INFORMATIQUE BANQUE PT 2017 : CORRIGE

Q1. f = 7000 tours/min = 116,7 tours/s, donc un tour en 1/116,7 s = 8,571 ms

Or 60 dents sur un tour, donc tdent = 8,571 / 120 = 0,07143 ms.

T(échantillonnage) = 2 ms >> tdent, donc T(échantillonnage) est trop grand.

Cet échantillonnage ne permet pas de détecter le changement d'état entre deux fronts de la variable cible_mot.

Q2. Notons f la vitesse de rotation du moteur en tours par minutes.

Il y a 60 dents et 60 espaces entre les dents, tous de même taille.

Donc on fait un tour complet en un temps $t = (120 \times tdent)$ secondes (avec tdent en secondes).

Or 1 min = 60 s, donc t = $(120 \times tdent / 60)$ minutes (avec tdent en secondes).

Or f = 1 / t par définition de f.

Donc f [en tours/min] = $1/(2 \times tdent)$ (avec tdent en secondes).

def vitesse_moteur(tdent) :

return 1/(2 * tdent)

Q3.

ROM	RAM
Non volatile (le contenu perdure malgré l'absence	Volatile (le contenu disparait en l'absence
d'alimentation)	d'alimentation)
Temps d'accès : quelques 10 ns	Temps d'accès : quelques 1 ns

Programme de gestion stocké dans la RAM car le temps d'accès est plus faible.

Q4. 1 ko = 1024 o = 2^{10} o = 2^{13} bits car 1 o = 8 bits

RAM: $3 \text{ ko} = 3 \cdot 2^{13} \text{ bits, donc } a = 3 \text{ ; } b = 2 \text{ ; } i = 13$

ROM: $32 \text{ ko} = 32 \cdot 2^{13} = 2^{18} \text{ bits, donc } a = 1 \text{ ; } b = 2 \text{ ; } i = 18$

Q5. Espace adressable en décimal : 2^{24} (de 0 à $2^{24} - 1$)

Adresse maximale en binaire : 24 fois le chiffre 1 : 1111 1111 1111 1111 1111

 $(320)_{10} = (1\ 0100\ 0000)_2$

Autre méthode:

On peut aussi sortir les puissances de 2 : $320 = 5 \times 64 = 5 \times 2^6$

Or $(5)_{10} = (101)_2$ donc on rajoute six 0 en base 2 : $(320)_{10} = (1\ 0100\ 0000)_2$

```
(320)_{10} = (1\ 0100\ 0000)_2 = (140)_{16} car (0000)_2 = (0)_{16}; (0100)_2 = (4)_{16}; (1)_2 = (1)_{16}
                                      16
Autre méthode:
                              320
                                              _16
                              0
                                      20
                                                     _16
                                      4
                                              1
                                                     0
                                                                            Donc (320)_{10} = (140)_{16}
Q7.
       - Ecriture plus compacte qu'en binaire
           Facile de passer du binaire à l'hexadécimal, et réciproquement
           1 octet = 8 bit = 2 chiffres en hexadécimal
Q8.
def indice(A, val):
   id = 0
   while val  >= A[id + 1]: 
      id += 1
   return id
Q9.
def extraire(T, P, Nm, i, j):
   ST = [[T[i, j], T[i, j+1], P[j], Nm[i]], [T[i+1, j], T[i+1, j+1], P[j+1], Nm[i+1]]
   return ST
Version NumPy:
def extraire(T, P, Nm, i, j):
  ST = np.zeros((2, 4))
  ST[:2, :2] = T[i:i+2, j:j+2]
  ST[:, 2] = P[i:i+2]
  ST[:, 3] = Nm[i:i+2]
  return ST
Q10.
i = indice(Nm, Nmot)
i = indice(P, Pcol)
ST = extraire(T, P, Nm, i, j)
Q11. Cf cours ou TP
Q12. Cf cours : O(n^3)
Q13. Supposons que la matrice est triangulaire inférieure, de taille n. La complexité de la méthode
proposée, qui est une remontée de pivot, est en O(n<sup>2</sup>) : il y a k opération à la k-ième ligne, donc au total
1 + 2 + 3 + ... + n = n(n+1)/2 opérations, c'est-à-dire O(n^2).
O14.
def interpol(ST, Pcol, Nmot):
   b0 = ST[0, 0]
   b1 = ST[0, 1] - ST[0, 0]
   b2 = ST[1, 0] - ST[0, 0]
   b3 = ST[1, 1] - ST[0, 1] - ST[1, 0] - ST[0, 0]
```

x = (Pcol - ST[0, 2]) / (ST[1, 2] - ST[0, 2])y = (Nmot - ST[0, 3]) / (ST[1, 3] - ST[0, 3])

t = b0 + b1 * x + b2 * y + b3 * x * y

return t

```
O15.
def sonde(r):
   lambda = 1 / r
   if lambda < 1:
      Usonde = 0.9
   else:
      Usonde = 0.1
   return Usonde
Q16.
def duree injection(Usonde, Kpp, Kpn, Ki, tinjc0, integi, dt):
   if Usonde > 0.5:
      integi1 = integi - Ki * tinjc0 * dt
      tinji1 = tinjc0 * Kpn + integi1
      integi1 = integi + Ki * tinjc0 * dt
      tinii1 = tinic0 * Kpp + integi1
   return tinji1, integi1
Q17. \tau \frac{s(t_{i+1}) - s(t_i)}{dt} + s(t_i) = K e(t_i) Donc s(t_{i+1}) = K \frac{dt}{\tau} e(t_i) + \left(1 - \frac{dt}{\tau}\right)
Q18.
def Euler(tau, K, dt, si, ei):
   si1 = K * dt / tau * ei + (1 - dt / tau) * si
   return si1
O19.
def richesse(tau1, tau2, K, dt, ri, wi, tinji):
   ri1 = Euler(tau2, 1, dt, ri, wi)
   wi1 = Euler(tau1, K, dt, wi, tinji)
   return ri1, wi1
Q20. 4000 tours/min et 2 cycles moteur par tour, donc 8000 cycles moteur / min
```

Q20. 4000 tours/min et 2 cycles moteur par tour, donc 8000 cycles moteur / min Donc Tcycle = $1 / 8000 \text{ min} = 60 / 8000 \text{ s} = 0,0075 \text{ s} = \boxed{7,5 \text{ ms} = \text{Tcycle}}$

Q21.

```
temps = [t0]
t = t0
while t < tn:
t = t + dt
temps.append(t)
```

Remarque : si le temps initial t0 et le pas de temps dt sont imposés, on ne peut pas imposer plus que temps[-1] <= tn. En particulier on ne peut pas imposer l'égalité.

Q22.

```
liste_temps_U = [] # Contiendra la liste des instants où U est lue
for t in temps:
    # A chaque instant,
    if len(liste_temps_U) * Tcycle <= t:
        # on regarde si le moment de lire une nouvelle valeur de U est venu
        liste_temps_U.append(t)</pre>
```

```
liste w = [w0]
liste_integ = [integ]
for i in range(len(temps) - 1):
  # Ouestion 19:
  rich, w = richesse(tau1, tau2, K, dt, liste richesse[i], liste w[i], liste tini[i])
  liste richesse.append(rich)
  liste_w.append(w)
  # Question 16:
  tinj, integ = duree_injection(liste_U[i], Kpp, Kpn, Ki, tinjc0, liste_integ[i], dt)
  liste tinj.append(tinj)
  liste_integ.append(integ)
  if temps[i] in liste_temps_U:
     # Si l'instant correspond à un moment où la sonde lit U
     # Ouestion 15:
     liste U.append(sonde(liste richesse[i])
  else:
     # Sinon, U ne change pas:
     liste_U.append(liste_U[i-1])
Q23.
import matplotlib.pyplot as plt
plt.plot(temps, liste_richesse)
plt.axis([0, 0.8, 0.9, 1.02])
plt.xlabel('temps (s)')
plt.legend('richesse')
```

plt.show()

Q24. CREATE TABLE table_injection_95 AS (SELECT * FROM table_injection WHERE Qualité > 95)

Q25. SELECT Pression, Rotation, Durée_injection FROM table_injection_95 WHERE Qualité = (SELECT MAX(Qualité) FROM table_injection_95 WHERE (Pression > 0,3) AND (Pression < 0,4) AND (Rotation > 1300) AND (Rotation < 1700))