

Relazione di laboratorio

Corso di Algoritmi Avanzati
Laurea Magistrale in Informatica
A.A. 2019-2020

Magarotto Francesco
Muraro Enrico
Piva Giulio

1 Introduzione

L'esercizio di laboratorio consiste nel implementare, valutare e confrontare tre algoritmi per il problema del Minimum Spanning Tree. Gli algoritmi sono:

- Prim implementato con Heap
- Kruskal in versione naive
- Kruskal implementato con Union-Find

Il linguaggio di programmazione scelto dal nostro gruppo è Java.

1.1 Strutture dati utilizzate

Per rappresentare il grafo abbiamo creato la classe Graph che contiene sia una lista non ordinata di tutti i lati, che una lista di adiacenza per ogni nodo. I lati sono rappresentati dalla classe Edge che contiene tre valori interi, il nodo di partenza, il nodo di arrivo e il peso del lato.

La lista di adiacenza è implementata attraverso una HashMap dove la chiave è il nodo, e il valore è una lista di tutti i lati adiacenti al nodo stesso implementata con una LinkedList. Abbiamo scelto una HashMap al posto di un array dove ogni indice corrisponde al nodo con quel valore, per evitare di allocare un array sparso quando il valore dei nodi non rispecchia effettivamente il numero di nodi nel grafo, pur mantenendo un tempo di accesso alla lista costante.

La classe Heap è una nostra implementazione di MinHeap. L'albero binario è rappresentato da un array di interi, i valori all'interno dell'array corrispondono ai nodi presenti nel grafo. Il confronto tra i nodi per determinare il più piccolo è effettuato tramite un Comparator passato alla creazione dello Heap, questo per avere un'implementazione di Heap indipendente dal modo in cui viene utilizzato da uno specifico algoritmo.

1.2 Implementazione di Prim

Prim necessita di due campi aggiuntivi "key" e "parent" per ogni nodo, key contiene l'attuale peso più piccolo per raggiungere il nodo, e parent contiene il nodo da cui si arriva. Questi campi sono stati implementati con due HashMap come per la lista di adiacenza.

L'Heap viene inizializzato con tutti i nodi del grafo, e nel costruttore viene passata un'istanza di NodeComparator che utilizza il campo key per confrontare i nodi.

Il Set Q contiene tutti i nodi che non sono ancora nel MST, ed è utile per vedere il nodo che stiamo valutando non è nel MST in tempo costante al posto di cercarlo nello Heap in tempo lineare.

Il costo totale del MST viene infine calcolato semplicemente scorrendo tutti i nodi e sommando i loro valori di key.

1.3 Implementazione di Kruskal naive

1.4 Implementazione di Kruskal con Union-Find

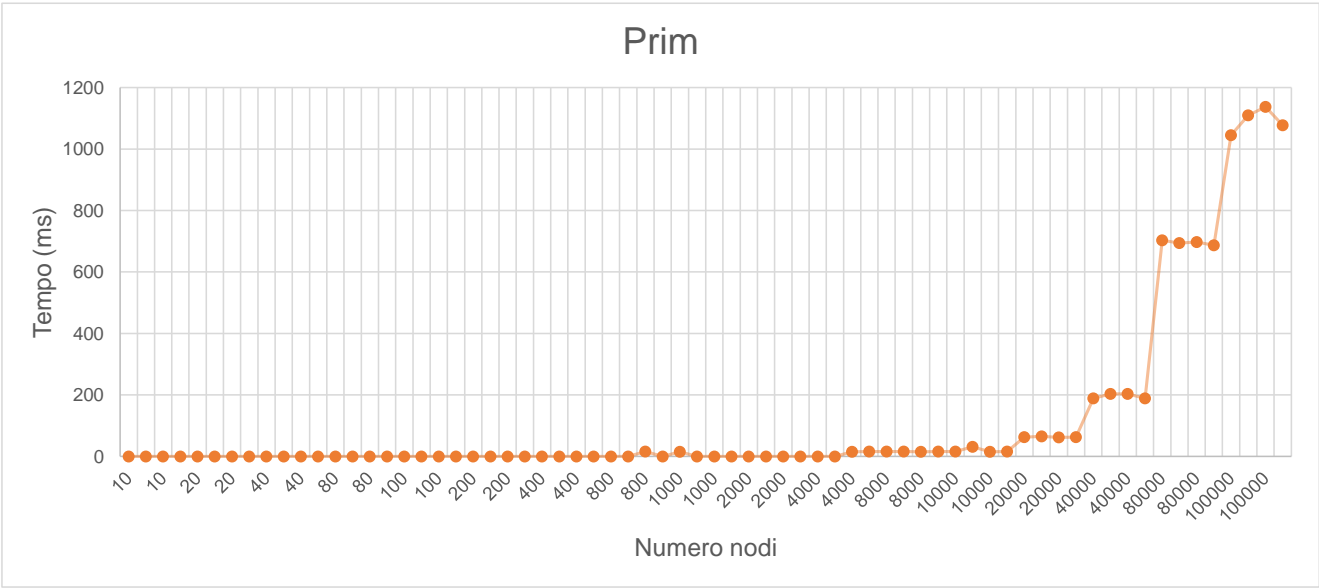


Figura 1: Grafico andamento algoritmo di Prim

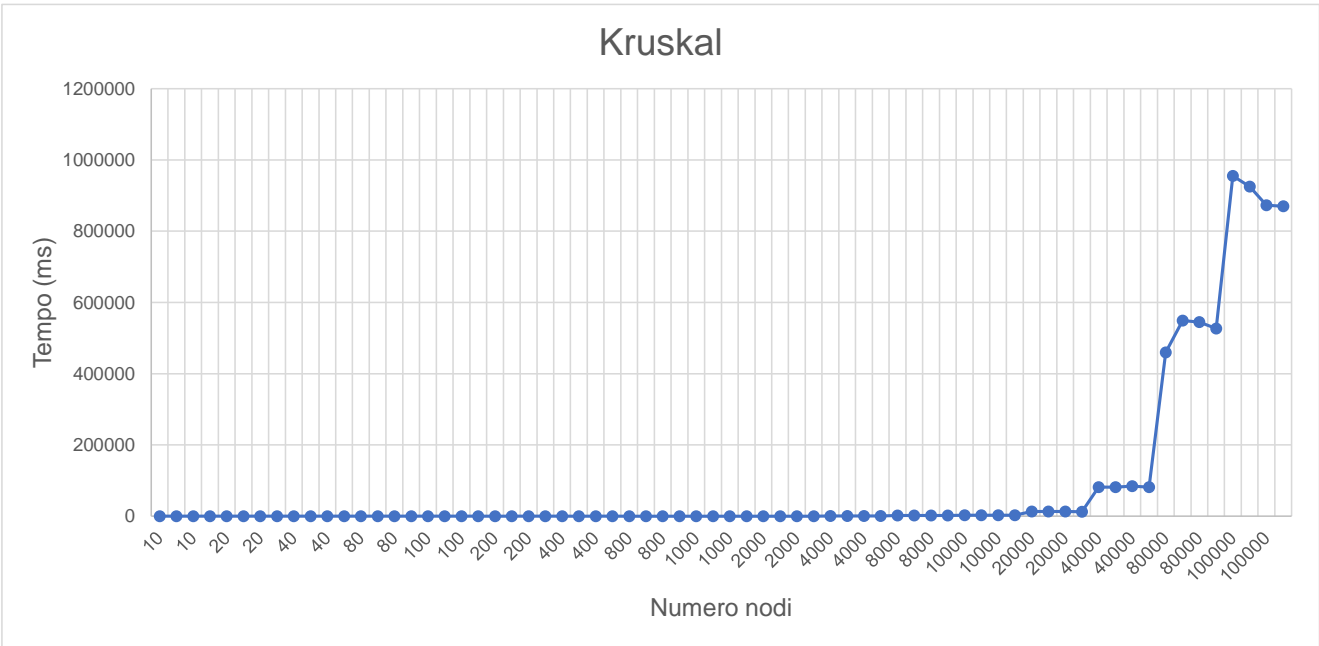


Figura 2: Grafico andamento algoritmo di Kruskal

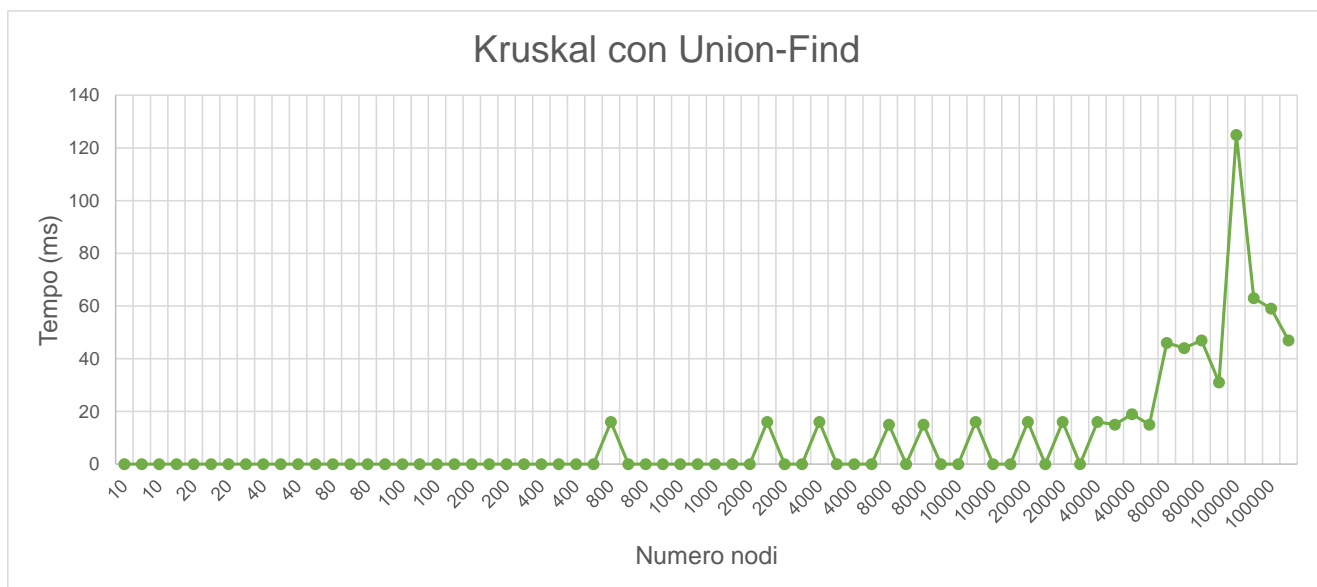


Figura 3: Grafico andamento algoritmo di Kruskal con Union-Find

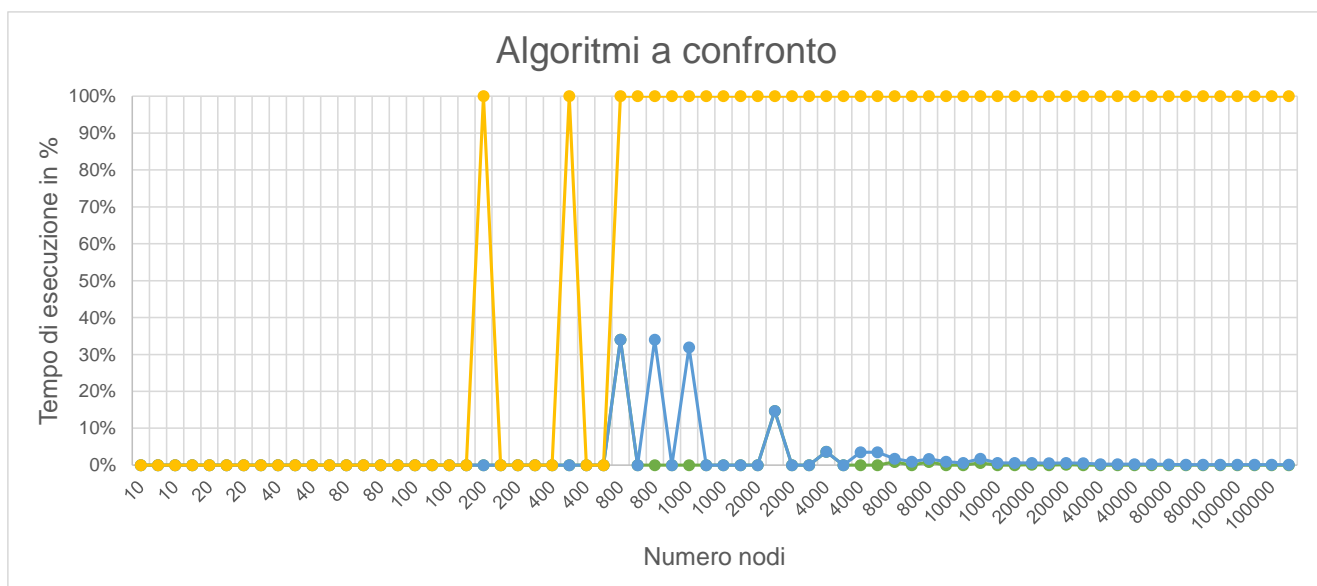


Figura 4: Grafico che mette in relazione i tempi di esecuzione dei tre algoritmi in base al tempo richiesto per la loro esecuzione

Nodi	Prim	Kruskal UF	Kruskal	MST
10	0	0	0	29316
10	0	0	0	2126
10	0	0	0	-44765
10	0	0	0	20360
20	0	0	0	-32021
20	0	0	0	18596
20	0	0	0	-42560
20	0	0	0	-37205
40	0	0	0	-122078
40	0	0	0	-37021
40	0	0	0	-79570
40	0	0	0	-79741
80	0	0	0	-139926
80	0	0	0	-211345
80	0	0	0	-110571
80	0	0	0	-233320
100	0	0	0	-141960
100	0	0	0	-271743
100	0	0	0	-288906
100	0	0	0	-232178
200	0	0	16	-510185
200	0	0	0	-515136
200	0	0	0	-444357
200	0	0	0	-393278
400	0	0	0	-1122919
400	0	0	31	-788168
400	0	0	0	-895704
400	0	0	0	-733645
800	0	16	31	-1541291
800	0	0	32	-1578294
800	16	0	31	-1675534
800	0	0	15	-1652119
1000	15	0	32	-2091110
1000	0	0	32	-1934208
1000	0	0	31	-2229428
1000	0	0	31	-2359192

Nodi	Prim	Kruskal UF	Kruskal	MST
2000	0	0	109	-4811598
2000	0	16	93	-4739387
2000	0	0	109	-4717250
2000	0	0	125	-4537267
4000	0	16	423	-8722212
4000	0	0	437	-9314968
4000	15	0	412	-9845767
4000	16	0	439	-8681447
8000	16	15	1722	-17844628
8000	16	0	1713	-18800966
8000	15	15	1731	-18741474
8000	16	0	1753	-18190442
10000	16	0	2637	-22086729
10000	31	16	2601	-22338561
10000	15	0	2563	-22581384
10000	16	0	2638	-22606313
20000	63	16	12976	-45978687
20000	65	0	13002	-45195405
20000	62	16	13009	-47854708
20000	63	0	12427	-46420311
40000	189	16	81522	-92003321
40000	203	15	81525	-94397064
40000	203	19	84400	-88783643
40000	189	15	81242	-93017025
80000	703	46	459713	-186834082
80000	694	44	549392	-185997521
80000	697	47	545050	-182065015
80000	687	31	526711	-180803872
100000	1045	125	955113	-230698391
100000	1110	63	925063	-230168572
100000	1137	59	872704	-231393935
100000	1077	47	869876	-231011693

Tabella 1: Tabella dei risultati. Per ogni algoritmo, i valori si riferiscono al tempo di esecuzione, espressi in ms, di quell'algoritmo con un grafo avente n nodi.

2 Confronto

3 Conclusione