

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires

Trabajo Práctico II

Grupo: 12

Integrante	LU	Correo electrónico
Pondal, Iván	078/14	ivan.pondal@gmail.com
Paz, Maximiliano León	251/14	m4xileon@gmail.com
Mena, Manuel	313/14	manuelmena1993@gmail.com
Demartino, Francisco	348/14	demartino.francisco@gmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Índice

1. Módulo DCNet	3
1.1. Interfaz	3
1.1.1. Operaciones básicas de DCNet	3
1.2. Representación	4
1.2.1. Representación de dcnet	4
1.2.2. Invariante de Representación	5
1.2.3. Función de Abstracción	8
2. Módulo Red	9
2.1. Interfaz	9
2.2. Representación	10
2.2.1. Estructura	10
2.2.2. Invariante de Representación	10
2.2.3. Función de Abstracción	13
3. Módulo Cola de mínima prioridad(α)	14
3.1. Especificación	14
3.2. Interfaz	15
3.2.1. Operaciones básicas de Cola de mínima prioridad	15
3.3. Representación	15
3.3.1. Representación de colaMinPrior	15
3.3.2. Invariante de Representación	15
3.3.3. Función de Abstracción	16
3.4. Algoritmos	16
4. Módulo $\text{dicc}_{avl}(\alpha)$	17
4.1. Interfaz	17
4.1.1. Operaciones básicas de $\text{dicc}_{avl}(\alpha)$	17
4.1.2. Operaciones auxiliares del TAD	17
4.2. Representación	18
4.2.1. Representación de $\text{dicc}_{avl}(\alpha)$	18
5. Módulo Trie(α)	19
5.1. Interfaz	19

1. Módulo DCNet

1.1. Interfaz

se explica con: DCNET.

géneros: dcnet.

1.1.1. Operaciones básicas de DCNet

INICIARDCNET(**in** $r : \text{red}$) $\rightarrow res : \text{dcnet}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{iniciarDCNet}(red)\}$

Complejidad: $O(n * (n + L))$ donde n es es la cantidad de computadoras y L es la longitud de nombre de computadora mas larga

Descripción: crea una DCNet nueva tomando una red

CREARPAQUETE(**in/out** $dcn : \text{dcnet}$, **in** $p : \text{paquete}$)

Pre $\equiv \{$

$dcn =_{\text{obs}} dcn_0 \wedge$

$\neg((\exists p' : \text{paquete}) (\text{paqueteEnTransito}(dcn, p') \wedge \text{id}(p) = \text{id}(p') \wedge \text{origen}(p) \in \text{computadoras}(\text{red}(dcn)) \wedge_L$

$\text{destino}(p) \in \text{computadoras}(\text{red}(dcn)) \wedge_L \text{hayCamino}?(\text{red}(dcn), \text{origen}(p), \text{destino}(p))))$

$\}$

Post $\equiv \{dcn =_{\text{obs}} \text{crearPaquete}(dcn_0)\}$

Complejidad: $O(L + \log(k))$ donde L es la longitud de nombre de computadora mas larga y k es la longitud de la cola de paquetes mas larga

Descripción: crea un nuevo paquete

AVANZARSEGUNDO(**in/out** $dcn : \text{dcnet}$)

Pre $\equiv \{dcn =_{\text{obs}} dcn_0\}$

Post $\equiv \{dcn =_{\text{obs}} \text{avanzarSegundo}(dcn_0)\}$

Complejidad: $O(n * (L + \log(k)))$ donde n es es la cantidad de computadoras, L es la longitud de nombre de computadora mas larga y k es la longitud de la cola de paquetes mas larga

Descripción: envia los paquetes con mayor prioridad a la siguiente compu

RED(**in** $dcn : \text{dcnet}$) $\rightarrow res : \text{red}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{red}(dcn))\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: devuelve la red de una DCNet

Aliasing: res es una referencia no modificable

CAMINORECORRIDO(**in** $dcn : \text{dcnet}$, **in** $p : \text{paquete}$) $\rightarrow res : \text{secu}(\text{compu})$

Pre $\equiv \{\text{paqueteEnTransito}?(dcn, p)\}$

Post $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{caminoRecorrido}(dcn, p))\}$

Complejidad: $O(n * \log(k))$ donde n es es la cantidad de computadoras y k es la longitud de la cola de paquetes mas larga

Descripción: devuelve el camino recorrido por un paquete

Aliasing: res es una referencia no modificable

CANTIDADENVIADOS(**in** $dcn : \text{dcnet}$, **in** $c : \text{compu}$) $\rightarrow res : \text{nat}$

Pre $\equiv \{c \in \text{computadoras}(\text{red}(dcn))\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{cantidadEnviados}(dcn, c)\}$

Complejidad: $O(L)$ donde L es la longitud de nombre de computadora mas larga

Descripción: devuelve la cantidad de paquetes enviados por una compu

ENESPERA(**in** *dcn*: dcnet, **in** *c*: compu) \rightarrow *res* : conj(paquete)

Pre $\equiv \{c \in \text{computadoras}(\text{red}(dcn))\}$

Post $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{enEspera}(dcn, c))\}$

Complejidad: $O(L)$ donde L es la longitud de nombre de computadora mas larga

Descripción: devuelve el conjunto de paquetes encolados en una compu

Aliasing: res es una referencia no modificable

PAQUETEENTRANSITO(**in** *dcn*: dcnet, **in** *p*: paquete) \rightarrow *res* : bool

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{paqueteEnTransito}(dcn, p)\}$

Complejidad: $O(n * \log(k))$ donde n es es la cantidad de computadoras y k es la longitud de la cola de paquetes mas larga

Descripción: indica si el paquete está en transito

LAQUEMASENVIO(**in** *dcn*: dcnet) \rightarrow *res* : compu

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{laQueMasEnvio}(dcn))\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: devuelve la compu que mas paquetes envió

Aliasing: res es una referencia no modificable

1.2. Representación

1.2.1. Representación de dcnet

dcnet se representa con estr

donde estr es tupla(*topología*: red,
 vectorCompusDCNet: vector(compuDCNet),
 diccCompusDCNet: dicc_{trie}(puntero(compuDCNet)),
 conjPaquetesDCNet: conj(paqueteDCNet),
 laQueMásEnvio: puntero(compuDCNet))

donde compuDCNet es tupla(*pc*: puntero(compu),
 conjPaquetes: conj(paquete),
 diccPaquetesDCNet: dicc_{avl}(nat, itConj(paqueteDCNet)),
 colaPaquetesDCNet: colaPrioridad(nat, itConj(paqueteDCNet)),
 paqueteAEnviar: itConj(paqueteDCNet), *enviados*: nat)

donde paqueteDCNet es tupla(*it*: itConj(paquete), *recorrido*: lista(compu))

donde paquete es tupla(*id*: nat, *prioridad*: nat, *origen*: compu, *destino*: compu)

donde compu es tupla(*ip*: string, *interfaces*: conj(nat))

1.2.2. Invariante de Representación

- (I) Las compus de los elementos de `vectorCompusDCNet` son punteros a todas las compus de la topología
- (II) Las claves de `diccCompusDCNet` son todos los hostnames de la topología
- (III) Los significados de `diccCompusDCNet` son punteros que apuntan a las `compuDCNet` cuyo hostname equivale a su clave en `vectorCompusDCNet`
- (IV) `laQueMásEnvió` es un puntero a la `compuDCNet` en `vectorCompusDCNet` que más paquetes enviados tiene. Si no hay compus es `NULL`
- (V) El `conjPaquetesDCNet` contiene tuplas con iteradores a todos los paquetes en tránsito en la red y sus recorridos
- (VI) Todos los paquetes en `conjPaquetes` de cada `compuDCNet` tienen id único y tanto su origen como destino existen en la topología
- (VII) El paquete en `conjPaquetes` tiene que tener en su recorrido a la `compuDCNet` en la que se encuentra y esta no puede ser igual al destino del recorrido
- (VIII) Las claves de `diccPaquetesDCNet` son los id de los paquetes en `conjPaquetes`
- (IX) Los significados de `diccPaquetesDCNet` son un iterador al `paqueteDCNet` de `conjPaquetesDCNet` que contiene un iterador al paquete con el id equivalente a su clave y un recorrido que es uno de los caminos mínimos del origen del paquete a la compu en la que se encuentra
- (X) La cantidad de enviados de una `compuDCNet` es igual o mayor a la cantidad de apariciones de esa compu en los caminos recorridos de paquetes en la red

Rep : estr \rightarrow bool

Rep(e) \equiv true \iff
 $(\forall c: \text{compu})(c \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \iff$
 $($
 $(\exists cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge (cd.pc = \text{puntero}(c)) \wedge$
 $(\exists s: \text{string})(\text{def?}(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \wedge (s = c.ip)))$
 $)$
 $) \wedge_L$
 $(\forall cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \iff$
 $(\exists s: \text{string})((s = cd.pc \rightarrow ip) \wedge \text{def?}(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \wedge_L$
 $\text{obtener}(s, e.\text{diccCompusDCNet}) = \text{puntero}(cd))$
 $) \wedge_L$
 $(\exists cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge_L$
 $* (cd.pc) = \text{compuQueMásEnvio}(e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge e.\text{laQueMásEnvio} = \text{puntero}(cd)) \wedge_L$
 $(\forall cd_1: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd_1, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow$
 $(\forall p_1: \text{paquete})(p_1 \in cd_1.\text{conjPaquetes} \Rightarrow$
 $(\forall cd_2: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd_2, e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge cd_1 \neq cd_2) \Rightarrow$
 $(\forall p_2: \text{paquete})(p_2 \in cd_2.\text{conjPaquetes} \Rightarrow p_1.id \neq p_2.id)$
 $)$
 $)$
 $) \wedge_L$
 $(\forall cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow$
 $($
 $(\forall p: \text{paquete})(p \in cd.\text{conjPaquetes} \iff$
 $($
 $((p.\text{origen} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \wedge p.\text{destino} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \wedge$
 $p.\text{destino} \neq *(cd.pc)) \wedge_L$
 $(\exists sc: \text{secu}(\text{compu}))(sc \in \text{caminosMinimos}(e.\text{topologia}, p.\text{origen}, p.\text{destino}) \wedge \text{está?}(*(cd.pc), sc))) \wedge$
 $(\exists n: \text{nat}) ((\text{def?}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}) \wedge p.id = n) \wedge_L$
 $(\exists pdn: \text{paqueteDCNet})(pdn \in e.\text{conjPaquetesDCNet} \wedge \text{Siguiente}(pdn.it) = p \wedge$
 $((p.\text{origen} = *(cd.pc) \wedge pdn.\text{recorrido} = *(cd.pc) \bullet <>) \vee$
 $(p.\text{origen} \neq *(cd.pc) \wedge pdn.\text{recorrido} \in \text{caminosMinimos}(e.\text{topologia}, p.\text{origen}, *(cd.pc)))) \wedge$
 $\text{Siguiente}(\text{obtener}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet})) = pdn$
 $)$
 $)$
 $) \wedge_L$
 $(\neg \text{vacía?}(cd.\text{colaPaquetesDCNet}) \iff$
 $(\exists p: \text{paquete})(p \in cd.\text{conjPaquetes}) \wedge (p = \text{paqueteMásPrioridad}(cd.\text{conjPaquetes})) \wedge$
 $(\exists pdn: \text{paqueteDCNet})(pdn \in e.\text{conjPaquetesDCNet}) \wedge (\text{Siguiente}(pdn.it) = p) \wedge$
 $(\text{Siguiente}(\text{proximo}(cd.\text{colaPaquetesDCNet})) = pdn))$
 $)$
 $) \wedge_L$
 $(cd.\text{enviados} \geq \text{enviadosCompu}(*(cd.pc), e.\text{vectorCompusDCNet}))$
 $)$
 $)$

compuQueMásEnvio : secu(compuDCNet) $s cd \rightarrow$ compu $\{\neg \text{vacía?}(s cd)\}$

maxEnvio : secu(compuDCNet) $s cd \rightarrow$ nat $\{\neg \text{vacía?}(s cd)\}$

enviaronK : secu(compuDCNet) \times nat \rightarrow conj(compu)

paqueteMásPrioridad : conj(paquete) $cp \rightarrow$ paquete $\{\neg \emptyset?(cp)\}$

paquetesConPrioridadK : conj(paquete) \times nat \rightarrow conj(paquete)

altaPrioridad : conj(paquetes) $cp \rightarrow$ nat $\{\neg \emptyset?(cp)\}$

enviadosCompu : compu \times secu(compuDCNet) \rightarrow nat

aparicionesCompu : compu \times conj(nat) $cn \times \text{dicc}(\text{nat} \times \text{itConj}(\text{paqueteDCNet})) dp \rightarrow$ nat

$$\{\text{claves}(dp) \subseteq cn\}$$

```

compuQueMásEnvió(scd)  $\equiv$  dameUno(enviaronK(scd, maxEnviado(scd)))
maxEnviado(scd)  $\equiv$  if vacía?(fin(scd)) then prim(scd).enviados else max(prim(scd), maxEnviado(fin(scd))) fi
enviaronK(scd, k)  $\equiv$  if vacía?(scd) then
     $\emptyset$ 
else
    if prim(scd).enviados = k then
        Ag(* (prim(scd).pc), enviaronK(fin(scd), k))
    else
        enviaronK(fin(scd), k)
    fi
fi
paqueteMásPrioridad(dcn, cp)  $\equiv$  dameUno(paquetesConPrioridadK(cp, altaPrioridad(cp)))
altaPrioridad(cp)  $\equiv$  if  $\emptyset$ ?(sinUno(cp)) then
    dameUno(cp).prioridad
else
    min(dameUno(cp).prioridad, altaPrioridad(sinUno(cp)))
fi
paquetesConPrioridadK(cp, k)  $\equiv$  if  $\emptyset$ ?(cp) then
     $\emptyset$ 
else
    if dameUno(cp).prioridad = k then
        Ag(dameUno(cp), paquetesConPrioridadK(sinUno(cp), k))
    else
        paquetesConPrioridadK(sinUno(cp), k)
    fi
fi
enviadosCompu(c, scd)  $\equiv$  if vacía?(scd) then
    0
else
    if prim(scd) = c then
        enviadosCompu(c, fin(scd))
    else
        aparicionesCompu(c, claves(prim(scd).diccPaquetesDCNet),
        prim(scd).diccPaquetesDCNet) + enviadosCompu(c, fin(scd))
    fi
fi
aparicionesCompu(c, cn, dpc)  $\equiv$  if  $\emptyset$ ?(cn) then
    0
else
    if está?(c, Siguiente(obtener(dameUno(cn), dpc)).recorrido) then
        1 + aparicionesCompu(c, sinUno(cn), dpc)
    else
        aparicionesCompu(c, sinUno(cn), dpc)
    fi
fi

```

1.2.3. Función de Abstracción

$\text{Abs} : \text{estr } e \longrightarrow \text{dcnet} \qquad \{\text{Rep}(e)\}$

$\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \text{dcn: dcnet} \mid \text{red}(\text{dcn}) = e.\text{topología} \wedge$
 $(\forall \text{cdn: compuDCNet})(\text{está?}(\text{cdn}, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow_{\text{L}}$
 $\text{enEspera}(\text{dcn}, *(\text{cdn.pc})) = \text{cdn.conjPaquetes} \wedge$
 $\text{cantidadEnviados}(\text{dcn}, *(\text{cdn.pc})) = \text{cdn.enviados} \wedge$
 $(\forall p: \text{paquete})(p \in \text{cdn.conjPaquetes} \Rightarrow_{\text{L}}$
 $\text{caminoRecorrido}(\text{dcn}, p) = \text{Siguiente}(\text{obtener}(p.\text{id}, \text{cdn.diccPaquetesDCNet})).\text{recorrido}$
 $)$
 $)$

2. Módulo Red

2.1. Interfaz

se explica con: RED.

géneros: red.

INICIARRED() $\rightarrow res : red$
Pre $\equiv \{true\}$
Post $\equiv \{res =_{obs} iniciarRed\}$
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Crea una red nueva

AGREGARCOMPUTADORA(**in/out** $r : red$, **in** $c : compu$)
Pre $\equiv \{(r =_{obs} r_0) \wedge ((\forall c' : compu) (c' \in computadoras(r) \Rightarrow ip(c) \neq ip(c'))))\}$
Post $\equiv \{r =_{obs} agregarComputadora(r_0, c)\}$
Complejidad: $O(L + n)$
Descripción: Agrega una computadora a la red
Aliasing: La compu se agrega por copia

CONECTAR(**in/out** $r : red$, **in** $c : compu$, **in** $c' : compu$, **in** $i : compu$, **in** $i' : compu$)
Pre $\equiv \{(r =_{obs} r_0) \wedge (c \in computadoras(r)) \wedge (c' \in computadoras(r)) \wedge (ip(c) \neq ip(c')) \wedge (\neg conectadas?(r, c, c')) \wedge (\neg usaInterfaz?(r, c, i) \wedge \neg usaInterfaz?(r, c', i'))\}$
Post $\equiv \{r =_{obs} conectar(r_0, c, i, c', i')\}$
Complejidad: $O(L)?$
Descripción: Conecta dos computadoras

COMPUTADORAS(**in** $r : red$) $\rightarrow res : conj(compu)$
Pre $\equiv \{true\}$
Post $\equiv \{alias(res =_{obs} computadoras(r))\}$
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Devuelve las computadoras de la red [Devuelve una referencia no modificable]

CONECTADAS?(**in** $r : red$, **in** $c : compu$, **in** $c' : compu$) $\rightarrow res : bool$
Pre $\equiv \{(c \in computadoras(r)) \wedge (c' \in computadoras(r))\}$
Post $\equiv \{res =_{obs} conectadas?(r, c, c')\}$
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Indica si dos computadoras de la red estan conectadas

INTERFAZUSADA(**in** $r : red$, **in** $c : compu$, **in** $c' : compu$) $\rightarrow res : interfaz$
Pre $\equiv \{conectadas?(r, c, c')\}$
Post $\equiv \{res =_{obs} interfazUsada(r, c, c')\}$
Complejidad: $O(L + n)$
Descripción: Devuelve la interfaz con la cual se conecta c con c'

VECINOS(**in** $r : red$, **in** $c : compu$) $\rightarrow res : conj(compu)$
Pre $\equiv \{c \in computadoras(r)\}$
Post $\equiv \{res =_{obs} vecinos(r, c)\}$
Complejidad: $O(n)$
Descripción: Devuelve el conjunto de computadoras conectadas con c
Aliasing: Devuelve una copia de las computadoras conectadas a c

$$\text{USAINTERFAZ?}(\text{in } r : \text{red}, \text{in } c : \text{compu}, \text{in } i : \text{interfaz}) \rightarrow \text{res} : \text{bool}$$
$$\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{computadoras}(r)\}$$
$$\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{usaInterfaz?}(r, c, i)\}$$

Complejidad: $O(L + n)$

Descripción: Indica si la interfaz i es usada por la computadora c

$$\text{CAMINOSMINIMOS}(\text{in } r : \text{red}, \text{in } c : \text{compu}, \text{in } c' : \text{compu}) \rightarrow res : \text{conj}(\text{lista}(\text{compu}))$$
$$\mathbf{Pre} \equiv \{(c \in \text{computadoras}(r)) \wedge (c' \in \text{computadoras}(r))\}$$
$$\mathbf{Post} \equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{caminosMinimos}(r, c, i))\}$$

Complejidad: $O(L)$

Descripción: Devuelve el conjunto de caminos minimos de c a c'

Aliasing: Devuelve una referencia no modificable

$$\text{HAYCAMINO?}(\text{in } r : \text{red}, \text{in } c : \text{compu}, \text{in } c' : \text{compu}) \rightarrow \text{res} : \text{bool}$$
$$\mathbf{Pre} \equiv \{(c \in \text{computadoras}(r)) \wedge (c' \in \text{computadoras}(r))\}$$
$$\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{hayCamino?}(r, c, i)\}$$

Complejidad: $O(L)$

Descripción: Indica si existe algún camino entre c y c'

$$\text{COPIAR}(\text{in } r : \text{red}) \rightarrow res : \text{red}$$
$$\mathbf{Pre} \equiv \{\text{true}\}$$
$$\text{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} r\}$$

Complejidad: $O(?)$

Descripción: Devuelve una copia la red

$$\bullet = \bullet(\text{in } r : \text{red}, \text{in } r' : \text{red}) \rightarrow \text{res} : \text{bool}$$
$$\mathbf{Pre} \equiv \{\text{true}\}$$
$$\text{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} (r =_{\text{obs}} r')\}$$

Complejidad: $O(?)$

Descripción: Indica si r es igual a r'

2.2. Representación

2.2.1. Estructura

red se representa con estr

donde **estr** es $\text{tupla}(\text{compus: conj}(\text{compu}) ,$
 $\text{dns: dicc}_{Trie}(\text{nodoRed}))$

donde `nodoRed` es `tupla(pc: puntero(compu) ,`
`caminos: diccTrie(conj(lista(compu))) ,`
`conexiones: diccLineal(nat, puntero(nodoRed)))`

donde `compu` es `tupla(ip: string, interfaces: conj(nat))`

2.2.2. Invariante de Representación

- (I) Todos los elementos de *compus* deben tener IPs distintas.

- (II) Para cada compu, el trie *dns* define para la clave <IP de esa compu> un **nodoRed** cuyo *pc* es puntero a esa compu.
- (III) **nodoRed.conexiones** contiene como claves todas las interfaces usadas de la compu *c* (que tienen que estar en *pc.interfaces*)
- (IV) Ningun nodo se conecta con si mismo.
- (V) Ningun nodo se conecta a otro a traves de dos interfaces distintas.
- (VI) Para cada **nodoRed** en *dns*, *caminos* tiene como claves todas las IPs de las compus de la red (**estr.compus**), y los significados corresponden a todos los caminos mínimos desde la compu *pc* hacia la compu cuya IP es clave.

Rep : estr \rightarrow bool

Rep(e) \equiv true \iff (

(($\forall c1, c2$: compu) ($c1 \neq c2 \wedge c1 \in e.compus \wedge c2 \in e.compus$) \Rightarrow $c1.ip \neq c2.ip$) \wedge

(($\forall c$: compu) ($c \in e.compus \Rightarrow$
($\text{def?}(c.ip, e.dns) \wedge_L \text{obtener}(c.ip, e.dns).pc = \text{puntero}(c)$)
)) \wedge

(($\forall i$: string, n : nodoRed) (($\text{def?}(i, e.dns) \wedge_L n = \text{obtener}(i, e.dns)$) \Rightarrow
($\exists c$: compu) ($c \in e.compus \wedge (n.pc = \text{puntero}(c))$)
)) \wedge

(($\forall i$: string, n : nodoRed) (($\text{def?}(i, e.dns) \wedge_L n = \text{obtener}(i, e.dns)$) \Rightarrow
($(\forall t$: nat) ($\text{def?}(t, n.conexiones) \Rightarrow (t \in n.pc \rightarrow \text{interfaces})$))
)) \wedge

(($\forall i$: string, n : nodoRed) (($\text{def?}(i, e.dns) \wedge_L n = \text{obtener}(i, e.dns)$) \Rightarrow
($(\forall t$: nat) ($\text{def?}(t, n.conexiones) \Rightarrow_L (\text{obtener}(t, n.conexiones) \neq \text{puntero}(n))$))
)) \wedge

(($\forall i$: string, n : nodoRed) (($\text{def?}(i, e.dns) \wedge_L n = \text{obtener}(i, e.dns)$) \Rightarrow
($(\forall t1, t2$: nat) ($(t1 \neq t2 \wedge \text{def?}(t1, n.conexiones) \wedge \text{def?}(t2, n.conexiones)) \Rightarrow_L$
($\text{obtener}(t1, n.conexiones) \neq \text{obtener}(t2, n.conexiones)$)
))
)) \wedge

(($\forall i1, i2$: string, $n1, n2$: nodoRed) ((
($\text{def?}(i1, e.dns) \wedge_L n1 = \text{obtener}(i1, e.dns)$) \wedge
($\text{def?}(i2, e.dns) \wedge_L n2 = \text{obtener}(i2, e.dns)$)
) \Rightarrow ($\text{def?}(i2, n1.camino) \wedge_L \text{obtener}(i2, n1.camino) = \text{darCaminosMinimos}(n1, n2)$)
))

)

vecinas	: nodoRed	\rightarrow conj(nodoRed)
auxVecinas	: nodoRed \times dicc(nat \times puntero(nodoRed))	\rightarrow conj(nodoRed)
secusDeLongK	: conj(secu(α)) \times nat	\rightarrow conj(secu(α))
longMenorSec	: conj(secu(α)) secus	\rightarrow nat $\{ \neg \emptyset?(secus) \}$
darRutas	: nodoRed $nA \times$ nodoRed $nB \times$ conj(pc) \times secu(nodoRed)	\rightarrow conj(secu(nodoRed))
darRutasVecinas	: conj(pc) vec \times nodoRed $n \times$ conj(pc) \times secu(nodoRed)	\rightarrow conj(secu(nodoRed))
darCaminosMinimos	: nodoRed $n1 \times$ nodoRed $n1$	\rightarrow conj(secu(compu))

vecinas(n) \equiv auxVecinas($n, n.conexiones$)

auxVecinas(n, cs) \equiv **if** $\emptyset?(cs)$ **then**
 \emptyset
else
 Ag($\text{obtener}(\text{dameUno}(\text{claves}(cs)), cs)$, auxVecinas($n, \text{sinUno}(cs)$))
fi

```

secusDeLongK(secus, k)           ≡ if  $\emptyset?(secus)$  then
     $\emptyset$ 
  else
    if long(dameUno(secus)) = k then
      dameUno(secus)  $\cup$  secusDeLongK(sinUno(secus), k)
    else
      secusDeLongK(sinUno(secus), k)
    fi
  fi

longMenorSec(secus)             ≡ if  $\emptyset?(sinUno(secus))$  then
    long(dameUno(secus))
  else
    min(long(dameUno(secus)),
        longMenorSec(sinUno(secus)))
  fi

darRutas(nA, nB, rec, ruta)    ≡ if nB  $\in$  vecinas(nA) then
    Ag(ruta  $\circ$  nB,  $\emptyset$ )
  else
    if  $\emptyset?(vecinas(nA) - rec)$  then
       $\emptyset$ 
    else
      darRutas(dameUno(vecinas(nA) - rec),
        nB, Ag(nA, rec),
        ruta  $\circ$  dameUno(vecinas(nA) - rec))  $\cup$ 
      darRutasVecinas(sinUno(vecinas(nA) - rec),
        nB, Ag(nA, rec),
        ruta  $\circ$  dameUno(vecinas(nA) - rec))
    fi
  fi

darRutasVecinas(vecinas, n, rec, ruta) ≡ if  $\emptyset?(vecinas)$  then
     $\emptyset$ 
  else
    darRutas(dameUno(vecinas), n, rec, ruta)  $\cup$ 
    darRutasVecinas(sinUno(vecinas), n, rec, ruta)
  fi

darCaminosMinimos(nA, nB)      ≡ secusDeLongK(darRutas(nA, nB,  $\emptyset$ ,  $\langle > \rangle$ ),
    longMenorSec(darRutas(nA, nB,  $\emptyset$ ,  $\langle > \rangle$ ))

```

2.2.3. Función de Abstracción

Abs : estr *e* \longrightarrow red {Rep(*e*)}
 Abs(*e*) =_{obs} r: red |

3. Módulo Cola de mínima prioridad(α)

El módulo cola de mínima prioridad consiste en una cola de prioridad de elementos del tipo α cuya prioridad está determinada por un *nat* de forma tal que el elemento que se ingrese con el menor *nat* será el de mayor prioridad.

3.1. Especificación

TAD COLA DE MÍNIMA PRIORIDAD(α)

igualdad observacional

$$(\forall c, c' : \text{colaMinPrior}(\alpha)) \left(c =_{\text{obs}} c' \iff \left(\begin{array}{l} \text{vacía?}(c) =_{\text{obs}} \text{vacía?}(c') \wedge_L \\ (\neg \text{vacía?}(c) \Rightarrow_L (\text{próximo}(c) =_{\text{obs}} \text{próximo}(c') \wedge \\ \text{desencolar}(c) =_{\text{obs}} \text{desencolar}(c'))) \end{array} \right) \right)$$

parámetros formales

géneros α

operaciones $\bullet < \bullet$: $\alpha \times \alpha \rightarrow \text{bool}$

Relación de orden total estricto¹

géneros $\text{colaMinPrior}(\alpha)$

exporta $\text{colaMinPrior}(\alpha)$, generadores, observadores

usa **BOOL**

observadores básicos

$\text{vacía?} : \text{colaMinPrior}(\alpha) \rightarrow \text{bool}$

$\text{próximo} : \text{colaMinPrior}(\alpha) \rightarrow \alpha$ $\{\neg \text{vacía?}(c)\}$

$\text{desencolar} : \text{colaMinPrior}(\alpha) \rightarrow \text{colaMinPrior}(\alpha)$ $\{\neg \text{vacía?}(c)\}$

generadores

$\text{vacía} : \rightarrow \text{colaMinPrior}(\alpha)$

$\text{encolar} : \alpha \times \text{colaMinPrior}(\alpha) \rightarrow \text{colaMinPrior}(\alpha)$

otras operaciones

$\text{tamaño} : \text{colaMinPrior}(\alpha) \rightarrow \text{nat}$

axiomas $\forall c : \text{colaMinPrior}(\alpha), \forall e : \alpha$

$\text{vacía?}(\text{vacía}) \equiv \text{true}$

$\text{vacía?}(\text{encolar}(e, c)) \equiv \text{false}$

$\text{próximo}(\text{encolar}(e, c)) \equiv \text{if } \text{vacía?}(c) \vee_L \text{próximo}(c) > e \text{ then } e \text{ else } \text{próximo}(c) \text{ fi}$

$\text{desencolar}(\text{encolar}(e, c)) \equiv \text{if } \text{vacía?}(c) \vee_L \text{próximo}(c) > e \text{ then } c \text{ else } \text{encolar}(e, \text{desencolar}(c)) \text{ fi}$

Fin TAD

¹Una relación es un orden total estricto cuando se cumple:

Antirreflexividad: $\neg a < a$ para todo $a : \alpha$

Antisimetría: $(a < b \Rightarrow \neg b < a)$ para todo $a, b : \alpha, a \neq b$

Transitividad: $((a < b \wedge b < c) \Rightarrow a < c)$ para todo $a, b, c : \alpha$

Totalidad: $(a < b \vee b < a)$ para todo $a, b : \alpha$

3.2. Interfaz

parámetros formales

géneros α

se explica con: COLA DE MÍNIMA PRIORIDAD(NAT).

géneros: colaMinPrior(α).

3.2.1. Operaciones básicas de Cola de mínima prioridad

VACÍA() $\rightarrow res : \text{colaMinPrior}(\alpha)$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{vacía}\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Crea una cola de prioridad vacía

VACÍA?(in $c : \text{colaMinPrior}(\alpha)$) $\rightarrow res : \text{bool}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{vacía?}(c)\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Devuelve true si y sólo si la cola está vacía

DESENCOLAR(in/out $c : \text{colaMinPrior}(\alpha)$) $\rightarrow res : \alpha$

Pre $\equiv \{\neg \text{vacía?}(c) \wedge c =_{\text{obs}} c_0\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{proximo}(c_0) \wedge c =_{\text{obs}} \text{desencolar}(c_0)\}$

Complejidad: $O(\log(\text{tamaño}(c)))$

Descripción: Quita el elemento más prioritario

Aliasing: Se devuelve el elemento por copia

ENCOLAR(in/out $c : \text{colaMinPrior}(\alpha)$, in $p : \text{nat}$, in $a : \alpha$)

Pre $\equiv \{c =_{\text{obs}} c_0\}$

Post $\equiv \{c =_{\text{obs}} \text{encolar}(p, c_0)\}$

Complejidad: $O(\log(\text{tamaño}(c)))$

Descripción: Agrega al elemento α con prioridad p a la cola

Aliasing: Se agrega el elemento por copia

3.3. Representación

3.3.1. Representación de colaMinPrior

colaMinPrior(α) se representa con estr

donde estr es $\text{dicc}_{\text{avl}}(\text{nat}, \text{nodoEncolados})$

donde nodoEncolados es $\text{tupla}(\text{encolados} : \text{cola}(\alpha), \text{prioridad} : \text{nat})$

3.3.2. Invariante de Representación

(I) Todos los significados del diccionario tienen como clave el valor de *prioridad*

(II) Todos los significados del diccionario no pueden tener una cola vacía

Rep $\quad \quad \quad : \text{estr} \quad \quad \quad \rightarrow \text{bool}$

$$\begin{aligned} \text{Rep}(e) &\equiv \text{true} \iff \\ &(\forall n : \text{nat}) \text{ def?}(n, e) \Rightarrow_{\text{L}} ((\text{obtener}(n, e).\text{prioridad} = n) \wedge \\ &\neg \text{vacía?}(\text{obtener}(n, e).\text{encolados})) \end{aligned}$$

3.3.3. Función de Abstracción

$$\begin{aligned} \text{Abs} &: \text{estr } e \longrightarrow \text{colaMinPrior } \{\text{Rep}(e)\} \\ \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \text{cmp: colaMinPrior} \mid &(\text{vacía?}(\text{cmp}) \Leftrightarrow (\# \text{claves}(e) = 0)) \wedge \\ &\neg \text{vacía?}(\text{cmp}) \Rightarrow_{\text{L}} \\ &((\text{próximo}(\text{cmp}) = \text{próximo}(\text{mínimo}(e).\text{encolados})) \wedge \\ &(\text{desencolar}(\text{cmp}) = \text{desencolar}(\text{mínimo}(e).\text{encolados}))) \end{aligned}$$

3.4. Algoritmos

iVacía () → res: colaMinPrior(α)

res ← Vacío () O(1)

Complejidad : O(1)

iVacía? (in c: colaMinPrior(α)) → res: bool

res ← (#Claves(c) = 0) O(1)

Complejidad : O(1)

iDesencolar (in/out c: colaMinPrior(α)) → res: α

res ← Copiar(Proximo(Minimo(c).encolados)) O(copy(α))
 Desencolar(Minimo(c).encolados) O(log(tamaño(c)))
 if EsVacía?(Minimo(c).encolados) then O(1)
 Borrar(c, Minimo(c).prioridad) O(log(tamaño(c)))
 end if

Complejidad : O(log(tamaño(c)) + O(copy(α)))

iEncolar (in/out c: colaMinPrior(α), in p: nat, in a: α)

if Definido?(p) then O(log(tamaño(c)))
 Encolar(Significado(c, p).encolados, a) O(log(tamaño(c)) + copy(α))
 else
 nodoEncolados nuevoNodoEncolados O(1)
 nuevoNodoEncolados.encolados ← Vacía() O(1)
 nuevoNodoEncolados.prioridad ← p O(1)
 Encolar(nuevoNodoEncolados.encolados, a) O(copy(a))
 Definir(c, p, nuevoNodoEncolados) O(log(tamaño(c)) + copy(nodoEncolados))
 end if

Complejidad : O(log(tamaño(c)) + O(copy(α)))

4. Módulo $\text{dicc}_{avl}(\alpha)$

4.1. Interfaz

se explica con: $\text{DICCIONARIO}(\text{NAT}, \alpha)$.

géneros: $\text{dicc}_{avl}(\alpha)$.

4.1.1. Operaciones básicas de $\text{dicc}_{avl}(\alpha)$

$\text{CREARDICC}() \rightarrow res : \text{dicc}_{avl}(\alpha)$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{vacío}\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Crea un diccionario vacío

$\text{DEFINIDO?}(\text{in } c : \text{nat}, \text{in } d : \text{dicc}_{avl}(\alpha)) \rightarrow res : \text{bool}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{def?}(c, d)\}$

Complejidad: $O(\log(\#claves(d)))$

Descripción: Devuelve **true** si y sólo si la clave fue previamente definida en el diccionario

$\text{DEFINIR}(\text{in } c : \text{nat}, \text{in } s : \alpha, \text{in/out } d : \text{dicc}_{avl}(\alpha))$

Pre $\equiv \{d =_{\text{obs}} d_0\}$

Post $\equiv \{d =_{\text{obs}} \text{definir}(c, s, d_0)\}$

Complejidad: $O(\log(\#claves(d)) + \text{copy}(s))$

Descripción: Define la clave c con el significado s en d

$\text{OBTENER}(\text{in } c : \text{string}, \text{in/out } d : \text{dicc}_{avl}(\alpha)) \rightarrow res : \alpha$

Pre $\equiv \{\text{def?}(c, d)\}$

Post $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{obtener}(c, d))\}$

Complejidad: $O(\log(\#claves(d)))$

Descripción: Devuelve el significado correspondiente a la clave en el diccionario

Aliasing: res es modificable si y sólo si d es modificable

$\text{MÍNIMO}(\text{in/out } d : \text{dicc}_{avl}(\alpha)) \rightarrow res : \alpha$

Pre $\equiv \{\#claves(d) > 0\}$

Post $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{obtener}(\text{claveMínima}(d), d))\}$

Complejidad: $O(\log(\#claves(d)))$

Descripción: Devuelve el significado correspondiente a la clave de mínimo valor en el diccionario

Aliasing: res es modificable si y sólo si d es modificable

4.1.2. Operaciones auxiliares del TAD

$\text{claveMínima} : \text{dicc}(\text{nat} \times \alpha) \rightarrow \text{nat} \quad \{\#claves(d) > 0\}$

$\text{darClaveMínima} : \text{dicc}(\text{nat} \times \alpha) \times \text{conj}(\text{nat}) \rightarrow \text{nat} \quad \{(\#claves(d) > 0) \wedge (c \subseteq \text{claves}(d))\}$

$\text{claveMínima}(d) \equiv \text{darClaveMínima}(d, \text{claves}(d))$

$\text{darClaveMínima}(d, c) \equiv \text{if } \emptyset?(\text{sinUno}(c)) \text{ then } \text{dameUno}(c) \text{ else } \text{min}(\text{dameUno}(c), \text{darClaveMínima}(d, \text{sinUno}(c))) \text{ fi}$

4.2. Representación

4.2.1. Representación de $\text{dicc}_{avl}(\alpha)$

$\text{dicc}_{avl}(\alpha)$ se representa con **estr**

donde **estr** es **puntero(nodoAvl)**

donde **nodoAvl** es **tupla(*data*: α , *balance*: int, *nodos*: arreglo[2] de puntero(nodoAvl))**

5. Módulo Trie(α)

5.1. Interfaz

se explica con: `DICCIONARIO(String, α).` **géneros:** `diccTrie(α).`

`CREARDICC()` $\rightarrow res : \text{dicc}_{Trie}(\alpha)$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{vacío}\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Crea un diccionario vacío.

`DEFINIDO?(in c : string, in d : diccTrie(α))` $\rightarrow res : \text{bool}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{def?}(c, d)\}$

Complejidad: $O(L)$

Descripción: Devuelve true si la clave está definida en el diccionario y false en caso contrario.

`DEFINIR(in c : string, in s : α , in/out d : diccTrie(α))`

Pre $\equiv \{d =_{\text{obs}} d_0\}$

Post $\equiv \{d =_{\text{obs}} \text{definir}(c, s, d_0)\}$

Complejidad: $O(L)$

Descripción: Define la clave c con el significado s

Aliasing: Almacena una copia de s .

`OBTENER(in c : string, in d : diccTrie(α))` $\rightarrow res : \alpha$

Pre $\equiv \{\text{def?}(c, d)\}$

Post $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{obtener}(c, d))\}$

Complejidad: $O(L)$

Descripción: Devuelve el significado correspondiente a la clave c .

Aliasing: Devuelve el significado almacenado en el diccionario, por lo que res es modificable si y sólo si d lo es.