



CÉSAR VALLEJO



CÉSAR VALLEJO

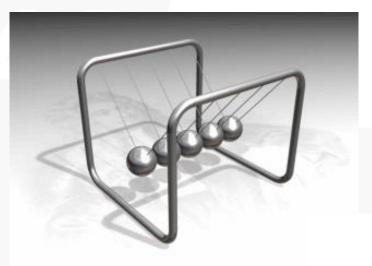


#### **OBJETIVOS**

- Caracterizar vectorialmente los procesos de transferencia de movimiento mecánico.
- Establecer las condiciones bajo las cuales se conserva la cantidad de movimiento.
- Aplicar las leyes de conservación de la cantidad de movimiento
- Analizar las características y tipos de choques.











#### CANTIDAD DE MOVIMIENTO $(\vec{p})$

Magnitud vectorial que mide el movimiento y la capacidad de transmisión de movimiento de un cuerpo, teniendo en cuenta la dirección.

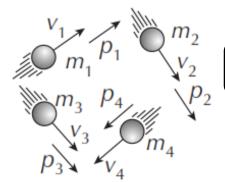
#### Para una partícula:



$$\left[ \, ec{p} = m ec{v} \, 
ight]$$

Unidad (kgm/s)

#### Para un sistema de partículas

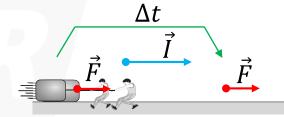


$$\vec{p}_{sist} = \vec{p}_1 + \vec{p}_2 + \vec{p}_3 + \vec{p}_4$$

#### IMPULSO $(\vec{I})$

Es una magnitud vectorial que mide la transferencia de movimiento mecánico por parte de una fuerza durante un intervalo de tiempo.

#### Para una fuerza constante

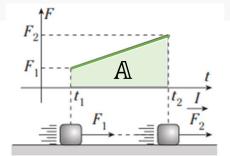


$$\vec{I} = \vec{F} \Delta t$$

Unidad:(Ns)

#### Si la fuerza es variable en módulo

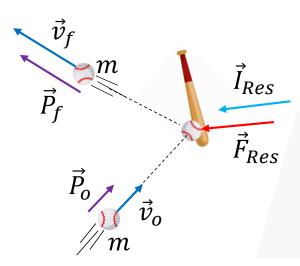
En este caso se realiza una gráfica  $\vec{F}$  vs t y se determina el área de la región encerrada.



$$\vec{I} =$$
Área



#### RELACIÓN ENTRE EL $\vec{I}_{Res}$ Y LA $\Delta \vec{p}$



Del gráfico:

$$\vec{p}_f - \vec{p}_0 = m\vec{v}_f - m\vec{v}_0$$
$$\Delta \vec{p} = m\Delta \vec{v}$$

$$\frac{\Delta \vec{p}}{\Delta t} = m \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$

$$\frac{\Delta \vec{p}}{\Delta t} = \vec{F}_{Res}$$

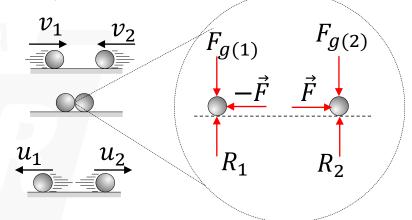
$$\Delta \vec{p} = \vec{F}_{Res} \Delta t$$

$$\Delta \vec{p} = \vec{I}_{Res}$$

$$\vec{I}_{Res} = \Delta \vec{p}$$

#### **CONSERVACIÓN DE LA CANTIDAD DE MOVIMIENTO**

Consideremos el sistema conformado por dos esferas que chocan sobre un piso liso.

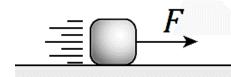


Las fuerzas de acción y reacción son fuerzas internas para el sistema conformado por las esferas. Estas fuerzas alteran la  $\overrightarrow{P}$  de cada esfera; pero no alteran la  $\overrightarrow{P}$  del sistema.

$$\vec{p}_{o(sist)} = \vec{p}_{f(sist)}$$
 Si:  $\vec{F}_{Res (externa)} = \vec{0}$ 

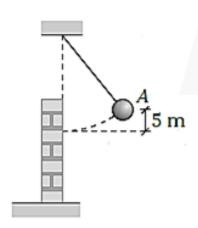
**IMPORTANTE:** En todo choque y explosión se conserva la cantidad de movimiento del sistema, debido a que se desprecian el impulso de las fuerzas externas.

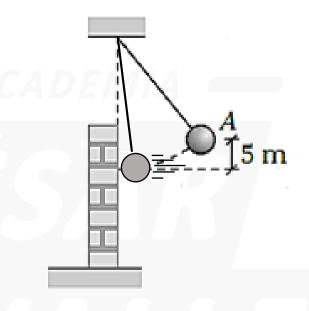
Una caja de 200 N de peso se desplaza sobre un piso horizontal rugoso debido a la acción de una fuerza F = 50 N  $\hat{i}$ . Si el coeficiente de rozamiento cinético entre el bloque y el piso es de 0,2; calcule el impulso resultante sobre la caja en un intervalo de 1,6 s.





La esfera de 3 kg se suelta desde la posición A y luego de chocar con el muro retorna a la misma posición A. Calcule el módulo del impulso que ejerce la pared a la esfera durante el choque. ( $g=10 \text{ m/s}^2$ ).





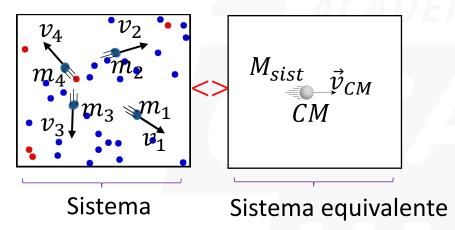


Una granada es lanzada verticalmente hacia arriba, de tal forma que explota, cuando alcanza su altura máxima, en dos fragmentos de masas m y 4m con velocidades horizontales. Si hasta llegar al piso el fragmento de menor masa avanza 5 m horizontalmente, ¿cuánto avanza horizontalmente el otro fragmento?



#### Centro de masa (CM)

Se considera centro de masa a aquel punto donde se concentra la masa de un cuerpo o sistema.

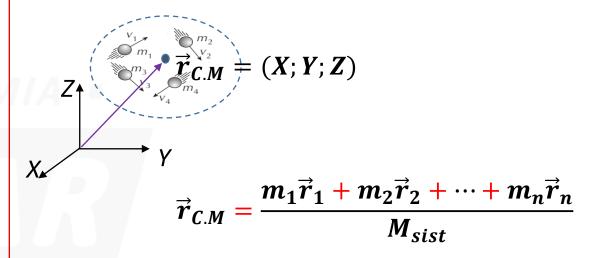


#### Por ejemplo



El **C.M.** describe una trayectoria parabólica.

#### Posición del centro de masa $(\vec{r}_{C.M.})$



#### Velocidad del centro de masa $(\vec{v}_{CM})$

Por tratarse de sistemas equivalentes:

$$\vec{p}_{sist} = \vec{p}_{C.M}$$
 
$$m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 + \dots + m_n \vec{v}_n = M_{sist} \vec{v}_{C.M}$$

$$\vec{v}_{CM} = \frac{m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 + \cdots + m_n \vec{v}_n}{M_{sist}}$$



Dos cuerpos de masas  $m_1$  y  $m_2$  se mueven con velocidades constantes en una misma línea recta. La rapidez del cuerpo de masa  $m_1$  es v y se mueve a la izquierda; el cuerpo de masa  $m_2$  y el centro de masa se mueven a la derecha. Si la rapidez del centro de masas es u, determine la rapidez del cuerpo de masa  $m_2$ .

A) 
$$\left(\frac{m_2}{m_1} + 1\right) u + \frac{m_2}{m_1} v$$

B) 
$$\left(\frac{m_1}{m_2}+1\right)u-\frac{m_1}{m_2}v$$

$$C)\left(\frac{m_1}{m_2}-1\right)u+\frac{m_1}{m_2}v$$

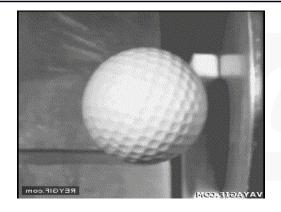
$$D)\left(\frac{m_1}{m_2}+1\right)u+\frac{m_1}{m_2}v$$

$$E)\left(\frac{m_1}{m_2}+2\right)u+\frac{m_1}{m_2}v$$



#### **CHOQUES O COLISIONES**

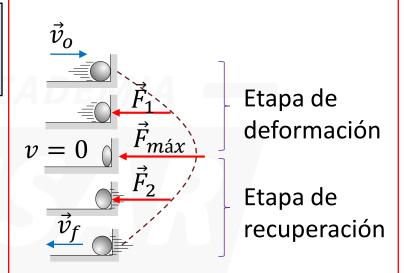
Un choque es una interacción violenta de corta duración.



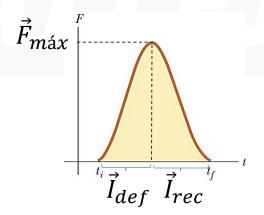
Las fuerzas que surgen producto del choque son tan intensas y la duración del evento es tan corto ( $\Delta t \approx 0$ ) que cualquier impulso externo se puede despreciar. Por lo tanto; la cantidad de movimiento del sistema en un choque se conserva.

$$\vec{p}_{A.CH}^{sist} = \vec{p}_{D.CH}^{sist}$$

#### Análisis de un choque



#### Gráficamente



#### Coeficiente de restitución (e)

Es un cantidad adimensional que nos indica el grado de recuperación de los cuerpos que chocan.

$$e = \frac{|\vec{I}_{rec}|}{|\vec{I}_{def}|}$$

#### En el caso de un choque frontal

$$|\vec{l}_{def}| = mv_0$$

$$|\vec{l}_{def}| = mv_0$$

$$|\vec{l}_{rec}| = mv_f$$

$$e = \frac{|\vec{I}_{rec}|}{|\vec{I}_{def}|} \quad \downarrow \qquad \qquad e = \frac{v_f}{v_o}$$

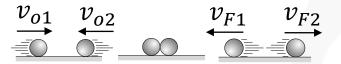


#### En general:

Para el choque de dos cuerpos.

A. CH

D.CH



$$e = \frac{v_{D.CH}^{rel}}{v_{A.CH}^{rel}}$$

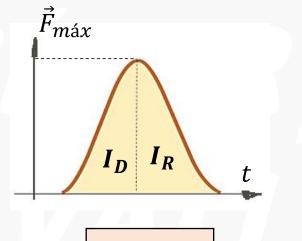
 $v_{A.CH}^{rel}$ : Rapidez relativa antes del choque.

 $v_{D.CH}^{rel}$ : Rapidez relativa después del choque.

#### **CLASIFICACIÓN DE LOS CHOQUES**

#### Choque elástico

En este caso los cuerpos se recuperan totalmente.



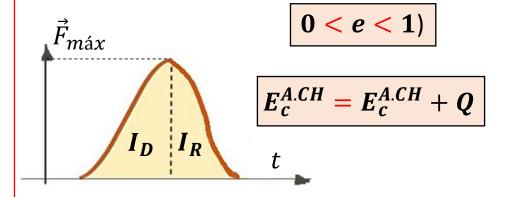
$$e = 1$$

Además no se genera calor producto de este choque.

$$E_c^{A.CH} = E_c^{A.CH}$$

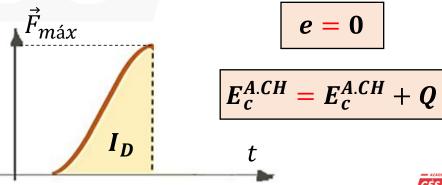
#### Choque inelástico

En este caso los cuerpos se recuperan parcialmente.



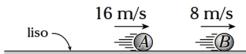
#### Choque plástico

Los cuerpos no se recuperan y luego del choque adquieren la misma velocidad.





El coeficiente de restitución del choque de las esferas es 7/8. Calcule el calor que se disipa  $(m_A=1 \text{ kg}; m_B=4 \text{ kg})$ 





# CÉSAR VALLEJO



### — ACADEMIA — CÉSAR VALLEJO

## GRACIAS









academiacesarvallejo.edu.pe