Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

De los creadores de sacarCompu...

Trabajo práctico 2

Diseño - DCNet

Grupo 11

Integrante	LU	Correo electrónico
Frizzo, Franco	013/14	francofrizzo@gmail.com
Martínez, Manuela	160/14	martinez.manuela.22@gmail.com
Rabinowicz, Lucía	105/14	lu.rabinowicz@gmail.com
Weber, Andrés	923/13	herr.andyweber@gmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Índice

1. Módulo Red 5

1. Módulo Red

Notas preliminares

En todos los casos, al indicar las complejidades de los algoritmos, las variables que se utilizan corresponden a:

- ullet n: Número de computadoras en la red.
- L: Longitud de nombre de computadora más largo de la red.
- I: Mayor cantidad de interfaces que tiene alguna computadora en la red en el momento.

RED, ITERADOR UNIDIRECCIONAL (COMPU)

Servicios usados: interfaz, tupla, nat, IP, lista

red, itRed

 $VECINOS(\mathbf{in}\ r : \mathtt{Red}, \mathbf{in}\ c : \mathtt{compu}) \to res : \mathtt{conj}(\mathtt{compu})$

 $\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(r)\}\$

Interfaz

géneros:

se explica con:

```
Operaciones del TAD Red
    INICIARRED() \rightarrow res : Red
    \mathbf{Pre} \equiv \{\}
    \mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{\text{obs}} \text{iniciarRed}() \}
    Complejidad: \Theta(1)
    Descripción: Genera una nueva red sin ninguna computadora.
    AGREGARCOMPU(in/out \ r : Red, in \ c : compu)
    \mathbf{Pre} \equiv \{r =_{\mathrm{obs}} r_0 \land (\forall c' : \mathrm{compu})(c' \in \mathrm{computadoras}(r) \to \mathrm{ip}(c) \neq \mathrm{ip}(c'))\}
    \mathbf{Post} \equiv \{r =_{obs} \operatorname{agregarCompu}(r_0, c)\}\
    Complejidad: \Theta(I)
    Descripción: Agrega una nueva computadora a la red.
    CONECTAR(in/out r: Red, in c_0: compu, in i_0: interfaz, in c_1: compu, in i_1: interfaz) \rightarrow res: Red
    \mathbf{Pre} \equiv \{r = \mathbf{obs} \ r_0 \land c_1 \in \mathbf{computadoras}(r) \land c_2 \in \mathbf{computadoras}(r) \land \mathsf{ip}(c_0) \neq \mathsf{ip}(c_1) \land \neg \mathsf{conectadas}?(r, c_0, c_1) \land \mathsf{conectadas}\}
    \neg usaInterfaz?(r, c_0, i_0) \land \neg usaInterfaz?(r, c_1, i_1)
    Post \equiv \{r =_{\text{obs}} \text{conectar}(r_0, c_0, i_0, c_1, i_1)\}
    Complejidad: \Theta(n+I)
    Descripción: Conecta la computadora c_0 con la computadora c_1 a través de las interfaces i_0 y i_1 respectivamente.
    COMPUTADORAS(\mathbf{in}\ r \colon \mathtt{Red}) \to res : \mathtt{conj}(\mathtt{compu})
    \mathbf{Pre} \equiv \{\}
    \mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{esAlias}(res, \operatorname{computadoras}(r)) \}
    Complejidad: \Theta(1)
    Descripción: Devuelve el conjunto de todas las computadoras de la red.
    Aliasing: El conjunto es devuelto por referencia.
    CONECTADAS? (in r: Red, in c_0: compu, in c_1: compu) \rightarrow res: bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{c_0 \in \operatorname{computadoras}(r) \land c_1 \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{conectadas}?(r, c_0, c_1)\}\
    Complejidad: \Theta(n+I)
    Descripción: Devuelve true si y solo si la computadora c_0 esta conectada a la computadora c_1
    INTERFAZUSADA(in r: Red, in c_0: compu, in c_1: compu) \rightarrow res: interfaz
    \mathbf{Pre} \equiv \{c_0 \in \operatorname{computadoras}(r) \land c_1 \in \operatorname{computadoras}(r) \land_{\mathbf{L}} \operatorname{conectadas}(r, c_0, c_1)\}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} interfazUsada(r, c_0, c_1)\}\
    Complejidad: \Theta(n+I)
    Descripción: Devuelve la interfaz usada por c_0 para conectarse a c_1
```

```
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vecinos(r, c)\}\
    Complejidad: \Theta(n+I^3)
    Descripción: Devuelve el conjunto de vecinos de la computadora c, es decir, las computadoras que tienen una
    conexión directa con c.
    Aliasing: Devuelve el conjunto por copia.
    USAINTERFAZ?(in r: \text{Red}, in c: \text{compu}, in i: \text{interfaz}) \rightarrow res: \text{bool}
    \mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} usaInterfaz?(r, c, i)\}
    Complejidad: \Theta(n+I)
    Descripción: Devuelve true si y solo si la computadora c está usando la interfaz i.
    CAMINOSMINIMOS(in r: Red, in c_0: compu, in c_1: compu) \rightarrow res: conj(secu(compu))
    \mathbf{Pre} \equiv \{c_0 \in \operatorname{computadoras}(r) \land c_1 \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{caminosMinimos}(r, c_0, c_1) \}
    Complejidad: \Theta(n^3 \times n! \times n! + I)
    Descripción: Devuelve el conjunto de todos los caminos máimos posibles entre c_0 y c_1. De no haber ninguno,
    devuelve \emptyset.
    Aliasing: Devuelve el conjunto por copia.
    \text{HAYCAMINO}?(in r: \text{Red}, in c_0: \text{compu}, in c_1: \text{compu}) \rightarrow res: \text{bool}
    \mathbf{Pre} \equiv \{c_0 \in \operatorname{computadoras}(r) \land c_1 \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ hayCamino?}(r, c_0, c_1)\}\
    Complejidad: \Theta(n^2 \times n!)
    Descripción: Devuelve true si y solo si hay al menos un camino posible entre c_0 y c_1.
    CANTCOMPUS(in r: Red) \rightarrow res: nat
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \#(computadoras(r))\}\
    Complejidad: \Theta(1)
    Descripción: Devuelve cuántas computadoras hay en la red.
    COPIAR(\mathbf{in} \ r : Red) \rightarrow res : Red
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} r\}
    Complejidad: \Theta(n \times I)
    Descripción: Devuelve una copia de la red.
Representación
    red se representa con estrRed
      donde estrRed es tupla(compus: conjunto(compu) , conexiones: dicc(IP, diccConexiones) )
      donde diccConexiones es dicc(interfaz, itDicc(IP, diccConexiones))
```

```
Rep : Red \longrightarrow bool

Rep(e) \equiv (\forall c: \text{compu})(c \in \text{ArmarComputadoras}(e.\text{compus}) \Rightarrow_L \neg \text{Pertenece}?(e.\text{compus}, c, c)) \land \#\text{ArmarComputadoras}(e.\text{compus}) = e.\text{cantidadCompus} \land
```

```
 \text{Rep}(e) \equiv (\forall c: \text{compu})(c \in \text{ArmarComputadoras}(e.\text{compus}) \Rightarrow_{\text{L}} \neg \text{Pertenece}?(e.\text{compus}, c, c)) \land \\ \# \text{ArmarComputadoras}(e.\text{compus}) = e.\text{cantidadCompus} \land \\ (\forall c_1: \text{compu})((\forall c_2: \text{compu}) \ (c_1 \in \text{ArmarComputadoras}(e.\text{compus}) \land c_2 \in \text{ArmarComputadoras}(e.\text{compus}) \\ \Rightarrow_{\text{L}} \text{Pertenece}?(e.\text{compus}, c_1, c_2) \Leftrightarrow \text{Pertenece}?(e.\text{compus}, c_2, c_1))) \land \\ (\forall c_1: \text{compu})(c_1 \in \text{ArmarComputadoras}(e.\text{compus}) \Rightarrow_{\text{L}} (\forall c_2: \text{compu}) \ (\text{Pertenece}?(e.\text{compus}, c_1, c_2) \Rightarrow c_2 \\ \in \text{ArmarComputadoras}(e.\text{compus}))) \land
```

 \in ArmarComputadoras(e.compus))) \land sinRepetidos(ArmarSecuencia(e.compus))

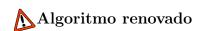
sinkepetidos(ArmarSecuencia(e.compus)

Abs: estrRed $e \longrightarrow \text{Red}$ {Rep(e)}

```
Abs(e) \equiv (r: Red \mid computadoras(r) = ArmarComputadoras(e.compus) \land
             (\forall c_1: \text{compu})((\forall c_2: \text{compu}) \text{ conectados}?(\mathbf{r}, c_1, c_2) = \text{Pertenece}?(\mathbf{e}.\text{compus}, c_1, c_2) \land
             InterfazUsada(r, c_1, c_2) = DevolverInterfaz(e.compus, c_1, c_2)))
ArmarComputadoras : secu(tupla(string,secu(tupla(Interfaz,ItRed)))) \longrightarrow conj(compu)
ArmarComputadoras(l) \equiv if vacia?(l) then
                                  else
                                      Ag(\langle \Pi_1(prim(l)), GenerarInterfaces(\Pi_2(prim(l)))\rangle, ArmarComputadoras(fin(l)))
ArmarSecuencia : secu(tupla(string, secu(tupla(interfaz, itLista(compu))))) \longrightarrow secu(string)
ArmarSecuencia(s) \equiv if \ vacia?(s) \ then <> else \ (\Pi_1(prim(s))) \bullet ArmarSecuencia(fin(s)) \ fi
sinRepetidos : secu(string) \longrightarrow bool
sinRepetidos(s) \equiv \#(pasarSecuAConj(s) = long(s))
pasarSecuAConj : secu(string) \longrightarrow conj(string)
pasarSecuAConj(s) \equiv if vacia?(s) then \emptyset else Ag(prim(s), pasarSecuAConj(fin(s))) fi
GenerarInterfaces : secu(tupla(Interfaz,ItLista(estrCompu))) \longrightarrow conj(Interfaz)
GenerarInterfaces(l) \equiv if vacia?(l) then \emptyset else Ag(\Pi_1(prim(l)), GenerarInterfaces(fin(<math>l))) fi
Pertenece? : secu(tupla(string,secu(tupla(Interfaz,ItRed)))) l \times \text{compu } c_1 \times \text{compu } c_2 \longrightarrow \text{bool}
Pertenece?(l, c_1, c_2) \equiv \mathbf{if} (\Pi_1(\text{prim}(l) = \Pi_1(c_1))) then
                                 \Pi_1(c_2) \in \text{GenerarCompus}(\Pi_2(\text{prim}(l)))
                                 Pertenece?(fin(l), c_1, c_2)
GenerarCompus: secu(tupla<Interfaz × ItLista(estrCompu)>) \rightarrow conj(string)
GenerarCompus(l) \equiv if vacia?(l) then \emptyset else Ag(\Pi_1(siguiente(\Pi_2(prim(l)))), GenerarCompus(fin(l))) fi
DevolverInterfaz : secu(tupla(string \times secu(tupla(Interfaz \times ItRed))))) l \times compu c_1 \times compu c_2 \longrightarrow Interfaz
                                                                                                                {Pertenece?(l, c_1, c_2)}
DevolverInterfaz(l, c_1, c_2) \equiv \mathbf{if} (\Pi_1(\text{prim}(l)) = \Pi_1(c_1)) then
                                        DevolverInterfaz<sub>aux</sub>(\Pi_2(\text{prim}(l), c_2))
                                    else
                                        DevolverInterfaz(fin(l, c_1, c_2))
DevolverInterfaz_{\rm aux}: secu(tupla(Interfaz × ItRed)) l × compu c \longrightarrow Interfaz
```

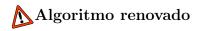
```
\begin{array}{ll} \text{DevolverInterfaz}(l,c) & \equiv & \textbf{if} \ (\Pi_1(c_2) = \Pi_1(\text{siguiente}(\Pi_2(\text{prim}(l))))) \ & \quad \Pi_1(\text{prim}(l)) \\ & \quad \text{else} \\ & \quad \text{DevolverInterfaz}_{\text{aux}}(\text{fin}(l,\,\mathbf{c})) \\ & \quad \text{fi} \end{array}
```

Algoritmos



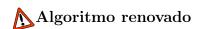
$\operatorname{IINICIARRED}() o res$: estrRed	
$_{1}\ res \leftarrow \langle Vacio(), Vacio() angle$	$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad: $\Theta(1)$



${ m IAGREGARCOMPU}({ m in/out}\ r\colon { m estrRed},\ { m in}\ c\colon { m compu})$	
1 AgregarRapido $(r.compus, c)$	$\triangleright \Theta(1)$
2 DefinirRapido $(r.conexiones, c.IP, Vacio())$	$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad: $\Theta(1)$



${f ICONECTAR}({f in/out}\ r\colon { t estrRed}),\ {f in}\ c_1\colon { t compu},\ {f in}\ i_1\colon { t interfaz},\ {f in}\ c_2\colon { t compu},\ {f in}\ i_2\colon { t interfaz})$		
1 itDicc(IP, diccConexiones) $it_1 \leftarrow Crearlt(r.conexiones)$	⊳ Θ(1)	
2 itDicc(IP, diccConexiones) $it_2 \leftarrow Crearlt(r.conexiones)$	$\triangleright \Theta(1)$	
3 while SiguienteClave $(it_1) \neq c_1.IP$ do	$\triangleright \Theta(n)$ iteraciones	
4 Avanzar (it_1)	$\triangleright \Theta(1)$	
5 end while		
6 while SiguienteClave $(it_2) \neq c_1.IP$ do	$\triangleright \Theta(n)$ iteraciones	
7 Avanzar (it_2)	$\triangleright \Theta(1)$	
s end while		
9 DefinirRapido(SiguienteSignificado(it_1), i_1 , Copiar(it_2))	$\triangleright \Theta(1)$	
10 DefinirRapido(SiguienteSignificado(it_2), i_2 , Copiar(it_1))	$\triangleright \Theta(1)$	

Complejidad: $\Theta(n)$

Justificación: El algoritmo tiene dos ciclos que se ejecutan $\Theta(n)$ veces, cada una con complejidad $\Theta(1)$. El resto de las operaciones tiene complejidad $\Theta(1)$.

Algoritmo renovado

```
ICONECTADAS? (in r: estrRed, in c_1: compu, in c_2: compu) \rightarrow res: bool
  1 itDicc(IP, diccConexiones) it_1 \leftarrow \mathsf{Crearlt}(r.conexiones)
                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
  2 while SiguienteClave(it_1) \neq c_1.IP do
                                                                                                                                               \triangleright \Theta(n) iteraciones
  \mathfrak{a} Avanzar(it_1)
                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
  4 end while
  5 itDicc(interfaz, itDicc(IP, diccConexiones)) it_2 \leftarrow \mathsf{Crearlt}(\mathsf{Significado}(\mathsf{Siguiente}(it_1)))
                                                                                                                                                                \triangleright \Theta(1)
  6 while HaySiguiente?(it_2) \wedge_{\scriptscriptstyle L} SiguienteClave(SiguienteSignificado(it_2)) \neq c_2.IP do
                                                                                                                                               \triangleright \Theta(I) iteraciones
          Avanzar(it_2)
                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
  8 end while
  9 res \leftarrow \mathsf{HaySiguiente}?(it_2) \land_{\scriptscriptstyle{L}} \mathsf{SiguienteClave}(\mathsf{SiguienteSignificado}(it_2)) = c_2.IP
                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
```

Complejidad: $\Theta(n+I)$

Justificación: El algoritmo tiene dos ciclos; uno de ellos se ejecuta $\Theta(n)$ veces, y el otro $\Theta(I)$ veces, todas ellas con complejidad $\Theta(1)$. El resto de las operaciones tiene complejidad $\Theta(1)$.

```
IINTERFAZUSADA(in r: estrRed, in c_1: compu, in c_2: compu) \rightarrow res: interfaz
  1 itLista(estrCompu) it_1 \leftarrow \text{crearIt}(\text{r.compus})
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
  2 while siguiente(it_1).IP \neq c_1.IP do
                                                                                                                                        \triangleright \Theta(n) iteraciones
  \mathbf{a} avanzar(it_1)
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
  4 end while
  5 itLista(tupla(interfaz, itLista(estrCompu))) it_2 \leftarrow \text{crearIt}(\text{siguiente}(it_1).\text{conexiones})
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
  6 while (siguiente(siguiente(it_2).com)).IP \neq c_2.IP do
                                                                                                                                        \triangleright \Theta(I) iteraciones
  \mathbf{7} avanzar(it_1)
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
  s end while
  9 res \leftarrow siguiente(it_2).inter
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
```

Complejidad: $\Theta(n+I)$

```
\text{IVECINOS}(\textbf{in } r : \texttt{estrRed}, \textbf{in } c : \texttt{compu}) \rightarrow res : \texttt{conj(compu)}
  1 res \leftarrow vacio()
                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  2 itLista(estrComp) it_1 \leftarrow \text{crearIt}(\text{r.compus})
                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  з while siguiente(it_1).IP \neq c.IP do
                                                                                                                                              \triangleright \Theta(n) iteraciones
      avanzar(it_1)
                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  5 end while
  6 itLista(tupla(interfaz, itLista(estrCompu))) it_2 \leftarrow \text{crearIt}(\text{siguiente}(it_1).\text{conexiones})
                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
     while haySiguiente?(it_2) do
                                                                                                                                              \triangleright \Theta(n) iteraciones
          if haySiguiente?(siguiente(it_2).com) then
                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
                agregar(res, \langle siguiente(siguiente(it_2).com).IP,
  9
                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(I^2)
                crearConjunto(siguiente(siguiente(it_2).com).conexiones))))
           end if
 10
                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
          avanzar(it_2)
 11
 12 end while
```

Complejidad: $\Theta(n+I^3)$

```
\begin{array}{c} \text{ICREARCONJUNTO}(\textbf{in} \quad l : \  \, \text{lista(tupla(} inter : \  \, \text{interfaz, } com : \  \, \text{itLista(estrCompu))))} \, \rightarrow \, res \, : \\ \text{conj(interfaz)} \\ \\ \textbf{1} \quad \text{nat} \quad n \leftarrow 0 \\ \textbf{2} \quad res \leftarrow \text{vacio(}) \\ \textbf{3} \quad \textbf{while} \quad n < \text{longitud(} l) \quad \textbf{do} \\ \textbf{4} \quad | \quad \text{agregar(} res, \  \, (l[n]). \text{inter)} \\ \textbf{5} \quad | \quad n \leftarrow n+1 \\ \textbf{6} \quad \textbf{end while} \\ \end{array}
```

Descripción: Dada una lista de tupla de 〈Interfaz,Iterador〉 (que representa las conexiones de la computadora), devuelve el conjunto de todas las interfaces que se encuentran en ella.

Complejidad: $\Theta(I^2)$

```
{\tt IUSAINTERFAZ?}(\mathbf{in}\ r\colon \mathtt{estrRed},\ \mathbf{in}\ c\colon \mathtt{compu},\ \mathbf{in}\ i\colon \mathtt{interfaz}) 	o res: \mathtt{bool}
   1 itLista(estrComp) it_1 \leftarrow \text{crearIt}(\text{r.compus})
                                                                                                                                                                             \triangleright \Theta(1)
   2 while siguiente(it_1).IP \neq c.IP do
                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(n) iteraciones
   \mathbf{a} avanzar(it_1)
                                                                                                                                                                             \triangleright \Theta(1)
   4 end while
   5 itLista(tupla(interfaz, itLista(estrCompu))) it_2 \leftarrow \text{crearIt}(\text{siguiente}(it_1).\text{conexiones})
                                                                                                                                                                             \triangleright \Theta(1)
   6 while siguiente(it_2).inter \neq i do
                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(I) iteraciones
                                                                                                                                                                             \triangleright \Theta(1)
       avanzar(it_2)
   8 end while
   9 res \leftarrow \text{haySiguiente}(\text{siguiente}(it_2).\text{com})
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
```

Complejidad: $\Theta(n+I)$

```
 \begin{split} & \text{ICAMINOSMINIMOS}(\textbf{in } r : \texttt{estrRed}, \textbf{in } c_1 : \texttt{compu}, \textbf{in } c_2 : \texttt{compu}) \rightarrow res : \texttt{conj(lista(compu))} \\ & \textbf{1} \quad res \leftarrow \text{vacio()} \\ & \textbf{2} \quad \textbf{if } \text{pertenece?}(c_2, \text{vecinos}(r, c_1)) \textbf{ then} \\ & \textbf{3} \quad | \quad \text{agregar}(res, \text{agregarAtras}(\text{agregarAtras}(<>>, c_1), c_2)) \\ & \textbf{4} \quad \textbf{else} \\ & \textbf{5} \quad | \quad res \leftarrow \text{dameMinimos}(\text{Caminos}(r, c_1, c_2, \text{agregarAtras}(<>>, c_1), \text{pasarConjASecu(vecinos}(r, c_1)))) \\ & \quad | \quad \text{b} \quad \Theta(n^3 \times n! \times n!) \\ & \textbf{6} \quad \textbf{end } \textbf{if} \end{aligned}
```

Complejidad: $\Theta(n^3 \times n! \times n! + I)$

```
\begin{array}{lll} \operatorname{DAMEMINIMOS}(\operatorname{in} c : \operatorname{conj}(\operatorname{lista}(\operatorname{compu}))) \to res : \operatorname{conj}(\operatorname{lista}(\operatorname{compu})) \\ & \mathbf{1} \quad \operatorname{if} \operatorname{esVacio}?(c) \quad \mathbf{then} \\ & \mathbf{2} \quad | \quad res \leftarrow \operatorname{vacio}() \\ & \mathbf{3} \quad \operatorname{else} \\ & \mathbf{4} \quad | \quad \operatorname{itConj}(\operatorname{lista}(\operatorname{compu})) \quad it \leftarrow \operatorname{crearIt}(c) \\ & \mathbf{5} \quad | \quad res \leftarrow \operatorname{dameMinimosAux}(c, \operatorname{minimaLong}(c, \operatorname{long}(\operatorname{siguiente}(it)))) \\ & \mathbf{6} \quad \operatorname{end} \quad \operatorname{if} \\ \end{array} \quad \begin{array}{l} \\ & \triangleright \Theta(1) \\ \\ & \triangleright \Theta(1) \\ \\ & \triangleright \Theta(n \times n!) \\ \end{array}
```

Descripción: Devuelve, del total de caminos posibles, solo los de longitud mínima

Complejidad: $\Theta(n \times n!)$

```
DAMEMINIMOSAUX(in c: conj(lista(compu)), in n: nat) \rightarrow res: conj(lista(compu))
  1 itConj(lista(compu)) it \leftarrow \text{crearIt}(c)
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
  z res \leftarrow vacio()
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
  \mathbf{3} while haySiguiente(it) do
                                                                                                                                        \triangleright \Theta(n!) iteraciones
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
          if long(siguiente(it)) = n then
               agregar(res, siguiente(it))
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(n)
  5
               avanzar(it)
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
  6
          else
               avanzar(it)
                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
  8
          end if
 10 end while
```

Complejidad: $\Theta(n \times n!)$

```
\texttt{MINIMALONG}(\textbf{in } c: \texttt{conj(lista(compu))}, \textbf{in } n: \texttt{nat}) \rightarrow res: \texttt{nat}
                                                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
                                                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
  2 itConj(lista(compu)) it \leftarrow \text{crearIt}(c)
  \mathbf{3} while haySiguiente(it) do
            if long(siguiente(it)) then
                   i \leftarrow \text{longitud}(\text{siguiente}(it))
                                                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
   5
                   avanzar(it)
                                                                                                                                                                                       \triangleright \Theta(1)
   6
                  avanzar(it)
                                                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
   8
            end if
 10 end while
                                                                                                                                                                                        \triangleright \Theta(1)
 11 res \leftarrow i
```

Complejidad: $\Theta(n!)$

Justificación: Devuelve la longitud de la secuencia más chica

```
\begin{array}{lll} \operatorname{PASARCONJASECU}(\mathbf{in}\ c\colon \operatorname{conj}(\operatorname{compu})) \to res\ \colon \operatorname{secu}(\operatorname{compu}) \\ & 1\ res \leftarrow \operatorname{vacia}() & \rhd \Theta(1) \\ & 2\ \operatorname{ItConj}\ it \leftarrow \operatorname{crearIt}(c) & \rhd \Theta(1) \\ & 3\ \mathbf{while}\ \operatorname{haySiguiente}(it)\ \mathbf{do} & \rhd \Theta(n)\ \operatorname{iteraciones} \\ & 4\ |\ \operatorname{agregarAtras}(res,\operatorname{siguiente}(it)) & \rhd \Theta(I) \\ & 5\ \mathbf{end}\ \mathbf{while} \\ \end{array}
```

Complejidad: $\Theta(n \times I)$

Justificación: Devuelve una secuencia que contiene a todos los elementos del conjunto pasado por parámetro

```
\begin{split} & \text{IHAYCAMINO?}(\textbf{in } r : \texttt{estrRed}, \textbf{in } c_1 : \texttt{compu}, \textbf{in } c_2 : \texttt{compu}) \rightarrow res : \texttt{bool} \\ & \textbf{1} \ res \leftarrow (\neg \texttt{esVacio?}(\texttt{iCaminosMinimos}(r, c_1, c_2))) \\ & \qquad \qquad \triangleright \Theta(n^2 \times n!) \end{split}
```

Complejidad: $\Theta(n^2 \times n!)$

```
ICAMINOS(in r: estrRed, in c_1: compu, in c_2: compu, in l: lista(estrCompu), in vec: lista(estrCompu))

ightarrow res : conj(lista(estrCompu))
  1 if vacia?(vec) then
         res \leftarrow vacia()
  2
  з else
         if iltimo(l) = c_1 then
  4
             res \leftarrow agregar(l, vacia())
  5
         else
  6
             if \neg \text{está?}(\text{primero}(vec, l)) then
  7
                  res \leftarrow unión(caminos(r, c_0, c_1, agregarAtras(l, primero(vec))), Vecinos(r, primeros(vec))),
  8
                  \operatorname{caminos}(r, c_0, c_1, l, \operatorname{fin}(vec)))
               res \leftarrow \operatorname{caminos}(r, c_0, c_1, l, \operatorname{fin}(vec))
 10
             end if
 11
         end if
 12
 13 end if
```

Descripción: Dada una red, dos compus, los vecinos de la primer compu, y una lista que usamos para guardar las computadoras por las que ya preguntamos, iteramos sobre todas las computadoras y devolvemos el conjunto de todos los caminos posibles desde la primer computadora hasta la segunda.

Complejidad: $\Theta(n^2 \times n!)$

```
{
m IUNION}({
m in}\ c_1:{
m conj}({
m lista(compu)}), {
m in}\ c_2:{
m conj}({
m lista(compu)}))
ightarrow res:{
m conj}({
m lista(compu)})
   1 res \leftarrow vacio()
                                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
                                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
   2 if vacio?(c_1) then
  3
          res \leftarrow c_2
                                                                                                                                                            \triangleright \Theta(I \times n \times n!)
   4 else
            itConj(lista(compu)) it \leftarrow \text{crearIt}(c_1)
                                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
   5
            while haySiguiente(it) do
                                                                                                                                                                          \triangleright \Theta(n)
   6
                 Ag(siguiente(it), c_2)
                                                                                                                                                                          \triangleright \Theta(n)
   7
                 avanzar(it)
                                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
           end while
 10 end if
```

Complejidad: $\Theta(n^2 + n \times I \times n!)$

Justificación: Devuelve la unión de dos conjuntos.

```
IESTA?(\mathbf{in}\ c: compu, \mathbf{in}\ l: lista(compu)) \rightarrow res: bool
   1 if vacia?(l) then
                                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
          res \leftarrow false
                                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
   з else
           ItLista(compu) it \leftarrow \text{crearIt}(l)
                                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
            while haySiguiente(it) \wedge_{L} siguiente(it) \neq c do
                                                                                                                                                                          \triangleright \Theta(n)
   5
   6
                avanzar(it)
                                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
   7
           end while
  9 end if
 10 res \leftarrow (haySiguiente(it))
                                                                                                                                                                           \triangleright \Theta(1)
```

Descripción: Devuelve True si y solo si la compuc se encuentra en la lista l

Complejidad: $\Theta(n)$

Justificación: .

${f ICOMPUTADORAS(in \ r \colon \mathtt{estrRed}) o res} : \mathtt{conj(compu)}$	
$1 res \leftarrow vacio()$	⊳ Θ(1)
\mathbf{z} itRed $it \leftarrow \text{crearItRed}()$	$\triangleright \Theta(1)$
3 while haySiguiente? (it) do	$ hd \Theta(n)$ iteraciones
4 $agregar(res, siguiente(it))$	$\triangleright \Theta(n+I^2)$
5 avanzar(it)	$\triangleright \Theta(1)$
6 end while	
Complejidad: $\Theta(n \times (n + I^2))$ ICOPIAR(in r :: estrRed) $\rightarrow res$: Red	
$1 res \leftarrow \langle copiar(r.compus, r.cantidadCompus \rangle$	$ hd \Theta(n imes I)$
Complejidad: $\Theta(n \times I)$	
Justificación: Devuelve una copia de la Red	
$oxed{ ext{ICANTCOMPUS}(ext{in } r \colon ext{Red}) o res : ext{nat}}$	
$1 res \leftarrow r.\text{cantCompus}$	⊳ Θ(1)

Complejidad: $\Theta(1)$