Programación 1 - Práctica 5, parte 2.

1 Clasificando elementos de una lista

La Práctica 5 primera parte contenía una serie de problemas en los cuales había que *filtrar* los elementos de una lista, quedándose con aquellos que cumplían una determinada condición. Vimos en teoría que la función filter nos servía para resolver esta clase de problemas. La signatura de dicha función es la siguiente:

```
; filter : (X -> Boolean) List(X) -> List(X)
```

Dado un predicado p y una lista l con objetos en X, queremos devolver una lista con aquellos objetos de l para los cuales p evalúa a #true.

Algunos ejemplos:

```
(filter even? (list 1 2 3 4 5))
    ==
    (list 2 4)

(filter string? (list 3 "Lista" #true "heterogénea"))
    ==
    (list "Lista" "heterogénea")
```

Ejercicio 1. Resuelva los ejercicios de la sección 'Clasificando elementos de una lista' de la Práctica 5, primera parte"] utilizando filter.

Ejercicio 2. Diseñe una función pares que tome una lista de números l y devuelva una lista con los números pares de l.

Ejemplo:

```
pares (list 4 6 3 7 5 0)
= (list 4 6 0)
```

Ejercicio 3. Diseñe una función cortas que tome una lista de strings y devuelva una lista con aquellas palabras de longitud menor a 5.

Ejercicio 4. Diseñe una función cerca que tome una lista de puntos del plano (representados mediante estructuras posn), y devuelva la lista de aquellos puntos que están a distancia menor a MAX, donde MAX es una constante de su programa.

Ejemplo (considerando 5 para la constante):

```
cerca (list (make-posn 3 5) (make-posn 1 2) (make-posn 0 1) (make-posn 5 6))
= (list (make-posn 1 2) (make-posn 0 1))
```

Ejercicio 5. Diseñe una función positivos que tome una lista de números y se quede sólo con aquellos que son mayores a 0.

```
(positivos (list -5 37 -23 0 12))
= (list 37 12)
```

2 Aplicando transformaciones a cada elemento de una lista

En la Práctica 5 primera parte se presentan algunos problemas cuya solución se obtiene aplicando una determinada transformación a cada uno de los elementos de una lista.

Es decir, dada una función f, estamos interesados en transformar la lista:

en

En clase de teoría vimos que la función map se podía utilizar para resolver problemas de este tipo. Podemos escribir su signatura como sigue:

```
; map : (X -> Y) List(X) -> List(Y)
```

Es decir, dada una función que transforma objetos de X en objetos de Y, y una lista con objetos en X, devuelve una lista con objetos en Y. Recordemos la definición vista en clase:

```
(define (map f l)
  (cond [(empty? l) empty]
        [else (cons (f (first l)) (map f (rest l)))]))
```

Con esta definición obtenemos, por ejemplo:

```
(map sqr (list 1 2 3 4 5))
==
(list 1 4 9 16 25)

(map string-length (list "Lista" "de" "palabras"))
==
(list 5 2 8)
```

Ejercicio 6. Diseñe la función raices, que dada una lista de números, devuelve una lista con las raíces cuadradas de sus elementos.

```
(raices (list 9 16 4))
= (list 3 4 2)
```

Ejercicio 7. Diseñe una función distancias que tome una lista de puntos del plano y devuelva una lista con la distancia al origen de cada uno.

Ejemplo:

```
(distancias (list (make-posn 3 4) (make-posn 0 4) (make-posn 12 5)))
= (list 5 4 13)
```

Ejercicio 8. Diseñe una función anchos que tome una lista de imágenes y devuelva una lista con el ancho de cada una.

Ejemplo:

```
(anchos (list (circle 30 "solid" "red") (rectangle 10 30 "outline" "blue")))
= (list 60 10)
```

Ejercicio 9. Diseñe la función signos, que dada una lista de números, devuelve una lista con el resultado de aplicarle a cada elemento la función sgn2 definida en la práctica 1.

```
(signos (list 45 32 -23 0 12))
= (list 1 1 -1 0 1)
```

Ejercicio 10. Diseñe una función cuadrados que tome una lista de números y devuelva otra lista donde los elementos que aparezcan sean el cuadrado de los elementos de la lista original.

Ejemplo:

```
(cuadrados (list 1 2 3)) = (list 1 4 9)
```

Ejercicio 11. Diseñe una función longitudes que tome una lista de cadenas y devuelva una lista de números que corresponda con la longitud de cada cadena de la lista original.

Ejemplo:

```
(longitudes(list "hola" "cómo" "estás?")) = (list 4 4 6)
```

Ejercicio 12. Diseñe la función convertirFC, que convierte una lista de temperaturas medidas en Fahrenheit a una lista de temperaturas medidas en Celsius.

3 Operando con los elementos de una lista

Finalmente, algunos ejercicios de la Práctica 5 primera parte buscaban obtener un valor como resultado de realizar una opecion que involucra a todos los elementos de la lista. Es decir, dada una función f y una lista

estos ejercicios se resolvian haciendo

```
(f a0 (f a1 (... (f an-1 an))))
```

En los ejercicios 25 y 26, dicha función es el producto (*) y la concatenación de Strings (string-append) respectivamente.

Tal como vimos en teoría, podemos encontrar un patrón en común en la solución de estos ejercicios, y a este patron de solución le llamamos fold. La función fold recibe tres argumentos:

- La función f con la que se quiere operar los elementos de la lista;
- Un valor c, que es el resultado esperado para la lista vacía;
- La lista l a transformar.

Al evaluarse la expresión

```
(fold f c (cons a0 (cons a1 (... (cons an '())))))
```

se obtiene

```
(f a0 (f a1 (... (f an c))))
```

Detengase y piense en la signatura de la función fold.

Algunos ejemplos concretos:

Usando *racket*, la definición de fold quedaría:

```
(define (fold f c l)
  (cond [(empty? l) c]
        [else (f (first l) (fold f c (rest l)))]))
```

Ejercicio 13. Diseñe una función prod que multiplica los elementos de una lista de números. Para la lista vacía, devuelve 1.

```
(prod (list 1 2 3 4 5))
= 120
```

Ejercicio 14. Diseñe una función pegar que dada una lista de strings, devuelve el string que se obtiene de concatenar todos los elementos de la lista.

```
(pegar (list "Las " "lis" "tas " "son " "complicadas" "."))
= "Las listas son complicadas."
```

Ejercicio 15. Diseñe una función max que devuelve en máximo de una lista de naturales. Para la lista vacía, devuelve 0.

```
(max (list 23 543 325 0 75))
```

= 543

Ejercicio 16. Diseñe una función todos-verdaderos, que dada una lista de booleanos, devuelve #true si todos los elementos de la lista son #true, y #false en caso contrario. Por convención, devuelve #true para la lista vacía.

Ejemplos:

```
(todos-verdaderos (list #t #f #t)) = #f
(todos-verdaderos (list #t #t #t #t)) = #t
```

¿Racket le permite usar el operador booleano and como argumento para la función fold? En caso de que no sea posible, defina su propia función and2 que se comporte exactamente como and.

Esto sucede porque la sintaxis de Racket no clasifica a and como una función debido al cortocircuito.

Ejercicio 17. Diseñe una función largo, que dada una lista, devuelve el largo de la lista.

Ejemplos:

```
(largo (list 1 "hola" #t -5)) = 4
```

4 Definiciones locales

El uso de patrones es una buena práctica de programación para el diseño de programas. Como ya se ha mencionado, los patrones evitan la repetición de código y simplifican la escritura y la legibilidad de los programas. En general, la mayoría de los lenguajes de programación disponen de estos patrones, aunque cada uno presenta sus particularidades. En este sentido, Racket presenta algunas limitaciones, que generan que algunos programas deban ser escritos de una forma distinta a la vista en clase. Veamos algunos ejemplos.

Empecemos por definir una función eliminar-0, que dada una lista de números, devuelve la lista luego de eliminar todas las ocurrencias del valor númerico 0.

Ejemplos:

```
(eliminar-0 (list 0 0 1 -5 0 2.5 0)) = (list 1 -5 2.5)
```

Notar que estamos ante una clásica aplicación del patrón filter. Primero, vamos a definir un predicado distinto-0?, que dado un número n, devuelve #false si n es 0 y #true en caso contrario.

```
; distinto-0?: Number -> Boolean
; Determina si un número es distinto de 0
(define (distinto-0? n) (not (= n 0)))
```

Luego, usamos el patrón filter para filtrar la lista y quedarnos con aquellos elementos que cumplan distinto-0?.

```
; eliminar-0?: List(Number) -> List(Number)
; Elimina de una lista numérica todas las ocurrencias de 0
```

```
(define (eliminar-0 l) (filter distinto-0? l))
```

Listo, fue sencillo.

¿Qué ocurre si ahora necesitamos una función que elimine de una lista todas las ocurrencias del valor numérico 1? De forma análoga a lo que hicimos recién, podemos definir un predicado distinto-1? y luego una función eliminar-1 que la llame mediante el patrón filter. De modo que si necesitamos filtrar por ambos valores a la vez, tendremos en nuestro programa dos funciones que repiten la mayor parte de su código. Y lo mismo aplica para cualquier valor particular que se quiera eliminar.

Este tipo de enfoque es extremadamente ineficiente y una mala práctica de programación en general. Siempre buscamos evitar la repetición de código. Además, sería imposible contemplar todas las posibles funciones porque hay infinitos números.

Una alternativa consiste en definir una constante que contenga el número que se desea eliminar de la lista.

```
; M: Number
(define M 1); Número a eliminar de la lista

; distinto-M?: Number -> Boolean
; Determina si un número dado es distinto a la constante M
(define (distinto-M? n) (not (= n M)))

; eliminar-M: List(Number) -> List(Number)
; Elimina de una lista numérica todas las ocurrencias de la constante M
(define (eliminar-M l) (filter distinto-M? l))
```

Ahora, basta con cambiar el valor de la constante para alterar el comportamiento del programa.

Aunque este enfoque es mejor que el anterior, todavía tiene algunos problemas. Por un lado, todavía es necesario tocar el código del programa antes de ejecutarlo. Por el otro, en cada ejecución la constante asume un único valor, luego no podemos al mismo tiempo eliminar las ocurrencias del 0 y del 1.

Todos estos inconvenientes se solucionarían pudiendo definir una función eliminar, que dada una lista numérica y un número m, devuelva la lista luego de eliminar todas las ocurrencias de m.

Ejemplos:

```
(eliminar (list 0 0 1 -5 0 2.5 0) 0) = (list 1 -5 2.5)
(eliminar (list 0 0 1 -5 0 2.5 0) 1) = (list 0 0 -5 0 2.5 0)
```

¿Cómo puede definirse eliminar mediante el patrón filter? Dado que eliminar-0? se define a partir de distinto-0?, es intuitivo pensar que también tenemos que adaptar esta última función. Es decir, empecemos por definir la función distinto? que determine si dos números dados son distintos.

```
; distinto?: Number -> Number -> Boolean
; Determina si dos números son distintos
```

```
(define (distinto? m n) (not (= m n)))
```

Luego, intentemos usar el patrón filter.

```
; eliminar?: List(Number) -> Number -> List(Number)
; Elimina de una lista numérica todas las ocurrencias de un número dado
(define (eliminar l m) (filter (distinto? m) l))
```

Pruebe estas definiciones y vea qué ocurre.

Al evaluar la expresión (eliminar (list 0 0 1 -5 0 2.5 0) 0), Racket devuelve el siguiente error:

```
"distinto?: expects 2 arguments, but found only 1".
```

Es decir, Racket no permite aplicar "parcialmente" una función. Sino que busca dos argumentos para distinto?, y al encontrar únicamente uno, lanza un error de sintaxis.

Nos gustaría que Racket entienda la expresión (distinto? m) y la interprete como una función, que dado un número n, determine si m y n son distintos. Esto se conoce como currificación.

Intentemos definir esta versión currificada de distinto?. Proponemos una función distintom? que, dado un número n, determine si m y n son distintos.

```
; distinto-m?: Number -> Boolean
; Determina si un número n es distinto a m
(define (distinto-m? n) (not (= m n)))
```

Pruebe esta definición y vea qué sucede.

Al correr el programa, Racket devuelve el siguiente error:

```
"m: this variable is not defined".
```

Es decir, la definición de la función usa una variable m que no es un argumento de la función y tampoco es el nombre de una función o constante definida anteriormente.

Estamos en efecto ante una limitación en la sitaxis de Racket, que no nos permite escribir lo que buscamos. Afortunadamente, Racket provee algunos mecanismos adicionales para arreglarlo. A continuación, estudiaremos el concepto de **definiciones locales**.

Primeramente, revise que DrRacket esté usando el sublenguaje de estudiante intermedio. Esto habilita nuevas expresiones con la siguiente sintaxis:

```
(local (definiciones ...) expr)
```

y permiten definir localmente constantes y funciones, las cuales pueden ser llamadas en la expresión expr. Por ejemplo:

```
(distinto-M? 3))
```

Para evaluar esta expresión local, Racket hace los siguientes pasos.

Estas definiciones son locales, en el sentido de que su alcance se limita únicamente a la expresión local. Es decir, llamar a estas definiciones (M o distinto-M?) fuera de la expresión local genera un error de sintaxis (salvo que también estén definidas afuera).

Así usadas, las definiciones locales no son demasiado interesantes. Salvo por el hecho de que permiten limitar el alcance de las definiciones al lugar donde se necesitan, se obtiene un programa "equivalente" definiéndolas globalmente (como lo veníamos haciendo).

Sin embargo, el verdadero potencial de las definiciones locales aparece cuando se usan en la definición de una función. En particular, se pueden aprovechar para simular funciones currificadas, debido a que pueden acceder a los argumentos de las mismas.

Volvamos a la definición de la función eliminar. Esta vez, vamos a definir localmente a la función distinto-m?.

Pruebe esta definición y vea qué ocurre.

Al evaluar la expresión (eliminar (list 0 0 1 -5 0 2.5 0) 0), Racket devuelve exactamente el resultado esperado. ¿Qué está sucediendo realmente? Hagamos algunos pasos de evaluación.

```
(eliminar (list 0 0 1 -5 0 2.5 0) 0)
```

```
== Definición de la función eliminar
```

```
(local ((define (distinto-m? n) (not (= 0 n))))
  (filter distinto-m? (list 0 0 1 -5 0 2.5 0)))
== Evaluación de local
(filter distinto-m? (list 0 0 1 -5 0 2.5 0))
```

Cuando Racket evalúa local, primero define localmente la función distinto-m? y luego evalúa la expresión local. Pero es importante notar que distinto-m? ya quedó definida para el valor de m tomado por argumento por la función eliminar. Por supuesto, la evaluación paso a paso prosigue de la forma habitual.

En conclusión, mediante definiciones locales es posible extender la variedad de funciones que se pueden definir por medio de patrones. En particular, es posible aplicar patrones para definir funciones que clasifiquen, transformen u operen los elementos de una lista en base a un valor dado de entrada.

A continuación, se proponen algunos ejercicios para poner en práctica estos conceptos. Tenga en cuenta los siguientes criterios al resolverlos.

- Las definiciones locales no reemplazan las buenas prácticas que aprendimos hasta ahora. En particular, aquellas funciones que no necesiten definiciones locales, las escribiremos sin ellas. Y aquellas funciones que no necesiten ser escritas localmente, las escribiremos globalmente (como veníamos haciendo).
- Las definiciones locales también deben ser diseñadas. Lo único que no incluiremos son los ejemplos (o check-expect) ya que no es posible evaluarlos localmente.

Ejercicio 18. Diseñe una función mayores, que dada una lista de números y un número m, devuelve la lista de todos los números mayores a m.

Ejemplos:

```
(mayores (list -5 0 8 5 6 2) 5) = (list 8 6)
```

Ejercicio 19. Diseñe una función largas, que dada una lista de strings y un número m, devuelve la lista de todas las strings de largo mayor a m.

Ejemplos:

```
(largas (list "Hola" "estudiantes" "de" "LCC" "Rosario") 4) =
   (list "estudiantes" "Rosario")
```

Ejercicio 20. Diseñe una función lejos, que dada una lista de puntos en el plano (representados mediante estructuras posn) y un número m, devuelve la lista de puntos que están a distancia mayor a m del origen.

```
(lejos (list (make-posn 3 5) (make-posn 1 2) (make-posn 0 1) (make-posn 5 6)) 4) = (list (make-posn 3 5) (make-posn 5 6))
```

Ejercicio 21. Diseñe una función sumar, que dada una lista de números y un número m, devuelve la lista que resulta de sumar m a cada uno de los elementos de la lista.

Ejemplos:

```
(sumar (list 5 3 -4) 10) = (list 15 13 6)
```

Ejercicio 22. Diseñe una función elevar, que dada una lista de números y un número m, devuelve la lista que resulta de elevar a la m a cada uno de los elementos de la lista.

Ejemplos:

```
(elevar (list 3 0 2 1) 3) = (list 27 0 8 1)
```

5 Más ejercicios

Los problemas de esta sección se pueden resolver utilizando las funciones presentadas en las secciones precedentes (en varios de ellos necesitará usar más de una). Intente utilizar map, fold y filter para construir sus soluciones.

Veamos un ejemplo:

Ejercicio 23. Diseñe una función sumcuad que dada una lista de números, devuelve la suma de sus cuadrados. Para la lista vacía, devuelve 0.

Dada una lista 1, podemos dividir este problema en dos tareas:

- Calcular los cuadrados de todos los elementos de 1, y
- sumar estos valores.

Diseñamos una solución para cada tarea:

```
; cuadrados : ListN -> ListN
; calcula los cuadrados de todos los elementos de una lista de números
(check-expect (cuadrados (list 1 2 3 4 5)) (list 1 4 9 16 25))
(check-expect (cuadrados empty) empty)
(check-expect (cuadrados (list 11 13 9)) (list 121 169 81))
(define (cuadrados l) (map sqr l))

; suma : ListN -> Number
; suma todos los elementos de una lista de números
(check-expect (suma (list 1 2 3 4 5)) 15)
(check-expect (suma empty) 0)
(check-expect (suma (list 11 13 9)) 33)
(define (suma l) (fold + 0 l))
```

Ahora podemos simplemente combinar ambas partes para resolver el problema:

```
; sumcuad : ListN -> Number
; suma los cuadrados de una lista de números
(check-expect (sumcuad (list 1 2 3 4 5)) 55)
(check-expect (sumcuad empty) 0)
```

```
(check-expect (sumcuad (list 11 13 9)) 371)
(define (sumcuad l) (suma (cuadrados l)))
```

La idea es entonces que la función a definir se pueda construir combinando otras más sencillas sobre listas, y que cada una de estas últimas se puedan definir usando map, fold y filter.

Para map, fold y filter puedes usar las definiciones que vimos en esta práctica o utilizar las funciones que vienen con *DrRacket*. Si elige esta última opción, debes tener en cuenta dos cosas: 1) Debes cargar el lenguaje *Estudiante Intermedio* 2) En *DrRacket* la función incluida para fold se llama **foldr**.

Ejercicio 24. Diseñe la función sumdist, que dada una lista l de estructuras posn, devuelve la suma de las distancias al origen de cada elemento de l.

Ejemplo:

```
(sumdist (list (make-posn 3 4) (make-posn 0 3)))
= 8
```

Ejercicio 25. Diseñe una función multPos, que dada una lista de números l, multiplique entre sí los números positivos de l.

Ejemplo:

```
(multPos (list 3 -2 4 0 1 -5))
= 12
```

Ejercicio 26. Diseñe una función sumAbs, que dada una lista de números, devuelve la suma de sus valores absolutos.

Ejemplo:

```
(sumAbs (list 3 -2 4 0 1 -5))
= 15
```

Ejercicio 27. Diseñe la función raices, que dada una lista de números l, devuelve una lista con las raíces cuadradas de los números no negativos de l.

Ejemplo:

```
(raices (list 16 -4 9 0))
= (list 4 3 0)
```

Ejercicio 28. Diseñe la función saa, que dada una lista de imágenes, devuelva la suma de las áreas de aquellas imágenes "Anchas".

Ejercicio 29. Diseñe la función algun-pos, que toma una lista de listas de números y devuelve #true si y sólo si para alguna lista la suma de sus elementos es positiva.

Ejemplos:

```
(algun-pos (list (list 1 3 -4 -2) (list 1 2 3 -5) (list 4 -9 -7 8 -3)))
= #true
(algun-pos (list empty (list 1 2 3)))
= #true
(algun-pos (list (list -1 2 -3 4 -5) empty (list -3 -4)))
= #false
```

Ejercicio 30. Diseñe la función long-lists, que toma una lista de listas y devuelve #true si y sólo si las longitudes de todas las sublistas son mayores a 4.

Ejemplos:

```
(long-lists (list (list 1 2 3 4 5) (list 1 2 3 4 5 6) (list 87 73 78 83 33)))
= #true
(long-lists (list '() '() (list 1 2 3)))
= #false
(long-lists (list (list 1 2 3 4 5) empty))
= #false
```

Ejercicio 31. Diseñe una función todos-true que toma una lista de valores de cualquier tipo, y devuelve #true si y sólo si todos los valores booleanos de la lista son verdaderos. Caso contrario, devuelve #false.

Ejemplos:

```
(todos-true (list 5 #true "abc" #true "def"))
= #true
(todos-true (list 1 #true (circle 10 "solid" "red") -12 #false))
= #false
```

Presente al menos dos ejemplos más en su diseño.

Ejercicio 32. Dada la definición de la estructura alumno:

```
(define-struct alumno [nombre nota faltas])
; alumno (String, Number, Natural). Interpretación
; - nombre representa el nombre del alumno.
; - nota representa la calificación obtenida por el alumno (entre 0 y 10).
; - faltas: número de clases a las el alumno no asistió.
```

Diseñe las siguientes funciones:

• destacados, que dada una lista de alumnos, devuelve una lista con el nombre de aquellos alumnos que sacaron una nota mayor o igual a 9.

```
= (list "Ada Lovelace")
```

- condicion, que dado un alumno, determine su condición de acuerdo a las siguientes reglas:
 - o si la nota es mayor o igual a 8, su condición es "promovido".
 - Si la nota es menor a 6, su condición es "libre".
 - En cualquier otro caso, la condición es "regular".
- exito, que dada una lista de alumnos, devuelve #true si ninguno está libre. Caso contrario, devuelve #false.

Ejemplo:

• faltas-regulares, que dada una lista de alumnos, devuelve la suma de las ausencias de los alumnos regulares.

Ejemplo:

• promovidos-ausentes, que dada una lista de alumnos, devuelve una lista con el nombre de aquellos alumnos promovidos que no asistieron a tres o más clases.