



Rapport de laboratoire 7

Transmission des ondes électromagnétiques

présenté à

M. Dominique Grenier

<i>matricule</i>	<i>nom</i>
910 055 897	Daniel Thibodeau
910 097 879	Francis Valois

Université Laval
18 décembre 2012

Chapitre 1

Laboratoire 6

1.1 Projet 1 : Paramètres théoriques selon les modes

Selon les documents de spécifications obtenues en ligne, la largeur interne du guide d'onde de type WR-90 est de 22.86 mm et la hauteur interne est de 10.16 mm.

1.1.1 Calcul de la fréquence de f_c

La fréquence de coupure pour un guide d'onde rectangulaire en fonction des différents modes TE est donnée par l'équation suivante :

$$f_{c_{mn}} = \frac{v_p}{2} \sqrt{\left(\frac{m}{a}\right)^2 + \left(\frac{n}{b}\right)^2} \quad (1.1)$$

Où :

- v_p est la vitesse de propagation de l'onde dans le guide d'ondes, ici la vitesse de la lumière dans le vide soit $3 \cdot 10^8 m/s$;
- m et n sont les deux indices du mode TE à évaluer ;
- a et b sont respectivement la largeur et la hauteur du guide d'onde en mètre, ici 0.02286m et 0.01016m.

À l'aide de l'équation précédente, il suffit de trouver pour quels indices TE (m,n), la fréquence de coupure est plus petite que la fréquence du mode d'opération. Dans le cas d'une opération à une fréquence de 15 GHz, nous trouvons les 3 modes d'opérations suivants :

- $F_c = 6.56GHz$ pour un mode d'opération (1,0) ;
- $F_c = 13.12GHz$ pour un mode d'opération (2,0) ;
- $F_c = 14.76GHz$ pour un mode d'opération (0,1)

Les fréquences de coupures pour les modes supérieurs ne sont pas présentées, car elles sont supérieures à la fréquence de fonctionnement, ce qui va atténuer ou empêcher la diffusion de l'onde dans le guide.

1.1.2 Calcul de la vitesse de groupe v_g selon la fréquence

La vitesse de groupe pour chacun des modes est obtenue à l'aide de l'équation suivante :

$$v_g = v_p \sqrt{1 - \left(\frac{f_c}{f}\right)^2} \quad (1.2)$$

Où :

- v_p est la vitesse de propagation de l'onde dans le guide d'ondes, ici la vitesse de la lumière dans le vide soit $3 \cdot 10^8 m/s$;
- f_c est la fréquence de coupure pour un mode donné ;
- f est la fréquence de l'onde dans le guide.

Ainsi pour une fréquence de fonctionnement allant de 0 à 25 GHz, nous obtenons les vitesses de groupe affichées à la figure 1.1. Les trois modes de fonctionnement obtenus précédemment sont respectivement représentés par les 3 courbes sur le graphique. De plus, les valeurs numériques ne sont pas présentées, car celles-ci ne font qu'alourdir le rapport et peuvent être déduites de la figure.

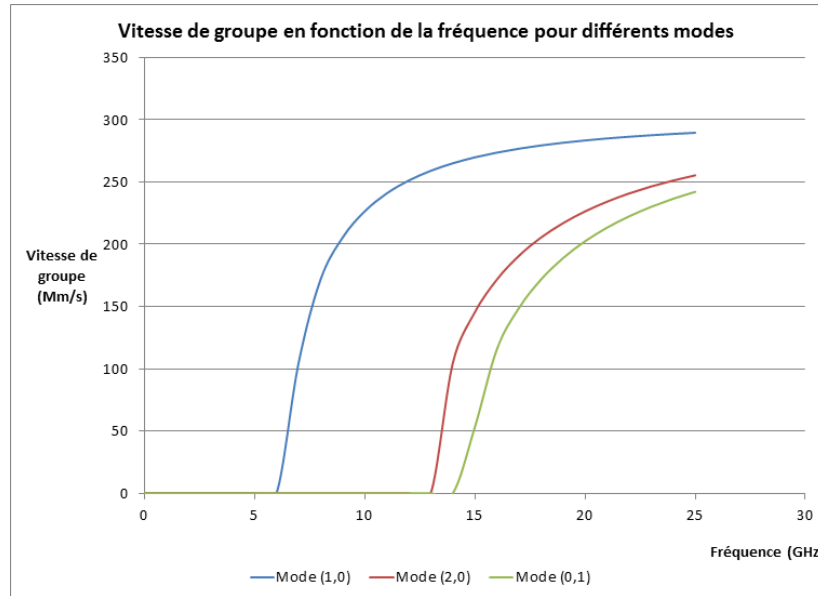


Figure 1.1 – Figure présentant la vitesse de groupe d'une onde en fonction de la fréquence de fonctionnement pour 3 différents modes TE

1.1.3 Calcul de la longueur d'onde λ_g selon la fréquence

La longueur d'onde dans le guide est donnée par l'équation suivante :

$$\lambda_g = \frac{\lambda}{\sqrt{1 - \left(\frac{f_c}{f}\right)^2}} \quad (1.3)$$

Où :

- λ est la longueur d'onde du signal traversant le guide ;
- f_c est la fréquence de coupure pour un mode donné ;
- f est la fréquence de l'onde dans le guide.

Sachant que la longueur d'onde dans le guide est donnée par l'équation 1.4, il est possible de trouver λ_g pour une fréquence entre 0 et 25 GHz. Les longueurs d'ondes guidées sont affichées à la figure 1.2. Comme précédemment, les 3 différents modes sont affichés sur la figure et les résultats numériques ne sont pas affichés pour simplifier la présentation du rapport.

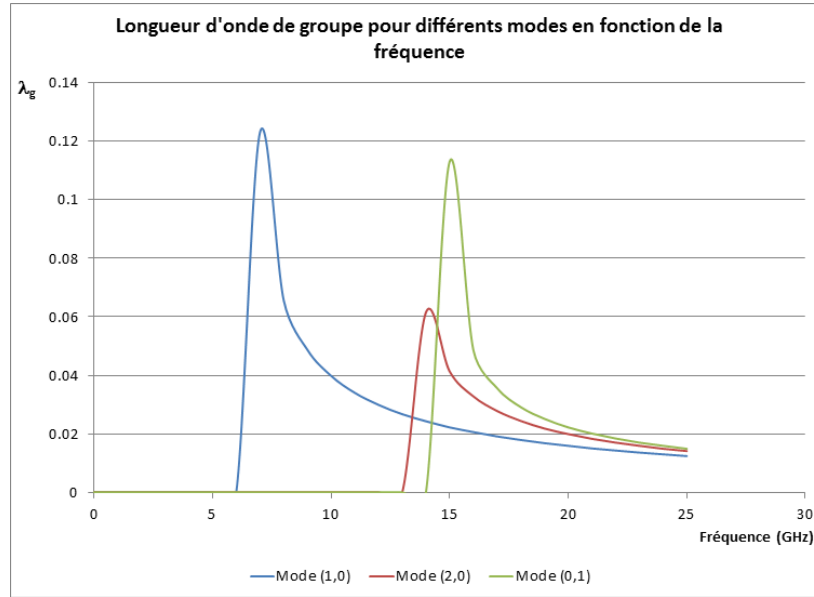


Figure 1.2 – Figure présentant la longueur d'onde guidées en fonction de la fréquence de fonctionnement pour 3 différents modes TE

$$\lambda = \frac{v_p}{f} \quad (1.4)$$

1.1.4 Calcul de la l'impédance intrinsèque transverse du guide η_{GTE} selon la fréquence

L'impédance intrinsèque transverse peut être obtenue à l'aide de l'équation suivante :

$$\eta_{GTE} = \frac{\eta}{\sqrt{1 - \left(\frac{f_c}{f}\right)^2}} \quad (1.5)$$

Où :

- η est l'impédance intrinsèque du guide d'onde, dans notre cas $\eta = 377\Omega$, car nous sommes dans l'air ;
- f_c est la fréquence de coupure pour un mode donné ;
- f est la fréquence de l'onde dans le guide.

La figure 1.3 représente l'impédance intrinsèque transverse pour les 3 modes d'intérêts entre des fréquences de 0 et 25 GHz.

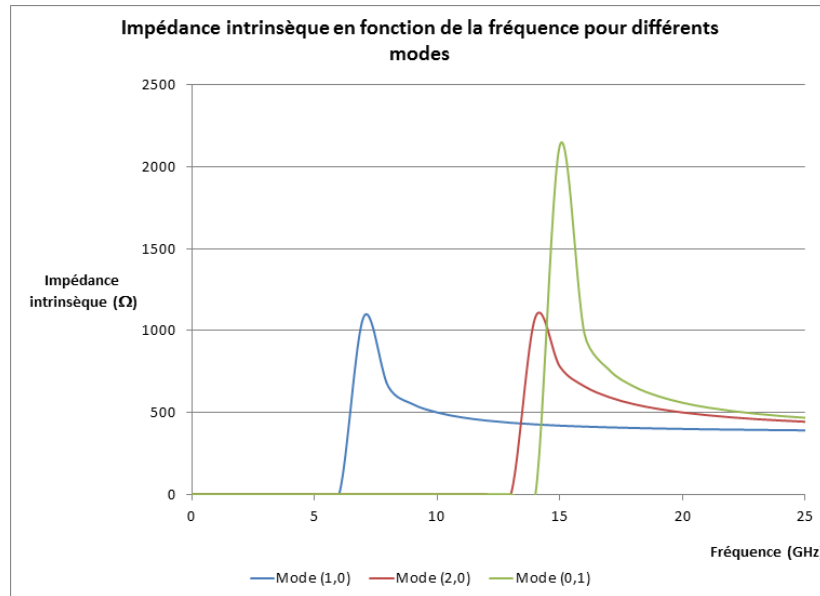


Figure 1.3 – Figure présentant l'impédance intrinsèque d'une guide d'onde en fonction de la fréquence de fonctionnement pour 3 différents modes TE

1.2 Projet 2 : Mesure directe de la fréquence

Le montage employé pour effectuer les mesures est le montage présenté à la figure 1.4.

Lorsqu'on effectue les mesures avec une tension de 8V, la fréquence à laquelle on note une diminution de l'ordre de 0.5dB à 1.5dB est la fréquence de 10.538GHz. La fraction de la puissance absorbée est de 0.95dB. Comme nous sommes en tension, la fraction de puissance absorbée (%) correspond à $100(1 - 10^{-0.95/20})\% = 10.36\%$.

Lorsqu'on effectue les mesures avec une tension de 10V, la fréquence à laquelle on note une diminution de l'ordre de 0.5dB à 1.5dB est la fréquence de 10.541GHz. La fraction de la

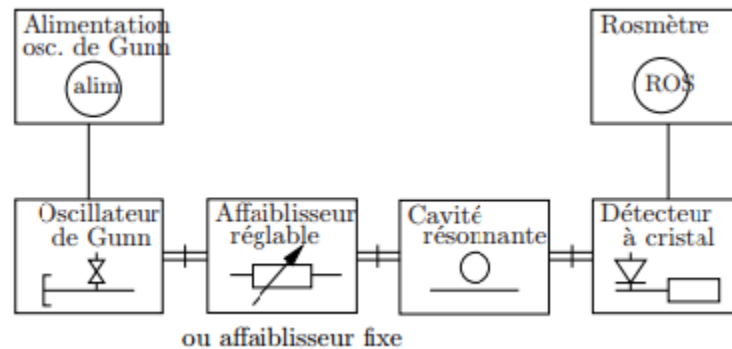


Figure 1.4 – Figure présentant le montage employé lors du projet 2

puissance absorbée est de 0.65dB. Comme nous sommes en tension, la fraction de puissance absorbée (%) correspond à $100(1 - 10^{-0.65/20})\% = 7.21\%$.

Lorsqu'on effectue les mesures avec une tension de 4V, le système devient instable et les mesures sortent des plages établies plus tôt. Le système devient très sensible au bruit. L'amplitude de la tension n'est pas contenue dans un seul mode et comme on travaille dans une échelle de puissance très faible (-50dB), l'impact du bruit sur le signal devient très grand à mesure que l'on diminue la tension.

1.3 Projet 3 : Longueur d'onde dans le guide

Le montage employé pour effectuer les mesures est le montage présenté à la figure ?? Les données mesurées dans cette partie du laboratoire sont présentées dans le tableau 1.1. Selon les dimensions du guide, la fréquence de coupure pour le mode T_{E1} est aux alentours de 6.5617GHz. On cherche donc la fréquence f tel que :

$$\lambda_g = \frac{1}{\sqrt{\left(\frac{1}{\lambda}\right)^2 - \left(\frac{m}{2a}\right)^2 - \left(\frac{n}{2b}\right)^2}} \quad (1.6)$$

On peut exprimer λ en termes de λ_g , m , n , a et b :

$$\sqrt{\left(\frac{1}{\lambda_g}\right)^2 + \left(\frac{m}{2a}\right)^2 + \left(\frac{n}{2b}\right)^2} = \frac{1}{\lambda} \quad (1.7)$$

On peut par la suite exprimer le tout selon f

$$f = c \sqrt{\left(\frac{1}{\lambda_g}\right)^2 + \left(\frac{m}{2a}\right)^2 + \left(\frac{n}{2b}\right)^2} \quad (1.8)$$

Si l'on insère les valeurs numériques, on obtient $f = 10.594GHz$ qui est relativement proche de la fréquence trouvées dans le projet 2.

Données obtenues lors de la mesure
de la longueur d'onde guidée λ_g

Position	mm	54.1	72.5	92	108.2
λ_g	mm	36.8	39	32.4	
λ_{gMOY}	mm	36.07			

Tableau 1.1 – Tableau présentant les données obtenues pour la mesure de la longueur d'onde guidée λ_g au moyen du modèle des ondes stationnaires

1.4 Projet 4 :

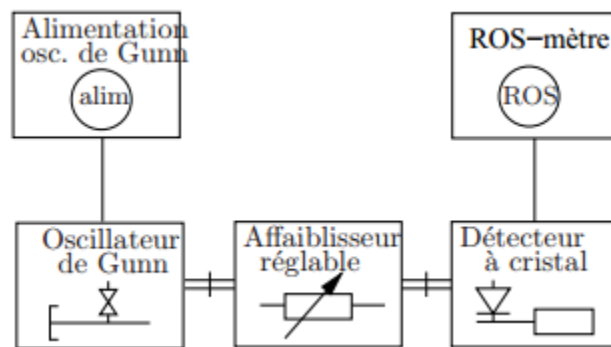


Figure 1.5 – Figure présentant le montage employé lors de la réalisation du projet 3