

Análisis Automático de Programas

Análisis dataflow intraprocedural

Diego Garbervetsky
Departamento de Computación
FCEyN – UBA

Analizadores Dataflow

- Herramientas que evalúan directamente el código (sin ejecutarlo).
- Modelan **todas** las posibles ejecuciones
 - Sobre una abstracción del estado
 - Menos preciso que análisis dinámico
 - Más "seguro"
- Errores "mecánicos" (difíciles de encontrar via Testing y/o inspecciones):
 - Errores de uso de memoria (Des-referencias a null, datos no inicializados).
 - "Leaks" de recursos (memoria no liberada, locks, archivos).
 - Vulnerabilidades (buffers overruns, datos no validados).
 - Violaciones de uso de un API o Framework, no respeto de encapsulamiento .
 - Excepciones no manejadas, concurrencia (race conditions), etc.
- Inferencia de propiedades
 - Especificaciones, invariantes, uso de recursos

Análisis Dataflow

Motivación:

- Encontrar propiedades/errores interesantes
 - x es null, x es copiada a y, y es des-referenciada
- Optimizar
 - Tiempo de ejecución, uso de memoria, etc
- **Garantías de corrección**
 - Sistemas críticos
 - Asegurarse de la no existencia de cierto tipos de errores
 - Optimizaciones requieren garantías
 - Ej: eliminar código muerto, mover un statement afuera de un loop
- **Automaticidad**
 - Reducción de costo
 - Impracticable de forma manual

Dataflow vs. Verificación (SMT/MC)

- **Dataflow**
 - Sound error detection (si hay un error lo encuentran)
 - Suelen aproximar (falsos positivos)
 - Propiedades más simples
 - No siempre pero en gral si
- **Verificación:**
 - Requieren una especificación/propiedad a verificar
 - No son completos (por incapacidad del SMT)
 - A veces no suelen ser sound (por asunciones)
 - Uso principal : verificar propiedades funcionales
 - No siempre...

Análisis dataflow: usos

- **Para optimizar código.**
 - Detectar variables no usadas;
 - Eliminar código muerto.
 - Detectar expresiones usadas frecuentemente.
 - Descubrir métodos sin efectos colaterales.
 - Des-referencias de objetos validas (evitar el chequeo de null).
 - ...
- **También nos ayuda a entender programas.**
 - Inferir el tipo de una función.
 - Calculo pre/post, invariantes.
 - Uso de recursos
 - Reingeniería
 - Grafo de llamas de un programa OO
 - Obtención de modelos de comportamiento
 - ...

Ejemplos

- Clásicos:
 - Live variable analysis, Reaching definitions, Available expressions, etc..
 - Para optimizar
- Safety / Program Understanding
 - Zero analysis
 - Null pointer
 - Intervalos: rango de arrays
 - Invariantes
- Base para otros análisis:
 - Points-to analysis
 - Call graph
 - Aliasing

Available expressions

- Detectar qué expresiones están disponibles en cada punto del programa
- Eliminar computos repetidos
- Una expresion ($x \text{ op } y$) está *disponible* en un punto del programa si en **todos** los caminos que conducen al punto
 - $x \text{ op } y$ es calculada al menos una vez
 - x e y no son redefinidas desde el momento que se calculó $x \text{ op } y$

```
...
{ }
int b = a + 2;
{ a + 2 }
int c = b*b;
{ a + 2, b*b }
int d = c + 1;
{ a + 2, b*b, c+1 }
c = 4;
{ a + 2, b*b }
if(b < c) b = 2;
else c = a+1;
{ a + 2 }
return d;
```

Live variable analysis

- Identificar qué variables están "vivas" (serán utilizadas más adelante)
 - x está *viva* desde que es definida hasta su **último** uso o redefinición
- Usos:
 - Asignación de variables a registros
 - Eliminación de código muerto
 - Eliminación de código relacionado a asignaciones a variables no vivas

```
...
{ a }
int b = a + 2;
{ b }
int c = b*b;
{ c }
int d = c + 1;
{ d }
c = 4;
{ d, c }
return d+c;
{ }
```

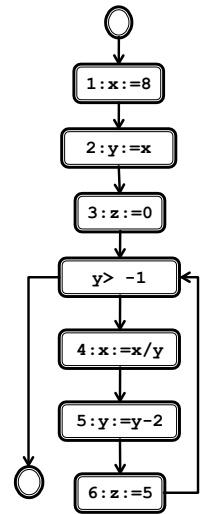
Zero analysis

- Inferir el valor que tiene cada variable
 - X es cero?
- Usos:
 - Detección temprana de bugs
 - División
 - Null
 - Propagación de constantes

```
x := 8;
y := x;
z := 0;
while y > -1 do
    x := x / y;
    y := y-2;
    z := 5;
```

Análisis Dataflow

- Es una de las técnicas de análisis estático más usadas.
- **Propósito:** Inferir **automáticamente** propiedades interesantes en un programa
 - En particular para cada punto de un programa
- **Principio:** Modelar la ejecución de un programa como la solución de un conjunto de ecuaciones que describen el flujo de valores a través de las instrucciones del mismo

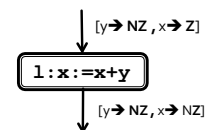


Analisis Dataflow: Intuición

- “ejecutar” el programa sobre valores abstractos.
- Colecta en cada punto del programa toda la información que fluye en ese punto.
 - Puede brindar información para cada posición del programa.
 - ¿Cuanto puede valer una variable Y al salir de la instrucción 5?
 - ¿puede “fluir” el valor null hacia x en alguna instrucción?
 - Puede distinguir el orden de las operaciones.
 - ¿Se leyó un archivo después de que éste fue cerrado?
- Es sensitivo a flujo
 - Requiere un grafo de control

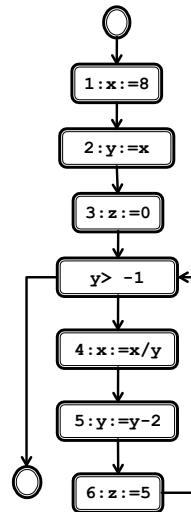
Analisis Dataflow: elementos

- **Grafo de control:** Representación del flujo de control del programa a analizar
- **Valores abstractos:** representan a la información que va a fluir
- **Función de transferencia:** Determina el efecto sobre el estado que tiene cada instrucción del programa
- **Ecuaciones de Dataflow:** Determinan cómo fluyen los valores abstractos de acuerdo al flujo de ejecución del programa



Grafo de control

- Muestra el orden de ejecución
- Se descomponen instrucciones en operaciones más simples
 - Ejemplo (3-address code)
 - $a = b + c + d \Rightarrow t_1 = b + c ; a = t_1 + d$
- Se eliminan las estructuras de iteración (while, for, repeat)
 - Se modelan con ciclos en el grafo
- **Objetivo:** analizar una operación simple por vez.



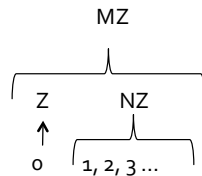
Valores abstractos

- Elegir una abstracción de acuerdo a la propiedad a inferir
 - ¿x puede ser cero?
 - La expresión $a+b$ fue calculada previamente? Es necesario mantener la variable x en este punto del programa?
 - ¿De donde proviene este valor que asigno a x?
 - ¿Un archivo está abierto?
 - ¿La variable x es null cuando es desreferenciada? x e y representan el mismo objeto?
- **Clave:** El espacio de estados debe ser tratable computacionalmente
 - Deben conformar un **reticulado**.
 - Típicamente finito (al menos en altura)



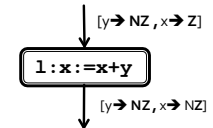
Abstracción requiere aproximación

- Abstraer \Rightarrow no manejar el estado completo
 - No manejamos la información real
- Ejemplo: Naturales positivos
 - $3 - 3 = 0$
 - $\text{Abs}(3) = \text{NZ}$
 - Cuanto es $\text{NZ} - \text{NZ}$?
 - Respuesta es Z o $\text{NZ} \Rightarrow \text{MZ}$



Función de transferencia

- Determina el efecto que tiene cada instrucción del programa sobre el estado abstracto
- Dada un nodo (instrucción) y un estado abstracto produce un nuevo estado abstracto
 - $F_{\text{stmt}}(\sigma) = \sigma'$
- Ejemplo:
 - $F_{x:=x+y}([y \rightarrow \text{NZ}, x \rightarrow \text{Z}]) = [y \rightarrow \text{NZ}, x \rightarrow \text{NZ}]$
- Algunas propiedades:
 - Debe ser monótona : $x \leq y \rightarrow f(x) \leq f(y)$
 - Cerrada bajo composición (que $f(f(x))$ sea definible)



Analisis Dataflow: elementos

■ Ecuaciones de dataflow:

- Define cómo se calcula la salida de un nodo en función de sus entradas
- En qué orden fluyen los datos y de qué manera se combinan

- Forward:** Desde el inicio del programa hacia el fin

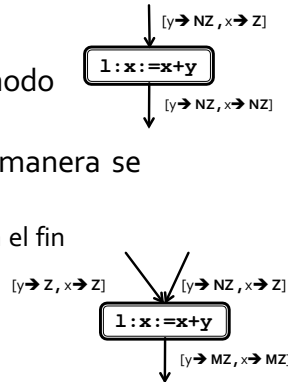
- Zero analysis, available expressions, etc

- Backward:** Desde el fin hacia el inicio

- Live variables analysis

■ Cómo interpretar los datos

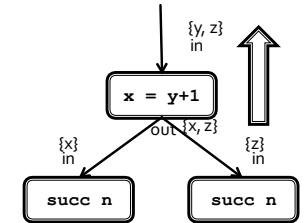
- Qué hacer cuando hay datos que provienen de 2 lugares:
 - Aplicar el "supremo"/Aproximar para arriba: Análisis **MAY**
 - Aplicar el "ínfimo"/Aproximar para abajo: Análisis **MUST**



Ejemplos de ecuaciones

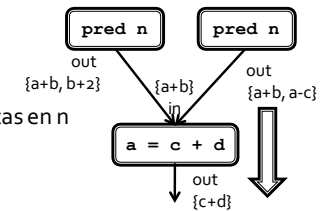
■ Live variables analysis

- $in[n], out[n]$ = conjunto de variables
- $transfer[n](X) = gen(n) \cup (X - kill(n))$
 - $gen(n)$ = variables leídas en n
 - $kill(n)$ = variables escritas en n
- $\oplus = \cup$ (de conjuntos)
- $out[n] := \cup \{ in[m] \mid m \in succ(n) \}$
- $in[n] := transfer[n](out[n])$



■ Available expressions

- $in[n], out[n]$ = conjunto de expresiones
- $transfer[n](X) = gen(n) \cup (X \cap kill(n))$
 - $gen(n)$ = expression creada
 - $kill(n)$ = exprs que contienen las variables escritas en n
- $\oplus = \cap$ (de conjuntos)
- $in[n] := \cap \{ out[m] \mid m \in pred(n) \}$
- $out[n] := transfer[n](in[n])$



Framework Dataflow

Para cada nodo n :

- $in[n]$: valor/es en el punto del programa antes de n
- $out[n]$: valor/es en el punto del programa despues de n
- $transfer[n]$: operación a aplicar sobre el valor en el nodo n

Para cada análisis:

- \oplus : Operación de combinación (para combinar varios valores de entrada/salida)

| Recorrido $\backslash\oplus$ | \cup (MAY) | \cap (MUST) |
|------------------------------|--|--|
| Forward | Dado $in[n]$, calcula $out[n]$ Aplica $transfer[n]$ a $pred[n]$ La propiedad aplica a algún camino (reaching defs, zero analysis) | Dado $in[n]$, calcula $out[n]$ Aplica $transfer[n]$ a $pred[n]$ La propiedad aplica a todo camino (available expressions) |
| Backward | Dado $out[n]$, calcula $in[n]$ Aplica $transfer[n]$ a $succ[n]$ La propiedad aplica a algún camino (live variable analysis) | Dado $out[n]$, calcula $in[n]$ Aplica $transfer[n]$ a $succ[n]$ La propiedad aplica a todo camino (very busy expressions) |

Algoritmo iterativo

Calcula $out[n]$ para cada $n \in N$:

$out[n] := \perp$ (o top si es Must)

Repetir

Para cada n

$in[n] := \oplus \{ out[m] \mid m \in pred(n) \}$

$out[n] := transfer[n](in[n])$

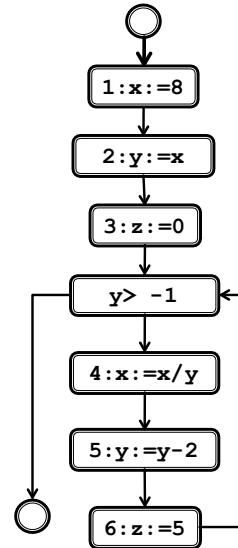
Hasta que no haya más cambios

Zero analysis

```

x := 8;
y := x;
z := 0;
while y > -1 do
  x := x / y;
  y := y-2;
  z := 5;

```



Zero analysis

reticulado : $(\text{var} \rightarrow \{\text{bot}, \text{Z}, \text{NZ}, \text{MZ}\})$

-bot = $[], \text{top} = \{x \rightarrow \text{MZ}, y \rightarrow \text{MZ}, z \rightarrow \text{MZ}\}$

- \cup, \subseteq

-transfer:

- $F_{x:=e}(\sigma) = \sigma[x \leftarrow \sigma(e)]$

- $\sigma(\text{Z} + \text{NZ}) = \text{NZ}$

- $\sigma(\text{Z} + \text{Z}) = \text{Z}$

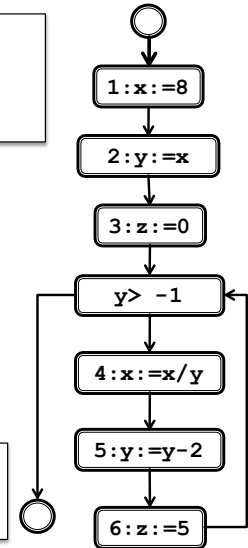
- $\sigma(\text{Z} - \text{Z}) = \text{Z}$

- $\sigma(\text{NZ} - \text{NZ}) = \text{MZ}$

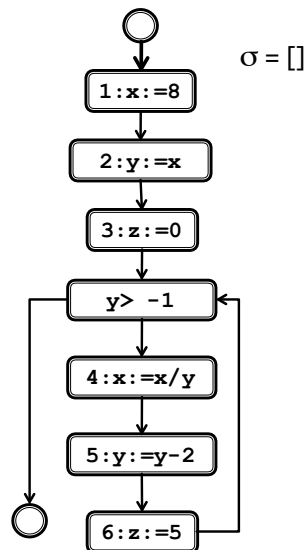
-...

$\text{in}[n] := \cup \{ \text{out}[m] \mid m \in \text{pred}(n) \}$

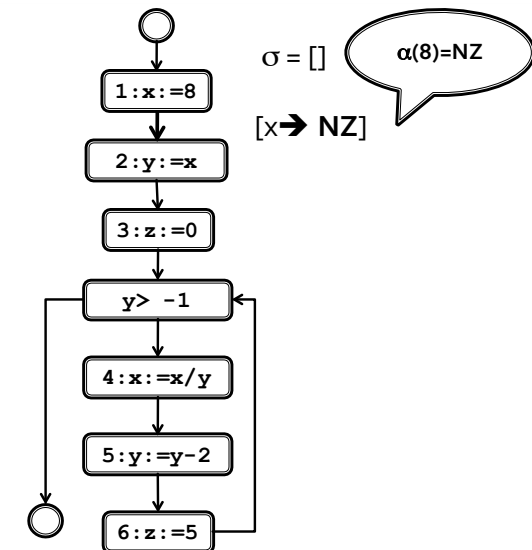
$\text{out}[n] := \text{transfer}[n](\text{in}[n])$



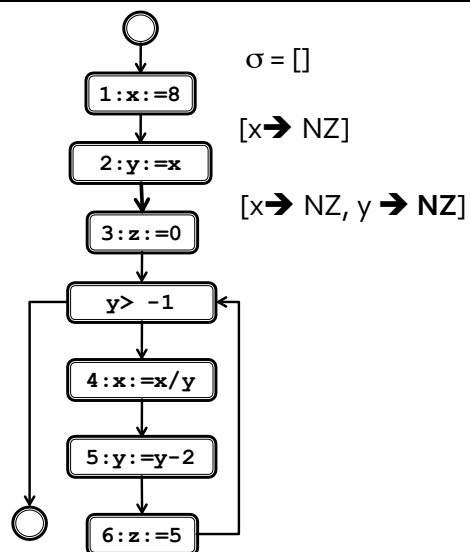
Ejemplo



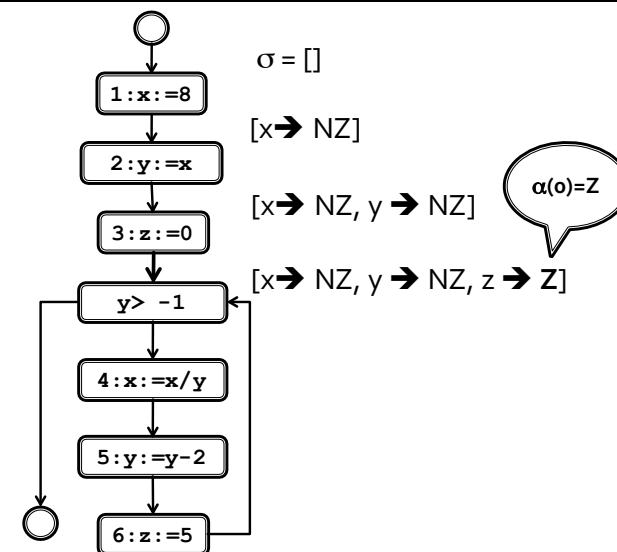
Ejemplo



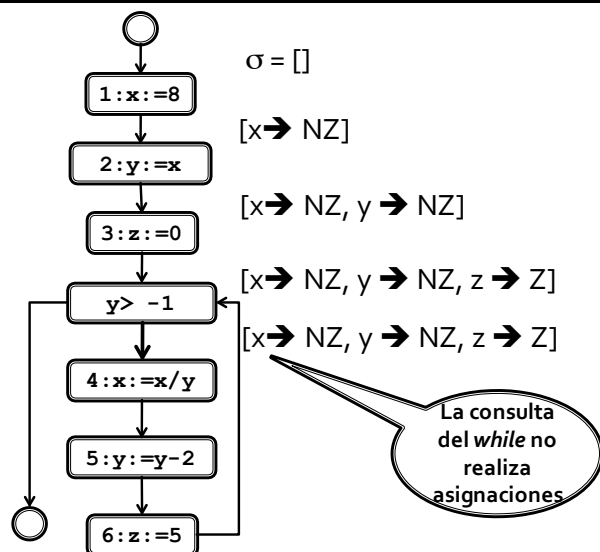
Ejemplo



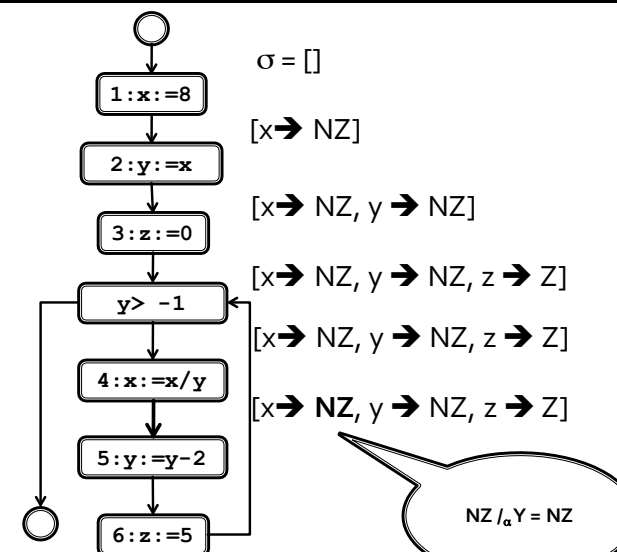
Ejemplo



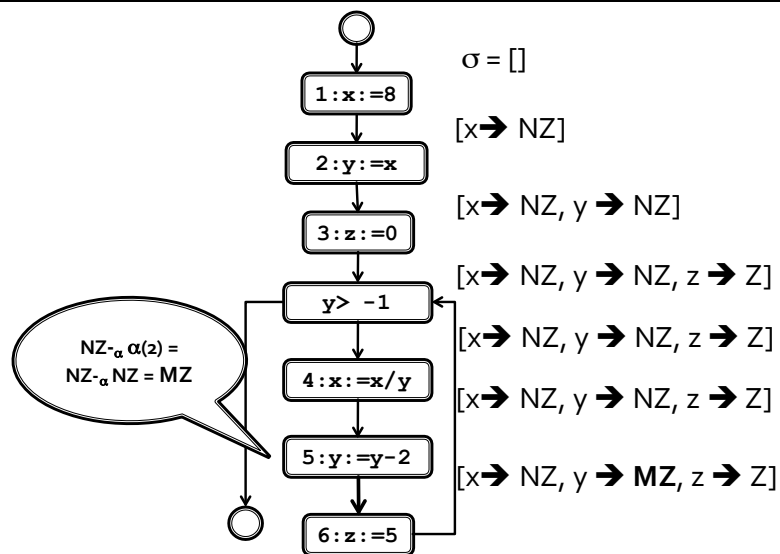
Ejemplo



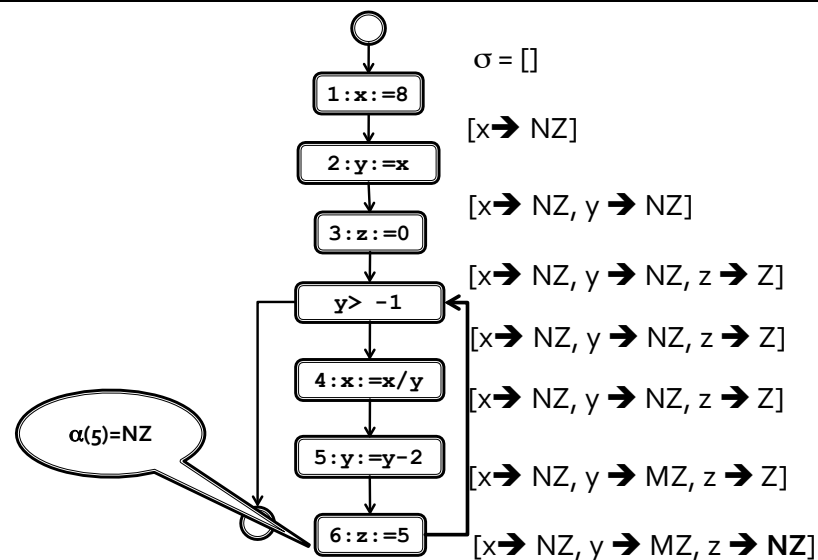
Ejemplo



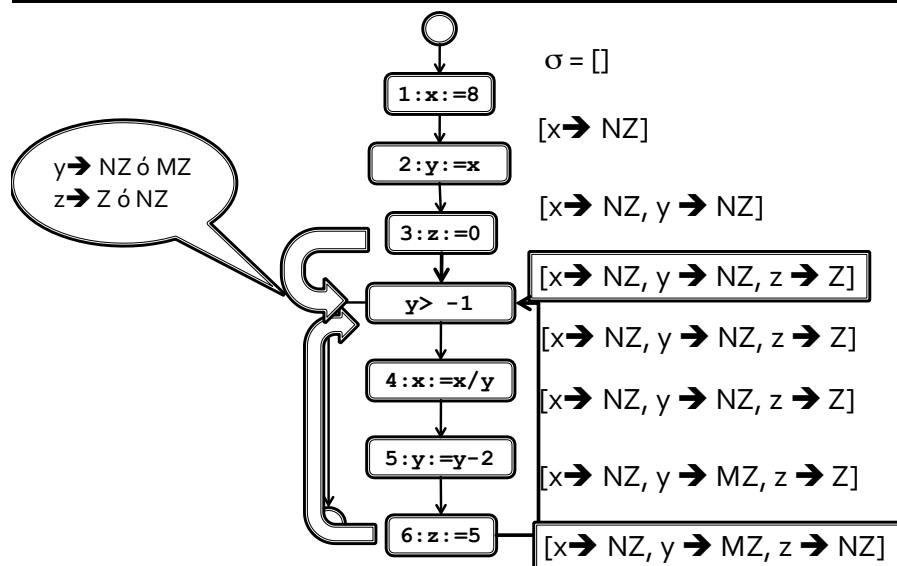
Ejemplo



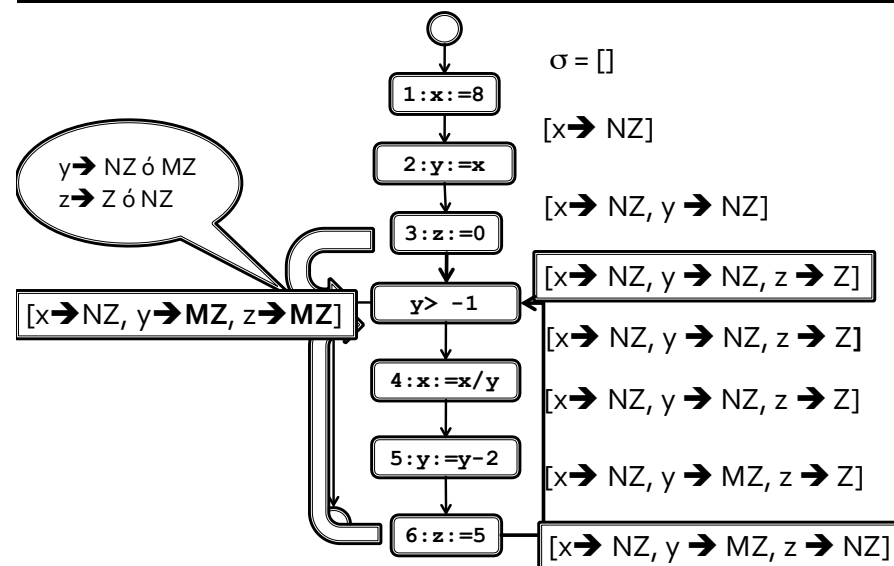
Ejemplo



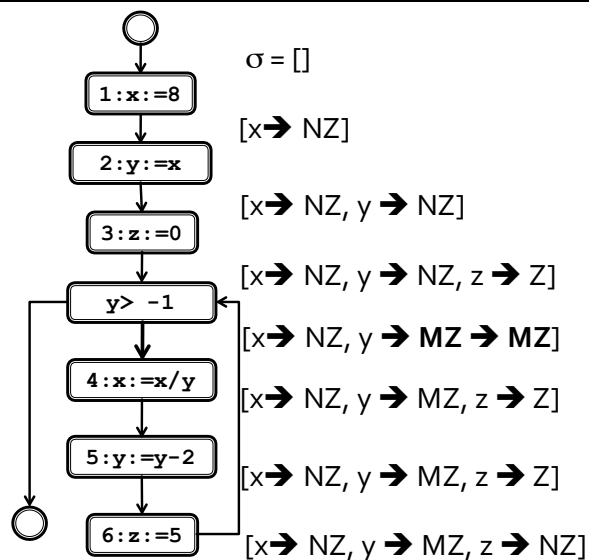
Ejemplo



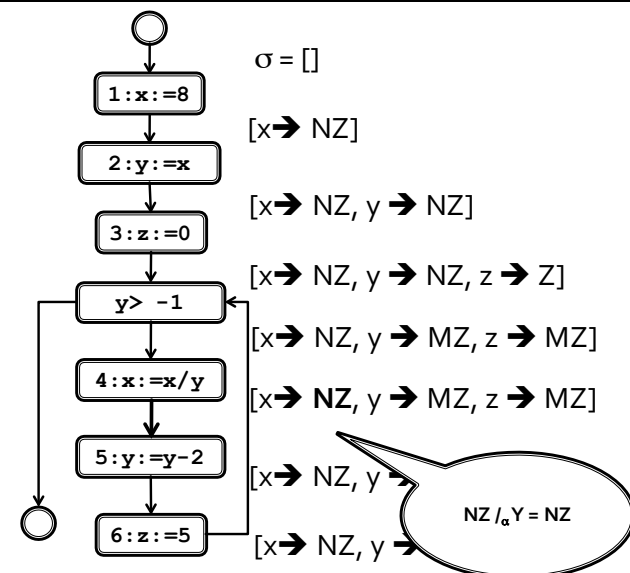
Ejemplo



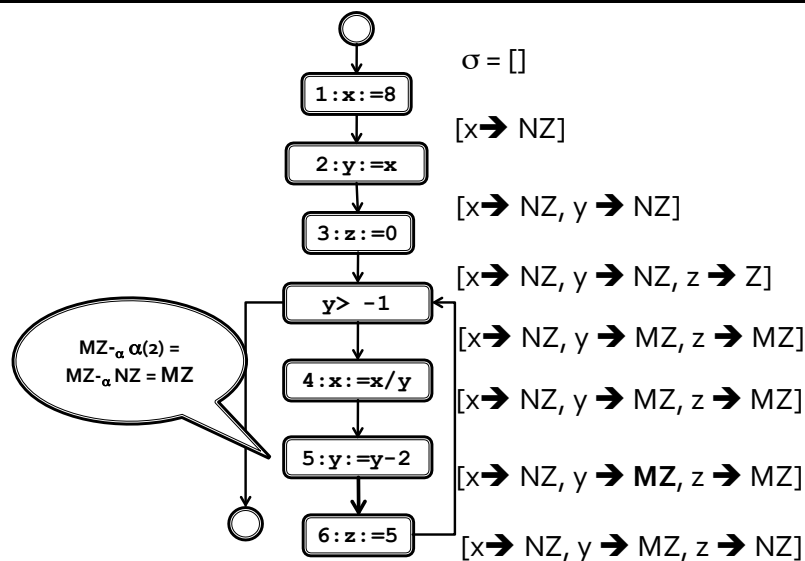
Ejemplo



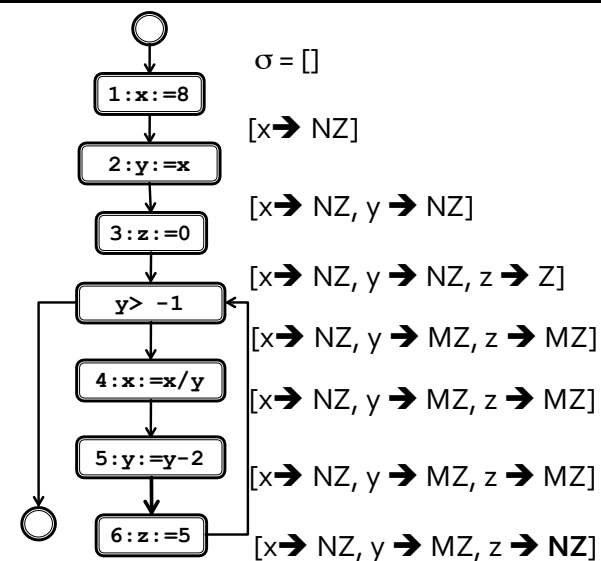
Ejemplo



Ejemplo



Ejemplo



Convergencia del análisis

Iteración 2

$\sigma = []$

$[x \rightarrow NZ]$

$[x \rightarrow NZ, y \rightarrow NZ]$

$[x \rightarrow NZ, y \rightarrow NZ, z \rightarrow Z]$

$[x \rightarrow NZ, y \rightarrow MZ, z \rightarrow MZ]$

$[x \rightarrow NZ, y \rightarrow MZ, z \rightarrow MZ]$

$[x \rightarrow NZ, y \rightarrow MZ, z \rightarrow MZ]$

$[x \rightarrow NZ, y \rightarrow MZ, z \rightarrow NZ]$

¡No hubo
cambios!
!Punto fijo!

Iteración 3

$\sigma = []$

$[x \rightarrow NZ]$

$[x \rightarrow NZ, y \rightarrow NZ]$

$[x \rightarrow NZ, y \rightarrow NZ, z \rightarrow Z]$

$[x \rightarrow NZ, y \rightarrow MZ, z \rightarrow MZ]$

$[x \rightarrow NZ, y \rightarrow MZ, z \rightarrow MZ]$

$[x \rightarrow NZ, y \rightarrow MZ, z \rightarrow MZ]$

$[x \rightarrow NZ, y \rightarrow MZ, z \rightarrow NZ]$

Ejemplo: Utilizando el resultado

```

 $\sigma = []$ 
x := 8;
 $\sigma = [x \rightarrow NZ]$ 
y := x;
 $\sigma = [x \rightarrow NZ, y \rightarrow NZ]$ 
z := 0;
 $\sigma = [x \rightarrow NZ, y \rightarrow NZ, z \rightarrow Z]$ 
while y > -1 do
   $\sigma = [x \rightarrow NZ, y \rightarrow MZ, z \rightarrow MZ]$ 
  x := x / y;
   $\sigma = [x \rightarrow NZ, y \rightarrow MZ, z \rightarrow MZ]$ 
  y := y - 2;
   $\sigma = [x \rightarrow NZ, y \rightarrow MZ, z \rightarrow MZ]$ 
  z := 5;
   $\sigma = [x \rightarrow NZ, y \rightarrow MZ, z \rightarrow NZ]$ 

```

Warning: Este programa *quizás* realiza una división por cero

Usando el análisis de Ceros

Interpretación del resultado:

- Visitar cada expresión de la forma X/Y en el programa
- Mirar el resultado del cero análisis para ese punto para el divisor Y
 - Si Y = NZ, OK!

Propiedad fundamental: Dado un programa **P** y un análisis **A** que busca un tipo de errores **E**.

"Sound error detection":

- Si existe un error **e** en **P** \Rightarrow el **A** lo encuentra

Mejorando la precisión

- ¿Qué pasa con este ejemplo?
 - $y = 3;$
 $y := y - 1;$
 $x = 6/y$
 - El análisis es conservador.... Da warning cuando claramente es válida
- ¿Solución?: Utilizar una abstracción mas fina.
 - Ejemplo intervalos:
 - $\sigma = []$
 - $y = 3;$
 - $\sigma = [y \rightarrow [3, 3]]$
 - $y := y - 1;$
 - $\sigma = [y \rightarrow [2, 2]]$
 - $x = 6/y$
 - $\sigma = [x \rightarrow [3, 3], y \rightarrow [2, 2]]$
- OJO! Mayor precisión puede implicar más costo computacional.
 - En el ejemplo iteraría 9 veces en vez de 2.
 - Ejercicio!

Algoritmo iterativo

Calcula $out[n]$ para cada $n \in N$:

$out[n] := \perp$ (o top si es Must)

Repetir

Para cada n

$in[n] := \bigoplus \{ out[m] \mid m \in pred(n) \}$

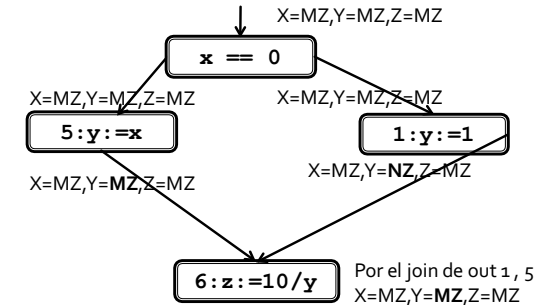
$out[n] := transfer[n](in[n])$

Hasta que no haya más cambios

- Preguntas:
 - Produce una solución?
 - Produce la mejor solución posible?
 - El análisis termina?
- Depende de las propiedades del reticulado de valores y la función de transferencia

Problemas de precisión

- Qué pasa en el caso de los condicionales?



Función de transferencia:

- $f(\sigma, [x := y]) = [x \rightarrow \sigma(y)] \sigma$
- $f(\sigma, [x := n]) = \text{if } n == 0 \text{ then } [x \rightarrow Z] \sigma \text{ else } [x \rightarrow NZ] \sigma$
- $f(\sigma, [x := y \text{ op } z]) = [x \rightarrow MZ] \sigma$
- $f(\sigma, /* \text{ any other } */) = \sigma$

- El análisis no aprovecha la información proveniente del flujo

Mejorando Precisión

- Idea: Propagar información en las ramas

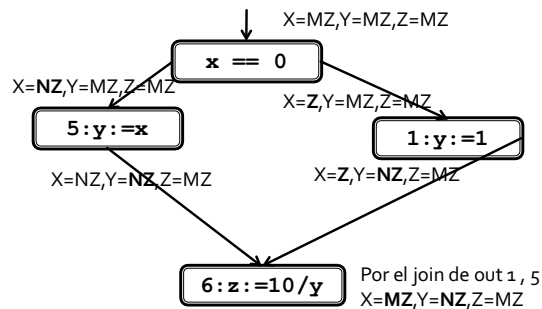
Función de transferencia:

- $f(\sigma, [x := y]) = [x \rightarrow \sigma(y)] \sigma$
- $f(\sigma, [x := n]) = \text{if } n == 0 \text{ then } [x \rightarrow Z] \sigma \text{ else } [x \rightarrow NZ] \sigma$
- $f(\sigma, [x := y \text{ op } z]) = [x \rightarrow MZ] \sigma$
- $f(\sigma, /* \text{ any other } */) = \sigma$

- $fT(\sigma, [x == 0]) = [x \rightarrow Z] \sigma$
- $fF(\sigma, [x == 0]) = [x \rightarrow NZ] \sigma$

En general:

- $fT(\sigma, [x == y]) = [x \rightarrow \sigma(y)] \sigma$
- $fF(\sigma, [x == y]) = [x \rightarrow !\sigma(y)] \sigma$



Algoritmo work-list

- Es más eficiente

Calcula $out[n]$ para cada $n \in N$:

$out[n] := \perp$

$work.add = \{entry\}$

Mientras $work$ no vacío. Hacer:

$n := work.pop();$

$in'[n] := \bigoplus \{ out[m] \mid m \in pred(n) \}$

$out'[n] := transfer[n](in'[n])$

si $!(out'[n] \subseteq out[n])$

para todo $m \in succ(n)$ $work.add(m);$

$out[n] := out'[n]; in[n] := in'[n];$

top si es Must

Exit si es backward.

Succ si es backward y cambiar in x out

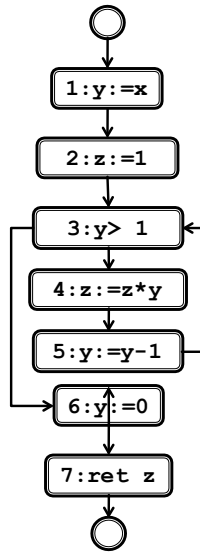
Pred si es backward

Ejemplo: Live variables

```

y := x;
z := 1;
while y > 1
{
    z := z * y;
    y := y - 1;
}
y := 0;
return z;

```



Live variable analysis

Reticulado : $P(\{x,y,z\})$

-bot = $\{\}$, top = $\{x,y,z\}$, \cup , \subseteq

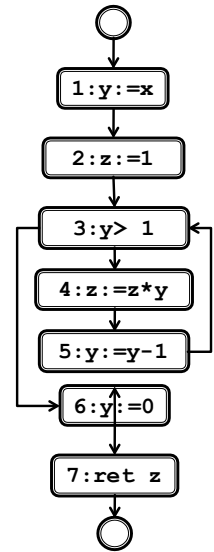
-Transfer:

- $F(\sigma, e) = \sigma \cup \text{vars}(e)$

- $F(\sigma, x:=e) = (\sigma - \{x\}) \cup \text{vars}(e)$

- $F(\sigma, \text{otro caso}) = \sigma$

$\text{out}[n] := \cup \{ \text{in}[m] \mid m \in \text{succ}(n) \}$
 $\text{in}[n] := \text{transfer}[n](\text{out}[n])$



Live variable analysis

Reticulado : $P(\{x, y, z\})$

Función de transferencia:

- $F(\sigma, e) = \sigma \cup \text{vars}(e)$

- $F(\sigma, x:=e) = (\sigma - \{x\}) \cup \text{vars}(e)$

- $F(\sigma, \text{otro caso}) = \sigma$

$\text{out}[n] := \cup \{ \text{in}[m] \mid m \in \text{succ}(n) \}$

$\text{in}[n] := F(\text{out}[n], \text{stm}[n])$

Calcula $\text{in}[n]$ para cada $n \in N$:

$\text{out}[n] := \perp$

$\text{work.add} = \{\text{exit}\}$

Mientras work no vacío. Hacer:

$n := \text{work.pop}();$

$\text{out}'[n] := \cup \{ \text{in}[m] \mid m \in \text{succ}(n) \}$

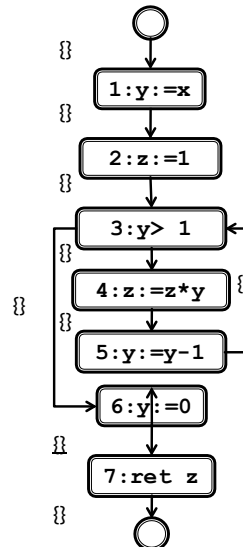
$\text{in}'[n] := \text{transfer}[n](\text{out}'[n])$

si $!(\text{in}'[n] \subseteq \text{in}[n])$

para todo $m \in \text{pred}(n)$ $\text{work.add}(m);$

$\text{out}[n] := \text{out}'[n]; \text{in}[n] := \text{in}'[n];$

$\text{work} = \{\text{exit}\}$



Live variable analysis

Reticulado : $P(\{x, y, z\})$

Función de transferencia:

- $F(\sigma, e) = \sigma \cup \text{vars}(e)$

- $F(\sigma, x:=e) = (\sigma - \{x\}) \cup \text{vars}(e)$

- $F(\sigma, \text{otro caso}) = \sigma$

$\text{out}[n] := \cup \{ \text{in}[m] \mid m \in \text{succ}(n) \}$

$\text{in}[n] := F(\text{out}[n], \text{stm}[n])$

Calcula $\text{in}[n]$ para cada $n \in N$:

$\text{out}[n] := \perp$

$\text{work.add} = \{\text{exit}\}$

Mientras work no vacío. Hacer:

$n := \text{work.pop}();$

$\text{out}'[n] := \cup \{ \text{in}[m] \mid m \in \text{succ}(n) \}$

$\text{in}'[n] := \text{transfer}[n](\text{out}'[n])$

si $!(\text{in}'[n] \subseteq \text{in}[n])$

para todo $m \in \text{pred}(n)$ $\text{work.add}(m);$

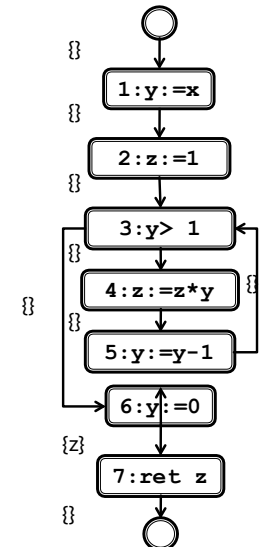
$\text{out}[n] := \text{out}'[n]; \text{in}[n] := \text{in}'[n];$

$\text{work} = \{\text{exit}\}$
 $n = \text{exit}$

$\text{out}'[7] = \{\}$

$\text{in}'[7] = \{z\}$

$\text{work}' = \{6\}$



Live variable analysis

Reticulado : $P(\{x, y, z\})$

Función de transferencia:

- $F(\sigma, e) = \sigma \cup \text{vars}(e)$
- $F(\sigma, x:=e) = (\sigma - \{x\}) \cup \text{vars}(e)$
- $F(\sigma, \text{otro caso}) = \sigma$

$\text{out}[n] := \bigcup \{ \text{in}[m] \mid m \in \text{succ}(n) \}$
 $\text{in}[n] := F(\text{out}[n], \text{stm}[n])$

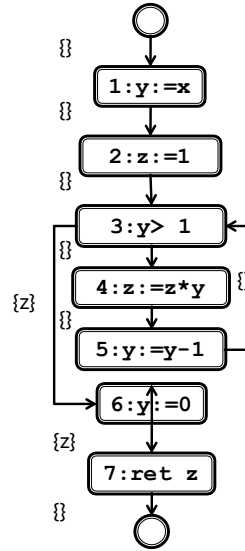
Calcula $\text{in}[n]$ para cada $n \in N$:

```

out[n] := ⊥
work.add = {exit}
Mientras work no vacío. Hacer:
  n := work.pop();
  out'[n] := ⋃ { in[m] | m ∈ succ(n) }
  in'[n] := transfer[n](out'[n])
  si !(in'[n] ⊆ in[n])
    para todo m ∈ pred(n) work.add(m);
  out[n] := out'[n]; in[n] := in'[n];
    
```

$\text{work} = \{6\}$
 $n = 6$

$\text{out}'[6] = \{z\}$
 $\text{in}'[6] = \{z\}$
 $\text{work}' = \{3\}$



Live variable analysis

Reticulado : $P(\{x, y, z\})$

Función de transferencia:

- $F(\sigma, e) = \sigma \cup \text{vars}(e)$
- $F(\sigma, x:=e) = (\sigma - \{x\}) \cup \text{vars}(e)$
- $F(\sigma, \text{otro caso}) = \sigma$

$\text{out}[n] := \bigcup \{ \text{in}[m] \mid m \in \text{succ}(n) \}$
 $\text{in}[n] := F(\text{out}[n], \text{stm}[n])$

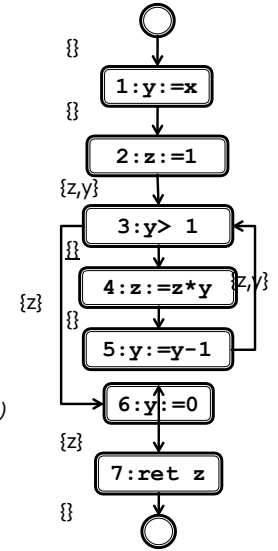
Calcula $\text{in}[n]$ para cada $n \in N$:

```

out[n] := ⊥
work.add = {exit}
Mientras work no vacío. Hacer:
  n := work.pop();
  out'[n] := ⋃ { in[m] | m ∈ succ(n) }
  in'[n] := transfer[n](out'[n])
  si !(in'[n] ⊆ in[n])
    para todo m ∈ pred(n) work.add(m);
  out[n] := out'[n]; in[n] := in'[n];
    
```

$\text{work} = \{3\}$
 $n = 3$

$\text{out}'[3] = \{z\}$ (de 6 y 4)
 $\text{in}'[3] = \{z, y\}$
 $\text{work}' = \{2, 5\}$



Live variable analysis

Reticulado : $P(\{x, y, z\})$

Función de transferencia:

- $F(\sigma, e) = \sigma \cup \text{vars}(e)$
- $F(\sigma, x:=e) = (\sigma - \{x\}) \cup \text{vars}(e)$
- $F(\sigma, \text{otro caso}) = \sigma$

$\text{out}[n] := \bigcup \{ \text{in}[m] \mid m \in \text{succ}(n) \}$
 $\text{in}[n] := F(\text{out}[n], \text{stm}[n])$

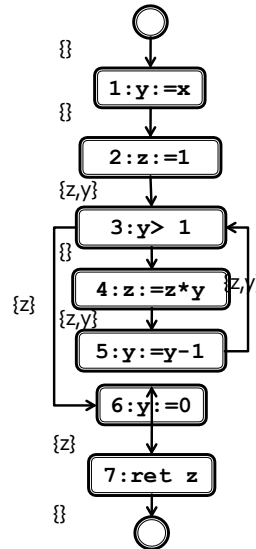
Calcula $\text{in}[n]$ para cada $n \in N$:

```

out[n] := ⊥
work.add = {exit}
Mientras work no vacío. Hacer:
  n := work.pop();
  out'[n] := ⋃ { in[m] | m ∈ succ(n) }
  in'[n] := transfer[n](out'[n])
  si !(in'[n] ⊆ in[n])
    para todo m ∈ pred(n) work.add(m);
  out[n] := out'[n]; in[n] := in'[n];
    
```

$\text{work} = \{2, 5\}$
 $n = 5$

$\text{out}'[5] = \{z, y\}$
 $\text{in}'[5] = \{z, y\}$
 $\text{work}' = \{2, 4\}$



Live variable analysis

Reticulado : $P(\{x, y, z\})$

Función de transferencia:

- $F(\sigma, e) = \sigma \cup \text{vars}(e)$
- $F(\sigma, x:=e) = (\sigma - \{x\}) \cup \text{vars}(e)$
- $F(\sigma, \text{otro caso}) = \sigma$

$\text{out}[n] := \bigcup \{ \text{in}[m] \mid m \in \text{succ}(n) \}$
 $\text{in}[n] := F(\text{out}[n], \text{stm}[n])$

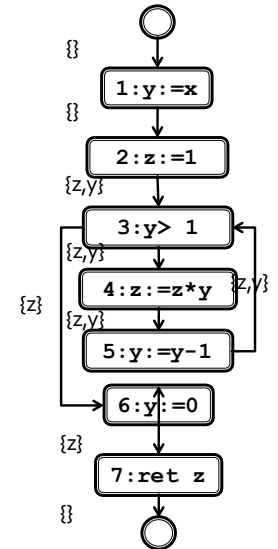
Calcula $\text{in}[n]$ para cada $n \in N$:

```

out[n] := ⊥
work.add = {exit}
Mientras work no vacío. Hacer:
  n := work.pop();
  out'[n] := ⋃ { in[m] | m ∈ succ(n) }
  in'[n] := transfer[n](out'[n])
  si !(in'[n] ⊆ in[n])
    para todo m ∈ pred(n) work.add(m);
  out[n] := out'[n]; in[n] := in'[n];
    
```

$\text{work} = \{2, 4\}$
 $n = 4$

$\text{out}'[4] = \{z, y\}$
 $\text{in}'[4] = \{z, y\}$
 $\text{work}' = \{2, 3\}$



Live variable analysis

Reticulado : $P(\{x, y, z\})$

Función de transferencia:

- $F(\sigma, e) = \sigma \cup \text{vars}(e)$
- $F(\sigma, x:=e) = (\sigma - \{x\}) \cup \text{vars}(e)$
- $F(\sigma, \text{otro caso}) = \sigma$

$\text{out}[n] := \bigcup \{ \text{in}[m] \mid m \in \text{succ}(n) \}$
 $\text{in}[n] := F(\text{out}[n], \text{stm}[n])$

Calcula $\text{in}[n]$ para cada $n \in N$:

$\text{out}[n] := \perp$

$\text{work.add} = \{\text{exit}\}$

Mientras work no vacío. Hacer:

$n := \text{work.pop}();$

$\text{out}'[n] := \bigcup \{ \text{in}[m] \mid m \in \text{succ}(n) \}$

$\text{in}'[n] := \text{transfer}[n](\text{out}'[n])$

si $!(\text{in}'[n] \subseteq \text{in}[n])$

para todo $m \in \text{pred}(n)$ $\text{work.add}(m);$

$\text{out}[n] := \text{out}'[n]; \text{in}[n] := \text{in}'[n];$

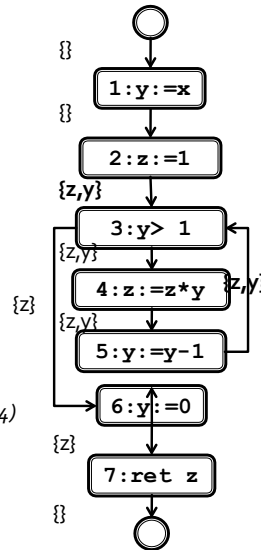
$\text{work} = \{2, 3\}$

$n = 3$

$\text{out}'[3] = \{z, y\}$ (de 6 y 4)

$\text{in}'[3] = \{z, y\}$

$\text{work}' = \{2\}$



Live variable analysis

Reticulado : $P(\{x, y, z\})$

Función de transferencia:

- $F(\sigma, e) = \sigma \cup \text{vars}(e)$
- $F(\sigma, x:=e) = (\sigma - \{x\}) \cup \text{vars}(e)$
- $F(\sigma, \text{otro caso}) = \sigma$

$\text{out}[n] := \bigcup \{ \text{in}[m] \mid m \in \text{succ}(n) \}$
 $\text{in}[n] := F(\text{out}[n], \text{stm}[n])$

Calcula $\text{in}[n]$ para cada $n \in N$:

$\text{out}[n] := \perp$

$\text{work.add} = \{\text{exit}\}$

Mientras work no vacío. Hacer:

$n := \text{work.pop}();$

$\text{out}'[n] := \bigcup \{ \text{in}[m] \mid m \in \text{succ}(n) \}$

$\text{in}'[n] := \text{transfer}[n](\text{out}'[n])$

si $!(\text{in}'[n] \subseteq \text{in}[n])$

para todo $m \in \text{pred}(n)$ $\text{work.add}(m);$

$\text{out}[n] := \text{out}'[n]; \text{in}[n] := \text{in}'[n];$

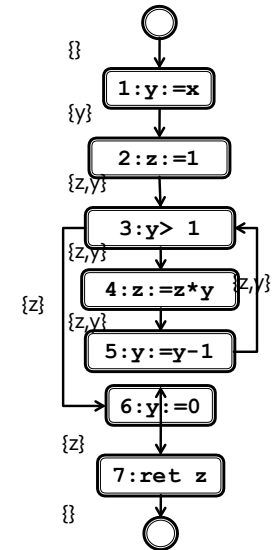
$\text{work} = \{2\}$

$n = 2$

$\text{out}'[2] = \{z, y\}$

$\text{in}'[2] = \{y\}$

$\text{work}' = \{1\}$



Live variable analysis

Reticulado : $P(\{x, y, z\})$

Función de transferencia:

- $F(\sigma, e) = \sigma \cup \text{vars}(e)$
- $F(\sigma, x:=e) = (\sigma - \{x\}) \cup \text{vars}(e)$
- $F(\sigma, \text{otro caso}) = \sigma$

$\text{out}[n] := \bigcup \{ \text{in}[m] \mid m \in \text{succ}(n) \}$
 $\text{in}[n] := F(\text{out}[n], \text{stm}[n])$

Calcula $\text{in}[n]$ para cada $n \in N$:

$\text{out}[n] := \perp$

$\text{work.add} = \{\text{exit}\}$

Mientras work no vacío. Hacer:

$n := \text{work.pop}();$

$\text{out}'[n] := \bigcup \{ \text{in}[m] \mid m \in \text{succ}(n) \}$

$\text{in}'[n] := \text{transfer}[n](\text{out}'[n])$

si $!(\text{in}'[n] \subseteq \text{in}[n])$

para todo $m \in \text{pred}(n)$ $\text{work.add}(m);$

$\text{out}[n] := \text{out}'[n]; \text{in}[n] := \text{in}'[n];$

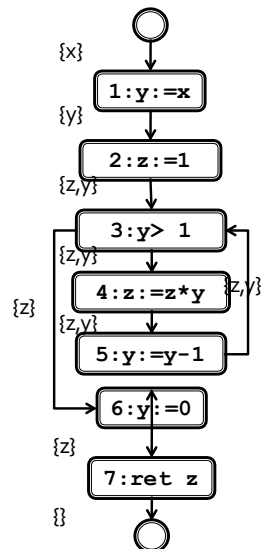
$\text{work} = \{1\}$

$n = 1$

$\text{out}'[1] = \{y\}$

$\text{in}'[1] = \{x\}$

$\text{work}' = \{\text{entry}\}$



Terminación

■ ¿Cómo sabemos que el algoritmo termina?

■ Porque...

■ Las operaciones son monótonas

■ El dominio es finito

■ Live variables: conjunto de variables del programa

■ Available Expressions: conjunto de expresiones

■ Zero analysis: bot, Z, NZ, MZ

■ Etc.

■ Si el dominio no es finito aun se puede lograr terminación

■ Aceleración (widening)

Sensitividad a flujo

- En un análisis sensitivo a flujo:
 - El orden de las instrucciones importa
 - Ejemplo: Zero analysis
- En un análisis no sensitivo
 - El orden de las instrucciones **no** importa
 - El resultado es el mismo sin importar cómo están ubicadas las instrucciones
 - Ej: inferencia de tipos en lenguajes tipados

Ejemplo de análisis no sensitivo

- Variables modificadas por un procedimiento
 - $M(x := e) = \{x\}$
 - $M(S_1; S_2) = M(S_1) \cup M(S_2)$
- Notar que $M(S_1; S_2) = M(S_2; S_1)$

Comparando SF vs. no SF

- Los análisis sensitivos requieren un modelo del estado del programa
 - En cada punto del programa
 - Son más precisos, pero no escalan
- Los análisis insensitivos requieren **sólo** un estado global
 - Por ejemplo: El conjunto de variables modificadas
 - Son menos precisos, pero escalan muy bien

Sensibilidad

- Sensibilidad: que aspecto del código vamos a tomar en cuenta?
 - Orden de las instrucciones? Flow sensitive
 - Call Stack, parametros? Context sensitive
 - Saltos condicionales? Path sensitive

| Análisis | Sensibilidad |
|----------------|--|
| Tipado | Insensible |
| Dataflow | Flow |
| Model Checking | Flow y Path |
| Points-to | C :Flow Java: Flow insensitive pero context sensitive |

Lo que viene...

- **Análisis interprocedural y análisis basado en tipos**
 - Análisis dataflow interprocedural
 - Points-to analysis