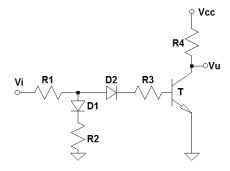
## PROVA SCRITTA DI ELETTRONICA 1 9 FEBBRAIO 2017

1) Nel circuito in figura, i transistori e i diodi possono essere descritti da un modello "a soglia", con  $V_{\gamma}$ =0.75 V e  $V_{CE,sat}$ =0.2V. Si determini il margine di immunità ai disturbi della rete.



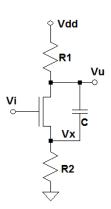
 $V_{cc} = 5 \text{ V}, \ \beta_{F} = 100, \ R_1 = 3 \text{ k}\Omega, \ R_2 = 5 \text{ k}\Omega, \ R_3 = 10 \text{ k}\Omega, \ R_4 = 2.5 \text{ k}\Omega.$ 

2) Nel circuito in figura, il transistore MOS è caratterizzato dalla tensione di soglia  $V_{Tn}$  e dal coefficiente  $\beta_n$ .

Il segnale di ingresso Vi abbia l'andamento seguente:

$$V_i = \begin{cases} V_{dd} \ (t < 0) \\ 0 \ (t > 0) \end{cases}$$

Si determini il tempo necessario a compiere il 50% del transitorio di variazione della carica sul condensatore C.



 $V_{dd} = 3.3 \text{ V}, \ \beta_n = 1.4 \text{ mA/V}^2, \ V_{Tn} = 0.35 \text{ V}, \ R_1 = 2 \text{ k}\Omega, \ R_2 = 500 \ \Omega, \ C = 60 \text{ fF}.$ 

Esame di ELETTRONICA DEI SISTEMI DIGITALI A: l'esercizio 2 (tempo disponibile 1h 15m).

Esame di ELETTRONICA 1 / FONDAMENTI DI ELETTRONICA A: svolgere gli esercizi 1 e 2 (tempo disponibile 2h e 30m).

- Indicare su ciascun foglio nome, cognome, data e numero di matricola
- Non usare penne o matite rosse
- L'elaborato deve essere contenuto in un unico foglio (4 facciate) protocollo

## 9.2.2017 - Esercizio 1

Osservazioni preliminari:

- il diodo  $D_2$  e il transistore T sono necessariamente o entrambi OFF o entrambi ON ( $I_B = I_{D2}$ );
- se il diodo  $D_2$  e il transistore sono ON ( $V_x > 2 V_y$ ), allora necessariamente il diodo  $D_1$  è ON (ma non viceversa).

1) 
$$V_{i} < V_{\gamma} \rightarrow D_{1} \text{ OFF } \rightarrow D_{2}, T \text{ OFF } \rightarrow I_{C} = 0 \rightarrow V_{u} = V_{cc} - R_{4}I_{C} = V_{cc}$$
  
2)  $D_{1} \text{ ON, } D_{2}, T \text{ OFF:}$ 

$$V_{x} = V_{i} - R_{1}I_{R1}$$

$$V_{x} = V_{\gamma} + R_{2}I_{R2}$$

$$I_{R1} = I_{B} + I_{R2}$$

$$I_{R} = 0$$

$$\downarrow V_{x} = 0.281 + 0.625 V_{i} \xrightarrow{V_{x} < 2V_{\gamma}} V_{i} < 1.95 \text{ V}, V_{u} = V_{cc}$$

3)  $D_1$ ,  $D_2$  ON, T ON (RN):

$$V_{x} = V_{i} - R_{1}I_{R1}$$

$$V_{x} = V_{\gamma} + R_{2}I_{R2}$$

$$I_{R1} = I_{B} + I_{R2}$$

$$V_{D2} = V_{BE} = V_{\gamma} \rightarrow I_{B} = \frac{(V_{x} - 2V_{\gamma})}{R_{3}}$$

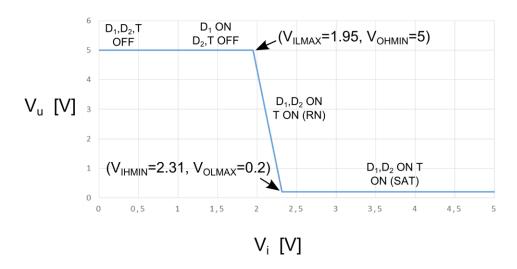
$$\Rightarrow V_{u} = 30.66 - 13.16 V_{i} (*)$$

che vale fino a che il transistore T non satura:

$$V_{CE} = V_u > V_{CE,sat} \xrightarrow{(*)} V_i < 2.31 \text{ V}$$

4) 
$$D_1$$
,  $D_2$  ON,  $T$  ON (SAT)  $\rightarrow V_u = V_{CE,sat}$ 

L'andamento della caratteristica statica di trasferimento è quindi il seguente:



$$N_{ML} = V_{ILMAX} - V_{OLMAX} = 1.75 \text{ V}$$
  
 $N_{MH} = V_{OHMIN} - V_{IHMIN} = 2.69 \text{ V}$   $\rightarrow N_M = \min(N_{ML}, N_{MH}) = 1.75 \text{ V}$ 

## 9.2.2017 - Esercizio 2

1) 
$$t < 0$$
:  $V_i = V_{dd} \rightarrow M_1 \text{ON}$ 

In condizioni statiche ( $I_c=0$ ), supponendo  $M_1$  LIN (\*) e scartando una soluzione non significativa si ottiene:

$$I_{R1} = \frac{V_{dd} - V_u}{R_1}$$

$$I_{R2} = \frac{V_x}{R_2}$$

$$I_D = \beta_n \left( (V_{dd} - V_x - V_T)(V_u - V_x) - \frac{(V_u - V_x)^2}{2} \right)$$

$$V_C = V_u - V_x$$

$$I_{R1} = \frac{V_{dd} - V_u}{R_1}$$

$$I_{R2} = \frac{V_x}{R_2}$$

$$V_u = 0.967 \text{ V}$$

$$V_u = 0.583 \text{ V}$$

$$V_v = 0.383 \text{ V}$$

che soddisfa l'ipotesi (\*):

$$V_{GS} = V_{dd} - V_x = 2.717 > V_{DS} = V_c = 0.383$$

2) t > 0:  $V_i = 0 \rightarrow M_1 \text{OFF}$ 

Per  $t \to \infty$ , al termine del transitorio, si ha:

$$I_c = I_{R1} = I_{R2} = 0 \rightarrow \begin{cases} V_u = V_{dd} \\ V_x = 0 \\ V_c = V_{dd} \end{cases}$$

Nel corso del transitorio, la tensione ai capi del condensatore quindi passa da  $0.383\,$  a  $3.3\,$  V. Il 50% della variazione si raggiunge quindi per:

$$V_c = \frac{0.383 + 3.3}{2} = 1.842 \text{ V}$$

Si ha:

$$I_{R1} = \frac{V_{dd} - V_u}{R_1}$$

$$I_{R2} = \frac{V_u - V_c}{R_2}$$

$$I_C = C \frac{dV_C}{dt}$$

$$I_C = C \frac{dV_C}{dt}$$

da cui, separando le variabili e integrando per  $V_c$ : 0.383  $\rightarrow$  1.842 V si ottiene:

$$t_{50\%} = \int_{0.383}^{1.842} \frac{C}{1.32 \ 10^{-3} - 0.4 \ 10^{-3} \ V_c} dV_c = 103.97 \text{ ps}$$