Creado por:

Isabel Maniega

Análisis de Componentes Principales (PCA)

El análisis de componentes principales (PCA) es una técnica de reducción de dimensionalidad lineal que se puede utilizar para extraer información de un espacio de alta dimensión proyectándola en un subespacio de menor dimensión. Intenta preservar las partes esenciales que tienen más variación de los datos y eliminar las partes no esenciales con menos variación.

Una cosa importante a tener en cuenta sobre PCA es que es una técnica de reducción de dimensionalidad no supervisada, puede agrupar los puntos de datos similares en función de la correlación de características entre ellos sin supervisión (o etiquetas).

es un procedimiento estadístico que utiliza una transformación ortogonal para convertir un conjunto de observaciones de variables posiblemente correlacionadas (entidades cada una de las cuales toma varios valores numéricos) en un conjunto de valores de variables

linealmente no correlacionadas llamadas componentes principales.

Visualización de datos: cuando se trabaja en cualquier problema relacionado con datos, el desafío en el mundo actual es el gran

volumen de datos y las variables/características que definen esos datos. Para resolver un problema donde los datos son la clave, necesita una amplia exploración de datos, como descubrir cómo se correlacionan las variables o comprender la distribución de algunas

visualización puede ser un desafío y casi imposible.

correlacionados sobre las mismas "y" muestras.

In [3]: breast data.shape

In [5]: breast_labels.shape

3 11.42 20.38

77.58

386.1 0.14250 0.28390

In [4]: breast labels = breast.target

Out[3]: (569, 30)

Pero, ¿dónde se puede aplicar PCA?

Aceleración del algoritmo de aprendizaje automático (ML): dado que la idea principal de PCA es la reducción de la dimensionalidad, puede aprovecharla para acelerar el entrenamiento y el tiempo de prueba de su algoritmo de aprendizaje automático, teniendo en cuenta que sus datos tienen muchas características y que el aprendizaje del algoritmo ML es demasiado lento. En un nivel abstracto, toma un conjunto de datos que tiene muchas características y simplifica ese conjunto de datos seleccionando algunas Principal Componentes de las características originales.

variables. Teniendo en cuenta que hay una gran cantidad de variables o dimensiones a lo largo de las cuales se distribuyen los datos, la

¿Qué es un componente principal?

Por lo tanto, PCA permite visualizar los datos en un espacio 2D o 3D a simple vista.

Los componentes principales son la clave de PCA. En términos sencillos, cuando los datos se proyectan en una dimensión más baja (suponga tres dimensiones) desde un espacio más alto, las tres dimensiones no son más que los tres componentes principales que capturan (o contienen) la mayor parte de la variación (información) de sus datos .

principalmente los datos o tienen la mayor variación y la magnitud indica la cantidad de variación que el Componente principal captura de los datos cuando se proyecta en ese eje. Los componentes principales son una línea recta y el primer componente principal tiene la mayor variación en los datos. Cada componente principal posterior es ortogonal al último y tiene una varianza menor. De esta forma,

dado un conjunto de "x" variables correlacionadas sobre "y" muestras, se obtiene un conjunto de "u" componentes principales no

Los componentes principales tienen dirección y magnitud. La dirección representa a través de qué ejes principales se distribuyen

La razón por la que obtiene componentes principales no correlacionados de las características originales es que las características correlacionadas contribuyen al mismo componente principal, reduciendo así las características de datos originales a componentes principales no correlacionados; cada uno representa un conjunto diferente de características correlacionadas con diferentes cantidades de variación.

Cada componente principal representa un porcentaje de la variación total capturada de los datos.

In [1]: from sklearn.datasets import load_breast_cancer breast = load_breast_cancer() In [2]: breast_data = breast.data

Out[5]: (569,) In [6]: **import** numpy **as** np

In [7]: labels = np.reshape(breast_labels, (569,1))

final_breast_data = np.concatenate([breast_data,labels],axis=1)

In [9]: final_breast_data.shape Out[9]: (569, 31)

In [10]: | **import** pandas **as** pd

In [12]: breast_dataset = pd.DataFrame(final_breast_data) breast_dataset 2 6 9 ... 22 23 24 25 Out[12]:

26

0.4000

0 17.99 10.38 122.80 1001.0 0.11840 0.27760 0.30010 0.14710 0.2419 0.07871 ... 17.33 184.60 2019.0 0.16220 0.66560 0.7119 **1** 20.57 17.77 132.90 1326.0 0.08474 0.07864 0.08690 0.07017 0.1812 0.05667 ... 23.41 158.80 1956.0 0.12380 0.18660 0.2416 **2** 19.69 21.25 130.00 1203.0 0.10960 0.15990 0.19740 0.12790 0.2069 0.05999 ... 25.53 152.50 1709.0 0.14440 0.42450 0.4504

4 20.29 14.34 135.10 1297.0 0.10030 0.13280 0.19800 0.10430 0.1809 0.05883 ... 16.67 152.20 1575.0 0.13740

0.10520 0.2597

0.09744 ... 26.50

98.87

mean

fractal

0.07871

0.05667

0.05999

0.09744

0.05883

mean

fractal

0.05623

0.05533

0.05648

0.07016

0.05884

dimension

dimension

worst

texture

17.33

23.41

25.53

26.50

16.67

worst

26.40

38.25

34.12

39.42

30.37

texture

worst

184.60

158.80

98.87

152.50 1709.0

152.20 1575.0

worst

166.10

155.00

184.60

59.16

126.70 1124.

perimeter

wors

2027.

1731.

1821.

268.

perimeter

worst

2019.0

1956.0

567.7

area

mean

points

0.14710

0.07017

0.12790

0.10520

0.10430

mean

points

concave

0.13890

0.09791

0.05302

0.15200

0.00000

feature7

2.320965

1.263669

0.105777

2.658866

-1.261820

feature8

-0.312589

-0.217664

-0.809117

2.137194

-0.820070

feature9

-0.931027

-1.058611

-0.895587

1.043695

-0.561032

feature20

1.901185

1.536720

0.561361

1.961239

-1.410893

feature21

0.117700

2.047399

1.374854

2.237926

0.764190

1.

1.

0.

concave

mean

0.2419

0.1812

0.2069

0.2597

0.1809

mean

0.1726

0.1752

0.1590

0.2397

0.1587

symmetry

symmetry

mean

0.3001

0.0869

0.1974

0.2414

0.1980

mean

concavity

0.24390

0.14400

0.09251

0.35140

0.00000

concavity

567.7 0.20980

0.86630

0.20500

0.24140

21.56 22.39 142.00 1479.0 0.11100 0.11590 0.24390 0.13890 0.1726 0.05623 ... 26.40 166.10 2027.0 0.14100 0.21130 0.4107 564 20.13 28.25 131.20 1261.0 0.09780 0.10340 0.14400 0.09791 0.1752 0.05533 ... 38.25 155.00 1731.0 0.11660 16.60 28.08 108.30 858.1 0.08455 0.10230 0.05648 ... 34.12 126.70 1124.0 0.11390 566 0.09251 0.05302 0.1590 0.30940 0.3403 20.60 29.33 140.10 1265.0 0.11780 0.27700 0.35140 0.15200 0.2397 0.07016 ... 39.42 184.60 1821.0 0.16500 0.86810 0.9387 268.6 0.08996 7.76 24.54 47.92 181.0 0.05263 0.04362 0.00000 0.00000 0.1587 0.05884 ... 30.37 0.06444 0.0000 59.16 569 rows × 31 columns

features = breast.feature_names features In [14]: Out[14]: array(['mean radius', 'mean texture', 'mean perimeter', 'mean area', 'mean smoothness', 'mean compactness', 'mean concavity', 'mean concave points', 'mean symmetry', 'mean fractal dimension', 'radius error', 'texture error', 'perimeter error', 'area error', 'smoothness error', 'compactness error', 'concavity error', 'concave points error', 'symmetry error', 'fractal dimension error', 'worst radius', 'worst texture', 'worst perimeter', 'worst area', 'worst smoothness', 'worst compactness', 'worst concavity', 'worst concave points', 'worst symmetry', 'worst fractal dimension'], dtype='<U23') features_labels = np.append(features, 'label')

mean

0.27760

0.07864

0.15990

0.28390

0.13280

mean

0.11590

0.10340

0.10230

0.27700

0.04362

compactness

compactness

In [17]: breast_dataset.head() Out[17]: mean mean radius texture perimeter

17.99

20.57

19.69

11.42

20.29

5 rows × 31 columns

mean

radius

21.56

20.13

16.60

20.60

7.76

564

565

566

567

568

x.shape

(569, 30)

0

1

2

3

10.38

17.77

21.25

20.38

14.34

mean

texture

22.39

28.25

28.08

29.33

24.54

In [16]:

In [18]:

Out[19]:

In [21]:

Out[21]:

In [23]:

In [24]:

In [27]:

564

565

566

breast dataset.columns = features labels

mean

122.80

77.58

132.90 1326.0

130.00 1203.0

135.10 1297.0

mean

1001.0

386.1

area

mean

0.11840

0.08474

0.10960

0.14250

0.10030

mean

0.11100

0.09780

0.08455

0.11780

0.05263

smoothness

smoothness

In [19]: breast_dataset.tail()

mean

142.00

131.20

108.30

47.92

from sklearn.preprocessing import StandardScaler x = breast dataset.loc[:, features].values

perimeter

breast dataset['label'].replace(0, 'Benign',inplace=True)

mean

1479.0

1261.0

858.1

181.0

x = StandardScaler().fit_transform(x) # normalizing the features

area

breast_dataset['label'].replace(1, 'Malignant',inplace=True)

5 rows × 31 columns

140.10 1265.0

In [22]: np.mean(x),np.std(x) Out[22]: (-6.118909323768877e-16, 1.0)

feat_cols = ['feature'+str(i) for i in range(x.shape[1])]

normalised_breast.tail() Out[25]: feature0 feature1 feature2 feature3 feature4 feature5 feature6

normalised_breast = pd.DataFrame(x,columns=feat_cols)

564 2.110995 0.721473 2.060786 2.343856 1.041842 0.219060 1.947285 1.704854 2.085134 1.615931 565 1.723842 0.102458 -0.017833 0.693043

566 0.702284 2.045574 0.672676 0.577953 -0.840484 -0.038680 0.046588 567 1.838341 2.336457 1.982524 1.735218 1.525767 3.272144 3.296944

-1.808401 1.221792 -1.814389 -1.347789 -3.112085 -1.150752 -1.114873 5 rows × 30 columns

In [26]: from sklearn.decomposition import PCA

principalComponents_breast = pca_breast.fit_transform(x)

principal_breast_Df = pd.DataFrame(data = principalComponents_breast

-3.576817

-3.584048

-1.902297

Explained variation per principal component: [0.44272026 0.18971182]

, columns = ['principal component 1', 'principal component 2'])

In [29]: print('Explained variation per principal component: {}'.format(pca_breast.explained_variance_ratio_))

In [28]: principal_breast_Df.tail() principal component 1 principal component 2 Out[28]:

6.439315

3.793382

1.256179

pca_breast = PCA(n_components=2)

567 10.374794 1.672010 568 -5.475243 -0.670637

plt.ylabel('Principal Component - 2',fontsize=20) plt.title("Principal Component Analysis of Breast Cancer Dataset",fontsize=20) targets = ['Benign', 'Malignant'] colors = ['r', 'g'] for target, color in zip(targets,colors): indicesToKeep = breast_dataset['label'] == target plt.scatter(principal_breast_Df.loc[indicesToKeep, 'principal component 1'] , principal_breast_Df.loc[indicesToKeep, 'principal component 2'], c = color, s = 50) plt.legend(targets,prop={'size': 15}) Out[31]: <matplotlib.legend.Legend at 0x7f8a595d8610> <Figure size 640x480 with 0 Axes> Principal Component Analysis of Breast Cancer Dataset

In [30]: **import** matplotlib.pyplot **as** plt In [31]: plt.figure() plt.figure(figsize=(10,10)) plt.xticks(fontsize=12) plt.yticks(fontsize=14) plt.xlabel('Principal Component - 1',fontsize=20) Benign 12.5 Malignant 10.0 7.5 Principal Component -5.0 2.5 0.0 -2.5 -5.0-7.5<u>-</u>5 15 10 Principal Component - 1 Creado por: Isabel Maniega