

# Algoritmos e Estruturas de Dados I

## Vetores

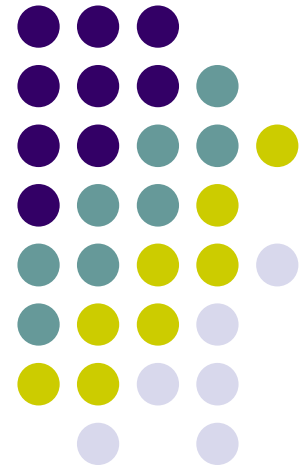
Profa. Márcia Cristina Moraes

**Profa. Milene Selbach Silveira**

### Material para estudo:

Forbellone, A. e Eberspächer, H. (2005)

→ capítulo 4 (conceitos de variáveis compostas homogêneas e EXERCÍCIOS)



# Variável **SIMPLES** Homogênea



- Corresponde a uma posição de memória, identificada por um único nome e cujo conteúdo é de um único tipo.
- Por exemplo:
  - Inteiro: Idade, NroAlunos
  - Real: Nota1, Peso, Altura
  - Literal: Nome

# Variável COMPOSTA Homogênea



- Correspondem a posições de memória, identificadas por um único nome, individualizadas através de índices e cujo conteúdo é de um mesmo tipo.

# Variáveis Compostas Homogêneas



- O nome de uma variável composta é um identificador que obedece as mesmas regras de formação de identificadores de variáveis simples.
- Este nome refere-se a **todos** os elementos da variável composta.
- Para referência a um elemento é necessário colocar o nome da variável seguido de um ou mais **índices** entre colchetes.

# Variáveis Compostas Homogêneas



- Este tipo de variável consiste em localizações contínuas de memória. O menor endereço corresponde ao primeiro elemento e o maior endereço ao último.
- Estas variáveis podem ter uma dimensão (conhecidas como Vetores) ou muitas dimensões (conhecidas como Matrizes).

# Variáveis Compostas

## Unidimensionais - Vetores



- Variáveis compostas unidimensionais dão chamadas de **vetores**.
- Elas são utilizadas para armazenar um conjunto de dados cujos elementos podem ser endereçados por um único índice.
- Podemos ter vetores de inteiros, reais, literais.
- Vetores são matrizes de uma única dimensão.

# Variáveis Compostas

## Unidimensionais - Vetores



- Supondo que as notas de 10 alunos estejam armazenadas em uma variável composta identificada por `nota`, o vetor teria a seguinte representação:

**nota**

60	70	90	60	75	91	100	50	78	80
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

# Variáveis Compostas

## Unidimensionais - Vetores



- Para referenciar o terceiro elemento desta variável seria:
  - `nota[2]`
  - o conteúdo armazenado nesta posição é 90 e o índice é a constante inteira 2, pois os índices dos vetores começam a contar a partir de 0.

**nota**

60	70	90	60	75	91	100	50	78	80
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9



# Variáveis Compostas

## Unidimensionais - Vetores



- Utilizando-se a variável **i** como índice de nota pode-se ter acesso a qualquer uma das notas armazenadas, através da notação
  - `nota[i]`
  - seja o valor de **i** igual a 5 em um determinado instante, `nota[i]` seria substituída por `nota[5]`, cujo valor é 91

**nota**

60	70	90	60	75	91	100	50	78	80
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

# Variáveis Compostas

## Unidimensionais - Vetores



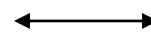
- São utilizadas para armazenar conjuntos de dados cujos elementos podem ser endereçados por um único índice.
- Exemplo de declaração:

inteiro: vet[5]  $\longleftrightarrow$  **Vetor de inteiros de 5 posições de nome vet (índice do vetor sempre inicia em 0)**

**vet**

60	70	90	60	75
----	----	----	----	----

0      1      2      3      4



vet[0]  $\leftarrow$  60

vet[1]  $\leftarrow$  70

vet[2]  $\leftarrow$  90

vet[3]  $\leftarrow$  60

vet[4]  $\leftarrow$  75

# Exemplo 1



- Fazer um algoritmo que declara um vetor vet com 6 elementos do tipo inteiro, inicializa vet com o valor 2 e depois escreve o seu conteúdo.

Algoritmo MeuVetor

inteiro: vet[6]

Início

vet[0]  $\leftarrow$  2

vet[1]  $\leftarrow$  2

vet[2]  $\leftarrow$  2

vet[3]  $\leftarrow$  2

vet[4]  $\leftarrow$  2

vet[5]  $\leftarrow$  2

Escreva(vet[0])

Escreva(vet[1])

Escreva(vet[2])

Escreva(vet[3])

Escreva(vet[4])

Escreva(vet[5])

Fim

# Exemplo 1



- Fazer um algoritmo que declara um vetor vet com 6 elementos do tipo inteiro, inicializa vet com o valor 2 e depois escreve o seu conteúdo.

Algoritmo MeuVetor

inteiro: vet[6]

Início

vet[0] ← 2

vet[1] ← 2

vet[2] ← 2

vet[3] ← 2

vet[4] ← 2

vet[5] ← 2

Escreva(vet[0])

Escreva(vet[1])

Escreva(vet[2])

Escreva(vet[3])

Escreva(vet[4])

Escreva(vet[5])

Fim

O que temos aqui?

# Exemplo 1 – com repetição



- Fazer um algoritmo que declara um vetor vet com 6 elementos do tipo inteiro, inicializa vet com o valor 2 e depois escreve o seu conteúdo.

Algoritmo MeuVetor

inteiro: vet[6], **i**

Início

**Para i de 0 até 5**

Início

vet[**i**]  $\leftarrow$  2

Fim\_para\_i

**Para i de 0 até 5**

Início

Escreva(vet[**i**])

Fim\_para\_i

Fim

# Exemplo 1 – com repetição



- Fazer um algoritmo que declara um vetor vet com 6 elementos do tipo inteiro, inicializa vet com o valor 2 e depois escreve o seu conteúdo.

Algoritmo MeuVetor

inteiro: vet[6], i

Início

Para i de 0 até 5

Início

vet[i] ← 2

Fim\_para\_i

Para i de 0 até 5

Início

Escreva(vet[i])

Fim\_para\_i

Fim

ou

Para i de 0 até 5

Início

vet[i] ← 2

Escreva(vet[i])

Fim\_para\_i

# Exemplo 2



- Fazer um algoritmo que leia 5 valores numéricos inteiros, os armazene em um vetor e os imprima.

Algoritmo MeuOutroVetor

Inteiro: **vetor**[5], i

Início

Para i de 0 até 4

Início

Leia(**vetor**[i])

Escreva(**vetor**[i])

Fim\_para\_i

Fim

# Exercício



- Fazer um algoritmo que leia 100 valores numéricos inteiros e armazene-os em um vetor. Após, verifique – dentre estes valores - se existem valores iguais a 30. Se existirem, escrever as posições em que estes valores estão armazenados.



# Passando Vetores para Funções e Procedimentos



- Podemos passar vetores para funções e procedimentos por:
  - Valor
  - Referência

# Passagem de Vetores por **Valor** – entendendo a lógica...



Procedimento Inicializa\_vetor(**inteiro: vet[6]**)

Início

inteiro: indice

Para indice de 0 até 5

Início

vet[indice]  $\leftarrow$  1

Escreva(vet[indice])

Fim\_para\_indice

Fim

O que significa passar **vet[6]**  
por **valor**?

Que significado/impacto isto  
terá no algoritmo principal?

# Passagem de Vetores por Valor – entendendo a lógica...



Procedimento Inicializa\_vetor(**inteiro: vet[6]**)

Início

inteiro: indice

Para indice de 0 até 5

Início

vet[indice]  $\leftarrow$  1

Escreva(vet[indice])

Fim\_para\_indice

Fim

O que acontece com vetor quando ele é enviado para o procedimento?

A alteração que ele sofre dentro do procedimento se reflete no seu valor no algoritmo principal?

Algoritmo Principal

inteiro: i, vetor[6]

Início

Para i de 0 até 5

Início

vetor[i]  $\leftarrow$  i \* 5

Fim\_para\_i

**Inicializa\_vetor(vetor)**

Para i de 0 até 5

Início

Escreva(vetor[i])

Fim\_para\_i

Fim

Só o nome

# Passagem de Vetores por Referência – entendendo a lógica...



Procedimento Inicializa\_vetor(**inteiro: ref vet[6]**)

Início

inteiro: indice

Para indice de 0 até 5

Início

vet[indice]  $\leftarrow$  1

Escreva(vet[indice])

Fim\_para\_indice

Fim

O que significa passar **vet[6]** por referência?

Que significado/impacto isto terá no algoritmo principal?

# Passagem de Vetores por Referência – entendendo a lógica...



Procedimento Inicializa\_vetor(**inteiro: ref vet[6]**)

Início

inteiro: indice

Para indice de 0 até 5

Início

vet[indice]  $\leftarrow$  1

Escreva(vet[indice])

Fim\_para\_indice

Fim

O que acontece com vetor quando ele é enviado para o procedimento?

A alteração que ele sofre dentro do procedimento se reflete no seu valor no algoritmo principal?

Algoritmo Principal

inteiro: i, vetor[6]

Início

Para i de 0 até 5

Início

vetor[i]  $\leftarrow$  i \* 5

Fim\_para\_i

**Inicializa\_vetor(vetor)**

Para i de 0 até 5

Início

Escreva(vetor[i])

Fim\_para\_i

Fim

Só o nome

# Passagem de Vetores – Procedimentos Genéricos



Procedimento le\_vetor(inteiro **ref vet[ ]**, **tam**)

Início

inteiro: indice

Para indice de 0 até **tam-1**

Início

leia(vet[indice])

Fim\_para\_indice

Fim

Procedimento escreve\_vetor(inteiro **vet[ ]**, **tam**)

Início

inteiro: indice

Para indice de 0 até **tam-1**

Início

escreva(vet[indice])

Fim\_para\_indice

Fim

Algoritmo Principal

inteiro: vetor[6]

Início

le\_vetor(**vetor**,6)

escreve\_vetor(**vetor**,6)

Fim

Por quê fazer **genérico**?

Relembrem... Qual a principal  
vantagem de usar um subalgoritmo  
(função ou procedimento)?

# Considerações



- Quando passamos um vetor por valor estamos passando uma cópia do vetor original para o parâmetro que recebe o vetor.
- Quando passamos um vetor por referência estamos passando um apontador para o endereço de memória do vetor. Se faz um endereçamento de memória direto, ou seja, seria como se estivéssemos passado o próprio vetor que está no algoritmo principal.

# Considerações



- Uma função **nunca pode retornar um vetor através do seu nome**, pois uma função retorna **um único valor** e um vetor é uma variável composta, ou seja, armazena **mais de um valor**. Deste modo ele não pode ser retornado por uma função.
- Vetores somente podem ser “retornados” quando são passados por **referência**.



# Exercício



- Faça um procedimento que recebe um **vetor** de inteiros, o seu **tamanho** e um **número** inteiro e inicializa o vetor com a tabuada do número (este vetor deve voltar modificado ao algoritmo que o chamou). **Por exemplo, se** o número for 6 e o vetor de inteiros tiver tamanho 6 o vetor **ficaria** inicializado como:

0	6	12	18	24	30
0	1	2	3	4	5

No algoritmo principal faça a criação de um vetor de inteiros de tamanho 6, leia o número inteiro (para o qual será criado o vetor com a tabuada) e chame o procedimento criado neste exercício. Ao final, chame o procedimento definido em aula para escrever o vetor resultante.

# Algoritmos de Ordenação de Vetores



- Veremos dois tipos de algoritmos de ordenação de vetores:
  - Método da bolha
  - Método do maior ou menor elemento do conjunto

# Método da Bolha



- A estratégia de ordenação é a comparação entre pares de elementos adjacentes.
- Os pares são trocados quando estiverem fora de ordem.
- Repete-se o algoritmo até que todos estejam ordenados.

# Método da Bolha



- Supondo a leitura de um vetor  $V$  [6] com os seguintes valores:

15	7	1	4	17	10
0	1	2	3	4	5

- Para fazer um algoritmo Bolha Crescente, se compara os pares adjacentes e troca quando o anterior for maior do que o próximo.

# Método Bolha Crescente



- Trecho do algoritmo BolhaCrescente

Por quê 4 e não 5 se é um  
vetor de 6 posições?



```
Para i de 0 até 4
    se  $v[i] > v[i+1]$  então
        Início
             $x \leftarrow v[i]$ 
             $v[i] \leftarrow v[i+1]$ 
             $v[i+1] \leftarrow x$ 
        Fim
    Fim_para_i
```

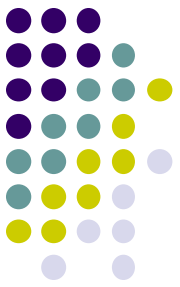
## Problema:

Só faz uma passagem no vetor.

Precisa percorrer o vetor até garantir  
que ele esteja completamente  
ordenado.

Para ordenar sempre são necessários  
**dois laços** de repetição!!

# Método Bolha Crescente – versão 1 – Procedimento



Procedimento BolhaCrescente(inteiro: ref v[], tam)

Início

inteiro: n, x, i

**laço 1** → Para n de 0 até tam-2

Início

**laço 2** → Para i de 0 até tam-2

Início

se  $v[i] > v[i+1]$  então

Início

$x \leftarrow v[i]$

$v[i] \leftarrow v[i+1]$

$v[i+1] \leftarrow x$

Fim

Fim\_para\_i

Fim\_para\_n

Fim

Problema:

Nem sempre é necessário  
repetir – o trecho da ordenação  
- quantas vezes for o tamanho  
do vetor.

# Método Bolha Crescente – versão 2 - Procedimento



Procedimento BolhaCrescente(inteiro: ref v[], tam)

Início

Inteiro: i, x, k

$k \leftarrow 0$

**laço 1** → Enquanto ( $k == 0$ )

Início

$k \leftarrow 1$

**laço 2** → Para i de 0 até tam-2

Início

se  $v[i] > v[i+1]$  então

Início

$x \leftarrow v[i]$

$v[i] \leftarrow v[i+1]$

$v[i+1] \leftarrow x$

$k \leftarrow 0$

Fim

Fim\_para\_i

Fim\_Enquanto

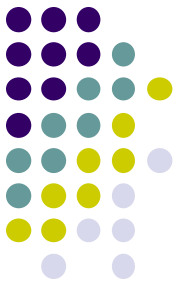
Fim

**Precisou trocar? Pode ser que  
algo tenha se perdido pela  
frente... Repete outra vez!!!**

**Esta versão passa somente o  
número de vezes necessárias  
para ordenação do vetor.**

# Exercício

- Faça o procedimento correspondente ao do método Bolha Decrescente.





# Método do Menor Elemento do Conjunto



- Ordena em ordem crescente de acordo com a seguinte estratégia:
  - Seleciona o elemento do vetor que apresenta o menor valor.
  - Troque este elemento pelo primeiro.
  - Repita esta operação, agora envolvendo os 5 elementos restantes (trocando o de menor valor com o da segunda posição), e assim por diante.

# Método Troca Menor Elemento



Procedimento TrocaMenor(inteiro: ref v[], tam)

Início

inteiro: n, menor, p, i, aux

**laço 1** → Para n de 0 até **tam-2**

Início

menor  $\leftarrow$  v[n]

p  $\leftarrow$  n

**laço 2** → Para i de **n+1** até **tam-1**

Início

se menor > v[i] então

Início

menor  $\leftarrow$  v[i]

p  $\leftarrow$  i

Fim

Fim\_para\_i

aux  $\leftarrow$  v[n]

v[n]  $\leftarrow$  v[p]

v[p]  $\leftarrow$  aux

Fim\_para\_n

Fim

# Exercício



- Faça o procedimento que ordena em ordem decrescente de acordo com a seguinte estratégia:
  - Seleciona o elemento do vetor que apresenta o maior valor.
  - Troque este elemento pelo primeiro.
  - Repita esta operação, agora envolvendo os 5 elementos restantes (trocando o de maior valor com o da segunda posição), e assim por diante.

# Considerações



- Método da Bolha e do Maior ou Menor valor servem para casos onde se tem um conjunto **pequeno** de valores a ser ordenado.
- Para conjuntos grandes de valores deve-se utilizar métodos mais eficientes como QuickSort, MergeSort, etc, que serão vistos posteriormente no curso!

# Bibliografia



- Orth, Afonso Inácio. Algoritmos e Programação. Editora AIO. 2001.
- **Forbellone, A. e Eberspacher, H. Lógica de Programação: A Construção de Algoritmos e Estruturas de Dados. Makron Books, São Paulo, 3ª edição. 2005.**