Tagebuchstudien und Mehrebenenmodelle

Dr. Francisco Wilhelm

2025-02-01

Table of contents

1 Einleitung

2 Einleitung

Dieses Dokument enthält Anleitungen und Übungen zur Analyse von Daten aus Tagebuchstudien mittels Mehrebenenmodellen. Es ist im Rahmen des Seminars zu Tagebuchstudien in Psychologie an der Uni Bern entstanden.

2.1 Voraussetzungen

Materialien:

- RStudio (erstellt RStudio 2024.12.0, Build 467)
- R (erstellt mit R 4.4.2)
- Installation von Paketen mit dem Code unten.

multilevelmediation)

Kenntnisse:

- Data Wrangling in R, Umgang mit R-Notebooks, s. Anhang: Data Wrangling, sowie https://methodenlehre.github.io/einfuehrung-in-R/
- Statistisches Wissen zu linearen Modellen (Regressionen) und Testkonstruktion (Likert-Skalen, Reliabilitätsanalyse)

2.1.1 Installation von R-Paketen, die im Kurs verwendet werden

Der Code unten installiert, falls noch nicht vorhanden, den "pacman" Paketmanager und danach alle R-Pakete, die für den Kurs benötigt werden.

3 Kapitel 1: Datenaufbereitung

3.1 Pakete installieren und laden

```
if (!require("pacman")) install.packages("pacman")

Loading required package: pacman

pacman::p_load(haven, psych,
```

3.2 Daten einlesen

Mit load() können wir .RData Dateien einlesen (für weitergehende Infos s. auch Einführung in R, Kapitel 3.2.4.)

```
load("../data/df_cfa_wide.RData")
```

3.3 Daten ansehen

Der Datensatz hat 131 (!) Spalten (ncol()) und 100 Zeilen (nrow()) (eine pro Person). Aufgrund des breiten Datenformats gibt es so viele Spalten, da jeder Tag (1-10 Tage) von jeder Variable seine eigene Spalte bekommt. Wie wir mit names() sehen, gibt es die Variablen id für die Personidentifikation (jede Person hat ihre eigene Nummer), a1-a5, b1-b5, und c1-c3. w,a,b und c bilden jeweils eine Skala mit 5 bzw. bei c 3 Indikatoren. Mit head() können wir einen Blick in die Daten werfen.

```
ncol(df_cfa_wide)
```

[1] 131

nrow(df_cfa_wide)

[1] 100

names(df_cfa_wide)

```
"a1_t7"
 [1] "id"
               "a1_t1"
                         "a1 t2"
                                  "a1 t3"
                                            "a1_t4"
                                                     "a1_t5"
                                                               "a1 t6"
  [9] "a1_t8"
               "a1_t9"
                         "a1_t10" "a2_t1"
                                                               "a2_t4"
                                            "a2_t2"
                                                     "a2_t3"
                                                                        "a2_t5"
 [17] "a2_t6"
               "a2_t7"
                         "a2_t8"
                                  "a2_t9"
                                            "a2_t10" "a3_t1"
                                                               "a3_t2"
                                                                        "a3_t3"
[25] "a3_t4"
               "a3_t5"
                         "a3_t6"
                                  "a3_t7"
                                            "a3_t8"
                                                     "a3_t9"
                                                               "a3_t10" "a4_t1"
               "a4 t3"
                                  "a4_t5"
                                            "a4_t6"
                                                     "a4_t7"
                                                               "a4_t8"
 [33] "a4_t2"
                         "a4_t4"
                                                                         "a4 t9"
 [41] "a4_t10" "a5_t1"
                         "a5_t2"
                                  "a5_t3"
                                            "a5_t4"
                                                     "a5_t5"
                                                               "a5_t6"
                                                                        "a5_t7"
 [49] "a5_t8"
               "a5_t9"
                         "a5_t10" "b1_t1"
                                            "b1_t2"
                                                     "b1_t3"
                                                               "b1_t4"
                                                                        "b1_t5"
                                                               "b2_t2"
               "b1_t7"
                                                     "b2_t1"
 [57] "b1_t6"
                         "b1_t8"
                                  "b1_t9"
                                            "b1_t10"
                                                                        "b2_t3"
 [65] "b2_t4"
               "b2_t5"
                         "b2_t6"
                                  "b2_t7"
                                            "b2_t8"
                                                     "b2_t9"
                                                               "b2_t10" "b3_t1"
 [73] "b3_t2"
               "b3_t3"
                         "b3_t4"
                                  "b3_t5"
                                            "b3_t6"
                                                     "b3_t7"
                                                               "b3_t8"
                                                                        "b3_t9"
 [81] "b3_t10" "b4_t1"
                         "b4_t2"
                                  "b4_t3"
                                            "b4_t4"
                                                     "b4_t5"
                                                               "b4_t6"
                                                                        "b4_t7"
[89] "b4 t8"
               "b4 t9"
                         "b4 t10" "b5 t1"
                                            "b5 t2"
                                                     "b5 t3"
                                                               "b5 t4"
                                                                        "b5 t5"
               "b5_t7"
                                  "b5_t9"
                                            "b5_t10" "c1_t1"
                                                               "c1_t2"
 [97] "b5_t6"
                         "b5_t8"
                                                                        "c1_t3"
[105] "c1_t4"
               "c1 t5"
                         "c1 t6"
                                  "c1 t7"
                                            "c1_t8"
                                                     "c1_t9"
                                                               "c1 t10" "c2 t1"
[113] "c2_t2"
               "c2_t3"
                         "c2_t4"
                                  "c2_t5"
                                            "c2_t6"
                                                     "c2_t7"
                                                               "c2_t8"
                                                                        "c2_t9"
[121] "c2 t10" "c3 t1"
                         "c3_t2"
                                  "c3_t3"
                                            "c3_t4"
                                                     "c3_t5"
                                                               "c3 t6"
                                                                        "c3 t7"
[129] "c3_t8"
               "c3_t9"
                         "c3_t10"
```

head(df_cfa_wide)

```
# A tibble: 6 x 131
              id a1_t1 a1_t2 a1_t3 a1_t4 a1_t5 a1_t6 a1_t7 a1_t8 a1_t9 a1_t10 a2_t1
     <int> <dbl> 
                                                                                                                                                                                             <dbl> <dbl>
                                                                                                                                    3.65 1.93 5.62
                                                                                                                                                                                                4.95 3.38
                 1 3.34 2.15
                                                               1.61 3.35
                                                                                                  3.32 4.17
1
2
                 2 3.71 2.38
                                                               1.85 4.63
                                                                                                   2.48 2.23
                                                                                                                                    4.49 4.01 2.43
                                                                                                                                                                                                2.60 4.00
3
                 3 5.18 -0.128 2.80 0.303 4.31 2.34 3.58 1.82 -0.306
                                                                                                                                                                                                1.61 2.96
4
                 4 4.71 3.60
                                                               2.95 2.10
                                                                                                   2.78 4.42
                                                                                                                                    1.36 3.85 3.71
                                                                                                                                                                                                2.28 4.04
5
                      3.95 3.33
                                                               5.41 3.72
                                                                                                   5.80 3.09
                                                                                                                                    4.01 5.88 3.18
                                                                                                                                                                                                4.93 3.32
                       2.27 2.29
                                                               1.38 2.17
                                                                                                   2.10 3.31 2.17 2.60 2.29
                                                                                                                                                                                                1.58 2.79
# i 119 more variables: a2_t2 <dbl>, a2_t3 <dbl>, a2_t4 <dbl>, a2_t5 <dbl>,
           a2_t6 <dbl>, a2_t7 <dbl>, a2_t8 <dbl>, a2_t9 <dbl>, a2_t10 <dbl>,
#
          a3_t1 <dbl>, a3_t2 <dbl>, a3_t3 <dbl>, a3_t4 <dbl>, a3_t5 <dbl>,
#
          a3_t6 <dbl>, a3_t7 <dbl>, a3_t8 <dbl>, a3_t9 <dbl>, a3_t10 <dbl>,
#
          a4_t1 <dbl>, a4_t2 <dbl>, a4_t3 <dbl>, a4_t4 <dbl>, a4_t5 <dbl>,
          a4_t6 <dbl>, a4_t7 <dbl>, a4_t8 <dbl>, a4_t9 <dbl>, a4_t10 <dbl>,
           a5_t1 <dbl>, a5_t2 <dbl>, a5_t3 <dbl>, a5_t4 <dbl>, a5_t5 <dbl>, ...
```

3.4 Daten transformieren: Langformat

Als erstes transformieren wir die Daten vom Breit- ins Langformat, so dass jede Messung (Tag 1-Tag 10) eine eigene Zeile bekommt. Diese Variable nennen wir "time". Im ersten Schritt machen wir mit pivot_longer() den Datensatz seeehr lang, es bekommt nämlich jede Messung von jeder Variable ihre eigenen Zeile. Wir machen den Datensatz dann im zweiten Schritt mit pivot_wider() wieder etwas breiter mit dem Ziel, eine Zeile pro Person und Tag zu bekommen, und jeweils eine Spalte pro Item.

Die Funktionsweise von pivot_longer() und pivot_wider() ist in der Einführung zu R, Kapitel 4.3 beschrieben.

```
df_cfa_superlong <- df_cfa_wide |>
  pivot_longer(
    cols = -id, # All columns except id
    names_to = c("variable", "time"), # Namensgebende Spalten sollen heissen: variable, time
    names_sep = "_t"
    # Namensgebende Spalten anhand "_t_ separieren (z.B. "a1_t1" --> gespalten in "a1" und "
    )
head(df_cfa_superlong)
```

```
# A tibble: 6 x 4
     id variable time value
  <int> <chr>
                 <chr> <dbl>
     1 a1
1
                 1
                        3.34
2
      1 a1
                 2
                        2.15
3
                 3
                        1.61
      1 a1
4
     1 a1
                 4
                        3.35
5
     1 a1
                 5
                        3.32
                 6
      1 a1
                        4.17
```

```
# A tibble: 6 x 15
id time a1 a2 a3 a4 a5 b1 b2 b3 b4 b5
```

```
<int> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <
                                                        <dbl>
                                                                <dbl>
                                                                        <dbl> <dbl>
1
      1
               3.34
                     3.38 3.22
                                   4.40
                                         3.54 3.37
                                                      1.70
                                                              0.584
                                                                        1.58
                                                                               2.85
                                                              2.10
2
      1
               2.15
                     5.11 5.68
                                         2.39 2.49
                                                      0.952
                                                                        0.331
                                                                               2.55
                                   2.77
3
      1
                     3.00 2.50
            3
               1.61
                                  1.90
                                         2.81 0.992 -0.686
                                                              0.00315 -0.518
                                                                               1.96
4
               3.35
                     3.85
                           4.97
                                   2.61
                                         3.23 2.25
                                                      0.00412 0.711
                                                                        2.19
                                                                               2.03
5
               3.32
                      3.69
                            4.70
                                   3.48
                                         4.21 1.95
                                                      0.676
                                                              0.922
                                                                        0.285
                                                                               2.36
6
            6
               4.17 5.66 3.27
                                  4.19
                                         3.57 1.54
                                                     -0.373
                                                              1.30
                                                                        1.69
                                                                               2.54
# i 3 more variables: c1 <dbl>, c2 <dbl>, c3 <dbl>
```

Das Ergebnis:

- eine Zeile pro Person (id) und Messung (time). Die Spalten id und time identifizieren also für jede Zeile, von welcher Person und welchem Tag die Werte in den folgenden Spalten kommen.
- eine Spalte pro Variable (a1-a5, b1-b5, c1-c3)

3.5 Daten transformieren: Skalenscores erstellen

Als nächstes können wir die Skalenscores erstellen.

```
df_cfa_long_scores <- df_cfa_long |> group_by(id, time) |>
    summarise(
    a = rowMeans(across(starts_with("a")), na.rm = TRUE),
    b = rowMeans(across(starts_with("b")), na.rm = TRUE),
    c = rowMeans(across(starts_with("c")), na.rm = TRUE),
    .groups = "drop" # group_by() wieder aufheben für den finalen Datensatz
)
```

Wir verwenden eine simple Form der Skalenerstellung bei dem der Mittelwert aller vorhandenen Items einer Skala verwendet wird.

(Best-practice ist es bei fehlenden Daten genau hinzuschauen und nur dann einen Skalenwert zu erstellen, wenn die Personen zu einen gewissen Prozentsatz aller Items eine Antwort geben (etwa 2/3). Eine solche Funktion könnten wir programmieren, lassen es aber für das Beispiel weg.)

3.6 Daten transformieren: Zentrierung

Für die spätere Verwendung zerlegen wir die Rohvariablen mittels person-mean Zentrierung. Wir zentrieren wir die Skalenvariablen, die täglich gemessen werden (aber nicht Baseline-Variablen), mittels de_mean(). de_mean() nimmt als Argumente (a) mit Komma getrennte

Namen der Variablen, die wir zentrieren wollen (mehrere auf einmal ist möglich), (b) mittels grp = Argument die identifizierende Variable für die Gruppenzugehörigkeit in Anführungszeichen ("id".

```
df_cfa_long_scores <- df_cfa_long_scores |>
  de_mean(a,b, c, grp = "id")
head(df_cfa_long_scores)
```

```
# A tibble: 6 x 11
    id time
                       b
                                  a_dm
                                         b_dm
                                                c_dm a_gm b_gm c_gm
                             С
 <int> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl>
                                 <dbl>
                                        <dbl>
                                              <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl>
     1
           1 3.58 2.02
                          3.06 -0.257
                                        0.448 - 0.527
                                                      3.83 1.57 3.59
1
           2 3.62 1.68
2
     1
                          4.23 -0.215
                                        0.117 0.643
                                                     3.83 1.57
                                                                  3.59
3
     1
           3 2.37 0.350 2.47 -1.47
                                       -1.22 -1.12
                                                      3.83 1.57 3.59
4
           4 3.60 1.44
                          2.85 -0.229 -0.132 -0.738
                                                      3.83
                                                           1.57
                                                                  3.59
           5 3.88 1.24
                          3.16
                                0.0481 -0.328 -0.427
                                                      3.83 1.57
                                                                  3.59
     1
           6 4.17 1.34
                          4.26 0.340 -0.227 0.675
                                                      3.83
                                                           1.57
                                                                 3.59
```

Als Ergebnis erhalten wir die zusätzlichen Variablen a, b, c jeweils mit "_dm" und "_gm". Was verbirgt sich dahinter? Wir haben einen Datensatz mit den unzentrierten / Rohvariablen der Skalen (ohne Suffix), den zentrierten Variablen (Suffix _dm) und den Mittelwerten der Personen (Suffix _gm), den wir zur weiteren Verwendung auch abspeichern.

Damit ist die Transformation der Daten abgeschlossen! Wir können die Datensätze - "df_cfa_long" für die Items und "df_cfa_long_scores" für die Skalen nun abspeichern.

```
save(df_cfa_long, df_cfa_long_scores, file = "../data/df_cfa_long.RData")
```

3.7 Überprüfe dein Verständnis

```
beispiel_zentrierung <- df_cfa_long_scores |>
  filter(id == 1) |>
  select(id, time, a, a_dm, a_gm)

beispiel_zentrierung
```

```
3.58 -0.257
                                   3.83
 1
        1
               1
 2
        1
               2
                  3.62 -0.215
                                   3.83
 3
        1
               3
                  2.37 - 1.47
                                   3.83
 4
               4
                  3.60 -0.229
        1
                                   3.83
 5
        1
               5
                  3.88
                         0.0481
                                   3.83
 6
        1
               6
                  4.17
                         0.340
                                   3.83
 7
        1
               7
                  3.59 - 0.240
                                   3.83
8
        1
               8
                  3.72 - 0.111
                                   3.83
9
               9
                                   3.83
        1
                  5.28
                         1.45
10
        1
              10
                  4.51
                         0.679
                                   3.83
```

Warum ist der Wert, den Person 1 in "a_gm" hat, in jeder Zeile gleich, nicht aber bei "a_dm" und "a"? Wie müsste man a transformieren, damit man auf a_dm kommt? Denke an die mathematischen Operationen die du in mutate() eingeben müsstest, wie +, -, /, mean().

Q Lösung

Die Variable a ist die Rohvariable, die den gemessenen Wert auf der Skala an jedem Tag angibt. Variablen mit "_gm" und "_dm" werden von $sjmisc::de_mean()$ erstellt und stehen für den Mittelwert der Person über alle Tage hinweg. Variablen mit "_dm" stehen für die täglichen Abweichungen vom Mittelwert der Person. "a_dm" ergibt sich aus: $a = a - a_gm$. Wir können dies auch in R replizieren mit:

```
beispiel zentrierung |>
  mutate(a_dm_manuell = a - mean(a))
# A tibble: 10 \times 6
          time
                                 a_gm a_dm_manuell
      id
                     a
                           a_dm
         <dbl> <dbl>
   <int>
                          <dbl>
                                <dbl>
                                               <dbl>
                  3.58 -0.257
                                  3.83
                                             -0.257
 2
        1
              2
                  3.62 -0.215
                                 3.83
                                             -0.215
 3
        1
              3
                  2.37 - 1.47
                                 3.83
                                             -1.47
 4
        1
              4
                 3.60 -0.229
                                 3.83
                                             -0.229
 5
        1
              5
                  3.88
                        0.0481
                                 3.83
                                              0.0481
 6
        1
                  4.17
                                              0.340
              6
                        0.340
                                 3.83
 7
        1
              7
                  3.59 - 0.240
                                 3.83
                                             -0.240
 8
        1
                  3.72 -0.111
                                  3.83
                                             -0.111
 9
        1
              9
                  5.28
                        1.45
                                 3.83
                                              1.45
                                  3.83
10
        1
             10
                  4.51
                        0.679
                                              0.679
```

3.8 Übung Datenaufbereitung

Schau dir den Datensatz df_cfa_exercise an und repliziere die Schritte oben:

- 1) Daten in Langformat transformieren und als df_uebung_lang <- zuweisen.
- 2) Skalenscores für x und y erstellen und als df_uebung_lang_scores <- zuweisen.
- 3) Skalenscores für x und y zentrieren (weiterhin in df_uebung_lang_scores).

Du kannst dazu den Code von oben wiederverwenden und auf den hier verwendeten Datensatz und seine Variablen anpassen.

```
load("../data/df_cfa_exercise.RData")
head(df_cfa_exercise)
# A tibble: 6 x 101
     id x1_t1 x1_t2 x1_t3 x1_t4 x1_t5 x1_t6 x1_t7 x1_t8 x1_t9 x1_t10 x2_t1
  <int> <dbl> <
1
      1 4.93 3.48 5.21 3.78 2.82 2.87 4.40 4.00 2.83
                                                              4.53 3.57
2
      2 5.02 2.47 2.26 3.38 3.41 2.93 3.72
                                                 3.10 4.07
                                                              2.92 3.66
3
      3 3.66 4.52 2.63 2.10 3.30 4.67
                                            3.85
                                                 3.43
                                                       3.42
                                                              4.35 3.37
      4 1.93 1.84 4.25 3.23 2.46 2.82
4
                                            2.60
                                                 3.22
                                                       4.20
                                                              2.27 0.707
      5 2.27 2.91 3.18 2.94 3.71 2.72
                                            3.51
                                                  1.55
5
                                                       2.73
                                                              4.95 4.31
      6 3.18 4.05 3.54 4.06 2.37 2.07 3.39 3.49 3.66
                                                              1.89 2.91
# i 89 more variables: x2_t2 <dbl>, x2_t3 <dbl>, x2_t4 <dbl>, x2_t5 <dbl>,
   x2_t6 <dbl>, x2_t7 <dbl>, x2_t8 <dbl>, x2_t9 <dbl>, x2_t10 <dbl>,
   x3_t1 <dbl>, x3_t2 <dbl>, x3_t3 <dbl>, x3_t4 <dbl>, x3_t5 <dbl>,
   x3_t6 <dbl>, x3_t7 <dbl>, x3_t8 <dbl>, x3_t9 <dbl>, x3_t10 <dbl>,
   x4_t1 <dbl>, x4_t2 <dbl>, x4_t3 <dbl>, x4_t4 <dbl>, x4_t5 <dbl>,
   x4_t6 <dbl>, x4_t7 <dbl>, x4_t8 <dbl>, x4_t9 <dbl>, x4_t10 <dbl>,
   x5_t1 <dbl>, x5_t2 <dbl>, x5_t3 <dbl>, x5_t4 <dbl>, x5_t5 <dbl>, ...
# 1. Daten in Langformat transformieren - funktionen: pivot_longer(), pivot_wider()
# 2. Skalenscores für X und Y erstellen - funktionen: group by(), summarise()
# 3. Skalenscores für X und Y zentrieren - Funktionen: de_mean()
```

Q Lösung

```
load("../data/df_cfa_exercise.RData")
head(df_cfa_exercise)
# A tibble: 6 x 101
     id x1_t1 x1_t2 x1_t3 x1_t4 x1_t5 x1_t6 x1_t7 x1_t8 x1_t9 x1_t10 x2_t1
  <int> <dbl> <
                                                              4.53 3.57
      1 4.93 3.48 5.21 3.78 2.82 2.87 4.40 4.00 2.83
1
2
      2 5.02 2.47
                    2.26
                         3.38 3.41 2.93 3.72 3.10 4.07
                                                              2.92 3.66
3
        3.66 4.52 2.63
                         2.10 3.30 4.67 3.85 3.43 3.42
                                                              4.35 3.37
      3
        1.93
              1.84 4.25 3.23 2.46
                                      2.82 2.60 3.22 4.20
                                                              2.27 0.707
5
        2.27 2.91 3.18 2.94 3.71 2.72 3.51 1.55 2.73
                                                              4.95 4.31
6
        3.18 4.05 3.54 4.06 2.37 2.07 3.39 3.49
                                                       3.66
                                                              1.89 2.91
# i 89 more variables: x2_t2 <dbl>, x2_t3 <dbl>, x2_t4 <dbl>, x2_t5 <dbl>,
    x2_t6 <dbl>, x2_t7 <dbl>, x2_t8 <dbl>, x2_t9 <dbl>, x2_t10 <dbl>,
    x3_t1 <dbl>, x3_t2 <dbl>, x3_t3 <dbl>, x3_t4 <dbl>, x3_t5 <dbl>,
    x3_t6 <dbl>, x3_t7 <dbl>, x3_t8 <dbl>, x3_t9 <dbl>, x3_t10 <dbl>,
   x4_t1 <dbl>, x4_t2 <dbl>, x4_t3 <dbl>, x4_t4 <dbl>, x4_t5 <dbl>,
    x4_t6 <dbl>, x4_t7 <dbl>, x4_t8 <dbl>, x4_t9 <dbl>, x4_t10 <dbl>,
    x5_t1 <dbl>, x5_t2 <dbl>, x5_t3 <dbl>, x5_t4 <dbl>, x5_t5 <dbl>, ...
```

```
# 1. Daten in Langformat transformieren - funktionen: pivot_longer(), pivot_wider()
df_uebung_superlang <- df_cfa_exercise |>
  pivot_longer(
    cols = -id, # All columns except id
    names_to = c("variable", "time"),
    names sep = " t"
df_uebung_lang <- df_uebung_superlang |>
  pivot_wider(names_from = variable,
             values_from = value) |>
  mutate(time = as.numeric(time))
# 2. Skalenscores für X und Y erstellen - funktionen: group_by(), summarise()
df_uebung_lang_scores <- df_uebung_lang |> group_by(id, time) |>
  summarise(
    x = rowMeans(across(starts_with("x")), na.rm = TRUE),
    y = rowMeans(across(starts_with("y")), na.rm = TRUE),
    .groups = "drop" # group_by() wieder aufheben für den finalen Datensatz
# 3. Skalenscores für X und Y zentrieren - Funktionen: de_mean()
df_uebung_lang_scores <- df_uebung_lang_scores |>
  de_mean(x, y, grp = "id")
head(df_uebung_lang_scores)
# A tibble: 6 x 8
     id time
               X
                       У
                           x_dm y_dm x_gm y_gm
  <int> <dbl> <dbl> <dbl>
                          <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <
                                  0.160 4.02 3.80
           1 4.42 3.96 0.396
           2 3.57 4.30 -0.451 0.499 4.02 3.80
3
           3 4.53 3.91 0.508 0.106 4.02 3.80
      1
4
           4 3.45 3.49 -0.573 -0.308 4.02 3.80
      1
5
          5 3.90 3.56 -0.119 -0.245 4.02 3.80
      1
6
           6 3.92 4.20 -0.0953 0.394 4.02 3.80
```

3.9 Abspeichern der gebildeten Skalen

Zum Schluss speichern wir die Ergebnisse (sowohl die Items als auch die Skalen in Langformat) der Übung ab.

```
save(df_uebung_lang, df_uebung_lang_scores, file = "../data/df_uebung.RData")
```

4 Kapitel 2: Deskriptive Analysen und Überprüfung von Voraussetzungen

4.1 Pakete laden

4.2 Daten laden

```
load("../data/df_cfa_long.RData")
head(df_cfa_long_scores)
```

```
# A tibble: 6 x 11
    id time a
                               a_dm
                                            c_dm a_gm b_gm c_gm
                     b
                           С
                                      b_dm
 <int> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl>
                              <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <
          1 3.58 2.02
                        3.06 -0.257
                                     0.448 -0.527 3.83 1.57 3.59
2
         2 3.62 1.68 4.23 -0.215
                                     0.117 0.643 3.83 1.57 3.59
          3 2.37 0.350 2.47 -1.47
3
                                    -1.22 -1.12
                                                  3.83 1.57 3.59
          4 3.60 1.44 2.85 -0.229 -0.132 -0.738 3.83 1.57 3.59
          5 3.88 1.24
                        3.16  0.0481  -0.328  -0.427  3.83  1.57  3.59
          6 4.17 1.34 4.26 0.340 -0.227 0.675 3.83 1.57 3.59
```

Schauen wir uns nochmal die Datenstruktur unseres aufbereiteten Datensatzes an. Wir haben die Variablen:

- id: Gruppierungsvariable / Personen-ID, von 1 100
- time: Zeitpunkt / Tag der Messung, von 1-10
- a, b, c: Rohvariablen
- a_dm c_dm: Personen-zentrierte Variablen
- a_gm c_gm : Personen-Mittelwerte

4.3 ICC und Within-Person Variance

Uns interessiert wie gross der Anteil der Varianz ist, der jeweils auf die zwei Ebenen der Daten entfallen (Inner-Person, Zwischen-Person-Ebene). Dies kann uns der ICC angeben. Mittels der Funktion statsBy() bekommen wir einige Analysen zu unseren Mehrebenen-Daten geliefert. Die Funktion benötigt zwei Argumente: den Datensatz und und die Gruppierungsvariable. Wir wählen entsprechend in select() die Variablen, die uns interessieren. Dies sind die Gruppierungsvariable "id" und die Rohvarianten der Variablen aus, da nur diese die Informationen über beide Ebenen enthalten (personen-zentrierte Variablen beinhalten nur Varianz auf Inner-Person-Ebene, Personen-Mittelwerte nur Varianz auf Zwischen-Person-Ebene). Die zerlegten Variablen mit den Kürzeln _dm und _gm brauchen wir erst später.

```
mehrebenen_stats <- df_cfa_long_scores |>
   select(id, a, b, c) |>
   statsBy(group = "id")
```

Wir bekommen hier manchmal Warnungen, wenn wir auch reine Level-2 Variablen eingeschlossen haben. Dies können wir jedoch ignorieren. Mit print() bekommen wir eine Übersicht über die Ergebnisse der Resultate der statsBy() Funktion.

```
print(mehrebenen_stats)

Statistics within and between groups
Call: statsBy(data = select(df_cfa_long_scores, id, a, b, c), group = "id")
Intraclass Correlation 1 (Percentage of variance due to groups)
   id    a    b    c
1.00 0.49 0.55 0.47
Intraclass Correlation 2 (Reliability of group differences)
   id    a    b    c
1.00 0.91 0.92 0.90
eta^2 between groups
a.bg b.bg c.bg
0.54 0.59 0.52
```

To see the correlations between and within groups, use the short=FALSE option in your print many results are not shown directly. To see specific objects select from the following list: mean sd n F ICC1 ICC2 ci1 ci2 raw rbg ci.bg pbg rwg nw ci.wg pwg etabg etawg nwg nG Call

Uns interessiert nur die Intraclass Correlation 1. Intraclass Correlation (2) und Eta-Quadrat interessieren uns nicht.

Den ICC können wir uns auch direkt angeben lassen, indem wir aus dem Listenobjekt mehrebenen_stats mit dem Dollarzeichen \$ die Untervariable ICC1 anwählen.

```
icc <- mehrebenen_stats$ICC1 |>
  round(2) # runden
icc
```

```
id a b c
1.00 0.49 0.55 0.47
```

Alle Skalen im Beispiel haben ICCs in einem angemessenen Bereich (<.80). Dies heisst, dass genug tägliche Varianz vorhanden ist, um Mehrebenen-Analysen durchzuführen.

4.4 Reliabilitätsanalyse

Die Reliabilitätsanalyse basiert auf den Items, nicht auf den Skalenwerten. Diese haben wir im df_cfa_long Dataframe abgespeichert.

```
head(df_cfa_long)
```

```
# A tibble: 6 x 15
     id time
                  a1
                         a2
                               a3
                                                             b2
                                                                     b3
                                                                             b4
                                                                                   b5
                                      a4
                                            a5
                                                   b1
  <int> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <
                                                         <dbl>
                                                                  <dbl>
                                                                          <dbl> <dbl>
1
      1
             1
                3.34
                      3.38
                             3.22
                                   4.40
                                          3.54 3.37
                                                       1.70
                                                                0.584
                                                                          1.58
                                                                                 2.85
2
      1
               2.15
                      5.11
                             5.68
                                   2.77
                                          2.39 2.49
                                                       0.952
                                                                2.10
                                                                          0.331
                                                                                 2.55
3
               1.61
                      3.00
                             2.50
                                   1.90
                                          2.81 0.992 -0.686
                                                                0.00315 - 0.518
                                                                                 1.96
                      3.85
4
                3.35
                             4.97
                                   2.61
                                          3.23 2.25
                                                       0.00412 0.711
                                                                          2.19
                                                                                 2.03
               3.32
                      3.69
                            4.70
                                   3.48
                                          4.21 1.95
                                                       0.676
                                                                          0.285
                                                                                 2.36
                                                                0.922
                4.17 5.66 3.27 4.19 3.57 1.54
                                                      -0.373
                                                                                 2.54
                                                                1.30
                                                                          1.69
# i 3 more variables: c1 <dbl>, c2 <dbl>, c3 <dbl>
```

Bei täglich erhobenen Skalen nehmen wir die omegaSEM() Funktion. Als erstes Argument geben wir die Items in einem Character-Vector mittels c(), die Items werden mit Anführungszeichen angegeben. Falls ihr die Itemnamen nicht wisst, könnt ihr sie mit names (df_cfa_long) nachsehen.

```
scalea_reliab <- omegaSEM(
  items = c("a1", "a2", "a3", "a4", "a5"),
  id = "id",
  data = df_cfa_long)
scalea_reliab$Results</pre>
```

```
label est ci.lower ci.upper 37 omega_within 0.739 0.712 0.766 40 omega between 0.848 0.796 0.901
```

Hier erscheint teils eine Warnung, weil nicht alle Personen (cluster) Varianz auf den Items haben. Dies können wir ignorieren. In den simulierten Daten, die wir verwenden, ist dies jedoch nicht der Fall. Dann können wir den Output ansehen. Omega_within gibt die Reliabilität für Unterschiede innerhalb der Person an, und Omega_between gibt die Reliabilität für Unterschiede zwischen Personen an. Die Reliabilitäten sollten über .70 liegen für eine gute Reliabilität auf beiden Leveln.

```
scaleb_reliab <- omegaSEM(
  items = c("b1", "b2", "b3", "b4", "b5"),
  id = "id",
  data = df_cfa_long)
scaleb_reliab$Results</pre>
```

```
label est ci.lower ci.upper 37 omega_within 0.744 0.718 0.770 40 omega_between 0.888 0.850 0.927
```

```
scalec_reliab <- omegaSEM(
  items = c("c1", "c2", "c3"),
  id = "id",
  data = df_cfa_long)
scalec_reliab$Results</pre>
```

```
label est ci.lower ci.upper 25 omega_within 0.628 0.585 0.670 28 omega_between 0.764 0.673 0.855
```

4.5 Korrelationstabelle

In quantitativ-empirischen psychologischen Artikeln ist (fast) immer die Korrelationstabelle die erste Tabelle des Artikels. Unser nächstes Ziel ist es, eine Korrelationstabelle anzufertigen, in der wir auch die Mittelwerte und Standardabweichungen integrieren.

4.5.1 Mittelwerte

Mittelwerte wurden bereits - pro Person - durch die statsBy() Funktion gebildet. Den allgemeinen Mittelwert bekommen wir mit der Funktion summarise(). Diese erlaubt uns, zusammenfassende Werte zu bilden. Da wir dies gleich für mehrere Variablen machen, benutzen wir zudem across(), um die Summary gleich für mehrere Variablen zu bilden. Die Funktion benötigt als Argumente (a) die Namen der Variablen mit c() als einen Vektor zusammengefasst, (b) die Funktionen, wie sie gebildet werden (hier: ~mean(.x, na.rm = TRUE) für das arithmetische Mittel unter Ausschluss aller nicht vorhandenen Werte) und (c) optional die Namen der ausgegebenen Variablen mittels ".names". Wir verwenden "m_{...}{.col}". Abschliessend runden wir die Werte.

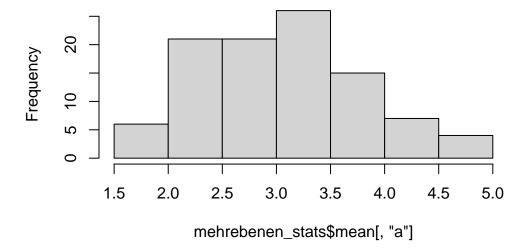
Ersetzt im folgenden Code in der Klammer von c() die Variablennamen mit denen, die euch interessieren, hier sowohl die täglichen als auch Baselinevariablen.

```
mittelwerte <- mehrebenen_stats$mean |>
   as_tibble() |>
   summarise(across(c(a,b,c), ~mean(.x, na.rm = TRUE)))
mittelwerte
```

Wir sehen, dass a einen höheren Mittelwert (M=3.03) als b und c (M=1.94, M=1.99) aufweist. Für die Verteilung der Variablen sehen wir uns idealerweise auch Histogramme an.

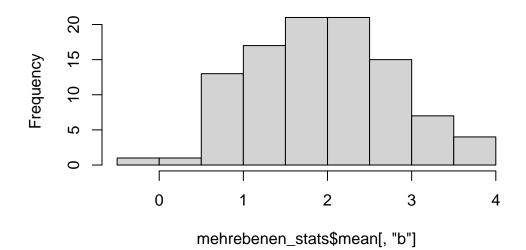
```
hist(mehrebenen_stats$mean[,"a"])
```

Histogram of mehrebenen_stats\$mean[, "a"]

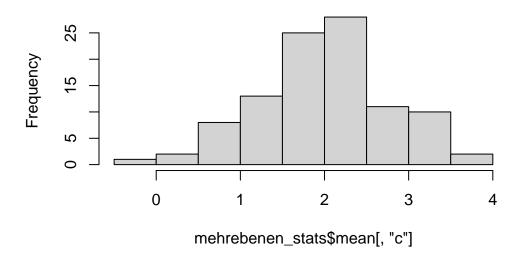


hist(mehrebenen_stats\$mean[,"b"])

Histogram of mehrebenen_stats\$mean[, "b"]



Histogram of mehrebenen_stats\$mean[, "c"]



Alle Variablen scheinen vom Histogram her hinreichend normalverteilt.

4.5.2 Standardabweichungen

Ganz ähnlich wie mit Mittelwerten verfahren wir für die Standardabweichung, nur dass wir hier als Funktion ~sd(.x, na.rm = TRUE) verwenden. Ersetzt auch hier im folgenden Code in der Klammer von c() die Variablennamen mit denen, die euch interessieren, hier sowohl die täglichen als auch Baselinevariablen. Die Baselinevariable "w" zeigt hier keine SD mit dieser Berechnung und muss separat berechnet werden.

```
standardabweichung <- mehrebenen_stats$sd |>
  as_tibble() |>
  summarise(across(c(a, b, c), ~mean(.x, na.rm = TRUE)))
standardabweichung
```

4.5.3 Korrelationen

Wir wollen eine Korrelationstabelle, in der wir auf einen Blick sowohl die Zwischen-Person-Korrelationen als auch die Inner-Person-Korrelationen sehen. Die statsBy() Funktion, die wir bereits aufgerufen haben, gibt uns beides separat aus. und

```
mehrebenen_stats$rbg |> round(2) # Zwischen Person Kor.

a.bg b.bg c.bg
a.bg 1.00 0.32 0.39
b.bg 0.32 1.00 0.29
c.bg 0.39 0.29 1.00

mehrebenen_stats$rwg |> round(2) # Inner Person Kor.

a.wg b.wg c.wg
a.wg 1.00 0.22 0.25
b.wg 0.22 1.00 0.29
```

Wir erhalten im unteren Dreieck die Inner-Person-Korrelationen, und im oberen Dreieck die Zwischen-Person-Korrelationen.

4.5.4 Integration in Tabelle

c.wg 0.25 0.29 1.00

Jetzt gilt es, die Mittelwerte, Standardabweichungen, ICCs, und Korrelationen Zwischen und Innerhalb von Personen in einer Tabelle zu integrieren. Mit der tibble() Funktion bauen wir einen neue Datensatz-Tabelle, in der wir alle Variablen integrieren.

Die vorhergehenden Analysen zeigen wie man die einzelnen Komponenten der Tabelle erstellt. Die Funktion cortable_multilevel() führt die einzelnen Funktionen direkt zusammen.

```
cortable_integriert <- cortable_multilevel(df_cfa_long_scores, c("a", "b", "c"), grp = "id")
cortable_integriert</pre>
```

```
# A tibble: 3 x 7
                         ICC
                                `1.`
                                       `2.`
                                               `3.`
  Variable M
                  SD
  <chr>>
            <chr> <chr> <chr> <chr>
                                       <chr>
                                               <chr>
            3.03 0.99
                                        .32**
                                               .39***
1 1.a
                         .49
2 2.b
            1.95
                         .55
                                               .29**
                  1.07
                                .22*** -
3 3.c
            1.99 1.06
                         .47
                                .25*** .29*** -
```

4.5.5 Export von Tabellen zu Excel

Wir exportieren die Korrelationstabelle nach Excel mittels write_xlsx().

```
# eval: false
write_xlsx(cortable_integriert, path = "korrelationstabelle.xlsx")
```

Die Excel-Tabelle lässt sich dann in Word kopieren und weiter verarbeitet werden, z.B. mit den richtigen Variablennamen versehen werden etc. Damit haben wir nun die Datenaufbereitung und deskriptive Datenanalyse abgeschlossen.

5 Übung:

Wendet diese Schritte nun auf den Datensatz aus der letzten Übung an. Zunächst laden wir die Daten, die in der letzten Übung abgespeichert werden sollten.

```
load("../data/df_uebung.RData")
head(df_uebung_lang)
 # A tibble: 6 x 12
                          id time
                                                                                                                     x2
                                                                                                                                                    xЗ
                                                                                                                                                                                                                 x5
                                                                                      x1
                                                                                                                                                                                   x4
                                                                                                                                                                                                                                               y1
                                                                                                                                                                                                                                                                              y2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                            уЗ
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           y4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          у5
           <int> <dbl> 
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           <dbl>
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       <dbl>
                                                                           4.93
                                                                                                                                                                       5.76
                                                                                                          3.57
                                                                                                                                         3.12
                                                                                                                                                                                                     4.70
                                                                                                                                                                                                                                     4.33
                                                                                                                                                                                                                                                                   4.48
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  2.85
 2
                               1
                                                             2
                                                                           3.48
                                                                                                         3.72
                                                                                                                                        2.20
                                                                                                                                                                       4.87
                                                                                                                                                                                                      3.58
                                                                                                                                                                                                                                     3.60
                                                                                                                                                                                                                                                                    4.45
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 4.68
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  5.55
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               3.22
 3
                               1
                                                             3
                                                                           5.21
                                                                                                         4.03
                                                                                                                                         2.42
                                                                                                                                                                       5.11
                                                                                                                                                                                                      5.88
                                                                                                                                                                                                                                     3.55
                                                                                                                                                                                                                                                                    4.76
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  3.77
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 3.61
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               3.85
 4
                               1
                                                             4
                                                                          3.78
                                                                                                         2.60
                                                                                                                                        2.60
                                                                                                                                                                       4.14
                                                                                                                                                                                                     4.11
                                                                                                                                                                                                                                     3.05
                                                                                                                                                                                                                                                                   3.29
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  3.65
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 4.36
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               3.12
                                                                                                         4.92
                                                                                                                                                                       4.98
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  2.27
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 3.40
 5
                               1
                                                                          2.82
                                                                                                                                        2.18
                                                                                                                                                                                                    4.60
                                                                                                                                                                                                                                     2.59
                                                                                                                                                                                                                                                                    5.68
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               3.84
                                                                         2.87
                                                                                                         4.42 3.37
                                                                                                                                                                       4.90 4.06
                                                                                                                                                                                                                                     3.08
                                                                                                                                                                                                                                                                   4.68
                                                                                                                                                                                                                                                                                                5.26
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                5.14
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              2.82
head(df_uebung_lang_scores)
```

```
# A tibble: 6 x 8
     id time
                              x_dm
                  Х
                         у
                                     y_dm x_gm
                                                 y_gm
  <int> <dbl> <dbl> <dbl>
                             <dbl>
                                    <dbl> <dbl> <dbl>
               4.42
1
      1
            1
                     3.96
                            0.396
                                    0.160
                                            4.02
                                                  3.80
2
      1
            2
               3.57
                                    0.499
                                            4.02
                     4.30 - 0.451
                                                  3.80
3
      1
            3
               4.53
                     3.91
                            0.508
                                    0.106
                                            4.02
                                                  3.80
               3.45
                     3.49 -0.573
                                   -0.308
                                            4.02
                                                  3.80
5
      1
               3.90
                     3.56 -0.119
                                   -0.245
                                            4.02
                                                  3.80
               3.92
                     4.20 -0.0953
                                   0.394
      1
                                            4.02
                                                  3.80
```

5.0.1 ICC

Berechnet den ICC für X und Y mittels statsBy() und analysiert die Angaben:

• Weisen die Skalen X und Y hinreichend Varianz auf der Inner-Person-Ebene auf, um sie mittels Mehrebenen-Modelle zu analysieren? Begründet eure Antwort.

```
    Lösung

mehrebenen_stats <- df_uebung_lang_scores |>
  select(id, x,y) |>
    statsBy(group = "id")
print(mehrebenen_stats)
Statistics within and between groups
Call: statsBy(data = select(df_uebung_lang_scores, id, x, y), group = "id")
Intraclass Correlation 1 (Percentage of variance due to groups)
  id
        X
             У
1.00 0.53 0.69
Intraclass Correlation 2 (Reliability of group differences)
  id
        Х
             У
1.00 0.92 0.96
eta^2 between groups
x.bg y.bg
0.57 0.72
To see the correlations between and within groups, use the short=FALSE option in your print
Many results are not shown directly. To see specific objects select from the following list
 mean sd n F ICC1 ICC2 ci1 ci2 raw rbg ci.bg pbg rwg nw ci.wg pwg etabg etawg nwg nG Call
# oder
mehrebenen_stats$ICC1
                  X
```

5.0.2 Reliabilitsätsanalyse

1.0000000 0.5289733 0.6911339

Berechnet die Omega-Within und Omega-Between Reliabilitäten für X und Y mittels omegaSEM() und analysiert die Angaben:

- Weisen die Skalen X und Y hinreichende Omega-Werte auf, um Inner-Person Unterschiede reliabel zu messen? Begründet eure Antworten.
- Weisen die Skalen X und Y hinreichend Omega-Werte auf, um Zwischen-Person Unterschiede reliabel zu messen? Begründet eure Antworten.

```
Lösung
scalex_reliab <- omegaSEM(c("x1", "x2", "x3", "x4", "x5"), "id", df_uebung_lang)
scalex_reliab$Results
                   est ci.lower ci.upper
    omega_within 0.721
                                   0.750
                          0.692
40 omega_between 0.877
                          0.834
                                   0.919
scaley_reliab <- omegaSEM(c("y1", "y2", "y3", "y4", "y5"), "id", df_uebung lang)
scaley_reliab$Results
           label
                   est ci.lower ci.upper
   omega_within 0.362
                          0.297
                                   0.428
40 omega_between 0.884
                          0.845
                                   0.924
```

5.0.3 Integration in Korrelationstabelle

Erstellt eine Korrelationstabelle von den Variablen w, x, m, und y mit Mittelwerten, Standardabweichungen, ICC, und Within/Between-Korrelationen wie in Kapitel 1a gezeigt.

```
💡 Lösung
cortable_integriert_uebung <- cortable_multilevel(df_uebung_lang_scores, c("x", "y"), grp
cortable integriert uebung
# A tibble: 2 x 6
                              `1.` `2.`
  Variable M
                 SD
                        ICC
           <chr> <chr> <chr> <chr> <chr> <chr>
1 1.x
           3.04 0.99
                        .53
                                    .28**
2 2.y
           2.05 0.93
                       .69
                              .02
```

Basierend auf euren Analysen zu ICC, Reliabilitsätsanalysen, und der Betrachtung der Korrelationstabelle, beantwortet folgende Fragen:

- Wie fällt die Korrelation zwischen X und Y auf Zwischen-Person Ebene aus? Ist es basierend auf der Prüfungen der Voraussetzungen (ICCs, Reliabilitäten) sinnvoll, diese zu interpretieren?
- Wie fällt die Korrelation zwischen X und Y auf Inner-Person Ebene aus? Ist es basierend

auf der Prüfungen der Voraussetzungen (ICCs, Reliabilitäten) sinnvoll, diese zu interpretieren?

? Zwischen-Person Ebene

Die Korrelation zwischen X und Y beträgt r=.28 und ist signifikant. Die Reliabilität auf Level-2/ Zwischen-Person Ebene, durch omega_between angegeben, ist für X und Y gut (> .80). Die ICCs weisen auf ausreichend Varianz auf Zwischen-Person Ebene hin (53%-69%). Daher ist sie sinnvoll zu interpretieren. DIe Variablen sind moderat positiv miteinander assoziiert.

5.0.3.1 Inner-Person Ebene

Für Y, auch wenn es durchaus Varianz auf Inner-Person Ebene gibt (ICC = .69, damit sind 31% der Varianz auf Inner-Person Ebene), ist auf Inner-Person Ebene ist die Reliabilität sehr niedrig (Omega-within = .32). Das heisst, dass die Varianz innerhalb der Personen über die Tage auf Variable Y nicht reliabel gemessen werden. Die Inner-Person Varianz auf Y ist somit nicht sinnvoll zu interpretieren und stellt vermutlich nur "Rauschen" dar. Die Korrelation mit X ist nicht sinnvoll zu interpretieren (und fällt auch nicht signifikant aus), auch wenn X sowohl ausreichend Level-1 Varianz hat als auch reliabel gemessen ist.

5.1 Zusatz

Die folgenden Analysen sind optional, geben aber ein tieferes Verständnis des Materials.

5.1.1 Blick hinter die Kulissen: Berechnung von Omega mittels einer Mehrebenen konfirmatorischen Faktorenanalysen

Für eine genauere Auswertung können wir omegaSEM() mit dem Parameter savemodel = TRUE laufen lassen und uns mittels summary() die konfirmatorische Faktoranalyse (CFA) genauer ansehen.

Wie CFAs funktionieren, kann hier repetiert werden: Statistik IV - Methodenlehre

Zudem können wir uns mit lavInspect() die Modellparameter ansehen, um zu verstehen wie die Reliabilitätskoeffizient gebildet wird.

```
scalec_reliab <- omegaSEM(c("c1", "c2", "c3"), "id", df_cfa_long, savemodel = TRUE)
scalec_reliab$Fit |> summary(fit = TRUE, stand = TRUE)
```

lavaan 0.6-19 ended normally after 32 iterations

Estimator Optimization method Number of model parameters Row rank of the constraints matrix	ML NLMINB 15 6
Number of observations Number of clusters [id]	1000 100
Model Test User Model:	
Test statistic Degrees of freedom	0.000
Model Test Baseline Model:	
Test statistic Degrees of freedom P-value	383.809 6 0.000
User Model versus Baseline Model:	
Comparative Fit Index (CFI) Tucker-Lewis Index (TLI)	1.000 1.000
Loglikelihood and Information Criteria:	
Loglikelihood user model (HO) Loglikelihood unrestricted model (H1)	-4446.130 -4446.130
Akaike (AIC) Bayesian (BIC) Sample-size adjusted Bayesian (SABIC)	8922.260 8995.876 8948.235
Root Mean Square Error of Approximation:	
RMSEA 90 Percent confidence interval - lower 90 Percent confidence interval - upper P-value H_0: RMSEA <= 0.050 P-value H_0: RMSEA >= 0.080	0.000 0.000 0.000 NA NA

Standardized Root Mean Square Residual (corr metric):

SRMR (within covariance matrix)	0.000
SRMR (between covariance matrix)	0.000

Parameter Estimates:

Standard	errors			Standard
Informati	ion			Observed
${\tt Observed}$	${\tt information}$	based	on	Hessian

Level 1 [within]:

Latent Variables:

		Estimate	Std.Err	z-value	P(> z)	$\mathtt{Std.lv}$	Std.all
$f_{\mathtt{within}}$	=~						
c1	(wl1)	0.596	0.043	13.816	0.000	0.596	0.595
c2	(wl2)	0.653	0.046	14.176	0.000	0.653	0.622
c3	(wl3)	0.587	0.043	13.605	0.000	0.587	0.580

Variances:

		Estimate	Std.Err	z-value	P(> z)	${ t Std.lv}$	Std.all
$f_{\mathtt{within}}$		1.000				1.000	1.000
.c1	(wr1)	0.648	0.048	13.564	0.000	0.648	0.645
.c2	(wr2)	0.675	0.054	12.435	0.000	0.675	0.613
.c3	(wr3)	0.677	0.048	14.183	0.000	0.677	0.663

Level 2 [id]:

Latent Variables:

		Estimate	Std.Err	z-value	P(> z)	$\mathtt{Std.lv}$	Std.all
f_between	n =~						
c1	(bl1)	0.529	0.095	5.569	0.000	0.529	0.660
c2	(bl2)	0.704	0.106	6.614	0.000	0.704	0.803
c3	(bl3)	0.680	0.115	5.905	0.000	0.680	0.694

Intercepts:

	Estimate	Sta.EII	z-varue	P(Z)	Sta.IV	Sta.all
.c1	2.003	0.086	23.253	0.000	2.003	2.500
.c2	1.948	0.094	20.798	0.000	1.948	2.224
.c3	2.021	0.103	19.615	0.000	2.021	2.063

Variances:

		Estimate	Std.Err	z-value	P(> z)	$\mathtt{Std.lv}$	Std.all
f_{betwen}		1.000				1.000	1.000
.c1	(br1)	0.362	0.081	4.446	0.000	0.362	0.564
.c2	(br2)	0.272	0.107	2.536	0.011	0.272	0.355
.c3	(br3)	0.497	0.120	4.132	0.000	0.497	0.518

Defined Parameters:

```
Estimate Std.Err z-value P(>|z|)
                                              Std.lv Std.all
               3.371
                       0.262 12.875
                                       0.000
                                               3.371
                                                       3.233
num_within
denom_within
               5.370
                       0.253
                              21.213
                                       0.000
                                               5.370
                                                       5.155
                       0.022 29.174
                                       0.000
                                               0.628
                                                       0.627
omega_within
               0.628
                       0.764
                               4.787
                                       0.000
                                               3.659
                                                       4.657
num_between
               3.659
                               6.354
                                                       6.094
denom_between
               4.789
                       0.754
                                       0.000
                                               4.789
omega_between
               0.764
                       0.046
                              16.440
                                       0.000
                                               0.764
                                                       0.764
```

```
lavInspect(scalec_reliab$Fit, "list") |>
select(lhs, op, rhs, free, level, free, label, est, se) |>
mutate(across(where(is.numeric), round, 2)) # alternatively, parTable()
```

```
Warning: There was 1 warning in `mutate()`.
```

i In argument: `across(where(is.numeric), round, 2)`.

Caused by warning:

! The `...` argument of `across()` is deprecated as of dplyr 1.1.0.

Supply arguments directly to `.fns` through an anonymous function instead.

```
# Previously
```

across(a:b, mean, na.rm = TRUE)

Now

 $across(a:b, \x) mean(x, na.rm = TRUE))$

	lhs	op	rhs	free	level	label	est
1	f_{within}	=~	c1	1	1	wl1	0.60
2	f_{within}	=~	c2	2	1	wl2	0.65
3	$f_{ extsf{within}}$	=~	c3	3	1	wl3	0.59
4	$f_{ extsf{within}}$	~ ~	$f_{\mathtt{within}}$	0	1		1.00
5	c1	~ ~	c1	4	1	wr1	0.65
6	c2	~ ~	c2	5	1	wr2	0.68
7	c3	~ ~	c3	6	1	wr3	0.68
8	c1	~1		0	1		0.00

```
9
               c2 ~1
                                                         0
                                                                                 0.00
                                                               1
10
               c3 ~1
                                                         0
                                                               1
                                                                                 0.00
11
        f_within ~1
                                                         0
                                                               1
                                                                                 0.00
12
       f_between =~
                                                  c1
                                                         7
                                                               2
                                                                            bl1 0.53
       f between =~
                                                         8
                                                               2
13
                                                   c2
                                                                            bl2 0.70
                                                               2
14
       f_between =~
                                                   сЗ
                                                         9
                                                                            bl3 0.68
                                                         0
                                                               2
                                                                                 1.00
15
       f between ~~
                                           f_between
               c1 ~~
                                                        10
                                                               2
                                                                            br1 0.36
16
                                                   с1
17
               c2 ~~
                                                  c2
                                                        11
                                                               2
                                                                            br2 0.27
18
               c3 ~~
                                                   сЗ
                                                        12
                                                               2
                                                                            br3 0.50
                                                               2
19
               c1 ~1
                                                        13
                                                                                 2.00
20
               c2 ~1
                                                        14
                                                               2
                                                                                 1.95
21
                                                               2
               c3 ~1
                                                        15
                                                                                 2.02
22
                                                         0
                                                               2
                                                                                 0.00
       f_between ~1
23
      num_within :=
                                     (wl1+wl2+wl3)^2
                                                         0
                                                               0
                                                                     num_within 3.37
    denom_within := (wl1+wl2+wl3)^2+(wr1+wr2+wr3)
                                                         0
24
                                                               0
                                                                   denom_within 5.37
25
    omega_within :=
                           num_within/denom_within
                                                         0
                                                               0
                                                                   omega_within 0.63
                                     (bl1+bl2+bl3)^2
                                                         0
                                                               0
26
     num_between :=
                                                                    num_between 3.66
27 denom_between := (bl1+bl2+bl3)^2+(br1+br2+br3)
                                                         0
                                                               0 denom_between 4.79
28 omega_between :=
                         num_between/denom_between
                                                         0
                                                               0 omega_between 0.76
     se
1 0.04
   0.05
2
   0.04
3
4
  0.00
   0.05
5
  0.05
6
7
   0.05
8 0.00
   0.00
10 0.00
11 0.00
12 0.10
13 0.11
14 0.12
15 0.00
16 0.08
17 0.11
18 0.12
19 0.09
20 0.09
21 0.10
22 0.00
```

23 0.26 24 0.25 25 0.02 26 0.76 27 0.75 28 0.05

Wie der Output zeigt, ergibt sich die Omega-Reliabilität aus dem Anteil der durch den Faktor (f_within für den Faktor auf Level-1 bzw. f_between für den Faktor auf Level-2) erklärten Varianz der Items (Summe aller Item-Ladungen, quadriert für Varianz) geteilt durch die Gesamtvarianz der Items (durch Faktor erklärte Varianz der Items + Residualvarianz, d.h. übrigbleibende Varianz der Items). Diese Formel wird pro Varianzebene (Level-1, also tägliche Schwankungen innerhalb der Person) und Level-2 (Unterschiede zwischen Personen) getrennt berechnet.

6 Kapitel 3: Hypothesentests - Teil 1

In diesem Kapitel verwenden wir verschiedene Regressionsmodelle die zur Überprüfung von Hypothesen eingesetzt werden.

- Random Intercept Modell / Null-Model
- Random Intercept, fixed slope Modell
- Random intercept, random slope Modell
- Erweiterung um Level-2 Prädiktoren
- Cross-level und within-level Interaktionen

6.1 Vorbereitung

Install packages

```
if (!require("pacman")) install.packages("pacman")
```

Loading required package: pacman

6.2 Daten einlesen

```
load("../data/df_example1.RData")
load("../data/df_example1c.RData")
```

Für diese Einheit verwenden wir den folgenden Datensatz (data.frame/tibble):

• df_example1: Alle Skalenscores im Long Format, mit personen-zentrierten Variablenvarianten ("_dm") und Personen-Mittelwerten der täglich gemessenenen Variablen ("_gm"). Struktur des Datensatzes kann man sich ansehen mit head() oder print().

head(df_example1)

```
# A tibble: 6 x 10
  id
                                     m_dm
            У
                              y_dm
                                              x_{dm}
                                                   y_gm m_gm x_gm
  <fct> <dbl> <dbl> <dbl>
                             <dbl>
                                    <dbl>
                                             <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl>
                                            0.685
         4.00 4.77 2.37 -0.302
                                    0.895
                                                    4.31
1 1
                                                          3.87
                                                                 1.68
2 1
                           0.620
         4.93 2.51 0.749
                                   -1.36 -0.932
                                                    4.31
                                                           3.87
                                                                 1.68
3 1
         4.60
              3.10 1.40
                            0.293
                                   -0.777 -0.286
                                                    4.31
                                                           3.87
                                                                 1.68
4 1
         4.29
              4.61 1.86
                                                    4.31
                           -0.0194
                                    0.736
                                            0.179
                                                           3.87
                                                                 1.68
5 1
         4.18
              4.55 2.29
                           -0.122
                                    0.674
                                            0.607
                                                    4.31
                                                           3.87
                                                                 1.68
6 1
         3.63
              3.59 1.70
                           -0.674
                                   -0.285
                                            0.0156
                                                    4.31
                                                          3.87
                                                                 1.68
```

Im Folgenden betrachten wir ein Modell in dem y durch x vorhergesagt wird.

6.3 Random Intercept Modell / Null-Model

Die Funktion lmer() benötigt zwei Argumente, (a) die Formel und (b) den Datensatz. Zum Aufbau und Details der Formeln s. Folien.

```
Level 1: y_{ij} = \beta_{0j} + e_{ij}

Level 2 (random intercept): \beta_{0j} = \gamma_{00} + u_{0j}

nullmodel <- lmer(y ~ (1 | id), data = df_example1)
```

Zur Ansicht der Ergebnisse haben wir zwei Optionen: Den summary() Befehl - die Standardansicht, wie von den Paketautoren implementiert, den tidy() Befehl aus dem broom-Package, und den model_parameters() Befehl aus dem parameters Package. tidy() und model_parameters() Funktionsoutputs könnten nach Excel/Word exportiert werden mittels der write_xlsx() Funktion, oder indem das Notebook als .docx "gerendert" (ausgegeben) wird.

```
summary(nullmodel)
```

```
Linear mixed model fit by REML. t-tests use Satterthwaite's method [
lmerModLmerTest]
Formula: y ~ (1 | id)
    Data: df_example1

REML criterion at convergence: 2742.9
```