Shiftago

Relatório Final



Mestrado Integrado em Engenharia Informática e Computação

Programação em Lógica

Grupo Shiftago4:

Daniel Ribeiro de Pinho - 201505302 Francisco Tuna de Andrade - 201503481

Faculdade de Engenharia da Universidade do Porto Rua Roberto Frias, sn, 4200-465 Porto, Portugal

12 de Novembro de 2017

Resumo

Neste trabalho foi abordada a implementação do jogo de tabuleiro *Shiftago* usando a linguagem de programação Prolog. No programa resultante é possível jogar a variante *Express* do jogo para duas pessoas. Esta implementação permite que pelo menos um dos intervenientes no jogo possa ser o computador, resultando em três situações de jogo: dois jogadores, jogador contra computador, e computador contra computador.

O tabuleiro do jogo é representado internamente através de uma matriz 7×7 , análoga ao tabuleiro real, com as jogadas sendo feitas através de operações de manipulação de listas. O utilizador dispõe de mecanismos de interação com o programa, sendo-lhe mostradas opções para navegar menus ou fazer jogadas quando necessário. Quando o computador é um dos jogadores, é usado um de três níveis distintos de dificuldade para fazer a jogada. Este nível é escolhido pelo utilizador ao iniciar o jogo.

Este trabalho permitiu-nos entrar em contacto com um novo paradigma de programação e adaptarmo-nos a maneiras diferentes de resolver problemas. Consideramos assim que o programa resultante deste trabalho foi bem executado.

Conteúdo

1	Introdução							
2	O Jogo Shiftago							
3	Lógica do Jogo							
	3.1	Representação do Estado do Jogo	5					
	3.2	Visualização do Tabuleiro	6					
	3.3	Lista de Jogadas Válidas	7					
	3.4	Execução de Jogadas	7					
	3.5	Avaliação do Tabuleiro	8					
	3.6	Final do Jogo	9					
	3.7	Jogada do Computador	10					
4	Inte	erface com o Utilizador	11					
5	Conclusões 1							
Bi	bliog	grafia	13					
\mathbf{A}	Cód	ligo-fonte	14					
	A.1	main.pl	14					
		make_move.pl	15					
		end_move.pl	17					
		user_interface.pl	19					
		cpu.pl	21					
		utils.pl	28					

1 Introdução

No âmbito da unidade curricular de Programação em Lógica foi-nos proposta a implementação de um jogo de tabuleiro com dois jogadores usando a linguagem de programação Prolog. O jogo que nos foi atribuído foi o jogo Shiftago, criado em 2016.

Este relatório encontra-se dividido nas seguintes partes: O Jogo Shiftago, em que falamos da história do jogo de tabuleiro; Lógica do Jogo, em que são abordados aspetos mais técnicos, como a representação interna e externa do estado do jogo, execução de jogadas, final do jogo e jogadas do computador; Interface com o Utilizador, em que é descrita a maneira como o programa interage com os jogadores; e Conclusões, em que falamos das conclusões tiradas e possíveis melhoramentos.

2 O Jogo Shiftago

Criado em 2016 por Frank Warneke e Robert Witter e publicado pela WiWa Spiele [1], o *Shiftago* é um jogo que pode ser jogado por dois a quatro jogadores, com idade recomendada a partir dos oito anos[2]. O jogo pode ser jogado em três modos distintos: *Express, Expert* e *Extreme*, sendo que o modo *Express* para duas pessoas será o abordado neste trabalho.

Neste modo existe um tabuleiro 7×7 , para além de 22 peças de duas cores diferentes correspondentes a cada jogador. Inicialmente, o tabuleiro está vazio. Os jogadores jogam alternadamente, pondo no seu turno uma peça da sua cor num dos quatro lados do tabuleiro. Se uma peça já estiver na casa que o jogador pretende utilizar ela deve ser simplesmente movida para a frente numa direção perpendicular ao seu lado do tabuleiro. As peças situadas à frente desta devem ser movidas uma casa para frente de modo análogo, tendo no entanto em atenção que não é permitido que alguma peça saia do tabuleiro.

Vence o primeiro jogador que conseguir obter uma linha composta por 5 peças da sua cor[3].



Figura 1: Tabuleiro no seu estado inicial

3 Lógica do Jogo

3.1 Representação do Estado do Jogo

O tabuleiro, sendo uma matriz 7×7 , é representado internamente por uma lista de listas. A sua posição inicial será uma estrutura preenchida por apenas zeros, sendo durante o percurso do jogo preenchida com as peças colocadas pelos jogadores.

Durante o jogo, à medida que os jogadores vão fazendo os seus movimentos, os zeros vão sendo substituídos por 1 e 2, significando peças de cada jogador:

• Instância inicial:

• Posição intermédia:

```
[[0,0,0,0,1,0,0],[0,0,0,0,1,0,0],[0,0,0,0,2,0,0],
[2,0,0,0,0,0],[0,0,0,0,0,0],[0,0,0,0,0,0,2],
[0,0,0,0,0,0,1]].
```

Posição final (o jogador 1 venceu porque fez uma linha de 5 na vertical):
 [[0,0,0,1,1,0,0],[0,0,0,0,1,0,0],[1,0,0,0,1,0,0],
 [1,2,0,0,1,0,2],[2,0,0,0,1,0,1],[2,0,0,2,2,2,2],
 [0,0,0,2,2,1,1]].

Estes exemplos encontram-se representados de seguida:

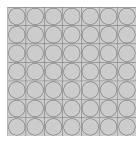


Figura 2: Representação do estado inicial do tabuleiro

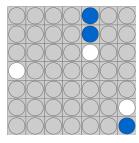


Figura 3: Representação de um estado intermédio do jogo

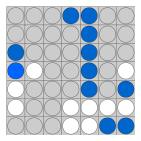


Figura 4: Representação de um estado de fim do jogo

3.2 Visualização do Tabuleiro

Em modo de texto, o tabuleiro pode ser visualizado da seguinte maneira, correspondente o tabuleiro a partir de cima:

	1	2	3	4	5	6	7			
	+						-+			
1	١.						.			
2	١.						٠١			
3	١.						٠١			
4	١.						٠١			
5	١.						.			
6	١.						١.			
7	١.						٠١			
++										

Para visualizar o tabuleiro desta forma, usamos então os seguintes predicados:

```
display_board(+Matrix).
display_line(+Line, +Row).
display_line(+Line).
display_matrix(+N, +Matrix).
display_top.
display_edge.
```

O predicado display_board /1 usa display_top /0 e display_edge /0 para representar o topo do tabuleiro, seguindo do predicado display_matrix /2. Este funciona recursivamente, com a ajuda de um contador (para contar o número certo de linhas e apresentar os respetivos números antes de representar o conteúdo), invocando o predicado display_line /1 /2 para o efeito. Depois de as sete linhas estarem representadas, o predicado display_edge /0 é usado novamente para representar o limite inferior do tabuleiro.

Durante o jogo, os caracteres . apresentados no ecr \tilde{a} v \tilde{a} o sendo substituídos pelos caracteres X e 0, representando as peças inseridas pelo jogador 1 e pelo jogador 2, respetivamente.

É de realçar que não são necessários quaisquer caracteres ASCII específicos para representar o tabuleiro, visto que todos os caracteres podem ser encontrados em qualquer teclado.

3.3 Lista de Jogadas Válidas

Dada a natureza da maneira como as jogadas são feitas (isto é, colocando uma peça numa casa nas arestas do tabuleiro, empurrando quaisquer peças que estejam à sua frente nessa linha ou coluna), um dado tabuleiro tem, no máximo, 28 jogadas possíveis. Este número só varia quando uma dada fila de peças está cheia, já que não é possível empurrar peças para fora do tabuleiro.

Tendo isto em conta, são usados os predicados valid_moves_make_list /3 e valid_moves /3 para elaborar uma lista das jogadas possíveis. A diferença principal é que o primeiro cria uma lista com 28 elementos, independentemente da validade das jogadas. Contudo, as jogadas inválidas são substituídas por zeros dentro da lista. O segundo, por outro lado, apenas inclui as jogadas válidas. O predicado valid_moves /3, de forma a obter a lista é usado o predicado valid_moves_make_list /3. Este, por sua vez, recorre ao predicado auxiliar valid_moves_make_list_aux /4 para analisar as jogadas possíveis de efetuar em cada aresta, construindo a lista no processo.

O predicado valid_moves_make_list_aux, ao percorrer cada aresta do tabuleiro, chama o predicado valid_move /4 para verificar, com o predicado possible_move /2, se é possível colocar uma peça no tabuleiro naquela fila a partir da aresta em questão, calculando também o tabuleiro resultante no processo.

Os argumentos dos predicados enunciados nesta secção encontram-se declarados de seguida.

3.4 Execução de Jogadas

A execução de jogadas difere dependendo do tipo de jogador (humano ou computador), mas tem um raciocínio semelhante entre os dois casos. Caso o jogador seja um humano, o jogo usa o predicado insert_piece /5 para executar a jogada. Este predicado recorre a get_move /2 para lhe pedir uma aresta do tabuleiro (cima, baixo, esquerda e direita) e uma linha/coluna, contadas a partir do canto superior esquerdo do tabuleiro. É chamado então o predicado insert_piece /7, que verifica se a jogada é válida, de acordo com o predicado possible_move /1, e então insere uma peça no tabuleiro.

No caso de ser o computador a efetuar a sua jogada, ele usa o predicado cpu_move /6 para o fazer. Este predicado, por sua vez, recorre ao predicado valid_moves_make_list /3 e obtêm a lista de jogadas possíveis, de acordo com o descrito na secção anterior. Posteriormente, tenta escolher a melhor jogada existente na lista e executa-a, terminando a sua jogada.

3.5 Avaliação do Tabuleiro

A avaliação de um tabuleiro é feita utilizando o predicado value /3, que calcula o valor de um determinado tabuleiro para um determinado jogador. Para conseguir chegar a este valor o predicado value /3 faz uso de um outro predicado, value_formula /3, que calcula um valor do tabuleiro intermédio.

Assim, esse valor intermédio utiliza, por sua vez, o valor dado pelo predicado rate_adj_formula /3 que, para cada linha, coluna e diagonal do tabuleiro, calcula um valor que será necessário para o obtenção de value_formula.

rate_adj_formula é calculado obtendo, somando para cada linha, diagonal e coluna a potência levada a 5 do número de elementos adjacentes nessa fila. Por exemplo, considerando a linha seguinte:

X X O O X X X

O seu rate_adj_formula para o jogador 1, cujas peças são representadas por um X, é $2^5 + 3^5 = 275$. Considerando a mesma linha, mas para o jogador 2, cujas peças são representadas por um O, o valor de rate_adj_formula é agora $2^5 = 32$.

O valor de value_formula é depois calculado como a soma dos vários valores possíveis de rate_adj_formula para cada linha, coluna e diagonal do tabuleiro.line

O valor final de value é calculado da seguinte forma:

- Se o número de peças máximo de peças adjacentes no tabuleiro fôr maior ou igual a 5, value corresponderá a 10⁶. O número máximo de peças adjacentes num tabuleiro é calculado utilizando o predicado max_pieces_adj /4.
- Caso contrário, se o número de peças adjacentes máximo que o jogador seguinte pode obter na jogada seguinte fôr maior ou igual a 5, value corresponderá a -10⁶. O número máximo de peças adjacentes que o jogador seguinte pode obter é calculado utilizando os predicados valid_moves /3 e max_pieces_adj /4.
- Caso a condição anterior também não se verifique value corresponderá
 à subtração entre value_formula para os tabuleiros e jogadores atuais e
 o valor máximo de value_formula que o jogador seguinte pode obter na
 jogada seguinte.

```
value(+Board, +Player, -Value).
value_formula(+Board, +Player, -Value).
rate_adj_formula(+Elem, +List, -Max).
max_pieces_adj(+Board, +Player, -Position, -Value)).
```

3.6 Final do Jogo

Após a execução da jogada de um jogador, este (e o jogo, por conseguinte) encontram-se numa de três situações possíveis:

- 1. O jogador tem no tabuleiro uma fila de cinco peças consecutivas da sua cor, quer na horizontal, vertical ou diagonal;
- O jogador ficou sem peças e não tem uma fila de cinco peças consecutivas suas:
- 3. O jogador ainda tem peças para jogar e não tem uma fila de cinco peças consecutivas da sua cor.

O programa verifica, com o predicado end_move /4, a ocorrência destes dois primeiros casos, na ordem em que estão aqui mencionados, e depois, caso nenhum deles se verifique, o jogo continua, começando a vez do outro jogador.

O predicado check_for_win /2 /3 é usado para verificar o caso 1, usando os predicados check_lines /2, check_columns /2 e check_diagonals /3, para verificar a existência de filas horizontais, verticais e diagonais, respetivamente.

O predicado check_lines /2 simplesmente verifica se cada lista que constitui o tabuleiro tem como sublista uma lista com cinco caracteres correspondentes ao caracter do jogador. O predicado check_columns /2 transpõe a matriz e subsequentemente recorre ao predicado check_lines /2, visto que, após a transposição da matriz, os elementos da lista que representa o tabuleiro passaram a ser as colunas. O predicado check_diagonals /2 percorre a matriz com o predicado get_diagonal /5, criando listas que incluem as células da matriz, dispostas diagonalmente, com um comprimento mínimo de cinco caracteres e recorre a check_lines /2, verificando as listas criadas.

Para a verificação do caso 2 é usado o predicado end_move /4 quando o último argumento (o número de peças com que o jogador ficou após a sua jogada) é igual a zero. Esta tentativa de unificação com o predicado só é feita após a unificação com o predicado check_for_win /3 falhar, o que indica que o jogador ficou sem peças e não tinha uma fila de cinco peças consecutivas. Nesta situação, o oponente ganha imediatamente o jogo.

Caso um destes dois casos se verifique, é chamado o predicado end_game /1, que anuncia o vencedor do jogo e pergunta ao utilizador se este quer voltar ao menu principal, com o predicado return_to_main_menu /1.

```
end_move(+Player, +Board, +OpponentPieces, +NewCurrentPieces).
end_game(+Player).
check_for_win(+Pieces, +Player, +Board).
check_for_win(+Player, +Board).
check_lines(+Player, +Board).
check_columns(+Player, +Board).
check_diagonals(+Player, +Board).
```

```
get_diagonal(+Row, +Column, +Board, +Line, -FLine).
return_to_main_menu(+Choice).
```

3.7 Jogada do Computador

O computador tem três níveis de dificuldade implementados: o nível mais fácil, em que é escolhida uma jogada totalmente aleatória; um nível intermédio, em que só se preocupa em maximizar o tamanho da maior fila de peças suas; e um nível mais difícil, em que, para além de maximizar o tamanho das suas filas, tenta reduzir as filas do oponente. Este nível mais difícil é realizado recorrendo à ao predicado value /3, descobrindo, entre todas as jogadas possíveis que o cpu pode executar, aquela que lhe deixa com um tabuleiro de value maior. A jogada é executada através do predicado cpu_move /6, que, de forma análoga ao predicado insert_piece /5, descrito na secção 3.4, escolhe uma jogada e aplica-a ao tabuleiro.

O primeiro nível de dificuldade, de forma a escolher uma jogada aleatória, recorre ao predicado valid_moves_make_list /3 para obter a lista de jogadas válidas. Posteriormente, usa o predicado cpu_generate_move /3 para escolher uma jogada válida qualquer e aplicá-la ao tabuleiro, usando finalmente convert_order_Move /2 para ser possível dizer ao utilizador qual foi a jogada feita.

Os outros dois níveis de dificuldade, como tentam escolher a melhor jogada de acordo com os seus critérios, usam o mesmo raciocínio. Tal como o primeiro nível, obtêm a lista de jogadas válidas com valid_moves_make_list /3, usando-a depois com o predicado map_redefined /4 /5. Este predicado é a única diferença no raciocínio dos dois níveis de dificuldade; o nível intermédio usa este predicado em conjunção com max_pieces_adj /4, enquanto que o nível mais avançado usa-o com value /3. Cria-se então a lista de valores de jogada para as peças, conforme descrito na secção 3.5. Partindo daqui, o predicado max_list /3, com a ajuda de max_list_aux /6, é usado para obter a melhor jogada, sendo então aplicada.

4 Interface com o Utilizador

O módulo de interface é assegurado através de um conjunto de predicados que mostra ao utilizador texto e recebe do teclado os seus *inputs*. O programa dispõe de um menu principal, assegurado pelo predicado display_main_menu /0, que usa os predicados display_title /0 e display_options /0 para imprimir o título do jogo e as opções do menu, respetivamente.

A impressão do tabuleiro é feita com os predicados mencionados na secção 3.2, principalmente os predicados display_board /1e os predicados usados por este, nomeadamente display_matrix /2, display_top /0 e display_edge /0. O número de peças que um jogador tem à sua disposição é mostrado pelo predicado write_pieces /2.

De forma a que a receção dos *inputs* do utilizador possa ser feita, são usados os predicados get_boolean /2, que mostra uma *prompt* ao utilizador e recebe um valor *yes/no*; get_integer /4, que também mostra uma *prompt* e recebe um valor inteiro dentro de um intervalo definido; e o predicado get_move /2, que por usa vez usa os predicados get_edge /1 e get_row /1 para receber a aresta e a fila para fazer uma jogada.

```
display_main_menu.
display_title.
display_options.
display_board(+Board).
display_matrix(+N, +Matrix).
display_top.
display_edge.
write_pieces(+Player, +Pieces).
get_boolean(+Prompt, -Option)
get_integer(+Prompt, +Min, +Max, -Option).
get_edge(-Edge).
get_row(-Row).
```

5 Conclusões

Com este projeto foi-nos possível entrar em contacto com um novo paradigma de programação bastante díspar aos que estávamos habituados até agora, introduzindo problemas completamente diferentes aos que já tivemos a oportunidade de resolver.

Foi um trabalho exigente, visto que encontrámos alguns problemas com, numa fase inicial, o planeamento da lógica do programa, para além de alguns bugs na implementação das jogadas do computador numa fase mais posterior, problemas estes que foram resolvidos eventualmente.

Consideramos que fizemos um bom trabalho, reconhecendo à mesma que este poderia, no entanto, ser melhorado no que toca ao seu desempenho; operações com manipulação, ordenação e comparação de listas conseguem ser dispendiosas, e é algo que se nota quando temos o computador a escolher uma jogada na dificuldade mais difícil.

Os elementos do grupo encaram este trabalho como uma experiência positiva, visto que foi possível alargar os nossos horizontes no que toca ao mundo da programação e ganhar experiência com outras ferramentas.

Bibliografia

- [1] BoardGameGeek. Shiftago board game boardgamegeek. https://boardgamegeek.com/boardgame/199611/shiftago, 2016. Online em novembro de 2017.
- [2] WiWa Spiele. Rules shiftago the strategic board game with shifting marbles. http://www.shiftago.com/en/rules.htm, 2016. Online em novembro de 2017.
- [3] WiWa Spiele. Rules express shiftago the strategic board game with shifting marbles. http://www.shiftago.com/en/rules_express.htm, 2016. Online em novembro de 2017.

A Código-fonte

A.1 main.pl

```
:-use_module(library(lists)).
   :-include('user_interface.pl').
   :-include('utils.pl').
   :-include('make_move.pl').
   :-include('end_move.pl').
   :-include('cpu.pl').
   %main game function
   shiftago:-
11
       display_main_menu,
12
       get_integer('Please choose an option: ', 0, 3, GameOption),
14
       menu_option(GameOption).
15
   %exits game
16
   menu_option(0).
18
   %starts player vs player
19
   menu_option(1):-
20
       asserta(game_mode(1)), asserta(cpu_level(0)),

→ asserta(cpu_player(0)),
       init(Board, PlayerOnePieces, PlayerTwoPieces),
22
       player_vs_player(Board, PlayerOnePieces, PlayerTwoPieces, 1).
23
24
25
   %starts player vs ai
   menu_option(2):-
26
       asserta(game_mode(2)), once(get_cpu_difficulty),

→ asserta(cpu_player(2)),
       init(Board, PlayerOnePieces, PlayerTwoPieces),
28
       player_vs_cpu(Board, PlayerOnePieces, PlayerTwoPieces, 1).
29
30
   %starts ai vs ai
   menu_option(3):-
32
       asserta(game_mode(3)), once(get_cpu_difficulty),
33

→ asserta(cpu_player(0)),
       init(Board, PlayerOnePieces, PlayerTwoPieces),
34
       cpu_vs_cpu(Board, PlayerOnePieces, PlayerTwoPieces, 1).
35
36
   %creates a blank board
   init([[0,0,0,0,0,0,0], [0,0,0,0,0,0], [0,0,0,0,0,0],
   \rightarrow [0,0,0,0,0,0,0], [0,0,0,0,0,0], [0,0,0,0,0,0],
   \rightarrow [0,0,0,0,0,0,0]], 22, 22).
   %------%
   %shows the board, asks for the pieces, makes the move and then
   → ends the current play
```

```
player_vs_player(Board, CurrentPieces, OpponentPieces,
   display_board(Board),
43
      write_pieces(CurrentPlayer, CurrentPieces),
44
      insert_piece(Board, CurrentPlayer, NewBoard, CurrentPieces,
      → NewCurrentPieces),
      end_move(CurrentPlayer, NewBoard, OpponentPieces,
46
      → NewCurrentPieces).
47
   %------%
   player_vs_cpu(Board, CurrentPieces, OpponentPieces,
   cpu_player(CurrentPlayer), !,
50
      display_board(Board),
      cpu_move(Board, CurrentPlayer, Move, NewBoard, CurrentPieces,
      → NewCurrentPieces),
      display_move(CurrentPlayer, Move),
      end_move(CurrentPlayer, NewBoard, OpponentPieces,
      → NewCurrentPieces).
  player_vs_cpu(Board, CurrentPieces, OpponentPieces,
   display_board(Board),
57
      write_pieces(CurrentPlayer, CurrentPieces),
      insert_piece(Board, CurrentPlayer, NewBoard, CurrentPieces,
      → NewCurrentPieces),
      end_move(CurrentPlayer, NewBoard, OpponentPieces,
       → NewCurrentPieces).
   %------%
  cpu_vs_cpu(Board, CurrentPieces, OpponentPieces, CurrentPlayer):-
63
      display_board(Board),
      cpu_move(Board, CurrentPlayer, Move, NewBoard, CurrentPieces,
       → NewCurrentPieces),
      display_move(CurrentPlayer, Move),
66
      end_move(CurrentPlayer, NewBoard, OpponentPieces,
      → NewCurrentPieces).
   A.2 make_move.pl
   :-use_module(library(lists)).
   %------%
  %checks if a move is possible
   possible_move(Line):-
      member(0, Line).
  %inserts piece at the beginning of a line
  insert_head_line(Player,Line,NLine):-
10
      append([Player],Line,NLine).
11
```

```
%inserts piece at the end of a line
   insert_end_line(Player,Line,NLine):-
15
       append(Line, [Player], NLine).
16
   %removes the first zero in a line
17
   remove_first_zero(Line, NLine) :-
           Line = [0 \mid Line2],
19
           NLine = Line2.
20
21
   remove_first_zero(Line, NLine) :-
           Line = [X | Line2],
23
           X = 0,
24
           NLine = [X | NLine2],
25
           remove_first_zero(Line2, NLine2).
26
27
   remove_first_zero([],[]).
28
29
   %removes the last zero in a line
   remove_last_zero(Line, NLine) :-
          reverse(Line, _Line2),
32
           remove_first_zero(_Line2, _NLine2),
           reverse(_NLine2, NLine).
34
35
   %-----%
   %asks the player for their move (board edge and line/column)
38
   get_move(Edge, Row):-
39
       repeat,
40
           once(get_edge(Edge)), once(get_row(Row)).
41
42
   %gets the edge
43
   get_edge(Edge):-
       write('Choose a board edge to insert the piece (up, down,
       → left, right): '), nl,
       read(Edge), member(Edge,['up', 'down', 'left', 'right']).
46
47
   get_edge(Edge):-
       write('Invalid edge; Try again.'), nl,
49
       get_edge(Edge).
50
   %gets the row
   get_row(Row):-
53
       get_integer('Choose a row: ', 1, 7,Row).
54
   %-----%
   %inserts a piece in the board (predicate called by the main game
    → predicate)
   insert_piece(Board, CurrentPlayer, NewBoard, CurrentPieces,
    → NewCurrentPieces):-
           get_move(Edge, Row),
```

```
insert_piece(Board, Edge, Row, CurrentPlayer, NewBoard,
          62
  insert_piece(Board, left, N, CurrentPlayer, NewBoard,
63
   get_line(N, Board, Line), possible_move(Line),
      remove_first_zero(Line, _line),
65

    insert_head_line(CurrentPlayer, _line, NLine),
      replace_nth(Board, N, NLine, NewBoard),
66
      NewCurrentPieces is CurrentPieces - 1.
  insert_piece(Board, right, N, CurrentPlayer, NewBoard,
   get_line(N, Board, Line), possible_move(Line),
70
      remove_last_zero(Line, _line), insert_end_line(CurrentPlayer,
71
      → _line, NLine),
      replace_nth(Board, N, NLine, NewBoard),
72
      NewCurrentPieces is CurrentPieces - 1.
  insert_piece(Board, up, N, CurrentPlayer, NewBoard,
   transpose(Board, _tempInit),
76
      insert_piece(_tempInit, left, N, CurrentPlayer, _tempEnd,
77
      transpose(_tempEnd, NewBoard).
79
  insert_piece(Board, down, N, CurrentPlayer, NewBoard,
   transpose(Board, _tempInit),
      insert_piece(_tempInit, right, N, CurrentPlayer, _tempEnd,
      transpose(_tempEnd, NewBoard).
   A.3 end_move.pl
   %-----%
  %initial predicate to check if player won
  check_for_win(Pieces, Player, Board):-
         Pieces =< 17, check_for_win(Player, Board),</pre>

    display_board(Board).

  %checking lines columns and diagonals
  check_for_win(Player, Board):- check_lines(Player,Board).
  check_for_win(Player, Board):- check_colums(Player, Board).
  check_for_win(Player, Board):- check_diagonals(Player, Board).
  check_for_win(Player, Board):- reverse(Board, NBoard),
   %base model checks if a set of five consecutive player pieces
   → exists in a line (easier checked in a list)
```

```
check_lines(Player, [X|_Rest]):-

    sublist([Player,Player,Player,Player], X).

   check_lines(Player, [_|Rest]):- check_lines(Player, Rest).
15
   check_colums(Player, Board):- transpose(Board, TBoard),

    check_lines(Player, TBoard).

18
   %obtaining a list of the coordinates where you can fit five
    → diagonal consecutive pieces
   check_diagonals(Player, Board) :- get_diagonal(1,1,Board,[],Line),

    check_lines(Player,[Line]).

   check_diagonals(Player, Board) :- get_diagonal(1,2, Board, [], Line),

    check_lines(Player,[Line]).

   check_diagonals(Player, Board) :- get_diagonal(1,3,Board,[],Line),

    check_lines(Player,[Line]).

   check_diagonals(Player, Board) :- get_diagonal(2,1, Board,[], Line),

    check_lines(Player,[Line]).

   check_diagonals(Player, Board) :- get_diagonal(3,1, Board,[], Line),

    check_lines(Player,[Line]).

25
   %obtaining list with diagonal pieces
   get_diagonal(8, _, _Board, Line, Line):-!.
   get_diagonal(_, 8, _Board, Line, Line):-!.
   get_diagonal(L, C, Board, Line, FLine):-
       L < 8, C < 8, L1 is L+1, C1 is C+1,
       get_line(L, Board, _tmp), nth1(C, _tmp, _value),
31
       append(Line, [_value], NLine),
32
       get_diagonal(L1,C1,Board,NLine, FLine).
33
35
   %------ Fim de Jogada ------%
36
37
   %ends move by first checking if the player one, then if the
    → player lost and then
   %changing the player and starting a new move
39
40
   end_move(CurrentPlayer, NewBoard, _OpponentPieces,
    → NewCurrentPieces):-
       check_for_win(NewCurrentPieces, CurrentPlayer, NewBoard),
42
       end_game(CurrentPlayer).
43
44
   end_move(CurrentPlayer, NewBoard, _OpponentPieces, 0):-
45
           switch_player(CurrentPlayer, NewPlayer),
46
           display_board(NewBoard),
           write('Player '), write(CurrentPlayer),
48
           write(', you are out of pieces!'), nl,
49
           end_game(NewPlayer).
50
   end_move(CurrentPlayer, NewBoard, OpponentPieces,
    → NewCurrentPieces):-
       game_mode(1),
       switch_player(CurrentPlayer, NewPlayer),
```

```
player_vs_player(NewBoard, OpponentPieces, NewCurrentPieces,
       → NewPlayer).
56
   end_move(CurrentPlayer, NewBoard, OpponentPieces,
57
   → NewCurrentPieces):-
       game_mode(2),
       switch_player(CurrentPlayer, NewPlayer),
59
       player_vs_cpu(NewBoard, OpponentPieces, NewCurrentPieces,
60
       → NewPlayer).
   end_move(CurrentPlayer, NewBoard, OpponentPieces,
   → NewCurrentPieces):-
       game_mode(3),
63
       switch_player(CurrentPlayer, NewPlayer),
64
       cpu_vs_cpu(NewBoard, OpponentPieces, NewCurrentPieces,
65
       → NewPlayer).
66
   %ends game and asks if the player would like to play again
   end_game(Player):-
68
       write('Game over, winner is player '), write(Player),

    write('!'), nl,

       abolish(game_mode/1), abolish(cpu_player/1),
70

→ abolish(cpu_level/1),
       get_boolean('Would you like to return to the main menu?
       return_to_main_menu(Choice).
   A.4 user_interface.pl
   %-----%
  %mostra o titulo do jogo
   display_title:-
      write(' ___| |__ | |_| |__ __ ___'), nl,
write(' / __| _ \\| | _ |__/ _` |/ _` |/ _ \\'), nl,
       write(' \\__ \\ | | | | | | | (_| | (_| | (_) |'), nl,
      write(' |__/_| |_|_| \\__,_|\\__, |\\__/ '), nl,
                                       __/ |'), nl,
      write('
                                      |___/'), nl.
      write('
11
12
   %mostra as opcoes do menu
   display_options:-
14
      write('+-----'), nl,
15
      write(' 1. Player vs Player'), nl,
16
      write(' 2. Player vs COM'), nl,
       write(' 3. COM vs COM'), nl,
18
       write(' 0. Exit'), nl,
19
       write('+----+').
20
   %mostra o menu principal
23 display_main_menu:-
```

```
display_title, nl, display_options, nl.
24
   %-----%
26
   %chamadas recursivas
27
   display_matrix(8, _).
   display_matrix(N, [L|T]) :-
       N1 \text{ is } N+1, N = < 7,
30
       display_line(L, N),
31
       display_matrix(N1, T).
32
   %imprime a linha
34
   display_line(L, N):-
35
       write(N), put_char(' '),
       put_char('|'), display_line(L).
37
38
   %transforma caracteres internos a matriz em elementos
   \hookrightarrow representados
   translate_char(0,'.').
   translate_char(1,'X').
   translate_char(2,'0').
42
   %ultimo elemento da linha
   display_line([X]) :- translate_char(X,N), write(N), write('|'),
   \rightarrow put_code(10).
   display_line([X|R]) :- translate_char(X,N), write(N), write(' '),

→ display_line(R).
47
   %escreve o tabuleiro
   display_top :- write(' 1 2 3 4 5 6 7'), put_code(10).
   display_board(X):- display_top, display_edge, display_matrix(1,

→ X), display_edge.

52
   display_move(Player, Move):-
53
       write('CPU player '), write(Player), write(' played '),

    write(Move), write('.'), nl.

  %writes the number of pieces
56
   write_pieces(Player, 1):-
       write('Player '), write(Player),
       write(', it\'s your turn. You only have one piece left, make

    it count!'), nl.

60
   write_pieces(Player, Pieces):-
       write('Player '), write(Player),
62
       write(', it\'s your turn. You have '),
63
       write(Pieces), write(' pieces left.'), nl.
64
   %-----%
  get_integer(Prompt, Min, Max, Option):-
67
       write(Prompt), nl,
       read(Option), integer(Option),
```

```
Option >= Min, Option =< Max.
70
   get_integer(Prompt, Min, Max, Option):-
72
       write('Invalid input; Try again.'), nl, get_integer(Prompt,
        → Min, Max, Option).
   get_boolean(Prompt, Option):-
75
       write(Prompt), nl,
76
       read(Option), member(Option, ['yes', 'no']).
77
   %checks if the player wants to leave the game
79
   return_to_main_menu(no).
   return_to_main_menu(yes):-
       shiftago.
82
83
   get_cpu_difficulty:-
       get_integer('Please choose a difficulty level for the CPU
        \leftrightarrow (1,2,3):', 1, 3, Level),
       asserta(cpu_level(Level)).
86
87
      1234567
90
   1 | . . O . X . . |
   2 | . . . O X X O |
   3 | . . . 0 . . |
   4 1. . . X O X/
   5 /. . . . . . 0/
   6 /X X . . . . /
   7 /. . . . 0 . ./
98
   A.5
         cpu.pl
   Move is represented by [edge , row]
   :-use_module(library(lists)).
   :- use_module(library(random)).
   %-----%
   %Gives the NewBoard for each Move. In case the move is not
    \rightarrow possible NewBoard is instantiated to 0
   valid_move(Board, Player, ['left', N], NewBoard) :-
10
11
12
           get_line(N, Board, Line), possible_move(Line),
13
       remove_first_zero(Line, _line), insert_head_line(Player,
        → _line, NLine),
       replace_nth(Board, N, NLine, NewBoard),!.
15
```

```
16
   valid_move(Board, Player, ['right', N], NewBoard) :-
18
           N > 0, N < 8,
19
           get_line(N, Board, Line), possible_move(Line),
20
       remove_last_zero(Line, _line), insert_end_line(Player, _line,
        → NLine),
       replace_nth(Board, N, NLine, NewBoard),!.
22
   valid_move(Board, Player, ['up', N], NewBoard) :-
25
           N>0, N<8,
26
           transpose(Board, Trans_Board),
           valid_move(Trans_Board, Player, ['left',N],
            → Trans_NewBoard),
           transpose(Trans_NewBoard, NewBoard),!.
29
   valid_move(Board, Player, ['down', N], NewBoard) :-
32
           N>0, N<8,
33
           transpose(Board, Trans_Board),
           valid_move(Trans_Board, Player, ['right',N],
35

→ Trans_NewBoard),

           transpose(Trans_NewBoard, NewBoard),!.
36
   valid_move(_Board, _Player, _Move, 0).
38
39
40
   %----- VALID_MOVES_MAKE_LIST
    %Gives the list of valid moves for each Board and Player. A O
    \rightarrow represents a move that is not valid
   valid_moves_make_list_aux(Board, Player, ['left', 8],

    ListOfMoves_0):-

            !,
44
           valid_moves_make_list_aux(Board, Player, ['right',1],
45

    ListOfMoves_0).

46
   valid_moves_make_list_aux(Board, Player, ['right', 8],

    ListOfMoves_0):-

           !,
           valid_moves_make_list_aux(Board, Player, ['up',1],
49

    ListOfMoves_0).

   valid_moves_make_list_aux(Board, Player, ['up', 8],
51

    ListOfMoves_0):-

           !,
52
           valid_moves_make_list_aux(Board, Player, ['down',1],

    ListOfMoves_0).

54
   valid_moves_make_list_aux(_Board, _Player, ['down', 8],

    ListOfMoves_0):-
```

```
!,
           ListOfMoves_0=[].
58
   valid_moves_make_list_aux(Board, Player, Move, ListOfMoves_0):-
59
          Move=[Edge, X],
60
           ListOfMoves_0=[NewBoard | L2],
           valid_move(Board, Player, Move, NewBoard),
62
           X1 \text{ is } (X + 1),
63
           valid_moves_make_list_aux(Board, Player, [Edge, X1], L2).
66
   valid_moves_make_list(Board, Player, ListOfMoves_0):-
67
           valid_moves_make_list_aux(Board, Player,['left',1],

    ListOfMoves_0).

69
70
   %-----%
   %Same as Valid\_Moves, with the only difference that it eliminates
    → the 0's from the list, so it only returns the moves that are
    \hookrightarrow actually valid
   cmp_lists(ListOfMoves, ListOfMoves_0):-
           (ListOfMoves=[], ListOfMoves_0=[]);
74
           (ListOfMoves_0=[0|L_02], cmp_lists(ListOfMoves, L_02)).
75
76
   cmp_lists(ListOfMoves, ListOfMoves_0):-
           ListOfMoves_0=[X_0 \mid L_02],
78
           X_0 = 0,
79
           ListOfMoves=[X | L2],
80
           X=X_0,
           cmp_lists(L2,L_02).
83
   valid_moves(Board, Player, ListOfMoves):-
86
           valid_moves_make_list(Board, Player, ListOfMoves_0),
87
           cmp_lists(ListOfMoves, ListOfMoves_0).
88
90
   %-----%
91
   %Returns the maximum number of adjacent pieces in the Board for a
    max_pieces_adj_aux_main(Board, Player, Position, Value,
    → Position_tmp, Value_tmp, Ind, Line):-
        Ind1 is Ind + 1, rate_adj(Player, Line, X),(
       (X > Value_tmp,
95
       max_pieces_adj_aux(Board, Player, Position, Value, Ind, X,

    Ind1));
       (\+ ( X > Value_tmp),
       max_pieces_adj_aux(Board, Player, Position, Value,
       → Position_tmp, Value_tmp, Ind1))).
```

```
max_pieces_adj_aux(_Board, _Player, Position, Value, Position,
100
    → Value, 25):- ! .
101
    max_pieces_adj_aux(Board, Player, Position, Value, Position_tmp,
102
    Ind<8, !, nth1(Ind, Board, Line),</pre>
103
        max_pieces_adj_aux_main(Board, Player, Position, Value,
104
        → Position_tmp, Value_tmp, Ind, Line).
105
    max_pieces_adj_aux(Board, Player, Position, Value, Position_tmp,
106
       Value_tmp, Ind):-
        Ind < 15, !, N is (Ind - 7),length(Board, _Tam),</pre>
107

→ transpose(Board, Trans_Board), nth1(N, Trans_Board,
        → Line),
        max_pieces_adj_aux_main(Board, Player, Position, Value,
108
        → Position_tmp, Value_tmp, Ind, Line).
109
    max_pieces_adj_aux(Board, Player, Position, Value, Position_tmp,
110
    → Value_tmp, Ind):-
            Ind<18, !,C is Ind-14, get_diagonal(1,C,Board,[],Line),</pre>
111
            max_pieces_adj_aux_main(Board, Player, Position, Value,
112
            → Position_tmp, Value_tmp, Ind, Line).
113
    max_pieces_adj_aux(Board, Player, Position, Value, Position_tmp,
114
    → Value_tmp, Ind):-
            Ind<20, !,L is Ind-16, get_diagonal(L,1,Board,[],Line),</pre>
115
            max_pieces_adj_aux_main(Board, Player, Position, Value,
116
            → Position_tmp, Value_tmp, Ind, Line).
    max_pieces_adj_aux(Board, Player, Position, Value, Position_tmp,
118
    Ind<23, !,C is Ind - 19,reverse(Board, RBoard),</pre>
119

    get_diagonal(1,C,RBoard,[],Line),
            max_pieces_adj_aux_main(Board, Player, Position, Value,
120
            → Position_tmp, Value_tmp, Ind, Line).
121
    max_pieces_adj_aux(Board, Player, Position, Value, Position_tmp,
    Ind<25, !,L is Ind-21,reverse(Board, RBoard),</pre>
123

    get_diagonal(L,1,RBoard,[],Line),
            max_pieces_adj_aux_main(Board, Player, Position, Value,
124
            → Position_tmp, Value_tmp, Ind, Line).
125
    max_pieces_adj(Board, Player, Position, Value):-
            max_pieces_adj_aux(Board, Player, Position, Value, -1,
127
            \rightarrow -1000,1).
128
    max_pieces_adj(0, _Player, -1, -1).
129
130
131
    %-----%
```

```
%This function computes a formula that determines the value of a
    → certain Line for a certain Player. This formula is calculated
       as the sum of all
    %adjacent pieces in that line raised to the power of five
134
    %So\ for\ example,\ if\ a\ Line\ is\ [1,1,1,0,2,2,1,1]\ and\ the\ player\ is
    \rightarrow 1 this formula gives the result 3^5+2^5=275. In case the
    → player is 2, it gives
    %the result 2^5=32.
    rate_adj_formula_count(_Elem, [], N, Count, Sum,

    _ElemJustAppeared):-
        N is Sum + Count<sup>5</sup>.
138
139
    rate_adj_formula_count(Elem, List, N, _Count, Sum,
    List=[X | L2],
141
        ElemJustAppeared = 0,
142
        X = Elem,
143
        rate_adj_formula_count(Elem, L2, N, 0, Sum, 0).
145
    rate_adj_formula_count(Elem, List, N, _Count, Sum,
146
    List=[X \mid L2],
147
        ElemJustAppeared = 0,
148
149
        X = Elem,
        rate_adj_formula_count(Elem, L2, N, 1, Sum, 1).
151
    rate_adj_formula_count(Elem, List, N, Count, Sum,
152
    List=[X | L2],
        ElemJustAppeared = 1,
154
        X = Elem
155
        Sum1 is Sum+Count<sup>5</sup>,
        rate_adj_formula_count(Elem, L2, N, 0, Sum1, 0).
157
158
    rate_adj_formula_count(Elem, List, N, Count, Sum,
159
    List=[X \mid L2],
160
        ElemJustAppeared = 1,
161
        X = Elem,
162
        C1 is Count + 1,
        rate_adj_formula_count(Elem, L2, N, C1, Sum, 1).
164
165
166
    rate_adj_formula(Elem, List, N):-
           rate_adj_formula_count(Elem, List, N, 0, 0, 0).
168
169
    %-----%
170
    %This formula returns an intermediate level of a value of a board
    → for a certain player.
   %It is computed by calculating the sum of rate_adj_formula for
    \rightarrow each diagonal, line and column
    %The final value of a Board is computed using the function value
```

```
value_formula_aux_main(Board, Player, Value, Count, Ind, Line):-
         Ind1 is Ind + 1, rate_adj_formula(Player, Line, X),
         NCount is Count+X,
176
        value_formula_aux(Board, Player, Value, NCount, Ind1).
177
178
    value_formula_aux(_Board, _Player, Value, Value, 25):-!.
179
180
    value_formula_aux(Board, Player, Value, Value_tmp, Ind):-
181
        Ind<8, !, nth1(Ind, Board, Line),</pre>
        value_formula_aux_main(Board, Player, Value, Value_tmp, Ind,
183
         → Line).
184
    value_formula_aux(Board, Player, Value, Value_tmp, Ind):-
        Ind < 15, !, N is (Ind - 7), transpose(Board, Trans_Board),</pre>
186

→ nth1(N, Trans_Board, Line),
        value_formula_aux_main(Board, Player, Value, Value_tmp, Ind,
187
         \hookrightarrow Line).
188
    value_formula_aux(Board, Player, Value, Value_tmp, Ind):-
189
            Ind<18, !,C is Ind-14, get_diagonal(1,C,Board,[],Line),</pre>
190
            value_formula_aux_main(Board, Player, Value, Value_tmp,
             → Ind, Line).
192
    value_formula_aux(Board, Player,
                                        Value, Value_tmp, Ind):-
            Ind<20, !,L is Ind-16, get_diagonal(L,1,Board,[],Line),</pre>
194
            value_formula_aux_main(Board, Player, Value, Value_tmp,
195
             → Ind, Line).
196
    value_formula_aux(Board, Player, Value, Value_tmp, Ind):-
            Ind<23, !,C is Ind - 19,reverse(Board, RBoard),</pre>
198

    get_diagonal(1,C,RBoard,[],Line),
            value_formula_aux_main(Board, Player,
                                                     Value, Value_tmp,
199
             → Ind, Line).
200
    value_formula_aux(Board, Player, Value, Value_tmp, Ind):-
201
            Ind<25, !,L is Ind-21,reverse(Board, RBoard),</pre>
202

    get_diagonal(L,1,RBoard,[],Line),
            value_formula_aux_main(Board, Player, Value, Value_tmp,
203
             → Ind, Line).
    value_formula(Board, Player, Value):-
205
            value_formula_aux(Board, Player, Value, 0, 1).
206
207
    %-----%
    %This function returns the value of a Board for a certain player.
209
    "It is computed by calculating the value_formula of the Board and
210
     \rightarrow subtracting the maximum value_formula that a the next player
        can obtain in the following move of his own
    value(0, _Player, -10^7):- ! .
211
212
    value(Board, Player, Value):-
```

```
max_pieces_adj(Board, Player, _PositionPlayer,
214

→ ValuePlayer),

           ValuePlayer >= 5, !, Value is 10 ^ 6.
215
216
    value(Board, Player, Value):-
217
           NPlayer is mod(Player,2) + 1, valid_moves(Board, NPlayer,
            → ListOfMoves), length(ListOfMoves, Size),
            map_redefined(max_pieces_adj, ListOfMoves, ListPlayer,
219
            → _Positions, Values), max_list( Values,
               _PositionNPlayer, ValueNPlayer),
           ValueNPlayer>=5, !, Value is (0 - 10^6).
220
221
    value(Board, Player, Value):-
222
           value_formula(Board, Player, ValuePlayer),
223
           NPlayer is mod(Player,2) + 1, valid_moves(Board, NPlayer,
224

    ListOfMoves), length(ListOfMoves, Size),
            map_redefined(value_formula, ListOfMoves, ListPlayer,
225
            → Values), max_list( Values, _PositionNPlayer,

→ ValueNPlayer),

           Value is ValuePlayer-ValueNPlayer.
226
227
    %-----%
228
    %Gives the Move that the cpu is going to make for a certain Board
    \hookrightarrow and Player
    cpu_move( _Board, _Player, 'undefined', 'undefined', 0, 0):-!.
230
231
    cpu_move(Board, Player, Move, NewBoard, CurrentPieces,
    → NewCurrentPieces):-
           cpu_level(3),
233
           valid_moves_make_list(Board, Player, ListOfMoves),
234
            → length(ListOfMoves, Size), create_list(Player, Size,
            map_redefined( value, ListOfMoves, ListPlayer, Values),
235
            → max_list(Values, PositionMove, ValueMove),
           ((ValueMove is (0 -10^7), Move='undefined',
            → NewBoard='undefined', NewCurrentPieces=0);
           (ValueMove > (0 -10^7), convert_order_Move(PositionMove,
237
            → Move), nth1(PositionMove, ListOfMoves, NewBoard),
              NewCurrentPieces is CurrentPieces - 1)).
238
    cpu_move(Board, Player, Move, NewBoard, CurrentPieces,
239
    → NewCurrentPieces):-
           cpu_level(2),
240
           valid_moves_make_list(Board, Player, ListOfMoves),
241
            → length(ListOfMoves, Size), create_list(Player, Size,
            map_redefined( max_pieces_adj, ListOfMoves, ListPlayer,
242
               _Positions, Values), max_list(Values, PositionMove,
```

```
((ValueMove is (0 -10^7), Move = 'undefined',
243
            → NewBoard='undefined', NewCurrentPieces=0);
            (ValueMove > (0 -10^7), convert_order_Move(PositionMove,
244
            → Move), nth1(PositionMove, ListOfMoves, NewBoard),
            → NewCurrentPieces is CurrentPieces - 1)).
    cpu_move(Board, Player, Move, NewBoard, CurrentPieces,
246
    → NewCurrentPieces):-
            cpu_level(1),
247
            valid_moves_make_list(Board, Player, ListOfMoves),
248
            cpu_generate_move(ListOfMoves, NewBoard, PositionMove),
249
            convert_order_Move(PositionMove, Move), NewCurrentPieces
250
            → is CurrentPieces - 1.
251
    cpu_generate_move(ListOfMoves, NewBoard, PositionMove):-
252
            (length(ListOfMoves, Size), random(1, Size,
253
            → PositionMove), nth1(PositionMove, ListOfMoves,
            → NewBoard), NewBoard \= 0);
            cpu_generate_move(ListOfMoves, NewBoard, PositionMove).
254
255
    %-----%
    "This function converts a number that represents the order of a
257
    \rightarrow Move in an array to the move itself
    %The order of the Moves in the array is left->right->up->down, in
    \rightarrow ascendant order for the numbers
    convert_order_Move(N, Move):-
259
                    N<8, !,
260
                    Move=['left', N].
261
    convert_order_Move(N, Move):-
263
                    N<15, !, N1 is N-7,
264
                    Move=['right', N1].
266
    convert_order_Move(N, Move):-
267
                    N<22, !, N1 is N-14,
268
                    Move=['up', N1].
269
270
    convert_order_Move(N, Move):-
271
                    N<29, !, N1 is N-21,
272
                    Move=['down', N1].
273
         utils.pl
    \mathbf{A.6}
    :-use_module(library(lists)).
    %-----%
   %Verifies if a list L1 is a member of a sublist L
   sublist_start([],_L):- ! .
   sublist_start(L1, L):- L1=[X | L12], L=[X | L2],

    sublist_start(L12 , L2).

   sublist(L1, L) :- sublist_start(L1, L).
```

```
sublist(L1,L) := L=[X \mid L2], sublist(L1, L2).
11
   %switches the two players
12
   switch_player(1,2).
   switch_player(2,1).
15
   %-----%
   %Counts the number of times that Elem occurs in List
17
   rate_count(_Elem, [], N, N):-!.
19
   rate_count(Elem, List, N, Count):-
20
21
      List=[X \mid L2],
       ((X=Elem,C1 is Count + 1, rate_count(Elem, L2, N, C1));
       (X \= Elem, rate_count(Elem, L2, N, Count))).
   rate(Elem, List, N):-
27
      rate_count(Elem, List, N, 0).
28
   %-----%
31
   %Gives the maximum sublist whose only element is Elem that occurs
   \hookrightarrow in List
   rate_adj_count(_Elem, [], N, Count, Max_Count,
       _ElemJustAppeared):-
       (Count > Max_Count, N=Count) ;
34
       ( \+ (Count > Max_Count), N=Max_Count).
   rate_adj_count(Elem, List, N, _Count, Max_Count,
   List=[X \mid L2],
38
       ElemJustAppeared = 0,
39
       X = Elem,
40
       rate_adj_count(Elem, L2, N, 0, Max_Count, 0).
41
   rate_adj_count(Elem, List, N, _Count, Max_Count,
43
   List=[X | L2],
       ElemJustAppeared = 0,
       X = Elem,
46
       rate_adj_count(Elem, L2, N, 1, Max_Count, 1).
47
   rate_adj_count(Elem, List, N, Count, Max_Count,
   List=[X | L2],
50
      ElemJustAppeared = 1,
       X = Elem,
       ((Count>Max_Count,
       rate_adj_count(Elem, L2, N, 0, Count, 0));
       (\+ (Count>Max_Count),
```

```
rate_adj_count(Elem, L2, N, 0, Max_Count, 0))).
   rate_adj_count(Elem, List, N, Count, Max_Count,
58
    List=[X | L2],
59
       ElemJustAppeared = 1,
       X = Elem,
61
       C1 is Count + 1,
62
       rate_adj_count(Elem, L2, N, C1, Max_Count, 1).
65
   rate_adj(Elem, List, N):-
66
           rate_adj_count(Elem, List, N, 0, 0, 0).
67
68
69
   %-----%
   %Gives the Value and Position of the maximum number that occurs
    \hookrightarrow in a list
   max_list_aux([], Position, Value, Position, Value, _Ind):-!.
72
73
   max_list_aux(List, Position, Value, Position_tmp, Value_tmp,
    → Ind):-
       List=[X \mid L2],
75
       Ind1 is Ind + 1,(
76
       (X > Value_tmp,
       max_list_aux(L2, Position, Value, Ind, X, Ind1));
78
       (\+ ( X > Value_tmp),
79
       max_list_aux(L2, Position, Value, Position_tmp, Value_tmp,
       \rightarrow Ind1))).
81
   max_list(List, Position, Value):-
       Min is 0-10<sup>8</sup>,
84
       max_list_aux(List,Position, Value, -1, Min, 1).
85
86
   %-----%
   %Gives the N th line of Board
   get_line(N, Board, Line):-
       nth1(N, Board, Line).
90
   %-----%
   %Replaces the nth element of a list
93
   replace_nth([_|Rest], 1, X, [X|Rest]).
   replace_nth([X|Rest], N, Elem, [X|NRest]):-
       N > 1, N1 is N-1, replace_nth(Rest, N1, Elem, NRest).
96
97
    %-----%
   %Creates a list of size N, whose only element is Elem
100
   create_list(_Elem, 0, []):- !.
101
   create_list(Elem, N, List):-
```

```
List=[X | L2],
104
       X=Elem,
       N1 is N-1,
106
       create_list(Elem, N1, L2).
107
108
    %-----%
109
    %Redefines the function map_redefined for 4 and 5 elements
110
    map_redefined(_Pred, [], []):-!.
111
112
    map_redefined(Pred, L1, L2, L3):-
113
       L1=[X1 | L12],
114
       L2=[X2 | L22],
115
       L3=[X3 | L32],
116
117
       call(Pred, X1, X2, X3),
118
       map_redefined(Pred, L12, L22, L32).
119
120
    map_redefined(_Pred, [], [], []):-!.
121
122
   map_redefined(Pred, L1, L2, L3, L4):-
123
124
       L1=[X1 | L12],
125
       L2=[X2 | L22],
126
       L3=[X3 | L32],
127
       L4=[X4 | L42],
       call(Pred, X1, X2, X3, X4),
129
       map_redefined(Pred, L12, L22, L32, L42).
130
```