$$\ell ||x - y|| \le ||\nabla f(x) - \nabla f(y)|| \le L||x - y||$$