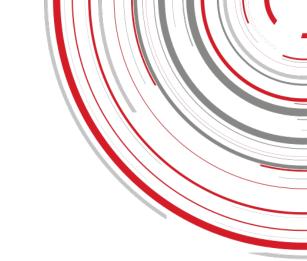
Insper



Álgebra Booleana - 1



Adobe: Versão para impressão.

Indique o nome dos elementos lógicos a seguir:

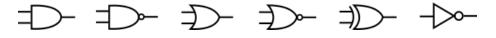


Tabela verdade

• A tabela verdade a seguir representa qual porta lógica?

A	В	OUT
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

• A tabela verdade a seguir representa qual porta lógica?

0 0 1	A	В	OUT
0 0 1	0	0	1
0 1 1	0	1	1
1 0 1	1	0	1
1 1 0	1	1	0

Aplicando a lei da Distributividade na expressão $A(B+\bar{C}+D)$ se tem:

1.
$$A.B + A.C + A.D$$

- 2. A.B.C.D
- 3. A + B + C + D
- 4. $AB + A\bar{C} + A.D$

Aplicando o teorema de DeMorgan na expressão \overline{ABC} , obtem:

- 1. $\bar{A} + \bar{B} + \bar{C}$
- 2. $\overline{A+B+C}$
- 3. $A + \bar{B} + C\bar{C}$
- 4. A.(B+C)

Qual simplificação está incorreta:

1.
$$\overline{(\bar{x}+\bar{y})} = \bar{\bar{x}}*\bar{y} = x*\bar{y}$$

2.
$$x(\bar{x} + y) = x.\bar{x} + x.y = 0 + x.y = x.y$$

3.
$$x.y + x(y + z) = x.y + x.y + z = x.y + z$$

4.
$$\bar{x}.\bar{y}.z + \bar{x}.y.z + x.\bar{y} = \bar{x}.z(\bar{y} + y) + x.\bar{y} = \bar{x}.z + x.\bar{y}$$

Qual forma canônica está correta?

$\overline{\mathbf{A}}$	В	Q
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

$$1. \ \ Q=A\bar{B}+A\bar{B}$$

$$2. \ Q = A + B * \bar{A}\bar{B}$$

3.
$$Q = A.B$$

4.
$$Q = \bar{A}.\bar{B} + A.B$$

Dado a seguinte tabela verdade (entradas A, B e C, e a saída Q):

$\overline{\mathbf{A}}$	В	\mathbf{C}	Q
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

- 1. Crie uma fórmula em álgebra booleana que represente a tabela via SoP e PoS.
- 2. Simplifique SoP (interprete o resultado!)
- 3. Desenhe um circuito usando os ícones da álgebra booleana.

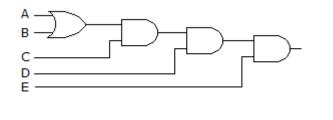
Quantas saídas com 1 existem na tabela verdade que resulta na seguinte fórmula de soma de produtos:

$$A\bar{B}\bar{C} + \bar{A}BC + \bar{A}B\bar{C} + A\bar{B}\bar{C} + ABC$$

Qual das seguintes opções é uma característica importante da forma canônica de soma de produtos?

- 1. Os circuitos lógicos são reduzidos a nada mais do que simples portas AND
- 2. Os tempos de atraso são muito reduzidas em relação a outras formas.
- 3. Nenhum sinal deve passar por mais de dois portas lógicas, não incluindo
- 4. O número máximo de portas que qualquer sinal deve passar é reduzido por um factor de dois.

Qual é a expressão em álgebra booleana do seguinte circuito:



Gere a Tabela Verdade das equações a seguir:

- $A.B + \overline{B+A}$
- $A \oplus B$
- $\bullet \ (AandB) or C$

Converta a seguinte expressão em Soma de Produtos para Produto de Somas:

$$A.B.C + A\bar{B}\bar{C} + A.\bar{B}C + A.B.\bar{C} + \bar{A}.\bar{B}.C$$

- 1. Faça a tabela verdade
 - 2. Encontre o PoS

Determine os valores de A, B, C e D que fazem a fórmula a seguir ser igual a zero (Z = 0).

$$Z = \bar{A} + B + \bar{C} + D$$

Qual das seguintes propriedades da álgebra booleana é falsa:

- 1. $A.(\bar{A} + B) = A.B$
- 2. A + (A.B) = A
- 3. $A + \bar{A} = 1$
- 4. A.A = A

Simplifique a seguinte expressão:

$$\bar{A}\bar{B}\bar{C} + \bar{A}BC + \bar{A}B\bar{C} + A\bar{B}\bar{C} + AB\bar{C}$$

Encontre as equações para os mapas de Karnaugh a seguir:

AB/ C	00	01	11	10
0		1	1	1
1		1	1	1

_	AB/ C	00	01	11	10
	0		1		1
	1	1			1

AB/ CD	00	01	11	10
00	1			1
01				1
11				
10		1	1	

Crie o mapa de Karnaugh e encontre a equação da tabela verdade a seguir.

$\overline{\mathbf{A}}$	В	\mathbf{C}	OUT
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0

Crie o mapa de Karnaugh da tabela verdade de quatro entradas.

$\overline{\mathbf{A}}$	В	\mathbf{C}	D	OUT
0	0	0	0	0
0	0	0	1	1
0	0	1	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	0
0	1	1	1	0
1	0	0	0	0
1	0	0	1	1
1	0	1	0	1
1	0	1	1	1
1	1	0	0	0
1	1	0	1	1
1	1	1	0	0
1	1	1	1	1

Crie o mapa de Karnaugh para a expressão a seguir e simplifique:

$$ABC\bar{D} + \bar{A}\bar{B}CD + A\bar{B}\bar{C}D + \bar{A} + \bar{B} + \bar{C} + \bar{D}$$

A seguinte expressão foi resultado da forma canônica do produto de somas de uma tabela verdade para a produção de um circuito lógico. O objetivo é simplificar a álgebra booleana dessa lógica para o menor número possível de portas, porém visivelmente quem fez essa fórmula não percebeu que se tivesse feito a soma de produtos já partiria com um número menor de termos. Converta essa fórmula para a soma de produtos e minimize ela.

$$(A+B+C) * (A+B+C) * (A+B+C) * (A+B+C) * (A+B+C)$$

Acabou? Os exercícios não param por aqui, tem a parte 2!