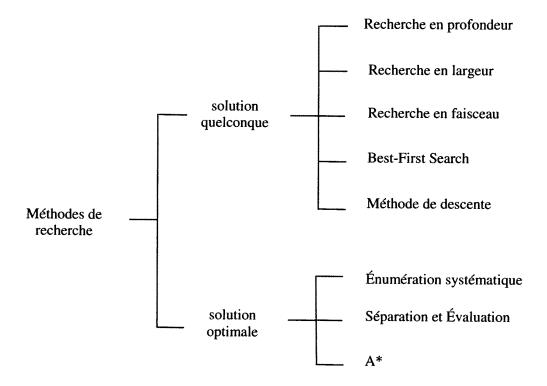
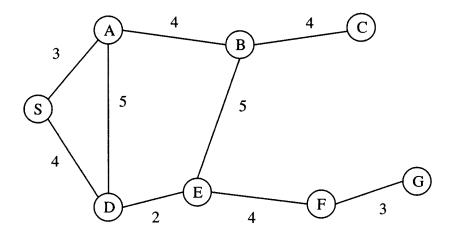
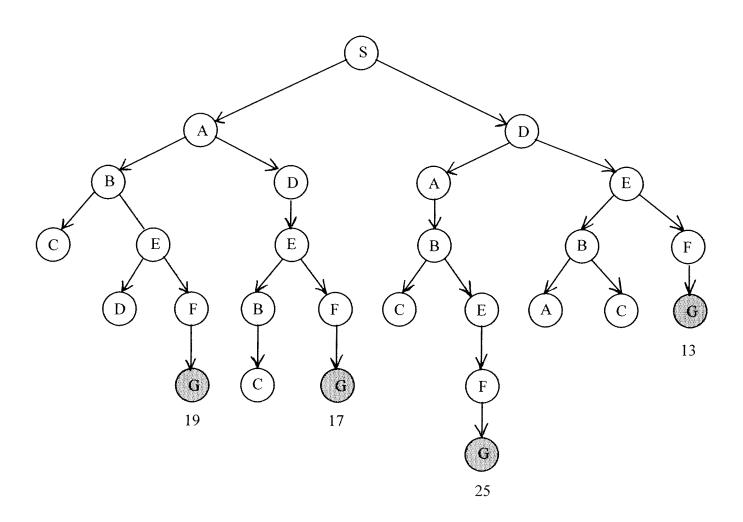
## Méthodes de recherche



Problème : Identifier une chaîne élémentaire menant de S à G dans le graphe



# Espace de recherche



## Recherche en Profondeur (Depth-First Search)

- 1.  $Q \leftarrow S$
- 2. Tant que Q n'est pas vide et qu'un noeud cible n'a pas été atteint:

Déterminer d'abord si le premier élément de Q est un noeud cible.

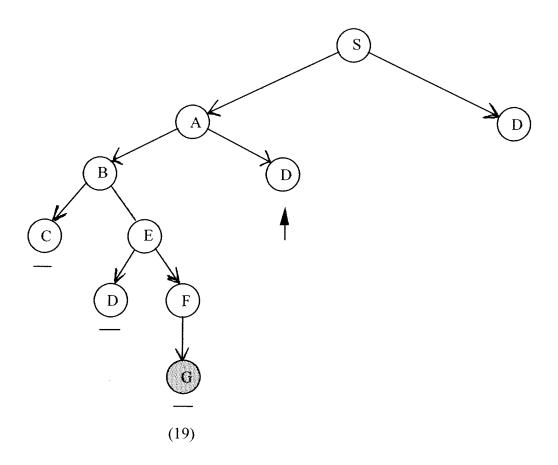
- 2a. Si c'est le cas, on ne fait rien
- 2b. Sinon, enlever cet élément de Q et ajouter ses enfants dans l'ordre gauche-droite <u>au début</u> de Q.
- 3. Si un noeud cible a été atteint alors Succès; sinon Échec

### Évolution de Q

- (a) S
- (b) AD
- (c) BDD
- (d) CEDD
- (e) .....

- Recherche <u>aveugle</u>, <u>révocable</u>
- Q est une pile
- Il y a un danger de s'enfoncer profondément dans un sous-arbre touffu qui ne contient pas de solutions (e.g. si C donne accès à un sous-réseau ne contenant pas de noeuds cibles)
- En pratique: on fixe une limite sur la profondeur de la recherche

# Recherche en Profondeur (Depth-First Search)



## Recherche en Profondeur (Depth-First Search)

#### Remarques

- Amélioration heuristique: ordonner les enfants non pas dans un ordre systématique gauche-droite, mais en fonction des connaissances du problème, <u>de façon à explorer les alternatives les plus intéressantes en premier</u>.

#### **Exemple**

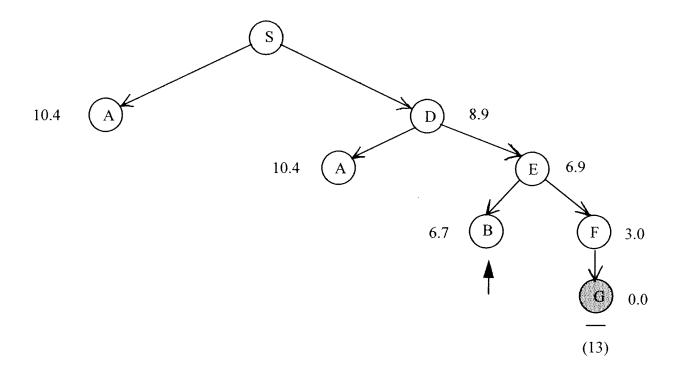
- 1.  $Q \leftarrow S$
- 2. Tant que Q n'est pas vide et qu'un noeud cible n'a pas été atteint:

Déterminer d'abord si le premier élément de Q est un noeud cible.

- 2a. Si c'est le cas, on ne fait rien
- 2b. Sinon, enlever cet élément de Q, <u>trier les enfants en fonction de la distance estimée restant à parcourir</u>, <u>et ajouter les enfants dans cet ordre au début de Q</u>
- 3. Si un noeud cible a été atteint alors Succès; sinon Échec

N.B. la distance restant à parcourir peut être estimée par la distance euclidienne ou distance à vol d'oiseau entre le noeud courant et le noeud cible.

## Recherche en Profondeur (avec amélioration heuristique)



## Recherche en Largeur (Breadth-First Search)

- 1.  $Q \leftarrow S$
- 2. Tant que Q n'est pas vide et qu'un noeud cible n'a pas été atteint:

Déterminer d'abord si le premier élément de Q est un noeud cible.

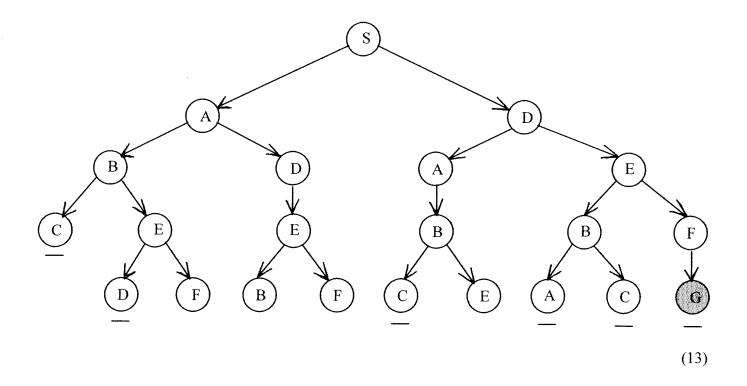
- 2a. Si c'est le cas, on ne fait rien
- 2b. Sinon, enlever cet élément de Q et ajouter ses enfants dans l'ordre gauche-droite <u>à la fin</u> de Q.
- 3. Si un noeud cible a été atteint alors Succès; sinon Échec

## Évolution de Q

- (a) S
- (b) AD
- (c) DBD
- (d) BDAE
- (e) .....

- Recherche aveugle, irrévocable
- Q est une queue
- Peut être coûteux si toutes les solutions admissibles sont à peu près au même niveau (comme dans notre exemple)
- Si le coût sur toutes les branches est le même, alors la recherche en largeur trouve la solution optimale.

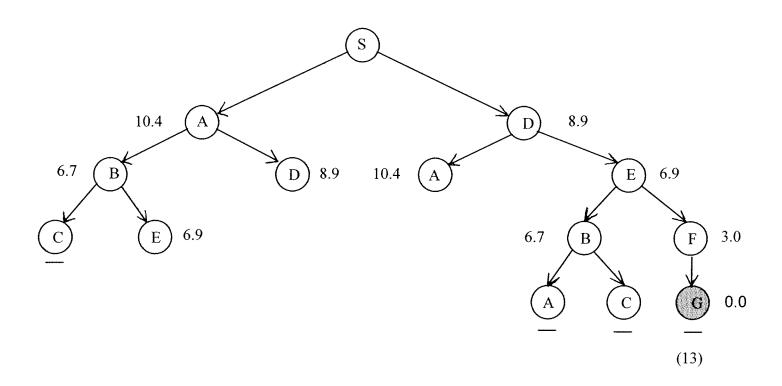
# Recherche en Largeur (Breadth-First Search)



## Recherche en Largeur (Breadth-First Search)

- Recherche en faisceau: amélioration heuristique où on sélectionne à chaque niveau un nombre fixe de noeuds à partir desquels on poursuit la recherche.
  - réduit le nombre de noeuds à explorer
  - recherche non systématique: il est donc possible de passer "à coté" d'une solution admissible.
  - compromis entre le temps d'exécution et la qualité de la solution finale: largeur du faisceau

## Recherche en Faisceau (Beam Search)



Largeur du Faisceau = 2

Heuristique: distance estimée restant à parcourir

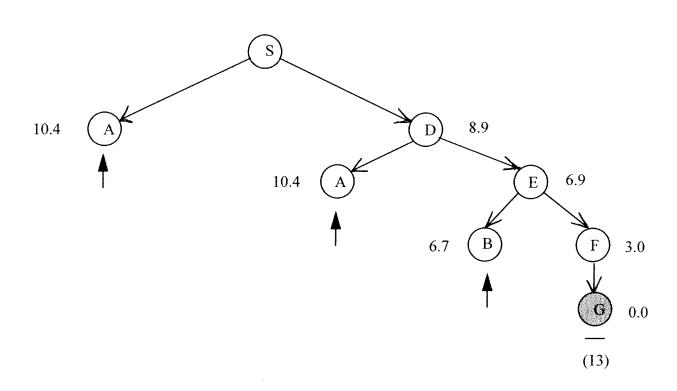
### Best-First Search

- 1.  $Q \leftarrow S$
- 2. Tant que Q n'est pas vide et qu'un noeud cible n'a pas été atteint:

Déterminer d'abord si le premier élément de Q est un noeud cible.

- 2a. Si c'est le cas, on ne fait rien
- 2b. Sinon, enlever cet élément de Q, ajouter ses enfants à Q, et <u>trier Q</u> (au complet) en fonction de la distance estimée restant à parcourir,.
- 3. Si un noeud cible a été atteint alors Succès; sinon Échec.

- Recherche informée
- Plus efficace que les recherches aveugles

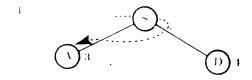


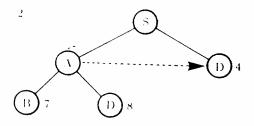
## Énumération Systématique (British Museum)

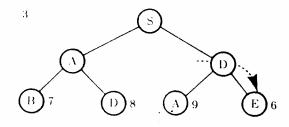
- Énumérer toutes les solutions possibles
- Modification de la recherche en longueur ou en profondeur:
- On n'arrête pas dès qu'on a trouvé une solution, mais on poursuit jusqu'à ce que tout l'espace de recherche ait été exploré
- Pas applicable lorsque l'espace de recherche est étendu

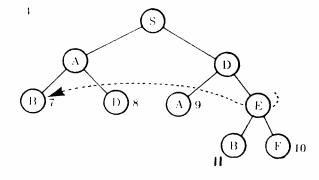
## Séparation et Évaluation (Branch-and-Bound)

- Recherche informée qui permet d'obtenir une solution optimale sans une énumération explicite de toutes les solutions possibles (sauf en pire cas).
- Ressemble à Best-First Search.
- Mesure d'évaluation heuristique: distance parcourue jusqu'à présent.
- On retient toujours la valeur de la meilleure solution admissible rencontrée jusqu'à présent, afin d'éliminer des portions de l'espace de recherche qui ne peuvent contenir de solutions optimales.

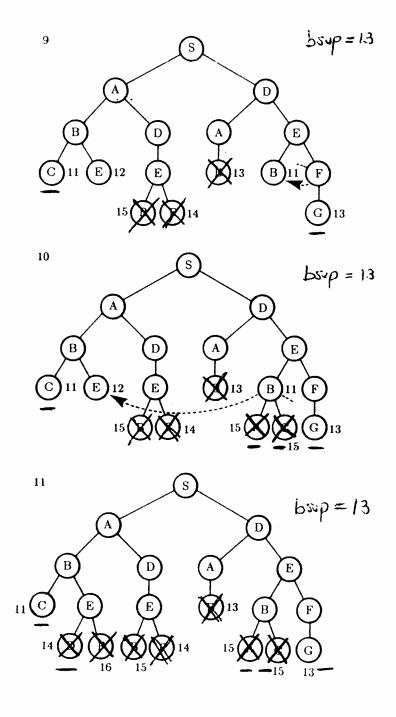




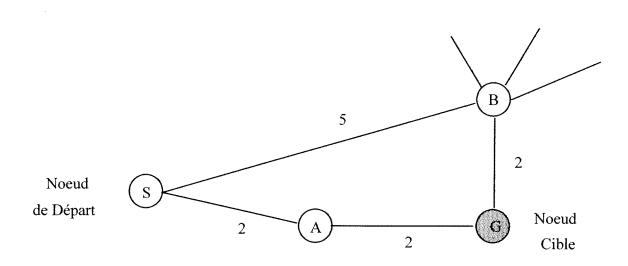


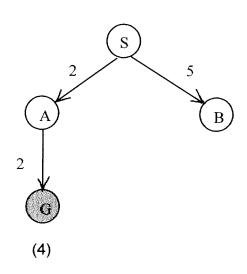


pps te

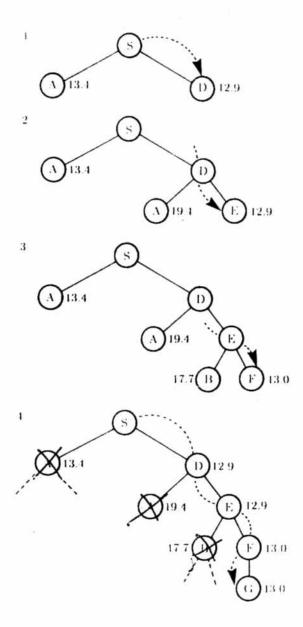


# Séparation et Évaluation (Branch-and-Bound)





- Recherche informée qui améliore Séparation et Évaluation.
- On ajoute à la distance accumulée un estimé de la distance à parcourir (de telle sorte que la distance obtenue constitue une borne inférieure de la distance réelle)
- L'ajout de l'estimé permet d'élaguer plus rapidement certaines branches de l'arbre de recherche, sans compromettre l'optimalité de la méthode.
- Séparation et Évaluation est un cas spécial de A\*, où l'estimé de la distance à parcourir est fixé à 0.



## Espace de recherche

On considère l'espace de recherche suivant:
(plutôt qu'un espace de recherche de type "constructif", tel que celui qui nous a permis de trouver un chemin dans un graphe)

- Noeud: solution admissible quelconque

- Arc: opérateur (transformation) qu'on peut appliquer à une solution

admissible afin d'obtenir une nouvelle solution admissible

## Méthode de descente (Hill-climbing)

- Recherche informée, irrévocable.
- Semblable à la recherche en profondeur avec ordonnancement heuristique des enfants (sauf que dans ce dernier cas, la recherche est révocable).
  - 1. solution courante  $\leftarrow$  solution initiale
  - 2. Répéter:

Générer un ensemble de solutions voisines de la solution courante (à l'aide des opérateurs disponibles)

- 2a. Si la meilleure solution dans ce voisinage est meilleure que la solution courante, elle devient la nouvelle solution courante
- 2b. Sinon on arrête
- 3. Retourner la solution courante