

# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación  
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales  
Universidad de Buenos Aires

## Trabajo Práctico I

**Grupo: 12**

Integrante	LU	Correo electrónico
Demartino, Francisco	348/14	demartino.francisco@gmail.com
Paz, Maximiliano León	251/14	m4xileon@gmail.com
Mena, Manuel	313/14	manuelmena1993@gmail.com
Pondal, Iván	078/14	ivan.pondal@gmail.com

**Reservado para la cátedra**

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

**TAD DCNET****géneros**      `dcnet`**igualdad observacional**

$$(\forall d, d' : \text{dcnet}) \quad d =_{\text{obs}} d' \iff \left( \begin{array}{l} (topo(d) =_{\text{obs}} topo(d')) \wedge ((\forall p : pc)(p \in pcs(topo(d)) \wedge \\ p \in pcs(topo(d')) \Rightarrow_L (dcNetBuffer(d, p) =_{\text{obs}} \\ dcNetBuffer(d', p) \wedge paquetesMandados(d, p) =_{\text{obs}} \\ paquetesMandados(d', p)) \wedge ((\forall p : paquetes)((\exists c : \\ pc)(c \in pcs(topo(d') \wedge c \in pcs(topo(d')) \wedge_L (p \in \\ dcNetBuffer(d, c) \wedge p \in dcNetBuffer(d', c))) \Rightarrow_L \\ (recorridoPaquete(d, p) =_{\text{obs}} recorridoPaquete(d', p))) \end{array} \right)$$

**generadores**

<code>crearRed</code>	: <code>topo</code>	$\longrightarrow$ <code>dcnet</code>
<code>seg</code>	: <code>dcnet</code>	$\longrightarrow$ <code>dcnet</code>
<code>paquetePendiente</code>	: <code>dcnet dcn</code> $\times$ <code>pc p1</code> $\times$ <code>pc p2</code> $\times$ <code>paquete</code>	$\longrightarrow$ <code>dcnet</code> $\{(p_1 \in pcs(topo(dcn)) \wedge p_2 \in pcs(topo(dcn))) \wedge_L conectadas?(topo(dcn), p_1, p_2)\}$

**observadores básicos**

<code>recorridoPaquete</code>	: <code>dcnet dcn</code> $\times$ <code>paquete p</code>	$\longrightarrow$ <code>secu((ip, interface)))</code> $\{(\exists c : pc)(c \in pcs(topo(dcn)) \wedge_L (p \in dcNetBuffer(dcn, c)))\}$
<code>dcNetBuffer</code>	: <code>dcnet dcn</code> $\times$ <code>pc p</code>	$\longrightarrow$ <code>conj(paquete)</code> $\{p \in pcs(topo(dcn))\}$
<code>paquetesMandados</code>	: <code>dcnet dcn</code> $\times$ <code>pc p</code>	$\longrightarrow$ <code>nat</code> $\{p \in pcs(topo(dcn))\}$
<code>topo</code>	: <code>dcnet</code>	$\longrightarrow$ <code>topologia</code>

**otras operaciones**

<code>paqueteEnTransito?</code>	: <code>dcnet</code> $\times$ <code>paquete</code>	$\longrightarrow$ <code>bool</code>
<code>perteneceBuffers?</code>	: <code>paquete</code> $\times$ <code>buffers</code>	$\longrightarrow$ <code>bool</code>
<code>maxPaquetesMandados</code>	: <code>dcnet</code>	$\longrightarrow$ <code>pc</code>
<code>auxMaxPaquetes</code>	: <code>dcnet</code> $\times$ <code>conj(pc)</code>	$\longrightarrow$ <code>pc)</code>
<code>pasoSeg</code>	: <code>topo</code> $\times$ <code>buffers</code> $\times$ <code>buffers</code>	$\longrightarrow$ <code>buffers</code>
<code>regresion</code>	: <code>topo</code> $\times$ <code>buffers</code> $\times$ <code>secu(buffers)</code>	$\longrightarrow$ <code>buffers</code>
<code>cronoPaquetes</code>	: <code>dcnet</code> $\times$ <code>diccionario(pc</code> $\times$ $\longrightarrow$ <code>secu(buffers)</code> <code>conj(paquete))</code>	
<code>auxDefinir</code>	: <code>buffers</code> $\times$ <code>pc</code> $\times$ <code>conj(paquete)</code> $\times$ $\longrightarrow$ <code>buffers</code> <code>conj(paquete)</code>	
<code>auxBorrar</code>	: <code>buffers</code> $\times$ <code>pc</code> $\times$ <code>conj(paquete)</code> $\times$ $\longrightarrow$ <code>buffers</code> <code>conj(paquete)</code>	
<code>envioYReciboPaquetes</code>	: <code>topo</code> $\times$ <code>buffers</code> $\times$ <code>conj(pc)</code>	$\longrightarrow$ <code>buffers</code>
<code>envio</code>	: <code>topo</code> $\times$ <code>buffers</code> $\times$ <code>buffer</code>	$\longrightarrow$ <code>buffers</code>
<code>nuevosPaquetes</code>	: <code>buffers</code> $\times$ <code>buffers</code>	$\longrightarrow$ <code>buffers</code>
<code>damePaquete</code>	: <code>buffer</code>	$\longrightarrow$ <code>paquete</code>
<code>pasarA</code>	: <code>topologia</code> $\times$ <code>pc</code> $\times$ <code>pc</code>	$\longrightarrow$ <code>pc</code>

**axiomas**       $\forall p, p': \text{paquete}, \forall c, c': \text{pc}, \forall dcn: \text{dcnet}, \forall t: \text{topologia}$ 

<code>topo(crearRed(t))</code>	$\equiv$ <code>t</code>
<code>topo(seg(dcn))</code>	$\equiv$ <code>topo(dcn)</code>

<code>topo(paquetePendiente(dcn,c,c',p))</code>	$\equiv$ <code>topo(dcn)</code>
<code>paquetesMandados(crearRed(t),c)</code>	$\equiv$ 0
<code>paquetesMandados(seg(dcn),c)</code>	$\equiv$ <code>paquetesMandados(dcn)</code>
<code>paquetesMandados(paquetePendiente(dcn,o,d,p),c)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $c = o$ <b>then</b> $\quad$ <code>paquetesMandados(dcn, c) + 1</code> <b>else</b> $\quad$ <code>paquetesMandados(dcn, c)</code> <b>fi</b>
<code>dcNetBuffer(dcn,c)</code>	$\equiv$ <code>obtener(c,regresion(topo(dcn),vacio,cronoPaquetes(dcn,vacio)))</code>
<code>maxPaquetesMandados(dcn)</code>	$\equiv$ <code>auxMaxPaquetes(dcn,pcs(topo(dcn)))</code>
<code>auxMaxPaquetes(dcn,cs)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(sinUno(cs))$ <b>then</b> $\quad$ <code>dameUno(cs)</code> <b>else</b> $\quad$ <b>if</b> <code>paquetesMandados(dcn, dameUno(cs))</code> < <code>paquetesMandados(dcn, auxMaxPaquetes(dcn, sinUno(cs)))</code> <b>then</b> $\quad\quad$ <code>auxMaxPaquetes(dcn, sinUno(cs))</code> $\quad$ <b>else</b> $\quad\quad$ <code>dameUno(cs)</code> $\quad$ <b>fi</b> <b>fi</b>
<code>paqueteEnTransito?(dcn,p)</code>	$\equiv$ <code>perteneceBuffers?(p,regresion(topo(dcn),vacio,cronoPaquetes(dcn,vacio)))</code>
<code>perteneceBuffers?(p,bs)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(claves(bs))$ <b>then</b> $\quad$ <code>false</code> <b>else</b> $\quad$ <b>if</b> $p \in obtener(dameUno(claves(bs)), bs)$ <b>then</b> $\quad\quad$ <code>true</code> $\quad$ <b>else</b> $\quad\quad$ <code>perteneceBuffers?(p, borrar(dameUno(claves(bs)), bs))</code> $\quad$ <b>fi</b> <b>fi</b>
<code>cronoPaquetes(crearRed(t),bs)</code>	$\equiv$ <code>&lt;&gt;</code>
<code>cronoPaquetes(seg(dcn),bs)</code>	$\equiv$ <code>bs • cronoPaquetes(dcn,∅)</code>
<code>cronoPaquetes(paquetePendiente(dcn,o,d,p),bs)</code>	$\equiv$ <code>auxDefinir(dp, o, Ag(p, ∅), obtener(o, bs))</code> <code>cronoPaquetes(dcn, bs)</code>
<code>auxDefinir(bs,c,n,v)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $def?(c, bs)$ <b>then</b> $\quad$ <code>borrar(c, bs) definir(c, n ∪ v, bs)</code> <b>else</b> $\quad$ <code>definir(c, n)</code> <b>fi</b>
<code>auxBorrar(bs,c,b,p)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(p - \{b\})$ <b>then</b> $\quad$ <code>borrar(c, n)</code> <b>else</b> $\quad$ <code>borrar(c, bs) definir(c, p - \{b\}, bs)</code> <b>fi</b>
<code>regresion(t,bs,cbs)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $vacia?(fin(cbs))$ <b>then</b> $\quad$ <code>pasoSeg(bs, t, prim(cbs))</code> <b>else</b> $\quad$ <code>regresion(t, pasoSeg(bs, t, prim(cbs)), fin(cbs))</code> <b>fi</b>
<code>pasoSeg(t,bs,nbs)</code>	$\equiv$ <code>envioYReciboPaquetes(t,bs,claves(bs))</code> <code>nuevosPaquetes(bs,nbs)</code>

envioYReciboPaquetes(t,bs,cp)	≡ <b>if</b> $\emptyset?(sinUno(cp))$ <b>then</b> <i>envio</i> (t, bs, dameUno(ck)) <b>else</b> <i>envioYReciboPaquetes</i> (t, <i>envio</i> (t, bs, dameUno(cp)), <i>sinUno</i> (cp)) <b>fi</b>
pasarA(t,o,d)	≡ <i>prim</i> (caminoMin(t, o, d))
envio(t,bs,b)	≡ <i>auxDefinir</i> (bs, <i>pasarA</i> (t, $\Pi_1(b)$ , <i>dest</i> ( $\Pi_2(b)$ )), <i>Ag</i> (damePaquete(b), $\emptyset$ ), <i>obtener</i> ( <i>pasarA</i> (t, $\Pi_1(b)$ , <i>dest</i> ( $\Pi_2(b)$ )), bs) <i>auxBorrar</i> (bs, $\Pi_1(b)$ , damePaquete(b), <i>obtener</i> (bs, $\Pi_1(b)$ ))
nuevosPaquetes(bs,nbs)	≡ <b>if</b> $\emptyset?(claves(nbs))$ <b>then</b> bs <b>else</b> <i>auxDefinir</i> (bs, dameUno( <i>claves</i> (nbs)), <i>obtener</i> (dameUno( <i>claves</i> (nbs), nbs), <i>obtener</i> (dameUno ( <i>claves</i> (nbs), bs))) <i>nuevosPaquetes</i> (bs, <i>sinUno</i> (nbs)) <b>fi</b>

TAD buffers es diccionario(pc,conj(paquete))  
 TAD buffer es tupla(pc,conj(paquete))

**Fin TAD**

Este TAD modela cómo se conectan las computadoras. Las IP son únicas entre compus de la topología. Las compus tienen interfaces numeradas con los naturales de manera consecutiva (todas funcionan perfecto y todo eso, el DC las cuida y mantiene como corresponde).

### TAD TOPOLOGÍA

**géneros**      topologia

#### generadores

NuevaTopo	:	topologia	$\longrightarrow$	topologia	
Compu	:	topologia $\times$ nat $ip \times$ nat	$\longrightarrow$	topologia	$\{ \neg(ip \in compus(t)) \}$
Cable	:	topologia $\times$ nat $ipA \times$ nat $ifA \times$ nat $ipB \times$ nat $ipB$	$\longrightarrow$	topologia	$\left\{ \begin{array}{l} \neg(ipA \in compus(t) \vee ipB \in compus(t)) \wedge_L \\ (ifA \leq numInterfaces(t, ipA)) \wedge \\ (ifB \leq numInterfaces(t, ipB)) \wedge \\ \neg(ifA \in interfacesOcupadasDe(t, ipA)) \wedge \\ \neg(ifB \in interfacesOcupadasDe(t, ipB)) \wedge \\ \neg(ipA \in vecinasDe(t, ipB)) \end{array} \right\}$

#### observadores básicos

compus	:	topologia	$\longrightarrow$	conj(nat)	
cablesEn	:	topologia $t \times$ nat $ip$	$\longrightarrow$	conj(tupla(nat, nat))	$\{ ip \in compus(t) \}$
numInterfaces	:	topologia $t \times$ nat $ip$	$\longrightarrow$	nat	$\{ ip \in compus(t) \}$

#### otras operaciones

vecinasDe	:	topologia $t \times$ nat $ip$	$\longrightarrow$	conj(nat)	$\{ ip \in compus(t) \}$
interfacesOcupadasDe	:	topologia $t \times$ nat $ip$	$\longrightarrow$	conj(nat)	$\{ ip \in compus(t) \}$
conectadas?	:	topologia $t \times$ nat $ipA \times$ nat $ipB$	$\longrightarrow$	bool	$\{ ipA \in compus(t) \wedge ipB \in compus(t) \}$
expandirVecinas	:	topologia $t \times$ conj(nat) $cs$	$\longrightarrow$	conj(nat)	$\{ cs \subseteq compus(t) \}$
expandirUnPaso	:	topologia $t \times$ conj(nat) $cs$	$\longrightarrow$	conj(nat)	$\{ cs \subseteq compus(t) \}$
mapII <sub>1</sub>	:	conj(tupla(nat $\times$ nat))	$\longrightarrow$	conj(nat)	
mapII <sub>2</sub>	:	conj(tupla(nat $\times$ nat))	$\longrightarrow$	conj(nat)	

**axiomas**       $\forall t: \text{topologia}, \forall ip, ipBus, ipA, ipB, ifA, ifB, numInterfaces: \text{nat}, \forall ctnn: \text{conj}(tupla(\text{nat}, \text{nat})), \forall cs: \text{conj}(\text{nat})$

compus(NuevaTopo)	$\equiv$	$\emptyset$
compus(Compu( $t, ip, numInterfaces$ ))	$\equiv$	$\text{Ag}(ip, \text{compus}(t))$
compus(Cable( $t, ipA, ifA, ipB, ifB$ ))	$\equiv$	$\text{compus}(t)$
cablesEn(NuevaTopo, $ipBus$ )	$\equiv$	$\emptyset$
cablesEn(Compu( $t, ip, numInterfaces$ ), $ipBus$ )	$\equiv$	$\text{cablesEn}(t, ipBus)$

```

cablesEn(Cable(t, ipA, ifA, ipB, ifB), ipBus)    ≡ if ipBus = ipA then
                                                    Ag((ifA, ipB), ∅)
                                                    else
                                                    ∅
                                                    fi ∪
                                                    if ipBus = ipB then
                                                    Ag((ifB, ipA), ∅)
                                                    else
                                                    ∅
                                                    fi ∪
                                                    cablesEn(t, ipBus)

numInterfaces(NuevaTopo, ipBus)                    ≡ 0

numInterfaces(Compu(t, ip, numIfaces), ipBus)    ≡ if ipBus = ip then numIfaces else 0 fi

numInterfaces(Cable(t, ipA, ifA, ipB, ifB), ipBus) ≡ numInterfaces(t)

interfacesOcupadasDe(t, ipBus) ≡ mapΠ1(cablesEn(t, ipBus))

vecinasDe(t, ipBus) ≡ mapΠ2(cablesEn(t, ipBus))

conectadas?(t, ipA, ipB) ≡ ipA ∈ expandirVecinas(t, Ag(ipB, ∅))

expandirVecinas(t, cs) ≡ if expandirUnPaso(t, cs) = cs then
                        cs
                        else
                        expandirVecinas(t, expandirUnPaso(t, cs))
                        fi

expandirUnPaso(t, cs) ≡ if ∅?(cs) then
                        ∅
                        else
                        Ag(dameUno(cs), vecinasDe(t, dameUno(cs))) ∪ expandirUnPaso(t,
                        sinUno(cs))
                        fi

mapΠ1(ctnn) ≡ if ∅?(ctnn) then
                ∅
                else
                Ag(Π1(dameUno(ctnn)), mapΠ1(sinUno(ctnn)))
                fi

mapΠ2(ctnn) ≡ if ∅?(ctnn) then
                ∅
                else
                Ag(Π2(dameUno(ctnn)), mapΠ2(sinUno(ctnn)))
                fi

```

**Fin TAD**