

# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación  
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales  
Universidad de Buenos Aires

## Trabajo Práctico I

**Grupo: 12**

Integrante	LU	Correo electrónico
Pondal, Iván	078/14	ivan.pondal@gmail.com
Paz, Maximiliano León	251/14	m4xileon@gmail.com
Mena, Manuel	313/14	manuelmena1993@gmail.com
Demartino, Francisco	348/14	demartino.francisco@gmail.com

**Reservado para la cátedra**

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

## 1. TADs Auxiliares

TAD pc ES nat

TAD paquete ES tupla(nat id, nat ipOrigen, nat ipDestino, nat prioridad)

TAD segmento ES tupla(nat, nat, nat, nat)

## 2. TAD DCNET

TAD DCNET

géneros      dcnet

igualdad observacional

$$(\forall d, d' : \text{dcnet}) \quad d =_{\text{obs}} d' \iff \left( \begin{array}{l} (\text{topo}(d) =_{\text{obs}} \text{topo}(d')) \wedge \\ ((\forall p : \text{pc})(p \in \text{compus}(\text{topo}(d))) \Rightarrow_{\text{L}} \\ (\text{buffer}(d, p) =_{\text{obs}} \text{buffer}(d', p) \wedge \\ \# \text{paquetesEnviados}(d, p) \\ \# \text{paquetesEnviados}(d', p)) \wedge \\ ((\forall p : \text{paquetes})((\exists c : \text{pc})(c \in \text{compus}(\text{topo}(d')) \wedge \\ c \in \text{compus}(\text{topo}(d')) \wedge_{\text{L}} (p \in \text{buffer}(d, c) \wedge \\ p \in \text{buffer}(d', c))) \Rightarrow_{\text{L}} \\ (\text{recorridoPaquete}(d, p) =_{\text{obs}} \text{recorridoPaquete}(d', p))) \end{array} \right) =_{\text{obs}}$$

generadores

CrearRed	: topo	→ dcnet
Seg	: dcnet	→ dcnet
CrearPaquete	: dcnet dcn × pc p1 × pc p2 × paquete	→ dcnet
	{(p1 ∈ compus(topo(dcn)) ∧ p2 ∈ compus(topo(dcn))) ∧ <sub>L</sub> conectadas?(topo(dcn), p1, p2)}	

observadores básicos

topo	: dcnet	→ topologia
#paquetesEnviados	: dcnet dcn × pc p	→ nat {p ∈ compus(topo(dcn))}
buffer	: dcnet dcn × pc p	→ conj(paquete) {p ∈ compus(topo(dcn))}

otras operaciones

recorridoPaquete	: dcnet dcn × nat id	→ secu(tupla(nat, nat, nat, nat))
		{(paqueteEnTransito?(dcn, id))}
cortarRecHasta	: secu(tupla(nat × nat × nat × nat)) × nat	→ secu(tupla(nat, nat, nat, nat))
buscarPaquete	: dcnet dcn × conj(nat) pcs × nat id	→ nat
	{pcs = compus(topo(dcn)) ∧ (∃ ip : nat)(ip ∈ pcs ∧ id ∈ buffer(dcn, ip))}	
π <sub>1</sub> Conj	: conj(tupla(nat, nat, nat, nat))	→ conj(nat)
paqueteEnTransito?	: dcnet × nat	→ bool
existePaqEnBuffers?	: dcnet dcn × conj(nat) pcs × nat id	→ bool {pcs = compus(topo(dcn))}
perteneceBuffers?	: paquete × buffers	→ bool
darPaqueteEnviado	: conj(paquete)	→ paquete
darPrioridad	: dcnet dcn × nat id	→ nat {id ∈ paquetesEnLaRed(dcn)}
buscarPrioridad	: nat × conj(paquetes)	→ nat
maxPrioridad	: dcnet × conj(pc)	→ nat

PaquetesConPrioridadKdcnet	$\times \text{conj}(\text{pc}) \times \text{nat}$	$\longrightarrow \text{paquete}$
paquetesEnLaRed	: dcn	$\longrightarrow \text{conj}(\text{paquete})$
buscarPaquetesEnLaRed	: dcn $\times \text{conj}(\text{pc})$	$\longrightarrow \text{conj}(\text{paquete})$
compuQueMasEnvio	: dcn	$\longrightarrow \text{pc}$
laQueMasEnvio	: dcn $\times \text{conj}(\text{pc})$	$\longrightarrow \text{pc}$
pasoSeg	: topo $\times \text{buffers} \times \text{buffers}$	$\longrightarrow \text{buffers}$
regresion	: topo $\times \text{buffers} \times \text{secu}(\text{buffers})$	$\longrightarrow \text{buffers}$
generarHistoria	: dcn $\times \text{diccionario}(\text{pc} \times \text{conj}(\text{paquete}))$	$\longrightarrow \text{secu}(\text{buffers})$
auxDefinir	: buffers $\times \text{pc} \times \text{conj}(\text{paquete}) \times \text{conj}(\text{paquete})$	$\longrightarrow \text{buffers}$
auxBorrar	: buffers $\times \text{pc} \times \text{conj}(\text{paquete}) \times \text{conj}(\text{paquete})$	$\longrightarrow \text{buffers}$
transacion	: topo $\times \text{buffers} \times \text{conj}(\text{pc})$	$\longrightarrow \text{buffers}$
envio	: topo $\times \text{buffers} \times \text{ip} \times \text{conj}(\text{paquete})$	$\longrightarrow \text{buffers}$
nuevosPaquetes	: buffers $\times \text{buffers}$	$\longrightarrow \text{buffers}$
pasarA	: topologia $\times \text{pc} \times \text{pc}$	$\longrightarrow \text{pc}$

**axiomas**  $\forall p, p': \text{paquete}, \forall c, c': \text{pc}, \forall dcn: \text{dcn}, \forall t: \text{topologia}$

topo(crearRed(t))	$\equiv t$
topo(seg(dcn))	$\equiv \text{topo}(\text{dcn})$
topo(CrearPaquete(dcn, c, c', p))	$\equiv \text{topo}(\text{dcn})$
#paquetesEnviados(crearRed(t), c)	$\equiv 0$
#paquetesEnviados(seg(dcn), c)	$\equiv \#paquetesEnviados(\text{dcn})$
#paquetesEnviados(CrearPaquete(dcn, o, d, p), c)	$\equiv \text{if } c = o \text{ then } \#paquetesEnviados(\text{dcn}, c) + 1$ $\text{else } \#paquetesEnviados(\text{dcn}, c)$ $\text{fi}$
buffer(dcn, c)	$\equiv \text{obtener}(c, \text{regresion}(\text{topo}(\text{dcn}), \text{vacio}, \text{generarHistoria}(\text{dcn}, \text{vacio})))$
recorridoPaquete(dcn, p)	$\equiv \text{cortarRecHasta}(\text{darCaminoMasCorto}(\text{topo}(\text{dcn}), \text{origen}(p), \text{destino}(p)), \text{buscar}(\text{compus}(\text{topo}(\text{dcn})), p))$
cortarRecHasta(s, ip)	$\equiv \text{if } \text{vacio?}(s) \vee \text{ip} = \text{ipOrigen}(\text{prim}(s)) \text{ then } \langle \rangle$ $\text{else } \text{prim}(s) \bullet \text{cortarRecHasta}(\text{fin}(s), \text{ip})$ $\text{fi}$
buscarPaquete(dcn, compus, id)	$\equiv \text{if } id \in \pi_1 \text{Conj}(\text{buffer}(\text{dcn}, \text{dameUno}(\text{compus}))) \text{ then } \text{dameUno}(\text{compus})$ $\text{else } \text{buscarPaquete}(\text{sinUno}(\text{compus}), id)$ $\text{fi}$
$\pi_1 \text{Conj}(\text{conjTuplas})$	$\equiv \text{if } \emptyset?(\text{conjTuplas}) \text{ then } \emptyset$ $\text{else } \text{Ag}(\pi_1(\text{dameUno}(\text{conjTuplas})), \pi_1 \text{Conj}(\text{sinUno}(\text{conjTuplas})))$ $\text{fi}$
paqueteEnTransito?(dcn, id)	$\equiv \text{existePqEnBuffers?}(\text{dcn}, \text{compus}(\text{topo}(\text{dcn})), id)$

<code>existePqEnBuffers?(dcn, pcs, id)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(pcs)$ <b>then</b> false <b>else</b> <b>if</b> $id \in \pi_1 \text{Conj}(\text{buffer}(dcn, \text{dameUno}(pcs)))$ <b>then</b> true <b>else</b> <code>existePqEnBuffers?(dcn, sinUno(pcs), id)</code> <b>fi</b> <b>fi</b>
<code>buscarpaquetesEnLaRed(dcn,cc)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(cc)$ <b>then</b> $\emptyset$ <b>else</b> $\text{buffer}(dcn, \text{dameUno}(cc))$ <span style="float: right;">U</span> <code>buscarpaquetesEnLaRed(dcn, sinUno(cc))</code> <b>fi</b>
<code>paquetesEnLaRed(dcn)</code>	$\equiv$ <code>buscarpaquetesEnLaRed(dcn, compus(topo(dcn)))</code>
<code>buscarPrioridad(id,cp)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $i = \Pi_1(\text{dameUno}(cp))$ <b>then</b> $\Pi_4(\text{dameUno}(cp))$ <b>else</b> <code>darPrioridad(id, sinUno(cp))</code> <b>fi</b>
<code>darPrioridad(dcn,id)</code>	$\equiv$ <code>buscarPrioridad(id, compus(dcn))</code>
<code>darPaqueteEnviado(dcn,cp)</code>	$\equiv$ <code>dameUno(PaquetesConPrioridadK(dcn, cp, maxPrioridad(dcn, cp)))</code>
<code>maxPrioridad(dcn,cp)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(sinUno(cp))$ <b>then</b> <code>darPrioridad(dcn, dameUno(cp))</code> <b>else</b> $\max(\text{darPrioridad}(dcn, \text{dameUno}(cp)),$ $\text{maxPrioridad}(dcn, sinUno(cp)))$ <b>fi</b>
<code>PaquetesConPrioridadK(dcn,cp,k)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(cp)$ <b>then</b> $\emptyset$ <b>else</b> <b>if</b> $\text{darPrioridad}(dcn, \text{dameUno}(cp)) = k$ <b>then</b> $\text{Ag}(\text{dameUno}(cp), \text{PaquetesConPrioridadK}(dcn, sinUno(cp), k))$ <b>else</b> $\text{PaquetesConPrioridadK}(dcn, sinUno(cp), k)$ <b>fi</b> <b>fi</b>
<code>compuQueMasEnvio(dcn)</code>	$\equiv$ <code>laQueMasEnvio(dcn, compus(topo(dcn)))</code>
<code>laQueMasEnvio(dcn,cs)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(sinUno(cs))$ <b>then</b> <code>dameUno(cs)</code> <b>else</b> <b>if</b> $\#paquetesEnviados(dcn, \text{dameUno}(cs)) <$ $\#paquetesEnviados(dcn, \text{laQueMasEnvio}(dcn, sinUno(cs)))$ <b>then</b> <code>laQueMasEnvio(dcn, sinUno(cs))</code> <b>else</b> <code>dameUno(cs)</code> <b>fi</b> <b>fi</b>

<code>perteneceBuffers?(p,bs)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(claves(bs))$ <b>then</b> $\quad false$ <b>else</b> $\quad$ <b>if</b> $p \in obtener(dameUno(claves(bs)),bs)$ <b>then</b> $\quad \quad true$ $\quad$ <b>else</b> $\quad \quad perteneceBuffers?(p, borrar(dameUno(claves(bs)),bs))$ $\quad$ <b>fi</b> <b>fi</b>
<code>generarHistoria(crearRed(t),bs)</code>	$\equiv bs \bullet \langle \rangle$
<code>generarHistoria(seg(dcn),bs)</code>	$\equiv bs \bullet generarHistoria(dcn,vaco)$
<code>generarHistoria(CrearPaquete(dcn,o,d,p),bs)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $def?(c,bs)$ <b>then</b> $\quad generarHistoria(dcn, definir(c,n$ <span style="float:right"><math>\cup</math></span> $\quad \quad obtener(o,bs),bs))$ <b>else</b> $\quad generarHistoria(dcn, definir(c,n))$ <b>fi</b>
<code>auxBorrar(bs,c,b,p)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(p - \{b\})$ <b>then</b> $\quad borrar(c,n)$ <b>else</b> $\quad borrar(c,bs) \quad definir(c,p - \{b\},bs)$ <b>fi</b>
<code>regresion(t,bs,cbs)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $vacia?(fin(cbs))$ <b>then</b> $\quad pasoSeg(bs,t,prim(cbs))$ <b>else</b> $\quad regresion(t,pasoSeg(bs,t,prim(cbs)),fin(cbs))$ <b>fi</b>
<code>pasoSeg(t,bs,nbs)</code>	$\equiv nuevosPaquetes(transacion(t,bs,claves(bs)),nbs)$
<code>transacion(t,bs,cp)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(cp)$ <b>then</b> $\quad bs$ <b>else</b> $\quad transacion(t,envio(t,bs,dameUno(cp)),sinUno(cp))$ <b>fi</b>
<code>pasarA(t,o,d)</code>	$\equiv prim(caminoMin(t,o,d))$
<code>envio(t,bs,ip,cp)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(darPaqueteEnviado(cp))$ <b>then</b> $\quad bs$ <b>else</b> $\quad$ <b>if</b> $pasarA(t,ip,destino(darPaqueteEnviado(cp))) =$ $\quad \quad destino(darPaqueteEnviado(cp))$ <b>then</b> $\quad \quad \quad envio(t,quitarPaquete(bs,ip),ip,cp$ <span style="float:right"><math>-</math></span> $\quad \quad \quad \quad darPaqueteEnviado(cp))$ $\quad$ <b>else</b> $\quad \quad \quad envio(t,quitarPaquete(pasarPaquete(bs,ip,darPaqueteEnviado$ $\quad \quad \quad \quad ,ip,cp - darPaqueteEnviado(b)))$ $\quad$ <b>fi</b> <b>fi</b>
<code>nuevosPaquetes(bs,nbs)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(claves(nbs))$ <b>then</b> $\quad bs$ <b>else</b> $\quad nuevosPaquetes(auxDefinir(bs,dameUno(claves(nbs)),obtener$ $\quad \quad (dameUno(claves(nbs)),nbs),obtener(dameUno$ $\quad \quad \quad (claves(nbs),bs)),sinUno(nbs))$ <b>fi</b>

**Fin TAD**

### 3. TAD TOPOLOGÍA

Este TAD modela cómo se conectan las computadoras. Las IP son únicas entre compus de la topología. Las compus tienen interfaces numeradas con los naturales de manera consecutiva (todas funcionan perfecto y todo eso, el DC las cuida y mantiene como corresponde).

#### TAD TOPOLOGÍA

**géneros**      topologia

**igualdad observacional**

$$(\forall t, t' : \text{topo}) \left( t =_{\text{obs}} t' \iff \left( \begin{array}{l} (\text{compus}(t) =_{\text{obs}} \text{compus}(t')) \wedge_L \\ ((\forall p : \text{pc}) (p \in \text{compus}(t) \Rightarrow_L ( \\ \quad (\text{cablesEn}(t, p) =_{\text{obs}} \text{cablesEn}(t', p)) \wedge \\ \quad (\# \text{interfaces}(t, p) =_{\text{obs}} \# \text{interfaces}(t', p)) \\ \end{array} \right) \right) \right)$$

**generadores**

NuevaTopo	:		$\longrightarrow$	topologia
Compu	:	topologia $\times$ nat $ip \times$ nat	$\longrightarrow$	topologia $\{ \neg(ip \in \text{compus}(t)) \}$
Cable	:	topologia $\times$ nat $ipA \times$ nat $ifA \times$ nat $ipB \times$ nat $ifB$	$\longrightarrow$	topologia $\left\{ \begin{array}{l} (ipA \in \text{compus}(t) \wedge ipB \in \text{compus}(t)) \wedge_L \\ (ifA < \# \text{interfaces}(t, ipA)) \wedge \\ (ifB < \# \text{interfaces}(t, ipB)) \wedge \\ \neg(ifA \in \text{interfacesOcupadasDe}(t, ipA)) \wedge \\ \neg(ifB \in \text{interfacesOcupadasDe}(t, ipB)) \wedge \\ \neg(ipA \in \text{vecinas}(t, ipB)) \end{array} \right\}$

**observadores básicos**

compus	:	topologia	$\longrightarrow$	conj(nat)
cablesEn	:	topologia $t \times$ nat $ip$	$\longrightarrow$	conj(tupla(nat, nat)) $\{ ip \in \text{compus}(t) \}$
#interfaces	:	topologia $t \times$ nat $ip$	$\longrightarrow$	nat $\{ ip \in \text{compus}(t) \}$

**otras operaciones**

vecinas	:	topologia $t \times$ nat $ip$	$\longrightarrow$	conj(nat) $\{ ip \in \text{compus}(t) \}$
interfacesOcupadasDe	:	topologia $t \times$ nat $ip$	$\longrightarrow$	conj(nat) $\{ ip \in \text{compus}(t) \}$
conectados?	:	topologia $t \times$ nat $ipA \times$ nat $ipB$	$\longrightarrow$	bool $\{ ipA \in \text{compus}(t) \wedge ipB \in \text{compus}(t) \}$
darInterfazConectada	:	conj(tupla(nat, nat)) $cablesA \times$ nat $ipB$	$\longrightarrow$	nat $\{ ipB \in \pi_2 \text{Conj}(cablesA) \}$
darSegmento	:	topologia $t \times$ nat $ipA \times$ nat $ipB$	$\longrightarrow$	segmento $\{ ipA \in \text{compus}(t) \wedge_L ipB \in \text{vecinas}(t, ipA) \}$
estáEnRuta?	:	secu(segmento) $ruta \times$ nat $ip$	$\longrightarrow$	bool
darSiguientePc	:	secu(segmento) $ruta \times$ nat $ip$	$\longrightarrow$	nat $\{ estáEnRuta?(ruta, ip) \}$
darCaminoMasCorto	:	topologia $t \times$ nat $ipA \times$ nat $ipB$	$\longrightarrow$	secu(segmento) $\{ ipA \in \text{compus}(t) \wedge ipB \in \text{compus}(t) \wedge_L \text{conectados?}(t, ipA, ipB) \}$
darRutas	:	topologia $\times$ nat $ipA \times$ nat $ipB \times$ conj(nat) $\times$ secu(segmento)	$\longrightarrow$	conj(secu(segmento)) $\{ ipA \in \text{compus}(t) \wedge ipB \in \text{compus}(t) \}$

darRutasVecinas	: $\text{topologia} \times \text{conj}(\text{nat}) \times \text{nat } ip \times \text{conj}(\text{nat}) \times \text{se-}$ $\text{cu(segmento)}$	$\longrightarrow \text{conj}(\text{secu}(\text{segmento}))$ $\{ip \in \text{compus}(t)\}$
longMenorSec	: $\text{conj}(\text{secu}(\alpha))$	$\longrightarrow \text{nat}$
secusDeLongK	: $\text{conj}(\text{secu}(\alpha)) \times \text{nat}$	$\longrightarrow \text{conj}(\text{secu}(\alpha))$
$\pi_1 \text{Conj}$	: $\text{conj}(\text{tupla}(\text{nat}, \text{nat}))$	$\longrightarrow \text{conj}(\text{nat})$
$\pi_2 \text{Conj}$	: $\text{conj}(\text{tupla}(\text{nat}, \text{nat}))$	$\longrightarrow \text{conj}(\text{nat})$
<b>axiomas</b>	$\forall t: \text{topologia}, \forall ipNueva, ip, ipA, ipB, ifA, ifB, cantInterfaces, k: \text{nat}, \forall conjDuplas: \text{conj}(\text{tupla}(\text{nat}, \text{nat})), \forall conjCablesIpA: \text{conj}(\text{tupla}(\text{nat}, \text{nat})), \forall cs, rec, vecinas: \text{conj}(\text{nat}), \forall secus: \text{conj}(\text{secu}(\alpha)), \forall sc: \text{conj}(\text{secu}(\alpha)), \forall ruta: \text{secu}(\text{segmento})$	
compus(NuevaTopo)	$\equiv \emptyset$	
compus(Compu( $t, ipNueva, cantInterfaces$ ))	$\equiv \text{Ag}(ipNueva, \text{compus}(t))$	
compus(Cable( $t, ipA, ifA, ipB, ifB$ ))	$\equiv \text{compus}(t)$	
cablesEn(NuevaTopo, $ip$ )	$\equiv \emptyset$	
cablesEn(Compu( $t, ipNueva, cantInterfaces$ ), $ip$ )	$\equiv \text{cablesEn}(t, ip)$	
cablesEn(Cable( $t, ipA, ifA, ipB, ifB$ ), $ip$ )	$\equiv \text{if } ip = ipA \text{ then } \text{Ag}(\langle ifA, ipB \rangle, \emptyset) \text{ else } \emptyset \text{ fi} \cup$ $\text{if } ip = ipB \text{ then } \text{Ag}(\langle ifB, ipA \rangle, \emptyset) \text{ else } \emptyset \text{ fi} \cup$ $\text{cablesEn}(t, ip)$	
#interfaces(NuevaTopo, $ip$ )	$\equiv 0$	
interfacesOcupadasDe( $t, ip$ )	$\equiv \pi_1 \text{Conj}(\text{cablesEn}(t, ip))$	
vecinas( $t, ip$ )	$\equiv \pi_2 \text{Conj}(\text{cablesEn}(t, ip))$	
#interfaces(Compu( $t, ipNueva, cantInterfaces$ ), $ip$ )	$\equiv \text{if } ip = ipNueva \text{ then}$ $\quad cantInterfaces$ $\text{else}$ $\quad \#interfaces(t, ip)$ $\text{fi}$	
#interfaces(Cable( $t, ipA, ifA, ipB, ifB$ ), $ip$ )	$\equiv \#interfaces(t, ip)$	
conectados?( $t, ipA, ipB$ )	$\equiv \neg \emptyset?(\text{darRutas}(t, ipA, ipB, \emptyset, <>))$	
darInterfazConectada( $conjCablesIpA, ipB$ )	$\equiv \text{if } ipB = \pi_2(\text{dameUno}(conjCablesIpA)) \text{ then}$ $\quad \pi_1(\text{dameUno}(conjCablesIpA))$ $\text{else}$ $\quad \text{darInterfazConectada}(\text{sinUno}(conjCablesIpA), ipB)$ $\text{fi}$	
darSegmento( $t, ipA, ipB$ )	$\equiv \langle ipA, \text{darInterfazConectada}(\text{cablesEn}(t, ipA), ipB),$ $ipB, \text{darInterfazConectada}(\text{cablesEn}(t, ipB), ipA) \rangle$	
estáEnRuta?( $ruta, ip$ )	$\equiv \text{if vacía?}(ruta) \text{ then}$ $\quad \text{false}$ $\text{else}$ $\quad \text{if } \pi_1(\text{prim}(ruta)) = ip \text{ then}$ $\quad \quad \text{true}$ $\quad \text{else}$ $\quad \quad \text{estáEnRuta?}(\text{fin}(ruta), ip)$ $\quad \text{fi}$ $\text{fi}$	
darSiguientePc( $ruta, ip$ )	$\equiv \text{if } \pi_1(\text{prim}(ruta)) = ip \text{ then}$ $\quad \pi_3(\text{prim}(ruta))$ $\text{else}$ $\quad \text{darSiguientePc}(\text{fin}(ruta), ip)$ $\text{fi}$	
darCaminoMasCorto( $t, ipA, ipB$ )	$\equiv \text{dameUno}(\text{secusDeLongK}(\text{darRutas}(t, ipA, ipB, \emptyset, <>),$ $\text{longMenorSec}(\text{darRutas}(t, ipA, ipB, \emptyset, <>)))$	

```

darRutas(t, ipA, ipB, rec, ruta)  ≡  if ipB ∈ vecinas(t, ipA) then
    Ag(ruta ∘ darSegmento(t, ipA, ipB) , ∅)
else
    if ∅?(vecinas(t, ipA) - rec) then
        ∅
    else
        darRutas(t, dameUno(vecinas(t, ipA) - rec),
            ipB, Ag(ipA, rec),
            ruta ∘ darSegmento(t, ipA, dameUno(vecinas(t, ipA) - rec))) ∪
            darRutasVecinas(t, sinUno(vecinas(t, ipA) - rec),
            ipB, Ag(ipA, rec),
            ruta ∘ darSegmento(t, ipA, dameUno(vecinas(t, ipA) - rec)))
    fi
fi

darRutasVecinas(t, vecinas, ipB, rec, ruta)  ≡  if ∅?(vecinas) then
    ∅
else
    darRutas(t, dameUno(vecinas), ipB, rec, ruta) ∪
    darRutasVecinas(t, sinUno(vecinas), ipB, rec, ruta)
fi

darCaminoMasCorto(t, ipA, ipB)  ≡  dameUno(secusDeLongK(darRutas(t, ipA, ipB, ∅, <>),
    longMenorSec(darRutas(t, ipA, ipB, ∅, <>)))

secusDeLongK(secus, k)  ≡  if ∅?(secus) then
    ∅
else
    if long(dameUno(secus)) = k then
        dameUno(secus) ∪ secusDeLongK(sinUno(secus), k)
    else
        secusDeLongK(sinUno(secus), k)
    fi
fi

longMenorSec(secus)  ≡  if ∅?(secus) then
    0
else
    min(long(dameUno(secus)),
        longMenorSec(sinUno(secus)))
fi

π1Conj(conjDuplas)  ≡  if ∅?(conjDuplas) then
    ∅
else
    Ag(π1(dameUno(conjDuplas)),
        π1Conj(sinUno(conjDuplas)))
fi

π2Conj(conjDuplas)  ≡  if ∅?(conjDuplas) then
    ∅
else
    Ag(π2(dameUno(conjDuplas)),
        π2Conj(sinUno(conjDuplas)))
fi

```

**Fin TAD**