# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

## Trabajo Práctico II

## Grupo: 12

Integrante	LU	Correo electrónico
Pondal, Iván	078/14	ivan.pondal@gmail.com
Paz, Maximiliano León	251/14	m4xileon@gmail.com
Mena, Manuel	313/14	manuelmena1993@gmail.com
Demartino, Francisco	348/14	demartino.francisco@gmail.com

## Reservado para la cátedra

Instancia	$\operatorname{Docente}$	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# Índice

1.	Mó	dulo DCNet	3
	1.1.	Interfaz	3
		1.1.1. Operaciones básicas de DCNet	3
	1.2.	Representación	4
		1.2.1. Representación de dcnet	4
		1.2.2. Invariante de Representación	5
		1.2.3. Función de Abstracción	8
2.	Mó	dulo Red	9
	2.1.	Interfaz	9
	2.2.	Representación	10
		2.2.1. Estructura	10
		2.2.2. Invariante de Representación	10
		2.2.3. Función de Abstracción	13
3.	Mó	dulo Cola de mínima prioridad $(lpha)$	14
	3.1.	Especificación	14
	3.2.	Interfaz	15
		3.2.1. Operaciones básicas de Cola de mínima prioridad	15
	3.3.	Representación	15
		3.3.1. Representación de colaMinPrior	15
		3.3.2. Invariante de Representación	15
		3.3.3. Función de Abstracción	16
	3.4.	Algoritmos	16
4.	Mó	$ ext{dulo dicc}_{avl}(lpha)$	17
	4.1.	Interfaz	17
		4.1.1. Operaciones básicas de $\mathrm{dicc}_{avl}(\alpha)$	17
		4.1.2. Operaciones auxiliares del TAD	17
	4.2.	Representación	18
		4.2.1. Representación de $\mathrm{dicc}_{avl}(\alpha)$	18
5.	Mó	dulo Trie $(lpha)$	19
	5.1	Interfaz	10

#### 1. Módulo DCNet

#### 1.1. Interfaz

```
se explica con: DCNET.
géneros: dcnet.
```

#### 1.1.1.

```
Operaciones básicas de DCNet
INICIARDCNET(in r: red) \rightarrow res: dcnet
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} iniciarDCNet(red)\}\
Complejidad: O(n*(n+L)) donde n es es la cantidad de computadoras y L es la longitud de nombre de
computadora mas larga
Descripción: crea una DCNet nueva tomando una red
CREARPAQUETE(in/out \ dcn: dcnet, in \ p: paquete)
\mathbf{Pre} \equiv \{
       dcn =_{\text{obs}} dcn_0 \wedge
      \neg( (\exists p': paquete)( paqueteEnTransito(dcn, p') \land id(p) = id(p') \land origen(p) \in computadoras(red(dcn)) \land<sub>L</sub>
              \operatorname{destino}(p) \in \operatorname{computadoras}(\operatorname{red}(dcn)) \wedge_{\operatorname{L}} \operatorname{hayCamino}(\operatorname{red}(dcn), \operatorname{origen}(p), \operatorname{destino}(p))))
\mathbf{Post} \equiv \{dcn =_{obs} \operatorname{crearPaquete}(dcn_0)\}\
Complejidad: O(L + log(k)) donde L es la longitud de nombre de computadora mas larga y k es la longitud de
la cola de paquetes mas larga
Descripción: crea un nuevo paquete
AVANZARSEGUNDO(in/out dcn: dcnet)
\mathbf{Pre} \equiv \{dcn =_{\mathrm{obs}} dcn_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{dcn =_{obs} avanzar Segundo(dcn_0)\}\
Complejidad: O(n*(L+log(k))) donde n es es la cantidad de computadoras, L es la longitud de nombre de
computadora mas larga y k es la longitud de la cola de paquetes mas larga
Descripción: envia los paquetes con mayor prioridad a la siguiente compu
Red(\mathbf{in}\ dcn: \mathtt{dcnet}) \rightarrow res: \mathtt{red}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{red}(dcn)) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: devuelve la red de una DCNet
Aliasing: res es una referencia no modificable
CaminoRecorridge (in dcn: dcnet, in p: paquete) \rightarrow res: secu(compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{paqueteEnTransito?}(dcn, p) \}
Post \equiv \{alias(res =_{obs} caminoRecorrido(dcn, p))\}
Complejidad: O(n * log(k)) donde n es es la cantidad de computadoras y k es la longitud de la cola de paquetes
mas larga
Descripción: devuelve el camino recorrido por un paquete
Aliasing: res es una referencia no modificable
CANTIDADENVIADOS(in dcn: dcnet, in c: compu) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(\operatorname{red}(dcn))\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{cantidadEnviados}(dcn, c)\}\
Complejidad: O(L) donde L es la longitud de nombre de computadora mas larga
```

Descripción: devuelve la cantidad de paquetes enviados por una compu

```
ENESPERA(in dcn: dcnet, in c: compu) \rightarrow res: conj(paquete)
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(\operatorname{red}(dcn))\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{enEspera}(dcn, c)) \}
Complejidad: O(L) donde L es la longitud de nombre de computadora mas larga
Descripción: devuelve el conjunto de paquetes encolados en una compu
Aliasing: res es una referencia no modificable
PAQUETEENTRANSITO(in dcn: dcnet, in p: paquete) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ paqueteEnTransito}(dcn, p)\}\
Complejidad: O(n * log(k)) donde n es es la cantidad de computadoras y k es la longitud de la cola de paquetes
mas larga
Descripción: indica si el paquete está en transito
LaQueMasEnvio(in dcn:dcnet) \rightarrow res:compu
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{laQueMasEnvio}(dcn)) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: devuelve la compu que mas paquetes envió
Aliasing: res es una referencia no modificable
```

## 1.2. Representación

## 1.2.1. Representación de denet

#### 1.2.2. Invariante de Representación

- (I) Las compus de los elementos de vectorCompusDCNet son punteros a todas las compus de la topología
- (II) Las claves de diccCompusDCNet son todos los hostnames de la topología
- (III) Los significados de diccCompusDCNet son punteros que apuntan a las compuDCNet cuyo hostname equivale a su clave en vectorCompusDCNet
- (IV) laQueMásEnvió es un puntero a la compuDCNet en vectorCompusDCNet que más paquetes enviados tiene. Si no hay compus es NULL
- (V) El conjPaquetesDCNet contiene tuplas con iteradores a todos los paquetes en tránsito en la red y sus recorridos
- (VI) Todos los paquetes en conjPaquetes de cada compuDCNet tienen id único y tanto su origen como destino existen en la topología
- (VII) El paquete en conjPaquetes tiene que tener en su recorrido a la compuDCNet en la que se encuentra y esta no puede ser igual al destino del recorrido
- (VIII) Las claves de diccPaquetesDCNet son los id de los paquetes en conjPaquetes
  - (IX) Los significados de diccPaquetesDCNet son un iterador al paqueteDCNet de conjPaquetesDCNet que contiene un iterador al paquete con el id equivalente a su clave y un recorrido que es uno de los caminos mínimos del origen del paquete a la compu en la que se encuentra
  - (X) La cantidad de enviados de una compuDCNet es igual o mayor a la cantidad de apariciones de esa compu en los caminos recorridos de paquetes en la red

```
Rep : estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv true \iff
               (\forall c: \text{compu})(c \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \Leftrightarrow
                 (\exists cd: compuDCNet) (está? (cd, e. vectorCompusDCNet) \land (cd.pc = puntero(c)) \land
                 (\exists s: \text{string})(\text{def}?(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \land (s = c.\text{ip})))
               ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
               (\forall cd: compuDCNet)(está?(cd, e. vectorCompusDCNet) \Leftrightarrow
                (\exists s: \text{string})((s = cd.\text{pc} \rightarrow \text{ip}) \land \text{def}?(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \land_{L}
                obtener(s, e.diccCompusDCNet) = puntero(cd))
               (\exists cd: compuDCNet)(está?(cd, e. vectorCompusDCNet) \land_{t}
               *(cd.pc) = \text{compuQueM}ás\text{Envi}ó(e.\text{vectorCompusDCNet}) \land e.\text{laQueM}ás\text{Envi}ó= \text{puntero}(cd)) \land_{\text{L}}
               (\forall cd_1: compuDCNet)(está?(cd_1, e. vectorCompusDCNet) \Rightarrow
                (\forall p_1: paquete)(p_1 \in cd_1.conjPaquetes \Rightarrow
                 (\forall cd_2: compuDCNet)((está?(cd_2, e. vectorCompusDCNet) \land cd_1 \neq cd_2) \Rightarrow
                  (\forall p_2: paquete)(p_2 \in cd_2.conjPaquetes \Rightarrow p_1.id \neq p_2.id)
               ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
               (\forall cd: compuDCNet)(está?(cd, e. vectorCompusDCNet) \Rightarrow
                 (\forall p: paquete) (p \in cd.conjPaquetes \Leftrightarrow
                   ((p.\text{origen} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \land p.\text{destino} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \land
                   p.\text{destino} \neq *(cd.pc)) \land_L
                   (\exists sc: secu(compu))(sc \in caminosMinimos(e.topologia, p.origen, p.destino) \land está(*(cd.pc), sc))) \land
                   (\exists n: \text{nat}) ((\text{def}?(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}) \land p.\text{id} = n) \land_{L}
                    (\exists pdn: paqueteDCNet)(pdn \in e.conjPaquetesDCNet \land Siguiente(pdn.it) = p \land
                     ((p.\text{origen} = *(cd.\text{pc}) \land pdn.\text{recorrido} = *(cd.\text{pc}) \bullet <>) \lor
                     (p.\text{origen} \neq *(cd.\text{pc}) \land pdn.\text{recorrido} \in \text{caminosMinimos}(e.\text{topologia}, p.\text{origen}, *(cd.\text{pc})))) \land
                     Siguiente(obtener(n, cd.diccPaquetesDCNet)) = pdn
                 ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
                 (\neg vacía?(cd.colaPaquetesDCNet) \Leftrightarrow
                  (\exists p: paquete)((p \in cd.conjPaquetes)) \land (p = paqueteMásPrioridad(cd.conjPaquetes)) \land
                   (\exists pdn: paqueteDCNet)((pdn \in e.conjPaquetesDCNet) \land (Siguiente(pdn.it) = p) \land
                   (Siguiente(proximo(cd.colaPaquetesDCNet)) = pdn))
                  )
                 ) \wedge_{\rm L}
                 (cd.enviados \ge enviadosCompu(*(cd.pc), e.vectorCompusDCNet))
                                                                                                                                     \{\neg vacía?(scd)\}
compuQueMásEnvió : secu(compuDCNet) scd \longrightarrow compu
maxEnviado : secu(compuDCNet) scd \longrightarrow nat
                                                                                                                                     \{\neg vacía?(scd)\}
enviaronK : secu(compuDCNet) \times nat \longrightarrow conj(compu)
paqueteMásPrioridad : conj(paquete) cp \longrightarrow paquete
                                                                                                                                           \{\neg\emptyset?(cp)\}
paquetesConPrioridadK : conj(paquete) \times nat \longrightarrow conj(paquete)
altaPrioridad : conj(paquetes) cp \longrightarrow nat
                                                                                                                                           \{\neg\emptyset?(cp)\}
enviadosCompu : compu \times secu(compuDCNet) \longrightarrow nat
aparicionesCompu: compu \times conj(nat) cn \times dicc(nat \times itConj(paqueteDCNet)) dp \longrightarrow nat
```

 $\{ \text{claves}(dp) \subseteq cn \}$ 

```
compuQueMásEnvió(scd) \equiv dameUno(enviaronK(scd, maxEnviado(scd)))
\max \text{Enviado}(scd) \equiv \text{if } \text{vac}(\text{in}(scd)) \text{ then } \text{prim}(scd). \text{enviados } \text{else } \max(\text{prim}(scd), \max \text{Enviado}(\text{fin}(scd))) \text{ fi}
enviaronK(scd, k) \equiv if \text{ vacía}?(scd) then
                           else
                               if prim(scd).enviados = k then
                                   Ag(*(prim(scd).pc), enviaronK(fin(scd), k))
                                   enviaronK(fin(scd), k)
                               fi
                            fi
paqueteMásPrioridad(dcn, cp) \equiv dameUno(paquetesConPrioridadK(cp, altaPrioridad(cp)))
altaPrioridad(cp) \equiv \mathbf{if} \ \emptyset?(\sin \operatorname{Uno}(cp)) then
                               dameUno(cp).prioridad
                           else
                               \min(\text{dameUno}(cp).\text{prioridad}, \text{altaPrioridad}(\sin \text{Uno}(cp)))
paquetesConPrioridadK(cp, k) \equiv if \emptyset?(cp) then
                                           else
                                               if dameUno(cp).prioridad = k then
                                                   Ag(dameUno(cp), paquetesConPrioridadK(sinUno(cp), k))
                                                   paquetesConPrioridadK(\sin Uno(cp), k)
enviadosCompu(c, scd) \equiv \mathbf{if} \text{ vacía?}(scd) \mathbf{then}
                                  else
                                      if prim(scd) = c then
                                          enviadosCompu(c, fin(scd))
                                      else
                                          aparicionesCompu(c, claves(prim(scd).diccPaquetesDCNet)),
                                          \operatorname{prim}(scd).\operatorname{diccPaquetesDCNet}) + \operatorname{enviadosCompu}(c, \operatorname{fin}(scd))
                                      fi
apariciones Compu(c, cn, dpd) \equiv \mathbf{if} \ \emptyset?(cn) \mathbf{then}
                                              0
                                          else
                                              if está? (c, Siguiente(obtener(dameUno(cn), dpd)). recorrido) then
                                                  1 + \operatorname{aparicionesCompu}(c, \sin \operatorname{Uno}(cn), dpd)
                                              else
                                                  aparicionesCompu(c, sinUno(cn), dpd)
                                          fi
```

#### 1.2.3. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \text{dcnet} {Rep(e)} Abs(e) =_{\text{obs}} \text{dcn: dcnet} \mid \text{red}(dcn) = e.\text{topología} \land (\forall cdn: \text{compuDCNet}) (\text{está?}(cdn, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow_{\text{L}} \text{enEspera}(dcn, *(cdn.\text{pc})) = cdn.\text{conjPaquetes} \land \text{cantidadEnviados}(dcn, *(cdn.\text{pc})) = cdn.\text{enviados} \land (\forall p: \text{paquete}) (p \in cdn.\text{conjPaquetes} \Rightarrow_{\text{L}} \text{caminoRecorrido}(dcn, p) = \text{Siguiente}(\text{obtener}(p.\text{id}, cdn.\text{diccPaquetesDCNet})).\text{recorrido})
```

## 2. Módulo Red

### 2.1. Interfaz

```
se explica con: RED.
géneros: red.
INICIARRED() \rightarrow res: red
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} iniciarRed\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea una red nueva
AGREGARCOMPUTADORA(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ r: red, \mathbf{in}\ c: compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{(r =_{\mathrm{obs}} r_0) \land ((\forall \ c': \mathrm{compu}) \ (c' \in \mathrm{computadoras}(r) \Rightarrow \mathrm{ip}(c) \neq \mathrm{ip}(c'))) \ \}
\mathbf{Post} \equiv \{r =_{obs} \operatorname{agregarComputadora}(r_0, c)) \}
Complejidad: O(L+n)
Descripción: Agrega una computadora a la red
Aliasing: La compu se agrega por copia
Conectar(in/out r: red, in c: compu, in c': compu, in i: compu, in i': compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{(r =_{\mathrm{obs}} r_0) \land (c \in \mathrm{computadoras}(r)) \land (c' \in \mathrm{computadoras}(r)) \land (\mathrm{ip}(c) \neq \mathrm{ip}(c'))\}
\land (\neg conectadas?(r, c, c')) \land (\neg usaInterfaz?(r, c, i) \land \neg usaInterfaz?(r, c', i')) \}
\mathbf{Post} \equiv \{r =_{obs} \operatorname{conectar}(r_0, c, i, c', i'))\}\
Complejidad: O(L)?
Descripción: Conecta dos computadoras
COMPUTADORAS(in r: red) \rightarrow res: conj(compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{alias}(res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{computadoras}(r)) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve las computadoras de la red Devuelve una referancia no modificable
CONECTADAS? (in r: red, in c: compu, in c': compu) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{(c \in \operatorname{computadoras}(r)) \land (c' \in \operatorname{computadoras}(r))\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{conectadas}?(r, c, c')\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Indica si dos computadoras de la red estan conectadas
INTERFAZUSADA(in r: red, in c: compu, in c': compu) \rightarrow res: interfaz
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{conectadas}, (r, c, c') \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} interfazUsada(r, c, c') \}
Complejidad: O(L+n)
Descripción: Devuelve la interfaz con la cual se conecta c con c'
VECINOS(in \ r: red, in \ c: compu) \rightarrow res : conj(compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{vecinos}(r, c)\}\
Complejidad: O(n)
Descripción: Devuelve el conjunto de computadoras conectadas con c
Aliasing: Devuelve una copia de las computadoras conectadas a c
```

```
\texttt{USAINTERFAZ?}(\textbf{in}\ r\colon \texttt{red},\, \textbf{in}\ c\colon \texttt{compu},\, \textbf{in}\ i\colon \texttt{interfaz}) \to res: \texttt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} usaInterfaz?(r, c, i)\}
Complejidad: O(L+n)
Descripción: Indica si la interfaz i es usada por la computadora c
{\tt CAMINOSMINIMOS}({\tt in}\ r\colon {\tt red},\ {\tt in}\ c\colon {\tt compu},\ {\tt in}\ c'\colon {\tt compu}) 	o res: {\tt conj(lista(compu))}
\mathbf{Pre} \equiv \{(c \in \operatorname{computadoras}(r)) \land (c' \in \operatorname{computadoras}(r))\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{caminosMinimos}(r, c, i)) \}
Complejidad: O(L)
Descripción: Devuelve el conjunto de caminos minimos de c a c'
Aliasing: Devuelve una refencia no modificable
HAYCAMINO?(in r: red, in c: compu, in c': compu) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{(c \in \operatorname{computadoras}(r)) \land (c' \in \operatorname{computadoras}(r))\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{hayCamino}?(r, c, i)\}\
Complejidad: O(L)
Descripción: Indica si existe algún camino entre c y c'
COPIAR(in r: red) \rightarrow res: red
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} r\}
Complejidad: O(?)
Descripción: Devuelve una copia la red
\bullet = \bullet (\mathbf{in} \ r : \mathbf{red}, \ \mathbf{in} \ r' : \mathbf{red}) \to res : \mathbf{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} (r =_{\mathrm{obs}} r')\}
Complejidad: O(?)
Descripción: Indica si r es igual a r'
```

## 2.2. Representación

#### 2.2.1. Estructura

#### 2.2.2. Invariante de Representación

(I) Todas los elementos de *compus* deben tener IPs distintas.

- (II) Para cada compu, el trie dns define para la clave <IP de esa compu> un nodoRed cuyo pc es puntero a esa compu.
- (III) nodoRed.conexiones contiene como claves todas las interfaces usadas de la compuc (que tienen que estar en pc.interfaces)
- (IV) Ningun nodo se conecta con si mismo.
- (V) Ningun nodo se conecta a otro a traves de dos interfaces distintas.
- (VI) Para cada nodoRed en dns, caminos tiene como claves todas las IPs de las compus de la red (estr.compus), y los significados corresponden a todos los caminos mínimos desde la compu pc hacia la compu cuya IP es clave.

```
\operatorname{Rep}:\operatorname{estr}\longrightarrow\operatorname{bool}
Rep(e) \equiv true \iff (
                   ((\forall c1, c2: \text{compu}) \ (c1 \neq c2 \land c1 \in e.\text{compus} \land c2 \in e.\text{compus}) \Rightarrow c1.\text{ip} \neq c2.\text{ip}) \land c1
                   ((\forall c: compu)(c \in e.compus \Rightarrow
                     (\text{def}?(c.\text{ip}, e.\text{dns}) \land_{\text{L}} \text{obtener}(c.\text{ip}, e.\text{dns}).\text{pc} = \text{puntero}(c))
                   )) ^
                   ((\forall i: \text{string}, n: \text{nodoRed}) ((\text{def}?(i, e.\text{dns})) \land_{\text{L}} n = \text{obtener}(i, e.\text{dns})) \Rightarrow
                     (\exists c: \text{compu}) \ (c \in e.\text{compus} \land (n.\text{pc} = \text{puntero}(c)))
                   )) ^
                   ((\forall i: \text{string}, n: \text{nodoRed}) ((\text{def}?(i, e.\text{dns})) \land_{\text{L}} n = \text{obtener}(i, e.\text{dns})) \Rightarrow
                     ((\forall t: \text{nat}) (\text{def}?(t, n.\text{conexiones}) \Rightarrow (t \in n.\text{pc} \rightarrow \text{interfaces})))
                   )) ^
                   ((\forall i: \text{string}, n: \text{nodoRed}) ((\text{def}?(i, e.\text{dns})) \land_{L} n = \text{obtener}(i, e.\text{dns})) \Rightarrow
                     ((\forall t: \text{nat}) (\text{def}?(t, n.\text{conexiones}) \Rightarrow_{\text{L}} (\text{obtener}(t, n.\text{conexiones}) \neq \text{puntero}(n))))
                   )) ^
                   ((\forall i: \text{string}, n: \text{nodoRed}) ((\text{def}?(i, e.\text{dns})) \land_{\text{L}} n = \text{obtener}(i, e.\text{dns})) \Rightarrow
                     ((\forall t1, t2: \text{nat}) \ ((t1 \neq t2 \land \text{def}?(t1, n.\text{conexiones}) \land \text{def}?(t2, n.\text{conexiones})) \Rightarrow_{\text{L}}
                        (obtener(t1, n.conexiones) \neq obtener(t2, n.conexiones))
                     ))
                   )) \wedge
                   ((\forall i1, i2: string, n1, n2: nodoRed))
                     (def?(i1, e.dns) \wedge_{L} n1 = obtener(i1, e.dns)) \wedge
                     (def?(i2, e.dns) \wedge_L n2 = obtener(i2, e.dns))
                    ) \ \Rightarrow \ (\operatorname{def}?(i2, \, n1.\operatorname{caminos}) \, \wedge_{\scriptscriptstyle{L}} \, \operatorname{obtener}(i2, \, n1.\operatorname{caminos}) = \operatorname{darCaminosMinimos}(n1, \, n2))
                   ))
                   )
vecinas
                                     : nodoRed
                                                                                                                                                → conj(nodoRed)
auxVecinas
                                     : nodoRed \times dicc(nat \times puntero(nodoRed))
                                                                                                                                                \longrightarrow conj(nodoRed)
secusDeLongK
                                     : \operatorname{conj}(\operatorname{secu}(\alpha)) \times \operatorname{nat}
                                                                                                                                                \longrightarrow \operatorname{conj}(\operatorname{secu}(\alpha))
longMenorSec
                                     : conj(secu(\alpha)) secus
                                                                                                                                                                        \{\neg\emptyset?(secus)\}
                                                                                                                                                \longrightarrow nat
darRutas
                                     : nodoRed nA \times \text{nodoRed } nB \times \text{conj(pc)} \times \text{secu(nodoRed)}
                                                                                                                                               \longrightarrow conj(secu(nodoRed))
darRutasVecinas
                                     : conj(pc) \ vec \times nodoRed \ n \times conj(pc) \times secu(nodoRed)
                                                                                                                                               \longrightarrow conj(secu(nodoRed))
darCaminosMinimos : nodoRed n1 \times nodoRed n1
                                                                                                                                               \longrightarrow conj(secu(compu))
                                                                         \equiv \text{auxVecinas}(n, n.\text{conexiones})
vecinas(n)
\operatorname{auxVecinas}(n, cs)
                                                                         \equiv if \emptyset?(cs) then
                                                                                    Ø
                                                                               else
                                                                                    Ag(obtener(dameUno(claves(cs)), cs), auxVecinas(n, sinUno(cs)))
                                                                               fi
```

```
\equiv if \emptyset?(secus) then
secusDeLongK(secus, k)
                                                     Ø
                                                  else
                                                     if long(dameUno(secus)) = k then
                                                        dameUno(secus) \cup secusDeLongK(sinUno(secus), k)
                                                     else
                                                        secusDeLongK(sinUno(secus), k)
                                                     fi
                                                  fi
longMenorSec(secus)
                                              \equiv if \emptyset?(sinUno(secus)) then
                                                     long(dameUno(secus))
                                                  else
                                                     \min(\log(\text{dameUno}(secus))),
                                                     longMenorSec(sinUno(secus)))
                                                  fi
darRutas(nA, nB, rec, ruta)
                                              \equiv if nB \in \text{vecinas}(nA) then
                                                     Ag(ruta \circ nB, \emptyset)
                                                     if \emptyset? (vecinas(nA) - rec) then
                                                        Ø
                                                     else
                                                        darRutas(dameUno(vecinas(nA) - rec),
                                                        nB, Ag(nA, rec),
                                                        ruta \circ dameUno(vecinas(nA) - rec)) \cup
                                                        darRutasVecinas(sinUno(vecinas(nA) - rec),
                                                        nB, Ag(nA, rec),
                                                        ruta \circ dameUno(vecinas(nA) - rec)
                                                  fi
darRutasVecinas(vecinas, n, rec, ruta)
                                              \equiv if \emptyset?(vecinas) then
                                                  else
                                                     darRutas(dameUno(vecinas), n, rec, ruta) \cup
                                                     darRutasVecinas(sinUno(vecinas), n, rec, ruta)
                                                  fi
                                                 secusDeLongK(darRutas(nA, nB, \emptyset, <>),
darCaminosMinimos(nA, nB)
                                                  longMenorSec(darRutas(nA, nB, \emptyset, <>)))
```

## 2.2.3. Función de Abstracción

## 3. Módulo Cola de mínima prioridad( $\alpha$ )

El módulo cola de mínima prioridad consiste en una cola de prioridad de elementos del tipo  $\alpha$  cuya prioridad está determinada por un nat de forma tal que el elemento que se ingrese con el menor nat será el de mayor prioridad.

## 3.1. Especificación

**TAD** COLA DE MÍNIMA PRIORIDAD $(\alpha)$ 

### igualdad observacional

$$(\forall c, c' : \operatorname{colaMinPrior}(\alpha)) \quad \left( c =_{\operatorname{obs}} c' \iff \begin{pmatrix} \operatorname{vac\'{a}?}(c) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{vac\'{a}?}(c') \wedge_{\operatorname{L}} \\ (\neg \operatorname{vac\'{a}?}(c) \Rightarrow_{\operatorname{L}} (\operatorname{pr\'{o}ximo}(c) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{pr\'{o}ximo}(c') \wedge_{\operatorname{L}} \\ \operatorname{desencolar}(c) &=_{\operatorname{obs}} \end{pmatrix} \right)$$

#### parámetros formales

géneros c

**operaciones**  $\bullet$  < :  $\alpha \times \alpha \longrightarrow \text{bool}$ 

Relación de orden total estricto<sup>1</sup>

**géneros** cola $MinPrior(\alpha)$ 

**exporta** colaMinPrior( $\alpha$ ), generadores, observadores

usa Bool

#### observadores básicos

vacía? : colaMinPrior $(\alpha)$   $\longrightarrow$  bool próximo : colaMinPrior $(\alpha)$  c  $\longrightarrow$   $\alpha$ 

 $\{\neg \operatorname{vacía}?(c)\}$ 

desencolar : colaMinPrior( $\alpha$ )  $c \longrightarrow colaMinPrior(\alpha)$ 

 $\{\neg \operatorname{vacía}?(c)\}$ 

#### generadores

vacía :  $\longrightarrow$  colaMinPrior $(\alpha)$  encolar :  $\alpha \times \text{colaMinPrior}(\alpha) \longrightarrow \text{colaMinPrior}(\alpha)$ 

#### otras operaciones

tamaño :  $colaMinPrior(\alpha) \longrightarrow nat$ 

**axiomas**  $\forall c: \operatorname{colaMinPrior}(\alpha), \forall e: \alpha$ 

vacía?(vacía)  $\equiv$  true vacía?(encolar(e, c))  $\equiv$  false

 $\operatorname{próximo}(\operatorname{encolar}(e, c)) \equiv \operatorname{if} \operatorname{vac}(a?(c) \vee_{\operatorname{L}} \operatorname{proximo}(c) > e \operatorname{then} e \operatorname{else} \operatorname{próximo}(c) \operatorname{fi}$ 

 $\operatorname{desencolar}(\operatorname{encolar}(e, c)) \equiv \operatorname{if} \operatorname{vac\'{a}}?(c) \vee_{\operatorname{L}} \operatorname{proximo}(c) > e \operatorname{then} c \operatorname{else} \operatorname{encolar}(e, \operatorname{desencolar}(c)) \operatorname{fi}$ 

### Fin TAD

Antirreflexividad:  $\neg a < a$  para todo  $a : \alpha$ 

 $\begin{tabular}{lll} \bf Antisimetría: & (a < b \ \Rightarrow \ \neg \ b < a) \ \mbox{para todo} \ \ a,b:\alpha,\ a \neq b \\ \bf Transitividad: & ((a < b \land b < c) \ \Rightarrow \ a < c) \ \mbox{para todo} \ \ a,b,c:\alpha \\ \hline \end{tabular}$ 

Totalidad:  $(a < b \lor b < a)$  para todo  $a, b : \alpha$ 

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Una relación es un orden total estricto cuando se cumple:

#### 3.2. Interfaz

```
parámetros formales géneros \alpha se explica con: Cola de mínima prioridad(nat). géneros: cola\minPrior(\alpha).
```

## 3.2.1. Operaciones básicas de Cola de mínima prioridad

```
VACÍA() \rightarrow res : colaMinPrior(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacía\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea una cola de prioridad vacía
VACÍA?(\mathbf{in}\ c: colaMinPrior(\alpha)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} vacía?(c) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve true si y sólo si la cola está vacía
DESENCOLAR(in/out c: colaMinPrior(\alpha)) \rightarrow res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \text{vac\'ia?}(c) \land c =_{obs} c_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{proximo}(c_0) \land c =_{obs} \operatorname{desencolar}(c_0)\}\
Complejidad: O(\log(\tan \tilde{a}no(c)))
Descripción: Quita el elemento más prioritario
Aliasing: Se devuelve el elemento por copia
ENCOLAR(in/out c: colaMinPrior(\alpha), in p: nat, in a: \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{c =_{\text{obs}} c_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{c =_{\mathrm{obs}} \mathrm{encolar}(p, c_0)\}\
Complejidad: O(log(tamaño(c)))
Descripción: Agrega al elemento \alpha con prioridad p a la cola
Aliasing: Se agrega el elemento por copia
```

## 3.3. Representación

#### 3.3.1. Representación de colaMinPrior

```
colaMinPrior(\alpha) se representa con estr donde estr es dicc_{avl} (nat, nodoEncolados) donde nodoEncolados es tupla(encolados: cola(\alpha), prioridad: nat)
```

#### 3.3.2. Invariante de Representación

- (I) Todos los significados del diccionario tienen como clave el valor de prioridad
- (II) Todos los significados del diccionario no pueden tener una cola vacía

```
Rep : estr \longrightarrow bool
```

#### 3.3.3. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \text{colaMinPrior} {Rep(e)}
\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \text{ cmp: colaMinPrior} \mid (\text{vac\'a?}(cmp) \Leftrightarrow (\#\text{claves}(e) = 0)) \land \\ \neg \text{vac\'a?}(cmp) \Rightarrow_{\text{L}} \\ ((\text{pr\'oximo}(cmp) = \text{pr\'oximo}(\text{m\'inimo}(e).\text{encolados})) \land \\ (\text{desencolar}(cmp) = \text{desencolar}(\text{m\'inimo}(e).\text{encolados})))
```

## 3.4. Algoritmos

```
iVacía\ () 	o res: colaMinPrior(lpha) res\ \leftarrow\ Vacio\ () Complejidad: O(1)
```

```
iVacía? (in c: colaMinPrior(\alpha)) \rightarrow res: bool res \leftarrow (#Claves(c) = 0) O(1)

Complejidad: O(1)
```

```
iEncolar (in/out c: colaMinPrior(\alpha), in p: nat, in a: \alpha)
if Definido?(p) then
                                                                                              O(\log(\tan \tilde{n}o(c)))
     Encolar (Significado (c, p). encolados, a)
                                                                                   O(\log(\tan \tilde{a} \tilde{n} o(c)) + \cos y(\alpha))
else
     nodoEncolados nuevoNodoEncolados
                                                                                                            O(1)
     nuevoNodoEncolados. encolados \leftarrow Vacia ()
                                                                                                            O(1)
     nuevoNodoEncolados.prioridad \leftarrow p
                                                                                                            O(1)
     Encolar (nuevoNodoEncolados. encolados, a)
                                                                                                     O(copy(a))
      Definir (c, p, nuevoNodoEncolados)
                                                                     O(\log(\tan \tilde{a}no(c)) + \cos(nodoEncolados))
end if
Complejidad : O(log(tamano(c)) + O(copy(\alpha))
```

## 4. Módulo dicc<sub>avl</sub>( $\alpha$ )

#### 4.1. Interfaz

```
se explica con: DICCIONARIO(NAT, \alpha).
géneros: dicc_{avl}(\alpha).
      Operaciones básicas de dicc_{avl}(\alpha)
CREARDICC() \rightarrow res : dicc_{avl}(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacio\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea un diccionario vacío
DEFINIDO?(in c: nat, in d: dicc<sub>avl</sub>(\alpha))) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{def}?(c, d)\}\
Complejidad: O(log(\#claves(d)))
Descripción: Devuelve true si y sólo si la clave fue previamente definida en el diccionario
DEFINIR(in c: nat, in s: \alpha, in/out d: dicc<sub>avl</sub>(\alpha))
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\text{obs}} \operatorname{definir}(c, s, d_0)\}\
Complejidad: O(log(\#claves(d)) + copy(s))
Descripción: Define la clave c con el significado s en d
OBTENER(in c: string, in/out d: dicc<sub>avl</sub>(\alpha)) \rightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{def}?(c, d) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{obtener}(c, d)) \}
Complejidad: O(log(\#claves(d)))
Descripción: Devuelve el significado correspondiente a la clave en el diccionario
Aliasing: res es modificable si y sólo si d es modificable
MÍNIMO(\operatorname{in/out} d: \operatorname{dicc}_{avl}(\alpha)) \to res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{ \# \operatorname{claves}(d) > 0 \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{alias}(res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{obtener}(\mathrm{claveM}\mathrm{\acute{n}ima}(d),\, d)) \}
Complejidad: O(log(\#claves(d)))
Descripción: Devuelve el significado correspondiente a la clave de mínimo valor en el diccionario
Aliasing: res es modificable si y sólo si d es modificable
```

#### 4.1.2. Operaciones auxiliares del TAD

```
\begin{array}{ll} \operatorname{claveM\acute{n}im(nat} \longrightarrow & \operatorname{nat} & \{\#\operatorname{claves}(d) > 0\} \\ \times \alpha) \ d & \\ \times \alpha) & \\ \times \alpha) & \\ d \times \\ & \operatorname{conj}(\operatorname{nat}) & \\ c & \\ & \operatorname{claveM\acute{n}ima}(d) & \equiv \operatorname{darClaveM\acute{n}ima}(d,\operatorname{claves}(d)) \end{array}
```

```
\begin{array}{ll} \operatorname{darClaveM\'{n}ima}(d,\,c) & \equiv & \operatorname{if} \,\,\emptyset?(\sin \operatorname{Uno}(c)) \,\,\operatorname{then} \\ & \operatorname{dameUno}(c) \\ & \operatorname{else} \\ & \operatorname{min}(\operatorname{dameUno}(c),\,\operatorname{darClaveM\'{n}ima}(d,\,\sin \operatorname{Uno}(c))) \\ & \operatorname{fi} \end{array}
```

## 4.2. Representación

## 4.2.1. Representación de $dicc_{avl}(\alpha)$

```
{
m dicc}_{avl}(lpha) se representa con estr {
m donde} estr es puntero(nodoAvl) {
m donde} nodoAvl es tupla(data: lpha, balance: int, nodos: arreglo[2] de puntero(nodoAvl))
```

## 5. Módulo Trie( $\alpha$ )

## 5.1. Interfaz

```
se explica con: DICCIONARIO (STRING, \alpha). géneros: dicc_{Trie}(\alpha).
CREARDICC() \rightarrow res : dicc_{Trie}(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacío\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea un diccionario vacío.
DEFINIDO?(in c: string, in d: dicc_{Trie}(\alpha))) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{def}?(c, d)\}\
Complejidad: O(L)
Descripción: Devuelve true si la clave está definida en el diccionario y false en caso contrario.
DEFINIR(in c: string, in s: \alpha, in/out d: dicc_{Trie}(\alpha))
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\text{obs}} d_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} \operatorname{definir}(c, s, d_0)\}\
Complejidad: O(L)
Descripción: Define la clave c con el significado s
Aliasing: Almacena una copia de s.
OBTENER(in c: string, in d: dicc_{Trie}(\alpha)) \rightarrow res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{def}?(c, d) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{obtener}(c, d)) \}
Complejidad: O(L)
Descripción: Devuelve el significado correspondiente a la clave c.
Aliasing: Devuelve el significado almacenado en el diccionario, por lo que res es modificable si y sólo si d lo es.
```