

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires

Trabajo Práctico II

Grupo: 12

Integrante	LU	Correo electrónico
Pondal, Iván	078/14	ivan.pondal@gmail.com
Paz, Maximiliano León	251/14	m4xileon@gmail.com
Mena, Manuel	313/14	manuelmena1993@gmail.com
Demartino, Francisco	348/14	demartino.francisco@gmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Índice

1. Módulo DCNet	3
1.1. Interfaz	3
1.1.1. Operaciones básicas de mapa	3
1.2. Representación	3
1.2.1. Representación de dcnet	3
1.2.2. Invariante de Representación	3
1.2.3. Función de Abstracción	6
2. Módulo Red	7
2.1. Interfaz	7
2.2. Representación	8
2.2.1. Estructura	8
2.2.2. Invariante de Representación	8
2.2.3. Función de Abstracción	11
3. Módulo Cola de mínima prioridad(α)	12
3.1. Especificación	12
3.2. Interfaz	13
3.2.1. Operaciones básicas de Cola de mínima prioridad	13
3.3. Representación	13
3.3.1. Representación de colaMinPrior	13
3.3.2. Invariante de Representación	13
3.3.3. Función de Abstracción	14
3.4. Algoritmos	14

1. Módulo DCNet

1.1. Interfaz

se explica con: DCNET.

géneros: dcnet.

1.1.1. Operaciones básicas de mapa

CREAR() $\rightarrow res : dcnet$

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} vacio()\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: crea un mapa nuevo

1.2. Representación

1.2.1. Representación de dcnet

dcnet se representa con estr

donde estr es tupla(*topología*: red,
 vectorCompusDCNet: vector(compuDCNet),
 diccCompusDCNet: dicc_{trie}(puntero(compuDCNet)),
 laQueMásEnvió: puntero(compuDCNet))

donde compuDCNet es tupla(*pc*: puntero(compu),
 conjPaquetes: conj(paquete),
 diccPaquetesDCNet: dicc_{avl}(nat, paqueteDCNet),
 colaPaquetesDCNet: colaPrioridad(nat, puntero(paqueteDCNet)),
 paqueteAEnviar: paqueteDCNet, *enviados*: nat)

donde paqueteDCNet es tupla(*it*: itConj(paquete), *recorrido*: lista(compu))

donde paquete es tupla(*id*: nat, *prioridad*: nat, *origen*: compu, *destino*: compu)

donde compu es tupla(*ip*: string, *interfaces*: conj(nat))

1.2.2. Invariante de Representación

- (I) Las compus de los elementos de vectorCompusDCNet son punteros a todas las compus de la topología
- (II) Las claves de diccCompusDCNet son todos los hostnames de la topología
- (III) Los significados de diccCompusDCNet son punteros que apuntan a las compuDCNet cuyo hostname equivale a su clave en vectorCompusDCNet
- (IV) laQueMásEnvió es un puntero a la compuDCNet en vectorCompusDCNet que más paquetes enviados tiene. Si no hay compus es NULL
- (V) Todos los paquetes en conjPaquetes de cada compuDCNet tienen id único y tanto su origen como destino existen en la topología
- (VI) El paquete en conjPaquetes tiene que tener en su recorrido a la compuDCNet en la que se encuentra y esta no puede ser igual al destino del recorrido

- (VII) Las claves de `diccPaquetesDCNet` son los id de los paquetes en `conjPaquetes`
- (VIII) Los significados de `diccPaquetesDCNet` contienen un `itConj` que apunta al paquete con el id equivalente a su clave y en recorrido, un camino mínimo válido para el origen del paquete y la compu en la que se encuentra
- (IX) La `colaPaquetesDCNet` es vacía si y sólo si `conjPaquetes` lo es, si no lo es, su próximo es un puntero a un paqueteDCNet de `diccPaquetesDCNet` que contiene un `itConj` cuyo siguiente es uno de los paquetes de `conjPaquetes` con mayor prioridad
- (X) La cantidad de enviados de una `compuDCNet` es igual o mayor a la cantidad de apariciones de esa compu en los caminos recorridos de paquetes en la red

`Rep : estr \rightarrow bool`

`Rep(e) \equiv true \iff`

$$\begin{aligned}
 & (\#(\text{computadoras}(e.\text{topologia})) = \text{long}(e.\text{vectorCompusDCNet}) = \#(\text{claves}(e.\text{diccCompusDCNet}))) \wedge_L \\
 & (\forall c: \text{compu})(c \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \Rightarrow \\
 & \quad (\\
 & \quad (\exists cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge cd.pc = \text{puntero}(c)) \wedge \\
 & \quad (\exists s: \text{string})(\text{def?}(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \wedge s = c.ip) \\
 & \quad) \\
 &) \wedge_L \\
 & (\forall cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow_L \\
 & \quad (\exists s: \text{string})(\text{def?}(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \wedge \\
 & \quad s = cd.pc \rightarrow ip \wedge_L \text{obtener}(s, e.\text{diccCompusDCNet}) = \text{puntero}(cd)) \\
 &) \wedge_L \\
 & (\exists cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge_L \\
 & \quad * (cd.pc) = \text{compuQueMásEnvió}(e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge e.\text{laQueMásEnvió} = \text{puntero}(cd)) \wedge_L \\
 & (\forall cd_1: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd_1, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow \\
 & \quad (\forall p_1: \text{paquete})(p_1 \in cd_1.\text{conjPaquetes} \Rightarrow \\
 & \quad (\forall cd_2: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd_2, e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge cd_1 \neq cd_2) \Rightarrow \\
 & \quad (\forall p_2: \text{paquete})(p_2 \in cd_2.\text{conjPaquetes} \Rightarrow p_1.id \neq p_2.id) \\
 & \quad) \\
 &) \\
 &) \wedge_L \\
 & (\forall cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow \\
 & \quad (\\
 & \quad (\#(cd.\text{conjPaquetes}) = \#(\text{claves}(cd.\text{diccPaquetesDCNet}))) \wedge_L \\
 & \quad (\forall p: \text{paquete})(p \in cd.\text{conjPaquetes} \Rightarrow \\
 & \quad (\\
 & \quad ((p.\text{origen} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \wedge p.\text{destino} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \wedge \\
 & \quad p.\text{destino} \neq *(cd.pc)) \wedge_L \\
 & \quad (\exists sc: \text{secu}(\text{compu}))(sc \in \text{caminosMinimos}(e.\text{topologia}, p.\text{origen}, p.\text{destino}) \wedge \text{está?}(*(cd.pc), sc))) \wedge \\
 & \quad (\exists n: \text{nat})((\text{def?}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}) \wedge p.id = n) \wedge_L \\
 & \quad (\text{Siguiente}(\text{obtener}(n, e.\text{diccPaquetesDCNet}).it) = p \wedge \\
 & \quad ((p.\text{origen} = *(cd.pc) \wedge \text{obtener}(n, e.\text{diccPaquetesDCNet}).\text{recorrido} = *(cd.pc) \bullet <>) \vee \\
 & \quad (p.\text{origen} \neq *(cd.pc) \wedge \\
 & \quad \text{obtener}(n, e.\text{diccPaquetesDCNet}).\text{recorrido} \in \text{caminosMinimos}(e.\text{topologia}, p.\text{origen}, *(cd.pc)))) \\
 & \quad) \\
 &) \wedge_L \\
 & (\emptyset?(cd.\text{conjPaquetes}) \Leftrightarrow \text{vacía?}(cd.\text{colaPaquetesDCNet})) \wedge \\
 & (\neg \text{vacía?}(cd.\text{colaPaquetesDCNet}) \Rightarrow_L \\
 & \quad (\exists n: \text{nat})(\text{def?}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}) \wedge_L \\
 & \quad (\\
 & \quad \text{Siguiente}(\text{obtener}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}).it) = \text{paqueteMásPrioridad}(cd.\text{conjPaquetes}) \wedge \\
 & \quad \text{proximo}(cd.\text{colaPaquetesDCNet}) = \text{puntero}(\text{obtener}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet})) \\
 & \quad) \\
 &) \wedge \\
 & \quad (cd.\text{enviados} \geq \text{enviadosCompu}(*(cd.pc), e.\text{vectorCompusDCNet})) \\
 &) \\
 &)
 \end{aligned}$$

$\text{compuQueMásEnvió} : \text{secu}(\text{compuDCNet}) \text{ } scd \longrightarrow \text{compu} \quad \{\neg \text{vacía?}(scd)\}$
 $\text{maxEnviado} : \text{secu}(\text{compuDCNet}) \text{ } scd \longrightarrow \text{nat} \quad \{\neg \text{vacía?}(scd)\}$
 $\text{enviaronK} : \text{secu}(\text{compuDCNet}) \times \text{nat} \longrightarrow \text{conj}(\text{compu})$
 $\text{paqueteMásPrioridad} : \text{conj}(\text{paquete}) \text{ } cp \longrightarrow \text{paquete} \quad \{\neg \emptyset?(cp)\}$
 $\text{paquetesConPrioridadK} : \text{conj}(cp) \times \text{nat} \longrightarrow \text{conj}(\text{paquete})$
 $\text{altaPrioridad} : \text{conj}(\text{paquetes}) \text{ } cp \longrightarrow \text{nat} \quad \{\neg \emptyset?(cp)\}$
 $\text{enviadosCompu} : \text{compu} \times \text{secu}(\text{compuDCNet}) \longrightarrow \text{nat}$
 $\text{aparicionesCompu} : \text{compu} \times \text{conj}(\text{nat}) \text{ } cn \times \text{dicc}(\text{nat} \times \text{paqueteDCNet}) \text{ } dp \longrightarrow \text{nat} \quad \{\text{claves}(dp) \subseteq cn\}$

$\text{compuQueMásEnvió}(scd) \equiv \text{dameUno}(\text{enviaronK}(scd, \text{maxEnviado}(scd)))$
 $\text{maxEnviado}(scd) \equiv \text{if } \text{vacía?}(\text{fin}(scd)) \text{ then } \text{prim}(scd).\text{enviados} \text{ else } \text{max}(\text{prim}(scd), \text{maxEnviado}(\text{fin}(scd))) \text{ fi}$
 $\text{enviaronK}(scd, k) \equiv \text{if } \text{vacía?}(scd) \text{ then}$
 $\quad \emptyset$
 else
 $\quad \text{if } \text{prim}(scd).\text{enviados} = k \text{ then}$
 $\quad \quad \text{Ag}(*(\text{prim}(scd).\text{pc}), \text{enviaronK}(\text{fin}(scd), k))$
 $\quad \text{else}$
 $\quad \quad \text{enviaronK}(\text{fin}(scd), k)$
 $\quad \text{fi}$
 fi
 $\text{paqueteMásPrioridad}(dcn, cp) \equiv \text{dameUno}(\text{paquetesConPrioridadK}(cp, \text{altaPrioridad}(cp)))$
 $\text{altaPrioridad}(cp) \equiv \text{if } \emptyset?(\text{sinUno}(cp)) \text{ then}$
 $\quad \text{dameUno}(cp).\text{prioridad}$
 else
 $\quad \text{min}(\text{dameUno}(cp).\text{prioridad}, \text{altaPrioridad}(\text{sinUno}(cp)))$
 fi
 $\text{paquetesConPrioridadK}(cp, k) \equiv \text{if } \emptyset?(cp) \text{ then}$
 $\quad \emptyset$
 else
 $\quad \text{if } \text{dameUno}(cp).\text{prioridad} = k \text{ then}$
 $\quad \quad \text{Ag}(\text{dameUno}(cp), \text{paquetesConPrioridadK}(\text{sinUno}(cp), k))$
 $\quad \text{else}$
 $\quad \quad \text{paquetesConPrioridadK}(\text{sinUno}(cp), k)$
 $\quad \text{fi}$
 fi
 $\text{enviadosCompu}(c, scd) \equiv \text{if } \text{vacía?}(scd) \text{ then}$
 $\quad 0$
 else
 $\quad \text{if } \text{prim}(scd) = c \text{ then}$
 $\quad \quad \text{enviadosCompu}(c, \text{fin}(scd))$
 $\quad \text{else}$
 $\quad \quad \text{aparicionesCompu}(c, \text{claves}(\text{prim}(scd).\text{diccPaquetesDCNet}),$
 $\quad \quad \text{prim}(scd).\text{diccPaquetesDCNet}) + \text{enviadosCompu}(c, \text{fin}(scd))$
 $\quad \text{fi}$
 fi

```

aparicionesCompu(c, cn, dpc)  $\equiv$  if  $\emptyset?(cn)$  then
    0
else
    if está?(c, significado(dameUno(cn), dpc).recorrido) then
        1 + aparicionesCompu(c, sinUno(cn), dpc)
    else
        aparicionesCompu(c, sinUno(cn), dpc)
    fi
fi

```

1.2.3. Función de Abstracción

Abs : estr *e* \longrightarrow dcnet {Rep(*e*)}

Abs(*e*) =_{obs} dcn: dcnet | red(*dcn*) = *e*.topología \wedge
 $(\forall cdn: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cdn, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow_{\mathcal{L}}$
 enEspera(*dcn*, *(*cdn*.pc)) = *cdn*.conjPaquetes \wedge
 cantidadEnviados(*dcn*, *(*cdn*.pc)) = *cdn*.enviados \wedge
 $(\forall p: \text{paquete})(p \in cdn.\text{conjPaquetes} \Rightarrow_{\mathcal{L}}$
 caminoRecorrido(*dcn*, *p*) = obtener(*p*.id, *cdn*.diccPaquetesDCNet).recorrido
)
)

2. Módulo Red

2.1. Interfaz

se explica con: RED.

géneros: red.

INICIARRED() $\rightarrow res : red$
Pre $\equiv \{true\}$
Post $\equiv \{res =_{obs} iniciarRed\}$
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Crea una red nueva

AGREGARCOMPUTADORA(**in/out** $r : red$, **in** $c : compu$)
Pre $\equiv \{(r =_{obs} r_0) \wedge ((\forall c' : compu) (c' \in computadoras(r) \Rightarrow ip(c) \neq ip(c'))))\}$
Post $\equiv \{r =_{obs} agregarComputadora(r_0, c)\}$
Complejidad: $O(L + n)$
Descripción: Agrega una computadora a la red
Aliasing: La compu se agrega por copia

CONECTAR(**in/out** $r : red$, **in** $c : compu$, **in** $c' : compu$, **in** $i : compu$, **in** $i' : compu$)
Pre $\equiv \{(r =_{obs} r_0) \wedge (c \in computadoras(r)) \wedge (c' \in computadoras(r)) \wedge (ip(c) \neq ip(c')) \wedge (\neg conectadas?(r, c, c')) \wedge (\neg usaInterfaz?(r, c, i) \wedge \neg usaInterfaz?(r, c', i'))\}$
Post $\equiv \{r =_{obs} conectar(r_0, c, i, c', i')\}$
Complejidad: $O(L)?$
Descripción: Conecta dos computadoras

COMPUTADORAS(**in** $r : red$) $\rightarrow res : conj(compu)$
Pre $\equiv \{true\}$
Post $\equiv \{alias(res =_{obs} computadoras(r))\}$
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Devuelve las computadoras de la red [Devuelve una referencia no modificable]

CONECTADAS?(**in** $r : red$, **in** $c : compu$, **in** $c' : compu$) $\rightarrow res : bool$
Pre $\equiv \{(c \in computadoras(r)) \wedge (c' \in computadoras(r))\}$
Post $\equiv \{res =_{obs} conectadas?(r, c, c')\}$
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Indica si dos computadoras de la red estan conectadas

INTERFAZUSADA(**in** $r : red$, **in** $c : compu$, **in** $c' : compu$) $\rightarrow res : interfaz$
Pre $\equiv \{conectadas?(r, c, c')\}$
Post $\equiv \{res =_{obs} interfazUsada(r, c, c')\}$
Complejidad: $O(L + n)$
Descripción: Devuelve la interfaz con la cual se conecta c con c'

VECINOS(**in** $r : red$, **in** $c : compu$) $\rightarrow res : conj(compu)$
Pre $\equiv \{c \in computadoras(r)\}$
Post $\equiv \{res =_{obs} vecinos(r, c)\}$
Complejidad: $O(n)$
Descripción: Devuelve el conjunto de computadoras conectadas con c
Aliasing: Devuelve una copia de las computadoras conectadas a c

USAIINTERFAZ?(**in** r : red, **in** c : compu, **in** i : interfaz) $\rightarrow res$: bool

Pre $\equiv \{c \in \text{computadoras}(r)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{usaInterfaz?}(r, c, i)\}$

Complejidad: $O(L + n)$

Descripción: Indica si la interfaz i es usada por la computadora c

CAMINOSMINIMOS(**in** r : red, **in** c : compu, **in** c' : compu) $\rightarrow res$: conj(lista(compu))

Pre $\equiv \{(c \in \text{computadoras}(r)) \wedge (c' \in \text{computadoras}(r))\}$

Post $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{caminosMinimos}(r, c, i))\}$

Complejidad: $O(L)$

Descripción: Devuelve el conjunto de caminos minimos de c a c'

Aliasing: Devuelve una referencia no modificable

HAYCAMINO?(**in** r : red, **in** c : compu, **in** c' : compu) $\rightarrow res$: bool

Pre $\equiv \{(c \in \text{computadoras}(r)) \wedge (c' \in \text{computadoras}(r))\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{hayCamino?}(r, c, i)\}$

Complejidad: $O(L)$

Descripción: Indica si existe algún camino entre c y c'

COPIAR(**in** r : red) $\rightarrow res$: red

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} r\}$

Complejidad: $O(?)$

Descripción: Devuelve una copia la red

$\bullet = \bullet$ (**in** r : red, **in** r' : red) $\rightarrow res$: bool

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} (r =_{\text{obs}} r')\}$

Complejidad: $O(?)$

Descripción: Indica si r es igual a r'

2.2. Representación

2.2.1. Estructura

red se representa con **estr**

donde **estr** es $\text{tupla}(\text{compus: conj}(\text{compu}),$
 $\text{dns: dicc}_{\text{Trie}}(\text{string}, \text{nodoRed}))$

donde **nodoRed** es $\text{tupla}(\text{pc: puntero}(\text{compu}),$
 $\text{caminos: dicc}_{\text{Trie}}(\text{string}, \text{conj}(\text{lista}(\text{compu}))),$
 $\text{conexiones: dicc}_{\text{Lineal}}(\text{nat}, \text{puntero}(\text{nodoRed}))$)

donde **compu** es $\text{tupla}(\text{ip: string}, \text{interfaces: conj}(\text{nat}))$

2.2.2. Invariante de Representación

(I) Todas los elementos de *compus* deben tener IPs distintas.

- (II) Para cada compu, el trie *dns* define para la clave <IP de esa compu> un **nodoRed** cuyo *pc* es puntero a esa compu.
- (III) **nodoRed.conexiones** contiene como claves todas las interfaces usadas de la compu *c* (que tienen que estar en *pc.interfaces*)
- (IV) Ningun nodo se conecta con si mismo.
- (V) Ningun nodo se conecta a otro a traves de dos interfaces distintas.
- (VI) Para cada **nodoRed** en *dns*, *caminos* tiene como claves todas las IPs de las compus de la red (**estr.compus**), y los significados corresponden a todos los caminos mínimos desde la compu *pc* hacia la compu cuya IP es clave.

Rep : estr \rightarrow bool

Rep(e) \equiv true \iff (

(($\forall c1, c2$: compu) ($c1 \neq c2 \wedge c1 \in e.compus \wedge c2 \in e.compus$) \Rightarrow $c1.ip \neq c2.ip$) \wedge

(($\forall c$: compu) ($c \in e.compus \Rightarrow$
($\text{def?}(c.ip, e.dns) \wedge_L \text{obtener}(c.ip, e.dns).pc = \text{puntero}(c)$)
)) \wedge

(($\forall i$: string, n : nodoRed) (($\text{def?}(i, e.dns) \wedge_L n = \text{obtener}(i, e.dns)$) \Rightarrow
($\exists c$: compu) ($c \in e.compus \wedge (n.pc = \text{puntero}(c))$)
)) \wedge

(($\forall i$: string, n : nodoRed) (($\text{def?}(i, e.dns) \wedge_L n = \text{obtener}(i, e.dns)$) \Rightarrow
($\forall t$: interfaz) ($\text{def?}(t, n.conexiones) \Rightarrow (t \in n.pc \rightarrow \text{interfaces})$))
)) \wedge

(($\forall i$: string, n : nodoRed) (($\text{def?}(i, e.dns) \wedge_L n = \text{obtener}(i, e.dns)$) \Rightarrow
($\forall t$: interfaz) ($\text{def?}(t, n.conexiones) \Rightarrow_L (\text{obtener}(t, n.conexiones) \neq \text{puntero}(n))$)))
)) \wedge

(($\forall i$: string, n : nodoRed) (($\text{def?}(i, e.dns) \wedge_L n = \text{obtener}(i, e.dns)$) \Rightarrow
($\forall t1, t2$: interfaz) (($t1 \neq t2 \wedge \text{def?}(t1, n.conexiones) \wedge \text{def?}(t2, n.conexiones)$) \Rightarrow
($\text{obtener}(t1, n.conexiones) \neq \text{obtener}(t2, n.conexiones)$)
))
)) \wedge

(($\forall i1, i2$: string, $n1, n2$: nodoRed) ((
($\text{def?}(i1, e.dns) \wedge_L n1 = \text{obtener}(i1, e.dns)$) \wedge
($\text{def?}(i2, e.dns) \wedge_L n2 = \text{obtener}(i2, e.dns)$)
) \Rightarrow $\text{obtener}(i2, n1.camino) = \text{darCaminosMinimos}(n1, n2)$
))
))

)

vecinas	: nodoRed	\rightarrow conj(nodoRed)
auxVecinas	: nodoRed \times dicc(nat \times puntero(nodoRed))	\rightarrow conj(nodoRed)
secusDeLongK	: conj(secu(α)) \times nat	\rightarrow conj(secu(α))
longMenorSec	: conj(secu(α)) <i>secus</i>	\rightarrow nat $\{ \neg \emptyset?(\text{secus}) \}$
darRutas	: nodoRed $nA \times$ nodoRed $nB \times$ conj(pc) \times secu(segmento)	\rightarrow conj(secu(segmento))
darRutasVecinas	: conj(pc) <i>vec</i> \times nodoRed $n \times$ conj(pc) \times secu(segmento)	\rightarrow conj(secu(segmento))
darCaminosMinimos	: nodoRed $n1 \times$ nodoRed $n1$	\rightarrow conj(secu(compu))

vecinas(n) \equiv auxVecinas($n, n.conexiones$)

auxVecinas(n, cs) \equiv **if** $\emptyset?(cs)$ **then**
 \emptyset
else
 Ag($\text{obtener}(\text{dameUno}(\text{claves}(cs)), cs)$, auxVecinas($n, \text{sinUno}(cs)$))
fi

```

secusDeLongK(secus, k)           ≡ if  $\emptyset?$ (secus) then
     $\emptyset$ 
  else
    if long(dameUno(secus)) = k then
      dameUno(secus)  $\cup$  secusDeLongK(sinUno(secus), k)
    else
      secusDeLongK(sinUno(secus), k)
    fi
  fi

longMenorSec(secus)             ≡ if  $\emptyset?$ (sinUno(secus)) then
    long(dameUno(secus))
  else
    min(long(dameUno(secus)),
        longMenorSec(sinUno(secus)))
  fi

darRutas(nA, nB, rec, ruta)    ≡ if nB  $\in$  vecinas(nA) then
    Ag(ruta  $\circ$  nB,  $\emptyset$ )
  else
    if  $\emptyset?$ (vecinas(nA) - rec) then
       $\emptyset$ 
    else
      darRutas(dameUno(vecinas(nA) - rec),
        nB, Ag(nA, rec),
        ruta  $\circ$  dameUno(vecinas(nA) - rec))  $\cup$ 
      darRutasVecinas(sinUno(vecinas(nA) - rec),
        nB, Ag(nA, rec),
        ruta  $\circ$  dameUno(vecinas(nA) - rec))
    fi
  fi

darRutasVecinas(vecinas, n, rec, ruta) ≡ if  $\emptyset?$ (vecinas) then
     $\emptyset$ 
  else
    darRutas(dameUno(vecinas), n, rec, ruta)  $\cup$ 
    darRutasVecinas(sinUno(vecinas), n, rec, ruta)
  fi

darCaminosMinimos(nA, nB)      ≡ secusDeLongK(darRutas(nA, nB,  $\emptyset$ ,  $\langle \rangle$ ),
    longMenorSec(darRutas(nA, nB,  $\emptyset$ ,  $\langle \rangle$ ))

```

2.2.3. Función de Abstracción

Abs : estr *e* \longrightarrow red {Rep(*e*)}
 Abs(*e*) =_{obs} r: red |

3. Módulo Cola de mínima prioridad(α)

El módulo cola de mínima prioridad consiste en una cola de prioridad de elementos del tipo α cuya prioridad está determinada por un *nat* de forma tal que el elemento que se ingrese con el menor *nat* será el de mayor prioridad.

3.1. Especificación

TAD COLA DE MÍNIMA PRIORIDAD(α)

igualdad observacional

$$(\forall c, c' : \text{colaMinPrior}(\alpha)) \left(c =_{\text{obs}} c' \iff \left(\begin{array}{l} \text{vacía?}(c) =_{\text{obs}} \text{vacía?}(c') \wedge_L \\ (\neg \text{vacía?}(c) \Rightarrow_L (\text{próximo}(c) =_{\text{obs}} \text{próximo}(c') \wedge \\ \text{desencolar}(c) =_{\text{obs}} \text{desencolar}(c'))) \end{array} \right) \right)$$

parámetros formales

géneros α

operaciones $\bullet < \bullet$: $\alpha \times \alpha$

Relación de orden total estricto¹

$\longrightarrow \text{bool}$

géneros $\text{colaMinPrior}(\alpha)$

exporta $\text{colaMinPrior}(\alpha)$, generadores, observadores

usa **BOOL**

observadores básicos

$\text{vacía?} : \text{colaMinPrior}(\alpha) \longrightarrow \text{bool}$

$\text{próximo} : \text{colaMinPrior}(\alpha) \longrightarrow \alpha$ $\{\neg \text{vacía?}(c)\}$

$\text{desencolar} : \text{colaMinPrior}(\alpha) \longrightarrow \text{colaMinPrior}(\alpha)$ $\{\neg \text{vacía?}(c)\}$

generadores

$\text{vacía} : \longrightarrow \text{colaMinPrior}(\alpha)$

$\text{encolar} : \alpha \times \text{colaMinPrior}(\alpha) \longrightarrow \text{colaMinPrior}(\alpha)$

otras operaciones

$\text{tamaño} : \text{colaMinPrior}(\alpha) \longrightarrow \text{nat}$

axiomas $\forall c : \text{colaMinPrior}(\alpha), \forall e : \alpha$

$\text{vacía?}(\text{vacía}) \equiv \text{true}$

$\text{vacía?}(\text{encolar}(e, c)) \equiv \text{false}$

$\text{próximo}(\text{encolar}(e, c)) \equiv \text{if } \text{vacía?}(c) \vee_L \text{próximo}(c) > e \text{ then } e \text{ else } \text{próximo}(c) \text{ fi}$

$\text{desencolar}(\text{encolar}(e, c)) \equiv \text{if } \text{vacía?}(c) \vee_L \text{próximo}(c) > e \text{ then } c \text{ else } \text{encolar}(e, \text{desencolar}(c)) \text{ fi}$

Fin TAD

¹Una relación es un orden total estricto cuando se cumple:

Antirreflexividad: $\neg a < a$ para todo $a : \alpha$

Antisimetría: $(a < b \Rightarrow \neg b < a)$ para todo $a, b : \alpha, a \neq b$

Transitividad: $((a < b \wedge b < c) \Rightarrow a < c)$ para todo $a, b, c : \alpha$

Totalidad: $(a < b \vee b < a)$ para todo $a, b : \alpha$

3.2. Interfaz

parámetros formales

géneros α

se explica con: COLA DE MÍNIMA PRIORIDAD(NAT).

géneros: colaMinPrior(α).

3.2.1. Operaciones básicas de Cola de mínima prioridad

VACÍA() $\rightarrow res : \text{colaMinPrior}(\alpha)$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{vacía}\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Crea una cola de prioridad vacía

VACÍA?(in $c : \text{colaMinPrior}(\alpha)$) $\rightarrow res : \text{bool}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{vacía?}(c)\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Devuelve true si y sólo si la cola está vacía

DESENCOLAR(in/out $c : \text{colaMinPrior}(\alpha)$) $\rightarrow res : \alpha$

Pre $\equiv \{\neg \text{vacía?}(c) \wedge c =_{\text{obs}} c_0\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{proximo}(c_0) \wedge c =_{\text{obs}} \text{desencolar}(c_0)\}$

Complejidad: $O(\log(\text{tamaño}(c)))$

Descripción: Quita el elemento más prioritario

Aliasing: Se devuelve el elemento por copia

ENCOLAR(in/out $c : \text{colaMinPrior}(\alpha)$, in $p : \text{nat}$, in $a : \alpha$)

Pre $\equiv \{c =_{\text{obs}} c_0\}$

Post $\equiv \{c =_{\text{obs}} \text{encolar}(p, c_0)\}$

Complejidad: $O(\log(\text{tamaño}(c)))$

Descripción: Agrega al elemento α con prioridad p a la cola

Aliasing: Se agrega el elemento por copia

3.3. Representación

3.3.1. Representación de colaMinPrior

colaMinPrior(α) se representa con estr

donde estr es $\text{dicc}_{\text{avl}}(\text{nat}, \text{nodoEncolados})$

donde nodoEncolados es $\text{tupla}(\text{encolados} : \text{cola}(\alpha), \text{prioridad} : \text{nat})$

3.3.2. Invariante de Representación

(I) Todos los significados del diccionario tienen como clave el valor de *prioridad*

(II) Todos los significados del diccionario no pueden tener una cola vacía

Rep $\quad \quad \quad : \text{estr} \quad \quad \quad \rightarrow \text{bool}$

$$\begin{aligned} \text{Rep}(e) &\equiv \text{true} \iff \\ &(\forall n : \text{nat}) \text{ def?}(n, e) \Rightarrow_{\text{L}} ((\text{obtener}(n, e).\text{prioridad} = n) \wedge \\ &\neg \text{vacía?}(\text{obtener}(n, e).\text{encolados})) \end{aligned}$$

3.3.3. Función de Abstracción

$$\begin{aligned} \text{Abs} &: \text{estr } e \longrightarrow \text{colaMinPrior } \{\text{Rep}(e)\} \\ \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \text{cmp: colaMinPrior} \mid &(\text{vacía?}(\text{cmp}) \Leftrightarrow (\# \text{claves}(e) = 0)) \wedge \\ &\neg \text{vacía?}(\text{cmp}) \Rightarrow_{\text{L}} \\ &((\text{próximo}(\text{cmp}) = \text{próximo}(\text{mínimo}(e).\text{encolados})) \wedge \\ &(\text{desencolar}(\text{cmp}) = \text{desencolar}(\text{mínimo}(e).\text{encolados}))) \end{aligned}$$

3.4. Algoritmos

iVacía () → res: colaMinPrior(α)

res ← Vacío () O(1)

Complejidad : O(1)

iVacía? (in c: colaMinPrior(α)) → res: bool

res ← (#Claves(c) = 0) O(1)

Complejidad : O(1)

iDesencolar (in/out c: colaMinPrior(α)) → res: α

res ← Copiar(Proximo(Minimo(c).encolados)) O(copy(α))
 Desencolar(Minimo(c).encolados) O(log(tamaño(c)))
 if EsVacía?(Minimo(c).encolados) then O(1)
 Borrar(c, Minimo(c).prioridad) O(log(tamaño(c)))
 end if

Complejidad : O(log(tamaño(c)) + O(copy(α)))

iEncolar (in/out c: colaMinPrior(α), in p: nat, in a: α)

if Definido?(p) then O(log(tamaño(c)))
 Encolar(Significado(c, p).encolados, a) O(log(tamaño(c)) + copy(α))
 else
 nodoEncolados nuevoNodoEncolados O(1)
 nuevoNodoEncolados.encolados ← Vacía() O(1)
 nuevoNodoEncolados.prioridad ← p O(1)
 Encolar(nuevoNodoEncolados.encolados, a) O(copy(a))
 Definir(c, p, nuevoNodoEncolados) O(log(tamaño(c)) + copy(nodoEncolados))
 end if

Complejidad : O(log(tamaño(c)) + O(copy(α)))