

Facultad de Ciencias Exactas, Ingeniería y Agrimensura UNIVERSIDAD NACIONAL DE ROSARIO

Av. Pellegrini 250. S2000BTP Rosario. Sta. Fe

Álgebra y Geometría Analítica I- PM - LM - LCC - PF - LF - 2024

PRÁCTICA 2 - Números Complejos

1	\sim	I -	
	ıς	lcu	ıar

- a) $(6,2)-(3,\frac{2}{3})$

e) $1_{\frac{\pi}{2}}1_{\frac{3\pi}{2}}$

- b) $(4,-1)\cdot (-2,3)$ d) $\frac{(3+i)^2+(1-i)^2-2\cdot (2+i)}{4+2i}$
- $f) \ 3_{\frac{\pi}{5}} : 4$

2. Representar gráficamente y escribir en forma polar y trigonométrica cada uno de los siguientes números complejos:

a) $\sqrt{3}-i$

b) $\frac{1+i}{1-i}$

d) $-2 + 6i^{10}$

a) 3

- b) 1_{-45°}
- c) $\sqrt{2}_{420^{\circ}}$
- d) $3(\cos\frac{\pi}{6} + i \sin\frac{\pi}{6})$

- a) Si z = a + bi, $a, b \in \mathbb{R}$ entonces $|a| \le |z|$.
- b) $arg(z) = arg(\bar{z}) \quad \forall z \in \mathbb{C}$.
- c) $\exists z \in \mathbb{C} / arg(z) = arg(\bar{z}).$
- d) Si $z = -4(\cos\frac{7\pi}{3} + i \sin\frac{7\pi}{3})$ entonces $arg(z) = \frac{7\pi}{3}$.

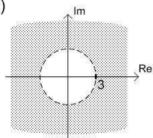
a) $2 \cdot (2\sqrt{3} - 2i) \cdot (1+i)$

 $c) \frac{6_{60} \circ \frac{1}{2}_{30} \circ}{\frac{1}{4} \pi}$

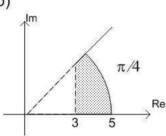
- b) $(-1 + \sqrt{3}i)^6$
- a) Representar gráficamente los siguientes conjuntos:
 - 1) $A_1 = \{z \in \mathbb{C} / |z| = 1\}.$
 - 2) $A_2 = \{ z \in \mathbb{C} / arg(z) = \frac{\pi}{6} \}.$
 - 3) $A_3 = \{z \in \mathbb{C} / |z| = 2, \frac{\pi}{4} \le arg(z) \le \frac{\pi}{2} \}.$
 - 4) $A_4 = \{ z \in \mathbb{C} / 1 < Re(z) \le 3, 2 \le Im(z) \le 4 \}.$
 - 5) $A_5 = \{z \in \mathbb{C} / |z i| = |z + i|\}.$
 - b) Dar en cada uno de los casos anteriores dos números complejos que pertenezcan y dos que no pertenezcan al conjunto indicado.

7. Caracterizar las siguientes regiones graficadas mediante un subconjunto de \mathbb{C} .

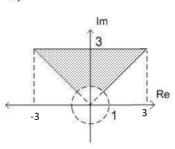
a)



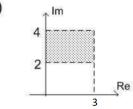
b)



c)



d)



8. Hallar las soluciones reales de cada una de las ecuaciones lineales con dos incógnitas a coeficientes en \mathbb{C} :

a)
$$x + iy = 1$$

b)
$$ix + y = 1 + i$$

c)
$$(1+i)x + (2-i)y = 7$$

d)
$$(3+i)(x+iy) = 6+2i$$

9. Hallar las soluciones complejas de cada una de las ecuaciones lineales con una incógnita a coeficientes

a)
$$(3+i)z = 1$$

b)
$$(3+i)z = 4i$$

c)
$$(3+i)z = 6+2i$$

d)
$$4iz = 7 + 2i - 6z$$

10. Calcular

a)
$$\sqrt{2i}$$

b)
$$\sqrt[3]{-27}$$

c)
$$\sqrt[5]{-\sqrt{2}-\sqrt{2}i}$$

d)
$$\sqrt[4]{1}$$

e)
$$\sqrt[3]{-1}$$

$$f$$
) $\sqrt[6]{-i}$

11. Resolver las siguientes ecuaciones:

a)
$$z^5 - 32 = 0$$

b)
$$z + \bar{z} = 5 + 3i$$

c)
$$(i-1)-z^3=0$$

d)
$$1 + z^4 + i = 0$$

12. Resolver las siguientes ecuaciones:

a)
$$z^2 - (1-i)z - i = 0$$

b)
$$z^2 - (3-2i)z + 5 - 5i = 0$$