h - \frac{1}{2} g t^2 \\ U_x(t) = U_0 \\ U_y(t) = -gt \end{cases}$$

Moto rettilineo

Velocità media $\vec{v}_m = \frac{\Delta \vec{x}}{\Delta t} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{2}$ | $v_m = \frac{d}{t}$

Velocità istantanea $\vec{v}(t) = \frac{d\vec{x}(t)}{dt}$ | $v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{x}}{\Delta t} = \frac{d\vec{x}(t)}{dt}$

Legge del moto $\vec{x}(t) = \vec{x}_0 + \vec{v}(t \cdot t_0)$

Accelerazione media $a_m = \frac{\Delta v}{\Delta t}$ $a(t) = \frac{d^2 x}{dt^2}$ \Rightarrow $a = 0$ MRU
 $a > 0$ velocità crescente
 $a < 0$ velocità decrescente

Legge della velocità $\vec{v}(t) = \vec{v}_0 + a(t \cdot t_0)$

Legge MRUA $\vec{x}(t) = \vec{x}_0 + \vec{v}_0 t + \frac{1}{2} a t^2$ LEGGE MRUA $v = v_0 + a t$

Moto verticale $\rightarrow t = t_0 = 0 / x_0 = h / \vec{v}_0 = 0$

$$\vec{x}(t) = \vec{x}_0 + \vec{v}_0 t + \frac{1}{2} a t^2 = h - \frac{1}{2} g t^2 - \vec{v}_0 t \quad | \quad \vec{v}(t) = \vec{v}_0 + a t = -\vec{v}_0 - g t = \vec{v}_z t - \frac{1}{2} g t^2$$

$$v_c = v(t_c) = -g t_c = -\sqrt{2gh}$$

Diminica

① Senza forze esterne (somma forze = 0), il corpo non cambia velocità
 : SISTEMA INERZIALE

Se si ha forze non apparenute nel sistema = SISTEMA NON INERZIALE

② Si ha una relazione tra forza e accelerazione, con la massa

$$\vec{F} = m \vec{a} \quad \vec{a} = \frac{\vec{F}}{m}$$

③ Principio di azione - reazione

$$N = kg \frac{m}{s^2}$$

Trasformazioni di Galilei

Sistemi di \Rightarrow **solidale**: il corpo risulta fermo
rispetto all'ambiente | **assoluto**: sia il corpo che R siano in movimento

\hookrightarrow se S si muove con velocità costante rispetto a S:

$$x' = x - vt \quad v' = v \quad z' = z \quad t = t'$$

Legge di composizione degli spostamenti

$$\Delta S = \Delta S_r + \Delta S_e$$

\rightarrow spostamento punto materiale

\downarrow spostamento inerziale

Legge di composizione delle velocità $v = v_r + v_e$

Legge di invarianza dell'accelerazione $a = a_r$

Leggi per dimensioni

$$\begin{cases} x' = x - v_x t \\ y' = y - v_y t \end{cases}$$

$$\begin{cases} x' = x - v_x t \\ y' = y - v_y t \\ z' = z - v_z t \end{cases}$$

Forza elastica

Legge di Hooke $\vec{F} = -k \Delta \vec{x} = m \vec{a} \Rightarrow \vec{a} = -\frac{k(x-x_0)}{m}$ | estremo: moto armonico

\downarrow
Si oppone ad allungamento

Forze apparenti: osservate soltanto nei sistemi non inerziali

\hookrightarrow un corpo soggetto ad una risultante di forze nulle (di massa) si muove comunque di moto non uniforme (accelerato)

$F' = F - F_{app} \Rightarrow$ il 2° principio della dinamica varia rispetto ai sistemi inerziali a causa dell'accelerazione del sistema

Forza centrifuga: apparente | Osservatori inerziali: centripeta
In sistemi non inerziali in moto rotatorio

$$F_{cp} = M\omega^2 r \quad \omega = \text{velocità angolare}$$

Lavoro

Rappresentazione di spostamento di un corpo causato da certa forza

$$L = \vec{F}_x \Delta \vec{x} [Nm] = |\vec{F}| |\Delta \vec{x}| \cos \alpha = \vec{F} \cdot \vec{s} = \frac{1}{2} m v_f^2 - \frac{1}{2} m v_0^2$$

Se forza è ortogonale, il lavoro è nullo - Joule ($J = Nm$)

\hookrightarrow se no forze e spostamenti lineari

$$L = \int_{x_0}^{x_f} \vec{F}_x \cdot dx = \begin{cases} L_x = F_x x \\ L_y = F_y y \\ L_z = F_z z \end{cases} \rightarrow L = L_x + L_y + L_z = \vec{F} \cdot \vec{s} = \int_a s F ds$$

Energia

Lavoro anche trasferimento di energia che la forza fa su un punto materiale

$$E_k = \frac{1}{2} m v_f^2 - \frac{1}{2} m v_0^2 \quad \text{variazione energia cinetica}$$

- ① Se corpo ha energia cinetica iniziale, forza effettua lavoro, si ha che energia cinetica finale = somma E_k iniziale + lavoro di forze risultanti

$$dW = F ds = m v d\sigma \quad | \quad W_{AB} = \int_{v_A}^{v_B} m v dv = E_{k,B} - E_{k,A} = \Delta E_k$$

Lavoro $W_{AB} = mg(z_B - z_A) = -\Delta E_p \quad E_p = mgh$
 forza peso

Lavoro $W = -\left(\frac{1}{2} k x_B^2 - \frac{1}{2} k x_A^2\right) = -(E_{pB} - E_{pA}) = -\Delta E_p \quad E_p = \frac{1}{2} k x^2$
 forza elastica

\downarrow
 energia potenziale elastica.

Forze conservative e non conservative

Forza di attrito dinamico

$$\vec{f}_{AD} = -\mu_D N$$



Forza di attrito statico

$$\vec{f}_{AS} = -\mu_S N$$

$$\hookrightarrow W_{AD} = -\mu_D N \ell_{AD}$$

↳ **Conservative**: il lavoro non dipende dal percorso $\Rightarrow E_p$

↳ **Conservazione energia meccanica** : $E_{KB} + E_{PB} = E_{KA} + E_{PA}$

↳ **non conservative**: il lavoro dipende dal percorso $\Rightarrow \text{NO } E_p$

$$W = W_{\text{cons}} + W_{\text{non-cons}} = \Delta E_m = -M_p N L_{AB}$$

Gravitazione

Forza **centrale**, in qualsiasi punto \rightarrow direzione \overline{OP}

- ↳ ① Le orbite dei pianeti sono ellittiche e il fuoco occupa uno dei tre fuochi
- ↳ ② Velocità areale del raggio che unisce il sole al pianeta è costante

$$\text{Vareale} \cdot \frac{\Delta A}{\Delta t} = \text{const} \quad dA = \frac{|\vec{r}| |\vec{dr}|}{2} \quad \frac{dA}{dt} = \frac{r}{2} \frac{dr}{dt}$$

- ↳ ③ quadrato periodo rivoluzione proporzionale al cubo del semiasse maggiore

$$T^2 = k_s a^3 \quad \text{Eccentricità} \quad E = \sqrt{1 - \frac{b^2}{a^2}} \leq 1 \quad \text{Area ellisse} : A = \pi a b = \pi a^2 \sqrt{1 - E^2}$$

Orbita circolare $\frac{\Delta A}{\Delta t} = \text{const} = \frac{1}{2} r^2 \frac{d\theta}{dt}$ $\underbrace{\frac{d\theta}{dt}}_{\text{const}}$

Forza centripeta $F = m \omega^2 r \cdot m \frac{4\pi^2}{T^2} r = \frac{4\pi^2}{k_s} \frac{m}{r^2}$

Forze Sole-terra $F_{S,T} = \frac{4\pi^2}{k_s} \frac{M_T}{r^2}$

Legge di gravitazione universale $F = -G \frac{m_1 m_2}{r^2} \vec{ur}$ $g = \frac{F_{S,T}}{M_T}$

Costante Cavendish $G = 6,67 \cdot 10^{-11} \frac{\text{Nm}^2}{\text{kg}^2} = 6,67 \cdot 10^{-11} \frac{\text{Nm}^3}{\text{s}^2 \text{kg}}$

$$\text{Campo gravitazionale } \vec{F} = -G \frac{Mm}{R^2} \vec{U}_{km} = \left(-G \frac{M}{r^2}\right) m = \eta m$$

$$\vec{\eta}(r) = \left(-G \frac{M}{r^2} \vec{U}_r\right)$$

$$\text{Energia potenziale gravitazionale } w = -GMm \left(-\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1}\right) = \Delta E_p$$

$$E_p = -G \frac{Mm}{r}$$

$$\text{Velocità di fuga } v_f = \sqrt{\frac{2GM}{r}}$$

Fluidodinamica

Punto materiale \rightarrow sistema continuo di punti

- ↳ proprietà estensive, additive \rightarrow massa, volume, energia
- ↳ quantità intensive, non dipendono da quantità materiale \rightarrow temperatura, densità
- ↳ pressione $p = \vec{F}/s$, scalare
- ↳ viscosità: attrito interno allo scorrimento (fluido ideale: nullo)

Forze

volume (peso): $dF = gdm \cdot gpdV$

| Pressione: $dF = pdS$

Legge di Stevino: $p(h) = p_0 + \rho gh$

Principio di Archimede

Isoliamo porzione generica di fluido, densità ρ $\rightarrow F_{\text{peso}} = F_{\text{pressione}}$

\downarrow
inserisco al posto di quella porzione un materiale di densità ρ .
Non cambia azione forze di pressione, perde l'equilibrio

Spiuta $\rightarrow F_A = \rho g V$

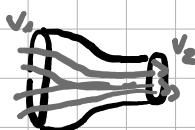
Moto di un fluido

Moto in regime stazionario, velocità varia da punto a altro, no tempo

Linee di corrente: traiettorie di elementi flusso tangenti a velocità

↪ insieme:

tubo di flusso



$$Q = \int_S v dS = \langle v \rangle S = \text{costante}$$

Portata: volume di fluido che attraversa in un secondo una sezione infinitesima di tubo:

$$dq = v dS$$

Teorema di Bernoulli

Fluido ideale + incompressibile

$$dV_1 = S_1 dh_1 = dV_2 = S_2 dh_2$$

Scorrimento

$$dW = dW_{\text{presa}} + dW_{\text{pressione}} = dE_k$$

Teorema

$$\rho + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g z = \text{costante}$$

↪ **Fluido statico**: $v = 0$

$$\rho + \rho g z = \text{costante}$$

$$\rho(h) = \rho_0 + \rho gh$$

↪ **Condotto orizzontale**: $\rho + \frac{1}{2} \rho v^2 = \text{costante}$

Teorema di Torricelli

Recipienti con piccolo foro di superficie, velocità in uscita dal foro

$$\left(\rho + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g z \right)_A = \left(\rho + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g z \right)_B \rightarrow P_A = P_B \quad z_A = h \quad V_A = V \\ V_A = 0 \quad P_B = P \quad z_B = 0$$

$$\rho_0 + \rho gh = \rho + \frac{1}{2} \rho v^2 \Rightarrow 2gh = V^2 \rightarrow V = \sqrt{2gh}$$

Moto armonico

Describe moto molle e pendolo



ϕ : fase

$$v(t) = -\omega A \cos(\omega t + \phi)$$

$$a(t) = -\omega^2 A \sin(\omega t + \phi)$$

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$T = 2\pi/\omega$$

$$E_m = \frac{1}{2} k A^2$$

Pendolo

$$F_p = -mg \sin \vartheta$$

$$F = -mg \sin \varphi$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$$

Termodinamica

Sistema termodinamico: porzione del mondo composta da una o più parti

Ambiente: ciò che interagisce col sistema termodinamico

↳ **aperto**: sistema \leftrightarrow ambiente si hanno scambi di energia e materia

↳ **chiuso**: sistema \leftrightarrow ambiente si hanno scambi di energia

↳ **isolato**: sistema \leftrightarrow ambiente non avvengono scambi

↳ descritto da **variabili termodinamiche**

↳ **estensive**: globali, dimensione-extensione, additive
massa, volume

↳ **intensive**: locali, varia all'interno di sistema, no additive
pressione, temperatura, densità

↳ Se le **variabili di stato** sono costanti si ha **equilibrio termodinamico**

↳ **meccanico**: equilibrio di forze e momenti

↳ **chimico**: assenza reazioni chimiche/trasferimenti interni

↳ **termico**: temperatura costante
temperatura = indice di eq. termico

$$f(P, V, T) =$$

→ passaggio tra due stati: trasformazione termodinamica

Principio zero: due sistemi entrambi in equilibrio termico con un terzo sistema sono in equilibrio termico tra loro

per portarli in equilibrio: contatto

se raggiungono: **diatermica / adiabatica**



sistema **adiabatico** se circondato da pareti adiabatiche, no contatto termico

Temperatura: condizioni

→ **caratteristica termometrica:** deve esistere X che caratterizza fenomeno fisico e varia con temperatura

→ registrata da **termometro**

temp. funz. di $X = \theta(X)$ = funzione termometrica

→ sistema in stato di equilibrio ben definito → **punto fisso**

$T = 273,15 \text{ K}$ (punto triplo dell'acqua)

→ **Scale**

→ **Celsius** $t(^{\circ}\text{C}) = T(\text{K}) - 273,15$
 $t(^{\circ}\text{C}) = \frac{5}{9} [T(^{\circ}\text{F}) - 32]$

→ **Rankine** $t(^{\circ}\text{R}) = \frac{9}{5} T(\text{K})$

→ **Fahrenheit** fusione: 32°F , ebollizione 212°F
 $t(^{\circ}\text{F}) = \frac{9}{5} T(\text{K}) - 459,67$
 $t(^{\circ}\text{F}) = \frac{9}{5} T(^{\circ}\text{C}) + 32$

→ **Kelvin** assoluta con zero assoluto

Gas perfetti: per descrivere gas si usano variabili termodinamiche della pressione, temperatura e volume



gas scambia lavoro/calore

Legge interna di Boyle $\Rightarrow pV = \text{costante}$

Trasformazioni → **isobara** $\rightarrow V = V_0 (1 + \alpha t) = V_0 \alpha T$

α : coefficiente di dilatazione termica

Legge isobara di Volta-Gay Lussac

$$\xrightarrow{\text{isocora}} P = P_0(1 + \beta t) : P_0 \propto T$$

β : costante

Legge isocora di Volta-Gay Lussac

Legge di Avogadro: volumi uguali di gas diversi (stessa T, stessa P), contengono stesso numero di molecole (gas ideali)

$$N_{\text{molecole}} = \frac{M}{m} \quad N_A = 6,0221 \times 10^{-23} \left[\frac{\text{molecole}}{\text{mol}} \right]$$

Mole: quantità di materia che contiene tante entità elementari quanti sono gli atomi contenuti in 0,012 kg dell'isotopo del carbonio ^{12}C

↓
a una data T e P, una mole occupa lo stesso V

Legge dei gas perfetti: $PV = nRT$ $R = 8314 \frac{\text{J}}{\text{Kmol K}}$
 $= Nk_B T$ $k_B = 1,3807 \cdot 10^{-23} \frac{\text{J}}{\text{K}}$

Un gas perfetto è un sistema le cui coordinate termodinamiche in uno stato di equilibrio rispondono alla legge dei gas perfetti

Teoria cinetica

Lavoro $w = \int_A^B p(V) dV$

↓ bisogna conoscere $p(V)$, la si conosce solo se la trasformazione è reversibile

↓ o è nota la pressione esterna e la trasformazione

$$p = \frac{nRT}{V} \quad w = nRT \ln \left(\frac{V_B}{V_A} \right)$$

isocora $\Rightarrow w = 0$

$V_F > V_I$ + gas compie lavoro su ambiente $\Rightarrow w$ positivo

gas compresso \Rightarrow subisce $-w$ da ambiente

isobara $\Rightarrow w = p(V_B - V_A) = p\Delta V$

Primo principio

Lavoro indipendente da tipo di trasformazione tra due stati

$$W_{ad} = -\Delta U = U_{in} - U_{fin} \quad Q = \Delta U = -W$$

↓
equivaleanza tra lavoro e calore

$$Q = \Delta U + W$$

- ① Esiste funzione di stato chiamata **energia interna** le cui variazioni danno gli scambi energetici del sistema con l'esterno durante trasformazione
- ② Energia fornita ad un sistema, immagazzinata come energia interna, può essere **riutilizzata**
- ③ **Energia interna** = energia legata alle proprietà interne del sistema come moto molecolare o forze intermolecolari che dipendono da temperatura, pressione e volume
- ④ Si ha scambio di energia non esprimibile come scambio di lavoro macroscopico → **calore**
- ⑤ Se un sistema esegue una trasformazione che lo riporta allo stato iniziale si ha **trasformazione ciclica** con: $\Delta U = 0 \Rightarrow Q = W$
Se $Q > 0, W > 0$, fornisce lavoro ⇒ **macchina termica**
- ⑥ se si hanno trasformazioni impiantive si ha: $dQ = dU + dW$

Elettrostatica

Tre costituenti: neutrone n : neutro, $m_n = 1,67 \cdot 10^{-24}$ \Rightarrow ionizzazione: sottrazione
protone p : positivo, $m_p = 1,67 \cdot 10^{-24}$ elettroni
elettrone e : negativo, $m_e = 9,11 \cdot 10^{-31}$ \rightarrow la sua carica è la Carica elementare

Principio conservazione della carica: in un sistema elettricamente isolato, la somma algebrica delle cariche rimane costante nel tempo e si conserva

Induzione elettrostatica: certa quantità di elettroni liberi si spostano all'estremità di un materiale se viene avvicinato un materiale carico

Legge di Coulomb

$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \rightarrow \begin{array}{l} \text{Forze esercitate da due cariche} \Rightarrow \frac{F_1}{F_2} = \frac{q_1}{q_2} \\ \text{sulla carica, stessa distanza} \\ \downarrow \\ \text{due sfere con lo stesso raggio} \Rightarrow \frac{q_1}{q_2} = \frac{R_1}{R_2} \text{ avranno la stessa metà carica} \end{array}$$

$$k = 9 \cdot 10^9 \frac{\text{Nm}^2}{\text{C}^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$$

$$\epsilon_0 = \frac{1}{4\pi k} = 8,8542 \frac{\text{C}^2}{\text{Nm}^2} = \text{costante dielettrica nel vuoto}$$

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} \quad e = 1,6022 \cdot 10^{-19}$$

Campo elettrostatico: forza q_0 proporzionale a q_0 stessa

$$\hookrightarrow E = \frac{F}{q_0} \left[\frac{\text{N}}{\text{C}} \right] = \text{prodotto da una} \underset{\text{carica } q_1}{=} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1}{r^2}$$

Linea di campo: presenza di una o più cariche modifica lo spazio circostante.

Partendo da una generica posizione, e muovendosi per tratti infinitesimi successivi, ciascun parallelo e concorde al campo si ha una linea tangente al campo + verso del campo

Flusso del campo elettrico

Superficie $d\Sigma$ immersa in una regione in cui è definito campo E , e si orienta verso il versore della normale U_n

Flusso campo E , attraverso $d\Sigma$: $d\Phi(E) = E \cdot U_n d\Sigma = E \cos \alpha d\Sigma = \tilde{E} n d\Sigma$



$E > 0$ uscente, $E < 0$ entrante

$$\Phi(E) = \int E n d\Sigma \quad | \quad \oint_{\Sigma} E n d\Sigma = \text{chiuso}$$

angolo solido: $d\Phi(E) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} d\Omega$



$$\int_{\Sigma} E \cdot U_n d\Sigma = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \int d\Omega = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \Omega$$

Carica → interna: q/ϵ_0

esterna: come elementare sottende $d\Omega$ che stacca sulla superficie $d\Sigma_1$ e $d\Sigma_2$.

$$d\Phi_1(E) = E_1 \cdot U_n d\Sigma_1 = -\frac{q}{4\pi\epsilon_0} d\Omega$$

$$d\Phi_2(E) = E_2 \cdot U_n d\Sigma_2 = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} d\Omega = -d\Phi_1(E)$$

Si ha flusso nullo

Legge di Gauss: il flusso del campo E attraverso una superficie chiusa è uguale alla somma algebrica delle cariche contenute entro la superficie, comunque siano distribuite, divisa per ϵ_0

Campo è costante nelle zone in cui E è parallelo a U_n

↳ $\Phi(E) = \oint E \cdot U_n d\Sigma = E \Sigma = q/\epsilon_0$ campo: $E = \frac{q}{\epsilon_0 \Sigma}$

► Carica puntiforme: q_0 in un singolo punto dello spazio

$$\Sigma = \frac{q_0}{4\pi r^2 \epsilon_0}$$

► filo carico infinito: $\Phi = E 2\pi rh \quad E = \frac{1}{2\pi\epsilon} \frac{\lambda}{r} \quad \lambda = q/h$

filo infinito uniformemente carico da origine ad un campo elettrico il cui vettore di intensità è direttamente proporzionale alla densità di carica per unità di lunghezza e inversamente proporzionale alla distanza dal filo

► **distribuzione planare**: $\epsilon_0 \oint E dA = q_{enc}$ $\epsilon_0 (E_A + \bar{E}_A) = \sigma A$ $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$

Se si divide lo spazio omogeneo ed isotopo con un piano verticale, la condizione che **zone a destra e sinistra del piano** devono essere per simmetria **indistinguibili** impone che:

- ↳ le linee di campo devono essere **perpendicolari** al piano carico
- ↳ nei punti ad uguale distanza, a dx e sx del piano, il campo deve avere lo **stesso valore**

Lavoro elettrico/potenziale elettrostatico

↳ se q_0 subisce moto \Rightarrow causato da forza proporzionale a q_0 - stessa quando agisce una forza su una carica si ha campo elettrico (**elettromotore**)

$$\hookrightarrow E = F/q_0 \quad \text{lavoro} = dW_1 = F ds = q_0 E ds = q_0 E \cos \theta ds \quad d = \bar{E} \text{ e } ds$$

Spostamento finito tra due punti: $W_1 = \int_A^B dW_1 = \int_A^B F ds = q_0 \int_A^B E ds$

Tensione elettrica tra due punti lungo A: $T_1 = \int_A^B E ds = \frac{W_1}{q_0}$

Potenziale elettrostatico: $V_A - V_B = \int_A^B E ds$

Differenza di potenziale: $W_{AB} = q_0(V_A - V_B) = q_0 \Delta V = -\Delta U_e \Rightarrow U_e = q_0 V$

Lavoro forza conservativa pari all'opposto della variazione di energia potenziale una carica in un campo elettrostatico possiede energia potenziale proporzionale al potenziale.

Una superficie dove i punti hanno lo stesso potenziale: **equipotenziale**, in un punto passa una e una sola superficie equipotenziale

$$V(r) = \frac{q}{4\pi \epsilon_0 r} = \text{costante} \rightarrow r = \text{costante} \Rightarrow \begin{array}{l} \text{superficie sferiche concentriche} \\ \text{con centro nella carica} \end{array}$$

Conduttori: alcune cariche possono spostarsi al loro interno.

$E = 0$ all'interno; superficie equipotenziale

Teorema di Coulomb: $E = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \hat{n}$ verso: entrante \rightarrow densità negativa
uscente \rightarrow densità positiva

Condensatori: $C = Q/V$ (capacità)

Sistema di due conduttori tra i quali c'è **induzione completa**, si chiama **condensatore**, e i due conduttori sono le **armature**.

↳ **in parallelo**: si comportano come un unico condensatore
capacità = somma delle capacità dei componenti

↳ **in serie**: capacità sempre minore alla capacità di ciascun condensatore

$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots + \frac{1}{C_n}$$

Corrente elettrica e circuiti elettrici

Pioggio di elettroni da conduttore a potenziale **minore** rispetto ad uno a potenziale **maggior**

↳ **pila** permette di creare corrente continua

densità di corrente: $i = J \cdot \varepsilon = dq/dt$ $J = n_e e v_d$ ($\frac{A}{m^2}$)

accelerazione elettronni: $a = F/m = -e E/m$

velocità di deriva: $v_d = -\frac{eT}{m} E$

Conduttività: $j = \sigma E$ = legge di Ohm della conduzione elettrica

$E = p j$ $p = 1/\sigma$ = resistività del conduttore

Resistenza del conduttore: $R = \rho \frac{l}{A}$

Legge di Ohm per i conduttori metallici: $V = R i$

Conduttanza: $G = 1/R$

Conduttori caratterizzati da una certa resistenza in circuiti \Rightarrow **resistori**

↳ **resistori in serie**: un estremo in comune. $V_1 = R_1 i$ $V_{tot} = (R_1 + R_2) i = R_{eq} i$
↓
resistenza equivalente

↳ resistori in parallelo: corrente entrante sia uguale a uscente

$$\frac{1}{R_{\text{eq}}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$$

Leggi di Kirchhoff

In una rete ci sono nodi e rami.

Nodo: convergono almeno tre conduttori

Ramo: ciò che collega i nodi

Maglia: cammino chiuso costituito da più rami

↳ Legge dei nodi: somma algebrica delle correnti che confluiscono in un nodo è nulla

$$\sum_k i_k = 0$$

↳ Legge delle maglie: presa una maglia con il verso della corrente fissato

$$N = R - (N - 1)$$

$$\sum_k R_k i_k = \sum_k E_k$$

Somma algebrica forze elettromagnetiche presenti nei rami della maglia uguale alla somma delle differenze di potenziale ai capi dei resistori situati nei rami della maglia.

Campo magnetico

Azioni magnetiche non sono altro che la manifestazione dell'interazione tra cariche elettriche in movimento

Campo magnetico stationario B può essere rappresentato con linee di forza $\left(\frac{T \cdot N}{\text{tesla}} \frac{\text{C m}}{\text{s}} \right)$
Perpendicolare alla velocità della particella

Somma delle masse magnetiche è sempre nulla $\oint B_n d\Sigma = 0$

↳ flusso campo magnetico per superficie chiusa è nullo

↳ particella in campo B : Forza di Lorentz $\Rightarrow F = qv \times B = qr \sin \theta B$
Forza nulla se la velocità è parallela al campo, massima se ortogonale
 $\rightarrow F = q(E + v \times B)$

Permeabilità magnetica nel vuoto: $\frac{\mu_0}{4\pi} \frac{i ds}{r^2} U_i \times U_r$ regola mano destra
 ↳ pollice = corrente

Legge di Ampère-Laplace \rightarrow circuito chiuso $B = \frac{\mu_0 i}{4\pi} \oint \frac{ds \times U_r}{r^2}$

↳ filo rettilineo indefinito: filo conduttore 2a, punto P a distanza R dal filo

$$dB = \frac{\mu_0 i}{4\pi} \frac{ds \times \text{sen}\alpha}{r^2} \quad \begin{array}{l} \text{Biot - } \\ \text{Savart} \end{array} \quad B = \frac{\mu_0 i M \phi}{2\pi R}$$

↳ due fili paralleli distanti R: $F_{ab} = i_b L \times B_a = i_b L \frac{\mu_0 i M \phi}{4\pi R}$

↳ spira circolare nel centro: $B = \frac{\mu_0 i}{2R} U_n$

Equazioni di Maxwell nel vuoto per un campo statico (J : densità di corrente)

$$\oint F dA = \frac{Q}{\epsilon_0} \quad \oint B dA = 0 \quad \oint E ds = 0 \quad \oint B ds = \mu_0 J$$

Campo non statico

$$\oint E ds = - \frac{d\phi_B}{dt} \quad \oint B ds = \mu_0 J + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial E}{\partial t}$$

Esempi

Pendolo seconda legge: $ml^2 \frac{d^2 \alpha}{dt^2} = - mgL \text{sen}\alpha$
 di Newton

moto armonico: $\frac{d^2 \alpha}{dt^2} = - \frac{g}{l} \alpha$

$$\alpha = A \cos(\omega t + \phi)$$

A = ampiezza massima

w = pulsazione angolare

ϕ = fase iniziale

$$\text{periodo: } T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

Invece di una corda con massa
 ho una singola sbarra di lunghezza l?

$$\text{momento} = ml^2 = m \frac{l}{3}^2$$

$$\text{equazione: } \frac{ml^2}{3} \frac{d^2 \alpha}{dt^2} = - mg \frac{l}{2} \text{ sen}\alpha$$

$$\text{piccole oscillazioni: } \frac{d^2 \alpha}{dt^2} = - \frac{3g}{2l} \alpha$$

$$\text{Periodo: } T = 2\pi \sqrt{\frac{2I}{3g}} \quad \text{Periodo aumenta}$$

Teorema di Gauss: flusso del campo elettrico attraverso una superficie chiusa è pari alla somma delle cariche elettriche interne divisa per la costante dielettrica

$$\Phi_E = \oint_S \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0}$$

Φ_E : flusso campo elettrico

\vec{E} : campo elettrico

$d\vec{S}$: superficie orientata

Q_{int} : carica elettrica totale

ϵ_0 : costante dielettrica nel vuoto

Forza di Lorentz: forza che si esercita su una carica elettrica in movimento in un campo elettromagnetico (\vec{E} elettrico e \vec{B} magnetico)

$$\vec{F}_L = q(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B})$$

q : carica

\vec{v} : velocità

\vec{B} ed \vec{E} : campi

$$F_L = |q| \sqrt{E^2 + v^2 B^2 + 2EvB \cos \alpha}$$

α : angolo tra \vec{E} e \vec{v}

$$F_L = |q|vB \sin \alpha \Rightarrow \text{massimo: } \alpha = \frac{\pi}{2}$$

minimo: $\alpha = 0, \alpha = \pi$

Se particella entra in \vec{B} con $\alpha = 90^\circ$ rispetto a \vec{B} , il suo moto è una circonferenza
Agisce come forza centripeta

$$R = \frac{mv}{|q|B}$$