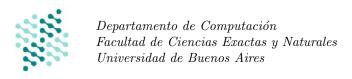
Algoritmos y Estructuras de Datos I

Primer Cuatrimestre 2018

Guía Práctica **EJERCICIOS DE TALLER**



Versión: 14 de mayo de 2018

1. Introducción a C++

Ejercicio 1. Crear un programa (en cualquier editor de texto) y ejecutarlo como se muestra a continuación.

```
Archivo: labo00.cpp
    #include <iostream>
    int f(int x){
        return x+1;
    }
    int main() {
        std::cout << "El resultado es: " << f(10) << std::endl;
        return 0;
    }
Para compilar y ejecutar el código en la terminal:
g++ labo00.cpp -o labo00_ejecutable
./labo00_ejecutable</pre>
```

Ejercicio 2. Modificar el programa anterior para que f tome dos parámetros de tipo int y los sume.

Ejercicio 3. Modificar el programa anterior para que f tome dos parámetros x e y de tipo int y los sume sólo si x > y, en caso contrario el resultado será el producto.

Ejercicio 4. Crear un proyecto nuevo de C++ en **CLion** con el nombre labo00. Escribir el programa del ejercicio anterior y ejecutarlo.

Ejercicio 5. Escribir la función que dado $n \in \mathbb{N}$ devuelve si es primo. Recuerden que un número es primo si los únicos divisores que tiene son 1 y el mismo.

Iteración vs Recursión

Los siguientes ejercicios deben ser implementados primero en su versión **recursiva**, luego iterativa utilizando **while** y por último iterativa utilizando **for**. Para todos ellos, utilizar el siguiente esqueleto de archivo y modificarlo con los procedimientos que implementen.

Ejercicio 6. Escribir la función de Fibonacci que dado un entero n devuelve el n-ésimo número de Fibonacci. Los números de Fibonacci empiezan con $F_0 = 0$ y $F_1 = 1$. $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$

Ejercicio 7. Escribir la función que dado $n \in \mathbb{N}$ devuelve la suma de todos los números impares menores que n.

Ejercicio 8. Escribir la función suma Divisores que dado $n \in \mathbb{N}$, devuelve la suma de todos sus divisores entre [1, n].

■ Hint: Recordar que para la versión recursiva es necesario implementar divisoresHasta

Ejercicio 9. Escribir una función que dados n, $k \in \mathbb{N}$ compute el combinatorio: $\binom{n}{k}$. Hacerlo usando la igualdad $\binom{n}{k} = \binom{n-1}{k} + \binom{n-1}{k-1}$ ¿Qué pasa si tuvieran que escribir la versión iterativa?

Ejercicio 10. ¿Es mejor programar utilizando algoritmos recursivos ó iterativos? ¿Es mejor usar while o for?

2. Entrada/Salida + Pasaje de parámetros

Ejercicio 11. Escribir un programa en el que se ingrese un número por teclado (entrada estándar), calcule si es primo y muestre por pantalla (salida estándar) "El número ingresado es primo" si es primo. En caso contrario: "El número ingresado no es primo"

Ejercicio 12. Escribir una función writeToFile que escriba en un archivo salida.txt 2 enteros a y b y luego 2 reales f y g separados con coma en una única línea.

Ejercicio 13. Leer del archivo entrada.txt un valor entero y almacenarlo en una variable llamada a y luego leer un valor real y almacenarlo en un variable f. Mostrar los valores leídos en la salida estándar. Ambos valores están separados por un espacio y hay una única línea en el archivo (por ejemplo: "-234 1.7")

Ejercicio 14. numeros.txt contiene una lista de números separados por espacios. Leerlos e imprimirlos por pantalla.

Ejercicio 15. ¿Cuál es el valor de a luego de la invocación prueba(a,a)?

```
int a = 10;
void prueba(int& x, int& y) {
    x = x + y;
    y = x - y;
    x = 1/y;
}
prueba(a, a);
```

En los siguientes ejercicios, ingresar los valores por entrada estándar, mostrar en la salida estándar los valores ingresados y los resultados de las funciones.

Ejercicio 16. Implementar la función swap: void swap(int& a, int& b), que cumpla con la siguiente especificación:

```
\begin{array}{l} \texttt{proc swap (inout a:}\mathbb{Z}, \ \texttt{inout b:}\mathbb{Z}) \ \ \{ \\ \texttt{Pre} \ \{ a = a_0 \wedge b = b_0 \} \\ \texttt{Post} \ \{ a = b_0 \wedge b = a_0 \} \\ \} \end{array}
```

Ejercicio 17. Implementar la función division que cumpla con la siguiente especificación:

```
 \begin{array}{l} \texttt{proc division (in dividendo } \mathbb{Z}, \ \text{in divisor } \mathbb{Z}, \ \text{out cociente:} \mathbb{Z}, \ \text{out resto:} \mathbb{Z}) \ \ \{ \ & \ \texttt{Pre} \ \{ dividendo \geq 0 \land divisor > 0 \} \\ & \ & \ \texttt{Post} \ \{ dividendo = divisor * cociente + resto \land 0 \leq resto < divisor \} \\ \} \end{array}
```

Resolver este ejercicio en versiones iterativa y recursiva.

Ejercicio 18. void collatz(int n, int& cantPasos)

La conjetura de Collatz dice que dado un número natural n y el proceso que describimos a continuación, sin importar cuál sea el número original, provocará que la serie siempre termine en 1. El proceso:

- Si n es par lo dividimos por 2
- Si n es impar lo multiplicamos por 3 y le sumamos 1 al resultado

En este ejercicio, supondremos que la conjetura es cierta y se pide implementar una función que devuelva la cantidad de pasos que se realizan desde el número original hasta llegar a 1. Ejemplo: si calculamos collatz de 11, la cantidad de pasos es 15 y la sucesión es 11 34 17 52 26 13 40 20 10 5 16 8 4 2 1

Resolver este ejercicio en versiones iterativa y recursiva.

Ejercicio 19. Dados dos archivos que contienen números separados por espacios (ambos archivos tienen la misma cantidad de números), se pide que se sumen los valores de los archivos y se genere uno nuevo con la suma de los mismos. Ejemplo: "numeros.txt" contiene 1 25 6 y "numeros1.txt" contiene 45 5 4 debe crear el archivo "salida.txt" que contenga 46 30 10.

Ejercicio 20. void primosGemelos(int n, int& res1, int& res2) Decimos que a y b son primos gemelos, si ambos son primos y ademas a=b-2. Queremos obtener los iesimos primos gemelos. Por ejemplo, son primos gemelos 3 y 5, 5 y 7, 11 y 13, 17 y 19, 29 y 31, 41 y 43 ..., los 4-esimos primos gemelos son 17 y 19. Además se debe escribir en un archivo la secuencia de primos gemelos hasta llegar al i-esimo.

Para el ejemplo el archivo debe contener: (3,5) (5,7) (11,17) (17,19)

3. Vectores

Ejercicio 21. Especificar y luego implementar en su versión recursiva e iterativa:

1. bool divide(vector<int> v, int n)

Dados un vector v y un entero n, decide si n divide a todos los números de v.

2. int maximo(vector<int> v)

Dado un vector, devuelve el valor máximo.

3. bool pertenece(int elem, vector<int> v)

Dado un entero, indica si pertenece o no al vector.

Ejercicio 22. Implementar en su versión iterativa:

1. vector<int> rotar(vector<int> v, int k)

Dado un vector v y un entero k, rotar k posiciones los elementos de v.

[1, 2, 3, 4, 5, 6] rotado 2, deberia dar [3, 4, 5, 6, 1, 2].

2. vector<int> reverso(vector<int> v)

Dado un vector v, devuelve el reverso. Implementar también la versión recursiva de este problema.

3. vector<int> factoresPrimos(int n)

Dado un entero devuelve un vector con los factores primos del mismo.

4. void mostrarVector(vector<int> v)

Dado un vector de enteros muestra por la salida estándar (cout), el vector Ejemplo: si el vector es <1,2,5,65> se debe mostrar en pantalla [1,2,5,65]

5. bool estaOrdenado(vector<int> v)

Dado un vector v de int, dice si es monótonamente creciente o monótonamente decreciente.

Ejercicio 23. Integradores. Implementar las siguientes funciones

1. void negadorDeBooleanos(vector<bool> &booleanos)

Modifica un vector de booleanos negando todos sus elementos.

2. void palindromos(string rutaArchivoIn, string rutaArchivoOut)

Este procedimiento debe leer un archivo que contiene una lista de strings y crear uno nuevo dejando sólo los palíndromos. Además, debe transformar las palabras a mayúscula. **Ayuda**: Buscar la función toupper definida en cctype. Utilizar como ejemplo el archivo palindromos.txt.

3. void promedios(string rutaArchivoIn1, string rutaArchivoIn2, string rutaArchivoOut)

Dados dos archivos en los que cada uno contiene una secuencia de enteros (ambas con la misma longitud), guardar el promedio de cada par de números que se encuentran en la misma posición en el archivo de salida. Por ejemplo: si tenemos dos secuencias "1 2 3 4" y "1 25 3 12" el resultado debe ser "1 13.5 3 8"

4. void cantidadApariciones(string rutaArchivoIn, string rutaArchivoOut)

Dado un archivo rutaArchivoIn, que contiene una lista de números separados por espacios, contar la cantidad de apariciones de cada uno y escribe rutaArchivoOut con una línea por cada número encontrado, un espacio y la cantidad de apariciones. Por ejemplo: si el "1" aparece 44 veces y el "2" 20 veces, la salida debería contener dos líneas: "1 44" y "2 20".

5. int cantidadAparicionesDePalabra(string rutaArchivo, string palabra)

Dada una palabra y un archivo de texto devuelve la cantidad de apariciones de la palabra en el archivo.

6. void estadisticas(string rutaArchivo)

Dado un archivo de texto, mostrar por pantalla las estadísticas de cantidad de palabras con longitud 1, 2, 3... hasta el máximo. Por ejemplo:

```
Palabras de longitud 1: 100
Palabras de longitud 2: 12
Palabras de longitud 3: 6
...
```

7. void intersecion()

Procedimiento que pide al usuario que se ingresen dos nombres de archivos que contengan sólo números enteros separados por espacios, luego calcula la intersección (números que se encuentran en ambos archivos) e imprime por pantalla el resultado.

4. LATEX

}

- 1. Utilizando LATEX, crear un documento que sea reproduzca el contenido del documento intro_latex.pdf, respetando la estructura de secciones y sub-secciones.
- 2. Completar la subsección Especificación reemplazando el TODO con el siguiente contenido: Nota: Utilizar las macros de algo I. Las macros deben incluirlas despues de documentclass y antes de \begin{document} de la siguiente manera: \input{pathCarpetaMacros/Algo1Macros} \\ proc factorial (in n: \mathbb{Z} , out result: \mathbb{Z}) { $\text{Pre } \{n \geq 0\} \\ \text{Post } \{(n=0 \rightarrow result=1) \land (n>0 \rightarrow result=\prod_{k=1}^n k)\}$
- 3. Ahora agreguen la caratula y el índice. Para esto es necesario agregar el paquete \usepackage{caratula}

 Tomar en cuenta que es necesario tener el archivo caratula.sty y las imagenes logo_dc.jpg y logo_uba.jpg.

 Ademas es necesario agregar después de \begin{document} el contenido del archivo header_para_caratula.tex.

 Es necesario cambiar los siguientes datos: titulo, subtitulo, fecha, materia, el nombre y datos de los integrantes del grupo. Notar que pueden agregarse tantos integrantes como sea necesario copiando la línea integrante.

5. Control de Versiones

- 1. Crear un proyecto nuevo de C++ en CLion.
- 2. Agregar el archivo .gitignore (gitignore_file en el zip) al repositorio (git add .gitignore)
- 3. Agregar todos los archivos al repositorio, ignorando aquellos comprendidos por el .gitignore (git add .)
- 4. Subir cambios al repositorio
- 5. Obtener una copia nueva del repositorio. Verificar que CLion pueda abrir y ejecutar el proyecto.
- 6. Usando https://git.exactas.uba.ar/rcastano/labo-git-algo1/network/master, inspeccionar las versiones del archivo main.cpp en las 3 branches que aparecen (master, despedida_mejorada y que_tal).
- 7. Obtener una copia completa del repositorio https://git.exactas.uba.ar/rcastano/labo-git-algo1 y recordar el directorio en el que está ubicada. (git clone --mirror https://git.exactas.uba.ar/rcastano/labo-git-algo1)
 Llamaremos path_repo al path completo hacia este directorio.
- 8. Realizar dos copias adicionales del repositorio usando los comandos git clone path_repo path_copia1 y git clone path_repo path_copia2.
- 9. En el directorio path_copia1, integrar en el branch principal (master) los cambios del branch que_tal.
- 10. La integración todavía no se verá reflejada en la copia ubicada en path_repo. ¿Por qué no? Propagar los cambios hacia path_repo usando git push desde el directorio path_copia1.
- 11. En el directorio path_copia2, integrar en el branch principal (master) los cambios del branch despedida_mejorada.
- 12. En el directorio path_copia2, el comando git push fallará. Explicar por qué falla.
- 13. Traer los cambios de path_repo a la copia de path_copia2. (git fetch)
- 14. Identificar el problema usando git status. Resolver el problema usando git pull. Verificar que el proceso de merge haya sido el adecuado usando git diff hash_commit, donde hash_commit deberá ser el hash que aparece en la primera línea producida por git log.
- 15. Crear un branch nuevo y, en el mismo, renombrar el archivo RIDMI.txt usando el comando git mv, que mantiene la historia de cambios del archivo.
- 16. Crear un branch nuevo y borrar el archivo usando el comando git rm.
- 17. Integrar alguno de los dos branches a master.

6. Ciclos a partir de invariantes

A continuación se presentan una serie de ejercicios. Cada uno contiene un invariante asociado. Resolver cada problema respetando, para el ciclo principal del programa, el invariante dado.

Ejercicio 24. Mínimo de una subsecuencia

Devolver el índice del mínimo valor de una subsecuencia.

```
\begin{array}{l} \texttt{proc indice\_min\_subsec (in } s:seq\langle\mathbb{Z}\rangle, \ \texttt{in i,j:}\mathbb{Z}, \ \texttt{out res:}\mathbb{Z}) \ \ \{ \\ \texttt{Pre} \ \{|s|>0 \land 0 \leq i,j < |s| \land i \leq j \} \\ \texttt{Post} \ \{i \leq res \leq j \land (\forall k:\mathbb{Z}) \ i \leq k \leq j \longrightarrow_L s[k] \geq s[res] \} \\ \} \end{array}
```

$$I \equiv i - 1 \le l \le j \land i \le res \le j \land (\forall k : \mathbb{Z}) \ l < k < j \longrightarrow_L s[k] \ge s[res]$$

Ejercicio 25. Sumatoria de los elementos de una secuencia

Calcular la suma de todos los elementos de una secuencia s.

$$\begin{split} I &\equiv 1 \leq i \leq (|s| \ div \ 2) + 1 \ \wedge_L \ suma = s[(|s| \ div \ 2)] + \\ &\sum_{k=1}^{i-1} s[(|s| \ div \ 2) - k] + (\text{if} \ (|s| \ div \ 2) + k \geq |s| \ \text{then} \ 0 \ \text{else} \ s[(|s| \ div \ 2) + k] \ \text{fi}) \end{split}$$

Ejercicio 26. Máximo Común Divisor

Encontrar el máximo común divisor entre dos enteros positivos m y n. La post condición del ciclo es $Q_c \equiv a = b = mcd(a, b)$.

$$I \equiv 0 \le a \le m \land 0 \le b \le n \land mcd(a, b) = mcd(m, n)$$

Ejercicio 27. División Dados dos enteros positivos n y d calcular el cociente q y el resto r. El resultado debe ser de tipo pair < int, int >, donde el primer elemento de la tupla es q y el segundo es r y cumple $Q_c \equiv 0 \le r < d \land 0 \le q \le n \land n = q \times d + r$.

$$I \equiv (n \bmod d) \le r \le n \land 0 \le q \le n \land n = q \times d + r$$

Ejercicio 28. Existe Pico

Una secuencia tiene picos si en alguna posición el elemento es mayor tanto del anterior como del siguiente. Decidir si una secuencia dada (de al menos tres elementos) tiene picos.

$$I \equiv 1 \le i < |s| \land_L res = (\exists k : \mathbb{Z}) \ 1 \le k < i \land_L s[k] > s[k-1] \land s[k] > s[k+1]$$

Supongamos ahora que el invariante cambia de la siguiente manera:

$$I \equiv 1 \le i < |s| \land_L res = \neg(\exists k : \mathbb{Z}) \ 1 \le k < i \land_L s[k] > s[k-1] \land s[k] > s[k+1]$$

¿Le hace falta modificar su código para cumplir con dicho invariante?

Ejercicio 29. Ordenar Ordenar ascendentemente una secuencia (no vacía) de enteros.

$$I \equiv 0 \le i \le |s| \land_L |s| = |s_0| \land mismos(s, s_0) \land_L ordenada(subseq(s, 0, i)) \land (\forall k : \mathbb{Z}) \ 0 \le k < |s| \land i > 0 \longrightarrow_L ((k < i \land s[k] \le s[i-1]) \lor (k \ge i \land s[k] \ge s[i-1]))$$

fun $mismos(s, s_0 : seq\langle \mathbb{Z} \rangle) : \mathsf{Bool} = (\forall i : \mathbb{Z}) \ \#apariciones(s, i) = \#apariciones(s_0, i)$ fun $ordenada(s : seq\langle \mathbb{Z} \rangle) : \mathsf{Bool} = (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |s| - 1 \longrightarrow_L s[i] \le s[i+1]$ Hint: Utilizar la función $indice_min_subsec$ resuelta en el ejercicio 1.

 $^{^{1}}$ Recordar que mcd(a, b) = mcd(a-b,b) = mcd(a, b-a)

7. Asserts / Debugging

Ejercicio 30. Dados los códigos de los siguientes programas, utilizar los tests para verificar si cumplen con su objetivo. Si los test fallan, utilizar el dubugger de CLion para encontrar los posibles errores y arreglar el código.

1. bool estaOrdenado(vector<int> v)

Dado un vector de enteros v, indica si está ordenado tanto ascendente como descendentemente.

2. bool esPrimo(int numero)

Dado un entero, decide si el mismo es un número primo o no.

3. bool pertenece(int elem, vector<int> v)

Dado un entero elem, indica si pertenece o no al vector v.

4. float desvioEstandar(vector<float> v)

Dado un vector v, calcula su desvío estandar.

5. long fibonacci(int k)

Este procedimiento debe calcular el K-esimo número de la serie de fibonacci.

6. int maximoComunDivisor(int x, int y)

Dados dos enteros X e Y, calcula el máximo común divisor de los mismos.

7. int sumaDoble(vector<int> v)

Dado un vector de enteros v, debe calcular la sumatoria del doble de los elementos que son positivos y pares.

8. int cantPalabras(string filename)

Dado un archivo de texto, debe contar la cantidad de palabras que hay en el mismo.

9. float valorMedio()

El archivo SensadoRemoto.out contiene una lista de valores reales provenientes de una estación de medición de una variable física dada, cuyos valores son positivos y menores a 1. Este programa debe calcular el promedio de dichos valores.

8. Testing

Este taller tiene una introducción para familiarizarse con el sistema de testing, y dos partes: generar casos de prueba para código existente y testear código propio.

Todo lo que necesitan para el taller está en las carpetas src (donde se encuentran los códigos fuente completos y para completar con el nombre correspondiente) y test, donde están los archivos para rellenar con los tests.

Corrida de casos de prueba

Ejercicio 31. Sin mirar el código, correr los casos de test provistos para el programa esPrimo(in: int n, out: bool res) visto en clase. Nuevamente sin mirar el código, discutir qué grado de confianza podemos tener en que la implementación sea correcta.

Revisión de código existente

Justificar la elección de los casos de prueba en cada subítem. Además, en cada caso, decidir si la implementación provista en la carpeta del TP es correcta.

Ejercicio 32. puntaje Armar casos de test de caja blanca para el programa puntaje(in: int n, out: int res) visto en clase, pasando por todas las ramas (branches) del código.

Ejercicio 33. llenarTaxis Dada la adaptación del problema:

```
llenarTaxis(in: int g1, in: int g2, in: int g3, out: int res)<sup>2</sup>
```

Armar casos de test de caja negra según la partición de dominio que se encuentra al final del problema. Correr los tests sobre las diferentes implementaciones en la carpeta del TP y encontrar el error de cada una (no hace falta arreglarlas).

²http://codeforces.com/problemset/problem/158/B

Enunciado del problema

Un grupo de chicos quiere viajar a un cumpleaños en varios taxis, que tienen capacidad para 4 personas cada uno. Los chicos están divididos en grupos de amigos de entre 1 y 3 personas y cada grupo de amigos quiere viajar en el mismo taxi. Sin embargo, cada taxi puede llevar a más de un grupo (por ejemplo, puede llevar dos grupos de dos personas).

Cuál es la mínima cantidad de taxis que necesitan para poder llegar todos?

La entrada son 3 números: la cantidad de grupos de un chico, de dos y de tres, respectivamente. La salida es un número: la mínima cantidad de taxis que necesitan.

Partición del dominio

- 1. Todos los grupos con la misma cantidad de gente (hacer los casos para las 3 cantidades)
- 2. Con grupos de diferentes tamaños:
 - a) g_2 par.
 - b) g_2 impar...
 - 1) ... $g_1 g_3 = 1$ ó 2
 - 2) ...y $g_1 g_3 \neq 1$ ó 2

Programación + testing

Implementar una solución de los siguientes problemas. Además, proveer casos de test de caja blanca y justificar su elección.

Ejercicio 34. sandia Trabajar sobre la adaptación del problema sandia(in: int peso, out: bool res)³:

Sara y Flor consiguieron una sandía para el postre que pesa una cantidad entera de kg. Quieren dividirla en dos partes tales que cada una coma una cantidad par de kg.

Decidir si pueden hacerlo en función del peso de la sandía.

Partición del dominio

- 1. Sandía con peso par.
- 2. Sandía con peso impar.

Resolver los puntos:

- 1. Programar en C++ una solución al problema.
- 2. Crear un conjunto de casos de test de caja negra que contenga un caso por cada partición del dominio del problema mostrado arriba.
- 3. Crear un conjunto de casos de test de caja blanca que cubra todas las líneas del programa.
- 4. Extender (si es necesario) el conjunto de casos del ítem anterior para que cubra todas las ramas de decisiones (branches) del programa.

Ejercicio 35. baldosasDelPiso Trabajar sobre el problema baldosasDelPiso(in: int N, in: int M, out:int res)⁴:

La facultad quiere cambiar las baldosas del piso de un aula rectangular (de dimensiones $M \times N$) sin huecos ni superposiciones. Las baldosas son cuadradas (de $B \times B$).

Las baldosas se pueden cortar para ponerlas en el piso, pero a lo sumo se puede usar un pedazo de cada una (es decir, no vale cortarlas a la mitad para tener dos más chicas).

Cuál es la mínima cantidad de baldosas que se necesita para cubrir el aula?

³http://codeforces.com/problemset/problem/4/A

⁴http://codeforces.com/problemset/problem/1/A

Partición del dominio

- 1. M y N divisibles por B.
- 2. Sólo M divisible por B.
- 3. Sólo N divisible por B.
- 4. Ninguno divisible por B.

Resolver los puntos:

- 1. Programar en C++ una solución al problema.
- 2. Crear un conjunto de casos de test de caja negra que contenga un caso por cada partición del dominio del problema mostrado arriba.
- 3. Crear un conjunto de casos de test de caja blanca que cubra todas las líneas del programa.
- 4. Extender (si es necesario) el conjunto de casos del ítem anterior para que cubra todas las ramas de decisiones (branches) del programa.

Ejercicio 36. contando Dragones (opcional) Trabajar sobre la adaptación del problema: contando Dragones (in: int t, in: int d1, in: int d2, in: int d3, out: int res)⁵:

Enunciado del problema

Ana Paula tiene insomnio, y cuenta dragones para dormir porque las ovejas la aburrieron. Una noche se aburrió también de contar dragones, entonces se empezó a imaginar que a algunos les hacía maldades.

Una noche, contó T dragones. A uno de cada D_1 dragones le tiró gas pimienta en la nariz, a uno de cada D_2 dragones lo roció con un extintor, y a uno de cada D_3 le puso demasiado picante en la comida. Sabemos que $D_1 < D_2 < D_3$.

¿Cuántos dragones no fueron víctimas de ninguna de sus maldades?

Pista: sale sin usar un ciclo que chequee los dragones uno por uno.

Partición del dominio

- 1. D_1 , D_2 y D_3 coprimes. Se divide en:
 - a) Coprimos de a pares
 - b) No coprimos de a pares
- 2. D_1 , D_2 y D_3 no coprimos. Se divide en:
 - a) D_2 múltiplo de D_1 y D_3 múltiplo de D_2 .
 - b) No ocurre la condición de arriba.

Resolver los puntos:

- 1. Programar en C++ una solución al problema.
- 2. Crear un conjunto de casos de test de caja negra que contenga un caso por cada partición del dominio del problema mostrado arriba.
- 3. Crear un conjunto de casos de test de caja blanca que cubra todas las líneas del programa.
- 4. Extender (si es necesario) el conjunto de casos del ítem anterior para que cubra todas las ramas de decisiones (branches) del programa.

⁵http://codeforces.com/problemset/problem/148/A