

# FORMULARIO BLOQUE 1

## TEMA 1

Densidad

lineal  $\lambda = \frac{Q}{l}$

superficial  $\sigma = \frac{Q}{S}$

cúbica  $\rho = \frac{Q}{V}$

**Ley Coulomb**  $F = k_0 \cdot \frac{q \cdot q'}{r^2}$

### Campo eléctrico

-Distrib. cont.  $E = \frac{F}{q'} = k_0 \frac{q}{r^2} (N/C)$   $\vec{E} = \int_V k_0 \cdot \frac{dq}{r^2} \cdot \vec{u}_r$

-Distrib. Lineal(1)  $\vec{E} = k_0 \cdot \frac{\lambda}{r} \cdot [(\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2) \vec{i} + (\sin \alpha_1 - \sin \alpha_2) \vec{j}]$

-Distrib. Lineal(2)  $\vec{E} = k_0 \cdot \frac{\lambda L}{r(L+r)} \cdot \sin \alpha \vec{i}$

-Anillo punto en eje  $\vec{E} = k_0 \cdot \frac{Qx}{(R^2 + x^2)^{3/2}} \cdot \vec{i}$

-Campo eléctrico uniforme  $\Delta V = E \cdot d$

$\vec{E} = 2k_0 \cdot \frac{\lambda}{r} \cdot \sin \alpha$   $\vec{E} = 2k_0 \cdot \frac{\lambda}{r}$

### Fuerza eléctrica

$\vec{F}_e = q \cdot \vec{E} = m \cdot \vec{a}$

### Flujo eléctrico y Ley de Gauss

$\Phi_E = \iint_S \vec{E} \cdot d\vec{S} = E \cdot S \cdot \cos \alpha = \frac{Q_{neta}}{\epsilon_0} (J \cdot \frac{m}{C}) (\frac{N}{C} \cdot m^2)$

#### -Conductor lineal

$\vec{E} = 2k_0 \cdot \frac{\lambda}{r}$

#### -Distrib. plana

$\vec{E} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \cdot \vec{u}$

#### -Esfera

$r \leq R$   $\vec{E} = \frac{\rho}{3\epsilon_0} r \vec{u} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q}{R^3} r \vec{u}$   $V = k_0 \cdot \frac{Q}{r}$

$r \geq R$   $\vec{E} = \frac{\rho R^3}{3\epsilon_0 r^2} \vec{u} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q}{r^2} \vec{u}$   $V = k_0 \cdot \frac{Q}{R}$

$\rho = \frac{Q}{\frac{4}{3}\pi R^3}$

### Energía potencial y potencial eléctrico

$W_{e(A \rightarrow B)} = \int_A^B \vec{F}_e \cdot d\vec{r} = -\Delta U = -q' \cdot (\Delta V)$

$W_{e(A \rightarrow \infty)} = UA$

$V = \frac{U}{q'} = k_0 \cdot \frac{Q}{r} (\frac{J}{C})$

$\Delta V = \int_E^b \vec{E} \cdot d\vec{r}$

$w_T = \Delta E_c = -\Delta U \rightarrow \Delta E_m = 0$

$W_{ext} = \Delta E_c + \Delta U$

### Conductor en equilibrio electrostático

#### -Esfera metálica

$\vec{E}_{fuera} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \cdot \vec{u}_s$

$\vec{E}_{int} = 0$

$q = \sigma \cdot S$

$C = \frac{Q}{V} = 4\pi\epsilon_0 r$

### Movimiento

$x = x_0 + v_{ox} + \frac{1}{2}at^2$

$v_f = v_0 \pm at$

$V_f^2 = v_0^2 + 2ad$

$a_y = \frac{q \cdot E}{m}$

### Conductores

$C = \frac{Q}{V} (F)$   $V = k_0 \cdot \frac{Q}{r}$

### Condensadores

#### -Condensador plano

$C = \frac{Q}{V}$   $C = \epsilon_0 \cdot \frac{S}{d}$   $E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$

#### -Condensador esférico

$C = \frac{R_1 R_2}{k_0(R_2 - R_1)}$   $E = k_0 \frac{Q}{r^2}$

#### -Condensador cilíndrico

$C = \frac{L}{2k_0 \ln \frac{r_2}{r_1}}$   $E = 2k_0 \cdot \frac{\lambda}{r}$

En serie  $\rightarrow \frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots \rightarrow Q_e = Q \rightarrow V_e = V_1 + V_2$

#### -Energía almacenada

$U = \frac{Q^2}{2C} = \frac{Q\Delta V}{2} = \frac{1}{2}C\Delta V^2 (J)$

En paralelo  $= \text{sum} C_{eq} = C_1 + C_2 + \dots = \text{sum} Q_e = Q_1 + Q_2 \rightarrow V_e = V_1 = V_2$

#### -Densidad

$\rho_E = \frac{U}{Volumen} = \eta_E = \frac{1}{2} \epsilon_0 \cdot E^2 (J/m^3)$

### Condensadores + dieléctricos

$C = C_0 \cdot \epsilon_r = \epsilon_r \cdot \epsilon_0 \cdot \frac{S}{d} (F)$   $E = \frac{E_0}{\epsilon_r} = \frac{\sigma}{\epsilon_r \epsilon_0}$

$Q = \epsilon_r \cdot Q_0$

$\epsilon_r = \frac{\epsilon}{\epsilon_0}$

$E_i = \left( \frac{\epsilon_r - 1}{\epsilon_r} \right) E_0$

$V = \frac{V_0}{\epsilon_r}$

#### +2 dieléctricos

$d/2 \rightarrow C = 2\epsilon_0 \frac{S}{d} \left( \frac{\epsilon_{r1} \cdot \epsilon_{r2}}{\epsilon_{r1} + \epsilon_{r2}} \right)$

$S/2 \rightarrow C = \epsilon_0 \frac{S}{d} \left( \frac{\epsilon_{r1} + \epsilon_{r2}}{2} \right)$

### Corriente eléctrica

#### -Densidad corriente

#### -Intensidad corriente

$I = \frac{Q}{t}$

$\rho = E \cdot l \cdot I$   $v_d = M \cdot E$

$I = q \cdot n \cdot v_d \cdot S$   $n = \frac{n^0 \text{particulas}}{\text{volumen}}$

$E_{dis} = \frac{\rho}{t}$

#### -Densidad portadores q

$n(e^-/m^2) = N_a \cdot \frac{d}{M} \cdot Z$

### Ley de Ohm

$J = \sigma E$

$V = I \cdot R$

$R = \frac{1}{\sigma} \cdot \frac{l}{S} = \rho \cdot \frac{l}{S} (\Omega)$   
(resistividad  $\rho$ )

En serie  $\rightarrow R_{eq} = R_1 + R_2 + \dots$

#### Ley de Ohm generalizada

$I = \frac{\epsilon}{R + r} = \frac{\epsilon}{R_{eq}}$

En paralelo  $\rightarrow \frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots$

### Ley de Joule

$P_{dis} = \Delta V \cdot I = I^2 \cdot R = \frac{\Delta V^2}{R}$

$P_{sum} = \frac{dW}{dt} = \epsilon \cdot I$

$P_{dis} = P_{sum} (W)$

$E_{dis} = P \cdot t$

### Constantes:

$e^- = 1,6 \cdot 10^{-19} C$

$m_p = 1,67 \cdot 10^{-27} kg$

$m_e = 9,11 \cdot 10^{-31} kg$

$k_0 = \frac{1}{4\pi \cdot \epsilon_0} = 9 \cdot 10^9 \frac{Nm^2}{C^2}$

$N_A = 6,023 \cdot 10^{23} mol^{-1}$

$\epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12} \left( \frac{C^2}{Nm^2} \right) \left( \frac{F}{m} \right)$

mili(m) =  $10^{-3} = 1/kilo(K)$

micro( $\mu$ ) =  $10^{-6} = 1/mega(M)$

nano(n) =  $10^{-9} = 1/giga(G)$

pico(p) =  $10^{-12} = 1/tera(T)$

### Símbolos:

$\epsilon_r$  = Constante dieléctrica o permitividad dieléctrica relativa

$\epsilon$  = permitividad de un dieléctrico

$M$  = masa atómica

$Z \Rightarrow$  átomo =  $Z$  electrones

$v_d$  = velocidad de desplazamiento

$p_e$  = energía almacenada por unidad de volumen

## Fuerza magnética

$$\vec{F}_m = q \cdot (\vec{v} \times \vec{B})$$

## Trabajo

$$W_m = 0 = \Delta E_C$$

# FORMULARIO BLOQUE 1

## TEMA 2

-Hélice

$$T = \frac{2\pi \cdot m}{|q|B}$$

$$\omega = \frac{|q|B}{m}$$

**Fe=Fc**

$$R = \frac{mv}{|q|B}$$

$$d = \frac{2\pi m}{|q|B}$$

## Fuerza de Lorentz

$$\vec{F} = \vec{F}_e + \vec{F}_m = q(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B}) \quad (N)$$

## Fuerza hilo cond. rect.

$$\vec{F} = I \cdot \vec{L} \times \vec{B}$$

## Fuerza hilo cond.

$$\vec{F} = I \left( \int_L d\vec{l} \right) \times \vec{B}$$

## Fuerza hilo cond. cerrado

$$\vec{F} = 0$$

## Fuerza corrientes paralelas

$$F_{21} = \frac{\mu_0 \cdot I_1 \cdot I_2 \cdot L}{2\pi \cdot r}$$

$$\frac{F_2}{L_2} = \frac{F_1}{L_1} = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{I_1 I_2}{d}$$

## Fuerza espira de corriente

$$\sum F_i = 0 \quad \vec{\tau} = \sum \vec{\tau}_i$$

$$\vec{\tau} = I \cdot \vec{S} \times \vec{B} = \vec{m} \times \vec{B}$$

$$\vec{m} = I \cdot \vec{S} = N \cdot I \cdot \vec{S}$$

## Ley de Biot-Savart

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I d\vec{l}}{r^2} \cdot \vec{u}_l \times \vec{u}_r$$

## Ley de Ampère

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 \cdot I$$

## -B corriente rect.

$$B = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I}{r} \cdot [\text{sen}\alpha_1 + \text{sen}\alpha_2]$$

$$L \rightarrow \infty \quad B = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{I}{r} \quad (T)$$

## -B espira corriente en eje

$$B = \frac{\mu_0}{2} \cdot \frac{IR^2}{(R^2 + r^2)^{\frac{3}{2}}}$$

$$r \gg R \quad B = \frac{\mu_0}{2} \cdot \frac{IR^2}{r^3}$$

## -B espira corriente en centro

$$B = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{I}{r} \cdot N$$

## -B toroide

$$B = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{NI}{r}$$

## -B solenoide

$$B = \mu_0 \cdot \frac{N}{L} \cdot I$$

## Inducción magnética

### Ley de Gauss

$$\phi_m = \iint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} \quad (Wb)$$

### Ley de Lenz-Faraday

$$\varepsilon = -N \cdot \frac{d\phi}{dt}$$

### Varilla cond. móvil

$$\vec{F}_e + \vec{F}_m = 0$$

$$\Delta V = E \cdot L = v \cdot B \cdot L$$

### Varilla cond. móvil circuito

$$|\varepsilon| = v \cdot BL$$

$$P = IV$$

$$\varepsilon = \oint \vec{E} \cdot d\vec{l} \rightarrow$$

$$\begin{aligned} P_E &= \vec{F}_{ext} \cdot \vec{v} = ILBv \\ P_R &= I^2 \cdot R = \frac{(vBL)^2}{R} \quad (W) \end{aligned}$$

## Inducción mutua

$$M = N_2 \cdot \frac{d\phi_{12}}{dI_1} = N_1 \cdot \frac{d\phi_{21}}{dI_2}$$

$$L = N \cdot \frac{d\phi}{dI} \quad (H)$$

$$\varepsilon = -L \cdot \frac{dI}{dt}$$

## Autoinducciones

$$\text{En serie} \rightarrow L_{eq} = L_1 + L_2$$

$$\text{En paralelo} \rightarrow \frac{1}{L_{eq}} = \frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2}$$

## -Energía almacenada

$$U = \frac{1}{2} L_S I^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{B^2}{\mu_0} \cdot S \cdot L_S$$

## -Densidad de energía

$$\eta_B = \frac{U}{V} = \frac{1}{2} \cdot \frac{B^2}{\mu_0}$$

## -Autoinducción solenoide

$$L = \mu_0 \cdot \frac{N^2}{L_S} \cdot I \cdot S$$

## Generador fem sinusoidal

$$\phi_m = NBS \cos \omega t \quad (Wb) \quad \varepsilon = NBS\omega \sin \omega t = V_0 \cdot \sin \omega t \quad (V)$$

$$I = I_0 \cdot \sin \omega t$$

$$I_0 = \frac{V_0}{R}$$

## Circuitos de corriente continua

$$\text{-Carga} \quad Q_{max} = V \cdot C$$

$$I(t) = I_0 \cdot e^{-\frac{t}{RC}}$$

$$Q(t) = Q_{max} \left( 1 - e^{-\frac{t}{RC}} \right)$$

## -Descarga

$$I(t) = I_0 \cdot e^{-\frac{t}{RC}}$$

$$Q(t) = Q_0 e^{-\frac{t}{RC}} \quad (C)$$

$$\tau = RC$$

## Circuitos de corriente alterna

### -Corriente alterna + Resistencia

$$I(t) = \frac{V_0}{R_0} \cdot \sin \omega t \quad (A)$$

### -Corriente alterna + Condensador

$$I(t) = \frac{V_0}{X_C} \cdot \sin \omega t$$

$$X_C = \frac{1}{C\omega}$$

### -Corriente alterna + Autoinducción

$$I(t) = \frac{V_0}{X_L} \cdot \sin \left( \omega t - \frac{\pi}{2} \right)$$

$$X_L = L\omega$$

## TEMA 3

## Ley de Ampère-Maxwell

$$I_d = \varepsilon_0 \cdot \frac{d\phi_E}{dt} \quad \oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 \cdot \left( I + \varepsilon_0 \cdot \frac{d\phi_E}{dt} \right)$$

## Ondas electromagnéticas

$$B_0 c = E_0 \quad Bc = E$$

$$E(x, t) = E_0 \cdot \sin(kx - \omega t) \quad \eta = \eta_E + \eta_B = \varepsilon_0 \cdot E^2 = \frac{1}{\mu_0 c} EB$$

$$I_i = \eta c = \frac{1}{\mu_0} \cdot E \cdot B = S_{(m)} \quad \eta_E = \frac{1}{2} \varepsilon_0 \cdot E^2 = \eta_B = \frac{1}{2\mu} B^2 \quad (Jm^{-3})$$

$$I = \frac{1}{2} c \varepsilon_0 E_0^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{c B_0^2}{\mu_0} = \frac{1}{2} \cdot \frac{E_0 \cdot B_0}{\mu_0} \quad (A)(Wm^{-2})$$

$$\left. \begin{aligned} y(x, t) &= y_0 \cdot \sin(kx - \omega t) \\ k &= \frac{2\pi}{\lambda} \quad \omega = \frac{2\pi}{T} \quad v = \frac{\lambda}{T} \end{aligned} \right\} \text{ondas}$$

## Constantes:

$$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{N}{A^2}$$

$$1eV = 1,6 \cdot 10^{-19} J$$

$$1T = 10^4 G$$

$$c = 3 \cdot 10^8 \frac{m}{s}$$

$$1Maxwell = 10^{-3} wb$$

## Símbolos:

$d$ (Hélice) = paso de hélice

$\vec{m}$  = momento dipolar magnético

$P_R$  = potencia disipada en R

$P_E$  = potencia entregada

$I_d$  = Corriente de desplazamiento de Maxwell

$I_i$  = Intensidad instantánea

$X_L$  = Reactancia inductiva o Inductancia

$X_C$  = Reactancia capacitiva o Capacitancia

$\tau$  = Constante de tiempo