

CINÉTICA QUÍMICA

a) Equações integradas

- a.1) Ordem zero
- a.2) Reação de ordem zero
- a.3) Unidade da constante de velocidade

b) Meia-vida

- b.1) Ordem zero
- b.2) Reação de ordem zero
- b.3) Unidade da constante de velocidade

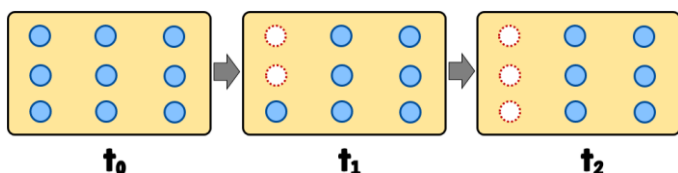
c) Gráficos

Complemento: Integrada da reação de 2º ordem com dois reagentes

PROFESSOR: THÉ

LIÇÃO: 84

A) Equações integradas



A velocidade da reação depende da concentração de moléculas dos reagentes.

- No instante inicial (t_0) há um certo número de moléculas. A reação começa com uma certa velocidade.
- No instante seguinte (t_1) o número de moléculas a reagir já diminuiu, então a velocidade diminui também.

E assim a velocidade vai caindo a medida que a reação prossegue.... *cada vez mais devagar.*

Para saber a velocidade da reação num instante qualquer é necessário usar uma “**equação integrada**” da velocidade em função do tempo.

1) Ordem zero:

A → produtos

$$v = k [A]^0 \therefore v = k \quad v = \frac{-dA}{dt}$$

$$k = \frac{-dA}{dt} \rightarrow dA = -k dt$$

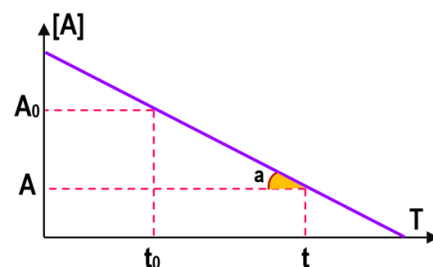
Integrando:

$$\int dA = -k \int dt$$

$$A = -k t$$

$$y = a x$$

$$(a = -k)$$



$$a = \frac{\Delta A}{\Delta t} = -k$$

$$a = \frac{A - A_0}{t - t_0} = -k$$

$$A - A_0 = -k(t - t_0^0)$$

$$A = A_0 - kt$$

2. Ordem um ou primeira ordem:

A → Produtos

$$v = k[A]^1$$

$$v = -\frac{dA}{dt}$$

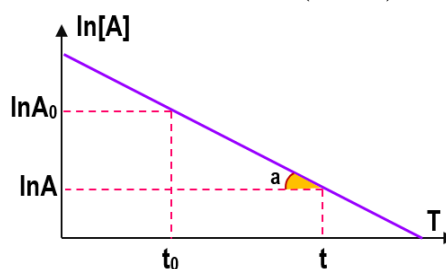
Igualando as velocidades e em seguida integrando

$$-\frac{dA}{dt} = kA^1$$

$$\int \frac{dA}{A} = -k \int dt \rightarrow \ln A = -k t$$

$$y = a x$$

$$(a = -k)$$



$$a = \frac{\ln A - \ln A_0}{t - t_0} = -k$$

$$\ln A - \ln A_0 = -k(t - t_0^0)$$

$$\ln A = \ln A_0 - kt \quad \text{ou} \quad \ln \frac{A}{A_0} = -k \cdot t$$

3) Ordem dois ou segunda ordem

A → Produtos

$$v = k[A]^2$$

$$v = \frac{-dA}{dt}$$

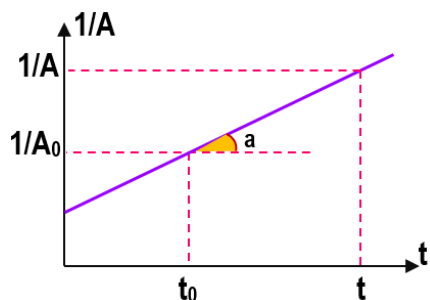
Igualando as velocidades e integrando em seguida.

$$-\frac{dA}{dt} = kA^2$$

$$-\frac{dA}{dt} = kA^2 \rightarrow \int \frac{dA}{A^2} = -k \int dt \rightarrow -\frac{1}{A} = -k t$$

$y = a x$

$$\int \frac{dA}{A^2} = \int A^{-2} dA = \frac{a^{-2+1}}{-2+1} = \frac{A^{-1}}{-1} = -\frac{1}{A}$$



$$a = \frac{\Delta\left(\frac{1}{A}\right)}{\Delta t} = k$$

$$a = \frac{\left(\frac{1}{A}\right) - \left(\frac{1}{A_0}\right)}{t - t_0} = k$$

$$\left(\frac{1}{A}\right) - \left(\frac{1}{A_0}\right) = k(t - t_0) \rightarrow \frac{1}{A} = \frac{1}{A_0} + k t$$

Resumo das equações integradas:

ORDEM	EQUAÇÃO	GRÁFICO
0	$A = A_0 - k t$	
1	$\ln A = \ln A_0 - k t$	
2	$\frac{1}{A} = \frac{1}{A_0} + k t$	

A equação de 1º ordem pode ser apresentada também por:

$$\ln \frac{A}{A_0} = -k t \quad \text{ou} \quad \frac{A}{A_0} = e^{-k t} \quad \text{ou} \quad A = A_0 \cdot e^{-k t}$$

EXEMPLO – 1

O ciclopropano, C_3H_6 , é usado misturado com o oxigênio como anestésico. (Esta prática está sendo abandonada, pois o composto é muito inflamável). Quando aquecido, este composto se reorganiza estruturalmente no propeno.

$$\text{Velocidade} = k [\text{ciclopropano}] \quad \therefore k = 5,4 \cdot 10^{-2} \text{ h}^{-1}$$

Se a concentração inicial do ciclopropano for 0,050 mol/L, quantas horas se passarão até que a concentração deste composto caia a 0,010 mol/L?

RESOLUÇÃO

A equação de velocidade de primeira ordem aplicada é a reação:

$$\ln \frac{[\text{ciclopropano}]_t}{[\text{ciclopropano}]_0} = -k t$$

Onde a $[\text{ciclopropano}]_t$, a $[\text{ciclopropano}]_0$ e o valor de k são conhecidos.

$$\ln \frac{[0,010]}{[0,050]} = -(5,4 \cdot 10^{-2}) t$$

$$\frac{-\ln(0,20)}{5,4 \cdot 10^{-2}} = t$$

$$\frac{-(-1,61)}{5,4 \cdot 10^{-2}} = t$$

$$t = 30 \text{ h}$$

B) Meia-vida ou período de semirreação $t_{\frac{1}{2}}$

É o tempo necessário para que 50% das moléculas tenham sido consumidas na reação

$$t = t_{\frac{1}{2}} \rightarrow A = \frac{A_0}{2}$$

a) Ordem zero

$$A = A_0 - k t$$

$$A - A_0 = -k t$$

$$\frac{A_0}{2} - A_0 = -k t_{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{A_0 - 2A_0}{2} = -k t_{\frac{1}{2}}$$

$$-\frac{A_0}{2} = -k t_{\frac{1}{2}} \rightarrow t_{\frac{1}{2}} = \frac{A_0}{2k}$$

2) Ordem 1°

$$\ln A - \ln A_0 = -kt$$

$$\ln \frac{A_0}{2} - \ln A_0 = -kt_{\frac{1}{2}}$$

$$\ln \frac{A_0}{2} = -kt_{\frac{1}{2}} \rightarrow \ln \frac{A_0}{2A_0} = -kt_{\frac{1}{2}}$$

$$\ln \frac{1}{2} = -kt_{\frac{1}{2}}$$

$$-0,693 = -kt_{\frac{1}{2}} \rightarrow t_{\frac{1}{2}} = \frac{0,693}{k}$$

Anotar: a meia-vida das reações de 1° ordem **não depende** da concentração inicial.

ANOTAR

A meia-vida da reação de 2° ordem duplica a cada meia-vida decorrida

3) Ordem 2°

$$\frac{1}{A} - \frac{1}{A_0} = kt$$

$$\frac{1}{\frac{A_0}{2}} - \frac{1}{A_0} = kt_{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{2}{A_0} - \frac{1}{A_0} = kt_{\frac{1}{2}} \rightarrow \frac{1}{A_0} = kt_{\frac{1}{2}} \rightarrow t_{\frac{1}{2}} = \frac{1}{A_0 k}$$

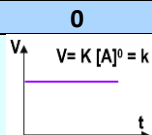
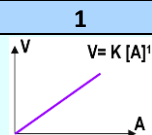
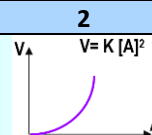
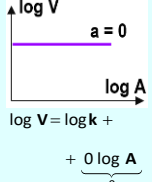
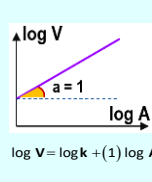
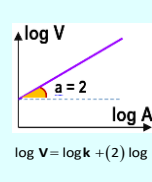
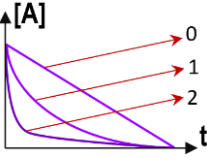
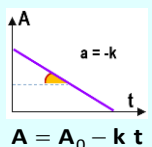
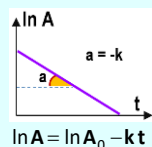
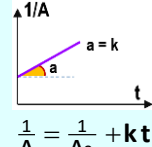
RESUMO DAS MEIAS VIDAS

$$(0): t_{\frac{1}{2}} = \frac{A_0}{2k}$$

$$(1): t_{\frac{1}{2}} = \frac{0,693}{k} \text{ ou } kt_{\frac{1}{2}} = 0,693$$

$$(2): t_{\frac{1}{2}} = \frac{1}{A_0 k}$$

Gráficos Diversos:

ORDEM	0	1	2
$V \times A$			
$\log V \times \log A$			
$[A] \times t$			
Equações integradas			

COMPLEMENTO

Equação integrada da reação de **segunda ordem** com dois reagentes

1) Esquema

	A + B →		Produtos
I	A ₀	B ₀	0
R	-x	-x	+x
F	A	B	+x

I: início da reação

R: Quantidade que reage

F: Fim da reação

$$A = A_0 - x \quad \text{ou} \quad x = A_0 - A$$

$$B = B_0 - x \quad \text{ou} \quad x = B_0 - B$$

2) Velocidade da reação

$$v = \frac{d[\text{Prod}]}{dt} = \frac{dx}{dt}$$

$$v = k[A][B]$$

3) Igualando as expressões da velocidade

$$\frac{dx}{dt} = k[A][B]$$

$$\frac{dx}{[A][B]} = k dt$$

$$\frac{dx}{(A_0 - x)(B_0 - x)} = k dt$$

4) Transformando o produto em soma

$$\begin{aligned} \frac{1}{(A_0 - x)(B_0 - x)} &= \frac{m}{(A_0 - x)} + \frac{m_1}{(B_0 - x)} \\ &= \frac{m(B_0 - x) + m_1(A_0 - x)}{(A_0 - x)(B_0 - x)} \\ &= \frac{mB_0 - mx + m_1A_0 - m_1x}{(A_0 - x)(B_0 - x)} \end{aligned}$$

Reagrupando

$$= \frac{x(-m - m_1) + mB_0 + m_1A_0}{(A_0 - x)(B_0 - x)}$$

NOTA: Não existe x no numerador, logo: $-m - m_1 = 0$

COMO: O numerador é igual a 1, então: $mB_0 + m_1A_0 = 1$

4) Resolvendo o sistema

$$\begin{cases} -m - m_1 = 0 \\ mB_0 + m_1A_0 = 1 \end{cases}$$

Multiplicando a primeira equação por B₀

$$\begin{cases} -mB_0 - m_1B_0 = 0 \\ +mB_0 + m_1A_0 = 1 \end{cases}$$

$$0 - m_1B_0 + m_1A_0 = 1$$

$$m_1(A_0 - B_0) = 1$$

$$m_1 = \frac{1}{A_0 - B_0}$$

$$m_1 = \frac{1}{A_0 - B_0}$$

5) Descobrimos "m"

$$-m - m_1 = 0$$

$$-m - \left(\frac{1}{A_0 - B_0} \right) = 0$$

$$-m = \frac{1}{A_0 - B_0}$$

$$m = \frac{1}{B_0 - A_0}$$

6) Voltando a equação diferencial e a integrando

$$\frac{1}{(A_0 - x)(B_0 - x)} dx = k dt$$

$$\frac{m}{A_0 - x} dx + \frac{m_1}{B_0 - x} dx = k dt$$

$$\int \frac{m}{A_0 - x} dx + \int \frac{m_1}{B_0 - x} dx = k \int dt$$

$$\int \frac{m}{A_0 - x} dx = (-m)(\ln A_0 - x)$$

$$(-m)(\ln A_0 - x) + (-m_1)(\ln B_0 - x) = kt$$

$$\text{Lembrando} \begin{cases} A = A_0 - x \quad \therefore x = A_0 - A \\ B = B_0 - x \quad \therefore x = B_0 - B \end{cases}$$

$$-m \ln(A_0 - A_0 + A) - m_1 \ln(B_0 - B_0 + B) = kt$$

$$-m \ln A - m_1 \ln B = kt$$

7) Trocando m e m₁

$$m \text{ por } \frac{1}{B_0 - A_0}$$

$$m_1 \text{ por } \frac{1}{A_0 - B_0}$$

$$-\frac{1}{B_0 - A_0} \ln A - \frac{1}{A_0 - B_0} \ln B = kt$$

$$-\frac{1}{B_0 - A_0} \ln A + \frac{1}{B_0 - A_0} \ln B = kt$$

$$\left(\frac{1}{B_0 - A_0} \right) (-1) \left(\ln A \Big|_{A_0}^A + \ln B \Big|_{B_0}^B \right) = kt \Big|_{t=0}^{t=t}$$

$$\left(\frac{1}{B_0 - A_0} \right) (-1) (\ln A - \ln A_0) + (\ln B - \ln B_0) = kt$$

$$\left(\frac{1}{B_0 - A_0} \right) (\ln A_0 - \ln A) + (\ln B - \ln B_0) = kt$$

$$\left(\frac{1}{B_0 - A_0} \right) \left(\ln \frac{A_0}{A} + \ln \frac{B}{B_0} \right) = kt$$

$$\left(\frac{1}{B_0 - A_0} \right) \left(\ln \frac{A_0 B}{A B_0} \right) = kt$$

8) A e B no início da reação

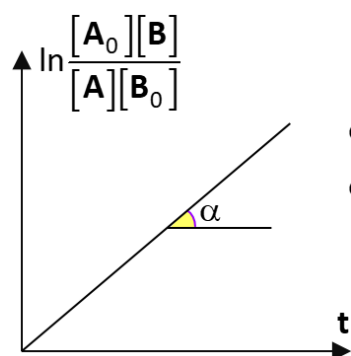
No $t = 0 \rightarrow B = B_0$ e $A = A_0$, então a equação fica

$$\left(\frac{1}{B_0 - A_0} \right) \left(\ln \frac{\cancel{A_0} B_0}{\cancel{A_0} \cancel{B_0}} \right) = k(0)$$

$$\left(\frac{1}{B_0 - A_0} \right) \underbrace{\ln 1}_0 = \underbrace{k(0)}_0$$

O gráfico da função (uma reta) inicia na origem no zero.

Graficamente $\left(\frac{1}{B_0 - A_0} \ln \frac{(A_0)(B)}{(A)(B_0)} = kt \right)$



$\alpha =$ coeficiente angular

$$\alpha = k[B_0] - [A_0]$$