Corso di Laurea Magistrale in Ingegneria Aerospaziale



## Costruzione di motori per aeromobili

### Esercitazioni

Docenti

prof. Botto Daniele prof. Firrone Christian Maria

Doronzo Francesco Messina Francesco Uva Maria Laura

# Indice

1	Esercitazione 2 - Collegamenti filettati 1														
		Scelta della vite													
		Serraggio													
	1.3	Deformabilità													
		1.3.1 Diagramma di forzamento													
		1.3.2 Diagramma di forzamento con ripartizione													
	1.4	Verifica													
		1.4.1 Verifica statica													
		1.4.2 Verifica a fatica													
2		Esercitazione 2 - Collegamenti filettati 2													
	2.1	1 Calcolo forze tangenziali e assiali													
	2.2	Scelta della vite													

### Capitolo 1

# Esercitazione 2 - Collegamenti filettati 1

L'obiettivo è quello di scegliere una vite di collegamento stantuffo/asta per il cilindro idraulico schematizzato in figura 1.1. In seguito si deve verificare la sicurezza rispetto a snervamento e fatica.

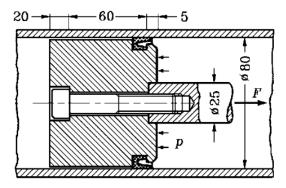


Figura 1.1: Insieme cilindro-stantuffo

#### 1.1 Scelta della vite

Per calcolare il carico a cui è soggetta la vite si è dovuta calcolare l'area della testa del pistone su cui agisce la pressione, ovvero una corona circolare di superficie pari a 4535.7  $mm^2$ . Moltiplicando il massimo della pressione (5.5 MPa) per l'area si è ottenuto un carico massimo pari a 24946.2 N  $\approx 25000$  N. Il carico è poi stato aumentato dei seguenti passi:

- 1 passo (carichi assiali dinamici applicati concentricamente);
- 1 passo (serraggio con chiave dinanometrica).

Si è arrivati quindi ad una caric di riferimento di 63000 N ed è stata scelta la classe di viti più performante (12.9), in modo da avere viti strette e lunghe  $\rightarrow$  **VITE M12** Dalla classe si possono conoscere le tensioni di rottura e snervamento della vite:

$$\sigma_R = 12 \cdot 100 = 1200 \,\mathrm{MPa}$$
 carico di rottura

 $R_{p_{0.2}} = 0.9 \cdot \sigma_R = 1080\,\mathrm{MPa}$  carico di scostamento dalla proporzionalità

#### 1.2 Serraggio

Per il calcolo della tensione limite al montaggio si usa la formula

$$\sigma_M = \frac{0.9R_{p_{0.2}}}{\sqrt{1+3k^2}} \tag{1.1}$$

con k calcolato dalla relazione

$$k = \frac{d_2}{2} \left( \frac{\mu_G}{\cos \beta'} + \frac{P}{\pi d_2} \right) \frac{1}{\frac{2d_3}{8}} = 0.2735$$

dove:

- $d_2 = 11.188 \, mm$
- $d_3 = 10.466 \, mm$
- $\beta' = 30^{\circ}$
- $P = 1.25 \, mm$  (passo fine)
- $\mu_G = \mu_K = 0.08$

Si ottiene quindi  $\sigma_M=878.40\,\mathrm{MPa}$ . Moltiplicando quest'ultimo per l'area minima della sezione trasversale del bullone (area di nocciolo  $A_3$ ) si ottiene  $F_{M,MAX}=75569.08\,\mathrm{N}$ . Il momento di serraggio da prescrivere è

$$M_A = \frac{d_2}{2} \left( \frac{\mu_G}{\cos \beta'} + \frac{P}{\pi d_2} + \frac{D_{k,m}}{d_2} \mu_K \right) F_M = 100937.27 \, N \cdot mm \tag{1.2}$$

con

$$D_{k,m} = \frac{d_{k,MAX} + d_{foro}}{2} = 15.5\,mm$$

dove  $d_{foro}$  è pari a 13 mm, ovvero il diametro nominale della vite incrementato di un millimetro.

#### 1.3 Deformabilità

La cedevolezza della vite è la somma dei contributi delle differenti sezioni:

$$\delta_i = \frac{l_i}{E_i \cdot A_i} \tag{1.3}$$

$$\delta_s = \delta_{sk} + \delta_1 + \delta_{GM} + \delta_{Gew} \tag{1.4}$$

con

- $l_{sk} = 0.4 \cdot d_{nom}$  lunghezza trave-equivalente della testa della vite
- $l_g = 0.5 \cdot d_{nom}$ lunghezza trave-equivalente dei filetti della vite ingaggiati
- $l_m = 0.4 \cdot d_{nom}$  lunghezza trave-equivalente dei filetti della madrevite ingaggiati
- $l_{tot} = 80 \, mm$  lunghezza totale della vite
- $\bullet$   $b=36\,mm$  lunghezza della parte filettata della vite
- $l_1 = l_{tot} b = 44 \, mm$  lunghezza della parte non filettata della vite
- $l_{Gew}=23.5\,mm$  lunghezza della parte filettata della vite non ingaggiata
- $\bullet~E=210\,\mathrm{GPa}$ modulo di Young dell'acciaio
- $A_N = \frac{\pi}{4} d_{nom}^2 = 113.10 \, mm^2$  area nominale

• 
$$A_3 = \frac{\pi}{4} d_3^2 = 86.03 \, mm^2$$
 area di nocciolo

La lunghezza complessiva della vite è stata scelta in base a considerazioni geometriche (ovvero le dimensioni del sistema pistone - stantuffo) più la lunghezza tale per cui 10 filetti siano ingaggiati nella madrevite.

Si ottengono quindi le cedevolezze della vite e del pezzo:

$$\delta_s = 3.890 \times 10^{-6} \, mm/N$$

$$\delta_p = 5.40 \times 10^{-7} \, mm/N$$

#### 1.3.1 Diagramma di forzamento

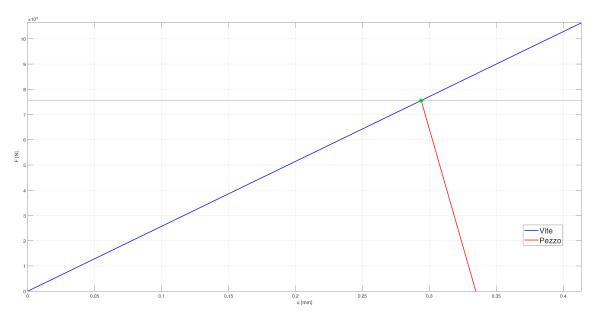


Figura 1.2: Diagramma di forzamento

#### 1.3.2 Diagramma di forzamento con ripartizione

Per il calcolo del fattore di ripartizione ci serviamo della seguente relazione:

$$n = \frac{\delta_{pk}}{\delta_p} \tag{1.5}$$

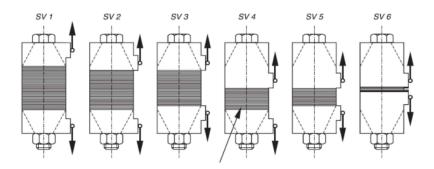


Figura 1.3: Tipi di collegamento.

I <sub>A</sub> /h		0	,00		0,10				0,20				≥ 0,30			
a <sub>k</sub> /h	0,00	0,10	0,30	≥ 0,50	0,00	0,10	0,30	≥ 0,50	0,00	0,10	0,30	≥ 0,50	0,00	0,10	0,30	≥ 0,50
SV 1	0,70	0,55	0,30	0,13	0,52	0,41	0,22	0,10	0,34	0,28	0,16	0,07	0,16	0,14	0,12	0,04
SV 2	0,57	0,46	0,30	0,13	0,44	0,36	0,21	0,10	0,30	0,25	0,16	0,07	0,16	0,14	0,12	0,04
SV 3	0,44	0,37	0,26	0,12	0,35	0,30	0,20	0,09	0,26	0,23	0,15	0,07	0,16	0,14	0,12	0,04
SV 4	0,42	0,34	0,25	0,12	0,33	0,27	0,16	0,08	0,23	0,19	0,12	0,06	0,14	0,13	0,10	0,03
SV 5	0,30	0,25	0,22	0,10	0,24	0,21	0,15	0,07	0,19	0,17	0,12	0,06	0,14	0,13	0,10	0,03
SV 6	0,15	0,14	0,14	0,07	0,13	0,12	0,10	0,06	0,11	0,11	0,09	0,06	0,10	0,10	0,08	0,03

Figura 1.4: Tabella di valori del fattore di ripartizione

Il sistema in esame è vicino allo standard SV6 di figura 1.3; interpolando i dati della tabella in figura 1.4 si è ottenuto un fattore di ripartizione

$$n = 0.144$$

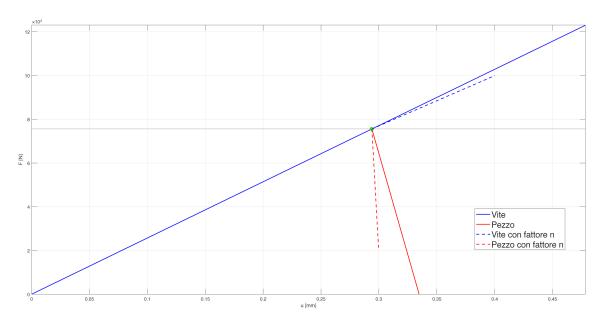


Figura 1.5: Diagramma di forzamento con fattore di ripartizione.

#### 1.4 Verifica

Prima di iniziare la verifica, si calcola la forza minima (precarico residuo sul pezzo) sotto la quale non si desidera scendere in esercizio, pari a

$$F_{Kerf} = p_{min} \cdot A_{contatto} = 3.78 \times 10^3 \, N$$

La perdita di interferenza, pari a

$$\Delta i = 3 + 2.5 + 1.5 = 7 \,\mu m$$

ci permette di calcolare l'allentamento nel tempo, la quota di carico esterno sulla vite e la quota di carico esterno sul pezzo

$$\Delta F_s = \frac{\Delta i}{\delta_s + \delta_p} = 1.58 \times 10^3 N$$

$$F_{SA} = F_A \frac{\delta_p}{\delta_s + \delta_p} = 438.42 N$$

$$F_{PA} = F_A \frac{\delta_s}{\delta_s + \delta_p} = 24507.78 N$$

#### 1.4.1 Verifica statica

Per la verifica statica si impone la seguente condizione:

$$\sigma_{SA} \le 0.1 \cdot R_{p_{0,2}} \tag{1.6}$$

Sapendo che

$$\sigma_{SA} = \frac{F_{SA}}{A_{min}} = 5.1 \, MPa$$

abbiamo che la condizione è rispettata

$$5.1\,MPa \leq 1080\,MPa$$

#### 1.4.2 Verifica a fatica

In questo caso la condizione da imporre è:

$$\sigma_a \le 0.9 \cdot \sigma_m \tag{1.7}$$

con

$$\sigma_m = \sigma_{M,max} + \frac{\sigma_{SA}}{2} = 880.95 MPa$$
 
$$\sigma_a = \frac{\sigma_{SA}}{2} = 2.55 MPa$$

Anche questa condizione risulta rispettata:

$$2.55\,MPa \leq 792.86\,MPa$$

Inoltre si è calcolato il rapporto  $\frac{\sigma_m}{R_{p_{0.2}}}=0.816$ , ottenendo un risultato che rientra nella fascia in cui ci si aspetta di trovarsi nel diagramma di Haigh, ossia quella tra il 70-90% di  $R_{p_{0.2}}$ .

## Capitolo 2

# Esercitazione 2 - Collegamenti filettati 2

L'obiettivo è quello di dimensionare il collegamento filettato di due dischi di uno stadio di turbina di pressione flangiati sull'albero. In particolare si devono definire il tipo di vite e il numero di viti che realizza l'accoppiamento.

#### 2.1 Calcolo forze tangenziali e assiali

Le forze tangenziali si ricavano prima calcolando le coppie:

$$C_1 = \frac{S_t P_1}{\omega} = 5604.4 \ N \cdot m$$

$$C_2 = \frac{S_t P_2}{\omega} = 6892.7 \ N \cdot m$$

Da qui si ottiene:

$$F_{t1,aero} = \frac{C_1}{r_{CP,1}} = 26067 \; N$$

$$F_{t2,aero} = \frac{C_2}{r_{CP,2}} = 32059 \ N$$

La forza assiale totale è invece la forza massima tra le due forze assiali presenti (questo per come sono montati i dischi, che sono in parallelo).

$$F_{t1,fori} = \frac{C_1}{r_{fori}} = 50039 N$$

$$F_{t2,fori} = \frac{C_2}{r_{fori}} = 61542 N$$

$$F_{ax,1} = \frac{F_{t1,fori}}{\mu_{flange}} = 125098 N$$

$$F_{ax,2} = \frac{F_{t2,fori}}{\mu_{flange}} = 153855 N$$

$$F_{ax,min} = max(F_{ax,1}, F_{ax,2}) = 153855 N$$

#### 2.2 Scelta della vite

La scelta della vite deve avvenire rispettando due vincoli

dimensione max della testa della vite, 
$$d_{T,max} = 14 \ mm$$
 passo bullonatura  $\geq 2.5 \cdot d_{foro}$ 

Scegliendo la vite M8 e un numero di viti Z = 20, i due vincoli risultano rispettati

$$\begin{cases} d_T = 13 \ mm < 14 \ mm \\ P = \frac{2\pi r_{fori}}{Z} = 35.2 \ mm \ge 22.5 \ mm \end{cases}$$