#### Invariantes de ciclo

Algoritmos y Estructuras de Datos I

### Repasito

Para cada problema, escribir un programa en SmallLang que lo resuelva usando un ciclo, y proponer, para ese ciclo, la precondición  $P_c$ , la postcondición  $Q_c$  y el invariante I del ciclo.

```
1. proc ProductoDeTodos (in s:Seq(\mathbb{Z}), out res:\mathbb{Z}) { Pre \{\mathit{True}\}\} Post \{\mathit{res} = \prod_{i=0}^{|s|-1} s[i]\} }
```

```
2. proc Enumerar (inout s:Seq(\mathbb{Z})) {
    Pre \{s = s_0\}
    Post \{|s| = |s_0| \land (\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |s| \Rightarrow_L s[i] = i)\}
}
```

# **Ejercicios**

Para cada problema, escribir un programa en SmallLang que lo resuelva usando un ciclo, y proponer, para ese ciclo, la precondición  $P_c$ , la postcondición  $Q_c$  y el invariante I del ciclo.

```
1. proc SumasParciales (inout s:Seq(\mathbb{Z})) { Pre \{s=s_0\} Post \{|s|=|s_0| \land_L \ (\forall i:\mathbb{Z})(0\leq i<|s|\Rightarrow_L s[i]=\sum_{j=0}^i s_0[j])\} }
```

# Ejercicios con esteroides

Proponer la precondición  $P_c$ , la postcondición  $Q_c$  y el invariante I del ciclo para el siguiente problema.

**Invertir**, que toma una secuencia de enteros y la invierte (es decir, coloca el primer elemento en la última posición, el segundo en la penúltima, etc.).

```
i := 0;
while( i < s.length / 2 ) do
temp := s[i]
s[i] := s[s.length-i-1]
s[s.length-i-1] := temp
i := i+1
endwhile</pre>
```

# Ejercicios con esteroides

Proponer la precondición  $P_c$ , la postcondición  $Q_c$  y el invariante I del ciclo para el siguiente problema.

**MínimoAlPrincipio**, que toma una secuencia de enteros, y la transforma para que el elemento mínimo esté al principio, conservando todos los otros elementos de la secuencia (no necesariamente en el orden en que venían).

```
i := 0;
while( i < s.length -1 ) do
if(s[i] < s[0])
  temp := s[0]
  s[0] := s[i]
  s[i] := temp
else
  skip
endif
i:=i+1
endwhile</pre>
```