25/Agosto/2017



Álgebra Relacional

Introducción Operaciones Unarias Operaciones Binarias SELECT PROJECT

### AR - SELECT

- Función. Selecciona un subconjunto de tuplas de una relación que satisface cierta condición
- Notación.  $\sigma_{< condición de selección>}(R)$
- Ejemplo.

### **EMPLEADO**

DNI	Nombre	Sexo	Salario
20222333	Diego	М	\$20.000,00
33456234	Laura	F	\$25.000,00
45432345	Marina	F	\$10.000,00

σ<sub>Sexo=F</sub> (EMPLEADO)

DNI	Nombre	Sexo	Salario
33456234	Laura	F	\$25.000,00
45432345	Marina	F	\$10.000,00

•  $\sigma_{Sexo=F \text{ AND } Salario} > 15.000 (EMPLEADO)$ 

DI	NI II	Nombre	Sexo	Salario
33	456234	Laura	F	\$25.000,00

Genera una partición horizontal de la relación

Álgebra Relacional

Operaciones Unarias
Operaciones Binarias

Marco General

### AR - Marco General

- Álgebra Relacional. Lenguaje formal utilizado en el modelo relacional
- Permite a usuarios especificar consultas sobre instancias de relaciones
- El resultado de una consulta es una nueva relación
- Importancia.
  - Provee fundamento formal a las operaciones asociadas al modelo relacional
  - Base para implementar y optimizar queries en RDBMS
  - Principales operaciones y funciones del los módulos internos de la mayoría de los sistemas relacionales están basados en operaciones del AR
- Técnica. Procedural (a diferencia del Cálculo Relacional que es de tipo declarativo)
- Operadores. Unarios y Binarios

Álgebra Relacional

Introducción
Operaciones Unarias
Operaciones Binarias

SELECT PROJEC RENAM

# AR - SELECT - Propiedades

- Operador Unario. Se aplica a una sola relación
- Grado.  $Grado(\sigma_c(R)) = Grado(R)$
- # tuplas.  $|\sigma_c(R)| \leq |R|$
- La fracción de tuplas seleccionadas se denomina selectividad de la condición
- Conmutatividad.  $\sigma_{c_1}(\sigma_{c_2}(R)) = \sigma_{c_2}(\sigma_{c_1}(R))$
- Cascada de SELECTs.  $\sigma_{c_1}(\sigma_{c_2}(...\sigma_{c_n}(R))) = \sigma_{c_1 \text{ AND } c_2 \text{ AND } ... \text{ AND } c_n}(R)$
- SQL. Se especifica típicamente en la cláusula WHERE
- **Ejemplo.**  $\sigma_{Sexo=F \text{ AND } Salario>\$15,000}(EMPLEADO)$  se puede corresponder con:

SELECT \*

FROM EMPLEADO

WHERE Sexo=F AND Salario>\$15.000;

## Operaciones |

# AR - PROJECT

- Función. Selecciona un subconjunto de columnas de una relación
- Notación.  $\pi_{< lista de atributos>}(R)$
- Ejemplo.

### **EMPLEADO**

DNI	Nombre	Sexo	Salario
20222333	Diego	М	\$20.000,00
33456234	Laura	F	\$25.000,00
45432345	Marina	F	\$10.000,00

π<sub>DNI</sub>, Salario</sub> (EMPLEADO)

DNI	Salario
20222333	\$20.000,00
33456234	\$25.000,00
45432345	\$10.000,00

Genera una partición vertical de la relación

Álgebra Relacional

Introducción
Operaciones Unarias
Operaciones Binarias

SELECT PROJECT

# AR - PROJECT - Propiedades (Cont.)

- Conmutatividad.  $\pi_{lista_1}(\pi_{lista_2}(R)) = \pi_{lista_1}(R)$ .  $lista_1 \subseteq lista_2$ , de lo contrario lado izq. de la expresión es incorrecto. Conmutatividad no aplica a PROJECT
- Ejemplo Conmutatividad.

### **EMPLEADO**

DNI	Nombre	Sexo	Salario
20222333	Diego	М	\$20.000,00
33456234	Laura	F	\$25.000,00
45432345	Marina	F	\$10.000,00

•  $\pi_{Sexo}(\pi_{Nombre,Sexo}(EMPLEADO))$ 

Nombre	Sexo
Diego	М
Laura	F
Marina	F

Sexo M F

- $\pi_{Nombre, Sexo}(\pi_{Sexo}(EMPLEADO))$  ¡NO ES POSIBLE!
- SQL. Se especifica típicamente en la cláusula SELECT DISTINCT
- **Ejemplo.**  $\pi_{Sexo,Salario}(EMPLEADO)$  se puede corresponder con:

**SELECT DISTINCT** Sexo, Salario **FROM** EMPLEADO

Álgebra Relacional

Introducción
Operaciones Unarias
Operaciones Binarias

SELECT PROJECT RENAME

# AR - PROJECT - Propiedades

- Operador Unario. Se aplica a una sola relación
- Grado.  $Grado(\pi_{< lista\ de\ atributos>}(R)) = |< lista\ de\ atributos>|$
- # tuplas.  $|\pi_{< lista\ de\ atributos>}(R)| \le |R|$ . Remueve tuplas duplicadas de la relación resultante
- Ejemplo.

### **EMPLEADO**

DNI	Nombre	Sexo	Salario
20222333	Diego	М	\$20.000,00
33456234	Laura	F	\$25.000,00
45432345	Marina	F	\$10.000,00

• π<sub>Sexo</sub>(EMPLEADO)

Sexo
М
F

• Conservación # tuplas. En  $\pi_{< lista\ de\ atributos>}(R)$ , si  $< lista\ de\ atributos>$  es súper clave de R entonces  $|\pi_{< lista\ de\ atributos>}(R)|=|R|$ 

Álgebra Relacional

Introducción Operaciones Unarias Operaciones Binarias SELECT PROJECT RENAME

### AR - RENAME

- Función. Asigna nombre a atributos / relación resultado
- Muy útil para asignar nombre a resultados intermedios
- Notación.  $\rho_{S(B_1,B_2,...,B_n)}(R)$  ó  $\rho_S(R)$  ó  $\rho_{(B_1,B_2,...,B_n)}(R)$
- Ejemplo 1. Relaciones

### **EMPLEADO**

DNI	Nombre	Sexo	Salario
20222333	Diego	М	\$20.000,00
33456234	Laura	F	\$25.000,00
45432345	Marina	F	\$10.000,00

•  $\pi_{Nombre, Sexo}(\sigma_{Salario} > \$15.000(EMPLEADO))$ 

2 RESULT  $\leftarrow \pi_{Nombre, Sexo}(SAL\overline{A}RIO\_MAYOR)$ 

#### SALARIO\_MAYOR

DNI	Nombre	Sexo	Salario
20222333	Diego	М	\$20.000,00
33456234	Laura	F	\$25.000,00

RESULT

Nombre	Sexo
Diego	М
Laura	F

## Operaciones Binarias AR - Ejercicio 1

19:05

09:55

14:40

RENAME

# AR - RENAME (Cont.)

• Ejemplo 2. Atributos

### **EMPLEADO**

DNI	Nombre	Sexo	Salario
20222333	Diego	М	\$20.000,00
33456234	Laura	F	\$25.000,00
45432345	Marina	F	\$10.000,00

•  $EMP(id, Ingreso) \leftarrow \pi_{DNI,Salario}(EMPLEADO)$ 

id	Ingreso
20222333	\$20.000,00
33456234	\$25.000,00
45432345	\$10.000,00

- SQL. Se especifica típicamente en la cláusula AS
- Ejemplo.

SELECT EMP.DNI AS id, EMP.Salario AS Ingreso FROM EMPLEADO AS EMP

Álgebra Relacional

**Operaciones Unarias** Operaciones Binarias UNION, INTERSECTION, MINUS

## AR - UNION, INTERSECTION, MINUS

- Función. Equivalente a operaciones matemáticas sobre conjuntos
- Notación,  $R \cup S$ ,  $R \cap S$ , R S
- Duplicados. La relación resultante no contiene duplicados
- Unión Compatible. Se dice que dos relaciones  $R(A_1, A_2, ..., A_n)$  y  $S(B_1, B_2, ..., B_n)$  son unión compatibles (o compatibles por tipos) si:
  - Ambas tienen grado n
  - $(\forall i, 1 \leq i \leq n) \operatorname{tipo}(A_i) = \operatorname{tipo}(B_i)$
- UNION.  $R \cup S$ . Relación que incluye todas las tuplas que están en R, S o en ambas relaciones a la vez. Duplicados son eliminados
- INTERSECTION.  $R \cap S$ . Relación que incluye todas las tuplas que están a la vez en R y S
- **SET DIFFERENCE** (o MINUS). R S. Relación que incluye todas las tuplas que están R, pero no incluye aquellas que aparecen en S
- Convención. Relación resultante conserva los nombres de atributo de la primer relación.

#### **VUELO**

Número Origen Destino Salida

CDG

MAD CDG MAD ORY

CDG LHR

CDG LHR

903

#### **AEROPUERTO**

**Operaciones Unarias** 

Código	Nombre	Ciudad
MAD	Barajas	Madrid
LGW	Gatwick	Londres
LHR	Heathrow	Londres
ORY	Orly	París
CDG	Charles de Gaulle	París

#### **PASAJERO**

### RESERVA

DNI	Nombre	DNI	Nro_Vuelo	Fecha	Pred
123	María	789	165	07-01-11	210
456	Pedro	123	345	20-12-10	170
		789	321	15-12-10	250
789	Isabel	456	345	03-11-10	190

- Retornar Código y Nombre de Aeropuertos de Londres
- **Q** iQué retorna Cities(City)  $\leftarrow \pi_{Ciudad}(\sigma_{C\'{o}digo}=ORY\ OR\ C\'{o}digo}=CDG(AEROPUERTO))$
- 3 Obtener número de vuelo que van desde CDG hacia LHR
- Obtener número de vuelo que van desde CDG hacia LHR o viceversa
- 6 Devolver las fechas de las reservas cuyos Precios son mayores a 200

Álgebra Relacional

**Operaciones Unarias** Operaciones Binarias UNION, INTERSECTION, MINUS

# AR - UNION, INTERSECTION, MINUS (Cont.)

Ejemplo 1. UNION

#### ALUMNOS\_BDs

Nombre
Diego
Laura
Marina

### ALUMNOS\_TLENG

id	Nombre
2	Laura
4	Alejandro

■ RESULT\_1 ← ALUMNOS\_BD ∪ ALUMNOS\_TLENG

### RESULT\_1

id	Nombre
1	Diego
2	Laura
3	Marina
4	Alejandro

Álgebra Relacional

# AR - UNION, INTERSECTION, MINUS (Cont.)

### • Ejemplo 2. INTERSECTION

### ALUMNOS\_BDs

id	Nombre
1	Diego
2	Laura
3	Marina

#### ALUMNOS\_TLENG

id	Nombre
2	Laura
4	Alejandro

### ■ RESULT\_2 ← ALUMNOS\_BD ∩ ALUMNOS\_TLENG

### RESULT\_2

id	Nombre
2	Laura

Álgebra Relacional

**Operaciones Unarias** Operaciones Binarias UNION, INTERSECTION, MINUS

# AR - UNION, INTERSECTION, MINUS (Cont.)

- Conmutatividad.
  - $R \cup S = S \cup R$
  - $R \cap S = S \cap R$
  - En general,  $R S \neq S R$
- Asociatividad.
  - $R \cup (S \cup T) = (R \cup S) \cup T$
  - $R \cap (S \cap T) = (R \cap S) \cap T$
- Equivalencia.  $R \cap S = ((R \cup S) (R S)) (S R)$
- SQL 1. Operaciones en SQL UNION, INTERSECT, EXCEPT funcionan como en AR
- SQL 2. Operaciones en SQL UNION ALL, INTERSECT ALL, EXCEPT ALL no eliminan duplicados

# AR - UNION, INTERSECTION, MINUS (Cont.)

**Operaciones Unarias** 

### • Ejemplo 3. SET DIFFERENCE

### ALUMNOS\_BDs

id	Nombre
1	Diego
2	Laura
3	Marina

#### ALUMNOS\_TLENG

id	Nombre
2	Laura
4	Alejandro

### ■ RESULT\_3 ← ALUMNOS\_BD – ALUMNOS\_TLENG

#### RESULT\_3

id	Nombre
1	Diego
3	Marina

Álgebra Relacional

**Operaciones Unarias** Operaciones Binarias UNION, INTERSECTION, MINUS

# AR - Ejercicio 2

#### **VUELO**

Vúmero	Origen	Destino	Salida
145	MAD	CDG	12:30
21	MAD	ORY	19:05
.65	LHR	CDG	09:55
03	CDG	LHR	14:40
47	CDG	LHR	17:00

#### **AEROPUERTO**

Código	Nombre	Ciudad
MAD	Barajas	Madrid
LGW	Gatwick	Londre
LHR	Heathrow	Londre
ORY	Orly	París
CDG	Charles de Gaulle	París

#### **PASAJERO**

ĺ	DNI	Nombre	DNI	Nro_Vuelo	Fecha	Prec
Ì	123	María	789	165	07-01-11	210
ł	456 Pedro	123	345	20-12-10	170	
ł			789	321	15-12-10	250
Į	789	Isabel	456	345	03-11-10	190

RESERVA

- Devolver los códigos de vuelo que tienen reservas generadas (utilizar ∩)
- 2 Devolver los códigos de vuelo que aún no tienen reservas
- 3 Retornar los códigos de aeropuerto de los que parten o arriban los vuelos

Álgebra Relacional

### AR - CARTESIAN PRODUCT

- Función. Produce una nueva relación que combina cada tupla de una relación con cada una de las tuplas de la otra relación
- Notación. RXS
- Ejemplo. PERSONA

Nombre	Nacionalidad		
Diego	AR		
Laura	BR		
Marina	AR		

### NACIONALIDADES

TO TOTAL LIBY TO LO		
IDN	Detalle	
AR	Argentina	
BR	Brasilera	
CH	Chilena	

RESULT ← PERSONA X NACIONALIDADES
 RESULT T

Nombre	Nacionalidad	IDN	Detalle
Diego	AR	AR	Argentina
Diego	AR	BR	Brasilera
Diego	AR	CH	Chilena
Laura	BR	AR	Argentina
Laura	BR	BR	Brasilera
Laura	BR	CH	Chilena
Marina	AR	AR	Argentina
Marina	AR	BR	Brasilera
Marina	AR	CH	Chilena

Álgebra Relacional

Introducción Operaciones Unarias Operaciones Binarias UNION, INTERSECTION, MINUS
CARTESIAN PRODUCT / JOIN
DIVISION

### AR - JOIN

- Función. Permite combinar pares de tuplas relacionadas entre dos relaciones
- Notación.  $R \bowtie_{< condición >} S$
- Ejemplo.

### **PERSONA**

Nombre	Nacionalidad
Diego	AR
Laura	BR
Marina	AR

### NACIONALIDADES

IDN	Detalle
AR	Argentina
BR	Brasilera
CH	Chilena

• RESULT  $\leftarrow$  PERSONA  $\bowtie_{Nacionalidad=IDN}$  NACIONALIDADES

### **RESULT**

Nombre	Nacionalidad	IDN	Detalle
Diego	AR	AR	Argentina
Laura	BR	BR	Brasilera
Marina	AR	AR	Argentina

# AR - CARTESIAN PRODUCT (Cont.)

- Unión compatible. Las relaciones no tienen que ser unión compatibles
- Grado. Si T = R X S entonces grado(T) = grado(R) + grado(S)
- SQL. CROSS JOIN

Álgebra Relacional

Introducción Operaciones Unarias Operaciones Binarias UNION, INTERSECTION, MINUS CARTESIAN PRODUCT / JOIN

# AR - JOIN (Cont.)

- CARTESIAN PRODUCT vs JOIN.
  - CARTESIAN PRODUCT aparecen todas las combinaciones de tuplas
  - JOIN aparecen sólo combinaciones de tuplas que satisfacen condición
- Condición 1. En general, formato de condición de JOIN entre R y S:
   condición > AND < condición > AND...AND < condición >
- Condición 2. Forma de < condición > es  $A_i \theta B_j$ , siendo  $A_i$  atributo de R y  $B_j$  atributo de S
- Condición 3.  $dom(A_i) = dom(B_i)$
- Condición 4.  $\theta \in \{=, <, \le, >, \ge, \ne\}$
- NULL. Tuplas cuyos atributos de JOIN son NULL o cuya condición es falsa no aparecen en el resultado

Álgebra Relacional

# Operaciones Binarias

# AR - JOIN (Cont.)

- EQUIJOIN. JOIN donde sólo se utiliza la operación = en la < condición >.
- Duplicación de campos. Al utililzar la igualdad, se generan campos duplicados.
- Ejemplo.

### **PERSONA**

Nombre	Nacionalidad
Diego	AR
Laura	BR
Marina	AR

### **NACIONALIDADES**

IDN	Detalle	
AR	Argentina	
BR	Brasilera	
CH	Chilena	

• RESULT  $\leftarrow$  PERSONA  $\bowtie_{Nacionalidad=IDN}$  NACIONALIDADES

#### RESULT

Nombre	Nacionalidad	IDN	Detalle
Diego	AR	AR	Argentina
Laura	BR	BR	Brasilera
Marina	AR	AR	Argentina

- NATURAL JOIN. Realiza el JOIN entre campos de mismo nombre y deja sólo uno de los campos duplicados
- Notación.  $R \bowtie S$  (también en la bibliografía R \* S)
- Requerimiento. Requiere que atributos de JOIN tengan el mismo nombre. De no ser el caso, se debe hacer un RENAME previo

Álgebra Relacional

Introducción **Operaciones Unarias** Operaciones Binarias CARTESIAN PRODUCT / JOIN

# AR - JOIN (Cont.)

- SQL. Se Puede realizar de múltiples maneras.

 $NACIONALIDADES\_TEMP(Nacionalidad, Detalle) \leftarrow \pi_{IDN, Detalle}(NACIONALIDADES)$ RESULT ← PERSONA ⋈ NACIONALIDADES\_TEMP se puede corresponder con:

SELECT Persona. Nombre, Persona. Nacionalidad, NACIONALIDADES. Detalle FROM PERSONA. NACIONALIDADES WHERE PERSONA.Nacionalidad=NACIONALIDADES.IDN;

**Operaciones Unarias** Operaciones Binarias

UNION, INTERSECTION, MINUS CARTESIAN PRODUCT / JOIN

# AR - JOIN (Cont.)

Ejemplo NATURAL JOIN.

### **PERSONA**

Nombre	Nacionalidad		
Diego	AR		
Laura	BR		
Marina	AR		

#### **NACIONALIDADES**

	_
IDN	Detalle
AR	Argentina
BR	Brasilera
CH	Chilena

- $\bullet \quad \textit{NACIONALIDADES\_TEMP}(\textit{Nacionalidad}, \textit{Detalle}) \leftarrow \pi_{\textit{IDN}, \textit{Detalle}}(\textit{NACIONALIDADES})$
- RESULT ← PERSONA ⋈ NACIONALIDADES\_TEMP

#### RESULT

Nombre	Nacionalidad	Detalle
Diego	AR	Argentina
Laura	BR	Brasilera
Marina	AR	Argentina

- Tamaño resultado JOIN(S,R). Puede ir de 0 a S\*R registros
- Selectividad de JOIN. Es una tasa y corresponde a:  $\frac{|resultado\ JOIN(S,R)|}{|SUIDE}$

Álgebra Relacional

**Operaciones Unarias** Operaciones Binarias CARTESIAN PRODUCT / JOIN

### AR - OUTER JOIN

- INNER JOIN. JOIN donde tuplas que no cumplen condición de JOIN son eliminadas del resultado (Ej. NULL en atributo de JOIN)
- OUTER JOIN. JOIN en el cual se incorpora adicionalmente al resultado las tuplas de R, S, o ambas relaciones, que no cumplen la condición de JOIN
- LEFT OUTER JOIN.  $R \bowtie S$ . Conserva todas las tuplas de R. Si no se encuentra ninguna tupla de S que cumpla con condición de JOIN, entonces los atributos de S en el resultado se completan en NULL

Álgebra Relacional

# AR - OUTER JOIN

Ejemplo.

PERSONA

I LIGOTOT			
Nombre	Nacionalidad		
Diego	BR		
Laura	NULL		
Marina	AR		
Santiago	UY		

#### **NACIONALIDADES**

IDN	Detalle
AR	Argentina
BR	Brasilera
CH	Chilena

■ RESULT ← PERSONA ⋈ Nacionalidad = IDN NACIONALIDADES

### **RESULT**

Nombre	Nacionalidad	IDN	Detalle
Diego	BR	BR	Brasilera
Marina	AR	AR	Argentina

 $\bullet \quad \textit{RESULT} \leftarrow \textit{PERSONA} \quad \boxtimes \quad \textit{Nacionalidad} = \textit{IDN} \quad \textit{NACIONALIDADES}$ 

#### RESULT

Nombre Nacionalidad		IDN	Detalle	
Diego	BR	BR	Brasilera	
Laura	NULL	NULL	NULL	
Marina	AR	AR	Argentina	
Santiago	UY	NULL	NULL	

Álgebra Relacional

Introducción **Operaciones Unarias** Operaciones Binarias CARTESIAN PRODUCT / JOIN

# AR - Ejercicio 3

**VUELO** 

Número	Origen	Destino	Salida
345	MAD	CDG	12:30
321	MAD	ORY	19:05
165	LHR	CDG	09:55
903	CDG	LHR	14:40
447	CDG	LHR	17:00

### **AEROPUERTO**

Código	Nombre	Ciudad
MAD	Barajas	Madrid
LGW	Gatwick	Londres
LHR	Heathrow	Londres
ORY	Orly	París
CDG	Charles de Gaulle	París

#### **PASAJERO**

DNI	Nombre
123	María
456	Pedro
789	Isabel

### DNI Nro\_Vuelo Fecha Precio 123 345 789 321 456 345

RESERVA

07-01-11 210

20-12-10 170

15-12-10 250

03-11-10 190

- 10 Devolver el nombre de la ciudad de partida del vuelo número 165
- 2 Retornar Nombre de las personas que realizaron reservas a un valor menor a 200 3 Obtener Nombre, Fecha y Destino de viaje de todos los pasajeros que vuelan desde Madrid

Operaciones Unarias Operaciones Binarias

UNION, INTERSECTION, MINUS CARTESIAN PRODUCT / JOIN

# AR - OUTER JOIN (Cont.)

- RIGHT OUTER JOIN.  $R \bowtie S$ . Conserva todas las tuplas de S. Si no se encuentra ninguna tupla de R que cumpla con condición de JOIN, entonces los atributos de R en el resultado se completan en NULL
- FULL OUTER JOIN. R > S. Conserva todas las tuplas de R y S. Si no se encuentra ninguna tupla de R o S que cumpla con condición de JOIN, entonces sus atributos en el resultado se completan en NULL
- SQL. Las tres operaciones de OUTER JOIN son parte del estándar SQL2

Álgebra Relacional

Introducción **Operaciones Unarias** Operaciones Binarias DIVISION

### AR - DIVISION

- Función. Retorna los valores de R que se encuentran emparejados con TODOS los valores de S
- Notación.  $R \div S$ . Requiere que atributos de  $S \subset$  atributos de R. Resultado contiene atributos de R menos atributos de S

Álgebra Relacional

Operaciones Unarias Operaciones Binarias DIVISION

# AR - DIVISION (Cont.)

• Ejemplo. ALUMNOS

ALUMINOS		
Nombre	Materia	
Diego	BD	
Diego	PLP	
Laura	BD	
Laura	PLP	
Laura	TLENG	
Marina	BD	
Marina	TLENG	
Santiago	BD	
Santiago	PLP	
Santiago	TLENG	

ATERIAS_	1
Materia	
BD	

MATERIAS\_2

Mat	eri	ia
BD		
TLE	N	G

MATERIAS\_3

Materia
BD
PLP
TLENG

ALUMNOS÷MATERIAS\_1 ALUMNOS÷MATERIAS\_2 ALUMNOS÷MATERIAS\_3

Nombre
Laura
Marina
Santiago

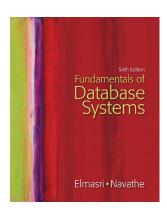
Nombre
Laura
Santiago

Álgebra Relacional

Introducción Operaciones Unarias Operaciones Binarias DIVISION

# AR - Bibliografía

• Capítulo 6 (hasta 6.5 inclusive) Elmasri/Navathe - Fundamentals of Database Systems, 6th Ed., Pearson, 2011.



Álgebra Relacional

**Operaciones Unarias** Operaciones Binarias

UNION, INTERSECTION, MINUS DIVISION

## **AR - DIVISION**

• Operación compuesta. Se puede expresar como secuencia de otras operaciones

En ejemplo anterior (ALUMNOS÷MATERIAS\_3):

- $TEMP_1 \leftarrow \pi_{Nombre}(ALUMNOS)$
- $TEMP_2 \leftarrow \pi_{Nombre}((TEMP_1 X MATERIAS\_3) ALUMNOS)$
- $RESULT \leftarrow TEMP_1 TEMP_2$

 $TEMP_{-1}$ 

Nombre Diego Laura Marina Santiago TEMP\_2

Nombre Diego Marina

RESULT

Nombre Laura Santiago

• SQL. No suele implementar DIVISION

