

# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación  
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales  
Universidad de Buenos Aires

## Trabajo Práctico II

Reentrega

**Grupo: 12**

Integrante	LU	Correo electrónico
Pondal, Iván	078/14	ivan.pondal@gmail.com
Paz, Maximiliano León	251/14	m4xileon@gmail.com
Mena, Manuel	313/14	manuelmena1993@gmail.com
Demartino, Francisco	348/14	demartino.francisco@gmail.com

**Reservado para la cátedra**

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# Índice

<b>1. Módulo DCNet</b>	<b>4</b>
1.1. Interfaz	4
1.1.1. Operaciones básicas de DCNet	4
1.2. Representación	6
1.2.1. Representación de dcnet	6
1.2.2. Invariante de Representación	6
1.2.3. Función de Abstracción	9
1.3. Algoritmos	9
<b>2. Módulo Red</b>	<b>14</b>
2.1. Interfaz	14
2.2. Representación	15
2.2.1. Estructura	15
2.2.2. Invariante de Representación	16
2.2.3. Función de Abstracción	18
2.3. Algoritmos	18
<b>3. Módulo Cola de mínima prioridad(<math>\alpha</math>)</b>	<b>24</b>
3.1. Especificación	24
3.2. Interfaz	25
3.2.1. Operaciones básicas de Cola de mínima prioridad	25
3.3. Representación	26
3.3.1. Representación de colaMinPrior	26
3.3.2. Invariante de Representación	26
3.3.3. Función de Abstracción	26
3.4. Algoritmos	26
<b>4. Módulo Diccionario logarítmico(<math>\alpha</math>)</b>	<b>28</b>
4.1. Interfaz	28
4.1.1. Operaciones básicas de Diccionario logarítmico( $\alpha$ )	28
4.1.2. Operaciones auxiliares del TAD	29
4.2. Representación	29
4.2.1. Representación de diccLog( $\alpha$ )	29
4.2.2. Invariante de Representación	29
4.2.3. Función de Abstracción	30
4.3. Algoritmos	30
<b>5. Módulo Árbol binario(<math>\alpha</math>)</b>	<b>37</b>
5.1. Interfaz	37
5.1.1. Operaciones básicas de Árbol binario( $\alpha$ )	37
5.2. Representación	38

---

5.2.1. Representación de $\text{ab}(\alpha)$ . . . . .	38
5.2.2. Invariante de Representación . . . . .	38
5.2.3. Función de Abstracción . . . . .	38
5.3. Algoritmos . . . . .	38
<b>6. Módulo Diccionario <math>\text{String}(\alpha)</math></b>	<b>40</b>
6.1. Interfaz . . . . .	40

# 1. Módulo DCNet

## 1.1. Interfaz

se explica con: DCNET.

géneros: dcnet.

### 1.1.1. Operaciones básicas de DCNet

INICIARDCNET(**in**  $r : \text{red}$ )  $\rightarrow res : \text{dcnet}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{iniciarDCNet}(red)\}$

**Complejidad:**  $O(n * (n + L))$  donde n es la cantidad de computadoras y L es la longitud de nombre de computadora mas larga

**Descripción:** crea una DCNet nueva tomando una red

CREARPAQUETE(**in/out**  $dcn : \text{dcnet}$ , **in**  $p : \text{paquete}$ )

**Pre**  $\equiv \{$

$dcn =_{\text{obs}} dcn_0 \wedge$

$\neg( (\exists p' : \text{paquete}) ( \text{paqueteEnTransito}(dcn, p') \wedge \text{id}(p) = \text{id}(p') \wedge \text{origen}(p) \in \text{computadoras}(\text{red}(dcn)) \wedge_L$

$\text{destino}(p) \in \text{computadoras}(\text{red}(dcn)) \wedge_L \text{hayCamino}?( \text{red}(dcn), \text{origen}(p), \text{destino}(p) ) ) )$

$\}$

**Post**  $\equiv \{dcn =_{\text{obs}} \text{crearPaquete}(dcn_0)\}$

**Complejidad:**  $O(L + \log(k))$  donde L es la longitud de nombre de computadora mas larga y k es la longitud de la cola de paquetes mas larga

**Descripción:** crea un nuevo paquete

AVANZARSEGUNDO(**in/out**  $dcn : \text{dcnet}$ )

**Pre**  $\equiv \{dcn =_{\text{obs}} dcn_0\}$

**Post**  $\equiv \{dcn =_{\text{obs}} \text{avanzarSegundo}(dcn_0)\}$

**Complejidad:**  $O(n * (L + \log(k)))$  donde n es la cantidad de computadoras, L es la longitud de nombre de computadora mas larga y k es la longitud de la cola de paquetes mas larga

**Descripción:** envia los paquetes con mayor prioridad a la siguiente compu

RED(**in**  $dcn : \text{dcnet}$ )  $\rightarrow res : \text{red}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{red}(dcn))\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** devuelve la red de una DCNet

**Aliasing:** res es una referencia no modificable

CAMINORECORRIDO(**in**  $dcn : \text{dcnet}$ , **in**  $p : \text{paquete}$ )  $\rightarrow res : \text{secu}(\text{compu})$

**Pre**  $\equiv \{\text{paqueteEnTransito}?(dcn, p)\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{caminoRecorrido}(dcn, p))\}$

**Complejidad:**  $O(n * \log(k))$  donde n es la cantidad de computadoras y k es la longitud de la cola de paquetes mas larga

**Descripción:** devuelve el camino recorrido por un paquete

**Aliasing:** res es una referencia no modificable

CANTIDADENVIADOS(**in**  $dcn : \text{dcnet}$ , **in**  $c : \text{compu}$ )  $\rightarrow res : \text{nat}$

**Pre**  $\equiv \{c \in \text{computadoras}(\text{red}(dcn))\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{cantidadEnviados}(dcn, c)\}$

**Complejidad:**  $O(L)$  donde L es la longitud de nombre de computadora mas larga

**Descripción:** devuelve la cantidad de paquetes enviados por una compu

ENESPERA(**in**  $dcn : \text{dcnet}$ , **in**  $c : \text{compu}$ )  $\rightarrow res : \text{conj}(\text{paquete})$

**Pre**  $\equiv \{c \in \text{computadoras}(\text{red}(dcn))\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{enEspera}(dcn, c))\}$

**Complejidad:**  $O(L)$  donde L es la longitud de nombre de computadora mas larga

**Descripción:** devuelve el conjunto de paquetes encolados en una compu

**Aliasing:** res es una referencia no modificable

PAQUETEENTRANSITO(**in**  $dcn : \text{dcnet}$ , **in**  $p : \text{paquete}$ )  $\rightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{paqueteEnTransito}(dcn, p)\}$

**Complejidad:**  $O(n * \log(k))$  donde n es es la cantidad de computadoras y k es la longitud de la cola de paquetes mas larga

**Descripción:** indica si el paquete está en transito

LAQUEMASENVIO(**in**  $dcn : \text{dcnet}$ )  $\rightarrow res : \text{compu}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{laQueMasEnvio}(dcn))\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** devuelve la compu que mas paquetes envió

**Aliasing:** res es una referencia no modificable

$\bullet = \bullet(\text{in } dcn_1 : \text{dcnet}, \text{in } dcn_2 : \text{dcnet}) \rightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} dcn_1 = dcn_2\}$

**Complejidad:**  $O(n * k^3 * (k + n))$

**Descripción:** compara  $dcn_1$  y  $dcn_2$  por igualdad

## 1.2. Representación

### 1.2.1. Representación de dcnet

dcnet se representa con estr

donde estr es tupla(*topología*: red,  
*vectorCompusDCNet*: vector(compuDCNet),  
*diccCompusDCNet*: diccString(puntero(compuDCNet)),  
*conjPaquetesDCNet*: conj(paqueteDCNet),  
*laQueMásEnvió*: puntero(compuDCNet))

donde compuDCNet es tupla(*pc*: puntero(compu),  
*conjPaquetes*: conj(paquete),  
*diccPaquetesDCNet*: diccLog(itConj(paqueteDCNet)),  
*colaPaquetesDCNet*: colaPrioridad(nat, itConj(paqueteDCNet)),  
*paqueteAEnviar*: itConj(paqueteDCNet), *enviados*: nat)

donde paqueteDCNet es tupla(*it*: itConj(paquete), *recorrido*: lista(compu))

donde paquete es tupla(*id*: nat, *prioridad*: nat, *origen*: compu, *destino*: compu)

donde compu es tupla(*ip*: string, *interfaces*: conj(nat))

### 1.2.2. Invariante de Representación

- (I) Las compus de los elementos de vectorCompusDCNet son punteros a todas las compus de la topología
- (II) Las claves de diccCompusDCNet son todos los hostnames de la topología
- (III) Los significados de diccCompusDCNet son punteros que apuntan a las compuDCNet cuyo hostname equivale a su clave en vectorCompusDCNet
- (IV) laQueMásEnvió es un puntero a la compuDCNet en vectorCompusDCNet que más paquetes enviados tiene. Si no hay compus es NULL
- (V) El conjPaquetesDCNet contiene tuplas con iteradores a todos los paquetes en tránsito en la red y sus recorridos
- (VI) Todos los paquetes en conjPaquetes de cada compuDCNet tienen id único y tanto su origen como destino existen en la topología
- (VII) El paquete en conjPaquetes tiene que tener en su recorrido a la compuDCNet en la que se encuentra y esta no puede ser igual al destino del recorrido
- (VIII) Las claves de diccPaquetesDCNet son los id de los paquetes en conjPaquetes
- (IX) Los significados de diccPaquetesDCNet son un iterador al paqueteDCNet de conjPaquetesDCNet que contiene un iterador al paquete con el id equivalente a su clave y un recorrido que es uno de los caminos mínimos del origen del paquete a la compu en la que se encuentra
- (X) La cantidad de enviados de una compuDCNet es igual o mayor a la cantidad de apariciones de esa compu en los caminos recorridos de paquetes en la red
- (XI) El paquete a enviar de cada compuDCNet es un iterador que no tiene siguiente

Rep : estr  $\rightarrow$  bool

$$\begin{aligned} \text{Rep}(e) \equiv & \text{true} \iff \\ & (\forall c: \text{compu})(c \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \iff \\ & ( \\ & (\exists cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge (cd.\text{pc} = \text{puntero}(c)) \wedge \\ & (\exists s: \text{string})(\text{def?}(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \wedge (s = c.\text{ip}))) \\ & ) \\ & ) \wedge_L \\ & (\forall cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \iff \\ & (\exists s: \text{string})((s = cd.\text{pc} \rightarrow \text{ip}) \wedge \text{def?}(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \wedge_L \\ & \text{obtener}(s, e.\text{diccCompusDCNet}) = \text{puntero}(cd)) \\ & ) \wedge_L \\ & (\exists cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge_L \\ & *(cd.\text{pc}) = \text{compuQueMásEnvió}(e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge e.\text{laQueMásEnvió} = \text{puntero}(cd)) \wedge_L \\ & (\forall cd_1: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd_1, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow \\ & (\forall p_1: \text{paquete})(p_1 \in cd_1.\text{conjPaquetes} \Rightarrow \\ & (\forall cd_2: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd_2, e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge cd_1 \neq cd_2) \Rightarrow \\ & (\forall p_2: \text{paquete})(p_2 \in cd_2.\text{conjPaquetes} \Rightarrow p_1.\text{id} \neq p_2.\text{id}) \\ & ) \\ & ) \\ & ) \wedge_L \\ & (\forall cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow \\ & ( \\ & (\forall p: \text{paquete})(p \in cd.\text{conjPaquetes} \iff \\ & ( \\ & ((p.\text{origen} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \wedge p.\text{destino} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \wedge \\ & p.\text{destino} \neq *(cd.\text{pc})) \wedge_L \\ & (\exists sc: \text{secu}(\text{compu}))(sc \in \text{caminosMinimos}(e.\text{topologia}, p.\text{origen}, p.\text{destino}) \wedge \text{está?}(*(cd.\text{pc}), sc))) \wedge \\ & (\exists n: \text{nat})((\text{def?}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}) \wedge p.\text{id} = n) \wedge_L \\ & (\exists pdn: \text{paqueteDCNet})(pdn \in e.\text{conjPaquetesDCNet} \wedge \text{Siguiente}(pdn.\text{it}) = p \wedge \\ & ((p.\text{origen} = *(cd.\text{pc}) \wedge pdn.\text{recorrido} = *(cd.\text{pc}) \bullet <>) \vee \\ & (p.\text{origen} \neq *(cd.\text{pc}) \wedge pdn.\text{recorrido} \in \text{caminosMinimos}(e.\text{topologia}, p.\text{origen}, *(cd.\text{pc})))) \wedge \\ & \text{Siguiente}(\text{obtener}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet})) = pdn \\ & ) \\ & ) \\ & ) \wedge_L \\ & (\neg \text{vacía?}(cd.\text{colaPaquetesDCNet}) \iff \\ & (\exists p: \text{paquete})(p \in cd.\text{conjPaquetes}) \wedge (p = \text{paqueteMásPrioridad}(cd.\text{conjPaquetes})) \wedge \\ & (\exists pdn: \text{paqueteDCNet})(pdn \in e.\text{conjPaquetesDCNet}) \wedge (\text{Siguiente}(pdn.\text{it}) = p) \wedge \\ & (\text{Siguiente}(\text{proximo}(cd.\text{colaPaquetesDCNet})) = pdn)) \\ & ) \\ & ) \wedge_L \\ & (cd.\text{enviados} \geq \text{enviadosCompu}(*(cd.\text{pc}), e.\text{vectorCompusDCNet})) \wedge \\ & (\neg \text{HaySiguiente?}(cd.\text{paqueteAEnviar})) ) \\ & ) \end{aligned}$$

compuQueMásEnvió : secu(compuDCNet) scd  $\rightarrow$  compu  $\{\neg \text{vacía?}(scd)\}$

maxEnviado : secu(compuDCNet) scd  $\rightarrow$  nat  $\{\neg \text{vacía?}(scd)\}$

enviaronK : secu(compuDCNet)  $\times$  nat  $\rightarrow$  conj(compu)

paqueteMásPrioridad : conj(paquete) cp  $\rightarrow$  paquete  $\{\neg \emptyset?(cp)\}$

paquetesConPrioridadK : conj(paquete)  $\times$  nat  $\rightarrow$  conj(paquete)

altaPrioridad : conj(paquetes) cp  $\rightarrow$  nat  $\{\neg \emptyset?(cp)\}$

enviadosCompu : compu  $\times$  secu(compuDCNet)  $\rightarrow$  nat

aparicionesCompu : compu  $\times$  conj(nat) cn  $\times$  dicc(nat  $\times$  itConj(paqueteDCNet)) dp  $\rightarrow$  nat

$$\{\text{claves}(dp) \subseteq cn\}$$

```

compuQueMásEnvió(scd)  $\equiv$  dameUno(enviaronK(scd, maxEnviado(scd)))
maxEnviado(scd)  $\equiv$  if vacía?(fin(scd)) then prim(scd).enviados else max(prim(scd), maxEnviado(fin(scd))) fi
enviaronK(scd, k)  $\equiv$  if vacía?(scd) then
     $\emptyset$ 
else
    if prim(scd).enviados = k then
        Ag(* (prim(scd).pc), enviaronK(fin(scd), k))
    else
        enviaronK(fin(scd), k)
    fi
fi
paqueteMásPrioridad(dcn, cp)  $\equiv$  dameUno(paquetesConPrioridadK(cp, altaPrioridad(cp)))
altaPrioridad(cp)  $\equiv$  if  $\emptyset$ ?(sinUno(cp)) then
    dameUno(cp).prioridad
else
    min(dameUno(cp).prioridad, altaPrioridad(sinUno(cp)))
fi
paquetesConPrioridadK(cp, k)  $\equiv$  if  $\emptyset$ ?(cp) then
     $\emptyset$ 
else
    if dameUno(cp).prioridad = k then
        Ag(dameUno(cp), paquetesConPrioridadK(sinUno(cp), k))
    else
        paquetesConPrioridadK(sinUno(cp), k)
    fi
fi
enviadosCompu(c, scd)  $\equiv$  if vacía?(scd) then
    0
else
    if prim(scd) = c then
        enviadosCompu(c, fin(scd))
    else
        aparicionesCompu(c, claves(prim(scd).diccPaquetesDCNet),
        prim(scd).diccPaquetesDCNet) + enviadosCompu(c, fin(scd))
    fi
fi
aparicionesCompu(c, cn, dpc)  $\equiv$  if  $\emptyset$ ?(cn) then
    0
else
    if está?(c, Siguiente(obtener(dameUno(cn), dpc)).recorrido) then
        1 + aparicionesCompu(c, sinUno(cn), dpc)
    else
        aparicionesCompu(c, sinUno(cn), dpc)
    fi
fi

```



### 1.2.3. Función de Abstracción

$\text{Abs} : \text{estr } e \longrightarrow \text{dcnet} \quad \{\text{Rep}(e)\}$   
 $\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \text{dcn} : \text{dcnet} \mid \text{red}(\text{dcn}) = e.\text{topología} \wedge$   
 $(\forall \text{cdn} : \text{compuDCNet})(\text{está}?(cdn, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow_L$   
 $\text{enEspera}(\text{dcn}, *(cdn.\text{pc})) = \text{cdn}.\text{conjPaquetes} \wedge$   
 $\text{cantidadEnviados}(\text{dcn}, *(cdn.\text{pc})) = \text{cdn}.\text{enviados} \wedge$   
 $(\forall p : \text{paquete})(p \in \text{cdn}.\text{conjPaquetes} \Rightarrow_L$   
 $\text{caminoRecorrido}(\text{dcn}, p) = \text{Siguierte}(\text{obtener}(p.\text{id}, \text{cdn}.\text{diccPaquetesDCNet})).\text{recorrido}$   
 $)$   
 $)$

### 1.3. Algoritmos

**iniciarDCNet** (**in** *topo* : red)  $\rightarrow$  res : estr

res.topologia $\leftarrow$ Copiar(topo)	$O(n! * n^6)$
res.vectorCompusDCNet $\leftarrow$ Vacía()	$O(1)$
res.diccCompusDCNet $\leftarrow$ CrearDicc()	$O(1)$
res.laQueMasEnvio $\leftarrow$ NULL	$O(1)$
res.conjPaquetesDCNet $\leftarrow$ Vacío()	$O(1)$
itConj(compu): it $\leftarrow$ CrearIt(Computadoras(topo))	$O(1)$
if (HaySiguierte?(it)) then	$O(1)$
res.laQueMasEnvio $\leftarrow$ puntero(Siguierte(it))	$O(1)$
end if	
while HaySiguierte?(it) do	$O(1)$
compuDCNet: computdcnet $\leftarrow$ <puntero(Siguierte(it)), Vacío(), CrearDicc(),	
Vacía(), CrearIt(Vacío()), 0>	$O(1)$
AgregarAtras(res.vectorCompusDCNet, computdcnet)	$O(n)$
Definir(res.diccCompusDCNet, Siguierte(it).ip, puntero(computdcnet))	$O(L)$
Avanzar(it)	$O(1)$
end while	$O(n * (n + L))$

**Complejidad** :  $O(n * (n + L))$

**iCrearPaquete** (**in/out** *dcn* : dcnet, **in** *p* : paquete)

puntero(compuDCNet): computdcnet $\leftarrow$	
Significado(dcn.diccCompusDCNet, p.origen.ip)	$O(L)$
itConj(paquete): itPaq $\leftarrow$ AgregarRapido(computdcnet $\rightarrow$ conjPaquetes, p)	$O(1)$
lista(compu): recorr $\leftarrow$ AgregarAtras(Vacía(), p.origen)	$O(1)$
paqueteDCNet: paqDCNet $\leftarrow$ <itPaq, recorr>	$O(1)$
itConj(paqueteDCNet): itPaqDCNet $\leftarrow$	
AgregarRapido(dcn.conjPaquetesDCNet, paqDCNet)	$O(1)$
Definir(computdcnet $\rightarrow$ diccPaquetesDCNet, p.id, itPaqDCNet)	$O(\log(k))$
Encolar(computdcnet $\rightarrow$ colaPaquetesDCNet, p.prioridad, itPaqDCNet)	$O(\log(k))$

**Complejidad** :  $O(\log(k) + L)$

iAvanzarSegundo (in/out dcn: dcnet)

```

nat: maxEnviados ← 0
nat: i ← 0
while i < Longitud(dcn.vectorCompusDCNet) do
    if (¬EsVacia?(dcn.vectorCompusDCNet[i].colaPaquetesDCNet)) then
        dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar ←
            Desencolar(dcn.vectorCompusDCNet[i].colaPaquetesDCNet)
    end if
    i++
end while

i ← 0
while i < Longitud(dcn.vectorCompusDCNet) do
    if (HaySiguiente?(dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar)) then

        dcn.vectorCompusDCNet[i].enviados++
        if (dcn.vectorCompusDCNet[i].enviados > maxEnviados) then
            dcn.laQueMasEnvio ← puntero(dcn.vectorCompusDCNet[i])
        end if

        paquete: pAEnviar ←
            Siguiente(Siguiente(dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar).it)
        itConj(lista(compu)): intercamios ←
            CrearIt(CaminosMinimos(dcn.topologia,
                *(dcn.vectorCompusDCNet[i].pc), pAEnviar.destino))
        compu: siguientecompu ← Siguiente(itercamios)[1]

        if (pAEnviar.destino ≠ siguientecompu) then

            compuDCNet: siguientecompudcnet ←
                *(Obtener(dcn.diccCompusDCNet, siguientecompu.ip))

            itConj(paquete): itpaquete ←
                AgregarRapido(siguientecompudcnet.conjPaquetes, pAEnviar)

            itConj(paqueteDCNet): paqAEnviar ←
                Obtener(dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet,
                    pAEnviar.id)

            AgregarAtras(Siguiente(paqaEnviar).recorrido, siguientecompu)

            Encolar(siguientecompudcnet.colaPaquetesDCNet,
                pAEnviar.prioridad, paqAEnviar)
            Definir(siguientecompudcnet.diccPaquetesDCNet,
                pAEnviar.id, paqAEnviar)

        end if

        Borrar(dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet,
            Siguiente(dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar→it).id)
        EliminarSiguiente(Siguiente(dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar).it)
        EliminarSiguiente(dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar)

        dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar ← CrearIt(Vacio())

    end if
    i++

```

```
end while
```

 $O(n * (L + \log(k)))$ 

**Complejidad :**  $O(n * (L + \log(k)))$

Red (**in** *dcn*: **dcnet**)  $\rightarrow$  res: red

```
res  $\leftarrow$  dcn.topologia
```

 $O(1)$ 

**Complejidad :**  $O(1)$

CaminoRecorrido (**in** *dcn*: **dcnet**, **in** *p*: **paquete**)  $\rightarrow$  res: lista(compu)

```
nat: i  $\leftarrow$  0
```

 $O(1)$ 

```
while i < Longitud(dcn.vectorCompusDCNet) do
```

 $O(1)$ 

```
  if Definido?(dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet, p.id) then
```

 $O(\log(k))$ 

```
    res  $\leftarrow$  Siguiente(Obtener(dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet, p.id)).recorrido
```

 $O(\log(k))$ 

```
  end if
```

```
  i++
```

 $O(1)$ 

```
end while
```

 $O(n * \log(k))$ 

**Complejidad :**  $O(n * \log(k))$

CantidadEnviados (**in** *dcn*: **dcnet**, **in** *c*: **compu**)  $\rightarrow$  res: nat

```
res  $\leftarrow$  Obtener(dcn.diccCompusDCNet, c.ip)  $\rightarrow$  enviados
```

 $O(L)$ 

**Complejidad :**  $O(L)$

EnEspera (**in** *dcn*: **dcnet**, **in** *c*: **compu**)  $\rightarrow$  res: nat

```
res  $\leftarrow$  Obtener(dcn.diccCompusDCNet, c.ip)  $\rightarrow$  conjPaquetes
```

 $O(L)$ 

**Complejidad :**  $O(L)$

PaqueteEnTransito (**in** *dcn*: **dcnet**, **in** *p*: **paquete**)  $\rightarrow$  res: bool

```
res  $\leftarrow$  false
```

```
nat: i  $\leftarrow$  0
```

 $O(1)$ 

```
while i < Longitud(dcn.vectorCompusDCNet) do
```

 $O(1)$ 

```
  if Definido?(dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet, p.id) then
```

 $O(\log(k))$ 

```
    res  $\leftarrow$  true
```

 $O(1)$ 

```
  end if
```

```
  i++
```

 $O(1)$ 

```
end while
```

 $O(n * \log(k))$ 

**Complejidad :**  $O(n * \log(k))$

LaQueMasEnvio (**in**  $dcn : \text{dcnet}$ )  $\rightarrow$  res: compu

res  $\leftarrow$   $*(dcn.laQueMasEnvio \rightarrow pc)$   $O(1)$

**Complejidad** :  $O(1)$

$\bullet =_i \bullet$  (**in**  $dcn_1 : \text{dcnet}$ , **in**  $dcn_2 : \text{dcnet}$ )  $\rightarrow$  res: bool

bool: boolTopo  $\leftarrow dcn_1.topologia = dcn_2.topologia$   $O(n + L^2)$   
 bool: boolVec  $\leftarrow dcn_1.vectorCompusDCNet = dcn_2.vectorCompusDCNet$   $O(n * k * (k + n))$   
 bool: boolConj  $\leftarrow dcn_1.conjPaquetesDCNet = dcn_2.conjPaquetesDCNet$   $O(k^3 * (k + n))$   
 bool: boolMasEnvio  $\leftarrow *(dcn_1.laQueMasEnvio) = *(dcn_2.laQueMasEnvio)$   $O(1)$

res  $\leftarrow$  boolTopo  $\wedge$  boolVec  $\wedge$  boolTrie  $\wedge$  boolConj  $\wedge$  boolMasEnvio  $O(1)$

**Complejidad** :  $O(n * k^3 * (k + n))$

$\bullet =_{compu\text{dcn}} \bullet$  (**in**  $c_1 : \text{compuDCNet}$ , **in**  $c_2 : \text{compuDCNet}$ )  $\rightarrow$  res: bool

bool: boolPC  $\leftarrow *(c_1.pc) = *(c_2.pc)$   $O(1)$   
 bool: boolConj  $\leftarrow c_1.conjPaquetes = c_1.conjPaquetes$   $O(k^2)$   
 bool: boolAVL  $\leftarrow$  true  $O(1)$   
 bool: boolCola  $\leftarrow$  true  $O(1)$   
 bool: boolPaq  $\leftarrow$  Siguiente( $c_1.paqueteAEnviar$ )  $=_{paq\text{dcn}}$  Siguiente( $c_2.paqueteAEnviar$ )  $O(n)$   
 bool: boolEnviados  $\leftarrow c_1.enviados = c_2.enviados$   $O(1)$

if boolConj then  $O(1)$   
   itConj:  $itconj_1 \leftarrow$  CrearIt( $c_1.conjPaquetes$ )  $O(1)$   
   while HaySiguiente?( $itconj_1$ ) do  $O(1)$   
     if Definido?( $c_2.diccPaquetesDCNet$ , Siguiente( $itconj_1$ )).id then  $O(\log(n))$   
       if  $\neg$ (Siguiente(Obtener( $c_1.diccPaquetesDCNet$ , Siguiente( $itconj_1$ )).id))  $O(n)$   
          $=_{paq\text{dcn}}$   
         Siguiente(Obtener( $c_1.diccPaquetesDCNet$ , Siguiente( $itconj_1$ )).id))  $O(1)$   
         then  $O(n)$   
           boolAVL  $\leftarrow$  false  $O(1)$   
         end if  
       else  
         boolAVL  $\leftarrow$  false  $O(1)$   
       end if  
       Avanzar( $itconj_1$ )  $O(1)$   
     end while  $O(n * k)$   
 end if

if EsVacia( $c_1.colaprioridad$ ) then  $O(1)$   
   if  $\neg$ EsVacia( $c_2.colaprioridad$ ) then  $O(1)$   
     boolCola  $\leftarrow$  false  $O(1)$   
   end if  
 else  
   if EsVacia( $c_1.colaprioridad$ ) then  $O(1)$   
     boolCola  $\leftarrow$  false  $O(1)$   
   else  
     if  $\neg$ (Siguiente(Proximo( $c_1.colaprioridad$ )))  $=_{paq\text{dcn}}$   $O(n)$   
       Siguiente(Proximo( $c_2.colaprioridad$ ))) then  $O(n)$

```

                boolCola ← false
            end if
        end if
    end if

```

```

    res ← boolPC ∧ boolConj ∧ boolAVL ∧ boolCola ∧ boolPaq ∧ boolEnviados

```

**Complejidad** :  $O(k^2 + n * k) = O(k * (k + n))$

•  $=_{paqdcn}$  • (in  $p_1$  : paqueteDCNet, in  $p_2$  : paqueteDCNet,) → res: bool

```

    bool: boolPaq ← Siguiente( $p_1.it$ ) = Siguiente( $p_2.it$ )

```

```

    bool: boolRecorrido ←  $p_1.recorrido = p_2.recorrido$ 

```

```

    res ← boolPaq ∧ boolRecorrido

```

**Complejidad** :  $O(n)$

## 2. Módulo Red

### 2.1. Interfaz

se explica con: RED.

géneros: red.

INICIARRED()  $\rightarrow res : red$   
**Pre**  $\equiv \{true\}$   
**Post**  $\equiv \{res =_{obs} iniciarRed\}$   
**Complejidad:**  $O(1)$   
**Descripción:** Crea una red nueva

AGREGARCOMPUTADORA(**in/out**  $r : red$ , **in**  $c : compu$ )  
**Pre**  $\equiv \{(r =_{obs} r_0) \wedge ((\forall c' : compu) (c' \in computadoras(r) \Rightarrow ip(c) \neq ip(c')))\}$   
**Post**  $\equiv \{r =_{obs} agregarComputadora(r_0, c)\}$   
**Complejidad:**  $O((n * L))$   
**Descripción:** Agrega una computadora a la red  
**Aliasing:** La compu se agrega por copia

CONECTAR(**in/out**  $r : red$ , **in**  $c : compu$ , **in**  $c' : compu$ , **in**  $i : compu$ , **in**  $i' : compu$ )  
**Pre**  $\equiv \{(r =_{obs} r_0) \wedge (c \in computadoras(r)) \wedge (c' \in computadoras(r)) \wedge (ip(c) \neq ip(c')) \wedge (\neg conectadas?(r, c, c')) \wedge (\neg usaInterfaz?(r, c, i) \wedge \neg usaInterfaz?(r, c', i'))\}$   
**Post**  $\equiv \{r =_{obs} conectar(r_0, c, i, c', i')\}$   
**Complejidad:**  $O(n! * (n^4))$   
**Descripción:** Conecta dos computadoras y recalcula los caminos mínimos de la red.

COMPUTADORAS(**in**  $r : red$ )  $\rightarrow res : conj(compu)$   
**Pre**  $\equiv \{true\}$   
**Post**  $\equiv \{alias(res =_{obs} computadoras(r))\}$   
**Complejidad:**  $O(1)$   
**Descripción:** Devuelve el conjunto de computadoras de la red.  
**Aliasing:** El conjunto se da por referencia, y es modificable si y solo si la red es modificable.

CONECTADAS?(**in**  $r : red$ , **in**  $c : compu$ , **in**  $c' : compu$ )  $\rightarrow res : bool$   
**Pre**  $\equiv \{(c \in computadoras(r)) \wedge (c' \in computadoras(r))\}$   
**Post**  $\equiv \{res =_{obs} conectadas?(r, c, c')\}$   
**Complejidad:**  $O(1)$   
**Descripción:** Indica si dos computadoras de la red estan conectadas

INTERFAZUSADA(**in**  $r : red$ , **in**  $c : compu$ , **in**  $c' : compu$ )  $\rightarrow res : interfaz$   
**Pre**  $\equiv \{conectadas?(r, c, c')\}$   
**Post**  $\equiv \{res =_{obs} interfazUsada(r, c, c')\}$   
**Complejidad:**  $O(L + n)$   
**Descripción:** Devuelve la interfaz con la cual se conecta c con c'

VECINOS(**in**  $r : red$ , **in**  $c : compu$ )  $\rightarrow res : conj(compu)$   
**Pre**  $\equiv \{c \in computadoras(r)\}$   
**Post**  $\equiv \{res =_{obs} vecinos(r, c)\}$   
**Complejidad:**  $O(n^2)$   
**Descripción:** Devuelve el conjunto de computadoras conectadas con c  
**Aliasing:** Devuelve una copia de las computadoras conectadas a c



### 2.2.2. Invariante de Representación

- (I) Todas los elementos de *compus* deben tener IPs distintas.
- (II) Para cada compu, el diccionario de strings *dns* define para la clave <IP de esa compu> un **nodoRed** cuyo *pc* es puntero a esa compu.
- (III) **nodoRed.conexiones** contiene como claves todas las interfaces usadas de la compu *c* (que tienen que estar en *pc.interfaces*)
- (IV) Ningun nodo se conecta con si mismo.
- (V) Ningun nodo se conecta a otro a traves de dos interfaces distintas.
- (VI) Para cada **nodoRed** en *dns*, *caminos* tiene como claves todas las IPs de las compus de la red (**estr.comp**), y los significados corresponden a todos los caminos mínimos desde la compu *pc* hacia la compu cuya IP es clave.

Rep : *estr*  $\rightarrow$  bool

Rep(*e*)  $\equiv$  true  $\iff$  (

(( $\forall c1, c2: \text{compu}$ ) ( $c1 \neq c2 \wedge c1 \in e.\text{compus} \wedge c2 \in e.\text{compus}$ )  $\Rightarrow$   $c1.\text{ip} \neq c2.\text{ip}$ )  $\wedge$

(( $\forall c: \text{compu}$ ) ( $c \in e.\text{compus} \Rightarrow$   
 (  $\text{def?}(c.\text{ip}, e.\text{dns}) \wedge_L \text{obtener}(c.\text{ip}, e.\text{dns}).\text{pc} = \text{puntero}(c)$  )  
 ))  $\wedge$

(( $\forall i: \text{string}, n: \text{nodoRed}$ ) (( $\text{def?}(i, e.\text{dns}) \wedge_L n = \text{obtener}(i, e.\text{dns})$ )  $\Rightarrow$   
 ( $\exists c: \text{compu}$ ) ( $c \in e.\text{compus} \wedge (n.\text{pc} = \text{puntero}(c))$ )  
 ))  $\wedge$

(( $\forall i: \text{string}, n: \text{nodoRed}$ ) (( $\text{def?}(i, e.\text{dns}) \wedge_L n = \text{obtener}(i, e.\text{dns})$ )  $\Rightarrow$   
 (( $\forall t: \text{nat}$ ) ( $\text{def?}(t, n.\text{conexiones}) \Rightarrow (t \in n.\text{pc} \rightarrow \text{interfaces})$ ))  
 ))  $\wedge$

(( $\forall i: \text{string}, n: \text{nodoRed}$ ) (( $\text{def?}(i, e.\text{dns}) \wedge_L n = \text{obtener}(i, e.\text{dns})$ )  $\Rightarrow$   
 (( $\forall t: \text{nat}$ ) ( $\text{def?}(t, n.\text{conexiones}) \Rightarrow_L (\text{obtener}(t, n.\text{conexiones}) \neq \text{puntero}(n))$ ))  
 ))  $\wedge$

(( $\forall i: \text{string}, n: \text{nodoRed}$ ) (( $\text{def?}(i, e.\text{dns}) \wedge_L n = \text{obtener}(i, e.\text{dns})$ )  $\Rightarrow$   
 (( $\forall t1, t2: \text{nat}$ ) (( $t1 \neq t2 \wedge \text{def?}(t1, n.\text{conexiones}) \wedge \text{def?}(t2, n.\text{conexiones})$ )  $\Rightarrow_L$   
 ( $\text{obtener}(t1, n.\text{conexiones}) \neq \text{obtener}(t2, n.\text{conexiones})$ )  
 ))  
 ))  $\wedge$

(( $\forall i1, i2: \text{string}, n1, n2: \text{nodoRed}$ ) ((  
 ( $\text{def?}(i1, e.\text{dns}) \wedge_L n1 = \text{obtener}(i1, e.\text{dns})$ )  $\wedge$   
 ( $\text{def?}(i2, e.\text{dns}) \wedge_L n2 = \text{obtener}(i2, e.\text{dns})$ )  
 )  $\Rightarrow$  ( $\text{def?}(i2, n1.\text{caminos}) \wedge_L \text{obtener}(i2, n1.\text{caminos}) = \text{darCaminosMinimos}(n1, n2)$ )  
 ))  
 )

<i>vecinas</i>	: <i>nodoRed</i>	$\rightarrow$ conj( <i>nodoRed</i> )
<i>auxVecinas</i>	: <i>nodoRed</i> $\times$ <i>dicc</i> ( <i>nat</i> $\times$ <i>puntero</i> ( <i>nodoRed</i> ))	$\rightarrow$ conj( <i>nodoRed</i> )
<i>secusDeLongK</i>	: conj( <i>secu</i> ( $\alpha$ )) $\times$ <i>nat</i>	$\rightarrow$ conj( <i>secu</i> ( $\alpha$ ))
<i>longMenorSec</i>	: conj( <i>secu</i> ( $\alpha$ )) <i>secus</i>	$\rightarrow$ <i>nat</i> { $\neg \emptyset?$ ( <i>secus</i> )}
<i>darRutas</i>	: <i>nodoRed</i> <i>nA</i> $\times$ <i>nodoRed</i> <i>nB</i> $\times$ conj( <i>pc</i> ) $\times$ <i>secu</i> ( <i>nodoRed</i> )	$\rightarrow$ conj( <i>secu</i> ( <i>nodoRed</i> ))



$\text{darRutasVecinas} : \text{conj}(\text{pc}) \text{ vec} \times \text{nodoRed } n \times \text{conj}(\text{pc}) \times \text{secu}(\text{nodoRed}) \longrightarrow \text{conj}(\text{secu}(\text{nodoRed}))$   
 $\text{darCaminosMinimos} : \text{nodoRed } n1 \times \text{nodoRed } n1 \longrightarrow \text{conj}(\text{secu}(\text{compu}))$

$\text{vecinas}(n) \equiv \text{auxVecinas}(n, n.\text{conexiones})$   
 $\text{auxVecinas}(n, cs) \equiv \text{if } \emptyset?(cs) \text{ then } \emptyset \text{ else } \text{Ag}(\text{obtener}(\text{dameUno}(\text{claves}(cs)), cs), \text{auxVecinas}(n, \text{sinUno}(cs)))$

$\text{secusDeLongK}(\text{secus}, k) \equiv \text{if } \emptyset?(\text{secus}) \text{ then } \emptyset \text{ else } \text{if } \text{long}(\text{dameUno}(\text{secus})) = k \text{ then } \text{dameUno}(\text{secus}) \cup \text{secusDeLongK}(\text{sinUno}(\text{secus}), k) \text{ else } \text{secusDeLongK}(\text{sinUno}(\text{secus}), k) \text{ fi}$

$\text{longMenorSec}(\text{secus}) \equiv \text{if } \empty?(\text{sinUno}(\text{secus})) \text{ then } \text{long}(\text{dameUno}(\text{secus})) \text{ else } \text{min}(\text{long}(\text{dameUno}(\text{secus})), \text{longMenorSec}(\text{sinUno}(\text{secus}))) \text{ fi}$

$\text{darRutas}(nA, nB, \text{rec}, \text{ruta}) \equiv \text{if } nB \in \text{vecinas}(nA) \text{ then } \text{Ag}(\text{ruta} \circ nB, \emptyset) \text{ else } \text{if } \empty?(\text{vecinas}(nA) - \text{rec}) \text{ then } \emptyset \text{ else } \text{darRutas}(\text{dameUno}(\text{vecinas}(nA) - \text{rec}), nB, \text{Ag}(nA, \text{rec}), \text{ruta} \circ \text{dameUno}(\text{vecinas}(nA) - \text{rec})) \cup \text{darRutasVecinas}(\text{sinUno}(\text{vecinas}(nA) - \text{rec}), nB, \text{Ag}(nA, \text{rec}), \text{ruta} \circ \text{dameUno}(\text{vecinas}(nA) - \text{rec})) \text{ fi}$

$\text{darRutasVecinas}(\text{vecinas}, n, \text{rec}, \text{ruta}) \equiv \text{if } \empty?(\text{vecinas}) \text{ then } \emptyset \text{ else } \text{darRutas}(\text{dameUno}(\text{vecinas}), n, \text{rec}, \text{ruta}) \cup \text{darRutasVecinas}(\text{sinUno}(\text{vecinas}), n, \text{rec}, \text{ruta}) \text{ fi}$

$\text{darCaminosMinimos}(nA, nB) \equiv \text{secusDeLongK}(\text{darRutas}(nA, nB, \emptyset, <>), \text{longMenorSec}(\text{darRutas}(nA, nB, \emptyset, <>)))$

### 2.2.3. Función de Abstracción

$\text{Abs} : \text{estr } e \longrightarrow \text{red} \quad \{\text{Rep}(e)\}$   
 $\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} r : \text{red} \mid e.\text{compus} =_{\text{obs}} \text{computadoras}(r) \wedge$   
 $((\forall c1, c2: \text{compu}, i1, i2: \text{string}, n1, n2: \text{nodoRed}) ($   
 $(c1 \in e.\text{compus} \wedge i1 = c1.\text{ip} \wedge \text{def?}(i1, e.\text{dns}) \wedge_L n1 = \text{obtener}(i1, e.\text{dns}) \wedge c1 = *n1.\text{pc}) \wedge$   
 $(c2 \in e.\text{compus} \wedge i2 = c2.\text{ip} \wedge \text{def?}(i2, e.\text{dns}) \wedge_L n2 = \text{obtener}(i2, e.\text{dns}) \wedge c2 = *n2.\text{pc}) \wedge$   
 $(c1 \neq c2)) \Rightarrow_L$   
 $(\text{conectadas?}(r, c1, c2) \Leftrightarrow ( (\exists t1, t2: \text{nat}) ($   
 $t1 = \text{interfazUsada}(r, c1, c2) \wedge t2 = \text{interfazUsada}(r, c2, c1) \wedge$   
 $\text{def?}(t1, n1.\text{conexiones}) \wedge \text{def?}(t2, n2.\text{conexiones}) \wedge_L ($   
 $\&n2 = \text{obtener}(t1, n1.\text{conexiones}) \wedge \&n1 = \text{obtener}(t2, n2.\text{conexiones})$   
 $))))$

## 2.3. Algoritmos

```

iIniciarRed () → res: red
    res.compus ← Vacio()
    res.dns ← Vacio()
Complejidad : O(1)

```

```

iAgregarComputadora (in/out r: red, in c: compu)
    itCompus: itConj(compu) ← CrearIt(r.compus)
    while HaySiguiente?(itCompus) do
        nr: nodoRed ← Significado(r.dns, Siguiente(itCompus).ip)
        Definir(nr.camino, c.ip, Vacio())
        Avanzar(itCompus)
    end while

    AgregarRapido(r.compus, c)

    Definir(r.dns, compu.ip, Tupla<x, Vacio(), Vacio()>)
    InicializarConjCaminos(r, c)
Complejidad : O(n * L)

```

```

InicializarConjCaminos (in/out r: red, in c: compu)
    itCompus: itConj(compu) ← CrearIt(r.compus)
    cams: diccTrie(ip, conj(lista(compu))) ←
        Significado(r.dns, c.ip).camino
    while HaySiguiente?(itCompus) do
        Definir(cams, Siguiente(itCompus).ip, Vacio())
        Avanzar(itCompus)
    end while
Complejidad : O(n * L)

```

```

iConectar (in/out r : red, in c0 : compu, in c1 : compu, in i0 : compu, in i1 : compu)
  nr0:nodoRed ← Significado(r.dns, c0.ip)                                O(L)
  nr1:nodoRed ← Significado(r.dns, c1.ip)                                O(L)
  DefinirRapido(nr0.conexiones, i0, nr1)                                O(1)
  DefinirRapido(nr1.conexiones, i1, nr0)                                O(1)
  CrearTodosLosCaminos(r)                                              O(n! * (n3 * (n + L)))
Complejidad : O(n! * (n3 * (n + L)))

```

```

CrearTodosLosCaminos (in/out r : red)
  itCompuA:itConj(compu) ← CrearIt(r.compus)                            O(1)
  while HaySiguiente?(itCompuA) do                                     O(1)
    nr:nodoRed ← Significado(r.dns, Siguiente(itCompuA).ip)           O(L)

    itCompuB:itConj(compu) ← CrearIt(r.compus)                            O(1)
    while HaySiguiente?(itCompuB) do                                     O(1)

      caminimos:conj(lista(compu)) ← Minimos(Caminos
        (nr, Siguiente(itCompuB).ip)                                     O(n! * n*(n + L))
        Definir(nr.caminos, Siguiente(itCompuB).ip, caminimos)         O(L)

      Avanzar(itCompuB)                                                  O(1)
    end while                                                            O(n! * (n2 * (n + L)))

    Avanzar(itCompuA)                                                    O(1)
  end while                                                            O(n! * (n3 * (n + L)))
Complejidad : O(n! * (n3 * (n + L)))

```

```

Caminos (in c1 : nodoRed, in ipDestino : string) → res: conj(lista(compu))
  res ← Vacio()                                                        O(1)

  frameRecorrido:pila(lista(compu)) ← Vacía()                          O(1)
  frameCandidatos:pila(lista(nodoRed)) ← Vacía()                       O(1)

  iCandidatos:lista(nodoRed) ← listaNodosVecinos(c1)                  O(n)
  iRecorrido:lista(compu) ← Vacía()                                     O(1)
  AgregarAdelante(iRecorrido, *(c1.pc))                              O(1)

  Apilar(frameRecorrido, iRecorrido)                                    O(1)
  Apilar(frameCandidatos, iCandidatos)                                  O(1)

  pCandidatos:compu                                                     O(1)
  fCandidatos:lista(nodoRed)                                            O(1)

  while ¬EsVacía?(frameRecorrido) do                                    O(1)
    iRecorrido ← Tope(frameRecorrido)                                   O(1)
    iCandidatos ← Tope(frameCandidatos)                                 O(1)

    Desapilar(frameRecorrido)                                            O(1)
    Desapilar(frameCandidatos)                                           O(1)

    pCandidatos ← Primero(iCandidatos)                                    O(1)

  // ... sigue

```

```

if ¬EsVacio?(iCandidatos) then                                O(1)
  Fin(iCandidatos)                                             O(1)
  fCandidatos ← iCandidatos                                    O(n)

  if ult(iRecorrido).pc→ip = ipDestino then                    O(L)
    AgregarRapido(res, iRecorrido)                             O(n)
  else
    Apilar(frameRecorrido, iRecorrido)                         O(1)
    Apilar(frameCandidatos, fCandidatos)                       O(1)

    if ¬nodoEnLista(pCandidatos, iRecorrido) then              O(n*(n + L))
      iRecorrido ← Copiar(iRecorrido)                          O(n)
      AgregarAtras(iRecorrido, *(pCandidatos))                O(n)
      Apilar(frameRecorrido, iRecorrido)                       O(1)
      Apilar(frameCandidatos, listaNodosVecinos(pCandidatos)) O(n)
    fi
  fi
fi
fi
fi
end while
Complejidad :  $O(n! * n * (n + L))$ 

```

```

Minimos (in caminos: conj(lista(compu))) → res: conj(lista(compu))
res ← Vacio()                                                  O(1)
longMinima: int                                                O(1)
itCaminos: itConj(lista(compu)) ← CrearIt(caminos)             O(1)
if HaySiguiente?(itCaminos) then                                O(1)
  longMinima ← Longitud(Siguiente(itCaminos))                  O(1)
  Avanzar(itCaminos)                                            O(1)
  while HaySiguiente?(itCaminos)                                O(1)
    if Longitud(Siguiente(itCaminos)) < longMinima then        O(1)
      longMinima ← Longitud(Siguiente(itCaminos))              O(1)
      Avanzar(itCaminos)                                        O(1)
    end while
  itCaminos ← CrearIt(caminos)                                  O(1)
  while HaySiguiente?(itCaminos)                                O(1)
    if Longitud(Siguiente(itCaminos)) = longMinima then        O(1)
      AgregarRapido(res, Siguiente(itCaminos))                 O(1)
      Avanzar(itCaminos)                                        O(1)
    end while
  end if
Complejidad :  $O(n)$ 

```

```

listaNodosVecinos (in n: nodoRed) → res: lista(nodoRed)
res ← Vacía()                                                  O(1)
itVecinos : itDicc(interfaz, puntero(nodoRed))) ← CrearIt(n, conexiones) O(1)
while HaySiguiente?(itVecinos) do                               O(1)
  AgregarAdelante(res, *SiguienteSignificado(itVecinos))      O(1)
  Avanzar(itVecinos)                                            O(1)
end while
Complejidad :  $O(n)$ 

```

```

nodoEnLista (in n: nodoRed, in ns: lista(nodoRed)) → res: bool
  res ← false
  itNodos: itLista(lista(nodoRed)) ← CrearIt(ns)
  while HaySiguiente?(itNodos) do
    if Siguiente(itNodos) = n then
      res ← true
    end if
    Avanzar(itNodos)
  end while
Complejidad :  $O(n * (n + L))$ 

```

```

iComputadoras (in r: red) → res: conj(compu)
  res ← r.compus
Complejidad :  $O(1)$ 

```

```

iConectadas? (in r: red, in c0: compu, in c1: compu) → res: bool
  nr0:nodoRed ← Significado(r.dns, c0.ip)
  it :itDicc(interfaz, puntero(nodoRed)) ← CrearIt(nr0.conexiones)
  res ← false
  while HaySiguiente?(it) do
    if c1.ip = SiguienteSignificado(it)→pc→ip then
      res ← true
    end if
    Avanzar(it)
  end while
Complejidad :  $O(L + n)$ 

```

```

iInterfazUsada (in r: red, in c0: compu, in c1: compu) → res: interfaz
  nr0:nodoRed ← Significado(r.dns, c0.ip)
  it :itDicc(interfaz, puntero(nodoRed))
  ← CrearIt(nr0.conexiones)
  while HaySiguiente?(it) do
    if c1.ip = SiguienteSignificado(it)→pc→ip then
      res ← SiguienteClave(it)
    end if
    Avanzar(it)
  end while
Complejidad :  $O(L + n)$ 

```

```

iVecinos (in r: red, in c: compu) → res: conj(compu)
  nr:nodoRed ← Significado(r.dns, c.ip)
  res:conj(compu) ← Vacio()
  it :itDicc(interfaz, puntero(nodoRed))
  ← CrearIt(nr.conexiones)
  while HaySiguiente?(it) do
    AgregarRapido(res, *(SiguienteSignificado(it)→pc))
    Avanzar(it)
  end while
Complejidad :  $O(L + n)$ 

```

```

iUsaInterfaz? (in r: red, in c: compu, in i: interfaz) → res: bool
  nr:nodoRed ← Significado(r.dns, c.ip)                                O(L)
  res ← Definido?(pnr.conexiones, i)                                O(n)
Complejidad :  $O(L + n)$ 

```

```

iCaminosMinimos (in r: red, in c0: compu, in c1: compu) → res: conj(secu(compu))
  nr:nodoRed ← Significado(r.dns, c0.ip)                                O(L)
  res ← Significado(pnr.caminos, c1.ip)                                O(L)
Complejidad :  $O(L)$ 

```

```

HayCamino? (in r: red, in c0: compu, in c1: compu) → res: bool
  nr:nodoRed ← Significado(r.dns, c0.ip)                                O(L)
  res ← ¬EsVacio?(Significado(pnr.caminos, c1.ip))                O(L)
Complejidad :  $O(L)$ 

```

```

iCopiar (in otraRed: red) → res: red
  res ← iIniciarRed                                                    O(1)
  // copia el conjunto de tuplas
  res.compus ← Copiar(otraRed.compus)                                O(n)
  // rearma los nodos (con conexiones en blanco) del diccionario dns
  itCompus:itConj(compu) ← CrearIt(res.compus)                        O(1)
  while HaySiguiente?(itCompus) do                                    O(1)

    c:compu ← Siguiente(itCompus)                                    O(1)
    nodoAux:nodoRed ← Obtener(otraRed.dns, c.ip)                    O(L)
    copiaCaminos:diccString(conj(lista(compu))) ← Copiar(nodoAux.caminos) O(n)
    Definir(res.dns, c.ip, Tupla<&c, copiaCaminos, Vacio()>)        O(L)

    Avanzar(itCompus)                                                O(1)
  end while                                                         O(n2 + n*L)

  // rearma las conexiones
  itCompus:itConj(compu) ← CrearIt(res.compus)                        O(1)
  while HaySiguiente?(itCompus) do                                    O(1)
    nodoMio:nodoRed ← Obtener(res.dns, c.ip)                        O(L)
    nodoOtra:nodoRed ← Obtener(otraRed.dns, c.ip)                    O(L)

    itInterfs:itConj(nat) ← CrearIt(nodoMio.pc → interfaces)        O(1)

    while HaySiguiente?(itInterfs) do                                O(1)
      interf:nat ← Siguiente(itInterfs)                                O(1)
      ip:string ← Obtener(nodoOtra.conexiones, interf)                O(n)
      Definir(nodoMio.conexiones, interf, &Obtener(res.dns, ip))    O(L)

      Avanzar(itInterfs)                                              O(1)
    end while                                                         O(n2 + n*L)

    Avanzar(itCompus)                                                O(1)
  end while                                                         O(n3 + n2 * L)

Complejidad :  $O(n^3 + n^2 * L)$ 

```

$\bullet = \bullet$  (**in**  $r_0 : \mathbf{red}$ , **in**  $r_1 : \mathbf{red}$ )  $\rightarrow$  res: bool  
res  $\leftarrow$  ( $r_0.\text{compus} = r_1.\text{compus}$ )  $\wedge$  ( $r_0.\text{dns} = r_1.\text{dns}$ )  
**Complejidad** :  $O(n + L(L + n))$

 $O(n + L^2)$

### 3. Módulo Cola de mínima prioridad( $\alpha$ )

El módulo cola de mínima prioridad consiste en una cola de prioridad de elementos del tipo  $\alpha$  cuya prioridad está determinada por un *nat* de forma tal que el elemento que se ingrese con el menor *nat* será el de mayor prioridad.

#### 3.1. Especificación

**TAD COLA DE MÍNIMA PRIORIDAD( $\alpha$ )**

**igualdad observacional**

$$(\forall c, c' : \text{colaMinPrior}(\alpha)) \left( c =_{\text{obs}} c' \iff \left( \begin{array}{l} \text{vacía?}(c) =_{\text{obs}} \text{vacía?}(c') \wedge_{\text{L}} \\ (\neg \text{vacía?}(c) \Rightarrow_{\text{L}} (\text{próximo}(c) =_{\text{obs}} \text{próximo}(c') \wedge \\ \text{desencolar}(c) =_{\text{obs}} \text{desencolar}(c')) \end{array} \right) \right)$$

**parámetros formales**

**géneros**  $\alpha$

**operaciones**  $\bullet < : \alpha \times \alpha \rightarrow \text{bool}$

Relación de orden total estricto<sup>1</sup>

$\bullet$

**géneros**  $\text{colaMinPrior}(\alpha)$

**exporta**  $\text{colaMinPrior}(\alpha)$ , generadores, observadores

**usa** **BOOL**

**observadores básicos**

$\text{vacía?} : \text{colaMinPrior}(\alpha) \rightarrow \text{bool}$

$\text{próximo} : \text{colaMinPrior}(\alpha) \ c \rightarrow \alpha$

$\{\neg \text{vacía?}(c)\}$

$\text{desencolar} : \text{colaMinPrior}(\alpha) \ c \rightarrow \text{colaMinPrior}(\alpha)$

$\{\neg \text{vacía?}(c)\}$

**generadores**

$\text{vacía} : \rightarrow \text{colaMinPrior}(\alpha)$

$\text{encolar} : \alpha \times \text{colaMinPrior}(\alpha) \rightarrow \text{colaMinPrior}(\alpha)$

**otras operaciones**

$\text{tamaño} : \text{colaMinPrior}(\alpha) \rightarrow \text{nat}$

**axiomas**  $\forall c : \text{colaMinPrior}(\alpha), \forall e : \alpha$

$\text{vacía?}(\text{vacía}) \equiv \text{true}$

$\text{vacía?}(\text{encolar}(e, c)) \equiv \text{false}$

$\text{próximo}(\text{encolar}(e, c)) \equiv \text{if } \text{vacía?}(c) \vee_{\text{L}} \text{próximo}(c) > e \text{ then } e \text{ else } \text{próximo}(c) \text{ fi}$

$\text{desencolar}(\text{encolar}(e, c)) \equiv \text{if } \text{vacía?}(c) \vee_{\text{L}} \text{próximo}(c) > e \text{ then } c \text{ else } \text{encolar}(e, \text{desencolar}(c)) \text{ fi}$

**Fin TAD**

<sup>1</sup>Una relación es un orden total estricto cuando se cumple:

**Antirreflexividad:**  $\neg a < a$  para todo  $a : \alpha$

**Antisimetría:**  $(a < b \Rightarrow \neg b < a)$  para todo  $a, b : \alpha, a \neq b$

**Transitividad:**  $((a < b \wedge b < c) \Rightarrow a < c)$  para todo  $a, b, c : \alpha$

**Totalidad:**  $(a < b \vee b < a)$  para todo  $a, b : \alpha$



### 3.2. Interfaz

**parámetros formales**

**géneros**  $\alpha$

**se explica con:** COLA DE MÍNIMA PRIORIDAD(NAT).

**géneros:** colaMinPrior( $\alpha$ ).

#### 3.2.1. Operaciones básicas de Cola de mínima prioridad

VACÍA()  $\rightarrow res : \text{colaMinPrior}(\alpha)$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{vacía}\}$

**Complejidad:** O(1)

**Descripción:** Crea una cola de prioridad vacía

VACÍA?(in  $c : \text{colaMinPrior}(\alpha)$ )  $\rightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{vacía?}(c)\}$

**Complejidad:** O(1)

**Descripción:** Devuelve true si y sólo si la cola está vacía

PRÓXIMO(in  $c : \text{colaMinPrior}(\alpha)$ )  $\rightarrow res : \alpha$

**Pre**  $\equiv \{\neg \text{vacía?}(c)\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{próximo}(c))\}$

**Complejidad:** O(1)

**Descripción:** Devuelve el próximo elemento a desencolar

**Aliasing:**  $res$  es modificable si y sólo si  $c$  es modificable

DESENCOLAR(in/out  $c : \text{colaMinPrior}(\alpha)$ )  $\rightarrow res : \alpha$

**Pre**  $\equiv \{\neg \text{vacía?}(c) \wedge c =_{\text{obs}} c_0\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{próximo}(c_0) \wedge c =_{\text{obs}} \text{desencolar}(c_0)\}$

**Complejidad:** O(log(tamaño( $c$ )))

**Descripción:** Quita el elemento más prioritario

**Aliasing:** Se devuelve el elemento por copia

ENCOLAR(in/out  $c : \text{colaMinPrior}(\alpha)$ , in  $p : \text{nat}$ , in  $a : \alpha$ )

**Pre**  $\equiv \{c =_{\text{obs}} c_0\}$

**Post**  $\equiv \{c =_{\text{obs}} \text{encolar}(p, c_0)\}$

**Complejidad:** O(log(tamaño( $c$ )))

**Descripción:** Agrega al elemento  $\alpha$  con prioridad  $p$  a la cola

**Aliasing:** Se agrega el elemento por copia

• = •(in  $c : \text{colaMinPrior}(\alpha)$ , in  $c' : \text{colaMinPrior}(\alpha)$ )  $\rightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} (c =_{\text{obs}} c')\}$

**Complejidad:** O(min(tamaño( $c$ ), tamaño( $c'$ )))

**Descripción:** Indica si  $c$  es igual  $c'$

### 3.3. Representación

#### 3.3.1. Representación de colaMinPrior

colaMinPrior( $\alpha$ ) se representa con **estr**

donde **estr** es **diccLog**(nodoEncolados)

donde **nodoEncolados** es **tupla**(*encolados*: cola( $\alpha$ ), *prioridad*: nat)

#### 3.3.2. Invariante de Representación

- (I) Todos los significados del diccionario tienen como clave el valor de *prioridad*
- (II) Todos los significados del diccionario no pueden tener una cola vacía

Rep : **estr**  $\rightarrow$  bool

Rep( $e$ )  $\equiv$  true  $\iff$   
 $(\forall n : \text{nat}) \text{ def?}(n, e) \Rightarrow_L ((\text{obtener}(n, e).\text{prioridad} = n) \wedge \neg \text{vacía?}(\text{obtener}(n, e).\text{encolados}))$

#### 3.3.3. Función de Abstracción

Abs : **estr**  $e \rightarrow$  colaMinPrior

{Rep( $e$ )}

Abs( $e$ ) =<sub>obs</sub> cmp: colaMinPrior | (vacía?(*cmp*)  $\Leftrightarrow$  (#claves( $e$ ) = 0))  $\wedge$   
 $\neg \text{vacía?}(\text{cmp}) \Rightarrow_L$   
 $((\text{próximo}(\text{cmp}) = \text{próximo}(\text{mínimo}(e).\text{encolados})) \wedge$   
 $(\text{desencolar}(\text{cmp}) = \text{desencolar}(\text{mínimo}(e).\text{encolados})))$

### 3.4. Algoritmos

iVacía ()  $\rightarrow$  res: colaMinPrior( $\alpha$ )

res  $\leftarrow$  CrearDicc()

O(1)

**Complejidad** : O(1)

iVacía? (**in**  $c$ : colaMinPrior( $\alpha$ ))  $\rightarrow$  res: bool

res  $\leftarrow$  Vacío?( $c$ )

O(1)

**Complejidad** : O(1)

iPróximo (**in/out**  $c$ : colaMinPrior( $\alpha$ ))  $\rightarrow$  res:  $\alpha$

res  $\leftarrow$  Proximo(Minimo( $c$ )).encolados)

O(1)

**Complejidad** : O(1)

iDesencolar (**in/out**  $c$ : colaMinPrior( $\alpha$ ))  $\rightarrow$  res:  $\alpha$

res $\leftarrow$ Copiar(Proximo(Minimo( $c$ ).encolados))	$O(\text{copy}(\alpha))$
Desencolar(Minimo( $c$ ).encolados)	$O(\log(\text{tamaño}(c)))$
if EsVacia?(Minimo( $c$ ).encolados) then	$O(1)$
Borrar( $c$ , Minimo( $c$ ).prioridad)	$O(\log(\text{tamaño}(c)))$
end if	

**Complejidad** :  $O(\log(\text{tamaño}(c)) + O(\text{copy}(\alpha)))$

iEncolar (**in/out**  $c$ : colaMinPrior( $\alpha$ ), **in**  $p$ : nat, **in**  $a$ :  $\alpha$ )

if Definido?( $c$ , $p$ ) then	$O(\log(\text{tamaño}(c)))$
Encolar(Obtener( $c$ , $p$ ).encolados, $a$ )	$O(\log(\text{tamaño}(c)) + \text{copy}(\alpha))$
else	
nodoEncolados nuevoNodoEncolados	$O(1)$
nuevoNodoEncolados.encolados $\leftarrow$ Vacía()	$O(1)$
nuevoNodoEncolados.prioridad $\leftarrow$ $p$	$O(1)$
Encolar(nuevoNodoEncolados.encolados, $a$ )	$O(\text{copy}(a))$
Definir( $c$ , $p$ , nuevoNodoEncolados)	$O(\log(\text{tamaño}(c)) + \text{copy}(\text{nodoEncolados}))$
end if	

**Complejidad** :  $O(\log(\text{tamaño}(c)) + O(\text{copy}(\alpha)))$

$\bullet = \bullet$  (**in**  $c_0$ : colaMinPrior( $\alpha$ ), **in**  $c_1$ : colaMinPrior( $\alpha$ ))  $\rightarrow$  res: bool

res $\leftarrow$ $c_0 = c_1$	$O(\min(\text{tamaño}(c_0), \text{tamaño}(c_1)))$
------------------------------	---

**Complejidad** :  $O(\min(\text{tamaño}(c_0), \text{tamaño}(c_1)))$

## 4. Módulo Diccionario logarítmico( $\alpha$ )

### 4.1. Interfaz

se explica con:  $\text{DICCIONARIO}(\text{NAT}, \alpha)$ .

géneros:  $\text{diccLog}(\alpha)$ .

#### 4.1.1. Operaciones básicas de Diccionario logarítmico( $\alpha$ )

$\text{CREARDICC}() \rightarrow res : \text{diccLog}(\alpha)$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{vacío}\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Crea un diccionario vacío

$\text{DEFINIDO?}(\text{in } d : \text{diccLog}(\alpha), \text{in } c : \text{nat}) \rightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{def?}(c, d)\}$

**Complejidad:**  $O(\log(\#claves(d)))$

**Descripción:** Devuelve **true** si y sólo si la clave fue previamente definida en el diccionario

$\text{DEFINIR}(\text{in/out } d : \text{diccLog}(\alpha), \text{in } c : \text{nat}, \text{in } s : \alpha)$

**Pre**  $\equiv \{d =_{\text{obs}} d_0\}$

**Post**  $\equiv \{d =_{\text{obs}} \text{definir}(c, s, d_0)\}$

**Complejidad:**  $O(\log(\#claves(d)) + \text{copy}(s))$

**Descripción:** Define la clave  $c$  con el significado  $s$  en  $d$

$\text{OBTENER}(\text{in/out } d : \text{diccLog}(\alpha), \text{in } c : \text{nat}) \rightarrow res : \alpha$

**Pre**  $\equiv \{\text{def?}(c, d)\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{obtener}(c, d))\}$

**Complejidad:**  $O(\log(\#claves(d)))$

**Descripción:** Devuelve el significado correspondiente a la clave en el diccionario

**Aliasing:**  $res$  es modificable si y sólo si  $d$  es modificable

$\text{BORRAR}(\text{in/out } d : \text{diccLog}(\alpha), \text{in } c : \text{nat})$

**Pre**  $\equiv \{\text{def?}(c, d)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{borrar}(c, d)\}$

**Complejidad:**  $O(\log(\#claves(d)))$

**Descripción:** Borra el elemento con la clave dada

$\text{VACÍO?}(\text{in } d : \text{diccLog}(\alpha)) \rightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \emptyset?(claves(d))\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Devuelve **true** si y sólo si el diccionario está vacío

$\text{MÍNIMO}(\text{in/out } d : \text{diccLog}(\alpha)) \rightarrow res : \alpha$

**Pre**  $\equiv \{\neg \emptyset?(claves(d))\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{obtener}(\text{claveMínima}(d), d))\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Devuelve el significado correspondiente a la clave de mínimo valor en el diccionario

**Aliasing:**  $res$  es modificable si y sólo si  $d$  es modificable

**•** = **•**(in  $d: \text{diccLog}(\alpha)$ , in  $d': \text{diccLog}(\alpha)$ )  $\rightarrow res: \text{bool}$   
**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$   
**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} (d =_{\text{obs}} d')\}$   
**Complejidad:**  $O(\max(\#claves(d), \#claves(d')))$   
**Descripción:** Devuelve **true** si y sólo si ambos diccionarios son iguales

#### 4.1.2. Operaciones auxiliares del TAD

$\text{claveMínima} : \text{dicc}(\text{nat} \times \alpha) \ d \longrightarrow \text{nat} \quad \{\neg \emptyset?(claves(d))\}$   
 $\text{darClaveMínima} : \text{dicc}(\text{nat} \times \alpha) \ d \times \text{conj}(\text{nat}) \ c \longrightarrow \text{nat} \quad \{\neg \emptyset?(claves(d)) \wedge (c \subseteq claves(d))\}$   
 $\text{claveMínima}(d) \equiv \text{darClaveMínima}(d, claves(d))$   
 $\text{darClaveMínima}(d, c) \equiv \text{if } \emptyset?(\text{sinUno}(c)) \text{ then } \text{dameUno}(c) \text{ else } \text{min}(\text{dameUno}(c), \text{darClaveMínima}(d, \text{sinUno}(c))) \text{ fi}$

## 4.2. Representación

### 4.2.1. Representación de $\text{diccLog}(\alpha)$

$\text{diccLog}(\alpha)$  se representa con **estr**

donde **estr** es  $\text{tupla}(\text{abAvl}: \text{ab}(\text{nodoAvl}), \text{mínimo}: \text{puntero}(\text{ab}(\text{nodoAvl})))$   
 donde **nodoAvl** es  $\text{tupla}(\text{clave}: \text{nat}, \text{data}: \alpha, \text{balance}: \text{int})$

### 4.2.2. Invariante de Representación

- (I) Se mantiene el invariante de árbol binario de búsqueda para las claves de los nodos.
- (II) Cada nodo tiene  $\text{balance} \in \{-1, 0, 1\}$  donde *balance* es:
  - \* 0 si el árbol está balanceado
  - \* 1 si la diferencia en altura entre el hijo derecho y el izquierdo es de uno
  - \* -1 si la diferencia en altura entre el hijo izquierdo y el derecho es de uno
- (III) Todas las claves son distintas.
- (IV) El *mínimo* apunta al árbol con la clave de menor valor, si el diccionario está vacío vale **NULL**.

$\text{Rep} : \text{estr} \longrightarrow \text{bool}$

$\text{Rep}(e) \equiv \text{true} \iff \text{esABB}(e.\text{abAvl}) \wedge \text{balanceadoBien}(e.\text{abAvl}) \wedge \text{clavesÚnicas}(e.\text{abAvl}, \text{vacío}) \wedge_{\text{L}}$   
 $e.\text{mínimo} = \text{árbolClaveMínima}(e.\text{abAvl})$

$\text{esABB} : \text{ab}(\text{nodoAvl}) \longrightarrow \text{bool}$   
 $\text{balanceadoBien} : \text{ab}(\text{nodoAvl}) \longrightarrow \text{bool}$   
 $\text{clavesEnÁrbol} : \text{ab}(\text{nodoAvl}) \longrightarrow \text{conj}(\text{nat})$   
 $\text{clavesÚnicas} : \text{ab}(\text{nodoAvl}) \longrightarrow \text{bool}$   
 $\text{árbolClaveMínima} : \text{ab}(\text{nodoAvl}) \longrightarrow \text{puntero}(\text{ab}(\text{nodoAvl}))$   
 $\text{darSignificado} : \text{ab}(\text{nodoAvl}) \ a \times \text{nat} \ c \longrightarrow \alpha \quad \{c \in \text{clavesEnÁrbol}(a) \wedge \text{esABB}(a)\}$

```

esABB(a)           ≡ (¬nil?(a)) ⇒L (
    (¬nil?(izq(a)) ⇒L (raíz(a).clave > raíz(izq(a)).clave ∧ esABB(izq(a)))) ∧
    (¬nil?(der(a)) ⇒L (raíz(a).clave < raíz(der(a)).clave ∧ esABB(der(a))))
)

balanceadoBien(a)  ≡ if (nil?(a)) then
    true
else
    (abs(altura(der(a)) - altura(izq(a))) < 2) ∧
    (raíz(a)→balance = altura(der(a)) - altura(izq(a))) ∧
    balanceadoBien(izq(a)) ∧ balanceadoBien(der(a))
fi

clavesEnÁrbol(a)   ≡ if (nil?(a)) then
    ∅
else
    Ag(raíz(a).clave, (clavesEnÁrbol(izq(a)) ∪ clavesEnÁrbol(der(a))))
fi

clavesÚnicas(a)    ≡ tamaño(a) = #(clavesEnÁrbol(a))

árbolClaveMínima(a) ≡ if (nil?(a)) then
    NULL
else
    if (nil?(izq(a))) then puntero(a) else árbolClaveMínima(izq(a)) fi
fi

darSignificado(a, c) ≡ if (raíz(a).clave = c) then
    raíz(a).data
else
    if (raíz(a).clave < c) then
        darSignificado(izq(a), c)
    else
        darSignificado(der(a), c)
    fi
fi

```

#### 4.2.3. Función de Abstracción

```

Abs : estr e  → dicc(nat, α)                                     {Rep(e)}
Abs(e) =obs d: dicc(nat, α) | (∀n: nat) (
    (def?(n, d) ⇔ n ∈ clavesEnÁrbol(e.abAvl)) ∧L
    (def?(n, d) ⇒L obtener(n, d) = darSignificado(e.abAvl, n))
)

```

### 4.3. Algoritmos

```

iCrearDicc () → res: diccLog(α)
    res ← <Nil, NULL>
Complejidad : O(1)

```

O(1)

```

iDefinir (in/out diccLog( $\alpha$ ): d, in nat: c, in  $\alpha$ : s)
  if (Nil?(d.abAvl)) then
    d.abAvl  $\leftarrow$  crearArbol(c, s)
    d.minimo  $\leftarrow$  puntero(d.abAvl)
  else
    it: ab(nodoAvl)  $\leftarrow$  d.abAvl
    up: pila(puntero(ab(nodoAvl)))
    upd: pila(bool)

    Apilar(upd, (Raiz(it).clave < c))
    Apilar(up, puntero(it))

    while( $\neg$ Nil?(subArbol(it, Tope(upd))))
      it  $\leftarrow$  subArbol(it, Tope(upd))

      Apilar(upd, (Raiz(it).clave < c))
      Apilar(up, puntero(it))
    do
      subArbol(it, Tope(upd))  $\leftarrow$  crearArbol(c, s)
      if(c < Raiz(*d.minimo).clave) then
        d.minimo  $\leftarrow$  puntero(subArbol(it, Tope(upd)))
      end if

      break  $\leftarrow$  false
      while((Tamano(up) > 0)  $\wedge$   $\neg$ break)
        if(Tope(upd)) then
          Raiz(*Tope(up)).balance  $\leftarrow$  Raiz(*Tope(up)).balance + 1
        else
          Raiz(*Tope(up)).balance  $\leftarrow$  Raiz(*Tope(up)).balance - 1
        end if

        if(Raiz(*Tope(up)).balance = 0) then
          break  $\leftarrow$  true
        else
          if(abs(Raiz(*Tope(up)).balance > 1)) then
            *Tope(up)  $\leftarrow$  puntero(insertarBalance(*Tope(up), Tope(upd)))

            if(Tamano(up) > 1) then
              upTope: puntero(ab(nodoAvl))  $\leftarrow$  copy(Tope(up))
              Desapilar(up)
              Desapilar(upd)
              subArbol(*Tope(up), Tope(upd))  $\leftarrow$  *upTope
            else
              d.abAvl  $\leftarrow$  *Tope(up)
            end if

            break  $\leftarrow$  true
          else
            Desapilar(up)
            Desapilar(upd)
          end if
        end if
      do
    end if
  end if
Complejidad :  $O(\log(\#claves(d))) + O(copy(s))$ 

```

```

crearArbol (in nat: c, in  $\alpha$ : s)  $\rightarrow$  res: ab(nodoAvl)
  res  $\leftarrow$  Bin(Nil, <c, copy(s), 0>, Nil)
  Complejidad :  $O(\text{copy}(s))$ 

```

```

subArbol (in/out ab(nodoAvl): a, in bool: dir)  $\rightarrow$  res: ab(nodoAvl)
  if (dir) then
    res  $\leftarrow$  Der(a)
  else
    res  $\leftarrow$  Izq(a)
  end if
  Complejidad :  $O(1)$ 

```

```

insertarBalance (in/out ab(nodoAvl): root, in bool: dir)  $\rightarrow$  res: ab(nodoAvl)
  hijo: ab(nodoAvl)  $\leftarrow$  subArbol(root, dir)

  if (dir) then
    bal: int  $\leftarrow$  1
  else
    bal: int  $\leftarrow$  -1
  end if

  if (Raiz(hijo).balance = bal) then
    Raiz(root).balance  $\leftarrow$  0
    Raiz(hijo).balance  $\leftarrow$  0
    root  $\leftarrow$  rotacionSimple(root,  $\neg$ dir)
  else
    ajustarBalance(root, dir, bal)
    root  $\leftarrow$  rotacionDoble(root,  $\neg$ dir)
  end if

  res  $\leftarrow$  root
  Complejidad :  $O(1)$ 

```

```

rotacionSimple (in/out ab(nodoAvl): root, in bool: dir)  $\rightarrow$  res: ab(nodoAvl)
  hijo: ab(nodoAvl)  $\leftarrow$  subArbol(root,  $\neg$ dir)

  subArbol(root,  $\neg$ dir)  $\leftarrow$  subArbol(hijo, dir)
  subArbol(hijo, dir)  $\leftarrow$  root

  res  $\leftarrow$  hijo
  Complejidad :  $O(1)$ 

```

```

rotacionDoble (in/out ab(nodoAvl): root, in bool: dir)  $\rightarrow$  res: ab(nodoAvl)
  nieto: ab(nodoAvl)  $\leftarrow$  subArbol(subArbol(root,  $\neg$ dir), dir)

  subArbol(subArbol(root,  $\neg$ dir), dir)  $\leftarrow$  subArbol(nieto,  $\neg$ dir)
  subArbol(nieto,  $\neg$ dir)  $\leftarrow$  subArbol(root,  $\neg$ dir)
  subArbol(root,  $\neg$ dir)  $\leftarrow$  nieto

  // ... sigue

```



nieto $\leftarrow$ subArbol(root, $\neg$ dir)	O(1)
subArbol(root, $\neg$ dir) $\leftarrow$ subArbol(nieto, dir)	O(1)
subArbol(nieto, dir) $\leftarrow$ root	O(1)
 res $\leftarrow$ nieto	 O(1)
<b>Complejidad : <math>O(1)</math></b>	

ajustarBalance ( <b>in/out</b> ab(nodoAvl): root, <b>in</b> bool: dir, <b>in</b> int: bal)	
hijo: ab(nodoAvl) $\leftarrow$ subArbol(root, dir)	O(1)
nieto: ab(nodoAvl) $\leftarrow$ subArbol(hijo, $\neg$ dir)	O(1)
 if (Raiz(nieto).balance = 0) then	O(1)
Raiz(root).balance $\leftarrow$ 0	O(1)
Raiz(hijo).balance $\leftarrow$ 0	O(1)
else	
if (Raiz(nieto).balance = bal) then	O(1)
Raiz(root).balance $\leftarrow$ $\neg$ bal	O(1)
Raiz(hijo).balance $\leftarrow$ 0	O(1)
else	
Raiz(root).balance $\leftarrow$ 0	O(1)
Raiz(hijo).balance $\leftarrow$ bal	O(1)
end if	
end if	
 Raiz(nieto).balance $\leftarrow$ 0	O(1)
<b>Complejidad : <math>O(1)</math></b>	

iBorrar ( <b>in/out</b> diccLog( $\alpha$ ): d, <b>in</b> nat: c)	
it: ab(nodoAvl) $\leftarrow$ d.abAvl	O(1)
padre: ab(nodoAvl) $\leftarrow$ Nil	O(1)
padreDir: bool $\leftarrow$ false	O(1)
up: pila(puntero(ab(nodoAvl)))	O(1)
upd: pila(bool)	O(1)
 while (Raiz(it).clave $\neq$ c)	O(1)
Apilar(upd, (Raiz(it).clave < c))	O(1)
Apilar(up, puntero(it))	O(1)
 padre $\leftarrow$ it	O(1)
padreDir $\leftarrow$ Tope(upd)	O(1)
 it $\leftarrow$ subArbol(it, Tope(upd))	O(1)
do	O(log(#claves(d)))
 if (Raiz(it).clave = Raiz(*d.minimo).clave) then	O(1)
if (Nil?(padre)) then	O(1)
d.minimo $\leftarrow$ NULL	O(1)
else	
d.minimo $\leftarrow$ puntero(padre)	O(1)
end if	
end if	
 // ... sigue	

```

if (Nil?(Izq(it)) ∨ Nil?(Der(it))) then                                O(1)
    dir: bool ← Nil?(Izq(it))                                         O(1)

    if (Tamano(up) > 1) then                                           O(1)
        SubArbol(*Tope(up), Tope(upd)) ← subArbol(it, dir)          O(1)
    else
        d.abAvl ← subArbol(it, dir)                                   O(1)
    end if
else
    heredero: ab(nodoAvl) ← Der(it)                                    O(1)

    Apilar(Tope(upd), true)                                           O(1)
    Apilar(Tope(up), puntero(it))                                     O(1)

    while (¬Nil?(Izq(heredero))                                       O(1)
        Apilar(upd, false)                                           O(1)
        Apilar(up, puntero(heredero))                               O(1)
        heredero ← Izq(heredero)                                     O(1)
    end while                                                         O(log(#claves(d)))

    subArbol(*Tope(up), Tope(up) = puntero(it)) ← Der(heredero)     O(1)
    Izq(heredero) ← Izq(it)                                           O(1)
    Der(heredero) ← Der(it)                                           O(1)
    if (¬Nil?(padre)) then                                           O(1)
        subArbol(padre, padreDir) ← heredero                       O(1)
    end if
end if

break: bool ← false                                                  O(1)
while ((Tamano(up) > 0) ∧ ¬break)                                     O(1)
    if (Tope(upd)) then                                              O(1)
        Raiz(*Tope(up)).balance ← Raiz(*Tope(up)).balance + 1      O(1)
    else
        Raiz(*Tope(up)).balance ← Raiz(*Tope(up)).balance - 1      O(1)
    end if

    if (abs(Raiz(*Tope(up)).balance) = 1) then                       O(1)
        break ← true                                                 O(1)
    else
        if (abs(Raiz(*Tope(up)).balance) > 1) then                 O(1)
            *Tope(up) ← removerBalanceo(*Tope(up), Tope(upd), &break) O(1)
            if (Tamano(up) > 1) then                                  O(1)
                upTope: puntero(ab(nodoAvl)) ← copy(Tope(up))      O(1)
                Desapilar(up)                                       O(1)
                Desapilar(upd)                                       O(1)
                subArbol(*Tope(up), Tope(upd)) ← *upTope           O(1)
            else
                d.abAvl ← *Tope(up)                                  O(1)
            end if
        else
            Desapilar(up)                                           O(1)
            Desapilar(upd)                                           O(1)
        end if
    end if
end while                                                         O(log(#claves(d)))

Complejidad :  $O(\log(\#claves(d)) + copy(data))$ 

```

```

removerBalanceo (in/out ab(nodoAvl): root, in bool: dir, in/out puntero(bool): done) → res: ab(nodoAvl)
    hijo: ab(nodoAvl) ← subArbol(root, ¬dir)                                O(1)

    if (dir) then                                                            O(1)
        bal ← 1                                                            O(1)
    else
        bal ← -1                                                            O(1)
    end if

    if (Raiz(hijo).balance = -bal) then                                     O(1)
        Raiz(root).balance ← 0                                             O(1)
        Raiz(hijo).balance ← 0                                             O(1)
        root ← rotacionSimple(root, dir)                                  O(1)
    else
        if (Raiz(hijo).balance = bal) then                                O(1)
            ajustarBalance(root, ¬dir, -bal)                               O(1)
            root ← rotacionDoble(root, dir)                               O(1)
        else
            Raiz(root).balance ← -bal                                     O(1)
            Raiz(hijo).balance ← bal                                       O(1)
            root ← rotacionSimple(root, dir)                               O(1)
            *done ← true                                                    O(1)
        end if
    end if

    res ← root                                                            O(1)
Complejidad :  $O(1)$ 

```

```

iMínimo (in diccLog(α): d) → res:  $\alpha$ 
    res ← Raiz(*d.minimo).data                                            O(1)
Complejidad :  $O(1)$ 

```

```

iDefinido? (in diccLog(α): d, in nat: c) → res: bool
    definido:bool ← false                                                  O(1)
    it:ab(nodoAvl) ← d.abAvl                                              O(1)

    while (¬Nil?(it) ∧ ¬definido) do                                     O(1)
        definido ← (Raiz(it).clave = c)                                   O(1)
        it ← subArbol(it, (Raiz(it).clave < c))                           O(1)
    end while                                                                O(log(#claves(d)))

    res ← definido                                                        O(1)
Complejidad :  $O(\log(\#claves(d)))$ 

```

```

iObtener (in/out  $diccLog(\alpha): d$ , in  $nat: c$ )  $\rightarrow$  res:  $\alpha$ 
  it: ab(nodoAvl)  $\leftarrow$  d.abAvl O(1)

  while (Raiz(it).clave  $\neq$  c) do O(1)
    it  $\leftarrow$  subArbol(it, (Raiz(it).clave < c)) O(1)
  end while O(\log(\#claves(d)))

  res  $\leftarrow$  Raiz(it).data O(1)
Complejidad :  $O(\log(\#claves(d)))$ 

```

```

iVacio? (in  $diccLog(\alpha): d$ )  $\rightarrow$  res: bool
  res  $\leftarrow$  Nil?(d.abAvl) O(1)
Complejidad :  $O(1)$ 

```

```

inorder (in  $diccLog(\alpha): d$ )  $\rightarrow$  res: lista(tupla(nat,  $\alpha$ ))
  root: ab(nodoAvl)  $\leftarrow$  d.abAvl O(1)
  p: pila(puntero(ab(nodoAvl)))  $\leftarrow$  Vacía() O(1)
  done: bool  $\leftarrow$  false O(1)
  res  $\leftarrow$  Vacía() O(1)

  while (!done) do O(1)
    if ( $\neg$ Nil?(root)) then O(1)
      Apilar(p, puntero(root)) O(1)
      root  $\leftarrow$  Izq(root) O(1)
    else
      if  $\neg$ EsVacía?(p) then O(1)
        AgregarAtras(res, <Raiz(*Tope(p)).clave, Raiz(*Tope(p)).data>) O(1)
        root  $\leftarrow$  Der(*Tope(p)) O(1)
      else
        done  $\leftarrow$  true O(1)
      end if
    end if
  end while
Complejidad :  $O(\#claves(d))$ 

```

```

• = • (in  $diccLog(\alpha): d1$ , in  $diccLog(\alpha): d2$ )  $\rightarrow$  res: bool
  res  $\leftarrow$  inorder(d1) = inorder(d2) O(\max(\#claves(d1), \#claves(d2)))
Complejidad :  $O(\max(\#claves(d1), \#claves(d2)))$ 

```

## 5. Módulo Árbol binario( $\alpha$ )

### 5.1. Interfaz

**se explica con:**  $\text{ÁRBOL BINARIO}(\alpha)$ .

**géneros:**  $\text{ab}(\alpha)$ .

#### 5.1.1. Operaciones básicas de Árbol binario( $\alpha$ )

$\text{NIL}() \rightarrow res : \text{ab}(\alpha)$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{nil}\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Crea un árbol binario nulo

$\text{BIN}(\text{in } i : \text{ab}(\alpha), \text{in } r : \alpha, \text{in } d : \text{ab}(\alpha)) \rightarrow res : \text{ab}(\alpha)$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{bin}(i, r, d)\}$

**Complejidad:**  $O(\text{copy}(r) + \text{copy}(i) + \text{copy}(d))$

**Descripción:** Crea un árbol binario con hijo izquierdo  $i$ , hijo derecho  $d$  y raíz de valor  $r$

$\text{RAÍZ}(\text{in/out } a : \text{ab}(\alpha)) \rightarrow res : \alpha$

**Pre**  $\equiv \{\neg \text{nil?}(a)\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{raíz}(a))\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Devuelve el valor de la raíz del árbol

**Aliasing:**  $res$  es modificable si y sólo si  $a$  lo es

$\text{IZQ}(\text{in/out } a : \text{ab}(\alpha)) \rightarrow res : \text{ab}(\alpha)$

**Pre**  $\equiv \{\neg \text{nil?}(a)\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{izq}(a))\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Devuelve el hijo izquierdo

**Aliasing:**  $res$  es modificable si y sólo si  $a$  lo es

$\text{DER}(\text{in/out } a : \text{ab}(\alpha)) \rightarrow res : \text{ab}(\alpha)$

**Pre**  $\equiv \{\neg \text{nil?}(a)\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{der}(a))\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Devuelve el hijo derecho

**Aliasing:**  $res$  es modificable si y sólo si  $a$  lo es

$\text{NIL?}(\text{in/out } a : \text{ab}(\alpha)) \rightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{nil?}(a)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Devuelve **true** si  $res$  es un árbol vacío

## 5.2. Representación

### 5.2.1. Representación de $\text{ab}(\alpha)$

$\text{ab}(\alpha)$  se representa con *estr*

donde *estr* es puntero(*nodoAb*)

donde *nodoAb* es tupla( *raiz*:  $\alpha$ , *hijos*: arreglo[2] de  $\text{ab}(\alpha)$  )

### 5.2.2. Invariante de Representación

- (I) No puede haber ciclos en el árbol
- (II) Los hijos no pueden apuntar a un mismo árbol

### 5.2.3. Función de Abstracción

$\text{Abs} : \text{estr } e \longrightarrow \text{ab}(\alpha) \quad \{\text{Rep}(e)\}$   
 $\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \text{abn} : \text{ab}(\alpha) \mid (\text{nil?}(\text{abn}) \Leftrightarrow e = \text{NULL}) \wedge$   
 $(\neg \text{nil?}(\text{abn}) \Rightarrow_{\text{L}} (\text{raíz}(\text{abn}) = e \rightarrow \text{raíz} \wedge \text{izq}(\text{abn}) = e \rightarrow \text{hijos}[0] \wedge \text{der}(\text{abn}) = e \rightarrow \text{hijos}[1]))$

## 5.3. Algoritmos

iNil ()  $\rightarrow$  res:  $\text{ab}(\alpha)$

res  $\leftarrow$  NULL

O(1)

**Complejidad :** O(1)

iBin (in *i* :  $\text{ab}(\alpha)$ , in *r* :  $\alpha$ , in *d* :  $\text{ab}(\alpha)$ )  $\rightarrow$  res:  $\text{ab}(\alpha)$

nuevoAb:nodoAb

O(1)

nuevoAb.raiz  $\leftarrow$  copy(*r*)

O(copy(*r*))

nuevoAb.hijos[0]  $\leftarrow$  copy(*i*)

O(copy(*i*))

nuevoAb.hijos[1]  $\leftarrow$  copy(*d*)

O(copy(*d*))

res  $\leftarrow$  puntero(nuevoAb)

O(1)

**Complejidad :** O(copy(*r*) + copy(*i*) + copy(*d*))

iRaíz (in/out *a* :  $\text{ab}(\alpha)$ )  $\rightarrow$  res:  $\alpha$

res  $\leftarrow$  (*a*  $\rightarrow$  raiz)

O(1)

**Complejidad :** O(1)

iIzq (**in/out**  $a : \mathbf{ab}(\alpha)$ )  $\rightarrow$  res:  $\mathbf{ab}(\alpha)$

res  $\leftarrow (a \rightarrow \text{hijos}[0])$

$O(1)$

**Complejidad :**  $O(1)$

iDer (**in/out**  $a : \mathbf{ab}(\alpha)$ )  $\rightarrow$  res:  $\mathbf{ab}(\alpha)$

res  $\leftarrow (a \rightarrow \text{hijos}[1])$

$O(1)$

**Complejidad :**  $O(1)$

iNil? (**in**  $a : \mathbf{ab}(\alpha)$ )  $\rightarrow$  res: bool

res  $\leftarrow (a = \text{NULL})$

$O(1)$

**Complejidad :**  $O(1)$

## 6. Módulo Diccionario String( $\alpha$ )

### 6.1. Interfaz

se explica con: `DICCIONARIO(String,  $\alpha$ ).` **géneros:** `diccString( $\alpha$ ).`

Se representa mediante un árbol n-ario con invariante de trie

`CREARDICC() → res : diccString( $\alpha$ )`

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{vacío}()\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Crea un diccionario vacío.

`DEFINIDO?(in d: diccString( $\alpha$ ), in c: string) → res : bool`

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{def?}(d, c)\}$

**Complejidad:**  $O(L)$

**Descripción:** Devuelve true si la clave está definida en el diccionario y false en caso contrario.

`DEFINIR(in d: diccString( $\alpha$ ), in c: string, in s:  $\alpha$ )`

**Pre**  $\equiv \{d =_{\text{obs}} d_0\}$

**Post**  $\equiv \{d =_{\text{obs}} \text{definir}(c, s, d_0)\}$

**Complejidad:**  $O(L)$

**Descripción:** Define la clave  $c$  con el significado  $s$

**Aliasing:** Almacena una copia de  $s$ .

`OBTENER(in d: diccString( $\alpha$ ), in c: string) → res :  $\alpha$`

**Pre**  $\equiv \{\text{def?}(c, d)\}$

**Post**  $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{obtener}(c, d))\}$

**Complejidad:**  $O(L)$

**Descripción:** Devuelve el significado correspondiente a la clave  $c$ .

**Aliasing:** Devuelve el significado almacenado en el diccionario, por lo que  $res$  es modificable si y sólo si  $d$  lo es.

`• = •(in/out d: diccString( $\alpha$ ), in/out d': diccString( $\alpha$ )) → res : bool`

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} (d =_{\text{obs}} d')\}$

**Complejidad:**  $O(L * n * (\alpha =_{\text{obs}} \alpha'))$

**Descripción:** Indica si  $d$  es igual  $d'$

`COPIAR(in dicc: diccString( $\alpha$ )) → res : diccString( $\alpha$ )`

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{dicc}\}$

**Complejidad:**  $O(n * L * \text{copy}(\alpha))$

**Descripción:** Devuelve una copia del diccionario