

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires

Trabajo Práctico II

Grupo: 12

Integrante	LU	Correo electrónico
Pondal, Iván	078/14	ivan.pondal@gmail.com
Paz, Maximiliano León	251/14	m4xileon@gmail.com
Mena, Manuel	313/14	manuelmena1993@gmail.com
Demartino, Francisco	348/14	demartino.francisco@gmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Índice

1. Módulo DCNet	3
1.1. Interfaz	3
1.1.1. Operaciones básicas de mapa	3
1.2. Representación	3
1.2.1. Representación de dcnet	3
1.2.2. Invariante de Representación	3
2. Módulo Red	7
2.1. Interfaz	7
2.2. Representación	8
2.2.1. Estructura	8
2.2.2. Invariante de Representación	8
2.2.3. Función de Abstracción	8
2.2.4. Función de Abstracción	8
2.3. Algoritmos	8

1. Módulo DCNet

1.1. Interfaz

se explica con: DCNET.

géneros: dcnet.

1.1.1. Operaciones básicas de mapa

CREAR() $\rightarrow res : dcnet$

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \text{vacío}()\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: crea un mapa nuevo

1.2. Representación

1.2.1. Representación de dcnet

dcnet se representa con estr

donde estr es tupla(*topología*: red,
 vectorCompusDCNet: vector(compuDCNet),
 diccCompusDCNet: dicc_{trie}(puntero(compuDCNet)),
 laQueMásEnvió: puntero(compuDCNet))

donde compuDCNet es tupla(*pc*: puntero(compu),
 conjPaquetes: conj(paquete),
 diccPaquetesDCNet: dicc_{avl}(nat, paqueteDCNet),
 colaPaquetesDCNet: colaPrioridad(nat, puntero(paqueteDCNet)),
 paqueteAEnviar: paqueteDCNet, *enviados*: nat)

donde paqueteDCNet es tupla(*it*: itConj(paquete), *recorrido*: lista(compu))

donde paquete es tupla(*id*: nat, *prioridad*: nat, *origen*: compu, *destino*: compu)

donde compu es tupla(*ip*: string, *interfaces*: conj(nat))

1.2.2. Invariante de Representación

- (I) Las compus de los elementos de vectorCompusDCNet son punteros a todas las compus de la topología
- (II) Las claves de diccCompusDCNet son todos los hostnames de la topología
- (III) Los significados de diccCompusDCNet son punteros que apuntan a las compuDCNet cuyo hostname equivale a su clave en vectorCompusDCNet
- (IV) laQueMásEnvió es un puntero a la compuDCNet en vectorCompusDCNet que más paquetes enviados tiene. Si no hay compus es NULL
- (V) Todos los paquetes en conjPaquetes de cada compuDCNet tienen id único y tanto su origen como destino existen en la topología
- (VI) El paquete en conjPaquetes tiene que tener en su recorrido a la compuDCNet en la que se encuentra y esta no puede ser igual al destino del recorrido

- (VII) Las claves de `diccPaquetesDCNet` son los id de los paquetes en `conjPaquetes`
- (VIII) Los significados de `diccPaquetesDCNet` contienen un `itConj` que apunta al paquete con el id equivalente a su clave y en recorrido, un camino mínimo válido para el origen del paquete y la compu en la que se encuentra
- (IX) La `colaPaquetesDCNet` es vacía si y sólo si `conjPaquetes` lo es, si no lo es, su próximo es un puntero a un paqueteDCNet de `diccPaquetesDCNet` que contiene un `itConj` cuyo siguiente es uno de los paquetes de `conjPaquetes` con mayor prioridad
- (X) La cantidad de enviados de una `compuDCNet` es igual o mayor a la cantidad de apariciones de esa compu en los caminos recorridos de paquetes en la red

Rep : `estr` \rightarrow `bool`

Rep(*e*) \equiv `true` \iff

$$\begin{aligned}
 & (\#(\text{computadoras}(e.\text{topologia})) = \text{long}(e.\text{vectorCompusDCNet}) = \#(\text{claves}(e.\text{diccCompusDCNet}))) \wedge_L \\
 & (\forall c: \text{compu})(c \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \Rightarrow \\
 & \quad (\\
 & \quad \quad (\exists cd: \text{compuDCNet}) (\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge cd.pc = \text{puntero}(c)) \wedge \\
 & \quad \quad (\exists s: \text{string})(\text{def?}(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \wedge s = c.ip) \\
 & \quad) \\
 &) \wedge_L \\
 & (\forall cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow_L \\
 & \quad (\exists s: \text{string}) (\text{def?}(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \wedge \\
 & \quad \quad s = cd.pc \rightarrow ip \wedge_L \text{obtener}(s, e.\text{diccCompusDCNet}) = \text{puntero}(cd)) \\
 &) \wedge_L \\
 & (\exists cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge_L \\
 & \quad * (cd.pc) = \text{compuQueMásEnvió}(e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge e.\text{laQueMásEnvió} = \text{puntero}(cd)) \wedge_L \\
 & (\forall cd_1: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd_1, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow \\
 & \quad (\forall p_1: \text{paquete})(p_1 \in cd_1.\text{conjPaquetes} \Rightarrow \\
 & \quad \quad (\forall cd_2: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd_2, e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge cd_1 \neq cd_2) \Rightarrow \\
 & \quad \quad (\forall p_2: \text{paquete})(p_2 \in cd_2.\text{conjPaquetes} \Rightarrow p_1.id \neq p_2.id) \\
 & \quad) \\
 &) \\
 &) \wedge_L \\
 & (\forall cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow \\
 & \quad (\\
 & \quad \quad (\#(cd.\text{conjPaquetes}) = \#(\text{claves}(cd.\text{diccPaquetesDCNet}))) \wedge_L \\
 & \quad \quad (\forall p: \text{paquete})(p \in cd.\text{conjPaquetes} \Rightarrow \\
 & \quad \quad \quad (\\
 & \quad \quad \quad \quad ((p.\text{origen} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \wedge p.\text{destino} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \wedge \\
 & \quad \quad \quad \quad \quad p.\text{destino} \neq *(cd.pc)) \wedge_L \\
 & \quad \quad \quad \quad (\exists sc: \text{secu}(\text{compu}))(sc \in \text{caminosMinimos}(e.\text{topologia}, p.\text{origen}, p.\text{destino}) \wedge \text{está?}(*(cd.pc), sc))) \wedge \\
 & \quad \quad \quad \quad (\exists n: \text{nat}) ((\text{def?}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}) \wedge p.id = n) \wedge_L \\
 & \quad \quad \quad \quad \quad (\text{Siguiente}(\text{obtener}(n, e.\text{diccPaquetesDCNet}).it) = p) \wedge \\
 & \quad \quad \quad \quad \quad ((p.\text{origen} = *(cd.pc) \wedge \text{obtener}(n, e.\text{diccPaquetesDCNet}).\text{recorrido} = *(cd.pc) \bullet \langle \rangle) \vee \\
 & \quad \quad \quad \quad \quad (p.\text{origen} \neq *(cd.pc) \wedge \\
 & \quad \quad \quad \quad \quad \quad \text{obtener}(n, e.\text{diccPaquetesDCNet}).\text{recorrido} \in \text{caminosMinimos}(e.\text{topologia}, p.\text{origen}, *(cd.pc)))) \\
 & \quad \quad \quad) \\
 & \quad \quad) \wedge_L \\
 & \quad \quad (\emptyset? (cd.\text{conjPaquetes}) \Leftrightarrow \text{vacía?}(cd.\text{colaPaquetesDCNet})) \wedge \\
 & \quad \quad (\neg \text{vacía?}(cd.\text{colaPaquetesDCNet}) \Rightarrow_L \\
 & \quad \quad \quad (\exists n: \text{nat})(\text{def?}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}) \wedge_L \\
 & \quad \quad \quad \quad (\\
 & \quad \quad \quad \quad \quad \text{Siguiente}(\text{obtener}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}).it) = \text{paqueteMásPrioridad}(cd.\text{conjPaquetes}) \wedge \\
 & \quad \quad \quad \quad \quad \text{proximo}(cd.\text{colaPaquetesDCNet}) = \text{puntero}(\text{obtener}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet})) \\
 & \quad \quad \quad \quad) \\
 & \quad \quad \quad) \wedge \\
 & \quad \quad \quad (cd.\text{enviados} \geq \text{enviadosCompu}(*(cd.pc), e.\text{vectorCompusDCNet})) \\
 & \quad \quad) \\
 &) \\
 &)
 \end{aligned}$$

$\text{compuQueMásEnvió} : \text{secu}(\text{compuDCNet}) \text{ } scd \longrightarrow \text{compu} \quad \{\neg \text{vacía?}(scd)\}$
 $\text{maxEnviado} : \text{secu}(\text{compuDCNet}) \text{ } scd \longrightarrow \text{nat} \quad \{\neg \text{vacía?}(scd)\}$
 $\text{enviaronK} : \text{secu}(\text{compuDCNet}) \times \text{nat} \longrightarrow \text{conj}(\text{compu})$
 $\text{paqueteMásPrioridad} : \text{conj}(\text{paquete}) \text{ } cp \longrightarrow \text{paquete} \quad \{\neg \emptyset?(cp)\}$
 $\text{paquetesConPrioridadK} : \text{conj}(cp) \times \text{nat} \longrightarrow \text{conj}(\text{paquete})$
 $\text{altaPrioridad} : \text{conj}(\text{paquetes}) \text{ } cp \longrightarrow \text{nat} \quad \{\neg \emptyset?(cp)\}$
 $\text{enviadosCompu} : \text{compu} \times \text{secu}(\text{compuDCNet}) \longrightarrow \text{nat}$
 $\text{aparicionesCompu} : \text{compu} \times \text{conj}(\text{nat}) \text{ } cn \times \text{dicc}(\text{nat} \times \text{paqueteDCNet}) \text{ } dp \longrightarrow \text{nat} \quad \{\text{claves}(dp) \subseteq cn\}$

$\text{compuQueMásEnvió}(scd) \equiv \text{dameUno}(\text{enviaronK}(scd, \text{maxEnviado}(scd)))$
 $\text{maxEnviado}(scd) \equiv \text{if } \text{vacía?}(\text{fin}(scd)) \text{ then } \text{prim}(scd).\text{enviados} \text{ else } \text{max}(\text{prim}(scd), \text{maxEnviado}(\text{fin}(scd))) \text{ fi}$
 $\text{enviaronK}(scd, k) \equiv \text{if } \text{vacía?}(scd) \text{ then}$
 $\quad \emptyset$
 else
 $\quad \text{if } \text{prim}(scd).\text{enviados} = k \text{ then}$
 $\quad \quad \text{Ag}(*(\text{prim}(scd).\text{pc}), \text{enviaronK}(\text{fin}(scd), k))$
 $\quad \text{else}$
 $\quad \quad \text{enviaronK}(\text{fin}(scd), k)$
 $\quad \text{fi}$
 fi
 $\text{paqueteMásPrioridad}(dcn, cp) \equiv \text{dameUno}(\text{paquetesConPrioridadK}(cp, \text{altaPrioridad}(cp)))$
 $\text{altaPrioridad}(cp) \equiv \text{if } \emptyset?(\text{sinUno}(cp)) \text{ then}$
 $\quad \text{dameUno}(cp).\text{prioridad}$
 else
 $\quad \text{min}(\text{dameUno}(cp).\text{prioridad}, \text{altaPrioridad}(\text{sinUno}(cp)))$
 fi
 $\text{paquetesConPrioridadK}(cp, k) \equiv \text{if } \emptyset?(cp) \text{ then}$
 $\quad \emptyset$
 else
 $\quad \text{if } \text{dameUno}(cp).\text{prioridad} = k \text{ then}$
 $\quad \quad \text{Ag}(\text{dameUno}(cp), \text{paquetesConPrioridadK}(\text{sinUno}(cp), k))$
 $\quad \text{else}$
 $\quad \quad \text{paquetesConPrioridadK}(\text{sinUno}(cp), k)$
 $\quad \text{fi}$
 fi
 $\text{enviadosCompu}(c, scd) \equiv \text{if } \text{vacía?}(scd) \text{ then}$
 $\quad 0$
 else
 $\quad \text{if } \text{prim}(scd) = c \text{ then}$
 $\quad \quad \text{enviadosCompu}(c, \text{fin}(scd))$
 $\quad \text{else}$
 $\quad \quad \text{aparicionesCompu}(c, \text{claves}(\text{prim}(scd).\text{diccPaquetesDCNet}),$
 $\quad \quad \text{prim}(scd).\text{diccPaquetesDCNet}) + \text{enviadosCompu}(c, \text{fin}(scd))$
 $\quad \text{fi}$
 fi

```
aparicionesCompu(c, cn, dpd)  $\equiv$  if  $\emptyset?(cn)$  then  
    0  
else  
    if está?(c, significado(dameUno(cn), dpd).recorrido) then  
        1 + aparicionesCompu(c, sinUno(cn), dpd)  
    else  
        aparicionesCompu(c, sinUno(cn), dpd)  
    fi  
fi
```

2. Módulo Red

2.1. Interfaz

se explica con: RED.

géneros: red.

INICIARRED() $\rightarrow res : red$
Pre $\equiv \{true\}$
Post $\equiv \{res =_{obs} iniciarRed\}$
Complejidad: $O(1)$
Descripción: Crea una red nueva

AGREGARCOMPUTADORA(in/out r : red, in c : compu)
Pre $\equiv \{(r = r_0) \wedge ((\forall c' : compu) (c' \in computadoras(r) \Rightarrow ip(c) \neq ip(c')))\}$
Post $\equiv \{r =_{obs} agregarComputadora(r_0, c)\}$
Complejidad: $O(L + n)$
Descripción: Agrega un computadora a la red

CONECTAR(in/out r : red, in c : compu, in c' : compu, in i : compu, in i' : compu)
Pre $\equiv \{(r = r_0) \wedge (c \in computadoras(r)) \wedge (c' \in computadoras(r)) \wedge (ip(c) \neq ip(c')) \wedge (\neg conectadas?(r, c, c')) \wedge (\neg usaInterfaz?(r, c, i) \wedge \neg usaInterfaz?(r, c', i'))\}$
Post $\equiv \{r =_{obs} conectar(r_0, c, i, c', i')\}$
Complejidad: $O(L)?$
Descripción: Conecta dos computadoras

COMPUTADORAS(in r : red) $\rightarrow res : conj(compu)$
Pre $\equiv \{true\}$
Post $\equiv \{res = computadoras(r)\}$
Complejidad: $O(1)$

CONECTADAS?(in r : red, in c : compu, in c' : compu) $\rightarrow res : bool$
Pre $\equiv \{(c \in computadoras(r)) \wedge (c' \in computadoras(r))\}$
Post $\equiv \{res = conectadas?(r, c, c')\}$
Complejidad: $O(1)$

INTERFAZUSADA(in r : red, in c : compu, in c' : compu) $\rightarrow res : interfaz$
Pre $\equiv \{conectadas?(r, c, c')\}$
Post $\equiv \{res = interfazUsada(r, c, c')\}$
Complejidad: $O(?)$

VECINOS(in r : red, in c : compu) $\rightarrow res : conj(compu)$
Pre $\equiv \{c \in computadoras(r)\}$
Post $\equiv \{res = vecinos(r, c)\}$
Complejidad: $O(n)$

USAINTERFAZ?(in r : red, in c : compu, in i : interfaz) $\rightarrow res : bool$
Pre $\equiv \{c \in computadoras(r)\}$
Post $\equiv \{res = usaInterfaz?(r, c, i)\}$
Complejidad: $O(?)$

CAMINOSMINIMOS(**in** r : red, **in** c : compu, **in** c' : compu) $\rightarrow res$: conj(secu(compu))
Pre $\equiv \{(c \in computadoras(r)) \wedge (c' \in computadoras(r))\}$
Post $\equiv \{res = caminosMinimos(r, c, i)\}$
Complejidad: $O(L)$

HAYCAMINO?(**in** r : red, **in** c : compu, **in** c' : compu) $\rightarrow res$: bool
Pre $\equiv \{(c \in computadoras(r)) \wedge (c' \in computadoras(r))\}$
Post $\equiv \{res = hayCamino?(r, c, i)\}$
Complejidad: $O(L)$

2.2. Representación

2.2.1. Estructura

red se representa con **estr**

donde **estr** es tupla(*compus*: conj(compu) ,
dns: dicc_{Trie}(ip, nodoRed))

donde **nodoRed** es tupla(*c*: puntero(compu) ,
caminos: dicc_{Trie}(ip, conj(lista(compu))) ,
conexiones: dicc_{Lineal}(interfaz, compu))

2.2.2. Invariante de Representación

- (I) Todas las compus deben tener IPs distintas.
- (II) Ninguna compu se conecta con si misma.
- (III) Ninguna compu se conecta a otra a traves de dos interfaces distintas.
- (IV) El trie **estr.dns** apunta a un **nodoRed** por cada elemento de *compus*.
- (V) En cada **nodoRed**, *c* tiene que apuntar a un elemento de **estr.compus**.
- (VI) Para cada **nodoRed**, *caminos* tiene como claves todas las IPs de las compus de la red, y los significados corresponden a todos los caminos mínimos desde la compu *c* hacia la compu cuya IP es clave.
- (VII) **nodoRed.conexiones** contiene como claves todas las **interfaz** usaconedadas de la compu *c* (que tienen que estar en *c.interfaces*)

Rep : **estr** \rightarrow bool

Rep(*e*) \equiv true \iff

2.2.3. Función de Abstracción

Abs : **estr** *e* \rightarrow red

{Rep(*e*)}

Abs(*e*) =_{obs} r : red |

2.2.4. Función de Abstracción

2.3. Algoritmos


```

iIniciarRed () → res: red
  res.compus ← Vacio ()
  res.dns ← Vacio ()
Complejidad :  $O(?)$ 

```

```

iAgregarComputadora (in/out r: red, in c: compu) → res: itConj
  DefinirRapido(r.dns, compu.ip, Tupla(<&c, Vacio(), Vacio(>))
  res ← AgregarRapido(r.compus, c)
Complejidad :  $O(?)$ 

```

```

iConectar (in/out r: red, in c0: compu, in c1: compu, in i0: compu, in i1: compu)
  pnr0: puntero(nodoRed) ← Significado(r.dns, c0.ip)
  pnr1: puntero(nodoRed) ← Significado(r.dns, c1.ip)
  DefinirRapido(pnr0→conexiones, i0, *(pnr1→c))
  DefinirRapido(pnr1→conexiones, i1, *(pnr0→c))
  // alctualizo los caminosMinimos ... Hardcore papa Hardcore !!!
Complejidad :  $O(?)$ 

```

```

iComputadoras (in r: red) → res: conj(compu)
  res ← r.computadoras Complejidad :  $O(1)$ 
Complejidad :  $O(1)$ 

```

```

iConectadas? (in r: red, in c0: compu, in c1: compu) → res: bool
  pnr0: puntero(nodoRed) ← Significado(r.dns, c0.ip)
  it : itDicc(interfaz, puntero(nodoRed)) ← CrearIt(pnr0.conexiones)
  res ← false
  while HaySiguiente?(it) do
    if c1.ip = SiguienteSignificado(it).ip then
      res ← true
    end if
    Avanzar(it)
  end while
Complejidad :  $O(L*?)$ 

```

```

iInterfazUsada (in r: red, in c0: compu, in c1: compu) → res: interfaz
  pnr0: puntero(nodoRed) ← Significado(r.dns, c0.ip)
  it : itDicc(itDicc(interfaz, puntero(nodoRed)))
  ← CrearIt(pnr0.conexiones)
  while HaySiguiente?(it) do
    if c1.ip = SiguienteSignificado(it).ip then
      res ← SiguienteClave(it)
    end if
    Avanzar(it)
  end while
Complejidad :  $O(1)$ 

```

<pre>iVecinos (in r: red, in c: compu) → res: conj(compu) pnr: puntero(nodoRed) ← Significado(r.dns, c.ip) res ← pnr→conexiones</pre>	<p>O(1)</p> <p>O(1)</p>
Complejidad : $O(1)$	

<pre>iUsaInterfaz? (in r: red, in c: compu, in i: interfaz) → res: bool pnr: puntero(nodoRed) ← Significado(r.dns, c.ip) res ← Definido?(pnr→conexiones, i)</pre>	<p>O(1)</p> <p>O(n)</p>
Complejidad : $O(n)$	

<pre>iCaminosMinimos (in r: red, in c₀: compu, in c₁: compu) → res: conj(secu(compu)) pnr: puntero(nodoRed) ← Significado(r.dns, c₀.ip) res ← Significado(pnr→caminosMinimos, c₁.ip)</pre>	<p>O(1)</p> <p>O(1)</p>
Complejidad : $O(1)$	

<pre>HayCamino? (in r: red, in c₀: compu, in c₁: compu) → res: bool pnr: puntero(nodoRed) ← Significado(r.dns, c₀.ip) res ← EsVacio?(Significado(pnr→caminos, c₁.ip))</pre>	<p>O(1)</p>
Complejidad : $O(1)$	

<pre>copiar (in r: red) → res: red auxR: red ← iIniciarRed auxR.dns ← r.dns res ← auxR</pre>	
Complejidad : $O(1)$	

<pre>• = • (in r₀: red, in r₁: red) → res: bool eq: bool ← (r₀.compus = r₁.compus) eq ← (r₀.dns = r₁.dns) res ← eq</pre>	
Complejidad : $O(1)$	