



Definition des Skalarprodukt

4. Das Skalarprodukt

- 74 1. a) $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| |\vec{b}| \cos \gamma = \sqrt{10} \cdot \sqrt{18} \cdot \cos 63^\circ \approx 6,09$
 b) $\vec{a} \cdot \vec{b} = 5 \cdot 4 \cdot 0,8 = 16$
 c) $|\vec{a}| = \sqrt{34}, |\vec{b}| = \sqrt{61}, \gamma = 180^\circ - 50,19^\circ - 59,04^\circ = 70,77^\circ, \vec{a} \cdot \vec{b} = \sqrt{34} \cdot \sqrt{61} \cdot \cos 70,77^\circ \approx 15$
 d) $|\vec{a}| = \sqrt{20}, |\vec{b}| = \sqrt{52}, \gamma = 56,31^\circ - 26,57^\circ \approx 29,74^\circ, \vec{a} \cdot \vec{b} \approx 28$
- 76 2. a) Messen: $|\vec{a}| \approx 5,7, |\vec{b}| \approx 4,5, \gamma \approx 72^\circ, \vec{a} \cdot \vec{b} \approx 7,92$
 $|\vec{a}| = 5, |\vec{b}| \approx 6,4, \gamma \approx 88^\circ, \vec{a} \cdot \vec{b} \approx 1,12$
 $|\vec{a}| \approx 4,5, |\vec{b}| = 5, \gamma \approx 117^\circ, \vec{a} \cdot \vec{b} \approx -10,21$
 b) Koordinatenform: $\vec{a} \cdot \vec{b} = \begin{pmatrix} -4 \\ 4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix} = 8, \vec{a} \cdot \vec{b} = \begin{pmatrix} -3 \\ -4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 5 \\ -4 \end{pmatrix} = 1, \vec{a} \cdot \vec{b} = \begin{pmatrix} -2 \\ -4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 5 \\ 0 \end{pmatrix} = -10$
3. a) $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0, \vec{a} \cdot \vec{c} = 16, \vec{b} \cdot \vec{c} = 9$
 b) $\vec{DA} \cdot \vec{DF} = 36, \vec{FB} \cdot \vec{FD} = -15, \vec{AF} \cdot \vec{AD} = 0, \vec{DC} \cdot \vec{DF} = 40$
 c) Die Innenwinkel in einem Sechseck betragen 120° .
 $\vec{a} \cdot \vec{b} = 5 \cdot 5 \cdot \cos 120^\circ = -12,5, \vec{a} \cdot \vec{c} = 5 \cdot 5 \cdot \cos 60^\circ = 12,5, \vec{a} \cdot \vec{d} = 5 \cdot 5 \cdot \cos 180^\circ = -25$
 $(\vec{a} + \vec{b}) \cdot \vec{c} = |\vec{a} + \vec{b}| \cdot 5 \cdot \cos 90^\circ = 0, (\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}) \cdot (\vec{d} + \vec{e} + \vec{f}) = 10 \cdot 10 \cdot \cos 180^\circ = -100$
4. a) -2 b) $a^2 + a$ c) 0 d) -1
5. a) $2a^2 + 4a + 2 = 0, a = -1$ b) $a + 4a + a = 1, a = 1/6$ c) $4a + 5 = 6, a = 0,25$
6. a) $\vec{SB} \cdot \vec{SC} = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ -3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -3 \\ 3 \\ -3 \end{pmatrix} = 9, \vec{AD} \cdot \vec{DC} = 0, \vec{AC} \cdot \vec{BD} = 0, \vec{BA} \cdot \vec{BS} = 18$
 b) $\vec{SA} = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ -3 \end{pmatrix}, \vec{SB} = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ -3 \end{pmatrix}, \vec{SA} \cdot \vec{SB} = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ -3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ -3 \end{pmatrix} = 9$
 $|\vec{SA}| = \sqrt{27} = |\vec{SB}|, \vec{SA} \cdot \vec{SB} = 9 = \sqrt{27} \cdot \sqrt{27} \cdot \cos \alpha \Rightarrow \alpha \approx 70,53^\circ$

Winkel zwischen zwei Vektoren

S. 78 Ü1a, b),
Ü2b), Ü3a, c)
und *U4)*



5. Winkel- und Flächenberechnungen

1. a) $\cos \gamma = \frac{6}{\sqrt{10} \cdot \sqrt{18}}, \quad \gamma \approx 63,43^\circ$

b) $\cos \gamma = \frac{-10}{\sqrt{14} \cdot 20}, \quad \gamma \approx 126,70^\circ$

78

c) $\cos \gamma = \frac{0}{\sqrt{41} \cdot 21}, \quad \gamma = 90^\circ$

2. a) $\cos \alpha = \frac{5}{\sqrt{13} \cdot 17}, \quad \alpha \approx 70,35^\circ$

b) $\cos \alpha = \frac{44}{\sqrt{40} \cdot 61}, \quad \alpha \approx 27,03^\circ$

3. a) $71,57^\circ; 63,43^\circ; 45^\circ$

b) $66,14^\circ; 69,77^\circ; 44,1^\circ$

c) $29,35^\circ; 96,99^\circ; 53,66^\circ$

d) $50,77^\circ; 50,77^\circ; 78,46^\circ$

4. Der Ansatz $\cos 45^\circ = \frac{24+2z}{6 \cdot \sqrt{36+z^2}} = 0,707$ führt auf $24+2z = 0,707 \cdot 6 \cdot \sqrt{36+z^2}$.

Quadrieren und umformen: $z^2 - \frac{48}{7}z + \frac{36}{7} = 0, \quad z_1 = 6, z_2 = \frac{6}{7}$.

Orthogonalität von Vektoren

S. 79 Ü5) und Ü6a, b)



5. \vec{a} ist orthogonal zu \vec{c}, \vec{e} (für $a = -1,5$). \vec{b} ist orthogonal zu \vec{c}, \vec{e} (für $a = -0,5$).
 \vec{c} ist orthogonal zu $\vec{a}, \vec{b}, \vec{e}$ (für $a = \frac{8}{3}$). \vec{d} ist orthogonal zu \vec{e} (für $a = -5$).
 \vec{e} ist orthogonal zu
 \vec{a} (für $a = -1,5$), \vec{b} (für $a = -0,5$), \vec{c} (für $a = \frac{8}{3}$), \vec{d} (für $a = -5$), \vec{f} (für $a = 0,5$).
 \vec{f} ist orthogonal zu \vec{e} (für $a = 0,5$).

6. a) rechtwinklig bei B b) rechtwinklig bei A c) rechtwinklig bei A

7. a) $\Delta ABC: A_1 = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{464} \approx 10,77$; $\Delta ABD: A_2 = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{200} \approx 7,07$
 $\Delta BCD: A_3 = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{374} \approx 9,67$; $\Delta ACD: A_4 = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{206} \approx 7,18$
 $O \approx 34,69$

b) $A(1 | 1 | 4), B(4 | 4 | 4), C(1 | 5 | 2), D(2 | 4 | 6)$
 $O = A_1 + A_2 + A_3 + A_4 \approx 7,35 + 5,20 + 5,20 + 7,35 = 25,10$

8. Der Ansatz $15 = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\begin{pmatrix} 0 \\ -3 \\ z-2 \end{pmatrix}^2 \cdot \begin{pmatrix} 6 \\ -3 \\ 4 \end{pmatrix}^2 - (1-4z)^2}$ führt auf die quadratische Gleichung

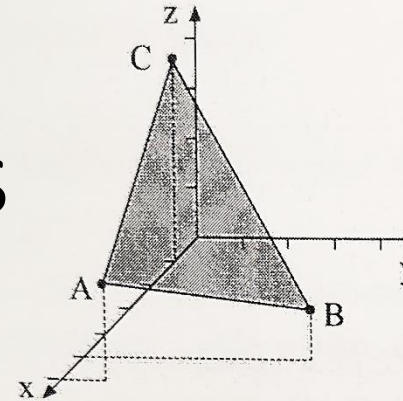
$$z^2 - \frac{28}{5}z - \frac{12}{5} = 0 \text{ mit den Lösungen } z_1 = 6 \text{ und } z_2 = -0,4.$$

Flächeninhalt eines Dreiecks

S. 81 Nr. 9) und 11) sowie
13)



9. a)



$$\vec{CA} = \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix}, \vec{CB} = \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \\ -3 \end{pmatrix}$$

$$\vec{AC} = \begin{pmatrix} -5 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}, \vec{AB} = \begin{pmatrix} -1 \\ 4 \\ -1 \end{pmatrix}$$

$$\cos \gamma = \frac{31}{\sqrt{30 \cdot 50}}, \quad \gamma \approx 36,83^\circ$$

$$\cos \alpha = \frac{-1}{\sqrt{30 \cdot 18}}, \quad \alpha \approx 92,47^\circ$$

$$\beta = 180^\circ - \alpha - \gamma \approx 50,70^\circ$$

$$b) \quad A = \frac{1}{2} \sqrt{|\vec{AC}|^2 \cdot |\vec{AB}|^2 - (\vec{AC} \cdot \vec{AB})^2} = \frac{1}{2} \sqrt{30 \cdot 18 - 1} \approx 11,61$$

$$10. A(0|0), B(8|0), C(12|4), D(4|4), M(6|2), \quad \vec{MB} = \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \end{pmatrix}, \quad \vec{MC} = \begin{pmatrix} 6 \\ 2 \end{pmatrix}, \quad \vec{MD} = \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \end{pmatrix}$$

$$|AB| = 8, \quad |BC| = \sqrt{32}, \quad |AC| = \sqrt{160}, \quad |BD| = \sqrt{32}$$

$$\cos \phi = \frac{8}{\sqrt{8 \cdot 40}}, \quad \phi \approx 63,43^\circ, \quad \cos \varepsilon = \frac{-8}{\sqrt{8 \cdot 40}}, \quad \varepsilon \approx 116,57^\circ (\varepsilon = 180^\circ - \phi)$$

Flächeninhalt: I. konventionell: $A = |AB| \cdot h = 8 \cdot 4 = 32$

II. mittels Skalarprodukt:

$$A = \sqrt{|\vec{AB}|^2 \cdot |\vec{AD}|^2 - (\vec{AB} \cdot \vec{AD})^2} = \sqrt{64 \cdot 32 - 32^2} = \sqrt{1024} = 32$$

11. C(8|2) bzw. C(0|8) rechter Winkel bei B

oder C(5|-2) bzw. C(-3|4) rechter Winkel bei A

rechter Winkel bei C ist schwieriger:

C muss auf der zu AB Senkrechten durch $M_{AB}(2,5|3)$ liegen:

$$y = -\frac{3}{4}(x - 2,5) + 3 = -\frac{3}{4}x + \frac{39}{8}, \quad C(x | -\frac{3}{4}x + \frac{39}{8})$$

$$\begin{pmatrix} x-1 \\ -\frac{3}{4}x + \frac{39}{8} - 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x-4 \\ -\frac{3}{4}x + \frac{39}{8} - 5 \end{pmatrix} = \frac{25}{16}x^2 - \frac{250}{32}x + \frac{225}{64} = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - 5x + \frac{9}{4} = 0 \Rightarrow C(4,5 | 1,5) \text{ bzw. } C(0,5 | 4,5)$$

$$12. \text{ Ist } h \text{ die Höhe des Quaders, so muss gelten: } \begin{pmatrix} 4 \\ -3 \\ h \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -4 \\ -3 \\ h \end{pmatrix} = 9 - 16 + h^2 = 0, \quad \text{also } h = \sqrt{7}$$

Geometrische Figuren und Körper im Raum

Bild von Körper mit Vektoren einfügen

Diverse Übungen – Lösungen auf nachfolgender Seite

- [S. 82/83 lesen und Beispiele nachvollziehen]
- S. 82 Ü1) (Tipp zu b): Ein paar parallele Seiten)
- S. 84 Nr. 2b), 4) und 7a,b)
- S. 85 Nr. 2), 3) und *4)*

84

2. a) $\overrightarrow{AB} = \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \\ -4 \end{pmatrix}, \quad \overrightarrow{CD} = \begin{pmatrix} -2 \\ -2 \\ 2 \end{pmatrix}$

b) $\overrightarrow{AB} = \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \\ 2 \end{pmatrix}, \quad \overrightarrow{BC} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix}, \quad \overrightarrow{CD} = \begin{pmatrix} -4 \\ -5 \\ -2 \end{pmatrix}, \quad \overrightarrow{AD} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix}$

c) $\overrightarrow{AB} = \begin{pmatrix} 4 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}, \quad \overrightarrow{BC} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix}, \quad \overrightarrow{D} = \begin{pmatrix} -3 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \\ 6 \end{pmatrix}, \quad D(-1|3|6)$

3. a) $|\overrightarrow{BA}| = \sqrt{21} = |\overrightarrow{DA}|$

b) $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{BC} = \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ -2 \end{pmatrix}, \quad \vec{c} = \vec{b} + \overrightarrow{BC} = \begin{pmatrix} 6 \\ 7 \\ 0 \end{pmatrix}, \quad C(6|7|0), \quad \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ -4 \end{pmatrix}$

c) $A = \sqrt{21 \cdot 21 - 14^2} \approx 15,65$

$\cos \alpha = \frac{14}{21}, \quad \alpha = \gamma \approx 48,2^\circ, \quad \beta = \delta \approx 131,8^\circ$

4. a) $\overrightarrow{AB} = \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 2 \end{pmatrix}, \quad \overrightarrow{AC} = \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}, \quad \overrightarrow{BC} = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ -3 \end{pmatrix}, \quad |\overrightarrow{AC}| = |\overrightarrow{BC}| = \sqrt{27}$

b) $\vec{M} = \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 3 \end{pmatrix}, \quad M(2|3|3)$

$\cos \alpha = \frac{6}{\sqrt{12 \cdot 27}}, \quad \alpha = \beta \approx 70,5^\circ, \quad \cos \gamma = \frac{6}{\sqrt{12 \cdot 27}}, \quad \gamma \approx 38,9^\circ$

c) $\cos \alpha = \frac{\begin{pmatrix} -6 \\ 4 \\ 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -6 \\ 0 \\ 5 \end{pmatrix}}{\sqrt{52 \cdot 61}} = \frac{36}{\sqrt{3172}}, \quad \alpha \approx 50,3^\circ, \quad \cos \beta = \frac{\begin{pmatrix} -6 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -6 \\ 0 \\ 5 \end{pmatrix}}{\sqrt{36 \cdot 61}} = \frac{36}{\sqrt{2196}}, \quad \beta \approx 39,8^\circ$

$\angle BAS$ ist der größere Winkel.

d) $A_{ACS} = 15, \quad A_{CBS} = 10, \quad A_{ABC} = 12, \quad A_{ABS} = \frac{1}{2} \sqrt{52 \cdot 61 - 36} \approx 28,16$

Oberfläche: 65,16

$V = \frac{1}{3} G \cdot h = \frac{1}{3} \cdot 12 \cdot 5 = 20$

7. a) $E(9|3|4), G(3|9|4), H(3|3|4)$

c) $\angle BAE: \cos \alpha = \frac{\begin{pmatrix} 0 \\ 12 \\ 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -3 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix}}{12 \cdot \sqrt{34}} = \frac{3}{\sqrt{34}}, \quad \alpha \approx 59^\circ$

$\angle AEF: \cos \beta = \frac{\begin{pmatrix} 3 \\ -3 \\ -4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 6 \\ 0 \end{pmatrix}}{\sqrt{34} \cdot 6} = \frac{-3}{\sqrt{34}}, \quad \beta \approx 121^\circ$

d) $P(12|3|0), \quad |PE| = \sqrt{9+16} = 5, \quad |EF| = 6, \quad A_{ABFE} = 5 \cdot 9 = 45$

e) $O = G + D + 4 \cdot A_S = 12^2 + 6^2 + 4 \cdot 45 = 360$

f) $V_{P1} = \frac{1}{3} G_1 \cdot h_1 = \frac{1}{3} \cdot 12^2 \cdot 8 = 384, \quad V_{P2} = \frac{1}{3} G_2 \cdot h_2 = \frac{1}{3} \cdot 6^2 \cdot 4 = 48, \quad V = 336$

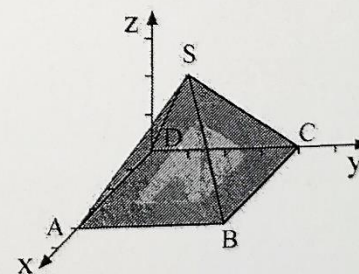
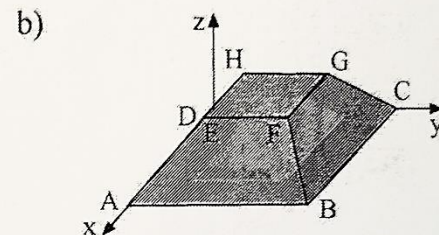
1. a) $A(4|0|0), B(4|4|0), C(0|4|0), D(0|0|0), S(2|2|3)$

c) $a = 4$ und $h = 6$

oder: $h = 3$ und $a = 2 \cdot \sqrt{2}$

2. a) $|a| = 9, \quad |b| = 9$: gleiche Länge

b) $|\overrightarrow{AB}| = \sqrt{125 + x^2} = 15 \Rightarrow x = \pm 10$



TEST – Buch S. 88

Test

1. a) B(4|8|0), C(0|8|0), D(0|0|0), E(4|0|5), F(4|8|5), H(0|0|5), M(2|4|5)

b) $|\overline{AF}| = \sqrt{64 + 25} = \sqrt{89} \approx 9,43$, $|\overline{DM}| = \sqrt{4 + 16 + 25} = \sqrt{45} \approx 6,71$

2. a) $\begin{pmatrix} 1 \\ 7 \end{pmatrix}$ b) $\begin{pmatrix} -2 \\ 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 4 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 7 \end{pmatrix}$

3. $\begin{pmatrix} 6 \\ -2 \\ -1 \end{pmatrix} = 4 \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} - 3 \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$

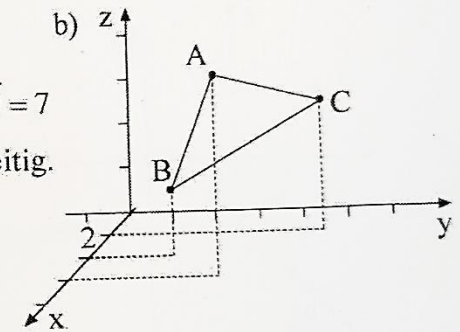
4. a) $\overline{AB} = \begin{pmatrix} -2 \\ -3 \\ -6 \end{pmatrix}$, $\overline{AC} = \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \\ -3 \end{pmatrix}$, $\overline{BC} = \begin{pmatrix} -2 \\ 6 \\ 3 \end{pmatrix}$

$|\overline{AB}| = \sqrt{4 + 9 + 36} = 7$, $|\overline{AC}| = \sqrt{34}$, $|\overline{BC}| = \sqrt{49} = 7$

Das Dreieck ist gleichschenkelig aber nicht gleichseitig.

c) $\vec{d} = \vec{c} + \overline{AB} = \begin{pmatrix} 2 \\ 10 \\ 6 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -2 \\ -3 \\ -6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 7 \\ 0 \end{pmatrix}$

D(0|7|0) (bzw. D(4|13|12) bzw. D(8|1|6))



5. a) $\overline{AM} = -\frac{1}{2}\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}$

b) A(8|0|0), B(8|10|0), C(0|10|0), D(0|0|0)
E(8|0|5), F(8|10|5), G(0|10|5), H(0|0|5)
T(4|10|8), S(4|0|8)

c) $|\overline{ES}| = 5$, $|\overline{EF}| = 10$, $A = 50$

d) $\cos \alpha = \frac{\begin{pmatrix} 4 \\ 0 \\ -3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -4 \\ 0 \\ -3 \end{pmatrix}}{25} = \frac{-7}{25}$, $\alpha \approx 106,3^\circ$

e) $\cos \beta = \frac{\begin{pmatrix} -4 \\ 0 \\ -3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -4 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}}{20} = \frac{4}{5}$, $\beta \approx 36,9^\circ$

f) $|\overline{SF}| = \sqrt{16 + 100 + 9} = \sqrt{125} \approx 11,19$

Q2 - LAAG
6. Nur wenn die Vektoren \vec{a} und \vec{b} nicht kollinear sind.



Parameterdarstellung von Geraden #1

Buch S. 92 Ü1)

- Ortsvektoren: z.B. \overrightarrow{OP}

III. Geraden und Ebenen im Raum 1. Geraden im Raum

92 1.

$P \in g$, 2mal den Richtungsvektor an A angesetzt ($r = 2$)

$Q \notin g$, Gleichungssystem liefert Widerspruch

$R \in g$ ($r = -1$), R liegt vor A

2.

a) g_1 ist parallel zur y-Achse.

b) g_2 ist parallel zur z-Achse.

c) g_3 ist eine Ursprungsgerade entlang der Winkelhalbierenden in der x-y-Ebene.

d) g_4 ist die x-Achse.

3. a) $\vec{x} = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} -1 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix}$ b) $\vec{x} = \begin{pmatrix} -3 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 7 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}$ c) $\vec{x} = \begin{pmatrix} -3 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 7 \\ -1 \\ 6 \end{pmatrix}$

4. a) $\vec{x} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ b) $\vec{x} = r \begin{pmatrix} a \\ 2a \\ -a \end{pmatrix}$ oder $\vec{x} = r \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$

Parameterdarstellung von Geraden #2

- Zwei-Punkte-Gleichung:



Buch S. 92 Ü3)

Buch S. 93 Nr. 8) und 9)

93 5.

6. a) $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 2 \\ -6 \\ 0 \end{pmatrix}$

b) $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} -3 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 6 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}$

c) $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ -4 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} -1 \\ -2 \\ 7 \end{pmatrix}$

d) $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} b_1 - a_1 \\ b_2 - a_2 \\ b_3 - a_3 \end{pmatrix}$

7. a) $\begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} -4 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} \Leftrightarrow r=0,5 \Leftrightarrow r=0,5, P \in g$ b) $P \notin g$ c) $P \in g$ d) $P \notin g$

8. II, IIk, IIIh, IVg, Vp, VIh, VIIf, VIIIe, IXm

9. a) $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ b) $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \\ -2 \end{pmatrix}$ c) $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$

Lagebeziehung von Punkt/Gerade und Punkt/Strecke



Buch S. 94 Ü1a), *Ü1b)*

2. Lagebeziehungen

1. a) $g_{AB}: \vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix}$ P liegt auf g ($r = -1$), aber nicht auf \overline{AB} . Q liegt auf g ($r = 0,5$)

94

und sogar auf \overline{AB} . R liegt nicht auf g.

$$\text{b) } \begin{pmatrix} 4+t \\ 5t \\ t \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix} \Rightarrow t = 1 \quad (r = 1,5)$$

Schema zum Vorgehen



Buch S. 97 Ü2a-c)
Buch S. 98 Nr. 5), *6)*

2. a) g schneidet h in $S(-4|-1|8)$ ($r = -2, s = 1$).
b) g ist echt parallel zu h .
c) g und h sind windschief.
d) g schneidet h in $S(6|2|-1)$ ($r = 2, s = 3$)

3. $\overline{CD}: \vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -4 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix}, \quad \overline{EF}: \vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + k \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ 3 \end{pmatrix}$

g schneidet h in $S(4|-1,5|3,5)$ ($r = 1,5, s = 0,5$)

g ist echt parallel zu CD .

g und EF sind windschief, ebenso h und CD sowie CD und EF .

h und EF sind echt parallel.

4. Ursprung in E , x -Achse in Richtung EA :

a) $g_{AG}: \vec{x} = \begin{pmatrix} 8 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} -8 \\ 6 \\ 4 \end{pmatrix}, \quad g_{BH}: \vec{x} = \begin{pmatrix} 8 \\ 6 \\ 0 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} -8 \\ -6 \\ 4 \end{pmatrix}$

b) g_{AG} und g_{BH} schneiden sich in $S(4|3|2)$ ($r = s = 0,5$)

c) $h_{AM}: \vec{x} = \begin{pmatrix} 8 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} -4 \\ 6 \\ 2 \end{pmatrix}, \quad g_{BH} = h_{AM}: S(\frac{16}{3}|4|\frac{4}{3}), r = \frac{2}{3}, s = \frac{1}{3}$

5. a) Mit $g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 15 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \\ 0,5 \end{pmatrix}$: Lediglich der Wolf wird getroffen.

Entfernung: $|PW| = \sqrt{155^2 + 465^2 + 77,5^2} \approx 496,24 \text{ dm} \approx 50 \text{ m}$

d.h. $v = 50 \frac{\text{m}}{\text{s}} = 180 \frac{\text{km}}{\text{h}}$

b) Elchscheibenrichtung: $\vec{w} = \begin{pmatrix} -160 \\ 640 \\ 80 \end{pmatrix}, \quad \text{bzw.} \begin{pmatrix} -1 \\ 4 \\ 0,5 \end{pmatrix}$

6. a) $g_{AB}: \vec{x} = \begin{pmatrix} 20 \\ 20 \\ 0 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 200 \\ 400 \\ 80 \end{pmatrix}, S_1$ erfüllt die Geradengleichung, ist also geeignet.

S_2 muss von 30m auf 40m Höhe gebracht werden um geeignet zu sein.

S_3 ist nicht geeignet, auch nicht durch Kürzen oder Verlängern.

b) Drahtlänge: $|AB| = \sqrt{200^2 + 400^2 + 80^2} \approx 454,31 \text{ m}$

$v = 20 \frac{\text{km}}{\text{h}} \approx 5,56 \frac{\text{m}}{\text{s}}, \quad t \approx \frac{454,31}{5,56} \text{ s} \approx 81,71 \text{ s}$

c) $\tan \gamma = \frac{80}{\sqrt{200^2 + 400^2}}, \quad \gamma \approx 10,14^\circ$