

EJERCICIOS INTEGRADORES UNIDAD 1

INTRODUCCIÓN AL ÁLGEBRA

Estos ejercicios:

- Fueron pensados con la idea de que los alumnos puedan tener ejercicios integradores extras para practicar y **con experiencias de alumnos de años anteriores** sobre cuáles son los ejercicios que más dificultades presentan para ellos.
- No reemplazan de ninguna manera a los prácticos presentados por los Profesores de la cátedra. Se recomienda encarecidamente realizar **todos** los ejercicios de los mismos y concurrir a consulta.

1. Simplificar las siguientes proposiciones compuestas.

- a. $(p \leftrightarrow q) \wedge \neg(\neg p \wedge \neg q)$
- b. $[(-p \wedge q) \rightarrow (r \wedge \neg r)] \wedge \neg q$
- c. $\neg[(p \vee p) \leftrightarrow p]$

2. Sean los conjuntos:

$$A = \{x \in \mathbb{Z} / |x| \leq 3\}$$

$$B = \{x \in \mathbb{Z} / x^2 < 7\}$$

Obtener:

- a. $A \cap B$
- b. $A \cup B$
- c. $A - B$
- d. $B - A$

$$A = \{a, b, c, d, e, f\}$$

$$B = \{d, e, f, g\}$$

$$C = \{b, c, d, e\}$$

- a. $(B \cup C) - (A - B)$
- b. $A \cap B \cap C$

3. Los valores de verdad de las proposiciones p, q, r y s son, respectivamente, V, F, F, V. Obtener los valores de verdad de:

- a. $[(p \vee q) \vee r] \wedge s$
- b. $(r \rightarrow s) \wedge p$
- c. $(p \vee r) \leftrightarrow (r \wedge \neg s)$

EJERCICIOS INTEGRADORES UNIDAD 2

MATRICES Y DETERMINANTES

Estos ejercicios:

- Fueron pensados con la idea de que los alumnos puedan tener ejercicios integradores extras para practicar y **con experiencias de alumnos de años anteriores** sobre cuáles son los ejercicios que más dificultades presentan para ellos.
- No reemplazan de ninguna manera a los prácticos presentados por los Profesores de la cátedra. Se recomienda encarecidamente realizar **todos** los ejercicios de los mismos y concurrir a consulta.

1. Resuelve:

- a. Sea la matriz $A = \begin{bmatrix} k & -k & 0 \\ 0 & k & 1 \\ 2 & 0 & k \end{bmatrix}$, encuentre el/los valores de “k” para el/los cual/es la matriz A admite inversa.
- b. Sean las matrices:

$$A = \begin{bmatrix} 6 & -2 \\ 5 & -1 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} -2 & 3 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} \quad C = \begin{bmatrix} -1 & 5 \\ 3 & -4 \end{bmatrix} \quad \text{y } D = A^{-1} - B^T * C$$

Encuentre el valor del coeficiente d_{21} de la matriz D.

2. En cada caso resuelva:

- Calcular el determinante de cada matriz **mediante definición (cuando el orden lo permita), regla de Laplace (elija a su conveniencia) y por la regla de Chío.**
- Si existe la inversa de cada matriz calcularla **mediante definición, método de Gauss – Jordan y método de la adjunta.**

a. $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$

b. $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 3 \\ 0 & 2 & 6 \end{bmatrix}$

c. $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 4 & 5 \\ 0 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$

3. Encontrar el/los valores de “k”, si existen, para que $C = \begin{bmatrix} 2 & k & -1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 3 & 4 & 5 \end{bmatrix}$ tenga rango 3.

4. Resuelva mediante **propiedades**:

- a. Se sabe que el determinante de $A = \begin{bmatrix} a & b & c \\ b & d & e \\ c & e & f \end{bmatrix} = 3$. Calcular los siguientes determinantes.

✓ $\det(A^3)$ y $\det(A + A^T)$

✓ $\begin{bmatrix} a & b & c \\ c & e & f \\ 2b & 2d & 2e \end{bmatrix}$

✓ $\begin{bmatrix} a & b & 4a - c \\ b & d & 4b - e \\ c & e & 4c - f \end{bmatrix}$

- b. Se sabe que el determinante de $A = \begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ p & q & r \end{bmatrix} = 4$. Calcular los siguientes determinantes.

✓ $\det(-2A)$

✓ $\begin{bmatrix} a & -b & c \\ 2d & -2e & 2f \\ p & -q & r \end{bmatrix}$

✓ $\begin{bmatrix} -3d & -3e & -3f \\ a & b & c \\ -p & -q & -r \end{bmatrix}$

EJERCICIOS INTEGRADORES UNIDAD 3

S.E.L.

Estos ejercicios:

- Fueron pensados con la idea de que los alumnos puedan tener ejercicios integradores extras para practicar y **con experiencias de alumnos de años anteriores** sobre cuáles son los ejercicios que más dificultades presentan para ellos.
- No reemplazan de ninguna manera a los prácticos presentados por los Profesores de la cátedra. Se recomienda encarecidamente realizar **todos** los ejercicios de los mismos y concurrir a consulta.

- Para cada uno de los siguientes sistemas homogéneos, determinar todos los “k” pertenecientes a los reales para los cuales el sistema tenga alguna solución NO trivial.

a.
$$\begin{cases} x + ky + z = 0 \\ (k + 1)y + z = 0 \\ (k^2 - 4)z = 0 \end{cases}$$

b.
$$\begin{cases} x + ky + z = 0 \\ 2x + z = 0 \\ 2x + ky + kz = 0 \end{cases}$$

- Dado el sistema siguiente, determinar los valores de “a”, “b”, “c” pertenecientes a los reales para los cuales el sistema admite solución.

$$\begin{cases} 2x - y + z = a \\ 3x + y + 4z = b \\ -x + 3y + 2z = c \end{cases}$$

- Encontrar los valores de “a”, para que el sistema dado sea:

- COMPATIBLE DETERMINADO.
- COMPATIBLE INDETERMINADO.
- INCOMPATIBLE.

$$\begin{cases} 3x + 2y - z = 5 \\ x - y + z = 8 \\ x + 2y + az = 5 \end{cases}$$

- Dado el siguiente sistema, determine el valor de “b”, “g” para que este sea un sistema compatible indeterminado.

$$\begin{cases} 2x + by = 16 \\ 4x + 8y = g \end{cases}$$

- Encuentre el/los valores de “a” que hacen que el sistema de ecuaciones lineales dado por la matriz aumentada siguiente sea compatible determinado.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 8 & -3 \\ 0 & a - 5 & 4 \\ 0 & 0 & a + 7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix}$$

- Resuelva el siguiente sistema de ecuaciones lineales.

$$\begin{cases} 0x - y + 3z + 14p = 0 \\ 0x + 2y + z + 0p = -7 \\ 0x + 0y + 2z + 0p = 4 \end{cases}$$

- En el siguiente SEL $\begin{cases} a_{11}x + a_{12}y = 5 \\ a_{21}x + a_{22}y = 3 \end{cases}$ la inversa de la matriz de coeficientes es $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$, encuentre el conjunto solución del sistema.

8. Averiguar el número de animales de una granja sabiendo que:
- La suma de patos y vacas es 132 y la de sus patas es 402.
 - Se necesitan 200kg al día para alimentar a las gallinas y a los gallos. Se tiene un gallo por cada 6 gallinas y se sabe que una gallina come una media de 500g, el doble que un gallo.
 - Se piensa que la sexta parte de los conejos escapan al comedero de las vacas, lo que supone el triple de animales en dicho comedero.

EJERCICIOS INTEGRADORES UNIDAD 4

VECTORES

Estos ejercicios:

- Fueron pensados con la idea de que los alumnos puedan tener ejercicios integradores extras para practicar y **con experiencias de alumnos de años anteriores** sobre cuáles son los ejercicios que más dificultades presentan para ellos.
- No reemplazan de ninguna manera a los prácticos presentados por los Profesores de la cátedra. Se recomienda encarecidamente realizar **todos** los ejercicios de los mismos y concurrir a consulta.

1. El vector \vec{w} perteneciente a \mathbb{R}^3 de norma $\sqrt{154}$ es paralelo al vector $\vec{u} = (\frac{3}{4}, -\frac{1}{4}, \frac{2}{3})$, encuentra las posibles coordenadas de \vec{w} .
2. El vector $(-2, 1, 4)$ es ortogonal al vector $(a, -4, 3)$ y también ortogonal al vector $(b, a, \frac{2}{3})$. Encuentra los valores de “a” y “b”.
3. Determina en cada conjunto si es linealmente independiente o no.
 - a. $\{(1, -1, 1); (2, 1, 0); (0, 3, -2)\}$
 - b. $\{(1, -1, 1); (2, 1, 0); (3, 0, 1)\}$
 - c. $\{(1, -1, 1); (2, 1, 0); (0, 3, 2)\}$
4. Determina en cada caso si corresponde a una combinación lineal de $(1, 1, -1)$ y $(0, 2, 1)$.
 - a. $(1, 1, 1)$
 - b. $(2, 4, 0)$
 - c. $(3, -1, -5)$
 - d. $(0.5, 2.5, 1)$
5. Sabiendo que $\vec{u} = \hat{i} + \hat{j} + 0\hat{k}$ y $\vec{v} = -\hat{i} + \hat{j} + 0\hat{k}$. Determina si el vector $\vec{w} = (0, 8, -1)$ se puede expresar como combinación lineal de los vectores u y v.
6. Dado los vectores $\vec{c} = 3\hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}$ y $\vec{d} = (4, 3, -6)$.
 - a. Encuentre un vector \vec{a} perpendicular a \vec{c} .
7. Dado los vectores $\vec{c} = 2\hat{i} + \hat{k}$ y $\vec{d} = (1, 0, 4)$.
 - a. Encuentre un vector \vec{a} perpendicular a \vec{c} y que sea combinación lineal de \vec{c} y \vec{d} .
8. Determina si las siguientes familias de vectores son ligadas o libres.
 - a. En $\mathbb{R}^2(\mathbb{R})$: $F = \{(2, 3); (3, 0); (4, 7)\}$
 - b. En $\mathbb{R}^2(\mathbb{R})$: $F = \{(1, 0); (-2, 0)\}$
 - c. En $\mathbb{R}^2(\mathbb{R})$: $F = \{(2, 3); (0, 0)\}$
 - d. En $\mathbb{R}^2(\mathbb{R})$: $F = \{(1, 3); (-4, 0)\}$
 - e. En $\mathbb{R}^3(\mathbb{R})$: $F = \{(4, -1, 0); (3, -1, 0); (2, 0, 3)\}$
9. Calcular el volumen del paralelepípedo determinado por los vectores: $\vec{u} = (-1, 4, -3)$, $\vec{v} = (3, -2, 0)$ y $\vec{w} = (3, 1, -3)$ de \mathbb{R}^3 .
10. Calcular el área del triángulo abc determinado por los puntos: $a = (2, 2, 0)$; $b = (-1, 0, 2)$ y $c = (0, 4, 3)$ de \mathbb{R}^3 .

EJERCICIOS INTEGRADORES UNIDAD 5

CÓNICAS

Estos ejercicios:

- Fueron pensados con la idea de que los alumnos puedan tener ejercicios integradores extras para practicar y **con experiencias de alumnos de años anteriores** sobre cuáles son los ejercicios que más dificultades presentan para ellos.
- No reemplazan de ninguna manera a los prácticos presentados por los Profesores de la cátedra. Se recomienda encarecidamente realizar **todos** los ejercicios de los mismos y concurrir a consulta.

1. El punto $P = (1, 8.2)$ pertenece a la elipse E con focos $F_1 = (1.5, 7)$ y $F_2 = (4.5, 7)$. Indica cuál de las siguientes afirmaciones es verdadera.
 - a. El semieje mayor mide 2.5.
 - b. Su ecuación es $\frac{(x-3)^2}{25} + \frac{(y-7)^2}{4} = 1$.
 - c. El semieje mayor mide 5.
 - d. Su ecuación es $\frac{(x+3)^2}{5} + \frac{(y+7)^2}{2} = 1$.
2. Encuentra la ecuación de la parábola sabiendo que su foco tiene las coordenadas $(2.5, -2)$ y directriz $x = 5.5$.
3. Sea la parábola de ecuación $y^2 + 5x - 6y = -24$. Encuentra todos sus elementos.
4. Dadas las siguientes ecuaciones de circunferencias, encuentre todos los puntos de intersección.

$$(x - 3)^2 + (y - 1)^2 = 5$$

$$x^2 + y^2 - 8x + 2y + 7 = 0$$

5. La cubierta de un estadio posee una estructura formada por arcos parabólicos de 22m de altura máxima en su centro y 2m de altura en sus extremos. Los extremos se encuentran a una distancia de 80m entre sí. Resuelva.
 - a. Representar gráficamente y determinar la ecuación correspondiente.
 - b. Es necesario instalar un mástil en el estadio, cuya altura es de 5m. ¿Cuál es la mínima distancia a partir de los extremos del arco, para la cual es posible realizarlo?
6. A partir de los datos correspondientes a una elipse presentados en el siguiente cuadro, complete y luego graficar dicha cónica con todos los elementos del cuadro.

Punto	X	Y
C		
V1		
V2		
V3	-4	2
V4	-4	6
F1		
F2		

Nombre	Designacion	Valor
Semieje mayor	a	$\sqrt{32}$
	b	
	c	
Excentricidad		

Ecuacion	Expresion
Cartesiana	
General	

7. Determinar la ecuación canónica de la hipérbola, que tiene como foco $F = (5, 0)$, vértice $A = (4, 0)$ y centro $C = (0, 0)$. Luego, determinar todos sus elementos y graficar.

EJERCICIOS INTEGRADORES UNIDAD 6

COMPLEJOS

Estos ejercicios:

- Fueron pensados con la idea de que los alumnos puedan tener ejercicios integradores extras para practicar y **con experiencias de alumnos de años anteriores** sobre cuáles son los ejercicios que más dificultades presentan para ellos.
- No reemplazan de ninguna manera a los prácticos presentados por los Profesores de la cátedra. Se recomienda encarecidamente realizar **todos** los ejercicios de los mismos y concurrir a consulta.

1. Considera $z \in \mathbb{C}$. Indica la solución que tiene la siguiente ecuación.

$$3z(z + 5z^{-1}) = 6z$$

2. Considerando que $z = (2i)^5(3 - 2i)^2 * [\cos(\pi) + i\sin(\pi)]$, encuentra su forma polar.

3. Siendo $z_1 = -1-i$ y $z_2 = \sqrt{8}e^{\frac{\pi}{2}i}$, encuentra el conjugado del cociente entre z_1 y z_2 .

4. Siendo

$$z_1 = (-3, 1) \quad z_2 = 2e^{\frac{\pi}{2}i} \quad z_3 = \left[\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i\sin\left(\frac{\pi}{6}\right) \right] \quad z_4 = i - 6$$

Resolver:

- $z_3 : z_4$
- $(z_1 - z_4)^3$
- $\sqrt[4]{z_4}$

5. Calcular:

- $z = \sqrt[6]{1 - \sqrt{3}i}$
- Sean $z_1 = a + 5i$ y $z_2 = b - 3i$, sabiendo que el producto entre ellos es $63 - 16i$ calcular los valores de "a" y "b".
- $x^3 - 27i = 0$ (luego grafique)

EJERCICIOS INTEGRADORES UNIDAD 7

POSICIONES DE RECTAS Y PLANOS

Estos ejercicios:

- Fueron pensados con la idea de que los alumnos puedan tener ejercicios integradores extras para practicar y **con experiencias de alumnos de años anteriores** sobre cuáles son los ejercicios que más dificultades presentan para ellos.
- No reemplazan de ninguna manera a los prácticos presentados por los Profesores de la cátedra. Se recomienda encarecidamente realizar **todos** los ejercicios de los mismos y concurrir a consulta.

1. Dadas las siguientes rectas, resuelva

$$L_1: (x, y, z) = (0, 2, 2) + u (2, 0, -2) \quad u \in \mathbb{R}$$

$$L_2: (x, y, z) = (8, 1, 2) + \beta (-1, 0, 1) \quad \beta \in \mathbb{R}$$

- a. Determine la distancia entre las rectas dadas.
- b. Determine las coordenadas del punto P de intersección de la recta L_1 con el plano xy.

2. Dada la recta y el plano, resuelva.

$$L_1: (x, y, z) = (1, 0, 1) + u (1, 1, 1) \quad u \in \mathbb{R}$$

$$\pi_1: x - y + 5 = 0$$

- a. Determine la distancia entre la recta y el plano.

3. Resuelva.

- a. El plano $\pi_1: -y + z + 3 = 0$ es al plano $\pi_2: 2x + y + z = 0$.
- b. El eje y es al plano $\pi_1: x + 3z + 2 = 0$

4. Comprueba si los puntos A(-3, 1, 3), B(3, 1, 5) y C(1, -1, 2) pertenecen a la recta que pasa por P(-1, 1, -1) y tiene como vector director $\vec{v} = (-2, 0, 3)$. Luego calcular dos puntos más de la recta.

5. Considera la recta que pasa por el punto S(1, -2, 5) y lleva la dirección del vector $\vec{v} = (-2, 2, 0)$, resuelva.

- a. Calcula su ecuación vectorial.
- b. Halla sus ecuaciones paramétricas.

6. Calcula en cada caso, ecuaciones implícitas de las rectas que se solicitan.

- a. Pasa por el punto A(-1, 1, 3) y lleva la dirección del vector $\vec{v} = (-1, -2, 4)$.
- b. Pasa por el punto A(-1, -2, 0) y es paralela al segmento de extremos B(0, -3, 1) y C(1, 1, 0).

7. Dado el plano de ecuación $\pi: \begin{cases} x = -3t + s \\ y = t - s \\ z = s - 2 \end{cases}$, resuelva.

- a. Determinar la ecuación general del plano.
- b. Encontrar la ecuación de una recta ortogonal al plano.
- c. Encontrar la intersección entre el plano π y el plano $\alpha: 3x - y + z = 0$.

8. Encuentra las posiciones relativas de:

a. Las rectas $r: \begin{cases} x = 5 - 4\lambda \\ y = 6 - 2\lambda \\ z = -1 + \lambda \end{cases}$ y $s: \begin{cases} 2x - 3y + 4z + 6 = 0 \\ x + y - 3z + 3 = 0 \end{cases}$

b. La recta $r: \begin{cases} x = 2 + 2\lambda \\ y = 1 - \lambda \\ z = 3 - \lambda \end{cases}$ y el plano $\pi_1: 2x - y + 3z - 6 = 0$

c. Los planos $\pi_1: x + 3y - z - 1 = 0$ y $\pi_2: 2x - 4z + 3 = 0$

EJERCICIOS INTEGRADORES UNIDAD 8

COMBINATORIA

Estos ejercicios:

- Fueron pensados con la idea de que los alumnos puedan tener ejercicios integradores extras para practicar y **con experiencias de alumnos de años anteriores** sobre cuáles son los ejercicios que más dificultades presentan para ellos.
- No reemplazan de ninguna manera a los prácticos presentados por los Profesores de la cátedra. Se recomienda encarecidamente realizar **todos** los ejercicios de los mismos y concurrir a consulta.

1. Resuelva los siguientes binomios:
 - a. Escribe el termino de grado 8 de $(3x^2 + \frac{1}{x})^7$.
 - b. Escribe el termino 5 de $(x^2 - 3x)^6$.
 - c. Escribe y simplifica el termino central de $(\frac{x^2}{9} + \frac{1}{x^3})^4$.
 - d. Escribe y simplifica el termino central de $(x^3 - y^4)^7$.
2. Resuelva los siguientes problemas:
 - a. Con los dígitos 6, 7, 8 y 9. ¿Cuántos números mayores que 7000 se pueden formar? Suponga con repetición y sin ella.
 - b. Se distribuyen tres regalos distintos entre 5 chicos. De cuantas formas pueden hacerlo si:
 - i. Cada chico solo puede recibir un regalo.
 - ii. A cada chico le puede tocar más de un regalo.
 - iii. Cada chico solo puede recibir un regalo, pero los 3 son idénticos.
 - c. ¿Cuántos números de 6 cifras se pueden formar con los dígitos 1, 2 y 3? Suponga con repetición y sin ella.
 - d. ¿De cuantas formas se pueden sentar tres personas en seis sillas?
 - e. ¿De cuántas formas se pueden cubrir los puestos de presidente y secretario de una comunidad de vecinos, contando con 10 vecinos para ello?
 - f. ¿Cuántas palabras se pueden escribir con las letras de SOBRE, sin repetir ninguna?
 - g. Ocho amigos van de viaje llevando para ello dos coches. Si deciden ir 4 en cada coche.
 - i. ¿De cuántas formas pueden ir si todos tienen carnet de conducir?
 - ii. ¿De cuántas formas pueden ir si sólo tres tienen carnet de conducir?
 - h. Se quiere formar un equipo de futbol-sala (cinco jugadores) de un total de 10. Si sólo tenemos un portero, ¿cuántos equipos distintos podemos formar?
 - i. Con los dígitos 1, 3, 5 y 7, ¿cuántos números de tres cifras distintas se pueden formar? ¿Y cuántos si se pueden repetir las cifras?
 - j. ¿De cuántas maneras pueden acomodarse 6 personas:
 - i. ¿En una fila de 5 sillas?
 - ii. ¿En una fila de 6 sillas?
 - k. Con las cifras 1, 2, 3, 4 y 5, ¿cuántos números distintos de tres cifras distintas se pueden formar de modo que el 5 ocupe siempre el lugar de las decenas?
 - l. ¿Cuántos números de tres cifras se pueden formar con las cifras pares 1, 2, 3 y 4 sin que se repita ninguna? b) ¿Cuántos terminan en 34? c) ¿Cuántos habrá que sean mayores que 300?
 - m. En una fábrica textil se elige una comisión para trabajar en una máquina de 6 personas, entre las cuales hay 8 tejedoras y 6 costureras. Si en la comisión debe haber 4 tejedoras y 2 costureras. ¿Cuántas posibilidades existen para formar dicha comisión?
 - n. Las nuevas matrículas de los coches están formadas por tres letras seguidas de tres números repetidos o no. ¿Cuántos coches se podrán matricular por este sistema? Se supone que el alfabeto tiene 26 letras.
 - o. Con las letras de la palabra PARTIDO: a) ¿cuántas ordenaciones distintas se pueden hacer? b) ¿Cuántas empiezan por P? c) ¿Cuántas empiezan por PAR?

- p. ¿De cuántas formas se pueden sentar cinco personas en una fila de butacas de un cine?
- q. ¿De cuántas formas se pueden colocar 10 personas en una fila si dos de ellas tienen que estar siempre en los extremos?
- r. Con un grupo de 4 hombres y 4 mujeres: a) ¿de cuantas maneras pueden ubicarse con la condición de que no deben estar dos hombres o dos mujeres juntos? b) ¿de cuantas maneras pueden ubicarse que un hombre sea el primero?

EJERCICIOS INTEGRADORES UNIDAD 9

FUNCIONES GEOMÉTRICAS

Estos ejercicios:

- Fueron pensados con la idea de que los alumnos puedan tener ejercicios integradores extras para practicar y **con experiencias de alumnos de años anteriores** sobre cuáles son los ejercicios que más dificultades presentan para ellos.
- No reemplazan de ninguna manera a los prácticos presentados por los Profesores de la cátedra. Se recomienda encarecidamente realizar **todos** los ejercicios de los mismos y concurrir a consulta.

GRAFIQUE EN TODOS LOS CASOS ANTES Y DESPUÉS. En todos los casos determine si se trata de una congruencia o simetría.

1. Una traslación en el plano está definida por un vector $\vec{v} = (2, 3)$. Hallar la imagen por dicha traslación de un punto A(4, 1).
2. En una traslación mediante el vector \vec{v} , un punto A(3, -2), se transforma en un punto A'(1, 5). Calcular el vector \vec{v} y la traslación del punto B(-2, 4).
3. Una traslación tiene de vector $\vec{v} = (3, -3)$. Hallar la traslación de un triángulo formado por los vértices: A(0, 0); B(5, 7), C(8, 4).
4. Aplique a la figura de vértices: A(-4, 1), B(-6, 4), C(-3, 4), D(-1, 3), una simetría cuyo eje sea:
 - i. El eje x.
 - ii. El eje y.
5. El triángulo de vértices: A(0, 1), B(2, 4) y C(0, 5), se le aplica un giro con un ángulo de 90 grados antihorario y de 90 grados horario. Encuentre las nuevas coordenadas de sus vértices.
6. Aplicar a la figura de vértices A(2, -1), B(4, -2), C(4, -3) y D(2, -4), T compuesto con G. Siendo T la traslación de vector $\vec{v} = (-2, 6)$ y G al giro con ángulo de 90 grados.
7. Calcula las coordenadas del triángulo de vértices A(-2, 3); B(5, 0) y C(0, -3) al aplicarle una simetría respecto del origen de coordenadas. Determine que tipo de triángulo es.
8. Dados los puntos: A(-2, 3), B(4, 2) y C(1, -4) indica las nuevas coordenadas en los casos de:
 - i. Simetría central de centro C.
 - ii. Simetría axial de eje la recta AB.
9. Dado los puntos A(2, -5), B(3, -2) y C(1, 6) indica las nuevas coordenadas cuando se aplica una simetría central de centro A.
10. Halle el simétrico del segmento que tiene por extremos los puntos A(-3, 4) y B(5, 2) cuando:
 - i. Simetría axial respecto al eje de ordenadas.
 - ii. Simetría axial respecto al eje de abscisas.
11. Encontrar las nuevas coordenadas de B(-3, -6) si se aplica una homotecia con centro (-1, 0) y $k=-1$.
12. Encontrar el centro de homotecia si P'(4, 4), P(2, 2) y $k=3$.
13. Sean A(0, 2); B(2, 1) y C(1, 4) puntos del plano. Hallar las coordenadas del triángulo si se aplica una homotecia de:

- i. De centro $(4, 4)$ y $k=-2$.
 - ii. De centro $(1, 3)$ y $k=3$.
14. Cual es el centro y razón de la homotecia que transforma el ANTERIOR triangulo en $A'(1, 1)$; $B'(5, -1)$ y $C'(5, 6)$.
15. Dados los puntos $u = (-1, 6)$, $v = (4, -1)$ y $w = (4, 0)$ de \mathbb{R}^2 , determinar analítica y gráficamente sus imágenes cuando se les aplica una proyección ortogonal sobre el eje de ordenadas.