

RECURSIÓN AVANZADA Y TADs CON COMPORTAMIENTO AUTOMÁTICO

Departamento de Computación,
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales,
Universidad de Buenos Aires

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Una función es **recursiva** si en su definición se llama **a sí misma**.

- **Casos base:** Casos en los que se resuelve **sin recursividad**.
- **Casos recursivos:** Casos en los que **usa recursividad**.

Extender el tipo `NAT` con la operación *esPar?* que indica si un número es o no es par.

`esPar? : nat \longrightarrow bool` { }

`esPar?(0) \equiv ??`

`esPar?(suc(n)) \equiv ??`

Extender el tipo `NAT` con la operación *esPar?* que indica si un número es o no es par.

`esPar? : nat \longrightarrow bool` { }

`esPar?(0) \equiv true`

`esPar?(suc(n)) \equiv ??`

Extender el tipo `NAT` con la operación *esPar?* que indica si un número es o no es par.

`esPar? : nat \longrightarrow bool` { }

`esPar?(0) \equiv true`

`esPar?(suc(n)) \equiv \neg esPar?(n)`

Extender el tipo `NAT` con la operación *esPar?* que indica si un número es o no es par.

`esPar? : nat → bool` { }

`esPar?(0) ≡ true`

`esPar?(suc(n)) ≡ ¬ esPar?(n)`

Podemos ahora agregar *esImpar?* de la siguiente manera:

`esImpar? : nat → bool` { }

`esImpar?(0) ≡ false`

`esImpar?(suc(n)) ≡ esPar?(n)`

Extender el tipo `NAT` con la operación *esPar?* que indica si un número es o no es par.

`esPar? : nat → bool` { }

`esPar?(0) ≡ true`

`esPar?(suc(n)) ≡ ¬ esPar?(n)`

Podemos ahora agregar *esImpar?* de la siguiente manera:

`esImpar? : nat → bool` { }

`esImpar?(0) ≡ false`

`esImpar?(suc(n)) ≡ esPar?(n)`

- ¿Son recursivas estas definiciones?

Extender el tipo `NAT` con la operación *esPar?* que indica si un número es o no es par.

`esPar? : nat → bool` { }

`esPar?(0) ≡ true`

`esPar?(suc(n)) ≡ esImpar?(n)`

Podemos ahora agregar *esImpar?* de la siguiente manera:

`esImpar? : nat → bool` { }

`esImpar?(0) ≡ false`

`esImpar?(suc(n)) ≡ esPar?(n)`

- ¿Son recursivas estas definiciones?
- ¿Está bien si modificamos “*esPar?*” de esta forma?

Extender el tipo `NAT` con la operación *esPar?* que indica si un número es o no es par.

`esPar? : nat → bool` { }

`esPar?(0) ≡ true`

`esPar?(suc(n)) ≡ esImpar?(n)`

Podemos ahora agregar *esImpar?* de la siguiente manera:

`esImpar? : nat → bool` { }

`esImpar?(0) ≡ false`

`esImpar?(suc(n)) ≡ esPar?(n)`

- ¿Son recursivas estas definiciones?
- ¿Está bien si modificamos “*esPar?*” de esta forma?
- ¿Son recursivas estas definiciones?

RECURSIÓN INDIRECTA

- Esto se conoce como **recursión indirecta** (o **cíclica**).
- No tiene sentido para el caso de “*esPar?*” y “*esImpar?*” (!)
- En un rato vamos a ver algunos casos en los que sí tiene sentido...

EJERCICIOS (1)

Extender el tipo $\text{SECUENCIA}(\alpha)$ con la operación $\text{primeros}(n,s)$ que devuelve los primeros n elementos de una secuencia s .

$\text{primeros} : \text{nat} \times \text{secu}(\alpha) \longrightarrow \text{secu}(\alpha)$ { ?? }

EJERCICIOS (1)

Extender el tipo $\text{SECUENCIA}(\alpha)$ con la operación $\text{primeros}(n,s)$ que devuelve los primeros n elementos de una secuencia s .

$\text{primeros} : \text{nat } n \times \text{secu}(\alpha) \text{ s} \longrightarrow \text{secu}(\alpha)$ $\{ n \leq \text{long}(s) \}$

$\text{primeros}(n, s) \equiv$ **if** $n = 0?$ **then**
 $\langle \rangle$
 else
 $\text{prim}(s) \bullet \text{primeros}(\text{pred}(n), \text{fin}(s))$
 fi

EJERCICIOS (2)

Extender el tipo $\text{SECUENCIA}(\alpha)$ con la operación $\text{subcadenas}(s, n)$ que devuelve un conjunto con todas las subcadenas de n elementos contiguos de una secuencia s .

Por ejemplo, $\text{subcadenas}([1, 2, 3, 4, 5], 3)$ devuelve el conjunto $\{[1, 2, 3], [2, 3, 4], [3, 4, 5]\}$.

$\text{subcadenas} : \text{secu}(\alpha) \times \text{nat} \longrightarrow \text{conj}(\text{secu}(\alpha)) \qquad \{ ?? \}$

EJERCICIOS (2)

Extender el tipo $\text{SECUENCIA}(\alpha)$ con la operación $\text{subcadenas}(s, n)$ que devuelve un conjunto con todas las subcadenas de n elementos contiguos de una secuencia s .

Por ejemplo, $\text{subcadenas}([1, 2, 3, 4, 5], 3)$ devuelve el conjunto $\{[1, 2, 3], [2, 3, 4], [3, 4, 5]\}$.

$\text{subcadenas} : \text{secu}(\alpha) \times \text{nat} \longrightarrow \text{conj}(\text{secu}(\alpha)) \quad \{ \}$

```
subcadenas(s, n)  $\equiv$  if n > long(s) then
                      $\emptyset$ 
                   else
                     if n = 0? then
                       Ag(<>,  $\emptyset$ )
                     else
                       Ag(primeros(n,s), subcadenas(n, fin(s)))
                     fi
                   fi
```

EJERCICIOS (3)

Extender el tipo $\text{SECUENCIA}(\alpha)$ con $\text{subsecuencias}(s, n)$ que devuelve un conjunto con todas las subsecuencias de n elementos (no necesariamente contiguos) de una secuencia s .

Por ejemplo, $\text{subsecuencias}([1, 2, 3, 4, 5], 2)$ devuelve el conjunto $\{[1, 2], [1, 3], [1, 4], [1, 5], [2, 3], [2, 4], [2, 5], [3, 4], [3, 5], [4, 5]\}$.

$\text{subsecuencias} : \text{secu}(\alpha) \times \text{nat} \longrightarrow \text{conj}(\text{secu}(\alpha)) \qquad \{ ?? \}$

EJERCICIOS (3)

$\text{subsecuencias} : \text{secu}(\alpha) \times \text{nat} \longrightarrow \text{conj}(\text{secu}(\alpha)) \quad \{ \}$

$\text{subsecuencias}(s, n) \equiv$ **if** $n > \text{long}(s)$ **then**
 \emptyset
else
 if $n = 0?$ **then**
 $\text{Ag}(<>, \emptyset)$
 else
 $\text{agregarAd}(\text{prim}(s), \text{subsecuencias}(\text{fin}(s), \text{pred}(n))) \cup$
 $\text{subsecuencias}(\text{fin}(s), n)$
 fi
fi

$\text{agregarAd} : \alpha \times \text{conj}(\text{secu}(\alpha)) \longrightarrow \text{conj}(\text{secu}(\alpha)) \quad \{ \}$

$\text{agregarAd}(a, c) \equiv$ **if** $\text{vacio?}(c)$ **then**
 \emptyset
else
 $\text{Ag}(a \bullet \text{dameUno}(c), \text{agregarAd}(a, \text{sinUno}(c)))$
fi

TAD ROSETREE(α)

TAD ROSETREE(α)

géneros rosetree(α)

observadores básicos

raíz : rosetree(α) $\longrightarrow \alpha$

hijos : rosetree(α) $\longrightarrow \text{secu}(\text{rosetree}(\alpha))$

generadores

rose : $\alpha \times \text{secu}(\text{rosetree}(\alpha)) \longrightarrow \text{rosetree}(\alpha)$

axiomas $\forall s: \text{secu}(\text{rosetree}(\alpha)) \ \forall a: \alpha$

raíz(rose(a, s)) $\equiv a$

hijos(rose(a, s)) $\equiv s$

Fin TAD

TAD ROSETREE(α)

TAD ROSETREE(α)

géneros rosetree(α)

observadores básicos

raíz : rosetree(α) $\longrightarrow \alpha$

hijos : rosetree(α) $\longrightarrow \text{secu}(\text{rosetree}(\alpha))$

generadores

rose : $\alpha \times \text{secu}(\text{rosetree}(\alpha)) \longrightarrow \text{rosetree}(\alpha)$

axiomas $\forall s: \text{secu}(\text{rosetree}(\alpha)) \ \forall a: \alpha$

raíz(rose(a, s)) $\equiv a$

hijos(rose(a, s)) $\equiv s$

Fin TAD

Ejercicio: Especificar la operación *incrementar*(r, n) que toma un *rosetree*(*nat*) *r* y un *nat* *n* y devuelve un árbol igual a *r* pero con todos los valores incrementados en *n*.

TAD ROSETREE(α) - EJERCICIOS (1)

Especificar la operación *incrementar*(r, n) que toma un *rosetree*(nat) r y un nat n y devuelve un árbol igual a r pero con todos los valores incrementados en n .

$\text{incrementar} : \text{rosetree}(\text{nat}) \times \text{nat} \longrightarrow \text{rosetree}(\text{nat}) \quad \{ \}$

$\text{incrementar}(r, n) \equiv \text{rose}(\text{raíz}(r) + n, \text{incrTodos}(\text{hijos}(r), n))$

$\text{incrTodos} : \text{secu}(\text{rosetree}(\text{nat})) \times \text{nat} \longrightarrow \text{secu}(\text{rosetree}(\text{nat})) \quad \{ \}$

$\text{incrTodos}(sr, n) \equiv$ **if** $\text{vacía?}(sr)$ **then**
 $\langle \rangle$
else
 $\text{incrementar}(\text{prim}(sr), n) \bullet \text{incrTodos}(\text{fin}(sr), n)$
fi

TAD ROSETREE(α) - EJERCICIOS (1)

Especificar la operación *incrementar*(r, n) que toma un *rosetree*(nat) r y un nat n y devuelve un árbol igual a r pero con todos los valores incrementados en n .

$\text{incrementar} : \text{rosetree}(\text{nat}) \times \text{nat} \longrightarrow \text{rosetree}(\text{nat}) \quad \{ \}$

$\text{incrementar}(r, n) \equiv \text{rose}(\text{raíz}(r) + n, \text{incrTodos}(\text{hijos}(r), n))$

$\text{incrTodos} : \text{secu}(\text{rosetree}(\text{nat})) \times \text{nat} \longrightarrow \text{secu}(\text{rosetree}(\text{nat})) \quad \{ \}$

$\text{incrTodos}(sr, n) \equiv \text{if vacía?}(sr) \text{ then}$
 $\langle \rangle$
 else
 $\text{incrementar}(\text{prim}(sr), n) \bullet \text{incrTodos}(\text{fin}(sr), n)$
 fi

¿Son **recursivas** estas funciones?

TAD ROSETREE(α) - EJERCICIOS (2)

Especificar la operación *sumaDeNiveles*(r) que toma un *rosetree*(nat) y devuelve una *secu*(nat) con las sumas de los valores en los nodos de cada nivel del rosetree (¡dibujito!).

sumaDeNiveles : *rosetree*(nat) \longrightarrow *secu*(nat) { }

TAD ROSETREE(α) - EJERCICIOS (2)

Especificar la operación *sumaDeNiveles*(*r*) que toma un *rosetree*(*nat*) y devuelve una *secu*(*nat*) con las sumas de los valores en los nodos de cada nivel del rosetree (¡dibujito!).

sumaDeNiveles : *rosetree*(*nat*) \longrightarrow *secu*(*nat*) { }

sumaDeNiveles(*r*) \equiv raíz(*r*) • sumarSecus(sumasNivelesTodos(hijos(*r*)))

sumasNivelesTodos : *secu*(*rose*(*nat*)) \longrightarrow *secu*(*secu*(*nat*)) { }

sumasNivelesTodos(*sr*) \equiv if vacía?(*sr*) then
 $\langle \rangle$
 else
 sumaDeNiveles(prim(*sr*)) • *sumasNivelesTodos*(fin(*sr*))
 fi

sumarSecus : *secu*(*secu*(*nat*)) \longrightarrow *secu*(*nat*) { }

sumarSecus(*ss*) \equiv if vacía?(*ss*) then
 $\langle \rangle$
 else
 prim(*ss*) + *sumarSecus*(fin(*ss*))
 fi

Observación: La suma de secuencias suma posición a posición (¡queda de tarea!).

EJERCICIO: LA FÁBRICA DE EMPANADAS

ENUNCIADO

Se quiere especificar el comportamiento de una fábrica de empanadas que está totalmente automatizada. A medida que se encuentran listas, las empanadas van saliendo de una máquina una a una y son depositadas en una caja para empanadas. En la caja caben 12 empanadas y cuando ésta se llena, es automáticamente despachada y reemplazada por una caja vacía.

EJERCICIO: LA FÁBRICA DE EMPANADAS

ENUNCIADO

Se quiere especificar el comportamiento de una fábrica de empanadas que está totalmente automatizada. A medida que se encuentran listas, las empanadas van saliendo de una máquina una a una y son depositadas en una caja para empanadas. En la caja caben 12 empanadas y cuando ésta se llena, es automáticamente despachada y reemplazada por una caja vacía.

REQUERIMIENTOS

Se quiere saber:

- Cuántas cajas de empanadas se despacharon en total
- Cuántas empanadas hay en la caja que está actualmente abierta.

Tenemos que definir:

Tenemos que definir:

- 1 Los observadores y la igualdad observacional.
- 2 Los generadores.
- 3 Las otras operaciones (si hay).
- 4 Axiomatizar todo.

¿QUÉ QUEREMOS MODELAR?

- 1 ¿Qué nos están pidiendo sobre las empanadas? ¿Identificamos los gustos?

¿QUÉ QUEREMOS MODELAR?

- 1 ¿Qué nos están pidiendo sobre las empanadas? ¿Identificamos los gustos?
- 2 ¿Y para las cajas?

¿QUÉ QUEREMOS MODELAR?

- 1 ¿Qué nos están pidiendo sobre las empanadas? ¿Identificamos los gustos?
- 2 ¿Y para las cajas?
- 3 Alcanza con saber cuántas cajas salieron y cuántas empanadas hay en la caja actual...

¿QUÉ QUEREMOS MODELAR?

- 1 ¿Qué nos están pidiendo sobre las empanadas? ¿Identificamos los gustos?
- 2 ¿Y para las cajas?
- 3 Alcanza con saber cuántas cajas salieron y cuántas empanadas hay en la caja actual...

Entonces los observadores elegidos son:

<code>cajasDespachadas</code>	:	<code>fabrica</code>	\longrightarrow	<code>nat</code>
<code>empanadasEnCaja</code>	:	<code>fabrica</code>	\longrightarrow	<code>nat</code>

GENERADORES - PROPUESTA 1

```
crearFabrica :  $\longrightarrow$  fabrica  
caeEmpanada : fabrica  $\longrightarrow$  fabrica  
despacharCaja : fabrica  $\longrightarrow$  fabrica
```

¿Qué problemas tiene esto?

GENERADORES - PROPUESTA 1

crearFabrica	:	\longrightarrow	fabrica	
caeEmpanada	:	fabrica f	\longrightarrow	fabrica { empanadasEnCaja(f) < 12 }
despacharCaja	:	fabrica f	\longrightarrow	fabrica {empanadasEnCaja(f) = 12}

¿Con eso cierra?

crearFabrica	:	\longrightarrow	fabrica	
caeEmpanada	:	fabrica f	\longrightarrow fabrica	$\{ \text{empanadasEnCaja}(f) < 12 \}$
despacharCaja	:	fabrica f	\longrightarrow fabrica	$\{ \text{empanadasEnCaja}(f) = 12 \}$

¿Con eso cierra?

- El enunciado dice que cuando la caja actual se llena “es automáticamente despachada y reemplazada por una caja vacía”.
 - Estamos permitiendo que esto no ocurra...
 - Y estamos **especificando** que el despacho de la caja es una acción a realizar (si no, ¡no pueden caer más empanadas!).

crearFabrica	:	\longrightarrow	fabrica	
caeEmpanada	:	fabrica f	\longrightarrow fabrica	{ empanadasEnCaja(f) < 12 }
despacharCaja	:	fabrica f	\longrightarrow fabrica	{ empanadasEnCaja(f) = 12 }

¿Con eso cierra?

- El enunciado dice que cuando la caja actual se llena “es automáticamente despachada y reemplazada por una caja vacía”.
 - Estamos permitiendo que esto no ocurra...
 - Y estamos **especificando** que el despacho de la caja es una acción a realizar (si no, ¡no pueden caer más empanadas!).
- No estaríamos modelando el **comportamiento automático** en el TAD.

GENERADORES - PROPUESTA 1

crearFabrica	:	\longrightarrow	fabrica	
caeEmpanada	:	fabrica f	\longrightarrow fabrica	{ empanadasEnCaja(f) < 12 }
despacharCaja	:	fabrica f	\longrightarrow fabrica	{empanadasEnCaja(f) = 12}

¿Con eso cierra?

- El enunciado dice que cuando la caja actual se llena “es automáticamente despachada y reemplazada por una caja vacía”.
 - Estamos permitiendo que esto no ocurra...
 - Y estamos **especificando** que el despacho de la caja es una acción a realizar (si no, ¡no pueden caer más empanadas!).
- No estaríamos modelando el **comportamiento automático** en el TAD.
- ¡No es necesario el generador *despacharCaja*!

Los generadores son entonces:

$\begin{aligned}\text{crearFabrica} &: \longrightarrow \text{fabrica} \\ \text{caeEmpanada} &: \text{fabrica} \longrightarrow \text{fabrica}\end{aligned}$
--

Axiomaticemos los observadores:

$\text{cajasDespachadas} : \text{fabrica} \longrightarrow \text{nat} \quad \{ \}$

$\text{cajasDespachadas}(\text{crearFabrica}) \equiv ??$

$\text{cajasDespachadas}(\text{caeEmpanada}(f)) \equiv ??$

$\text{empanadasEnCaja} : \text{fabrica} \longrightarrow \text{nat} \quad \{ \}$

$\text{empanadasEnCaja}(\text{crearFabrica}) \equiv ??$

$\text{empanadasEnCaja}(\text{caeEmpanada}(f)) \equiv ??$

COMPORTAMIENTO AUTOMÁTICO (AXIOMAS)

$\text{cajasDespachadas} : \text{fabrica} \longrightarrow \text{nat} \quad \{ \}$

$\text{cajasDespachadas}(\text{crearFabrica}) \equiv 0$

$\text{cajasDespachadas}(\text{caeEmpanada}(f)) \equiv \text{if } \text{empanadasEnCaja}(f) == 11 \text{ then}$
 $\text{cajasDespachadas}(f) + 1$
 else
 $\text{cajasDespachadas}(f)$
 fi

$\text{empanadasEnCaja} : \text{fabrica} \longrightarrow \text{nat} \quad \{ \}$

$\text{empanadasEnCaja}(\text{crearFabrica}) \equiv 0$

$\text{empanadasEnCaja}(\text{caeEmpanada}(f)) \equiv \text{if } \text{empanadasEnCaja}(f) == 11 \text{ then}$
 0
 else
 $\text{empanadasEnCaja}(f) + 1$
 fi

- 1 ¿Qué impacto tuvo el comportamiento automático en la elección de los *observadores*?

- 1 ¿Qué impacto tuvo el comportamiento automático en la elección de los *observadores*?

Ninguno: Para distinguir lo que diferenciaba a las fábricas no importó si el comportamiento era automático o no.

- 1 ¿Qué impacto tuvo el comportamiento automático en la elección de los *observadores*?

Ninguno: Para distinguir lo que diferenciaba a las fábricas no importó si el comportamiento era automático o no.

- 2 ¿Qué impacto tuvo el comportamiento automático en los *generadores*?

- 1 ¿Qué impacto tuvo el comportamiento automático en la elección de los *observadores*?

Ninguno: Para distinguir lo que diferenciaba a las fábricas no importó si el comportamiento era automático o no.

- 2 ¿Qué impacto tuvo el comportamiento automático en los *generadores*?

Algo: Tuvimos que quitar el generador que despachaba la caja (ya que eso era parte del comportamiento automático).

- 1 ¿Qué impacto tuvo el comportamiento automático en la elección de los *observadores*?

Ninguno: Para distinguir lo que diferenciaba a las fábricas no importó si el comportamiento era automático o no.

- 2 ¿Qué impacto tuvo el comportamiento automático en los *generadores*?

Algo: Tuvimos que quitar el generador que despachaba la caja (ya que eso era parte del comportamiento automático).

- 3 ¿Qué impacto tuvo el comportamiento automático en los *axiomas*?

- 1 ¿Qué impacto tuvo el comportamiento automático en la elección de los *observadores*?

Ninguno: Para distinguir lo que diferenciaba a las fábricas no importó si el comportamiento era automático o no.

- 2 ¿Qué impacto tuvo el comportamiento automático en los *generadores*?

Algo: Tuvimos que quitar el generador que despachaba la caja (ya que eso era parte del comportamiento automático).

- 3 ¿Qué impacto tuvo el comportamiento automático en los *axiomas*?

Mucho: El comportamiento queda plenamente descrito en los axiomas.

Cuando alguna parte del comportamiento del TAD debe ser automática:

- No deberíamos especificar una acción “manual” para este comportamiento (a menos que también sea el caso).
- No deberíamos permitir que existan instancias del TAD en las que el comportamiento debería haberse aplicado y no lo hizo.
- No deberíamos restringir acciones que requieran que suceda el comportamiento, ya que éste es automático (por ejemplo, la precondition de *caeEmpanada*).

EJERCICIO: EL ASCENSOR

ENUNCIADO

Se quiere especificar el comportamiento de un ascensor que lleva personas entre dos pisos. La capacidad máxima del ascensor es de 3 personas. El ascensor se pone en funcionamiento cuando ingresan 3 personas, sin necesidad de apretar ningún botón. Cuando el ascensor se pone en movimiento, se desplaza del piso en el que está hacia el otro. En cuanto llega al piso de destino, las personas que están en el interior del ascensor lo desocupan inmediatamente. En cualquier momento pueden llegar personas a cualquiera de los dos pisos. En el caso que el ascensor no esté, las personas forman una fila y esperan a que el ascensor las venga a buscar.

EJERCICIO: EL ASCENSOR

ENUNCIADO

Se quiere especificar el comportamiento de un ascensor que lleva personas entre dos pisos. La capacidad máxima del ascensor es de 3 personas. El ascensor se pone en funcionamiento cuando ingresan 3 personas, sin necesidad de apretar ningún botón. Cuando el ascensor se pone en movimiento, se desplaza del piso en el que está hacia el otro. En cuanto llega al piso de destino, las personas que están en el interior del ascensor lo desocupan inmediatamente. En cualquier momento pueden llegar personas a cualquiera de los dos pisos. En el caso que el ascensor no esté, las personas forman una fila y esperan a que el ascensor las venga a buscar.

REQUERIMIENTOS

Se quiere saber:

- En qué piso está el ascensor.
- La cantidad de personas esperando en cada piso.

Igual que antes, tenemos que definir:

- 1 Los observadores y la igualdad observacional.
- 2 Los generadores.
- 3 Las otras operaciones (si hay).
- 4 Axiomatizar todo.

TAD ASCENSOR - ¿QUÉ QUEREMOS MODELAR?

- 1 ¿Qué nos están pidiendo sobre las personas? ¿Nos interesa identificarlas?
- 2 ¿Hace falta modelar la fila de personas?
- 3 ¿Nos interesa diferenciar a las personas que están esperando dentro y fuera del ascensor?

TAD ASCENSOR - ¿QUÉ QUEREMOS MODELAR?

- 1 ¿Qué nos están pidiendo sobre las personas? ¿Nos interesa identificarlas?
- 2 ¿Hace falta modelar la fila de personas?
- 3 ¿Nos interesa diferenciar a las personas que están esperando dentro y fuera del ascensor?

Entonces los observadores elegidos son:

$$\begin{array}{l} \text{personasEn} : \text{ascensor} \times \text{piso} \longrightarrow \text{nat} \\ \text{piso?} : \text{ascensor} \longrightarrow \text{piso} \end{array}$$

Supongamos que el tipo *piso* tiene dos valores posibles *A* y *B* y la operación:

$$\begin{array}{l} \text{otroPiso} : \text{piso} \longrightarrow \text{piso} \\ \text{otroPiso}(A) \equiv B \\ \text{otroPiso}(B) \equiv A \end{array}$$

}

TAD ASCENSOR - GENERADORES

Pensemos el conjunto de generadores del TAD Ascensor...

TAD ASCENSOR - GENERADORES

Pensemos el conjunto de generadores del TAD Ascensor...

`crearAscensor` : \longrightarrow ascensor

`llegaPersona` : ascensor \times piso \longrightarrow ascensor

TAD ASCENSOR - GENERADORES

Pensemos el conjunto de generadores del TAD Ascensor...

$\text{crearAscensor} : \longrightarrow \text{ascensor}$ $\text{llegaPersona} : \text{ascensor} \times \text{piso} \longrightarrow \text{ascensor}$
--

Axiomaticemos los observadores:

$\text{personasEn} : \text{ascensor} \times \text{piso} \longrightarrow \text{nat}$ { }

$\text{personasEn}(\text{crearAscensor}, p) \equiv ??$

$\text{personasEn}(\text{llegaPersona}(a, p'), p) \equiv ??$

$\text{piso?} : \text{ascensor} \longrightarrow \text{piso}$ { }

$\text{piso?}(\text{crearAscensor}) \equiv ??$

$\text{piso?}(\text{llegaPersona}(a, p)) \equiv ??$

TAD ASCENSOR - AXIOMAS (1)

```
personasEn : ascensor  $\times$  piso  $\longrightarrow$  nat { }  
personasEn(crearAscensor, p))  $\equiv$  0  
personasEn(llegaPersona(a,p'), p)  $\equiv$  if p' = piso?(a)  $\wedge$  personasEn(a,p') = 2 then  
    if p = p' then  
        0  
    else  
        if peronasEn(a,p) < 3 then  
            peronasEn(a,p)  
        else  
            peronasEn(a,p) - 3  
        fi  
    fi  
else  
    if p = p' then  
        personasEn(a, p) + 1  
    else  
        personasEn(a, p)  
    fi  
fi
```

TAD ASCENSOR - AXIOMAS (2)

```


piso? : ascensor  $\longrightarrow$  piso { }  

    piso?(crearAscensor)  $\equiv$  A  

    piso?(llegaPersona(a,p))  $\equiv$  if p = otroPiso(piso?(a))  $\vee$  personasEn(a,piso?(a)) < 2  

        then  

            piso?(a)  

        else  

            if personasEn(a,otroPiso(piso?(a))) < 3 then  

                otroPiso(piso?(a))  

            else  

                piso?(a)  

            fi  

        fi


```

Observación: en *piso?* y *personasEn*, tenemos recursión directa e indirecta.

Cuando alguna parte del comportamiento del TAD debe ser automática:

- No deberíamos especificar una acción “manual” para este comportamiento (a menos que también sea el caso).
- No deberíamos permitir que existan instancias del TAD en las que el comportamiento debería haberse aplicado y no lo hizo.
- No deberíamos restringir acciones que requieran que suceda el comportamiento, ya que éste es automático (por ejemplo, la precondition de *caeEmpanada*).

EJERCICIO (DE TAREA): EL ASCENSOR 2.0

ENUNCIADO

Muchas veces la gente se cansa de esperar el ascensor, dado que mientras haya menos de 3 personas en el piso donde está el ascensor, éste no va a moverse. Esto implica que en el otro piso pueden acumularse muchísimas personas esperando.

Para esto se decidió incorporar un botón en cada piso para llamar al ascensor. Si el botón es presionado en el piso donde el ascensor se encuentra, nada sucede. Por el contrario, si se presiona en el piso donde el ascensor no está, el ascensor se mueve hacia el piso destino llevando con él a todas las personas que su capacidad le permita y que hayan estado esperando en el piso de origen.

Obviamente, si el botón es presionado es que hay al menos una persona en el piso donde se lo presionó.