

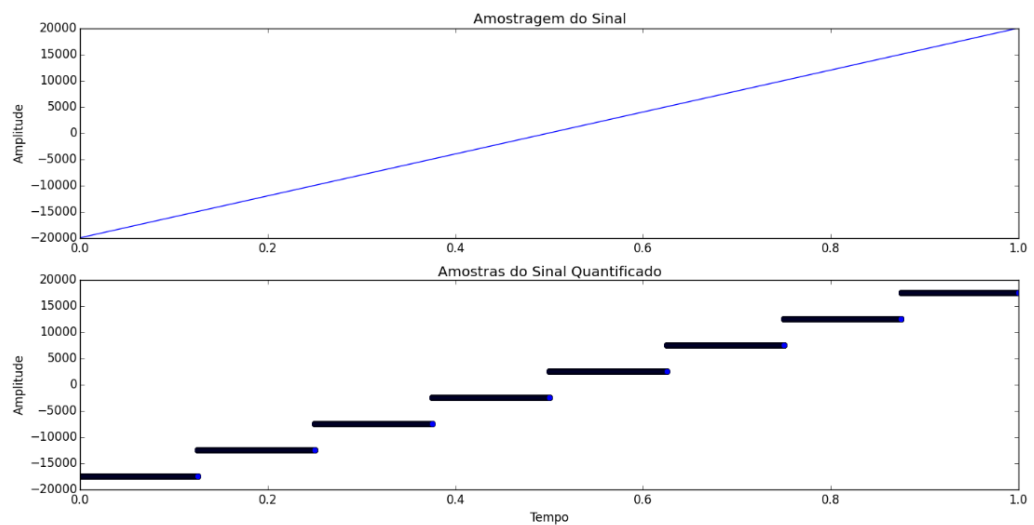


## Quantificação

### Exercício 3:

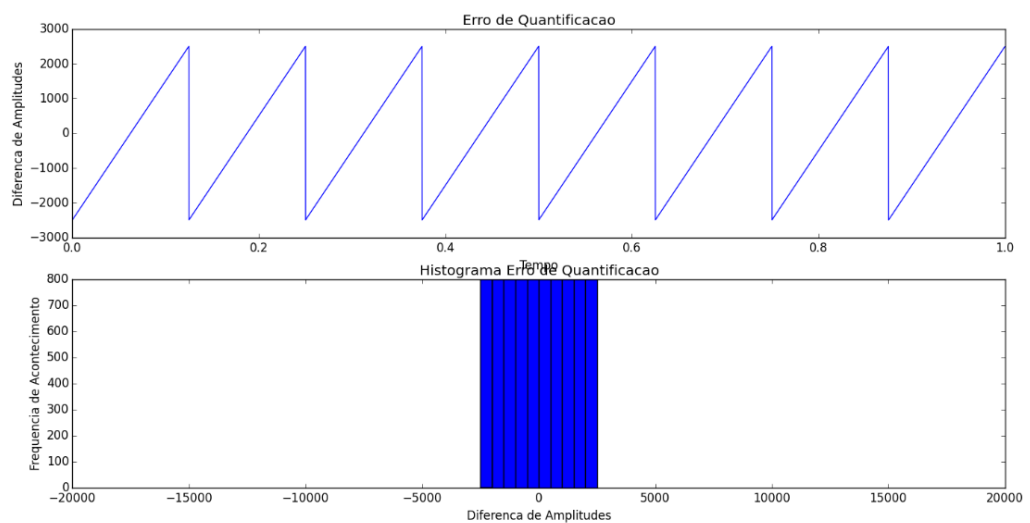
a)

Representação das amostras do sinal original e do sinal quantificado ao longo do tempo



b)

Representação do erro de quantificação (ao longo do tempo) e o seu histograma



c)

Medidas das SNR's para diferentes valores de  $R = [3,4,5,6,7,8]$ 

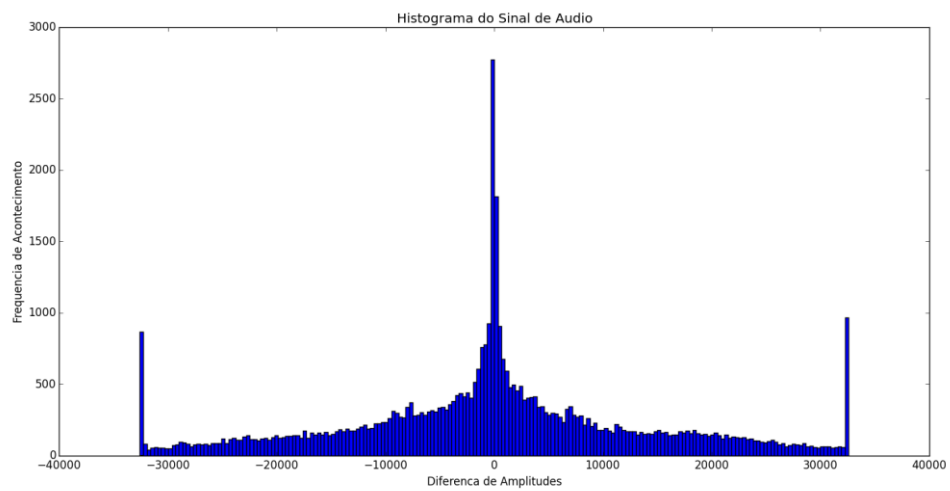
SNR Teórica = [ 17.99782893 23.99782893 29.99782893 35.99782893 41.99782893 47.99782893]

SNR Prático = [ 18.06179364 24.08238705 30.10297401 36.12354818 42.14409721 48.16459788]

## Exercício 4:

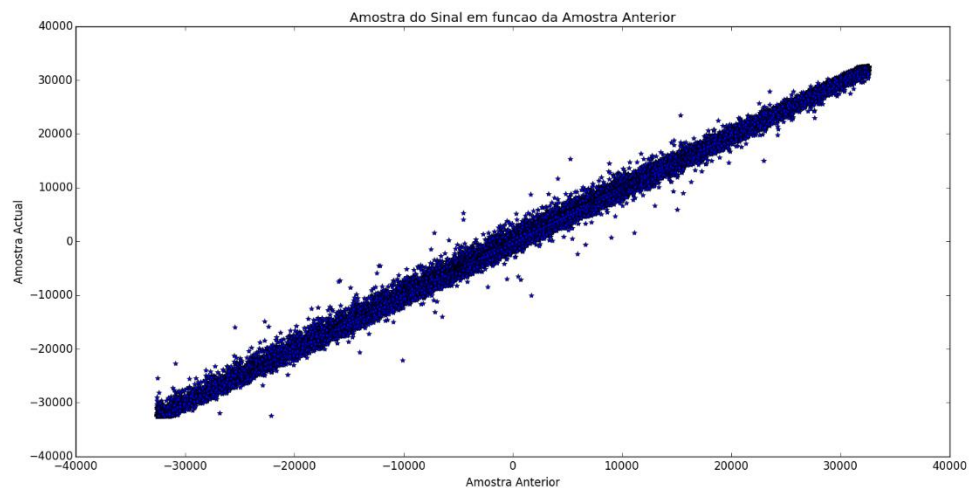
a)

Histograma do sinal de áudio



b)

Representação de cada amostra do sinal em função da amostra anterior



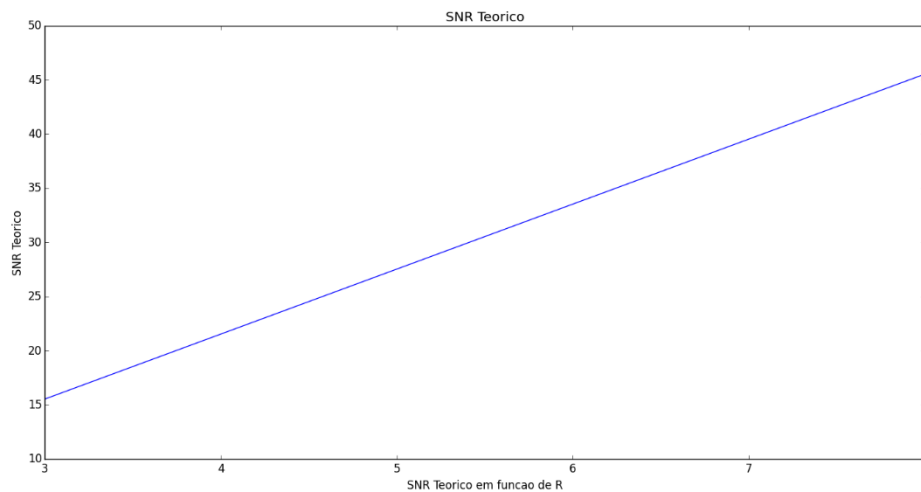
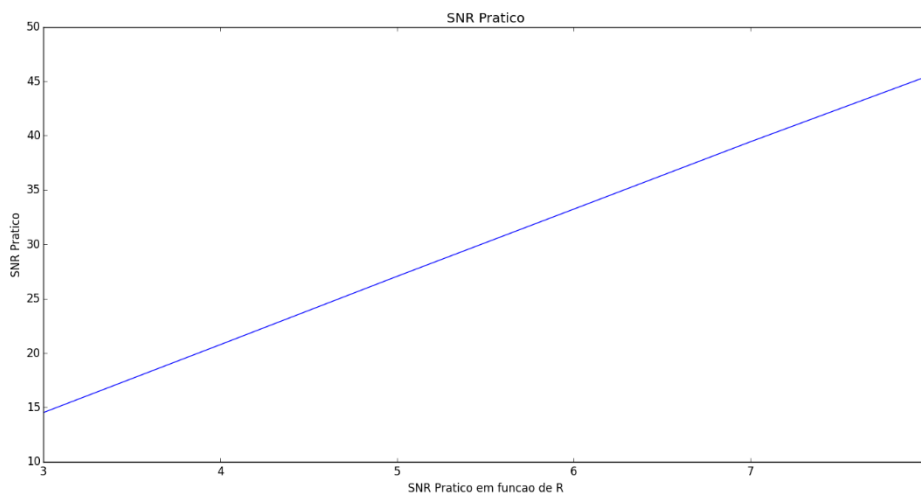
**Aspetos a realçar:**

- Com a representação do gráfico, pode-se verificar que, as amostras anteriores têm valores muito semelhantes, relativamente, às amostras atuais.

c)

Medidas das SNR's para diferentes valores de  $R = [3,4,5,6,7,8]$  no sinal de áudio

SNR Teórica = [ 15.524359 21.524359 27.524359 33.524359 39.524359 45.524359]  
SNR Prático = [ 14.52068469 20.76543181 27.04865486 33.23369616 39.43360995 45.44825223]

**Gráfico da SNR Teórica****Gráfico da SNR Prática**

### Aspetos a realçar:

- O sinal quantificado, quando ouvido para o primeiro R, ou seja,  $R = 3$ , o som gerado sai ligeiramente com “grão”. Esse “grão” irá perder-se ao longo da variação de R, deixando mesmo de se ouvir logo a partir de  $R=5$ ;
- Com os gráficos, consegue-se ter uma perceção mais geral das SNR's. Conclui-se que tanto a SNR Prática como a SNR Teórica, não têm valores iguais, ao contrário das SNR's da senoide.

## Codificação

### Exercício 2:

Os valores de SNR teórico e Prático para o sinal de áudio com  $R = [3,5,8]$  é de:

```
SNR Teórica = [ 15.524359  27.524359  45.524359 ]
SNR Prático = [ 14.52068469 27.04865486 45.44825223 ]
```

### Exercício 3:

a)

$$R = 3$$

$$V_{\max} = 1$$

$$L = 2^3 = 8$$

$$\Delta q = \frac{2V_{\max}}{L} = \frac{2 \times 1}{8} = 0,25 \quad \leftarrow \text{Intervalos de decisão}$$

Isto significa que teremos 8 intervalos de decisão (sem contar com o zero), de -1 até 1, com um passo de 0,25. Os intervalos serão então:

$$V_d = [-1; -0.75; -0.5; -0.25; 0; 0.25; 0.5; 0.75; 1].$$

Para se ter os valores de quantificação é apenas preciso encontrar o valor médio entre dois intervalos de decisão, ou seja, um valor que esteja igualmente espaçado entre dois intervalos:

$$V_q = \frac{\Delta q}{2} = \frac{0,25}{2} = 0,125 \quad \leftarrow \text{Valores de quantificação}$$

Ter-se-á, então:

$$V_q = [-0.875; -0.625; -0.375; -0.125; 0.125; 0.375; 0.625; 0.875].$$

A codificação, será, respetivamente para cada valor  $V_q$ , de:

$$\text{Codificação} = [000; 001; 010; 011; 100; 101; 110; 111]$$

**Codificação das 5 primeiras amostras:**

**Primeira amostra (t = 0):**

$$Y(0) = \cos(2\pi 500 \times 0) = 1$$

Logo,  $V_d = 1$  e  $V_q = 0,875$  e Codificado = 111.

**Segunda amostra (t = 1/8000):**

$$Y\left(\frac{1}{8000}\right) = \cos\left(2\pi 500 \times \frac{1}{8000}\right) = 0,999976512$$

Logo,  $V_d = 1$  e  $V_q = 0,875$  e Codificado = 111.

**Terceira amostra (t = 2/8000):**

$$Y\left(\frac{2}{8000}\right) = \cos\left(2\pi 500 \times \frac{2}{8000}\right) = 0,999906049$$

Logo,  $V_d = 1$  e  $V_q = 0,875$  e Codificado = 111.

**Quarta amostra (t = 3/8000):**

$$Y\left(\frac{3}{8000}\right) = \cos\left(2\pi 500 \times \frac{3}{8000}\right) = 0,999788616$$

Logo,  $V_d = 1$  e  $V_q = 0,875$  e Codificado = 111.

**Quinta amostra (t = 4/8000):**

$$Y\left(\frac{4}{8000}\right) = \cos\left(2\pi 500 \times \frac{4}{8000}\right) = 0,999624216$$

Logo,  $V_d = 1$  e  $V_q = 0,875$  e Codificado = 111.

b)

Para a Lei-A, tem-se a seguinte fórmula matemática:

$$y = \begin{cases} \frac{1 + \ln\left(A \left|\frac{x}{x_{\max}}\right|\right)}{1 + \ln A} & , \frac{1}{A} \leq \left|\frac{x}{x_{\max}}\right| \leq 1 \\ \frac{A}{1 + \ln A} \left|\frac{x}{x_{\max}}\right| & , 0 \leq \left|\frac{x}{x_{\max}}\right| \leq \frac{1}{A} \end{cases}$$

Em que A tem um valor normalizado de 87,56.

O valor de x, corresponderá aos cinco valores correspondentes à codificação PCM:

**Primeira amostra (x = 1)**

$$y(1) = \frac{1 + \ln(87,54 \times |1|)}{1 + \ln(87,54)} = 1$$

Logo, Vd = 1 e Vq = 0,875 e Codificado = 111.

**Segunda amostra (x = 0,999976512)**

$$y(0,999976512) = \frac{1 + \ln(87,54 \times |0,999976512|)}{1 + \ln(87,54)} = 0,999995707$$

Logo, Vd = 1 e Vq = 0,875 e Codificado = 111.

**Terceira amostra (x = 0,999906049)**

$$y(0,999906049) = \frac{1 + \ln(87,54 \times |0,999906049|)}{1 + \ln(87,54)} = 0,999982830$$

Logo, Vd = 1 e Vq = 0,875 e Codificado = 111.

**Quarta amostra (x = 0,999788616)**

$$y(0,999788616) = \frac{1 + \ln(87,54 \times |0,999788616|)}{1 + \ln(87,54)} = 0,999961366$$

Logo, Vd = 1 e Vq = 0,875 e Codificado = 111.

Quinta amostra ( $x = 0,999624216$ )

$$y(0,999624216) = \frac{1 + \ln(87,54 \times |0,999624216|)}{1 + \ln(87,54)} = 0,999931343$$

Logo,  $V_d = 1$  e  $V_q = 0,875$  e Codificado = 111.

c)

n	m[n]	mp[n]	e[n]	eq[n]	mq[n]	cod.
0	1	0	1	0,875	0,875	111
1	0,99997	0,875	0,12497	0,125	1	100
2	0,99991	1	-0,00009	-0,125	0,875	011
3	0,99979	1	-0,00021	-0,125	0,875	011
4	0,99963	1	-0,00037	-0,125	0,875	011

$n$  = número de amostras;

$m[n]$  = amostragem;

$mp[n]$  = predição da amostra seguinte;

$e[n]$  = erro de predição ( $m[n] - mp[n]$ );

$eq[n]$  = valor de quantificação do erro de predição;

$mq[n]$  = soma do erro de predição quantificado mais amostragem;