

CONSTANTES GENERALES: $e = -1,6 * 10^{-19} (C)$ $me = 9,11 * 10^{-31} (kg)$ $mp = 1,67 * 10^{-27} (kg)$ $NA = 6,023 * 10^{23} (mol^{-1})$

$\epsilon_o = 8,85 * 10^{-12} (C^2 F / Nm^3)$ $k_o = \frac{1}{4\pi\epsilon_o} = 9 * 10^9 (Nm^2 C^2)$ $mili(m) = 10^{-3}$ $micro(\mu) = 10^{-6}$ $nano(n) = 10^{-9}$ $pico(p) = 10^{-12}$

$\mu_o = 4\pi * 10^{-7} (N/A^2)$ $1 T = 10^4 G$ $1 Wb = 1 Tm^2$ $1A = 10^{-10} m$

TEMA 1

Superficie círculo/esfera: $S_c = \pi r^2 //$ $S_e = 4\pi r^2$

Densidad lineal: $\lambda = \frac{Q}{l}$ **Densidad superficial:** $\sigma = \frac{Q}{S}$ **Densidad cúbica:** $\rho = \frac{Q}{V}$ **Volumen esfera/cilindro:** $V_e = \frac{4}{3}\pi r^3 //$ $V_c = \pi h r^2$

Fuerza eléctrica: $F = k_o \frac{q q'}{r^2} (N)$

Intensidad c.eléctrico: $E = \frac{E}{q} = k_o \frac{q}{r^2} (N/C)$

Hilo cargado: $E = k_o \frac{\lambda}{d} [(cosa_1 - cosa_2)i + (sena_1 + sena_2)j] = k_o \frac{\lambda}{d(L+d)} i$

Hilo indefinido: $E = 2k_o \frac{\lambda}{d}$

Anillo cargado: $E = k_o \frac{Qx}{(a^2+x^2)^{3/2}} i$

Plano cargado: $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_o} u$

Esfera cargada: $r \leq R$; $E = k_o \frac{Q_{int}}{r^2} = \frac{\rho}{3\epsilon_o} r = \frac{Qr}{4\pi\epsilon_o R^3}$

$r \geq R$; $E = k_o \frac{Q}{r^2} = \frac{\rho R^3}{3\epsilon_o r^2} = \frac{Q}{4\pi\epsilon_o r^2}$

Densidad de energía del c.eléctrico: $\rho_E = \frac{1}{2}\epsilon_o E^2 (J/m^3)$ $E = \frac{V_A - V_B}{d}$ **C. eléctrico uniforme:** $F = F_e$ $ma = qE$

Ecs. del movimiento: $x = x_o + v_o + \frac{1}{2}at^2$ $v = v_o + at$ $v^2 = v_o^2 + 2ad$ $a_y = \frac{qE}{m}$ $\Delta x = vt$ $\Delta y = \frac{1}{2}at^2$


Flujo eléctrico y Ley de Gauss: $\Phi = \int \int_S E \cdot dS = E \cdot S \cdot \cos\theta = \frac{Q_{enc}}{\epsilon_o} (Nm^2/C)$ **Potencial eléctrico:** $\Delta V = - \int_A^B E \cdot dl = k_o \frac{q}{r} (J/C \text{ ó } V)$


Energía potencial eléctrica y Trabajo: $U = k_o \frac{qq'}{r} (J)$ $W(A \rightarrow B) = \int_A^B F_e \cdot dr = -\Delta U$ $W(A \rightarrow B) = -q\Delta V$ $W = \Delta E = \Delta E_c + \Delta U$

Conductor en equilibrio electrostático: $E_{interior} = 0$ $E_{exterior} = \frac{\sigma}{\epsilon_o}$ **Capacidad esfera metálica:** $C = \frac{Q}{V} = 4\pi\epsilon_o r$ $V = \frac{Q}{4\pi\epsilon_o r}$

Capacidad de un condensador: $C = \frac{Q}{V} (F)$ $V = \frac{Q}{C}$

Condensador plano: $C = \epsilon_o \frac{S}{d}$ $E = \frac{\sigma}{\epsilon_o}$ **Condensador esférico:** $C = \frac{R_1 R_2}{k_o(R_2 - R_1)}$ **Condensador cilíndrico:** $C = \frac{L}{2k_o \ln r_2/r_1}$ $E = 2k_o \frac{\lambda}{r}$

❖ **Asociaciones en serie:**  $\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots$ $Q_{eq} = C_{eq} V = Q$ $V_{eq} = V_1 + V_2 + \dots$

❖ **Asociaciones en paralelo:**  $C_{eq} = C_1 + C_2 + \dots$ $Q_{eq} = Q_1 + Q_2 + \dots$ $V_{eq} = V_1 = V_2 = \dots$

Energía almacenada: $U = \frac{Q^2}{2C} = \frac{Q(V_A - V_B)}{2} = \frac{1}{2} C \Delta V^2 (J)$ **Densidad de energía:** $\rho_E = \frac{U}{Volumen} = \epsilon_o E^2 (J)/m^3$ $E = \frac{V_A - V_B}{d}$

Condensadores con dieléctricos: $C = \epsilon_r C_o = \epsilon_r \epsilon_o \frac{S}{d}$ $E_i = (\frac{\epsilon_r - 1}{\epsilon_r}) \epsilon_o$ $E = \frac{E_o}{\epsilon_r} = \frac{\sigma}{\epsilon_r \epsilon_o}$ $\eta_D = \frac{1}{2} \epsilon_o \epsilon_r E^2$

Condensadores con 2 dieléctricos:

❖ **En serie:** $d/2 \Rightarrow C = 2\epsilon_o \frac{S}{d} (\frac{\epsilon_{r1}\epsilon_{r2}}{\epsilon_{r1} + \epsilon_{r2}})$ **En paralelo:** $S/2 \Rightarrow C = \epsilon_o \frac{S}{d} (\frac{\epsilon_{r1} + \epsilon_{r2}}{2})$

Corriente eléctrica

Intensidad de corriente eléctrica: $I = \frac{Q}{t} (A)$ $I = nqv_d S$ $n = \frac{\text{número de portadores}}{\text{volumen}}$ **Ley de Ohm:** $I = \frac{V}{R}$ $I = \frac{\sigma}{R+r}$ $V_a - V_b = \epsilon - Ir$

Densidad de corriente: $J = \sigma E$ $J = nqv_d$ $J = \frac{I}{S} (A/m^2)$ **Conductividad:** $\sigma = \frac{1}{\rho} (\Omega m)^{-1}$

Resistencia de un conductor: $R = \frac{1}{\sigma} \frac{L}{S} (\Omega)$ **En serie:** $R_{eq} = R_1 + R_2 + \dots$ **En paralelo:** $\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots$

Ley de Joule (potencia disipada por el conductor): $P = (V_a - V_b)I = I^2 R = \frac{(V_a - V_b)^2}{R} (W)$ $P = \frac{E}{t} = \epsilon I$

TEMA 2

Fuerza magnética: $F_m = q(\mathbf{v} \times \mathbf{B}) = q v B \sin\theta$ (N)

Fuerza de Lorentz: $\mathbf{F} = F_e + F_m = q\mathbf{E} + q(\mathbf{v} \times \mathbf{B})$

Fm=Fc ($\mathbf{v} \perp \mathbf{B}$) $\Rightarrow qvB = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow r = \frac{mv}{qB}$ $v = \frac{r q B}{m}$ $\omega = \frac{v}{r} = \frac{qB}{m}$ (rad/s) $T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi m}{qB}$ **Hélice ($\mathbf{v} = \mathbf{v}_{//} + \mathbf{v}_{\perp}$):** $d = v_{//} T = \frac{2\pi m v_{//}}{qB}$ (m)

Fm sobre una corriente: $F = I(l \times B) = I l B \sin\theta$ $\frac{F_{12}}{l_1} = \frac{F_{21}}{l_2} = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 I_2}{r}$

Torsión (Espira de corriente): $\tau = IS \times B = M \times B$
 $M = IS = NIS$ (Am²)

Campo magnético:

Corriente rectilínea: $B = \frac{\mu_0 I}{4\pi r} [\sin\theta_1 + \sin\theta_2]$ $l \rightarrow \infty$ $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$

Toroide: $B = \frac{\mu_0 I N}{2\pi r}$

Espira de corriente en su eje: $B = \frac{\mu_0}{2} \frac{IR^2}{(R^2 + r^2)^{3/2}}$ $r \gg R \Rightarrow B = \frac{\mu_0}{2} \frac{IR^2}{r^3}$

Solenoides: $B = (\mu_r) \mu_0 n I$ $n = \frac{\text{número espiras}}{\text{longitud}}$

Ley de Ampère: $\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{l} = \mu_0 I = B l = B 2\pi r$

Flujo magnético. Ley de Gauss: $\Phi = \iint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S} = B S N \cos\theta$ (Wb) $\oint \mathbf{B} d\mathbf{S} = 0$

Ley de Faraday-Lenz (fem): $\varepsilon = - \frac{d\Phi_m}{dt} = - \frac{d}{dt} \iint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$

Corriente alterna: $\varepsilon_{ind}(t) = - \frac{d}{dt} (B S N \cos\omega t) = B S N \omega \sin\omega t = V_o \sin\omega t$ (V)

Inducción mutua: $M = N_2 \frac{d\Phi_{12}}{dI_1} = N_1 \frac{d\Phi_{21}}{dI_2}$ (H)

Autoinducción: $L = N \frac{d\Phi}{dI} = \mu_0 \frac{N^2 S}{l}$ $\varepsilon = -L \frac{dI}{dt}$

- **En serie:** $L_{eq} = L_1 + L_2$
- **En paralelo:** $\frac{1}{L_{eq}} = \frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2}$

Energía almacenada en un inductor: $U = \frac{1}{2} L I^2$

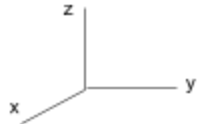
Densidad de energía magnética: $\rho_B = \frac{B^2}{2\mu_0} = \frac{U}{V_s}$

Varilla conductora móvil en un campo magnético: $F_e + F_m = 0$; $E = vB \Rightarrow \Delta V = El = vBl$ $|F_e| = |F_m| \rightarrow eE = evB$

Varilla conductora móvil que forma un circuito: $\varepsilon = El = vBl$ $I = \frac{\varepsilon}{R} = \frac{vBl}{R}$ $F_m = F_a \rightarrow I l B = F_a$

Potencia disipada (Ley de Joule): $P = V I = I^2 R$

Potencia entregada: $P = F_{ext} \cdot v = I l B v = \frac{(vBl)^2}{R}$ (W)



TEMA 3

Ecs. de ondas electromagnéticas: $E(x, t) = E_o \sin(kx - \omega t) \mathbf{j}$ $B(x, t) = B_o \sin(kx - \omega t) \mathbf{k}$ $E_o = B_o c$ $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ $\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$

Intensidad instantánea: $I_i = \eta c = \frac{EB}{\mu_0}$ (W/m²) o (J/m³) **Intensidad media:** $I_m = \eta_m c = S_m$ $\eta_m = \frac{1}{2} \varepsilon_o E_o^2 = \frac{B_o^2}{2\mu_0} = \frac{1}{2} \frac{E_o B_o}{c \mu_o}$

Densidad de energía del c.e: $\eta_E = \frac{1}{2} \varepsilon_o E_o^2 \sin^2(kx - \omega t)$ (J/m³) **Densidad de energía del c.m:** $\eta_B = \frac{1}{2\mu_o} B_o^2 \sin^2(kx - \omega t)$

Vector de Poynting: $S = c \frac{B_o^2}{\mu_o} \sin^2(kx - \omega t)$ $S_m = \frac{E_o B_o}{2\mu_o} = I$ **Cantidad de movimiento de una onda:** $p = \frac{W}{c}$

Presión de radiación: $Pr = \frac{E}{S} = \frac{I}{c}$

$P = \frac{W}{t}$ $I = \frac{W}{tS} = \frac{P}{S}$

- **Superficie que absorbe toda la energía:** $Pr = \frac{1}{2} \frac{E_o B_o}{c \mu_o}$
- **Superficie que refleja toda la energía:** $Pr = \frac{I}{2c} = \frac{E_o B_o}{2c \mu_o}$

RELACIÓN CAMPO ELÉCTRICO Y POTENCIAL: $E = \frac{VA - VB}{d}$

INTENSIDAD: $I = q n v_d S$