



▷ Resolver cada ejercicio en hojas separadas. ▷ Poner nombre en todas las hojas. ▷ Poner LU y nombre en el enunciado. ▷ Justificar todas las respuestas. ▷ El parcial se aprueba con 65 puntos.	Nombre y Apellido:		Nota:		
	Libreta Universitaria:		Ej. 1	Ej. 2	Ej. 3

Ejercicio 1. (40 puntos) Definimos el problema E_1 de la siguiente manera: dadas dos listas de enteros A y B con la misma longitud, devolver la cantidad de posiciones en las cuales B tiene el doble del elemento correspondiente en A .

Ejemplos: $E_1([10, 20, 30], [10, 20, 30]) = 0$. $E_1([10, 20, 30], [30, 40, 50]) = 1$.
 $E_1([10, 20, 30], [20, 20, 20]) = 1$. $E_1([10, 20, 30], [20, 40, 60]) = 3$.

- Dar una especificación formal del problema E_1 .
- Escribir un algoritmo en pseudocódigo que resuelva el problema E_1 . (No se pide demostrar su corrección.)

Ejercicio 2. (30 puntos) Sean la especificación y el algoritmo siguientes:

Encabezado: $E_2 : A \in \mathbb{Z}[] \rightarrow \mathbb{B}$
 Precondición: $\{A = A_0\}$
 Poscondición: $\{RV = (\forall j \cdot 0 \leq j < |A_0| \Rightarrow (A_0[j] = j))\}$
 Variables Aux.: $i \in \mathbb{Z}$

Algoritmo:

```

i ← 0
while (i < |A| ∧ A[i] = i) {
    i ← i + 1
}
RV ← (i = |A|)

```

- Se sabe que exactamente uno de los siguientes predicados es adecuado como invariante para demostrar la corrección del ciclo dado. ¿Cuál de ellos? Justificar.
 - $A = A_0 \wedge 0 \leq i < |A_0| \wedge RV = (\forall j \cdot 0 \leq j < i \Rightarrow (A_0[j] = j))$
 - $A = A_0 \wedge 0 \leq i \leq |A_0| \wedge (\forall i \cdot 0 \leq i < |A| \Rightarrow (A_0[i] = i))$
 - $A = A_0 \wedge 0 \leq i \leq |A_0| \wedge (\forall j \cdot 0 \leq j < i \Rightarrow (A_0[j] = j))$
 - $A = A_0 \wedge 0 \leq i < |A_0| \wedge (\forall j \cdot 0 \leq j \leq i \Rightarrow (A_0[j] = j))$
- Dar una función variante fv y una cota entera c , y demostrar que el ciclo termina.

Ejercicio 3. (30 puntos) Demostrar que el siguiente algoritmo es correcto respecto de su especificación. Es decir, probar formalmente que $sp(\text{Algoritmo}, \text{Precondición}) \Rightarrow \text{Poscondición}$.

Encabezado: $E_3 : a \in \mathbb{Z} \times b \in \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Z}$
 Precondición: $\{a = a_0 \wedge b = b_0\}$
 Poscondición: $\{(RV = a_0 + 3 \wedge a_0 \leq b_0) \vee (RV = -a_0 * b_0 \wedge a_0 > b_0)\}$
 Algoritmo:

```

RV ← -b
if (a > b) {
    RV ← RV * a
} else {
    RV ← a + 3
}

```