

# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación  
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales  
Universidad de Buenos Aires

## Trabajo Práctico I

### Grupo: 12

Integrante	LU	Correo electrónico
Demartino, Francisco	348/14	demartino.francisco@gmail.com
Paz, Maximiliano León	251/14	m4xileon@gmail.com
Mena, Manuel	313/14	manuelmena1993@gmail.com
Pondal, Iván	078/14	ivan.pondal@gmail.com

### Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

**TAD DCNET****géneros**      `dcnet`**igualdad observacional**

$$(\forall d, d' : \text{dcnet}) \quad d =_{\text{obs}} d' \iff \left( \begin{array}{l} (topo(d) =_{\text{obs}} topo(d')) \wedge ((\forall p : pc)(p \in pcs(topo(d)) \wedge \\ p \in pcs(topo(d')) \Rightarrow_L (dcNetBuffer(d, p) =_{\text{obs}} \\ dcNetBuffer(d', p) \wedge paquetesMandados(d, p) =_{\text{obs}} \\ paquetesMandados(d', p)) \wedge ((\forall p : paquetes)((\exists c : \\ pc)(c \in pcs(topo(d')) \wedge c \in pcs(topo(d')) \wedge_L (p \in \\ dcNetBuffer(d, c) \wedge p \in dcNetBuffer(d', c))) \Rightarrow_L \\ (recorridoPaquete(d, p) =_{\text{obs}} recorridoPaquete(d', p))) \end{array} \right)$$

**generadores**

<code>crearRed</code>	: <code>topo</code>	$\longrightarrow$ <code>dcnet</code>
<code>seg</code>	: <code>dcnet</code>	$\longrightarrow$ <code>dcnet</code>
<code>paquetePendiente</code>	: <code>dcnet dcn</code> $\times$ <code>pc p1</code> $\times$ <code>pc p2</code> $\times$ <code>paquete</code>	$\longrightarrow$ <code>dcnet</code> $\{(p_1 \in pcs(topo(dcn)) \wedge p_2 \in pcs(topo(dcn))) \wedge_L conectadas?(topo(dcn), p_1, p_2)\}$

**observadores básicos**

<code>recorridoPaquete</code>	: <code>dcnet dcn</code> $\times$ <code>paquete p</code>	$\longrightarrow$ <code>secu((ip, interface))</code> $\{(\exists c : pc)(c \in pcs(topo(dcn)) \wedge_L (p \in dcNetBuffer(dcn, c)))\}$
<code>dcNetBuffer</code>	: <code>dcnet dcn</code> $\times$ <code>pc p</code>	$\longrightarrow$ <code>conj(paquete)</code> $\{p \in pcs(topo(dcn))\}$
<code>paquetesMandados</code>	: <code>dcnet dcn</code> $\times$ <code>pc p</code>	$\longrightarrow$ <code>nat</code> $\{p \in pcs(topo(dcn))\}$
<code>topo</code>	: <code>dcnet</code>	$\longrightarrow$ <code>topologia</code>

**otras operaciones**

<code>paqueteEnTransito?</code>	: <code>dcnet</code> $\times$ <code>paquete</code>	$\longrightarrow$ <code>bool</code>
<code>perteneceBuffers?</code>	: <code>paquete</code> $\times$ <code>buffers</code>	$\longrightarrow$ <code>bool</code>
<code>maxPaquetesMandados</code>	: <code>dcnet</code>	$\longrightarrow$ <code>pc</code>
<code>auxMaxPaquetes</code>	: <code>dcnet</code> $\times$ <code>conj(pc)</code>	$\longrightarrow$ <code>pc</code>
<code>pasoSeg</code>	: <code>topo</code> $\times$ <code>buffers</code> $\times$ <code>buffers</code>	$\longrightarrow$ <code>buffers</code>
<code>regresion</code>	: <code>topo</code> $\times$ <code>buffers</code> $\times$ <code>secu(buffers)</code>	$\longrightarrow$ <code>buffers</code>
<code>cronoPaquetes</code>	: <code>dcnet</code> $\times$ <code>diccionario(pc</code> $\times$ $\longrightarrow$ <code>secu(buffers)</code> <code>conj(paquete))</code>	
<code>auxDefinir</code>	: <code>buffers</code> $\times$ <code>pc</code> $\times$ <code>conj(paquete)</code> $\times$ $\longrightarrow$ <code>buffers</code> <code>conj(paquete)</code>	
<code>auxBorrar</code>	: <code>buffers</code> $\times$ <code>pc</code> $\times$ <code>conj(paquete)</code> $\times$ $\longrightarrow$ <code>buffers</code> <code>conj(paquete)</code>	
<code>envioYReciboPaquetes</code>	: <code>topo</code> $\times$ <code>buffers</code> $\times$ <code>conj(pc)</code>	$\longrightarrow$ <code>buffers</code>
<code>envio</code>	: <code>topo</code> $\times$ <code>buffers</code> $\times$ <code>buffer</code>	$\longrightarrow$ <code>buffers</code>
<code>nuevosPaquetes</code>	: <code>buffers</code> $\times$ <code>buffers</code>	$\longrightarrow$ <code>buffers</code>
<code>damePaquete</code>	: <code>buffer</code>	$\longrightarrow$ <code>paquete</code>
<code>pasarA</code>	: <code>topologia</code> $\times$ <code>pc</code> $\times$ <code>pc</code>	$\longrightarrow$ <code>pc</code>

**axiomas**       $\forall p, p' : \text{paquete}, \forall c, c' : \text{pc}, \forall dcn : \text{dcnet}, \forall t : \text{topologia}$ 

<code>topo(crearRed(t))</code>	$\equiv$ <code>t</code>
<code>topo(seg(dcn))</code>	$\equiv$ <code>topo(dcn)</code>

<code>topo(paquetePendiente(dcn,c,c',p))</code>	$\equiv$ <code>topo(dcn)</code>
<code>paquetesMandados(crearRed(t),c)</code>	$\equiv$ 0
<code>paquetesMandados(seg(dcn),c)</code>	$\equiv$ <code>paquetesMandados(dcn)</code>
<code>paquetesMandados(paquetePendiente(dcn,o,d,p),c)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $c = o$ <b>then</b> $\quad$ <code>paquetesMandados(dcn, c) + 1</code> <b>else</b> $\quad$ <code>paquetesMandados(dcn, c)</code> <b>fi</b>
<code>dcNetBuffer(dcn,c)</code>	$\equiv$ <code>obtener(c,regresion(topo(dcn),vacio,cronoPaquetes(dcn,vacio)))</code>
<code>maxPaquetesMandados(dcn)</code>	$\equiv$ <code>auxMaxPaquetes(dcn,pcs(topo(dcn)))</code>
<code>auxMaxPaquetes(dcn,cs)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(sinUno(cs))$ <b>then</b> $\quad$ <code>dameUno(cs)</code> <b>else</b> $\quad$ <b>if</b> <code>paquetesMandados(dcn, dameUno(cs))</code> < <code>paquetesMandados(dcn, auxMaxPaquetes(dcn, sinUno(cs)))</code> <b>then</b> $\quad\quad$ <code>auxMaxPaquetes(dcn, sinUno(cs))</code> $\quad$ <b>else</b> $\quad\quad$ <code>dameUno(cs)</code> $\quad$ <b>fi</b> <b>fi</b>
<code>paqueteEnTransito?(dcn,p)</code>	$\equiv$ <code>perteneceBuffers?(p,regresion(topo(dcn),vacio,cronoPaquetes(dcn,vacio)))</code>
<code>perteneceBuffers?(p,bs)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(claves(bs))$ <b>then</b> $\quad$ <code>false</code> <b>else</b> $\quad$ <b>if</b> $p \in obtener(dameUno(claves(bs)), bs)$ <b>then</b> $\quad\quad$ <code>true</code> $\quad$ <b>else</b> $\quad\quad$ <code>perteneceBuffers?(p, borrar(dameUno(claves(bs)), bs))</code> $\quad$ <b>fi</b> <b>fi</b>
<code>cronoPaquetes(crearRed(t),bs)</code>	$\equiv$ <code>&lt;bs&gt;</code>
<code>cronoPaquetes(seg(dcn),bs)</code>	$\equiv$ <code>bs • cronoPaquetes(dcn,∅)</code>
<code>cronoPaquetes(paquetePendiente(dcn,o,d,p),bs)</code>	$\equiv$ <code>auxDefinir(bs, o, Ag(p, ∅), obtener(o, bs))</code> <code>cronoPaquetes(dcn, bs)</code>
<code>auxDefinir(bs,c,n,v)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $def?(c, bs)$ <b>then</b> $\quad$ <code>borrar(c, bs) definir(c, n ∪ v, bs)</code> <b>else</b> $\quad$ <code>definir(c, n)</code> <b>fi</b>
<code>auxBorrar(bs,c,b,p)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $\emptyset?(p - \{b\})$ <b>then</b> $\quad$ <code>borrar(c, n)</code> <b>else</b> $\quad$ <code>borrar(c, bs) definir(c, p - \{b\}, bs)</code> <b>fi</b>
<code>regresion(t,bs,cbs)</code>	$\equiv$ <b>if</b> $vacia?(fin(cbs))$ <b>then</b> $\quad$ <code>pasoSeg(bs, t, prim(cbs))</code> <b>else</b> $\quad$ <code>regresion(t, pasoSeg(bs, t, prim(cbs)), fin(cbs))</code> <b>fi</b>
<code>pasoSeg(t,bs,nbs)</code>	$\equiv$ <code>envioYReciboPaquetes(t,bs,claves(bs))</code> <code>nuevosPaquetes(bs,nbs)</code>

envioYReciboPaquetes(t,bs,cp)	≡ <b>if</b> $\emptyset?(cp)$ <b>then</b> <i>bs</i> <b>else</b> <i>envioYReciboPaquetes(t,envio(t,bs,dameUno(cp)),sinUno(cp))</i> <b>fi</b>
pasarA(t,o,d)	≡ <i>prim(caminoMin(t,o,d))</i>
envio(t,bs,b)	≡ <i>auxDefinir(bs,pasarA(t,<math>\Pi_1(b)</math>,dest(<math>\Pi_2(b)</math>)),              <i>Ag(damePaquete(b),<math>\emptyset</math>),obtener</i>              (<i>pasarA(t,<math>\Pi_1(b)</math>,dest(<math>\Pi_2(b)</math>)),bs)</i>              <i>auxBorrar(bs,<math>\Pi_1(b)</math>,damePaquete(b),</i>              <i>obtener(bs,<math>\Pi_1(b)</math>))</i></i>
nuevosPaquetes(bs,nbs)	≡ <b>if</b> $\emptyset?(claves(nbs))$ <b>then</b> <i>bs</i> <b>else</b> <i>auxDefinir(bs,dameUno(claves(nbs)),obtener</i> ( <i>dameUno(claves(nbs),nbs),obtener(dameUno</i> ( <i>claves(nbs),bs)</i> )) <i>nuevosPaquetes(bs,sinUno(nbs))</i> <b>fi</b>

TAD buffers es diccionario(pc,conj(paquete))  
 TAD buffer es tupla(pc,conj(paquete))

**Fin TAD**

Este TAD modela cómo se conectan las computadoras. Las IP son únicas entre compus de la topología. Las compus tienen interfaces numeradas con los naturales de manera consecutiva (todas funcionan perfecto y todo eso, el DC las cuida y mantiene como corresponde).

## TAD TOPOLOGÍA

géneros topologia

generadores

$$\begin{array}{lll} \text{NuevaTopo} & : & \longrightarrow \text{topologia} \\ \text{Compu} & : \text{topologia} \times \text{nat} \times \text{nat} & \longrightarrow \text{topologia} \\ \text{Cable} & : \text{topologia} \times \text{nat} \times \text{nat} \times \text{nat} \times \text{nat} & \longrightarrow \text{topologia} \end{array}$$

## observadores básicos

compus	: topologia	$\longrightarrow$	$\text{conj}(\text{nat})$	
vecinas	: topologia $t \times \text{nat}$	$ip$	$\longrightarrow$	$\text{conj}(\text{nat})$ $\{ip \in \text{compus}(t)\}$
cables	: topologia $t \times \text{nat}$	$ip$	$\longrightarrow$	$\text{conj}(\text{tupla}(\text{nat}, \text{nat}))$ $\{ip \in \text{compus}(t)\}$

## otras operaciones

seAlcanzan?	: topologia $t \times \text{nat } ipA \times \text{nat } ipB$	$\longrightarrow$	bool $\{ipA \in \text{compus}(t) \wedge ipB \in \text{compus}(t)\}$
todasLasQueAlcanza	: topologia $t \times \text{nat } ip$	$\longrightarrow$	conj(nat) $\{ip \in \text{compus}(t)\}$
expandirFull	: topologia $t \times \text{conj}(\text{nat}) \text{ } cs$	$\longrightarrow$	conj(nat) $\{cs \subseteq \text{compus}(t)\}$
exp1	: topologia $t \times \text{conj}(\text{nat}) \text{ } cs$	$\longrightarrow$	conj(nat) $\{cs \subseteq \text{compus}(t)\}$

**axioms**  $\forall t: \text{topologia}, \forall ip, ipBus, ipA, ipB, ifA, ifB, numIfaces: \text{nat}$

compus(NuevaTopo)	$\equiv \emptyset$
compus(Compu( $t, ip, numIfaces$ ))	$\equiv \text{Ag}(ip, \text{compus}(t))$
compus(Cable( $t, ipA, ifA, ipB, ifB$ ))	$\equiv \text{compus}(t)$
vecinas(NuevaTopo, $ipBus$ )	$\equiv \emptyset$
vecinas(Compu( $t, ip, numIfaces$ ), $ipBus$ )	$\equiv \text{vecinas}(t, ipBus)$
vecinas(Cable( $t, ipA, ifA, ipB, ifB$ ), $ipBus$ )	$\equiv \text{if } ipBus = ipA \text{ then } \text{Ag}(ipB, \emptyset) \text{ else } \emptyset \text{ fi } \cup$ $\text{if } ipBus = ipB \text{ then } \text{Ag}(ipA, \emptyset) \text{ else } \emptyset \text{ fi } \cup$ $\text{vecinas}(t, ipBus)$
cables(NuevaTopo, $ipBus$ )	$\equiv \emptyset$
cables(Compu( $t, ip, numIfaces$ ), $ipBus$ )	$\equiv \text{cables}(t, ipBus)$
cables(Cable( $t, ipA, ifA, ipB, ifB$ ), $ipBus$ )	$\equiv \text{if } ipBus = ipA \text{ then } \text{Ag}(\langle ifA, ipB \rangle, \emptyset) \text{ else } \emptyset \text{ fi } \cup$ $\text{if } ipBus = ipB \text{ then } \text{Ag}(\langle ifB, ipA \rangle, \emptyset) \text{ else } \emptyset \text{ fi } \cup$ $\text{cables}(t, ipBus)$
seAlcanzan?( $t, ipA, ipB$ )	$\equiv ipA \in \text{todasLasQueAlcanza}(t, ipB)$
todasLasQueAlcanza( $t, ip$ )	$\equiv \text{expandirFull}(t, \text{Ag}(ip, \emptyset))$
expandirFull( $t, cs$ )	$\equiv \text{if } \text{exp1}(t, cs) \subseteq cs \text{ then}$ $\quad cs$ $\text{else}$ $\quad \text{expandirFull}(t, \text{exp1}(t, cs))$ $\text{fi}$

```
exp1( $t$ ,  $cs$ )  $\equiv$  if  $\emptyset?(cs)$  then  
     $\emptyset$   
else  
    Ag(dameUno( $cs$ ), vecinas( $t$ , dameUno( $cs$ )))  $\cup$  exp1( $t$ ,  
    sinUno( $cs$ ))  
fi
```

**Fin TAD**