

---

**Regla de la cadena:**  $(f \circ g)'(x) = f'(g(x)) \cdot g'(x)$

---

**Puntos Criticos:** 1. derivamos  $f(x)$  2. hallamos las raices de  $f'(x)$

---

**Extremos Relativos:** sea  $f$  una funcion definida en el intervalo  $[a;b]$  y sea  $x_0$  un PC de  $f(x)$  con  $x_0 \in (a;b)$ . si la  $f(x)$  al pasar por  $x_0$  pasa de  $(-)$  a  $(+)$  podemos asegurar que existe un minimo relativo. si pasa de  $(+)$  a  $(-)$  podemos asegurar que existe un maximo relativo.

---

**Extremos Absolutos:** para un intervalo  $[a;b]$  1. hallamos los PC de la funcion  $f(x)$ . 2. Comparamos los valores en  $PC \cup \{a, b\}$  3. de la comparacion sacamos los puntos absolutos

---

**Funciones Crecientes y Decrecientes:** 1. hallamos los PC de  $f(x)$ . 2. definimos los intervalos entre los PC (sin incluirlos). 3. evaluamos el  $\text{Sig}(f'(x))$  con  $x \in \text{Intervalo}$  si es positivo la funcion **crece**, si es negativo la funcion **decrece**

---

**Teorema de Rolle:** si una funcion  $f(x)$  es continua en un intervalo  $[a;b]$ , es derivable en  $(a;b)$  y  $f(a) = f(b)$  entonces, Existe un  $c \in (a;b)$ ,  $f'(c) = 0$

---

**Teorema del Valor Intermedio:** sea  $f$  una funcion continua en  $[a;b]$  derivable en  $(a;b)$  entonces  $\exists c \in (a;b): f'(c) = \frac{f(b)-f(a)}{b-a} = m$

---

**Criterio de la Derivada Segunda:** Sea  $c$  un PC de  $f(x)$   $f'(c) = 0$ .  $f''(c) < 0$  entonces  $f$  tienen un minimo relativo en  $c$ .  $f''(c) > 0$  entonces  $f$  tiene un maximo relativo en  $c$ .  $f''(c) = 0$  no podemos asegurar que tenga un extremo relativo en  $c$

---

**Teorema del L'hospital:** Dadas dos funciones diferenciables  $f(x)$  y  $g(x)$  en un intervalo abierto que contiene  $a$ , excepto posiblemente en  $a$  mismo, y  $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = \lim_{x \rightarrow a} g(x) = 0$  o  $\pm \infty$  si existe  $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f'(x)}{g'(x)} = d$  o  $\pm \infty$  entonces  $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow a} \frac{f'(x)}{g'(x)}$

---

**Teorema de Bolzano:** Sea  $f(x)$  una funcion continua en  $[a;b]$  si  $\text{Sig}(f(a)) \neq \text{Sig}(f(b))$  entonces podemos asegurar que  $\exists c \in (a;b) : f(c) = 0$

---

**Recta Tangente a un Punto:**  $f(x)$ ,  $P(x_0, y_0)$   $\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x} = M(x)$ , donde  $m$  es la pendiente en la ecuacion  $y = mx + b$  ahora evaluamos  $x_0$  en  $M(x)$ . nos queda:  $y_0 = M(x_0) + b$  ahora solo despejamos  $b$  y obtenemos la recta tangente a  $P(x_0, y_0)$  en  $f(x)$

---