# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

# Trabajo Práctico II

# Grupo: 12

Integrante	LU	Correo electrónico
Pondal, Iván	078/14	ivan.pondal@gmail.com
Paz, Maximiliano León	251/14	m4xileon@gmail.com
Mena, Manuel	313/14	manuelmena1993@gmail.com
Demartino, Francisco	348/14	demartino.francisco@gmail.com

# Reservado para la cátedra

Instancia	$\operatorname{Docente}$	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# Índice

1.	Mó	Módulo DCNet					
	1.1. Interfaz						
		1.1.1. Operaciones básicas de mapa					
	1.2.	Representación					
		1.2.1. Representación de dcnet					
		1.2.2. Invariante de Representación					
2.	Móc	Módulo Red					
	2.1.	Interfaz					
	2.2.	Representación					
		2.2.1. Estructura					
		2.2.2. Invariante de Representación					
		2.2.3. Función de Abstracción					
		2.2.4. Función de Abstracción					
	2.3	Algoritmos					

### 1. Módulo DCNet

#### 1.1. Interfaz

```
se explica con: DCNET.
géneros: dcnet.
```

#### 1.1.1. Operaciones básicas de mapa

```
CREAR() \rightarrow res : dcnet
Pre \equiv \{true\}
Post \equiv \{res =_{obs} vacio()\}
Complejidad: O(1)
Descripción: crea un mapa nuevo
```

# 1.2. Representación

## 1.2.1. Representación de denet

#### 1.2.2. Invariante de Representación

- (I) Las compus de los elementos de vectorCompusDCNet son punteros a todas las compus de la topología
- (II) Las claves de diccCompusDCNet son todos los hostnames de la topología

donde compu es tupla(ip: string, interfaces: conj(nat))

- (III) Los significados de diccCompusDCNet son punteros que apuntan a las compuDCNet cuyo hostname equivale a su clave en vectorCompusDCNet
- (IV) laQueMásEnvió es un puntero a la compuDCNet en vectorCompusDCNet que más paquetes enviados tiene. Si no hay compus es NULL
- (V) Todos los paquetes en conjPaquetes de cada compuDCNet tienen id único y tanto su origen como destino existen en la topología
- (VI) El paquete en conjPaquetes tiene que tener en su recorrido a la compuDCNet en la que se encuentra y esta no puede ser igual al destino del recorrido

- (VII) Las claves de diccPaquetesDCNet son los id de los paquetes en conjPaquetes
- (VIII) Los significados de diccPaquetesDCNet contienen un itConj que apunta al paquete con el id equivalente a su clave y en recorrido, un camino mínimo válido para el origen del paquete y la compu en la que se encuentra
  - (IX) La colaPaquetesDCNet es vacía si y sólo si conjPaquetes lo es, si no lo es, su próximo es un puntero a un paqueteDCNet de diccPaquetesDCNet que contiene un itConj cuyo siguiente es uno de los paquetes de conjPaquetes con mayor prioridad
  - (X) La cantidad de enviados de una compuDCNet es igual o mayor a la cantidad de apariciones de esa compu en los caminos recorridos de paquetes en la red

```
Rep : estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv true \iff
                (\#(\text{computadoras}(e.\text{topologia})) = \log(e.\text{vectorCompusDCNet}) = \#(\text{claves}(e.\text{diccCompusDCNet}))) \land_{\text{L}}
                (\forall c: \text{compu})(c \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \Rightarrow
                 (\exists cd: compuDCNet) (est \acute{a}? (cd, e. vectorCompusDCNet) \land cd.pc = puntero(c)) \land
                 (\exists s: \text{string})(\text{def}?(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \land s = c.\text{ip})
               ) \wedge_{L}
                (\forall cd: compuDCNet)(está?(cd, e. vectorCompusDCNet) \Rightarrow_L
                (\exists s: string) (def?(s, e.diccCompusDCNet) \land
                s = cd.pc \rightarrow ip \land_L obtener(s, e.diccCompusDCNet) = puntero(cd))
               ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
                (\exists cd: compuDCNet)(está?(cd, e. vectorCompusDCNet) \land_L
                *(cd.pc) = \text{compuQueM}ás\text{Envi}ó(e.\text{vectorCompusDCNet}) \land e.\text{laQueM}ás\text{Envi}ó= \text{puntero}(cd)) \land_{\text{L}}
                (\forall cd_1: compuDCNet)(está?(cd_1, e. vectorCompusDCNet)) \Rightarrow
                (\forall p_1: paquete)(p_1 \in cd_1.conjPaquetes \Rightarrow
                 (\forall cd_2: compuDCNet)((está?(cd_2, e. vectorCompusDCNet) \land cd_1 \neq cd_2) \Rightarrow
                   (\forall p_2: paquete)(p_2 \in cd_2.conjPaquetes \Rightarrow p_1.id \neq p_2.id)
               ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
                (\forall cd: compuDCNet)(está?(cd, e.vectorCompusDCNet) \Rightarrow
                 (\#(cd.\text{conjPaquetes}) = \#(\text{claves}(cd.\text{diccPaquetesDCNet}))) \land_{\text{L}}
                 (\forall p: paquete)(p \in cd.conjPaquetes \Rightarrow
                    ((p.\text{origen} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \land p.\text{destino} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \land
                   p.\text{destino} \neq *(cd.\text{pc})) \land_{\text{L}}
                   (\exists sc: secu(compu))(sc \in caminosMinimos(e.topologia, p.origen, p.destino) \land está(*(cd.pc), sc))) \land
                    (\exists n: \text{nat}) ((\text{def}?(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}) \land p.\text{id} = n) \land_{L}
                   (Siguiente(obtener(n, e.diccPaquetesDCNet).it) = p \land
                   ((p.\text{origen} = *(cd.\text{pc}) \land \text{obtener}(n, e.\text{diccPaquetesDCNet}).\text{recorrido} = *(cd.\text{pc}) \bullet <>) \lor
                   (p.\text{origen} \neq *(cd.\text{pc}) \land
                   obtener (n, e. diccPaquetesDCNet). recorrido \in caminosMinimos (e. topologia, p. origen, *(cd.pc))))
                 ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
                 (\emptyset?(cd.\text{conjPaquetes}) \Leftrightarrow \text{vac\'a}?(cd.\text{colaPaquetesDCNet})) \land
                  (\neg \text{vac\'ia}?(cd.\text{colaPaquetesDCNet}) \Rightarrow_{\text{L}}
                   (\exists n: nat)(def?(n, cd.diccPaquetesDCNet) \land_L
                   Siguiente(obtener(n, cd.diccPaquetesDCNet).it) = paqueteMásPrioridad(cd.conjPaquetes) \land
                   proximo(cd.colaPaquetesDCNet) = puntero(obtener(n, cd.diccPaquetesDCNet))
                  ))
                 ) \
                 (cd.enviados \ge enviadosCompu(*(cd.pc), e.vectorCompusDCNet))
```

```
compuQueMásEnvió : secu(compuDCNet) scd \longrightarrow compu
                                                                                                                       \{\neg vacía?(scd)\}
\max Enviado : secu(compuDCNet) scd \longrightarrow nat
                                                                                                                       \{\neg vacía?(scd)\}
enviaronK : secu(compuDCNet) \times nat \longrightarrow conj(compu)
                                                                                                                             \{\neg\emptyset?(cp)\}
paqueteMásPrioridad : conj(paquete) cp \longrightarrow paquete
paquetesConPrioridadK : conj(cp) \times nat \longrightarrow conj(paquete)
altaPrioridad : conj(paquetes) cp \longrightarrow nat
                                                                                                                             \{\neg\emptyset?(cp)\}
enviadosCompu : compu \times secu(compuDCNet) \longrightarrow nat
aparicionesCompu: compu \times conj(nat) cn \times dicc(nat \times paqueteDCNet) dp \longrightarrow nat
                                                                                                                   \{ \text{claves}(dp) \subseteq cn \}
compuQueMásEnvió(scd) \equiv dameUno(enviaronK(scd, maxEnviado(scd)))
\max \text{Enviado}(scd) \equiv \text{if } \text{vac}(\text{a}(\text{fin}(scd)) \text{ then } \text{prim}(scd), \text{enviados } \text{else } \max(\text{prim}(scd), \max \text{Enviado}(\text{fin}(scd))) \text{ fi}
enviaronK(scd, k) \equiv if vacía?(scd) then
                           else
                              if prim(scd).enviados = k then
                                   Ag(*(prim(scd).pc), enviaronK(fin(scd), k))
                                  enviaronK(fin(scd), k)
                              fi
paqueteMásPrioridad(dcn, cp) \equiv dameUno(paquetesConPrioridadK(cp, altaPrioridad(cp)))
altaPrioridad(cp) \equiv if \emptyset?(sinUno(cp)) then
                              dameUno(cp).prioridad
                          else
                              \min(\text{dameUno}(cp), \text{prioridad}, \text{altaPrioridad}(\sin \text{Uno}(cp)))
paquetesConPrioridadK(cp, k) \equiv \mathbf{if} \ \emptyset?(cp) \mathbf{then}
                                          else
                                             if dameUno(cp).prioridad = k then
                                                  Ag(dameUno(cp), paquetesConPrioridadK(sinUno(cp), k))
                                                  paquetesConPrioridadK(\sin Uno(cp), k)
                                          fi
enviadosCompu(c, scd) \equiv if vacía?(scd) then
                                     0
                                 else
                                     if prim(scd) = c then
                                        enviadosCompu(c, fin(scd))
                                     else
                                        aparicionesCompu(c, claves(prim(scd).diccPaquetesDCNet)),
                                         \operatorname{prim}(scd).\operatorname{diccPaquetesDCNet}) + \operatorname{enviadosCompu}(c, \operatorname{fin}(scd))
                                     fi
                                 fi
```

```
\begin{array}{ll} \operatorname{aparicionesCompu}(c,cn,dpd) \; \equiv \; & \text{if} \; \; \emptyset?(cn) \; \; \text{then} \\ & 0 \\ & \text{else} \\ & \text{if} \; \operatorname{est\'a?}(c,\operatorname{significado}(\operatorname{dameUno}(cn),\,dpd).\operatorname{recorrido}) \; \; \text{then} \\ & 1 + \operatorname{aparicionesCompu}(c,\operatorname{sinUno}(cn),\,dpd) \\ & \text{else} \\ & \operatorname{aparicionesCompu}(c,\operatorname{sinUno}(cn),\,dpd) \\ & \text{fi} \end{array}
```

## 2. Módulo Red

#### 2.1. Interfaz

```
se explica con: RED.
géneros: red.
INICIARRED() \rightarrow res: red
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} iniciarRed\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea una red nueva
AGREGARCOMPUTADORA(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ r: red, \mathbf{in}\ c: compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{(r = r_0) \land ((\forall c': \mathbf{compu}) \ (c' \in \mathbf{computadoras}(r) \Rightarrow \mathbf{ip}(c) \neq \mathbf{ip}(c'))) \}
\mathbf{Post} \equiv \{r =_{\text{obs}} \operatorname{agregarComputadora}(r_0, c)) \}
Complejidad: O(L+n)
Descripción: Agrega un computadora a la red
CONECTAR(in/out r: red, in c: compu, in c': compu, in i: compu, in i': compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{(r = r_0) \land (c \in \operatorname{computadoras}(r)) \land (c' \in \operatorname{computadoras}(r)) \land (\operatorname{ip}(c) \neq \operatorname{ip}(c'))\}
\land (\neg conectadas?(r, c, c')) \land (\neg usaInterfaz?(r, c, i) \land \neg usaInterfaz?(r, c', i')) \}
\mathbf{Post} \equiv \{r =_{obs} \operatorname{conectar}(r_0, c, i, c', i'))\}\
Complejidad: O(L)?
Descripción: Conecta dos computadoras
Computadoras(in r: red) \rightarrow res: conj(compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res = \operatorname{computadoras}(r)\}\
Complejidad: O(1)
CONECTADAS? (in r: red, in c: compu, in c': compu) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{(c \in \mathbf{computadoras}(r)) \land (c' \in \mathbf{computadoras}(r))\}
\mathbf{Post} \equiv \{res = \text{conectadas}?(r, c, c')\}\
Complejidad: O(1)
INTERFAZUSADA(in r: red, in c: compu, in c': compu) \rightarrow res: interfaz
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{conectadas}, (r, c, c') \}
\mathbf{Post} \equiv \{res = \text{interfazUsada}(r, c, c')\}\
Complejidad: O(?)
\operatorname{VECINOS}(\operatorname{\mathbf{in}} r \colon \mathtt{red}, \operatorname{\mathbf{in}} c \colon \mathtt{compu}) 	o res : \mathtt{conj}(\mathtt{compu})
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res = \text{vecinos}(r, c)\}\
Complejidad: O(n)
USAINTERFAZ?(in r: red, in c: compu, in i: interfaz) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res = \text{usaInterfaz}?(r, c, i)\}\
Complejidad: O(?)
```

```
CaminosMinimos(in r: red, in c: compu, in c': compu) \rightarrow res: conj(secu(compu))

Pre \equiv \{(c \in \text{computadoras}(r)) \land (c' \in \text{computadoras}(r))\}

Post \equiv \{res = \text{caminosMinimos}(r, c, i)\}

Complejidad: O(L)

HayCamino?(in r: red, in c: compu, in c': compu) \rightarrow res: bool

Pre \equiv \{(c \in \text{computadoras}(r)) \land (c' \in \text{computadoras}(r))\}

Post \equiv \{res = \text{hayCamino}?(r, c, i)\}

Complejidad: O(L)
```

#### 2.2. Representación

#### 2.2.1. Estructura

red se representa con estr

```
donde\ estres\ tupla(compus:\ conj(compu)\ , dns:\ dicc_{Trie}(ip,\ nodoRed)\ ) donde\ nodoRed\ es\ tupla(c:\ puntero(compu)\ , caminos:\ dicc_{Trie}(ip,\ conj(lista(compu)))\ , conexiones:\ dicc_{Lineal}(interfaz,\ compu)\ )
```

#### 2.2.2. Invariante de Representación

- (I) Todas las compus deben tener IPs distintas.
- (II) Ninguna compu se conecta con si misma.
- (III) Ninguna compu se conecta a otra a traves de dos interfaces distintas.
- (IV) El trie estr. dns apunta a un nodoRed por cada elemento de compus.
- (V) En cada nodoRed, c tiene que apuntar a un elemento de estr.compus.
- (VI) Para cada nodoRed, caminos tiene como claves todas las IPs de las compus de la red, y los significados corresponden a todos los caminos mínimos desde la compu c hacia la compu cuya IP es clave.
- (VII) nodoRed.conexiones contiene como claves todas las interfaz usaconedas de la compu c (que tienen que estar en c.interfaces)

```
\operatorname{Rep}:\operatorname{estr}\longrightarrow\operatorname{bool}
\operatorname{Rep}(e)\equiv\operatorname{true}\Longleftrightarrow
```

#### 2.2.3. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \text{red} {Rep(e)}
Abs(e) =_{\text{obs}} r: red |
```

#### 2.2.4. Función de Abstracción

# 2.3. Algoritmos

```
\begin{array}{l} \text{iIniciarRed ()} \rightarrow \text{res: red} \\ \text{res.compus} \leftarrow \text{Vacio ()} \\ \text{res.dns} \leftarrow \text{Vacio ()} \\ \text{\textbf{Complejidad}} : O(?) \\ \end{array}
```

```
 \begin{array}{ll} {\rm iAgregarComputadora}\;(\mathbf{in/out}\;r\colon\mathbf{red,\,in}\;c\colon\mathsf{compu}) \\ {\rm Definir}\;(\,\mathrm{r.dns}\;,\;\;\mathsf{compu.ip}\;,\;\;\mathrm{Tupla}{<}\&c\;,\mathrm{Vacio}\,()\;,\mathrm{Vacio}\,(){>}) \\ {\rm AgregarRapido}\,(\,\mathrm{r.compus}\;,\;\;c\,) \\ {\rm \textbf{Complejidad}}\;:O(?) \\ \end{array}
```

```
CrearCaminosDelDNS (in/out r: red)
itCompus: itConj (compu) ← CrearIt (r.compus)
while HaySiguiente?(itCompus) do
nr:nodoRed ← Significado (d, Siguiente (itCompus).ip)
AsignarCaminosMinimos (nr, r)
Avanzar (itCompus)
end while
Complejidad: O(?)
```

```
AsignarCaminosMinimos (in/out nr: nodoRed)
itCompus: itConj (compu) ← CrearIt (r.compus)
while HaySiguiente?(itCompus) do
Definir (nr.caminos, Siguiente(itCompus).ip
CrearCaminosMinimos(nr, Siguiente(itCompus).ip))
Avanzar(itCompus)
end while
Complejidad: O(?)
```

```
CrearCaminosMinimos (in desde: nodoRed, in hasta: compu) \rightarrow res: conj(lista(compu))
  camMins: conj (lista (compu)) ← Vacio ()
  itCamMins: itConj(conj(lista(compu))) 

CrearIt(camMins)
  pendientes: conj \, (nodoRed) \; \leftarrow \; Conexas \, (\, des \, de \, . \, conexiones \, )
  visitados: conj (nodoRed) ← Vacio ()
  itNrs:itConj(nodoRed) ← CrearIt(pendientes)
  cam: lista (compu) ← Vacia ()
  Agregar Adelante (cam, *(desde.pc))
  while HaySiguiente?(itNrs) do
    AgregarRapido (visitados, Siguiente (it Nrs))
    AgregarAdelante(cam, *(Siguiente(itNrs).pc))
    if (Siguiente(itNrs).pc \rightarrow ip = hasta.ip) then
       if (Vacio?(camMins) \lor (Longitud(cam) = Longitud(Siguiente(itCamMins)))) then
         AgregarRapido (camMins, cam)
       else
         if (Longitud (cam) < Longitud (Siguiente (itCamMins))) then
           camMins ← Vacio()
           Agregar Rapido (cam Mins, cam)
         endif
       endif
       Comienzo (cam)
       if (Vacia? (No Visitadas (pendientes, Siguiente (it Nrs), visitados, r)))
         Comienzo (cam)
       else
         Unir Conjs (pendientes, No Visitadas (Siguiente (it Nrs), visitados))
       end if
    end if
    Avanzar (it Nrs)
  end while
Complejidad : O(?)
```

```
NoVisitadas (in nr: nodoRed, in visitados: conj(nodoRed)) → res: conj(nodoRed)
it Vecinos: it Conj(nodoRed) ← CrearIt (Conexas(nr.conexiones))
res ← Vacio()
while HaySiguiente?(it Vecinos) do
if (¬Pertenece?(visitados, Siguiente(it Vecinos))) then
AgregarRapido(res, Siguiente(it Vecinos))
end if
Avanzar(it Vecinos)
end while
Complejidad: O(?)
```

```
Conexas (in conex: dicc(interfaz,puntero(nodoRed))) → res: conj(nodoRed)

res ← Vacio()

itVecinos : itDicc(interfaz, puntero(nodoRed))) ← CrearIt(conex)

while HaySiguiente?(itVecinos) do

AgregarRapido(res, *SiguienteSignificado(itVecinos))

Avanzar(itVecinos)

end while

Complejidad: O(?)
```

```
UnirConjs (in/out cnr: conj(nodoRed), in news: conj(nodoRed))
it:itConj (nodoRed) ← CrearIt (news)
while HaySiguiente?(it) do
AgregarRapido(res, Siguiente(it))
Avanzar(it)
end while
Complejidad: O(?)
```

```
iComputadoras (in r : red) \rightarrow res: conj(compu)

res \leftarrow r.compus Complejidad : O(1)

Complejidad : O(1)
```

```
iConectadas? (in r: red, in c_0: compu, in c_1: compu) \rightarrow res: bool
  nr0: nodoRed \( \) Significado (r.dns, c0.ip)
                                                                                                 O(L)
  it : itDicc(interfaz, puntero(nodoRed))) 

CrearIt(nr0.conexiones)
                                                                                                  O(1)
  res \leftarrow false
                                                                                                  O(1)
  while HaySiguiente?(it) do
                                                                                                   O(L)
     if cl.ip = SiguienteSignificado(it)->pc->ip then
                                                                                                    O(?)
       res \leftarrow true
                                                                                                  O(1)
     end if
     Avanzar (it)
                                                                                                   O(1)
  end while
Complejidad : O(L*?)
```

```
\begin{array}{ll} \operatorname{iInterfazUsada} \ (\operatorname{\textbf{in}} \ r \colon \operatorname{\textbf{red}}, \ \operatorname{\textbf{in}} \ c_0 \colon \operatorname{\textbf{compu}}, \ \operatorname{\textbf{in}} \ c_1 \colon \operatorname{\textbf{compu}}) \to \operatorname{res} \colon \operatorname{interfaz} \\ \operatorname{nr0} \colon \operatorname{nodoRed} \ \leftarrow \ \operatorname{Significado} \ (\operatorname{r.dns}, \ \operatorname{c0.ip}) & \operatorname{O(L)} \\ \operatorname{it} \ \colon \operatorname{itDicc} \ (\operatorname{itDicc} \ (\operatorname{interfaz}, \ \operatorname{puntero} \ (\operatorname{nodoRed})) \\ \leftarrow \ \operatorname{CrearIt} \ (\operatorname{nr0.conexiones}) & \operatorname{O(1)} \\ \operatorname{while} \ \operatorname{HaySiguiente?} \ (\operatorname{it}) \ \operatorname{do} & \operatorname{O(L)} \end{array}
```

```
\begin{array}{ll} \text{if } \text{c1.ip} = \text{SiguienteSignificado(it)} -> \text{pc} -> \text{ip then} \\ \text{res} \leftarrow \text{SiguienteClave(it)} \\ \text{end if} \\ \text{Avanzar(it)} \\ \text{end while} \\ \textbf{Complejidad}: O(1) \end{array} \tag{O(?)}
```

```
 i Vecinos \ (\textbf{in} \ r \colon \textbf{red}, \textbf{in} \ c \colon \textbf{compu}) \to res: \ conj(compu) \\ nr \colon nodoRed \leftarrow Significado \ (r.dns, c.ip) \\ res \colon conj \ (compu) \leftarrow Vacio \ () \\ it \ \exists it Dicc \ (it Dicc \ (interfaz, puntero \ (nodoRed)) \\ \leftarrow CrearIt \ (nr.conexiones) \\ while \ HaySiguiente? \ (it) \ do \\ AgregarRapido \ (res,*(SiguienteSignificado \ (it)->pc)) \\ Avanzar \ (it) \\ end \ while \\ \textbf{Complejidad} : O(1)
```

```
iUsaInterfaz? (in r: red, in c: compu, in i: interfaz) \rightarrow res: bool nr: nodoRed \leftarrow Significado (r.dns, c.ip) O(1) res \leftarrow Definido? (pnr.conexiones, i) O(n) Complejidad: O(n)
```

```
iCaminosMinimos (in r: red, in c_0: compu, in c_1: compu) \rightarrow res: conj(secu(compu))

nr:nodoRed \leftarrow Significado (r.dns, c0.ip)

res \leftarrow Significado (pnr.caminos, c1.ip)

Complejidad: O(1)
```

```
HayCamino? (in r: red, in c_0: compu, in c_1: compu) \rightarrow res: bool nr:nodoRed \leftarrow Significado (r.dns, c0.ip) O(1) res \leftarrow EsVacio? (Significado (pnr.caminos, c1.ip)) Complejidad: O(1)
```

```
copiar (in \ r : red) \rightarrow res: red \\ auxR : red \leftarrow iIniciarRed \\ auxR . dns \leftarrow r . dns \\ auxR . compus \leftarrow r . compus \\ res \leftarrow auxR \\ Complejidad : O(1)
```

```
ullet = ullet (	ext{in } r_0 \colon 	ext{red}, 	ext{in } r_1 \colon 	ext{red}) 	o 	ext{res: bool} \ 	ext{eq} \colon 	ext{bool} \leftarrow (	ext{r0.compus} = 	ext{r1.compus}) \ 	ext{eq} \leftarrow (	ext{r0.dns} = 	ext{r1.dns}) \ 	ext{res} \leftarrow 	ext{eq} \ 	ext{Complejidad} \colon O(1)
```