

# Robótica Industrial

Trabalho 3 - Translação e rotação de objetos 3D

Mestrado Integrado em Engenharia Mecânica Mestrado em Engenharia de Automação Industrial

### **Objetivos**

- (1) Familiarização com operações de translação e rotação de objetos 3D.
- (2) Familiarização com a simulação de manipuladores RRR.

#### 1 Simulação de manipuladores RRR a 2D

Considere o manipulador RRR ilustrado na Fig. 1. Pretende-se realizar operações de rotação deste manipulador no sistema cartesiano 2D.

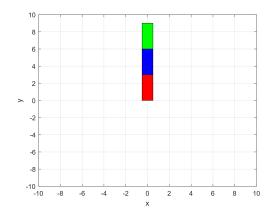


Fig. 1. Manipulador RRR com: elo 1 a 90° (elo mais próximo da origem  $(0,0)^T$ ); os restantes elos a 0°.

- a) Visualizar o manipulador RRR usando um script no Matlab.
- b) Implementar as matrizes homogéneas para a rotação e translação no espaço ao longo dos eixos do sistema de coordenadas cartesiano:  $\operatorname{rot}(x,\theta)$ ,  $\operatorname{rot}(y,\theta)$ ,  $\operatorname{rot}(z,\theta)$  e  $\operatorname{trans}(p_x,p_y,p_z)$ .
- c) Simular o funcionamento do manipulador RRR para rotações especificadas pelo utilizador para cada elo.

#### 2 Simulação de manipuladores RRR a 3D

Considere o manipulador RRR ilustrado na Fig. 2a. Pretende-se realizar operações de rotação deste manipulador no sistema cartesiano 3D.

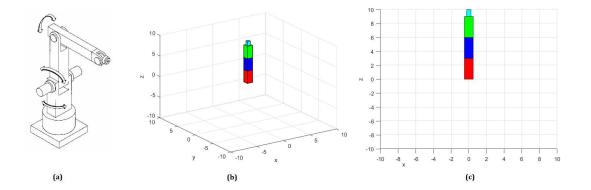


Fig. 2. Manipulador RRR: (a) desenho esquemático; (b) visualização do manipulador no espaço usando elos simplificados (cúbicos); (c) visualização do manipulador simplificado no plano xz. A esta posição corresponde um espaço de juntas com rotações nulas.

a) Visualizar o manipulador RRR simplificado usando um script no Matlab.

b) Posicionar o manipulador RRR na posição inicial 
$$p_0 = \begin{bmatrix} 0 \\ 3 \\ 7 \end{bmatrix}$$
 (Fig. 3). Considere que

a posição do end-effector é o centro de um plano do último elo, nomeadamente o mais afastado da origem  $(0,0,0)^T$  aquando do espaço de juntas ter rotações nulas (como ilustrado na alínea 2a).

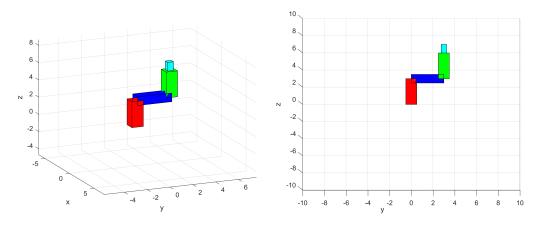


Fig. 3. Manipulador RRR em  $p_0$ : (a) no espaço; (b) no plano yz.

c) Implementar uma trajetória do ponto 
$$p_0 = \begin{bmatrix} 0 \\ 3 \\ 7 \end{bmatrix}$$
 ao ponto  $p_1 = \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix}$ 

d) Aplicando a rotação de -135° em  $\hat{z}$  ao elo 1, -45° em  $\hat{x}$  ao elo 2, 0° ao elo 3 e -45° em  $\hat{x}$  ao elo 4 a partir de  $p_0$ , identifique a posição  $p_2$  de chegada da trajetória. Implementar a trajetória de  $p_0$  para  $p_2$ .

## Informação adicional

Este trabalho deve ser realizado por grupos de 2 alunos e tem a duração de duas aulas.

Todos os ficheiros deverão ser compactados e enviados para o docente via Elearning até ao dia 13 de novembro de 2020. O nome do ficheiro compactado deve seguir a seguinte norma:  $Trabalho2\_[nmec1]\_[nmec2].rar$  (exemplo:  $Trabalho2\_01234\_56789.rar$ ).