

|                             | Dominio del tempo                               | Dominio delle frequenze (spettro)                                      |
|-----------------------------|---|--|
| onda quadra                 | $\Pi(t)$  | $\text{Sinc}(f)$   |
| duale                       | $\text{Sinc}(t)$                                | $\Pi(f)$   |
|                             | $\frac{1}{t} e^{-\frac{t}{T}} * u(t)$           | $\frac{1}{1 + j2\pi fT}$   |
|                             | $\frac{1}{1 + j2\pi Tt}$                        | $\frac{1}{t} e^{+\frac{f}{T}} * u(-f)$                                 |
| impulso triangolare         | $\Delta(t)$                                     | $\text{sinc}^2(f)$   |
| duale                       | $\text{sinc}^2(t)$                              | $\Delta(f)$  |
| delta di dirac              | $A * \delta(t)$                                 | $A$  |
| duale                       | $A$   | $A * \delta(f)$  |
| canale perfetto             | $A * e^{j2\pi f_0 t}$                           | $A * \delta(f - f_0)$  |
| coseno                      | $\cos(2\pi f_0 t)$                              | $\frac{1}{2} \delta(f - f_0) + \frac{1}{2} \delta(f + f_0)$            |
| seno                        | $\sin(2\pi f_0 t)$                              | $\frac{j}{2} \delta(f + f_0) - \frac{j}{2} \delta(f - f_0)$            |
| modulazione d'ampiezza      | $x(t) * \cos(2\pi f_0 t + \phi)$                | $\frac{1}{2} X(f - f_0) e^{j\phi} + \frac{1}{2} X(f + f_0) e^{-j\phi}$ |
| gradino unitario            | $u(t)$  | $\frac{1}{j2\pi f} + \frac{1}{2} \delta(f)$                            |
| segno                       | $\text{sgn}(t)$                                 | $\frac{1}{j\pi f}$   |
| integrale con area nulla    | $\int_{-\infty}^t x(\tau) d\tau$                | $\frac{1}{j2\pi f} X(f)$   |
| integrale segnale qualsiasi | $\int_{-\infty}^t x(\tau) d\tau$                | $\frac{1}{j2\pi f} X(f) + X(0) \delta(f)$                              |
| derivata                    | $\frac{dx(t)}{dt}$                              | $j2\pi f * X(f)$   |
| duale                       | $-j2\pi f * x(t)$                               | $\frac{dX(f)}{df}$   |
| treno di impulsi            | $\sum \delta(t - nT_0)$                         | $\sum \frac{1}{T_0} * \delta(f - \frac{k}{T_0})$                       |
| campionamento               | $x_\delta(t) = \sum x(nT_c) * \delta(t - nT_c)$ | $\sum \frac{1}{T_0} * X_0(f - \frac{k}{T_0})$                          |

### PROPRIETÀ DELLA TRASFORMATA DI FOURIER:

Prendiamo un qualsiasi un generico segnale  $x(t)$  e il suo spettro  $X(f)$

- **Dualità:**

$$F[X(t)] = x(-f)$$

- **Linearità:**

$$F[a_1 x_1(t) + a_2 x_2(t)] = a_1 X_1(f) + a_2 X_2(f)$$

- **Cambio di scala:**

$$F\left[x\left(\frac{t}{T}\right)\right] = |T| X(Tf)$$

Sul cambio di scala aggiungiamo che una durata maggiore implica una banda minore.

- **Traslazione temporale:**

$$F[x(t - t_0)] = X(f) * e^{-j2\pi f t_0}$$

Quello che si nota in questo caso è che non viene modificata l'ampiezza del segnale ma solo la fase.

- **Traslazione in frequenza:**

$$F[x(t) * e^{-j2\pi f_0 t}] = X(f + f_0)$$

- **Proprietà di derivazione:**

$$F\left[\frac{dx(t)}{dt}\right] = j2\pi f * X(f)$$

- **Proprietà di integrazione:**

$$F\left[\int_{-\infty}^t x(\tau) d\tau\right] = \frac{1}{j2\pi f} X(f)$$

- **Proprietà di derivazione nel dominio della frequenza:**

$$F[-j2\pi f * x(t)] = \frac{dX(f)}{df}$$

- **Teorema del prodotto:**

$$F[x(t) * h(t)] = X(f) * H(f)$$

- **Proprietà di coniugazione:**

$$x^*(t) \leftrightarrow X^*(-f)$$

- **Correlazione:**

$$e_{xy}(t) = x^*(-t) * y(t) \leftrightarrow E_{xy}(f) = X^*(f) * Y(f)$$

## ALTRE FORMULE:

### Energia di un segnale:

$$E_x = \int |X(f)|^2$$

### Energia di un sistema:

$$E_y = \int |X(f)|^2 * |H(f)|^2$$

### Passa-basso:

$$h(t) \equiv B * \text{sinc}(Bt) \leftrightarrow \Pi\left(\frac{f}{b}\right) \equiv H(f)$$

### Passa-banda:

$$h(t) \equiv 2B \text{sinc}(Bt) * \cos(2\pi f_0 t) \leftrightarrow \Pi\left(\frac{f - f_0}{b}\right) + \Pi\left(\frac{f + f_0}{b}\right)$$

### Autocorrelazione (valore massimo):

$$e_x(0) = E_x \geq |e_x(t)|$$

### Densità spettrale di energia (coincide con il modulo quadro della trasformata di Fourier di $e_x(t)$ ):

$$E_x(f) = |X(f)|^2$$

### Treno di impulsi:

$$c(t) = \delta(t - nT_0) \leftrightarrow \sum \frac{1}{T_0} * \delta\left(f - \frac{k}{T_0}\right)$$

**Teorema del campionamento:**

$$x(t) = \sum x_0(t - nT_0) \leftrightarrow \sum \frac{1}{T_0} * X_0(f - \frac{k}{T_0})$$

**Coefficienti di Fourier:**

$$X_k = \frac{1}{T_0} \int_{-T_0}^{T_0} x(t) e^{-j2\pi f_0 t}$$

Se periodico:

$$X_k = f_0 * X_0(kf_0)$$

$$X(f) = \sum X_k * \delta(f - f_0)$$

**Parseval:**

$$P_x = \sum |X_k|^2$$

**IL FORMULARIO CONTIENE IL 99% DELLE FORMULE UTILI PER  
LA PRIMA PROVA PARZIALE**

(potrei essermene dimentica qualche d'una un po' meno importante, sorry)