Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Trabajo Práctico II

Grupo: 12

Integrante	LU	Correo electrónico
Pondal, Iván	078/14	ivan.pondal@gmail.com
Paz, Maximiliano León	251/14	m4xileon@gmail.com
Mena, Manuel	313/14	manuelmena1993@gmail.com
Demartino, Francisco	348/14	demartino.francisco@gmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Índice

1.	Mó	dulo DCNet	3
	1.1.	Interfaz	3
		1.1.1. Operaciones básicas de mapa	3
	1.2.	Representación	3
		1.2.1. Representación de denet	3
		1.2.2. Invariante de Representación	3
2.	Mó	dulo Red	7
	2.1.	Interfaz	7
	2.2.	Representación	8
		2.2.1. Estructura	8
		2.2.2. Invariante de Representación	8
		2.2.3. Función de Abstracción	8
		2.2.4. Función de Abstracción	8
	2.3.	Algoritmos	8

1. Módulo DCNet

1.1. Interfaz

```
se explica con: DCNET.
géneros: dcnet.
```

1.1.1. Operaciones básicas de mapa

```
CREAR() \rightarrow res : dcnet
Pre \equiv \{true\}
Post \equiv \{res =_{obs} vacio()\}
Complejidad: O(1)
Descripción: crea un mapa nuevo
```

1.2. Representación

1.2.1. Representación de denet

1.2.2. Invariante de Representación

- (I) Las compus de los elementos de vectorCompusDCNet son punteros a todas las compus de la topología
- (II) Las claves de diccCompusDCNet son todos los hostnames de la topología
- (III) Los significados de diccCompusDCNet son punteros que apuntan a las compuDCNet cuyo hostname equivale a su clave en vectorCompusDCNet
- (IV) laQueMásEnvió es un puntero a la compuDCNet en vectorCompusDCNet que más paquetes enviados tiene. Si no hay compus es NULL
- (V) Todos los paquetes en conj Paquetes de cada compu
DCNet tienen id único y tanto su origen como destino existen en la topología
- (VI) El paquete en conjPaquetes tiene que tener en su recorrido a la compuDCNet en la que se encuentra y esta no puede ser igual al destino del recorrido

- (VII) Las claves de diccPaquetesDCNet son los id de los paquetes en conjPaquetes
- (VIII) Los significados de diccPaquetesDCNet contienen un itConj que apunta al paquete con el id equivalente a su clave y en recorrido, un camino mínimo válido para el origen del paquete y la compu en la que se encuentra
 - (IX) La colaPaquetesDCNet es vacía si y sólo si conjPaquetes lo es, si no lo es, su próximo es un puntero a un paqueteDCNet de diccPaquetesDCNet que contiene un itConj cuyo siguiente es uno de los paquetes de conjPaquetes con mayor prioridad
 - (X) La cantidad de enviados de una compuDCNet es igual o mayor a la cantidad de apariciones de esa compu en los caminos recorridos de paquetes en la red

```
Rep : estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv true \iff
                (\#(\text{computadoras}(e.\text{topologia})) = \log(e.\text{vectorCompusDCNet}) = \#(\text{claves}(e.\text{diccCompusDCNet}))) \land_{\text{L}}
                (\forall c: \text{compu})(c \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \Rightarrow
                  (\exists cd: compuDCNet) (está?(cd, e.vectorCompusDCNet) \land cd.pc = puntero(c)) \land
                  (\exists s: \text{string})(\text{def}?(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \land s = c.\text{ip})
                ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
                (\forall cd: compuDCNet)(está?(cd, e.vectorCompusDCNet)) \Rightarrow_L
                 (\exists s \colon \mathsf{string}) \ (\mathsf{def?}(s, \, e. \mathsf{diccCompusDCNet}) \ \land \\
                 s = cd.pc \rightarrow ip \land_L obtener(s, e.diccCompusDCNet) = puntero(cd))
                ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
                (\exists cd: compuDCNet)(está?(cd, e.vectorCompusDCNet) \land_L
                *(cd.pc) = \text{compuQueM}ásEnvi\acute{o}(e.\text{vectorCompusDCNet}) \land e.\text{laQueM}ásEnvi\acute{o} = \text{puntero}(cd)) \land_{\text{L}}
                (\forall cd_1: compuDCNet)(está?(cd_1, e.vectorCompusDCNet)) \Rightarrow
                 (\forall p_1: paquete)(p_1 \in cd_1.conjPaquetes \Rightarrow
                  (\forall cd_2: compuDCNet)((está?(cd_2, e.vectorCompusDCNet) \land cd_1 \neq cd_2) \Rightarrow
                   (\forall p_2: paquete)(p_2 \in cd_2.conjPaquetes \Rightarrow p_1.id \neq p_2.id)
                ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
                (\forall cd: compuDCNet)(está?(cd, e.vectorCompusDCNet) \Rightarrow
                  (\#(cd.\text{conjPaquetes}) = \#(\text{claves}(cd.\text{diccPaquetesDCNet}))) \land_{\mathsf{L}}
                  (\forall p: paquete)(p \in cd.conjPaquetes \Rightarrow
                    ((p.\text{origen} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \land p.\text{destino} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \land
                    p.\text{destino} \neq *(cd.\text{pc})) \land_{L}
                    (\exists sc: secu(compu))(sc \in caminosMinimos(e.topologia, p.origen, p.destino) \land está(*(cd.pc), sc))) \land
                    (\exists n: \text{nat}) ((\text{def}?(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}) \land p.\text{id} = n) \land_{L}
                    (Siguiente(obtener(n, e.diccPaquetesDCNet).it) = p \land
                    ((p.\text{origen} = *(cd.\text{pc}) \land \text{obtener}(n, e.\text{diccPaquetesDCNet}).\text{recorrido} = *(cd.\text{pc}) \bullet <>) \lor
                    (p.\text{origen} \neq *(cd.\text{pc}) \land
                    obtener(n, e.diccPaquetesDCNet).recorrido \in caminosMinimos(e.topologia, p.origen, *(cd.pc))))
                  ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
                  (\emptyset?(cd.\text{conjPaquetes}) \Leftrightarrow \text{vac\'ia}?(cd.\text{colaPaquetesDCNet})) \land
                  (\neg \text{vac\'ia}?(cd.\text{colaPaquetesDCNet}) \Rightarrow_{\text{L}}
                   (\exists n: nat)(def?(n, cd.diccPaquetesDCNet) \land_L
                    Siguiente(obtener(n, cd.diccPaquetesDCNet).it) = paqueteMásPrioridad(cd.conjPaquetes) \land
                    proximo(cd.colaPaquetesDCNet) = puntero(obtener(n, cd.diccPaquetesDCNet))
                   ))
                  ) \
                  (cd.enviados \ge enviadosCompu(*(cd.pc), e.vectorCompusDCNet))
```

```
compu<br/>QueMás
Envió : secu(compu<br/>DCNet) scd \ \longrightarrow \ \text{compu}
                                                                                                                          \{\neg vacía?(scd)\}
\maxEnviado : secu(compuDCNet) scd \longrightarrow nat
                                                                                                                          \{\neg vacía?(scd)\}
enviaronK : secu(compuDCNet) \times nat \longrightarrow conj(compu)
                                                                                                                                \{\neg\emptyset?(cp)\}
paqueteMásPrioridad : conj(paquete) cp \longrightarrow paquete
paquetesConPrioridadK : conj(cp) \times nat \longrightarrow conj(paquete)
                                                                                                                                \{\neg\emptyset?(cp)\}
altaPrioridad : conj(paquetes) cp \longrightarrow nat
enviadosCompu : compu \times secu(compuDCNet) \longrightarrow nat
aparicionesCompu: compu \times conj(nat) cn \times dicc(nat \times paqueteDCNet) dp \longrightarrow nat
                                                                                                                      \{\text{claves}(dp) \subseteq cn\}
compuQueMásEnvió(scd) \equiv dameUno(enviaronK(scd, maxEnviado(scd)))
\max \text{Enviado}(scd) \equiv \text{if } \text{vac}(\text{a}(\text{fin}(scd))) \text{ then } \text{prim}(scd).\text{enviados } \text{else } \max(\text{prim}(scd), \max \text{Enviado}(\text{fin}(scd))) \text{ fi}
enviaronK(scd, k) \equiv if vacía?(scd) then
                           else
                               if prim(scd).enviados = k then
                                   Ag(*(prim(scd).pc), enviaronK(fin(scd), k))
                                   enviaronK(fin(scd), k)
                               fi
paqueteMåsPrioridad(dcn, cp) \equiv dameUno(paquetesConPrioridadK(cp, altaPrioridad(cp)))
altaPrioridad(cp) \equiv if \emptyset?(sinUno(cp)) then
                               dameUno(cp).prioridad
                           else
                               \min(\text{dameUno}(cp).\text{prioridad}, \text{altaPrioridad}(\sin \text{Uno}(cp)))
paquetesConPrioridadK(cp, k) \equiv \mathbf{if} \ \emptyset?(cp) \mathbf{then}
                                           else
                                              if dameUno(cp).prioridad = k then
                                                   Ag(dameUno(cp), paquetesConPrioridadK(sinUno(cp), k))
                                                   paquetesConPrioridadK(\sin Uno(cp), k)
                                           fi
enviadosCompu(c, scd) \equiv \mathbf{if} \text{ vacía}?(scd) \mathbf{then}
                                      0
                                  else
                                      if prim(scd) = c then
                                         enviadosCompu(c, fin(scd))
                                      else
                                         aparicionesCompu(c, claves(prim(scd).diccPaquetesDCNet)),
                                          \operatorname{prim}(scd).\operatorname{diccPaquetesDCNet}) + \operatorname{enviadosCompu}(c, \operatorname{fin}(scd))
                                     fi
                                  fi
```

```
\begin{array}{ll} \operatorname{aparicionesCompu}(c,cn,dpd) \; \equiv \; & \text{if} \; \emptyset ? (cn) \; \; \text{then} \\ & 0 \\ & \text{else} \\ & \text{if} \; \operatorname{est\'a}?(c,\operatorname{significado}(\operatorname{dameUno}(cn),\,dpd).\operatorname{recorrido}) \; \; \text{then} \\ & 1 + \operatorname{aparicionesCompu}(c,\operatorname{sinUno}(cn),\,dpd) \\ & \text{else} \\ & \operatorname{aparicionesCompu}(c,\operatorname{sinUno}(cn),\,dpd) \\ & \text{fi} \\ & \text{fi} \end{array}
```

2. Módulo Red

2.1. Interfaz

```
se explica con: RED.
géneros: red.
INICIARRED() \rightarrow res : red
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{iniciarRed}\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea una red nueva
AGREGARCOMPUTADORA(in/out \ r : red, in \ c : compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{(r = r_0) \land ((\forall c': \mathbf{compu}) \ (c' \in \mathbf{computadoras}(r) \Rightarrow \mathbf{ip}(c) \neq \mathbf{ip}(c'))) \}
\mathbf{Post} \equiv \{r =_{\text{obs}} \operatorname{agregarComputadora}(r_0, c)) \}
Complejidad: O(L+n)
Descripción: Agrega un computadora a la red
CONECTAR(in/out r: red, in c: compu, in c': compu, in i: compu, in i': compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{(r = r_0) \land (c \in \mathbf{computadoras}(r)) \land (c' \in \mathbf{computadoras}(r)) \land (\mathbf{ip}(c) \neq \mathbf{ip}(c'))\}
\land (\neg \text{conectadas}?(r, c, c')) \land (\neg \text{usaInterfaz}?(r, c, i) \land \neg \text{usaInterfaz}?(r, c', i')) \}
\mathbf{Post} \equiv \{r =_{obs} \operatorname{conectar}(r_0, c, i, c', i'))\}\
Complejidad: O(L)?
Descripción: Conecta dos computadoras
COMPUTADORAS(in r: red) \rightarrow res: conj(compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res = \operatorname{computadoras}(r)\}\
Complejidad: O(1)
CONECTADAS?(in r: red, in c: compu, in c': compu) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{(c \in \operatorname{computadoras}(r)) \land (c' \in \operatorname{computadoras}(r))\}
\mathbf{Post} \equiv \{res = \text{conectadas}?(r, c, c')\}\
Complejidad: O(1)
INTERFAZUSADA(in r: red, in c: compu, in c': compu) \rightarrow res: interfaz
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{conectadas?}(r, c, c') \}
\mathbf{Post} \equiv \{res = \text{interfazUsada}(r, c, c')\}\
Complejidad: O(?)
VECINOS(\mathbf{in}\ r : \mathtt{red},\ \mathbf{in}\ c : \mathtt{compu}) \to res : \mathtt{conj}(\mathtt{compu})
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res = \text{vecinos}(r, c)\}\
Complejidad: O(n)
USAINTERFAZ?(in r: red, in c: compu, in i: interfaz) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res = \text{usaInterfaz}?(r, c, i)\}
Complejidad: O(?)
```

```
CaminosMinimos(in r: red, in c: compu, in c': compu) \rightarrow res: conj(secu(compu))

Pre \equiv \{(c \in \text{computadoras}(r)) \land (c' \in \text{computadoras}(r))\}

Post \equiv \{res = \text{caminosMinimos}(r, c, i)\}

Complejidad: O(L)

HayCamino?(in r: red, in c: compu, in c': compu) \rightarrow res: bool

Pre \equiv \{(c \in \text{computadoras}(r)) \land (c' \in \text{computadoras}(r))\}

Post \equiv \{res = \text{hayCamino}?(r, c, i)\}

Complejidad: O(L)
```

2.2. Representación

2.2.1. Estructura

```
red se representa con estr
```

```
donde estr es tupla(compus: conj(compu) , dns: dicc_{Trie}(ip, nodoRed) ) donde nodoRed es tupla(c: puntero(compu) , caminos: dicc_{Trie}(ip, conj(lista(compu))) , conexiones: dicc_{Lineal}(interfaz, compu) )
```

2.2.2. Invariante de Representación

- (I) Todas las compus deben tener IPs distintas.
- (II) Ninguna compu se conecta con si misma.
- (III) Ninguna compu se conecta a otra a traves de dos interfaces distintas.
- (IV) El trie estr. dns apunta a un nodoRed por cada elemento de compus.
- (V) En cada nodoRed, c tiene que apuntar a un elemento de estr.compus.
- (VI) Para cada nodoRed, caminos tiene como claves todas las IPs de las compus de la red, y los significados corresponden a todos los caminos mínimos desde la compu c hacia la compu cuya IP es clave.
- (VII) nodoRed.conexiones contiene como claves todas las interfaz usaconedas de la compu c (que tienen que estar en c.interfaces)

```
\begin{aligned} \text{Rep} \ : \ \text{estr} & \longrightarrow \ \text{bool} \\ \text{Rep}(e) \ \equiv \ \text{true} & \Longleftrightarrow \end{aligned}
```

2.2.3. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \text{red} {Rep(e)}
Abs(e) =_{\text{obs}} \text{r: red} |
```

2.2.4. Función de Abstracción

2.3. Algoritmos

```
 \begin{array}{l} \text{iIniciarRed ()} \rightarrow \text{res: red} \\ \text{res.compus} \leftarrow \text{Vacio ()} \\ \text{res.dns} \leftarrow \text{Vacio ()} \\ \text{\textbf{Complejidad}} : O(?) \\ \end{array}
```

```
 \begin{array}{ll} {\rm iAgregarComputadora}\;(\mathbf{in/out}\;r\colon\mathbf{red,}\;\mathbf{in}\;c\colon\mathsf{compu}) \\ {\rm Definir}\;(\,\mathrm{r.dns}\;,\;\;\mathsf{compu.ip}\;,\;\;\mathsf{Tupla}<&c\;,\mathsf{Vacio}\,(\,)\;,\mathsf{Vacio}\,(\,)>) \\ {\rm AgregarRapido}\,(\,\mathrm{r.compus}\;,\;\;c\,) \\ {\rm \textbf{Complejidad}}\;:O(?) \\ \end{array}
```

```
 \begin{aligned} & \text{iConectar}\left(\textbf{in/out}\ r\colon \texttt{red, in}\ c_0\colon \texttt{compu, in}\ c_1\colon \texttt{compu, in}\ i_0\colon \texttt{compu, in}\ i_1\colon \texttt{compu}\right) \\ & \text{nr}0\colon \texttt{nodoRed}\ \leftarrow\ \texttt{Significado}\left(\texttt{r.dns}\ ,\ \texttt{c0.ip}\right) \\ & \text{nr}1\colon \texttt{nodoRed}\ \leftarrow\ \texttt{Significado}\left(\texttt{r.dns}\ ,\ \texttt{c1.ip}\right) \\ & \text{DefinirRapido}\left(\texttt{rn}0\colon \texttt{conexiones}\ ,\ i0\ ,\ \texttt{nr}1\right) \\ & \text{DefinirRapido}\left(\texttt{nr}1\colon \texttt{conexiones}\ ,\ i1\ ,\ \texttt{nr}0\right) \\ & \text{CrearCaminosDelDNS}\left(\texttt{r}\right) \end{aligned}
```

```
CrearCaminosDelDNS (in/out r: red)
itCompus: itConj (compu) ← CrearIt (r.compus)
while HaySiguiente?(itCompus) do
nr:nodoRed ← Significado(d, Siguiente(itCompus).ip)
AsignarCaminosMinimos(nr,r)
Avanzar(itCompus)
end while
Complejidad: O(?)
```

```
CrearCaminosMinimos (in desde: nodoRed, in hasta: compu) \rightarrow res: conj(lista(compu))
  camMins: conj(lista(compu)) ← Vacio()
  itCamMins: itConj(conj(lista(compu))) ← CrearIt(camMins)
  pendientes: pila (nodoRed) ← Vacia ()
  ApilarConj (pendientes, Conexas (desde.conexiones))
  visitados:conj(nodoRed) ← Vacio()
  cam: lista (compu) ← Vacia ()
  AgregarAdelante(cam, *(desde.pc))
  while ¬EsVacia?(pendientes) do
    AgregarRapido (visitados, Siguiente (itNrs))
    Agregar Adelante (cam, *(Siguiente (itNrs).pc))
    if (Tope(pendientes).pc \rightarrow ip = hasta.ip) then
       if (Vacio?(camMins) \vee (Longitud(cam) = Longitud(Siguiente(itCamMins)))) then
         AgregarRapido (camMins, cam)
         if (Longitud (cam) < Longitud (Siguiente (itCamMins))) then
           camMins ← Vacio()
           AgregarRapido (camMins, cam)
         endif
      endif
      Comienzo (cam)
    end if
    Desapilar (pendientes)
    if (Vacia?(NoVisitadas(Tope(pendientes), visitados)))
      Comienzo (cam)
    else
       ApilarConj (pendientes, NoVisitadas (Tope (pendientes), visitados))
    end if
  end while
Complejidad : O(?)
```

```
NoVisitadas (in nr: nodoRed, in visitados: conj(nodoRed)) → res: conj(nodoRed)
res ← Vacio()
itVecinos:itConj(nodoRed) ← CrearIt(Conexas(nr.conexiones))
while HaySiguiente?(itVecinos) do
if(¬Pertenece?(visitados, Siguiente(itVecinos))) then
AgregarRapido(res, Siguiente(itVecinos))
end if
Avanzar(itVecinos)
end while
Complejidad: O(?)
```

```
Conexas (in conex: dicc(interfaz,puntero(nodoRed))) → res: conj(nodoRed)
  res ← Vacio()
  itVecinos :itDicc(interfaz, puntero(nodoRed))) ← CrearIt(conex)
  while HaySiguiente?(itVecinos) do
    AgregarRapido(res, *SiguienteSignificado(itVecinos))
    Avanzar(itVecinos)
  end while
Complejidad: O(?)
```

```
iComputadoras (in r : red) \rightarrow res: conj(compu)
res \leftarrow r.compus Complejidad : O(1)
Complejidad : O(1)
```

```
iConectadas? (in r: red, in c_0: compu, in c_1: compu) \rightarrow res: bool
  nr0:nodoRed \( \) Significado(r.dns, c0.ip)
                                                                                                O(L)
  it :itDicc(interfaz, puntero(nodoRed))) 

CrearIt(nr0.conexiones)
                                                                                                 O(1)
  res \leftarrow false
                                                                                                 O(1)
  while HaySiguiente?(it) do
                                                                                                  O(L)
     if c1.ip = SiguienteSignificado(it)->pc->ip then
                                                                                                    O(?)
       res \leftarrow true
                                                                                                 O(1)
     end if
                                                                                                  O(1)
     Avanzar (it)
  end while
Complejidad : O(L*?)
```

```
iInterfazUsada (in r: red, in c_0: compu, in c_1: compu) \rightarrow res: interfaz

nr0: nodoRed \leftarrow Significado (r.dns, c0.ip) O(L)

it: itDicc(itDicc(interfaz, puntero(nodoRed))

\leftarrow CrearIt(nr0.conexiones) O(1)

while HaySiguiente?(it) do O(L)
```

```
\begin{array}{ll} \text{if } c1.\, \text{ip} = \text{SiguienteSignificado}\,(\,\text{it}\,) -> \text{pc}-> \text{ip then} \\ \text{res} \leftarrow \text{SiguienteClave}\,(\,\text{it}\,) \\ \text{end if} \\ \text{Avanzar}\,(\,\text{it}\,) \\ \text{end while} \\ \textbf{Complejidad}:O(1) \\ \end{array} \hspace*{0.5cm} \begin{array}{ll} O(?) \\ O(1) \\ O(1) \\ \end{array}
```

```
iCaminosMinimos (in r: red, in c_0: compu, in c_1: compu) \rightarrow res: conj(secu(compu))

nr:nodoRed \leftarrow Significado (r.dns, c0.ip)

res \leftarrow Significado (pnr.caminos, c1.ip)

Complejidad: O(1)
```

```
HayCamino? (in r: red, in c_0: compu, in c_1: compu) \rightarrow res: bool nr:nodoRed \leftarrow Significado (r.dns, c0.ip) O(1) res \leftarrow EsVacio?(Significado (pnr.caminos, c1.ip)) Complejidad: O(1)
```

```
copiar (in r : red) \rightarrow res : red
auxR : red \leftarrow iIniciarRed
auxR . dns \leftarrow r . dns
auxR . compus \leftarrow r . compus
res \leftarrow auxR
Complejidad : O(1)
```

```
ullet = ullet (in r_0: red, in r_1: red) 	o res: bool
eq: bool \leftarrow (r0.compus = r1.compus)
eq \leftarrow (r0.dns = r1.dns)
res \leftarrow eq
Complejidad: O(1)
```