

# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación  
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales  
Universidad de Buenos Aires

## Trabajo Práctico II

### Grupo: 12

Integrante	LU	Correo electrónico
Pondal, Iván	078/14	ivan.pondal@gmail.com
Paz, Maximiliano León	251/14	m4xileon@gmail.com
Mena, Manuel	313/14	manuelmena1993@gmail.com
Demartino, Francisco	348/14	demartino.francisco@gmail.com

### Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# Índice

<b>1. Módulo DCNet</b>	<b>3</b>
1.1. Interfaz . . . . .	3
1.1.1. Operaciones básicas de mapa . . . . .	3
1.2. Representación . . . . .	3
1.2.1. Representación de dcnet . . . . .	3
1.2.2. Invariante de Representación . . . . .	3
<b>2. Módulo Red</b>	<b>5</b>
2.1. Interfaz . . . . .	5
2.2. Representación . . . . .	6
2.2.1. Estructura . . . . .	6
2.2.2. Invariante de Representación . . . . .	6
2.2.3. Función de Abstracción . . . . .	6

## 1. Módulo DCNet

### 1.1. Interfaz

se explica con: DCNET.

géneros: dcnet.

#### 1.1.1. Operaciones básicas de mapa

**CREAR()**  $\rightarrow res : dcnet$   
**Pre**  $\equiv \{true\}$   
**Post**  $\equiv \{res =_{obs} vacio()\}$   
**Complejidad:**  $O(1)$   
**Descripción:** crea un mapa nuevo

### 1.2. Representación

#### 1.2.1. Representación de dcnet

dcnet se representa con estr

donde estr es tupla(*topología*: red,  
                           *vectorCompusDCNet*: vector(compuDCNet),  
                           *diccCompusDCNet*: dicc<sub>trie</sub>(puntero(compuDCNet)),  
                           *laQueMásEnvió*: puntero(compuDCNet))

donde compuDCNet es tupla(*pc*: puntero(compu),  
                               *conjPaquetes*: conj(paquete),  
                               *diccPaquetesDCNet*: dicc<sub>avl</sub>(nat, paqueteDCNet),  
                               *colaPaquetesDCNet*: colaPrioridad(nat, puntero(paqueteDCNet)),  
                               *paqueteAEnviar*: paqueteDCNet, *enviados*: nat)

donde paqueteDCNet es tupla(*it*: itConj(paquete), *recorrido*: lista(compu))

donde paquete es tupla(*id*: nat, *prioridad*: nat, *origen*: compu, *destino*: compu)

donde compu es tupla(*ip*: string, *interfaces*: conj(nat))

#### 1.2.2. Invariante de Representación

- (I) Los elementos de vectorCompusDCNet son punteros a todas las compus de la topología
- (II) Las claves de diccCompusDCNet son todos los hostnames de la topología
- (III) Los significados de diccCompusDCNet son punteros que apuntan a las compuDCNet cuyo hostname equivale a su clave en vectorCompusDCNet
- (IV) laQueMásEnvió es un puntero a la compuDCNet en vectorCompusDCNet que más paquetes enviados tiene. Si no hay compus es NULL
- (V) Todos los paquetes en conjPaquetes de cada compuDCNet tienen id único
- (VI) El paquete en conjPaquetes tiene que tener en su recorrido a la compuDCNet en la que se encuentra y esta no puede ser igual al destino del recorrido

- (VII) Las claves de `diccPaquetesDCNet` son los id de los paquetes en `conjPaquetes`
- (VIII) Los significados de `diccPaquetesDCNet` contienen un `itConj` que apunta al paquete con el id equivalente a su clave y en recorrido, un camino mínimo válido para el origen del paquete y la compu en la que se encuentra
- (IX) Si `colaPaquetesDCNet` no es vacía, su próximo es un puntero a un paqueteDCNet de `diccPaquetesDCNet` que contiene un `itConj` cuyo siguiente es uno de los paquetes de `conjPaquetes` con mayor prioridad
- (X) La cantidad de enviados de una compuDCNet es igual o mayor a la cantidad de apariciones de esa compu en los caminos recorridos de paquetes en la red

$\text{Rep} : \text{estr} \rightarrow \text{bool}$

$\text{Rep}(e) \equiv \text{true} \iff$

$$\begin{aligned}
 & (\#(\text{computadoras}(e.\text{topologia})) = \text{long}(e.\text{vectorCompusDCNet}) = \#(\text{claves}(e.\text{diccCompusDCNet}))) \wedge_L \\
 & (\forall c: \text{compu})(c \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \Rightarrow \\
 & \quad ( \\
 & \quad \quad (\exists cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge cd.pc = \text{puntero}(c)) \wedge \\
 & \quad \quad (\exists s: \text{string})(\text{def?}(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \wedge s = c.ip) \\
 & \quad ) \\
 & ) \wedge_L \\
 & (\forall cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow_L \\
 & \quad (\exists s: \text{string})(\text{def?}(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \wedge \\
 & \quad \quad s = cd.pc \rightarrow ip \wedge_L \text{obtener}(s, e.\text{diccCompusDCNet}) = \text{puntero}(cd)) \\
 & ) \wedge_L \\
 & (\exists cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge_L \\
 & \quad * (cd.pc) = \text{compuQueMásEnvio}(e.\text{vectorCompusDCNet}) \wedge e.\text{laQueMásEnvio} = \text{puntero}(cd)) \wedge_L \\
 & (\forall cd_1: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd_1, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow \\
 & \quad (\forall p_1: \text{paquete})(p_1 \in cd_1.\text{conjPaquetes} \Rightarrow \\
 & \quad \quad (\forall cd_2: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd_2, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow \\
 & \quad \quad \quad (\forall p_2: \text{paquete})(p_2 \in cd_2.\text{conjPaquetes} \Rightarrow \\
 & \quad \quad \quad \quad p_1.id \neq p_2.id \\
 & \quad \quad ) \\
 & \quad ) \\
 & ) \wedge_L \\
 & (\forall cd: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cd, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow \\
 & \quad ( \\
 & \quad \quad (\#(cd.\text{conjPaquetes}) = \#(\text{claves}(cd.\text{diccPaquetesDCNet}))) \wedge_L \\
 & \quad \quad (\forall p: \text{paquete})(p \in cd.\text{conjPaquetes} \Rightarrow \\
 & \quad \quad \quad ( \\
 & \quad \quad \quad \quad ((p.\text{origen} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \wedge p.\text{destino} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \wedge \\
 & \quad \quad \quad \quad \quad p.\text{destino} \neq *(cd.pc)) \wedge_L \\
 & \quad \quad \quad \quad (\exists sc: \text{secu}(\text{compu}))(sc \in \text{caminosMinimos}(e.\text{topologia}, p.\text{origen}, p.\text{destino}) \wedge \text{está?}(*(cd.pc), sc))) \wedge \\
 & \quad \quad \quad \quad (\exists n: \text{nat}) ((\text{def?}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}) \wedge p.id = n) \wedge_L \\
 & \quad \quad \quad \quad \quad (\text{Siguiente}(\text{obtener}(n, e.\text{diccPaquetesDCNet}).it) = p \wedge \\
 & \quad \quad \quad \quad \quad \text{obtener}(n, e.\text{diccPaquetesDCNet}).\text{recorrido} \in \text{caminosMinimos}(e.\text{topologia}, p.\text{origen}, *(cd.pc)))) \\
 & \quad \quad ) \\
 & \quad ) \wedge_L \\
 & (\emptyset?(cd.\text{conjPaquetes}) \Leftrightarrow \text{vacía?}(cd.\text{colaPaquetesDCNet})) \wedge_L \\
 & (\neg \text{vacía?}(cd.\text{colaPaquetesDCNet}) \Rightarrow \\
 & \quad (\exists n: \text{nat})(\text{def?}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}) \wedge_L \\
 & \quad \quad ( \\
 & \quad \quad \quad \text{Siguiente}(\text{obtener}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}).it) = \text{paqueteMásPrioridad}(cd.\text{conjPaquetes}) \wedge \\
 & \quad \quad \quad \text{proximo}(cd.\text{colaPaquetesDCNet}) = \text{puntero}(\text{obtener}(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet})) \\
 & \quad \quad ) \\
 & \quad ) \wedge_L \\
 & \quad (cd.\text{enviados} \geq \text{enviadosCompu}(*(cd.pc), e.\text{vectorCompusDCNet})) \\
 & ) \\
 & )
 \end{aligned}$$

$\text{compuQueMásEnvío} : \text{secu}(\text{compuDCNet}) \text{ } scd \longrightarrow \text{compu} \quad \{\neg \text{vacía?}(scd)\}$   
 $\text{maxEnviado} : \text{secu}(\text{compuDCNet}) \text{ } scd \longrightarrow \text{nat} \quad \{\neg \text{vacía?}(scd)\}$   
 $\text{enviaronK} : \text{secu}(\text{compuDCNet}) \times \text{nat} \longrightarrow \text{conj}(\text{compu})$   
 $\text{paqueteMásPrioridad} : \text{conj}(\text{paquete}) \text{ } cp \longrightarrow \text{paquete} \quad \{\neg \emptyset?(cp)\}$   
 $\text{paquetesConPrioridadK} : \text{conj}(cp) \times \text{nat} \longrightarrow \text{conj}(\text{paquete})$   
 $\text{altaPrioridad} : \text{conj}(\text{paquetes}) \text{ } cp \longrightarrow \text{nat} \quad \{\neg \emptyset?(cp)\}$   
 $\text{enviadosCompu} : \text{compu} \times \text{secu}(\text{compuDCNet}) \longrightarrow \text{nat}$   
 $\text{aparicionesCompu} : \text{compu} \times \text{conj}(\text{nat}) \text{ } cn \times \text{dicc}(\text{nat} \times \text{paqueteDCNet}) \text{ } dp \longrightarrow \text{nat} \quad \{\text{claves}(dp) \subseteq cn\}$

$\text{compuQueMásEnvío}(scd) \equiv \text{dameUno}(\text{enviaronK}(scd, \text{maxEnviado}(scd)))$   
 $\text{maxEnviado}(scd) \equiv \text{if } \text{vacía?}(\text{fin}(scd)) \text{ then } \text{prim}(scd).\text{enviados} \text{ else } \text{max}(\text{prim}(scd), \text{maxEnviado}(\text{fin}(scd))) \text{ fi}$   
 $\text{enviaronK}(scd, k) \equiv \text{if } \text{vacía?}(scd) \text{ then}$   
 $\quad \emptyset$   
 $\text{else}$   
 $\quad \text{if } \text{prim}(scd).\text{enviados} = k \text{ then}$   
 $\quad \quad \text{Ag}(*(\text{prim}(scd).\text{pc}), \text{enviaronK}(\text{fin}(scd), k))$   
 $\quad \text{else}$   
 $\quad \quad \text{enviaronK}(\text{fin}(scd), k)$   
 $\quad \text{fi}$   
 $\text{fi}$   
 $\text{paqueteMásPrioridad}(dcn, cp) \equiv \text{dameUno}(\text{paquetesConPrioridadK}(cp, \text{altaPrioridad}(cp)))$   
 $\text{altaPrioridad}(cp) \equiv \text{if } \emptyset?(\text{sinUno}(cp)) \text{ then}$   
 $\quad \text{dameUno}(cp).\text{prioridad}$   
 $\text{else}$   
 $\quad \text{min}(\text{dameUno}(cp).\text{prioridad}, \text{altaPrioridad}(\text{sinUno}(cp)))$   
 $\text{fi}$   
 $\text{paquetesConPrioridadK}(cp, k) \equiv \text{if } \emptyset?(cp) \text{ then}$   
 $\quad \emptyset$   
 $\text{else}$   
 $\quad \text{if } \text{dameUno}(cp).\text{prioridad} = k \text{ then}$   
 $\quad \quad \text{Ag}(\text{dameUno}(cp), \text{paquetesConPrioridadK}(\text{sinUno}(cp), k))$   
 $\quad \text{else}$   
 $\quad \quad \text{paquetesConPrioridadK}(\text{sinUno}(cp), k)$   
 $\quad \text{fi}$   
 $\text{fi}$   
 $\text{enviadosCompu}(c, scd) \equiv \text{if } \text{vacía?}(scd) \text{ then}$   
 $\quad 0$   
 $\text{else}$   
 $\quad \text{if } \text{prim}(scd) = c \text{ then}$   
 $\quad \quad \text{enviadosCompu}(c, \text{fin}(scd))$   
 $\quad \text{else}$   
 $\quad \quad \text{aparicionesCompu}(c, \text{claves}(\text{prim}(scd).\text{diccPaquetesDCNet}),$   
 $\quad \quad \text{prim}(scd).\text{diccPaquetesDCNet}) + \text{enviadosCompu}(c, \text{fin}(scd))$   
 $\quad \text{fi}$   
 $\text{fi}$

```
aparicionesCompu(c, cn, dpd)  $\equiv$  if  $\emptyset?(cn)$  then  
    0  
else  
    if está?(c, significado(dameUno(cn), dpd).recorrido) then  
        1 + aparicionesCompu(c, sinUno(cn), dpd)  
    else  
        aparicionesCompu(c, sinUno(cn), dpd)  
    fi  
fi
```

## 2. Módulo Red

### 2.1. Interfaz

se explica con: RED.

géneros: red.

INICIARRED()  $\rightarrow res : red$   
**Pre**  $\equiv \{true\}$   
**Post**  $\equiv \{res =_{obs} iniciarRed\}$   
**Complejidad:**  $O(1)$   
**Descripción:** Crea una red nueva

AGREGARCOMPUTADORA(in/out  $r : red$ , in  $c : compu$ )  
**Pre**  $\equiv \{(r = r_0) \wedge ((\forall c' : compu) (c' \in computadoras(r) \Rightarrow ip(c) \neq ip(c')))\}$   
**Post**  $\equiv \{r =_{obs} agregarComputadora(r_0, c)\}$   
**Complejidad:**  $O(L + n)$   
**Descripción:** Agrega un computadora a la red

CONECTAR(in/out  $r : red$ , in  $c : compu$ , in  $c' : compu$ , in  $i : compu$ , in  $i' : compu$ )  
**Pre**  $\equiv \{(r = r_0) \wedge (c \in computadoras(r)) \wedge (c' \in computadoras(r)) \wedge (ip(c) \neq ip(c')) \wedge (\neg conectadas?(r, c, c')) \wedge (\neg usaInterfaz?(r, c, i) \wedge \neg usaInterfaz?(r, c', i'))\}$   
**Post**  $\equiv \{r =_{obs} conectar(r_0, c, i, c', i')\}$   
**Complejidad:**  $O(L)?$   
**Descripción:** Conecta dos computadoras

COMPUTADORAS(in  $r : red$ )  $\rightarrow res : conj(compu)$   
**Pre**  $\equiv \{true\}$   
**Post**  $\equiv \{res = computadoras(r)\}$   
**Complejidad:**  $O(1)$

CONECTADAS?(in  $r : red$ , in  $c : compu$ , in  $c' : compu$ )  $\rightarrow res : bool$   
**Pre**  $\equiv \{(c \in computadoras(r)) \wedge (c' \in computadoras(r))\}$   
**Post**  $\equiv \{res = conectadas?(r, c, c')\}$   
**Complejidad:**  $O(1)$

INTERFAZUSADA(in  $r : red$ , in  $c : compu$ , in  $c' : compu$ )  $\rightarrow res : interfaz$   
**Pre**  $\equiv \{conectadas?(r, c, c')\}$   
**Post**  $\equiv \{res = interfazUsada(r, c, c')\}$   
**Complejidad:**  $O(?)$

VECINOS(in  $r : red$ , in  $c : compu$ )  $\rightarrow res : conj(compu)$   
**Pre**  $\equiv \{c \in computadoras(r)\}$   
**Post**  $\equiv \{res = vecinos(r, c)\}$   
**Complejidad:**  $O(n)$

USAIINTERFAZ?(in  $r : red$ , in  $c : compu$ , in  $i : interfaz$ )  $\rightarrow res : bool$   
**Pre**  $\equiv \{c \in computadoras(r)\}$   
**Post**  $\equiv \{res = usaInterfaz?(r, c, i)\}$   
**Complejidad:**  $O(?)$

CAMINOSMINIMOS(**in**  $r$ : red, **in**  $c$ : compu, **in**  $c'$ : compu)  $\rightarrow res$  : conj(secu(compu))  
**Pre**  $\equiv \{(c \in computadoras(r)) \wedge (c' \in computadoras(r))\}$   
**Post**  $\equiv \{res = caminosMinimos(r, c, i)\}$   
**Complejidad:**  $O(L)$

HAYCAMINO?(**in**  $r$ : red, **in**  $c$ : compu, **in**  $c'$ : compu)  $\rightarrow res$  : bool  
**Pre**  $\equiv \{(c \in computadoras(r)) \wedge (c' \in computadoras(r))\}$   
**Post**  $\equiv \{res = hayCamino?(r, c, i)\}$   
**Complejidad:**  $O(L)$

## 2.2. Representación

### 2.2.1. Estructura

red se representa con **estr**

donde **estr** es  $\text{tupla}(\text{compus: conj}(\text{compu}),$   
 $\text{dns: dicc}_{Trie}(\text{ip}, \text{nodoRed}) )$

donde **nodoRed** es  $\text{tupla}(c: \text{puntero}(\text{compu}),$   
 $\text{caminos: dicc}_{Trie}(\text{ip}, \text{conj}(\text{lista}(\text{compu}))) ,$   
 $\text{conexiones: dicc}_{Lineal}(\text{interfaz}, \text{compu}) )$

### 2.2.2. Invariante de Representación

- (I) Todas las compus deben tener IPs distintas.
- (II) Ninguna compu se conecta con si misma.
- (III) Ninguna compu se conecta a otra a traves de dos interfaces distintas.
- (IV) El trie **estr.dns** apunta a un **nodoRed** por cada elemento de **compus**.
- (V) En cada **nodoRed**,  $c$  tiene que apuntar a un elemento de **estr.compus**.
- (VI) Para cada **nodoRed**, **caminos** tiene como claves todas las IPs de las compus de la red, y los significados corresponden a todos los caminos mínimos desde la compu  $c$  hacia la compu cuya IP es clave.
- (VII) **nodoRed.conexiones** contiene como claves todas las **interfaz** usaconedas de la compu  $c$  (que tienen que estar en  $c.interfaces$ )

$\text{Rep} : \text{estr} \rightarrow \text{bool}$

$\text{Rep}(e) \equiv \text{true} \iff$

### 2.2.3. Función de Abstracción

$\text{Abs} : \text{estr } e \rightarrow \text{red}$

$\{\text{Rep}(e)\}$

$\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} r : \text{red} \mid$