### MINERÍA DE DATOS

weblidi.info.unlp.edu.ar/catedras/MD\_SI/

Prof. Laura Lanzarini

#### Plantel Docente



- Profesora : Dra. Laura Lanzarini
  - Temas: Redes Neuronales y Técnicas de Optimización
  - Aplicaciones en Minería de Datos y Procesamiento de Señales.
- □ JTP: Dr. Facundo Quiroga (Investigador CIC)
  - Tema: Redes neuronales profundas aplicadas al reconocimiento de patrones.
- □ Ayudante : Lic. Gastón Ríos(Becario Doctoral UNLP)
  - Tema: Generación automática de video utilizando Deep Learning.

# Bibliografía

Introducción a la Minería de Datos

Hernández Orallo, Ramirez Quintana, Ferri Ramirez. Editorial Pearson – Prentice Hall. 2004

 Data Mining. Practical Machine Learning Tools and Techniques

Witten, Frank, Hall

Morgan Kaufmann Publisher – Elsevier - 2017

# ¿Cómo Aprobar?

Modalidad	Asistencia requerida	Ejercicios de práctica	Trabajo Final	Evaluación	Condición Final
Promoción	NO	SI	SI	SI	PROMOCIONA si nota ≥ 6  CURSADA APROB si 4 ≤ nota < 6
Convencional	NO	NO	NO	SI	CURSADA APROB si nota ≥ 4 y debe rendir Final

#### Material del Curso

 Toda la información y el material del curso se publicará a través de Ideas

#### ideas.info.unlp.edu.ar

- Quienes aún no tengan acceso y se encuentren inscriptos en Guaraní deberán solicitar inscripción en el curso en Ideas.
- Página de la cátedra

weblidi.info.unlp.edu.ar/catedras/md\_si

Contacto: midusi.unlp@gmail.com

#### Introducción

- Los avances tecnológicos hacen que las capacidades para generar
   y almacenar datos se incrementen día a día.
  - Automatización de todo tipo de transacciones
    - Comerciales, negocios, gubernamentales, científicas.
  - Avances en la recopilación de datos (Lectores)
  - Mejora en la relación precio-capacidad de los dispositivos de almacenamiento masivo.



# Cómo se originan los datos?





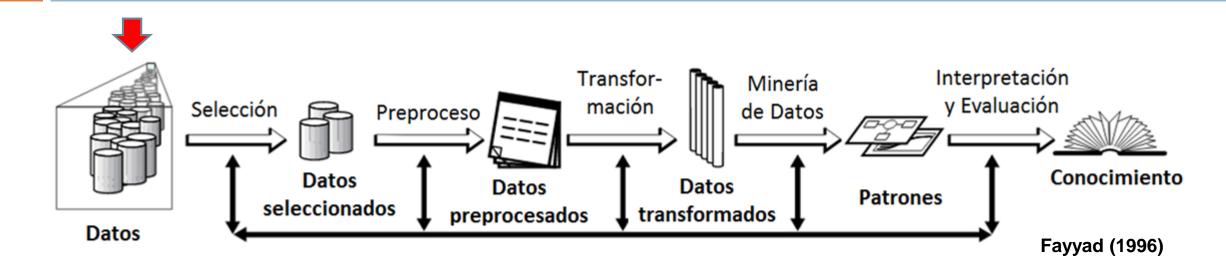


## ¿Qué es Minería de Datos?

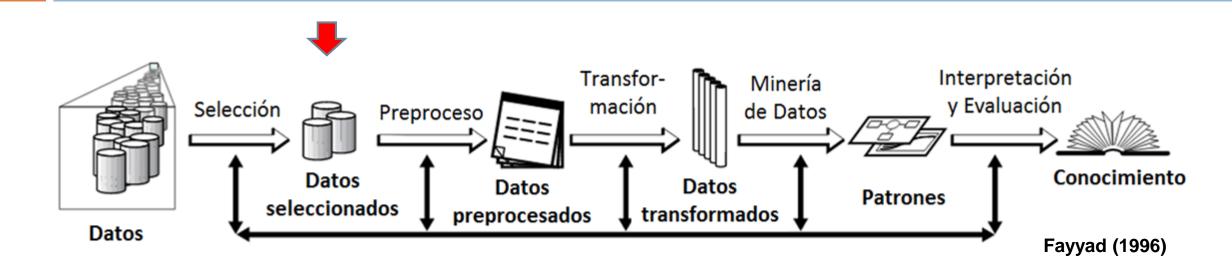
□ Es el área informática que busca descubrir patrones en grandes volúmenes de datos.

- Características
  - Válidos
  - Novedosos
  - Potencialmente útiles
  - Comprensibles

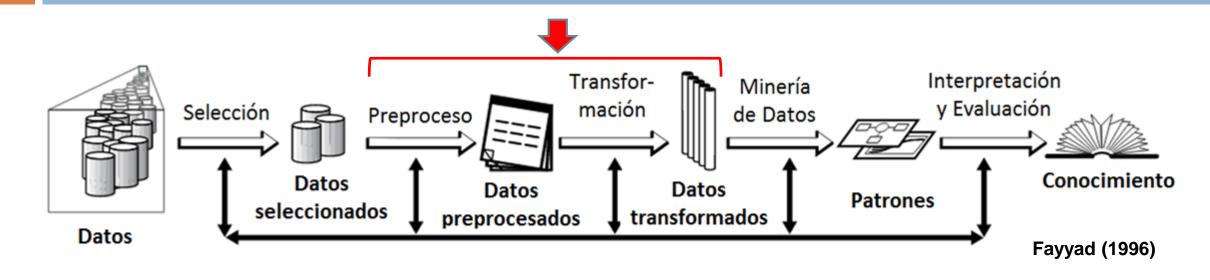




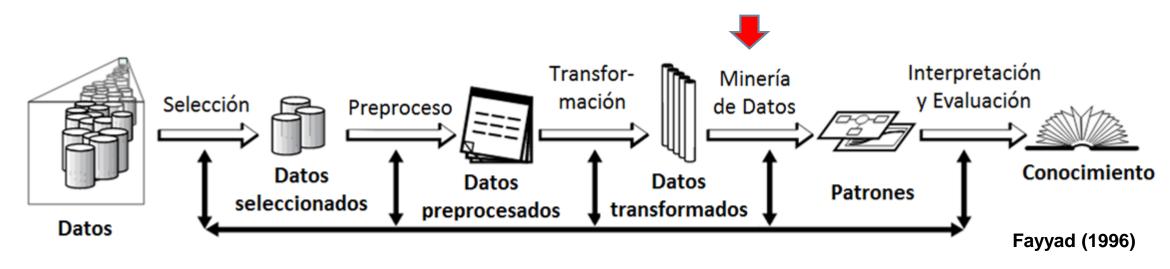
- Generalmente registrado en forma previa al proceso de KDD.
- Almacena información histórica
- No necesariamente centralizada



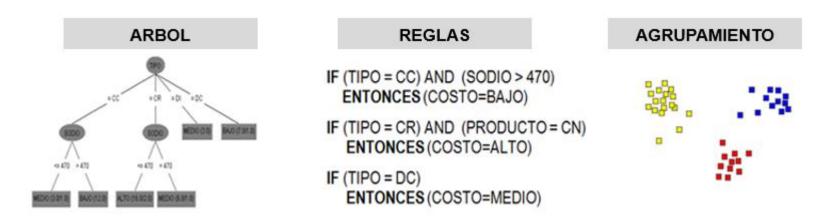
- Elegidos en base al problema
- Medidas subjetivas y objetivas

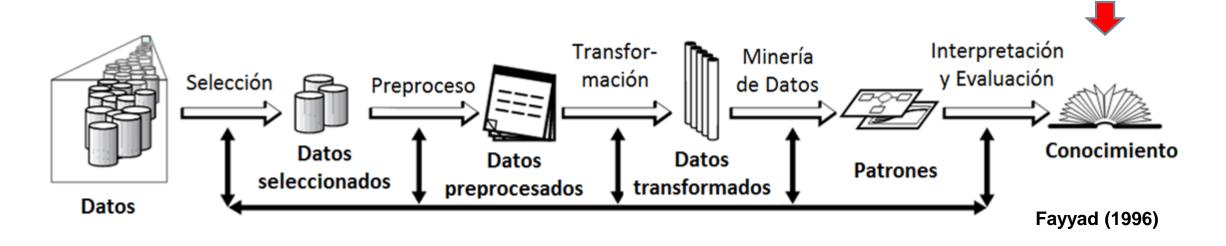


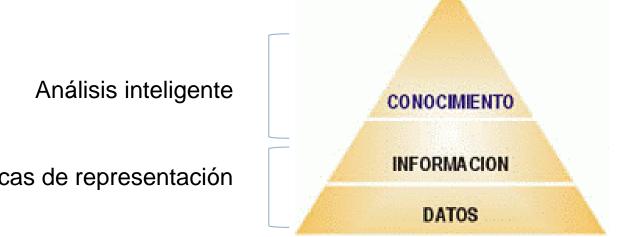
- Uniformar la notación.
- Datos faltantes
- Fuera de los rangos esperados (outliers)



#### □ Técnicas de Minería de Datos







Técnicas de representación

### Minería de Datos vs otras disciplinas

- Los sistemas tradicionales de explotación de datos están basados en la existencia de hipótesis o modelos previos.
- Problemas
  - Quien formula la hipótesis debe saber cuál es la información que necesita.
  - La complejidad de los datos almacenados y sus interrelaciones dificulta la verificación del modelo.
- La Minería de Datos busca el descubrimiento del conocimiento sin una hipótesis preconcebida.

# Ej. 1: Resultado de un curso

ASISTENCIA	TRABAJA	INGRESO	FORO	RESULTADO
15	0	DESAP	NO	DESAP
15	0	DESAP	SI	DESAP
20	0	APROB	NO	APROB
5	0	APROB	SI	APROB
20	23	DESAP	NO	DESAP
10	10	DESAP	SI	DESAP
0	50	APROB	NO	APROB
12	40	APROB	SI	APROB
65	0	DESAP	NO	DESAP
75	0	DESAP	SI	APROB
60	30	APROB	NO	APROB
55	40	APROB	SI	APROB
100	15	DESAP	NO	DESAP
80	15	DESAP	SI	APROB
75	20	APROB	NO	APROB
78	12	APROB	SI	APROB

# Ej. 1: Resultado de un curso

ASISTENCIA	TRABAJA	INGRESO	FORO	RESULTADO				
15	0	DESAP	NO	DESAP				
15	0	DESAP	SI	DESAP				
20	0	APROB	NO	APROB				
5	0	APROB	SI	APROB				
20	23	DESAP	NO	DESAP				
10								
0	SLO	SI (INGRESO = APROB) entonces (RESULT=APROB)						
12	O. (							
65	SI (	SI (INGRESO = DESAP) AND						
75	· ·	(FORO = NO) entonces (RESULT=DESAP)						
60	•	,		•	,			
55	40	APROB	SI	APROB				
100	15	DESAP	NO	DESAP				
80	15	DESAP	SI	APROB				
75	20	APROB	NO	APROB				
78	12	APROB	SI	APROB				

### Tipo de conocimiento a extraer

#### Predictivo

- En base al modelo construido es posible predecir hechos futuros.
- □ Por ejemplo se busca predecir:
  - Cuál medicamento suministrar a un paciente dado.
  - Si un mail recibido es spam o no.

#### Descriptivo

- Muestran nuevas relaciones entre las variables.
- □ Por ejemplo se buscará describir:
  - Tipos de clientes para diseñar campañas de marketing
  - Transacciones en una tarjeta de crédito para detectar casos anómalos.

# Tarea predictiva - Aprendizaje supervisado

**GATO** 



**GATO** 



**GATO** 



**ARBOL** 



**ARBOL** 



**CUADERNO** 



**CUADERNO** 



**CUADERNO** 



**GATO** 



-

# Tarea descriptiva - Aprendizaje no supervisado

















**AGRUPAMIENTO** 

#### Ejemplo de tarea predictiva: Prescripción de lentes

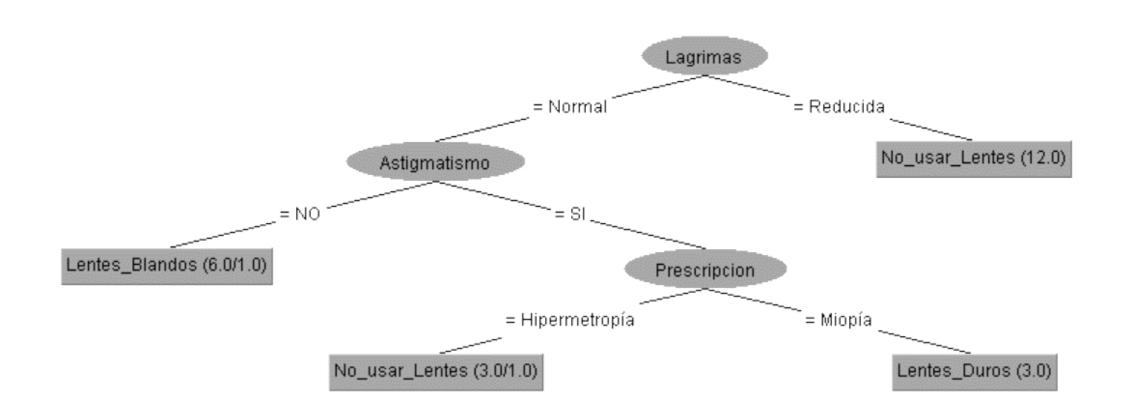
- Se dispone de la siguiente información de pacientes atendidos previamente.
  - EDAD del paciente: joven, pre-presbicia, presbicia
  - □ PRESCRIPCION de lentes: miope, hipermétrope
  - **ASTIGMATISMO**: si, no
  - □ Tasa de producción de LAGRIMAS: reducida, normal.
  - DIAGNOSTICO
    - el paciente debe usar lentes de contacto duras
    - el paciente debe usar lentes de contacto blandas
    - el paciente no debe usar lentes de contacto.

# Conjunto de ejemplos etiquetados

Id	Edad	Espectativa	Astigmatismo	Lagrimas	Diagnostico
1	Joven	Hipermetropía	NO	Normal	Lentes_Blandos
2	Joven	Miopía	NO	Normal	Lentes_Blandos
3	Joven	Hipermetropía	SI	Normal	Lentes_Duros
4	Joven	Miopía	SI	Normal	Lentes_Duros
5	Joven	Hipermetropía	NO	Reducida	No_usar_Lentes
•••	•••	•••	•••	•••	•••
•••	•••	•••	•••	•••	•••
22	Presbicia	Miopía	NO	Reducida	No_usar_Lentes
23	Presbicia	Miopía	NO	Normal	No_usar_Lentes
24	Presbicia	Miopía	SI	Reducida	No_usar_Lentes

https://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/Lenses

#### Arbol de Clasificación



### Ejemplo de tarea descriptiva: Caracterización de flores

Se dispone de información 3 tipos de flores Iris







Versicolor

Virginica

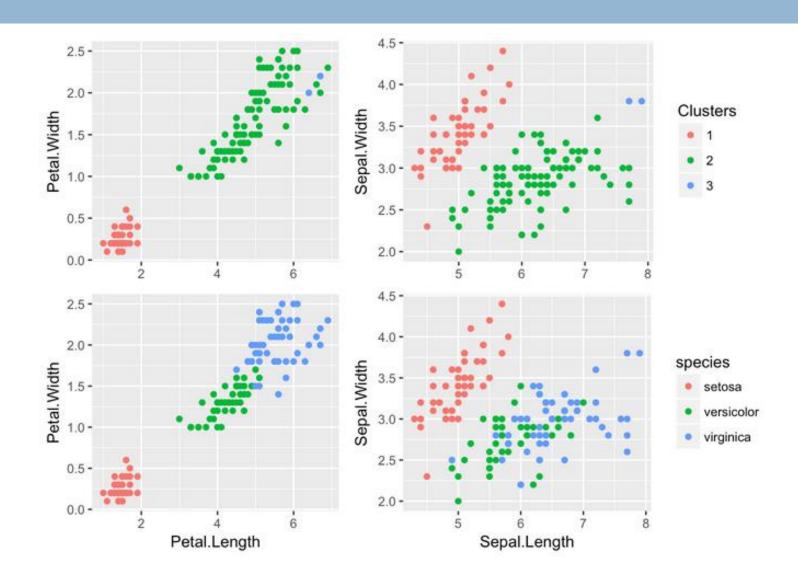
https://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/lris

# Tarea descriptiva: Caracterización de flores

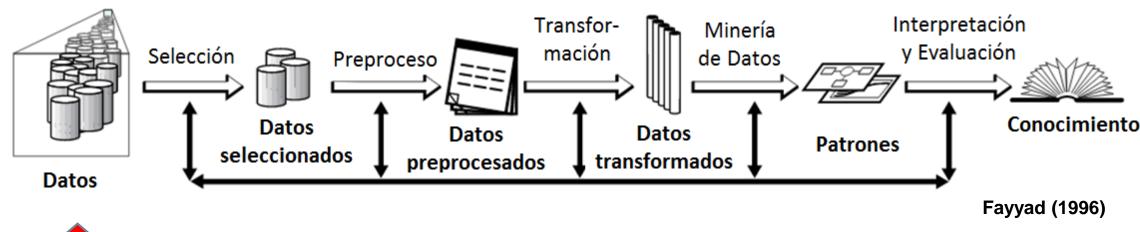
Id	sepallength	sepalwidth	petallength	petalwidth	class
1	5,1	3,5	1,4	0,2	lris-setosa
2	4,9	3,0	1,4	0,2	lris-setosa
•••	•••	•••	•••	•••	• • •
95	5,6	2,7	4,2	1,3	Iris-versicolor
96	5,7	3,0	4,2	1,2	Iris-versicolor
97	5,7	2,9	4,2	1,3	Iris-versicolor
•••	•••	• • •	•••	•••	• • •
149	6,2	3,4	5,4	2,3	Iris-virginica
150	5,9	3,0	5,1	1,8	Iris-virginica

https://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/lris

# Tarea descriptiva: Caracterización de flores



## Minería de Datos y el proceso de KDD





Comenzaremos analizando los datos disponibles

- □ Tipos de variables o atributos
- Medidas y gráficos para conocer su calidad

### Tipos de variables

#### Cuantitativas o numéricas

- □ DISCRETAS (cant. de empleados, cant. de alumnos, etc)
- CONTINUAS (sueldo, metros cuadrados, beneficios, etc)

#### Cualitativas o categóricas

- NOMINALES: nombran al objeto al que se refieren sin poder establecer un orden (estado civil, raza, idioma, etc.)
- ORDINALES: se puede establecer un orden entre sus valores (alto, medio, bajo, etc)

# Ejemplos

- El archivo autos-mpg.csv contiene datos del consumo de combustible de ciertos vehículos en ciudad junto con algunas de sus características:
  - mpg : cantidad de millas que puede realizar con un galón de combustible.
  - cylinders: cantidad de cilindros
  - displacement: cilindradas
  - horsepower: potencia del motor

- **weight**: Peso
- □ acceleration: aceleración
- □ model\_year: año del modelo
- origin: país de fabricación

(1-USA, 2-Europe, 3-Japan)

□ car\_name: marca del auto

# Ejemplo

#### □ El archivo autos-mpg.csv contiene datos de 406 autos

mpg	cylinders	displacement	horsepower	weight	acceleration	model_year	origin	car_name
14.0	ocho	4550	225.0	3086	100	70	1	buick estate wagon (sw)
24.0	cuatro	1130	95.00	2372	150	70	3	toyota corona mark ii
22.0	seis	1980	95.00	2833	155	70	1	plymouth duster
18.0	seis	1990	97.00	2774	155	70	1	amc hornet
•••	•••	•••	•••	•••	•••	•••	•••	•••
•••	•••	•••	•••	•••	•••	•••	•••	•••
27.0	cuatro	9700	88.00	2130	145	70	3	datsun pl510
26.0	cuatro	9700	46.00	1835	205	70	2	volkswagen 1131 deluxe sedan
25.0	cuatro	1100	87.00	2672	175	70	2	peugeot 504

- □ ¿Cuántos atributos tiene la tabla?
- □ ¿De qué tipo es cada uno de ellos?

#### RAPIDMINER STUDIO

HERRAMIENTA DE MINERÍA DE DATOS

https://rapidminer.com/products/studio/

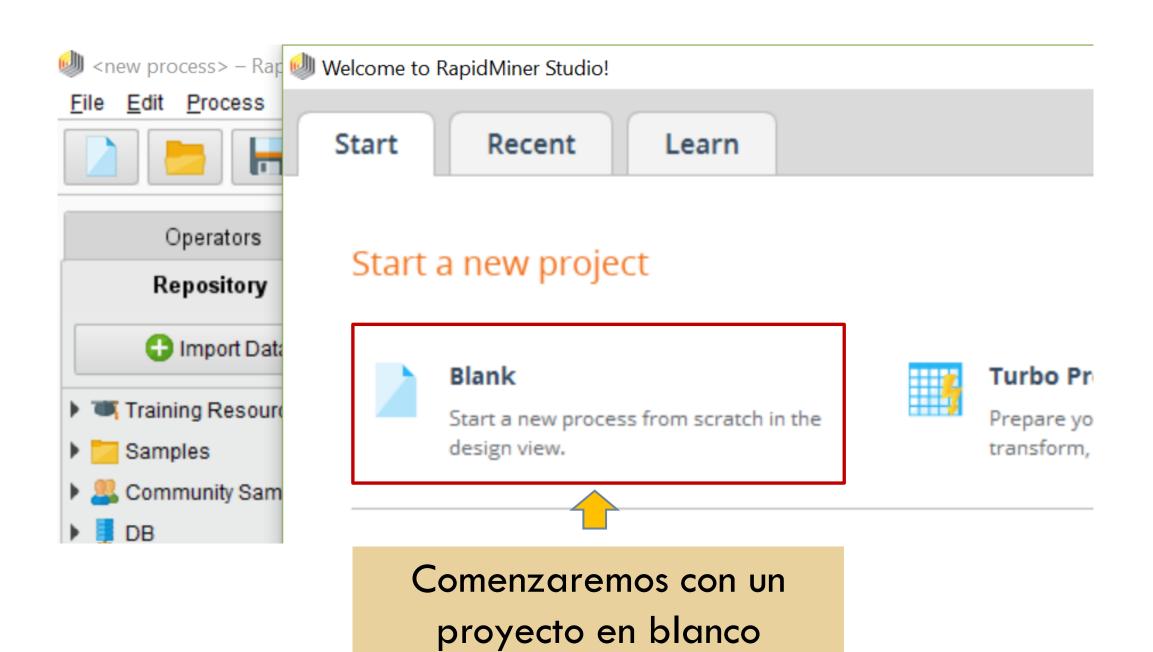
### RapidMiner studio

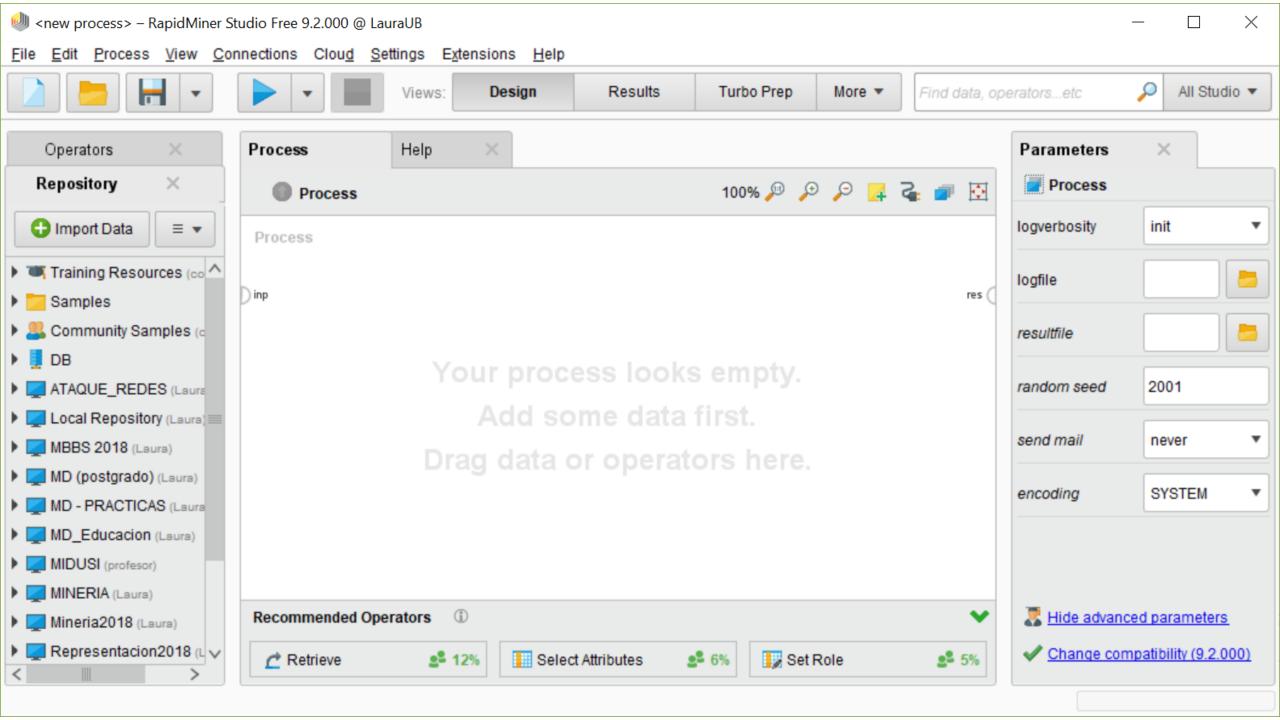
- Es un entorno para experimentación de análisis de datos que posee implementadas distintas estrategias de Minería de Datos.
- Es de distribución libre.
- Opera a través de la conexión de componentes visuales.

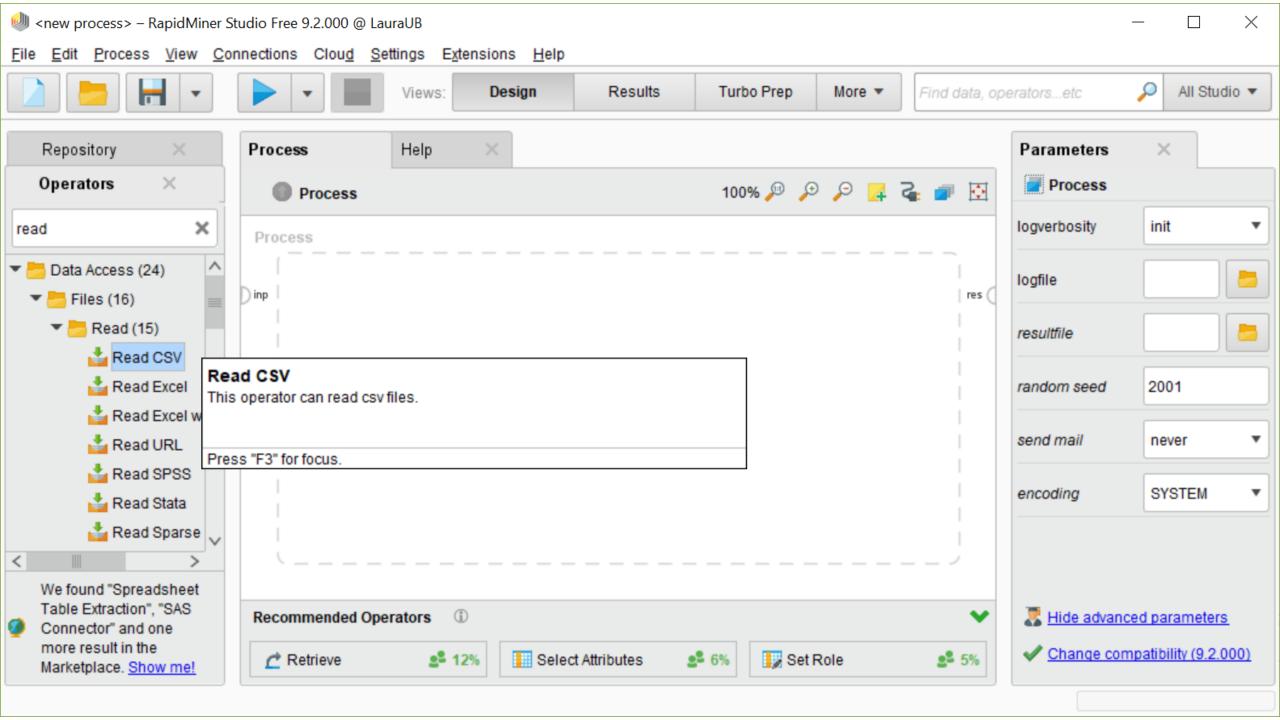
## EJEMPLO: autos-mpg.csv

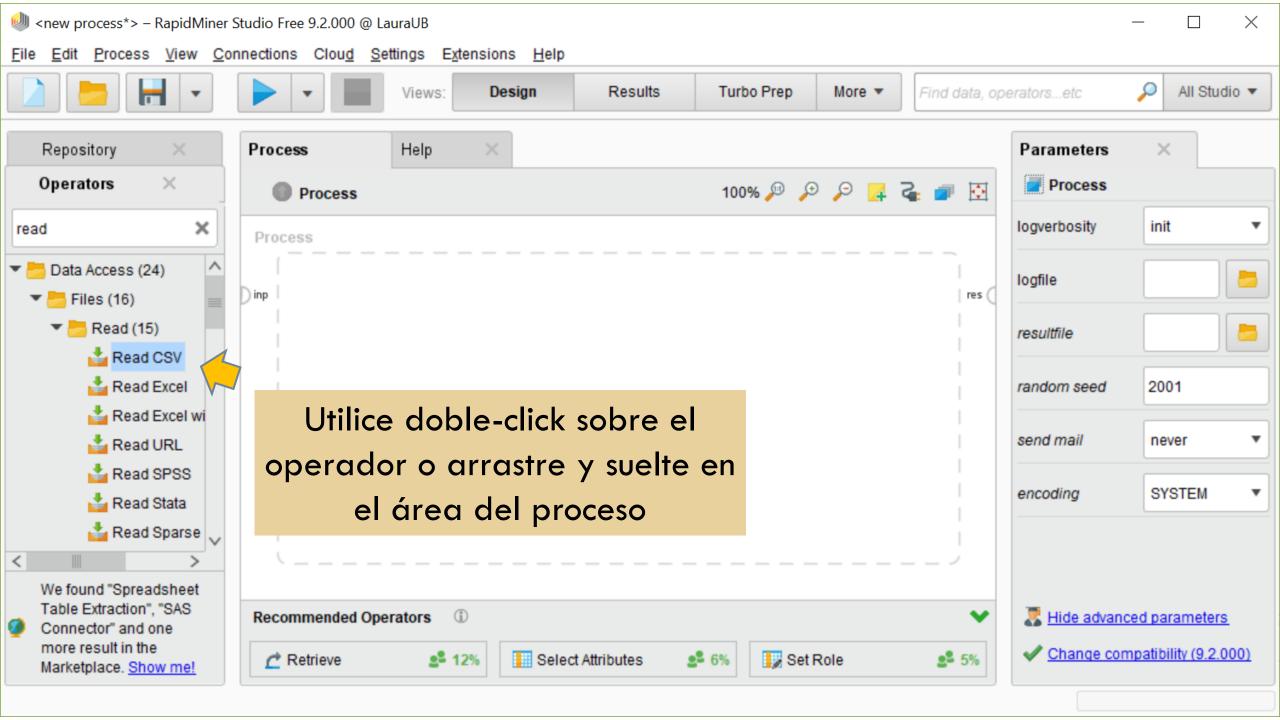
- Utilizaremos RapidMiner Studio para analizar la información disponible.
- Antes de comenzar, asegúrese de que dispone del archivo autos-mpg.csv
- □ De no ser así, puede descargarlo del siguiente URL

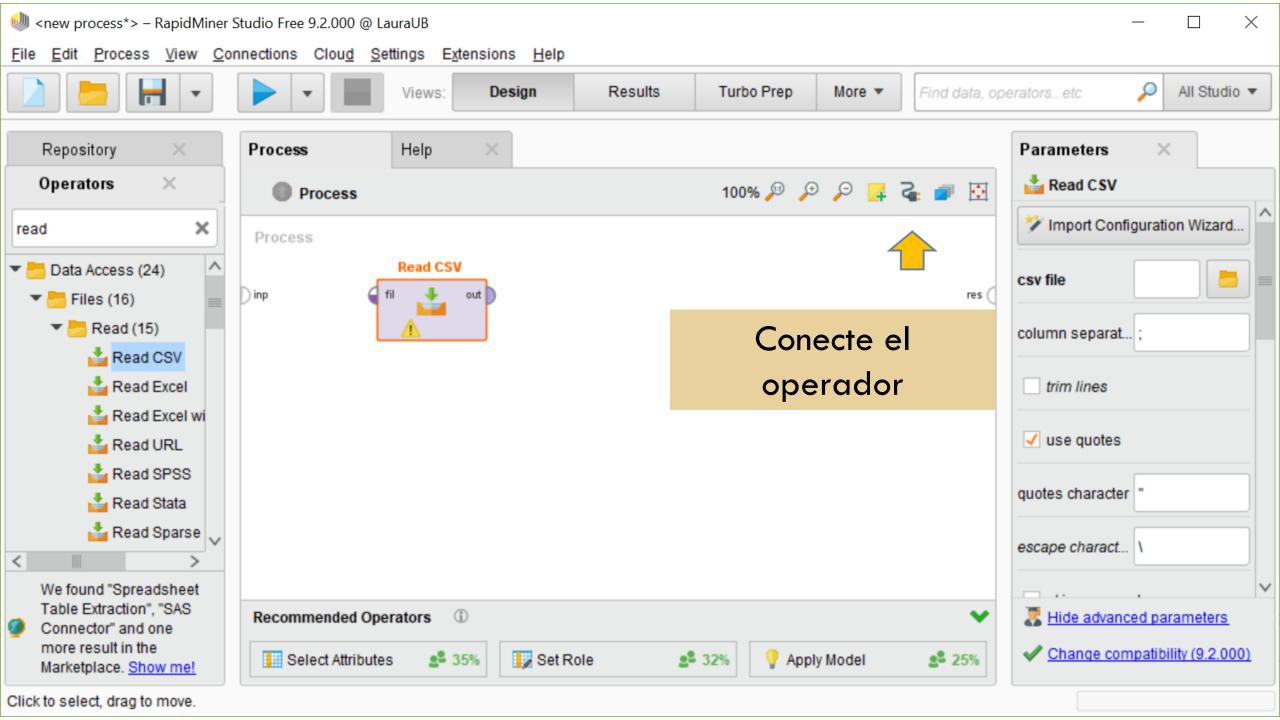
weblidi.info.unlp.edu.ar/catedras/MD\_SI/

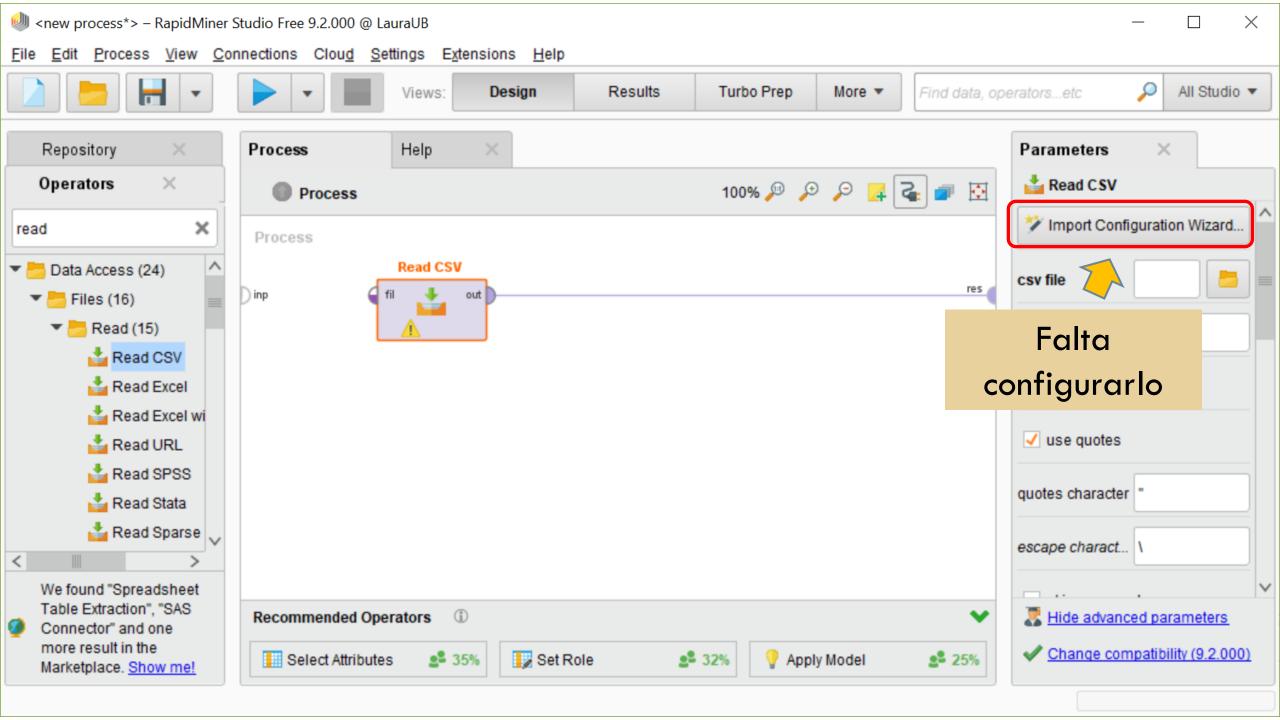


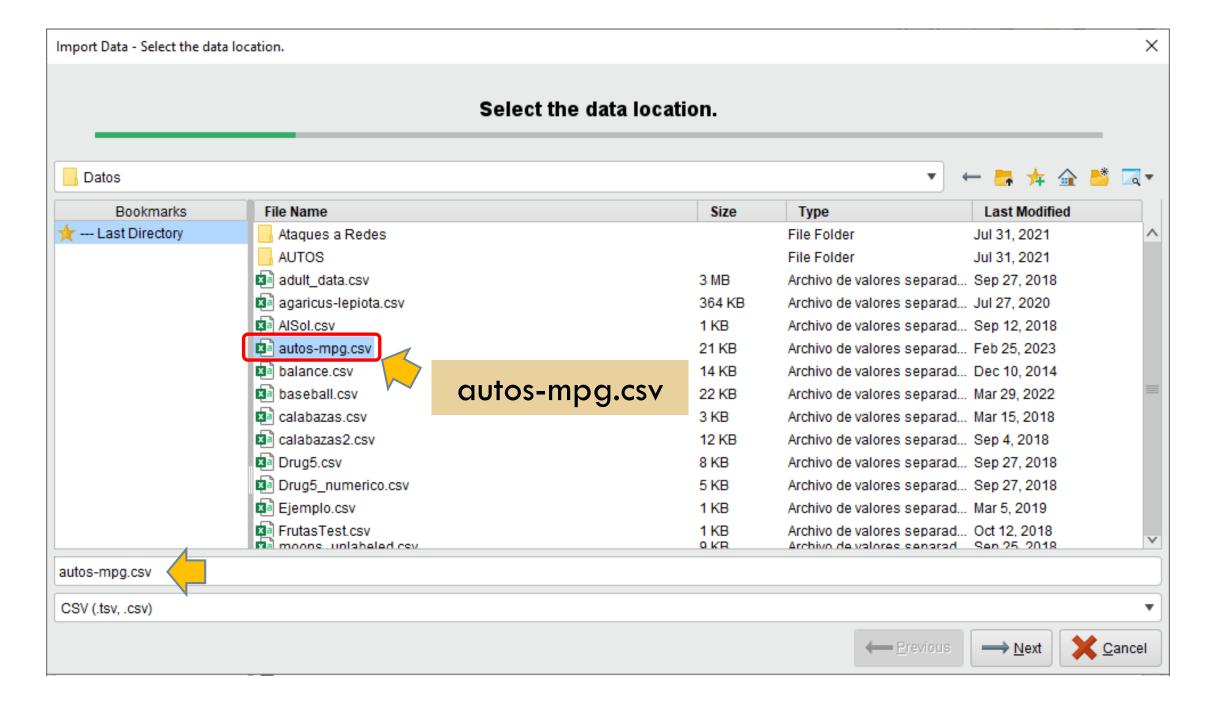


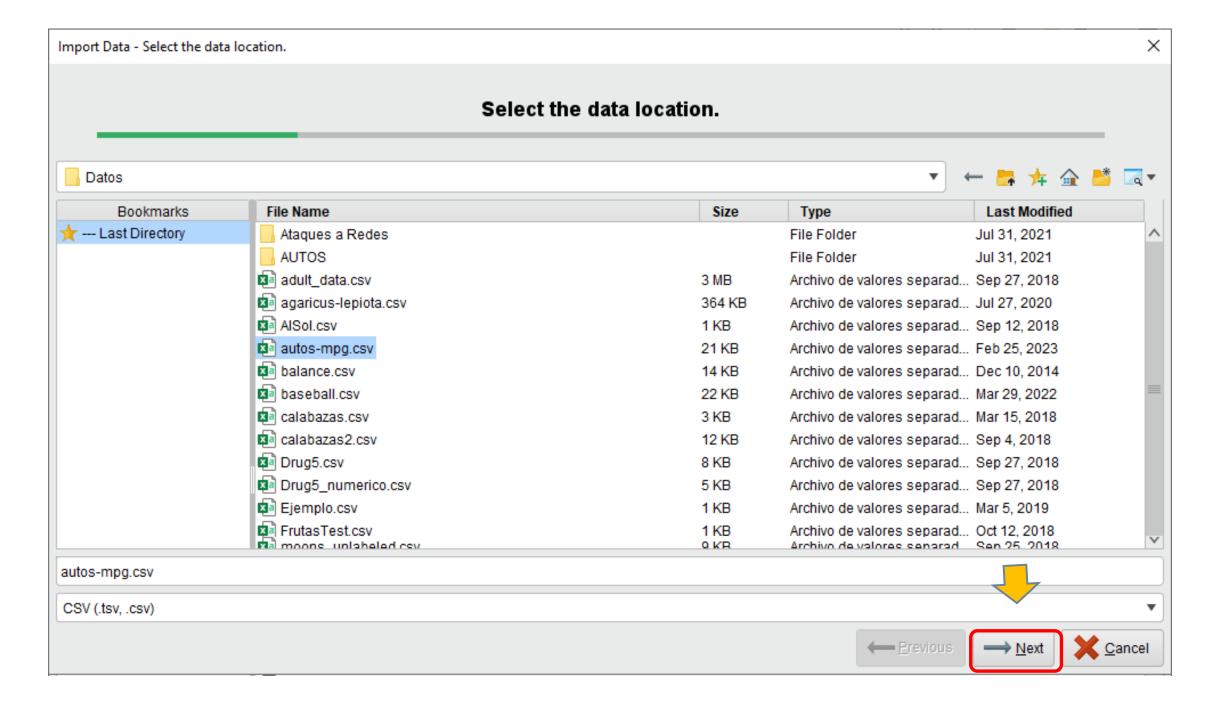


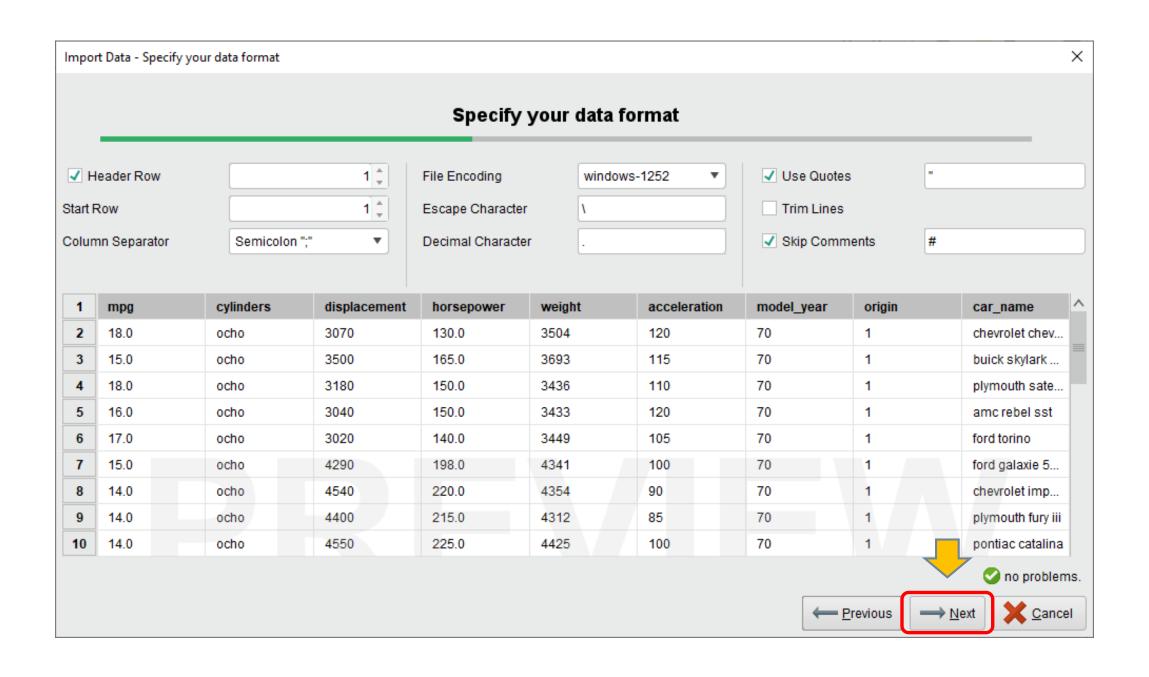


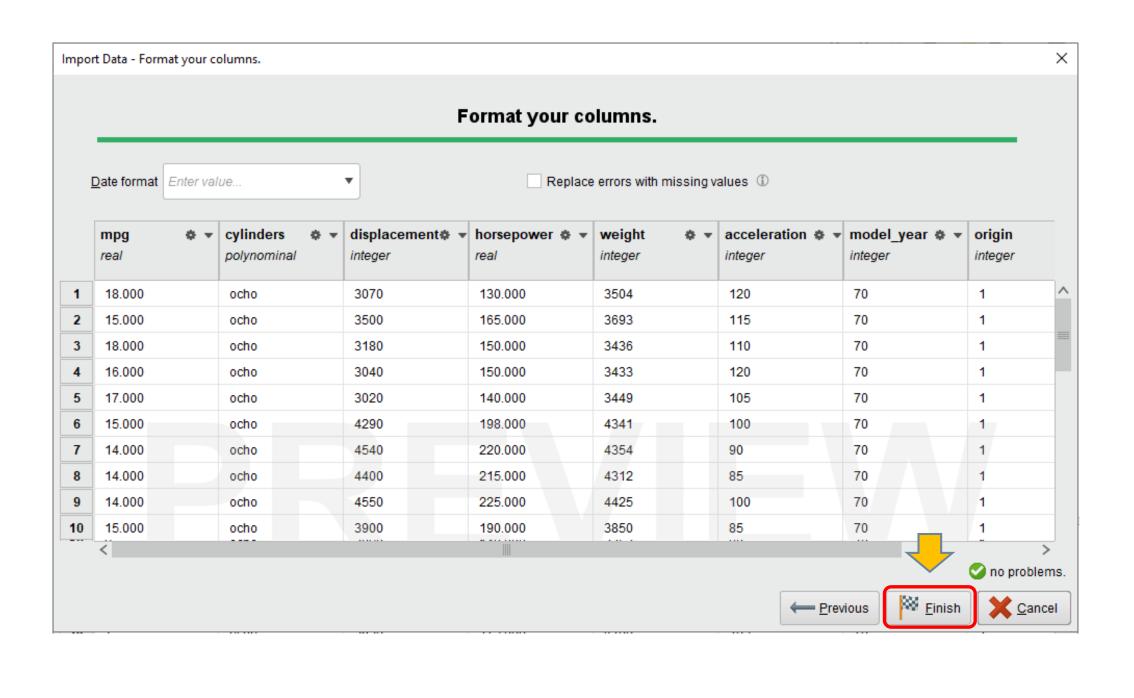


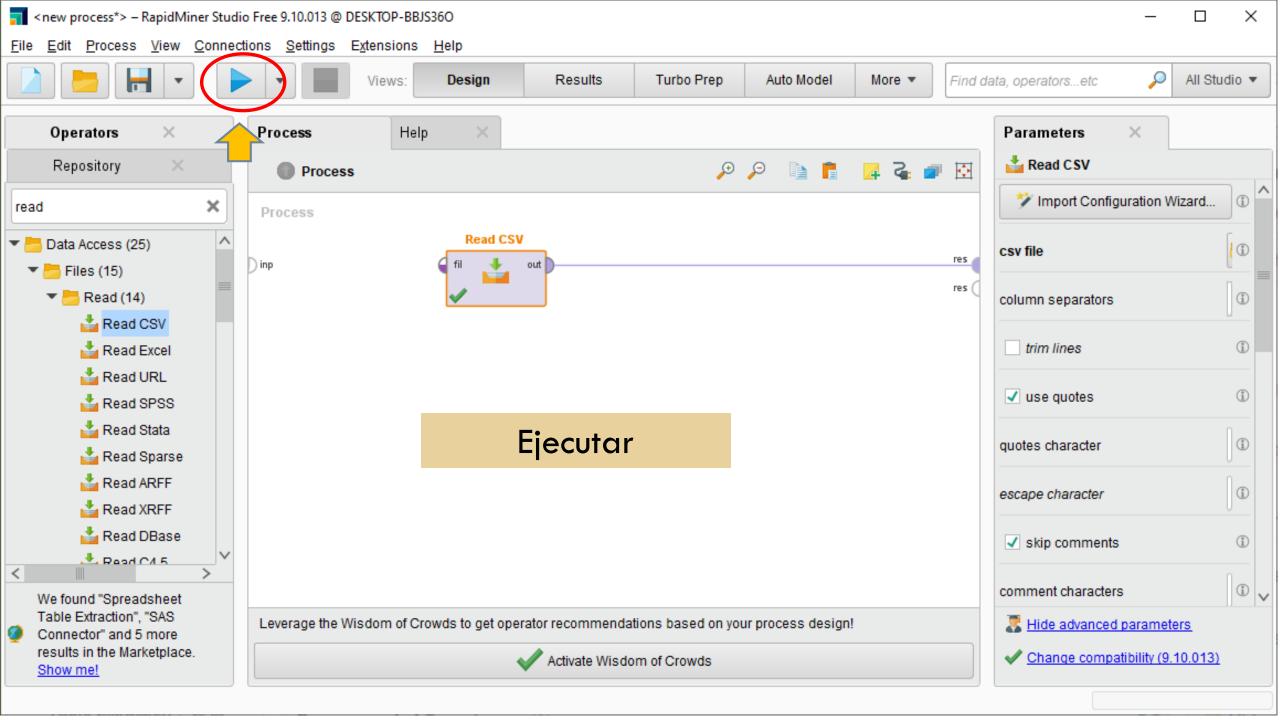


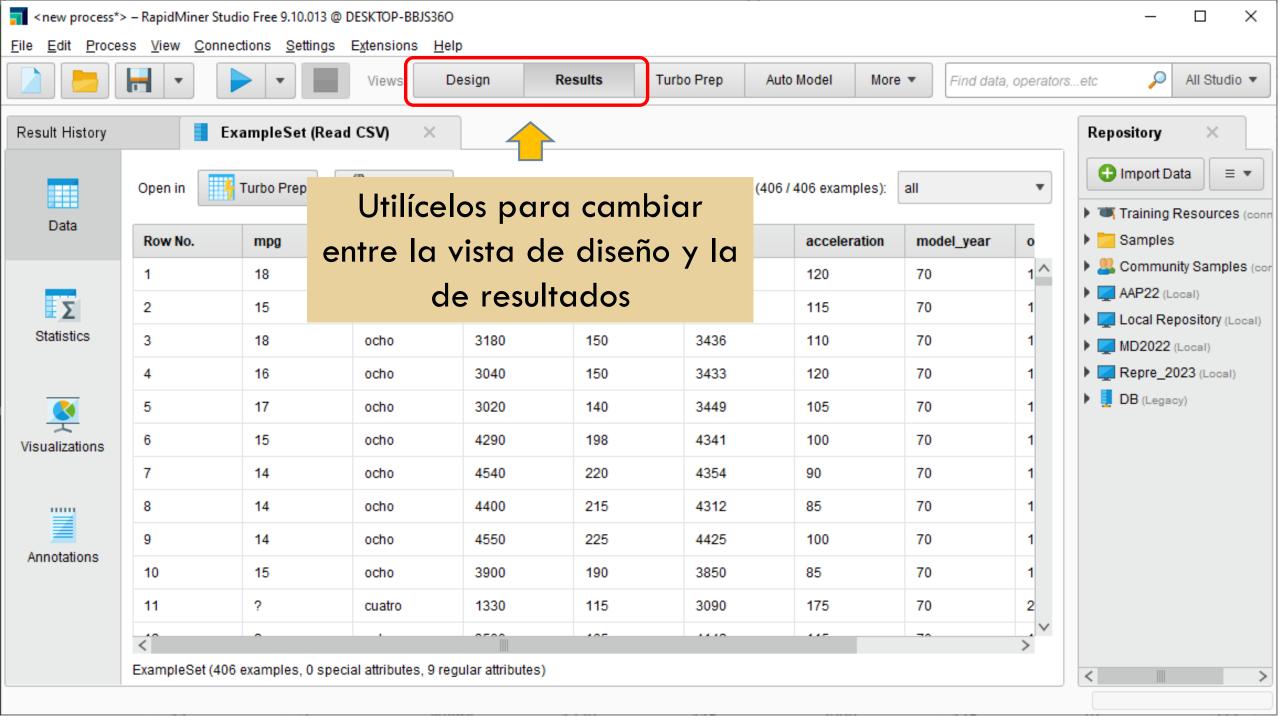


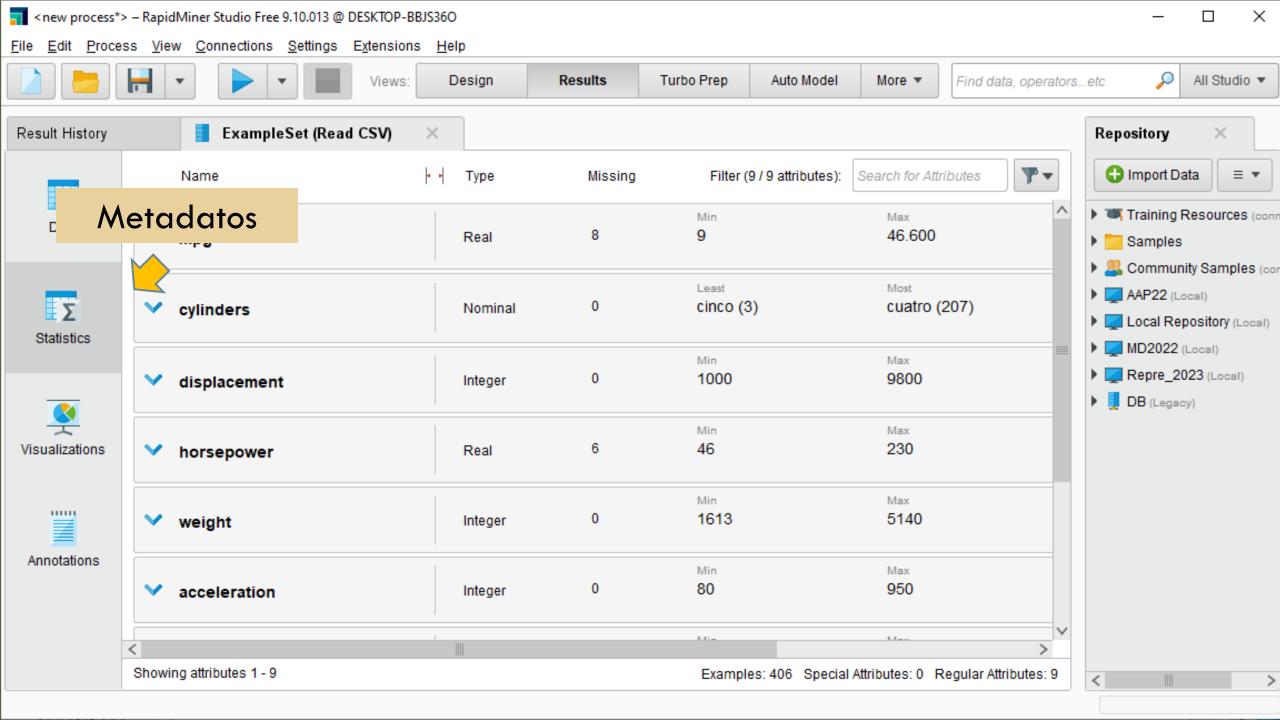




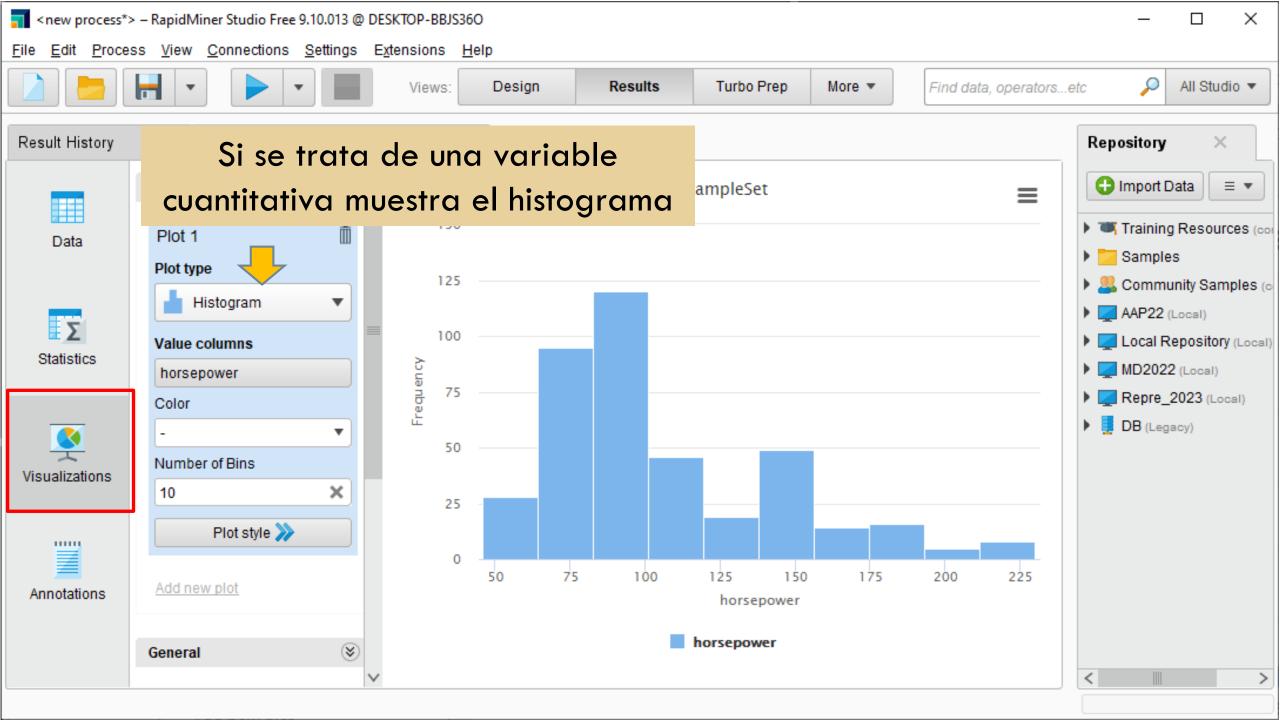


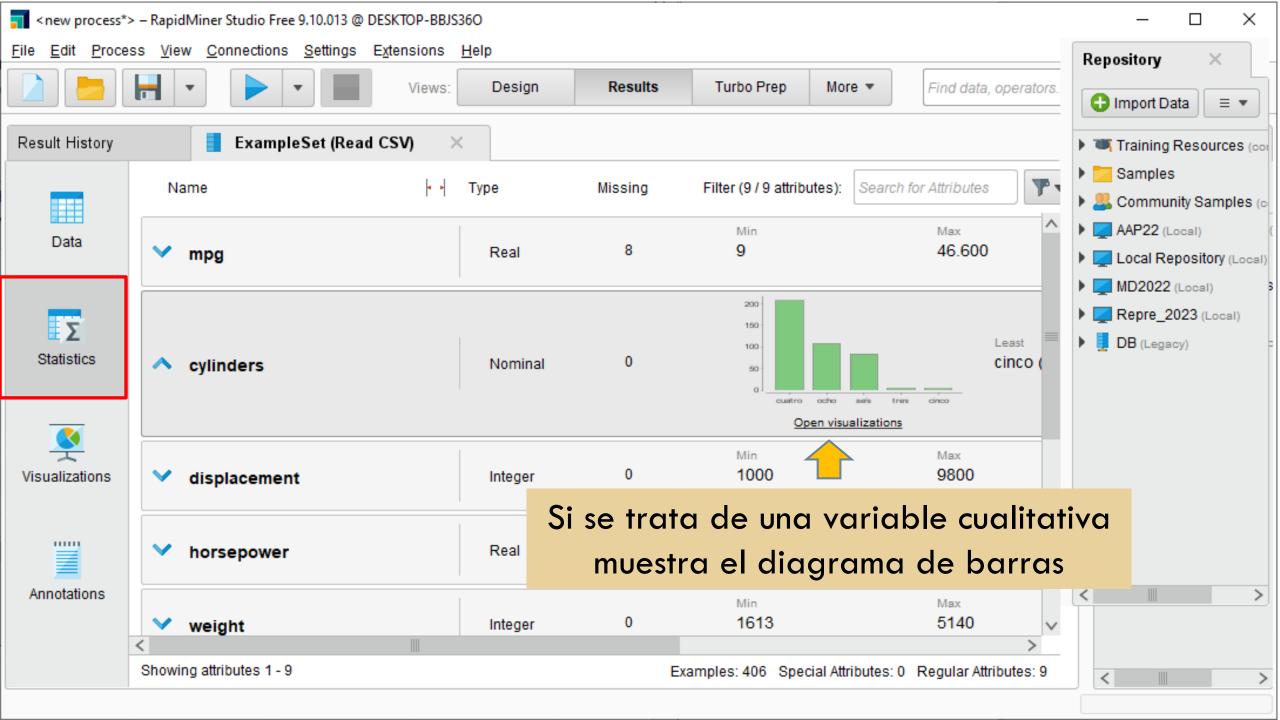


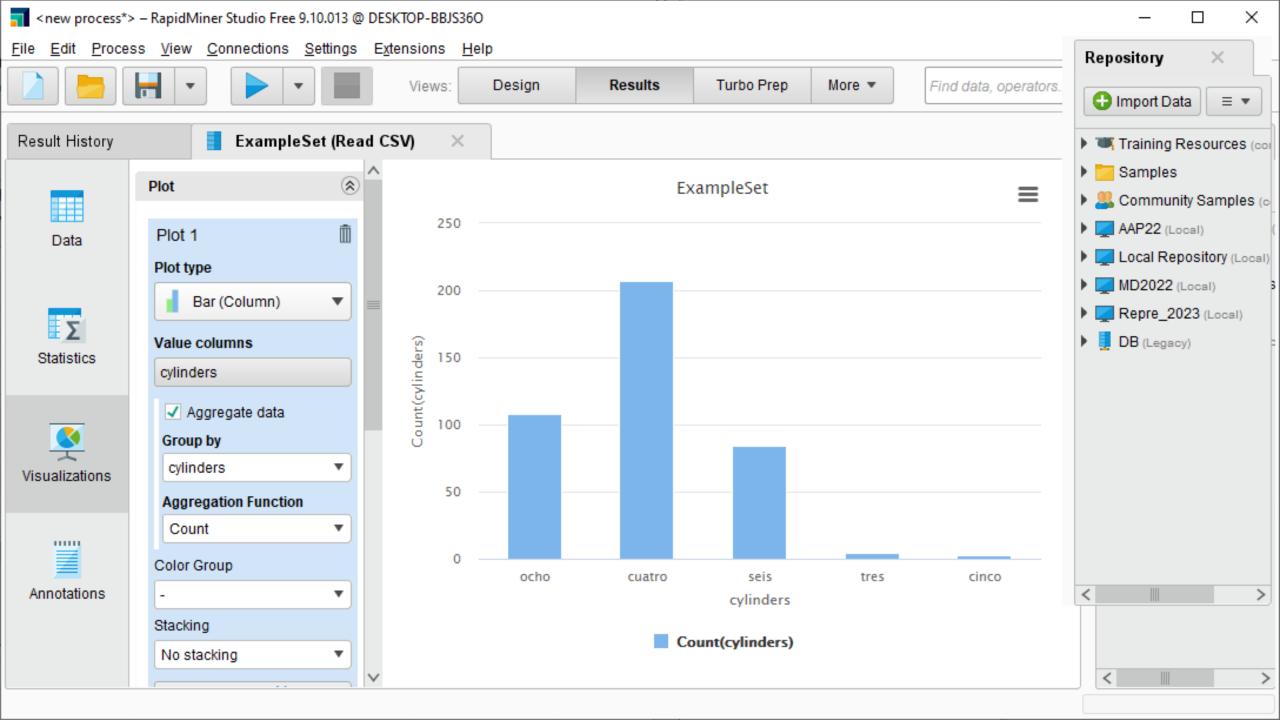












# Descripciones estadísticas básicas

 Identifican propiedades de los datos y destacan qué valores deben tratarse como ruido o valores atípicos

#### MEDIDAS DE TENDENCIA CENTRAL

- Media
- Mediana
- Moda
- □ Rango medio

#### MEDIDAS DE DISPERSION

- Varianza
- Desviación estándar
- Rango
- Cuartiles
- Rango Intercuartil

#### **MEDIA**

 La MEDIA es el promedio de los valores del atributo. Dicho atributo debe ser numérico.

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^{N} x_i}{N}$$

N es la cantidad de valores a promediar

Ejemplo

$$\bar{X} = \frac{30 + 36 + 47 + 50 + 52 + 52 + 60 + 63 + 70 + 70 + 110}{12} = \frac{696}{12} = 58$$

#### MEDIA

□ La MEDIA es el promedio de los valores del atributo. Dicho atributo debe ser numérico.

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^{N} x_i}{N}$$

N es la cantidad de valores a promediar

Ejemplo

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110



$$\bar{X} = 58$$

**MEDIA TRUNCADA** 

¿cómo se calcula? ¿para qué sirve?

- Divide a los valores del atributo en dos partes iguales de manera que los anteriores son todos menores que él y los siguientes son mayores.
- Antes de calcularla deben ordenarse los valores del atributo.

□ Ejemplo: atributo numérico con una **cantidad impar** de valores



$$\tilde{X} = x_{(N+1)/2} = 56$$

- Divide a los valores del atributo en dos partes iguales de manera que los anteriores son todos menores que él y los siguientes son mayores.
- Antes de calcularla deben ordenarse los valores del atributo.

□ Ejemplo: atributo numérico con una **cantidad impar** de valores



$$\tilde{X} = 56$$

- Divide a los valores del atributo en dos partes iguales de manera que los anteriores son todos menores que él y los siguientes son mayores.
- Antes de calcularla deben ordenarse los valores del atributo.

□ Ejemplo: atributo numérico con una cantidad par de valores



$$\tilde{X} = \frac{x_{N/2} + x_{(N+1)/2}}{2} = \frac{52 + 56}{2} = 54$$

- Divide a los valores del atributo en dos partes iguales de manera que los anteriores son todos menores que él y los siguientes son mayores.
- Antes de calcularla deben ordenarse los valores del atributo.

□ Ejemplo: atributo numérico con una cantidad par de valores



$$\tilde{X} = 54$$

- También puede calcularse sobre atributos ordinales. En tal caso, el resultado será o bien el valor que divide al conjunto en dos partes iguales o bien se dirá que "la mediana está entre los valores ...".
- Antes de calcularla deben ordenarse los valores del atributo.

□ Ejemplo: atributo ordinal con una **cantidad impar** de valores

chico chico chico medio medio grande grande



$$\tilde{X} = medio$$

- También puede calcularse sobre atributos ordinales. En tal caso, el resultado será o bien el valor que divide al conjunto en dos partes iguales o bien se dirá que "la mediana está entre los valores ...".
- Antes de calcularla deben ordenarse los valores del atributo.

□ Ejemplo: atributo ordinal con una **cantidad par** de valores

chico chico medio medio grande grande



$$\tilde{X} = medio$$

- También puede calcularse sobre atributos ordinales. En tal caso, el resultado será o bien el valor que divide al conjunto en dos partes iguales o bien se dirá que "la mediana está entre los valores ...".
- Antes de calcularla deben ordenarse los valores del atributo.

□ Ejemplo: atributo ordinal con una **cantidad par** de valores

chico chico chico medio grande grande



 $ilde{X}$  está entre "chico" y "medio"

### MODA

- La moda es el valor que aparece con mayor frecuencia. Por lo tanto, puede determinarse para atributos cualitativos y cuantitativos.
- □ Es posible que la mayor frecuencia corresponda a varios valores diferentes, lo que da lugar a más de una MODA.
- □ En general, un conjunto de datos con dos o más modas es multimodal.
- □ Si cada valor de los datos ocurre sólo una vez, entonces no hay moda.

### MODA

- La moda es el valor que aparece con mayor frecuencia. Por lo tanto, puede determinarse para atributos cualitativos y cuantitativos.
- □ Ejemplo: atributo numérico

```
30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110
```

- □ Hay 2 modas y sus valores son 52 y 70
- Ejemplo: atributo nominal

■ La moda es "chino" por ser el valor que aparece más veces

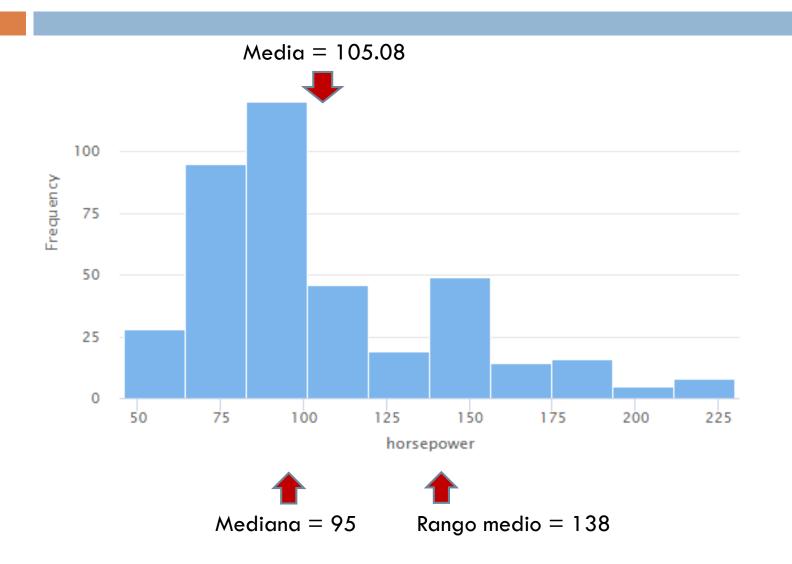
### RANGO MEDIO

- El rango medio es fácil de calcular y también puede utilizarse para evaluar la tendencia central de un conjunto de datos numéricos.
- Es la media de los valores máximo y mínimo del conjunto.

Ejemplo

rango medio = 
$$\frac{maximo + minimo}{2} = \frac{110 + 30}{2} = \frac{140}{2} = 70$$

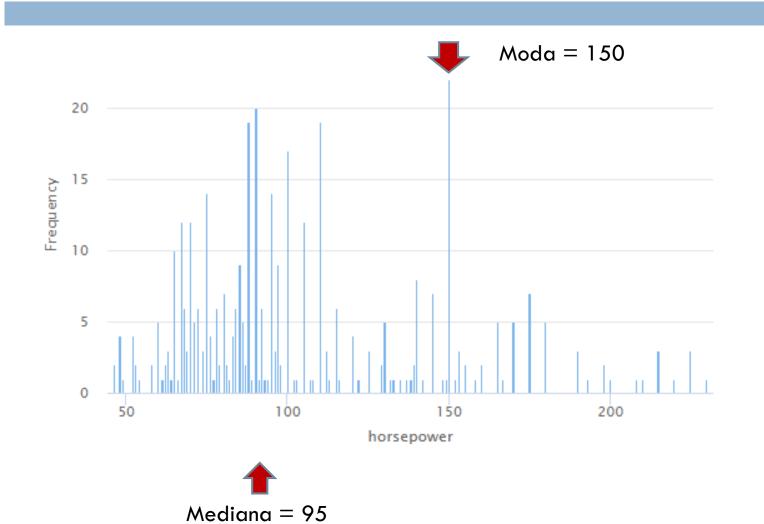
## Atributo HORSEPOWER



Media	105.08
Mediana	95
Moda	150
Rango medio	138

ID	horsepower	
1	46	
2	46	
•••		
199	94	
200	95	
201	95 🛑	Mediana = 95
202	95	
•••		
400	225	
401	230	

# Atributo HORSEPOWER



Media	105.08
Mediana	95
Moda	150
Rango medio	138

ID	horsepower	
1	46	
2	46	
• • •		
199	94	
200	95	
201	95 🛑	Mediana = 95
202	95	
•••		
400	225	
401	230	

# Descripciones estadísticas básicas

 Identifican propiedades de los datos y destacan qué valores deben tratarse como ruido o valores atípicos

#### MEDIDAS DE TENDENCIA CENTRAL

- Media
- Mediana
- Moda
- Rango medio

#### **MEDIDAS DE DISPERSION**

- Varianza
- Desviación estándar
- Rango
- Cuartiles
- Rango Intercuartil

### VARIANZA Y DESVIACION ESTANDARD

- La varianza mide la dispersión de los datos con respecto a la media.
   La desviación estándar es la raíz cuadrada de la varianza.
- Valores bajos indican que las observaciones de los datos tienden a estar muy cerca de la media, mientras que valores altos indican que los datos están muy dispersos.
- Estimadores de la varianza muestral

$$S^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (x_i - \bar{x})^2$$

$$E(S^2) = \frac{n-1}{n}\sigma^2$$
 es **sesgado**

$$S^{2} = \frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^{N} (x_{i} - \bar{x})^{2}$$

$$E(S^2) = \sigma^2$$
 es insesgado

### VARIANZA Y DESVIACION ESTANDARD

Ejemplo

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110

Varianza muestral

$$S^{2} = \frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^{N} (x_{i} - \bar{x})^{2} = \frac{1}{11} ((30 - 58)^{2} + (36 - 58)^{2} + \dots + (110 - 58)^{2})$$

$$S^2 \approx 413.6364$$

Desviación estándar muestral

$$S \approx \sqrt{413.6364} \approx 20.3381$$

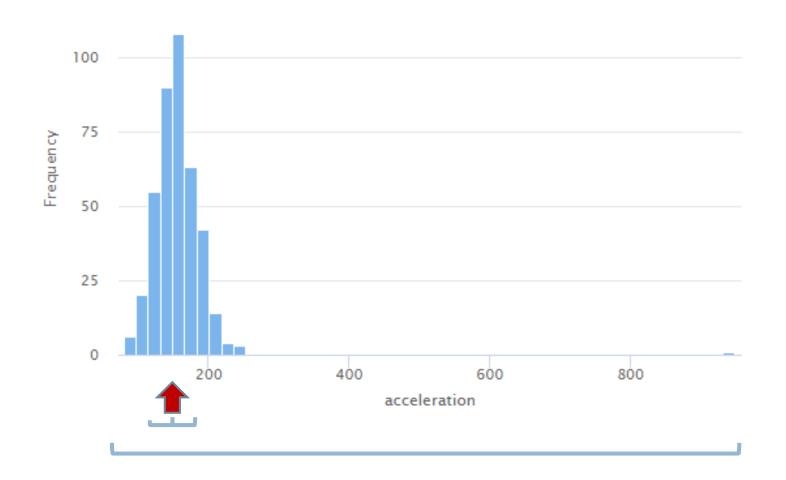
### RANGO

 El rango de un conjunto de valores numéricos es la diferencia entre los valores máximo y mínimo de dicho conjunto.

Ejemplo

$$rango = maximo - minimo = 110 - 30 = 80$$

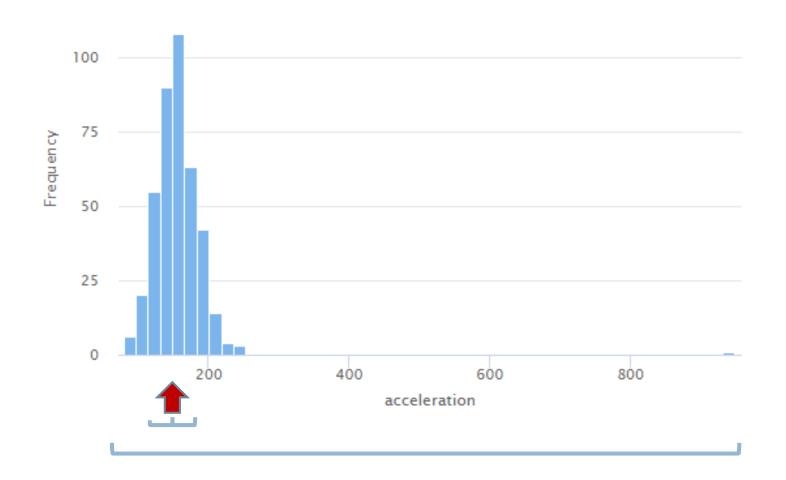
## Atributo ACCELERATION



Media	157.30
Desviación	48.29
Minimo	80
Maximo	950
Rango	515

ID	acceleration
•••	•••
403	237.0
404	246.0
405	248.0
406	950.0

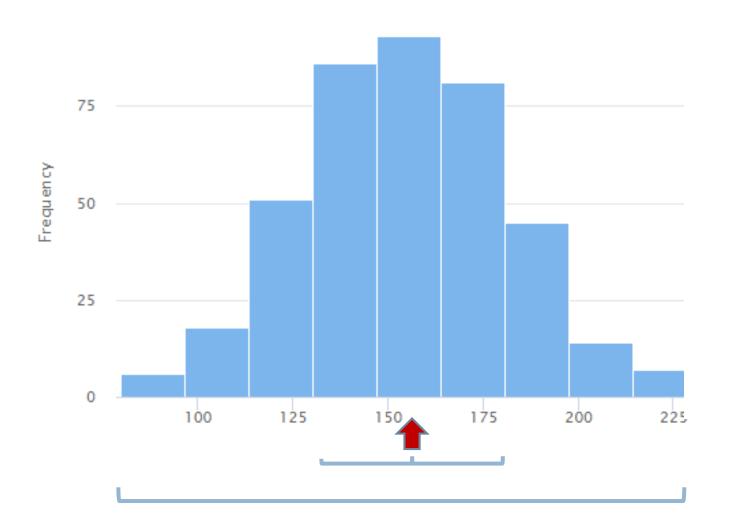
## Atributo ACCELERATION



Media	157.30
Desviación	48.29
Minimo	80
Maximo	950
Rango	515

ID	acceleration
•••	•••
403	237.0
404	246.0
405	248.0
406	950.0

## Atributo ACCELERATION



Media	155.35
Desviación	27.91
Minimo	80
Maximo	248
Rango	164

ID	acceleration
•••	•••
403	237.0
404	246.0
405	248.0
406	950.0

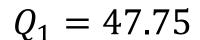
# Cuantiles, Cuartiles y Percentiles

- Los cuantiles son valores que dividen un conjunto numérico ordenado en partes iguales. Es decir que determinan intervalos que comprenden el mismo número de valores.
- Los cuantiles más usados son los siguientes:
  - CUARTILES: dividen la distribución en cuatro partes.
  - DECILES: dividen la distribución en diez partes.
  - Centiles o PERCENTILES: dividen la distribución en cien partes.
    - El percentil es una medida de posición usada en estadística que indica, una vez ordenados los datos de menor a mayor, el valor de la variable por debajo del cual se encuentra un porcentaje dado de observaciones en un grupo.

#### □ Ejemplo:

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110







$$Q_2 = 54$$

$$Q_3 = 68.25$$

¿Cómo se calculan?

□ Ejemplo:

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110

- □ La ubicación de Q1 es (N+1)/4 siendo N la cantidad de valores disponibles, es decir, (12+1)/4=13/4=3.25
- Como no es un número entero calculamos su valor de manera proporcional entre el 3ro y el 4to valor.

$$Q_1 = x_3 + 0.25 * (x_4 - x_3)$$
  
= 47 + 0.25 \* (50 - 47) = 47.75

□ Ejemplo:

```
30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110
```

- □ La ubicación de Q3 es 3(N+1)/4 = 3\*(12+1)/4 = 3\*13/4 = 9.75
- Como no es un número entero calculamos su valor de manera proporcional entre el 9no y el 10mo valor.

$$Q_3 = x_9 + 0.75 * (x_{10} - x_9)$$
$$= 63 + 0.75 * (70 - 63) = 68.25$$

- □ Los cuartiles suelen representarse como Q1, Q2 y Q3. El 2do. cuartil o Q2 coincide con la MEDIANA.
- □ Usaremos (N+1)/4 y 3(N+1)/4 para hallar las posiciones de Q1 y Q3 respectivamente, siendo N la cantidad de valores disponibles.
  - Si no hay parte decimal, se toma directamente el elemento.
  - Si la posición corresponde a un número con parte decimal entre el elemento i y el i+1, se toma el valor proporcional. Sea un número de la forma i,d donde i es la parte entera y d la decimal. El cuartil será:

$$Q = x_i + d (x_{i+1} - x_i)$$

#### □ Ejemplo:

63 70 



$$Q_1 = 47.75$$



$$Q_2 = 54$$

$$Q_2 = 54$$
  $Q_3 = 68.25$ 

## RANGO INTERCUARTIL

- La distancia entre Q1 y Q3 es una medida sencilla de dispersión que da el rango cubierto por la mitad de los datos.
- □ Esta distancia se denomina rango intercuartil (IQR) y se define como

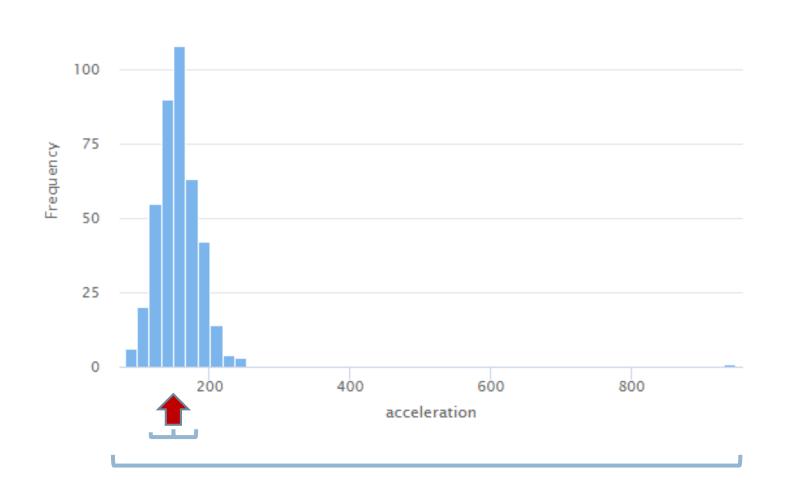
$$RIC = Q_3 - Q_1$$

□ Ejemplo:

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110 
$$Q_1 = 47.75$$
  $Q_2 = 54$   $Q_3 = 68.25$ 

$$RIC = Q_3 - Q_1 = 68.25 - 47.75 = 20.50$$

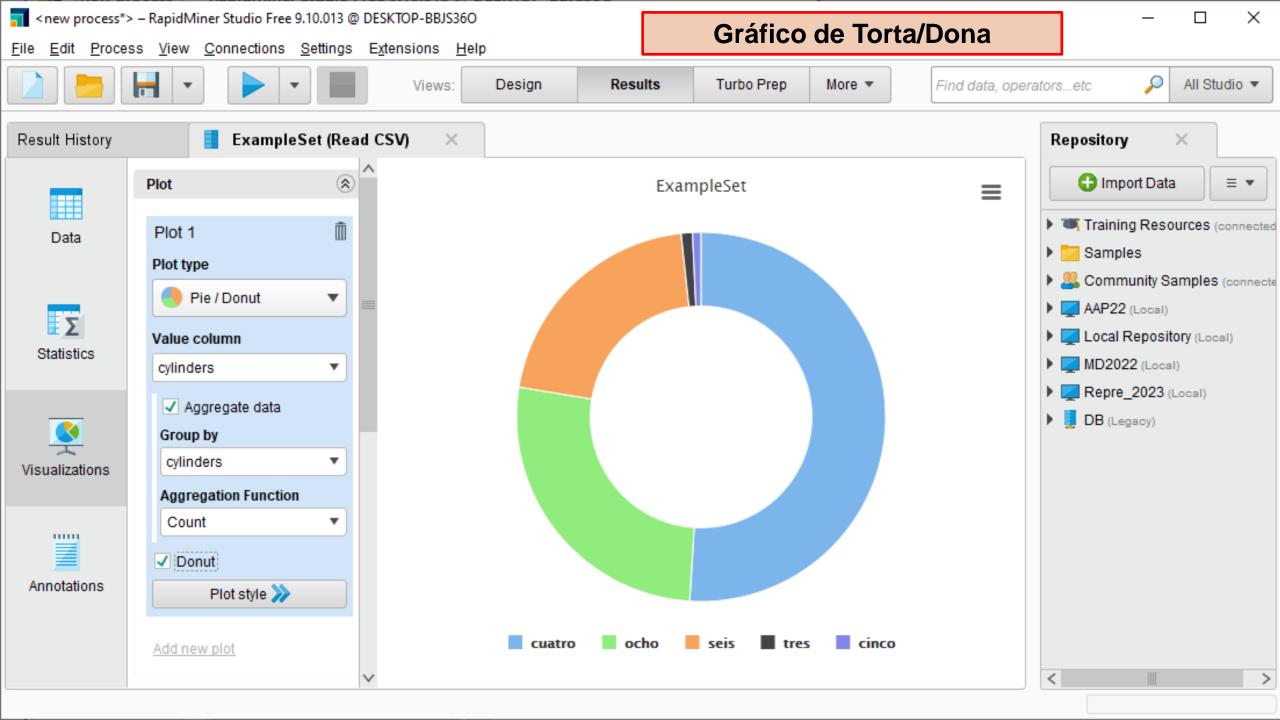
## Atributo ACCELERATION

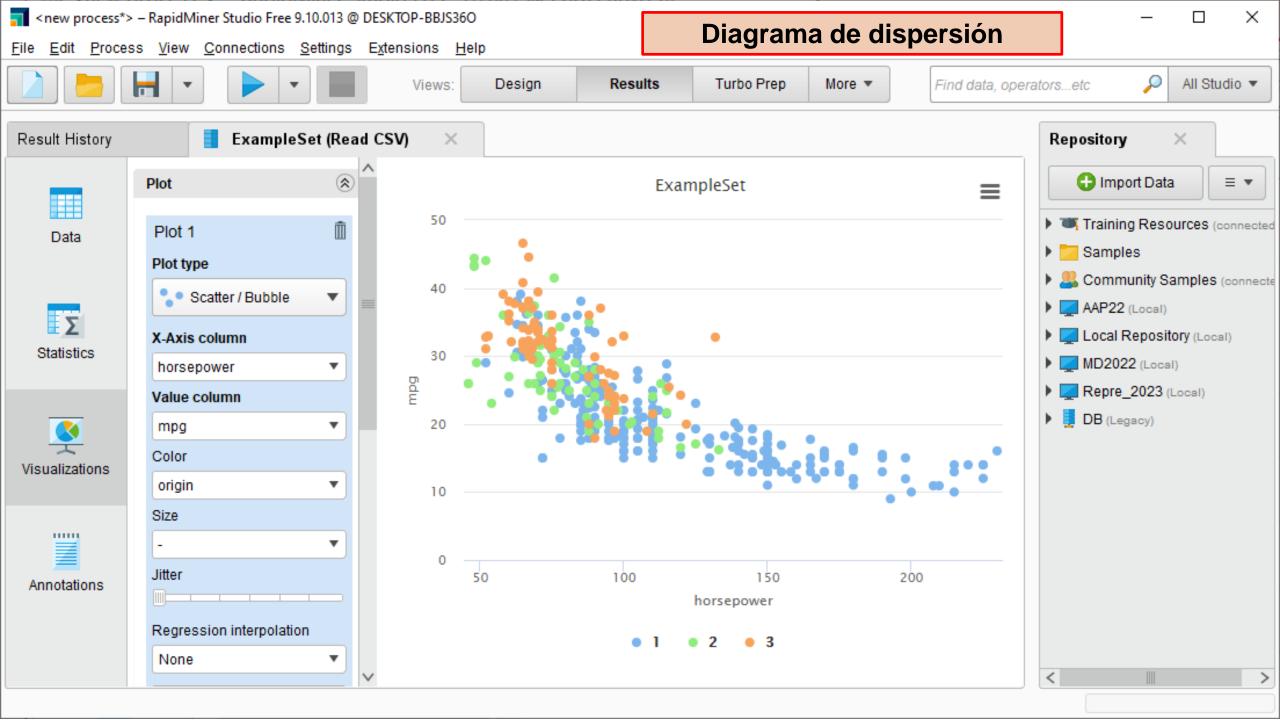


Media	15/.30				
Modidae d	- Dispossión				
Medidas de Dispersión					
Varianza	2332.31				
Desviación	48.29				
Rango	515				
Q1	137.0				
Q2	155.0				
Q3	172.25				
RIQ	35.25				

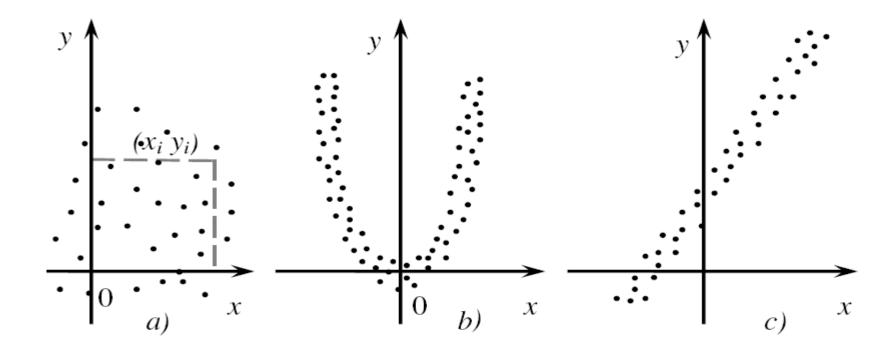
# Autos-mpg.csv

	mpg	acceleration	horsepower	weight
mean	23.52	1 <i>57</i> .30	105.08	2979.41
std	7.82	48.29	38.77	847.00
min	9.00	80.00	46.00	1613.00
Q1	17.50	137.00	75.75	2225.25
Q2	23.00	155.00	92.50	2822.50
Q3	29.80	172.25	129.25	3622.50
max	46.60	950.00	230.00	5140.00
RIC	12.30	35.25	53.50	1397.25
Rango	37.60	870.00	184.00	3527.00

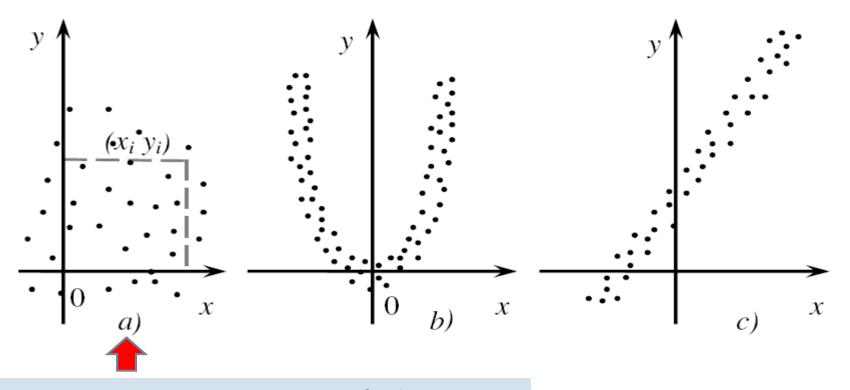




□ Consiste en dibujar pares de valores  $(x_i, y_i)$  medidos de la v.a. (X,Y) en un sistema de coordenadas

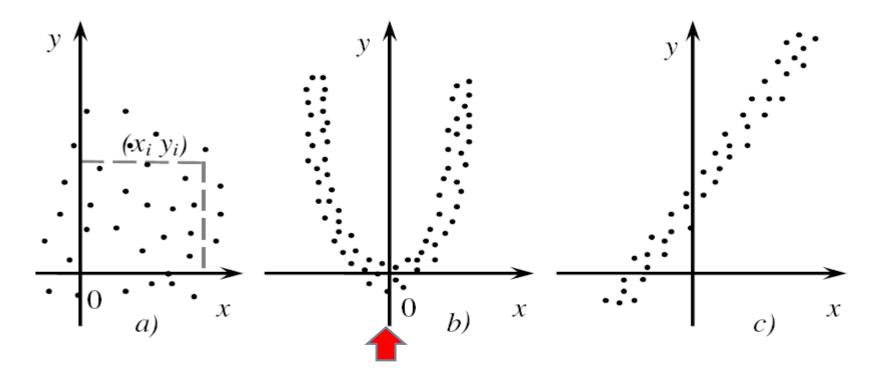


 Consiste en dibujar pares de valores (x<sub>i</sub>, y<sub>i</sub>) medidos de la v.a. (X,Y) en un sistema de coordenadas



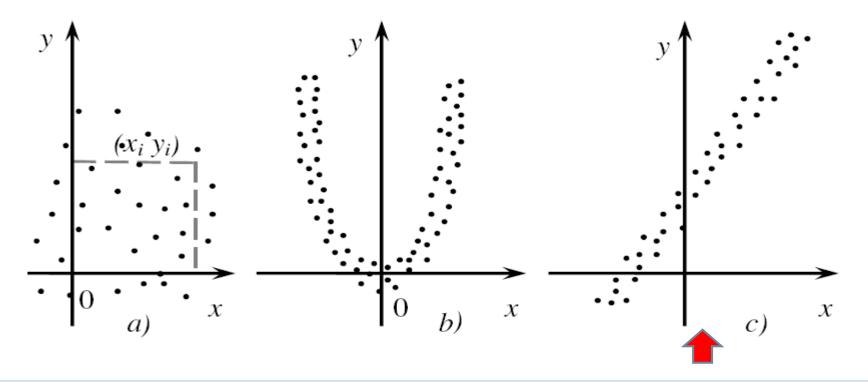
Entre X e Y no hay ninguna relación funcional

 Consiste en dibujar pares de valores (x<sub>i</sub>, y<sub>i</sub>) medidos de la v.a. (X,Y) en un sistema de coordenadas



Entre X e Y podría existir un relación funcional que corresponde a una parábola

 Consiste en dibujar pares de valores (x<sub>i</sub>, y<sub>i</sub>) medidos de la v.a. (X,Y) en un sistema de coordenadas



Entre X e Y existe una relación lineal. Este es el tipo de relación que nos interesa

#### Relación entre atributos numéricos

Al momento de construir un modelo de Minería de Datos resulta de interés saber si dos atributos numéricos se encuentran linealmente relacionados o no. Para ello se usa el coeficiente de correlación lineal.

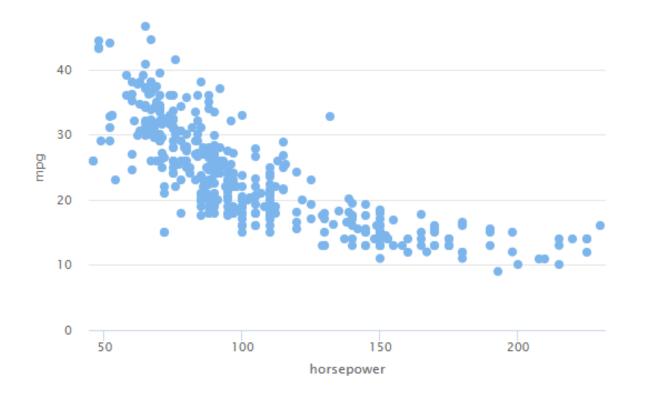


Diagrama de dispersión entre HORSEPOWER y MPG

### Coeficiente de correlación lineal

 $\ \square$  Dados dos atributos X e Y el coeficiente de correlación lineal entre ellos se calcula de la siguiente forma

$$Corr(X,Y) = \frac{Cov(X,Y)}{\sigma_X \sigma_Y}$$

siendo Cov(X,Y) la covarianza entre X e Y y  $\sigma_X$  y  $\sigma_Y$  los desvíos de cada variable.

# Covarianza y desvío estándar

Dadas dos variables X y Y

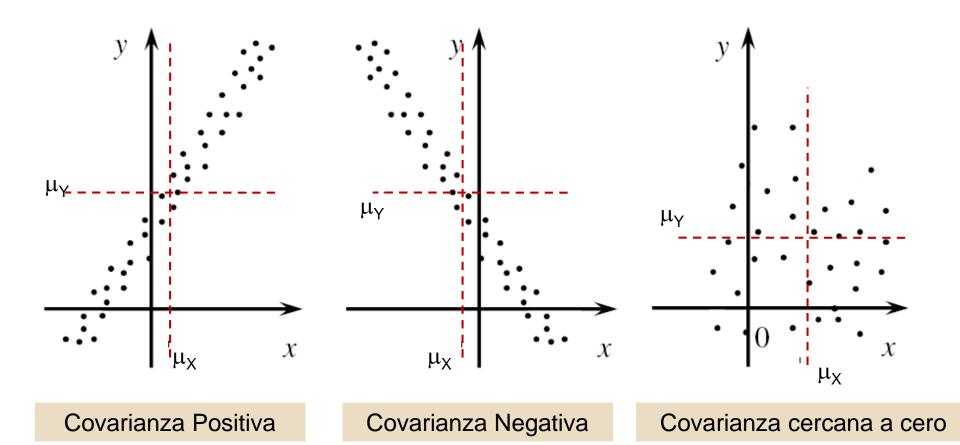
$$Cov(X,Y) = \left[\sum_{i=1}^{N} (x_i - \mu_X)(y_i - \mu_Y)\right]/N$$

$$\sigma_X = \sqrt{\left[\sum_{I=1}^N (x_i - \mu_X)^2\right]/N}$$

## Covarianza

$$Cov(X,Y) = \left[\sum_{i=1}^{N} (x_i - \mu_X)(y_i - \mu_Y)\right] / N$$

 La covarianza es un valor que indica el grado de variación conjunta de dos variables aleatorias respecto a sus medias.



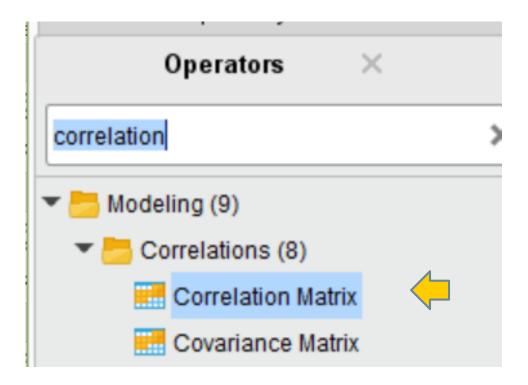
### Coeficiente de correlación lineal

#### INTERPRETACION

- □ Si 0.5≤ abs(Corr(A,B)) < 0.8 se dice que A y B tienen una correlación lineal débil.
- □ Si abs(Corr(A,B)) > 0.8 se dice que A y B tienen una correlación lineal fuerte
- □ Si **abs(Corr(A,B))<0.5** se dice que A y B no están correlacionados linealmente. Esto NO implica que son independientes, sólo que entre ambos no hay una correlación lineal.

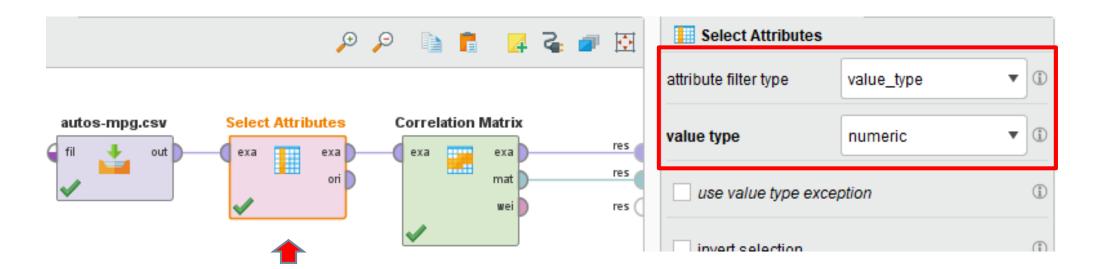
### Coeficiente de correlación lineal entre atributos

 Puede utilizarse el operador Correlation Matrix para calcular la matriz de correlación. Recuerde que la métrica sólo aplica entre atributos numéricos.



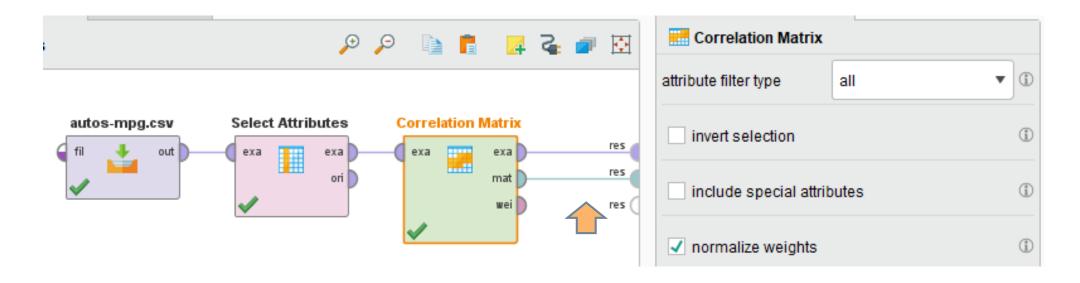
### Matriz de Correlación

 Para reducir el tamaño de la matriz a construir se seleccionaron previamente los atributos numéricos



### Matriz de Correlación

 Note que debe conectar la salida correspondiente a la matriz de correlación



## Matriz de correlación

#### □ Qué significa?

Attributes	mpg	displacement	horsepower	weight	acceleration	model_year
mpg	1	0.402	-0.778	-0.832	0.197	0.579
displacement	0.402	1	-0.291	-0.391	0.107	-0.009
horsepower	-0.778	-0.291	1	0.867	-0.260	-0.424
weight	-0.832	-0.391	0.867	1	-0.183	-0.315
acceleration	0.197	0.107	-0.260	-0.183	1	0.141
model_year	0.579	-0.009	-0.424	-0.315	0.141	1

Para obtener esta matriz todos los atributos deben ser numéricos y ninguno debe estar seleccionado como label

#### Resumen

#### PROCESO DE KDD

- Etapas del proceso KDD
- MD vs otras disciplinas
  - No requiere hipótesis previa
- □ Tipo conocimiento
  - Predictivo y descriptivo
- □ Tipos de variables
  - Cuantitativas y cualitativas

#### **ANALISIS DE DATOS**

- Descripciones estadísticas
  - Medidas de tendencia central
  - Medidas de dispersión
- Gráficos
  - Histograma
  - Diagrama de barras
  - Diagrama de dispersión –
     Coeficente de correlación lineal

# Ejercicio

- Analice la información del archivo estudiantes.csv
  - Indique qué tipo de gráfica puede construir con los atributos.
     Ejemplifique cada caso.
  - La Minería de Datos permite extraer dos tipos de conocimiento: descriptivo y predictivo. Ejemplifíquelos para el caso de los estudiantes.
  - Calcule el coeficiente de correlación lineal entre los atributos numéricos. Relacione los valores obtenidos con los diagramas de dispersión de cada par de atributos.