



CÉSAR VALLEJO



CÉSAR VALLEJO







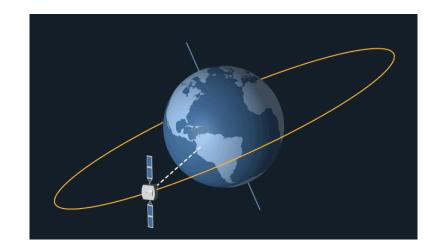
# **FÍSICA**

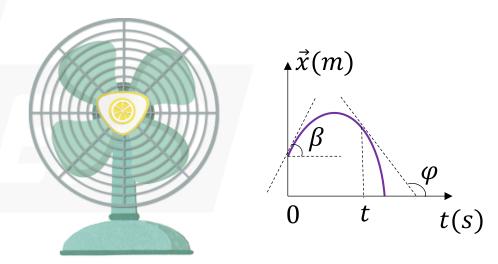
Tema: CINEMATICA II

Docente: Plana de Física

# **Objetivos**

- Describir el movimiento circunferencial y aplicar conceptos como velocidad angular y aceleración angular.
- Reconocer las características y ecuaciones del MCU y MCUV, asi como las graficas correspondientes

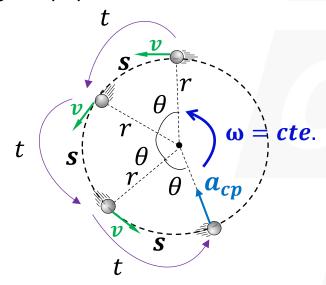






# MOVIMIENTO CIRCUNFERENCIAL UNIFORME (MCU)

Es aquel que presenta una velocidad angular( $\omega$ ) constante.



## En un MCU se cumple:

$$\omega = \frac{\theta}{t}$$

$$v = \frac{s}{t}$$

$$a_{cp} = \frac{v^2}{r}$$

$$v = \omega r$$

$$a_{cp} = \omega^2 r$$

**Periodo** (*T*): es el tiempo que dura una vuelta.

Frecuencia (f): Es el número de vueltas que se realiza en cada segundo

$$f = \frac{\# \ de \ vueltas}{tiempo}$$
 Unidad en el S.I ( $Hz$ )

#### También:

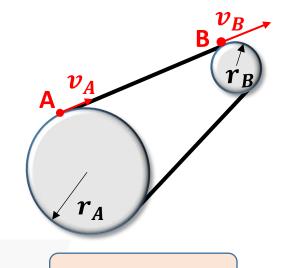
$$f = \frac{1}{T}$$

#### **Entonces:**

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$$

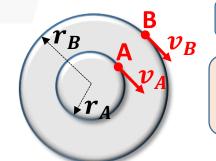
### **Aplicaciones**

#### 1. Poleas unidas por una faja



$$v_A = v_P = v_B$$

#### 2. Poleas solidarias



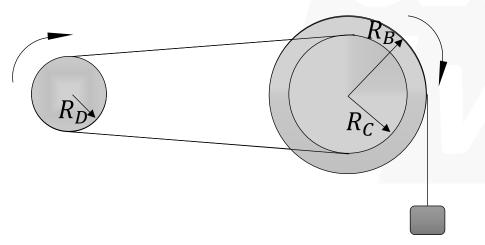
$$\omega_A = \omega_B$$

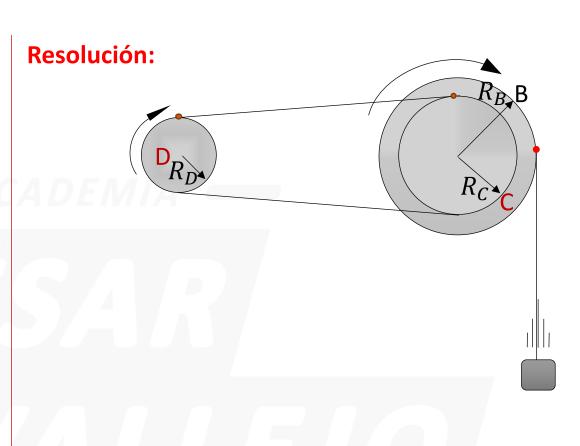
$$\frac{v_A}{r_A} = \frac{v_B}{r_B}$$



## **Aplicación 1:**

Del gráfico mostrado, determine la rapidez con la que el bloque se desplaza; si la polea D rota uniformemente con  $6 \operatorname{rad/s}$ .  $(R_B = 24 cm; R_C = 20 cm; R_D = 4 cm)$ .

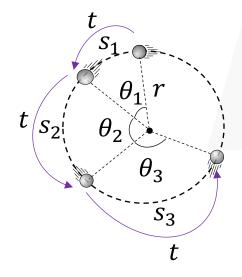






# MOVIMIENTO CIRCUNFERENCIAL UNIFORMEMENTE VARIADO (MCUV)

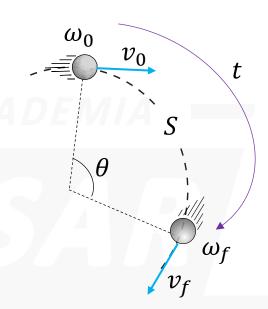
Es un movimiento circunferencial con aceleración angular ( $\vec{\alpha}$ ) constante.



En este movimiento el módulo de la aceleración tangencial  $(\vec{a}_T)$  es constante.

$$a_T = \alpha r$$

#### **Ecuaciones del MCUV**



# **Ecuaciones angulares**

$$\omega_f = \omega_0 \pm \alpha t$$

$$\theta = \omega_0 t \pm \frac{\alpha t^2}{2}$$

$$\theta = \left(\frac{\omega_0 + \omega_f}{2}\right) t$$

$$\omega_f^2 = \omega_0^2 \pm 2\alpha\theta$$

#### **Ecuaciones lineales**

$$v_f = v_0 \pm a_T t$$

$$S = v_0 t \pm \frac{a_T}{2} t^2$$

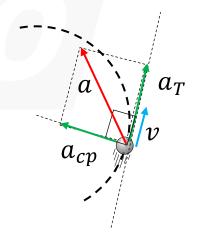
$$S = \left(\frac{v_0 + v_f}{2}\right)t$$

$$v_f^2 = v_0^2 \pm 2a_T S$$

(+): rapidez aumenta

(-): rapidez disminuye

# ACELERACIÓN TOTAL( $\vec{a}$ ):



$$a = \sqrt{a_T^2 + a_{cp}^2}$$



## Aplicación 2

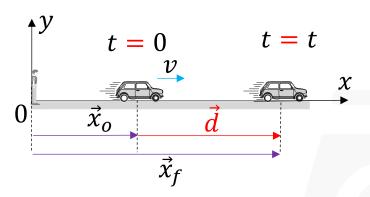
Una esfera que está girando con 1800 RPM comienza a frenar de manera uniforme y se detiene luego de 10 s. ¿Cuántas revoluciones dio en los cuatro últimos segundos de su movimiento?

# Resolución:



# **GRÁFICAS DEL MOVIMIENTO MECÁNICO**

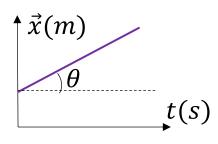
#### Gráficas en el MRU



Se tiene:  $\vec{x}_f = \vec{x}_o + \vec{d}$ 

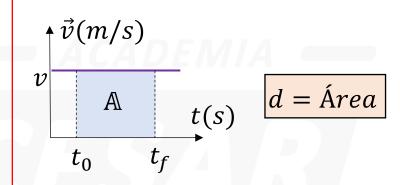
$$\vec{x}_f = \vec{x}_o + \vec{v}t$$

# **Gráfica Posición vs tiempo**

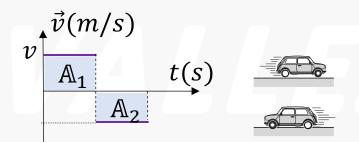


$$\vec{v} = tan\theta$$

# Gráfica Velocidad vs tiempo



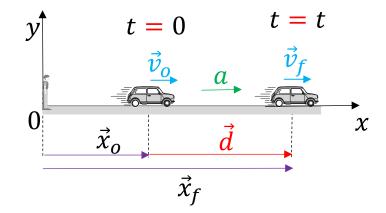
#### **Observación:**



$$\vec{d} = \mathbb{A}_1 - \mathbb{A}_2$$

$$e = A_1 + A_2$$

#### Gráficas en el MRUV



Se tiene:  $\vec{x}_f = \vec{x}_o + \vec{d}$ 

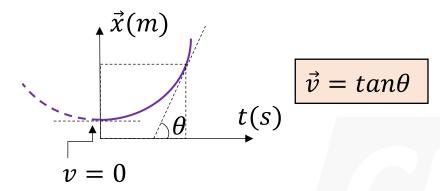
$$\vec{x}_f = \vec{x}_o + \vec{v}_o t + \frac{\vec{a}t^2}{2}$$

Además:

$$\vec{v}_f = \vec{v}_o + \vec{a}t$$

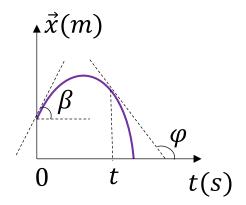


### **Gráfica Posición vs tiempo**



 En el vértice de la parábola la velocidad siempre será nula.

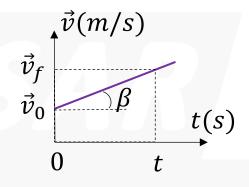
#### **Observación:**



• En el instante t=0 como  $\beta$  es agudo, la velocidad inicial es positiva.

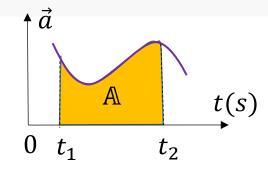
• En el instante t=t como  $\varphi$  es obtuso, la velocidad es negativa entonces el móvil se desplaza hacia la izquierda.

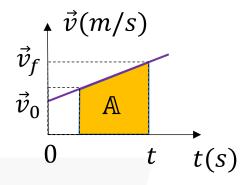
## **Gráfica Velocidad vs tiempo**



$$\vec{a} = tan\beta$$

#### **Observaciones:**





$$d =$$
Á $rea A$ 

Para el caso de la aceleración variable

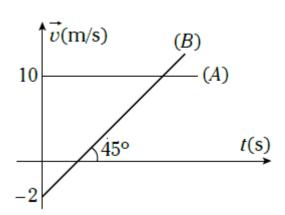
$$\Delta \vec{v} = \text{Á}rea$$

Siendo  $\Delta \vec{v}$  el cambio de la velocidad desde  $t_1$  hasta  $t_2$ 



#### **Aplicación 3:**

En la gráfica se muestra como varía la velocidad de dos móviles A y B respecto del tiempo. Si cuando t = 0 ambos móviles se encuentran separados 10 m alejándose uno de otro, calcule la distancia de separación entre ambos móviles cuando la rapidez del móvil B sea nula. Considere que ambos móviles se desplazan en un mismo eje.



#### Resolución:



# - ACADEMIA -CÉSAR VALLEJO

# GRACIAS









academiacesarvallejo.edu.pe